

للعِنْالِمُيِّينَ وَللْهَنْدِ سِنَينَ

الميكانيكا واللبيناميكا الحرارية

تألیف روبسرت ج بکتر

جــون و جيويت

ريموند أ. سيرواي

ترجمة أ.د. محمد محمود عمار أ.د. طه زكي سكر أ.د. صالح كامل البني

مراجعة أ. د. أحمد أمين حمسزة أ. د. محمد محمود عمار أ. د. محمد عبد الفتاح مبروك





(الفيرن والمهند المؤين والمهند المناب المنا

الميكانيكا والديناميكا الحرارية



الميكانيكا والديناميكا الحرارية

تأليف

جون و. جيويت

د. صلاح كامل اللبني

أستاذ الفيزياء كلية العلوم بدمياط - جامعة المنصورة

د.محمد عبدالفتاح مبروك

أستاذ الفيزياء كلية العلوم بدمياط - جامعة المنصورة روبرت ج. بکنر

ترجمة

د. طه زکی سکر

أستاذ الفيزياء كلية العلوم - جامعة المنصورة

مراجعة

د.محمدمحمودعمار

أستاذ الفيزياء المهد القومى للقياس والعايرة ريموند أ.سيرواي

د.محمدمحمودعمار

أستاذ الفيزياء العهد القومى للقياس والعايرة

د.أحمدأمين حمزة

أستاذ الفيزياء كلية العلوم - جامعة النصورة



(009661) + 4657939 فاكس (009661) + 4658523 + 4647531 فاكس (009661) + 4658523 + 4647531 فاكستان المحاكة العربية السعودية (009661) + 4658523 + 4647531

الضيزياء للعلميين والمهندسين

الطبعة الخامسة تأليف

ریموند ا. سیروای روبرت ج. بکتر جون و. جیویت

الترجمة العربية للكتاب تتألف من الأجزاء التالية،

الجزءالأول الميكانيكا والديناميكا الحسرارية

ترجمة د. محمد محمود عمار د. طه زكسي سسكر د. صلاح كامسل اللبني مراجعة د. أحمد أمين حمازة د. محمد محمود عمار د. محمد عبدالفتاح مبروك

الجزءالثاني:الكهربية والغناطيسية

ترجمة،د. محمد عبدالفتاح مبروك ستريد مناكسي كالمساهد كالمساهد المعادد

مراجعة،د.طه زكسي سكر د. صلاح كامل اللبني

الجزء الثالث: الموجات الميكانيكية والضوء والبصريات

ترجمة:د. احمد امين حميزة د.طه زكي سيكر

مراجعة د. محمد محمود عمار د. أحمد أمين حمـزة د. محمد عبدالفتاح مبروك

الجزء الرابع: الفيزياء الحديثة

ترجمة: د. صــلاح كــامــل اللبـــتى مراجعة: د. محمد محمود عمار د.طــه زكــى سكـــر

ردمك : 9960 - 24 - 517 - 9

© دار المريخ للنشر}

الرياض ، المملكة العربية السعودية، 1429ه / 2008م جميع حقوق الطبع والنشر محفوظة أندار الحريث للنشر.

اثرياض – المملكة العربية السعودية ص.ب : 10720 – الرمز البريدى : 11443 (009661 + 4658523 / 4647531 مائف : 4647531 (009661 + 4657939 مائف : 4647531 مائف : 46

البريد الإنكتروني : Email: marspubl@zajil.net

لا رجوز استنساخ أو طباعة أو تصوير أي جزء من هذا الكتاب أو اغتزاته بأية وسيلة إلا بإذن مسبق من الناشر.

التوزيع داخل جمهورية مصر العربية والسودان وشمال أفريقيا: دار العريخ للنشو بالقاهرة 4- شارع الفرات - المهندسين - الجيزة

الرمز البريدى : 12411 فاكس: 37609457 مانف : 33376579 + 37609971 (00202)

البريد الإلكتروني : Email: marspub2002@Yahoo.com



الحتويات

الصفحة	الموضوع رقم
25	مقلمة
27	مقدمة الطبعة الخامسة من النسخة الأصلية باللغة الإنجليزية
31	تقديم للجزء الأول
	الفصل الأول الفيزياء والقياس
39	ا. ا معايير الطول، والكتلة والزمن
44	2.1 بناء كتلة المادة
45	3.1 الكثافة
47	4.1 تحليل الأبعاد
50	5.1 تحويل الوحدات
51	6.1 الحسابات التقريبية
52	7.1 الأرقام المعنوية
	الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد
60	1.2 الازاحة، السرعة الإتجاهية، السرعة
65	2.2 السرعة الاتجاهية اللحظية والسرعة اللحظية
68	3.2 التسارع (العجلة)
74	4.2 التمثيل البياني للحركة
75	5.2 الحركة في خط مستقيم بتسارع ثابت
81	6.2 السقوط الحر للأجسام
87	7.2 استنتاج معادلات الكينماتيكا من حسابات التفاضل والتكامل (اختياري)
91	8.2 المسائل الهادفة - خطوات الحل
	الفصل الثالث: المتجهات
100	1.3 منظومة الإحداثيات
102	2.3 الكميات المتجهة والقياسية

	1 .	٠		٠
4	u	•	10	u
_	=	_	_	_

الصقحا	الموضوع		
103	بعض خواص المتجهات	3.3	
107	مركبات المتجه ووحدة المتجهات	4.3	
	رابع: الحركة في بعدين	الفصل الـ	
122	متجهات الإزاحة، السرعة المتجهة والتسارع	1.4	
125	الحركة في بعدين بتسارع ثابت	2.4	
129	حركة المقذوفات	3.4	
141	الحركة الدائرية المنتظمة	4.4	
143	العجلة (التسارع) المماسية والعجلة العمودية	5.4	
146	السرعة النسبية والعجلة النسبية	6.4	
	خامس، قوانين الحركة	الفصل ال	
160	مفهوم القوةمفهوم القوة	1.5	
163	القانون الأول لنيوتن وفانون الأطر القصورية	2.5	
166	الكتلة	3.5	
167	القانون الثاني لنيوتن	4.5	
169	قوة الجاذبية والوزن	5.5	
170	القانون الثالث لنيوتن	6.5	
174	بعض التطبيقات على قوانين نيوتن	7.5	
185	قوى الاحتكاك	8.5	
	سادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن	الفصل الد	
198	تطبيق قانون نيوتن الثاني على الحركة الدائرية المنتظمة	1.6	
207	الحركة الدائرية غير المنتظمة		
209	الحركة في أطر متسارعة (اختياري)		
212	-		
	النمذجة العددية لديناميكا الجسم (اختياري)		
	سابع: الشغل وطاقة الحركة	القصل الد	
238	الشغل المهذول بقوة ثابتة		
	حاصل الضرب القياسي لمتجهين		\sqrt{s}

المعتويات

الصفحأ	الموضوع رقم ا	
245	3.7 الشغل المبذول بقوة متغيرة	7
250	4.7 طاقة الحركة ونظرية الشغل - طاقة الحركة	7
258	5.7 القدرة	7
261	6.7 الطاقة والسيارة (اختياري)	7
265	7.7 طافة الحركة عند السرعات العالية (اختياري)	7
	الثامن: طاقة الوضع وحفظ الطاقة	القصل
282	 طاقة الوضع 	
286	 ٤٤ القوى المحافظة والقوى غير المحافظة	
288	3.8 القوى المحافظة وطافة الوضع	
289	4.4 حفظ الطاقة الميكانيكية	
294	5. الشغل المبذول بالقوى غير المحافظة	s
305	6.8 العلاقة بين القوى المحافظة وطاقة الوضع	3
306	7.5 الرسوم البيانية للطاقة واتزان منظومة (أحتياري)	3
310	8.8 حفظ الطاقة بصورة عامة	3
310	9.8 تكافؤ الكتلة والطاقة (اختياري)	3
312	10.8 تكمية الطاقة (اختياري)	3
	التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم	الفصل
332	1.1 كمية الحركة الخطية وحفظها)
337	2.5 الدفع وكمية الحركة)
341	3.5 التصادم)
343	4.5 التصادم المرن وغير المرن في بعد واحد	•
350	5.5 التصادم فِي بعدين)
355	65 مركز الكتلة	
361	7.5 حركة منظومة من الأجسام)
365	8.5 دفع الصاروخ (اختياري))
	، العاشر، دوران الجسم الجاسئ حول محور ثابت	الفصل
388	1.1 الإزاحة والسرعة والتسارع الزاوي	
391	2.10 الكينماتيكا الدورانية: الحركة الدورانية بتسارع زاوي ثابت	

الصفحة	الموضوع
392	3.10 الكميات الزاوية والكميات الخطية
396	4.10 الطاقة الدورانية
399	5.10 حساب عزم القصور الذاتي
404	6.10 عزم الدوران
406	7.10 العلاقة بين عزم الدوران والتسارع الزاوي
412	8.10 الشغل والقدرة والطاقة في الحركة الدورانية
	الفصل الحادي عشر، الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية
434	ا 1.1 الحركة التدحرجية لجسم جامد
440	ا 2.1 ضرب المتجهات وعزم الدوران
443	3.11 كمية الحركة الزاوية لجسيم
447	4.11 كمية الحركة الزاوية لجسم جامد دوار
451	5.11 حفظ كمية الحركة الزاوية
458	6.11 (اختياري) حركة الجيروسكوب والنحلة الدوارة
461	7.11 (اختياري) كمية الحركة الزاوية ككمية أولية
	الفصل الثاني عشر، الإتزان الإستاتيكي والمرونة
480	1.12 شروط الإتزان
483	2.12 المزيد عن مركز الثقل
485	3.12 أمثلة لأجسام جامدة في حالة الاتزان الاستانيكي
495	4.12 خواص المرونة للأجسام الجامدة
	الفصل الثالث عشر: الحركة الترددية
518	1.13 الحركة التوافقية البسيطة
524	2.13 عودة إلى منظومة الزنبرك والمكعب
529	3.13 طاقة المتذبذب التوافقي البسيط
533	4.13 البندول
538	5.13 مقارنة بين الحركة التوافقية البسيطة والحركة الدورانية المنتظمة
541	6.13 اختياري: الذبذبات المتضائلة أو المخمدة
543	7.13 اختياري: الذبذبات القسرية

لصفحة	الموضوع رقم
	الفصل الرابع عشرا قانون الجاذبية
560	1.14 قانون نيوتن للجذب العام
562	2.14 قياس ثابت الجذب العام
564	3.14 عجلة السقوط الحر وقوة التجاذب
565	4.14 قوانين كبلر
568	5.14 قانون الجاذبية وحركة الكواكب
578	6.14 مجال الجاذبية
574	7.14 طاقة الوضع لجسم في مجال الجاذبية
578	8.14 اعتبارات الطاقة في حركة الكواكب والأقمار الصناعية
583	9.14 اختياري: قوة الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم
585	10.14 اختياري: قوة الجاذبية بين جسيم وكتلة كروية
	الفصل الخامس عشر: ميكانيكا الموائع
606	1.15 الضغط
609	2.15 تغير الضغط مع العمق
613	3.15 قياس الضغط
614	4.15 قوى الطفو وقاعدة أرشميدس
618	5.15 ديناميكا الموائع
620	6.15 الإنسياب الخطّي ومعادلة الاستمرارية
621	7.15 معادلة برنولي
625	8.15 إختياري: تطبيقات أخرى لمعادلة برنولي
	الفصل السادس عشر ، درجة الحرارة
646	1.16 درجة الحزارة والقانون الصفرى للديناميكا الحرارية
648	2.16 الترمومترات ومقياس سلسيوس لدرجات الحرارة
649	3.16 الترمومتر الغازى ذو الحجم الثابت والمقياس المطلق لدرجات الحرارة
654	4.16 التمدد الحراري للأجسام الصلبة والسوائل
	5.16 وصف ماكروسكوبي للغاز المثالي
	الفصل السابع عشر، الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية
678	_

		•	•	•
۵	u	•	4	U

		الفيزياء
الصفحة	الموضوع	
682	السعة الحرارية والحرارة النوعية	2.17
687	الحرارة الكامنة	
692	الشغل والحرارة في عمليات الديناميكا الحرارية	4.17
696	القانون الأول للديناميكا الحرارية	5.17
698	تطبيقات على القانون الأول للديناميكا الحرارية	6.17
704	طرق انتقال الطاقة	7.17
	من عشر، نظرية الحركة للغازات	القصلالثا
730	النموذج الجزيئي للغاز المثالي	
736	الحرارة النوعية المولية للغاز المثالي	
741	العمليات الأديباتية في الغاز المثالي	3.18
743	النجزؤ المنساوي للطاقة	4.18
747	قانون التوزع لبولتزمان	5.18
751	توزع السرعات الجزيئية	6.18
754	المسار الحر المتوسط	7.18
	مع عشر؛ الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية	الفصل التاء
770	الآلات الحرارية والفانون الثاني للديناميكا الحرارية	1.19
775	العمليات العكوسة والعمليات غير العكوسة	2.19
776	الة كارنو	3.19
781	آلة الجازولين وآلة الديزل	4.19
790	المضخات الحرارية والثلاجات	5.19
793	الأنتروبي	6.19
797	تغير الأنتروبي في العمليات غير العكوسة	7.19
803	(اختياري) الأنتروبي على المقياس الميكروسكوبي	8.19
821	المصطلحات	معجم

محتويات الجزء الثاني الكهربية والمغنطيسية

سفحة	الموضوع رقم الم	
25 27	ء الثاني	مقدمة الجز مقدمة الطب
	شرون : المجالات الكهربية	الفصل العن
34	خصائص الشعبات الكهربية	1.20
36	العوازل والموصلات	2.20
39	قانون كولوم	3.20
44	المجال الكهربي	4.20
49	المجال الكهربي لتوزيع شحنى متصل	5.20
5 3	خطوط المجال الكهربي	6.20
56	حركة جسيمات مشحونة في مجال كهربي منتظم	7.20
59	أنبوبة أشعة الكاثود	8.20
	ادي والعشرون، فانون جاوس	الفصل الحا
76	الفيض الكهربي	1.21
80	قانون جاوس	2.21
83	تطبيق تطبيقات قانون جاوس على عوازل مشحونة	3.21
88	الموصلات في حالة الاتزان الكهرستاتيكي	4.21
91	(اختياري) تجارب لتأكيد فانون جاوس وفانون كولوم عملياً	5.21
93	(اختياري) استنتاج فانون جاوس	6.21
	ني والعشرون: الجهد الكهربي	الفصل الثاة
108	فرق الجهد والجهد الكهربي	1.22
110	فرق الجهد في مجال كهربي منتظم	2.22
112	The standard beautiful to the first of the standard by the sta	3 22

1		٠		٠	
ь	•	٠		м	
-		,	-	_	-
	Ļ	یا	بزيا	يزيا	فيزيا

		الضيزياء
الصفحة	الموضوع	
119	الحصول على قيمة المجال الكهربي من الجهد الكهربي	4.22
121	الجهد الكهربي الناشئ عن توزيع شحنى متصل	6.22
125	الجهد الكهربي الناشئ عن موصل مشحون	7.22
129	(اختياري) تجرية قطرة الزيت لميليكان	8.22
130	(اختياري) تطبيقات على الكهرستاتيكية	9.22
	لَتْ والعشرون: الْمُكْتَضَاتَ والمُوادِ الْعَازِلَةَ كَهْرِبِياً	الفصل الثاا
150	تعريف السعة	1.23
151	حساب السعة	2.23
156	تجميع الكثفات	3.23
160	الطاقة المختزنة في مكثف مشحون	4.23
165	المكثفات ذات العوازل الكهربية	5.23
171	(اختياري) ثنائي قطب كهربي في مجال كهربي	6.23
174	(اختياري) الوصف الذري للعوازل الكهربية	7.23
	يع والعشرون، التيار والمقاومة	القصل الراد
194	التيار الكهربي	1.24
197	المقاومة وقانون أوم	2.24
204	نموذج للتوصيل الكهربي	3.24
207	المقاومة ودرجة الحرارة	4.24
209	(اختياري) المواد فاثقة التوصيل	5.24
211	الطاقة الكهربية والقدرة	6.24
	مس والعشرون، دوائر التيار المستمر	الفصل الخا
228	القوة الدافعة الكهربية	1.25
230	المقاومات على التوالي والتوازي	2.25
238	قاعدتا كيرشوف	3.25
244	دوائر المقاومة والمكثف	4.25
250	(اختياري) الأجهزة الكهربية	5.25

محتويات الجزء الثاني، الكهربية والمنطيسية

لصفد	الموضوع رقم ا	
254	(اختياري) التوصيلات المنزلية والأمان الكهربي	6.25
	ادس والعشرون: الجالات المغناطيسية	لخصل السا
265	المجال المغناطيسي	1.26
269	القوة المغناطيسية المؤثرة على موصل يحمل تياراً	2.26
272	عزم الازدواج على دائرة مغلقة في مجال مغناطيسي منتظم	3.26
275	حركة جسيم مشحون في مجال مغناطيسي منتظم	4.26
	ابع والعشرون، مصادر المجال المغتاطيسي	لفصل السا
284	قانون بيو - سافار	1.27
289	القوة المغناطيسية بين موصلين متوازيين	2.27
290	قانون أمبير	3.27
293	المجال المغناطيسي لملف لولبي	4.27
295	الفيض المغناطيسي	5.27
297	قانون جاوس في الفناطيسية	6.27
	تيار الإزاحة والصيغة العامة لقانون أمبير	7.27
	من والعشرون؛ قانون فاراداي	لفصل الثاء
308	قانون الحث لفارادي	1.28
313	القوة الدافعة الكهربية الحركية	2.28
316	قانون لينز	3.28
318	القوة الدافعة الكهربية الحثية والمجالات الكهربية	4.28
319	معادلات مأكَسويل الرائعة	5.28
	سع والعشرون: الحث	لفصل التاء
330	_	1.29
	دوائر المقاومة والملف	2.29
		3.29
	"	4.29

الموضوع رقم الصفد		
341	التذبذب في دائرة تحتوى على ملف ومكثف	5.29
	(ثون، دوائر المتردد	الفصل الثلا
354	مصادر النيار المتردد والتمثيل الاتجاهي	1.30
354	المقاومات في دائرة التيار المتردد	2.30
358	اللفات في دائرة تيار متردد	3.30
360	المكثفات في دائرة تيار متردد	4.30
362	دواثر RLC على التوالي	5.30
367	القدرة في دائرة تيار متردد	6.30
369	الرنين في دائرة RLC على التوالي	7.30
372	المحول وتوصيل الطاقة	8.30
	ادي والثلاثون: الموجات الكهرمغناطيسية	الفصل الحا
382	معادلات ماكسويل واكتشافات هرتز	1.31
384	الموجات الكهرمغناطيسية المستوية	2.31
388	الطاقة التي تحملها الموجات الكهرمغناطيسية	3.31
390	كمية الحركة وضغط الإشعاع	4.31
394	طيف الموجات الكهرمغناطيسية	5.31

محتويات الجزء الثالث الموجات الميكانيكية والضوء والبصريات

الصفحة	الموضوع رقم	
25	۽ الثالث	مقدمة الجز
27	مة الخامسة من النسخة الأصلية باللغة الإنجليزية	مقدمة الطب
29	الثانث	تقديم للجزء
	ني والثلاثون : الحركة الموجية	الفصل الثاا
33	المتغيرات الأساسية للحركة الموجية	1.32
33	اتجاه إزاحة جسيم	1.32
36	موجات مرتحلة في بعد واحد	1.32
38	تراكب وتداخل الموجات	1.32
41	سرعة الموجات على الأوتار	1.32
43	الانعكاسية والنفاذية	1.32
45	الموجات الجيبية	1.32
49	معدل انتقال الطافة على الأوتار بواسطة الموجات الجيبية	1.32
52	(اختياري) معادلة المرجة الخطية	1.32
	لث والثلاثون، موجات الصوت	الفصل الثاا
66	سرعة موجات الصوت	1.32
69	موجات الصوت الدورية	2.33
71	شدة الموجات الصوتية الدورية	3.33
75	الموجات الكرية والمستوية	4.33
77	1.5 % Alb	5 33

الموضوع رقم الصفحة		
صل الرابع والثلاثون، تراكب الموجات والموجات الموقوفة		
98	تراكب وتداخل الموجات الجيبية	1.34
102	الموجات الموقوفة	2.34
107	الموجات الموقوفة في وتر مثبت من طرفيه	3.34
110	التوافق (الرئين)	4.34
113	الموجات الموقوفة هي الأعمدة الهوائية	5.34
117	(اختياري) الموجات الموقوفة في القضبان والصفائح	6.34
118	الطرق المتكرر (النبضات): التداخل الزمني	7.34
120	(اختياري) نموذج موجة غير الجيبية	8.34
	امس والثلاثون؛ طبيعة الضوء وقوانين البصريات الهندسية	الفصل الخا
138	طبيعة الضوء	1.35
139	قياس سرعة الضوء	2.35
141	فكرة الشعاع في البصريات الهندسية	3.35
142	الانعكاس	4.35
145	الانكسار	5.35
151	مبدأ هيجنز	6.35
154	التفرق والمنشورات	7.35
157	الانعكاس الكلي الداخلي	8.35
161	مبدأ فيرمات (اختياري)	9.35
	ادس والثلاثون؛ البصريات الهندسية	الفصلالس
178	الصور المتكونة بالمرايا المستوية	1.36
167	الصور المتكونة بالمرايا الكرية	2.36
189	تكوين الصور بالانكسار	3.36

محتويات البجرة الثالث: الموجات اليكانيكية والضوء والبصريات

الصفحة	الموضوع رقم	
194	العدسات الرقيقة	4.36
204	(اختيارى) تشويه الصور في العدسات	5.36
206	(اختیاری) الکامیرا	6.36
208	(اختياري) العين	7.36
213	(اختياري) الميكروسكوب البسيط	8.36
215	(اختياري) الميكروسكوب المركب	9.36
217	(اختياري) التلسكوب	10.36
	بع والثلاثون، تداخل موجات الضوء	الفصل السا
236	الظروف التي يحدث عندها التداخل	1.37
237	تجربة ينج ذات الشق المزدوج	2.37
241	توزيع شدة الضوء في حالة نموذج التداخل الضوئي الناتج من الشق المزدوج	3.37
243	الجمع الاتجاهى للموجات	4.37
247	التغير في الطور نتيجة الانعكاس	5.37
248	التداخل في الأغشية الرقيقة	6.37
254	(اختياري) مقياس ميكلسون للتداخل الضوئي	7.37
	س والثلاثون؛ الحيود والاستقطاب	الفصل الثاه
270	مقدمة عن الحيود	1.38
274	الحيود من الفتحات الضيقة	2.38
279	قدرة التحليل بشق أحادي والفتحات الدائرية	3.38
283	محزوز الحيود	4.38
290	(اختياري) حيود الأشعة السينية باستخدام البلورات	5.38
291	ان تقطلان ممحلت الضم	6.38

محتويات الجزء الرابع الفيزياء الحديثة

الصفحة	الموضوع	
25	,	مقدمة
27	بة الخامسة من النسخة الأصلية باللغة الإنجليزية	مقدمة الطب
31	الرابع	تقديم للجزء
	سغ والثلاثون : النسبية	الفصل التاء
35	مبدأ نسبية جليليو (النسبية الجاليلية)	1.39
38	تجرية ميكلسون ومورلي	1.39
41	مبدأ النسبية لأينشتين	1.39
42	النتائج المترتبة على النظرية النسبية الخاصة	1.39
55	معادلات التحويل للورانتز	1.39
60	كمية الحركة الخطية النسبوية والصيغة النسبوية لقوانين نيوتن	1.39
61	الطاقة النسبوية	1.39
65	تكافؤ الكتلة والطاقة	1.39
67	النسبية والكهرمغنطيسية	1.39
69	(اختياري) النظرية النسبية العامة	1.39
	and a second	ike con
	يعون، <i>مقدمة</i> فيزياء الكم بريد بريد سيا	_
	إشعاع الجسم الأسود وفرض بلانك	1.40
92	التأثير الكهرضوئي	2.40
96	تأثير كومتون	3.40
100	الأطياف الذرية	4.40
102	نموذج بور الكمل الذرة المساهدة	5.40

		الفيزياء
الصفحة	الموضوع رقم	
109	الفوتونات والموجات الكهرمغنطيسية	6.40
110	الخواص الموجية للجسيمات	7.40
	man (mai	
	ادي والأربعون : ميكانيكا الكم	
126	تجربة الحاجز ذو الشقين	
130	مبدأ اللايقين	2.41
134	كثافة الاحتمال	3.41
137	جسيم في صندوق	4.41
141	معادلة شرودنجر	5.41
143	(اختياري) جسيم في بئر ذو ارتفاع محدود	6.41
145	(اختياري) العبور نفقياً خلال حاجز	7.41
148	(اختياري) الميكروسكوب النفقي الماسح	8.41
150	(اختياري) المتذبذب التوافقي البسيط	9.41
	The state of the s	(*** 1 ***
	ني والأربعون : الفيزياء الذرية المراد الأربع المراد :	
166	النماذج الأولية للذرة	1.42
168	ذرة الهيدروجينذرة الهيدروجين	2.42
170	العدد الكمي اللفي المغناطيسي	3.42
172	الدوال الموجية لذرة الهيدروجين	4.42
176	الأعداد الكمية الأخرى	5.42
182	مبدأ الاستبعاد والجدول الدوري	6.42
187	الأطياف الذرية	7.42
192	الانتقالات الذرية	8.42
194	(اختياري) الليزر وتقنية إنتاج صور هولوجرافية (الهولوجرافي)	9.42
	لث والأربعون : الجزيئات والجوامد _.	الفصل الثاا

لحديثة	مختويات الجزء الزابع الفيزياءا	
لصفحة	الموضوع رقم ا	
218	طاقة الجزيئات وأطيافها	2.43
225	الربط في الجوامد	3.43
229	نظرية النطاق في الجوامد	4.43
231	نظرية الإلكترونات الحرة في الفلزات	5.43
235	التوصيل الكهريائي في الفلزات والمواد العازلة وأشباه الموصلات	6.43
239	(اختياري) أجهزة أشباه الموصلات	7.43
244	(اختياري) التوصيل الفائق	8.43
	بع والأربعون ، تركيب نواة الذرة	الفصل الرا
258	بعض خواص نوى الذرات	1.44
264	الرنين المغناطيسي النووي والتصوير بالرنين المغناطيسي	2.44
266	طاقة الربط والقوى النووية	3.44
269	النماذج النووية	4.44
272	النشاط الإشعاعي	5.44
277	عمليات الاضمحلال	6.44
286	النشاط الإشعاعي الطبيعي	7.44
287	التفاعلات النووية	8.44
	امس والأريعون الانشطار والاندماج النووي	الفصل الخا
304	النيوترونات وتفاعلها مع نوى الذرات	1.45
305	الانشطار النووي	2.45
308	المفاعلات النووية	3.45
312	الاندماج النووي	4.45
323	(اختياري) الأضرار الناجمة عن الاشعاع	5.45
325	(اختياري) كواشف الإشماع	6.45
329	(اختياري) استخدامات الإشعاع	7.45

زياء المنافق ا	الطية
--	-------

الصفحة	الموضوع رقم	الموضوع		
	ادس والأربعون : فيزياء الجسيمات وعلم الكون	الفصل الس		
344	القوى الأساسية في الطبيعة	1.46		
345	البوزيترونات وضديدات جسيمات أخرى	2.46		
348	الميزونات وبداية فيزياء الجسيمات	3.46		
353	تصنيف الجسيمات	4. 4 6		
354	قوانين الحفظ	5.46		
357	الجسيمات الغريبة والغرابة	6.46		
359	تخليق الجسيمات وقياس خواصها	7.46		
362	تحديد النماذج في الجسيمات	8.46		
364	الكواركات	9.46		
368	كواركات متعددة الألوان	10.46		
370	النموذج القياسي	11.46		
373	الاتصال الكوني	12.46		
379	مشاكل ومنظورات	13.46		

مقدمة المترجمون

يسعدنا أن نقدم للقارئ والدارس للفيزياء الترجمة العربية للطبعة الخامسة من كتاب الفيزياء للعلميين والمهندسين متضمنا الفيزياء الحديثة

"Physics For Scientists and Engineers With Modern Physics"

تأليف: .Raymond A.Serway, Robert J.Beichner and John W.Jewett, Jr والذي صدر عن دار نشر Saunders College Publishing سنة 2000. ويهدف هذا الكتاب إلى تقديم مقرر في الفيزياء الكلاسيكية والحديثة للسنوات الأولى والثانية لطلاب كليات العلوم والهندسة وكليات التربية والسنوات الاعدادية أو الأولى بالكليات العملية.

يحتوي الكتاب على أربعة أجزاء مقسمة إلى سنة وأربعين فصلاً. يتضمن الجزء الأول أساسيات الميكانيكا وفيزياء الموائع وقوانين الحركة وتطبيقاتها بالإضافة إلى أساسيات الحرارة والديناميكا الحرارية ونظرية الحركة في الغازات، ويتضمن الجزء الثاني الكهربية والمغنطيسية ومجالاتهما ومصادر هذه المجالات والتيار المتردد والموجات الكهرومغنطيسية، ويحتوى الجزء الشالث على موضوعات الحبركية الموجية والصوت وتراكب الموجنات بالإضافية إلى الضوء والبصريات بداية من طبيعة الضوء إلى البصريات الهندسية ثم البصريات الفيزيائية مع شرح واف لظواهر تداخل وحيود واستقطاب الضوء. ويتضمن الجزء الرابع الفيزياء الحديثة بداية من النظرية النسبية ثم مقدمة عن ميكانيكا الكم والفيزياء الذرية والنووية والإنشطار والإندماج النووي والحسيمات الأولية والأشعة الكونية.

ويركز هذا الكتاب على توضيح المفاهيم الأساسية للنظريات الكلاسيكية والحديثة والتأكيد على الفهم العميق لهذه النظريات والمبادئ من خلال أمثلة محلولة، مسائل متدرجة في درجة صعوبتها، ومسائل مرجعية تحتاج إلى معرفة عدة مفاهيم فيزيائية لحلها، وأسئلة كثيرة في نهاية كل باب بالإضافة إلى إختبارات سريعة داخل متن الكتاب والإجابة عليها عن طريق الإختيار ﴿ 25 َ من بين الإجابات المتعددة المطروحة مع هذه الأسئلة. وكذلك يوجد شرح لبعض التجارب المعملية التي تساعد على فهم الموضوع ويسهل اجراؤها باستخدام بعض المكونات التي يتم الحصول عليها بسهولة وبأثمان زهيدة.

نرجو أن يكون هذا الكتاب عوناً لأبنائنا طلاب الكليات العملية والدارسين في مجالات العلوم والهندسة والتربية وبقية الكليات العملية، وكذلك للباحثين عن ربط الفيزياء بالمجتمع وبالحياة التي نعيشها وتفسير الظواهر الفيزيائية تفسيراً علمياً ومنطقياً، وأن يكون إضافة قيمة للمكتبة العلمية العربية.

والله الموفق

المترجمون

مقدمة الطبعة الخامسة من النسخة الأصلية باللغة الإنجليزية

لقد حاولنا أن نجعل الطبعة الخامسة أكثر وضوحاً في العرض اعتماداً على الملاحظات التي وردت إلينا من القراء والنقاد ومراجعي الطبعة الرابعة من الكتاب، وتم توفير قرص مدمج -CD ROM يحتوي على شرح للطلاب.

ولهذا الكتاب هدفان رئيسيان، أولاً: إعطاء الدارس فكرة واضحة ومنطقية عن المفاهيم الأساسية لمبادئ الفيزياء، وتأنياً: مساعدته في فهم أكثر لهذه المفاهيم والمبادئ من خلال أمثلة تطبيقية من العالم المحيط به، ولتحقيق هذه الأهداف كان اهتمامنا الأكبر هو التركييز على ا المنطق الفيزيائي السليم وطريقة حل المسائل، وفي الوقت نفسه كان اهتمامنا بدور الفيزياء في الجالات المختلفة مثل الهندسة والكيمياء وغيرها.

يبدأ كل فصل بصورة محيرة Puzzler وتعليق عليها لإثارة اهتمام الطالب أو القارئ بموضوع هذا الفصل، والتوضيح الخاص بهذه الصورة والمفاهيم التي تستخرج منها موجودة في متن الفصل عند العلامة 🏂 .

ويوجد في كل فصل عدة تجارب معملية سيريعة .Quick Lab تشجع الدارس على إجراء أجارب بسيطة يستخدم فيها مكونات رخيصة التكاليف ويسهل الحصول عليها. وفي معظم الحالات يُطلب من الدارس أن يلاحظ نتيجة هذه التجربة ويفسرها في ضوء ما تعلمه من هذا الفصل. وفي بعض الأحيان يطلب من الدارسين تسجيل النتائج ورسمها على هيئة علاقات وبانية.

هناك العديد من الاختبارات السريعة Quick Quizzes في كل فصل لاختبار مدى إدراك الدارس للمفهوم الفيزيائي الموضح، والعديد منها مقدمة بطريقة الاختيارات المتعددة للإجابة Multiple- choice والتي تتطلب من الدارس اختيار أحد الإجابات وتفسيرها بطريقة علمية. وتهدف بعض هذه الاختيارات إلى تصحيح بعض المفاهيم الخاطئة، ويوجد في نهاية كل فصل إجابات هذه الاختيارات السريعة.

تحتوى بعض الفصول على تطبيقات توضح للدارسين كيفية تطبيق المبادئ والمفاهيم النبزيائية الموضحة في هذه الفصول في الحياة اليومية وكذلك في المجالات الهندسية.

يشتمل هذا الكتاب على الموضوعات الأساسية في الفيزياء الكلاسيكية Classical Physics مع مقدمة في الفيزياء الحديثة Modern Physics. ويقسم هذا الكتاب إلى ستة أجزاء مقسمة (27 إلى سنة وأربعين فصلا. يتضمن الجزء الأول (الفصول من i: 15) أساسيات الميكانيكا النيوتونية الدى سنة وأربعين فصلا. Newtonian Mechanics وفيرياء المواقع، ويختص الجزء الثاني (الفصول من 16 إلى 18) بالحركة الموجية والصوت، ويتضمن الجزء الثالث الحرارة والديناميكا الحرارية، ويختص الجزء الرابع (الفصول من 23 إلى 34) بالكهربية والمغنطيسية بما في ذلك الموجات الكهرومغناطيسية. ويتضمن الجزء الخامس (الفصول من 35 إلى 38) الضوء والبصريات، ويأتي الجزء السادس في النهاية متضمناً الفصول من 39 إلى 46 والتي تقدم النظرية النسبية والفيزياء الحديثة. ويبدأ كل جزء من هذه الأجزاء السنة بملخص شامل للموضوعات التي يغطيها مع مقدمة تاريخية. كما تبدأ معظم فصول الكتاب بمقدمة قصيرة تتضمن منافشة أهداف هذه الفصول ومعتوياتها.

يوجد في متن فصول الكتاب الكثير من الأمثلة المحلولة لتدريب الدارسين على التعرف على المفاهيم الأساسية التي تُشرح في هذه الفصول، وتعتبر في كثير من الأحوال نماذج لحل المسائل الموجودة في نهاية كل فصل.

يتضمن نهاية كل فصل مجموعة من الأسئلة والمسائل حيث تحتوي هذه الطبعة من الكتاب على أكثر من ألف سؤال. وتقيس بعض هذه الأسئلة مدي إستيعاب الدارس وتمكنه من معرفة المفاهيم التي قدمت في كل فصل. وبعضها يصلح لأن يكون مجالاً لإثارة موضوعات للمناقشة في الفصل الدراسي. وتوجد حلول لهذه المسائل في كتاب Student Solution Manual of Study . Guide

كما توجد أيضاً مجموعة من المسائل المرجعية Review Problems والتي تتطلب من الدارس أن يتعامل مع عدة مفاهيم فيزيائية تم شرحها في متن الكتاب. كما توجد أزواج من المسائل بحيث تكون إحدى المسائل عددية والتي تليها هي نفس المسألة ولكن بإستخدام الرموز. ويوجد في معظم الفصول مسألة أو أكثر تحتاج في حلها إلى حاسب آلي أو Graphing Calculator، وتميز هذه المسائل بعلامة

ويستخدم في هذا الكتاب النظام الدولي للوحدات (SI) أما النظام الهندسي البريطاني للوحدات فيستخدم في أضيق الحدود في الفصول الخاصة بالميكانيكا والحرارة والديناميكا الحرارية.

وقد تم تقديم كل الإشارات التي تساعد الطالب في دراسة هذا الكتاب في كتيب لحلول المسائل والقرص المدمج CD-ROM والموقع على الإنترنت. وكذلك الكتاب الذي يتضمن التجارب التي تساعد على فهم المواضيع التي قدمت في الستة والأربعين فصلاً من الكتاب في طبعته الخامسة.

الْفُكِرْتُكُا لِهُ الْمُكِنِّدُ الْمُكُنِّدُ الْمُكُنِّدُ الْمُكُنِّدُ الْمُكُنِّدُ الْمُكَنِّدُ اللَّهُ الْمُكْلِدُ اللَّهُ اللَّلْمُ اللَّهُ الللْحُلْمُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّلِي الللْمُلْمُ الللِّلْمُ اللَّلِي اللْمُلْمُ اللَّهُ اللْمُلْمُ اللَّلِي الْمُلْمُ اللَّلْمُ اللْمُلْمُ اللَّلِي الْمُلْمُ اللَّلْمُ اللَّلْمُ اللَّلِي الْمُلْمُ اللْمُلْمُ اللْمُلْمُ اللْمُلْمُ اللَّلْمُ اللِي الْمُلْمُ الللْمُلْمُ اللْمُلْمُ اللِي الْمُلْمُ اللَّلْمُ اللْ

(الجزءالأول)

الميكانيكا والديناميكا الحرارية

تمله

َ الْ**تَحَلَّى الْمُ**لَّالِينَ وَمُعَالِّلُهُ وَالْمُلْلِكِينَ وَالْمُلِّلِينَ وَالْمُلْلِكِينَ (الديناميكا الحرارية) من كتاب المُنزِيّاء للمُهندُسين والعلميني "الطّبعة الخامسة - تأليفسيرواي وآخرون

أولاً: المسكانيكا

يحتوي هذا القسم من الكتاب خمسة عشر فصلاً يتناول الميكانيكا الكلاسيكية وهو العلم الذي بحركة الأجسام الأكبر من الذرات والتي تتعرك بسرعة أقل كثيرا من سرعة الضوء. ويهتم الكتاب من بحركة الأجسام الأكبر من الذرات والتي تتعرك بسرعة أقل كثيرا من سرعة الضوء. ويهتم الكتاب من القسم بتوضيح المفاهيم الأساسية لهذا العلم وأهميته العلمية والتكنولوچية في حياة الإنسان وازيادة توضيح تلك المفاهيم يعطي العديد من الأمثلة العملية من واقع الحياة اليومية ومن الطبيعة المحيطة بنا، كما يعطي للطالب العديد من الإختبارات السريعة التي تبين له مدى استيعابه للقوانين الشيزيائية الواردة في كل فصل ويهتم الكتاب بإعطاء العديد من الأمثلة العددية المحلولة لزيادة قدرة الدلالب على حل المسائل الواردة في نهاية كل فصل والتي غالبا ما تكون من واقع الحياة اليومية أو تمثل الدلالة تكنولوچية حقيقية يمكن أن يتعرض لها الطالب فيما بعد. كما يهتم الكتاب بإلقاء الضوء على الاقة القوانين الواردة في فصول الكتاب المختلفة بالعلوم الأخرى مثل الكيمياء والهندسة والطب وغير دال.

ولدراسة القسم الأول (الميكانيكا) من هذا الكتاب يجب أن يكون الطالب قد أتم دراسة أساسيات الم التفاضل والتكامل على مدى فصل دراسي واحد على الأقل.

يتناول الفصل الأول في هذا الجزء من الكتاب النظام الدولي لوحدات القياس الذي أقرم المكتب الدولي للمقاييس والموازين بباريس عام 1960 كما يتناول بعض الموضوعات الأخرى ذات الصلة مثل الحليل الأبعاد.

يتناول الفصل الثاني الحركة في بعد واحد وهي أول خطوة في دراسة الميكانيكا الكلاسيكية وتتناول الحركة بدلالة المكان والزمان مع عدم الأخذ في الإعتبار العوامل المسببة لتلك الحركة، ويطلق على هذا السرع من الميكانيكا إسم الكينماتيكا Kinematics ويحتوى هذا الفصل على المفاهيم الأساسية للحركة مثل السرعة والعجلة (التسارع) والسقوط الحر والقوانين الخاصة بذلك.

يناقش الفصل الثالث مفهوم المتجهات vectors ففي دراستنا سوف نتناول العديد من الكميات النيزيائية التي لها قيم عددية وخواص اتجاهية، وهذا الباب يلقى الضوء على جبر المتجهات وطرحها وجمعها وخواص الكميات المتجهة vector quantities وتمثيلها بيانيا.

يتضمن الفصل الرابع كينماتيكا الجسيمات التي تتحرك في بعدين تحت تأثير عجلة ثابتة، والمقذوفات، والحركة الدائرية، والعجلة الماسية، والعجلة في اتجاء نصف القطر، والحركة في مستو.

يتناول الكتاب في الفصل الخامس القوى التي تحدث الحركة وكتلة الأجسام المتحركة وهو ما لم يسبق ذكره في الفصول السابقة. هذا الفصل يلقى الضوء على قوانين نيوتن الثلاث للحركة ومن ثم يمكن الإجابة على التساؤلات مثل لماذا تتسارع بعض الأجسام أكثر من الأخرى؟ وكيف تتغير حركة الأجسام؟ كما يتم شرح قوة الجاذبية، وثقل الأجسام، وقوى الإحتكاك.

يلقى الفصل السادس الضوء على الحركة الدائرية وبعض استخدامات قوانين نيوتن في حالة حركة الأجسام في مسار دائري والحركة في الأوساط اللزجة كما يتضمن الحركة في إطار إسناد متسارع.

يتناول الفصل السابع مفهوم الشغل وطاقة الحركة والقدرة ومفهوم طاقة الحركة في السرعات العالية والشغل الناتج عن قوة متغيرة أو قوة ثابتة. كما يتم شرح ضرب المتجهات.

يتضمن الفصل الثامن نوعا آخر من أنواع الطاقة هي طاقة الوضع كما يتناول قانون حفظ الطاقة والقوى المحافظة وغير المحافظة، كما يوضح ما المقصود بحفظ الطاقة والقوى المحافظة والعلاقة بين القوى المحافظة وطاقة الوضع، وتكافؤ الكتلة والطاقة، والطاقة في فيزياء الكم، والشغل المبذول بالقوى

يتناول الفصل التاسع كمية الحركة الخطية وقانون حفظ كمية الحركة الخطية والتصادم المرن وغير المرن، ومركز الكتلة، ودفع الصواريخ، وحركة منظومة مكونة من مجموعة من الأجسام.

يلقى الفصل العاشر الضوء على دوران الأجسام الجاسبيَّة حول محور ثابت، والجسم الجاسيُّ هو الجسم الذي يظل محتفظا بشكله وأبعاده. كما يتناول الإزاحة الزاوية والسرعة والعجلة والحركة الدورانية الكينماتيكية مع ثبات التسارع الزاوي. يتناول بعد ذلك حساب عزم القصور الذاتي وعزم الدوران Torque والعلاقة بينه وبين التسارع الزاوى، والشغل والقدرة والطاقة في الحركة الدورانية.

يتناول الفصل الحادي عشر الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية. في هذه الحالة يكون محور الدوران ليس ساكنا في الفراغ، وقانون بقاء كمية الحركة الزاوية وهو قانون أساسي من قوانين الفيزياء.

يتناول الفصل الثاني عشر الأجسام الجاسئة في حالة الإتزان الإستاتيكي، وشروط الإتزان، والمبادئ التي ينص عليها وهي ذات أهمية كبيرة في الهندسة الإنشائية والهندسية الميكانيكية والعمارة. كما يتضمن تغير شكل الأجسام تحت تأثير الأحمال ومعاملات المرونة المختلفة.

يتناول الفصل الثالث عشر نوعاً خاصاً من أنواع الحركة وهي الحركة الترددية أو الحركة التوافقية البسيطة ومن أمثلة تلك الحركة تذبذب ثقل معلق في زنبرك، واهتزازات أوتار الآلات الموسيقية، والموجات الكهرمغنطيسية ودوائر التيار الكهربائي المتردد. كما يتناول حالة الترددات المتضائلة والترددات القسرية وطاقة المتذبذبات التوافقية البسيطة والبندول،

خصص الفصل الرابع عشر لدراسة قانون الجاذبية كما يتناول حركة الكواكب كما استنتجها كبلر (1571-1570) وكيف يمكن استنتاجها من قانون الجاذبية لنيوتن. بعد ذلك يتناول هذا الفصل قياس 32 أثابت الجذب العام وعجلة السقوط، ثم طاقة الوضع وطاقة الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم. يتناول الفصل الخامس عشر والأخير ديناميكا الموائع، والموائع مثل الغازات والسوائل تتميز بقوى بينية ضعيفة وجزيئاتها تتخذ شكلا عشوائياً، ويتناول هذا الفصل الموائع الساكنة واستنتاج علاقة الضغط الناتج عن مائع بالعمق والكثافة، وقانون الطفو، بعد ذلك يتناول حركة الموائع (ديناميكا الموائع) وقانون برنولي كما يشرح الإستخدامات المختلفة لهذا القانون والإنسياب الخطي ومعادلة الإستمرارية.

ثانياً: الديناميكا الحرارية

وقد جاء هذا القسم في الفصول من التاسع عشر إلى الثاني والعشرين في الطبعة الانجليزية من الكتاب، يتناول هذا القسم موضوع الديناميكا الحرارية ومفهوم كمية الحرارة ودرجة الحرارة، وقد كان لتطور هذا العلم على يدى سا دى كارنو الفرنسي (1796-1832) وكالوزيوس الألماني (1822-1888) وغيرهما أثرا هاماً على تطور الآلات الحرارية وحساب كفاءتها.

أول فصول هذا الجزء هو الفصل السادس عشر ويتناول موضوع درجات الحرارة كما يعطي تعريفا دقيقا للمصطلحات المستخدمة في علم الديناميكا الحرارية مثل درجة الحرارة والطاقة الداخلية، يتناول هذا الفصل القانون الصغرى للديناميكا الحرارية ثم يتناول المقابيس المستخدمة لدرجات الحرارة مثل مقياس كلفن ومقياس سلسيوس ومقياس فهرنهيت، كما يتناول بعض أنواع الترمومترات اثعة الاستخدام، كما يلقى الضوء على الغازات المثالية والعلاقة بين الضغط والحجم ودرجة الحراطة الغازات والتعادل والتعدد الحراري للأجسام الصلبة والسوائل.

يتناول الفصل السابع عشر مفهوم الطاقة الداخلية وكيف تتحول إلى طاقة ميكانيكية أو إلى أنواع أخرى من أنواع الطاقة، ثم يتناول القانون الأول للديناميكا الحرارية وهو قانون حفظ الطاقة وتطبيقاته المختلفة، كما يتناول طرق إنتقال الطاقة الحرارية بالحمل والتوصيل والإشعاع، والحرارة الكامنة والسعة الحرارية والشغل والحرارة في عمليات الديناميكا الحرارية.

يتناول الفصل الثامن عشر نظرية الحركة للغازات وطبقاً لهذه النظرية تتحرك جزيئات الغاز بشكل عشوائي وتتصادم ببعضها البعض وبجدار الوعاء الذي يحتويها وهذا الفصل يتناول النموذج الجزيئى للغاز المثالي، والحرارة النوعية المولية، والتجزؤ المتساوى للطاقة، وقانون النوزع لبولتزمان، وتوزع السرعات الجزيئية، والمسار الحر المتوسط لجزيئات الغاز.

الفصل التاسع عبشر وهو الفصل الأخير من الجزء الأول من الكتاب يلقى الضوء على القانون الشاني للديناميكا الحرارية والأنتروبي والآلات الحرارية مثل آلة كارنو وآلئي الدينل والجازولين والثلاجات، كما يوضح مفهوم العمليات العكوسة وغير العكوسة ويتناول تغير الأنتروبي في العمليات غير المكوسة. ومن وجهة النظر التكنولوجية لعل أهم ما جاء به القانون الثاني للديناميكا الحرارية هو أن المامة الآلات الحرارية لا يمكن أن تصل إلى مائة في المائة. كما يبين أن الأنتروبي في الكون في زيادة المستمرة وهو ما يعني ازداد العشوائية بينما الطاقة في الكون ثابتة أي محفوظة طبقا للقانون الأول الديناميكا الحرارية.





Mechanics

الفصل الأول : الفيزياء والقياس

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

الفصل الثالث : المتجهات

الفصل الرابع : الحركة في بعدين

الفصل الخامس : قوانين الحركة

الفصل السادس : الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

الفصل السابع : الشغل وطاقة الحركة

الفصل الثامن : طاقة الوضع وحفظ الطاقة

الفصل التاسع : كمية الحركة الخطية والتصادم

الفصل العاشر: دوران الجسم الجاسئ حول محور ثابت

الفصل الحادي عشر: الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية

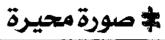
الفصل الثاني عشر : الإتزان الإستاتيكي والرونة

الفصل الثالث عشر: الحركة الترددية

الفصل الرابع عشر : قانون الجاذبية |

الفصل الخامس عشر: ميكانيكا الموائع





من آلاف السنين يمدنا دوران الأرض بالقياس الطبيعي للوقت. ولكن منذ سنة 1972 اضــفنا لساعاتنا أكثر من 20 ثانية لكي نحفظ لها تزامنها مع الأرض. لماذا نحتاج لهذا الضبط؟ وكم تأخذ ليكون مستواها جيد؟

بتصریح من (Don Mason/ The Stock Market and NASA)

الفيزيـــاءوالقـيـــاس Physics and Measurement ولفصل وريؤول 1

ويتضمن هذا الفصل :

5.1 تحويل الوحدات Conversion of Units

6.1 الحسابات التقريبية

Estimates and Order- of- Magnitude Calculations

7.1 الأرقام المعنوية

Significant Figures SF

1.1 معايير الطول، والكتلة والزمن

Standards of Length, Mass, and Time

2.1 بناء كتلة المادة

Building Blocks of Matter

Denisty

3.1 الكثافة

الضرباء (الجزء الأول- المكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثل جميع العلوم الأخرى، تعتمد الفيزياء على ملاحظات عملية وقياسات كمية. الهدف الرئيسي للفيزياء هو إيجاد عدد محدود من القوانين الأساسية التي تحكم الظواهر الطبيعية، نستخدمها لننمي نظريات بمكنها التنبؤ بنتائج التجارب المستقبلية. ونستخدم القوانين الرئيسية في تنمية نظريات توصف بلغة الرياضيات، وهي الوسائل التي تمدنا بما يربط بين النظري والعملي.

وعندما ينشأ تعارض بين النظري والعملي يجب أن تظهر نظريات جديدة لإزاحة هذا التعارض. وفي أوقات كثيرة تتحقق نظرية فقط تحت شروط محددة، وربما تحقق النظرية الأكثر شمولاً بدون مثل هذه الشروط. فمثلاً قوانين الحركة التي وضعها إسحق نيوتن Isaac Newton (1727-1642) في القرن السابع عشر تصف بدفة حركة الأجسام التي تسير بسرعة عادية ولكن لانتطبق على الأجسام ألتي تسير بسرعة قريبة من سرعة الضوء. وعلى العكس النظرية النسبية الخاصة والتي اكتشفت بواسطة البرت آينشتين. Albert Einstein (1879-1879) هي أوائل القرن التاسع عشر تعطى نفس النتائج مثل قوانين نيوتن عند السبرعات المنخفضة ولكنها أيضاً صحيحة في وصف الحركة عند سرعات تقترب من سرعة الضوء. ومن ثم تكون نظرية آينشتين أكثر شمولاً لنظرية الحركة.

كل الفيزياء التي عرفت قبل 1900 تعرف بالفيزياء الكلاسيكية، وتشمل النظريات، والمبادئ، والقوانين والتجارب في الميكانيكا الكلاسيكية، والديناميكا الحرارية والكهرومغناطيسية.

وقد تمت أهم الإسهامات للفيزياء الكلاسيكية على يد نيوتن الذي طور الميكانيكا الكلاسيكية لمنظومة نظرية حيث كان واحداً من مؤسسي التضاضل والتكامل كطريقة رياضية. وتمت معظم التطورات في الميكانيكا في القرن الثامن عشر ولكن علم الديناميكا الحرارية والكهربية والمغناطيسية لم تُطور حتى النصف الثاني من القرن التاسع عشر لأنه قبل هذا الوقت كانت الأجهزة التي تتحكم في التجارب المعملية إما غير دفيقة أو غير مكتملة.

ظهرت الفيزياء الحديثة في نهاية القرن التاسع عشر وأهم تطور فيها كان في نظريات النسبية وميكانيكا الكم. أحدثت هاتان النظريتان تغيراً أساسياً في المفاهيم التقليدية للفضاء، والزمن والطاقة. ميكانيكا الكم، التي طبقت على الحالات الميكروسكوبية Microscopic والماكروسكوبية قد تم صباغتها بواسملة عدد من العلماء المتميزين لوصف الظواهر الفيزيائية على المستوى الذريء

يعمل العلماء بصفة مستمرة شي تطوير فهمنا للظواهر والقوانين الأساسية كما تظهر اكتشافات جديدة في كل يوم. في كثير من مساحات البحث يوجد تداخل في تفاصيل كثيرة بين علم الفيزياء والكمياء والجبيولوجيا والبيولوجي وأيضاً علم الهندسة. وبعض من التطورات الملحوظة: (1) العدد الهائل من البعثات إلى الفضاء وهبوط رواد الفضاء على القمر. (2) الكمبيوتر ذات السرعات المالية. 38) (3) تصور التقنيات معقدة وهي تستخدم في الأبحاث العلمية والطبية. إن أثر مثل هذه التطورات والاكتشافات على مجتمعنا عظيم وكثير، ومن حسن الحظ أن الاكتشافات المستقبلية وتنميتها سوف تكون محل إثارة وتحدى وفائدة عظيمة للبشرية.

1.1 معايير الطول، والكتلة والزمن STANDARDS OF LENGTH, MASS AND TIME معايير الطول، والكتلة والزمن

القوانين الفيزيائية يعبر عنها بدلالة كميات أساسية تتطلب تعريفا واضحا، ففي الميكانيكا الثلاث كميات الأساسية هي الطول (L) والكتلة (M) والزمن (T)، وكل الكميات الأخرى في الميكانيكا يمكن أن نعبر عنها بدلالة هذه الكميات الأساسية الثلاث.

إذا أردنا كتابة تقرير عن نتائج بعض القياسات لأحد الأشخاص يريد الحصول على هذه القياسات، يجب علينا أن نعرف المقياس المستخدم فلايوجد هناك معنى إذا كان هناك زائر من كوكب آخر يريد أن يتحدث إلينا عن طول 8 جليتشان (Glitches) إذا كنا لا نعلم معنى الوحدة جليتش، من ناحية أخرى إذا كان شخص على علم بنظام قياساتنا وقد قدر أن طول ارتفاع حائط هو 2 متر، ووحدة معيار الطول المستخدم هي واحد متر، فسوف نعلم أن ارتفاع الحائط هو ضعف وحدة الطول، وبالمثل إذا تحدثنا عن شخص كتلته 75 كيلو جرام وكان معيار الكتلة يعرف على أنه واحد كيلو جرام، وعليه تكون كتلة الشخص 75 مرة مثل وحدة الكتلة، أي أن الاختيار لوحدة القياس يجب أن يعطي القياسات التي تؤخذ بواسطة أشخاص من أماكن مختلفة نفس النتيجة.

في عام 1960 وفي مؤتمر دولي أقرت مجموعة معايير للطول والكتلة وكميات أخرى أساسية. والنظام الذي اتفق عليه هو النظام المتري ويسمى نظام SY للوحدات. (SI تعني بالفرنسية System "International"). في هذا النظام معيار الطول، والكتلة والزمن هي متر، وكيلو جرام، وثانية على الترتيب Meter, Kilogram and Second. المعايير الأخرى للنظام SI أقرت بواسطة المؤتمر هي درجة الحرارة "كلفن" (The Ampere)، والتيار الكهربي Electric Current "أمبير" (The Amount of Substance "مول" الإضاءة Amount of Substance "مول" (Candel)، وفي دراستنا للميكانيكا سوف نعني فقط بمعيار الطول، والكتلة والزمن.

الطول Length

في سنة 1120 ميلادية أصدر ملك انجلترا مرسوماً أن معيار الطول في هذا البلد يجب أن يسمى The Yard "الياردة" وكانت تساوي بدقة المسافة من حافة أنفه إلى نهاية ذراعة المشدود إلى الخارج، وبالمثل كان أصل وحدة "القدم" The Foot كما حددها الفرنسيون هي طول القدم الملك لويس الرابع عشر. هذه الوحدة ظلت معمولا بها حتى عام 1799 عندما أصبح المعيار الأساسي للطول هو المتر وعرف بالله يساوي 10000000 (جزء من عشرة مليون جزء) من المسافة بين خط الأستواء والقطب الشمالي على امتداد خط الطول المار بمدينة باريس.

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

وقد ظهرت على مر السنين نظم كثيرة أخرى لمعيار الطول، ولكن مميزات النظام الفرنسي جعلته مسيطر في معظم الدول وفي الدوائر العلمية أينما وجدت. وحديثاً وفي عام 1960 عُرف طول المتر على أنه المسافة بين علامتين محفورتين عند نهايتي قضيب من سببيكة البلاتين والإيريديوم على أنه المسافة بين علامتين محفوظ في فرنسا تحت شروط معينة ثابتة. هذا التعريف لم يعد معمولا به لعدة أسباب، ولكن السبب الرئيسي هو الدقة المحدودة للمسافة التي تفصل بين الخطين على القضيب التي يمكن قياسها لاتقابل التطور المطلوب للعلم والتكنولوجيا. وفي الستينات والسبعينات من القرن العشرين عُرف المتر على أنه يساوي 16507763,73 قدر الطول الموجي للضوء البرتقالي- الأحمر الصادر من مصباح (86-81). وفي عام 1983 أعيد تعريف المتر (m) على أنه المسافة التي يقطعها الضوء في الفراغ خلال فترة زمنية مقدارها 1997 / ثانية. وبالتالي فإن هذا التعريف الأخير يقدر أن سرعة الضوء في الفراغ هي بالضبط 29979 2458 m/s الجدول 1.1 يدون القيم التقريبية لبعض الأطوال المقاسة.

الجدول 1.1 القيم التقريبية لبعض الأطوال المقاسة

الطــول (m)	
9 x 10 ²⁵	المسافة من الأرض إلى أبعد مجرة معروفة
2×10^{22}	المسافة من الأرض إلى أقرب مجرة معروفة
4×10^{16}	المسافة من الشمس إلى أقرب نجم (بروكسيما سينتاوري)
	(Proxima Centauri)
9.46×10^{15}	سنة ضوئية
1.50×10^{11}	متوسط نصف مدار الأرض حول الشمس
3.48×10^8	متوسط المسافة من الأرض إلى القمر
1.00×10^7	المسافة من خط الاستواء إلى القطب الشمالي
6.37×10^6	متوسط نصف قطر الأرض
9.1×10^{1}	طول ملعب كرة القدم
5 x 10 ⁻³	طول ذبابة المنزل
~10 ⁻⁴	حجم أصغر ذرة غبار
~10 ⁻⁵	حجم خلية معظم الكائنات الحية
~10-10	قطر ذرة الهيدروجين
~10 ⁻¹⁴	قطر نواة الذرة
~10 ⁻¹⁵	قطر البروتون

معيار الكتلة Mass

المعيار الأساسي للكتلة هو كيلو جرام (Kg) The Kilogram (Kg) ويعرف على أنه كتلة اسطوانة مصنوعة من سبيكة من البلاتين - والأيرديوم Platinum- Iridium محفوظة في المكتب الدولي للمقاييس والموازين في مدينة سقر sevres قرب باريس. هذا المعيار تم إعداده في عام 1887 ولم يتغير منذ هذا التاريخ لأن سبيكة بلاتين ايريديوم تكون عادة سبيكة مستقرة (الشكل 1.1) كما تحفظ نسخة من هذه السبيكة في: المعهد القومي للقياس والتكنولوجيا Technology (NIST) في جيترسبرح بولاية ميرلاند.

الجدول 2.1 يعطي قيما تقريبية لكتل بعض الأجسام المختلفة

معيار الزمن Time

قبل عام 1960 كان معيار الزمن يعرف عن طريق متوسط اليوم الشمسي لعام 1900. متوسط الثانية الشمسية كان يعرف على أنه $\left(\frac{1}{24}\right)\left(\frac{1}{60}\right)\left(\frac{1}{60}\right)$ من متوسط اليوم الشمسي. ومن المعروف الآن أن دوران الأرض يتغير تغيراً بسيطاً مع الزمن ولذلك لاتكون هذه الحركة جديرة لاستخدامها في تعريف معيار الزمن.

وبالتالي في سنة 1967 عُرفت الثانية بدقة متناهية عن طريق جهاز يعرف بالساعة

جدول 2.1 كتل أجسام مختلفة (قيم تقريبية)

ונטבוגר (kg)	الجسم
~10 ⁵²	العالم المرثي Visible Universe
7×10^{41}	مجرة Milky Way Galaxy
1.99×10^{30}	الشّمس Sun
5.98 x 10 ²⁴	الأرض Earth
7.36×10^{22}	القمر Moon
~10 ³	الحصان Hourse
~10 ²	الانسان Human
~10-1	ضفدعة Frog
~10-5	بعوضة Mosquito
~10 ⁻¹⁵	البكتيريا Bactirium
1.67 x 10 ⁻²⁷	ذرة الهيدروجين Hydrogen Atom
9.11 x 10 ⁻³¹	الالكترون Electron

الذرية (شكل 1.1b). وفي هذا الجهاز بمكن قياس الترددات المصاحبة لانتقالات ذرية معينة بدقة تصل الذرية (شكل 1.1b). وفي هذا الجهاز بمكن قياس الترددات المصاحبة لانتقالات ذرية معينة بدقة تصل الله جزء من 10¹² جزء وهذا يعادل خطأ أقل من ثانية كل 30000 سنة، ولذلك في سنة 1967 أعيد تعريف وحدات St للزمن الثانية (Second) على أساس التردد المميز لذرات السيزيوم 130 الزمن الزمن الثانية (Second) تعرف على أنها تساوي 9192631770 مرة قدر الزمن الدوري لتذبذب إشعاع صادر من ذرة السيزيوم 133 -Cesium، ولحفظ هذه الساعات الذرية وبالتالي كل الساعات الشائعة وساعات اليد وبقائها متزامنة أحياناً يجب أن نضيف بعض الثواني لساعاتنا تسمى الثواني المنطوطة leapseconds وهذه ليس بفكرة جديدة. ففي عام 49 ق.م أضاف يوليوس قيصر أياماً إضافية إلى التقويم أثناء السنة الكبيسة لكي تبدأ الفصول في نفس الميعاد من كل عام.

الضرباء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

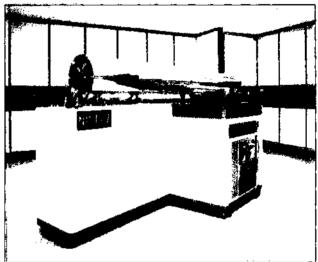


الشكل 1.1 (الصورة العليا) الكيلوجيرام المعياري القومي رقم 20. نسخة دقيقة من الكيلوجرام المعياري الدولي محفوظة في فرنسا، وضعت تحت ناقوس مزدوج في سرداب بالمركز القومي للمعايرة والتقنية (NIST).

(الصورة السفلي) الساعة الذرية الموجودة في NIST. هذا الجهاز يجعل الخطأ في الوقت يساوي جزء من مليون جزء من الثانية كل عام بتصريح من

(Courtesy of National Institute of Standards and Technology, U.S.

Department of Commerce)



وبعد أن وضع أينشتين النظريتين النسبية العامة والنسبية الخاصة وأصبح القياس الدقيق للفترات الزمنية يتطلب أن نعرف كلا من حالة الحركة للساعة المستخدمة في قياس الفترة الزمنية وفي بعض الأحيان موضع الساعة أيضاً ، لهذا السبب فإن نظام الساعات الذرية المحمولة بالأقمار الصناعية حول العالم لتحديد المكان لن يستطيع تحديد موضعك بدقة كافية إذا كنت محتاج للمساعدة.

القيم التقريبية لبعض الفترات الزمنية موجودة في الجدول (3.1) بالإضافة إلى نظام الوحدات SI ما زال النظام البريطاني الهندسي British Engineering System (في بعض الأحيان يسمى النظام التقليدي) ومازال يُستخدم في الولايات المتحدة على الرغم من قبول النظام SI من باقي دول العالم. في هذا النظام وحدات الطول، والكتلة والـزمن هي القدم (FT) Foot (FT) والبـاوند والثانية على الترتيب. وفي هذا الكتاب سوف نستخدم وحدات النظام الانجليزي الهندسي استخداماً محدوداً في دراسة 42) الميكانيكا الكلاسيكية.

الجدول 3.1 القيم التقريبية لفترات الزمن

الفترة الزمنية بالثواني	<u> </u>
5 x 10 ¹⁷	عمر الكون
1.3×10^{17}	عمر الأرض
6.3×10^8	متوسط عمر الطالب الجامعي
3.16×10^7	سنة واحدة
8.46×10^4	يوم واحد (زمن دورة واحدة للأرض حول محورها)
8×10^{-1}	الزمن بين ضربات القلب الطبيعية
~10 ⁻³	الزمن الدوري للموجات الصوتية المسموعة بوضوح
~10 ⁻⁶	الزمن الدوري لموجات الراديو
~10 ⁻¹³	الزمن الدوري لاهتزاز ذرة هي الجوامد
~10-15	الزمن الدوري لموجات الضوء المرئي
~10-22	زمن التصادم النووي
~10 ⁻²⁴	الزمن الذي يأخذه الضوء في عبور بروتون

الجدول 4.1 محددات (أجزاء) لوحدات الـ SI

القوة Power	الحددة Prefex	الرمز Abbreviation
10-24	Yocto	у
10-21	Zepto	z
10-18	Atto	a
10 ⁻¹⁵	Femto	f
10-12	Pico	р
10 ⁻⁹	Nano	n
10-6	Micro	μ
10-3	Milli	m
10 ⁻²	Centi	c
10-1	Deci	d
101	Deko	da
10^{3}	Kilo	k
10^{6}	Mega	М
10 ⁹	Giga	G
1012	Tero	Т
10^{15}	Peto	P
10^{18}	Exa	Е
10^{21}	Zetta	Z
10 ²⁴	Yotta	Y

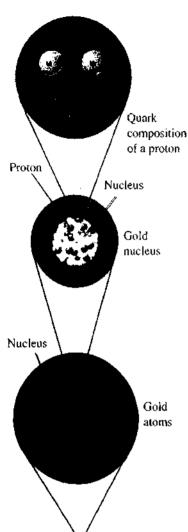
وبالإضافة إلى وحدات الأساسية للمتر والكيلو جرام والثانية يمكننا أيضاً استخدام وحدات أخرى مثل مليمتر ونانو وحدات أخرى مثل مليمتر ونانو ثانية Nanoseconds حيث تحديد اللي والنانو تشير إلى أس العدد عشرة والمضروبة في أصل الوحدة. بعض من معظم الأجزاء المستخدمة والمحددة ورموزها محدونة في والمحددة ورموزها محدونة في المدول 4.1 فمثلاً m 10-3 تساوي الميمتر (mm) و 10-3 تمثل كيلو متر (Km).

ا 10^3 هو 10^3 جـــرام 10^9 و 1 ميجافولت (MV) هو 10^6 فولت (V).

بناء كتلة المادة

THE BUILDING BLOCKS OF MATTER

مكعب من الذهب الصلب كتلته 1 كيلو جرام وطول ضلعه 3.73 cm. هب هذا المكعب لا يمثل شيئاً أكثر من أنه ذهب من الجدار للجدار بدون فسراغ؟ إذا قُطع المكعب إلى نصفين تظل القطعتان محتفظتين بتركيبهما الكميائي كذهب في حالته الصلية. ولكن ماذا يحدث لو قُسمت القطعتان مرة أخرى ثم مرة أخرى إلى مالانهاية؟ هل سوف تكون القطع الأصغر فالأصغر ذهباً دائماً؟ مثل هذه الأسئلة ترجع إلى فالاسفة الإغريق الأوائل. اثنان من هؤلاء الفالاسفة Leucippus وتلميذه Democritus لم يقبلا فكرة أن يستمر مثل هذا التقسيم إلى مالانهاية. وقد فكروا أن مثل هذه العملية سوف تنتهى حتماً عندما ينتج جزءاً الايمكن تقطيعه، وتعنى كلمة Atoms بالأغريقي "Not Sliceable" (غير قابل للتقسيم). ومن هنا جاءت الكلمة الإنجليزية Atoms (ذرة). دعنا نجري مراجعة مختصرة عما يعرف عن تركيب المادة. تتكون جميع المواد العادية من ذرات، وكل ذرة تتكون من الكتبرونات تدور حول نواة مركزية. وبعد اكتشاف النواه في عام 1911 ظهور السؤال: هل لها تركيب؟ بمعنى هل النواة جزءاً واحد أم تجمع لجسيمات؟ مكونات النواة لا تزل غير معروفة بالكامل حتى يومنا هذا، ولكن في أوائل الشلاثينات 1930s وضع نموذج لنظرية ساعدتنا في فهم كيف تتصرف النواة، حدد العلماء أن النواة تحتوى بداخلها على مكونين أساسيين هما البروتونات والنيوترونات. و يحمل البروتون شحنات موجية وأي عنصر خاص يميز بعدد البروتونات في النواة. وهذا العبد يستمي بالعبدد الذري (Atomic Number) للعنصير، وعلى سبيل المثال نواة ذرة الهيدروجين تحتوى على بروتون واحد (ولذلك فإن العدد الذري للهيدروجين 1)، ونواة ذرة الهيليوم تحتوي على بروتونين (العدد الذرى 2)، وتحتوى نواة ذرة البورانيوم على 92 بروتون (العدد الذرى 92). وبالإضافة إلى العدد الذرى هناك عدد آخر يمينز الذرة وهو العدد الكتلى (Mass Number)، ويعرف على 44 ﴾ أنه عدد البروتونات والنيوترونات في النواة. وسوف نرى أن العدد



الشكل 2.1 مستويات الهيئة في المادة، تتكون المادة الطبيعية من ذرات وفي مركز كل ذرة توجد نواة مدمجة تحتوى على بروتونات و نيت رونات، وتتكون البسرونونات والنيئت رونات من الكواركات "Quarks" مكونات الكورك في البروتون موضحة.

Gold

cube

الفصل الأول: الفيزياء والقياس

الذري للعنصر لايتغير مطلقاً (بمعنى أن عدد البروتونات لايتغير) ولكن عدد الكتلة يمكن أن يتغير (أي أن عدد النيوترونات يتغير). ذرتان أو أكثر لنفس العنصر تحتوي على أعداد كتلية مختلفة تكون نظائر لبعضهما.

وجود النيوترونات تحقق بطريقة حاسمة في عام 1932 . ليس للنيوترون شعنة وله كتلة تعادل كتلة البروتون. وأحد فوائده الأساسية أنه يؤثر كمادة "غروية" أي أنه يعمل على تماسك النواة مع بعضها، فإذا كانت النيوترونات غير موجودة في النواة، تتسبب قوة التنافر بين الشعنات الموجبة في أن تصبح النواة أجزاء منفصلة.

ولكن هل هذا هو السبب الوحيد في عدم الانهيار؟ معروف الآن أن البروتونات والنيوترونات تتكون من مجموعة من الجسيمات تكون ستة أنواع مختلفة من الجسيمات تسمى كوركات "Quarks" والتي أعطيت الأسماء أعلى "Up" وأسفل "Down"، وغريب "Strang" وسيحّر "Sharm" وقاع "Top" وقمة "Top" والكواركات الأعلى والقمة والسحر لها شعنة تساوي $(\hat{z}/2+)$ من شعنة البروتون بينما الكواركات أسفل وغريب وقاع لها شعنة (z/1-) من شعنة البروتون. ويتكون البروتون من اثنين كوارك أعلى وكوارك أسفل واحد (الشكل 2.1) ويمكنك أن ترى بسهولة أن ذلك يعطي الشعنة الصحيحة للبروتون. وبالمثل يتكون النيترون من اثنين كوارك أسفل وواحد كوارك أعلى ومجموعها يعطي شعنة قدرها صفر.

الكثافة DENSITY عادياً

من خصائص أي مادة كثافتها ρ (حرف جريكي بنطق 'رو" Roh) وتعرف على أنها كتلة ما تحتويه المادة في وحدة الحجوم، والذي يعبر عنه دائماً بالكتلة لوحدة الحجوم:

$$\rho = \frac{m}{V} \tag{1.1}$$

فمثلاً الألومنيوم له كثافة 2.70 g/cm³ والرصاص له كثافة 11.3 g/cm³. ولذلك قطعة الألومنيوم ذات الحجم 10.0 cm³ لها كتلة 27.09 بينما الحجم المكافئ للرصاص بكون له كتلة 113g ويعطي الجدول 5.1 قيم للكثافة لمواد مختلفة.

والاختلاف بين كثافة الألومنيوم والرصاص يرجع نتيجة لاختلاف كتلة الذرة الذرة Atomic Mass، في الجزئ، العدد الكتلي لعنصر هو متوسط كتلة ذرة واحدة في عينه من العنصر والتي تحتوي على جميع نظائر العنصر، حيث نسبة كمية النظائر هي نفس النسبة للكمية الموجودة في الطبيعة، والوحدة للكتلة الذرية هي وحدة الكتلة النزية (U= 1.6605402x 10⁻²⁷ Kg، حيث Atomic Mass Unit (U). الكتلة الذرية هي وحدة الكتلة الذرية 27.0 U= 2.00 وللألومنيوم هي 27.0 لا بينما نسبة الكتلة الذرية 7.67 وكالألومنيوم هي السافة المتالفة النابة عن الاختلاف في المسافة المنابة الذرات والترتيب الذري في التركيب البلوري Crystal لهاتين المادتين.

الفيرياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

تقاس كتلة النواة بالنسبة إلى كتلة نواة نظير ذرة الكربون 12. وغالباً ما تكتب ¹²C. (نظير الكربون هذا له سنة بروتونات وسنة نيترونات، والنظائر الأخرى للكربون لها سنة بروتونات ولكن أعداد مختلفة من النيوترونات). وعملياً معظم وزن الذرة ناتج من محتويات النواة، حيث أن المدد الكتلي لـ ¹²C يعرف على أنه 12U بالضبط، فإن كلاً من البروتون النيترون له كتلة حوالي 1U.

يعرف مول واحد (mol) من مادة على أنه كمية المادة التي تحتوي على عدد من الجسيمات (ذرات أو جزيئات أو جسيمات أخرى) مثل عدد الذرات الموجودة في 12g من نظير الكربون- 12، ويحتوي المول الواحد من المادة A على نفس عدد الجسيمات الموجودة في مول واحد من مادة أخرى B. وعلى سبيل المثال مول واحد من الألومنيوم يحتوي على نفس عدد الذرات الموجودة في مول واحد من الرصاص.

الحدول 5.1 كثافة مواد مختلفة

Denisty P (10 ³ Kg/m ³) ונצטמגר	Substance 5411
19.3	ذهب
18.7	يورانيوم رصاص نحاس
11.3	رصاص
8.92	نحاس
7.86	حديد ألومنيوم ماغنسيوم
2.7	ألومنيوم
1.75	ماغنسيوم
1.00	ماء
0.0012	هواء

وقد أوضحت التجارب أن هذا العدد، المعروف بعدد أفوجادرو Avogardro's Number وهد $N_{\rm A}$ وهو: $N_{\rm A}$ = 6.022137x 10^{23} Particles/ mol

وعلى ذلك يعرف عدد أفوجادرو على أنه 1 mol من 1 Carbon-12 له كتلة 1 Pole parameter وعموماً الكتلة الموجودة في 1 mol لأي عنصر هي الكتلة الذرية للعنصر معبراً عنها بالجرام، وعلى سبيل المثال، Molar Mass من الحديد (الوزن الذري= 55.85 له كتلة تساوي 55.85 (ونقول وزنه المولي 1 mol من الحديد (الوزن الذري= 1 mol من الرصياص (العدد الكتلي= 1 mol) له كتلة 1 mol (وزنه المولي 1 mol هو 1 mol و وحيث أنه يوجد 1 mol جسيم في 1 mol لأي عنصر، تكون الكتلة لكل ذرة 1 mol لعنصر هي:

كتلة النرة
$$m_{atom} = \frac{\text{molar mass}}{N_*}$$
 (2.1)

وعلى سبيل المثال كتلة ذرة الحديد هي:

$$m_{\rm Fe} = \frac{55.85 \text{ g/mol}}{6.02 \times 10^{23} \text{ atoms/mol}} = 9.28 \times 10^{-23} \text{ g/atom}$$

مثال 1.1 كم عدد الذرات في المكعب

مكعب صلب من الألومنيوم (كثافته 2.7g/ cm³) له حجم 0.20 cm³. كم ذرة الومنيوم يحتويها المكعب؟

الحل؛ حيث إن الكتافة تساوي الكتلة لكل وحدة حجوم، إذن كتلة المكعب هي:

$$m = \rho V = (2.7g/\text{ cm}^3) (0.20 \text{ cm}^3) = 0.54g$$

لكي نجد عدد الذرات N في هذه الكتلة من الألومنيوم يمكن أن نستخدم التناسب باستخدام حقيقة أن واحد مول من الألومنيوم (27g) يحتوى على 6.02x 10²³ atoms:

$$\frac{N_A}{27 \text{ g}} = \frac{N}{0.54 \text{ g}}$$

$$\frac{6.02 \times 10^{23} \text{ atoms}}{27 \text{ g}} = \frac{N}{0.54 \text{ g}}$$

$$N = \frac{(0.54 \text{ g})(6.02 \times 10^{23} \text{ atoms})}{27 \text{ g}} = 1.2 \times 10^{22} \text{ atoms}$$

DIMENSIONAL ANALYSIS تحليل الأبعاد 4.1

كلمة البعد Dimension لها معنى خاص في الفيزياء. أنها تدل دائماً على طبيعة الكميات. وعلى الرغم من أن المسافة تقاس بوحدة الطول "القدم" ووحدة الطول "المتر" إلا أنها تظل مسافة. ونقول البعد- الطبيعة الفيزيائية- للمسافة هو الطول.

والرموز التي سوف نستخدمها في هذا الكتاب لأبعاد الطول، والكتلة والزمن L، و M، و T على الترتيب. وسوف نستخدم غالباً الأقواس [] لنعبر عن أبعاد كمية فيـزيائية فـمثلاً الرمـز الذي نستخدمه للسرعة في هذا الكتاب هو V وفي رمزنا لبعد السرعة نكتب L/T=[V]. وكمثال آخر أبعاد المساحة، والتي نستخدم لها الرمز A هو $L^2=[A]$ ، أبعاد المساحة، والحجم، والسرعة، والعجلة مدونة في الجدول 6.1.

وهي حل مسائل الفيزياء، توجد طريقة مفيدة وقوية تسمى التحليل البعدي. هذه الطريقة، والتي يجب أن تُستخدم دائماً، سوف تساعد في تقليل الاحتياج لحفظ المادلات التحليل البعدي يجعلنا نستخدم الحقيقة التي تقول أن الأبعاد يمكن معالجتها مثل الكميات الجبرية. بمعنى أنه يمكن فقط إضافة أو طرح كميات إذا كانت لها نفس الأبعاد، علاوة على ذلك جمع الحدود على كلا الطرفين يجب

الفيزياء (الحزء الأول - المكانبكا والديناميكا الحرارية)

- يكون مو منفس الأبعاد، ويمتابعة هذه القواعد البسيطة، يمكنك استخدام التحليل البعدي للمساعدة هُ الساء علا أن التعبيرات تكون صحيحة. ويمكن للعلاقات أن تكون صحيحة فقط إذا كانت الأبعاد ومساه على جانبي المعادلة.

الجدول 6.1 أبعاد ووحدات شائعة للمسافة، والحجم والسرعة والتسارع (العجلة)

System	Area (L ²)	Volume (L ³)	Speed (L/Y)	Acceleration (L/Y²)
SI	m ²	m ³	m/s	m/s ²
British engineering	ft ²	ft ³	ft/s	ft/s ²

ولتوضيح هذه الطريقة، افرض أنك ترغب في اشتقاق صيغة للمسافة، تقطعها سيارة في زمن اإذا بدأت السيارة من السكون وتحركت بتسارع ثابت a . وسوف نجد في الفصل الثاني أن التعبير الصحيح هو $x=rac{1}{2}at^2$. والآن سوف نستخدم تحليل الأبعاد لاختيار صحة هذا التعبير، الكمية x في الطرف الأيسر لها بعد طولي. ولكي تكون المعادلة صحيحة الأبعاد يجب أن تكون الكمية في الطرف الأيمن لها بعد الطول أيضاً . ويمكننا أن نعيد اختيار الأبعاد بواسطة تعويض الأبعاد للتسارع، L/T²، والزمن T في المعادلة بمعنى أن تكون الأبعاد للمعادلة $x=\frac{1}{2}at^2$ هي:

$$L = \frac{L}{T^2} \cdot T^2 = L$$

وحدات الزمن المربعة تشطب كما هو مبين وتترك وحدات الطول.

وبطريقة عامة أكثر عمومأ يستخدم تحليل الأبعاد لتحقيق تعبير على الشكل

$$x \propto a^n t^m$$

حيث m و أسس يجب تعيينها والرمز ∞ يرمز إلى التناسب وتكون العلاقة صحيحة فقط إذا كانت أبعاد كبلا الجانبين واحدة. وحيث أن وحدات الطرف الأيسس هي طول، يجب أن تكون وحدات الطرف الأيمن هي الطول أيضاً أي أن:

$$[a^n\,t^m]=L\approx LT^0$$
 $=L^2$ $=L^2$ $=L^2$ $=L^2$ $=L^2$ $=L^2$ $=L^2$ $=L^2$ $=L^2$ $=L^2$

$$L^n T^{m-2n} = L^1$$

وحيث إن الأسس L و T يجب أن تكون واحدة في كلا الجانبين فسوف نتزن معادلة الأبعاد نحت $-x \propto at^2$ الشرط، -2n=0، و -2n=0 وبالرجوع إلى التعبير الأساسي $-x \propto a^n$ نصل إلى $-x \propto at^2$ الشرط، هذه النتيجة تختلف بقيمة 2 عن التعبير الصحيح، والذي يكون $x=rac{1}{2}at^2$ ولأن الحد $x=rac{1}{2}$ ليس له 48) وحدات، ليس هناك طريق لتعيينه باستخدام التحليل البعدى.

ا، ا تساؤل سربيع:

صع أم خطأ: أن تحليل الأبعاد يمكن أن يعطيك القيمة العددية لثوابت التاسب والتي ربما تظهر في تعبير جبري.

مثال 2.1 تحليل معادلة:

بين أن التعبير v = at صحيح بُعدياً، حيث v تمثل السرعة و a النسارع وv الفترة الزمنية.

الحل بالنسبة لحد السرعة نجد في الجدول 1.6 أن:

$$[v] = \frac{L}{T}$$

ونفس الجدول يعطينا L/T^2 لأبعاد التسارع ولهذا فإن أبعاد at هي:

$$[at] = \left(\frac{L}{T^2}\right)(\mathcal{I}) = \frac{L}{T}$$

ولهذا فإن العلاقة صحيحة (إذاً أعطى التُعبير على الصورة v= at² يكون بعدياً غير صحيح حاول ولاحظ ذلك).

مثال 3.1 تحليل قانون الأسس

افرض أننا أخبرنا أن التسارع a لجسيم يتحرك بسرعة منتظمة v في دائرة نصف قطرها v افرض أننا أخبرنا أن التسارع v و v و v و v مرفوعة لأس ما وليكن v و v مرفوعة لأس ما ويمكن v . كيف نستطيع تعيين قيمة v و v الحل: دعنا نأخذ v لتكن

$$a = kr^n v^m$$

حيث k ثابت لاأبعاد له. وبمعرفة أبعاد a، و r، و v نرى أن معادلة الأبعاد يجب أن تكون

$$L/T^2 = L^n(L/T)^m = L^{n+m}/T^m$$

تتزن هذه المادلة تحت هذه الشروط:

$$n+m=1$$
 g $m=2$

ولذلك 1- =n ويمكن كتابة تعبير التسارع كما يلى:

$$a = kr^{-1}v^2 = k\frac{v^2}{r}$$

وعندما نناقش آجلاً الحركة الدائرية المنتظمة سوف نرى أن K=1 إذا استخدمت مجموعة وحدات a مناسبة. والثابت K قد لايساوي E إذا كانت E على سبيل المثال بوحدات E أنك تريد E بوحدات E بينما أنك تريد وحداث E

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

5.1 ح تحويل الوحدات CONVERSION OF UNITS

من الضروري في بعض الأحيان أن نحول الوحدات من نظام إلى آخر. عنامل التحويل بين نظام وحدات SI والوحدات المتعارف عليها للطول هي كما يلي:

$$1 \text{ mi} = 1609 \text{m} = 1.609 \text{ Km}$$
 $1 \text{ ft} = 0.3048 \text{m} = 30.48 \text{cm}$

$$1m = 39.37in. = 3.281 ft$$
 $1in. = 0.0254m = 2.54cm$ (exactly)

ومعظم عوامل التحليل بمكن أن تجدها في الملحق A. يمكن معاملة الوحدات مثل الكميات الجبرية والتي يمكنها أن تلغي بعضها الآخر. وعلى سبيل المثال، اضرض أننا نريد تحويل 15.0 in إلى السنتيمترات. وحيث إن 1 in (بوصة) يعرف على أنه 2.54 cm بالضبط، ونجد أن:

15.0 in. =
$$(15.0 \text{ iy}) (2.54 \text{ cm/ iy}.) = 38.1 \text{ cm}$$

وهذا صحيح حيث إن الضرب في 2.54 cm هو مثل الضرب في 1، حيث أن البسط والمقام صفان أشياءاً متماثلة.

تجربة سريعة:

قدر وزن إنائين كبيرين من المياه الغازية بالباوند. لاحظ أن 1L من الماء له كتله حوالي 1Kg. استخدم الحقيقة أن جسم كتلته 2.2 له كتلة 1Kg. اوجد بعض قراءات ميزان الحمام ثم افحص تقديرك.

مثال 4.1 كثافة مكعب:

كتلة مكعب صلب هو g 856 وكل ضلع (حافة) له طول g 3.32 عين الكثافة g للمكعب بوحدات نظام g.

الحل: حيث أن $g = 10^{-3} \, \mathrm{Kg}$ و $10^{-2} \, \mathrm{m}$ ، الكتلة $10^{-2} \, \mathrm{m}$ بوحدات النظام $10^{-2} \, \mathrm{m}$ يكون:

$$m = 856g \times 10^{-3} \text{Kg/g} = 0.856 \text{ Kg}$$

$$V = L^3 = (5.35 \text{cm} \times 10^{-2} \text{ m/cm})^3$$

$$= (5.35)^3 \times 10^{-6} \text{m}^3 = 1.53 \times 10^{-4} \text{ m}^3$$

ولذلك،

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{0.856 \text{ kg}}{1.53 \times 10^{-4} \text{m}^3} = 5.59 \times 10^3 \text{kg/m}^3$$

6.1 / الحسابات التقريبية

ESTIMATES AND ORDER- OF- MAGNITUDE CALCULATIONS

مثال 5.1 تقدير عدد الاستنشاقات طوال العمر

قدر عدد مرات التنفس التي يتنفسها شخص مدة حياته على الأرض.

الحل: سوف نبدأ بتخمين أن عمر الأنسان على الأرض هو 70 عاماً. والتقدير الآخر هو عدد مرات التنفس في الدقيقة الواحدة. هذا العدد يختلف معتمداً على حالة الشخص هل هو مُثار، نائم، غاضب، هادئ. لكي نصل لأقرب قيمة تقريبية، سوف نختار 10 مرات تنفس كل دقيقة كتقدير للمتوسط (وهذا أقرب للحقيقة من نفس واحد في الدقيقة أو مائة أنفاس في الدقيقة) عدد الدقائق في السنة تكون بالتقريب

$$1 \text{ yr} \times 400 \frac{\text{days}}{\text{yr}} \times 25 \frac{\text{dr}}{\text{day}} \times 60 \frac{\text{min}}{\text{dr}} = 6 \times 10^5 \text{min}$$

لاحظ أنه لأكثر سهولة نضرب 25 x 400 x 25 بدلاً من الضرب في القيم الدقيقة 24 x 365. هذه القيم التقريبية لعدد الأيام في السنة وعدد الساعات في اليوم قريبة قرباً كافياً من أجل غرضنا. ولذلك في 70 سنة سوف يكون 4×10^7 min 4×10^7 (70 yr). لمحدل 10 أنفاس كل دقيقة يعمل الشخص 4×10^8 مرات تنفس في حياته.

مثال 6.1

قدر عدد الخطوات التي يأخذها شخص مرتجل من نيويورك إلى لوس أنجلوس.

الحل: دون النظر إلى المسافة بين هاتين المدينتين لعلك تتـذكر من دروس الجفـرافيـا أنهـا حـوالي. 3000 mi ، والتقريب التالي الذي يجب أن نقوم به هو طول الخطوة. وبالتأكيد يعتمد هذا الطول على الشخص الذي يقوم بالمشي ولكننا نقدر تلك الخطوة حوالي 2 f . وبهذا التقدير يمكننا تعيين عدد (

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الخطوات في 1mi . وحيث أن هذا حساب تقريبي، نحول 5280 ft/ mi إلى 5000 ft/ mi . (كم تكون نسبة الخطأ الذي يدخله هذا التحويل؟) هذا التحويل يعطينا:

 $\frac{5\,000\,\text{ft/mi}}{} = 2\,500\,\text{steps/mi}$

والآن نرغب في رموز علمية لكي نستطيع عمل الحسابات ذهنياً:

 $(3 \times 10^3 \text{ m/s})(2.5 \times 10^3 \text{ steps/ m/s}) = 7.5 \times 10^6 \text{ steps}$

 $\sim 10^7 \text{ steps}$

ولذلك إذا أردنا أن نمشي عبر الولايات المتحدة، سوف نأخذ في حدود عشرة مليون خطوة. هذا التقدير يكون أصغر من الحقيقة حيث إننا لم نأ . . . ي الحسبان إنحناء الطرق وصعود وهبوط الجبال، ومما لاشك فيه أنه من المحتمل أن تكون السيبة في حدود الإجابة الصحيحة.

ما مقدار الحازولين الذي نستخدمه؟ مثال 7.1

قدر عدد الجالونات التي تستخدم كل عام بواسطة جميع السيارات في الولايات المتحدة.

الحل: يوجد حوالي 270 مليون شخص في الولايات المتحدة ولذلك نقدر عدد السيارات بحوالي 100 مليون (نخمن أنه يوجد سيارة لكل شخصين أو ثلاثة أشخاص). ونقدر أيضاً أن متوسط المسافة التي تسيرها كل سيارة كل عام هو mi/ gal . وإذا فرضنا أن استهلاك الجازولين هو 20 mi/ gal أو 0.05 gal/ mi . ولذلك فإن كل سيارة تستهلك 500 gal/ yr . وبضرب هذا في العدد الكلي للسيارات $5 \times 10^{10} \, \mathrm{gal}$ وها الكلى 10 $^{11} \, \mathrm{gal}$ في الولايات المتحدة يعطي تقدير للاستهلاك الكلى

SIGNIFICANT FIGURES SF الأرقبام المنبونة 7.1

عند قياس كميات فيزيائية فإن القيم المقاسة تكون معلومة في حدود تجريبية غير مؤكدة. مقدار عدم الدقة يعتمد على عدة عوامل مثل جودة الجهاز، مهارة الباحث وعدد القياسات التي تم تسجيلها.

افترض أن المطلوب قياس مساحة لأصفة قرص الكمبيوتر باستخدام مسطرة مترية، دعنا نفترض أن الدقة في القياس باستخدام المسطرة هي £ 0.1 cm ع. إذا كان طول اللاصقة هو £ 5.5 cm فإنه يمكن القول أن طولها يقع بين 5.6 cm, 5.4 cm . في هذه الحالة نقول أن القيمة المقاسة لها رقمين معنويين (أي لها اثنين SF). بالمثل إذا كان عرض اللاصقة المقاس هو 6.4 cm، فإن القيمة الحقيقية تقع بين .6.5 cm. 6.3 cm

وهكذا يمكننا كتابة القيم المقاسبة في الصبورة cm (5.5 ± 5.5) و 6.4 ± 6.4) الآن افترض 52) أن المطلوب أيجاد مساحة اللاصفة بضرب القيم تين المقاسمتين. إذا افترضنا أن المساحة 35.2 cm² (6.4 cm) فإن اجابتنا ينقصها الدقة لأن الأجابة تحتوي على ثلاث أرقام معنوية SF وهي أكبر من عدد الأرقام المعنوية SF في أي من الأطوال المقاسة. يمكن ذكر فاعدة لتحديد عدد الأرقام المعنوية:

عند ضرب عدة كميات في بعضها فإن عدد الأرقام المعنوية SF في النتيجة النهائية يجب أن يساوي تماماً عدد Sr الأرقام المعنوية لأقل قيمة مضبوطة في الكميات المضروبة، حيث أقل قيمة مضبوطة تعنى أقل عدد من SF. كذلك تطبق نفس القاعدة في حالة القسمة أيضاً.

عند تطبيق هذه القاعدة على المثال السابق فإن المساحة يجب أن تشمل على رقمين معنويين لأن الأطوال المقاسنة لها فقبط رقمين معنويين. كل ما يمكننا قوله أن المساحة هي 35 cm^2 وتقع بين (6.5 cm) و5.6 cm و5.6 cm) (6.3cm) و5.6 cm)

قد تكون الأصفار أرقام معنوية أو لاتكون. الأصفار التي تستخدم لتحديد موضع العلامة العشرية في مثل هذين الرقمين 0.00 ، 0.0075 ليست أرقام معنوية. وهكذا يوحد رقم معنوي واحد ورقمين معنويين على التوالي في القيمتين السابقتين. مع ذلك عندما تأتي الأصفار بعد أرقام أخرى هنا ثالتباس في التفسير. على سبيل المثال، افرض أن كتلة جسيم ما هي 1500g. هذه القيمة غامض ثنا لاتعرف ما إذا كا الصفران الاخيران يستخدمان لتحديد موضع العلامة العشرية أم أنهما لانوام معنوية في القياسات، لازالة هذا الغموض من الأفضل استخدام الرمز العلمي لتوضيح عدد أرقام معنوية. في هذه الحالة يجب كتابة الكتلة g أرقام معنوية و g أدا كان هناك رقمين معنويين في القياسة و g 1.50 x 10³ و الذا كان هناك رقمين معنويين في معنوية. نفس القاعدة تتحقق عندما تكون القيمة أقل من 1 مثل 10² x 10² كان المقمين معنويين أويمكننا كتابتها 2.3 x 10² ولها ثلاث أرقام معنوية. بصورة عامة الرقم المعنوي هو رقم معلوم كاف (أو يمكن الاعتماد عليه) (بعكس الاصفار التي تحدد موضع العلامة العشرية).

في الجمع والطرح يجب الأخذ في الاعتبار عدد اماكن الأرقام العشرية عند تحديد عدد الأرقام المعنوية.

عند اضافة أو طيرح أعداد، يكون عدد مواضع الأرقام العشرية في النتيجة النهائية يساوي أقبل عدد من مواضع الأرقام العشرية في أي حد من المجموع على سبيل المثال إذا اردنا حساب 128.35 فإن الاجابة التي تعطي العدد الصحيح من الرقم المعنوي هو 128 وليس 128.35. عند حساب 10000 +10001 ليساوي 10004 القيمة النهائية بها خمسة أرقام معنوية حتى وإن كان احد حدود المجموع هو 0.003 والدي له رقم معنوي واحد، بالمثل عند إجراء عملية الطرح 1.000 =0.998 -0.998 النتيجة النهائية لها رقم معنوي واحد حتى وإن كان أحد الحدود له ثلاث أرقام معنوية والآخر أربعة أرقام معنوية. في هذا الكتاب معظم الأمثلة العددية وكذلك مسائل نهاية كل فصل تعطى الاجابات لها ثلاث أرقام معنوية. ولكن عند عمل تقديرات سنكتفى برقم معنوي واحد.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

1.2 تساؤل سريع:

افترض أنك تقوم بقياس موضع كرسي بمسطرة مترية وسجلت أن مركز المقعد يقع على بعد m 2 564 860 1.043 من الحائط، ماذا يستنتج القارئ من هذا القياس.

مساحة المستطيل؛ مثال 8.1

شريحة مستطيلة الشكل طولها (21.3 ± 0.2) cm وعرضها وعرضها أحسب مساحة الشريحة ومقدار اللايقين في المساحة المقاسة.

$$\ell w = (21.3 \pm 0.2 \text{ cm}) \times (9.80 \pm 0.1 \text{ cm})$$

$$\approx (21.3 \times 9.80 \pm 21.3 \times 0.1 \pm 0.2 \times 9.80) \text{ cm}^2$$

$$\approx (209 \pm 4) \text{ cm}^2$$

حيث إن الطول أو العرض له ثلاث أرقام معنوية فإنه لايمكن إضافة أي أرقام في القيمة النهائية (لها ثلاث أرقام معنوية). هل ترى لماذا الاتحتاج إلى ضرب فيمتا اللايقين 0.2 cm و 0.1 cm ؟

فرش سجادة مثال 9.1

عند فرش سجادة في غرفة طولها هو 12.71 m وعرضها 3.46 m. احسب مساحة الفرفة.

الحل: إذا تم ضرب m 12.71 في m 3.46 m بالآلة الحاسبة سنحصل على الاجابة 43.9766 m² أي من هذه الأعداد سوف نحافظ عليها. قاعدة الضرب تنص على البقاء على SF لأفل فيمة دقيقة من القيم المقاسة، في هذا المثال هي ثلاث أرفام معنوية وبالتالي تكون المساحة هي 44.0 m².

لاحظ أنه عند اختزال الرقم 43.9766 إلى ثلاث أرقام معنوية في اجابتنا استخدمنا قاعدة تقريب الارقام والتي تنص على أن العدد العشري الاخير يبقى عليه (9 في هذا المثال) ويزداد بـ 1 عند إسقاط الرقم العشري الأول (هنا 7) وذلك عندما يكون 5 أو أكبر. لتجنب تراكم الخطأ، يجب تأجيل عملية التقريب في العمليات الحسابية الطويلة حتى نحصل على النتيجة النهائية. انتظر حتى تكون مستعداً لكتابة الإجابة من الآلة الحاسبة الشخصية قبل التقريب إلى العدد الصحيح من الأرقام المعنوية.

ملنص SUMMARY

الثلاث كميات الفيزيائية الأساسية في الميكانيكا هي الطول والكتلة والزمن وهي التي تكون لها وحدات المتر (m) والكيلوجرام (Kg) والثانية (S) على الترتيب وذلك في النظام SI. وتُعرف كثافة المواد على أنها كتاتها لكل وحدة حجوم. والمواد المختلفة لها كثافات مختلفة بسبب اختلافها في العدد الكتلى 54) والترتيب الذري.

الفصل الأول: الفيزياء والقياس

عدد الجسيمات في الوزن الجزيئي الجرامي لأي عنصر أو مركب تسمى عدد آفوجمادرو Avogadrro's Number N_A

طريقة تحليل الأبعاد هي طريقة جيدة جداً هي حل المسائل الفيزيائية. ويمكن أن تُعامل على أنها كميات جبرية. وبعمل تقدير وعمل حدود تقريبية للحسابات، تكون قادراً على تقريب حل المسائل عندما لاتوجد معلومات كافية.

أسئلة QUESTIONS

- ا في هذا الباب وصفنا كيف استخدم دوران الأرض حول محورها لتعريف قياس وحدة الزمن. ما
 هي الظواهر الطبيعية الآخرى التي يمكن أن تستخدم كقياس زمن اختياري؟
- [2] افرض أن الثلاث معايير الأساسية للنظام المتري كانت الطول، الكثافة، والزمن بدلاً من الطول، والكتلة والزمن معيار الكثافة في هذا النظام يُعرف منسوبا للماء. ما هي الاعتبارات حول الماء التي ربما نحتاجها لتكون متأكداً أن معيار الكثافة دقيقاً كلما أمكن؟
- 3 تعرف اليد على أنها 4 بوصة، ويعرف القدم على أنه 12 بوصة. لماذا تكون اليد أقل قبولاً كوحدة عن القدم؟
 - [4] عبر عن الكميات التالية مستخدماً المحددات المعطاة في الجدول 1.4:
 - $.72 \times 10^{2} \text{ g (c)}$ $.5 \times 10^{-5} \text{ s (b)}$ $.3 \times 10^{-4} \text{ m (a)}$
- [5] افرض أن الكميتين A و B لهما وحدات مختلفة. اذكر أياً من العمليات الحسابية التالية تكون لها A-B (d) B- A (c) A/B (b) A+B (a)
 - ما مقدار مستوى الدقة الذي يتضمن الحساب باستخدام رتبة المقدار؟
- 7 هل حسبت بالتقريب رتبة المقدار لجميع الأوضاع اليومية التي ريما تقابلك. فعلى سبيل المثال، كم
 من المسافات تمشيها أو تقودها كل يوم؟
 - 8 قدر عمرك بالثواني.
 - 9 قدر كتلة هذا الكتاب بالكيلو جرام. إذا كان لديك ميزان، افحص تقديرك.

الفيرياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

PROBLEMS	J.M. Johnson
----------	--------------

1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى الحل كامل متاح في المرشد.

http://www.sanunderscollege.com/physics/ الحل موجود في: WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

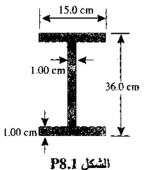
📗 = فيزياء تفاعلية

= ارواج رهمیه/ باستخدام الرمور ------

القسم 3.1 الكثافة

- 1 الكيلو جرام العياري هو اسطوانة من
 الإيريديوم- البلاتين طولها 39.0 mm
 وقطرها 39.0 mm
 ما هى كثافة مادتها؟
- 2 ~ كتلة كوكب $5.64 \times 10^{26} \, \mathrm{Kg}$ ونصف قطره $6.0^{\circ} \, \mathrm{th}$ احسب كثافته.
- 5- ما هي د ة النحاس مقدرة بالجرامات والمطلوب لعمل إسطوانة مجوفة قطرها الداخلي 5.7 cm وقطرها الخارجي 5.7 cm مع العلم أن كالفة النحاس هيي 8.92 g/ cm³
- 4 ما هي كتلة مادة كثافتها ρ تستخدم لعمل r_1 اسطوانة مجوفة نصف قطرها الداخلي g_2
- 5 قطعت كرتان من صخرة معينة منتظمة.
 نصف قطر احداهما 4.50 cm وكتلة الأخرى تساوي خمسة أضعاف الأولى.
 أوجد نصف قطرها.
- 6 في يوم الزفاف أهدى الزوج لزوجته دبلة ذهبية كتاتها g 3.80 وبعد خمسين عاماً من الزواج أصبحت كتلة الدبلة g 3.35. كم ذرة في المتوسط كُـشطت كل ثانيـة من الدبلة خلال عمر زواجهما. كتلة المول للذهب هي 197 g/ mol.

- 7 فُـــحص مكعب من الحـــديد تحت ميكروسكوب مجهري إذا كان طول حافتة ميكروسكوب مجهري إذا كان طول حافتة (a) كتلة المكعب و(b) عــدد ذرات الحــديد في المكـعب. كتلة المول للحـديد 155.9 g/mol وكثافته 7.86 g/cm³
- 8 دعامة بناء من الصلب منظر مقطعها المستعرض على شكل حرف I وأبعادها موضعة في الشكل P8.1 (a) . A هي كتلة مقطع طوله 1.50m (b) كم ذرة موجودة في هذا المقطع. مع العلم أن كثافة الصلب 7.56 sx 10³ Kg/m³.



القسم 4.1،

9 - إزاحة جسيم يتحرك تحت تأثير عجلة منتظمة تكون دالة في الزمن المستغرق والتسارع، افرض أننا كتبنا هذه الأزاحة

على الصنورة $S=Ka^m t^n$ حديث δ تأبث ليس له وحدات، بين بطريقية أنسخين البصري أن هذه الصورة صحيحة إذا كالت m=1 و n=2 مل هذه الطريف ة تمطي قيمة K .

 10- الزمن الدوري للبندول اليسبيط أأ يقط بوحدات الزمن ويوصف بالعلاقة التالية:

 $T = 2\pi \sqrt{\frac{\ell}{g}}$

حيث هو طول البندول و g هي تسارع السنقوط الحر وأبعادها هي أبعاد الطول مقسومة على مربع بغد الزمن، بين أن هذه المعادلة صحيحة بعدياً.

11- أي من المعادلات التالية صمحيحة بعدياً؟

(a) $v = v_0 + ax$

(b) $y=(2m)\cos(kx)$, where $k=2m^{-1}$

12- قانون الجذب العام لنيوتن يمثل بالمافقة

 $F = \frac{GMm}{r^2}$

حيث F هي قاوة الجانب و M من 524 و 74 من 524 و 74 من 524 و 74 منا هي وحددادت \$5 منا هي وحددادت \$5 منا هي وحددادت \$5 منا هي وحددادت \$6 منا منا هي وحددادت \$6 منا منا هي وحددادت \$6 منا هي وحددادت

القسم 5.1:

13- قطعة أرض بنساء مستكليفة الشكر. 150 ft x 100 ft احسب مستلدية هذا الأرض بوحدة m².

14- كتلة الشمس Kg × 1.99 × 10³⁰ وكتلة مرة الهيدروچين التي تتكون منها الشمس هي الهيدروچين التي تتكون منها الشمس هي 1.67× 10⁻²⁷ Kg

الشمس؟ وي الشمس

جالون من زبت الطلاء (حجست 3.78). $\left[15 \right]$ جالون من زبت الطلاء $\left[10^{-3} \, \mathrm{m}^3 \right]$

يكون سمك الطال المادا

افترض أن 70% الأرض على الأرض على الله بمتوسعة على أنه 1.2 قدر 10% الماء على الأرض بالكياو جرائي.

17- افرض أن بها أيه ثل دااهه الألو رسوم و يهم المحلف المثل كشاهة أن درد أو درا ادلف عطل كرة الألوسيوم التي التري دع كرة من الحساسية عالى ذراح الحساسية عالى ذراح ميزان.

القسم 1.6:

18 إذا قُ شم إلياك سيرس أن كاست باليسول دولار إذا المستنف الإثناء لم من عليهم بشرط أن يكون الردي من فئة دولار واحد. هل تقبل هذا السرش القائمة دولار واحد عد ورقة كل ثانية وإذك تكون مشغول هي لليوم الواحد للاة ثاناني ساء التابين اللوم والطعام وان عمرك الأن 18 عاماً.

37.1 pt 1. 189

\$6,600 \$6,600 p 3M p 1 \$67 au 2 02 c -19

(a) \$3 cm (b) \$.735 1 (c) 4.77 x 10³ m/s

(a) \$6032 m

20- عند قسيساس بصمة فيطر بالده وجسد الدادة (b) عند 10.5 ± 10.2 m محيط الدائرة واحسب مشمار عدم الدقة لكل فيمة.

21- أجر العمليات الحمطية التالية:

(a) مجموع القيم المقاد له 2.5 (0.83 / 37.2 / 656).(b) حاصل ضررت م × 6.620 / 6.620

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

23- احسب عدد SF للأرقام التالية:

 3.788×10^9 (b) 78.9 ± 0.2 (a)

0.0053 (d) 2.46×10^{-6} (e)

24- يقوم فلاح بقياس محيط حقل مستطيل. طول الضلع الأكبر 38.44 m وطول الضلع الأصغر الأصغر 19.5 m ألصغر الصفح الحقل.

25- يراد بناء رصيف للمشاة حول حمام السباحة أبعاده:

 $m \times (17.0\pm0.1)$ m × (17.0±0.1). إذا كيان عييرض الرصيبيف هو $m \times (11.0\pm0.1)$ وسُيمكه $m \times (0.1)$ cm (0.10 ± 0.1). احيسب حيجيم الخرسانة اللازمة ومقدار عدم الدقة في هذا الحجم.

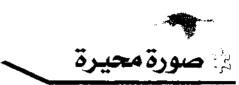
إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(1.1) خطأ، تحليل الأبعباد يعطي وحدات ثابت التناسب ولكنه لايعطي أية معلومات عن قيمته العددية، وعلى سبيل المثال، تبين التجارب أن مضاعفة نصف قطر كرة مصمتة تزيد كتلتها 8 مرات، وإذا ضاعفنا نصف القطر ثلاث مسرات تزداد الكتلة 27 مرة. ولذلك تتناسب الكتلة مع مكعب نصف ولذلك تتناسب الكتلة مع مكعب نصف القطر، وحيث إن m x x² عين قيمته العددية يتطلب قراءات معملية أخرى أو اعتبارات أخرى أو اعتبارات هندسية.

(2.1) تسجيل كل هذه الأرقام يحتم انه قد امكنا تحديد موضع مقعد الكرسي إلى أقرب من ما 1 000 000 000±. هذه المسافة تناظر امكانيتك لحساب عدد الذرات بالمسطرة المترية لان كل ذرة لها هذا البعد (المقاس) من الأفضل ان تسجل هذه المسافة 1.044 يعني ذلك أنك تعرف الموضع الى اقصرب ملليمتر بفرض ان مسطرتك مقسمة إلى ملمترات.



By permission of John Hart and Field Enterprises, Inc.





الحركة في بعد واحد Motion in One Dimension ولفعل ولثاني

ويتضمن هذا الفصل ا

6.2 السقوط الحر للأجسام Freely Falling Objects

7.2 استنتاج معادلات الكينماتيكا من حسابات التفاضل والتكامل (اختياري) (OPtional) Kinematic Equations Derived From Calculus

8.2 المسائل الهادفة- خطوات الحل Goal Problem- Solving Steps 1.2 الازاحة، السرعة الإنجاهية، السرعة Displacement, Velocity, and Speed

السرعة الإتجاهية اللحظية والسرعة اللحظية 2.2 Instantaneous Velocity and Speed

3.2 التسارع (العجلة)

4.2 الرسم البياني للحركة Motion Diagram

5.2 الحركة في خط مستقيم بتسارع ثابت One- Dimensional Motion With Constant Acceleration

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

كخطوة أولى في دراسة الميكانيكا الكلاسيكية، سوف نصف الحركة بدلالة متغيرات المكان والزمن بينما نهمل المؤثر الذي يسبب تلك الحركة. ويسمى هذا الفرع من الميكانيكا الكلاسيكية بالكينماتيكا Kinematics - (الكلمة كينماتيكا لها نفس الأساس مثل سينما. هل تستطيع أن تقول ١٤٠٠١). في هذا الفصل سوف ندرس الحركة في بعد واحد. وسنَّعرف أولاً الإزاحة، السرعة، والعجلة (التسارع). وبعد ذلك، وباستخدام هذه المقاهيم، ندرس حركة الأجسام التي تتحرك في بعد واحد (خط مستقيم) بتسارع ثابت.

ومن الخبرة اليومية سوف نميز تلك الحركة والتي تمثل التغيير المستمر في موضع جسم. وفي الفيزياء يوجد ثلاث أنواع من الحركة: الحركة الانتقالية، الحركة الدورانية، والحركة الاهتزازية. حركة سيارة على طريق سريع هي مثال للحركة الانتقالية، دوران الأرض حول محورها هو مثال للحركة الدورانية وحركة البندول ذهابا وإيابا هي مثال للحركة الإهتزازية أو الترددية، وفي هذا الفصل وفي القصول القليلية التالية سوف نتعامل مع الحركة الانتقالية. (وفي مكان آخر من هذا الكتاب سوف نناقش الحركتان الدورانية والاهتزازية).

في دراستنا للحركة الانتقالية، نصف حركة جسم كجسيم صغير بغض النظر عن حجمه. وعلى العموم، الجسيم هو نقطة مادية متناهية الصغر، وكمثال لذلك، وإذا رغبنا أن نصف حركة الأرض حول الشمس، بمكننا أن نتعامل مع الأرض كجسيم وسوف نحصل على معلومات دقيقة مقبولة عن مدارها، وهذا التقريب مقنع لأن نصف قطر دوران الأرض أكبر من أبعاد الأرض والشمس، وكمثال على مقياس أقل كثيراً ، يمكن شرح الضغط الواقع على جدار إناء من غاز بمعاملة جزيئات الغاز كجسيمات.

1.2 الإزاحة، السرعة الإنجاهية، والسرعة والسرعة الإنجاهية، والسرعة الإنجامية، والسرعة الإ

تكون حركة جسيم معروفة تماماً إذا كان موضعه معروف في كل الأوقات، اعتبر سيارة تتحرك ذهاباً واياباً على طول المحور x كما هو مبين في شكل 1.2 a . وعندما نقوم بجمع معلومات عن الموضع، تكون السيارة على بعد m 30 على يمين علامة الطريق. (دعنا نفرض أن كل المعلومات في هذا المثال معروفه لرقمين عشريين. ولتوصيل هذه المعلومات، يجب تسجيل الموضع الابتدائي على أنه 10¹ 3.0 x m . لقد كتبنا هذه القيمة بهذا الشكل البسيط حتى يكون من السهل تتبع المناقشة. نضبط ساعتنا ونسجل كل \$ 10 موضع السيارة بالنسبة للعلامة. وكما نرى في الجدول 1.2، تتحرك السيارة أولاً اتجام اليمين (والذي نعتبره الاتجاه الموجب، اثناء اول s 10 من الحركة، وذلك من الموضع (A) إلى الموضع (B). وقيمة الموضع تبدأ الان في النقصان، حيث ان العربة تعود من الموضع $f{B}$ خلال الموضع $f{F}$. وفي الحقيقة عند ﴿ وَبِعِد عُ 30 من بدء القياس، تكون السيارة على جانب العلامة التي نستخدمها كنقطة ﴿ الاصل للاحداثيات. انها تستمر في الحركة جهة اليسار وأكثر من m 50 جهة اليسار من العلامة عندما نتوقف عن تسجيل المعلومات بعد النقطة السادسة والتمثيل البياني لهذه المعلومات موجود في

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

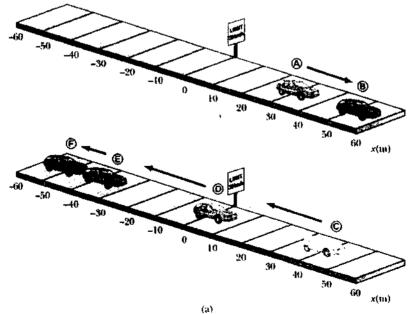
وإذا تحرك جسيم، يمكننا بسهولة تعيين التغير في موضعه، وتُعرف الإزاحة للجسيم على انها التغير في موضعه، وعندما يتحرك من الموضع الابتدائي x_i . إلى الموضع النهائي x_f نعطي إزاحة بالقيمة $x_f - x_i$ سوف نستخدم الحرف الإغريقي دلتا Δ لتمثيل التغير في موضع جسيم كما يلي:

$$\Delta x = x_f - x_i \tag{1.2}$$

 x_i من هذا التعريف نرى ان Δx تكون موجبة إذاكانت x_i أكبر من x_i وسالبة إذا كانت x_i أقل من

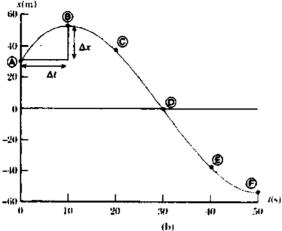
الجدول 1.2 موضع السيارة عند أوقات مختلفة

المسوضيع	t [s]	x [m]
<u> </u>	0	30
$^{\circ}$ B	10	52
©	20	38
D	30	0
E	40	-37
	50	-53



الشكل 1.2 (a) سيبارة تتحرك ذهاباً واباباً على طول خط مستقيم وهو عبارة عن المحور X. حيث اننا نهتم فقط بالحركة الانتقالية للسيارة، ويمكننا أن نتعامل معها على انها جسسيم، (b) التسمشيل البياني للعلاقة (الازاحة-الزمن) لحركة الجسيم.

الضيزياء (الجزءالأول - اليكانيكا والديناميكا الحرارية)



هناك خطأ بسيط في عدم تمييز الفرق بين الإزاحة والمسافة التي يتحركها الجسيم (الشكل 2.2). لاعب كره يُسخن بعمل دوره حول المعب فيتحرك مسافة 360 ft في الرحلة حول الممر، بينما، إزاحة اللاعب تكون صفراً لأن بداية ونهاية موضعه متماثلان.

الازاحة هي مثال لكمية متجهة. وهناك كميات فيزيائية اخرى منها السرعة والتسارع تكون كميات متجهة، وعلى العموم المتجه هو كمية فيزيائية مطلوب لتعيينه المقدار والاتجاه وعلى العكس الكمية القياسية هي كمية لها المقدار وليس لها اتجاه، وفي هذا الفصل سوف نستخدم اشارة زائد وناقص لنشير إلى اتجاه المتجه، ويمكننا عمل ذلك حيث ان هذا الفصل يتعامل مع الحركة في بعد واحد فقط، وهذا يعني أن أي جسم نقوم بدراسته يمكن أن يتحرك فقط على طول الخط المستقيم، وعلى سبيل المثال بالنسبة للحركة الأفقية، دعنا نأخذ اختيارياً الجهة اليمنى ليكن الاتجاه موجباً، ويتبع ذلك ان اي جسم يتحرك دائماً إلى جهة اليمين ليعمل إزاحة Δx +، وأي جسم يتحرك إلى اليسار يعمل ازاحة Δx -، وسوف نتعامل مم المتجهات بتفصيل أكبر في فصل 3.



الشكل 2.2 منظر علوي للعب البيسبول اللاعب الذي يضرب الكرة يجري ويقطع مسافة 360 ft عندما يلف حول القاعدة، ولكن ازاحته خلال الرحلة تساوي صفر.

(Mark C. Burnett/ Photo Researchers, Inc)

هناك نقطة هامة لم نشر إليها بعد. لاحظ أن الرسم البياني في الشكل 1.2b لايحتوى فقط على معلومات سنه احداث فقط بالضبط ولكنه في الحقيقة منعني متصل أملس، الرسم البياني يحتوي على معلومات حول فترة \$ 50 كاملة اثناء ملاحظتنا لحركة السيارة. ومن السهولة أكثر أن نرى التغير في الإزاحة من الرسم البياني من الوصف المتغير أو حتى من جدول الأرقام. وعلى سبيل المثال، انه من الواضح أن السيارة قطعت معظم الأرض أثناء منتصف فترة الـ 50 s عنه في الفترة الأخيرة. فبين الموقعين (C) و (D) ، تكون السيارة قد قطعت حوالي m 40 ، ولكن اثناء اخر عشر ثواني بين الموقعين (E) و (F) ، تكون قد تحركت أقل من نصف هذه المسافة. والطريقة العامة لمقارنة هذه الحركات المختلفة هي ان نقسم الازاحة Δx التي تحدث بين قراءتين للساعة على تلك الفترة الزمنية الخاصة Δt . ويؤدي ذلك إلى نسبة مفيدة، والتي سوف نستخدمها في مواقف عديدة، و من المناسب أن نعطى النسبة اسم خاص- السرعة المتوسطة. وتعرف السرعة المتوسطة $\overline{v_{
m r}}$ لجسيم على انها ازاحة الجسيم Δν مقسومة على الفترة الزمنية Δt اثناء حدوث هذه الإزاحة.

(السرعة المتوسطة)
$$\overline{v}_x = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$
 (2.2)



حيث x التي اسفل الرمز v تشير إلى الحركة على المحور x. ومن هذا التعريف نرى ان السرعة xالمتوسطة لها ابعاد طول مقسومة على زمن (L/T)- متر لكل ثانية في نظام الوحدات SI.

على الرغم من أن المسافة التي تقطع لأي حركة تكون دائماً موجية، يمكن أن تكون السرعة المتوسطة لجسيم يتحرك في بعد واحد موجبة أو سالبة، معتمدة على أشارة الازاحة. (الفترة الزمنية Δx تكون دائماً موجية). إذا كانت أحداثيات الجسم تزيد مع الزمن (بمعنى إذا كان $(x_f > x_i)$ ، فإن Δt تكون موجبة وتكون $\Delta x / \Delta t$ موجبة. هذه الحالة تتيح الحركة في الاتجاء الموجب لـ x. وإذا أنقصت الاحداثيات مع الزمن (بمعنى، إذا كان $x_f \! < \! x_i$) فإن Δx تكون سالبة ومن ثم $\overline{v_x}$ تكون سالبة أيضاً. وتتيح هذه الحالة الحركة في اتجاه x السالب.

يمكننا تفسير السرعة المتوسطة هندسياً برسم خط مستقيم بين نقطتين في التمثيل البياني لنحنى (الإزاحة- الزمن) في الشكل 1.2b. هذا الخط يمثل وتر المثلث القائم الزاوية ذو الارتفاع Δx والقاعدة Δt . وميل هذا الخط هو النسبة Δt Δt . وعلى سبيل المثال، انخط بين الموضع $oldsymbol{A}$ والموضع له ميل يساوى السرعة المتوسطة للسيارة بين هذين الزمنين

$$(52m - 30m)/(10 s - 0) = 2.2m/s$$

في حياتنا اليومية نتبادل طريقة استعمال الاصطلاحين السرعة Speed والسرعة الإتجاهية Velocity بينما في الفيزياء يوجد فرق واضح بين هاتين الكميتين، اعتبر لاعب سباق ماراثون يجري مسافة تزيد عن 40Km حتى بلغ النهاية عند نقطة بدايته. متوسط سرعته الإتجاهية يساوي صفر! (63 دَفَدُ المَّذَفَ بِسَيِدَ النَّجِزِلْنَا مَعَرِفَةَ هَذَهُ الْمُعَلِّمُ الْمُعَلِّمُ الْكَلِيةُ الْمُطَوِعَةُ

المناف ا

هَذَا لَيْ لَا الله صادرة و مرتبط الإنساد المحركة،

المحد الإزدادة، العدودة الإنجامية المتوسعة الدولانية المتوسطة للسيارة في الشكل 1.2a بين المحد الإزدادة، العدودة (٨) (٣) (٨)

المحاول من المحاول ا

هذه التنابعة أن تنابي أن السيارة سنتكون على بعد 333 في الأنجاء السائب (إلى اليسار في هذه المعاد) من حيث بالأنجاء المعاد المائم المعاد المعاد

الشهور العسام على المستوصدة السرعة المتحجة على أن نكمل الحسابات، ولكن نتوقع الوحدات الكون بلائد على المعاومات فإننا أكون بلائد في اختنا المعلومات فإننا أمر في أن المعاومات في المعاومات الم

$$\overline{v}_x = \frac{\Delta x}{\Delta} = \frac{x_i}{t_i} \frac{\tau}{-x_i} \frac{x_i}{t_i} - \frac{x_2 - x_{\Delta}}{t_i - t_{\Delta}}$$

$$=\frac{-53 \text{ m} - 30 \text{ m}}{50 \text{ s} - 0 \text{ s}} = \frac{-85 \text{ m}}{50 \text{ s}} = -1.7 \text{ m/s}$$

ونجد أن متوسط السرعة لهذه الرحلة بإضافة المسافات المقطوعة وقسمها على الزمن الكلي:

$$=\frac{22 \text{ m} + 52 \text{ m} + 53 \text{ m}}{50 \text{ s}} = 2.5 \text{ m/s}$$

2.2 السرعة اللحظية الإتجاهية والسرعة اللحظية

INSTANTANEOUS VELOCITY AND SPEED

غائباً ما نحتاج ان نعرف سرعة جسيم عند لحظة معينه من الزمن بدلاً من الفترة الزمنية المحددة، على سبيل المثال ، على الرغم من انك ربما تريد حساب متوسط سرعتك الإتجاهية خلال رحلة سيارتك الطويلة، فربما تكون لديك رغبة خاصة في معرفة سرعتك في لحظة مشاهدتك سيارة الشرطة الواقفة بجانب الطريق امامك. و بطريقة اخرى انك تريد أن تكون قادر على تحديد سرعتك الاتجاهية بالضبط في لحظة ما، وربما لايكون واضح في الحال كيف نفعل ذلك، ماذا يعني ان نتحدث من سرعة شئ متحرك إذا "أوقفنا الزمن" وتحدثنا فقط حول لحظة واحدة؟ هذه نقطة دقيقة غير منهومة كاملاً حتى أواخر عام \$1600 . وباكتشاف طريقة الحسابات، بدأ العلماء في فهم كيف نصف حركة جسم في أي لحظة من الوقت.

ا Δt خلا ان الازاحة Δt تقترب أيضا من الصفر عندما Δt تقترب من الصفر. وكلما أصبحت Δt و Δt أصفر منامع تقترب النسبة Δt لقيمة تساوى ميل خط الماس للمنحنى x مع t.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$v_{s} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t}$$
 (3.2)
$$\hat{3}.3$$

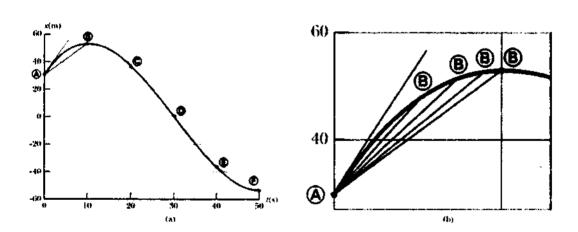
dx/dt في علم التفاضل، هذه النهاية تسمى مشتقة x بالنسبة إلى t وتكتب dx/dt

$$v_x = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$$
 (4.2)

من المكن أن تكون السرعة المتجهة اللحظية موجبة، سالبة أو صفر، فيكون ميل منحنى الموضع مع الزمن موجب مثلما هو واضح في أي وقت اثناء أول 10s في الشكل 3.2، تكون v_x موجبة، بعد النقطة 0 تكون 0 سالبة حيث إن الميل يكون سالباً و عند القمة يكون الميل والسرعة اللحظية صفراً.

ومن الآن وصاعدا سوف نستخدم كلمة سرعة اتجاهية لنعبر عن السرعة الإتجاهية اللحظية. وعندما تكون سرعة إتجاهية متوسطة، سوف نستخدم الصفة "متوسطة".

السرعة اللحظية The Instantaneous Speed الجسيم تُعرف على إنها مقدار سرعته الإتجاهية السرعة السرعة Magnitude of its Velocity وكما هو في السرعات المتوسطة Average Speed لا تكون للسرعة اللحظية Instantaneous Speed اتجاه مصاحب لها ومن ثم لاتحمل اشارة جبرية. وعلى سبيل المثال إذا كان أحد الجسيمات له سرعة 25m/s على خط معين وجسيم آخر له سرعة 25m/s عند نفس الخط، يكون لكل منهما سرعة 25m/s Speed (2).



الشكل 3.2 (a) رسم يمثل حركة السيارة في الشكل 1.2 (b) تكبير للجزء الأبسر العلوي للرسم يبين كيف يقترب الخط الأزرق بين الوضوعين (A) و (B) حتى يقترب إلى الخط المماس الأخضر وذلك عندما تصبح النقطة (B) اكثر قرباً من النقطة (A).

يتحرك جسيم على الاحداثي x. يتغير إحداثه مع الزمن تبعاً للتعبير $2t^2 + 4t - 2t^2$ ، حيث x تقدر بالامتار، و t بالثواني $t^{(4)}$. منحنى الوضع مع الزمن لهذه الحركة موضع في الشكل $t^{(4)}$. لاحظ ان الجسيم يتحرك في الاتجاء السالب للمحور $t^{(4)}$ في أول ثانية من الحركة ويكون ساكناً عند اللحظة $t^{(4)}$ ثم يتحرك في الاتجاء الموجب $t^{(4)}$ عند $t^{(4)}$ عين الإزاحة التي يحدثها الجسيم في الفترة الزمنية من $t^{(4)}$ ألى $t^{(4)}$ وكذلك من $t^{(4)}$ ألى $t^{(4)}$ ألى $t^{(4)}$ ألى $t^{(4)}$

الحل – اثناء أول فترة زمنية يكون الميل سالب ومن ثم سرعة إتجاهية سالبة. ولذلك نعرف أنه لابد أن تكون الإزاحة بين $oldsymbol{(B)}$ عدد سالب له وحدات الامتار. وبالمثل، نتوقع الازاحة بين $oldsymbol{(B)}$ ، $oldsymbol{(D)}$ ان تكون موجية.

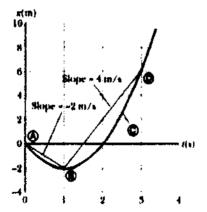
في الضغرة الزمنية الاولى نضع $t_A=0$ $t_A=0$ و $t_B=1$. باستخدام المعادلة 1.2 في الصورة $x=-4t+2t^2$ نحصل على ما يلى بالنسبة لاول ازاحة:

$$\Delta x_{A \to B} = x_f - x_i = x_B - x_A$$
= $[-4(1) + 2(1)^2] = [-4(0) + 2(0)^2]$
= $-2m$

 $t_f = t_d = 3$ و ولحساب الازاحة اثناء الفترة الزمنية الثانية نضع وا $t_B = 1$ و ولحساب الازاحة اثناء الفترة الزمنية الثانية نضع

$$\Delta x_{A \to D} = x_f - x_i = x_D - x_B$$
= [-4(3) + 2(3)²] - 1-4(1) + 2(1)²]
= +8m

يمكن الحصول على هاتين الإزاحتين مباشرة من الرسم البيائي الموضح مع الزمن.



الشكل 4.2 العالاقة بين الموضع- الزمن اجاسيم له احداثي x يتغير مع الزمن تبعاً للعلاقة 21² +41 -41

⁽٤) عندما نذكر السرعة فيما يلى فإننا نعنى السرعة الإتجاهية velocity.

بدلا من $x = -4t + 2t^2$ بدلا من يوف تستخدم المعادلة التجريبية $x = -4t + 2t^2$ بدلا من $x = (-4.0 \text{ m/s})t + (2.0 \text{ m/s}^2)t^2$

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

(b) احسب السرعة الإتجاهية المتوسطة Average Velocity اثناء هاتين الفترتين.

الحل- في أول فترة زمنية $t_B - t_A = t_B - t_A = 1$ و لذلك باستخدام المعادلة 2.2 وحساب الازاحة في (a) نجد أن

$$\overline{v}_{x(A \to B)} = \frac{\Delta x_{A \to B}}{\Delta t} = \frac{-2\overline{m}}{1 \text{ s}} = -2 \text{ m/s}$$

في الفترة الزمنية الثانية Δt= 2S، ولذلك

$$\overline{v}_{x(B\to D)} = \frac{\Delta x_{B\to D}}{\Delta t} = \frac{8 \text{ m}}{2 \text{ s}} = + 4 \text{ m/s}$$

هانان القيمتان تتفقان مع ميل الخطوط التي تربط ﴿ ﴿ مَ النَّقَطَةُ فِي الشَّكُلِ 2.4 .

(c) أوجد السرعة اللحظية stantaneous Speed: بسيم عند t= 2.5 S. بسيم عند

الحل - بالتأكيد نستطيع أن نخمن هذه السرعة اللحظية على أنها في نفس حدود القيمة لنتائجنا السابقة أي حوالي 4 m/s . وبدراسة الرسم نرى أن ميل الماس عن الموضع (C) يكون أكبر من ميل المحط الازرق الذي يربط النقطتين (B) و (D). ولذلك نتوقع الاجابة أكبر من 4m/s. وبقياس الميل للملاقة (الموضع - الزمن) عند \$ 2.5 نجد أن:

$$v_x = +6$$
m/s

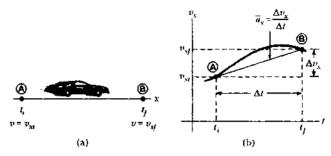
3.2 التسارع (العجلة) ACCELERATION

في اخر مثال تعاملنا مع الوضع الذي تتغير فيه سرعة جسيم اثناء تحركه. وهذا شائع الحدوث. (ما هو مدى ثبوت سرعتك عندما تركب اتوبيس المدينة؟) ومن السهل ان نحدد مقدار التغير في السرعة كدالة في الزمن بنفس الطريقة التي نحدد بها مقدار التغير في الموضع كداله في الزمن. وعندما تتغير سرعة الجسيم مع الزمن يقال للجسيم إنه يتحرك بتسارع (بعجلة). وعلى سبيل المثال تزداد سرعة السيارة عندما تضغط على البنزين وتقل عندما تستخدم الفرامل. وعلى العموم نحن نحتاج إلى تعريف التسارع (العجلة) افضل من ذلك.

افرض جسيماً متحركاً على الاحداثي x بسرعة v_{xi} عند الزمن t_i وسرعة v_{xf} عند الزمن t_i كما هو في الشكل 5.2a.

يُعرف التسارع المتوسط (العجلة المتوسطة) للجسيم بانه التغير في السرعة Δv_x مقسومة على الفترة الزمنية Δt والتي يحدث فيها التغير:

$$\bar{a}_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} \stackrel{\prime}{=} \frac{v_{xf} - v_{xi}}{t_t - t_i}$$
 (5.2)



الشكل 5.2 (a) جسيم يتحرك على المحور x من A إلى A بسرعة v_{xi} عند t_i عند v_{xi} عند v_{xi} عند v_{xi} عند v_{xi} (b) العلاقة الخطية السرعة – الزمن لجسيم يتحرك في خط مستقيم. يكون ميل الخط المستقيم الازرق الذي يربط v_{xi} هو التسارع المتوسط في الفترة الزمنية v_{xi} عند v_{xi} عند v_{xi} عند v_{xi} عند v_{xi} عند v_{xi} عند v_{xi} الخط المستقيم الازرق الذي المتوسط في الفترة الزمنية v_{xi} عند v_{xi} عند v

وكما في حالة السرعة، عندما تكون الحركة في اتجاه واحد يمكن ان نستخدم إشارة موجية أو سالبة لنشير إلى اتجاه التسارع (العجلة). ولان ابعاد السرعة هي L/T وبعد الزمن هو T فإن المسارع يأخذ الابعاد طول مقسوم على مربع الزمن أي L/T^2 . وحدات النظام SI للتسارع تكون متر L نية تربيع (m/s^2) . وعلى سبيل المثال قد يكون من السهل ان تفسير هذه الوحدات إذا ما عرف متر / ثانية / ثانية .

افرض أن جسم له تسارع 2m/ s² يجب أن تكون صوره عن جسم له سرعة على خط مستقيم وتزداد بقيمة 2m/s في فترة مقدارها 1s. فإذا بدأ الجسم الحركة من السكون يمكنك أن تتصور أنه يتحرك بسرعة 2m/s بعد 2s وهكذا، وفي هذا الكتاب نستخدم المرادفات "التسارع، العجلة، عجلة التسارع" بنفس المعنى.

وفي بعض الأحوال ربما تكون قيمة التسارع المتوسط مختلفة خلال الفترات المختلفة، ولذلك من المفيد أن نعرف التسارع اللحظي على أنه نهاية متوسط السرعة مقسومة على Δt عندما تؤول Δt إلى الصفر. هذه المفاهيم مماثلة لتعريف السرعة اللحظية التي تم مناقشتها في القسم السابق، وإذا تخيلنا ان النقطة $\Delta v_x / \Delta t$ عندما تؤول $\Delta v_x / \Delta t$ عندما تؤول $\Delta v_x / \Delta t$ عندما تؤول المالي الصفر، فنحصل على التسارع اللحظي (العجلة اللحظية):

$$a_x \equiv \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{dv_x}{dt}$$
 (6.2)

بمعنى ان النسارع اللحظي (العجلة اللحظية) تساوي مشتقة السرعة بالنسبة للزمن، ومن التعريف تكون هي ميل المنحنى البياني للعلاقة (السرعة – الزمن) (الشكل 5.2b). ولذلك نقول، كما ان سرعة جسيم متحرك هو ميل المنحنى البياني للجسيم (x-t) يكون تسارع الجسيم هو ميل المنحنى البياني للجسيم (v_x-t) النسبة للزمن على انه المعدل الزمني للتغير في \mathbf{v}

الطيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

 a_x السرعة. وإذا كانت a_x موجبة، سوف يكون التسارع في الاتجاء الموجب للاحداثي a_x وإذا كانت سالبة يكون التسارع في الاتجاه السالب لـx.

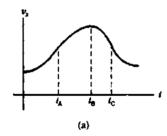
وفيما يلى سوف نستخدم الاصطلاح التسارع "العجلة" لنعبر عن التسارع اللحظي. وعندما نعني التسارع المتوسط سوف نستخدم دائماً الصفة "المتوسط".

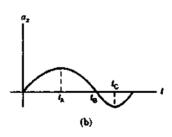
ولان $u_x = dx/dt$ يمكن أيضاً كتابة التسارع على الصورة:

$$a_x = \frac{dv}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{dx}{dt} \right) = \frac{d^2x}{dt^2}$$
 (7.2)

بمعنى إنه في الحركة في بعد واحد يكون التسارع مساوياً للمشتقة الثانية بالنسبة للزمن.

ويوضع الشكل 2.6 ارتباط منعني (التسارع- الزمن) (Acceleration- Time) بمنعني (السرعة-الزمن)، ويكون التسارع عند أي زمن مساوياً ميل المنحني (السرعة- الزمن) عند هذا الزمن، والقيمة الموجبة للتسارع متعلقة بتلك النقط في الشكل 6.2a حيث أن السرعة تزداد في الاتجاه الموجب لـx. ويصل التسارع القيمة القصوي عند الزمن ٤٨ ، عندما يكون ميل المنحني (السرعة- الزمن) قيمة قصوي، ثم يؤول التسارع إلى الصفر عند الزمن I_{B} ، وعندما تكون السرعة قيمة عظمي (بمعنى انه عندما يساوي المنحني (v, -1) صفراً). ويكون التسارع سالباً عندما تقل السرعة في الاتجاء الموجب لـx وتصل إلى أكبر قيمة سالبة عند الزمن 1٫٠.





الشكل 6.2 يمكن الحصول على التسارع اللحظي من المتحنى البياني v_x - t يمكن الحصول على التسارع اللحظي من المتحنى البياني العلاقة (السرعة الشكل 6.2 v_x الزمن) كجزء من الحركة. (b) المنحنى البياني للعلاقة (التسارع الزمن) لنفس الحركة.

التسارع المعطى من المنحني البياني $(a_x - t)$ لاى قيمة لـ t يساوى ميل خط الماس للمنحني البياني $(v_x - t)$ عند نفس القيمة لـ 1.

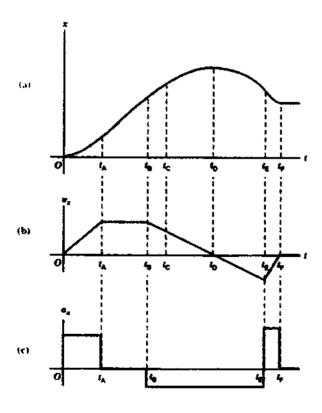
a_x ، v_x ، x العلاقات البيانية التي تربط البيانية 3.2 مثال ذهني:

يتغيير موقع جسم عندما يتحرك على المحور x مع الزمن كما في الشكل 7.2a. ارسم منحنى 70] السرعة مع الزمن والتسارع مع الزمن للجسم.

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

الحل - السرعة عند أي لحظة هي ميل المماس للمنحنى البياني للعلاقة (x-t) عند تلك اللحظة. بين $t_A = t_A = t_A$ و $t_A = t_A$ و إنتظام، ولذلك تزداد السرعة زيادة مستقيمة، كما هو موضع في الشكل 7.2b, وبين t_A و t_B يكون ميل المنحنى t_A و للنحنى (t_A) ثابتاً. ولذلك نظل السرعة ثابتة. وعند t_B يكون ميل المنحنى t_A مساوياً للصفر، ولذلك تكون السرعة مساوية الصفر عند تلك اللحظة. وبين t_B يكون ميل المنحنى t_A وبالتالي السرعة كليهما سالباً وتتناقص بانتظام خلال هذه الفترة، وفي الفترة من t_B إلى t_B يظل المنحنى t_A سالباً، وعند t_B يؤول إلى الصفر، وأخيراً بعد t_B يكون ميل المنحنى t_B مساوياً للصفر، وذلك يعنى أن الجسم ساكن عند t_B).

ويكون التسارع في أي لحظة مساوياً ميل المماس للمنعنى البياني (v_x^{-1}) عند تلك اللحظة. المنعنى البياني للتسارع مع الزمن لهذا الجسم موضح في الشكل 7.2c. ويكون التسارع ثابتاً وموجباً بين صفر و $t_{\rm A}$ حيث ميل المنعنى البياني يكون موجباً. ويكون صفراً بين $t_{\rm A}$ و $t_{\rm B}$ و بالنسبة لا $t_{\rm E}$ و عند يكون ميل المنعنى البياني (v_x^{-1}) مساوياً للصفر في هذه الأزمنة وتكون سالبة بين $t_{\rm E}$ و $t_{\rm B}$ لأن المنعنى البياني (v_x^{-1}) يكون سالباً خلال هذه الفترة.



الشكل 7.2 (a) المنحنى البيياني له (الموضع- الزمن) لجسم يتحرك على طول المحور x. (b) المنحنى البياني (للسرعة- الزمن) لجسم و الذي يمكن الحصول عليه من قياس الميل للمنحنى البياني (الموضع- الزمن) عند كل لحظة. (c) المنحنى البياني له (التسارع- الزمن) للجسم يمكن الحصول عليه من قياس ميل المنحنى البياني لـ السرعة- الزمن) عند كل لحظة.

تساؤل سريع:

ارسم المنعنى البياني لـ (السرعة- الزمن) للسيارة في الشكل a 1.2 واستخدم رسمك للمنعنى البياني لتعيين لماذا كانت سرعة السيارة تزيد عن السرعة المطلقة المحدده على علامات الطريق وهي (Km/h).

مثال 4.2

تتغير سرعة جسيم يتحرك على طول المحور x مع الزمن طبقاً للعلاقة $v_x = (40 - 5t^2)$ m/s تتغير سرعة جسيم يتحرك على طول المحور x مع الزمن طبقاً للعلاقة $v_x = (40 - 5t^2)$ الشوائي. (a) أوجد التسارع المتوسط في الفترة الزمنية من t = 0 إلى t = 0.

الحل- الشكل 8.2 يمثل المنحنى البياني (v_x -t) والذي تم الحصول عليه من العلاقة بين السرعة والزمن المعطى في هذه المسألة، وحيث ان الميل على طول المنحنى (v_x -t) يكون سالباً تماماً، نتوقع ان يكون التسارع سالباً.

ويمكننا أن نحسب السرعة عند $t_{\rm F}=t_{\rm B}=2.08$, $t_{\rm i}=t_{\rm A}=0$ بالتعويض عن هذه القيم للزمن $t_{\rm B}=1$ التعبير الخاص بالسرعة:

$$v_{xA} = (40 - 5t_A^2) \, m/s = [40 - 5(0)^2] \, \text{m/s} = +40 \, \text{m/s}$$

 $v_{xB} = (40 - 5t_B^2) \, m/s = [40 - 5(0)^2] \, \text{m/s} = +20 \, \text{m/s}$

ولذلك يكون التسارع المتوسط في الزمن المحدد في الفترة $\Delta t = t_{\rm B} - t_{\rm A} = 2.0s$ هو:

$$\overline{a}_x = \frac{v_{xf} - v_{xi}}{t_f - t_i} = \frac{v_{xB} - v_{xA}}{t_B - t_A} = \frac{(20 - 40)\text{m/s}}{(2.0 - 0)\text{ s}}$$

$$= -10 \text{ m/s}^2$$

والإشارة السالبة في هذا التعبير تعني أن التسارع المتوسط سالب هو الذي يُمثل بميل الخط (غير الظاهر في الرسم) الذي يربط بين نه طتي البداية والنهاية في المنحنى البياني (السرعة- الزمن)

(b) عين التسارع عند t= 2.0s.

t+ Δt السرعة عند أي زمن t تعطى بالعلاقة شاء -40 v_{xi} والسرعة عند زمن آخر v_{xi} والسرعة عند زمن آخر v_{xi} يكون:

$$v_{xt} = 40 - 5(t + \Delta t)^2 = 40 - 5t^2 - 10t\Delta t - 5(\Delta t)^2$$

ولذلك التغير في السرعة خلال الفترة ا∆هو:

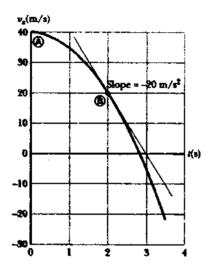
$$\Delta v_x = v_{xt} - v_{yt} = [-10t\Delta t - 5(\Delta t)^2] \text{ m/s}$$

ونستنتج التسارع عند أي زمن t:

بقسمة هذا التعبير على Δt وأخذ النهاية للنتيجة عنما تؤول Δt إلى الصفر:

$$a_x=\lim_{\Delta t\to 0} \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \lim_{\Delta t\to 0} (-10t - 5\Delta t) = -10t \, \mathrm{m/s}^2$$
 ولذلك عند الزمن $t=2.0s$

$$a_x = (-10)(2.0) \text{ m/s}^2 = -20 \text{ m/s}^2$$



الشكل 8.2 الرسم البياني لمنحنى العلاقة (السرعة الزمن) لجسيم يتحرك على طول المحور x تبعاً للعلاقة $v_x=(40-5t^2)$ m/s التسارع عند z=1 يساوي ميل خط الماس الأزرق عند ذلك الزمن.

وهذا الحل يمكن الحصول عليه بمقارنة التسارع المتوسط خلال الفترة بين (A) و (B) (10 m/s²) مع القيمة اللحظية عند (B) (20 m/s²) وذلك بمقارنة ميل الخط (غير مبين على الرسم) الواصل بين (A) و (B) مع ميل الماس عند (B).

لاحظ أن النسارع ليس ثابتاً في هذا المثال، والحالة التي تحتوي على تسارع ثابت سوف نتعامل معها في القسم 5.2.

نحن قمنا بتقدير مشتقات الدالة بأن بدأنا بتعريف الدالة ثم أخذنا نهاية نسبة معينة. ومن المألوف ان هناك قواعد معينة لعمل المشتقات بسرعة، وعلى سبيل المثال تبين احدى هذه القواعد ان مشتقة أي ثابت تساوي صفراً. ومثال آخر، افرض ان x تتناسب مع t المرفوعة للقوة n مثل هذه العلاقة

$$x = At^n$$
 حيث A و n ثوابت. (هذه صورة دالة مألوفة جداً). مشتقة x بالنسبة t t هي:

$$\frac{dx}{dt} = nAt^{n-1}$$
 : بنطبیق هذه القاعدة في مثال 2.4 حيث ان : $a_x = \frac{dv_x}{dt} = -10t$ نجد أن $v_x = 40 - 5t^2$

MOTION DIAGRAMS التمثيل البيائي للحركة بالتمثيل البيائي للحركة

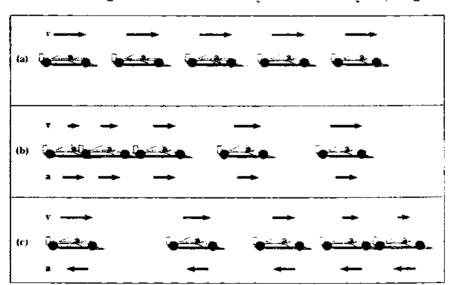
يتداخل غالباً مفهومى السرعة والتسارع مع بعضهما، ولكنهما في الحقيقة كميتان مختلفتان تماماً. ولتوصيح ذلك نستخدم تمثيل الحركة برسم بياني لوصف السرعة والتسارع عندما يكون الجسم في حالة حركة وحتى لا يحدث خلط بين هاتين الكميتين المتجهتين نهتم بالمقدار والاتجاه لكل منهما، وسوف نستخدم اللون الأحمر لمتجه السرعة واللون البنفسجي لمتجه التسارع كما هو مبين في الشكل وسوف نستخدم اللون الأحمر لمتجه السرعة واللون البنفسجي لمتجه التسارع كما هو مبين في الشكل وقيه تم رسم المتجهات رسماً تخطيطياً عند لحظات عديدة اثناء حركة الجسم، وبضرض ان الفترات الزمنية بين موقعين متتاليين متساوية. ويمثل هذا التوضيح ثلاث مجموعات من الصور المقطعة لسيارة تتحرك من الشمال إلى اليمين على طول طريق مستقيم، بحيث تكون الفترات الزمنية بين التصوير "Flashes" متساوية في كل رسم.

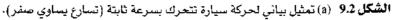
في الشكل a 9.2 تكون صور السيارة على أبعاد متساوية بما يعني أن السيارة تقطع نفس المسافة في كل فترة زمنية ولذلك تتحرك السيارة بسرعة موجبة ثابتة وبتسارع يساوي صفراً .

وفي الشكل 9.2 b تصبح الصور على مسافات أكثر تباعداً كلما زاد الزمن، في هذه الحالة يزداد متجه السرعة مع الزمن وتتحرك السيارة بسرعة موجبة وتسارع موجب.

وفي الشكل c 9.2 يمكن القول ان السيارة تتباطأ كلما تحركت في اتجاه اليمين حيث تتناقص الأزاحة بين كل صورتين متتاليتين مع الزمن، وتتحرك السيارة في هذه الحالة جهة اليمين بتسارع سالب ثابت، ويقل متجه السرعة مع الزمن حتى يصل إلى الصفر، ونرى من هذا الرسم التخطيطي ان متجهي السرعة والتسارع ليسا في اتجاه واحد، فتتحرك السيارة بسرعة موجبة بينما التسارع سالب.

ويمكن وضع رسم بياني لسيارة تتحرك في البداية تجاه الشمال بتسارع ثابت سالب أو موجب.





(b) الرسم البياني لسيارة لها تسارع ثابت اتجاهه في نفس اتجاه سرعتها. يمثل متجه السرعة عند كل لحظه بسهم أحمر ويمثل التسارع الثابت بالسهم البنفسيجي. (c) الرسم البياني لسيارة تسارعها ثابت في اتجاه عكس اتجاه السرعة في كل لحظة.



تساؤل سريع 2.2:

- (a) إذا كانت السيارة تسير تجاه الشرق، هل يمكن ان يكون تسارعها في اتجاه الشرق؟
 - (b) إذا كانت السيارة تبطئ من سرعتها، هل يمكن أن يكون تسارعها موجباً؟

5.2 الحركة في خط مستقيم بتسارع ثابت

ONE- DIMENSIONAL MOTION WITH CONSTANT ACCELERATION

إذا تغير تسارع جسم مع الزمن تكون حركته معقدة وصعبة التحليل، ومن أنواع الحركة في بعد واحد والشائع جداً هي تلك الحركة التي يكون فيها التسارع ثابت، وفي هذه الحالة، يكون التسارع المتوسط عبر أي فترة زمنية مساوياً للتسارع اللحظي عند اي لحظة خلال الفترة، وتتغير السرعة بنفس المعدل خلال الحركة.

وإذا بدلنا a_i بي في المعادلة 5.2 وأخذنا $t_i = 0$ الزمن عند وقت اخر a_i نجد ان:

$$a_{x} = \frac{v_{xf} - v_{xi}}{t}$$

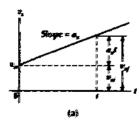
السرعة كدالة في الزمن
$$v_{xf} = v_{xi} + a_x t$$
 (8.2)

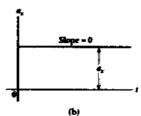
هذا التعبير القوي يُمكننا من تعيين سرعة جسم عند اي لحظة t إذا عرفنا السرعة الابتدائية وتسارعه الثابت. المنحنى البياني للعلاقة (السرعة- الزمن) للحركة بتسارع ثابت موضح في الشكل 10.2a ويكون المنحنى البياني خطأ مستقيماً والميل (ثابت) يمثل التسارع a_x وهذا متوافق مع حقيقة ان المنحنى البياني خطأ مستقيماً والميل موجب، وهذا يدل على ان التسارع موجب. وإذا كان $a_x = d v_x / dt$ التسارع سالباً يجب ان يكون ميل الخط في الشكل 10.2 سالباً .

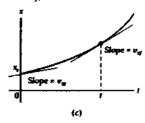
وعندما يكون التسارع ثابتاً يكون منحنى التسارع مع الزمن (الشكل 10.2 b) خط مستقيم ميله يساوى صفر.

تساؤل سريع 8.2:

أوصف معنى كل حد في المعادلة 2.8







 a_x الشكل a_x جسم يتحرك على طول المحور x بتسارع ثابت

(a) المنحنى البيائي للملاقة (السرعة- الزمن). (b) المنحنى البيائي للملاقة (التسارع- الزمن) (c) المنحنى البيائي الملاقة (الموضع- الزمن).

الفيزياء (الجزءالأول-الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث ان السرَعة عند التسارع الثابت تتغير خطياً مع الزمن طبقاً للمعادلة 8.2، يمكننا التعبير عن v_{xt} السرعة المتوسطة في اي فترة زمنية كمتوسط حسابي للسرعة الابتدائية v_{xt} و السرعة النهائية v_{xt}

$$\tilde{v}_x = \frac{v_{xi} + v_{xj}}{2}$$
 عند ثبوت (9.2)

لاحظ أن التعبير عن السرعة المتوسطة يطبق فقط في حالة ما إذا كان التسارع ثابتاً.

ويمكننا استخدام المعادلات 1.2، 2.2، 9.2 للحصول على الإزاحة لاي جسم كدالة في الزمن. وبإعادة تسمية Δx في المعادلة 2.2 لتمثيل x_f - x_i وباستخدام t بدلا من Δt (حيث اننا نأخذ x_f - x_i وباستخدام t بنا نقول:

$$x_f - x_i = \overline{v}_x t = \frac{1}{2} (v_w + v_{xf}) t - (a_x$$
عند ثبوت) (10.2)

نستطيع أن نحصل على تعبير أخر مُفيد للأزاحة عند التسارع الثابت بالتعويض من المعادلة 8.2 في المعادلة 10.2.

$$x_{f} - x_{i} = \frac{1}{2}(v_{xi} + v_{xi} + a_{x}t)t$$

$$x_{f} - x_{i} = v_{xi}t + \frac{1}{2}a_{x}t^{2}$$
(11.2)

نعصل على المنعنى البياني للعلاقة (الموضع- الزمن) لحركة تسارعها ثابت (موجب) والمبين في الشكل 2.10c من المعادلة 11.2 . ثلاحظ أن المنحنى قطع مكافئ. ميل خط الماس لهذا المنعنى عند $t=t_i=0$ يساوي السرعة الابتدائية v_{xi} ، وميل خط الماس عند اي زمن اخر يساوي السرعة عند هذا الزمن v_{xc} .

ويمكننا عمل اختبار للتحقق من صحة المعادلة 11.2 بنقل الحد x_i إلى الطرف الايمن للمعادلة ونفاضل المعادلة بالنسبة للزمن:

$$v_{xf} = \frac{dx_f}{dt} = \frac{d}{dt}\left(x_i + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2\right) = v_{xi} + a_xt$$

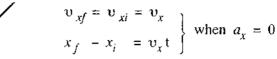
وأخيراً بمكننا الحصول على تعبير للسرعة النهائية خالياً من الزمن بالتعويض عن قيمة t من العادلة 8.2 في العادلة 10.2:

$$x_{f} - x_{i} = \frac{1}{2}(v_{xi} + v_{xf}) \left(\frac{v_{xf} - v_{xi}}{a_{x}}\right) = \frac{v_{xf}^{2} - v_{xi}^{2}}{2a_{x}}$$

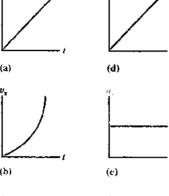
$$v_{xf}^{2} = v_{xi}^{2} + 2a_{x}(x_{f} - x_{i}) \quad (a_{x} = 0)$$

وبالنسبة للحركة عند تسارع يساوى صفراً، نرى من المعادلة 8.2 و 11.2 ان:

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد



بمعنى انه عندما يكون التسارع صفراً، تكون السرعة ثابتة والازاحة متغيره خطياً مع الزمن.



اختبار سريع 4.2

في الشكل 11.2 طابق كل منحنى بياني للعلاقة (v_x -t) مع المنحنى البياني الامثل لوصف الحركة.

المعادلات من 8.2 حتى 12.2 هي تعبيرات كينماتيكية والتي ربما تستخدم في حل أي مسألة تحتوي على حركة في بعد واحد بتسارع ثابت. آخذين في الاعتبار ان هذه العلاقات كانت مشتقة من تعريف السرعة والتسارع معاً مع بعض المعالجات الجبرية البسيطة باليد وبشرط ان يكون التسارع ثابتاً.

الشكل 11.2 الاجزاء (a)، (d)، (c) هي منحنيات بيانية للعلاقة (v_1, t) لجسم يتحرك في بعد واحد، وتُرى التمسارع الممكن لكل جسم كدالة في الزمن في (d)، (e)، (e).

الجدول 22 المعادلات الكينماتيكية لحركة في خط مستقيم بشرط أن يكون التسارع ثابت

المعسادلة	المعلومات المعطاة بالمعادلة
$v_{xf} = v_{xi} + a_x t$	السرعة كدالة في الزمن
$x_f - x_i = \frac{1}{2}(v_{xi} + v_{xf})t$	الإزاحة كدالة في السرعة والزمن
$x_f - x_i = v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2$	الإزاحة كدالة في الزمن
$v_{xf}^2 = v_{xi}^2 + 2a_x(x_f - x_i)$	السرعة كدالة في الإزاحة

الفيزياء (الجزءالأول -المكانيكا والديناميكا الحرارية)

ستجد أن الكميات التي تتغير أثناء الحركة هي السرعة، الإزاحة، والزمن.

وسوف تحصل على خبرة عظيمة في استخدام هذه المعادلات بحل عدد من التمارين والمسائل. وسوف تكتشف في مرات كثيرة ان اكثر من طريقة يمكن ان تُستخدم للحصول على الحل. ونذكر ان هذه المعادلات الكينماتيكية لايمكن ان تستخدم في الحالة التي يتغير فيها التسارع مع الزمن. ولكنها تُستخدم فقط عندما بكون التسارع ثابتاً.

مثال ذهني 5.2: السرعة لاجسام مختلفة.

اعتبر ان الحركات التالية في بعد واحد: (a) تقذف كره إلى أعلى لتصل إلى أعلى نقطة ثم تسقط لتعبود ليد قباذفها (d) سيارة سباق تبدأ من السكون وتنزداد سبرعتها حتى تصل إلى 100 m/s لتعبود ليد قباذفها (d) سفينة فضائية تندفع خلال الفضاء بسرعة ثابتة. هل هناك أي نقط في الحركة لهذه الاجسام والتي تكون عندها السرعة اللحظية مساوية للسرعة المتوسطة على طول الحركة (خلال الحركة)؟ إذا كان كذلك حدد النقطة (أو النقاط).

الحل- (a) تكون السرعة المتوسطة للكرة المقذوفة مساوية صفراً بسبب ان الكرة ترجع لنقطة بدايتها، ولذلك تكون ازاحتها صفراً (تذكر ان السرعة المتوسطة تعرف على انها Δx / Δt). توجد نقطة واحدة التي عندها السرعة اللحظية تساوي الصفر عند أعلى نقطة في الحركة. (b) لايمكن تقييم السرعة المتوسطة للسيارة من المعلومات المعطاء ولكن يجب ان تكون هناك بعض القيم بين الصفر و m/s و 100 m/s ولان السيارة سوف يكون لها سرعة لحظية بين الصفر و 100 m/s في بعض الاوقات خلال الفترة الزمنية، فإنه يجب ان يكون هنا بعض اللحظات التي تكون عندها السرعة اللحظية تساوي السرعة المتوسطة.

 (c) لان السرعة اللحظية للسفينة ثابتة، تكون سرعتها اللحظية عند أي وقت وسرعتها المتوسطة خلال الفترة الزمنية واحدة.

مثال 6.2 : الحركة مع فيض مروري.

(a) قدر متوسط تسارعك عندما تقود من مدخل طريق منحدر إلى طريق سريع يربط بين ولايتين.

الحل- تحتوي هذه المسألة على اكثر من المقادير المعتاده التي نقدرها السوف نحاول ان نأتي بقيمة التسارع ax ولكن من الصعب تقدير قيمتها مباشرة.

الشلاث متغييرات الأخرى التي تحتويها الكينماتيكا هي الموضع، السرعة، والزمن وربما تكون

الفصل الثاني: الحركة في بعد واحد

السرعة هي أسهل واحدة للتقدير. دعنا نفرض ان السرعة 100 km/h ولذلك بمكنك الاندماج في حركة المرور. ونضرب هذه القيمة في 1000 لنحول الكيلومترات إلى امتار ثم نقسم على 3600 لنحول الساعات إلى ثواني. هذه الحسابات تساوي تقريباً قسمة القيمة على 3. في الحقيقة دعنا نقول ان السرعة النهائية تساوي $v_{xy} = 30 \, \text{m/s}$ (تذكر انك يمكن ان تبعد عن النتيجة بهذا النوع من التقريب بإسقاط الارقام العشرية عندما نُجري حسابات ذهنية فإذا بدأت بوحدات بريطانية تستطيع أن تقريب $0.5 \, \text{m/s}$ ونستمر في ذلك).

. $v_{xi} \approx 10 \; \mathrm{m/s}$ النهائية أي أن $v_{xi} \approx 10 \; \mathrm{m/s}$ النهائية أي أن $v_{xi} \approx 10 \; \mathrm{m/s}$ والخيراً نفرض انك تأخذ حوالي $v_{xi} = 10 \; \mathrm{m/s}$ لكي تنتقل من $v_{xi} = 10 \; \mathrm{m/s}$ الساس هذا التقدير يعتمد على خبرتك السابقة في السيارات، ويمكننا بعد ذلك ان نوجد التسارع باستخدام المعادلة $v_{xi} = 10 \; \mathrm{m/s}$

$$a_x = \frac{v_{yf} - v_{xi}}{t} \approx \frac{30 \text{ m/s} - 10 \text{ m/s}}{10 \text{ s}} = 2 \text{ m/s}^2$$

هذا النوع من المجهود الذهني في حل المسائل يكون مدهشاً ومضيداً وغالباً ما يعطي نتائج قد الاتكون مختلفة كثيراً عن تلك التي نتوصل إليها من القياسات الدقيقة.

(b) إلى اي بعد سوف تصل اثناء نصف الفترة الزمنية والتي تحركت اثنائها بتسارع؟

الحل- يمكن أن نحسب المسافة المقطوعة أثناء أول 5s من المعادلة 11.2:

$$x_j - x_i = v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2 \approx (10 \text{ m/s})(5 \text{ s}) + \frac{1}{2}(2 \text{ m/s}^2)(5 \text{ s})^2$$

= 50 m + 25 m = 75 m

على مثال 7.2؛ مهبط حاملة طائرات

تهبط طائرة على حاملة طائرات بسرعة 140 mi/h (a) (63 m/s)≈140 mi/h ما هو تسارعها إذا وقفت معد \$ 2.0 s

الحل- نُعرف الأحداثي x بانه اتجاه حركة الطائرة. القراءة المتأنية للمسألة تُظهر انه بالاضافة إلى معرفة السرعة الابتدائية المعطاء 63 m/s، نعرف ايضاً ان السرعة النهائية تساوي صفراً، ونلاحظ ايضاً اننا لم نُعطى ازاحة الطائرة اثناء توقفها، المعادلة 8.2 هي المعادلة الوحيدة في الجدول 2.2 التي الاتحتوى الازاحة، ولذلك نستخدمها لايجاد التسارع:

$$a_x = \frac{v_{xf} - v_{xi}}{t} \approx \frac{0 - 63 \text{ m/s}}{2.0 \text{ s}} = -31 \text{ m/s}^2$$



الفيزياء (الجزءالأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

(b) ما هي ازاحة الطائرة اثناء توقفها؟

الحل- نستطيع الآن أن نستخدم أي من المعادلات الثلاث الآخري في الجدول 2.2 لحساب الأزاحة. دعنا نختار المعادلة 2.10:

$$x_f - x_i = \frac{1}{2}(v_{xi} + v_{xf})t = \frac{1}{2}(63 \text{ m/s} + 0)(2.0 \text{ s}) = 63 \text{ m}$$

وإذا قطعت الطائرة إزاحة أكبر من هذه، فنريما تستقط في المحيط، وعلى الرغم من أن فكرة استخدام حبال التوقف لتمكين الطائرات من الهبوط بسلام على السفن قد استخدمت لاول مرة خلال فترة الحرب العالمية الأولى، إلا ان الحبال مازالت جزءاً هاماً وضرورى لعمل حاملات الطائرات الحديثة.

مثال 8.2، متابعة حدود السرعة المسموح بها

تسير سيارة بسرعة ثابتة 45.0 m/s ثمر على رجل مرور مختبأ خلف لوحة اعلانات. وبعد ثانية واحدة من مرور السيارة على لوحة الاعلانات يخرج رجل المرور من وراء اللوحة ليلحق بها، ويبدأ في السير بتسارع ثابت مقداره 3.0 m/s² . ما هو طول المسافة الى يقطعها ليصل إلى السيارة؟

الحل- من القراءة المتأنية دعنا نصف هذه المسألة بأنها مسألة تسارع ثابت. ونعرف انه بعد 1s من البداية سوف يأخذ رجل المرور 15s إضافية يتحرك بتسارع حتى تصل سرعته إلى 45.0 m/s. وبالطبع سوف يستمر بعد ذلك في زيادة سرعته (بمعدل 30 m/s كل ثانية) ليلحق بالسيارة. وفي أثناء حدوث كل هذا تستمر السيارة في الحركة. ولذلك يجب علينا أن نتوقع أن النتيجة سوف تكون أكثر من 15s ، الرسم التخطيطي (الشكل 12.2) يساعد في تتابع الأحداث.

أولاً: نكتب علاقة لموضع كل سيارة كدالة في الزمن. ومن المناسب أن نختار موقع لوحة الاعلانات نقطة الأصل ونضع $t_{\rm B}=0$ هو الزمن الذي يبدأ فيه رجل المرور الخبركة. في هذه اللحظة تكون السيارة فد تحركت مسافة $v_r = 45.0 \text{ m/s}$ لانها تسير بسرعة ثابتة $v_r = 45.0 \text{ m/s}$ لدة 1s. ولذلك الموضع $x_{\rm R}$ = 45.0m الابتدائى للسيارة المتحركة هو

وحيث ان السيارة تسير بسرعة ثابتة يكون تسارعها مساوياً للصفر. وبتطبيق المادلة 11.2 t زمن ($a_r = 0$ مع (مع السيارة عند اى زمن t

$$x_{\text{car}} = x_{\text{B}} + v_{\text{scar}} t = 45.0 \text{ m} + (45.0 \text{ m/s})t$$

وبضحص سبريع لهذه العلاقة تظهر انه عند 0= 1 يعطى هذا التعبير موضع السيارة الابتدائي $x_{car} = x_B = 45.0 \text{ m}$ الصحيح عندما يبدأ رجل المرور في الحركة:

الفصل الثاني؛ الحركة في بعد واحد

يبدأ رجل المرور من السكون عند 0= ويتحرك بتسارع 3.0 m/s² بعيداً عن نقطة الأصل. ومن ثم يمكن حساب موقعه بعد اي فترة زمنية من المعادلة 2.11:

$$x_f = x_i + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2$$

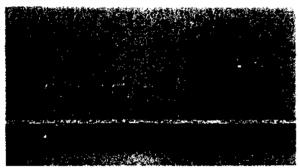
$$x_{\text{trooper}} = 0 + 0t + \frac{1}{2}a_xt^2 = \frac{1}{2}(3.00 \text{ m/s}^2)t^2$$

يدرك رجل المرور السيارة في اللحظة التي يكون فيها موقعه منطابق مع (يساوي) موقع السيارة وهو الموقع) :

$$x_{\text{trooper}} = x_{\text{car}}$$

1/2 (3.00 m/s²) $t^2 = 45.0 \text{ m} + (45.0 \text{ m/s})t$

 $1.50 t^2 - 45.0 t - 45.0 = 0$: a saleth $t^2 - 45.0 t - 45.0 = 0$



والحل الموجب لهذه المعادلة هو \$ 31.0 = 1 (وللمساعدة في حل المعادلات التربيعية) لاحظ انه في هذه الفترة الزمنية \$ 31.0، يقطع رجل المرور مسافة حوالي # 1440 (هذه المسافة يمكن حسابها من السرعة الثابتة للسيارة:

$$(45.0 \text{ m/s}) (31+1) = 1440 = \text{m}$$

تمرين، يمكن حل هذه المسألة بيانياً . على نفس الرسم البياني، ارسم علاقة الموضع مع الزمن لكل سيارة. ومن نقطة تقاطع المنحنين عين الزمن الذي عنده يدرك رجل المرور السيارة.

6.2 السقوط الحر للاجسام FREELY FALLING OBJECTS

من المعروف جيداً الان أنه في غياب مقاومة الهواء، تسقط جميع الاجسام الساقطة بالقرب من سطح الكرة الأرضية في اتجاه الارض بنفس التسارع الثابت تحت تأثير الجاذبية الأرضية. حتى عام 1600 لم تكن تلك النتيجة مقبولة. وقبل هذا الوقت كانت تعاليم الفيلسوف العظيم ارسطو 320 B.C) Aristotle

كان العالم الايطالي جاليليو جاليلي (Galileo Galilei (1564 - 1642 هو من وضع الأفكار الحالية المتعلقة بسقوط الاجسام. هناك اسطورة بأنه وصف سقوط الاجسام بملاحظة وزنين مختلفين يسقطان معاً من برج بيزا المائل ليصطدما بالأرض عند نفس الزمن تقريباً. وعلى الرغم من انه يوجد (

الفيرياء (الجزء الأول - البكانيكا والديناميكا الحرارية)

بعض الشك بأنه قام بإجراء هذه التجربة الخاصة. ومن الثابت ان جاليليو صمم كثيراً من التجارب على أجسام تتحرك على مستوى مائل. في هذه التجارب دحرج كره إلى أسفل بمستوى مائل قليلاً وقاس المساهة التي قطعتها في فترات زمنية متتابعة. وكان الغرض من الميل هو تقليل التسارع؛ وبتقليل التسارع استطاع جاليليو أن يقيس الفترات الزمنية بدقة. وبواسطة زيادة ميل المستوى المائل بالتدريج، استطاع جاليليو في النهاية أن يرسم النتيجة حول السقوط الحر للأجسام حيث أن سفوط الكرة حر يكافئ تحرك الكرة إلى أسفل في مستوى عمودي (مائل بزاوية °90).

تساؤل سريع؛ ____

استخدم قلم رصاص في عمل ثقب في قاع فنجان من الورق ثم غطى الثقب باصبعك واملاء الفنجان بالماء. امسك الفنجان إلى أعلى امامك ثم أتركه ليسقط، هل يخرج الماء من الثقب اثناء سقوط الفنجان؟ لماذا "نعم" أو لماذا "لا"؟

وربما تحاول عمل التجربة التالية. اسقط معاً في ان واحد قطعة نقود وقطعة من ورق مجعده من نفس الارتفاع، فإذا اهمل تأثير مقاومة الهواء، فسوف يأخذ الائتان نفس الحركة وسوف يصطدمان بالأرض في نفس الوقت. في الحالة المثالية، والتي فيها تكون مقاومة الهواء غائبة مثل هذه الحركة ترجع إلى السقوط الحر. إذا استطعنا تنفيذ نفس التجربة في الفراغ، والذي تكون فيه مقارمة الهواء مهملة حقاً ، يجب أن يسقط الورق وقطعة النقود بنفس التسارع حتى عندما تكون الورقة غير مجعدة. في الثاني من اغسطس عام 1971 تم اجراء هذه التجرية على القمر بواسطة رائد الفضاء ديفيد اسكوت David Scott . فقد ترك شاكوش وريشة حران، فسقطا في نفس اللحظة على سطح القمر. وبالتأكيد هذه التجربة تسعد جاليليوا

وعندما نستخدم التعبير "السقوط الحر للاجسام" ليس بالضرورة أن نشير إلى جسم يسقط من السكون. فالسقوط الحر للأجسام هو أي جسم يتحرك حراً تحت تأثير الجاذبية وحدها بغض النظر عن حركته الابتدائية. ويكون السقوط الحر بمجرد إطلاقه، فأي سقوط حر لجسم سوف يعاني تسارع متجهاً لاسفل بغض النظر عن حركته الابتدائية.

وسوف نشير إلى قيمة تسارع السقوط الحر بالرمز g. وتقل قيمة g الموجودة بالقرب من سطح الأرض مع زيادة الارتفاع. وعبلاوة على ذلك يحدث تغيير بسبيط في g مع التغيير في الارتفاع. ومن الشائع أن نعرف "إلى أعلى Up" باتجاه (y+) ونستخدم y لتغير الموضع في معادلات الكينمانيكا. وعلى سطح الأرض قيمة g تساوى تقريباً 9.8 m/s² . وإذا لم تعط فسوف نستخدم هذه القيمة لـ g عندما نجرى الحسابات. ولعمل تقدير سريع نستخدم g= 10 m/s².

وإذا اهملنا مقاومة الهواء وفرضنا أن تسارع السقوط الحر لايتغير مع الارتفاع خلال مسافات 😢 🥻 عمودية قصيرة، سوف تكون الحركة لجسم يسقط عمودياً سقوط حر مكافئ لحركة في بعد واحد

الطصل الثاني: الحركة في بعد واحد

تحت تأثير تسارع ثابت. ولذلك يمكن تطبيق المعادلات التي عرضناها في القسم 5.2 لجسم يتحرك بتسارع ثابت، التعديل الوحيد هو ملاحظة أن هذه المعادلات لاجسام تسقط سقوطاً حرا وأن الحركة في الأتجاه العمودي (أتجاه y) بخلاف الأتجاه الأفقى (x) وأن ذلك التسارع يكون متجها لأسفل له قيمة 9.80 m/s². ولذلك دائماً نأخذ $a_{\rm v}=-{
m g}=-98$ m/s²، حيث إن الاشارة سالبة تعني ان التسارع لجسم يسقط سقوطا حرا يكون متجهاً لاسفل، في الفصل 14 سوف ندرس كيف نتعامل مع التغير في g بتغير الارتفاع.

اقدام غواص فضاء. مثال ذهني 9.2:

يقفز غواص فضاء إلى الخارج من طائرة هيليكوبتر وهي تطير، وبعد عده ثواني يقفز غواص اخر، ويسقطا الاثنان عبر نفس الخط العمودي، اهمل مقاومة الهواء، ولذلك يسقط كالهما بنفس التسارع، هل يظل الفرق في سرعتيهما ثابت خلال السقوط؟ وهل تظل نفس المسافة بينهما خلال السقوط ثابتة؟ وإذا اتصل الغواصان بحبل مطاط طويل، هل قوة الشد في الحبل تزيد، تقل، أم تظل ثابتة أثناء السقوط؟

الحل- عند أي لحظة معطاه، تختلف سرعة الغواصين لأن أحدهما بدأ قبل الأخر. في أي فترة زمنية At بعد هذه اللحظة، تزداد سبرعة الغواصين بنفس المقدار حيث أن لهما نفس التسارع، لذلك يظل الفرق في سرعتيهما ثابت خلال السقوط.

يكون للغواص الأول دائماً سرعة اكبر من الثاني، لذلك فانه في الفترة الزمنية المعطاه يقطع الغواص الأول مسافة اكبر من الثاني. لذلك تزداد المسافة التي تفصلهم.

وبمجرد أن تصل المسافة بين الغواصين طول الحبل المطاط تزداد قوة الشد في الحبل. وكلما زادت قوة الشد تصبح المسافة بين الغواصين اكبر واكبر.

📢 مثال 10.2: وصف الحركة لكرة مقذوفة.



تقذف كرة رأسياً إلى اعلى بسرعة m/s . قدر سرعتها خلال فترات زمنية كل منها 1s.

الحل- دعنا نختار الاتجاه إلى اعلى هو الاتجاه الموجب، و بغض النظر عن أن الكرة تتحرك إلى أعلى أو إلى اسفل، تتغير سرعتها العمودية بحوالي (10 m/s -) كل ثانية تمكثها في الهواء. تبدأ الكرم بسرعة 25 m/s. وبعد انقضاء 1s تستمر الكرة في التحرك إلى أعلى ولكن بسرعة 15 m/s حيث ان تسارعها إلى اسفل (التسارع لاسفل بسبب نقصان سرعتها وبعد ثانية اخرى تنقص سرعتها لاعلى إلى 5 m/s ، والأن نأتي إلى الجزء الذي يحدث فيه الخدعة - بعد نصف ثانية اخرى تصبح سرعتها صفر، الكرة صعدت إلى اقصى ارتفاع يمكن أن تصل إليه. وبعد هذه النصف ثانية الأخيرة من الفترة الزمنية 1s تتحرك الكرة بسرعة (5 m/s -) (الاشارة السالبة تبين أن الكرة تتحرك الآن في الاتجام (83 -

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

إلى اسفل)، والذي فيه تنفير سرعتها من $5 \, \text{m/s} + 1$ 5 m/s + 1 1 والتغير في السرعة خلال هذه الثانية مازال $10 \, \text{m/s} = ([5+]-5-)$. وتستمر في الهبوط وبعد انقضاء (مرور) السرعة خلال هذه الثانية بدايتها الأصلية $15 \, \text{m/s}$ 1 أخرى تسقط الكرة بسرعة $15 \, \text{m/s}$ 1 أخرى تصل إلى نقطة بدايتها الأصلية وتتحرك إلى أسفل بسرعة $15 \, \text{m/s}$ 2. وفي حالة قذف الكرة عمودياً من منحدر شاهق، تستطيع ان تستمر في الهبوط مع استمرار تغير سرعتها بمقدار حوالى $10 \, \text{m/s}$ 2.

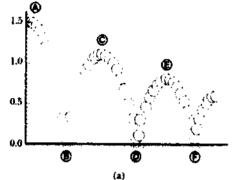
آن مثال ذهني 11.2؛ متابعة ارتداد كرة

تستقط كرة تنس من ارتفاع مستوى الكتف (حوالي 1.5m) وترتد ثلاث مرات قبل امساكها. ارسم المنحنيات البيانية لموضعها، سرعتها وتسارعها كدالة في الزمن، مع اعتبار الاتجاء الموجب للاحداثي بر+ هو الاتجاء إلى اعلى.

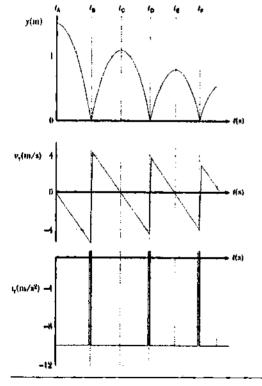
الحل- في رسوماتنا دعنا نمد الأشياء إلى الخارج أفقيا لنرى ما سوف يحدث. (حتى إذا ما تحركت الكرة أفقيا فإن ذلك لا يؤثر على حركتها رأسيا).

نرى من الشكل 13.2 أن الكرة تلامس الأرض عند النقاط (B) (F) (D). ولان سرعة الكرة تتغير من السالب إلى الموجب ثلاث مرات خلال هذه الوثبات، يجب أن يتغير ميل المنحنى البياني للعلاقة (الموضع الزمن) بنفس الطريقة. لاحظ أن الفترة الزمنية بين الوثبات تقل. لماذا يحدث هذا ؟

وأثناء سكون الكرة يجب ان يكون ميل منحني (السرعة- الزمن) يساوي 9.8m/s²- ويكون منحني (التسارع- الزمن) خط اهقي عند هذه الازمنه لان التسارع لا يتغير عندما تكون الكره هي حاله سقوط حرر وعندما تتلامس الكرة مع الأرض، تتغير السرعة خلال فترة زمنية قصيرة جداً، ولذلك يجب ان يكون التسارع كبير جدا، وهذا يناظر كل الخطوط المتدة لاعلى في منحنى (السرعة- الزمن) وبالنسبة للخطين في منحنى (التسارع- الزمن).



الشكل 13.2 (a) أسقطت كرة من ارتضاع 15.8 وارتدت من الأرض (لم يُأخذ في الاعتبار الحركة الافقية لأنها لاتؤثر على الحركة الرأسية). (b) المتحنيات البيانية لعلاقة كل من الموضع، السرعة، والسارع مع الزمن.



تساؤل سريع 5.2:

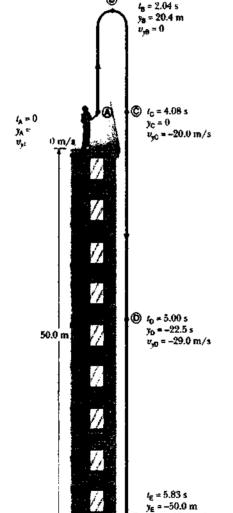
ما هي القيم التي تمثل سرعة الكرة وتسارعها عند النقط (E) ، (C) ، (A) في الشكل 13.2.

$$v_y = 0, a_y = 0 \tag{a}$$

$$v_v = 0, a_v = 9.80 \text{ m/s}^2$$
 (b)

$$v_y = 0$$
, $a_y = -9.80 \text{ m/s}^2$ (c)

$$v_y = -9.80 \text{ m/s}, a_y = 0$$
 (d)



الشكل 14.2 الموضع والسمرعمة مع الزمن لسقوط حر لحجر يُقذف رأسياً لاعلى بسرعة ابتدائية مقدارها $v_{yi}=20.0~\mathrm{m/s}$

 \vec{E} $\vec{v}_{rE} = -37.1 \text{ m/s}$

مثال 12.2؛ قذف ليس بردئ لجند جديد

أمن حجر من قمة مبنى بسرعة ابتدائية 20.0 m/s في خط مستقيم إلى اعلى. وكان ارتفاع المبنى المبنى من في خط مستقيم إلى اعلى. وكان ارتفاع المبنى وهو في طريقه وقد اخطأ الحجر حافة سطح المبنى وهو في طريقه للهبوط، كما هو موضح في الشكل 14.2. وباستخدام $t_A=0$ هو الزمن الذي يترك الحجر يد القاذف عند الموقع $t_A=0$ ، عين (a) الزمن الذي يعود فيه الحجر إلى الارتفاع الذي قذف منه. (b) اقصى ارتفاع. (c) الزمن الذي يعود فيه الحجر إلى الارتفاع الذي قذف منه. (d) سرعة فيه الحجر عند هذه اللحظة. (e) سرعة وموضع الحجر عند هذه اللحظة. (e) سرعة وموضع الحجر عند عند 8.08 على الحجار عند 8.08

الحل- (a) اثناء انتقال الحجر من (b) إلى (c) تتغير سرعته بمقدار 20 m/s لانه يقف عند (c) ولان عجلة الجاذبية الأرضية تسبب تغير السرعة العمودية بقيمة 10m/s كل ثانية في السقوط الحر. يجب ان يأخذ الحجر حوالي 2 s ليذهب من (c) إلى (c) الموضحان في الرسم. (في مثل هذه المسائل، بالتأكيد سوف يساعدك الرسم في تنظيم تفكيرك). ولحساب الزمن a1 الذي عنده يصل الحجسر إلى اقصى ارتفاع، نستخدم المعادلة يصل الحجسر إلى اقصى ارتفاع، نستخدم المعادلة قراءة ساعتك عند $v_{yB} = v_{yA} + a_y t$ وضع بداية قراءة ساعتك عند a_y 1 النه عند a_y 2 وضع بداية قراءة ساعتك عند a_y 3 المعادلة قراءة ساعتك عند a_y 4 وضع بداية

$$20.0 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2) t = 0$$

$$t = t_{\rm B} = \frac{20.0 \text{ m/s}}{9.80 \text{ m/s}^2} = 2.04 \text{ s}$$

تقديرنا كان قريباً جداً.

(0m/s و 20 m/s ميث ان السرعة المتوسطة خلال الفترة الزمنية الاولى هي 10 m/s و 20 m/s و 20 m/s و النها تسير لمدة حوالي 2 s . نتوقع ان يقطع الحجر حوالي 20 m . وبالتعويض عن فترتشا الزمنية في المعادلة 20 11.2 نستطيع ان نوج د افصلي ارتضاع مقاس من موضع الشخص القادف حيث نضع $y_1 = y_2 = y_3 = 0$

$$y_{\text{max}} = y_B = v_{vA}t + \frac{1}{2}a_vt^2$$

 $y_B = (20.0 \text{ m/s})(2.04 \text{ s}) + \frac{1}{2}(-9.80 \text{ m/s}^2)(2.04 \text{ s})^2$
 $= 20.4 \text{ m}$

تقديرنا للسقوط الحر يكون دفيق جداً.

(c) ليس هناك سبب يجعلنا نعتقد ان حركة الحجر من B إلى D ليست هي خلاف عكس حركته من A إلى B ولذلك فإن الزمن الذي يحتاجه لان يذهب من A إلى B ولذلك فإن الزمن الذي يحتاجه لان يذهب من A إلى B و عندما يعود الحجــر إلى الارتضاع الذي قـذف ضعف الزمن الذي يحتاجه لينتقل من A إلى B و عندما يعود الحجــر إلى الارتضاع الذي قـذف منه (الموضع D) تكون احداثيات y الصفر مرة اخرى. وباسـتخدام المعادلة $y_1 = y_2 = 0$ و $y_2 = y_3 = 0$

$$y_{\rm C} - y_{\rm A} = v_{\rm yA}t + \frac{1}{2}a_{\rm y}t^2$$

 $0 = 20.0t - 4.90t^2$

وهذه معادلة تربيعية ولذلك لها حلان لـ t= t_C . وتكون المعادلة على الصورة:

$$t(20.0-4.90\ t)=0$$

احدى الحلول t=0 هو زمن بداية حركة الحجر، والحل الآخر هو $t=4.08~{\rm s}$ ، وهو الحل الذي نبحث عنه. لاحظ انه ضعف قيمة حسابات $t_{\rm B}$.

هو نفسه عند $oldsymbol{A}$ ، ما عدا ان السرعة الان في الاتجاء (d) مرة اخرى نتوقع ان كل شئ عند $oldsymbol{C}$ هو نفسه عند $oldsymbol{C}$ مرة اخرى نتوقع ان كل شئ عند $oldsymbol{C}$ هيمة t التي تم الحصول عليها في $oldsymbol{C}$ يمكن ادخالها في المعادلة 2.8 لتعطي

$$v_{yC} = v_{yA} + a_y t = 20.0 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2) (4.08 \text{ s})$$

= -20.0 m/s

سرعة الحجر عندما يعود مرة اخرى لارتفاعه الاصلي تساوي في المقدار سرعته الابتدائية، ولكن في الاتجاه العكسي. وهذا يدل على أن الحركة متماثلة.

(e) في هذا الجزء سنأخذ في الإعتبار ما يحدث عندما يسقط الحجر من الوضع (B) حيث كانت

سرعة العمودية صفر إلى الموضع (D) . وحيث ان الوقت المستغرق لهذا الجزء من الحركة حوالي \$ 3، فإننا نعتبر أن عجلة الجاذبية قد غيرت من السرعة. بحوالي 30 m/s. ونستطيع حساب هذا من $t_{\rm D}$ - المعادلة 8.2 حيث نأخذ

$$v_{vD} = v_{yB} + a_y t = 0 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2) (5.00 \text{ s} - 2.04 \text{ s})$$

= -29.0 m/s

نستطيع بسهولة كما أجرينا حساباتنا بين الموضعين A و D أن نتأكد من اننا نستخدم الفترة $t = t_D - t_A = 5.0 \, \text{s}$ الزمنية الصحيحة

$$v_{vD} = v_{yA} + a_y t = 20.0 \text{ m/s} + (-9.80 \text{ m/s}^2) (5.00 \text{ s})$$

= -29.0 m/s

ولوصف قوة معادلتنا الكينماتيكية، يمكن أن نستخدم المعادلة 11.2 لتحديد موضع الحجر عند باعتبار التغير في الموضع بين زوج مختلف من المواضع $(\widehat{\mathrm{D}})$ و $(\widehat{\mathrm{D}})$. وفي هذه الحالة يكون t_{D} = 5.0 s

> $y_{\rm D} = y_{\rm C} + v_{\rm yC}t + \frac{1}{2}a_{\rm y}t^2$ = 0 m + (-20.0 m/s) (5.00 s - 4.08 s) $+\frac{1}{2}(-9.80 \text{ m/s}^2) (5.00 \text{ s} - 4.08 \text{ s})^2$ = -22.5 m

تمرين: اوجد (a) سرعة الحجر قبل ارتطامه بالأرض مباشرا عند (E) و (b) الزمن الكلي الذي يبقاه الحجر في الهواء.

5.83 s (b) -37.1 m/s (a) - الأجابة

قسم اختياري

 $: t_{\mathrm{D}}$ - الزمن t_{C}

27.2 استنتاج معادلات الكينماتيكا من حساب التفاضل والتكامل KINEMATIC EQUATIONS DERIVED FROM CALCULUS

هذا قسم اختياري يفترض أن القارئ يجيد طرق حساب التفاضل والتكامل. وإذا كنت لم تدرس بعد التكامل في منهج التفاضل والتكامل، يجب عليك ان تتخطى هذا القسم او تدرسه بعد دراستك للتكامل.

يمكن الحصول على سرعة جسيم متحرك في خط مستقيم إذا كان موضعه معروفاً كدالة في الزمن، ورياضياً السرعة هي مشتقة إحداثي المكان بالنسبة للزمن، ومن المكن ايضاً إيجاد إزاحة جسيم إذا كانت سرعته معروفة كدالة في الزمن. وفي حساب التضاضل والتكامل الطريقة التي ﴿ 87

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

تستخدم لتحقيق هذا الهدف هي اما التكامل أو بايجاد عكس التفاضل. وهو ما يكافئ في الرسم البياني إيجاد المساحة أسفل المنحني.

افرض المنحنى البياني للعلاقة v_x لجسيم يتحرك على طول الاحداثي x كما هو مبين في الشكل 15.2 دعنا نقسم الفترة الزمنية $t_i - t_i$ إلى فترات عديدة صغيرة، كل فترة طولها Δt_n ومن تعريف السرعة المتوسطة نرى أن الأزاحة خلال أي فترة زمنية صغيرة، مثل تلك المظللة في الشكل نعطى بـ $\Delta x_n = \bar{v}_{xn} \Delta t_n$ ، حيث \bar{v}_{xn} هي متوسط السرعة في تلك الفترة الزمنية. ولذلك بببساطة أ2 t_{f} - t_{i} الفترة الزمنية الصغيرة هي مساحة المستطيل المظلل، والازاحة الكلية للفترة t_{f} هي مجموع مساحات كل المستطيلات

$$\Delta x = \sum_{n} \overline{v}_{xn} \Delta t_n$$

حيث الرمز \sum بمثل مجموع كل الحدود . في هذه الحالة ، يتم جمع كل المستطيلات من t_i إلى الجمع من قيمة والآن كلما جعلنا الفترة اصغر فاصغر كلما زاد عدد الحدود في الجمع ويقترب الجمع من قيمة $t_{
m F}$ تساوى المساحية تحت منحني (السيرعية- الزمن). ولذلك عندميا تؤول n إلى ∞ (∞ + Limit n أو تكون الازاحة: $\Delta t_n \rightarrow 0$

$$\Delta x = \lim_{\Delta t_n \to 0} \sum_{n} v_{xn} \Delta t_n$$
 (13.2)

Displacement= area under the v_1 - t graph

"
$$oldsymbol{v}_x$$
 - الساحة تحت المنحنى " الازاحة

لاحظ اننا في الجمع بدلنا متوسط السرعة \overline{v}_{xn} بالسرعة اللحظية v_{xn} . وكما ترى في الشكل 15.2 أن هذا التقريب يتحقق بوضوح في نهاية فترات زمنية صغيرة جداً، ونستنتج اننا إذا عرفنا منحنى v_s - الحركة على خط مستقيم نستطيع الحصول على الازاحة اثناء اي فترة زمنية بقياس المساحة تحت المنحنى المتعلق بتلك الفترة الزمنية.

نهاية الجمع المبين في المعادلة 13.2 يسمى تكامل محدود ويكتب

$$\lim_{\Delta t_{x}\to 0} \sum_{n} v_{n} = \int_{t_{i}}^{t_{f}} v_{x}(t) dt$$
 (14.2)

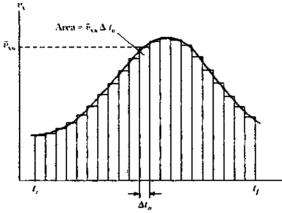
حيث ان $v_r(t)$ تشير إلى السرعة عند اي زمن t. وإذا كانت الدالة $v_r(t)$ دالة صريحة، والنهايات معطاه فإنه يمكن بعد ذلك حساب التكامل.

في بعض الاحيان يأخذ المنعني البياني v_x - t لجسيم يتحرك بشكل ابسط بكثير من ذلك المبين هي الشكل 15.2 . وعلى سبيل المثال افرض ان جسيم يتحرك بسرعة ثابتة v_{xi} . في هذه الحالة يكون lacksquare

ρÎ

الفصل الثاني، الحركة في بعد واحد

المنحنى البياني v_{χ^+} كما هو مبين بالشكل 16.2 تكون إزاحته اثناء الفترة الزمنية Δt هي ببساطة مساحة المستطيل المظلل:

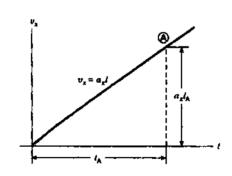


الشكل 15.2 السرعة مع الزمن لجسيم يتحرك على طول الاحداثي x. مساحة المستطيل المظال تساوي الازاحة Δx في فترة زمنية Δt ، بينما المساحة الكلية تحت المنعني هي الازاحة الكلية للجسيم.

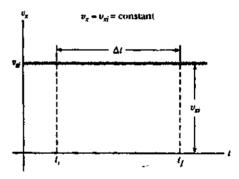
 $\Delta x = \upsilon_{xi} \; \Delta t$ عندما یکون (ٹابت = $\upsilon_{xi} = \upsilon_{xi}$)، نحصل علی عندما

وكمثال آخر، اعتبر جسيم يتحرك بسرعة تتناسب مع t كما هـو مبين في الشكل 17.2. وباخذ وكمثال آخر، اعتبر جسيم يتحرك بسرعة تتناسب مع $v_x = a_x$ الى $v_x = a_x$ المترة من t = 0 المترة المثلث المظلل في الشكل 17.2:

$$\Delta x = \frac{1}{2}(t_A)(a_x t_A) = \frac{1}{2}a_x t_A^2$$



الشكل 17.2 منحنى (السرعة- الزمن) لجسيم يتحرك بسرعة تتناسب مع الزمن



الشكل 16.2 منحنى (السرعة الزمن) لجسيم يتحرك بسرعة ثابتة v_{xi} . ازاحة الجسيم اثناء الفترة الزمنية $t_f - t_i$ تساوى مساحة المستطيل المظلل.

معادلات الكينماتيكا Kinematic Equations

والآن نستخدم تعريف المعادلات للتسارع والسرعة لنشتق معادلتان من معادلات الكينماتيكا، المعادلة 8.2 و 11.2.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

المعادلة المعروفة للتسارع (Eq 6.2) هي

$$a_x = \frac{dv_s}{dt}$$

وريما تكتب على الصورة $dv_x = a_x \, dt$ او في صورة التكامل (أو عكس التفاضل)، مثل:

$$v_x = \int a_x dt + C_1$$

حيث \mathbb{C}_1 هو ثابت التكامل. وللحالة الخاصة التي فيلها يكون التسارع ثابتاً، يمكن ان نضع u_x خارج التكامل لتعطى

$$v_x = a_x \int dt + C_1 = a_x t + C_1$$
 (15.2)

قيمة $v_x = v_{xi}$ عند $v_x = v_{xi}$ فيمة المحركة. فإذا اخذنا $v_x = v_{xi}$ عند $v_x = v_{xi}$ هذه القيم في المعادلة الاخيرة لحصل على:

$$v_{xi} = a_x(0) + C_1$$

$$C_1 = v_{xi}$$

وبتسمية $v_x = v_{xf}$ السرعة بعد مرور الفترة الزمنية t وبالتعويض عن قيمة C_1 المحسوبة من المعادلة 15.2، نحصل على معادلة الكينماتيكا 8.2:

$$v_{xf} = v_{xi} + a_x t$$
 (a_x عند ثبوت)

والآن دعنا ندرس المادلة لمعرفة تعريف للسرعة (Eq. 2.4)

$$v_x = \frac{dx}{dt}$$

يمكننا كتابة ذلك في الصورة $dx=v_x \; dt$ او في صورة التكامل

$$x = \int v_x dt + C_2$$

ديث \mathbf{c}_2 ثابت آخر للتكامل. ولان $\mathbf{c}_x = \mathbf{v}_{xf} = \mathbf{v}_{xi} + a_x t$ عبير كما يلي:

$$x = \int (v_{xi} + a_x t) dt + C_2$$

$$x = \int v_{xi} dt + a_x \int t dt + C_2$$

$$x = v_{xi} t + \frac{1}{2} a_x t^2 + C_2$$

القصل الثاني: الحركة في بعد واحد

ولإيجاد C_2 نستخدم الشيروط الابتدائية $x=x_i$ عندميا t=0 وهذا يعطي $C_2=x_i$ ولذلك بعد التعويض عن x بx نحصل على:

$$x_t = x_t + v_{xt} + \frac{1}{2}a_xt^2$$
 (a) (a) عند ثبوت

وعندما نضع x_i في الجانب الايسىر من المعادلة نحصل على معادلة الكينماتيكا 11.2 . تذكر أن $x_f = x_i$ تساوي ازاحة الجسم، حيث x_i تمثل موضعه الابتدائي.

7.2: ح المسائل الهادفة- خطوات الحل GOAL PROBLEM- SOLVING STEPS

1- جمع المعلومات Gather information

اول شئ يجب عمله عند الاقتراب من المسألة هو فهم الحالة، اقرأ خطوات المسألة بعناية، البحث عن مفتاح الطريقة مثل "من السكون" أو "سقوط حر"، ما هي المعلومات المعطاه؟ ما هو السؤال الذي نسأله بالضبط؟ ولاتنسى ان تجمع معلومات من خبرتك الخاصة والحس الشائع، ما هي الاجابة التي تبدو معقولة؟ لايجب ان تحسب سرعة سيارة لتكون 5 x 10⁶ m/s. هل تعرف الوحدات المتوقعة؟ هل هناك اي حالات محدودة تستطيع ان تأخذها في الاعتبار؟ ماذا يحدث عندما تقترب الزاوية من "0 أو " وعندما تصبح الكتلة ضبخمة أو تؤول إلى الصفر؟ وايضاً يجب التأكد انك تدرس بعناية اي رسومات مصاحبة للمسألة.

2- تنظيم طريقتك لفهم الموضوع Organize your approach

عندما تأخذ فكرة حقيقية جيدة عن ماذا تكون المسألة، فإنك تحتاج ان تفكر عما تفعله بعد ذلك. هل قابلك مثل هذا النوع من المسائل من قبل؟ وكلما كنت قادراً على تصنيف المسألة كان من السهل ان تضع الخطه كلها. ويجب ان تعمل في معظم الاحيان رسم سريع للحالة. ضع الاحداث والرموز الهامة بحروف داخل دوائر. آشر إلى قيم معروفة في جدول أو في كراستك مباشرة.

3- حلل المسألة Analyze the problem

وحيث انك صنفت بالفعل المسألة، لايكون من الصعب جداً ان تختار المعادلات المناسبة التي تطبق على هذا النوع. استخدم الجبر (وحساب التفاضل والتكامل في حالة الضرورة) لايجاد حل للمتفيرات المجهولة بدلالة القيم المعطاء. عوض في اعداد مناسبة، واحسب النتيجة، وحولها لعدد مناسب له معني.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

4- تعلم من مجهودك Learn from your efforts

هذا هو اهم جزء، اختبر اجابتك العددية، هل هي تتفق مع توقعك من اول خطوة؟ ماذا عن الشكل الجبري للإجابة- قبل تعويضها بالاعداد؟ هل لها معنى؟ (حاول أن تنظر إلى المتغيرات لترى فيها أي اجابة تتغير بطريقة فيزيائية ذو معنى إذا كانت تزداد أو تقل بعنف أو حتى تصبح صفراً). فكر كيف ان هذه المسألة تماثل اخرى قد تكون قد قمت بعلها من قبل إلى اي مدى يتشابهان؟ ما هي المناطق الحرجة التي تختلفان فيها؟ يجب عليك أن تتعلم شيٌّ من حلها. هل يمكنك أن تعدد لماذا.

عند حل المسائل المعقدة، ربما تحتاج إلى اعتبار مسائل جزئية ابسط Subproblem وتطبق طريقة الهدف لكل منها، وبالنسبة للمسائل البسنيطة، من المحتمل انك لاتحتاج طريقة الهدف على الاطلاق، ولكن عندما تنظر إلى مسألة تعلم ماذا تفعل في الخطوة التالية، تذكر ماذا تمثل الحروف في عملية الهدف لاستخدامها كمرشد.

ملخص SUMMARY

بعد تحرك جسيم على الاحداثي x من موضع ابتدائي ما x_i إلى موضع نهائي ما x_i تكون ازاحته

$$\Delta x = x_i - x_i \tag{1.2}$$

السرعة المتوسطة لجسيم اثناء فترة زمنية ما هي الإزاحة Δx مقسومة على الفترة الزمنية Δt التي تحدث فيها الأزاحة

$$\overline{v}_x = \frac{\Delta x}{\Delta t} \tag{2.2}$$

متوسط السرعة لجسيم تساوى النسبة بين المسافة الكلية التي يقطعها الجسيم إلى الزمن الكلي الذي يأخذه ليقطع تلك المسافة.

تعرف السرعة الإتجاهية اللحظية لجسيم على أنها نهاية النسبة Δx / Δt عندما تؤول Δt إلى الصفر. ومن التعريف، هذه النهاية تساوى مشتقة x بالنسبة إلى t او هي معدل تغير الموضع بالنسبة للزمن.

$$v_x = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$$
 (4.2)

السرعة اللحظية للجسيم تساوى القيمة العددية لسرعته الإتجاهية.

يعرف التسازع المتوسط لجسيم على انه النسبة بين التغير في السرعة Δv_x والفترة الزمنية Δt 92) التي يحدث اثنائها ذلك التغير.

$$\overline{a}_x = \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{v_{xf} - v_{xi}}{t_f - t_i}$$
 (5.2)

التسارع اللحظي هو نهاية النسبة Δv_x / Δt عندما تؤول Δt إلى الصفر. ومن التعريف، هذه النهاية تساوى مشتقة v_x بالنسبة إلى t او هي معدل تغير السرعة بالنسبة للزمن.

$$a_x = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta v_x}{\Delta t} = \frac{dv_x}{dt}$$
 (6.2)

معادلات الكينماتيكا لجسيم متحرك على طول الاحداثي x بتسارع منتظم a_x (ثابت في المقدار والاتجاه) هي :

$$v_{xf} = v_{xi} + a_x t \tag{8.2}$$

$$x_f - x_i = \overline{v}_x t = \frac{1}{2} (v_{xi} + v_{xf}) t$$
 (10.2)

$$x_f - x_i = v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2$$
 (11.2)

$$v_{xf}^2 = v_{xi}^2 + 2a_x(x_f - x_i)$$
 (12.2)

يجب ان تكون قادراً ان تستخدم هذه المعادلات و التعريفات في هذا الفصل لتحليل حركة اي جسم يتحرك بتسارع ثابت.

يعاني الجسم الذي يسقط حراً في وجود تسارع الجاذبية الارضية بتسارع السقوط الحر في اتجاه مركز الأرض وإذا كانت مقاومة الهواء مهملة، وكانت الحركة تحدث بالقرب من سطح الأرض، وإذا كان مدى الحركة صغيراً بالقارنة بنصف قطر الأرض، يكون تسارع السقوط الحر g ثابتاً خلال مدى الحركة، حيث g تساوي 9.8 m/s².

افضل طريقة منظمة للاقتراب من المسائل المعقدة هي ان تكون قادراً على اعادة استدعاء وتطبيق خطوات استراتيجية الهدف عندما تكون في حاجة إليها.

QUESTIONS اسئلة

- 1- السرعة المتوسطة والسرعة الإتجاهية اللحظية كميتان مختلفتان على وجه العموم. هل يمكن ان تكونا متساويتان لنوع معين من الحركة؟ اشرح.
- 2- إذا كانت السرعة المتوسطة غير صفرية في فترة زمنية ما، هل هذا يعني أن السرعة الإتجاهية اللحظية لاتساوى الصفر أبدا

اثناء هذه الفترة؟ فسر ذلك.

0- إذا كانت السرعة المتوسطة تساوي الصفر في فترة زمنية ما 0 وإذا كان v_x (t) دالة متصلة. بين ان السرعة الإتجاهية اللعظية يجب ان تؤول إلى الصفر في لحظة ما في هذه الفترة (ريما يكون من المفيد ان ترسم العلاقة بين t عند برهانك).

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

- 4- هل من الممكن ان تحصل على حالة تكون فيها السرعة والتسارع مختلفا الإشارة؟ إذا كان كذلك ارسم المنعنى البياني للعلاقة (السرعة- الزمن) لتأبيد رأيك.
- 5- إذا كانت سرعة جسيم لاتساوي صفراً، هل من المكن أن يساوي تسارعه الصفر؟ فسر ذلك.
- ◄ إذا كانت سرعة جسيم تساوي الصفر، هل
 من الممكن الايساوي تسارعه الصفر؟
 اشرح.
- 7- هل يكون لجسيم تسارع ثابت إذا توقف في
 اي وقت وبقى متوقفاً؟
- 8- قذف حجر رأسياً إلى أعلى من على قمة مبنى. هل تعتمد ازاحة الحجر على موضع نقطة اصل احداثيات النظام؟ وهل تعتمد سرعة الحجر على نقطة الأصل؟ (افرض ان احداثيات النظام ثابتة بالنسبة للمبنى) فسر ذلك.
- 9- يقف طالب على قمة مبنى ارتفاعه h، قذف v_{yi} ألى أعلى بسرعة ابتدائية بنفس ثم قسنف كسره اخسرى إلى اسسفل بنفس السسرعة الابتدائية للأولى، قسارن بين السسرعة النهائية للكرتين عندما تصل كل منهما إلى الارضg
- 10- هل من المكن ان تكون القيمة العددية للسرعة الإتجاهية اللحظية اكبر من القيمة العددية لمتوسط السرعة في اي وقت؟ هل من المكن ان تكون اقل؟
- 11- إذا كانت السرعة المتوسطة لجسم تساوي صفراً في فترة زمنية ما، ما الذي يمكن ان تقوله عن ازاحة الجسم لتلك الفترة؟

- 12- ينمو نبات نمواً سريعاً بحيث يتضاعف طوله كل اسبوع. وفي نهاية فترة اليوم الخامس والعشرين يصل طول النبات إلى ارتفاع مبنى. في أي زمن كان طول النبات يساوي ربع طول المبنى؟
- 13− تتحصرك سيبارتان في نفس الاتجناه في حارتين متوازيتين لطريق سريع، عند لحظة منا تزيد سنرعة السنيارة A عن سنرعة السيارة B، هل يعني ذلك أن تسارع السيارة A اكبر من تسارع السيارة B، فسر ذلك.
- 14- اسقطت تفاحة من ارتفاع ما على سطح الارض، بإهمال مقاومة الهواء، ما مقدار الزيادة في سرعة التفاحة كل ثانية اثناء هبوطها؟
- 15- اعتبر إتحادات الاشارات والقيم والتسارع التالية لجسيم بالنسبة للاحداثي x. احادي البعد.

السرعة Velocity	التسارع Acceleration
موجب	a. موجب
موجب	b. سيالپ
موجب	c. صفر
سالب	d، موجب
سالب	e. سالب
سالب	f. صفر
صفر	g. موجب
صفر	h. سالب

اوصف ماذا يعمل الجسيم في كل حالة، اعطي مثالاً حقيقي من الحياة لسيارة تتحرك من الشرق إلى الغرب، اعتبر الشرق هو الاتجاء الموجب.

= الحل كامل متاح في المرشد.

🛍 = فيزياء تفاعلية

PROBLEMS JEEPS

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

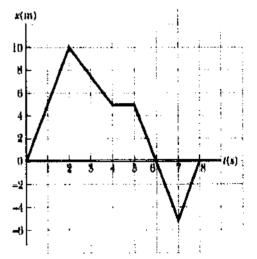
http://www.sanunderscollege.com/physics/ = الحل موجود في: WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

القسم 1.2 الإزاحة، السرعة الإنجاهية، السرعة

1- العلاقة بين الازاحة والزمن لجسيم معين متحرك على طول الاحداثي x موضحة في الشكل P1.2. اوجد السرعة المتوسطة في الفترات الزمنية التالية (a) 0 to 2s (a) 0 to 8s (c) 4s to 7s (d) 2s to 4s (c) to 4s



الشكل P1.2

x= 10 t² يتحرك جسيم طبقاً للمعادلة ² (a) أوجد حيث x بالامتار و t بالثواني، (a) أوجد السرعة الزمنية من 2s حتى 3s. (b) أوجد السرعة المتوسطة للفترة الزمنية من 2s حتى s 1.2 حتى s 1.2

يسير شخص أولاً بسرعة مطلقة ثابتة 5.0 m/s
 النقطة A في خط مستقيم من النقطة A إلى
 النقطة B ثم يعود على نفس الخط من B

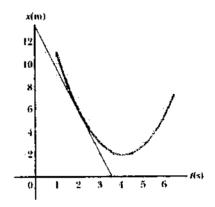
إلى A بسيرعة ثابتة 3.0 m/s كم تكون (a) متوسط سيرعته خيلال كل البرحلة و (b) السيرعة المتوسطة خلال البرحلة كلها؟

4- يسيبر شخص بسرعة ثابتة v_1 على خط مستقيم من A إلى B ثم يعود على نفس الخط من B إلى A بسرعة ثابتة v_2 - كم تكون متوسط سرعته خلال الرحلة كلها و (b) السرعة المتوسطة عبر الرحلة كلها؟

القسم 2.2؛ السرعة الإنجاهية اللحظية والسرعة :

5- جسيم متحرك بسرعة ثابتة، عند الزمن x = 3.0 m يكون موضعه عند وعند الزمن 6.0 s يكون موضعه عند وعند الزمن (a) x = 5.0 m الموضع كدالة في الزمن (b) عين سرعة الجسيم من ميل هذا الرسم.

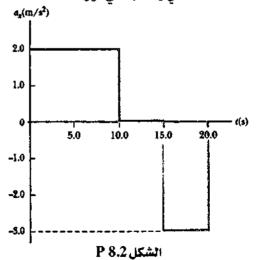
لعلاقة "الموضع- الزمن" لجسيم البياني للعلاقة "الموضع- الزمن" لجسيم يتحرك على الاحتداثي x (a) اوجتد السترعة المتوسطة في الفترة الزمنية من 1.5 s حتى 4.0 s عن السرعة الاتجاهية اللعظية عند الزمن 2.0 s عند اليمن خط الماس المبين في الشكل (c) عند اي قيمة للزمن 1 تكون السرعة مساوية للصفر؟



الشكل P 6.2 القسم 3.2 التسارع:

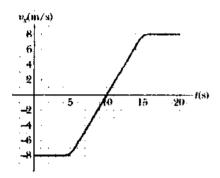
7- جسيم يتحرك بسرعة 60.0 m/s في الاتجاه الموجب لـ x عند 0 ـ 1- . بين 0 ـ و 15s و 15s تقل السرعة بانتظام حتى تصل إلى الصفر.
 ما هو التسارع (العجلة) اثناء تلك x 15.0 s ما اهمية الإشارة لإجابتك؟

8- يبدأ جسيم حركته من السكون بتسارع كما هو مبين في الشكل p 2.8 عين (a) السرعة للجسيم عند t = 10 و عند t = 20 و (b) المسافة التي يقطعها في اول t = 20 s.



9- الرسم البياني للملاقة "السرعة- الزمن" لجسم يتحرك على الاحداثي x مبين في

الشكل P 9.2 (a) ارسم علاقة التسارع مع الزمن (b) عين متوسط التسارع للجسم في الزمن t=15 د عنى t=5.0 عنى t=20 عنى ومن t=0 عنى t=0



الشكل P 9.2

العلاقة x على المحور x طبقاً للعلاقة t المحور x على المحور t على المحتار و t بالامتار و t بالشوائي. عند t 3.0 t اوجد (a) موضع الجسيم، (b) سرعته، و (c) تسارعه.

:11- يتحرك جسم على المحور x تبعاً للمعادلة: $x = (3.0 t^2 - 2.0 t + 3.0) \text{ m}$

t=2.0 s a. t=2.0 s a. t=2.0 s b. t=3.0 s a. t=2.0 s b. t=2.0 s c. t=3.0 s b. t=2.0 s c. t=3.0 s b. t=2.0 s c. t=3.0 s b. t=2.0 s c. t=3.0 s b. t=2.0 s c. t=2.0 s b. t=2.

القسم 15.2 لحركة في بعد واحد بتسارع ثابت

12- اقل مسافة تحتاجها سيارة عند تحركها بسرعة 35 mi/h لكي تتوقف هي 40.0 ألكي تتوقف هي اقل مسافة تحتاجها نفس السيارة لكي تتوقف عند تحركها بسرعة 70.0 mi/h بفرض نفس معدل التسارع.

13- جسيم يتحرك على المحور x، تعطي موضعه بالملاقة

$$x = 2.0 + 3.0 t - 4.0 t^2$$

الفصل الثاني؛ الحركة في بعد واحد

(a) عين x بالأمتار و t بالثواني. عين موضعه عند لحظة تغيير اتجاهه و (b) سرعته عندما يعود للموضع الذي كان فيه t=0 عند

> 14- إذا كانت السرعتة الابتدائية لجسم هي 5.2 m/s ما هي سرعته المطلقة بعد \$ (a) إذا كان الجسم يتحرك بتسارع منتظم 3.0 m/s² و (b) إذا كيان يتحرك بتسارع منتظم 3.0 m/s²

> 15- يسير قطار في خط مستقيم بسرعة 20.0 m/s وعندما استخدم سائق القطار الفرامل تحرك القطار بتسارع 1.0 m/s²- طوال حركته، ما المسافة التي يقطعها القطار خلال a 40.0 من بداية استخدام الفرامل؟

> 16- يتحرك الكترون في انبوبة شعاع الكاثود بتسارع منتظم بحيث تتغير سرعته من 2.0x 10⁴ m/s حــتى 2.0x 10⁴ m/s

(a) ما هو الزمن الذي يستغرقه الالكترون لقطع هذه المسافة؟ (b) ما تسارعه؟

17 - تبدأ كره حركتها من السكون لتتحرك إلى استفل مستوى مائل طوله 9.0 m بتسارع 5.0 m/s². وعندما تصل الكرة إلى قاع المستوى تتدحرج على مستوى اخر إلى اعلى لتسمكن بعد أن تقطع 15.0 m على هذا المتسوى المائل؟ (a) ما هي سرعة الكرة عند قاع المستوى الأول؟ (b) ما هو الزمن الذي تستغرقه الكره للتدحرج على المستوى الأول (c) ما هو التسارع الذي تتحرك به الكره الى المستوى الثاني؟ (d) ما هي سرعة الكرة بعدد قطع مسافة m 8.0 على المستوى الثاني؟

القسم 6.2: السقوط الحر للاجسام:

🖊 18- تنطلق كره من السكون لتسقط من

على قيمة مبنى عالى جيدا احسب (a) الموضع و (b) سرعة الكره بعد 2.0 s ،1.0 s

[19] يقذف شخص مجموعة مفاتيح عمودياً لأعلى ليلتقطها صديقه الواقف في شباك على بعد m 4. فإذا التقطها صديقه بعد a) 1.5 s) بأي سيرعية قيدفت منجيموعية المفاتيح لأعلى (b) ما هي سرعتها قبل الإمساك بها مباشرة.

20 – تقذف كره مباشرة لأسفل بسرعة ابتدائية 8.0 m/s من مبنى ارتفاعه 30.0 m كم ثانية تستغرفها الكرة حتى ترتطم

21- استقطت كتره من الوضع السياكن من على ارتفاع h من الأرض، وفي نفس اللحظة قذفت كره اخرى من الارض رأسياً لاعلى. عين سرعة الكرة الثانية إذا تقابلت الكرتان على مسافة h/2 من مستوى الأرض.

22- تقذف كره رأسياً لاعلى من على الارض بسرعة ابتدائية 15.0 m/s

(a) كم تستغرق الكرة لتصل الى اقصى ارتفاع؟ ما هو اقصى ارتفاع تصل إليه الكرة (c) عين سرعة وتسارع الكرة بعد 2.0 s

القسم 7.2؛ استنتاج معادلات الكينمانيكا من حسابات التفاضل والتكامل (اختياري)

23- تسارع قطعة من المرمر تتحرك داخل سائل معين تتناسب مع ماريع سارعتها وتعطي $a=3.0\,\mathrm{v}^2$ for $\mathbf{v}>0$ (SI بالعلاقة (بوحدات فإذا دخلت الكره هذا السائل بسرعة 1.5 m/s . كم تستغرق الكره من الوقت لتنخفض سرعتها إلى نصف سرعتها الابتداثية؟

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.2) يجب ان يكون رسماً يشبه إلى حد ما ذلك الرسم الموجود في (a) هذا الرسم البياني (t_x t) ببين ان اقصى سرعة هي حوالي (v_x t) وهي 5.0 m/s وهي 5.0 m/s الله لايكون السائق مسرعاً هل يمكن اشتقاق الرسم البياني (التسارع- الزمن) من الرسم البياني (السرعة- الزمن)؟ وهو يشبه إلى حد ما ذلك الرسم الموجود في (b).
- (2.2) (a) نعم، يحدث ذلك عندما تبطئ السيارة من سرعتها، لذلك يكون اتجاه تسارعها عكس اتجاه حركتها، (b) نعم، إذا كانت الحركة في الاتجاه المختار كأتجاه سالب، يسبب التسارع الموجب في انخفاض السرعة.
- (3.2) يمثل الطرف الايسر السرعة النهائية للجسم، الحد الأول في الطرف الايمن هو سرعة الجسم الابتدائية في اللحظة التي لاحظناه فيها، الحد الثاني هو التغير في تلك السرعة الابتدائية والتي تحدث بواسطة تسارع الجسم، وإذا كان الحد

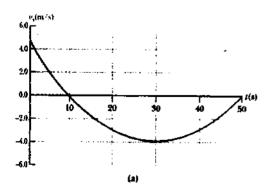
الثاني موجباً، حينئذ سوف تزداد السرعة الابتدائية $(v_{xf}>v_{xi})$. وإذا كان هذا الحد سالباً، سـوف تتخضض السـرعة الابتدائية $(v_{xf}< v_{xi})$.

(4.2) الرسم البياني (a) له ميل ثابت اي تسارع ثابت وهذا ممثل في الشكل (e).

الرسم البياني (b) يمثل سرعة تزداد باستمرار ولكن ليس بمعدل منتظم. ولذلك يجب ان يزداد التسارع، واحسن رسم يمثلها هو (d). الرسم البياني (c) يمثل تلك السرعة التي تزداد أولاً بمعدل ثابت، بما يعني ان هناك تسارع ثابت. ثم تتوقف السرعة عند الزيادة وتصبح ثابتة، موضحة ان التسارع يساوي صفر، واحسن تمثيل لهذه الحالة هو الرسم البياني (f).

(c) (5.2) كما هو مبين من الرسم 2.13b، تسكن الكرة لفترة زمنية صغيرة جداً عند هذه النقاط الثلاث.

وبالرغم من ذلك يستمر التسارع في التأثير على الرغم من ان الكرة لاتتحرك لحظياً.





🚎 صورة محيرة

عندما تعود نحلة العسل إلى خليتها، ستخبر النحل الآخر كيف يحصلون على الطعام. بالتحسرك في نموذج خاص ودقيق، تنقل النحلة المعلومات التي يحتاجون إليها. ويتم إتصال النحل ببعضه بـ"المحادثة مع المتجهات". ماذا ستقول النحلة للنحل لتحدد لهم المكان الذي يتواجد فيه الزهور بالنسبة للخلية.

اتجات Vectors ولفعل ولكالمر

3

ويتضمن هذا الفصل:

المنظومة الإحداثيات

3.3 بعض خواص المتجهات

Coordinate Systems

4.3 مركبات المتجه ووحدة المتجهات

Components of a Vectors and Unit Vectors

Some Properties of Vectors

2.3 الكميات المتجهة والقياسية

Vectors and Scalar Quantities

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والدنياميكا الحرارية)

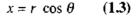
غالباً ما نحتاج أن نتعامل بالكميات الفيزيائية التي لها كل من الخواص العددية والاتجاهية، وكما أشرنا في قسم 2.1، تُمثل الكميات التي لها هذه الطبيعة بمتجهات، ويتعلق هذا الفصل أولاً مع جبر المتجهات وبعض الخواص العامة للكميات المتجهة، وسوف نناقش جمع وطرح الكميات المتجهة، مع بعض التطبيقات الشائعة للحالات الفيزيائية.

تستخدم الكميات المتجهة خلال هذا الكتاب، ولذلك يجب أن نفهم فهماً كاملاً كلا من خواصها الجبرية ورسمها بيانياً.

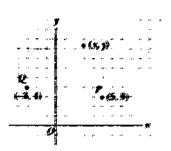
COOk ATE SYSTEMS منظومة الاحداثيات 1.3

بعض الموضوعات الفيزيائية تتناول بشكل أو بآخر الوضع في الفراغ. وعلى سبيل المثال في فصل 2 رأينا أن الوصف الرياضي لحركة جسم يتطلب طريقة لتحديد موضع الجسم عند أزمنة عديدة. هذا الوصف يتم بإستخدام الاحداثيات، وفي فصل 2 استخدمنا نظام الاحداثيات الكرتيزية، والذي يتقاطع فيه المحور الأفقي والمحور الرأسي في نقطة تأخذ على أنها نقطة الأصل (Fig 1.3). ويطلق على هذه المنظومة أيضاً بالإحداثيات الستطيلة.

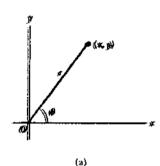
من المناسب أحياناً تمثيل نقطة في مستوى بواسطة وي من المناسب أحياناً تمثيل نقطة في مستوى بواسطة وي الإحداثيات القطبية المستوية (r, θ)، كما هو موضع في الشكل 2.3a وفي نظام الاحداثيات القطبية تمثل r المسافة من نقطة الأصل إلى النقطة التي لها الاحداثيات الكرتيزية (r, r)، و θ هي الزاوية بين r والمحور الثابت. وعادة ما يكون المحور الثابت هو المحور r الموجب، وتقاس عادة الزاوية θ منه ضد عقارب الساعة. ومن المثلث القائم الزاوية في الشكل 3.2b نجد أن r ولذلك إذا بدأنا بمستوى الإحداثيات القطبية لأي نقطة، يمكننا الحصول على الاحداثيات الكرتيزية، بإستخدام المادلتين:

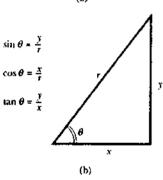


$$y = r \sin \theta \qquad (2.3) \qquad (100)$$



الشكل 1.3 وصف النقطة في نظام الاحداثيات الكرتيزية، كل نقطة يرمز لها بالإحداثيات (x,y).





الشكل 2.3 تمثيل الإحداثيات القطبية المستوية لنقطة بالمسافة θ والزاوية θ ، حيث θ تقاس ضد عقارب الساعة من الاتجاء الموجب للإحداثي x (b) x يستخدم لربط (x, y) مثلث قائم الزاوية يستخدم لربط (x, y) .

وعلاوة على ذلك، من حساب المثلثات نجد أن:

$$\tan \theta = \frac{y}{r} \tag{3.3}$$

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} \tag{4.3}$$

تطبق فقط هذه العلاقات الأربعة التي تربط الإحداثيات (x,y) بالإحداثيات (r,θ) عندما تُعرف الله كما هو موضح في الشكل 2.3a. وبطريقة أخرى، عندما تكون θ الموجبة هي زاوية مقاسة عكس عقارب الساعة من الاحداثي x الموجب. (بعض الآلات الحاسبة تقوم بالتحويل بين الاحداثيات الكرتيزية والقطبية معتمدة على هذه المصطلحات الأساسية). إذا تم اختيار محور الإسناد للزاوية القطبية θ ليكون خلاف المحور الموجب x أو إذا كان معنى زيادة θ يتم اختياره بطريقة مختلفة، في هذه الحالة سوف تختلف العلاقات التي تربط مجموعتى الإحداثيات.



هل تستخدم نحلة العسل التي تم ذكرها في بداية هذا الفصل الاحداثيات الكرة 7 أم القطبية لكى تحدد منوقع الزهرة؟ لماذا؟ منا الذي تستخدمته النحلة كنقط عل للاحداثيات؟

مثال 1.3؛ الإحداثيات القطبية

الإحداثيات الكرتيزية لنقطة في المستوى xy هي:

x, y)= (-3.5, - 2.5) m كما هو مبين في الشكل 3.3. اوجد الاحداثيات القطبية لهذه النقطة.

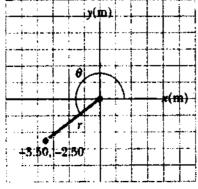
الحل:

$$r = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(-3.50 \text{ m})^2 + (-2.50 \text{ m})^2} = 4.30 \text{ m}$$

$$\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{-2.50 \text{ m}}{-3.50 \text{ m}} = 0.714$$

$$\theta = 216^\circ$$

لاحظ أنه يجب أن تستخدم إشارات x، y لتجد أن هذه النقطة تقع في الربع الثالث في نظام الاحداثيات بمعنى أن $\theta=216$.



الشكل 3.3 إيجاد الإحداثيات القطبية عندما تعطى الإحداثيات الكرتيزية.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

VECTOR AND SCALAR QUANTITIES الكميات المتجهة والقياسية ~ 2.3

كما أشرنا في الفصل 2 فإن بعض الكميات الفيزيائية هي كميات قياسية بينما تكون هناك 2.3 كميات أخرى متجهة، عندما تريد معرفة درجة الحرارة بالخارج لكي تعرف ما هو الرداء المناسب، تكون المعلومة الوحيدة التي نحتاجها هي مقدار ووحدة درجة الحرارة "degrees C" أو "degrees F" ولذلك تكون درجة الحرارة مثال للكمية القياسية، التي تُعرَّف على أنها تلك الكمية والتي تُوصف تماماً بواسطة قيمة عددية ووحدات مناسبة بمعنى:

تعرف الكمية القياسية بقيمة واحدة مع وحدة مناسبة وليس لها اتجاه.

ومن الأمثلة الأخرى للكميات القياسية هي الحجم، الكتلة، والزمن. ونستخدم قواعد الحساب العادى للتعامل مع الكميات القياسية.

إذا كنت مستعد للإقلاع بطائرة صغيرة ومحتاج لمعرفة سرعة الرياح، يجب معرفة كل من السرعة للرياح واتجاهها.

وحيث إن الاتجاه جزء من المعلومات المعطاه، تكون السرعة كمية متجهة، والتي تُعرف على أنها كمية فيزيائية بمعنى إنها تُعرف تماماً بمقدار ووحده مناسبة بالإضافة إلى الاتجاه. أي أن:

الكمية المتجهة لها مقدار واتجاه.

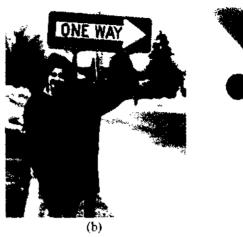
الإزاحة هي مثال آخر للكمية المتجهة. افرض أن جسيم يتحرك من نقطة ما (A) إلى نقطة ما (B) على طول مسار مستقيم كما هو موضح بالشكل 4.3، وتمثل هذه الإزاحة برسم سهم من (A) إلى (B) ورأس السهم يشير إنه خارج من نقطة البداية. اتجاه رأس السهم تمثل اتجاه الإزاحة ويمثل طول السهم مقدار الإزاحة. وإذا ما تحرك الجسيم عبر مسار آخر ما من (A) إلى (B) مثل الخط المتقطع في الشهم المرسوم من (A) إلى (B).

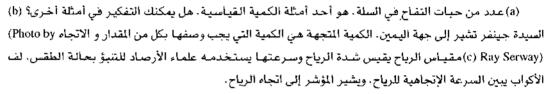
الشكل 4.3 عندما بتحرك جسيم من $egin{aligned} eta & \exists U & \ \end{bmatrix}$ اختياري بمثل بالخط المتقطع، تكون إزاحته هي كمية متجهة تُوضح بواسطة السهم المرسوم من $eta & \ \exists U & \ \end{bmatrix}$



الفصل الثالث: المتجهات







(Courtesy of Peet Bros. Company, 1308 Doris Avenue, Ocean, NJ 07712)

تستخدم في هذا الكتاب حروف سوداء ثقيلة مثل A لتمثيل الكميات المتجهة، وهناك طريقة أخرى نرمز بها للمتجه وهي إستخدام سهم فوق الحرف، مثل A ويُكتب مقدار هذا المتجه A إما A أو Aا.

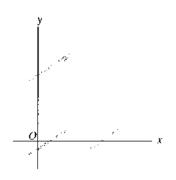
مقدار المتحه له وحدات فيزيائية، مثل الأمتار بالنسبة للإزاحة أو متر لكل ثانية بالنسبة للسرعة.

SOME PROPERTIES OF VECTORS بعض خواص المتجهات 3.3

مساواة متجهان Equality of Two Vectors

لكثير من الأغراض يمكن تعريف المتجهان B ، A بأنهما متساويان إذا كان لهنما نفس المقدار ويشيران إلى نفس الاتجاء بمعنى أن A = B فقط إذا كان A = B و إذا كان A و B يشيران إلى نفس الاتجاء عبر خطان متوازيان.

وعلى سبيل المثال تكون جميع المتجهات في الشكل 5.3 متساوية على الرغم من أنها لها نضاط بداية مختلفة. هذه الخاصية تسمح لنا أن نحرك متجه إلى موضع موازي لنفسه في الرسم بدون التأثير على المتجه.



الشكل 5.3 هذه المتسجسهسات الأربع مستسساوية لأن لهم جسيسسا أطوال متساوية ولهم نفس الاتجام.

حمع المتجهات Adding Vectors

قواعد جمع المتجهات يمكن وصفها بسهولة بإستخدام .A الطرق الهندسية ولإضافة المتجه B إلى المتجه A، الرسم أولاً المتجه A، بتمثيل قيمته بمقياس رسم مناسب على ورقة رسم بياني ثم ارسم المتجه B بنفس مقياس الرسم بحيث يبدأ ذيله من رأس A كما هو موضع بالشكل 6.3. متجه المحصلة R resultant Vector هو متجه مرسوم من ذيل A إلى رأس B هذه الطريقة تُعرف بطريقة المثلث للجمع.

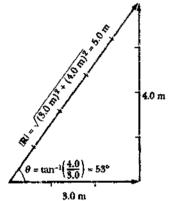
وعلى سبيل المثال إذا تحركت m 3.0 m تجاه الشرق ثم 4 m تجاه الشرق ثم 3.0 m تجاه الشمال كما هو موضح بالشكل 7.3، سوف تجد نفسك 5.0 m من نقطة بدايتك، مقاسة عند زاوية "53 شمال شرق وتكون إزاحتك الكلية هي الجمع الاتجاهي للإزاحتين.

يمكن أيضاً إستخدام البناء الهندسي لجمع أكثر من متجهين. وهذا موضح في الشكل 8.3 في حالة أربع متجهات. المتجه المحصلة R= A+ B+ C+ D هو المتجه الذي يكمل متعدد الأضلاع. وبطريقة أخرى R هو متجه مرسوم من ذيل أول متجه إلى رأس أخر متجه.

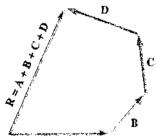
هناك طريقة أخرى لجمع متجهين والمعروفة بقاعدة متوازي الأضلاع للجمع، موضحة في الشكل 9.3a. في هذا الرسم يكون ذيلي المتجهين A و B متصلان مع بعضهما. ويكون المتجه المحصلة الناتج A هو قطر متوازي الأضلاع المتكون من المتجهين A و B كاثنين من أضلاعه الأربعة.

عند جمع منجهان لايعتمد الجمع على ترتيب الأن افة: (هذه الحقيقة ربما تبدو تافهة، ولكن كما سوف عني الفصل 11 أن الترتيب هام عند ضرب المتجهات). ويمكن رؤية ذلك من الرسم الهندسي في الشكل 9.3b ويعسرف بقانون التبادل للجمع:

الشكل 6.3 عند جسمع المتسجسه B إلى المتجه A تكون المحصلة R متجه يبدأ من ذيل A إلى رأس B.



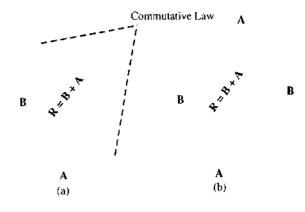
3.0 m الشكل 7.3 جمع المتجهات. بسير أولاً 1.2 بسير أولاً 3.0 m تجاه الشرق ثم 18 ± 5.0 من نقطة تجد نفسك على بعد ا¶ا ±5.0 من نقطة بدايتك.



الشكل 8.3 رسم هندسي لجسمع أربع مستجهات. ويكون المسجه المحصلة R بالتحديث ذلك الذي يكمل مستعدد الأضلاع.

$$\mathbf{A} + \mathbf{B} = \mathbf{B} + \mathbf{A} \tag{5.3}$$

الشكل 9.3 (a) في هذا الرسم المتجه المحصلة A هو قطر متوازي الأضلاع الذي له الضلعين A و A + B = B + A (b) هذا السرسم يبين أن A + B = B + A وبطريقة أخرى يكون جمع المتجهات تبادلي.



عند جمع ثلاث متجهات أو أكثر، لايعتمد مجموعهم على الطريقة التي يجمع بها المتجهات المفردة. يعطي الشكل 10.3 البرهان الهندسي لهذه القاعدة في حالة ثلاث متجهات، وهذا يسمى بقانون "قانون التوزيم".

وتلخيصا لما سبق، الكمية المتجه هي كمية لها مقدار واتجاه كما انها تخضع لقوانين جمع المتجهات كما هو موضح في الأشكال من 6.3 إلى 10.3 . وعند إضافة متجهين أو أكثر، يجب أن يكون لكل منهم نفس الوحدات (على سبيل المثال ليس هناك معنى لإضافة متجه السرعة (Km/h) جهة الشرق على سبيل المثال) إلى متجه الإزاحة (Km 200 Km جهة الشمال على سبيل المثال) لأن كل منهما يمثل كمية فيزيائية مختلفة. وتطبق أيضاً نفس القاعدة على الكميات القياسية، وعلى سبيل المثال، ليس هناك معنى لإضافة فترة زمنية إلى درجة حرارة.

سالب المتجه Negative of a Vector،

يعرف سالب المتجه A إنه المتجه الذي عندما يضاف إلى المتجه A يعطي صفراً عند الجمع الإتجاهي. بمعنى A = (A-1) + A. المتجهان A = (A-1) + A.

طرح المتجهات Subtracting Vectors

تستخدم عملية طرح المتجهات لتعريف سالب المتجه، وتعرف العملية ${f A}$ على إنها إضافة المتجه ${f B}$ - إلى المتحه ${f A}$

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = \mathbf{A} + (-\mathbf{B}) \tag{7.3}$$

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

الشكل (a) يوضع هذا الرسم كيف نطرح منا الرسم كيف نطرح هذا الرسم كيف نطرح هذا الرسم كيف نطرح ه من متجه ه ونشير إلى الانجاه المعاكس ولكي المقدار المنجه ه ونشير إلى الانجاه المعاكس ولكي منطرح B من A نطرح B من A نطرح B من A على محور مناسب، ثم ضع ح الانجام المنجه التحمل على الانجام الفي يجب إضافته إلى B لنحصل على المحصل عل

الرسم الهندسي لطرح متجهين بهذه الطريقة موضع في الشكل 11.3a.

 ${\bf B}$ وهناك طريقة أخرى للنظر إلى طرح المتجه وهي أن نلاحظ أن الفرق ${\bf A}$ - ${\bf B}$ بين المتجهين ${\bf A}$ - ${\bf B}$ هو الذي يجب إضافته إلى المتجه الثاني للحصول على المتجه الأول. وفي هذه الحالة يتجه المتجه ${\bf A}$ - ${\bf B}$ من رأس الثانى إلى رأس الأول. كما هو موضح في الشكل ${\bf A}$ 11.3b.

مثال 2.3: رحلة في أجازة

تقطع سيارة مسافة 20.0 Km تجاه الشمال ثم بعد ذلك 35.0 Km في اتجاه 60° ناحية الشمال الغربي، كما هو موضع في الشكل 12.3 . أوجد مقدار واتجاه محصلة إزاحة السيارة.

الحل: في هذا المثال، سنوضح طريق تين لإيجاد محصلة المتجهين يمكننا حل المسألة هندسياً بإستخدام ورقة رسم ومنقلة كما هو موضح في الشكل 12.3 (في الحقيقة حتى لو علمت كيف تحل المسألة بالحسابات فإن لزاماً عليك أن ترسم المتجهات لكي نتأكد من نتائجك)، وتكون الإزاحة \mathbf{R} هي المصلة عند جمع كل من الإزاحتين \mathbf{A} و \mathbf{B} .

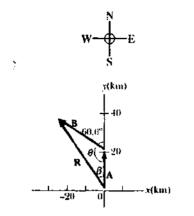
ولحل المسألة جبرياً، نلاحظ أن مقدار $\bf R$ بمكن الحصول عليه من قانون جيب التمام عند تطبيقه على مثلث وباستخدام $ho = 180^\circ - 60^\circ = 180^\circ$ نجد أن:

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 - 2AB \cos \theta}$$

$$= \sqrt{(20.0 \text{ km})^2 + (35.0 \text{ km})^2 - 2(20.0 \text{ km})(35.0 \text{ km})\cos 120^\circ}$$

$$= 48.2 \text{ km}$$

يمكن الحصول على اتجاه R القاسة من اتجاه الشمال من قانون الجيب sines :



$$\frac{\sin \beta}{B} = \frac{\sin \theta}{R}$$

$$\sin \beta = \frac{B}{R} \sin \theta = \frac{35.0 \text{ km}}{48.2 \text{ km}} \sin 120^\circ = 0.629$$

$$\beta = 38.9^\circ$$

وتكون محصلة إزاحة السيارة هي 48.2 Km في الجاه يصنع زاوية °38.9 في الشمال الغربي. وهذه النتيجة تتطابق مع التي حصلنا عليها ىيانياً.

ضرب متجه بكمية قياسية Multiplying a Vector by Scalar

A أذا ضرب المتجه A في كمية فياسية موجبة M يكون حاصل الضرب A متجه له نفس اتجاه وقيمته mA، وإذا ضرب متجه A في كمية قياسية سالبة m-، يكون حاصل الضرب mA- له اتجاه عكس اتجاه A . وعلى سبيل المثال A5 له طول خمس أضعاف A ونفس اتجاه A؛ المتجه - A له مقدار بساوى ثلث قيمة A واتجاه عكس اتجاه A.

تساؤل سريع 2.3،

إذا أضيف المنجه B إلى المنجه A ، تحت أي شرط يكون منجه المحصلة A + B قيمته تساوى A+B ؟ وتحت أي شرط يكون المتجه الناتج يساوي صفراً؟

4.3 مركبات المتجه ووحدة المتجهات

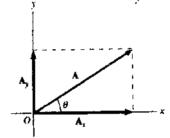
COMPONENTS OF A VECTORS AND UNIT VECTORS

🕬 لا تفضل الطريقة الهندسية في جمع المتجهات عندما يكون مطلوب دقة عالية أو في المسائل ثلاثية الأبعاد. وسوف نوضح في هذا القسم طريقة جمع المتجهات بإستخدام مساقط المتجهات على محاور الإحداثيات. وتسمى هذه المساقط بمركبات المتجه. ويمكن وصف أي متجه تماماً بواسطة مركباته.

افترض متجه ${f A}$ يقع في المستوى ${f x}$ ويعمل زاوية إختيارية ${f heta}$ مع محور ${f x}$ الموجب، كما هو موضع بالشكل 13.3 . يمكن التعبير عن هذا المتجه كمجموع متجهين $\mathbf{A}_{
m v},\mathbf{A}_{
m v}$ ونرى من الشكل 13.3 أن الثلاث $\widehat{107}$ متجهات تُكون مثلث فائم الزاوية وأن A $A_{
m x}$ A (إذا لم تستطيع التأكد من لماذا يتحقق هذا

الفيزياء (الجزءالأول - المتكانيكا والدنياميكا الحرارية)

التساوي، ارجع إلى الشكل 9.3 وراجع فاعدة متوازى الأضلاع). وسوف نشير دائماً إلى مركبات المتجه تكتب A_x و A_y و بدون حروف سوداء). المركبة A_x تمثل مسقط A على المحور x والمركبة A_y تمثل "A مسقط A على المحور y . يمكن أن تكون هذه المركبات موجبة أو سالبة. وتكون المركبة ، A موجبة إذا اتجه A_x في اتجاه x الموجب وسالية إذا اتجه A_x في اتجاه x السالب وهذا صحيح أيضاً بالنسبة للمركبة 🗚.



قىمة A

الشكل 13.3 يمكن أن يُمثل أي منجه يقع في المستوى xy بواسطة متجه A_y يقع على المحور السيني x وبالمتجه وقع $A = A_x + A_y$ على المحور y حيث

من الشكل 13.3 وتعريف الجيب وجيب التمام ترى أن:

$$\mathbf{A}$$
 ومن ثم تكون مركبتا ، $\sin \theta = \frac{A_{y}}{A}$ ، $\cos \theta = \frac{A_{x}}{A}$

$$A_x = A \cos \theta$$

$$A_{v} = A \sin \theta \qquad (9.3)$$

تكون هذه المركبات جانبين من مثلث قائم الزاوية طول وتره A . ولذلك يتبع ذلك أن مقدار اتجاه A يرتبط بمركباته من خلال العلاقتين:

$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2}$$
 (10.3)

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{A_{y}}{A}\right) \qquad (11.3) \qquad A \text{ observed}$$

hetaلاحظ أن إشارة المركبتين ${f A}_{
m v}$ تعتمد على الزاوية heta . فعلى سبيل المثال إذا كانت ${f A}_{
m v}$ تكون A_{x} سالبتين. ويلخص الشكل تكون كل من A_{y} موجبة. وإذا كانت $^{\circ}$ 225 ع θ ، تكون كل من A_{y} سالبتين. ويلخص الشكل 14.3 إشارات المركبات عندما تقع A في الأرباع المختلفة.

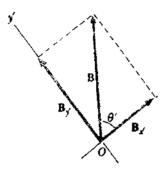
 $A_{
m v}$ عند حل المسائل، تستطيع وصف المتجه A إما بمركباته $A_{
m v}$ و $A_{
m v}$ أو بمقداره وإتجاهه A و

$$A_x$$
 negative A_x positive A_y positive A_y positive A_y positive A_y positive A_y positive A_y negative A_y negative A_y negative A_y negative A_y negative

تساؤل سريع 3.3،

هل يمكن أن تكون مركبة متجه أكبر من مقدار المتجه؟

افرض إنك تحل مسألة في زيائية مطلوب فيها تحليل المتجه إلى مركباته. في كثير من التطبيقات يكون من المناسب أن نعبر عن المركبات في منظومة إحداثيات لها محاور ليست بالضرورة أن تكون أفقية ورأسية ولكنهما عموديان على بعضهما البعض. إذا اخترت محاور اسناد أو زاوية غير المحاور والزاوية المبينة في الشكل 13.3، فإنه يجب تعديل المركبات تبعاً لذلك، افرض متجه \mathbf{B} يعمل زاوية ' \mathbf{x} مع المحور ' \mathbf{x} العرف في الشكل 15.3، مركبتا \mathbf{B} على المحورين ' \mathbf{x} و \mathbf{y} هي \mathbf{B} \mathbf{y} و \mathbf{B} \mathbf{y} العادلتان \mathbf{B} هي \mathbf{B} كما تعبر عنها المعادلتان و 9.3 وتحصل على مقدار واتجاه \mathbf{B} من تعبير مكافئ للمعادلتين المعادلتين أحداثي مناسب لحالة خاصة.



الشكل 15.3 مركبات المنجه B في نظام إحداثي ماثل.

وحدة المتجهات Unit Vecors

غالباً يُعبر عن الكميات المتجهة بدلالة وحدة المتجهات ووحدة المتجه ليس لها وحدات ولها مقدار 1 بالضبط. وتستخدم وحدة المتجهات في وصف اتجاه معين وليس لها أي مغزى فيزيائي أخر.

وتستخدم فحسب كمجرد وصف مناسب للاتجاه في الفراغ. وسوف نستخدم الرموز k ، j ،i لتمثيل وحدة المتجهات مشيرة إلى الاتجاه الموجب z ،y ،x على الترتيب.

تشكل وحدة المتجهات مجموعة من متجهات عمودية بالتبادل في المنظومة الاحداثية لليد اليمنى، كما هو موضح بالشكل 16.3a . مقدار كل متجه وحدة يساوي 1، بمعنى 1 = lil = lj = lkl.

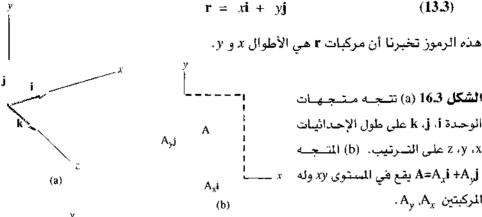
 A_x اعتبر المتجه A_x يقع في المستوى xy كما هو موضح بالشكل 16.3a ويكون حاصل ضرب المركبة A_x في وحدة المتجه A_x هو المتجه A_x والذي يقع على الاحداثي x وله مقدار A_x . (ويكون المتجه A_x وبالمثل يكون A_x هو متجه له المقدار A_y ويقع على المحور A_y . (ومرة أخرى يكون المتجه A_y) ولذلك يكون رمز المتجه A_y ولذلك يكون رمز المتجه A_y بدلالة وحدة المتجه هو:

$$\mathbf{A} = \mathbf{A}_{\mathbf{x}}\mathbf{i} + \mathbf{A}_{\mathbf{y}}\mathbf{j} \tag{12.3}$$

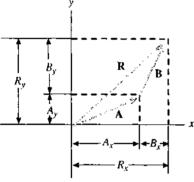
وعلى سبيل المثال اعتبر نقطة تقع في المستوى xy ولها احداثيات كرتيزية (x,y) كما في الشكل 17.3 . ويمكن أن توصف بمتجه الموضع r والذي يُعطى على شكل وحدة المتجه بالصورة:

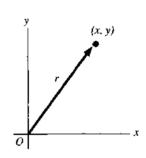
الفيزياء (الجزء الأول الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

(13.3)



الشكل 16.3 (a) تتجه مشجهات الوحدة i، j، d على طول الإحداثيات z ، y ، x على الشرتيب. (b) المشجه A=A_xi +A_yj يقع في المستوى xy وله المركبتين A, A.





الشكل 18.3 هذا الشكل الهندسي لمجموع متجهين بيين العلاقة بين مركبات المحصلة R ومركبات المتحهات المفردة.

الشكل 17.3 النقط ذات الاحداثيات الكرتيزية(x,y) يمكن أن تمثل بمنجه الموضع .r=xi +yj.

والآن دعنا نرى كيف نستخدم المركبات في جمع المتجهات عندما لا تكون الطريقة الهندسية دقيقة بدرجة كافية. أفرض أننا نريد جمع المتجه ${f B}$ والمتجه ${f A}$ ،حيث المتجه ${f B}$ له مركبات ${f B}_v$ ، كل الذي نفعله هو جمع المركبات في اتجاه x واتجاه y كل بمفرده. الذي يكون المتجه المحصلة R=A+B هو

$$\mathbf{R} = (A_x \mathbf{j} + A_y \mathbf{j}) + (B_x \mathbf{i} + B_y \mathbf{j})$$

or

$$\mathbf{R} = (A_x + B_x)\mathbf{i} + (A_y + B_y)\mathbf{j}$$
 (14.3)

وحيث أن $\mathbf{R} = \mathbf{R}_x \mathbf{i} + \mathbf{R}_y \mathbf{j}$ ، نرى أن مركبات المتجه الناتج هى:

$$R_x = A_x + B_x$$

$$R_y = A_y + B_y$$
(15.3)

ونحصل على المقدار لـ \mathbf{R} والزاوية مع المحور x من مركباته باستخدام العلاقتين

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2} = \sqrt{(A_y + B_x)^2 + (A_y + B_y)^2}$$
 (16.3)

$$\tan \theta = \frac{R_y}{R_x} = \frac{A_y + B_y}{A_x + B_x}$$
 (17.3)

ويمكننا التأكد من هذا الجمع بواسطة المركبات في الرسم الهندسي كما هو مبين في الشكل 18.3 وتذكر أنك يجب أن تلاحظ إشارات المركبات عند استخدام أي من الطريقتين الجبرية أو الهندسية.

وفي نفس الوقت يجب أن تفرض الحالة التي تحتوي على حركة في ثلاث اتجاهات. ويكون إمتداد طريقتنا إلى متجه الثلاث أبعاد بطريقة مباشرة إذا كان كلاً من \mathbf{B} ، \mathbf{A} لهما مركبات \mathbf{z} ، \mathbf{y} ، \mathbf{x} ، \mathbf{z} ، \mathbf{y} ، \mathbf{z} التعبير عنهما في الصورة

$$\mathbf{A} = A_{\mathbf{r}}\mathbf{i} + A_{\mathbf{v}}\mathbf{j} + A_{\mathbf{r}}\mathbf{k} \tag{18.3}$$

$$\mathbf{B} = B_{x}\mathbf{i} + B_{y}\mathbf{j} + B_{y}\mathbf{k} \tag{19.3}$$

ويكون الجمع B,A

$$\mathbf{R} = (A_x + B_x)\mathbf{i} + (A_y + B_y)\mathbf{j} + (A_z + B_z)\mathbf{k}$$
 (20.3)

لاحظ أن المعادلة 20.3 تختلف عن المعادلة 14.3 ، في المعادلة 20.3 . تحتوي المتجله المحصلة له مركبات في اتجاه $R_z=A_z+B_z-Z$ مركبات في اتجاه

تجرية سريعة ____

اكتب تعبيراً يصف إزاحة حشرة تتحرك من أحد أركان أرضية الحجرة التي تتواجد فيها الى الركن المقابل بالقرب من السقف

تساؤل سريع 4.3

إذا كان أحد مركبات منجه ليس صفراً، هل يمكن أن يكون مقدار المتجه يساوي صفراً ؟ إشرح

تساؤل سريع 5.3

إذا كان A+B=0 ما الذي يمكنك أن تقوله عن مركبات المتجهيين ؟

مسائل - توجهات عند حل المسائل

جمع المتجهات

إذا كنت في حاجة إلى جمع متجهين أو أكثر استخدم طريقة خطوة- خطوة التالية:-

- اختيار نظام الإحداثيات المناسب (حاول أن تقلل عدد المركبات التي تحتاج تعيينها باختيار محاور تقع على اكبر عدد من المتجهات كلما أمكن)
 - ارسم رسم تخطيطي للمتجهات المعطاه في المسألة.
- اوجد المركبات y, x لجميع المتجهات ومركبات المحصلة (الجمع الجبري للمركبات) في إتجاهي y, x.
- إذا كان ضرورياً ، استخدام نظرية فيثاغورث لايجاد مقدار متجه المحصلة وإختار الدالة المثلثية المناسبة لحساب الزاوية التي يعملها متجه المحصلة مع المحور x.

مثال 3.3 جمع متجهين

اوجد مجموع المتجهين B,A اللذين يقعان في المستوى xy. ويعطيان بـ:

$$A = (2.0i + 2.0j) \text{ m}$$
 and $B = (2.0i + 4.0j) \text{ m}$

. A_y =2.0m فرى أن A_x = 2.0 m وبالمثل بمقارنة هذا التعبير لـ A_x مع التعبير العام A_x العام المعادلة A_x و A_x و A_y =3.0m وبالمثل ، A_x و A_x و A_x و A_x و A_x و بالمثل ، A_x و A_x و A_x و نحصل على المتجه A_x بإستخدام المعادلة A_x و نحصل على المتجه A_x بإستخدام المعادلة و A_x و نحصل على المتجه A_x بإستخدام المعادلة و A_x و نحص و نحص على المتجه و A_x باستخدام المعادلة و A_x و نحص و نحص

$$\mathbf{R} = \mathbf{A} + \mathbf{B} = (2.0+2.0)\mathbf{i} \text{ m} + (2.0-4.0)\mathbf{j} \text{ m}$$

=(4.0\mathbf{i} - 2.0\mathbf{j})\mathbf{m}

$$R_x = 4.0 \text{ m}$$
 $R_y = -2.0 \text{ m}$

ويعطى مقدار R من المعادلة 16.3:

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2} = \sqrt{(4.0 \text{ m})^2 + (-2.0 \text{ m})^2} = \sqrt{20} \text{ m}$$

= 4.5 m

ويمكن أن نجد اتجاه R من المعادلة 17.3 :

$$\tan \theta = \frac{R_y}{R_x} = \frac{-2.0 \text{ m}}{4.0 \text{ m}} = -0.50$$

$$\theta = \tan^{-1} (-0.5) \text{ J} -27^{\circ} \text{ lyapper}$$

هذه الإجابة تكون صحيحة إذا فسرتها للمعنى 27° مع أتجاه عقارب الساعة من المحور x ولذلك والصورة القياسية هي أن تعطى قياس الزوايا عكس أتجاه عقارب الساعة من المحور x+x ولذلك تكون الزاوية لهذا المتجه $\theta=333^\circ$

مثال 4.3 محصلة الإزاحة

جسيم تحت تأثير ثلاث إزاحات متتالية:

$$\mathbf{d}_1 = (15\mathbf{i} + 30\mathbf{j} + 12\mathbf{K}) \text{ cm}$$

$$\mathbf{d}_2 = (23\mathbf{i} + 14\mathbf{j} + 5.0\mathbf{K}) \text{ cm}$$

$$\mathbf{d}_3 = (-13\mathbf{i} + 15\mathbf{j}) \text{ cm}$$

أوجد مركبات محصلة الإزاحة ومقدارها،

الرحل: بدلاً من النظر إلى رسم على صفحة مستوية، تخيل المسألة كما يلي: إبدأ برأس إصبعك أمام الركن الأيسر لقمة طاولتك الأفقية. حرك رأس إصبعك 15 cm إلى اليمين، ثم 30 cm تجاه الجانب البعيد للطاولة، ثم 20 cm عمودياً إلى اليسبار و(اخيراً: 15 cm تجاه ظهر الطاولة، الحسبابات الرياضية تحفظ مسار هذه الحركة على ثلاث محاور عمودية:

$$\mathbf{R} = \mathbf{d}_1 + \mathbf{d}_2 + \mathbf{d}_3$$
= $(15 + 23 - 13)\mathbf{i} \text{ cm} + (30 - 14 + 15)\mathbf{j} \text{ cm}$
+ $(12 - 5.0 + 0)\mathbf{K} \text{ cm}$
= $(25\mathbf{i} + 31\mathbf{j} + 7.0\mathbf{K}) \text{ cm}$

 R_z =7.0cm , R_y =31cm , R_x =25cm الإزاحة الناتجة لها مركبات

ومقدارها يساوي

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2 + R_z^2}$$

$$= \sqrt{(25 \text{ cm})^2 + (31 \text{ cm})^2 + (7.0 \text{ cm})^2} \approx 40 \text{ cm}$$

مثال 5.3 عمل نزهة

بدأت رحالة رحلتها بالمشي 25.0km جهة الجنوب الشرقي من سيارتها.

ثم وقفت وذهبت إلى خيـمتها للمبيت. وفي اليوم التالي مشت 40.0 km في اتجـام يصنع زاوية 🚺 [113]

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

60.0° شمال شرق عند نقطة اكتشفت فيها برج (Tower) حارس الغابة (a) عين مركبات إزاحة المتنزهة في كل يوم.

الحل: إذا رمزنا إلى متجه الإزاحة في اليوم الأول والثاني بـ A وB على الترتيب، ونستخدم السيارة كنقطة أصل للإحداثيات، سوف نحصل على المتجهات المبينة في الشكل 19.3 . الإزاحة A لها مقدار 25.0 km واتجاه A واتجاء A به الموجب للإحداثي A ومن المعادلة A تكون مركباته

$$A_x = A\cos(-45.0^\circ) = (25.0 \text{km})(0.707) = 17.7 \text{ km}$$

$$A_v = A \sin(-45.0^\circ) = -(25.0 \text{km})(0.707) = -17.7 \text{ km}$$

وتشير الإشارة السالبة لـ A_y أن الرحالة في اليوم الأول مشت في الإتجاه y السالب. إشارة 60.0° وتشير الإشارة الشائية y واضحة أيضاً من الشكل 19.3 ومقدار الإزاحة الثانية y هو 40.0km وتصنع زاوية 40.0cc ناحية الشمال الشرقي. ومركبتيهما

$$B_r = B \cos 60.0^\circ = (40.0 \text{km})(0.500) = 20.0 \text{ km}$$

$$B_v = B \sin 60.0^\circ = (40.0 \text{km})(0.866) = 34.6 \text{ km}$$

عين مركبتي محصلة الإزاحة $\mathbf R$ للرحالة خلال رحلتها. أوجد تعبيراً لـ $\mathbf R$ بدلالة وحدة المتجهان (b)

الحل: الإزاحة الناتجة للرحلة R = A + B لها مركبات تعطى بالمعادلة 15.3:

$$R_x = A_x + B_x = 17.7 \text{km} + 20.0 \text{km} = 37.7 \text{km}$$

$$R_v = A_v + B_v = -17.7 \text{km} + 34.6 \text{km} = 16.9 \text{km}$$

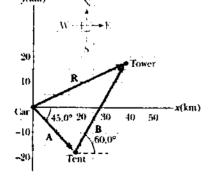
ونتمكن أن نكتب الإزاحة الكلية بدلالة وحدة

المتجهان:

$$R=(37.7i+16.9j)km$$

تمرين: عين مقدار واتجاه الإزاحة الكلية.

الإجابة: 41.3km-, 24.1° الشمال الشرقي من السيارة.



الشكل 19.3 الإزاحة الكلية للرحالة هي المتجه R=A+B

مثال 6.3 دعنانطير

تأخد الطائرة المسار الموضح في الشكل 3.20. أولاً، تطير الطائرة من نقطة أصل نظام الإحداثيات بالمدينة A، والتي تبعد مسافة 175 km في اتجاه 30.0° الشمال الشرقي، وبعد ذلك تطير مسافة 183 بزاوية 20.0° شمال غربي حتى تصل إلى المدينة B. وأخيراً تطير 125 km تجاه الغرب لتصل إلى المدينة C أوجد موقع المدينة C بالنسبة لنقطة الأصل.

الحل ، من المناسب أن تختار الإحداثيات المبينة في الشكل 20.3 حيث الاحدثي x يشير إلى الشمال. الشرق والإحداثي y يشير إلى الشمال.

دعنا نشير إلى المركبات الثلاث المتعاقبة بالمتجهات a b ، a و c.

الإزاحة a لها مقدار 175 km ومركبتيها

 $a_x = a \cos(30.0^\circ) = (175 \text{km})(0.866) = 152 \text{ km}$

 $a_v = a \sin(30.0^\circ) = (175 \text{km})(0.500) = 87.5 \text{ km}$

الإزاحة b التي مقدارها 153 km ومركبتيها

 $b_x = b \cos (110^\circ) = (153 \text{km})(-0.342) = 52.3 \text{ km}$

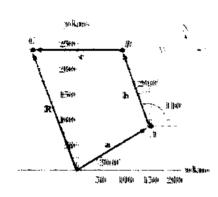
 $b_v = b \sin(110^\circ) = (153 \text{km})(0.940) = 144 \text{ km}$

وأخيراً الإزاحة C مقدارها 195 km ولها المركبتين

 $C_x = C \cos(180^\circ) = (195 \text{km})(-1) = -195 \text{ km}$

 $C_v = C \sin(180^\circ) = 0$

ولذلك مبركبات منتجبه الموضع R من نقطة البداية الى المدينة C هما



الشكل 20.3 تبدأ طائرة من نقطة الأصل، وتطير أولاً إلى المدينة A ثم إلى المدينة B . وأخيراً تطير إلى المدينة C.

 $R_x = a_x + b_x + c_x = 152 \text{ km} - 52.3 \text{ km} - 195 \text{ km}$ = -95.3km

 $R_y = a_y + b_y + c_y = 87.5 \text{km} + 14.4 \text{km} + 0$ = 232 km

وبدلالة متجه الوحدة

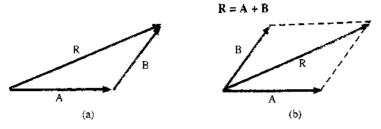
 $\mathbf{R} = (-95.3\mathbf{i} + 232\mathbf{j}) \text{ km}$

بمعنى أن الطائرة تستطيع الوصول إلى المدينة C من نقطة البداية بالطيران أولاً 25.3 km تجاه الفرب ثم الطيران 232km إلى الشمال.

تمرين : أوجد مقدار واتجاه R

الحل: 22.3°, 251 km الحل:

الضيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)



الشكل 21.3 (a) جمع المتجهات بطريقة المثلث. (b) جمع المتجهات بقاعدة متوازي الأضلاع.

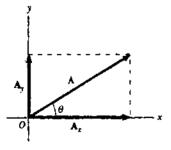
ملخص SUMMARY

الكميات القياسية هي تلك التي لها مقدار فقط ولا مصحوبة باتجاه. والكميات المتجهه تعرف بكل من المقدار والاتجاه وتخضع لقوانين جمع المتجهات. نستطيع جمع المتجهين A و B بيانياً بإستخدام إما طريقة المثلث أو قاعدة متوازى الأضلاع. في طريقة المثلث (شكل a 21.3)، المتجه الناتج R= A+ B يجري من ذيل A إلى رأس B . وفي طريقة متوازي الأضلاع (الشكل ك 21.3) يكون R هو وتر متوازي الأضلاع الذي يكون فيه A، B اثنين من أضلاعه. وتستطيع أن تجمع أو تطرح المتجهات، بإستخدام هذه الطرق البيانية.

مركبة المتجه A في اتجاه x و A يساوي مسقط A على المحور x في النظام الاحداثي كما هو مبين في الشكل 22.3 حيث θ . $A_x = A \cos \theta$. والمركبة في اتجاء الاحداثي A_y " للمتجه A_y هي مسقط على الإحداثي y، حيث heta $A_{
m v}=A$. تأكد إنك تستطيع تعيين الدوال المثلثية التي يجب أن $A_{
m v}=A$ نستخدمها في جميع الاحوال، خاصة عندما تُعرف heta بشيَّ مخالف لزاوية عكس اتجاء عقارب الساعة من الاحداثي x الموجب.

> إذا كان المتجه A له المركبة A_x في اتجاه x والمركبة A_y في اتجاه y يمكن التعبير عن المتجه بدلالة وحدة المتجهين في الصدورة وفي هذه الصيغة تكون i هي وحدة المتجه في اتجاه $\mathbf{A}=A_{\chi}\,\mathbf{i}+A_{\gamma}\,\mathbf{j}$ الاحداثي X الموجب، j هو وحدة المتجه في إنجاه الاحداثي y الموجب. ولأن i و j يكونا وحدة المتجهين l i l i l j l= l j l.

نستطيع إيجاد محصلة متجهين أو أكثر بتحليل كل المتجهات إلى مركباتها في اتجاه x وفي اتجاه y، وجميع محصلة المركبات x، y، وبعد ذلك نستخدم نظرية فيشاغورث لإيجاد مقدار المتجه الناتج. ونستطيع ايجاد الزاوية التي يصنعها المتجه الناتج بإلنسبة للإحداثي 116) السيني x بإستخدام دوال مثلثية مناسبة.



ا**لشكل 22.**3 جمع متجهين A_x و A_x يمطى متجه A، لاحظ أن A_y A_x ان $A_y = A_y$ إن A_x i A هما مركبتا المتجه A

QUESTIONS اسئلة

- 1- متجهان مقدارهما غير متساوي. هل يمكن
 أن يكون جمعهما يساوى الصفر؟ فسر ذلك.
- 2- هل يمكن أن تكون قيمة إزاحة جسيم أكبر
 من المسافة المقطوعة؟ إشرح.
- A = 5 units و A هو A = 5 units A و A هو A = 5 units A = 2 units ممكن للمتجه الناتج A + A = 5
- [4] المتحده A يقع في المستدوى xy. ما هي الاتجاهات المحتملة حتى تكون كلتا مركبتيه سالبة؟ وفي أي وضع تكون لمركبتيه إشارات مختلف؟
- B في اتجاء المتجه A في اتجاء المتجه B
 إذا كانت مركبة المتجه A في اتجاء المتجهين؟
 تساوي صفراً، ماذا نستنتج عن هذين المتجهين؟

PROBLEMS Jilmo

1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

= الحل كامل متاح في المرشد،

🕮 = فيزياء تفاعلية

عين ۲, y.

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

•

🔲 = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

القسم 1.3 أنظمة إحداثيات:

- r = 1 الاحداثيات الفَطبية لنقطة هي r = 1 الاحداثيات 5.5 m و 240 $\theta = 240$ الكرتيزية لهذه النقطة؟
- 2- نقطتان في المستوى xy لهما احداثيات كرتبرية m (4.0, -0.0) و m (3.0, 3.0). عين (a) المسافة بين هاتين النقطتين و (b) احداثيتهما القطبية.

- 6- هل يمكن أن يكون مقدار المتجه قيمة ساله؟ فسر ذلك.
- 7- أي مما يلي يكون متجها وأي منهما يكون غير ذلك:
- القوة، درجة الحرارة، الحجم، الإرتفاع، السرعة، العمر؟
- 8- تحت أي ظروف يجب للمتجهات غير الصفرية التي تقع في المستوى xy أن يكون
 لها دائماً وابداً مركبات متساوية في المقدار؟
- 9 هل من المكن جمع كمية متجة مع كالله قياسية؟ فسر ذلك.

- -- إذا كانت الاحداثيات الكرتيـزية لنقطة هي (−3 (r, 30°) والاحداثيات القطبية لها هي (2, y)
- 4- نقطستان في مسستوى لهما إحداثيات قطبيلة (2.5m, 30°)و (3.8m, 120°). عين (a) الاحداثيات الكرتيزية لهاتين النقطتين.
 - (b) المسافة بينهما؟
- 5-إذا كانت الاحداثيات القطبية (x,y) هما

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والدنياميكا الحرارية)

- عين الاحداثيات القطبية للنقط (r,θ)
 - (-2x, -2y) (b) (-x, y) (a)
 - (3x, -3y)(c)

القسم 2.3 الكميات المتجهة والكميات القياسية

والقسم 3.3 بعض خواص المتجهات

- 6- تطير طائرة 200km تجداه الغرب من المدينة A ثم تطير 300km في المدينة B ثم تطير 300km في اتجاه 30° الشمال الغربي من المدينة B إلى المدينة C من المدينة C من المدينة A (في خط مستقيم). (b) ما هو اتجاه المدينة C بالنسبة للمدينة A.
- 7- يتحرك رجل على قدميه مسافة 6.0km جسهة الشرق ثم 13.0km جسهة الشمال. بإستخدام الطريقة البيانية إوجد مقدار واتجاه متجه الإزاحة الناتج.
- 8- تطير طائرة من القاعدة إلى البحيرة A لمسافة 280km في اتجاه 20.0° الشمال الشرقي. وبعد إسقاط حمولتها تطير إلى البحيرة B والتي تبعد مسافة 190km وتصنع زاوية 30.0° الشمال الغربي من البحيرة A.
- عين بيانياً المسافة والاتجام من البحيرة B للقاعدة.
- 9- المتبعه A له المقدار 8.0 وحدات ويصنع زاوية 45.0° مع الاحداثي x الموجب. والمتجه B أيضاً له مقدار 8.0 وحدات ومتجه على طول الإنجاء السالب للمحور x. بإستخدام الطريقة البيانية أوجد:

- (a) المجـمـوع الاتجـاهي A+B.
 (b) المجـمـوع الاتجـاهي A-B.
- 3.5- كلب يبحث عن عظمة، يمشي مسافة 3.5 m جنوبياً ثم 8.2 بزاوية 30.0° الشمال الشرقي ثم m° 15.0° تجاه الغرب. بإستخدام الطريقة البيانية إوجد متجه الإزاحة الكلية للكلب.

القسم 4.3 مركبات المتجه ووحدة المتجه

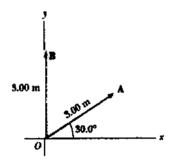
- 11- يمشي شخص بزاوية°25.0 جهة الشمال لسافة 3.10km.
- كم يجب أن يمشي تجاه الشمال واتجاه الشرق ليصل إلى نفس الموضع.
- 12- متجه B له المركبات z, y, x مقدارها 3.0,6.0,4.0 وحدة على التوالي. إحسب مقدار B والزوايا التي يصنعها B مع معاور الإحداثيات.
- 13-يقع متجه إزاحة في المستوى xy مقداره 5.0m ويتجه بزاوية 120° من الاحداثيx الموجب. أوجد المركبتان x,x لهذا المتجه وعبر عن المتجه بدلالة الوحدة.
- 14- اوجد مقدار واتجاه معصلة ثلاث إزاحات مركباتها في y وx هي x_0 (3.0, 2.0), مركباتها في y (5.0, 3.0)m
- B=-i-4j والمتجه A=3i-2j والمتجه [15] الا+Bl (c) ، A-B (b) ، A+B (a) الا-Bl (d)
 - (e) إتجاه A+B واتجاه (e)

الفصل الثالث، المتجهات

16 اوجد تعبيراً بدلالة المركبات لمتجهات الموضع التي لها الاحداثيات القطبية (a) الموضع التي لها الاحداثيات القطبية (c) 60° ،3.3cm (b) 150° ،12.8 m

- A=(3i+3j)m افرض منجهات الإزاحة A=(3i+3j)m افرض منجهات الإزاحة B=(i-4j)m و B=(i-4j)m طريقة المركبات عين (a) مقدار واتجاه المنجه D=A+B+C و (b) مقدار واتجاه E=-A-B+C
- 5.0 المتجهان B،A لهما مقداران متساويان 5.0 فإذا كان مجموع $A_{\rm e}$ هو المتجه $A_{\rm e}$ كان مجموع $A_{\rm e}$ هو المتجه $A_{\rm e}$ الزاوية بين $A_{\rm e}$ و $A_{\rm e}$
- A=(3i-4j+4k)m الإزاحة متجهات الإزاحة B=(2i+3j-7k) و B=(2i+3j-7k) و D=2A-B و D=2A-B (a) كل منهما بدلالة المركبات في zyy،x

WEB 20 ثلاث متجهات موضحة بالشكل P20.3 أولاث متجهات موضحة بالشكل 1Bl و و IBl (وحدة 40) = IBl وحدة (وحدة 30) = ICl اوجد (a) المركبتان في اتجاه X، X لمتجه المحصلة (معبراً عنه بمتجه الوحدة) و (b) مقدار واتجاه متجه المحصلة.



الشكل P 20.3

A = (6.0i - 8.0j) units اذا كــــان -21 C = (26.0i + 19.0j) units A + bB + C = 0 عين b/a التي تحقق

إجابة الاختيارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.3) تحتاج النحلة الإتصال بالنحل الآخر لتخبره ببعدها عن الزهور وفي أي اتجاه يجب أن تطير. وهذا النوع من المعلومات هي بالضبط التي تعطيها الإحداثيات القطبية طالما أن الخلية هي نقطة الأصل.
- (2.3) المحصلة لها المقدار (2.3) المحصلة لها المقدار (2.3) المتجه A المتجه A المتجه A المتجه A عندما يأخذ المتجه A عكس اتجاه المتجه B و B-2.

- (3.3) لا. في بعدين، المتجه ومركباته يكونوا مثلث قائم الزاوية. المتجه هو الوتر ويجب أن يكون أطبول من أي من الضلعين الآخرين.
- الا. مقتدار المتجدة A يستداوي المتجدة A يستداوي $A_x^2 + A_y^2 + A_z^2$ ولذلك إذا كانت مركباته لاتساوي الصفر لذلك لايمكن أن يكون A مساوي الصفر.
- (5.3) الحقيقة 0=A+B تخبيرنا أن A=-B. ولذلك تكون مركبات المتجهين بإشارات مختلفة ومقادير متساوية:

 $A_z = -B_z$ $A_v = -B_v$ $A_x = -B_x$



* صورة محيرة

هذه الطائرة تستخدمها الناسا NASA لتدريب الطيارين عندما تطير عبر مسار منحنى معين، يبدأ أي شئ غير مربوط إلى أسفل في الطفو إلى أعلى. ما الذي يسبب هذا الشأثير الغرب؛ (NASA)

web

لمزيد من المعلومات حول كيفية است خدام هذه الطائرة قم بزيارة الموقع:

http://imocc. imoc- com/ - acft- ops/rgpindex. htm

الحسركة في بعسدين Motion in Two Dimensions

ولفمل والرويع 4

ويتضمن هذا الفصل ،

4.4 الحركة الدائرية المنتظمة

Uniform Circular Motion

5.4 العجلة (التسارع) الماسية والعجلة العمودية Tangential and Radial Acceleration

6.4 السرعة النسبية والعجلة النسبية

Relative Velocity and Relative Acceleration

1.4 متجهات الإزاحة، السرعة المتجهة والتسارع The Displacement, Velocity, and Acceleration Vectors

2.4 الحركة في بعدين بتسارع ثابت Two- Dimensional Motion With Constant Acceleration

3.4 حركسة المقندوفسات

Projectile Motion

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

في هذا الفصل نهتم بديناميكا حركة الأجسام المادية في بعدين. ومعرفة أساسيات الحركة في بعدين سوف تسمع لنا بدراسة الفصول اللاحقة- أنواع مختلفة من الحركة، تبدأ من حركة الأقمار الفضائية في مداراتها إلى حركة الإلكترونات في مجال كهربي منتظم. وسوف نبدأ في دراسة الطبيعة الاتجاهية للإزاحة، السرعة، والتسارع بتفصيل واسع. وكما فعلنا في الحركة في بعد واحد، سوف نستنبط المعادلات الكينماتيكية للحركة في بعدين من التعريفات الأساسية لهذه الكميات الثلاثة. وسوف نتعامل مع حركة المقذوفات والحركة الدائرية المنتظمة كحالات خاصة للحركة في بعدين. وسوف نناقش أيضاً مضاهيم الحركة النسبية والتي تبين لماذا يقيس الراصدون في أطر الإسناد المختلفة إزاحات، وسرعات، وعجلات تسارع مختلفة لجسم ما.

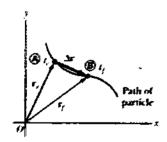
1.4 > متجهات الإزاحة، السرعة المتجهة والتسارع THE DISPLACEMENT, VELOCITY, AND ACCELERATION VECTORS

لقد وجدنا في الفصل 2 أن حركة جسيم في خط مستقيم تكون معروفة تماماً إذا كان موقعه معرف كدالة في الزمن.

والآن دعنا نمد هذه الفكرة للحركة في المستوى xy. ونبدأ بوصف موضع جسيم بواسطة متجه موضعه ٣، والمرسوم من نقطة أصل لمجموعة إحداثيات ما إلى موقع الجسيم في المستوى xy كما هو. $oxedsymbol{eta}$ في الشكل 1.4 . عند الزمن t_i يكون الجسيم عند النقطة $oxedsymbol{(A)}$ وعند زمن آخر t_i يكون عند النقطة

وليس من الضرورة أن يكون المسار من (الله الله في الله عندما يتحرك الجسيم من (الله عندما في المسار من (الله عند الله عن الى(B) في فترة زمنية $t_i = t_f - t_i$ ، يتغير متجه موضعه من \mathbf{r}_i إلى \mathbf{r}_i . وكما ذكرنا في الفصل 2الإزاحة متجه وتكون إزاحة الجسيم هي الفرق بين موضعه النهائي وموضعه الابتدائي. والآن نعرِّف ازاحة المتجه Δr لجسيم في الشكل 1.4 على أنه الفرق بين متجه موضعه النهائي ومتجه موضعه الابتدائي:

$$\Delta \mathbf{r} = \mathbf{r}_f - \mathbf{r}_i$$
 aliquidation (1.4)



الشكل 1.4 يعين موضع جسيم يتحرك في المستوى xy بالمتجه r المرسوم من نقطة الأصل إلى الجسيم. إزاحة الجسيم عندما يتحبرك مرز(A) إلى (B) في الفشرة الزمنيية $t = t_i = \Delta t$ تسباوي . $\Delta \mathbf{r} = \mathbf{r}_f - \mathbf{r}_i$ المتجه

اتجاء Δr مشار إليه في الشكل 1.4. وكما نرى من الشكل تكون قيمة Δr أقل من المسافة التي 122) قطعها الجسيم عبر منحنى المسار.

الفصل الرابع، الحركة في بعدين

وكما شاهدنا في الفصل 2، يكون من المفيد دائماً تحديد الحركة بالنظر إلى نسبة الإزاحة مقسومة على الفترة الزمنية في التي أثنائها حدثت هذه الإزاحة. وكل شئ في كينماتيكا البعدين (أو ثلاث أبعاد) هو نفسه كما في كينماتيكا البعد الواحد عدا إننا نستخدم الآن المتجهات بدلاً من استخدام الإشارات زائد أو ناقص للتعبير عن اتجاه الحركة.

ونُعرف السرعة المتوسطة لجسيم أثناء فترة زمنية Δt على أنها الإزاحة للجسيم مقسومة على الفترة الزمنية:

$$\bar{\mathbf{v}} = \frac{\Delta \mathbf{r}}{\Delta t}$$
 (2.4) السرعة المتوسطة

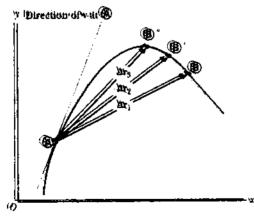
من المعروف أن ضرب أو قسمة كمية متجهة بكمية فياسية يغير فقط فيمة المتجه، وليس اتجاهه. وحيث أن الإزاحة هي كمية متجهة والفترة الزمنية كمية فياسية، نستنتج أن السرعة المتوسطة كمية متجهة تتجه نحو Δr.

لاحظ أن السرعة المتوسطة بين نقطتين لاتعتمد على المسار،

يحدث ذلك لأن السرعة المتوسطة تتناسب مع الإزاحة وهي تعتمد فقط على موضع المتجهين الابتدائي والنهائي وليس المسار المأخوذ، وكما فعلنا في الحركة في بعد واحد، نستنتج أنه إذا بدأ الجسيم الحركة من نقطة ما ورجع إلى هذه النقطة بواسطة أي مسار، تكون السرعة المتوسطة مساوية للصفر لهذه الرحلة حيث إن إزاحته تساوى صفراً.

ومرة أخرى اعتبر حركة جسيم بين نقطتين في المستوى xy، كما هو مبين في الشكل 2.4. كلما أصبحت الفترة الزمنية للحركة التي نرصدها أصغر فأصغر، يتقرب اتجاه الازاحة من خط الماس للمسار عند (A).

الشكل 2.4 عندما يتحرك جسيم بين نقطتين تكون سرعته المتوسطة في اتجاه متجه الإزاحة Δr . وعندما تتحرك نقطة النهاية للمسار مَن (A) إلى (B) إلى (B) يصبح الازاحات المتنائية والفترات الزمنية المناظرة لها أصغر فأصغر. وفي النهاية تقترب النقطة النهائية من (A)، (A) تقترب من الصفر، ويقترب اتجاه (A) من خط المماس للمنحني عند (A). ومن التعريف تكون السرعة اللحظية عند (A) في اتجاه خط المماس.



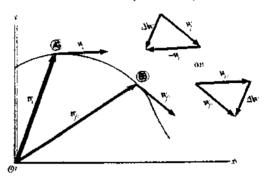
الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

. . وتُعرف السرعة اللحظية بأنها نهاية السرعة المتوسطة $\Delta r/\Delta t$ عندما تؤول Δt إلى الصفر.

$$\mathbf{v} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \mathbf{r}}{\Delta t} = \frac{d\mathbf{r}}{dt}$$
 (3.4) Illustration (3.4)

بمعنى أن السرعة اللحظية تساوي تفاضل متجه الموضع بالنسبة للزمن. ويكون اتجاء متجه السرعة اللحظية عند أي نقطة في مسار الجسيم هو اتجاء خط الماس للمسار عند تلك النقطة وفي اتجاء الحركة (الشكل 3.4).

الشكل 3.4 جسيم يتحرك من الموضع (A) إلى الموضع (B) . يتغير متجه سرعته من (A) إلى (B) . يوضح الرسم البياني للمتجهات في أعلى اليمين طريقتين لتعيين المتجه (A) من السرعة الابتدائية والنهائية .



تسمى قيمة متجه السرعة اللحظية v=|v| بالسرعة وهي كما تعلم كمية فياسية.

وعندما يتحرك جسيم من نقطة لأخرى على مسار ما، يتغير متجه سرعته اللحظية من v_i عند الزمن v_i وبمعرفة السرعة عند هذه النقاط بمكننا تعيين متوسط عجلة الجسيم.

وتُعرف العجلة (التسارع) المتوسطة لجسيم عندما يتحرك من إحدى المواضع إلى موضع آخر بأنها التغير في متجه السرعة اللحظية Δv مقسوماً على الزمن Δt الذي يحدث فيه هذا التغير:

$$\overline{a} = \frac{\mathbf{v}_f - \mathbf{v}_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta \mathbf{v}}{\Delta t}$$
 (4.4) its larger large

وحيث أنها نسبة بين كمية متجهة Δv وكمية فياسية نستنتج أن العجلة (التسارع) المتوسط \overline{a} كمية متجهة في اتجاء Δv . وكما هـ و مشـار إليه في شـكـل 3.4 يمكـن إيجـاد اتجـاء Δv بواسطة إضافة $-v_i$ (سالب v_i) إلى متجه v_i 0 حيث إن التعريف v_i 2 v_i 2 v_j 3 الى متجه v_i 3 وكمـا في التعريف v_i 4 v_i 4 وكمـا

وعندما تتغير العجلة المتوسطة لجسيم أثناء فترات زمنية مختلفة، من المفيد أن تعرف عجلتها اللحظية (التسارع اللحظي) a :

تعُرف العجلة (التسارع) اللحظية بأنها نهاية قيمة النسبة Δν / Δι عندما تؤول Δι إلى الصفر.

$$\mathbf{a} \equiv \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \mathbf{v}}{\Delta t} = \frac{d\mathbf{v}}{dt}$$
 (5.4) العجلة اللحظية

وبطريقة أخرى، العجلة اللحظية تساوي تفاضل متجه السرعة بالنسبة للزمن.

3.5 من المهم أن نميز التغيرات المختلفة التي يمكن أن تحدث عندما يتساوع الجسيم. أولاً، يتغير

مقدار متجه السرعة مع الزمن مثل الحركة في خط مستقيم (حركة أحادية البعد). ثانياً، ربما يتغير اتجاء متحه السرعة مع الزمن حتى لو ظل مقدار السرعة ثابتاً، كما في حركة المسار - المنحنى (حركة ثائية البعد). وأخيراً، ربما يتغير كل من مقدار واتجاء متجه السرعة معاً.

تساؤل سريع 1.4

تسمى دواسة البنزين في السيارة معجل a) accelerator هل يوجد أي أجهزة تحكم أخرى في السيارة يمكن اعتبارها معجلات ؟ (b) متى لا تكون دواسة البنزين معجلا ؟

2.4 / الحركة في بعدين بتسارع ثابت

TWO-DIMENSIONAL MOTION WITH CONSTANT ACCELERATION

دعنا نعتبر حركة في بعدين تظل العجلة (التسارع) ثابتة أثنائها في المقدار والاتجاه.

يمكن كتابة متجه الموضع لجسيم يتحرك في المستوى xy على الصورة

$$\mathbf{r} = x \, \mathbf{i} + y \, \mathbf{j} \tag{6.4}$$

حيث يتغير y, x وy مع الزمن عندما يتحرك الجسيم بينما يظل y و y ثابت. وإذا أصبح متجه الموضع معلوماً يمكن الحصول على سرعة الجسيم من المعادلتين 3.4 و 6.4 والتي تعطى

$$\mathbf{v} = \mathbf{v}_x \mathbf{i} + \mathbf{v}_y \mathbf{j} \tag{7.4}$$

وحيث إننا افترضنا a ثابتة، تكون مركبتيها a_x و ثابتين أيضاً.

 $v_{xf} = v_{xi} + a_x t$ ولذلك يمكننا تطبيق معادلات الكينماتيكا للمركبتين x ولذلك يمكننا تطبيق معادلات الكينماتيكا للمركبتين $v_{xf} = v_{xi} + a_x t$ في المعادلة $v_{xf} = v_{xi} + a_x t$ و $v_{xf} = v_{xi} + a_x t$ في المعادلة $v_{xf} = v_{xi} + a_x t$

$$\mathbf{v}_f = (v_{xi} + a_x t)\mathbf{i} + (v_{yi} + a_y t)\mathbf{j}$$

$$= (v_{xi}\mathbf{i} + v_{yi}\mathbf{j}) + (a_x\mathbf{i} + a_y\mathbf{j})t$$

$$\mathbf{v}_f = \mathbf{v}_i + \mathbf{a}t \tag{8.4}$$

 v_i تدل هذه النتيجة على أن السرعة لجسيم في أي زمن t تساوي مجموع متجه سرعته الابتدائية $\tilde{a}t$ والسرعة الإضافية $\tilde{a}t$ المكتسبة في الزمن t كنتيجة للتسارع الثابت،

وبالمثل من المعادلة 11.2 نعرف أن الاحداثيات x و y لجسيم يتحرك بتسارع ثابت هي:

$$x_f = x_i + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2$$
 $y_f = y_i + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2$

وبالتعويض عن هذين التعبيرين في المعادلة 6.4 نحصل على

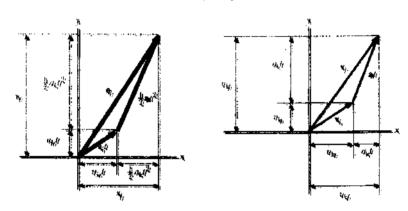
$$\mathbf{r}_f = (x_i + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2)\mathbf{i} + (y_i + v_{yi}t + \frac{1}{2}a_yt^2)\mathbf{j}$$
$$= (x_i\mathbf{i} + y_i\mathbf{j}) + (v_{xi}\mathbf{i} + v_{yi}\mathbf{j})t + \frac{1}{2}(a_x\mathbf{i} + a_y\mathbf{j})t^2$$

الزمن
$$\mathbf{r}_f = \mathbf{r}_i + \mathbf{v}_i t + \frac{1}{2} \mathbf{a} t^2$$
 (9.4)

تبين هذه المعادلة أن الازاحة $\Delta r = r_f - r_i$ هو متجه مجموع الإزاحة v_i التي تنشأ من السرعة الابتدائية للجسيم والإزاحة $\frac{1}{2}at^2$ الناتجة من التسارع المنتظم للجسيم.

يبين الشكل 4.4 التمثيل البياني للمعادلتين 8.4 و 9.4 .

وللتبسيط في رسم الشكل اخترنا ${\bf r}_i=0$ في الشكل 4.4a. بمعنى إننا نفرض أن الجسيم يكون عند نقطة الأصل عند ${\bf r}_i=0$. لاحظ من الشكل 4.4a أن ${\bf r}_f$ لاتكون في اتجاء ${\bf v}_i$ أو ${\bf a}$ لأن العلاقة بين هذه الكميات هي عالاقات منتجهة. ولنفس السبب للحظ من الشكل 4.4b أن ${\bf v}_f$ لاتكون بالضرورة في اتجاء ${\bf v}_i$ أو ${\bf a}$. وأخيراً لاحظ أن ${\bf v}_f$ و ${\bf r}_f$ لايكونان في نفس الاتجاء.



الشكل 4.4 التمثيل الاتجاهي ومركباته (a) الازاحة و (b) سرعة جسيم يتحرك بتسارع منتظم a ولتبسيط الرسم وضعنا $r_i = 0$

وحيث إن المعادلتين 8.4 و9.4 تعبيرات اتجاهية، يمكن كتابتهما في صيغة مركبات:

$$\mathbf{v}_f = \mathbf{v}_i + \mathbf{a}t \qquad \begin{cases} v_{xf} = v_{xi} + a_x t \\ v_{yf} = v_{yi} + a_y t \end{cases}$$
 (8.4 a)

$$\mathbf{r}_{f} = \mathbf{r}_{i} + \mathbf{v}_{i}t + \frac{1}{2}\mathbf{a}t^{2} \begin{cases} x_{f} = x_{i} + v_{xi}t + \frac{1}{2}a_{x}t^{2} \\ y_{f} = y_{i} + v_{yi}t + \frac{1}{2}a_{x}t^{2} \end{cases}$$
(9.4 a)

هذه المركبات موضعة في الشكل 4.4. ويوضع لنا شكل المركبات لمعادلتي v_f و r_f أن الحركة في بعدين بتسارع ثابت تكافئ حركتين لاتعتمدان على بعضهما البعض – واحدة في اتجاه x وأخرى في أتجاه x - لهما عجلتان (تسارعان) ثابنتان a_y و a_x .

🗐 مثال 1.4 الحركة في مستو

يبدأ جسيم من نقطة الأصل عند t=0 بسرعة ابتدائية مركبتها في أتجاه x تساوى zومركبتها y تساوى xy بتحرك الجسيم في المستوى xy بمركبة للتسارع في اتجاء x فقط تعطى بالعلاقة a_r =4.0m/s 2 عين مركبات متجه السرعة عند أي وقت ومتجه السرعة الكلى عند أي وقت.

 $.a_v$ =0 $.a_x$ =4.0m/s 2 ، v_{vi} =-15m/s ، v_{xi} =20m/s الحل: بعد قراءة جيدة للمسألة نستطيع أن نضيع

وهذا يسمح لنا أن نرسم الحركة رسما تقريبيا لهذه الحالة. مركبة السرعة في اتجاه x تبدأ بسرعة 20m/s وتزداد 4.0m/s كل ثاتية.

والمركبة y للسرعة لاتتغير أبداً من قيمتها الابتدائية والتي تساوي 15m/s- ومن هذه المعلومات نرسم رسماً توضيحياً لبعض متجهات السرعة كما هو مبين في الشكل 5.4 . لاحظ أن المسافة بين صورتين متتالتين تزداد كلما زاد الزمن بسبب زيادة السرعة،

معادلات الكينماتيكية تعطى

$$v_{xf} = v_{xi} + a_x t = (20 + 4.0t) \text{ m/s}$$

 $v_{yf} = v_{yi} + a_y t = -15 \text{ m/s} + 0 = -15 \text{ m/s}$

ولذلك

$$\mathbf{v}_f = \mathbf{v}_{xf} \mathbf{i} + \mathbf{v}_{y,i} \mathbf{j} = [(20 + 4.0t)\mathbf{i} - 15\mathbf{j}] \text{ m/s}$$

 $a = 4.0 i \text{ m/s}^2$ ويمكننا أيضاً الحصول على هذه النتيجة باستخدام المعادلة 8.4 مباشرة، لاحظ أن $\mathbf{v}_i = (20\mathbf{i} - 15\mathbf{j}) \text{ m/s } \mathbf{g}$

وتبعاً لهذه النتيجة، تزيد مركبة السرعة في اتجاه x بينما مركبة y نظل ثابتة. وهذا مطابق LL توقعناه. وبعد فترة طويلة سوف تصبح مركبة السرعة في اتجاه x كبيرة بحيث يمكن إهمال السرعة في اتجام y.

وإذا ما أردنا مد مسار الجسم في الشكل 5.4، سوف يصبح بكل تأكيد موازيا تقريباً للمحور x. إنه من المفيد دائماً أن نقارن بين الإجابة النهائية والشروط الابتدائية المعطاة.

t = 5.0 s احسب السرعة والسرعة المطلقة لجسيم عند t = 5.0 s

 $t = 5.0 \, \text{s}$ عند وضع النتيجة للجزء (a) عند وضع

$$\mathbf{v_f} = \{[20 + 4.0 (5.0)]\mathbf{i} - 15\mathbf{j}\} \text{ m/s} = (4.0\mathbf{i} - 15\mathbf{j}) \text{ m/s}$$

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

تخبرنا هذه النتيجة أنه عند v_{xf} =40m/s ،t=5.0 s و v_{xf} =40m/s ،t=5.0 s التي المركبية المذه النتيجة أنه عند θ أن نجد كل من مقدار واتجاه متجه السرعة. ولتعيين الزاوية θ التي الحركة في بعدين نستطيع أن نجد كل من مقدار واتجاه متجه السرعة. ولتعيين الزاوية θ التي تصنعها v مع الإحداثي v عند v عند v عند v الملاقة v أستخدم العلاقة v

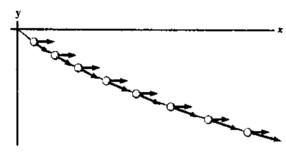
$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{v_{yf}}{v_{xf}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{-15 \text{ m/s}}{40 \text{ m/s}} \right) = -21^{\circ}$$

حيث تشير الإشارة السالبة أن الزاوية 21 أسفل الإحداثي x الموجب. والسرعة المطلقة هي المقدار v_f :

$$v_f = |\mathbf{v}_f| = \sqrt{v_{xf}^2 + v_{yf}^2} = \sqrt{(40)^2 + (-15)^2} \,\text{m/s} = 43 \,\text{m/s}$$

وبالنظر في هذه النتيجة، ذلاحظ أنه إذا حسبنا \mathbf{v}_i من المركبات \mathbf{y}_i نجد أن أيه وبالنظر في هذه النتيجة، فلاحظ أنه إذا حسبنا \mathbf{v}_i

(c) عين الإحداثيات x و للجسيم عند أي زمن t ومتجه الموضع عند هذا الزمن.



المادلة $x_i = y_i = 0$ عند المادلة المادلة 11.2 تعطى

$$x_f = v_{xi}t + \frac{1}{2}a_xt^2 = (20t + 2.0t^2) \text{ m}$$

 $y_f = v_{yi}t = (-15t) \text{ m}$

الشكل 5.4 الرسم البياني لحركة جسيم

ولذلك فإن متجه الموضع عند أي زمن 1 هو

$$\mathbf{r}_t = x_t \mathbf{i} + y_t \mathbf{j} = [(20t + 2.0t^2)\mathbf{i} - 15t\mathbf{j}] \text{ m}$$

 ${\bf v}_{\rm i}$ = (20i – 15j) m/s بتطبيق المعادلة 9.4 مباشرة مع ${\bf r}_f$ بتطبيق المعادلة ${\bf v}_{\rm i}$ = 4.0i m/s مباشرة مع ${\bf a}$ = 4.0i m/s مباشرة مع على ${\bf v}_{\rm i}$

هكذا (على سبيل المثال) عند $\mathbf{r}_f = 75$ m ، $\mathbf{r}_f = 150$ m · \mathbf{r}_f

$$r_f = \left| \mathbf{r}_f \right| = \sqrt{(150)^2 + (-75)^2} \,\mathrm{m} = 170 \,\mathrm{m}$$

لأحظ أن هذه ليست هي المسافة التي يقطعها الجسيم في هذا الزمن!

هل يمكنك تعيين هذه المسافة من المعلومات المعطاة؟

3.4 حركة المقذوفات PROJECTILE MOTION

أي شخص يشاهد حركة كرة البيسبول (أو أي شئ يُقذَف في الهواء) يكون قد رصد حركة مقذوف، تتحرك الكرة في مسار منحني ومن السهل أن نحلل حركته إذا أخذنا بفرضين: (1) يكون تسارع السقوط الحر g ثابتاً على مدى الحركة واتجاهه إلى أسفل⁽¹⁾ و (2) ويكون تأثير مقاومة الهواء مهمله⁽²⁾. مع هذه الفروض نجد أن مسار المقذوف، والذي نسميه المسار المنحني لقذيفة -Tra الهواء مهافئ دائماً. وسوف نستخدم هذه الفروض خلال هذا الفصل.

لكي نرى أن المسار المنحنى للمقذوف هو قطع مكافئ، دعنا نختار إطار إسناد بحيث يكون اتجاه وهو الاتجاه الرأسي والموجب إلى أعلى. وحيث إن مقاومة الهواء مهملة، نعلم أن $a_y = -g$ (كما هو الاتجاه الرأسي والموجب إلى أعلى. وحيث إن مقاومة الهواء مهملة، نعلم أن عند $a_y = 0$ الحال في السقوط الحر في بعد واحد) و $a_x = 0$ علاوة على ذلك، دعنا نفرض أنه عند $a_x = 0$ يترك المقذوف نقطة الأصل ($a_i = a_i = 0$) بسرعة $a_i = 0$ كما هو مبين في الشكل 6.4 ويصنع المتجه $a_i = 0$ زاوية مع الأفقى، حيث $a_i = 0$ هي الزاوية التي يترك بها المقذوف نقطة الأصل.

ومن تعريفات دالتي جيب التمام والجيب نجد أن:



$$\cos \theta_i = v_{xi}/v_i \qquad \sin \theta_i = v_{yi}/v_i$$

ولذلك تكون مركبات السرعة الإبتدائية y و x هي:

$$v_{xi} = v_i \cos \theta_i$$
 $v_{yi} = v_i \sin \theta_i$

وبالتعويض عن مركبة السرعة في اتجاء x في المعادلة 9.4a مع $a_x = 0$ و أجد أن:

مركبة الموضع الأفقية
$$x_t = v_{xi}t = (v_i \cos \theta_i)t$$
 (10.4)

وبتكرار هذا مع مركبة y وباستخدام $a_v = -g$ ، $y_i = 0$ نحصل على

مركبة الموضع العمودية
$$y_f = v_{y_i}t + \frac{1}{2}a_yt^2 = (v_i \sin \theta_i)t - \frac{1}{2}gt^2$$
 (11.4)

ثم، نحل المعادلة 10.4 عند ($v_i \cos \theta_i$) عند $t = x_f / (v_i \cos \theta_i)$ عند في المعادلة 11.4 نحصل

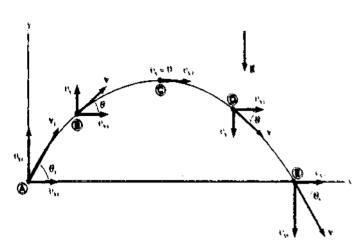
$$y = (\tan \theta_i)x - \left(\frac{g}{2v_i^2 \cos^2 \theta_i}\right)x^2$$
 (12.4)

⁽¹⁾ هذا الفرض يكون معقولاً طالما أن مدى الحركة صغير بالمقارنة بنصف قطر الكرة الأرضية (1) هذا الفرض يكافئ فرض أن الأرض مسطحة على مدى الحركة المفروضة.

⁽¹⁾ عامةُ هذا الفرض غير متحقق وخاصة في السرعات العالية. بالأضافة إلى أن أي دوران مغزلي للمقذوف، مثل الذي يطبق عندما يرمي لاعب كرة البيسبول الكرة المنحنية، قد يؤدي لبعض الظواهر الشيقة المصاحبة لقوى الديناميكا الهوائية التي سندرسها في الفصل 15.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

الشكل 6.4 المسحار قطع مكافئ المسخوف والذي يترك مكافئ المدوف والذي يترك نقطة الأصل بسرعة ، ٧. يتغير متجه مقداره واتجاهه. هذا التغير نتيجة أن العجلة في الاتجاه السالب للمحور ٧. وتظل المركبة ٢. للسرعة ثابتة مع الزمن حيث لاتوجد عجلة في الاتجاه الأفقى، وتكون مركبة السرعة صفراً عند قمة المسال.





(© The Telegraph Colour Library/ FPG)



معمل سريع: ____

ضع كرتى تنس عند حافة منضدة. اقذف بحدة بإحدى يديك إحدى الكرتين أفقياً بينما اقرع الكرة برفق بيدك الأخرى. قارن كم تستغرق الكرتان لكي تصل الأرض. اشرح نتائجك.

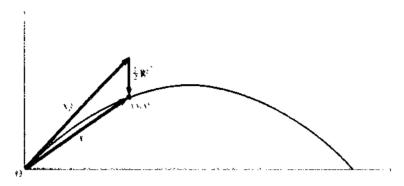
0< heta زاوية الإطلاق في المدى $\pi/2$

ولقد تركنا الرمز السفلي لد x و y حيث إن المعادلة تتحقق لأي نقطة (x, y) على مسار المقذوف. وتكون المعادلة على الصورة $y = ax - bx^2$ ، وهي معادلة قطع مكافئ يمر بنقطة الأصل. ولذلك فقد رأينا أن المسار المنحنى هو قطع مكافئ. لاحظ أن المسار يوصف وصفا كاملا إذا عُرفت كل من السرعة الإبتدائية x وزاوية القذف θ .

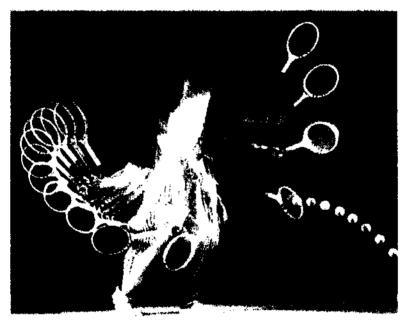
 $\mathbf{r}_i = 0$ العلاقة الاتجاهية لمتجه موضع المقذوف كدالة في الزمن تنتج مباشرة من المعادلة 4.9 بوضع $\mathbf{a} = \mathbf{g}$ و

$$\mathbf{r} = \mathbf{v}_i t + \frac{1}{2} \mathbf{g} t^2$$

الفصل الرابع، الحركة في بعدين



الشكل 7.4 متجه الموضع r للقشوف سرمته الانتدائية عند نقطة الأصل به وتكون إزاحة المقنوف هي المتجه vp إذا كانت الجاذبية غير مؤثرة، ويكون المتجه $\frac{1}{2} e p^2$ هو إزاحته العمودية نتبحة تأثير تسارع الجاذبية عليه إلى أسفل،



لقطات سريعة متثالية للاعب تنس ينفدن تصدويب ضدوية أساميية . لاحظ أن الكرة تتبع مسمدار قطع مكافئ يصف المقدوف. منثل هذه اللقطات تُستخدم لدراسة كفاءة الأدوات الرياضيية وكنذلك كنفياءة اللاعب.

(% Zimmerman, F P C International),

من الأهمية أن نفهم أن حركة جسيم يمكن أن تُعتبر جمع الحد v_i ، الإزاحة في عدم وجود العجلة، والحث $\frac{1}{2}g^2$ ، ينتج عن عجلة الجاذبية، ويطريقة أخرى، إذا كانت عجلة الجاذبية غير موجودة، يجب أن يستمر الجسيم في الحركة خلال خط مستقيم في اتجاء v_i , ولذلك تكون الإزاحة العمودية $\frac{1}{2}g^2$ التي يسقط خلالها الجسم تحت مستوى مصار الخط المستقيم هي نفس مسافة السقوط الحر لجسيم والتي يسقطها خلال نفس الفترة الزمنية، نستنتج أن حركة مقذوف هي جمع حركتين: (1) حركة سرعة ثابتة في الاتجاء الأفقي و (2) حركة السقوط الحر في الاتجاء العمودي، فيما عدا زمن الطيران 1، الركبة الأفقية والمركبة العمودية الحركة مقذوف لايعتمد أحداهما على الآخر كلية.

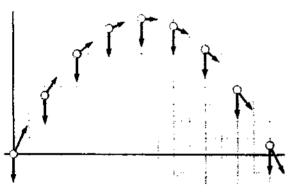
الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

مثال 2.4 تقريب حركة مقذوف

قذفت كرة بحيث كانت مركبتها الأفقية والرأسية للسرعة الابتدائية هي 40 m/s و 20 m/s، على الترتيب، احسب الزمن الكلي للطيران والمسافة التي تسقط عندها الكرة مقاسة من نقطة بدايتها.

الحل: نبدأ بتذكر أن مركبتي السرعة لاتعتمدان إحداهما على الأخرى. وباعتبار الحركة الرأسية أولاً، بستطيع تعيين الفترة الزمنية التي تظلها الكرة في الهواء. ثم نستخدم زمن الطيران لحساب المسافة الأفقية المقطوعة.

الرسم البياني للحركة مثل الشكل 8.4 يساعدنا في تنظيم مانعرفه عن المسألة. متجهات العجلة جميعها واحدة، تشير إلى أسفل بقيمة تساوي تقريباً 10 m/s² متجهات السرعة تغير اتجاهها، مركباتها الأفقية كلها واحدة وتساوي m/s ولأن الحركة الرأسية هي حركة سقوط حر، لذلك تتغير المركبة الرأسية لمتجهات السرعة، ثانية بثانية، من 40 m/s إلى 30،

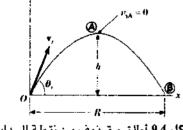


الشكل 8.4 الرسم البياني لحركة مقذوف

20، 10m/s تقريباً في الاتجاه الرأسي إلى أعلى، وأخيراً ثقل إلى 0 m/s ومن هنا تصبح سرعتها 10، 20 10m/s في متجة إلى أسفل. وهكذا تأخذ الكرة حوالي 4 s لكي تصعد و 4 s لكي تعود إلى 40 m/s 30، 20 أسفل، وهكذا يكون زمن الطيران الكلي 8 ثوان. وحيث إن مركبة السرعة الأفقية تساوي 20 m/s ولأن الكرة تسير بهذه السرعة لمدة 8 s، سوف تنتهى الحركة تقريباً على بعد 160 m من نقطة بدايتها.

المدى الأفقي وأقصى ارتفاع لقذوف Horizontal Range and Maximum Hight of a Projectile

دعنا نفرض أن مقذوف يُطلق من نقطة البداية عند $t_i = 0$ بمركبة سرعة موجبة v_{yi} كما هو مبين في الشكل 9.4 وهناك نقطتان هامتان للتعليل؛ نقطة القمة (A) والني لها إحداثيات خاصة (A) وتسمى المسافة (A) بالمدى والتي لها إحداثيات (A) وتسمى المسافة (A) بالمدى الأفقى للمقذوف، والمسافة (A) و (A)



الشكل 9.4 أطلِق مقدوف من نقطة البداية عند زمن =1 بسرعة ابتدائية v_i . أقصى ارتفاع للمقذوف هو h والمدى الأفنقي هو R عند نقطة القمة (A) للمسار تكون احداثيات الجسيم (A).

الفصل الرابع، الحركة في بعدين

ويمكننا قياس h بملاحظة أنه عند القمة، $v_{yA}=0$. لذلك يمكننا استخدام المعادلة 8.4a لتعيين الزمن t_{A} وهو الزمن الذي يأخذه المقذوف ليصل إلى القمة:

$$v_{yf} = v_{yi} + a_y t$$

$$0 = v_i \sin \theta_i - g t_A$$

$$t_A = \frac{v_i \sin \theta_i}{g}$$

وبالتعويض من هذه العلاقة عن t_A في الجزء من المعادلة 9.4a وبإحلال $y_f = y_A$ ب h نحصل على علاقة h بدلالة مقدار واتجاه متجه السرعة الابتدائية:

$$h = (v_i \sin \theta_i) \frac{v_i \sin \theta_i}{g} - \frac{1}{2} g \left(\frac{v_i \sin \theta_i}{g} \right)^2$$

$$h = \frac{v_i^2 \sin^2 \theta_i}{2g} \qquad (13.4)$$

$$h = \frac{v_i^2 \sin^2 \theta_i}{2g}$$

المدى R هو المسافة الأفقية التي يقطعها المقذوف في ضعف الزمن الذي يأخذة لكي يصبر إلى R المدى R هو المسافة الأفقية التي يقطعها المقذوف في ضعف الزمن الدي يأخذة لكي يصبر الى القمة، أي في زمس $t_{\rm B}=2t_{\rm A}$. وباستخدام الجرزء الخاص بلا من المسادلة 9.44 وبوضع $v_{xi}=v_{x}=v_{i}\cos\theta_{i}$ عند $v_{x}=v_{x}=v_{i}\cos\theta_{i}$ نجد أن

$$R = \upsilon_{xi}t_B = (\upsilon_i \cos \theta_i)2t_A$$
$$= (\upsilon_i \cos \theta_i)\frac{2\upsilon_i \sin \theta_i}{g} = \frac{2\upsilon_i^2 \sin \theta_i \cos \theta_i}{g}$$

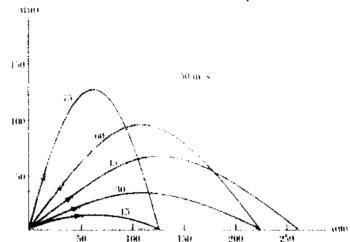
وباستخدام العلاقة المثلثية $heta = 2 \sin heta \cos heta$ ، نكتب R في صيغة أكثر اختصاراً.

$$R = \frac{v^2 \sin^2 2\theta_i}{g}$$
 (14.4) مدى المقذوف

تذكر أن المعادلتين 13.4 و 14.4 مفيدتان في حساب h و R فقط إذا ما كانت v_i و θ_i معلومتين (والتي تعني أن v_i فقط محددة) وكذلك إذا هبط المقذوف عند نفس الارتفاع الذي بدأ منه، كما هو حادث في الشكل 9.4.

القيمة العظمى لـ R من المعادلة 14.4 هي v_i^2/g هذه النتيجة تتضع من حقيقة أن أقصى قيمة لـ $\sin 2\theta_i$ هي $\sin 2\theta_i$ عندما $\cos 2\theta_i = 90^\circ$. ولذلك تكون R قيمة قصوى عندما $\cos 2\theta_i = 90^\circ$.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)



الشكل 10.4 أطائل د. ما نبوف من نفطة أرسابه بسرعه ابتدائية أساوي 50 m/s بزوايا مشتعة الاحطان النبيم المتملة للروايا بالأطبي المزاوية اللي ناطي نفس فيلة θ من المقاود).

يوضح الشكل 10.4 مسارات مختلفة لمقدوف له سرعة ابتدائية مدينة ولكنه بزوايا قذف مختلفة، وكما ترى أقصى مدى يحدث عند زاوية = 45 = 0. بالإضافة لذلك أي زاوية خلاف الزاوية (45، أي نقطة لما إحداثيات كرنيزية (0 و R) يمكن الوصول إليها باستخدام إحدى قيم الزاويتين المتممتين لى θ مثل θ مثل و 15° و 15° وبالتأكيد فإن أفسى ارتفاع وزمن الطيران لأحدى هاتين القيمتين θ تكون مختلفة عن أقصى ارتفاع وزمن طيران القيمة المندمة.

تجربة سريعة، ___

لكي تقوم بهذه التجربة فإنك تحتاج أن تكون خارج الأبواب ومعك كرة صغيرة مثل كرة النتس وكذلك ساعة إيقاف، اقذف الكرة راسياً إلى أعلى بقوة قدر استطاعتك وعين سرعة الانطلاق الابتدائية لقذفتك وأقصى ارتفاع تقريبي للكرة، باستخدام ساعتك فقط، ماذا يحدث عندما تقذف الكرة ببعض الزوايا $90^\circ + 9$ هل هذا يغير من زمن الطيران (ربما لأنه من السهل أن تقذف)؟ هل مازال باستطاعتك تعيين أقصى ارتفاع، وكذلك السرعة الابتدائية؟

تساؤل سريع 2.4

أشاء تسرك مفاوف على مساره لقطع مكافئ، هل يوجد أي نقطة على المسار بحيث يكون متجها السرعة والمجلة (a) كل منهما عبودياً على الأخر؟ (b) كل منهما مواري للآخر؟ (c) رتب المسارات الخمسة في الشكل 10.4 بالنسبة لزمن الطيران، بدءاً من الأقصر إلى الأطول.

مسائل - توجهات عند حل المسائل

حركة مقذوف

نقترح أن تستخدم التوجيهات التالية لحل مسائل حركة مقذوف:

- ♦ اختار نظام الاحداثيات وحلل منجه السرعة الابتدائية إلى مركبتيها في انجاهي x و y.
- اتبع الطرق المستخدمة في حل مسائل السرعة الثابتة لتحليل الحركة الأفقية. اتبع طرق حل مسائل العجلة الثابتة لتحليل الحركة الرأسية، تشترك الحركة لاتجاهي x و y في نفس زمن الطيران 1.

الوثب الطويل: مثال 3.4

يترك لاعب الوثب الطويل الأرض بزاوية °20.0 أعلى المستوى الأفقى وبسرعة مطلقة تساوى a) 11.0 m/s) ما هي المسافة التي وثبها اللاعب في الاتجاء الأفقى؟ (افرض أن حركته تكافئ حركة



في أحمدات الوثب- الطويل، 1993 المستطاخ البطل الأمسريكي Mick Powell أن يتسخطي

 $0 = (11.0 \text{ m/s}) \sin 20.0^{\circ} - (9.80 \text{ m/s}^2) t_A$ مسافة أفقية m على الأقل.

الحل؛ حيث أن كلا من السرعة الابتدائية المطلقة وزاوية الاطلاق معلومتان يكون الطريق المباشر لحل هذه المسألة هو استخدام علاقة المدى المعطاه بالمعادلة 14.4. بينما يكون الوضع أكثر تشوقاً إذا أخذنا العلاقة العامة في الاقتراب الأكثر عموماً ونستخدم الشكل 9.4، وكما سبق، نضع نقطة الأصل للإحداثيات عند نقطة الانطلاق ونرمز لأقبصي أرتضاع (القبمية) بـ (A) ونقطة الهبيوط بـ (B) . نصف المعادلة الأفقية بالمعادلة 10.4:

 $x_f = x_B = (v_i \cos \theta_i)t_B = (11.0 \text{ m/s})(\cos 20.0^\circ)t_B$ ويمكن ايجاد قيمنة X_B إذا عرف الزمن الكلى للوثبة. ونستطيع ايجاد $t_{\rm B}$ عندما نتذكر أن $a_{\rm v} = -g$ وباستخدام الجزء y من المعادلة 8.4a نلاحظ أيضاً أنه عند قمة الوثبة

تكون المركبة العمودية للسرعة $v_{v\,A}$ تساوي الصفر:

 $v_{vf} = v_{vA} = v_i \sin \theta_i - gt_A$

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

هذا هو الزمن اللازم للوصول إلى قمة الوثبة. ولأن الحركة الرأسية تكون متماثلة، تمر فترة زمنية مماثلة قبل أن يعود اللاعب إلى الأرض. ولذلك يكون الزمن الكلي في الهواء هو $t_B = 2t_A = 0.768$ وبالتعويض عن هذه القيمة في العلاقة السابقة لـ x نحصل على،

$$x_f = x_B = (11.0 \text{ m/s}) = (\cos 20.0^\circ)(0.768 \text{ s}) = 7.94 \text{ m}$$

وهي مسافة معقولة لمستوى لاعب دولي.

(b) ما هو أقصى ارتفاع يصل إليه؟

الحل: يمكن الحصول على أقصى ارتفاع بصل إليه باستخدام المعادلة 11.4:

$$y_{\text{max}} = y_A = (v_i \sin \theta_i) t_A - \frac{1}{2} g t_A^2$$

$$= (11.0 \text{ m/s}) (\sin 20.0^\circ) (0.384 \text{ s})$$

$$- \frac{1}{2} (9.80 \text{ m/s}^2) (0.384 \text{ s})^2$$

$$= 0.722 \text{ m}$$

التعامل مع لاعب الوثب- الطويل كجسيم هو تبسيط أكثر من اللازم، ومع ذلك فإن القيم التي حصلنا عليها معقولة.

تمرين: لاختيار صعة هذه الحسابات، استخدام المعادلتين 13.4 و 14.4 في حساب أقصى ارتفاع والمدى الأفقى.

شال 4.4 رمية صائبة في كل وقت المية صائبة في المية ط

في محاضرة توضيحيه معروفة، يطلق مقذوف على هدف بحيث يترك القذوف البندقية وفي نفس اللحظة يُسقط الهدف من السكون كما هو مبين في الشكل 11.4. أثبت أنه إذا وجهت البندقية ناحية الهدف الساكن فإن المقذوف سوف يصيب الهدف.

الحل؛ نستطيع أن نؤكد أنه سوف يحدث تصادم عند الشروط المذكورة بملاحظة أنه بمجرد تحرير المقذوف والهدف فإن كل منهما سوف يعاني نفس العجلة $a_y = -g$. لاحظ أولاً من الشكل أم 11.4 أن الإحداثي لا الابتدائي هو $a_y = \frac{1}{2} a r^2$ وإنه سوف يسقط حسافة $\frac{1}{2} a r^2$ في زمن 1. لذلك فإن الإحداثي لا للهدف في أي لحظة بعد تحريره يعطى بالعلاقة:

$$y_{\rm T} = x_{\rm T} \tan \theta_{\rm i} - \frac{1}{2}gt^2$$

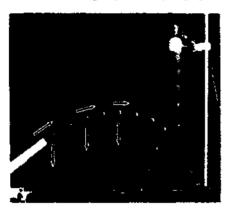
والآن إذا استخدمنا المعادلة 4.9a لكتابة علاقة لإحداثي المقذوف y عند أي لحظة، نحصل على:

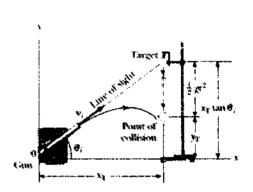
$$y_{\rm p} = x_{\rm p} \tan \theta_{\rm i} - \frac{1}{2} g t^2$$

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

هكذا، بمقارنة المعادلتين السابقتين، نلاحظ إنه عندما تكون الإحداثيات لكل من المقذوف والهدف واحدة، سـوف تكـون إحداثيــات x لهـما واحــدة أيضــاً ويحــدث التصــادم. أي إنه عــندما ير $x_0 = x_T$. ويمكنك الحصول على نفس النتيجة باستخدام العلاقات الخاصة بمتجهى السرعة $x_0 = x_T$ للمقذوف والهدف.

لاحظ أن التصادم سوف لايحدث دائماً بسبب القيد الإضافي: يمكن أن يحدث التصادم فقط عندما $\sqrt{gd/2}$ ، حيث d هي الارتفاع الابتدائي للهـدف فـوق الأرض. إذا كانـت ، أقل من هذه القيمة، سوف يرتطم المقذوف بالأرض قبل أن يصل إلى الهدف $v_i \sin heta_i$





الشكل 11.4 (a) صور متتابعة سريعة لتوضيح حركة مقذوف مع هدف. إذا وجهت البندقية نحو الهدف مباشرة وأطلق مقذوف في نفس اللحظة التي يبدأ فيها الهدف في السقوط، سوف يصبيب المقذوف الهدف في السقوط، سوف يصيب المقذوف الهدف. لاحظ أن سرعة المقذوف (الأسهم الحمراء) تتغير في الاتجاء والمقدار، بينما تظل العجلة ثابتة ومتجهة إلى أسفل (الأسهم البنفسجية). (Central Scientific Company). (b) رسم توضيحي بياني لوصف المقتذوف- الهندف، يستقط كل من المقذوف والهدف معاً خلال نفس المسافة الرأسية في زمن ٢ حيث أن لكل منهما $a_v = -g$ its limit is

📲 مثال 5.4

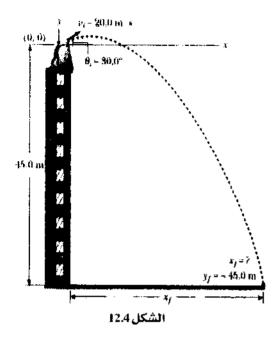


قَذف حجر من فَمة مبنى إلى أعلى بزاوية °30.0 مع الأفقى وبسرعة ابتدائية تساوى 20.0 m/s كما هو مبين في الشكل 12.4 . إذا كان ارتفاع المبنى m 45.0 m ما الزمن اللازم للحجر قبل أن يرتطم بالأرض؟

الحل؛ لقد أشرنا إلى البارامترات المختلفة في الشكل 12.4. عند قدومك على حل مثل هذه المسائل يجب عمل رسم تخطيطي يوضع البيانات مثلما هو مبين في الشكل 12.4.

المركبتان الابتدائيتان لسرعة الحجر في اتجاهي x و y هما:

اتْسِّيزِينْه (الْمِرْء الأول - الْيكانيكا والدنياميكا الحرارية)



$$v_M = v_1 \cos \theta_i = (20.0 \text{ m/s}) (\cos 30.0^\circ)$$

$$= 17.3 \text{ m/s}$$

$$v_M = v_1 \cos \theta_i = (20.0 \text{ m/s}) (\sin 30.0^\circ)$$

$$= 10.0 \text{ m/s}$$

$$y_I = v_{il} + \frac{1}{2} a_i t' \text{ position of 1000 p.s}, t \text{ position of 2000 p.s}$$

$$y_I = 45.0 \text{m/s}$$

$$y_I = 45.0 \text{m/s}$$

 $v_{j}=45.0 {\rm m}$ و $u_{s}=e_{j}$ (9.4 $u_{s}=v_{j}=45.0 {\rm m}$) و $v_{s}=45.0 {\rm m/s}$ (الأشارة السالية للقيمة العددية $v_{s}=10.0 {\rm m/s}$): $v_{s}=45.0 {\rm m/s}$

- 45.0 m = $(10.0 \text{ m/s})t - \frac{1}{2}(9.80 \text{ m/s}^2)t^2$ وبحل معادلة الدرجة الثانية في t فإن الجذر الموجب يعطى t = 4.22 s هل الجيزء السيالي له أي معنى فيزيادي (هل يمكنك التفكير في طريقة أخرى لايجاد t من المعلومات المعطاة؟)

(b) ماهي السرعة المطلقة للعجر هبل أن برنطم بالأرض مباشرة؟

y مع $t=4.22~\mathrm{s}$ التحصل على ما مركبة $v_{yf}=v_{yf}+a_yt$ ،8.4 $t=4.21~\mathrm{s}$ التحصل على ما مركبة للسرعة فقط قبل ارتطام الحجر والأرض مباشرةً.

$$v_{yf} = 10.0 \text{ m/s} - (9.80 \text{ m/s}^2) (4.22 \text{ s}) = -3 \text{ i.4 m/s}$$

الإشبارة السالبة تشير إلى أن الحجر يتحرك إلى أسفل. وحيث أن $v_{xj}=v_{xi}=17.3~{\rm m/s}$ تكون السرعة المطلقة المطلوبة هي:

$$v_f = \sqrt{v_{sf}^2 + v_{sf}^2} = \sqrt{(17.3)^2 + (-31.4)^2} \,\text{m/s} = 35.9 \,\text{m/s}$$

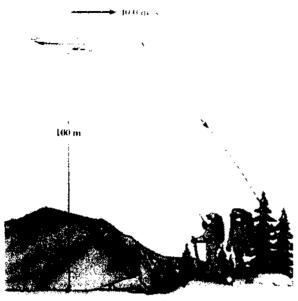
$$Solution = 35.9 \,\text{m/s}$$

$$Solution = 35.9 \,\text{m/s}$$

الإجابة: على بعد m 73.0 من قاعدة المبنى.

مثال 6.4

تسقط طائرة إنقاذ صندوق طعام طوارئ لمكتشفي الشواطئ كما هو مبين في الشكل 13.4 . إذا كانت الطائرة تطير أفقياً بسرعة 40.0 m/s وعلى ارتفاع m 100 من الأرض، أين يرتطم الصندوق بالأرض بالنسبة للنقطة التي ثم فيها إسقاط الصندوق؟



الشكل 13.4

الحل: نختار نظام الإحداثيان لهذه المسألة كما هو سبين في الشكل 13.4 والذي يكون فيه نقطة الأصل هي النقطة التي يُسقط عندها النسندوق، نعتبسر أولاً الحسركة الأفقية للصندوق، المعادلة الوحيدة لدينا لحسساب المسافية المقطوعية في الاتجباء الأفسيني هي $v_{ij} = v_{ij}$ (المعبادلة المعبدوق في مركبة السرعية الابتدائيية للصندوق في اتجاء $v_{ij} = v_{ij}$ عند المسلمية الطائرة عند التبخلص من الصندوق: $v_{ij} = v_{ij}$ ونذلك، وتذلك،

 $x_f = (40.0 \text{ m/s})t$

وإذا عبرقنا المطول زمن وجود الصندوق في الهنوا المكننا تعيين γx المسافية التي بشكس الصندوق في الاتجاه الأفقي، ولإيجاد المستخدم المدالة التي تصيف الحركة الدامسة الدستان علم أن الإحداثي لا هي $y_f = 100$ m نعلم أن الإحداثي لا هي $y_f = 100$ m عند لحظة الاسلام الدامية الابتدائية للصندوق y_g تساوي صفراً لأنه المدالحظة التخلص من السمدوق بري الردام سركة مسرعة أفقية فقط.

من المعادلة 9.4a نجد آن: $\frac{1}{2}gt^2$ من المعادلة 9.4a نجد آن: $\frac{1}{2}(9.80 \; \mathrm{m/s^2})t^2$

 $T = 4.52 \, \mathrm{s}$

يعطي التعويض عن هذه القيمة لزمن الطيران في معادلة الإحداثي $x_0 = (40) \text{ (iiii/s)} (4.25 \text{ s}) = 181 \text{ m}$

يرتطم الصندوق بالأرض على بعد 181 m يمن نقطة الاسماط.

تمرين، ما هي مركبتا السرعة الأفقية والرآسية للسندوق قبل أن يرتطم بالأرخل منسرك

 $v_{\sqrt{}}$ = 40.0 m/s و $v_{\sqrt{}}$ = -44.3 m/s و

تمرين؛ أين تكون الطائرة عند ارتطام الصندوق بالآرض؟ (أفرض أن الطائرة لاتغير سرعتها).

الإجابة: فوق الصندوق مباشرةً.

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

مثال 7.4 نهاية قفزة التزحلق على الحليد

يترك لاعب قفز الجليد وهو يتحرك في الاتجاه الأفقي بسرعة مقدارها 25.0 m/s، كما هو مبين في الشكل 14.4. تميل نقطة الهبوط تحته بزاوية 35.0°. أين يهبط على أسفل المستوى المائل؟

الحل: نتوقع أن المنزلج يطير في الهواء لأقل من x 10 ولذلك سوف لا يصل لأكثر من x 10 أفقياً. ويجب أن نتوقع قيمة x المسافة المقطوعة عبر المستوى المائل، تكون في حدود نفس القيمة، ومن المناسب أن نتختار بداية القفز كنقطة أصل $x_i = 0$ وحيث أن $x_i = 25.0$ و $x_i = 25.0$ و $x_i = 25.0$ و $x_i = 25.0$ و $x_i = 25.0$ وحيث أن $x_i = 0$ و $x_i = 0$ وحيث أن المعادلة $x_i = 0$

(1)
$$x_f = v_{xi}t = (25.0 \text{ m/s})t$$

(2)
$$y_f = \frac{1}{2}a_y t^2 = -\frac{1}{2}(9.80 \text{ m/s}^2)t^2$$

من المثلث القائم الزاوية في الشكل 14.4 نرى أن احداثيات نقطة هبوط اللاعب x,y يعطيان من المثلث القائث القائم الزاوية في الشكل $y_f = -d \sin 35.0^\circ$ و $x_f = d \cos 35.0^\circ$ بالعلاقة $x_f = d \cos 35.0^\circ$ بالعلاقة العلاقات في (1) و (2) نحصل

(3)
$$d \cos 35.0^{\circ} = (25.0 \text{ m/s})t$$

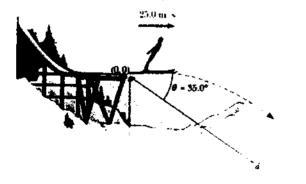
على

(4)
$$d \sin 35.0^{\circ} = -\frac{1}{2} (9.80 \text{ m/s}^2) t^2$$

وبحل (3) بالنسبة لـ t وبالتعويض عن النتيجة في (4) نجد أن d=109 m. ومن ثم تكون الإحداثيات x y x للنقطة التي عندها الهبوط هي:

$$x_f = d \cos 35.0^\circ = (109 \text{ m}) \cos 35.0^\circ = 39.3 \text{ m}$$

 $y_f = -d \sin 35.0^\circ = -(109 \text{ m}) \sin 35.0^\circ = -26.5 \text{ m}$



تمريس: عين المدة التي يستخرفها اللاعب في الجو وما هي مركبة سرعته الرأسية قبل هبوطها مباشرة.

-35.0 m/s וلإجابة؛

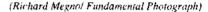
3.57 s

الفصل الرابع؛ الحركة في بعدين

له ماذا يعدث في المثال السابق إذا حمل المتزلج حجر وتركه أثناء فترة وجوده في الهواء؟ حيث أن الحجر له نفس السرعة الابتدائية مثل المتزلج سوف يظل في محاذاته أثناء تحركه. بمعنى إنه يطير بجانبه. هذه هي التقنية التي تستخدمها NASA لتدريب رواد الفضاء.

تم تصوير الطائرة الموجودة في بداية الفصل وهي تسلك نفس مسار المتزلج والحجر، يسقط الركاب والبضائع بمحاذاة بعضهم؛ أي أن لهما نفس المسار، يمكن أن تحرر رائدة فضاء قطعة من المعدات وسوف تطير حرة بجانبها، ويحدث نفس الشئ في مكوك الفضاء، تسقط الطائرة وكل شئ داخلها عند دورانها حول الأرض.

الشكل 15.4 هذه الصور المديدة المتتالية للتخلص من كرتين في نفس اللحظة توضع السقوط الحر (للكرة الحمراء) وحركة المقذوف (للكرة الصفراء). الكرة الصفراء قذفت أفقياً، بينما تحررت الكرة الحمراء من السكون.



معمل سريع ____

دون التذرع بأي شئ أكثر من مسطرة وبمعرفة أن الزمن بين اللقطات هو 308 /1، اوجد السرعة الأفقية للكرة الصفراء في الشكل 15.4. (تنويه: ابدأ بتحليل حركة الكرة الحمراء لأنك تعلم عجلتها الرأسية، تستطيع عمل معايرة للمسافات المصورة في الصورة، بعد ذلك يمكنك إيجاد السرعة الأفقية للكرة الصفراء).

UNIFORM CIRCULAR MOTION الحركة الدائرية المنتظمة 🗸 4.4

يوضع الشكل à 16.4 عربة تتحرك في مسار دائري بسرعة خطية ثابتة v . تسمى مثل هذه الحركة بحركة دائرية منتظمة . حيث أن اتجاه حركة العربة يتغير، وتكتسب العربة تسارعاً كما علمنا في القسم 1.4 . في أي حركة يكون متجه السرعة هو مماس المسار . وبالتالي، عندما يتحرك جسم في مسار دائري فإن متجه السرعة يكون عمودياً على نصف قطر الدائرة .

وسنوضح الآن أن متجه العجلة في حركة دائرية منتظمة يكون دائماً عمودياً على المسار ويشير دائماً تجاه مركز الدائرة وتسمى العجلة لهذه الحالة بالتسارع العمودي نحو المركز وتكون قيمتها:

$$a_r = \frac{v^2}{r} \tag{15.4}$$

المراجي والمنافقة المعادية المنطاعة المعرارية)



ويه طري المدار الموي بمسرعة ثابتة تشوم بحيركة دائرية منتظمة. (b) عندمنا $\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{$

هن نصف قطر الدائرة والدم بي يعاتضهم للدلالة على أن التسارع العمودي نحو المركز بكون في أنداء نصف القطر.

والذي يوضح جسيم عند النقطة (A) أولاً ثم عند النقطة (A) أولاً ثم عند النقطة (A) أولاً ثم عند النقطة (B) أولاً ثم عند النقطة (B) ويكون الجسيم عند (B) عند النقطة (B) عند زمن أخررًا، وسرعته عند هذا الرمن v_f دعنا هنا نفرض أن v_f و v_f يختلفان فقط في الاتجاه؛ وهيمتها واحدة (بمعنى أن $v_f = v_f = v$). ولحساب عجلة الجسيم، دعنا نبدأ بوضع معادلة للتوسط العجلة (العادلة 4.4):

$$\tilde{\mathbf{a}} = \frac{\mathbf{v}_f - \mathbf{v}_r}{t_f - t_r} - \frac{\Delta \mathbf{v}}{\Delta t}$$

ونوضح هذه المعادلة أننا يجب طرح v_f من v_f والتعامل معهما كمتجهات، حيث $\Delta v = v_f - v_f$ هي النظرة في السرعة، وحيث أن $\Delta v = v_f$ مستطيع إيجاد المتجه Δv ، مستخدماً مثلث المتجهات في النظرة في النظرة

و المثلث المؤلث على المثلث على 10.4b الذي له الضلعبان Δt و τ هذا المثلث والمثلث الموجود في الشركاء على المثلث على Δu و Δu مثماثلان، وهذه الحقيقة تمكننا من كتابة العبلاقة بين أطوال الأشيد و

$$\frac{\Delta v}{v} = \frac{\Delta r}{r}$$

(4.4 المعادلة بالنسبة لـ $a = \Delta v/\Delta t$ وبالتعويض عن التعبير الناتج في $a = \Delta v/\Delta t$ (المعادلة عند)

$$\overline{a} = \frac{v \wedge v}{r \wedge v}$$

والأن تصور أن النقطتين (\hat{B}) و (\hat{B}) في الشكل 16.4b قريبتان جداً من بعضهما، في هذه الحالة $(42)^2$ تشير ΔV نجاه مركز المسار الدائري، ولأن العجلة تكون في اتجاه ΔV ، فسوف تشير أيضاً تجاه المركز،

الضمل الرادع المحرمكة في بعدين

وعلاوة على ذلك كلما تقارب $egin{aligned} egin{aligned} eta & eta &$

$$a_r = \frac{w^2}{r}$$

وهكذا استنبع أنه في الحركة الدائرية المتظمة تتجه العينة أبد مركز الدائرة ومقدارها يعطى ب v^2/r حيث v هي المسرعة للجسليم و r هي نصاعه قطار الدائلرة، ويعكنك أن ترى أن أبعاد u^2/r . L/T^2 وسوف نعود المناقشة الحركة أندائرية في القسم σ .

5.4 رالمجلة (التسارع) الماسية والعجلة العمودية

TANGENITAL AND RADIAL ACCELERATION

ألى الآن افترض جسيم يتحرك على مسار منعني حيث تتفير السرعة مقداراً واتجاهاً كما هو مبين 3.6 بالشكل 17.4، وكما هو الحال دائماً، يكون متجه السرعة مماساً المسار، ببنما يتغير النجاء متحه العجلة a من نقطة لنقطة. وهذا المتجه يمكن تحليله إلى مركبتين منجهتين: مركبة عمودية على و مركبة متحهة مماسية a: ولذلك يمكن كتابة a على الصورة:

$$a = a_r + a_r$$
 (16.4) العجلة الكلية

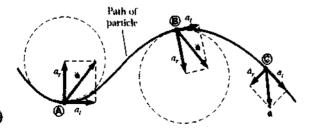
تسبب العجلة المماسية التغير في سرعة الجسيم . وتكون موازية للسرعة اللحظية وفيمتها هي٠

$$a_{t} = \frac{d|\mathbf{v}|}{dt}$$
 (17.4) last the last term (17.4)

وكما ذكرنا سابقاً تنشأ العجلة العمودية من التغير في اتجاه عتجه السرعه وأوا قيمه قياسيه تعطى بالعلاقة:

$$a_r = \frac{v^2}{r}$$
 (18.4) العجولة العمودية

حيث r هي نصف قطر منحنى المسار عند النقطة المطلوبة . وَلأَن a_r في نصف قطر منحنى المسار عند النقطة المطلوبة . ولأَن a_r هي نصف قطر منحنى المتعامدتان المتعا



الشكل 17.4 حركة جسيم في مسار منعنى الختياري يقع في المستوى بربد. فإذا تفيير متجه السيرعية و (مماسياً للمسار دائمياً) في الاتجاه والقيمة، تكون المركبتان الاتجاهيتان للعجلة a هما المركبة المماسية a،

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

وكما في حالة الحركة الدائرية المنتظمة، تشير دائماً a_r في الحركة الدائرية غير المنتظمة إلى النجاء مركز الانحناء كما هو مبين في الشكل 17.4 . وأيضاً تكون a_r كبيرة، عند سرعة ما، عندما يكون نصف قطر المنحنى صغير (كما هو الحال عند النقطتين $\widehat{\mathbf{B}}$ و $\widehat{\mathbf{B}}$ في الشكل 17.4) وصغيرة عندما تكون r كبيرة (مثل النقطة $\widehat{\mathbf{C}}$). ويكون اتجاء a_r إما في نفس اتجاء \mathbf{v} (إذا كانت v تتزايد) أو عكس v (إذا كانت v تتناقص).

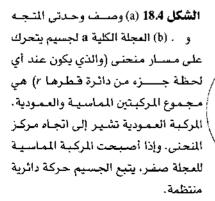
في الحركة الدائرية المنتظمة تكون v ثابتة، $a_i = 0$ وتكون العجلة كلية عمودية كما وصفنا في القسم 4.4 (لاحظ أن المعادلة 18.4 مماثلة للمعادلة 15.4). وبمنطوق آخر، تكون حركة دائرية منتظمة حالة خاصة من الحركة على مسار منعنى. علاوة على ذلك، إذا لم يتغير اتجاه v لا توجد عجلة نصف قطرية وتكون الحركة في بعد واحد (في هذه الحالة $a_i = 0$ ولكن ربما تكون $a_i = 0$ لاتساوى الصفر).

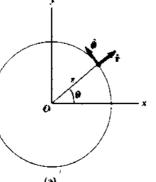
تساؤل سريع 3.4

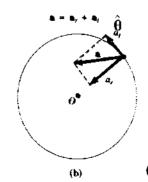
(a) ارسم رسم بياني لحركة يبين متجه السرعة والعجلة لجسيم يتحرك بسرعة ثابتة عكس اتجاه حركة عقارب الساعة حول دائرة. ارسم رسم بياني مماثل لجسيم يتحرك عكس اتجاه حركة عقارب الساعة حول دائرة ولكن (b) بتباطأ بعجلة مماسية ثابتة و (c) تتزايد سرعته بعجلة مماسية ثابتة.

من المناسب أن نكتب عجلة جسيم يتحرك في مدار دائري بدلالة متجهات الوحدة ونعمل ذلك بتعريف متجهي الوحدة $\hat{\mathbf{r}}$ و $\hat{\mathbf{\theta}}$ المبينة في الشكل 18.4a، حيث إن $\hat{\mathbf{r}}$ هي وحدة المتجهات يقع في اتجاه نصف القطر ويتجه قطرياً للخارج من مركز الدائرة و $\hat{\mathbf{\theta}}$ هي متجه الماس للدائرة. ويكون اتجاه $\hat{\mathbf{\theta}}$ في زيادة θ ، حيث تقاس θ عكس اتجاه حركة عقارب الساعة من المحور x الموجب. لاحظ أن كل من $\hat{\mathbf{r}}$ و $\hat{\mathbf{\theta}}$ تتعرف مع الزمن. وباستخدام هذه الملاحظة يمكن أن نعبر عن العجلة الكلية بما يلى:

$$\mathbf{a} = \mathbf{a}_t + \mathbf{a}_r = \frac{d|\mathbf{v}|}{dt} \,\hat{\theta} - \frac{v^2}{r} \,\hat{\mathbf{r}} \qquad (19.4)$$







الفصل الرابع الحركة في بعدين

تُوصَف هذه المتجهات في الشكل a=18.4. الإشارة السالبة للحد v^2/r في المعادلة a=19.4 تشير إلى أن عجلة التسارع العمودية تتجه دائماً ناحية القطر عكس a.

🖺 اختبار سریع 4.4

معتمداً على خبرتك، ارسم رسم بياني لحركة مبيناً متجهات الموضع، السرعة والمجلة لبندول يتذبذب، من الوضع الابتدائي °45 جهة اليمين من الخط الرأسي المار بالمركز، متأرجعاً في قوس ليحمله إلى الوضع النهائي °45 من الشمال للخط الرأسي الذي يمر بنقطة المركز، القوس هو جزء من دائرة ويجب أن تستخدم مركز هذه الدائرة كنقطة أصل لمتجه الوضع.

مثال 8.4 كرة متأرجحة

تتأرجع كرة مربوطة من طرف خيط طوله m 0.50 في دائرة عمودية تحت تأثير الجاذبية الأرضية كما هو موضح في الشكل 19.4. وعندما يصنع الخيط زاوية $\theta=20^\circ$ مع الرأسي تكون سرعة الكرة 1.5 m/s

(a) أوجد قيمة المركبة العمودية للعجلة في هذه اللحظة.

الحل: يطبق على هذه الحالة رسم إجابة التساؤل السريع 4.4 وبالتالي سيكون لدينا فكرة جيدة عن كيفية تغير متجه العجلة أثناء الحركة. الشكل 19.4 يجعلنا نأخذ نظرة أقرب عن هذه الحالة. تُعطى العجلة العمودية بالمعادلة 18.4 حيث $v = 1.5 \, \text{m/s}$ و $v = 0.50 \, \text{m}$ و نثم نجد أن:

$$a_r = \frac{v^2}{r} = \frac{(1.5 \text{ m/s})^2}{0.50 \text{ m}} = 4.5 \text{ m/s}^2$$

 $\theta = 20^\circ$ عند $\theta = 20^\circ$ عند (b)

 $\mathbf{g} \sin \theta$ عندما تكون الكرة عند الزاوية θ من الرأسي، تكون لها عبجلة مماسية قييمشها $a_r = \mathbf{g} \sin 2\dot{0}^\circ = 3.4 \, \mathrm{m/s}^2$. ولذلك عند $\theta = 20^\circ$ عند الماسية للدائرة.

 $\theta = 20^{\circ}$ عند a عجلة النسارع الكلي a عند (c)

الحل: حيث أن $a=a_r+a_t$ تكون قيمة $a=a_r+a_t$ هي:

$$a = \sqrt{a_r^2 + a_t^2} = \sqrt{(4.5)^2 + (1.3)^2 \text{m/s}^2} = 5.6 \text{ m/s}^2$$

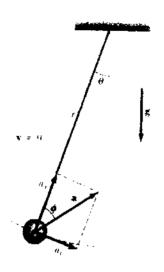
elici كانت θ هي الزاوية بين a والخيط:

$$\phi = \tan^{-1} \frac{a_t}{a} = \tan^{-1} \left(\frac{3.4 \text{ m/s}^2}{4.5 \text{ m/s}^2} \right) = 37^\circ$$

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

لاحظ أن a, a, a تتغيير في الاتجام والقيمة عندما نهتز الكرة في دائرة. وعندما تكون الكرة عند أدنى ارتضاع ($\theta = 0$) ضان عند \mathbf{g} عند اليوجد مركبة مماسية عند $a_r = 0$ هذه الزاوية؛ وتكون أيضاً a, عند القيمة القصوي لأن v تكون فيمتها قصوى.

وإذا كانت الكرة لها سرعة كافية لكي a_1 تكون ($\theta = 180^{\circ}$) تكون تكون أيصل لأعلى مسوضع مساوية للصفر مرة أخرى ولكن a_r في أدنى قيمة لها حيث تكون v في هذ اللحظة قيمة صغيرى، وأخيراً في الوضيعين الأفقيين تكون ا a_1 = g تكون (θ = 90° ، θ = 270°) فيمة بين القيمتين الصغرى والكبرى. a_{μ}



الشكل 19.4 حركة كرة معلقة بخيط طوله r، تهتز الكرة بحركة دائرية غير منتظمة في مستوى رأسي، وعجاتها a لها a_i مرکبة عمودية a_i وأخرى مماسية

6.4 > السرعة النسبية والعجلة النسبية:

RELATIVE VELOCITY AND RELATIVE ACCELERATION

في هذا القسم نصف كيف تكون الأحداث- الظاهرة- لتسجيلات راصدين مختلفين مرتبطة ببعضها في إطاري إسناد مختلفين. سوف نجد أن الراصدين في أُطر الإسناد المختلفة ربما يقيسون ازاحات، سرعات، وعجلات مختلفة لجسيم معين (لنفس الجسم). بمعنى إنه بصورة عامة لايتفق راصدان يتحرك إحداهما بالنسبة للآخر في النتائج المقاسة.

على سبيل المشال افرض أن سيارتين متح ركتين في نفسس الاتجاء بالسرعتين h 50 mi/ h و 60 mi/h. بالنسبة للراكب في السيارة الأبطأ تكون سرعة السيارة الأسرع هي 10 mi/h. وبالطبع سنوف يقيس راصند سناكن سنزعية السنيارة الأسنرع لتكون mi/h 60 mi/h وليسنت 10 mi/h . أي الرصدين يكون صحيحاً؟ كلاهما على حق! هذا المثال البسيط يوضح أن السرعة لجسم تعتمد على إطار الإستاد الذي تقاس منه.

افرض أن شخص يتزلج على أرضية زلاجة (راصد Observer A) يقذف كرة بطريقة تظهر بالنسبة لإطار إسناد هذا الشخص كأنها تتحرك رأسياً إلى أعلى ثم إلى أسفل في نفس الخط الرأسي كما هو مبين في الشكل a 20.4 ويرى راصد آخر ساكن B مسار الكرة كقطع مكافئ كما هو موضع بالشكل b 20.4 . بالنسبة للحركة النسبية من الكرة للراصد B، تكون للكرة مركبة سرعة رأسية (ناتجة 146) من السرعة الابتدائية لأعلى وعجلة الجاذبية لأسفل) ومركبة أفقية.

الفصل الرابع، الحركة في بعدين

مثال آخر لهذا المفهوم هو إسقاط صندوق من طائرة تطير بسرعة ثابتة، هذه الحالة درسناها في مثال 6.4. يرى راصد في الطائرة حركة الصندوق كخط مستقيم تجاه الأرض. بينما يرى مستكشف في سفينة جانحة مسار الصندوق كقطع مكافئ. إذا استمرت الطائرة في التحرك أفقياً بنفس السرعة بمجرد اسقاط الصندوق فإن الصندوق سوف يرتطم بالأرض أسفل الطائرة مباشرة (وذلك إذا فرضنا إهمال مقاومة الهواء)!

وكحالة أكثر عموماً، اعتبر جسيم موضوع عند النقطة A في الشكل 21.4. تخيل أن حركة هذا الجسيم يتم وصفها بواسطة راصدين، واحد في إطار الاسناد S (Reference Frame) ثابت بالنسبة للأرض، والآخر في إطار الاسناد S يتحرك جهة اليمين بالنسبة إلى S (وكذلك بالنسبة للأرض) بسرعة ثابتة V_0 (بالنسبة للراصد عند S، وتتحرك S إلى اليسار بسرعة V_0). حيث يقف الراصد في إطار إسناد لاعلاقة له بهذا الموضوع ولكن الغرض من هذا النقاش هو وضع كل راصد عند نقطة الأصل التابعة له.



الشكل 20.4 (a) راصد A على عربة متحركة يرمي كرة رأسياً إلى أعلى ويراها تعلو وتسقط في مسار خط مستقيم. (b) راصد B ساكن يرى مسار قطع مكافئ لنفس الكرة.

نرمز لموضع الجَسيم بالنسبة لإطار S بمتجه r وبالنسبة للإطار S' بمتجه الموضع r'، وذلك بعد فترة زمنية t'. العلاقة التي تربط متجهى الموضع t' و t' هي t' و t'

التحويل الجاليلي للإحداثيات
$$r' = r - v_0 t$$
 (20.4)

بمعنى إنه بعد زمن t يُزاح الإطار S' جهة اليمين من S' بمقدار $V_0 I'$.

وإذا قمنا بتفاضل المعادلة 20.4 بالنسبة للزمن مع اعتبار ${f v}_0$ ثابتة نحصل على:

$$\frac{d\mathbf{r}^{\dagger}}{dt} = \frac{d\mathbf{r}}{dt} - \mathbf{v}_0$$

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

$$v' = v - v_0$$
 (21.4) التحويل الجاليلي للسرعة

حيث 'V هي سرعة الجسيم المرصودة عند 'S و V هي سرعته المرصودة عند S. المعادلتان 20.4 و V هي سرعته المرصودة عند S. المعادلتان 20.4 و 21.4 تعرفان بتحويلات معادلات الحركة لجاليليو 21.4 تعرفان بتحويلات معادلات الحركة لجاليليو الموضع والسرعة لجسيم عند قياسهما عند موضع ثابت بالنسبة للأرض بتلك القيم المقاسة عند موضع متحرك بحركة منتظمة بالنسبة للأرض.

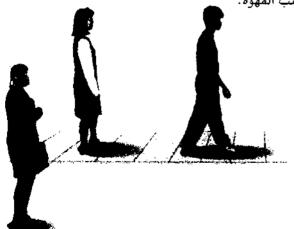
وعلى الرغم من أن الراصدين يقيسان سرعات مختلفة للجسيم إلا أنهما يقيسان نفس العجلة عندما تكون v₀ ثابتة. ويمكن التحقق من ذلك بإجراء التفاضل بالنسبة للزمن 1 للمعادلة 21.4:

$$\frac{d\mathbf{v}^{\mathsf{T}}}{dt} = \frac{d\mathbf{v}}{dt} - \frac{d\mathbf{v}_0}{dt}$$

آختبار سريع 5.4

راكب في سيارة تسير بسرعة 60 mi/h في ملؤ فتجانا من القهوة للسائق المتعب، أوصف مسار القهوة عندما تتحرك من الإناء إلى الفنجان كما يُرى بواسطة (a) المسافر و (b) شخص واقف بجانب الطريق وينظر إلى نافذة السيارة عندما تمر (c) ماذا يحدث إذا حدث تسارع للسيارة بينما تُصب القهوة.

موضعه بالنسبة لـ `S



"شكل 21.4 يوصف جسيم موضوع عند (A) بواسطة

راصدين احدهما في إطار ثابت كوالاخر في إطار

يتحرك جهة اليمين بسرعة \mathbf{v}_0 . والمتجه \mathbf{r} هو \mathbf{S}

متجه موضع الجسيم بالنسبة لـ r`, S هو متجه

ترى سيدة واقفة على سير منحرك رجل يسير عليه بسرعة أبطأ من سيدة تقف على أرضية ساكنة.

مركب بعيرتهر مثال 9.4

يتجه مركب ناحية الشمال عبر نهر واسع سيرعة مطلقة 10.0 km/h بالنسبة للماء، ويتحرك الماء في النهر بسرعة منتظمة 5.00 km.h ناحية الشرق بالنسية للأرض، عين سرعة المركب بالنسبة لشخص يقف على الشاطئ.

 V_{rE} مسرعة المركب بالنسبية للنهر، و V_{br} سيرعية النهار بالنسابية للأرض معلوماتان. وكل ما نحتاجه هو حساب سرعة المركب بالنسبة للأرض V_{hF} . العلاقة بين هذه الكميات تعطى بالمعادلة:

$$\mathbf{v}_{bE} = \mathbf{v}_{br} + \mathbf{v}_{rE}$$

.

الشكل 22.4

يجب معاملة الحدود في المعادلة على أنها كميات متجة؛ هذه المتجهات موضعة في الشكل 4 22. الكمية ${
m V}_{
m bc}$ ناحية الشمال، ${
m V}_{
m rE}$ ناحية الشرق ومتجه المحصلة ${
m V}_{
m bc}$ يصنع زاوية heta، كما هي واصحة في الشكل 22.4. هكذا نستطيع إيجاد السرعة V_{bE} للمركب بالنسبة للأرض باستخدام نظرية فیٹاغورٹ:

$$v_{bE} = \sqrt{v_{br}^2 + v_{rE}^2} = \sqrt{(10.0)^2 + (5.00)^2} \text{km/h}$$

= 11.2 km/h

واتجام ۷_{bE} هو: $\theta = \tan^{-1} \left(\frac{v_{\text{rE}}}{v} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{5.00}{10.0} \right) = 26.6^{\circ}$

يتحرك المركب بسرعة مطلقة 11.2 Km/h في اتجاه °26.6 الشمال الشرقي بالنسبة للأرض.

تمرين: إذا كان عرض النهر 3.0 Km، احسب الزمن الذي يستغرقه المركب لعبوره.

الإجابة: 18 min.

مثال 10.4 أي طريق يجب أن نسلكه؟

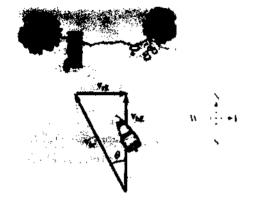
إذا تحرك المركب في المثال السابق بنفس السرعة 10.0 Km/h بالنسبة للنهر متجهاً ناحية الشمال، كما هو مبين في الشكل 23.4، ما هو الاتجاء الذي يجب أن بأخذه؟

الحل؛ كما في المثال السابق نعلم ٧٠٤ وقيمة المتجه ٧_{bc} ونريد أن تكون ٧_{bE} في اتجاه عبور النهر. يبين الشكل 23.4 أن المركب يجب أن يتغلب على النيار للانتقال مباشرة تجاه الشمال عبر النهر.

الضيزياء (الجزءالأول الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

لاحظ الفرق بين المثلث الموجود في الشكل 23.4 والمثلث الموجود في الشكل 23.4- خاصة وتر المثلث في الشكل 23.4 والذي لايمثل الآن ب v_{bE} . لذلك عندما نستخدم نظرية فيثاغورث لحساب v_{bE} هذه المرة نحصل على:

$$v_{\rm bE} = \sqrt{v_{\rm br}^2 + v_{\rm tE}^2} = \sqrt{(10.0)^2 + (5.00)^2 \, \text{km/h}} = 8.66 \, \text{km/h}$$



الشكل 23.4

47

والآن بمعرفة مقدار V_{bE} نستطيع حساب الاتجاء الذي يأخذه المركب:

$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{v_{\text{rE}}}{v_{\text{bE}}} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{5.00}{8.66} \right) = 30.0^{\circ}$$

يجب أن يتخذ المركب سبيلاً تجاه °30.0 في الشمال الغربي.

تمرين: إذا كان عارض النهار 3.0 km، احسب الزمن الذي يستغرقه المركب لعبور النهر.

الإجابة: 21 min.

ملخص SUMMARY

إذا تحرك جسيم بعجلة ثابتة a وسرعة v_i ومتجه موضع r_i عند الزمن t. يكون متجهي سرعته وموضعه بعد زمن t هي:

$$\mathbf{v}_f = \mathbf{v}_i + \mathbf{a}t \tag{8.4}$$

$$\mathbf{r}_f = \mathbf{r}_i + \mathbf{v}_i t + \frac{1}{2} \mathbf{a} t^2 \tag{9.4}$$

بالنسبة للحركة في بعدين في المستوى xy تحت تأثير عجلة ثابتة، كل من هذه المتجهات السابقة تكون مكافئة لمركبتين واحدة للحركة في الاتجاه x والأخرى في الاتجاه y. ويجب أن تكون قادراً على تحليل الحركة في اتجاهين لأي جسم إلى هاتين المركبتين.

 $a_y=-g$ و $a_x=0$ حركة المقذوف هي نوع من أنواع الحركة في بعدين تحت تأثير عجلة ثابتة حيث $a_x=0$ و (2) من المفيد أن نعتبر حركة المقذوف على أنها مجموع حركتين: (1) حركة سرعة ثابتة في التجاء x و (2) عركة سقوط حر في الاتجاء الرأسي تحت تأثير عجلة ثابتة إلى أسفل مقدارها $a=9.80 \, \mathrm{m/s}^2$ ويجب تحليل الحركة في مركبتي السرعة الأفقية والرأسية، كما هو في الشكل 24.4.

حركة جسيم في دائرة نصف قطرها r بسرعة $\hat{m{v}}$ هي الحركة الدائرية المنتظمة. وهي تحت تأثير

عجلة عمودية ، a، لأن اتجاه v يتغير مع الزمن، ويُعطى مقدار ، a بالعلاقة:

$$a_r = \frac{v^2}{r}$$
 (18.4) ويكون اتحاهها دائماً ناحية مركز الدائرة.

إذا تحرك جسيم على مسار منحنى بطريقة يتغير فيها مقدار واتجاه \mathbf{v} مع الزمن، يكون للجسيم متجه عجلة يمكن وصفه بمركبتي متجه (1) المركبة النصف قطرية العمودية للمتجه \mathbf{a}_r والتي تسبب التغير في اتجاه \mathbf{v} و مركبة مماسية للمتجه \mathbf{a}_r والتي تسبب التغير في قيمة \mathbf{v} وفيمة \mathbf{a}_r هي \mathbf{a}_r مركبة مماسية للمتجه \mathbf{a}_r والتي تسبب التغير في قيمة \mathbf{a}_r ويجب ان نرسم رسم بياني لحركة جسيم له مسار منحني ونبين كيف يتغير متجها السرعة والعجلة عندما تتغير حركة الجسم.

ترتبط السرعة v لجسيم والمقاسة في إطار الإسناد S بالسرعة v' لنفس الجسيم والمقاسة في إطار إسناد متحرك S' بالعلاقة:

$$\mathbf{v'} = \mathbf{v} - \mathbf{v}_0 \tag{21.4}$$

حيث v_0 هي سرعة S' بالنسبة لـ S . ويمكن التحويل للخلف والأمام بين إطاري إسناد مختلفين.



الشكل 24.4 تحليل حركة مقذوف إلى المركبتين الأفقية والرأسية.

QUESTIONS اسئلة

- 1- هل يمكن لجسم أن يتسارع إذا كانت سرعة ثابتة؟ هل يمكن لجسم أن يتسارع إذا كانت سرعته الإتجاهية ثابتة؟
- إذا كان متوسط سرعة جسيم يساوي صفر
 في فترة زمنية ما، ما الذي تقوله عن إزاحة
 الجسيم في تلك الفترة؟
- [3] إذا علمت متجه موضع جسيم عند نقطتين على مساره وعلمت كذلك الزمن الذي يأخذه لينتقل من نقطة للأخرى، هل تستطيع أن

تعين السرعة اللحظية للجسيم؟ وكذلك متوسط سرعته؟ اشرح.

- 4- اوصف الحالة التي تكون فيها سرعة جسيم عمودية دائماً على متجه الموضع.
- [5] اشرح أي من الجسيمات التالية تكون لها عجلة تسارع أو ليس لها: (a) جسيم يتحرك في خط مستقيم بسرعة ثابتة (b) جسيم يتحرك حول منحنى بسرعة ثابتة.

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والدنياميكا الحرارية)

- 6- صحح المقولة التالية: "سيارة السباق تلف الدوران بسرعة ثابتة mi/h".
- 7- عين أي من الأجسام المتحركة التالية لها
 مسار قطع مكافئ تقريباً:
- (a) كرة ملقاة في اتجاه اختياري، (b) طائرة نفاسة (c) صاروخ يترك منصة الاطلاق (d) صاروخ تتعطل محركاته بعد الاطلاق بدقائق، (e) حجر مقذوف يتحرك إلى قاع بركة بها ماء.
- 8- أسقطت صخرة في نفس لحظة قذف كرة آفقياً من نفس الارتفاع. أي منهما له سرعة أكبر عند وصوله لمستوى الأرض؟
- 9 تندفع سفينة فضاء خلال الفضاء بسرعة ثابتة. وفجأة تسرب غاز في جانب السفينة مسبباً تسارعاً ثابتاً للسفينة في اتجاه عمودي على السرعة الابتدائية. لم يتغير اتجاه السفينة، ولذلك ظلت العجلة عمودية على اتجاه السرعة الابتدائية. ما هو شكل المسار الذي تأخذه السفينة في هذه الحالة؟
- 10- أطلقت كرة أفقياً من قمة مبنى وبعد ثانية واحدة أطلقت كرة أخرى أفقياً من نفس النقطة وبنفس السرعة. عند أي نقطة في الحركة سوف تكون الكرتان قريبتين جدا لبعضهما؟ هل تسير الكرة الأولى بسرعة أكبر دائماً من الثانية؟ كم من الزمن يمر بين لحظة ارتطام الكرة الأولى بالأرض ولحظة ارتطام الشانية بالأرض؟ هل يمكن تغير مسقط السرعة الأفقية للكرة ثانية لكي تصل الكرتان معاً إلى الأرض في نفس الوقت؟
- 11- يجادل طالب أستاذه بأن القمر الصناعي يدور حسول الأرض في مسسار دائري، ويتحرك بسرعة ثابثة ولذلك لاتكون له

- عبجلة، ويدعي الأستاذ أن الطالب على خطأ حيث إن القيمر الصناعي يجب أن تكون له عجلة عمودية عندما يتحرك في مساره الدائري، ما هو الخطأ في مجادلة الطالب؟
- 12 ما هو الضرق الجوهري بين متجهي الوحدة $\hat{\mathbf{r}}$ و $\hat{\mathbf{g}}$ ومتجهي الوحدة $\hat{\mathbf{r}}$
- 13- سرعة البندول عند نهاية قوسه تساوي صفراً هل تساوي عجلته الصفر عند هذه النقطة؟
- 14- إذا أسقط حجر من قمة ساري مركب. هل يرتطم بسطح المركب عند نفس النقطة بغض النظر عما إذا كان المركب ثابت أو متحرك بسرعة ثابتة؟
- 15- فذف حجر رأسياً إلى أعلى من قمة مبنى. هل تتوقف إزاحة الحجر على موضع نقطة أصل إحداثيات النظام؟ هل تعتمد سرعة الحجر على موضع نقطة الأصل؟
- 16- هل يمكن أن تسير عربة حول منحنى بدون عجلة؟ فسر ذلك.
- 17- هُذفت كرة بسرعة ابتدائية (15 j +10) m/s. عندما تصل إلى أهصى قيسمة المسارها، ما هي (a) سرعتها و (b) عجلتها؟ اهمل تأثير مقاومة الهواء.
- 18- يتحرك جسم في مسار دائري بسرعة ثابتة (a) v ثابتة فابتة الجسم ثابتة (b) هل عجلته ثابتة اشرح.
- [9] : طلقت قديفة بزاوية معينة مع المحور الأفقي بسرعة ابتدائية بن، اهمل مقاومة الهواء. هل تتعامل مع القديفة كجسم يسقط سقوطاً حراً؟ ما هي عجلته في الاتجاه الرأسي؟ وما هي عجلته في الاتجاه الأفقي؟

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

- 20- أطلقت قديفة بزاوية "30 من الاتجاه الأفقي بسرعة ابتدائية مطلقة معينة. عند أي زاوية أخرى يطلق الصاروخ كي يكون له نفس المدى إذا كانت السرعة الابتدائية واحدة في الحالتين؟ اهمل مقاومة الهواء.
- 12- أطلقت قذيفة على الأرض بسرعة ابتدائية ما. كما أطلق صاروخ آخر على القمر بنفس السرعة الابتدائية. فإذا أهملت مقاومة الهواء، أي من الصاروخين له مدى أكبر؟ أيهما يصل إلى ارتفاع أكبر؟ (لاحظ

أن عجلة السقوط الحر على القمر حوالي 1.6 m/s^2

- 22- عندما يتحرك مقذوف خلال مساره في قطع مكافئ أي من هذه الكميات يظل ثابتاً: (a) السرعة المطلقة، (b) العجلة، (c) المركبة الأفقية للسرعة، (d) المركبة الراسية للعجلة؟
- 23- راكب في قطار يسير بسرعة ثابتة يسقط ملعقة. ما هي عجلة الملعقة بالنسبة لـ (a) الأرض؟

PROBLEMS Jilmo

1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

🔲 = الحل كامل متاح في المرشد.

http://www.sanunderscollege.com/physics/ = الحل موجود في: | WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

🚅 = فيزياء تفاعلية

___ = ازواج رفميه/ باستخدام الرمو _____

قسم 4.4

سرعة راجة بخارية بسرعة 0.00 يتحرك راكب دراجة بخارية بسرعة 0.00 min تجاه الشمال لمدة m/s ثم يتجه غيرياً بسرعة 2.00 min معرباً بسيرعة 30.0 m/s لمدة يتجه جنوب غيرب بسيرعة 30.0 m/s لمدة 1.00 min في هذه الرحلة التي استغرفت 6 دقائق، اوجد (a) متجه الإزاحة الكلي (b) السيرعة المتوسطة (c) السيرعة المتوسطة الخوسطة المحور الذي يكون الاتجاه الموجب لـ x شرقاً.

-2 افرض أن متجه موضع جسيم يعطى x = at + b حيث r = xi + yj بالعملاقـــة at + b حيث at + b حيث at + b العملاقـــة at + b العملاقـــة (a) at + b العملاقـــة (a) at + b العملاق

متوسط السرعة خلال الفترة الزمنية من متوسط السرعة خلال الفترة الزمنية من من t=2.00 السرعة الإتجاهية والسرعة عند t=2.00

3- فُذِفت كرة جولف من حافة هضبة. تتغير
 المحاور x و y مع الزمن بالعلاقتين التاليتين:

x = (18.0 m/s)t

 $y = (4.00 \text{ m/s})t - (4.90 \text{ m/s}^2) t^2$

(a) اكتب تعبير لمتجه موضع الكرة كدالة في الزمن بدلالة i j. بإجراء التفاضل للمتجه الزمن بدلالة أو j. بإجراء التفاضل للمتجه السيابق اكتب تعبيراً لكل من (b) متجه التسارع السرعة كدالة في الزمن. استخدم متجهات الوحدة للتعبير عن (b) الموضع (e) السرعة و (f) تسارع الكرة بعد 3.00 s =1.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

4- إحداثيات جسم يتحرك في المستوى ٢٠.
 نتغير مع الزمن تبعاً للمعادلات التالية:

$$x = -(5.00 \text{ m}) \sin \omega t$$

$$y = (4.00 \text{ m}) - (5.00 \text{ m}) \cos \omega t$$

.(Second)-ا جيث t بالثواني و ω بوحدات

- (a) عين مركبات السرعة ومركبات العجلة عند 0=1. (b) اكتب عبلاقات لمتجه الموضع، متجه السرعة، ومتجه العجلة عند أي زمن 0 < 7.
- (c) صف مسار الجسم على الرسم البياني .xy

قسم 2.4

- عند t=0 عند t=0 يتحصرك جسسسيم في المستوى t=0 يتصرعة ثابتة وبسرعة المستوى t=0 بعجلة ثابتة وبسرعة $v_i=(3.00 \ i-2.00 \ j)$ m/s عند $t=3.00 \ s$ المسيم و $t=3.00 \ s$ المسيم عند أي زمن t=0
- 6- يتغير متجه موضع جسيم مع الزمن تبعاً للمسلاقة (a) r= (3.00 i- 6.00 t²j)m أوجد علاقة للسرعة والتسارع كدالة في الزمن (b) عين موضع الجسيم وسيرعته عند (b) عين موضع الحري (b) عين (b)
- 7- جسيم عند نقيطة الأصيل له عجلة a= 3.00 j m/s² وسيرعته الابتدائيسة v_i= 5.00 i m/s وسيرعية عند أي زمن t و (b) ومتبجه السيرعية عند أي زمن t و (b) الاحداثيات والسرعة للجسيم عند 2.00 s

القسم 3.4

- 8- لاعب تنس يقف على بعسد m 12.6 m الشبكة يضرب الكرة بزاوية 3.00° فوق الأفقي، ولكي تجتاز الكرة الشبكة، يجب أن ترتفع مسافة m 0.33 على الأقل. فإذا اجتازت الكرة الشبكة بالكاد عند قممة مسارها، ما هي سرعة تحرك الكرة عند تركها للمضرب؟
- 9- يستطيع رائد فضاء على كوكب غريب أن يقفز مسافة m 15.0 m أفقياً بسرعة ابتدائية 3.00 m/s ما هو تسارع السقوط الحر على هذا الكوكب؟
- [10] تطلق قذيفة بحيث يكون مداها الأفقي يساوي ثلاث أضعاف أقصى ارتفاع تصل اليه، ما هي زاوية الاطلاق؟ اعطي اجابتك حتى ثلاث أرقام عشرية.
- 11- رجل مطافئ يبعد m 50.0 m مبنى يحترق يوجه تيار من الماء من خرطوم الحريق بزاوية 30.0° مع الأفقي، كما هو مبين بالشكل 11.4 P 11.4 فإذا كانت سرعة الماء هي 40.0 m/s عند أي ارتفاع يرتطم الماء بالمبنى؟
- رجل مطافق يبعد مسافة $\, b$ من مبنى يحترق تيارا من الماء من خرطوم الحريق بزاوية $\, \theta_{\, i} \,$ مع الأفقي كما هو مبين بالشكل $\, P_{\, i} \,$ الماء هي $\, v_{\, i} \,$ عند أي ارتفاع $\, b \,$ يرتطم الماء بالمبنى.

الفصل الرابع: الحركة في بعدين

14- لاعب قوى يلف فرصا كتلته 1.00 Kg في مسار دائري نصف قطره 1.06 m أقصى سرعة مطلقة للقرص هي 20.0 m/s. عين أقبصي فيمة للتسبارع النصف قطري للقرص

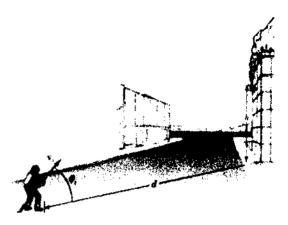
15- يدور إطار نصف قطره m 0.500 بمعبدل ثابت 200 rev/ min ، اوجد السرعة والتسارع لحجر صغير موجود في إحدى الفراغات الخارجية للإطار (على حوافه الخارجية). (تنويه: خلال لفة واحدة يقطع الحجر مسافة تساوى محيط الاطار،

القسم 5.4

16- يبطئ قطار من سرعته عندما يسير في ملف أفقى حاد، لتتناقص سرعته من 90.0 Km/h إلى 50.0 Km/h في 15.0 s والتي يستغرقها للدوران على المنحني، فإذا كان نصف قطر المنحنى m 150، احسب التسارع في اللحظة التي تصل فيها سرعة القطار إلى 50.0 Km/h. افرض أن القطار يبطئ من سرعته بمعدل منتظم أثناء فترة الـ 15.0 s

17- تتزايد سرعة سيارة تتحرك على طريق دائري نصف قطره m 20.0 بمعدل 0.600 m/s2 عندما تكون السرعية اللحظيية للسيارة 4.00 m/s الركبة الماسية للتسارع (b) المركبة العمودية للتسارع. (c) قيمة واتجاه التسارع الكلي.

18- بوضح الشكل P 18.4 التسسارع الكلي وسرعة جسيم يتحرك في اتجاه عقارب الساعية في دائرة نصف قطرها 2.5 m عند أي لحظة معينة من الزمن، عند هذه (155





الشكل P 11.4 مسألة 11، 12

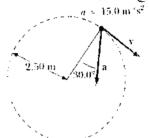
(Fredrich Mckinney/ FPG international بتصريح من)

قسم 4.4

13- مدار القمر حول الأرض هو تقريباً مدار دائري، بمتـوسط نصف قطر 3.84x 10⁸ m. بأخلذ القلمار 27.3 يوماً ليكمل دورة كاملة حول الأرض، اوجد (a) متوسط السرعة المدارية للقيمير و (b) عنجلتيه العموددية (في اتجاه المركز)،

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والدنياميكا الحرارية)

اللحظة اوجد (a) التسسارع المركنزي (b) السسرعة المطلقة للجسسيم و (c) عجلة التسارع الماسية.



الشكل P 18.4

19- يربط طالب كرة في نهاية خيط طولة 0.600 m 0.600 شم تتازجح الكرة في دائرة رأسية - تكون سرعة الكرة 4.30 m/s عند أعلى نقطة في حركتها و 6.50 m/s عند أدنى نقطة لها . أوجد عجلة الكرة عندما يكون الخيط رأسياً والكرة عند (a) أعلى نقطة و (b) أدنى نقطة .

القسم 6.4

20 يسير الماء في النهر بسرعة ثابتة 0.50 m/s يسبح فيه طالب ضد التيار لمسافة 1.00 Km ثم يسبح عائداً إلى نقطة البداية. إذا كان الطالب يستطيع أن يسبح في مياه راكدة بسرعة 1.20 m/s كم تستغرق رحلة هذا الطالب؟ قارن هذا بزمن الرحلة التي يجب أخذها في حالة المياة الساكنة.

21- يلاحظ قائد طائرة أن البوصلة تشير إلى الطيران تجاه الغرب، وأن سرعة الطائرة بالنسبة للهواء 150 Km/h، فإذا كانت سرعة الرياح تجاه الشمال هي 30.0 Km/h، اوجد سرعة الطائرة بالنسبة للأرض.

, يبدأ الساباحان علي وباسم من نفس u النقطة لنهار سارعة مياهه u . يتحارك

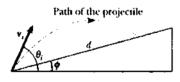
الاثنان بنفس السرعة C>v) C بالنسبة للنهر. يسبح علي مع التيار لمسافة ل ثم ضد التيار لنفس المسافة، ويسبح باسم بحيث تكون حركته بالنسبة للأرض عمودية على ضفتي النهر. يسبح باسم مسافة لافي هذا الاتجاه ثم يعود، وكانت نتيجة حركة كل من علي وباسم هي رجوعهما لنقطة البداية، أي السباحين يعود أولاً؟

مسائل إضافية

وراوية مقادوف لأعلى مستوى مائل (زاوية ميل θ) بسرعة ابتدائية V وبزاوية θ بالنسبة للأفقي $(\phi_i > \phi_i)$ ، كما هو مبين بالشكل Φ (a) Φ (b) اثبت أن المقادوف يقطع مسافة Φ أعلى المستوى المائل حيث:

$$d = \frac{2v_i^2 \cos \theta_i \sin (\theta_i - \phi)}{g \cos^2 \phi}$$

(b) ما هي قيمة θ حتى تكون d أقصى قيمة، وما هي قيمة أقصى مسافة؟



الشكل P 23.4

24- رائد فضاء يقف على القمر يطلق رصاصة من بندقية بعيث تترك الرصاصة ماسورة البندقية في اتجاه أفقي. (a) ما هي سرعة الرصاصة عند فوهة البندقية بعيث تدور دورة كاملة حول القمر وتعود ثانية لموضع بدايتها؟ (b) كم تستغرق هذه الرحلة حول القمر؟ افرض أن عجلة التسارع الحر على سطح القمر تساوي سدس عجلة الجاذبية الأرضية.

الفصل الرابع الحركة في بعدين

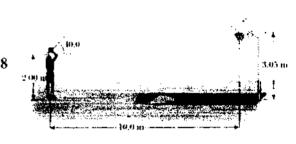
أحسب السرعة المطلقة للجسيم وأتجاه

 $\theta = \tan^{-1} (v_{v}/v_{x})$

عند t= 2.00 s.

25- يقف لاعب كرة سلة طوله m 2.00 على الأرض على بعد m 10.0 من السلة كما هو موضع بالشكل P 25.4. فإذا صوب الكرة بزاوية °40.0 من الأفقي، فيائي سرعة يجب أن يرمي بها الكرة كي تمر من خلال الحلقة دون أن ترتطم باللوح الخشبي الموجود خلف الحلقة؟ ارتفاع الشبكة 3.05m

27 - أقيصى مسافة أفقية يستطيع طفل أن يرمي كرة إليها هي 40.0 m في مستوى المعب. ما هي أقصى مسافة يستطيع الطفل أن يقذف الكرة إليها رأسياً؟ افرض أن قوة عضلات الطفل تعطي الكرة نفس السرعة المطلقة في الحالتين.



28- أقصى مسافة أفقية يستطيع طفل أن يرمي كرة إليها هي R في مستوى الملعب. ما هي أقصى مسافة يستطيع الطفل أن يقذف الكرة إليها رأسياً؟ افرض أن قوة عضلات الطفل تمد الكرة بنفس السرعة المطلقة في الحالتين.

m P 25.4 الشكل 16.2 m P مركبتا سرعة جسم هما: $m v_x$ = +4 m/s $m v_y$ = -(6 m/s²) t + 4m/s

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

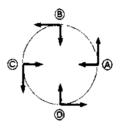
(1.4) لأن العجلة تحدث كلما تغيرت السرعة بأي طريقة مسواء بزيادة أو نقيصان السرعة أو التغيير في الاتجاه أو كليهما معاً - يمكن اعتبار دواسة الفرامل أداة تسارع لأنها تسبب تباطؤ السيارة. تعتبر تغير اتجاه متجه السرعة. (b) عندما تتحرك السيارة بسرعة ثابتة لاتسبب دواسة البنزين عجلة تسارع. تعتبر أداة تسارع فقط عندما تسبب تغير في قراءة عداد السرعة.

(2.4) عند نقطة واحدة فقط- نقطة قمة

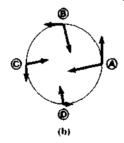
المسار- يكون متجها السرعة والعجلة عموديين كل منهما على الآخر. (d) إذا قدف الجسم رأسياً إلى أعلى أو أسفل، يكون v و a متوازيين خلال الحركة لأسفل. وإلا كان متجها السرعة والعجلة غير متوازيين كل منهما للآخر أبداً. (c) كلما زاد أقصى ارتفاع كلما زادت الفترة الزمنية التي يستغرقها المقذوف ليصل إلى هذا الارتفاع ثم ليسقط منه إلى أسفل. ولذلك كلما زادت الزاوية من "0 إلى "90 يزداد زمن الطيران. ولذلك تعطي الزاوية "75 تعطي أطول زمن طيران.

الفيزياء (الجزء الأول - البكانيكا والدنياميكا الحرارية)

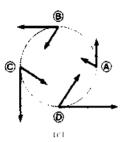
(3.4) (a) حيث إن الجسم يتحرك بسرعة ثابتة يكون لمتجه السرعة نفس الطول دائماً وحيث أن الحركة دائرية، فإن هذا المتجه يكون دائماً مماساً للدائرة، وتكون العجلة فقط هي المسئول عن تغير اتجاه متجه السرعة، وتكون في اتجاه نصف القطر وتثير دائماً إلى المركز.



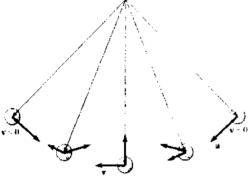
(b) والآن يوجد مركبة لمتجه التسارع مماسية للدائرة وتشير إلى اتجاه عكس اتجاه السرعة. كنتيجة لذلك، لايشير متجه التسارع إلى المركز. يبطئ الجسم من سرعته ولذلك يصبح متجه السرعة أقصر فأقصر.



(c) والآن المركبة الماسية للتسارع تشير إلى نفس اتجاه السرعة. الجسم يزيد من سرعته، ولذلك يصبح متجه السرعة أطول وأطول. حيث إن السرعة تتغير هنا بسرعة ولكنها تتغير بالتدريج في الجزء (d)، لذلك تكون منتجهات التسارع هنا أطول من أمثالها في الجزء (d).



(4.4) رسم الحركة كما هو مبين في الشكل التالي. لاحظ أن كل متجه موضع يشير من نقطة التعليق في مركز الدائرة لموضع الكرة.



(5.4) يرى المسافر القهوة تُصب عمودياً تقريباً في الفنجان، كما لو كان يصبها وهو واقف على الأرض. (b) يرى الشخص السباكن الشهوة تتحرك في مسار قطع مكافئ بسرعة أفاقلية 60 mi/h (88 ft/s=) و بتسارع (g-) إلى أسفل، إذا استغرقت القهوة 0.10 s لكي تصل إلى الفنجان، يري الشخص الساكن الضهوة تتحرك 88 ft أَفْهَياً قَبِل أَن تُسكب بِالفَنْجِانِ! (c) إذا تباطأت العربة فجأة تسكب القهوة في المكان الذي من المفتقيرض أن يكون به الفنجان إذا لم تغير العربة سرعتها وحيث أن الفنجان لم يصل بعد إلى هذا المكان نتيجة لتباطؤ العربة فإن القهوة تسكب على الأرض قبل وصول الفنجان، وإذا زادت السرعة بمعدل أكبر تسقط القهوة خلف الفنجان، وإذا تسارعت العربة جانباً تصب القهوة في أي مكان غير الفنجان.



المحمورة محيرة

منطاد طوله أكسسر من m 60. عندما يكون ساكناً في المطار يمكن الشخص أن يثبته فوق رأسه بسهولة أستخدماً يد واحدة. وبالرغم من ذلك قوياً جداً أن يحركه فجاة. ما هي الخاصية لهذا المنطاد الضخم والتي تغير من الصعب جداً أن تحدث له أي تغير مفاجئ في الحركة؟

web

لمزيد من المعلومات عن المنطاد قم بزيارة الموقع:

http:// www.goodyear.com/ about/ blimp

قوانـــينالحــركــة The Laws of Motion



ويتضمن هذا الفصل ،

5.5 قـــوة الجاذبــية والـــوزن
The Force of Gravity and Weight

Newton's Third Law القانون الثالث لنيوتن 6.5

7.5 بعض التطبيـقات على قوانـين نيوتن Some Applications of Newton's Law

Forces of Friction قوى الاحتكاك 8.5

1.5 مفه وم القوم القوة The Concept of Force

2.5 القانون الأول لنيوتن وقانون الأطر القصورية Newton's First Law and Inertial Frames

Mass 211 3.5

4.5 القانــون الثانــيي لنيـوتـن

Newton's Second Law

الضيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

لقد تناولنا في الفصلين 2 و 3 موضوع الحركة بدلالة الإزاحة، والسرعة، والتسارع دون أن نأخذ في الاعتبار ما الذي يسبب الحركة. ماالذي يسبب لأحد الجسيمات أن يبقى ساكناً ويسبب لجسيم آخر أن يتحرك بتسارع؟ وفي هذا الفصل سوف ندرس ما الذي يسبب التغير في الحركة، والعاملان الرئيسيان اللذان نحتاجهما هما القوة التي تؤثر على الجسم وكتلة هذا الجسم، وسوف نناقش ثلاثة قوانين أساسية للحركة والتي تتعامل مع القوة والكتل وهي التي وضعت لها المعادلات منذ أكثر من ثلاثة قرون بواسطة العالم اسحق نيوتن Isaac Newton. وبفهم هذه القوانين بمكتنا الإجابة على الأسئلة التالية:" ما هي ميكانيكية تغير الحركة؟" "ولماذا تتسارع بعض الأجسام أكثر من الأخرى؟"

THE CONCEPT OF FORCE مفهوم القوة 1.5_

لكل شخص فهم أساسي لمفهوم القوة من خيرته اليومية. عند دفعك بعيداً لطبق العشاء الفارغ تؤثر عليه بقوة، وبالمثل تؤثر بقوة على كرة عندما تقذفها أو تركلها، في هذه الأمثلة ترتبط القوة بنشاط العضلات وبعض التغير في سرعة الجسم، القوى لاتسبب الحركة دائماً ، كمثال على ذلك عندما تجلس لقراءة هذا الكتاب، تؤثر على جسمك قوة الجاذبية ولكنك تظل ساكناً. وكمثال آخر يمكنك التأثير بقوة على صخرة ضخمة ولكنك لاتستطيع أن تحركها.

ما هي القوة (إن وجدت) التي تسبب دوران القمر حول الأرض؟ أجاب نيوتن على هذا السؤال وكذالك على الأسئلة المماثلة المتعلقة بأن القوى هي التي تسبب أي تغير في سرعة الجسم. ولذلك إذا تحرك أي جسم حركة منتظمة (سرعة ثابتة)، لايتطلب ذلك قوة لكي تستمر هذه الحركة. سرعة القمر ليست ثابتة لأنه يتحرك حول الأرض في مسار دائري تقريباً . والآن لنعلم أن هذا التغير في السرعة يحدث نتيجة القوة المؤثرة على القمر وحيث إن القوة هي التي يمكنها فقط أن تسبب تغير السرعة، يمكننا القول بأن القوة هي الشيّ الذي يتسبب في تسارع الجسم. في هذا الفصل سنركز على العلاقة بين القوة المؤثرة على الجسم وتسارع هذا الجسم.

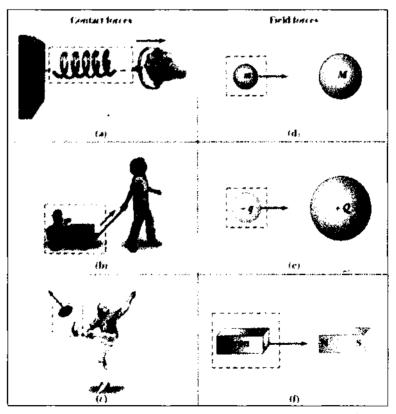
ماذا يحدث عندما تؤثر عدة قوى معاً على جسم؟ في هذه الحالة، بتسارع الجسم فقط إذا كانت محصلة القوى المؤثرةعليه لاتساوى صفراً . وتعرف محصلة القوة على جسم بأنها الجمع الاتجاهى لكل القوى المؤثرة على الجسم (نشير إحياناً إلى صافى القوة بالقوة الكلية أو القوة المحصلة، أو القوة غير المتزنة). إذا كانت القوة المؤثرة على الجسم تساوي صفراً، يكون تسارع الجسم مساوياً الصفر وتظل سرعته ثابتة. بمعنى أنه إذا كانت محصلة القوى المؤثرة على الجسم صفراً، حينئذ يظل الجسم ساكنا أو يستمر في الحركة بسرعة ثابتة. وعندما تكون سرعة الجسم ثابتة (تشمل كذلك الحالة التي يكون فيها الجسم ساكناً)، ويقال أن الجسم في حالة إتزان.

عند جذب ملف زنبركي، كما هو في الشكل 1.5a ، يستطيل الملف، وعندما تجذب عربة كارو بقوة 160) ثابتة وكافية لدرجة أن تتغلب على الاحتكاك، تتحرك العربة كما في الشكل 1.5b. وعند ركل كرة قدم،

الفصل الخامس، قوانين الحركة

كما في الشكل 1.5c ، يتغير شكلها وتبدأ الحركة . كل هذه الحالات هي أمثلة لأنواع القوى تسمى قوى التلامس بمعنى أنها تحتوي على تلامس فيزيائي بين جسمين ويمكن ضرب أمثلة أخرى لقوى التلامس مثل القوة المؤثرة لجزيئات غاز على جدار إناء، وكذلك القوة التي تؤثر بها بقدمك على الأرض.

وهناك نوع آخر من القوى، تُعرف بقوى المجال، لا يحدث فيها تلامس فيزيائي بين جسمين ولكن بدلاً من ذلك يكون التأثير عبر الفراغ. قوى الجذب بين جسمين، الموضح في الشكل 1.5d، هو مثال لهذا النوع من القوى. قوة الجاذبية هذه تجعل الأجسام مرتبطة بالأرض، والكواكب في نظامنا الشمسي تكون مرتبطة بالشمس بواسطة فعل قوى الجاذبية. ومثال شائع آخر لقوة المجال هو القوة الكهربية والتي تؤثر فيها شحنة كهربية على أخرى، كما هو مبين بالشكل 1.5e. وهذه الشحنات قد تكون كشحنات الإلكترون والبروتون في ذرة الهيدروجين. ومثال ثالث لقوة المجال القوى التي يؤثر بها مغناطيس على قطعة حديد كما هو مبين بالشكل 5.1f. والقوى التي تربط مكونات نواة الذرة بعضها ببعض هي أيضاً قوى مجال ذو مدى قصير. وهي القوة المتحكمة في التآثر المتبادل عندما تكون مسافة الفصل في حدود 5.1d.



الشكل (1.5) بعض الأمثلة للقوى المطبقة، في كل حالة ثؤثر القوة على الجسم داخل مساحة الصندوق، قد يؤثر عامل ارج محيط مساحة الصندوق بقوة على الجسم.

الفيزياء (الجزء الأول: البكانيكا والديناميكا الحرارية)

لم يكن العلماء القدامى بما فيهم نيوتن مُسرتاحين لفكرة أن القوة يمكن أن تؤثر بين جمسمين منفصلين. للتغلب على هذه المشكلة أدخل مايكل فراداي Michael Faraday (1791-1867) مفهوم المجال. وتبعاً لهذا المدخل، عندما يوضع جسم 1 عند نقطة P بالقرب من جسم 2، نقول أن ذلك الجسم 1 يتآثر مع الجسم 2 بافتراض مجال جاذبية موجود عند P. يتولد مجال الجاذبية عند P. بواسطة الجسم 2. وبطريقة مماثلة، يتولد مجال الجاذبية بواسطة الجسم 1 عند موضع الجسم2. وفي الحقيقة تولد جميع الأجسام حول نفسها مجال جذب في الفرغ.

والفرق بين قوى التلامس وقوى المجال ليس قاطعا كما نعتقد مما ذكر آنفا. فحينما نفحصهما على المستوى الذرى نجد أن كل القوى التى اعتبرناها قوى تلامس ناتجة عن قوى مجال كهربائي كالنوع الموضح في شكل 1.5c. إلا ننا إذا أردنا عمل نموذج لظاهرة ماكروسكوبية من الأفضل استخدام كل من نوعى القوى. القوى الأساسية المعروفة في الطبيعة وهي: (1) قوى الجاذبية بين جسمين،(2) القوى الكهرومغناطيسية بين الشحنات الكهربية،(3) القوى النووية القوية بين الجسيمات تحت الذرية (مكونات النواة) و (4) القوى النووية الضعيفة التي تنتج من عمليات اضمحلال إشعاعي معين. في الفيزياء الكلاسيكية نهتم فقط بقوى الجاذبية والقوى الكهرومغناطيسية.

هياس شدة القوة Measuring The Strength of Force

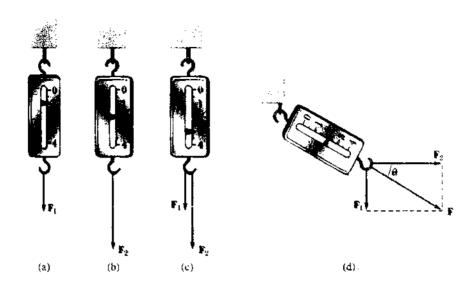
من المناسب أن نستخدم تغير شكل زنبرك لقياس القوة، أفرض أننا طبقنا قوة رأسية على مقياس زنبرك والمثبت عند طرفه العلوي، كما هو مبين في الشكل 2.5a. يستطيل الزنبرك عند استخدام قوة ويقرأ المؤشر على المقياس قيمة القوة المستخدمة، ويمكن معايرة الزنبرك بتعريف وحدة القوة \mathbf{F}_1 بأنها القوة التي تجعل المؤشر يقرأ $1.00~\mathrm{cm}$. (وحيث إن القوة كمية متجهة استخدمنا الرمز الثقيل \mathbf{F}_1). والآن إذا أثرنا بقوة مختلفة إلى أسفل \mathbf{F}_2 قيمتها وحدتين كما هو مبين في الشكل 2.5b يتحرك المؤشر إلى $2.00~\mathrm{cm}$.

والآن نفترض أننا أثرنا بقوتين معاً بحيث يكون تأثير \mathbf{F}_1 إلى أسفل \mathbf{F}_2 في الاتجاه الأفقي كما هو موضح بالشكل 2.5d. في هذه الحالة يقرأ المؤشر القيامة $\sqrt{5}$ cm² = 2.24 cm وتكون القوة المفردة \mathbf{F}_1 التي تنتج نفس القرأة هي مجموع المتجهين \mathbf{F}_1 و \mathbf{F}_2 كما هو موضح في الشكل 2.5d. بمعنى أن \mathbf{F}_1 و \mathbf{F}_1 القوة القرأة هي مجموع المتجهين \mathbf{F}_1 و \mathbf{F}_2 = 2.24 units أن القوة يجب عليك أن تستخدم قواعد جمع المتجهات.

تجرية سريعة ___

أحضر كرة تنس، ومصاصتين ومع زميل. ضع الكرة على المنضدة. يمكنك أنت وزميلك بالتأثير بقوة النفخ في المصاصة. (ضع المصاصة أفقية على بعد سنتيمترات قليلة أعلى المنضدة) حيث يصطدم الهواء المندفع بالكرة. حاول التكرار بأوضاع مختلفة. انفخ في الاتجاه العكسي المضاد للكرة، انفخ في نفس الاتجاه، انفخ بزاويا عمودية وهلم جر، هل يمكنك التحقق من الطبيعة الاتجاهية للقوى.

القصل الخامس: قوانين الحركة



الشكل (2.5) يختبر الطبيعة الاتجاهية لقوة باستخدام مقياس زنبركي.(a) تعمل القوة \mathbf{F}_1 المتجهة إلى أسفل على استطالة الزنبرك الدسم (b) الدسم (b) الدسم على استطالة الزنبرك الدسم (c) المتجهة إلى أسفل على استطالة الزنبرك بمقدار الزنبرك المقدار (c) عند التأثير بالقوتين \mathbf{F}_2 معاً في الاتجاء إلى أسفل يستطيل الزنبرك بمقدار (d) .3cm (e) وعندما تؤثر \mathbf{F}_1 إلى أسفل و \mathbf{F}_2 في الاتجاء الأفقي يعمل اتحاد القوتين معاً على استطالة الزنبرك بمقدارك \mathbf{F}_1 الى أسفل و \mathbf{F}_2 cm \mathbf{F}_3 .

2.5 > القانون الأول لنيوتن وقانون الأطر القصورية

NEWTON'S FIREST IAW AND INERTIAL FRAMES

قبل كتابة القانون الأول لنيوتن دعنا نفكر في التجرية البسيطة التالية. نفترض أن كتاب موضوع على منضدة. واضح أن الكتاب يبقى ساكناً. والآن تخيل أنك تدفع الكتاب بقوة أفقية كافية للتغلب على قوة الاحتكاك بين الكتاب والمنضدة (هذه القوة التي تمارسها، وكذلك قوة الاحتكاك، وأي قوى أخرى تؤثر على الكتاب بواسطة أجسام أخرى يشار إليها بأنها قوى خارجية). تستطيع أن تحتفظ بالكتاب في حالة حركة بسرعة ثابتة بالتأثير عليه بقوة تساوي فقط قيمة قوة الاحتكاك وتؤثر في الاتجاه المضاد. وإذا دفعت بعد ذلك بقوة أكبر تزيد مقدارهذه القوة المؤثرة عن قيمة قوة الاحتكاك، يتسارع الكتاب. وإذا أوقفت دفعك للكتاب فسوف يتوقف الكتاب بعد تحركه لمسافة قصيرة حيث تعوق قوة الاحتكاك حركته. افترض الآن أنك تدفع الكتاب عبر أرضية ناعمة مغطاة بطبقة شمع ملساء. يعود الكتاب إلى السكون بعد توقف الدفع ولكن بعد فـترة أطول من المرة السابقة. والآن تخيل أرضية مصقولة جيداً وبدرجة عالية حيث ينعدم الاحتكاك، في هذه الحالة بمجرد وضع الكتاب في حالة حركة، يتحرك حتى يصطدم بحائط.

الضيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

قبل حوالي 1600 عام اعتقد العلماء أن الحالة الطبيعية للمادة هي حالة السكون. وكان جاليليو Galileo أول من أخذ طريقا مختلفا للتفكير في الحركة والحالة الطبيعية للمادة. استبط من خلال التجارب مثل التي شرحناها سابقاً في حالة الكتاب على سطح أملس، واستنتج أنها ليست طبيعة الأجسام أن تتوقف بمجرد وضعها في حالة حركة؛ على الأصح أن طبيعتها في أن تقاوم التغير في حركتها. وفي صيغته بمجرد جعل جسم يبدأ الحركة فإنه يحتفظ بها طالما أن القوى المسببة لإعاقة حركته قد أزيلت".

هذا التفسير الجديد لمفهوم الحركة ثم صياغته أخيراً بواسطة نيوتن في قانون والذي يعرف بقانون نورت الأول للحركة:

في غياب القوى الخارجية يظل الجسم الساكن ساكناً والجسم المتحرك يستمر في حركته بسرعة ثابتةفي خط مستقيم.

وبصيغة أبسط يمكننا القول عندما لاتؤثر هوة على جسم، يكون تسارع الجسم صفراً. وعندما لايؤثر شئ يُغير من حركة جسم، لاتتغير سرعته بعد ذلك. ومن القانون الأول يمكننا إستنتاج أن أي جسم معزول (لايتأثر مع ما يحيط به) يكون إما ساكناً أو متحركاً بسرعة ثابتة، وميل الجسم أن يقاوم أي محاولة لتغيير سرعته يسمى بالقصور الذاتي للجسم، ويوضح الشكل 3.5 أحد الأمثلة المثيرة كنتيجة منطقية للقانون الأول لنبوتن.

مثال آخر لحركة منتظمة (سرعة ثابتة) على سطح أملس تقريباً. حركة قرص خفيف على طبقة رقيقة من الهواء (وسادة هوائية ثابتة) وكما هو مبين بالشكل 4.5 إذا أعطى القرص سرعة ابتدائية، فسوف يقطع مسافة كبيرة قبل التوقف.

وأخيراً حالة سفينة فضائية تسير في الفضاء بعيداً عن أي كوكب أو أي شئ آخر. تحتاج السفينة إلى نظام دفع لتغيير سرعتها. وإذا أغلق نظام الدفع عندما تصل سرعة السفينة إلى ٧، فسوف تظل السفينة بهذه السرعة الثابتة ويواصل رواد الفضاء رحلتهم (فهم لا يحتاجون لأى نظام دفع لكى يستمروا في رحلتهم بسرعة٧).



الشكل (3.5) إذا لم تؤثر بقوة خارجية على جسم، سوف يظل الجسم الساكن على حالته من حيث السكون وسوف يستمر الجسم المتحرك على حالته من حيث الحركة بسرعة ثابتة. في هذه الحالة لم يؤثر حائط المبنى على القطار بشوة كافية لإيقافه.

الفصل الخامس؛ قوانين الحركة



اسحاق نيوتن Isaac Newton هو عالم الفيزياء والرياضيات الانجليزي المبدع (1727 -1642). ويعتبر اسحاق نيوتن واحد من أنبغ العلماء في التاريخ، وقبل أن يصل عمره إلى الثلاثين وضع المفاهيم والقروانين الأساسية لعلم الميكانيكا، اكتشف القانون العام للجاذبية، واخترع طرق رياضية للحسابات، وطبقاً لنظر استطاع نيوتن شرح حركة الكواكب، والجزر وكثير من طبيعة حركة القمر والأرض، وفسر أيضاً كثير من الظواهر الطبيعية المتعلقة بطبيعة الضوء، وكانت الطبيعية التفكير العلمي لمدة قرنين ومازالت ناهنة التفكير العلمي لمدة قرنين ومازالت هامة حتى بومنا هذا.

v = constant Air flow Electric blower

الشكل (4.5) لعبة الهوكي الهوائي والذي يأخذ ميزة الشانون الأول لنيوتن ليجعل اللعبة أكثر إثارة.

الأطر القصورية

كما رأينا في الجزء 6.4 حركة جسم يمكن أن ترصد من أي عدد من أطر الإسناد المختلفة. يعبرف القيانون الأول لنيوتن، أحياناً بقانون القصور الذاتي، مجموعة خاصة من أطر الإسناد تسمى إطر الإسناد القصورية. وهو احد الأطر غير المتسارعة. وحيث أن قانون نيوتن الأول يتعلق فقط بالأجسام التي ليست لها تسارع، فإنه يتحقق فقط في الأطر الساكنة. أي إطار إسناد يتحرك بسرعة ثابتة بالنسبة لإطار قصوري يكون هو نفسه إطار قصوري (التحويلات الجاليلية المعطاء بالمعادلتين 20.4 و 21.4 تربط الموضع والسرعة بين إطارين قصوريين).

إطار الإسناد الذي يتحرك بسرعة ثابتة بالنسبة النجوم البعيدة هو أحسن تقريب للإطار القصوري، ولتحقيق غرضنا نفترض كوكب الأرض كمثال لهذا الإطار، والأرض ليست إطار قصوري تحقيقي بسبب حركتها المدارية حول الشمس وحركتها الدورانية حول محورها، وعندما تسير الأرض في مدارها الدائري تقريباً حول الشمس، فإنها تتأثر بتسارع يساوي الدائري تقريباً حول الشمس، فإنها تتأثر بتسارع يساوي حوالي 4.4 x 10-3 m/s² في اتجاه الشمس بالإضافة إلى ذلك، ويسبب دوران الأرض حول محورها مرة كل أ 24 تتأثر نقطة على خط الأستواء بتسارع إضافي 3.37x 10-2 m/s² نحو مركز الأرض، بينما هذان التسارعان يكونان منعيرين بالقارنة بع وغالباً ما يمكن اهمالها، ولهذا السبب نفرض أن الأرض إطار قصصوري وكذلك أي إطار آخر مرتبط بها.

إذا تحرك جسم بسرعة ثابتة . يدعي راصد في إطار سباكن (مثل شخص ساكن بالنسبة للجسم) أن تسارع الجسم والقوة المحصلة المؤثرة عليه تساوي الصفر . ويجد أيضاً أي راصد في إطار ساكن آخر أن a=0 وa=0 لنفس الجسم وطبقاً للقانون الأول لنيوتن يكافئ الجسم الساكن آخر متحرك بسرعة ثابتة . يمكن لراكب سيارة تتحرك في طريق مستقيم بسرعة ثابتة . يمكن لراكب سيارة تتحرك في فنجان بسهولة . ولكن إذا ضغط السائق على دواسة البنزين أو

الضيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الفرامل أو عجلة القيادة أثناء صب القهوة، تتسارع السيارة ولم تعد إطارا ساكنا فوانين الحركة لاتعمل كما هو متوقع وتنسكب القهوة على الراكب.

تساؤل سريع 1.5

صع أم خطأ: (a) من المكن أن نحصل على حركة بدون قوة.

(b) من الممكن أن نحصل على قوة في غياب الحركة.

MASS الكتلة ي

تخيل لاعب يمسك إما بكرة سلة أو كرة بولينج. أي من الكرتين تحتفظ بحركتها عندما تحاول . 4.3 إمساكها؟ أي من الكرتين لها ميول أكبر في أن نظل بدون حركة عندما تحاول قذفها؟ وحيث أن كرة البولينج تكون لها مقاومة أكبر في تغير سرعتها، نقول أن لها عزم قصور أكبر من كرة السلة. وكما لاحظنا في الجزء السابق أن القصور الذاتي هو مقياس استجابة الجسم لقوة خارجية.

الكتلة هي تلك الخاصية لجسم التي تميز كم من القصور الذاتي يملكه الجسم، وكما علمنا من الجزء 1.1 أن وحدة الكتلة في نظام SI هي الكيلوجرام، وكلما زادت كتلة جسم كلما قل تسارعه تحت تأثير قوة مؤثرة، وعلى سبيل المثال، إذا أثرت قوة ما على كتلة 3-kg فنتج عنها تسارع مقداره 2m/s². ثم أثرت نفس القوة على كتلة 6-Kg فسوف يُنتج عنها تسارع مقداره 2m/s².

ولوصف الكتلة كمياً ، نبدأ بمقارنة تسارع قوة معينة تؤثر على أجسام مختلفة . افرض قوة تؤثر على جسم كتلته m_1 تسبب تسارعاً a_1 ونفس القوة تؤثر على جسم كتلته m_2 تسبب تسارع a_1 النسبة بين الكتلتين تعرف على أنها مقلوب نسبة قيمتى التسارعين الناتجين من تأثير القوة .

$$\frac{m_1}{m_2} \equiv \frac{a_2}{a_1} \tag{1.5}$$

إذا كانت كتلة الجسم معلومة، يمكن معرفة كتلة جسم آخر من قياس تسارعهما.

الكتلة هي خاصية متاصلة لجسم ولاتعتمد على الوسط المحيط بالجسم أو على الطريقة التي تستخدم في قياسها . وكذلك الكتلة هي كمية قياسية ولذلك تخضع لقوانين الحساب العادية . بمعنى أنه يمكن جمع عدة كتل بطريقة عددية بسيطة . وعلى سبيل المثال إذا أدمجنا كتلة 3-Kg مع كتلة g كالله يمكن جمع عدة كتل بطريقة عددية بسيطة . وعلى سبيل المثال إذا أدمجنا كتلة ولاك التسارع المعلوم تكون كتلتيهما الكلية 8-Kg . ويمكننا أن نتحقق من هذه النتيجة عملياً بمقارنة ذلك التسارع المعلوم الذي تعطيه قوة لعدة أجسام منفصلة بالتسارع الذي تعطيه نفس القوة لنفس الأجسام متحدة كوحدة واحدة.

الفصل، أن وزن جسم يساوي قيمة قوة الجاذبية المؤثرة على هذا الجسم وتختلف مع الموضع. وعلى سبيل المثال الشخص الذي يزن 180 lb على الأرض يزن فقط 30 lb على القمر.

ومن ناحية أخرى تكون كتلة الجسم واحدة في أي مكان: جسم له كتلة 2Kg على الأرض يكون له نفس الكتلة على القمر.

NEWTON'S SECOND LAW بلقانون الثاني لنيوتن 4.5

بين القانون الأول لنيونن ما يحدث لجسم عندما لاتؤثر عليه قوة، فإما أن يظل ساكناً أو يتحرك في خط مستقيم بسرعة ثابتة، ويجيب القانون الثاني لنيونن على سؤال ماذا يحدث لجسم تؤثر عليه قوة محصلة لا تساوى صفر.

افرض أنك تدفع كتلة من الثلج على سطح أفقي أملس. عندما تؤثر بقوة أفقية \mathbf{F} ، تتحرك الكتلة بتسارع ما \mathbf{a} . وإذا أثرت بقوة ضعف القوة الأولى، يتضاعف التسارع. وإذا زادت القوة التي تؤثر بها على الجسم إلى \mathbf{a} . يتضاعف التسارع ثلاث مرات، وهكذا. ومن مثل هذه المشاهدات نستنتج أن التسارع لجسم يتناسب تناسباً طردياً مع القوة المحصلة التي تؤثر عليه.

ويعتمد تسارع الجسم أيضاً على كتلته، كما هو واضح في القسم السابق. ويمكن فهم ذلك بإجراء التجربة التالية. إذا أثرت بقوة F على كتلة ثلج موضوعة على سطح أملس، فسوف تتحرك الكتلة بتسارع ما a، وإذا زادت الكتلة إلى الضعف، فسوف ينتج عن نفس القوة المؤثرة تسارع يساوي a/2 عند مضاعفة كتلة الثلج ثلاث مرات، فسوف ينتج عن نفس القوة المؤثرة تسارع 3/3، وهكذا، وتبعاً لهذه المشاهدات نستنج أن قيمة تسارع الجسم تتناسب عكسياً مع كتلته.

ونلخص هذه الشواهد في القانون الثاني لنيوتن:

يتناسب تسارع جسم طردياً مع مجموع القوى المؤثرة عليه وعكسياً مع كتلته.

ولذلك يمكننا ربط الكتلة والقوة من خلال العلاقة الرياضية التالية لقانون نيوتن الثاني:

$$\sum \mathbf{F} = m\mathbf{a} \tag{2.5}$$

لاحظ أن هذه المعادلة هي تعبير اتجاهي ومن ثم تكافئ معادلات لثلاث مركبات:

مرکبات قانون نیوتن الثاني
$$\sum F_x = ma_x$$
 $\sum F_y = ma_y$ $\sum F_z = ma_z$ (3.5)

تساؤل سريع 5.2

هل يوجد أي علاقة بين مجموع القوى المؤثرة على جسم والإتجاه الذي يتحرك فيه الجسم؟

167

الضيزياء (الجزء الأول: الميكأنيكا والديناميكا الحرارية)

وحدة القوة Unit of Force

وحدة القوة في النظام SI هي النيوتن newton والتي تعرف على أنها القوة التي، عندما تؤثر على كتلة I-Kg ، ينتج عنها تسارع منقداره 1m/s² ، ومن هذا التعريف والقانون الثاني لنيوتن، نرى أن الدwton يمكن التعبير عنه بأبعاد الوحدات الرئيسية للكتلة، والطول، والزمن التالية:

$$[lb = l slug.ft/s^2$$
 (5.5)

 $-1 N \approx \frac{1}{4}$ اله بناسب وكتقريب مناسب

الجدول 1.5 وحدات القوة، الكتلة، والتسارع ^a

نظام الوحداث	الكتلة	التسارع	القوة
SI	kg	m/s ²	$N = kg.m/s^2$
النظام الهندسي البريطاني	slug	ft/s ²	$Ib = slug.ft/s^2$

a I N = 0.225 Ib

لخُصت وحدات القوة، والكتلة، والعجلة في الجدول 1.5

والآن يمكننا فهم كيف أن شخص بمفرده يمكنه رفع سفينة فضاء ولكنه غير قادر أن يغير حركتها فجأة، كما شرحناه في أول هذا الفصل. كتلة المنطاد أكبر من 6800 Kg. ولكي تكسب هذه الكتلة الكبيرة تسارعا يمكن إدراكه يكون مطلوب قوة كبيرة جداً - بالتأكيد أكبر من التي يمكن أن يعطيها الإنسان.

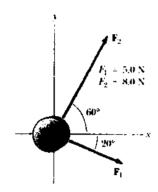
مثال 1.5 تسارع قرص مطاط الهوكي

كرة هوكي الجليد لها كتلة 0.30 تتدحرج على سطح أفقي من الجليد الصناعي، تؤثر قوتان على الكرة كما هو مبين بالشكل 5.5. القوة \mathbf{F}_1 قيمتها 5.00 رالقوة \mathbf{F}_2 قيمتها 5.00 مين كل من مقدار واتجاء تسارع الكرة.

الحل: القوة الناتجة في إتجام x

$$\sum F_x = F_{1x} + F_{2x} = F_1 \cos(-20^\circ) + F_2 \cos(60^\circ)$$

المصل الخامس؛ قوانين الحركة



الشكل (5.5) تتحيرك كرة هوكي الجليد على سطح أملس بتسارع في إ F_1+F_2

$$= (5.0N) (0.940) + (8.0N) (0.500) = 8.7 N$$

القوة الناتجة في اتجاء y

$$\sum F_{y} = F_{1y} + F_{2y} = F_{1} \sin(-20^{\circ}) + F_{2} \sin(60^{\circ})$$
$$= (5.0N) (-0.342) + (8.0N) (0.866) = 5.2 N$$

نستخدم الآن القانون الثاني لنيوتن في صورة مركبات الإيجاد مركبات التسارع في الاتجاهين x وy :

$$a_x = \frac{\sum F_x}{m} = \frac{8.7 \text{ N}}{0.30 \text{ kg}} = 29 \text{ m/s}^2$$

$$a_y = \frac{\sum F_y}{m} = \frac{5.2 \text{ N}}{0.30 \text{ kg}} = 17 \text{ m/s}^2$$
euglet of the state o

$$a = \sqrt{(29)^2 + (17)^2} \,\text{m/s}^2 = 34 \,\text{m/s}^2$$

وإتجاه التسارع بالنسبة لإيجاد محور x الموجب

$$\theta = \tan^{-1}\left(\frac{a_y}{a_z}\right) = \tan^{-1}\left(\frac{17}{29}\right) = 30^\circ$$

يمكننا رسم المتجهات في الشكل 5.5 لنفحص عدم معقولية إجابتنا حيث إن متجه التسارع يكون في إتجاه القوة المحصلة، بين الرسم البياني أن القوة المحصلة تساعدنا في تحقيق إجابتنا.

تمرين؛ عين مركبات قوة عندما تؤثر على الكرة ليصبح التسارع صفراً.

$$F_{3x} = -8.7 \text{ N}$$
 و $F_{3y} = -5.2 \text{ N}$ الإجابة:

THE FORCE OF GRAVITY AND WEIGHT قوة الجاذبية والوزن 5.5

نعلم جميعاً أن الأجسام تنجذب إلى الأرض، وتسمى قوة الجذب التي تمارس بواسطة الأرض على الجسم بقوة الجاذبية \mathbf{F}_g force of gravity \mathbf{F}_g وزن الجسم Weight .

وكما رأينا في القسم 2.6 يولد السقوط الحر لجسم تسارعاً ${\bf g}$ يؤثر تجاه مركز الأرض. وبتطبيق قانون نيوتن الثاني ${\bf F}={\bf F}_g$ على السقوط الحر لجسم كتلته ${\bf m}$ وتسارعه ${\bf g}={\bf g}$ و على:

$$\mathbf{F}_{g} = m\mathbf{g} \tag{6.5}$$

الفيزياء (الجزء الأول: اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

فإن وزن الجسم الذي يعرف بمقدار \mathbf{F}_g وهو \mathbf{g} . (لايجب الربط بين g المائلة التي تمثل تسارع المجاذبية الأرضية مع حرف g غير المائل والذي يمثل الجرام).

وحيث إن الوزن يعتمد على g. فهو يتغير تبعاً لموضعه الجغرافي. ومن ثم فإن الوزن ليس مثل الكتلة فهو ليس خاصية أساسية للجسم. وحيث أن g تقل بزيادة المسافة من مركز الأرض، فسوف يقل وزن الجسم عند ارتضاع عالي عن مستوى سطح البحر. فعلى سبيل المثال، افرض أن جسم له كتلة $F_g = mg = 686 \, \text{m/s}^2$ هو $g = 9.80 \, \text{m/s}^2$ (حوالي $g = 9.77 \, \text{m/s}^2$). وزنه عند موضع تكون فيه $g = 9.80 \, \text{m/s}^2$ هو $g = 9.77 \, \text{m/s}^2$ (حوالي أن تتبع وعلى قمة جبل حيث $g = 9.77 \, \text{m/s}^2$ يكون وزنه $g = 9.77 \, \text{m/s}^2$ اثناء طيران طائرة.

وحيث أن الوزن $F_g = mg$ فإنك تستطيع مقارنة كتلتي جسمين بواسطة قياس وزنهما بمقياس زنبركي. عند موضع معين، نسبة وزنى الجسمين تساوى النسبة بين كتلتيهما.

مثال 2.5 كم يكون وزنك وأنت في مصعد؟

بالطبع جربت أن تقف في مصعد وهو يتسارع إلى أعلى لكى يرتفع إلى الأدوار العليا، في هذه الحالة تشعر أنك أثقل، فإذا وقفت على ميزان حمام في هذا الوقت، سوف يقيس الميزان قيمة قوة أكبر من وزنك، ولذلك تكون قد لمست وعرفت الدليل الذي جعلك تعتقد أنك أثقل في هذ الحالة، هل أنت أثقل؟

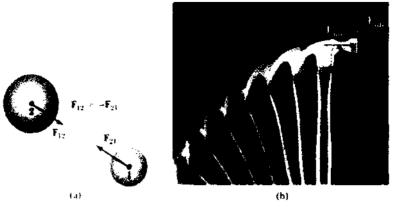
الحل: الايتغير وزنك، عندما يكون التسارع إلى أعلى، تؤثر الأرضية أو الميزان على قدميك بقوة إلى أعلى قيمتها أكبر من وزنك. تلك هي القوة الأكبر التي تشعر بها، والتي تفسر إحساسك بأنك أثقل. ويقرأ الميزان القوة المتجهة إلى أعلى وليس وزنك ولذلك تزداد قراءته.

تساؤ<u>ل سريع</u> 3.5

تُقذف كرة قاعدة كتلتها m إلى أعلى بسرعة ابتدائية ما. فإذا أهملت مقاومة الهواء، ما هي القوى التي تؤثر على الكرة عندما تصل (a) نصف أقصى ارتفاع لها؟

NEWTON'S THIRD LAW المقانون الثالث لنيوتن ما المقانون الثالث لنيوتن المادية ا

إذا ضغطت بإصبعك على ركن من هذا الكتاب، فسوف يندفع الكتاب إلى الخلف ويحدث انبعاج بين الشئ ويكون الإنبعاج في جلدلك بسيط في جلدك. وإذا دفعت بقوة أشد، يفعل الكتاب نفس الشئ ويكون الإنبعاج في جلدلك أكبر قليلاً. هذه التجربة البسيطة توضح الأساس العام لما يعرف بالقانون الثالث لنيوتن:



الشكل 6.5 القانون الثالث لنبوتن (a) القوة F_{12} التي تنشأ من تأثير الجسم! على الجسم2 تساوي في القيمة وفي عكس الاتجاء القوة F_{21} الناشئة من تأثير المطرقة على الجسما (b) القوة F_{21} الناشئة من تأثير المسمار تساوي وعكس القوة F_{31} الناشئة من تأثير المسمار على المطرقة.

(بنصريح من John Gillmoure/ The Stock Market)

إذا تآثر جسمان، فسوف تكون القوة \mathbf{F}_{12} التي يؤثر بها من الجسم 1 على الجسم 2 مساوية في المقدار ومضادة في الاتجاه للقوة \mathbf{F}_{21} التي يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 1:

$$\mathbf{F}_{12} = -\mathbf{F}_{21} \tag{7.5}$$

هذا القانون الموضح في الشكل 6.5a ينص على "القوة التي تؤثر في حركة جسم يجب أن تأتي من جسم آخر خارجي، والجسم الخارجي بدوره يتأثر بقوة مساوية في المقدار ومضادة في الإتجاه تقع عليه".

وهكذا يكافئ القول "لايمكن أن توجد قوة منفردة معزولة" وتسمى القوة التي يؤثر بها الجسم 1 على الجسم 2 بقوة الفعل بينما تسمى القوة التي يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 1 بقوة رد الفعل. وفي الحقيقة أي من القوتين يمكن أن يمثل قوة الفعل أو رد الفعل. تساوي قوة الفعل في المقدار قوة رد الفعل وتضادها في الاتجاه، وفي كل الأحوال تؤثر قوتا الفعل ورد الفعل على جسمين مختلفين. على سبيل المثال، القوة المؤثرة على مقذوف يسقط سقوطاً حراً هي $F_g=mg$ وهي قوة الجاذبية التي تؤثر بها الأرض على المقذوف، رد الفعل في هذه الحالة هذو القوة التي يؤثر بها المقذوف على الأرض بها الأرض حلى الأرض على الأرض نحو المقذوف كما تسبب $F_g=F_g$ هي تسارع المقذوف تجاه الأرض. ولكن لأن كتلة الكرة الأرضية كبيرة فإن تسارع الأرض يكون صغيراً.

ومثال آخر على ذلك، القوة المؤثرة بواسطة مطرقة على مسمار (قوة الفعل \mathbf{F}_{hn}) في الشكل 6.5 \mathbf{F}_{nh} سياوي في المقدار وتضاد في الاتجاء القوة المؤثرة بواسطة المسمار على المطرقة (قوة رد الفعل \mathbf{F}_{nh}) هذه القوة الأخيرة توقف حركة المطرقة السريعة إلى الأمام عندما تصطدم بالمسمار.

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

إنك تمارس القّانون الثالث لنيوتن مباشرة عندما نضرب حاتْط بكفك بعنف أو عندما تركل كرة قدم، وينبغى أن تكون قادراً على تحديد قوة الفعل ورد الفعل في هاتين الحالتين.

تساؤل سريع 4.5

يقفر شخص من مركب تجاه حوض السفن. لسؤ الحظ قد نسى أن يربط المركب في المرسى (الحوض) وتحرك المركب بعيداً عندما قفز منه. حلل هذا الوضع بدلالة القانون الثالث لنيوتن.

غُرفت قوة الجاذبية \mathbf{F}_g بقوة جذب الأرض المؤثرة على جسم. فإذا كنان هذا الجسم هو تليفزيون \mathbf{T} ساكن على منضدة كما هو موضع في الشكل 7.5%، لماذا لايتحرك التليفزيون بتسارع في اتجاء \mathbf{F}_g لايتحرك التليفزيون بنسارع لأن المنضدة تمسك به. والذي يحدث هو تأثير المنضدة على التليفزيون بقوة إلى أعلى \mathbf{r} تسمى القوة العمودية ، والقوة العمودية هي قوة تلامس تمنع التليفزيون من السقوط خلال المنضدة ويمكن أن تكون أي قيمة لازمة مع القوة المتجهة إلى أسفل \mathbf{F}_g ويمكن أن تتزايد حتى تصل إلى نقطة الكسر للمنضدة، وتتجه لأعلى نحو نقطة تصدع المنضدة . وإذا كدس شخص بعض الكتب فوق التليفزيون، تزداد القوة العمودية الناتجة من المنضدة ، وعلى التليفزيون. وإذا رفع شخص بعض هذه الكتب من التليفزيون تنقص القوة العمودية التي تؤثر بها المنضدة على التليفزيون (وتصبح المقوة العمودية المعودية المنصدة على التليفزيون (وتصبح المقوة العمودية المعودية المنصدة على التليفزيون (وتصبح المقوة العمودية المعودية المنصدة على التليفزيون من فوق المنضدة) .

تؤثر قوتا الفعل ورد الفعل مزدوجتان دائماً على الأجسام المختلفة. ففي حالة المطرقة والمسمار الموضيحة في الشكل 6.5b إحدى القوتان تؤثر على المطرقة والأخرى على المسمار ومن سوء حظ الشخص الذي قفز من المركب في التساؤل السريع 5.4 تؤثر إحدى القوتان على الشخص والأخرى على المركب.

بالنسبة للتليفزيون في شكل 7.5 لاتمثل قوة الجاذبية \mathbf{F}_g والقوة العمودية \mathbf{n} زوج من الفعل ورد الفعل حيث يؤثران على جسم واحد— التليفزيون. قوتا رد الفعل في هذه الحالة \mathbf{F}_g' و ' \mathbf{n} تؤثران على أجسام غير التليفزيون.

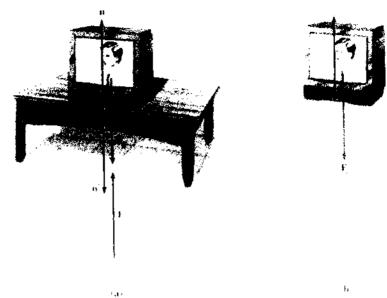
حيث آن رد الفعل للقوة \mathbf{F}_g هو القوة و \mathbf{F}_g التي يؤثر بها التلي فريون على الأرض ورد الفعل للقوة \mathbf{n} هو القوة \mathbf{n} التي يؤثر بها التليفزيون على المنضدة فإنه يمكن اسنتناج أن

$$\mathbf{F}_{\mathbf{g}} = -\mathbf{F}'_{\mathbf{g}} \quad \mathbf{g} \quad \mathbf{n} = -\mathbf{n}'$$

القوتان $\bf n$ و $\bf n'$ لهما نفس المقدار والذي يساوي في نفس الوقت $\bf F_g$. من القانون الثاني نلاحظ أنه، حيث أن التلي فريون في حالة اتران ($\bf a=0$)، فإنه ينتج



انضفاط كرة القدم بالقوة التي تؤثر بها قدم اللاعب لتجعل الكرة في حالة حركة.



الشكل7.5 عندما يكون التليفزيون ساكناً على منضدة تكون القوى المؤثرة على التليفزيون هي القوة العمودية n وقوة الجاذبية F. كما هو موضع في الجزء(b)، رد الفعل n هو القوة 'n المؤثرة بواسطة التليفزيون على المنضدة ، ورد فعل \mathbf{F}_{g} هو \mathbf{F}_{g} الناتجة بواسطة التليفزيون على الأرض،

عند تصادم حشرة مع الحاجب الزجاجي للريح في أتوبيس سريع(a) أيهما يتأثر بقوة دفع أكبر: الحشرة أم الأتوبيس أم أنهما سيتأثران بنفس القوة؟ (b) أيهما سيعاني تسارعاً أكبر: الحشرة أم الأتوبيس أم أنهما سيتأثران بنفس التسارع؟

مثال ذهني 3.5

يقف رجل ضخم مواجهاً لطفل صغير على سطح جليدى أملس، تشابكت أيديهما معاً ودفع بعضهما كل في مواجهة الآخر ولذلك تحركا مسافة.

(a) أيهما يتحرك يعيدا يسرعة أكبر؟

الحل: هذا الوضع يشابه ما رأيناه في التساؤل السريع 5.5. طبقاً للقانون الثالث لنيوتن، القوة التي تؤثر على الطفل بواسطة الرجل والقوة التي تؤثر على الرجل بواسطة الطفل هما زوج فعل - رد فعل، ولذلك يجب أن يتساويا في المقدار. (إذا وضع ميزان حمام بين يديهما سوف يقرأ نفس القراءة، بغض النظر عن طريقة مواجهة أي منهما.) ولذلك فإن الطفل الذي له كتلة أقل يكون له تسارع أكبر. كلاهما يتحرك بسرعة وبتسارعين مختلفين في نفس الفترة الزمنية، ولكن التسارع الأكبر للطفل (173

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

خلال هذه الفترة ينتج عنه حركته البعيدة عن نقطة التآثير ويتحرك بسرعة أعلى.

(b) من يتحرك أبعد بينما يديهما متلامستان؟

الحل: حيث أن الطفل له تسارع أكبر فإنه يتحرك أبعد خلال الفترة التي تكون فيها يديهما متلامستن.

7.5 🥆 يعض التطبيقات على قوانين نبوتن

SOME APPLICATIONS OF NEWTON'S LAWS

🧞 . في هذا القسم نطبق قوانين نيوتن على الأجسام التي إما أن تكون متزنة (a = 0) أو التي لها. تسارع في خط مستقيم تحت تأثير قوة ثابتة خارجية. نفترض أن الأجسام تتصرف كجسيمات ولهذا فإننا سوف لانهتم بالحركة الدورانية. وأيضاً نهمل تأثير الاحتكاك في هذه المسائل والتي تحتوي على حركة؛ ويجب أن ننص في هذه المسائل أن السطح أملس، وأخيراً نهمل كتلة أي حبل يدخل في المسألة، في هذا التقريب مقدار القوة المؤثرة عند أي نقطة على طول الحبل تكون ثابتة على طول النقاط التي تقع على الحبل تستخدم المرادفات خفيف، الوزن خفيف، وإهمال الكتلة في المسائل لنشير إلى أن الكتلة مهملة عند حل المسائل.

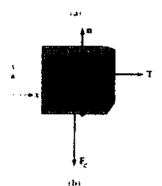
وعنما نطبق قوانين نيوتن على جسم، نهتم بالقوى الخارجية التي تؤثر على الجسم، وعلى سبيل $\mathbf{F}'_{\mathbf{g}}$ و \mathbf{n}' القوة التي تؤثر على التليفزيون فقط هي $\mathbf{F}_{\mathbf{g}}$ و الفعل لهذه القوة التي المثال في الشكل 7.5 القوة التي تؤثر على التليفزيون فقط هي $\mathbf{p}_{\mathbf{g}}$ تؤثران على المنضدة والأرض، على الترتيب، ولذلك لاتظهر في قانون نيوتن الثاني عند تطبيقه على التليفزيون.

عندما يتصل حبل يعمل على جذب الجسيم، ويؤثر الحبل بقوة T على الجسم، ،مقدار هذه القوة يسمى الشد في الحبل. وحيث أنها مقدار لكمية متجهة لذلك يكون الشد كمية قياسية.

افرض عربة تسحب جهة اليمين على سطح أفقى أملس كما هو موضح في الشكل 8.5b. ولإيجاد تسارع العربة وقوة الأرض التي تؤثر بها عليها، لاحظ أولاً أن القوة الأفقية التي تؤثّر على العربة تؤثر من خلال الحبل، استخدم الرمز T ليمثل القوة التي يؤثر بها الحبل على العربة، وقد رُسمت الدائرة المنقطة حول العربة في الشكل 8.5a لتذكرك أنك مهتم فقط بالقوى المؤثرة على العربة. وهذا واضح في الشكل 8.5b . وبالإضافة إلى القوة T ، فإن الرسم التوضيحي للقوة المؤثرة على العربة يحتوي على قوة الجاذبية $F_{
m e}$ والقوة العمودية n التي تؤثر بها الأرض على العربة. مثل هذا الرسم التوضيحي يبين كل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم. وضع الرسم التوضيحي الصحيح للجسم الحر خطوة هامة في 174] تطبيق قوانين نيوتن. ردود أفعال القوى التي ذكرناها- القوى المؤثرة بواسطة العربة على الحبل، القوة

الفصل الخامس، قوانين الحركة





الشكل 8.5 (a) تستحب عربة ناحية اليستمين على سطح أملس (b) رسم توضيحي للجسم الحر يمثل القوى الخارجية المؤثرة على العربة.

المؤثرة بواسطة العربة على الأرض، والقوة المؤثرة بواسطة العربة على الأرض- لايشملها الرسم التوضيحي للجسم الحرحيث إنها تؤثر على جسم آخر غير العربة.

والآن نطبق القانون الثاني لنيوتن في صورة مركباته على العربة. القوة الوحيدة المؤثرة في اتجاه x هي T. وبنطبيق $\sum F_x = ma_x$ للحركة الأفقية:

$$\sum F_x = \mathbf{T} = ma_x \quad \mathfrak{I} \quad a_x = \frac{T}{M}$$

لايوجــد تســــارع في انجـــاه مـركــبـة y. وبتطبيــق $a_y=0$ مع $\sum F_y=\mathrm{m}a_y$

$$n + (-F_g) = 0 \quad \text{if} \quad n = F_g$$

بمعنى أن القوة العمودية لها نفس مقدار قوة الجاذبية ولكن في الاتجاه المضاد.

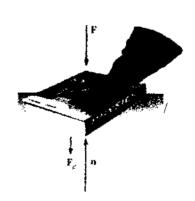
إذا كانت T قوة ثابتة، يكون التسارع $a_x=T/m$ ثابت أيضاً. ومن ثم يمكن استخدام معادلات التسارع الثابت للكينماتيكا من الفصل 2 للحصول على إزاحة العربة Δx والسرعة v_x كدالة في الزمن.

وحيث إن ثابت = T/m و يمكن كتابة المعادلتين 8.2 و 11.2 كما يلي:

$$v_{xf} = v_{xi} + \left(\frac{T}{m}\right)t$$

$$\Delta x = v_{xi}t + \frac{1}{2}\left(\frac{T}{m}\right)t^{2}$$

في الحالة التي ذكرناها توا يكون مقدار القوة العمودية \mathbf{n} يساوي مقدار F_g ، ولكن ليس هذا هو الحال دائماً . وعلى سبيل المثال، افرض أن كتاب موضوع على منضدة وأنت تدفعه إلى أسفل بقوة \mathbf{F} كما هو مبين بالشكل 9.5 وحيث أن الكتاب ساكن لذلك لايوجد تسارع، فإن $\mathbf{F}_g = \mathbf{F}_g$ والتي تعطي $\mathbf{F}_g = \mathbf{F}_g$ أو $\mathbf{F}_g = \mathbf{F}_g$.



الشكل (9.5) عندما يدفع جسسم جسم أخر إلى أسفل بقوة \mathbf{F} تكون القوة العمودية \mathbf{n} أكبير من قوة الجاذبية $\mathbf{r} = F_e + F$

توجيهات لحل المسائل

اتباع الطريقة التالية عند التعامل مع مسائل تحنوى على قوانين نيوتن:

- ارسم رسم تخطيطي بسيط ودقيق للمسألة.
- ♦ اعزل الجسم الذي تحلل حركته. ارسم رسماً تخطيطياً لحركة جسم- حر لهذا الجسم، وبالنسبة للأنظمة التي تحتوي على أكثر من جسم، ارسم رسماً تخطيطياً منفصلاً لكل جسم كجسم حر. لاتدخل في الرسم التخطيطي (لجسم- حر) القوى المؤثرة بواسطة الجسم على مايحيط به. انشئ معاور احداثية مناسبة لكل جسم ثم اوجد مركبات القوى على هذه المحاور.
- طبق القانون الثاني لنيوتن $\sum F = ma$ في صورة مركباته، افحص أبعاد معادلاتك لكي تتأكد أن جميع الحدود لها وحدات القوة.
- حل معادلات المركبات للمجاهيل المطلوبة، وتذكر أنه يجب أن يكون لديك عدد من المعادلات مساوياً لعدد المجاهيل لتحصل على حل كامل.
- تأكد أن نتائجك تتوافق مع الرسم التخطيطي لجسم- حر. واختبر أيضاً توقعات حلولك للقيم القصوى للمتغيرات. وغالباً ما بمكنك ذلك من اكتشاف الخطأ في نتائجك.

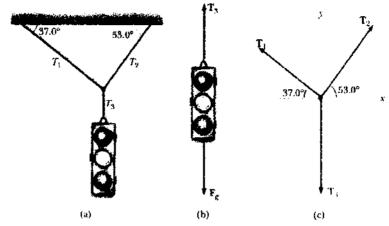
مثال 4.5 إشارة مرور ساكنة

إشارة مرور N 125 معلقة بحبل وهذا الحبل مربوط بحبلين آخرين مثبتين بحامل. الحبلان العلويان يصنعان زاويتين °37.0 و °53.0 مع الأفقى. اوجد الشد في الحبال الثلاث.

الحل: الشكل 10.5a يبين نوع الرسم الذي نرسمه في هذ الحالة، ثم نصمم رسمين تخطيطين لجسمين حرين- أحدهما لإشارة المرور، المبين في الشكل 10.5b، والآخر للعقدة التي تربط الثلاث حبال معاً، كما هو مبين في الشكل 10.5c، وهذه العقدة هي جسم مناسب للاختيار حيث أن جميع القوى التي تهمناتؤثر من خلالها. وحيث أن التسارع لهذا النظام يساوي صفراً، لذلك نعرف أن القوة على العقدة تساويان صفراً.

في الشكل 10.5b تتولد القوة T_3 بواسطة الحبل العمودي الذي يثبت الإشارة ولذلك مي الشكل 10.5c ونحلل القوة المؤثرة على العقدة $T_3=F_g=125~{\rm N}$ إلى مركباتها.

القوة	المركبة x	الركبة y
T ₁	-T ₁ cos 37.0°	T ₁ sin 37.0°
T_2	$T_2 \cos 53.0^\circ$	T ₂ sin 53.0°
T_3	0 ′	-125 N



الشكل 10.5 (a) إشارة مرور معلقة بواسطة حبل. (b) رسم تخطيطي لحسم- حر الإشارة المرور. (c) رسم تخطيطي لجسم- حر العقدة التي تربط الثلاث حبال.

بمعرفة أن العقدة متزنة (a= (l) يمكننا كتابة:

(i)
$$\sum F_3 = -T_1 \cos 37.0^\circ + T_2 \cos 53.0^\circ = 0$$

(1)
$$\sum F_v = -T_1 \sin 37.0^\circ + T_2 \sin 53.0^\circ + (-125 N) = 0$$

من (1) نرى أن المركبات الأفقية لـ ${\bf T}_1$ و ${\bf T}_1$ يجب أن تتساوى في القيمة. ومن (2) نرى أن مجموع المركبات العمودية لـ ${\bf T}_1$ يجب أن تتزن مع وزن الإشبارة. وبحل المعادلة (1) للحصول على ${\bf T}_2$ بدلالة ${\bf T}_1$ نجد أن:

$$T_2 = T_1 \left(\frac{\cos 37.0^{\circ}}{\cos 53.0^{\circ}} \right) = 1.33 T_1$$

وبالتعويض عن مقدار \mathbf{T}_2 هي المعادلة (2) نجد أن:

$$T_1 \sin 37.5^\circ + (1.33 T_1) (\sin 53.0^\circ) - 125 N = 0$$

 $T_1 = 75.1 N$
 $T_2 = 1.33 T_1 = 99.9 N$

هذه المسألة هامة حيث أنها تشمل ما يجب أن نتعلمه عن المتجهات مع أنواع جديدة من القوى. والمعالجة العامة التي شرحناها هنا هامة جداً وسوف تتكرر مرات عديدة.

 $T_1 = T_2$ في أي حالة تكون وين في أي حالة تكون

الإجابة؛ عندما يصنع الحبلان المثبتان في الحامل زاويتين متساويتين مع الأفقى.

الضيرياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثال 5.5 قَفْص على سطح أملس مائل

وضع قفص كتلته m على مستوى ماثل أملس يميل بزاوية θ . (a) عين تسارع القفص بعد إطلاقه للحركة.

الحل؛ حيث إننا نعرف القوى المؤثرة على القفص يمكننا أن نستخدم القانون الثاني لنيوتن لنعين تسارع القفص، نرسم رسماً تخطيطياً كما هو في الشكل 11.5a ثم نصمم رسماً تخطيطياً جسم حر للقفص كما هو مبين بالشكل 11.5a. القوى الوحيدة التي تؤثر على القفص هي القوة العمودية $\mathbf{F}_g = mg$ والتي المؤثرة عليه بواسطة المستوى المائل الذي يؤثر عمودياً على المستوى، وقوة الجاذبية $\mathbf{F}_g = mg$ والتي تؤثر عمودياً لأسفل، وبالنسبة للمسائل التي تحتوي على مستوى مائل من المناسب أن نختار محاور الإحداثيات لتكون \mathbf{x} لأسفل على طول المستوى المائل و \mathbf{x} عمودية عليه كما هو مبين بالشكل \mathbf{x} المحور الموجب لـ \mathbf{x} و القيمة \mathbf{x} على المحور الموجب لـ \mathbf{x} و القيمة \mathbf{x} على المحور السالب لـ \mathbf{x} .

والآن نطبق القانون الثاني لنيوتن في صورة مركباته، لاحظ أن $a_{\rm v}=0$:

(1)
$$\sum F_x = mg \sin \theta = ma_x$$

(2)
$$\sum F_{v} = n - mg \cos \theta = 0$$

بحل المعادلة (1) بالنسبة لـ a_x ، نرى أن المسارع على المستوى المائل ينشأ من المركبة F_a

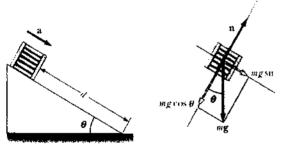
(3)
$$a_r = g \sin \theta$$

لاحظ أن هذه المركبة للتسارع لاتعتمد

على كتلة القفص! وتعتمد فقط على زاوية الميل وكذلك g.

ومن المعادلة (2) نستنتج أن مركبة \mathbf{f}_{g} العمودية على المستوى الماثل متزنة بواسطة القوة العمودية؛ بمعنى أن $n=mg~\cos heta$. وهذا هو أحد الأمثلة للحالة التي فيها القوة العمودية لاتساوي في القيمة وزن الجسم.

حالات خاصة: بالنظر لهذه النتائج نرى أنه في الحالة القصوى " $\theta=9$ ، و $a_x=g$ و $a_x=0$. هذه n=mg و $a_x=0$ و $\theta=0$ الشروط تتبع الحالة التي يكون فيها القفص في حركة سقوط حر. عندما $\theta=0$ و $\theta=0$ و أقصى فيمة لها)؛ في هذه الحالة يكون القفص مُوضوع على مستوى أفقي.



الشكل 11.5 (a) يتزلج قفص كتلته m إلى أسفل على مستوى مائل أماس. (b) الرسم التخطيطي لجسم- حر بالنسبة للقفص. لاحظ أن تسارعه على المستوى هو θ sin θ .

الفصل الخامس، قوانين الحركة

(b) افرض أن القفص أطلق للحركة من السكون عند قمة المستوى المائل، والمسافة بين حافة القفص إلى القاع هي d. ما هو الزمن الذي يأخذه القفص ليصل إلى أسفل نقطة وما هي سرعته عندما يصل إلى هذه النقطة؟

الحل، حيث إن $a_x = \text{constant}$ بمكن أن نطبق المعادلة 11.2

لتحليل حركة القفص
$$x_f - x_i = v_{xi} t + \frac{1}{2} a_x t^2$$
 ومع الإزاحة $v_{xi} = 0$ و $x_f - x_i = d$ على $d = \frac{1}{2} a_x t^2$ (4) $t = \sqrt{\frac{2d}{a_x}} = \sqrt{\frac{2d}{g \sin \theta}}$ (4) $t = \sqrt{x_f} = v_{xi}^2 + 2a_x (x_f - x_i)$ نجد آن: $v_{xi} = 0$ مع $v_{xf}^2 = v_{xi}^2 + 2a_x d$

 $v_{sf} = \sqrt{2a_s d} = \sqrt{2gd \sin \theta}$

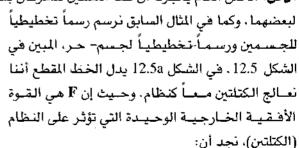
نرى من المعادلة (4) و (5) أن الزمن الذي نحتاجه ليصل القفص إلى القاع والسرعة v_{xf} ، لاتعتمد على وزن القفص مثل التسارع، وهذه الطريقة هي طريقة بسيطة يمكنك بها تعيين g، باستخدام مستوى مائل في الهواء؛ وبقياس زاوية ميل المستوى والمسافة التي يقطعها القفص على المستوى المائل والزمن اللازم لوصول القفص إلى هذه النقطة، يمكن حساب g من المعادلة (4).

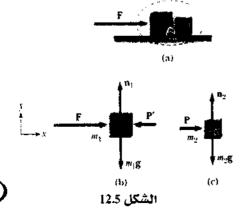
(5)

مثال 6.5 كتلة تدفع الأخرى

 ${f F}$ وضعت كتلتان متلامستان لبعضهما m_1 و m_2 على مستوى أفقي أملس. أثرت قوة أفقية ثابتة على الكتلة m_1 على الكتلة m_2 عبن قيمة تسارع الكتلتين معاً .

الحل؛ الحس العام بخبرنا أن كلنا الكتلتين تتحركان بنفس التسارع حيث أنهما تظلان متلامستين





$$\sum F_x \text{ (system)} = F = (m_1 + m_2) a_x$$

(1) $a_x = \frac{F}{m_1 + m_2}$

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

معالجة الكتاتينَ معاً كنظام (system) يبسط الحل ولكن لايقدم معلومات عن القوى الداخلية.

(b) عين قيمة القوة الثابتة بين الكتلتين.

الحل؛ لحل هذا الجزء من المسألة يجب أن نعالج كل كتلة منفصلة برسمها التخطيطي كجسم—حر، كما هو مبين في الشكل 12.50 و 12.50 . نرمز لقوة التلامس \mathbf{P} ومن الشكل 12.50 نرى أن القوة الأفقية الوحيدة التي تؤثر على الكتلة 2 هي قوة التلامس \mathbf{P} (هي القوة الناتجة من تأثير الكتلة 1 على الكتلة 2) والتي يكون اتجاهها ناحية اليمين. وبتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكتلة 2 نحصل على:

$$(2) \qquad \sum F_x = P = m_2 a_x$$

وبالتعويض في (2) بقيمة التسارع من المعادلة (1) صل على:

(3)
$$P = m_2 a_1 = \left(\frac{m_2}{m_1 + m_2}\right) F$$

من هذه النتيجة نستنتج أن قوة التلامس P تقل عن القوة المؤثرة F. وهذا يتفق مع الحقيقة أن القوة المطلوبة لتحدث تسارعاً للكتلة 2 وحدها يجب أن تقل عن القوة المطلوبة لإحداث نفس التسارع للنظام الكون من الكتاتين معاً.

من المهم أن نختبر المعادلة (3) الخاصة بـ $\bf P$ باعتبار القوى المؤثرة على الكتلة 1، المبينة بالشكل $\bf P'$ القوة الأفقية التي تؤثر على هذه الكتلة هي القوة $\bf F$ التي تؤثر جهة اليمين وقوة التلامس $\bf P'$ ناحية الشمال (القوة الناشئة نتيجة تأثير الكتلة 2 على الكتلة 1). ومن القانون الثالث لنيوتن تكون $\bf P'$ هي رد فعل لـ $\bf P$ ولذلك $\bf P'$ ويتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكتلة 1 نستنتج أن:

(4)
$$\sum F_x = F - P' = F - P = m_1 a_x$$

وبالتعويض في المعادلة (4) عن قيمة $a_{\rm x}$ من (1) نحصل على:

$$P = F - m_1 a_x = F - \frac{m_1 F}{m_1 + m_2} = \left(\frac{m_2}{m_1 + m_2}\right) F$$

وهذا يتفق مع (3) كما هو متوقع.

 $F = 9.00 \text{ N}_2 = 3.00 \text{ kg}$ و $m_1 = 4.00 \text{ kg}$ و $m_2 = 3.00 \text{ kg}$

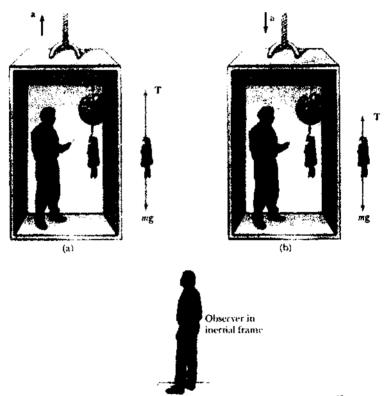
أوجد قيمة التسارع للنظام وقيمة القوة الثابتة

 $P = 3.86 \,\mathrm{N} + a_v = 1.29 \,\mathrm{m/s^2}$ الإجابة،

مثال 7.5 وزن سمكة في مصعد

يزن شخص سمكة كتلتها m بميزان زنبركي مثبت في سقف مصعد. كما هو موضح بالشكل13.5. اثبت أن وزن السمكة يختلف عن وزنها الحقيقي في حالة تحرك المصعد إلى أعلى أو أسفل بتسارع.

الحل: القوة الخارجية التي تؤثر على السمكة هي قوة الجاذبية لأسفل $F_g \simeq mg$ والقوة T والتي يؤثر بها من الميزان. من القانون الثالث لنيوتن تكون قوة الشد T هي قراءة الميزان. إذا كان المصعد ثابت أو متحرك بسرعة ثابتة. لا تتحرك السمكة بتسارع، ولذلك $\Sigma F_y = T - mg = 0$ (تذكر أن قراءة الميزان T = mg هي وزن السمكة).



الشكل (13.5) الوزن الظاهري والوزن الحقيقي (a) عندما يتحرك المصعد بتسارع لأعلى، يقرأ المهزان قيمة أعلى من وزن السمكة. (b) عندما يتحرك المصعد بتسارع لأسفل، يقرأ الميزان فيمة أقل من وزن السمكة.

إذا تحرك المصعد لأعلى بتسارع a بالنسبة لمشاهد observer يقف خارج المصعد في إطار ساكن (أنظر الشكل 13.5a) فإن تطبيق القانون الثاني لنيوتن يعطى محصلة القوى على السمكة:

$$(1) \sum F_{v} = T - mg = ma_{v}$$

حيث نختار الاتجاه إلى أعلى هو الاتجاه الموجب. لذلك نستنتج من (1) أن قراءة $\,T\,$ تكون أكبر من $oldsymbol{181}$

الضرباء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الوزن mg إذا كان اتجاء a_n إلى أعلى تكون a_n موجية وتكون هذه القراءة من mg إذا كان اتجاء a_n إلى أسفل لذلك تكون a_{ν} سالبة.

 $a_{\rm w} = +2.00 {
m m/s^2}$ المثال إذا كان وزن السلمكة هو 40.0 N واتجاء $a_{\rm w}$ إلى أعلى، لذلك وقراءة الميزان من (١) هي

(2)
$$T = ma_x + mg = mg \left(\frac{a_y}{g} + 1\right)$$
$$= (40.0 \text{ N}) \left(\frac{2.00 \text{ m/s}^2}{9.80 \text{ m/s}^2} + 1\right)$$
$$= 48.2 \text{ N}$$

(2) النياء $a_y = -2.00 {
m m/s}^2$ الني أسفل تكون $a_y = -2.00 {
m m/s}^2$ الذلك تعطينا

$$T = mg\left(\frac{a_y}{g} + 1\right) = (40.0 \text{ N})\left(\frac{-2.00 \text{ m/s}^2}{9.80 \text{ m/s}^2} + 1\right)$$

= 31.8 N

ومن ثم عند شرائك سمك بوزنه في مصعد تأكد أن السمك وُزن أثناء سكون المصعد أم أثناء نزوله بتسارع! علاوة على ذلك لاحظ أنه لايمكن تعيين اتجاه المصعد من المعلومات المعطاه هنا.

حالات خاصة؛ إذا قطعت حبال المصعدويصبح يسقط المصعد حر الحركة وتكون $a_v = -g$. ونستنتج من(2) أن قراءة الميزان تساوى الصفر في هذه الحالة بمعنى أن السمكة تبدو بدون وزن. وإذا تحرك المصعد إلى أسفل بتسارع أكبر من g، ترتطم السمكة (والشخص الموجود داخل المصعد) أخيراً بسقف المصعد حيث أن تسارع السمكة والشخص مازال نفس تسارع سقوط حر بالنسبة لمشاهد خارج المصعدء

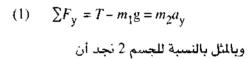
آلة أتوود مثال 8.5

عند تعليق جسمين لهما كتلتان مختلفتان رأسيا على بكرة ملساء مهملة الكتلة كما هو موضح في الشكل 14.5a، يسمى هذا الترتيب آلة آتوود Atwood machine يستخدم هذا الجهاز أحياناً في المعمل لقياس تسارع السقوط الحر. عين قيمة تسارع الجسمين والشد في الخيط الخفيف.

ألحل: إذا كان من المفروض تعريف هذا النظام كما لو كان مكونا من الجسمين، كما فعلنا في المثال 6.5 ، يجب علينا أن نعين القوة الداخلية أي (الشد في الحبل).

هنا يجب تعريف نظامين- واحد لكل جسم- ونطبق قانون نيوتن الثاني لكل منهما الرسم التخطيطي للجسم- الحر المثل للجسمين مبين في الشكل 14.5b . تؤثر قوتان على كل جسم: القوة 182) T إلى آعلى والمتولدة بواسطة الحبل وقوة الجاذبية لأسفل. ويجب علينا أن نكون على درجة كبيرة من الحرص بالإشارات في مثل هذه المسائل، والتي فيها يمر الخيط أو الحبل على بكرة أو أي تركيب آخر يسبب انحناء الخيط أو الحبل. في الشكل 14.5a الاحظ أنه في حالة تحرك الجسم 1 بتسارع إلى أعلى سوف يتحرك الجسم 2 . وتبعاً لهذا الاصطلاح للإشارة بتحرك كلا الجسمين بتسارع في نفس الاتجاه. وبتطبيق هذه انقاعدة للإشارات على هذه القوى، مركبة y لمحصلة القوة التي تؤثر على الجسما هي $T-m_2g$ ومركبة y لمحصلة القوة التي تؤثر على الجسمين متصلان بالحبل، يجب أن يتساوى تسارعهما في المقدار (وإلا سوف يستطيل الحبل أو ينقطع عندما تزداد المسافة بين الجسمين)، وإذا افترضنا أن $m_2 m_1$ يجب أن يتحرك الجسما بتسارع إلى أعلى والجسم 2 بتسارع إلى أسفل.

وعند تطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم النحصل على



(2)
$$\sum F_{y} = m_{2}g - T = m_{2}a_{y}$$

وبإضافة المعادلة (2) إلى المعادلة (1) نحصل على

$$-m_1g + m_2g = m_1a_y + m_2a_y$$

(3)
$$a_y = \left(\frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2}\right)g$$

بالتعويض عن (3) في المعادلة (1) نحصل على

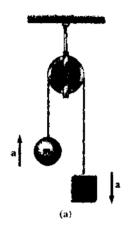
$$(4) T = \left(\frac{2m_2m_1}{m_1 + m_2}\right)g$$

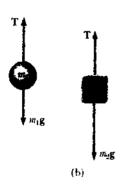
يمكن تفسير ناتج التسارع في المعادلة (3) على أنها النسبة بين القوة غير المتزنة في النظام $(m_2 g - m_1 g)$ إلى الكتلة الكلية للنظام $(m_1 + m_2)$ ، كما هو متوقع من القانون الثاني لنيوتن.

 $T=m_1$ و $a_y=0$ تكون $m_1=m_2$ تكون عندما تكون $m_2>>m_1$ تكون كما نتوقع لحالة الاتبزان هنده. وإذا كانت $m_2>>m_1$ تكون $m_2>m_1$ و $m_2>m_1$.

تمرين: أوجد قيمة العجلة والشد في الحبل لآلة أتوود التي فيها $m_1 = 4.00 \; \mathrm{kg}$ فيها $m_1 = 2.00 \; \mathrm{kg}$

$$T = 26.1 \text{ N}$$
 , $a_y = 3.27 \text{ m/s}^2$: الإجابة





الشكل 14.5 آلة التوود. (a) جسمين (m₂> m₁) متصلان بعبل مهمل الوزن ويمر على بكرة ملسساء. (b) الرسم التخطيطي لجسم- حبر بالنسبية للحسمين.

مثال 9.5 تسارع جسمين متصلين بحيل:

وُصلِت كرة وزنها m_1 بمكعب وزنه m_2 بحبل وزنه خفيف بحيث يمر على بكرة ملساء مهملة الوزن، كما هو مبين بالشكل 15.5a . يوضع المكعب على مستوى ماثل أملس يصنع زاوية θ . اوجد قيمة تسارع الجسمين والشد في الحبل.

الحل: حيث إن الجسمين متصلان بحيل (الذي فارض أنه غير مشدود) سوف يكون تسارعهما له نفس القيمة، الرسم التخطيطي لجسم حر مبين في الشكل 15.5b و 15.5b. وبتطبيق القانون الثاني لنبوتن في صورة مركباته على الكرة، مع اختيار الاتجاء إلى أعلى هو الاتجاء الموجب، ولذلك

$$(1) \quad \sum F_{\lambda} = 0$$

(2)
$$\sum F_y = T - m_1 g = m_1 a_y = m_4 a$$

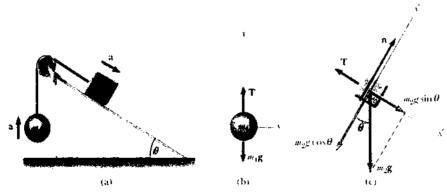
لاحظ آنه لكي تتحرك الكرة بتسارح إلى أعلى، من الضروري أن تكون $T>m_1$. في المعادلة (2) تم استبدال a_v ب عيث أن للتسارع وركبة في اتجاء v فقط.

ومن المناسب للمكعب أن نخشار المحبور x' الموجب على طول المستوى الماثل كما هو مبين بالشكل 15.5c . وهنا نختار الاتجاء الموجب ليكون أسفل المستوى الماثل، في اتجاء x' وبتطبيق القانون الثاني لنيوتن في صورة المركبة للمكعب نحصل على:

$$(3) \quad \sum F_{x'} = m_2 g \sin \theta + T = m_2 a_x = m_2 a$$

(4)
$$\sum F_{y'} = n - m_2 g \cos \theta = 0$$

في المعادلة (3) تم استبدال a_{x} بلا حيث إن للتسمارغ سركبة واحدة، وبطريقة أخرى يكون للجسمين تسارعان لهما نفس القيمة a، وهي التي نحاول إيجادها، المعادلتان (1) و (4) ليس بهما



الشكل 15.5 (a) جسمان متصلان بعبل خفيف اللوزن يمر على بكرة ملساء، (b) رسم تخطيطي جسم~ حر لكرة، (c) رسم تخطيطي جسم~ حر لمكعب (المستوى المائل أملس).

معلومات تخص التسارع. بينما إذا قمنا بحل المعادلة (2) بالنسبة لـ T ثم عوضنا هذه القيمة لـ T في المعادلة (3) ثم نحلها بالنسبة لـ a نحصل على:

(5)
$$a = \frac{m_2 g \sin \theta - m_1 g}{m_1 + m_2}$$

$$\vdots \quad \forall a \in \mathcal{B}$$

$$\vdots \quad \forall a \in \mathcal{B}$$

$$\exists a \in$$

(6)
$$T = \frac{m_1 m_2 g(\sin \theta + 1)}{m_1 + m_2}$$

a الأملس فقط إذا كان $m_2 \sin \theta > m_1$ الأملس فقط إذا كان أمين إذا كانت الكعب أسفل المستوى الأملس فقط إذا كان في الاتجاه الذي افترضناه). إذا كان $m_1 > m_2 \sin heta$ ، سبوف يكون التسارع إلى أعلى المستوى المائل بالنسبية للمكعب وإلى أسفل بالنسبية للكرة، ولاحظ أيضاً أن ناتج التسيارع في المبادلة (5) يمكن تفسيره على إنه القوة الناتجة المؤثرة على نظام مقسومة على الكتلة الكلية للنظام؛ وهذا يتفق مع القانون الثاني لنيوتن. وأخيراً، إذا كانت $\theta=90^\circ$ سوف تكون نتائج a و T مماثلة لنتائج المثال 8.5.

 $m_1 = 10.0 \text{ Kg}$ و $m_2 = 5.00 \text{ Kg}$ و $m_3 = 5.00 \text{ Kg}$ ، اوجد تسارع کل جسم.

الإجابة: a= -4.22 m/s²، حيث أن الإشارة السالبة تشير إلى أن تسارع المكتب إلى أعلى المستوى المائل وتسارع الكرة إلى أسفل.

قوى الاحتكاك FORCES OF FRICTION

عندما يكون جسم في حالة حركة على سطح أو في وسط لزج مثل الهواء أو الماء تكون هناك مقاومة للحركة بسبب تفاعل الجسم مع مايحيط به، ونسمى مثل هذه المقاومة بقوة الاحتكاك، قوة الاحتكاك هامة جداً في حياتنا اليومية. تسمح لنا بالمشي أو الجري وضرورية لحركة المركبات.

هل حاولت تحريك قرص ثقيل عبر أرضية خشنة؟ ادفع بقوة أكبر فأكبر حتى يبدو القرص حراً "break Free" وبالتالي يتحرك بسهولة نسبياً . يحتاج القرص إلى قوة أكبر للبدء في التحرك أكبر من القوة التي يحتاجها ليحتفظ بحركته ولفهم لماذا يحدث ذلك. اعتبر كتاب موضوع على منضدة كما هو مبين في الشكل 16.5a . فإذا أثرنا بقوة أفقية خارجية F على الكتاب لتؤثر جهة اليمين سوف يظل الكتاب ساكناً إذا لم تكن F كبيرة جداً . القوة التي تعادل F وتمنع الكتاب من الحركة تؤثر جهة الشمال . وتسمى قوة الاحتكاك f.

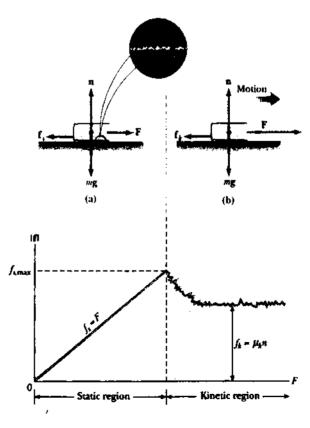
وطالما أن الكتاب لايتحرك تكون f=F . وحيث أن الكتاب ساكن، نسمى قوة الاحتكاك هذه بقوة الاحتكاك الإستاتيكية f_s . وتوضح التجارب أن هذه القوة تنتج عن النتوءات البارزة فوق الأسطح المتلامسة، حتى للأسطح التي تبدو ملساء جداً كما هو مبين في الشكل العام المكبر في الشكل 16.5a. (إذا كانت الأسطح نظيفة وناعمة على المستوى الذرى، سوف تلتحم ببعضها عندما يحدث التلامس) ﴿ 185

من منابع عليمًا والديناميكا المحرارية)

وعلى الرغم من تعقيد تفاصيل الاحتكاك على المستوى الذري، فإن هذه القوى تنتج عن تأثر كهربي متيادل بين الذرات أو الجزيئات.

وإذا قمنا بزيادة مقدار ${\bf F}$ كما هو مبين في الشكل 16.5h، تزداد قيمة ${\bf f}_s$ معها ليحتفظ الكتاب بمكانه. وبالطبع لايمكن أن تزيد القوة ${\bf f}_s$ بلانهاية. وأخيراً الأسطح المتلامسة لاتستمر في المد بقوة احتكاك كافية للتغلب على ${\bf F}_s$ ولذلك يتحرك الكتاب بتسارع. وعندما يكون الجسم على حد الحركة تكون ${\bf f}_s$ قيمة قصوى، كما هو مبين بالشكل 5.16c. وعندما تزيد ${\bf F}_s$ عن ${\bf f}_{s,max}$ يتحرك الكتاب بتسارع جهة اليمين. وبمجرد أن يبدأ الكتاب في الحركة تصبح قوة الاحتكاك المعوقة أقل من ${\bf f}_{s,max}$ (انظر الشكل 16.5c). وعندما يصبح الكتاب في حالة حركة تسمى قوة المانعة بقوة الاحتكاك الكيناتيكية الشكل ${\bf F}_s$. وإذا كانت ${\bf F}_s$ فسوف يتحرك الكتاب جهة اليمين بسرعة ثابتة. وإذا كانت ${\bf F}_s$ فسوف يكون هناك قوة غير متزنة ${\bf F}_s$ في الاتجاء الموجب لـ x وهذه القوة تسبب حركة الكتاب بتسارع جهة اليمين. وإذا أزيلت القوة ${\bf F}_s$ سوف تؤثر قوة الاحتكاك ${\bf F}_s$ جهة اليسار ليتحرك الكتاب في الاتجاء السالب لـ x وأخيراً تجعله بسكن.

وعملياً نجد أنه، وكتقريب جيد، كل من $f_{\rm K}$ و $f_{\rm K}$ تتناسب مع القوة العمودية التي تؤثر على الكتاب. وتلخص القوانين العملية التالية المشاهدات المعملية:



الشكل 16.5 يكون اتجاه قدوة الاحتكاك أبين كتاب وسطح خشن في الاتجاه العكسي للقوة المؤثرة أ. وحيث أن كلا السطحين خلشنين يحدث التلامس عند نقاط قليلة فقط كما هو موضع في الشكل المكبر. (a) مقدار قوة الاحتكاك الساكنة يساوي مقدار القوة المؤثرة عن مقدار قوة احتكاك حركي، المؤثرة عن مقدار قوة احتكاك حركي، يتحرك الكتاب جهة اليمين بتسارع. ويساني يبين العلاقة بين قوة الاحتكاك مع القوة المستخدمة. لاحظ أن $f_{smax} > f_{g}$.

 • يكون اتجاه قوة الاحتكاك الساكن بين أي جسمين متالامسين مع بعضهما عكس اتجاه الحركة النسبية ويمكن أن تأخذ القيم:

$$f_{\rm g} \le \mu_{\rm g} n \tag{8.5}$$

Coefficient of Static Fric- حيث μ_s ثابت ليس له وحدات ويسمى معامل الاحتكاك الإستاتيكي μ_s ثابت ليس له وحدات ويسمى معامل الاحتكاك الإستاتيكي عندما يكون أحد tion و n هي مقدار القوة العمودية، وتكون المتباينة في المعادلة 8.5 متساوية عندما يكون أحد الأجسام عند الحركة (على وشك الحركة)، بمعنى أنه عندما $f_s = f_{s,max} = \mu_s n$ وتتحقق المتباينة عندما نؤثر بقوة تقل عن $\mu_s n$.

 يكون اتجاه قوة الاحتكاك الكيناتيكية (الحركي) المؤثرة على جسم عكس اتجاه حركة انزلاق الجسم بالنسبة للسطح الذي تنتج عنه قوة الاحتكاك ويعطى بالعلاقة التالية:

$$f_{\rm k} \le \mu_{\rm k} n \tag{9.5}$$

. Coefficient of Kinetic Friction حيث μ_{K} هي معامل الاحتكاك الكيناتيكي μ_{K}

• يعتمد المقداران μ_K و μ_S على طبيعة الأسطح، ولكن على العموم تكون μ_K أقل من μ_S وتتراوح قيمتها بين 0.03و μ_S ويدون الجدول 2.5 بعض القيم.

جدول 2.5 معاملات الاحتكاك

	$\mu_{\rm s}$	$\mu_{\mathbf{k}}$
Steel on Steel	0.74	0.57
Aluminum on Steel	0.61	0.47
Copper on Steel	0.53	0.36
Rubber on Concrete	1.0	0.8
Wood on Wood	0.25 - 0.5	0.2
Glass in Glass	0.94	0.4
Waxed Wood on Wet Snow	0.14	0.1
Waxed Wood on Dry Snow	-	0.04
Metal on Metal (Lubricated)	0.15	0.06
Ice on Ice	0.1	0.03
Teflon on Teflon	0.04	0.04
Synovial Joints in Humans	0.01	0.003

جميع القيم في هذا الجدول مقربة، في بعض الحالات يمكن أن يزيد معامل الاحتكاك عن القيمة 1.0

● معامل الاحتكاك لايعتمد تقريباً على مساحة التلامس بين الأسطح.

على الرغم من امكانية تغير معامل الاحتكاك الكيناتيكي (الحركي) مع السرعة سوف نهمل مثل هذا التغير في دراستنا.

لماذا تتحرك المزلجة بتسارع؟ مثال ذهني 10.5

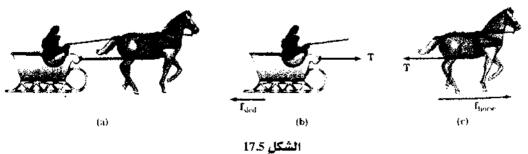
يجر حصان مزلجة على طريق مستوى مغطى بالجليد ليجعلها تتحرك بتسارع. كما حو مبين في الشكل 5.18a . ينص القانون الثاني لنيوتن على أن المزلجة تولد قوة مساوية وعكسية على الحصان. بوجهة النظر هذه، كيف تتحرك المزلجة بتسارع؟ وتحت أي شرط يتحرك النظام (الحصان والمزلجة) بسرعة ثابتة؟

الحل؛ من المهم أن نتذكر أن القوى الموصوفة في القانون الثالث لنيوتن تؤثر على أجسام مختلفة-يؤثر الحصان بقوة على المزلجة، وتؤثر المزلجة على الحصان بقوة مساوية لها في المقدار ومضادة لها. في الاتجاه. وحيث إننا نهتم فقط بحركة المزلجة، لانأخذ في الاعتبار القوى التي تؤثر بها على الحصان، وعند تعيين حركة جسم يجب عليك إضافة القوى المؤثرة على الجسم فقط، القوى الأفقية المؤثرة على المزلجة هي القوة f T للأمام المتولدة بواسطة الحصان وقوة الاحتكاك الخلفية $f f_{slot}$ بين المزلجة والجليد (انظر الشكل 17.5b). وعندما تزيد القوة الأمامية على القوة الخلفية تتحرك المزلجة جهة اليمين بتسارع.

القوة التي تجمل النظام (الحصان والمزلجة) يتحبرك بتسارع هي قوة الاحتكاك f_{horse} المتولدة بواسطة الأرض على أرجل الحصبان. القوى الأفقية التي تؤثر على الحصبان وهي القبوي الأمامية. المتولدة بواسطة الأرض والشد إلى الخلف \mathbf{T} المتولدة بواسطة المزلجة (الشكل 17.5c). محصلة ألمتولدة بواسطة المتولدة المتولدة بواسطة المتولدة المتولدة بواسطة المتولدة هاتين القوتين تسبب تسارع الحصان، وعندما تتزن ${f f}_{
m horse}$ مع ${f f}_{
m sled}$ يتحرك النظام بسرعة ثابتة.

تمرين: هل القوة العمودية المتولدة بواسطة الجليد على الحصبان وقوة الجاذبية المتولدة بواسطة الأرض على الحصان هي زوج فوي القانون الثالث؟

الإجابة: ليس كذلك حيث تؤثر القوتان على نفس الجسم. بينما يعرف زوج القوى من القانون الثالث Third- Low Force Pairs بإنهما متساويان في المقدار ومتضادان في الإتجاء كما أنهما تؤثران على جسمين مختلفين.



مثال 11.5 تسارع جسمين متصلين عند وجود قوة احتكاك

وصل مكعب كتلته m_1 مع كرة كتلتها m_2 على سطح أفقي خشن بواسطة حبل خفيف الوزن، كما هو مبين في الشكل 5.18a أثرنا على المكعب بقوة مقدارها F تصنع زاوية θ مع الأفقي كما هو مبين. معامل الاحتكاك الكيناتيكي (الحركي) بين المكعب والسطح هي μ_k . عين قيمة تسارع الجسمين.

الحل، نبدأ بتنفيذ الرسم التخطيطي لجسم- حر بالنسبة للجسمين، كما هو مبين في الشكل 18.5b و 18.5c. ثم نطبق الشانون الثاني لنيوتن في صبورة مركباته لكل جسم ونستخدم المعادلة 9.5 $_{\rm c}$. وبعد ذلك بمكننا تعيين النسارع بدلالة الحدوود المعطاة.

القوة المؤثرة على المكعب \mathbf{F} لها مركبتان في إتجاه x و y على الصورة \mathbf{F} دو \mathbf{F} دالم الترتيب وبتطبيق القانون الثاني لنيوتن لكلا الجسمين وبفرض أن حركة المكعب تكون جهة اليمين نحصل على:

حرکة المکعب (1)
$$\sum F_x = F \cos \theta - f_k - T = m_1 a_x = m_1 a_x$$

(2)
$$\sum F_{y} = n + F \sin \theta - m_{\parallel} g = m_{\parallel} a_{y} = 0$$

حركة الكرة
$$\sum F_x = m_2 a_x = 0$$

(3)
$$\sum F_v = T - m_2 g = m_2 a_v = m_2 a$$

وحيث إن الجسمين متصلان يمكننا مساواة مقادير المركبة x لتسارع المكعب ومركبه y لتسارع المكعب ومركبه y لتسارع الكرة. ومن المعادلة y علم أن y علم أن y ومن المعادلة y ومن المعادلة y علم أن y علم أن y ومن المعادلة y علم أن y ومن المعادلة y

(4)
$$f_k = \mu_k (m_1 g - F \sin \theta)$$

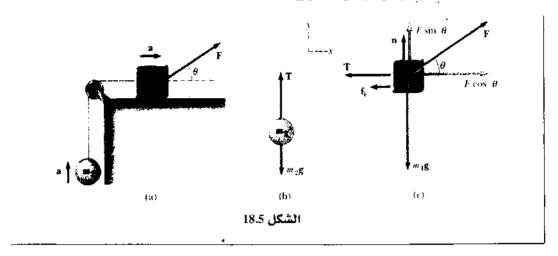
بمعنى أن قوة الاحتكاك تتناقص بسبب مركبة y الموجية F. وبالتعويض من (4) وقيمة T من (3) في (1) نحصل على (1)

$$F\cos\theta - \mu_k(m_1 g - F\sin\theta) - m_2(a + g) = m_1 a$$

وبحل المعادلة بالنسبة لـ a نحصل على

(5)
$$a = \frac{F(\cos\theta + \mu_k \sin\theta) - g(m_2 + \mu_k m_1)}{m_1 + m_2}$$

الضيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



ملخص SUMMARY

ينص القانون الأول لنيوتن على،" يظل الجسم على حالته من حيث السكون أو الحركة المنتظمة في خط مستقيم مالم تؤثر عليه قوة خارجية "

ينص القنون الثاني لنيوتن على،" يتناسب تسارع جسم طردياً مع محصلة القوة المؤثرة عليه وعكسياً مع كتاته ". بمعنى أن محصلة القوة المؤثرة على جسم تساوي حاصل ضرب كتلته في ا $\sum \mathbf{F} = ma$: سیارعه

قوة الجاذبية المؤثرة على جسم تساوى حاصل ضرب كتلته (كمية فياسية) وتسارع السقوط الحر: ${f F}_{
m e}$ وزن جسم هو مقدار الجاذبية المؤثرة على الجسم. ${f F}_{
m e}$

ينص القانون الثالث لنيوتن على،" إذا تآثر جسمان فسوف تكون القوة المتولدة بواسطة 1 على الجسم 2 مساوية في المقدار ومضادة في الاتجاه للقوة المتولدة بواسطة الجسم2 على الجسم 1 بمعنى إنه لكل فعل رد فعل مساو له في المقدار ومضاد له في الاتجاه. لذلك لاتوجد القوة المعزولة في الطبيعة.

normal العمودية $\mathbf{f}_{\mathrm{s.max}}$ العمودية القوة القصوى للاحتكاك الإستاتيكي بين جسم وسطح تتناسب مع القوة المؤثرة على الجسم. وعلى العموم $\mu_n \leq \mu_n$ حيث $\mu_n \in \mathcal{N}$ هي معامل الاحتكاك الإستاتيكي و μ_n مقدار القوة العمودية. وعندما بنزلق جسم على سطح يكون إتجاء قوة الاحتكاك الكينانيكية f_k عكس $f_k = \mu_k n$ إتجاء حركة الانزلاق وتتناسب مع مقدار القوة العمودية . ومقدار هذه القوة يعطى بالعلاقة حيث Ak هي معامل الاحتكاك.

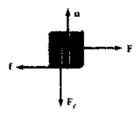
لكي تنجح في تطبيق القانون الثاني لنيوتن يجب أن ندرك جميع القوى المؤثرة على النظام. بمعنى 190) أن نكون قادرين على تصميم الرسم التخطيطي لجسم- حر. يوضع الشكل 19.5 عدداً من الأنظمة مع

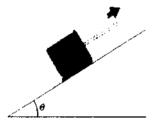
الفصل الخامس؛ قوانين الحركة

رسمها التخطيطي للجسم- الحر، يجب فحص هذه الأنظمة جيداً لكي تستطيع عمل مثلها أو ما يشابهها في المسائل.

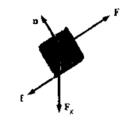


A block pulled to the right on a rough horizontal surface



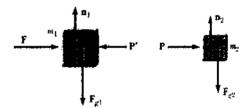


A block pulled up a rough incline

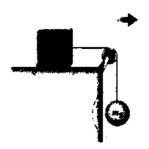


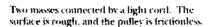


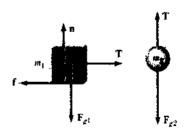
Two blocks in contact, pushed to the right on a fractionless surface



Note: P = -P' because they are an action-reaction pair







QUESTIONS اسئلة

- 1- الشخص الموجود في المصعد في مثال 7.5 وجسد أن وزن السيمكة T (وهي قسراءة المينزان). وهذه القبراءة من الواضع أنهما خاطئة. لماذا تكون هذه الملاحظة مختلفة عن التي تلاحظ بواسطة شخص موجود في إطار اسناد ساكن خارج المصعد ؟
- 2- أمسك شخص كرة بيده (a) حدد كل القوى الخارجية التي تؤثر على الكرة ورد فعل كل منها. (b) إذا سقطت الكرة، ما هي القوة التي تؤثر عليها أثناء سقوطها. حدد قوة رد الشعل في هذه الحالة. (الهمل مقاومة الهواء)
- 3- إذا تحركت سيارة جهة الغرب بسرعة ثابتة 30m/s، ما هي القبوة المحصلة التي تؤثر عليها؟
- 4 أسقطت كرة مطاطية على الأرض ما هي القوة التي تسبب ارتداد الكرة؟
- 5 ما هو الخطأ في هذه العبارة حيث أن السيارة ساكنة لاتؤثر عليها أية قوى ؟ كيف تصحح هذه العبارة ؟
- 6- افترض أنك تقود سيارة على طريق سريع بسرعة عالية، لماذا يجب عليك أن تتجنب العنف في الفرامل إذا كنت تريد الوقوف خلال مسافة قصيرة؟ بمعنى آخر لماذا يجب عليك الخفاظ على لف العجلات أثناء الفرملة؟
- 7- إذا لم يسبق لك ركوب مصعد في مبنى عالي فسوف تشعر بأنك تزداد وزنا أو تقل وزنا وذلك يعتمد على اتجاه التسارع. فسر هذا الشعور. وهل صحيح أننا نكون في حالة انعدام وزن في حركة السقوط الحر؟

- 8- يقود سائق شاحنة فارغة بسرعة استخدم الفرامل ليقف بالشحنة خلال مسافة a.(a). إذا حُملت الشاحنة بأثقال ليصبح وزنها الضعف، فما هي المسافة التي يجب قطعها بالشاحنة عند استخدام الفرامل حتى تقف؟ (b) وإذا كانت سرعة الشاحنة نصف السرعة الأولى، كم تكون مسافة وقوف الشاحنة عند استخدام الفرامل؟
- 9- في محاولة تعريف القانون الثالث لنيوتن قال تلميذ أن الفعل ورد الفعل متساويان في المقدار ومتضادان في الاتجاه، فإذا كانت هذه هي الحالة، فكيف تكون هناك دائماً قوة محصلة على الجسم؟
- 10- ما هي القوة التي تسبب (a) دفع مروحة طائرة لكي تتحرك. (b) الصواريخ؟ (c)
 حركة المشي لشخص؟
- 11- إذا قمت بدفع صندوق ثقيل ساكن، يجب عليك بذل قوة ليبدأ الحركة، ولكن بمجرد أن بدأ الصندوق في الحركة، تستطيع أن تمارس قوة صغيرة ليحتفظ الصندوق بحركته، لماذا؟
- يقف رافع أثقال على ميزان حمام. يحرك القـضيب الذي يحمل الأثقال إلى أعلى وأسفل. ماذا يحدث لقرأة الميزان أثناء هذه الحركة؟ افرض انه من القوة بحيث يمكنه من قذف القضيب الى اعلى. بين كيف تتغير قراءة الميزان الآن ؟
- الك عند تحرك أوتوبيس ساكن فجأة إلى الأمام يقع الأشـخـاص الواقـفـون على هؤلاء الجالسين. لماذا يحدث ذلك؟

BAC SUBME () Block

1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

[] = الحل كامل مناح في المرشد.

🗐 = فيزياء تفاعلية

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB

💻 = الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= آزواج رقمية/ باستخدام الرموز

من قسم 1.5 حتى 6.5

1- تؤثر قوة $\bf F$ على جسم كتلته m_1 ليتحرك بتسارع $3.00~{\rm m/s}^2$. فإذا أثرنا بنفس القوة على جسم آخر كتلته m_2 ليتحرك بتسارع m_3 . m_4 . m_5 على أذا أتحدث m_4 وجد m_4 أذا أتحدث m_4 و m_4 أوجد تسارعهما تحت تأثير نفس القوة m_4 .

2- تؤثر قوة 10.0 N على جسم كتلته 2.00 kg فرنه فكم يكون (a) تسارع الجسسم، و (b) وزنه بوحدات النيوتن و (c) تسارعه إذا تضاعفت القوة؟

تتحرك كتلة قيميتها $3.00~{
m Kg}$ بتسارع $a=(2.00{
m i}+5.00{
m j})~{
m m/s}^2$ المحصلة $\Sigma {
m F}$ ومقدارها.

4- فدر وزن جسم له كتلة 0.45359237 kg بوحدات الباوند one pound عند موضع يكون فيه تسارع الجاذبية مساوياً 32.1740
 51 عبر عن الباوند ككمية بوحدات SI.

3.00i m/s له سرعة 4.00 kg جسم كتلته في 4.00 kg في لحظة ما وبعد ثمان ثواني تزيد سرعته لتصل إلى 8.00i+10.0j)m/s)

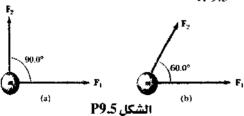
افترض أن الجسم كان يشأثر بقوة كلية ثابتة. أوجد (a) مركبات القوة و(b)

الكترون له كتلة kg الكترون له سرعة ابتدائية 9.11x 10⁻³¹ kg وله سرعة ابتدائية 3.00x10⁵ m/s يتحرك في خط مستقيم وتزداد سرعته لتصبح 5.00x10⁵ m/s خلال مسافة m/s دال مسافة m/s عين القوة التي تؤثر على الالكترون و (a) قارن هذه القوة مع وزن الالكترون و (b) قارن هذه القوة مع وزن الالكترون والتي اهملناها.

7- يزن شخص 120 lb. عين(a) وزنه بالنيوتن
 و(b) كتلته بالكيلوجرام.

8-إذا كـــان وزن رجل 900N على الأرض. كم يكون وزنه على كوكب الشترى حيث يكون تسارع الجاذبية عليه هو 25.9m/s² ؟

 \mathbf{F}_1 تؤثر قوتان \mathbf{F}_1 و \mathbf{F}_1 على كنلة \mathbf{F}_2 على كالله و أذا كالنت \mathbf{F}_1 و \mathbf{F}_1 و \mathbf{F}_2 ، اوجد النسارع في \mathbf{F}_3 المرسومين في الشكل P9.5

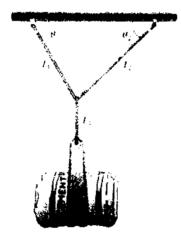


10- أثرت ثلاث قوى 10.0N جنهنة اليسسار و 20.0N جنهنة الشنرق و 15.0N جنهنة الشنرق و 15.0N منفوب منفأ على جنسم منوضوع على منضدة هوائية كتلته 4.00kg. اوجد تسارع الجسم.

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

القسم 75 بعض التطبيقات على قوانين نيوتن

- سستوى عسم 3.00 kg مستوى مستوى بتحرك جسم كتلته $x=5t^2-1$ بمركبتين x و $y=3t^2-1$ بعطيان بالعلاقتين $y=3t^2+2$ و $y=3t^2+2$ بالأمتار و $y=3t^2+2$ بالثواني، اوجد قيمة القوى المحصلة التي تؤثر على هذا الجسم عند x=2.00 s
- 12-جـوال من الأسـمنت يزن 325N يعلق من ثلاث خيوط كما هو موضح بالشكل 12.5 θ بغيط بين يصنـعان زاويتـين "60.0 θ و "25.0° مع الأفـقي، فـإذا كـان هذا النظام في حالة اتزان، أوجد الشد T_1 و T_2 في الخيوط.

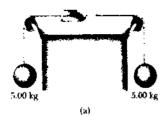


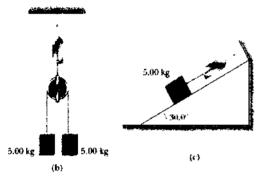
الشكل P12.5

في الشكل P12.5 إذا كان وزن جاول P12.5 الأسمنت F_g وكان الخيطان يصنعان زاويتي θ_1 و θ_2 مع الأفقي، وكان النظام متزناً، اثبت أن الشد في الخيط الأيسر يعطى بالعلاقة

$$T_1 = F_g \cos \theta_2 / \sin (\theta_1 + \theta_2)$$

14- الأنظمة الموضحة في الشكل P14.5 تكون في حالة اتزان. فإذا كان الميزان الزئيركي يقرأ بالنيوتن، ما هي قراءاته في الأنظمة الثلاث (اهمل وزن البكر والخييوط وافترض أن المستوى المائل أملس).





الشكل P14.5

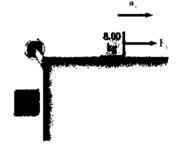
يقوم شخصان بشد حبلين مربوطين في مركب كتلته 8g ب200 بقوة كل بقدر مستطاعته. فإذا كان الشد في نفس الاتجاه، يتحرك المركب بتسارع 1.52 m/s² جهة اليسمين. وإذا كان الشد في انجاهين متضادين يتحرك المركب بتسارع 0.518 m/s² للوثرة بواسطة كل شخص على المركب المركب المركب بالمؤثرة بواسطة كل شخص على المركب (اهمل أية قوة أخرى على المركب).

16- ارسم رسم تخطيطي لجسم- حر لصندوق ينزلق على مستوى يميل بزاوية $\theta = 15.0^{\circ}$ (الشكل PI6.5) إذا بدأ الجسم من السكون عند قمة المستوى الذي يرتفع 2.00m أوجد (a) تسارع الصندوق و (b) سرعته عندما يصل إلى نهاية المستوى المائل.



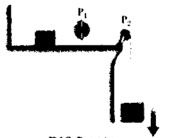
الشكل P 16.5

P17.5 في النظام المبين في الشكل 17.8.00kg تؤثر قوة أفقية F_x على كتلة 8.00kg السطح الأفقي أملس. (a) لأية قيم للقوة F_x تتحرك الكتلة 2.00kg إلى أعلى؟ (b) لأية قيم للقوة F_x يكون الشيد في الحيل لأية قيم للقوة F_x يكون الشيد في الحيل يساوي صيفراً F_x (c) ارسم العلاقة بين السارع الكتلة 8.00 kg مع F_x اعتبر القيم F_x من F_x من F_x من F_x الم 100 N الم



الشكل P17.5

 m_1 كتلة m_1 موضوعة على منضدة أفقية ملسباء وصلت بكتلة m_2 عن طريق بكرة حقيفة جداً P_1 وبكرة خفيفة مثبتة a_1 كما هو موضح بالشكل a_1 (a) . P_1 18.5 كما و a_2 هما تسارعي الكتلتين a_1 و a_2 هما التسرتيب، منا هي العالات بين هذين التسارعين a_1 عبر عن a_2 التسارعان a_2 و a_3 و a_4 التسارعان a_4 و a_5 و a_6 و a_7 و a_8 و a_7 بدلالة a_7 و a_7 و a_8 و a_7



الشكل P18.5

القسم 5.8 قوى الاحتكاك Force of Friction

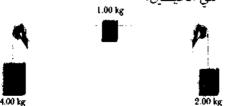
19 كتلة وزنها 25.0 kg في حالة السكون على سطح أفقى. يحتاج لقوة أفقية مقدارها

75.0N حتى تبدأ في الحركة، وبعد بدء الحركة، نحتاج لقوة أفقية مقدارها60.0N لتحتفظ الكتلة بحركتها بسرعة ثابتة. اوجد معاملات الاحتكاك الاستاتيكية والكيناتيكية من هذه المعلومات.

20- تتحرك سيارة بسرعة 50.0 mi/h على طريق سريع أفقي. (a) فإذا كان معامل طريق سريع أفقي. (a) فإذا كان معامل الاحتكاك بين الطريق وعجل السيارة في يوم ممطر هو 0.100 ، ما هي أقل مسافة التي يمكن للسيارة أن تقف عندها. (d) ما هي المسافة التي يمكن للسيارة أن تقف غلالها إذا كان الطريق جاف و0.600 $\mu_{\rm s}=0.600$

تبدأ كتلة مقدارها 3.00kg الحركة من السكون من قمة مستوى ماثل بزاوية 30.0° وتنزلق مسافة 2.00m أسفل المستوى الماثل في 1.50s. اوجد (a) مقدار تسارع الكتلة، (b) معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الكتلة و المستوى،(c) قوى الاحتكاك المؤثرة على الكتلة والمستوى، (d) سرعة الكتلة بعد انزلاقها مسافة 2.000m.

22- ثلاث كتل متصلة على منضدة كما هو مبين بالشكل P22.5. النضدة خشنة ولها ميان بالشكل P22.5. النضدة خشنة ولها معامل احتكاك الكيناتيكي 0.350. وزن الكتل الثــــلاث هي 2.00kg، ومسم رسم تخطيطي لجسم- حر لكل كتلة (a) عين الشد مقدار واتجاء تسارع كل كتلة (b) عين الشد في الخيطين.



أهامة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.5) صحيح. يخبرنا قانون نيوتن الأول أن الحركة لاتحتاج إلى قوة: يستمر الجسم في حركته بسرعة ثابتة في غياب قوة خارجية. (b) صحيح، الجسم الساكن يمكن أن تؤثر عليه قوى، ولكن إذا كان مجموع متجهات جميع تلك القوى صفرأ فلن تكون هناك قوة محصلة ويظل الجسم ساكن. ومن المكن أن توجد قوة محصلة ولا توجد حركة ولكن فقط للحظة الكرة التي تقذف رأسيا إلي أعلى تقف عند قمة مسارها لفترة زمنية قصيرة متناهية في الصغر ولكن في نفس الوقت تؤثر عليها قوة الجاذبية. ولذلك وعلى الرغم من $\mathbf{v} = \mathbf{v}$ عليها صفراً.
- (2.5) لا . يكون اتجاه الحركة جزءاً من سرعة الجسم وتحدد القوة اتجاه التسارع وليس السرعة.
- (a) قوة الجاذبية (b) قوة الجاذبية. قوة الجاذبية الجاذبية الجاذبية المسفل هي القوة الخارجية الوحيدة التي تؤثر على الكرة في كل نقاط مسارها.

- (4.5) عند قلف الشلخص من المركب تجماه المرسى، يدفع المركب عكس حركته بقدميه ونتوقع أن يندفع المركب خلف الشيخص ولذلك يسبب للمركب تسارع. وحيث أن المركب غير مربوط تتسبب القوة المؤثرة بواسطة قدم هذا الشخص في تحرك المركب بميداً عن المرسى، وكنتيجة لذلك لايستطيع الشخص أن يؤثر بقوة كبيرة على المركب قبل تحركه، وعليه لاتكون قوة رد فعل المركب على الشخص كبيرة ويكون تسارعه غير كافي ليصل إلى المرسى ولذلك يسقط في الماء، وفي حالة إذا كان القافر تجاه المرسى، من المركب غير المربوط هو كلب صغير فريما تكون القوة المؤثرة من المركب على الكلب كافية لنجاح الكلب في الوصول إلى المرسى وذلك لأن الكلب كتلته صغيرة.
- (5.5) (a) يتأثر كالاهما بنفس مقدار القوة. بمعنى أن يتآثر كل من الحشرة والأوتوبيس بقوتين متساويتين في المقدار ومتضادتين في الإتجاء. (b) الحشرة. حيث أن الحشرة لها كتلة أقل بكثير جداً من كتلة الأوتوبيس فسوف تكون تحت تأثير تسارع ضخم جداً. أما الأوتوبيس ذو الكتلة الضخمة فسوف يقاوم أي تغير في حركته.



تستقط غيواصية فضاء بسرعة أكبر من ¥! (120 mi/h) 50 m/s أنها بمجرد فتح الباراشوت تتناقص سرعتها كثبرأء لماذا تتناقص سيرعية هيوطها لأسفل بشدة عند فتح الباراشوت مما بمكنها من الهبيوط بسلام إلى الأرض؟ إذا لم يفستح الباراشوت، فإن غواصة الفضاء غالباً ما تصاب بأذى؟ ما هي القوة التي تؤثر عليها حتى تحد من سرعتها القصوي؟

الحركة الدائسرية وتطبيب قات أخبري لقوانين نيوتن

Circular Motion and Other Applications of Newton's Laws

ويتضهن هذا الفصل :

4.6 الحركة في وجود قوى مقاومة (اختياري)

(Optional) Motion in the Presence of Resistive Forces

5.6 النميذجية العيدرية لديناميكا الحسم (اختياري)

(Optional) Numerical Modeling in **Particle Dynamics**

1.6 تطبيق قانون نيوتن الثاني على الحركة الدائرية المنتظمة

Newton's Second Law Applied to **Uniform Circular Motion**

2.6 الحبركة الدائسوسة غسسر المنتظمة **Nonumiform Circular Motion**

3.6 الحركة في أطر متسارعة (اختياري) (Optional) Motion in Accelerated Frames

الضيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في الفصل السابق قدمنا قوانين نيوتن للحركة وتطبيقاتها على الحالات التي تشمل الحركة الخطية والآن نناقش حركة معقدة بعض الشيء، على سبيل المثال تطبق قوانين نيوتن على أجسام تسير في مسار دائري، كذلك سنناقش الحركة التي يتم تسجيلها من إطار اسناد متسارع في وسط لزج. اغلب هذا الفصل هو مجموعة من الأمثلة المختارة لتوضيح تطبيقات قوانين نيوتن على مدى واسع من الظروف المختلفة،

1.6 حصيق قانون نيوتن الثاني على الحركة الدائرية المنتظمة، NEWTON'S SECOND LAW APPLIED TO UNIFORM CIRCULAR MOTION

r في الجزء 4.4 وجدنا أنه عندما يتحرك جسم بسرعة منتظمة v في مسار دائري نصف قطره فإنه يعانى تسارع a مقداره

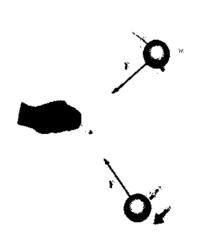
 $a_r = \frac{v^2}{a_r}$

يسمى هذا التسارع بالتسارع العمودي Centripetal acceleration ويكون متجها ناحية مركز الدائرة. علاوة على ذلك فإن $a_{
m c}$ تكون دائماً عمودية على v (إذا كان هناك مركبة للتسارع توازى v. فإن سرعة الجسم سبتكون متغيرة). إفترض كرة كتلتها m معلقة في خيط طوله r وتدور بسرعة ثابتة في مسار دائري افقي كما هو موضح بالشكل 1.6 . وتم وضعها فوق منضدة ذات احتكاك ضعيف. لماذا تتحرك الكرة في دائرة؟ بسبب قصورها الذاتي ومحاولة الكرة أن تتحرك في خط مستقيم بمنع الخيط الحركة في خط مستقيم وذلك بالتأثير بقوة على الكرة تجعلها تتحرك في مسار دائري. يكون اتجاه هذه القوة نحو مركز الدائرة على امتداد الخيط، كما هو موضح بالشكل 1.6. من المكن أن تكون هذه الفوة هي أحدى القوى المعروفة لنا والتي تسبب حركة الجسم في مسار دائري.

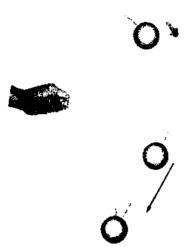
> إذا استخدمنا قانون نيوتن الثاني في اتجاه نصف القطر، نجد أن قيمة صافي القوة التي تسبب التسارع العمودي يمكن حسابها من المعادلة:

$$\sum F_r = ma_r = m \frac{v^2}{r}$$
 (1.6) القوة المسببة للتسارع العمودي

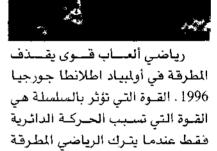
تؤثر القوة التي تسبب التسارع العمودي في اتجاه مركز المسار الدائري وتسبب تغير في اتجاه متجه السرعة. إذا تلاشت هذه القوة، فإن الجسم لايتحرك في مسار دائري وبدلاً من ذلك فإنه يتحرك في مسار على طول خط مستقيم مماساً للدائرة. هذه الفكرة موضحة في الشكل 2.6 لكرة تدور وهي مثبتة في نهاية خيط، إذا انقطع الخيط في لحظة ما تتحرك الكرة في مسار مستقيم مماساً للدائرة عند نقطة قطع 198 🕻 الخيط.



شكل 1.6 منظر من أعلى لكرة تتحمرك في مسار دائري في مستوى أفقى، القوة \mathbf{F}_r في اتجاه متركز الدائرة تحافظ على بقاء حتركة الكرة في مسار دائري.



شكل 2.6 عندما ينقطع الخيط، تتحرك الكرة في اتجاه مماس للدائرة.



فإنها ستتحرك في خط مستقيم

مماساً للدائرة.

1.6 اختبار سريع

هل من الممكن أن تتحرك سيارة في مستار دائري بحیث یکون لها تسارع مماسی دون تسارع عمودی نحو المركز،

القوى التي تسبب التسارع العمودي مثال ذهني (1.6)

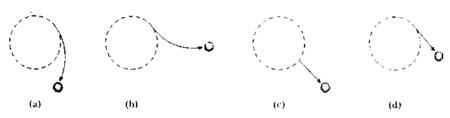
القوة التي تسبب التسارع العمودي في اتجاه المركز تسمى احياناً بالقوة المركزية. نحن على علم بمحموعة من القوى في الطبيعة- الاحتكاك، الجاذبية، القوى المتعامدة، الشد... إلخ. هل يمكن إضافة القوة المركزية إلى هذه القائمة؟

الحل: لا. لايجب أن تضاف القوة المركزية إلى هذه القائمة، هذه مجرد خدعة (Pitfall) للعديد من الطلاب، باعطاء اسم القوة المركزية إلى القوة التي تسبب الحركة الدائرية، مما يجعل الطالب يفترض أنها نوع جديد من القوى بدلاً من أنه دور جديد تلعبه القوة، خطأ شائع عند رسم شكل هندسي، أن نرسم كل القوى العادية وبعد ذلك نضيف متجهاً آخر للقوة المركزية. فهي ليست قوة ا منفصلة- هي ببساطة إحدى القوي المعروفة التي تحُدثُ حركة دائرية.

افترض عدة أمثلة. عند حركة الأرض حول الشمس، القوة المركزية هي قوة الجاذبية. بالنسبة ﴿ 199

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

لجسم موضوع على قرص دوار، فإن القوى المركزية هي الاحتكاك، بالنسبة لحجر يدور وهو مربوط في طرف خيط فإن القوة المركزية هي الشد في الخيط، شخص في مدينة الملاهي داخل كابينة دائرية تدور بسرعة، تضغط القوة المركزية نحو جدار الكابينة وتجعله ملتصقاً بها. الأكثر من ذلك. فإن القوة المركزية يمكن أن تكون مركبة من قوتين أو أكثر، على سبيل المثال عند مرور راكبة دراجة فيرى Ferris Wheel خلال أدنى نقطة فإن القوة المركزية عليها هي الفرق بين القوة العمودية التي يؤثر بها المقعد عليها ووزنها.



شكل 3.6 تتأثر الكرة التي تتحرك في مسار دائري بعدة قوى خارجية تغير مسارها.

تجربة سريعة:

اربط كبرة منضرب في خبيط-اجعلها تتأرجح في دائرة وأثناء ارجحتها أترك الخيط لتحقق إجابتك عن الجرء الأخير من الأختبار السريع 2.6.

2.6 اختبار سريع:

تسلك الكرة المسار الدائري المنقط والموضح في شكل 3.6 تحت نأثير قوة. في لحظة معينة من الزمن تتغير القوة بشدة بقوة جديدة وتسلك الكرة المسار الموضح بالخط المتصل وفي اتجاه رأس السهم في كل من الحالات الأربع في الشكل. لكل جزء من الشكل، أوصف مقدار واتجاه القوة اللازمة لجعل الكرة تتحرك على المسار المتصل. إذا كان الخط المنقطع بمثل المسار لكرة تدور وهي مثبتة في نهاية الخيط- أي مسار سوف تسلكه الكرة إذا ما انقطع الخيط.

دعنا ندرس بعض الأمثلة للحركة المنتظمة. في كل حالة يجب أن نتعرف على القوة (أو القوى) الخارجية التي تجعل الجسم يتحرك في مسار دائري.

مثال 2.6 ما هي سرعة اللف:

كرة كتلتها 0.5 kg مربوطة في نهاية خيط طوله L.5 m أجعلها تلف في دائرة أفقية كما في الشكل 1.6. إذا كان الخيط يمكنه أن يتحمل أقصى شد 50.0 N ما هي أقصى سرعة يمكن أن تكتسبها الكرة قبل ان ينقطع الخيط؟ افترض ان الخيط يظل افقياً أثناء الحركة.

الحل: من الصعب التكهن بالاجابة المعقولة. ومع ذلك نعلم أنها لاتكون كبيرة، مثلا 100 m/s لان 200] الشخص لايمكنه أن يجعل الكرة تتحرك بسرعة. من المنطق القول أنه كلما كان الخيط متيناً كلما

الفصل السادس؛ الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

زادت سرعة الدوران قبل أن ينقطع الخيط، من المتوقع ايضاً أنه كلما زادت كتلة الكرة كلما زاد احتمال قطع الخيط عند سرعات منخفضة (تصور تدوير كرة بولينج). حيث إن القوة التي تسبب التسارع العمودي في اتجاء المركز في هذه الحالة هي القوة \mathbf{T} التي يؤثر بها الخيط على الكرة، فإن المعادلة $\sum F_r = m\alpha_r$. 1.6

$$T=mrac{v^2}{r}$$
 $v=\sqrt{rac{Tr}{m}}$:بالحل في v نحصل على:

يوضح ذلك أن v تزداد مع T وتتناقص مع m. كما هو متوقع، لقيمة معينة من v فإن الكتلة الكبيرة تحتاج شد أكثر والكتلة الصغيرة تحتاج لشد أقل. اقصى سرعة يمكن أن تكتسبها الكرة تناظر اقصى شد. ومن ثم نجد أن:

$$v_{\text{max}} = \sqrt{\frac{T_{\text{max}}r}{m}} = \sqrt{\frac{(50.0 \text{ N})(1.50 \text{ m})}{0.500 \text{ kg}}} = 12.2 \text{ m/s}$$

تمرين: احسب الشد في الخيط عندما تكون سرعة الكرة 5.0 m/s.

الاجابة: 8.33 N

مثال 3.6 البندول المخروطي:

جسم صغير كتلته m معلق في خيط طوله L. يدور الجسم بسرعة ثابتة في دائرة أفقية نصف قطرها r كما هو موضح بالشكل 4.6 (حيث أن الخيط يمسح سطحاً مخروطياً، يطلق على المنظومة البندول المخروطي). أوجد تعبيرا للكمية v.

الحل: دعنا نختار θ لكي تمثل الزاوية بين الخيط والمحور الرأسي في الرسم الهندسي للجسم الحر شكل 4.6. القوة T التي يؤثر بها الخيط يمكن تحليلها إلى مركبة رأسية θ ومركبة افقية T sin θ والتي تؤثر تجاه مركبز الدوران. حيث ان الجسسم لا يتسارع في الاتجاه الرأسي فإن T ومركبة T الرأسية لأعلى تتعادل مع قوة الحاذية لأسفا، ولهذا

T cas
$$\theta$$

شكل 4.6 البندول المخــروطي والترسم الهندسي للجسم الحراله.

(1)
$$T \cos \theta = mg$$

حيث إن القوة المتسببة في التسارع العمودي في هذا المثال هي المركبة T sin 0 فإنة يمكن استخدام قانون نيوتن الثاني والمعادلة 1.6 لنحصل على

(2)
$$\sum F_r = T \sin \theta = ma_r = \frac{mv^2}{r}$$

$$\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \sin \theta = \sin \theta \cos \theta$$

$$\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \sin \theta \sin \theta \cos \theta$$

$$\frac{1}{r} = \frac{1}{r} \sin \theta \cos \theta$$

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$\tan \theta = \frac{v^2}{rg}$$

$$v = \sqrt{rg} \tan \theta$$

من هندسه الشكل 4.6، تلاحظ آن $r=L\sin\theta$ ولهذا

$$v = \sqrt{Lg} \sin \theta \tan \theta$$

لاحظ أن السرعة لاتعتمد على كتلة الجسم.

ما هي اقصى سرعة للسيارة؟ مثال 4.6

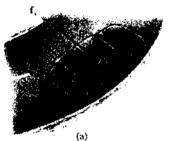
تتحرك سيارة كتلتها 1500 kg على طريق افقى مسطح منحنى كما بالشكل 5.6. إذا كان نصف قطر المنحني هو m 35.0 m ومعامل الاحتكاك الاستاتيكي بين الاطارات والاسفلت الجاف هو 0.50.

احسب اقصى سرعة للسيارة لعمل الدوران بنجاح.

الحل: من الخبيرة، يجب أن نتوقع أن تقل سرعة السيارة عن 50 m/s (من المكن اعتبار أن m/s ا تعادل 2 mi/h). في هذه الحالة، السرعة التي تُمكن السيارة من البقاء في مسارها الدائري هي قوة الاحتكاك الاستاتيكي (لانه لايحدث انزلاق عند نقطة التلامس بين الطريق والاطارات فإن القوة المؤثرة هي قوة الاحتكاك الاستاتيكي متجهة ناحية مركز المنحني. إذا كانت قوة الاحتكاك الاستاتيكي صفراً - على سبيل المثال، وإذا كانت السيارة تتحرك على طريق مفطى بالثلج فإن السيارة تستمر في خط مستقيم وتنزلق على الطريق) ومن ثم نحصل من المعادلة 1.6 على:

 $f_x = m \frac{v^2}{}$

أقصى سرعة للسيارة حول المنحنى هي السرعة التي تكون عندها السيارة على حافة الانزلاق للخارج، عند هذه النقطة، تكون قوة الاحتكاك أقصى مايمكن $f_{s,max} = \mu_s n$ حيث إن السيارة على طريق أفقى فإن مقدار القوة العمودية يساوى الوزن الحر النناظر للسيارة. وهكذا f_s وهكذا $f_{s,max} = \mu_s mg$ وهكذا (n=mg)المعادلة (1) نجد أن أقصى سرعة هى:





الشكل 5.6 (a) تكون شبوة الاحستكاك الاستاتيكي في اتجاه مركز المنحني وتحافظ على حركة السيارة في مسار دائري، (b) الرسم الهندسي للجـسم

$$v_{\text{max}} = \sqrt{\frac{f_{\text{s,max}}r}{m}} = \sqrt{\frac{\mu_s mgr}{m}} = \sqrt{\mu_s gr}$$

$$= \sqrt{(0.500) (9.80 \text{ m/s}^2) (35.0 \text{ m})} = 13.1 \text{ m/s}$$

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

لاحظ أن أقصى سرعة لاتعتمد على كتلة السيارة، هذا هو السبب في عدم وضع إشارات مختلفة لاقصى سرعة عند الدوران على الطرق السريعة لتغطي الكتل المختلفة لسيارات النقل التي تستخدم الطريق.

تمرين: تبدأ سيارة في الأنزلاق على منحنى في طريق مبلل عندما تصل سرعتها 8.0 m/s ما هو معامل الاحتكاك الاستاتيكي في هذه الحالة.

الاجابة: 0.187

مثال 5.6 مخرج مزلقان منحدر

يرغب مهندس مدني في تصميم مخرج مزلقان منحنى لطريق سريع بحيث لاتعتمد السيارات على الاحتكاك عند الدوران حول المنحنى دون انزلاق، بمعنى آخر عندما تسير السيارة بالسرعة المقترحة يمكنها أن تسلك المنحنى حتى وإن كان مغطى بالثلج، مثل هذا المزلقان عادة هو جسر، بما يعني أن طريق المركبات يميل تجاه الجانب الداخلي للمنحنى، افرض أن السبرعة المقترحة للمزلقان هي على 30.0 مازاوية العطوف للمنحنى.

الحتكاك على طريق غير منعطف فإن القوة التي تسبب التسارع العمودي نحو المركز هي قوة الاحتكاك الاستاتيكي بين السيارة والطريق. لكن، إذا كان الطريق به انعطاف بزاوية θ كما بالشكل 6.6 فإن القوة العمودية n يكون لها مركبة افقية θ sin θ متجهة ناحية مركز المنعنى. وحيث إن المزلقان مصمم بحيث تكون قوة الاحتكاك الاستاتيكي صفراً، يعطى قانون نيوتن الثاني في اتجاه نصف القطر.

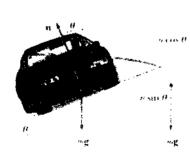
(1)
$$\sum F_r = n \sin \theta = \frac{m v^2}{r}$$

السيارة في حالة اتزان في الاتجام العمودي ولهذا $\sum F_y = 0$ على نحصل من المعادلة 0

(2)
$$n \cos \theta = mg$$
 : بقسمة العادلة (1) على العادلة (2) نحصل على $\theta = \frac{v^2}{rg}$

$$\theta = \tan^{-1} \left[\frac{(13.4 \text{ m/s})^2}{(50.0 \text{ m}) (9.80 \text{ m/s})^2} \right] = 20.1^{\circ}$$

إذا قطعت السيارة المنحنى بسارعة 13.4 m/s يجب أن يكون هناك احتكاك للحفاظ على السيارة من الانازلاق إلى داخل الجسار إلى اليسار في



شكل 6.6 تسير سيارة على متحدر ماثل بزاوية θ مع الافقي. عندما يكون الاحتكاك مه مه مبلاً فإن القوة التي تسبب التسارع العمودي نحو المركز وتحافظ على بقاء السيارة في مسار دائري هي المركبة الأفقية للقوة العمودية. لاحظ أن n هي مجموع القوى التي يؤثر بها الطريق على الاطارات

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الشكل 6.6). السائق الذي يحاول ان يسير على المنحنى بسرعة أكبر من 13.4 m/s يجب أن يعتمد على الاحتكاك للحفاظ على عدم الانزلاق نعو الخارج (إلى اليمين في الشكل 6.6). لاتعتمد زاوية العطوف على كتلة السيارة التي تسير على المنحنى.

 f_s نصف القطر عندما تتواجد قوة احتكاك المستخدم في اتجاء نصف القطر عندما تتواجد قوة احتكاك متجهه إلى داخل المنحدر في اتجاء مركز المنحنى.

 $n \sin \theta + f_s \cos \theta = \frac{mv^2}{r}$:الاجابة

مثال 6.6 حركة القمر الصناعي

يهتم هذا المثال بحركة قمر صناعي يدور في مدار دائري حول الأرض، لتَفهُم هذا الوضع يجب أن تعلم أن قوة الجاذبية بين الاجسام الكروية والاجسام الصغيرة والتي يمكن اعتبارهما كجسمين كتلتيهما m_1 و m_2 بينهما مسافة m_3 هي قوة جاذبة مقدارها

$$F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

حيث $G = 6.673 \times 10^{-11} \, \mathrm{N/m^2/\ kg^2}$. هذا هو قانون نيوتن للتجاذب والذي سيتم دراسته في فصل 14 .

h وعلى ارتفاع v من سطح الارض كما بالشكل 7.6. احسب سرعة القمر الصناعي بدلالة v (نصف قطر الارض) و v (كتلة الأرض).

الحل: القوة الخارجية الوحيدة التي تؤثر على القمر الصناعي هي قوة الجاذبية والتي تؤثر في اتجام مركز الأرض وتحافظ على دوران القمر في مسار دائري. لهذا فإن:

$$F_r = F_g = G \frac{M_E m}{r^2}$$

من قانون نيوتن الثاني، والمعادلة 1.6 نحصل على:

$$G\frac{M_E m}{r^2} = m\frac{v^2}{r}$$

بالحل في v مع الآخذ في الاعتبار أن المسافة r من مركز الارض إلى القمر هي $r = R_E + h$ نحصل على:

(1)
$$v = \sqrt{\frac{GM_E}{r}} = \sqrt{\frac{GM_E}{R_E + h}}$$

إذا كان القمر يدور حول كوكب آخر، فإن سرعته تزداد مع كتلة الكوكب بينما تتناقص بزيادة المسافة بين القمر ومركز الكوكب.



شكل 7.6 يدور قيم را صناعي كتلته u حيول الأرض بسيرهة ثابتية u في مسار دائري نصف قطره $F_{\rm g}$ التي نصب التسارع العمودي هي قوة الجاذبية .

تمرين: يدور قمر صناعي حول الأرض في مسار دائري على ارتفاع 1000 km . إذا كان نصف قطر الأرض هو 6.37 x 10⁶m وكتلتها 5.98 x 10²⁴ kg . احسب سبرعة القمر الصناعي ومنها أوجد زمن الدورة- الزمن اللازم للقمر لعمل دورة كاملة.

 $6.29 \times 10^3 \text{ s} = 105 \text{ min}$; $7.36 \times 10^3 \text{ m/s}$ الأحالة:

مثال 7.6 دعنا نلف في خيه

طيار كتلته m في طائرة نفاثة يدور بطائرته في الجو في مسار على شكل خيه كما هو موضح بالشكل (8.6a). في هذه المناورة، تتحرك الطائرة في دائرة رأسية نصف قطرها 2.7 km بسرعة ثابتة 225 m/s. احسب القوة التي يؤثر بها المقعد على الطيار. (a) عند قاع الخية. (b) عند قمة الخية. عبر عن اجابتك بدلالة وزن الطيار mg.

الحل: يتوقع أن تكون الاجابة في (a) أكبر من الاجابة في (b) لانه عند قاع الخية تكون كلا من القوة العمودية وقوة الجاذبية في اتجاهين متضادين، بينما عند القمة تؤثر هاتان القوتان في نفس الاتجاه. يعطي الجمع الاتجاهي لهاتين القوتين قوة ثابتة المقدار والتي تُبقي على حركة الطيار في مسار دائري.

للحصول على متجهات لصافي القوة التي لها نفس المقدار، فإن القوة العمودية عند القاع (حيث تكون قوة الجاذبية في اتجاء مضاد للقوة العمودية) يجب أن تكون أكبر من القوة العمودية عند القمة (حيث تكون قوة الجاذبية في نفس اتجاء القوة العمودية). (a) يوضح الشكل 8.6a الرسم الهندسي الجسم الحر لجسم الطيار في قاع الخية، القوة التي تؤثر على الطيار هي قوة الجاذبية لأسفل الجسم الحر لجسم الطيار في قاع الخية، القوة التي تؤثر على الطيار هي التسارع العمودي $\mathbf{F}_{\rm g} = m\mathbf{g}$ وقوة يؤثر بها المقعد لأعلى $\mathbf{n}_{\rm bot}$. حيث إن صافي القوة التي تعطي التسارع العمودي نحيو المركز مقدارها $\mathbf{n}_{\rm bot}$ فإن قانون نيوتن الثاني في اتجاء نصف القطر والعادلة 1.6 يعطيان:

$$\sum F_r = n_{\text{tot}} - mg = m \frac{v^2}{r}$$

$$n_{\text{bot}} = mg + m\frac{v^2}{r} = mg\left(1 + \frac{v^2}{rg}\right)$$

بالتعويض عن قيمتي v ، v نحصل على:

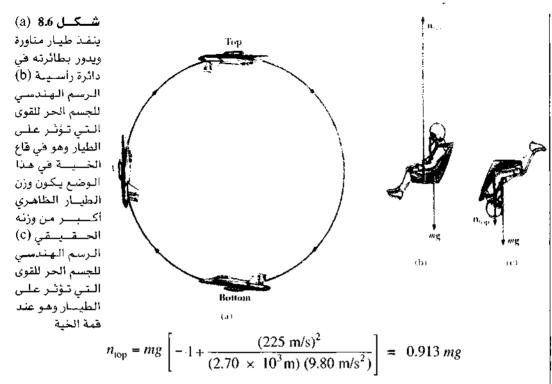
$$n_{\text{bot}} = mg \left[1 + \frac{(225 \text{ m/s})^2}{(2.70 \times 10^3 \text{ m}) (9.80 \text{ m/s}^2)} \right] = 2.91 \text{ mg}$$

من ثم فإن مقدارُ القوة العمودية $\mathbf{n}_{\mathrm{bot}}$ التي يؤثر بها المقعد على الطيار تكون أكبر من وزن الطيار بالمعامل 2.91 . هذا يعني أن الطيار يعاني وزن ظاهري أكبر من وزنه الفعلي بمقدار 2.91 مرة. (b) يعطي الشكل 8.6c الرسم الهندسي للجسم الحر لجسم الطيار عند قمة الخية كما لاحظنا من قبل تكون كل من قوة الجاذبية الأرضية والقوة $\mathbf{n}_{\mathrm{top}}$ التي يؤثر بها المقعد على الطيار متجه لأسفل وبالتالي فإن مقدار القوة الفعلية التي تعطي التسارع تجاه المركز هي $\mathbf{n}_{\mathrm{top}}$ استخدام قانون نيوتن الثاني يعطى:

$$\sum F_r = n_{\text{top}} + mg = m\frac{v^2}{r}$$

$$n_{\text{top}} = m \frac{v^2}{r} - mg = mg \left(\frac{v^2}{rg} - 1 \right)$$

الضرباء (الجزء الأول: المكانيكا والديناميكا الحرارية).



في هذه الحالة يكون مقدار القوة التي يؤثر بها المقعد على الطيار أقل من وزنه الفعلي بمعامل 0.913 ويشمر الطيار بأن وزنه الظاهري أقل من وزنه الحقيقي.

تمرين؛ عين مقدار القوة في اتجاه نصف القطر التي يؤثر بها المقعد على الطيار عندما تكون الطائرة عند النقطة A في (شكل 8.6a) منتصف الخية ومتجه لأعلى،

3.6 إختبار سريع:

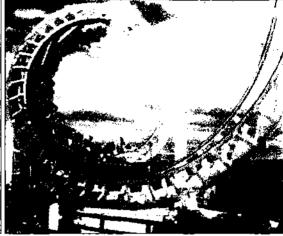
خرزة تنزلق على طول سلك منحنى بسرعة ثابتة كما هو موضح في المسقط الرأسي في شكل 9.6. ارسم متجهات عند C ،B ،A تمثل القوة التي يؤثر بها السلك على الخرزة لكي تحعلها تتحرك السلك عند هذه النقط.



امسك حداء من طرف رباطه ودعة يلف في دائرة رأسية. هل يمكنك أن تستشعر الفرق في الشد في رباط الحذاء عندما يكون الحذاء عند قمة الدائرة بالمقارنة مع الشد عندما يكون في القاع.

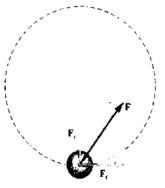
الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن





بعض القوى الفعالة اثناء الحركة الدائرية: (إلى اليسار) عند دوران متزلجي السرعة على منحنى، نعطى القوة التي يؤثر بها الثلج على حذاء التزلج التسارع العمودي ناحية المركز (إلى اليمين) ركاب في السفينة الدوارة على شكل بريمة. ما مصادر القوى في هذا المثال.

NONUNIFORM CIRCULAR MOTION الحركة الدائرية غير المنتظمة الحركة الدائرية غير المنتظمة 2.6



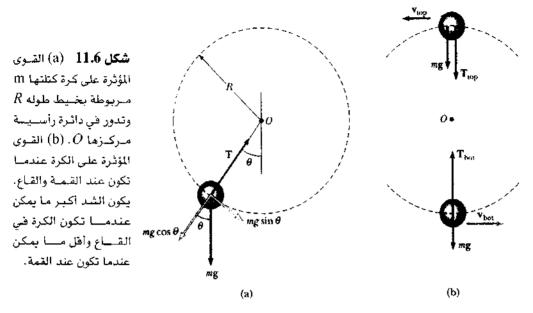
شكل 10.6 عندما تكون القوة المؤثرة على جسم يتحرك في مسار دائري لها مركبة مماسية F, فإن سرعة الجسم تتغير. القوة الكلية التي تؤثر على الجسم في هذه الحالة هي المجسموع الاتجاهي للقوة النصف قطرية والقوة الماسية. $F=F_{+}+F_{0}$

وجدنا في الفصل الرابع انه إذا تحدرك جسم بسرعة متغيرة في مسار دائري فإنه يوجد، بالاضافة إلى مركبة التسارع العمودية المتجهة إلى المركز (النصف قطرية)، يوجد مركبة مماسية مقدارها dv/dt. لهذا فإن القوة التي تؤثر على الجسم يجب أن تكون لها مركبة مماسية وأخرى في اتجاه نصف القطر. حيث إن التسارع الكلي هو $a = a_r + a_t$ فإن القوة الكلية التي تؤثر على الجسم هي $F_r + F_t$. كما هو موضع بالشكل على الجسم هي $F_r + F_t$ ناحية مركز الدائرة وهو المسئول عن التسارع المتجه F_t ناحية المركز. المتجه F_t والماس للدائرة هو المسئول عن التسارع الماسي والذي يمثل التغير في سرعة الجسم بالنسبة للزمن، يوضع المثال التالى هذا النوع من الحركة.

مثال 8.6 ركز نظرك على الكرة؛

O مربوطة في نهاية خيط طوله R مربوطة في نهاية خيط طوله R تلف في دائرة رأسية حول نقطة ثابتة v كما هو موضح بالشكل 1.6a. احسب الشد في الخيط عند أي لحظة عندما تكون سرعة الكرة v ويصنع الخيط زاوية v مع المحور الرأسي.

الضيزياء (الجزء الأول، الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



الحل؛ يختلف ذلك عن الوضع في المثال 7.6 حيث إن السرعة غير منتظمة في هذا المثال وحيث إنه عند أغلب النقاط على المسار، تنشأ مركبة مماسية للتسارع من قوة الجاذبية التي تؤثر على الكرة. من الرسم الهندسي للجسم الحر، فلاحظ أن هفاك قوتان فقط تؤثران على الكرة وهما قوة الجاذبية $F_o = mg$ التي تؤثر بها الأرض، والقوة T التي يؤثر بها الخيط. بتحليل F_o إلى مركبة مماسسية θ mg \sin وبتطبيق قانون نيوتن الثاني على مماسسية dالقوى التي تؤثر على الكرة في الاتجاه الماسي نحصل على:

$$\sum F_t = mg \sin \theta = ma_t$$
$$a_t = g \sin \theta$$

تتسبب المركبة الماسية للتسارع في تغيير v بالنسبة للزمن حيث $a_i = dv/dt$. بتطبيق قانون نيوتن الثاني على القوى التي تؤثر على الكرة في اتجاه نصف القطر مع ملاحظة أن كلا من T و a، و

متجهان ناحیة
$$O$$
، نحصل علی:
$$\sum F_r = T - mg \cos \theta = \frac{mv^2}{R}$$

$$T = m \left(\frac{v^2}{R} + g \cos \theta \right)$$

حالات خاصة: على قمة المسار، حيث $\theta = 180^{\circ}$ ا= -1 وتصبح معادلة الشد:

$$T_{\text{top}} = m \left(\frac{v_{\text{top}}^2}{R} - g \right)$$

هذه هي أقل قيمة للشد T. لاحظ أنه عند هذه النقطة $a_r = 0$ ولهذا فإن التسارع يكون نصف 208) قطري كلية ومتجه الأسفل.

الفصل السادس الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

عند قاع المسار حيث $\theta = 0$ ، ثلاحظ أن $\theta = 1$ لذلك فإن:

$$T_{\text{bot}} = m \left(\frac{v_{\text{bot}}^2}{R} + g \right)$$

هذه هي أقصى قيمة للشد. عند هذه النقطة مرة أخرى $a_i=0$ والنسارع هنا نصف قطري تماماً ولكن متجه لأعلى.

تمرين: عند أي موضع للكرة يمكن للخيط أن ينقطع أذا ما أردنا زيادة السرعة المتوسطة.

الإجابة: في القاع، حيث يكون الشد أقصى مايمكن.

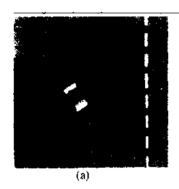
(اختياري)

الحركة في أطر متسارعة ___3.6_ MOTION IN ACCELERATED FRAMES

عند تقديم قوانين نيوتن للحركة في فصل 5، اوضعنا أنها تتحقق فقط عندما يكون المشاهد في أطار اسناد قصورى، في هذا القسم، سنحلل كيف لمشاهد في إطار اسناد غير قصورى (أي متسارع) أن يستخدم قانون نيوتن الثاني.

لكي نفهم حركة نظام غير قصورى حين يتحرك الجسم على مسار منحني، افترض أن سيارة تسير على طريق سريع بسرعة عالية وتقترب من مزلقان منحني لمخرج كما بالشكل 12.6a. بينما تأخذ السيارة اتجاء اليسار بشدة على المزلقان، تنزلق سيدة جالسة في مقعد الركاب الأمامي الأيمن وترتطم بالباب. عند هذه النقطة تمنع القوة التي يؤثر بها الباب على السيدة من سقوطها من السيارة. ما الذي جعلها تتحرك نحو الباب؟ تفسير دارج وأن كان غير مقنع وهو أن بعض القوى الافتراضية تدفعها إلى الخارج من اليسار إلى اليمين (غالباً ما يطلق عليها القوة الطاردة المركزية، ولكننا سوف لانستخدم فذا الاصطلاح لأنه غالباً ما يؤدي إلى التباس). لقد اخترعت الراكبة هذه القوة الافتراضية Fictitious Force لتفسير ما حدث لها

شكل 12.6 (a) سيارة تتحرك مقتربة من مخرج منحدر مائل. ما السبب في تحرك راكبة في المقعد الأمامي تجاه باب الجهة اليمنى (b) بالنسبة لإطار اسناد الراكبة، تدفعها قوة افتراضية نحو الباب الايمن (c) بالنسبة للارض كإطار اسناد، يؤثر كرسي السيارة بقوة على الراكبة نحو اليسار مما يجعلها تغير اتجاهها مع باقى السيارة.







الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في إطار الاسناد المتسارع الخاص بها كما بالشكل 12.6b . (يتأثر السائق أيضاً بهذه القوة ولكنه يمسك بعجلة القيادة ليمنع نفسه من الانزلاق ناحية اليمين).

يمكن تفسير هذه الظاهرة بصورة صحيحة كما يلي. قبل أن تدخل السيارة إلى المنحدر تتحرك الراكبة في مسار مستقيم. عند دخول السيارة في المنحدر وتمر في مسار منحنى، تحاول الراكبة ان تتحرك على طول الخط المستقيم الاصلي. هذا يتفق تماماً مع قانون نيوتن الأول. الاتجاه الطبيعي لجسم هو أن يستمر في الحركة في خط مستقيم. الاأنه إذا أثرت قوة كبيرة بدرجة كافية (تجاه مركز الانحناء) على الراكبة، كما بالشكل 12.6c، فإنها ستتحرك في مسار منحنى، نفس مسار السيارة مصدر هذه القوة هي قوة الاحتكاك بينها وبين مقعد السيارة. إذا كانت قوة الاحتكاك ليست كبيرة بدرجة كافية فإنها ستنزلق إلى اليمين عندما تستدير السيارة نحو اليسار. اخيراً تصطدم بالباب بدرجة كافية فإنها ستنزلق إلى اليمين عندما تستدير السيارة نحو اليسار. اخيراً تصطدم بالباب والذي يعطيها قوة كبيرة بدرجة كافية لتمكينها من أن تتبع نفس المسار المنحنى للسيارة. انزلاق السيدة نحو الباب ليس بسبب بعض القوى الافتراضية للخارج ولكن السبب هو أن قوة الاحتكاك ليست كبيرة بدرجة كافية لتسمح للراكبة أن تسير في المسار الدائري والذي تتبعه السيارة.

بصورة عامة إذا تحرك جسم بتسارع a بالنسبة لمشاهد في اطار اسناد قصورى يمكن للمشاهد ان يستخدم قانون نيوتن الثاني ويمكنه ان يزعم أن $\Sigma F = ma$. إذا ما حاول مشاهد في إطار اسناد متسارع ان يطبق قانون نيوتن الثاني على حركة الجسم، يجب على الشخص أن يُدخِل قوى افتراضية ليجعل قانون نيوتن الثاني صالحاً للتطبيق. هذه القوى التي تم افتراضها بالمشاهد في إطار اسناد متسارع تبدو كما لو أنها حقيقية. مع ذلك فإننا نؤكد أن هذه القوى الافتراضية غير موجودة عند مشاهدة الحركة من اطار اسناد قصورى. تستخدم هذه القوى الافتراضية فقط في اطار اسناد متسارع ولاتمثل قوى "حقيقية" تؤثر على الجسم. (نعني بالقوى الحقيقية التآثر المتبادل بين الجسم والوسط المحيط به). إذا كانت هذه القوى الافتراضية تُعرف جيداً في إطار السناد المتسارع فإن وصف هذه الحركة في هذا الإطار يعادل الوصف الذي يعطيه مشاهد في إطار اسناد قصورى والذي يأخذ في الاعتبار القوى الحقيقية فقط. إلا أنه في بعض الاحيان يكون من الافضل استخدام إطار الاسناد المتسارع.

مثال 9.6 القوى الافتراضية في الحركة الخطية.

علقت كرة صغيرة كتلتها m بخيط في سقف عربة قطار تسير بتسارع ناحية اليمين كما بالشكل 13.6 . بالنسبة لمشاهده في سكون (شكل 13.6a) فإن القوى المؤثرة على الكرة هي القوة T التي يؤثر بها الخيط وقوة الجاذبية . استنتج المشاهد الساكن أن تسارع الكرة هو نفس تسارع عربة القطار وأن هذا النسارع ينتج من المركبة الافقية لـ T . كذلك فإن المركبة الرأسية لـ T نتزن مع قوة الجاذبية . لذلك فهي تكتب في القانون الثاني على النحو التالي $\Sigma F = T + mg = ma$ وتأخذ مركبتاها الصورة التالية :

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

راً)
$$\sum F_x = T \sin \theta = ma$$
 مشاهد قصوري $\sum F_y = T \cos \theta - mg = 0$

هكذا، بحل المعادلتين (1)، (2) آنياً لحساب a، فإنه يمكن للمشاهد القصوري خارج العربة تعيين مقدار تسارع عربة القطار من خلال العلاقة

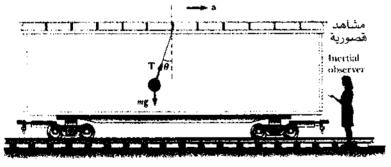
$$a = g \tan \theta$$

حيث إن الزاوية بين الخيط والمحور الرأسي هي مقياس التسارع فإنه يمكن استخدام البندول البسيط كجهاز لقياس التسارع Accelerometer.

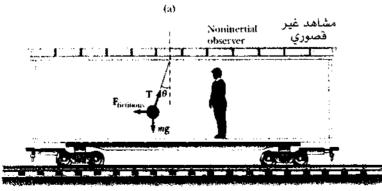
بالنسبية لمشاهد غير ساكن، داخل العربة (شكل 13.6b) فإن الخيط مازال يصبّع زاوية θ مع الرأسي، ومع ذلك فإن الكرة بالنسبة له في سكون وبالتالي فإن تسارعها يساوي صفراً . لهذا فإنها تُدخل مبدأ القوة الافتراضية لتتوازن مع المركبة الأفقية للقوة T وتدعي أن القوة الكلية على الكرة تساوي صفراً في اطار إسناد غير القصوري، قانون نيوتن الثاني في صورة مركباته يعطي

ری
$$\begin{cases} (1) & \sum F_x^{'} = T \sin \theta - F_{\text{fictitious}} = 0 \\ (2) & \sum F_y^{'} = T \cos \theta - mg = 0 \end{cases}$$

إذا ما عرقنا أن $ma_{\rm inertial} = ma_{\rm inertial} = ma_{\rm inertial}$ فإن هذه المعادلات تكافئ (1) و (2). لهذا فإن المشاهد غير القصوري، و مع ذلك فإن المشاهد غير القصوري، و مع ذلك فإن التفسير الفيزيائي لانحراف الخيط بختلف في إطاري الإسناد،



شكل 13.6 تنجسرف كسرة صفيرة معلقة في سقف عربة قطار تنسارع ناحية اليمين كسما بالشكل (a) مشاهده الناورة تُمد بالمركبة الافقية غير قصوري داخل العربة ان عني مشاهد القوة الكلية على الكرة تساوي عن المحور الرأسي هو نتيجة عن المحور الرأسي هو نتيجة والتي تتسوازن مع المركبية عن المركبية عن المركبية القوة الافتراضية على المركبية القوة الافتراضية على المركبية القوة الافتراضية على المركبية القوة الافتراضية على المركبية القوة الشد T.

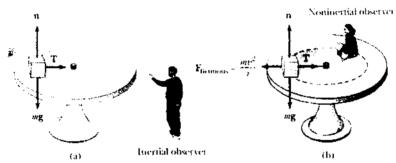


الفيزياء (الجزء الأول: المكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثال 10.6 القوة الافتراضية في النظام الدوار

افترض صخرة كتلتها m موضوعة على منصة افقية دوارة عديمة الاحتكاك والصخرة مربوطة بخيط منصل بمركز المنصة كما بالشكل 14.6 بالنسبة لمشاهد قصوري على الأرض (Inertial) إذا تحركت الكتلة بانتظام فإنها تتأثر بتسارع مقداره v^2/r حيث v هي السرعة الخطية. يستنتج الشاهد أن هذه القوة المتجهه إلى المركز ناتجة عن الشد T الذي يؤثر به الخيط على الكتلة ويكتب $T = mv^2/r$ قانون نيوتن الثاني

أما بالنسبة لمشاهدة غير قصورية (noninertial) على المنصة فإن الصخرة تكون في سكون mv^2/r وبالتالى يكون تسارعها صفراً . لهذا فهي تفترض قوة افتراضية متجهه للخارج مقدارها mv^2/r لتعادل القوة التي يؤثر بها الخيط إلى الداخل. بالنسة الها فإن القوة الكلية على الصخرة تساوى $T - mv^2/r = 0$ صفراً وفي هذه الحالة نكتب قانون نيوتن الثاني



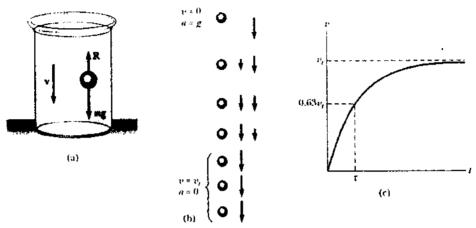
شكل 14.6 صخرة كتلتها m مربوطة في منتصف منصة دوارة. (a) بدعي مشاهد على الارض أن القوة التي يؤثر بها الخيط T على الصخرة هي التي تتسبب في الحركة الدائرية. (b) اما بالنسبة لمشاهدة على المنضدة فإنها تدعي أن الصخرة لاتتسارع ولهذا فإنها افترضت وجود قوة افتراضية مقدارها mv²/r والتي تؤثر إلى . الداخل لتتزن مع القوة T.

(اختیاری)

4.6 🖊 الحركة في وجود قوى مقاومة:

MOTION IN THE PRESENCE OF RESISTIVE FORCES:

في الفصل السابق تم وصف قوى الاحتكاك الكيناتيكي التي تؤثر على جسم يتحرك على سطح لقد اهملنا تماماً التآثر المتبادل بين الجسم والوسط الذي يتحرك فيه. الان دعنا نفترض تأثير هذا الوسط والذي قد يكون سائلاً أو غاز. يؤثر الوسط بقوة مقاومة resistive force R على الجسم المتحرك داخله. من بعض أمثلة هذه القوى: مقاومة الهواء للسيارات المتحركة (يطلق عليها السحب (air drag) وقوى اللزوجة التي تؤثر على جسم يتحرك في سائل. تعتمد قيمة R على بعض العوامل مثل سبرعة الجسم، ويكون اتجاه R دائماً عكس اتجاه حركة الجسم بالنسبة للوسط. وتزداد قيمة R 212) غالبا بزيادة السرعة. قد يعتمد مقدار القوة على السرعة بصورة معقدة وفي هذا الكتاب سنتعرض لحالتين فقط: في الحالة الأولى سنفترض أن قوة المقاومة تتناسب مع سرعة الجسم المتحرك وهذا الافتراض صحيح للاجسام الساقطة ببطء خلال سائل وللاجسام الصغيرة جداً مثل جسيمات الغبار التي تتحرك في الهواء. سنفترض قوة مقاومة تتناسب مع مربع سرعة الجسم المتحرك وذلك للأجسام الكبيرة مثل رجل فضاء يتحرك في الهواء في سقوط حر تتأثر بمثل هذه القوة.



شكل 15.6 (a) سنقوط كرة خلال سائل (b) رسم تخطيطي لحركة الكرة عند سنقوطها (c) رسم بياني للسرعة مع الزمن للكرة. تصل الكرة إلى السرعة القصوى (النهائية) $v_{\rm t}$ وثابت الزمن هو الزمن اللازم لتصل سرعة الكرة إلى 0.63 .

قوة مقاومة تتناسب مع سرعة الجسم Resistive Force Proportional to object speed

إذا إفترضنا أن قوة المقاومة التي تؤثر على جسم يتحرك خلال سائل أو غاز تتناسب مع سرعة الجسم فإنه يمكن التعبير عن مقدار قوة المقاومة بالعلاقة

$$R=bv$$
 (2.6)

حيث v هي سرعة الجسم و b ثابت تعتمد قيمته على خواص الوسط وعلى شكل وأبعاد الجسم. إذا كان الجسم كرة نصف قطرها r فإن b تتاسب مع r.

أفترض كرة صغيرة كتلتها m تسقط من السكون في سائل كما بالشكل 15.6a ،افترض أن القوة الوحيدة التي تؤثر على الكرة هي قوة المقاومة bu وقوة الجاذبية $_{\rm g}$ ، لذلك دعنا نصف حركتها $^{(1)}$. بتطبيق قانون نيوتن الثاني في الاتجاء الرأسي،وباختيار الاتجاء لأسفل هو الاتجاء الموجب وبملاحظة أن $F_{\rm v}=mg$

 ⁽¹⁾ توجد كذلك قوة الدفع التي تؤثر على جسم يسقط في سائل. هذه القوة ثابتة ومقدارها يساوى وزن السائل المزاح.
 تغير هذه القوة الوزن الظاهري لكرة بمعامل ثابت ولذلك سوف نهمل هذه القوة هنا. سوف ندرس قوة الدفع في الفصل 15.

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

تحصل على

$$mg - bv = ma = m\frac{dv}{dt}$$
 (3.6)

حيث يكون التسارع dv/dt متجها لأسفل. بحل هذه المعادلة للتسارع تحصل على

$$\frac{dv}{dt} = g - \frac{b}{m}v \tag{4.6}$$

يطلق على هذه المعادلة، معادلة تفاضليه وقد تكون طريقة حلها غير معلومة لك حالياً ومع ذلك، وبملاحظة أن



سيسارة ايرودينامسيكيسة. يقلل الجسسم الانسبيابي من مقاومة الهواء ويزيد من كفاءة الموتور (بموافقة شركة فورد للسيارات)

v=0 في أول الأمر فإن القوة المقاومة (v-) تساوي صفراً والتسارع في هذه الحالة هو v-2 كلما زادت ا تزداد القوة المقاومة ويتناقص التسارع، في نهاية الأمر، يصبح التسارع صفراً عندما تتساوي القوة المقاومة مع وزن الكرة. عند هذه النقطة تصل الكرة إلى السرعة النهائية $v_{
m t}$ وعندها تستمر الكرة في الحركة بهذه السرعة بتسارع صفر، كما بالشكل 15.6b . يمكن الحصول على السرعة النهائية السرعة النهائية من المعادلة 3.6 بوضع a = dv/dt = 0. تعطى:

$$v_1 = \frac{mg}{b}$$
 9^{\dagger} $mg - bv_t = 0$

التعبير عن v الذي بحقق المعادلة 4.6 بشرط أن v=0 عند v=1 هو:

$$v = \frac{mg}{h}(1 - e^{-ht/m}) = v_t(1 - e^{-t/\tau})$$
 (5.6)

يوضح الشكل 15.6c رسم هذه الدالة. ثابت الزمن $\tau = m/b$ (حرف اغريقي تاو) هو الزمن اللازم للكرة لكى تصل سرعتها إلى (١/e - ا =) 63.2% من سرعتها النهائية. يمكن ملاحظة ذلك بمعرفة أنه بوضع au في المعادلة 5.6 يحقق v = 0.632 بيمكن التأكيد من أن الحل 5.6 هو حل المعادلة 4.6 بوضع auبالتفاضل المباشر لنحصل على

$$\frac{dv}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{mg}{b} - \frac{mg}{b} e^{-bt/m} \right) = -\frac{mg}{b} \frac{d}{dt} e^{-bt/m} = ge^{-bt/m}$$

بالتعويض في المعادلة 4.6 عن هذا التعبير لـ dv/dt وقيمة v من المعادلة 5.6 يوضح أن الحل يحقق المعادلة التفاضلية.

سقوط كرة في الزيت مثال 11.6

تسقط كرة كتلتها g 2.00 من السكون في إناء كبير مملوء بالزيت حيث تتأثر بقوة مقاومة تتناسب مع السرعة. سرعة الكرة النهائية هي 5.00 cm/s. احسب ثابت الزمن τ والزمن اللازم للكرة لكي 214] تصل سرعتها إلى 90% من سرعتها النهائية. الحل؛ حيث إن السرعة النهائية للكرة هي $v_i = mg/b$ ، فإن المعامل b يساوي

$$b = \frac{mg}{v_t} = \frac{(2.00 \text{ g}) (980 \text{ cm/s}^2)}{5.00 \text{ cm/s}} = 392 \text{ g/s}$$

لذلك فإن ثابت الزمن au هو

$$\tau = \frac{m}{b} = \frac{2.00 \text{ g}}{392 \text{ g/s}} = 5.10 \times 10^{-3} s$$

تعطي المعادلة 5.6 سبرعة الكرة كدالة في الزمن. لحساب الزمن اللازم لكي تصل سبرعة الكرة إلى $v=0.9\,v_{\rm l}$ نضع $v=0.9\,v_{\rm l}$ نضع $v=0.9\,v_{\rm l}$ نضع بالمعادلة 5.6وتحل في ا

$$0.900v_t = v_t(1 - e^{-t/\tau})$$

$$1 - e^{-t/\tau} = 0.900$$

$$e^{-t/\tau} = 0.100$$

$$-\frac{t}{\tau} = \ln(0.100) = -2.30$$

$$t = 2.30\tau = 2.30(5.10 \times 10^{-3}\text{s}) = 11.7 \times 10^{-3}$$

$$= 11.7 \text{ ms}$$

أي أن سرعة الكرة تصل إلى 90% من سرعتها النهائية بعد فترة زمنية صغيرة .

الإجابة: 4.50 cm/s في الزيت مقابل 11.5 cm/s في الفراغ.

اعاقة الهواء عند السرعات العالية Air drag at high speeds

بالنسبة لأجسام تتحرك بسرعات عالية في الهواء، مثل الطائرات، رجل الفضاء، السيارات، كرة البيسبول، تتناسب قوة المقاومة تقريباً مع مربع السرعة، في هذه الحالات يمكن التعبير عن مقدار قوة المقاومة بالعلاقة.

$$R = \frac{1}{2}D\rho Av^2 \tag{6.6}$$

حيث ρ هي كثافة الهواء، A مساحة المقطع المستعرض للجسم مقاسة في مستوى عمودي على اتجاء حركتها و D كمية تجريبية ليس لها ابعاد تسمى معامل الاعافة D كمية تجريبية ليس لها ابعاد تسمى معامل الاعافة D ولكن قيمته قد تصل إلى D0.5 للاجسام غير منتظمة الشكل.

 $R = \frac{1}{2} D \rho A v^2$ دعنا ندرس حركة جسم يسقط سقوطاً حراً متأثرا بقوة مقاومة الهواء مقدارها مسلم واتجاهها إلى أعلى. افترض أن الجسم كتلته m ويسقط من السكون. كما هو موضح بالشكل 16.6 فإن الجسم يتأثر بقوتين خارجيتين: قوة الجاذبية لأسفل $\mathbf{F}_g = m \mathbf{g}$ وقوة المقاومة لأعلى \mathbf{R} . (يوجد كذلك قوة دفع لأعلى وسوف نهملها). ومن ثم فإن مقدار القوة الكلية هو:

الضيرياء (الجزء الأول؛ الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

شكل 16.6

$$\sum F = mg - \frac{1}{2}D\rho Av^2$$
 (7.6)

اضت رضنا أن الاتجاء لأسمل هو الاتجاه الرأسي الموجب. بالتعويض عن $\sum F = ma$ في المعادلة 7.6، نجد أن الجسم يكتسب تسارع لأسفل مقداره :

$$a = g - \left(\frac{D\rho A}{2m}\right)v^2 \tag{8.6}$$

يمكن حساب السرعة النهائية $v_{\rm t}$ وذلك بمعرفة أنه عند السرعة النهائية ننساوى قوة الجاذبية مع القوة المقاومة وبالتالي يتلاشي التسارع، بوضع a =0 في المعادلة 8.6 ، نحصل على

$$g - \left(\frac{D\rho A}{2m}\right)v_t^2 = 0$$

$$v_t = \sqrt{\frac{2mg}{D\rho A}}$$
(9.6)

باستخدام هذه المعادلة يمكن معرفة مدى اعتماد السرعة النهائية على ابعاد الجسم.

افترض أن الجسم عبارة عن كرة نصف قطرها r. في هذه الحالة $A \propto r^2$ (حيث $A = \pi r^2$) وكذلك . $v_1 \propto \sqrt{r}$ لأن الكتلة تتناسب مع حجم الكرة $V = \frac{4}{3}\pi r^3$ لهذا فإن $m \propto r^3$

الحدول1.6 يعطى قائمة للسرعات النهائية لعدة اجسام تسقط في الهواء

	مساحة المقطع المستعرض		
Object	الكتلة (Kg)	(m ²)	$v_t(m/s)$
Sky diver	75	0.70	60
Baseball (radius 3.7 cm)	0.145	4.2×10^{-3}	43
Golf ball (radius 2.1 cm)	0.046	1.4×10^{-3}	44
Hailstone (radius 0.50 cm)	4.8×10^{-4}	7.9 x 10 ⁻⁵	14
Raindrop (radius 0.20 cm)	3.4 x 10 ⁻⁵	1.3 x 10 ⁻⁵	9.0

مثال ذهني 12.6

افترض متزلجة تقفز من طائرة وقدماهامربوطتان بشدة في لوحة التزلج، تقوم ببعض الالعاب ثم تفتح الباراشوت. اوصف القوى التي تؤثر عليها وهي في هذا الوضع.

الحل، عند أول خطوة للمتزلجة خارج الطائرة لايكون لها أي سرعة رأسية تتسبب قوة الجاذبية المتجهة لأسفل في تسارعها تجاه الأرض. عندما تزداد سرعة الهبوط تبدأ قوة مقاومة الهواء إلى أعلى في التأثير عليها. هذه القوة المتجهة إلى أعلى تقلل من تسارعها وبالتالي فإن سرعتها تزداد بمعدل بطيء ويترتب على ذلك انها تهبط بسرعة وتتعادل قوة مقاومة الهواء مع قوة الجاذبية وفي 216] | هذه الحالة يكون التسارع صفراً وتصل إلى السرعة النهائية. عند نقطة ما بعد وصولها إلى السرعة

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

النهائية تقوم بفتح الباراشوت وبالتالي تزداد مقاومة الهواء بشدة. تكون القوة الكلية (وبالتالي التسارع) الآن متجهة لأعلى في اتجاه عكس اتجاه السرعة. هنا تتناقص سرعة الهبوط بشدة بما يعني أن قوة المقاومة على الباراشوت تقل ويترتب على ذلك أن قوة المقاومة لأعلى تتعادل مع قوة الجاذبية وتصل إلى سرعة نهائية صغيرة ويسمح لها ذلك بالهبوط بسلام (عكس اعتقاد كثير من الناس بأن متجه السرعة لرجل الفضاء لايتجه نهائياً لاعلى، ربعا تكون قد شاهدت شريط فيديو ويظهر فيه رجل الفضاء يرتفع لأعلى بمجرد فتح الباراشوت. في الحقيقة أن رجل الفضاء يتباطأ بينما حامل الكاميرا يستمر في الهبوط لأسفل بسرعة عالية)

مثال 13.6 سقوط مرشحات القهوة

اعتماد القوة المقاومة على السرعة هي علاقة تجريبية. بمعنى آخر أنها تعتمد على الملاحظة دون اساس نظري، يتم إسقاط سلسلة من المرشحات المتراصة وقياس سرعتها النهائية، يشمل الجدول 2.6 نتائج لمرشحات القهوة عند سقوطها خلال الهواء، ثابت الزمن قصير وبالتالي تصل هذه المرشحات إلى السرعة النهائية بسرعة كبيرة، كتلة كل مرشح 1.648، عند تجميع المرشحات مع بعضها فإنها تكون كومة بحيث لاتزاداد مساحة الوجهه الامامي، احسب العلاقة بين القوة المقاومة التي يؤثر بها الهواء وسرعة سقوط المرشحات .

الحل: عند السرعة النهائية تتعادل قوة المقاومة مع قوة الجاذبية المتجهة لأسفل وبالتالي فإنه عند السرعة النهائية يتأثر المرشح الواحد بقوة مقاومة مقدارها

$$R = mg = \left(\frac{1.64 \text{ g}}{1000 \text{ g/kg}}\right) (9.80 \text{ m/s}^2) = 0.016 \text{ 1 N}$$

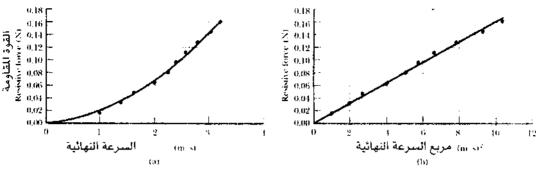
وبالتالي فإن مرشحين مع بعضهما يتأثران بقوة مقاومة مقدارها 0.0322N وهلم جرا....

واضح أن العلاقة ليسبت خطاً مستقيماً أى أن القوة المقاومة لا تتناسب طردياً مع السرعة، الخط المنحنى يمثل دالة من الدرجة الثانية أي أن القوة المقاومة تتناسب مع مربع السرعة، هذا التناسب واضح في الشكل 17.6b وذلك برسم العلاقة بين القوة المقاومة ومربع السرعة النهائية

هائية لمرشحات القهوة المكومة عدد المرشحات	جدول 2. 6 السرعةالن ن _t (m/s) ^a
1	1.01
2	1.40
3	1.63
4	2.00
5	2.25
6	2.40
7	2.57
8	2.80
9	3.05
10	3.22



مرشحات القهوة متراصة فوق بعضها حتى يمكن دراسة فوة مقاومة الدماء)



شكل 17.6 (a) الملاقة بين القوة المقاوصة التي تؤثر على مرشحات القهوة الساقطه وسرعتها النهائية. الخط المتحنى يمثل دالة من الدرجة الثانية (b) رسم يوضح الملاقة بين القوة المقاومة ومربع السرعة النهائية. توافق الخط المستقيم مع النتائج يعني أن القوة المقاومة تتناسب مع مربع السرعة النهائية هل بمكنك حساب ثابت التناسب؟

مثال 14.6 القوة المقاومة التي تؤثر على كرة البيسبول

قذف لاعب بيسبول كرة كتلتها 0.145kg من تحت سقف بسرعة 40.2m/s . أوجد القوة المقاومة التى تؤثر على الكرة عند هذه السرعة.

الحل: يجب ألا نتوقع أن يكون هناك قوة كبيرة يؤثر بها الهواء على الكرة وبالتالي يجب ألا تزيد القوة المقاومة (من المعادلة 6.6) عن عدة نيوتونات. يجب أولاً حساب معامل الإعاقة D يمكن عمل ذلك بتصور سقوط كرة البيسبول وننتظر حتى تصل إلى سرعتها النهائية. يمكن ايجاد قيمة D من خلالة عنادلة 9.6 ثم نعوض بالقيم التقريبية لـ D من الجدول 1.6 . بفرض أن كثافة الهواء هي D المعادلة 9.6 ثم نعوض بالقيم التقريبية لـ D من الجدول 1.29kg/m

$$D = \frac{2 \text{ mg}}{v_t^2 \rho A} = \frac{2(0.145 \text{ kg}) (9.80 \text{ m/s}^2)}{(43 \text{ m/s})^2 (1.29 \text{ kg/m}^3) (4.2 \times 10^{-3} \text{m}^2)} = 0.284$$

هذا العدد ليس له ابعاد. احتفظنا بالرقم العشري الثالث فقط ويمكن إسقاطه بعد ذلك في نهاية الحسابات. يمكننا أن نستخدم فيمة D الآن في المعادلة 6.6 لحساب مقدار القوة المقاومة

$$R = \frac{1}{2}D\rho Av^{2}$$

$$= \frac{1}{2}(0.284) (1.29 \text{ kg/m}^{3}) (4.2 \times 10^{-3} \text{ m}^{2}) (40.2 \text{ m/s})^{2} = 1.2 \text{ N}$$

(اختياري)

النمذجة العددية لديناميكا الجسم $^{(1)}$

NUMERICAL MODELING IN PARTICLE DYNAMICS

كما لاحظنا في هذا الفصل والفصل السابق، فإن دراسة ديناميكية الجسم تتزكر في وصف موضعه، سرعته، تسارعه كدالة في الزمن. تتواجد العلاقات بين المسبب والأثر الناتج بين هذه

⁽¹⁾ يتقدم المؤلف ون بخالص الشكر للعقيد جيمس هيد بالأكاديمية الامريكية الجوية لاعداده هذا القسم. انظر -CD المالية للمساعدة في النماذج العددية.

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

الكميات: السرعة تسبب تغير الموضع، التسارع يتسبب في تغير السرعة، حيث إن التسارع هو نتاج مباشر للقوى المؤثرة فإن اي دراسة لديناميكية الجسم نبدأ بحساب القوة الكلية التي تؤثر على الجسم.

حتى الآن فإننا استخدمنا مايسمى بالطريقة التحليلية لدراسة الموضع، السرعة والتسارع للجسم المتحرك. دعنا نسترجع باختصار هذه الطريقة قبل معرفة طريقة ثانية للتعامل مع مسائل الديناميكا (حيث أننا نركز اهتمامنا على الحركة في بعد واحد في هذا القسم، فإننا لن نستخدم الحروف الغليظة للكميات المتجهة).

إذا تحرك جسم كتلته m تحت تأثير قوة كلية $\sum F$ ، فإن قانون نيوتن الثاني يعطى تسارع للجسيم بالعلاقة $a = \sum F/m$. بصورة عامة فإننا نطبق الطريقة التحليلية للمسألة الديناميكية باستخدام الطريقة التالية:

- . $\sum F$ اجمع كل القوى التي تؤثر على الجسم للحصول على القوة الكلية
 - $a = \sum F/m$ استخدم هذه القوة لحساب التسارع وذلك من العلاقة (2)
- . $dv/dt \approx a$ استخدم هذا التسارع لحساب السرعة وذلك من العلاقة (3)
- dx/dt = v استخدم هذه السرعة لحساب الموضع وذلك من العلاقة السرعة المراب (4)

يوضح المثال المباشر التالي هذء الطريقة.

مثال 15.6 سقوط جسم في الفراغ- الطريقة التحليلية

افترض أن كرة تسقط في الفراغ تحت تأثير قوة الجاذبية، كما هو موضح بالشكل 18.6 . استخدم الطريقة التحليلية لحساب التسارع والسرعة والموضع للجسم.

الحل: القوة الوحيدة التي تؤثر على الجسم هي قوة الجاذبية لاسفل مقدارها F_g وهي في نفس الوقت محصلة القوة. بتطبيق قانون نيوتن الثاني نساوي القوة المؤثرة على الجسم مع حاصل ضرب الكتلة في التسارع. (باعتبار الاتجاء الأعلى هو الاتجاء الموجب لمحور V).

$$F_g = ma_y = -mg$$

 $dv_y/dt=a_y$ فإن $a_y=-g$ بمايعني أن التسارع ثابت وحيث أن $a_y=-g$ نحصل على:

$$v_{\mathbf{v}}(t) = v_{\mathbf{v}i} - gt$$

حيث $v_y = dy/dt$. يمكن الحصول على موضع الجسم بإجراء التكامل مرة أخرى ليعطى النتيجة المعروفة:

$$y(t) = y_i + v_{yi}t - \frac{1}{2}gt^2$$

 $t_i = 0$ عند عند والسرعة للجسم عند v_{vi} عيث y_i



شكل 18.6

الطريقة التحليلية غالباً ما تكون طريقة مباشرة لحالات فيزيائية كثيرة. لكن في الواقع تظهر غالباً تعقيدات تجعل الحل التحليلي صعباً وبخاصة للطلاب الذين يدرسون مبادئ الفيزياء على سبيل المثال إذا كانت القوة التي تؤثر على الجسم تعتمد على موضع الجسم، أو إذا كانت القوة تتغير مع السرعة كما هو الحال في حالة القوة المقاومة التي تنتج عند الحركة في سائل أو في غاز.

هناك مشكلة أخرى قد تحدث لأن المعادلات التي تربط التسارع، السرعة، الموضع، والزمن عبارة عن معادلات تفاضلية بالتكامل وبعض الطرق عن معادلات تفاضلية بالتكامل وبعض الطرق الخاصة والتي قد لا يتقنها طالب مبتدئ في الفيزياء.

عندما تظهر هنده الحالات، يستخدم العلماء غالباً طريقة النمذجه العددية Numerical Modeling لدراسة الحركة. ابسط نموذج تحليلي هو طريقة ايلر Euler المسماه باسم عالم الرياضيات السويسرى ليونارد ايلر (1783 -1707).

طريقة ايلر Euler Method

في طريقة ايلرلحل المعادلات التفاضلية، تُقرب المشتقات كنسب بفروق محدودة، باعتبار زيادة صغيرة في الزمن Δ۱، يمكننا تقريب العلاقة بين سرعة الجسم ومقدار تسارعه بالعلاقة:

$$a(t) \approx \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v(t + \Delta t) - v(t)}{\Delta t}$$

v(t) عندئذ تكون سرعة الجسم $v(t+\Delta t)$ في نهاية الفترة الزمنية Δt متساوية تقريباً مع السرعة v(t) عند بداية الفترة الزمنية بالإضافة لمقدار التسارع اثناء هذه الفترة مضروباً في الفترة الزمنية Δt .

$$v(t + \Delta t) \approx v(t) + a(t)\Delta t \tag{10.6}$$

 Δt حيث أن التسارع دالة في الزمن فإن المقدار $v(t+\Delta t)$ يكون مقبولاً إذا ماكانت الفترة الزمنية Δt صغيرة بدرجة كافية بحيث يكون التغير في التسارع أثناء تلك الفترة صغيراً جداً . بالطبع فإن المعادلة Δt 10.6 تكون مضبوطة ثماماً إذا ما كان التسارع ثابتاً .

يمكن تعيين موضع الجسم x ($t+\Delta t$) يمكن تعيين موضع الجسم يمكن x

$$\upsilon(t) \approx \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x(t + \Delta t) - x(t)}{\Delta t}$$

$$x(t + \Delta t) \approx x(t) + \upsilon(t)\Delta t$$
(11.6)

قد نود إضافة الحد $a\,(\Delta t)^2\, a\,(\Delta t)$ إلى هذه النتيجة لكي تتشابه مع المعادلة الكينماتيكية المعروفة، لكن هذا الحد لا يتواجد في طريقة ايلر لأن Δt صغيرة جداً لدرجة ان Δt) تؤول إلى الصفر.

إذا كان التسارع عند أي لحظة t معروفاً فإن كلا من السرعة والموضع للجسيم عند الزمن $t+\Delta t$

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

يمكن حسابهما من المعادلتين 10.6 و 11.6 تستمر هذه الحسابات في سلسلة من الخطوات المحددة لتعيين كلا من السرعة والموضع عند أي زمن لاحق. يُعين التسارع من محصلة القوة التي تؤثر على الجسم وقد تعتمد هذه القوة على الموضع، والسرعة أو الزمن:

$$a(x, v, t) = \frac{\sum F(x, v, t)}{m}$$
 (12.6)

من السبهل إيجباد الحل العبددي لمثل هذا النوع من المسبائل وذلك بتبرقيم الخطوات وإدخبال الحسابات في جدول، تلك الطريقة موضعة في الجدول 3.6.

يمكن إدخال المعادلات الموجودة في الجدول في صفحة واسعة ويتم عمل الحسابات صفاً صفاً وذلك لحساب السرعة والموضع والتسارع كدالة في الزمن. يمكن كذلك إجراء هذه الحسابات باستخدام برنامج لغة البيزك أو ++C أو الفورتران أو باستخدام أي مجموعة حسابية تجارية يمكن شراؤها مع الحاسب الشخصي. يمكن الحصول على نتائج آكثر دقة بمساعدة الكمبيوتر بأخذ الفترات الزمنية صغيرة جداً . الرسوم البيانية للسرعة مع الزمن أو الموضع مع الزمن يمكن عرضها لمتابعة الحركة.

تمتاز طريقة أيلر بأن الديناميكيات ليست غامضة - العلاقات الجوهرية بين التسارع والقوة، السرعة والنسارع، الموضع والسرعة واضحة جيداً. حقاً إن هذه العلاقات تكون أساس الحسابات. ليس هناك حاجة لاستخدام رياضيات متقدمة، الفيزياء الاساسية تحكم الديناميكيات.

يمكن الاعتماد على طريقة ايلر كلية عندما تكون الفترة الزمنية قصيرة، ولكن ولاسباب عملية يجب اختيار مقدار زيادة محدودة، لكي تصلح المعادلة 10.6 في تقريب الفروق المحدودة، فإن الزيادة في الزمن يجب أن تكون صغيرة بدرجة كافية يمكن معها اعتبار أن التسارع ثابت، أثناء هذه الفترة يمكن تحديد الفترة الزمنية المناسبة بفحص مسألة معينة يمكن حلها، المعيار في الفترة الزمنية قد يتم تغييره أثناء الحركة، ومع ذلك فإنه من الناحية العملية عادة ما نختار الفترة الزمنية التي تُناسب

جدول 3.6				**
لخطوة	الزمن رقما	الموضع	السرعة	التسارع
0	<i>t</i> ₀	x_0	v_0	$a_0 = F(x_0, v_0, t_0)/m$
1	$t_{\dagger} = t_0 + \Delta t$	$x_1 = x_0 + v_0 \Delta t$	$v_1 = v_0 + \alpha_0 \Delta t$	$a_1 = F(x_1, v_1, t_1)/m$
2	$t_2 = t_1 + \Delta t$	$x_2 = x_1 + v_1 \Delta t$	$v_2 = v_1 + \alpha_1 \Delta t$	$a_2 = F(x_2, v_2, t_2)/m$
3	$t_3 = t_2 + \Delta t$	$x_3 = x_2 + \upsilon_2 \Delta t$	$v_3 = v_2 + \alpha_2 \Delta t$	$a_3 = F(x_3, v_3, t_3)/m$
	:	:	:	• •
n	t _n	<i>x</i> _n	v_n	a_n

الشروط الابتدائية وتستخدم نفس القيم خلال الحسابات، تؤثر الفترة الزمنية في دفة النتائج ولكن ولسبوء الحظ ليس من السبهل تحديد الدقية في الحل بطريقية ايلر بدون معترفة الحل التحليلي الصحيح، أحدى طرق تحديد الدقية في الحل العددي هي تكرار الحسابات بفترات زمنية أقصر ومقارنة النتائج. إذا ما انفقت الحسابات لعدد معين من الارقام العشرية فإنه يمكنك أن تفترض أن النتائج صحيحة إلى هذه الدقة.

منفص SUMMARY

ينص قانون نيوتن الثاني المطبق على جسيم يتحرك في حركة دائرية منتظمة على أن صافى القوة التي تؤثر على الجسيم ليكتسب تسارع عمودي هي:

$$\sum F_r = ma_r = \frac{mv^2}{r} \tag{1.6}$$

يمكنك استخدام هذه الصيغة في الحالات التي تعطى فيها القوة تسارع نحو المركز مثل قوة الجاذبية، قوة الاحتكاك، قوة الشد في سلك أو أي قوة عمودية. عندما يتحرك جسم في حركة دائرية غير منتظمة تكون له مركبة تسارع متجهة نحو المركز ومركبة مماسية غير صفرية. في حالة جسم يدور في دائرية رأسية، فإن قوة الجاذبية تعطى مركبة مماسية للتسارع بالإضافة إلى جزء أو كل مركبة التسارع نحو المركز، يجب التأكد من اتجاه ومقدار متجهى السرعة والتسارع للحركة الدائرية غير المنتظمة.

على مشاهد في إطار إسناد غير قصوري (منسارع) أن يدخل القوى الافتراضية عند استخدام قانون نيوتن الثاني في هذا الاطار. إذا تم تعريف هذه القوى الافتراضية بدقة فإن وصف الحركة في إطار غير قصوري بعادل لما يبديه مشاهد في إطار اسناد قصوري. ومع ذلك المشاهدان في اطاري الاسناد لا يتفقان في معرفة مسببات الحركة. يجب أن يكون لديك القدرة على التمييز بين إطار الإسناد القصوري وغير القصوري والتعرف على القوة الافتراضية التي تؤثر في إطار الاسناد القصوري.

عندما يتحرك جسم خلال سائل أو غاز فإنه يتأثر بقوة مقاومة تعتمد على السرعة. هذه القوة والتي تضاد اتجاه الحركة عادة ما تزداد مع السرعة. يعتمد مقدار القوة المقاومة على شكل وصفات الوسط الذي يتحرك الجسم خلاله. في حالة نهائية لسقوط جسم، عندما تتساوي قوة القاومة مع وزن الجسم، تصل سرعة الجسم إلى السرعة النهائية. كذلك يجب أن يكون لديك القدرة على استخدام قوانين نيونن لتحليل حركة الاجسام تحت تأثير القوى المقاومة. قد تحتاج إلى استخدام 222 ﴾ طريقة ايلر إذا ما كانت القوة تعتمد على السرعة كما يحدث في مقاومة الهواء.

QUESTIONS اسئلة

- 1- حيث إن الأرض تدور حول منحورها وتدور كذلك حول الشمس الذي هو إطار استادها غير القصوري، بافتراض أن الارض كرة منتظمة لماذا كان الوزن الظاهري لجسم أكبر عند القطيين عنه عند خط الاستواء؟
 - 2- فسر لماذا تتبعج الارض عند خط الاستواء.
- 3- لماذا يشمر رجل الفضاء عندما يدور حول الأرض في الغلاف الجوى بانعدام الوزن؟
- 4- لماذا يتطاير الطين العالق بإطارات السيارات إلى الخلف عندما تسير بسرعة؟
- 5- تصور أنك تمسك جسم ثقيل مثبت في نهاية طرف زنبرك وعندئذ دوَّر الزنبرك في دائرة أفقية (بمسك الطرف الحر من الزنبرك). هل يستطيل الزئيرك، إذا كان كذلك، لماذا؟

- ناقش ذلك بدلالة القوة التي تسبب الحركة الدائرية.
- 6- اوصف وضع سائق سيارة يتعرض لتسارع عمودي نحو المركز دون تسارع مماسي،
- 7- اوصف مسار جسم متحرك إذا كان تسارعه ثابتاً في المقدار طول الوقت وكان (a) عمودياً على السرعة (b) موازى للسرعة.
- 9- ادرس حركة صبخرة تسقط في الماء بدلالة سرعتها وتسارعها، عند هبوطها افترض أن القوة المقاومة التي تؤثر على الصخرة تزداد بزيادة السرعة،
- 10- افترض قطرة مطر صغيرة وقطره أخرى كبيرة تسقطان في الفضاء، قارن بين سرعتيهما النهائية؟ احسب تسارعهما عندما يصلان إلى السرعة النهائية.

PROBLEMS Jelino

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

🗍 = الحل كامل متاح في المرشد.

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = الحل موجود في: /WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

👭 = فيزياء تفاعلية

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.6 تطبيق قاكون نيوتن الثاني على الحركة الدائرية المنتظمة:

تتحرك عربة (لعبة) بسيرعة منتظمة، تُكمل دورة كاملة في مضمار دائري (مسافة a) 25.0 s) في 25.0 s) منا هي السنرعية المتوسطة. (b) إذا كانت كتلة العربة 1.5 kg ما مقدار القوة اللازمة للحفاظ على تحرك السيارة في دائرة.

2 - تتحرك متزلجة جليد بسرعة 4.0 m/s. عندميا تمسك الطرف الحير من حيبل والطرف الآخر مربوطاً بعمود، حينتُذ تتحرك في دائرة نصف قطرها 0.800 m مركزها العمود. (a) احسب القوة التي يؤثر بها الحبل على ذراعيها . (b) قارن بين هذه القوة ووزنها.

3 حبل خفيف يمكن أن يعلق فيه ثقل مقداره (223

25.0 kg قسبل أن ينقطع، ربطت كستلة مقدارها 3kg بالحبل لتدور على منصلة أفيقيلة ملساء في دائرة نصيف قطرها 0.80 m ما مدى السبرعة التي يمكن أن تدور بها الكتلة قبل أن ينقطع الحبل.

4- في نموذج بور Bohr لذرة الهيدروجين، تكون سرعة الالكترون 8/ 106 x 2.20 تقريباً احسب (a) القوة المؤشرة على الالكترون عند دورانه في مدار دائري نصف قطره m 10-10 x 2.53 و (b) التسارع العمودي للإلكترون والمتجه ناحية المركز.

5- في السيكلترون (أحد معجلات الجسيمات)، يصل الديوترون (كتلته الذرية 2.0u) إلى السرعة النهائية وتعادل 10% من سرعة الضوء وذلك أثناء دورانه في مسار دائري نصف قطره m 0.48. يظل الديوترون في مسار دائري بواسطة مجال مغناطيسي، ما مقدار القوة اللازمة لذلك.

و. يدور قيمر صناعي كتلته 300 Kg في مدار دائري حول الأرض على ارتفاع يساوي متوسط نصف قطر الأرض (انظر مثال (6.6) احسب (a) السرعة المدارية للقمر (b) زمن الدورة له. (c) قوة الجاذبية المؤثرة عليه.

7- عندما كان رجلا الفضاء في سفينة ابوللو على سطح القمر كان هناك رجل فضاء ثالث يدور حول القمر. افترض أن المدار دائري وعلى ارتفياع 100 km من المسطح القمر. إذا كانت كتلة القمر هي سطح القمر. إذا كانت كتلة القمر هي المدار x 10⁶ m ونصف قطره 7.4 x 10²² kg التسارع المداري لرجل الفضاء احسب (a) التسارع المداري لرجل الفضاء (b) سرعته المدارية (c) زمن الدورة.

نفس الطول (b) ما قيمة التسارع العمودي لرأس عقرب الثواني.

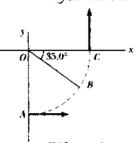
آتزلق عملة معدنية على بعد 30.0 من مركز دوران منصة افقية دوارة عندما تكون سرعتها 50.0 cm/s ما مصدر القوة في اتجاه نصف القطر عندما تكون العملة ساكنة بالنسبة للمنصة (b) ما مقدار معامل الاحتكاك الاستاتيكي بين العملة والمنصة.

10- مقياس الأداء لسيارة بمكن تعيينه من تحركها على مزلقة (وسادة انزلاق) حيث يقاس اقصى سرعة تُبقى السيارة في مسار دائري على سطح أفقي جاف. يمكن حساب التسارع العمودي ويسمى أيضاً التسارع العوط الحر الجانبي كمضاعفات لتسارع السقوط الحر g. العوامل الرئيسية التي تؤثر على الأداء هي حالة الاطارات ونظام التعليق للسيارة ودج GTS يمكنها أن تصل إلى دائرة دوران نصف قطرها m 61.0 عندما تكون سرعة السيارة 86.5 m/s الحسب قيمة للتسارع الجانبي.

[1] قـ فص بيض مـوضـوع في وسط صندوق سيارة نقل . تعبر السيارة منحنى في طريق غير منحدر يمكن اعتبار المنحنى كقوس من دائرة نصف قطرها 35.0 m . إذا كـان معامل الاحتكاك الاستاتيكي بين القفص والسيارة هو 0.600 ما السرعة التي تسير بها السيارة دون الزلاق القفص.

12- تتحرك سيارة ناحية الشرق في بداية حركة حركة ثم تتحرف ناحية الشمال في حركة .P 12.6 دائرية بسرعة منتظمة كما بالشكل 12.6 و 35 m و 36.0 (a) ما وتقطع السيارة الانحناء في \$ 36.0 (a) ما قيمة التسارع عندما تكون السيارة عند B والتي تصنع زاوية "35 عـ بسر عن اجابتك بدلالة متجهي الوحدة i .j. احسب (b)

متوسط سرعة السيارة و (c) متوسط تسارعها اثناء تلك الفترة.



شكل P12.6

10.0 افترض بندول مخروطي بثقالة كتلتها 10.0 kg معلقة في سلك طوله m 10.0 kg ويصنع زاوية 6.0 = 0 مع الرأسي (شكل ويصنع زاوية (a) المركبة الأفقية والمركبة الرأسية للقوة التي يؤثر بها السلك على البندول (b) التسمارع النصف قطري على ثقالة البندول.



شكل P 13.6

قسم 2.6 الحركة الدائرية غير المنتظمة،

14- تسبير سبيارة فِي طريق مستقيم بسرعة 4.0 m/s اعتباره كقوس من دائرة نصف قطرها 11.0 m/s اعتباره كقوس من دائرة نصف قطرها 11.0 m (a) ما هو الوزن الظاهري لسبيدة وزنها 600 N أجلس في السيارة عندما تكون أعلى القمة؟ ماذا يجب أن تكون عليها سرعة السيارة وهي على القمة حتى تحس السيدة بانعدام الوزن (أي عندما يكون وزنها الظاهري صفراً).

- نهرا بالتأرجح من بدالية (تكميبة) عنب نهرا بالتأرجح من بدالية (تكميبة) عنب طولها m 10.0 m وسرعته عند قاع الارجوحة (يلامس الماء تماماً) هي 8.0 m/s. لم يعلم طرزان بأن مـقـاومـة القطع للداليـة طرزان بأن مـقـاومـة القطع للداليـة (التكميبة) هي 1000N. من تمكنه الدالية من عبور النهر بأمان؟
- 16. يطيير صشر في قبوس افقي نصف قطره : 12.0n بسرعة ثابتة (a) .4.0 m/s احسب 12.0n التسارع العمودي له (b) اذا استمر في الطيران على امتداد القوس ولكن بسرعة مطردة بانتظام وبمعلما 1.20 m/s² احسب التسارع (مقداراً واتجاهاً) تحت هذه الظروف.
- 17- يجلس طفل كتلته 40.0 kg في أرجوحة مدعمة بسلسلتين طول كل منهما 3.0m. اذا كسان الشد في كل سلسلة عند أدنى نقطة هو N 350. احسب (a) سرعة الطفل عند أدنى نقطة (b) القبوة التي يؤثر بها المقعد على الطفل عند هذه النقطة (أهمل كتلة المقعد).
- بيجلس طفل كتلته m في ارجوحة مدعمة بسلسلتين طول كل منهما R. إذا كان الشد في كل سلسلة عند أدنى نقطة هو T احسب (a) سرعة الطفل عند أدنى نقطة (b) القوة التي يؤثر بها المقعد على الطفل عند هذه النقطة (أهمل كتلة المقعد).
- ادير دلو ماء في دائرة رأسية نصف قطرها 1.0 m ما هي ادنى سرعة للدلو عند قمة الدائرة حتى لاينسكب الماء.
- 20- يتأرجح جسم كتلته 4.0kg في مسار دائري رأسي بحبل طوله 0.5m إذا كانت سرعته هي 4.0m/s عند قمة الدائرة. ما مقدار الشد في الحبل عند قمة الدائرة.

21- عبرية تجبري على مسار كالمبين بالشكل P21.6 كتلتها 500kg عندما تكون محمله P21.6 كليبة بالركاب (شكل p21.6) (a) إذا كانت كليبة بالركاب (شكل 20.0m/s عند النقطة A ما هي القبوة التي يؤثر بها المضمار على العربة عند هذه النقطة (b) ما هي اقصى سرعة للعربة عند النقطة B بشرط أن تبقى في حركتها على المضمار.



شكل P21.6

22- في حديقة الملاهي المسماه حديقة الاعلام الستة الأمريكية العظمي في جورني بولاية البيون توجيد بعض الألعياب ذات تصيميم تكنولوجي قائم على أسس فيزيائية. كل خية رأسية تأخذ شكل قطرة الدمعة بدلا من أن تكون دائرية (شكل P22.6) توضع المراكب على الطرف الداخلي للخيب عند القيمية وتكون سرعتها عالية بدرجة كافية حتى تبقى المراكب على المضمار، اذا كان ارتفاع اكبر خيه هو 40.m واقتصى سرعة هي.70m/h) 31m/s تقريباً) عند القاع-افترض أن السرعة عند القمة هي 13.0m/s والتسارع العمودي المناظر هو 2g (a) ما مقدار نصف قطر القوس لقطرة الدمع عند القمة (b) إذا كان مجموع كتل المراكب والركاب هو M ماهي القوة التي تؤثر بها ألقصبان على هذه الكتلة الكلية وهي على القيمة (c) افترض أن المركب يصنع خيله نصف قطرها 20.0m. اذا كانت المركب لها نفس السرعة أي 13.0m/s عند القمة ما هو التسارع العمودي عند القمة؟ علق على القوة العمودية عند القمة في هذا الوضع.

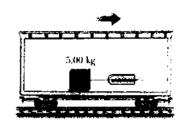


شدن ۳22.0 قسم 3.6 الحركة في أطر متسارعة (اختياري)

12.0s تعمل أرجوحة الخيل دوره كاملة في 12.0s إذا جلس طفل كــتاتــه 45.kg على الأرض الأفقية لأرجوحة الخيل على بعد 3.0m من المركز أحسب (a) تسارع الطفل و(b) قوة الاحتكاك الافقية التي تؤثر على الطفل. (c) ما أقل قيمة لمعامل الاحتكاك الاستاتيكي اللازمة للحفاظ على الطفل من الانزلاق؟

24- كتلة مقدارها \$5.0k مربوطة في ميزان زنبركي وموضوعة على سطح افقي املس كـمــا بالشكل 24.6 P. الطرف الامــامي للميزان الزنبركي مربوط في صندوق عربة ويعطي قراءة ال8.0N عندما تكون العـربة متحركة (a) إذا كانت قراءة الميزان صفرأ عندما تكون العـربة في سكون. احــسب تسارع العربة (d) ما هي قراءة الميزان اذا ما تحركت العربة بسـرعة منتظمة (c) احسب القوى التي تؤثر على الكتلة من وجهة نظر القوى التي تؤثر على الكتلة من وجهة نظر مشاهد في العربة وكذلك من وجهة نظر مشاهد يقف خارج السيارة.

الفصل السادس؛ الحركة الدائرية وتطبيقات اخرى لقوانين نيوتن



شكل P 24.6

- جسم كتلته 5.0kg معلق في سقف صندوق عربة متسارعه كما بالشكل 13.6 اذا كان التسارع a =3m/s² احسب (a) الزاوية التي يصنعها الحبل مع الرأسي (b) الشد في الحبل.
- 24.0 تدور الأرض حول معورها بزمن دوري 24.0 تصور أن سرعة الدوران يمكن زيادتها. اذا وضع جسم على خط الاستواء بحيث يكون وزنه الظاهري صفراً (a) ما هي قيمة الزمن الدوري الجديد (b) ما مقدار الزيادة التي يجب أن تحدث في سرعة الجسم إذا ما زادات سرعة دوران الكوكب (تنويه. أنظر المسألة 52 ولاحظ أن الوزن الظاهري للجسم يصبح صفراً عندما تكون القوة العمودية التي تؤثر عليه مساوية القوة العمودية التي تؤثر عليه مساوية كساملة هي 2πR حديث R نصف قطر الارض).
- إ 27] يقف شخص على ميزان في مصعد. عندما يبدأ المصعد في التحرك تكون قراءة الميزان هي 591N هي 591N . وعندَما يتوقف المصعد فيما بعد تكون قراءة الميزان هي 391N افترض أن مقدار التسارع له نفس القيمة أثناء التحرك وعند التوقف. احسب (a) وزن الشخص (b) كتلة الشخص (c) تسارع المصعد
- 28 لايتدلى ثقل الرصاص المعلق على طول خط متجها ناحية مركز الارض وذلك بسبب

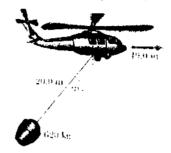
دوران الارض ما مقدار انحراف ثقل الرصاص عند خط النصف قطر عند الزاوية 35° خط عرض شمالاً - افترض أن الارض كروية.

قسم 4.6 الحركة في وجود قوى مقاومة (اختياري)

- 29- تقفز غواصة فضاء كتلتها 80.kg من طائرة تتحرك ببطء لتصل سرعتها النهائية الى 50.0m/s ما مقدار تسارع غواصة الفضاء عندما تكون سرعتها 30m/s ما مقدار قوة المقاومة التي تؤثر على الغواصة عندما تكون سرعتها (50.m/s (b) عندما تكون سرعتها (50.m/s (c) 50m/s (b)
- تستخدم في التعبئة من ارتفاع 2.0m من الفوم التي تستخدم في التعبئة من ارتفاع 2.0m من سطح الأرض. عندمنا تصل إلى سنرعتها النهائية يكون مقدار التسارع هو 0.50 تصل الفوم إلى بعد هبوطها m 0.50 تصل الفوم إلى السرعة النهائية وتأخذ بعد ذلك 5 ثواني أخرى حتى تصل إلى الأرض. (a) ما مقدار التسارع عند 0=1. (b) ما مقدار التسارع عند 0=1. (c) ما مقدار التسارع عند 0=1. (d)
- (a) 31 احسب السرعة النهائية لكرة خشبية (كثافتها 50.83 g/cm³) عندما تسقط في الهواء إذا كان نصف قطرها 8.0 cm (b) ما هو أقصى ارتفاع يسقط منه جسم سقوطاً حراً حتى يصل إلى هذه السرعة في غياب مقاومة الهواء.
- 32- احسب القوة اللازمة لدفع كرة نعاس نصف قطرها 2.0cm لأعلى خبلال سائل بسرعة ثابتة مقدارها 9.0 cm/s، افترض أن قوة الاعاقبة تتناسب مع السرعة وثابت التناسب هو 8.950 kg/s، اهمل قوة الدفع.
- 33- تحمل طائرة هليكوبتر لاطفاء الحرائق دلوا

الْفَيْزِياء (الْجَزْء الْأُولِ: الْمِيكِانِيكَا والدينَامِيكَا الحرارية)

كنلته 620 Kg في نهاية حبل طوله 20.0 m كنلته 620 Kg في كما بالشكل 33.6 P. عندما تبدأ الطائرة في الطيران بسرعة ثابتة 8/m/s بصنع الحبل (اوية 40° مع الرآسي.



شكل P 33.6 P

إذا كانت مساحة مقطع الدلو هي 3.80 m² في مستوى عمودي على الهواء المار أسفله. احسب معامل الاعاقة بافتراض أن القوة المقاومة تتناسب مع مربع سرعة الدلو.

أطلقت خرزه صغيرة كرية الشكل كتاتها 3.0g لتتحرك من السكون عند صافي اناء يه شامبو، وُجد أن السرعة النهائية لها هي b شامبو، وُجد أن السرعة الثابت b في الحسب (a) فيمة الثابت b في المعادلة 4.6 (b) الزمن اللازم للخرزة لتصل المعادلة 4.6 (c) الزمن اللازم للخرزة القوة المقاومة عندما تصل سرعة الخرزة إلى سرعتها النهائية.

35- سيارة رياضية كتلتها 1200 kg. شكل السيارة مصمم بحيث يكون معامل الاعاقة السيارة مصمم بحيث يكون معامل الاعاقة وجهة السيارة هي 2.20 m². بإهمال كل مصادر الاحتكاك الاخرى. احسب التسسارع الابتدائي للسيارة إذا تم- بعد بلوغ سرعتها الابتدائي للسيارة إذا تم- بعد بلوغ سرعتها الغاء التعشيق- حتى توقفت.

36 يتوقف موتور قارب عندما تصل سرعته إلى

المعادلة المعادلة التي تحكم حركة القارب أثناء هذه الفترة التي تحكم حركة القارب أثناء هذه الفترة هي $v_i e^{-ct}$ هي $v_i e^{-ct}$ هي السرعة عند الزمن v_i هي السرعة الابتدائية و c الزمن v_i هي السرعة الابتدائية و f.0 m/s عند v_i (b) ما مقدار السرعة عند v_i (c) احسب الثابت v_i (d) ما مقدار السرعة عند السرعة واثبت أن التسارع للقارب للمادلة السرعة واثبت أن التسارع للقارب مع السرعة عند أي زَمن .

37- افترض أن القوة التي تؤثر على متزلج سريع هي $f = -kmv^2$ هي $f = -kmv^2$ هي كتلة المتزلج. يعبر المتزلج خط النهاية هي سباق مستقيم بسرعة v_f ثم يتباطأ. اثبت أن سرعة المتزلج بعصد عبسوره خصط النهايسة هي v(1) + kt v(1) + v(1) + v(1)

38- يمكنك أن تحس بقوة اعاقة الهواء عندما تمد زراعك من نافذة سيارة مسرعة (لا تؤذيك). ما مقددار هذه القوة؟ في اجابتك اذكر الكميات التي تقيسها وقيمها.

قسم 5.6 النمذجة العددية لديناميكا الجسم (اختياري)

-39 سقطت ورقة كتلتها 3.0g من ارتضاع 2.0m عــن الأرض. افـــتــرض أن القسوة الكلية التي تؤثر على الــورقة لاسـفل هـي الكلية التي تؤثر على الــورقة لاسـفل هـي F = mg - bu عــث ثابت الإعاقة هـو ط لورقة. (a) احسب السرعة النهائية للورقة. (b) استخدم طريقة ايلر للتحليل العددي وذلك لتعيين سرعة وموضع الورقة كدالة في الزمن من لحظة سـقـوطها حتى تصل سرعتها إلى 99% من سرعتها النهائية (حاول استخدام Δ1=0.0055).

سقط حبة برد كتلتها 4.8 x 10-4 kg في الهاء 10.5 لفي الهاء تحت تأثيار صافي قاوة تعطي

بالعالاقية $F = -mg + Cv^2$ حييث الحسب السرعة (a) . $C = 2.50 \times 10^{-5} \text{ kg/m}$ النهائية لحبة البرد. (b) استخدم طريقة أيلر للتحليل العددي لحساب سرعة وموضع حبة البرد بعد فترة 0.2s باعتبار أن السرعة الابتدائية تساوي صفراً. استمر في الحسابات حتى تصل سرعة حبة البرد إلى 99% من قيمة سرعتها النهانية.

📝 41- السرعة النهائية لكرة بيسبول كتلتها (a) (95m/h) 42.5 m/s هـي 0.142kg كانت كرة البيسبول تتأثر بقوة اعاقة مقدارها R=Cv²، ما قيمة الثابت b).C) ما مقدار قوة الأعاقة عندما تكون سرعة الكرة هي 36.m/s (c) استخدم الحاسب الآلى لتحديد حركة الكرة عند قذفها رأسيا لأعلى بسرعة ابتدائية مقدارها 36.0m/s. ما هو أقبضي ارتضاع تصل اليبه الكرة. احسب الزمن الذي تأخذه الكرة للبقاء في الهواء احسب سرعتها قبل ان ترتطم بالأرض مباشرة.

🗾 42 -بقافاز جندی مظلات کیتلتبه 50.kg من طائرة ويستقط تحت تأثيير فنوة اعافية تتناسب مع مربع السرعة $R=Cv^2$. باعتبار ان C=0.20kg/m عندما تكون المظله مغلقه و C=20.0kg/m والمظلة مفتوحة (a) احسب السرعة النهائية للجندي في كلتا الحالتين قبل وبعد فتح المظلة (b) واحسب السرعة والموضع كدالتين قي الزمن بالتحليل العددي للحركة وبافتراض ان الجندى بدأ الهبوط وهو على ارتضاع 1000m فوق سطح الأرض وكان في سقوط حر لمدة 10 ثوان قبل فتح المظله (تنويه: عندما تفتح المظله، يحدث تسارع كبير مفاجئ في هذه المنطقة لذا يجب أن تكون الفترات الزمنية قصيره)

🖊 43 - أُطلقت قاذيفة كتلتها 10.kg بسرعة

ابتدائية 100m/s وبراوية ارتفاع مفدارها 35° . إذا كانت قوة الأعاقية R=-bv حيث a) b=10.0kg/s) استخدم طریقة عددیه تحسساب الموضع الأفيقي والموضع البرآسي للقذيفة كدالتين شي الزمن

(b) منا هو مندي القنايضة (c) احميب زاوية الارتفاع التي تعطى أقبضي مدي للقنذيفة (تنويه: اضبط زاوية الارتفاع بالمحاولة والخطأ حتى تحصل على أقصى مدى)

🗾 44 - عندما تقذف لاعبة جولف محترفه الكره (كتلتها 46.0g) فإن الكرة ترتطم بالأرض على بعدد 155m (170 ياردة). إذا كانت $R=Cv^2$ الكرة تتأثر بقوة اعاقة مقدارها وسرعتها النهائية هي 44.0m/s احسب ثابت الأعاقة لكرة الجولف. (b) استخدم طريقة عدديه لتحليل مسار هذه القذيفة. إذا كانت السرعة الابتدائية للكرة تصنع

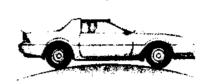
زاوية مقدارها °31.0 مع الافتقى، ما هي السرعة الابتدائية للكرة حتى تصل إلى مدى مقداره m 155.

مسائل اضافية

45- تمر سيارة كتلتها 1800kg على هضبة في طريق يعتبر فوساً من دائرة نصف قطرها 42.0m كما بالشكل a) p 45.6 كما القوة التي يؤثر بها الطريق على السيارة عند مرورها على أعلى نقطة للهضبة إذا كانت السيارة تسير بسرعة 16m/s) ما أقصى سرعة للسيارة عند مرورها على أعلى نقطة قبل أن تفقد تلامسها مع الطريق

46- تمر سيارة كتلتها m على هضبة في طريق عبارة عن قوس من دائرة نصف قطرها R كما بالشكل P45.6 (a) ما القوة التي يؤثر بها الطريق على السيارة عند مرورها على أعلى نقطة للهضية اذا كانت السيارة تسير (229

بسرعة u (b) ما أقصى سرعة للسيارة عند محرورها على أعلى نقطة قبل أن تفقد تلامسها مع الطريق.



شكل P 45.6 السألتان 45، 46

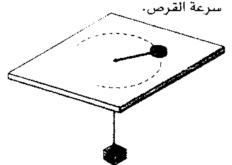
47- في أحد نماذج ذرة الهددروجين يتأثر الالكترون في دورانه حول البروتون بقوة تجاذب مقدارها 8.20x10-8 اذا كان نصف قطر المدار هوسالـ5.30x10 ما هو عدد الدورات التي يحدثها الالكترون في الثانية الواحدة (هذا العدد للدورات في الثانية الواحدة يسمى تردد الحركة) انظر الوجهة الداخلية لفطاء الكتاب لمزيد من البيانات.

48- تقوم طالبه بإنشاء ومعايرة جهاز مقياس التسارع والذي تستخدمه في تعيين سرعة سيارتها عند تحركها حول بعض الطرق السريعه المنعنية وغير منعدرة. مقياس التسارع عبارة عن ثقل من الرصاص ملحق بمنقله وبعلق في سقف السيارة. لاحظ زميلها الذي يجلس بجانبها أن ثقل الرصاص يتدلى بزاوية 15.0 مع الرأسي عندما تكون سرعة السيارة 23.0m/s ما مقدار التسارع العمودي للسيارة التي تمر على النعنى (d) ما مقدار نصف قطر المنعنى الرصاص انحرافاً مقداره 29.0 عند مرور السيارة على نفس المنعنى.

13.6 افترض أن العربة الموجودة في الشكل 13.6 تتحرك بتسارع ثابت a إلى هضبة تصنع زاوية ϕ مع الأفقى. اذا أشار مقياس التسارع إلى زاوية ثابتة مقدارها θ مع العمودي على السقف. احسب قيمة a.

50- قرص دائري من المطاط مملوء بالهواء كتلته 0.25kg مسربوط في حبيل ويدور في دائرة نصف قطرها 1.0m على منصبة افتية مساء. يمر الطرف الآخر من الحبيل من ثقب في مركز المنصة ومعلقاً في طرفه كتله مقدارها 1.0kg (شكل P50.6) تظل الكتلة المعلقة في اتزان أثناء دوران القرص على المنصة (a) ما مقدار الشد في الحبل (b) ما مقدار القوة التي يؤثر بها الحبل على القرص) ما هي سرعة القرص.

51 - قرص دائري من المطاط معلوء بالهواء كتلته m₁ مربوط في حبل، ويدور في دائرة نصف قطرها R على منصة أفقية ملساء. يمر الطرف الآخر من الحبل من ثقب في مركز المنصة ومعلقاً في طرفه كتله مقدارها m₂ (شكل 650.6) تظل الكتله المعلقة في انزان اثناء دوران القسرص على المنصة (a) ما مقدار الشد في الحبل (b) ما مقدار القوة التي يؤثر بها الحبل على القرص (c) ما هي سرعة القدم.



شكل P 50.6 المسألتان 50، 51

52- أثناء دوران الارض حول محورها، تتأثر كل نقطه على خط الاستواء بتسارع عمودي مقداره 0.0337m/s² بينما لاتعاني النقاط عند القطبين بأي تسارع عمودي (a) اثبت أنه عند خط الاستواء تزيد قوة الجاذبية التي تؤثر على جسم (الوزن الحقيقي) عن الوزن الظاهري الوزن الظاهري عند خط الاستواء و عند القطبين لشخص

الفصل السادس: الحركة الدائرية وتطبيقات أخرى لقوانين نيوتن

كتلته 75.0kg \$ (افترض أن الأرض عبارة عن كرة منتظمة وأن g=9.80m/s²)

53- يستخدم حبل تحت شد 50.0N لتدوير حجر في داثرة افقية نصف قطرها 2.5m بسرعة 20.4m/s عند جذب الحبل تزداد سرعة الحجر، ينقطع الحبل عندما يكون طوله 1.0m/s وسرعة الحجر هي \$1.0m/s ما مقدار مقاومة القطع للحبل (بالنيوتن) \$

-54 تتكون لعبية طفل من وتد صغيبر له زاوية حيادة θ (شكل -54.6) الجيانب المائل من الوتد أملس وتبقى الكتله -54 على أرتفاع ثابت إذا تم تدوير الوتد بسيرعة ثابته معينة. يتم تدوير الوتد باستخدام قضيب رأسي مربوط بالوتد عند الطرف السيقلي، احسيب أنه عندما تكون الكتله على بعد -1 على المستوى المائل تكون سيرعة الكتله هي -1 على المستوى المائل تكون سيرعة الكتله هي -1



شكل P54.6

55- يقوم طيار بتنفيذ مخاطرة الخيه بسرعة ثابته. إذا كان مساره عبارة عن دائرة رأسيه. وكانت سرعة الطائرة هي 300mi/h ونصف قطر الدائرة هو 1200ft (a) ما مقدار الوزن الظاهري للطيار عند اسفل نقطة إذا كان وزنه الحقيقي 160 رطلاً. (b) ما هو وزنه الظاهري عند اعلى نقطه (c) فسر كيف يحدث للطيار حالة انعدام وزن ظاهري

إذا أمكن تغيير كلاً من السرعة ونصف القطر (لاحظ أن وزنه الظاهري يساوي القوة التي يؤثر بها المقعد على جسمه).

56 - لكي يتحرك قمر صناعي في مدار دائري ثابت بسرعة ثابته، يجب آن يتناسب تسارعه العمودي عكسياً مع مربع نصف قطر المدار (a) أثبت أن السرعة الماسيه للقمر تتناسب مع 1-1/2، (b) أثبت أن الزمن اللازم للدوران دورة كاملة واحدة يتناسب مع 1-3/2

57- عمله معدنية صغيرة كتلتها 3.10g فوق صغيرة كتلتها 20.g موضوعة وموضوعة وموضوعة المعاملا الاحتكاك بين الصغرة والقرص هما (استانيكي) 0.75 و (كيناتيكي) 0.64 وبين العمله والصخرة (استانيكي) 0.45 ورين العملة والصخرة (استانيكي) 0.45 ورين العملة والصخرة (استانيكي) 0.45 ورين وروزة كل دقيقة) يمكن ان يحدثه القرص قبل أن تنزلق اياً من العملة أو الصخرة.

58- يوضع الشكل P57.6 عجلة فيري قطرها 18.0m والتي تدور اربعة دورات في الدقيقة (a) ما مقدار التسارع العمودي للراكب. ما مقدار القوة التي يؤثر بها المقعد على راكب كتلته 40.kg (b) عند أسفل نقطه للرحلة (c) عند اعلى نقطه للرحلة، (d) احسب القوه (مقداراً واتجاهاً) التي يؤثر بها المقعد على الراكب غي منتصف المسافة بين القمه والقاع.

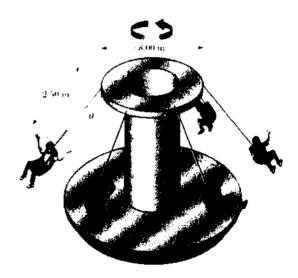


شكل P57.6

أأضيرياء (الجزء الأول؛ الميكانيكة والديناميكا الحرارية)

59- معطة فضاء في صورة عجلة كبيرة قطرها 120m تدور حتى تعطي جاذبية صناعية مقدارها 30m/sec² للأشخاص الجالسين على الحافة الخارجية للعجلة احسب تردد الدوران للعبجلة (دورة كل دقييقية) والتي قاطي دنا التأثير

60- تتكون إحدى اللعب المدليدة في مدينة سلاهي من منصدة دائرية قطرها m (8.0 m يتدلى منها سلاسل مهملة الكتلة طول كل منها سكاسل مهامة الكتلة الواحد منها 2.5m وفي نهايتها مقاعد كتلة الواحد لا 400 (شكل 26.0%). عندما تدور المنصدة تصنع السسلاسل زاوية "28= θ مع المحور الراسي (۵) احسب سرعة كل مقعد (b) الراسم رسماً هندسياً للجسم الحر لطفل ارسم رسماً هندسياً للجسم الحر لطفل كتلته واحسب الشد في المقعد واحسب الشد في الساسلة.

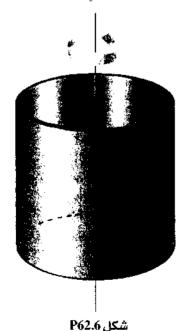


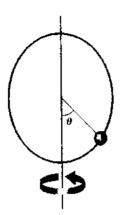
شکل P60.6

61-قطعه معجون موضعها الابتدائي هو النقطة A على حافة عبجلة جلخ تدور حول مبحور أفقي ازيحت قطعة المعجون من النقطة A عندما يكون القطر عند A افقياً بعد ذلك ترتفع قطعة المعجون رأسياً وتعود مرت أري

الى ٨ عندما تكمل العجلة دورة كامله (١) احسب سرعة نقطة على حافية العجلة بدلالة التسارع الناتج عن الجاذبية ونصف قطر العجلة (b) إذا كانت كتلشه قطعة المعجون هي m ما مقدار القوة اللازمة لتظل فطعة المعجون ملتصقه بالمجله.

76 تتكون احدى لعب التسليه في مدينة ملاهي من أسطوانه رآسيه كبيرة تلف حول محورها بسبرعة كافيه لدرجة أن شخص داخل الاسطوانه يظل ملتصقاً بالجدار حتى بعد اسقاط ارضية الأسطوانه (شكل P62.6). اذا كان معامل الاحتكاك الاستاتيكي بين الشخص والحائط هو $\mu_{\rm s}$ ونصف قطر الاسطوانه هو $\mu_{\rm s}$ (a) $\mu_{\rm s}$ ونصف قطر زمن دوري لازم لشخص حتى لا يسقط هو العديه للزمن الدوري $T = (4\pi^2 R \mu_s / g)^{1/2}$ $\pi = (4.0 \ R + 4.0 \ R$





شكل P65.6

66- تعطى المعادلة F · · · · · · · br²v² مقدار القوه المقـاومـة (بالنيـوتن) التي تؤثر بهـا رياح تتحرك بسرعه v (بالمتر/ثانيه) على كره نصف قطرها r (بالمتر)، حيث a=3.10x10⁻⁴ قيـمتاهما العدديه هما ما شاعلاقه اوجد b=0.870 باسـتخدام هذه العلاقه اوجد السرعه النهائيـه لقطرات الماء التي تسقط في الهـواء تحت تأثيـر وزنهـا باسـتخدام انصاف الاقطار التاليه لقطرات الماء.

1.0 mm (c) 100 μm (b) ، 10 μm (a) لاحظ أنه في (c) ، (a) يمكنك الحصول على اجابات دقيقه دون الحاجه لحل معادله الدرجة الثانيه وذلك بالأخذ في الاعتبار الحد الذي يضيف لمقاومة الهواء وأهمال الحد الأقل تأثيراً.

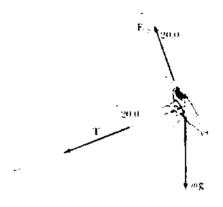
67- يطير نموذج طائره كتلته 0.75kg بسرعه 35.0m/s غير نموذج طائرة أفقية في نهاية سلك 35.0m/s في دائرة أفقية في نهاية سلك تحكم طوله 0.6m . إحسب الشد في السلك اذا كان يصنع زاوية "20.0 مع الأفقي، القوى التي تؤثر على الطائره هي الجذب في سلك التحكم، ووزنها والدفع الايروديناميكي الذي يؤثر بزاويه " 20 الى الداخل مع الرأسي كما بالشكل 67.6.6.

63- طريق منحنى عبياره عن جيزه من دائرة افقيه، عندما تتحرك سياره بسرعة ثابتة 14.0m/s فإن القوة الكلية التي تؤثر على السائق يكون مقدارها 130N ، ما مقدار واتجاه القوة الكلية التي تؤثر على السائق إذا ما اصبحت سرعتها 18.0m/s.

-64 تتحرك سيارة على منعنى منعدر كما بالشكل 6.6 نصف قطر انعناء الطريق هو بالشكل 6.6 نصف قطر انعناء الطريق هو R وزاوية الانعدار هي θ ومعامل الاحتكاك الاستاتيكي هو μ_{i} (a) احسب مدى السرعات التي يمكن للسياره ان تكتسبها بدون انزلاقها لداخل او لخارج السطح بدون انزلاقها لداخل او لخارج السطح المنعدر. (b) أحسب آقل قييمة لمعامل الاحستكاك μ_{i} بحيث يكون الحد الأدنى السرعه صفراً (c) ما مدى السرعات المكنه اذا كانت μ_{i} (c) ما مدى السرعات و μ_{i} (d) ما مدى السرعات المكنة اذا كانت μ_{i} (e) المؤلف).

- ومكن لخرزه مفرده أن تنزلق بدون احتكاك على سلك منحنى كــدائره نصف قطرها 15.0cm المائرة في مــيــتــوى رأسي دائمــاً وتدور الدائرة في مــيــتــوى رأسي دائمــاً وتدور الخــرزه بالزاوية θ التي يصنعــهــا الخط الواصل من مــركــز الدائرة إلى الخــرزه مع الرأسي (a) عند اي زاويه من ادنى نقطه يمكن للخـرزه أن تبــقى دون حــركــه وذلك بالنسبة للدائره الدواره (b) كرر المسأله اذا كان زمن دوران الدائره هو 0.850.

<i>t</i> (s)	d(ft)
1	16
2	62
3	138
4	242
5	366
6	504
7	652
8	808
9	971
10	1 138
11	1 309
12	1 483
13	1 657
14	1 831
15	2 005
16	2 179
17	2 353
18	2 527
19	2 701
20	2 875



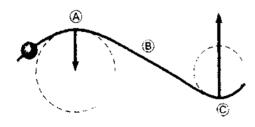
شكل26.6P6

68- يسقط جسم كتلته 9.0kg من السكون في وسط لزج متأثر بقوة مقاومه P=-bv حيث وسط لزج متأثر بقوة مقاومه النجسم الالحسم تصل الى نصف سرعته النهائيه بعد 5.54s (a) احسب السرعه النهائيه (b) ما هو الزمن اللازم لتصبح سرعة الجسم ثلاثه ارباع سرعته النهائية. (c) المسافة التي يقطعها الجسم في الـ 5.54s الأولى.

التاليه الستخدامها في التخطيط عند التاليه الستخدامها في التخطيط عند القدف. في الجدول b هي المساقه التي يسقطها رجل الفضاء من السكون في موضع سقوط حر ومستقر ومتسع كداله في الزمن 1 (a) حول المسافه من قدم الى متر. (b) ارسم العلاقه b (بالمتر) مع الزمن 1 (c) احسب قيمة السرعة النهائية الوذك احسب قيمة السرعة النهائية الوذك من الجزء المستقيم من المنحنى (b) استخدم طريقة (أقسل المربعات least Square)

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.6) لا: يُغير التسارع المماسي من قيمة المسرعه فقط في متجه السسرعه (دون الاتجاه) . لكي تتحرك السيارة في دائره فإن اتجاه متجه السسرعه يجب أن يتغير ولكي يحدث ذلك لابد من وجود تسارع عمودي.
- (2.6) تسيير الكره في مسار دائري نصف قطره اكبر من نصف قطر المسار الدائري الاميلي، وبالتالي لابد أن تتواجد بعض القنوي الخارجيه التي تسبب التغير في اتجاه متجه السرعة، لا يجب أن تكون القوه الخارجية شديده مثل الشد الاصلي في الحبل لأنه إذا كانت كذلك فإن الكره سنتبع المسار الأصلى (b) مرة أخرى تسيير الكره في قوس بما يعنى وجود نوع ما من القوي الخارجيه. كما في الجزء (a)، تكون القوم الخارجيه متجهه نحو مركز القوس الجديد وليس تجاه مركز المسار الدائري الاصلي. (c) تشأثر الكره بتغير حاد في السرعه - من نقطه التماس للدائره الى العمودي عليها- وبالتالي فإنها تتأثر بقوه كبيره والتي لها مركبه مضادة لسرعية الكره (مماسه للدائرة) ومتركبية أخرى في اتجاه نصف القطر (d) تسير الكره في خط مستقيم مماسيا للمسار الأصلى. إذا كان هناك قوى خارجية، لن
- يكون لها مركبه عموديه على هذا الخط لأنه اذا كان غير ذلك، فإن المسار سيكون منحنى. في الحقيقه، إذا انقطع الحبل ولا يوجد قوى أخرى تؤثر على الكره، ينص قانون نيوتن الأول أن تستمر الكرة في مسار على طول الماس وبسرعة ثابته
- (3.6) عند (A) يكون المسار على طول محيط الدائرة الاكبر. لهذا سيؤثر السلك بقوة متجهه نحو مركز الدائرة على الخرزة. حيث أن السرعة ثابتة فإنه لايوجد مركبه مماسيه لقسوه. عند (B) لايكون المسار منحنياً وبالتالي لايؤثر السلك بأي قوه على الخرزة. عند (c) مره أخرى يكون المسار منحنياً ويؤثر السلك مرة أخرى بقوه على الخرزة. هذه السلك مرة أخرى بقوة على الخرزة. هذه المرة تكون القوة متجهة تجاه المركز للدائرة الاصغر. حيث إن نصف قطر هذه الدائرة أصغر فإن مقدار القوة التي تؤثر على الخرزة يكون أكبر من قيمته عند (A)





تتبسطق سيمكة السلمون الدَّرج في نهر مالته نيل شي الأسكا، لماذا يتم بناء معثل هذا الدُرج حول السدة هل يخشزل هذا الدَّرج كميلة الشفل التي يجب أن تبدلها السمكة لتعبر السد

الشبغل وطباقبة الحبركة

Work and Kinetic Energy

ويتضمن هذا الفصل :

Power 5.7 القسيدرة

6.7 الطاقة والسبيارة (اختياري) (Optional) Energy and the Automobile

7.7 طاقة الحركة عند السرعات العالبية (اختياري)

(Optional) Kinetic Energy at High Speeds

1.7 الشخل المبذول يقوة ثابته Work Done by a Constant Force

2.7 حاصل الضرب القياسي لمتجهين The Scalar Product of Two Vectors

3.7 الشخل المدول بقبوة متغييرة Work Done by a Varying Force

4.7 طاقة الحركة ونظرية الشغل - طاقة الحركة Kinetic Energy and the Work-Kinetic **Energy Theorem**

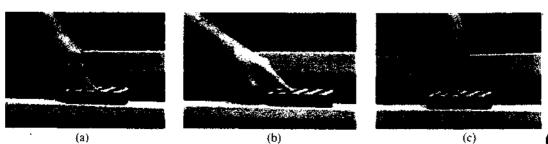
يعتبر مفهوم الطاقة أحد أهم الموضوعات في العلوم والهندسة. في حياتنا اليومية نرى الطاقة في صورة وقود لوسائل النقل والتدفئة، الكهرباء للإضاءة وتشفيل الاجهزة الكهربائية، والغذاء للإستهلاك. مع ذلك فإن كل هذه الافكار لا تُعرف الطاقة. أنها تخبرنا فقط ان الوقود مطلوب لأداء الأعمال وأن هذا الوقود يمدنا بشئ يطلق عليه الطاقة.

في هذا الفصل سنقدم أولاً مفهوم الشغل، يُبذل الشغل بواسطة قوة توّثر على جسم عندما تتحرك نقطة تأثير القوة لمسافة معينة ويكون للقوة مركبة في اتجاء الحركة، بعد ذلك سنعرف طاقة الحركة وهي الطاقة التي يكتسبها جسم بسبب حركته، بصورة عامة، يمكن تعريف الطاقة بأنها قدرة الجسم على بذل شغل، سنرى أن مبدأي الشغل وطاقة الحركة يمكن تطبيقهما على ديناميكا نظام ميكانيكي وبدون الرجوع لقوانين نيوتن، في الحالات المعقدة يسمح استخدام مفهوم الطاقة بمعالجة السهل من استخدام التطبيق المباشر لقانون نيوتن الثاني، مع ذلك، من المهم أن نؤكد على أن مفهوم الشغل الشغل الطاقة يعتمد اساساً على قوانين نيوتن وبالتالي يسمح بنتائج تنفق دائماً مع هذه القوانين.

هذه الطريقة البديلة في وصف الحركة تكون مفيدة خاصة عندما تعتمد القوة المؤثرة على موضع الجسم، في هذه الحالة لايكون التسارع ثابتاً وبالتالي لايمكننا تطبيق المعادلات الكينماتيكية التي تم تقديمها في الفصل 2، غالباً ما يتعرض الجسم في الطبيعة إلى قوة تغير من موضعه، تشمل هذه الشوى الجاذبية، والقوة التي تؤثر على جسم معلق في زنبرك، بالرغم من امكانية تطبيق الطرق العددية لتحليل مثل هذه المواقف- كتلك التي تم وصفها في قسم 5.6، فإن استخدام فكرة الشغل والطاقة غالباً ما يكون اسهل كثيراً. سندرس طرق التعامل مع أنظمة معقدة بمساعدة نظرية هامة جداً تدعى نظرية الشغل- طاقة الحركة والتي تعد الهدف الاساسي لهذا الفصل.

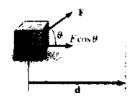
WORK DONE BY A CONSTANT FORCE الشغل المبذول بقوة ثابتة 1.7

كل التغيرات التي استخدمناها من قبل- السرعة والتسارع والقوة.. إلخ تحمل تقريباً نفس المعنى في الفيزياء مثلها مثل ما نستخدمه في حياتنا اليومية. ومع ذلك فإننا نواجه الآن اصطلاح يحمل معنى فيزيائي يختلف تماماً عما نعنيه في حياتنا اليومية ذلك هو "الشغل".



شكل 1.7 دفع ممحاة على طول حوض السبورة

الفصل السابع الشفل وطاقة الحركة



شكل 2.7 إذا مـــا ازيع الجــسم مسافة لل تحت تأثير قوة ثابتة وقال المــنان الشــغل المبـناول بهــناه القــوة يساوي الساوي الساوي

لكي نفهم ماذا يعني "الشغل" بالنسبة للفيزياء افترض الوضع الموضح في الشكل 1.7. عند تطبيق قبوة على ممحاة سبورة، فأن المحاة تنزلق على طول حوض السبورة. اذا ماكنا نهتم بدراسة كيفية تأثير القوة في تحريك الممحاه، فإنه من الضروري الاهتمام بكل من مقدار واتجاه القوة، إذا افترضنا أن مقدار القوة المستخدمة هو نفسه في الثلاث صور الفوتوغرافية، واضح أن الممحاة تتحرك في الوضع الثكر منه في الوضع 1.76. من ناحية أخرى يوضح الشكل 1.76 الوضع الذي فيه لا يؤدي تطبيق القوة إلى حركة الممحاة نهائياً مهما

كانت قوة الدفع لها (هذا مالم تكن القوة بالقدر الذي يؤدي إلى كسر شئ ما). بالتالي عند تحليل القوى لحساب الشغل الناتج، يجب الاهتمام بطبيعة متجه القوة. كذلك فإننا نحتاج أن نعرف المسافة التي قطعتها المحاة على حوض السبورة إذا ما أردنا حساب الشغل اللازم لإحداث الحركة، تحرك المحاة 3cm يتطلب شغلاً أكثر عما تحتاجه عند تحريكها 2cm.

دعنا ندرس الوضع الموضح في الشكل 2.7 حيث يعاني جسم ازاحه ${f d}$ في خط مستقيم عندما يؤثر عليه بقوة ثابتة ${f F}$ والتي تصنع زاوية مقدارها ${f d}$ مع ${f d}$

الشغل المبذول بقوة ثابتة

الشغل W المبذول على جسم بقوة ثابتة هو حاصل ضرب مركبة القوة في اتجاه الازاحة في مقدار الازاحة

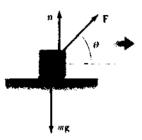
 $W = Fd \cos \theta \qquad (1.7)$

كمثال للتمييز بين هذا التعريف وكلمة الشغل التي نستخدمها في حياتنا اليومية افترض انك قد حملت كرسي بذراعيك لمدة ثلاث دقائق. في نهاية هذه الفترة قد يؤدي اجهاد ذراعك إلى الاعتقاد يأنك بذلت كمية شغل كبيرة على الكرسي، طبقاً للتعريف هنا، إنك لاتكون قد بذلت شغلاً ما. لقد اثرت بقوة لتبقى على الكرسي موفوعاً (1) بذراعيك لكنك لم تحركه، القوة لاتبذل شغلاً على الجسم ما لم تحركه ويتضع ذلك من المعادلة 1.7 عند وضع d=0 تعطي W=0. يوضع الشكل 1.7c هذا الوضع.

يتضح ايضاً من المعادلة 1.7 ان الشغل المبذول بقوة على جسم متحرك تساوي صفراً عندما تكون القوة المستخدمة عمودية على اتجاء ازاحة الجسم حيث أن $0 \approx 0 \approx 0$ تعطي $0 \approx 0 \approx 0$ حيث أن $0 \approx 0 \approx 0$ على سبيل المثال شكل $0 \approx 0$ الشغل المبذول بالقوة العمودية على الجسم والشغل المبذول بقوة الجاذبية على جسم كليهما يساوي صفراً لأن كلتا القوتين عموديتان على الازاحة وليس لهما مركبة في اتجاء 0

 ⁽¹⁾ في الحقيقة إنك تبذل شغلاً عند رفع الكرسي لأن عضلاتك تنكمش وتسترخي باستمرار هذا يعني انها تؤثر بقوى داخلية على ذراعك. هكذا فإن جسمك يبذل شغلاً ولكن داخليا على نفسه وليس على الكرسي.

تعتمد اشبارة الشغل على اتجاه F بالنسبة إلى G. يكون الشغل المبذول موجباً عندما يكون المتجه المصاحب للمركبة G في نفس اتجاه الازاحة على سبيل المثال عند رفع جسم لأعلى فإن الشغل المبذول بالقوة المستخدمة موجباً لان اتجاه القوة لأعلى، أي، في نفس اتجاه الازاحة. عندما يكون المتجه المصاحب للمركبة G cos G, مثل جسم مرفوع، فإن الشغل المبذول بقوة الجاذبية على الجسم يكون سالباً. المعامل G cos في تعريف G (المعادلة G) يأخذ ذلك في الاعتبار. من المهم أن تلاحظ أن الشغل هو انتقال علقة وإذا انتقلت طاقة إلى المنظومة (الجسم) تكون G موجبة. وإذا انتقلت طاقة من المنظومة (الجسم) تكون G موجبة.



شكل 3.7 عند ازاحية جسم على سطح افسقي املس فيان القسوة المصودية n وقيوة الجياذييية m لاتبذلا شغلاً على الجسم. في هذا الوضع الموضع هنا تكون \mathbf{F} هي القوة الوحيدة التي تبذل شغلاً.

إذا كانت القوة المستخدمة ${f F}$ تؤثر في اتجاه الازاحة، حينئذ ${f \theta}=0$ و ${f \theta}=0$. في هذه الحالة تعطى المعادلة 1.7

W = Fd

الشغل كمية قياسية ووحداته هي حاصل ضرب قوة في طول. لهذا فهو بوحدات النظام الدولي لوحدات القياس (Sl) يكون نيوتن- متر أو جول.

اختبار سريع 1.7

هل من المكن لمركبة القوة التي تعطي تسارع عمودي لجسم أن تبذل شغلاً على الجسم (مثل القوة التي تؤثر بها الشمس على الأرض والتي تُثَبِتُ الارض في مسارها الدائري حول الشمس).

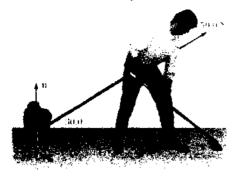
بصورة عامة قد يتحرك الجسم بسرعة ثابتة أو سرعة متغيرة تحت تأثير قوى عديدة، في هذه الحالة حيث إن الشغل كمية قياسية فإن الشغل المبذول لازاحة جسم هو المجموع الجبري لمقادير الشغل المبذول بكل القوى.

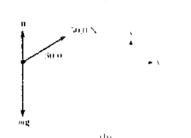
مثال 1.7 السيد عامل النظافة

يسلحب عامل النظافة مكنسة كهربائية بقوة مقدارها F= 50.0 N بزاوية °30 مع الأفقي (شكل 4.7a). احسب الشغل المبذول بالقوة على المكنسة الكهربائية عند ازاحتها 3.0m تجاه اليمين.

الحل: لانهم ساعدونا هي معرفة أي من القوى التي تؤثر على الجسم يمكن أخذها في الاعتبار فإن رسماً مثل شكل 4.7b يكون مفيداً عندما تريد جُمع المعلومات وتنظيم الحل. هنا نستخدم تعريف

الفصل السابع الشغل ومناقة الحركة





شكل 4.7 (a) مكنسة كهربائية مسحوبة بزاوية *30.0 مع الأفسفي (b) رسم هندسي للجسم الحر للقوى التي تؤثر على المكنسة.

الشغل (العادلة 1.7)

 $W=(F\cos\theta)d$

= $(50.0 \text{ N}) (\cos 30.0^{\circ}) (3.0 \text{m}) = 130 \text{ N/m}$

= 130 J

شي وحيد يجب أن نتعلمه من هذا المثال وهو أن المقوة العمودية \mathbf{r}_{g} ، وقوة الجاذبية \mathbf{r}_{g} ، والمركبة العمودية للقوة المستخدمة ($\sin 30$) ($\sin 30$) لاتبال شغلاً على الكنسة لأن هذه القوى عمودية على اتجاه الازاحة.

تمرين: احسب الشغل الذي يبذله الرجل على المكنسة إذا سحبها مسافة 32.0M بقوة أفقية مقدارها 32.0M.

الاجابة، J 96.



لايبذل رافع الاثقال شغلاً عند وضع قضيب الاثقال على كتفيه (إذا امكنه وضع القضيب على كتفيه وجعل ركبتيه ملتصفتان فإنه يكون قادراً على تحمل الاثقال لفترة طويلة بعض الشئ). هل يبذل شغلاً عند رفع الاثقال إلى هذا الارتفاع.



شكل 5.7 يرفع رجل صندوهاً كتلته m m مسافة رأسية h ويمشي افقياً مسافة b.

اختبار سريع 2.7

يرفع رجل صندوقاً تقيلاً كتلته m مسافة رأسيه h ثم تحرك افقيا مسافة d كما هو موضح بالشكل 5.7. أحسب (a) الشغل الذي يبذله الرجل على الصندوق. (b) الشغل المبذول على الصندوق نتيجة قوة الجاذبية.

2.7 🔪 حاصل الضرب القياسي لمتجهين:

THE SCALAR PRODUCT OF TWO VECTORS

م نظراً للطريقة التي تم بها ربط متجهى القوة والازاحة في المعادلة 1.7 فإنه من المفيد أن 2.6 نستخدم طريقة رياضية مبسطة تسمى الضرب القياسي. هذه الطريقة تسمح لنا بتوضيح طريقة التأثير المتبادل بين F و d وبطريقة تعتمد على مدى قرب توازي بعضهم من بعض. يكتب هذا الضرب القياسي F.d (بسبب النقطة بين F.d فغالباً ما يطلق عليه الضرب المنقوط dot product) وبالتالي يمكن كتابة المعادلة 1.7 كحاصل ضرب قياسي.

$$W= \mathbf{F} \cdot \mathbf{d} = Fd \cos \theta$$
 (2.7) التعبير عن الشغل كضرب قياسى

 $Fd\cos\theta$ بصورة أخرى فإن $F\cdot d$ (تقرأ F dot d) بمى اختصار للمقدار

حاصل الضرب القياسي لأي متجهين A و B

بصورة عامة، حاصل الضرب القياسي لأي متجهين A و B هو كمية قياسية تساوى حاصل ضرب مقدارا المتجهين وجيب تمام الزاوية يتهما 0.

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = AB \cos \theta \tag{3.7}$$

الشكل 6.7 يوضع هذه العلاقة. لاحظ أنه ليس من الضروري أن يكون للمتجهين A و B نفس الوجدات.

 ${f A}$ في الشكل ${f B}$ ${f Cos}$ ${f B}$ عبارة عن مسقط ${f B}$ على ${f A}$. لهذا فإن المعادلة ${f B}$ ${f Cos}$ ${f B}$ عبارة عن مسقط ${f B}$ هو حاصل ضرب المقدار A في مسقط B على A.

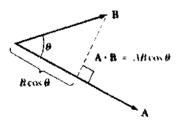
من الطرف الايمن للمعادلة 3.7 نلاحظ أيضاً أن الضرب القياسي "تبادلي"

أي أن A·B= B·A يمكن عكس الترتيب في الضرب القياسي

أخيرا يخضع الضرب القياسي لقانون التوزيع في الضرب أي أن:

$$\mathbf{A} \cdot (\mathbf{B} + \mathbf{C}) = \mathbf{A} \cdot \mathbf{B} + \mathbf{B} \cdot \mathbf{C}$$

من السهل حسباب الضبرب القياسي من المعادلة 3.7 عندما يكون A عمودياً أو موازيا للمتجه B. إذا كان A عمروباً على قان $\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = 0$. (بتحقق النساوى $\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = 0$ ايضاً في $(\theta = 90^{\circ})\mathbf{B}$ الحالات الأكثر بساطة عندما يكونA أو B مساويا صفراً). إذا كان المتجه A يوازى المتجه B وكليهما له نفس الاتجاء (θ =0) فإن اذا كان المتجه ${f A}$ يوازي المتجه ${f B}$ ولكن كل منهما يسير ${f A}\cdot{f B}=AB$ في الجاه عكس الآخر ($\theta = 180^{\circ}$) حينتيذ $A \cdot B = -AB$. يكون 242 **)** حاصل الضرب القياسي سالباً إذا كانت °180 >0 >°90.



شكل 6.7 حياصل الضيرب القياسي A·B يساوي مقدار A مضروباً في B cos θ والتي تمثل مسقط B على A.

الفصل السابع، الشفل وطاقة الحركة

وحدات المتجه i و i, k التي تم تعريفها في الفصل 3، تقع في الاتجاه الموجب للاتجاهات k. و i على التوالي في نظام المحاور المتعامدة، لهذا ينتج من تعريف i أن الضرب القياسي لوحدات المتجهات هو:

$$i \cdot i = j \cdot j = k \cdot k = 1 \tag{4.7}$$

$$\mathbf{i} \cdot \mathbf{j} = \mathbf{i} \cdot \mathbf{k} = \mathbf{j} \cdot \mathbf{k} = 0$$

توضح المعادلتان 18.3 و 19.3 أن المتجهين Aو B يمكن التعبير عنهما بدلالة مركباتهما كما يلي:

$$\mathbf{A} = A_x \mathbf{i} + A_y \mathbf{j} + A_z \mathbf{k}$$

$$\mathbf{B} = B_{\mathbf{x}}\mathbf{i} + B_{\mathbf{y}}\mathbf{j} + B_{\mathbf{z}}\mathbf{k}$$

باستخدام المعلومات المعطاه في المعادلتين 4.7 و 5.7 نستنتج أن الضرب القياسي للمتجهين ${f A}$ هو:

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z \tag{6.7}$$

(تفاصيل الاستنتاج تم تركها لك في المسألة 10.7). في الحالة الخاصة A=B نجد أن:

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{A} = A_x^2 + A_y^2 + A_z^2 = A^2$$

اختبار سريع 3.7

إذا كان الضرب القياسي لمتجهين موجباً هل يُحتم ذلك أن تكون المركبات الكرتيزية للمتجهين موجبة؟.

مثال 2.7 الضرب القياسي

.A·B و \mathbf{A} بعطي المتجهان \mathbf{A} و \mathbf{A} بالصورة \mathbf{A} = \mathbf{A} و \mathbf{A} = \mathbf{A} احسب الضرب القياسي

الحل:

A·B =
$$(2i+3j)\cdot(-i+2j)$$

= $-2i\cdot i + 2i\cdot 2j - 3j\cdot i + 3j\cdot 2j$
= $-2(1) + 4(0) - 3(0) + 6(1)$
= $-2+6=4$

[.]B على $A \cdot B$ على $A \cdot B$

⁽³⁾ هذا واضح لكن في الفصل 11 سنجد طريقة اخرى لجمع المتجهات وهي ذات اهمية في الفيازياء لكنها ليست تبادلية.

حبث استخدمنا الحقائق التالية: $i = j \cdot j = 0$ و $i = j \cdot j = i$ نفس النتيجة يمكن الحصول عليها عندما نستخدم المادلة 6.7 مباشرة حيث $A_{\chi} = 2$ و $A_{\chi} = 3$ و $A_{\chi} = 2$

 ${f B}$ و ${f A}$ احسب الزاوية بين

الحل، مقدار A و B هما:

$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} = \sqrt{(2)^2 + (3)^2} = \sqrt{13}$$

$$B = \sqrt{B_x^2 + B_y^2} = \sqrt{(-1)^2 + (2)^2} = \sqrt{5}$$

ماستخدام المعادلة 3.7 والنتيجة من الجزئية (a) نحصل على:

$$\cos \theta = \frac{A \cdot B}{AB} \qquad \frac{4}{\sqrt{13}\sqrt{5}} = \frac{4}{\sqrt{65}}$$

$$\theta = \cos^{-1} \frac{4}{8.06} = 60.2^{\circ}$$

مثال 3.7 الشغل المبذول بقوة ثابتة

يعاني جسم يتحرك في المستوى xy ازاحة مقدارها d= (2.0i + 3.0j) m عندما تؤثر على الجسم قوة مقدارها F= (5.0i + 2.0j) N قوة مقدارها N (5.0i + 2.0j) احسب مقدارا الازاحة والقوة.

الحل:

$$d = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(2.0)^2 + (3.0)^2} = 3.6 \text{ m}$$

$$F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{(5.0)^2 + (2.0)^2} = 5.4 \text{ m}$$

(b) احسب الشغل المبذول بالقوة F

الحل: بالتعويض عن \mathbf{F} و \mathbf{d} في المعادلتين 4.7 و 5.7 نحصل على:

W =
$$\mathbf{F} \cdot \mathbf{d} = (5.0\mathbf{i} + 2.0\mathbf{j})$$
. $(2.0\mathbf{i} + 3.0\mathbf{j})$ N.m
= $5.0\mathbf{i}$. $2.0\mathbf{i} + 5.0\mathbf{i}$ · $3.0\mathbf{j} + 2.0\mathbf{i}$ · $2.0\mathbf{j} + 2.0\mathbf{i}$ · $3.0\mathbf{j}$
= $10 + 6 = 16\mathbf{J}$

تدريب: احسب الزاوية بين F و d.

الاجابة: °35

_3.7 \ الشغل المبذول بقوة متغيرة WORK DONE BY A VARYING FORCE

افترض أن جسماً أُزيح في اتجاه المحور x تحت تأثير هوة متغيرة، افرض أن الازاحة في اتجاه زيادة x من x_f إلى x_f . في مثل هذا الوضع لايمكننا استخدام $W=(F\cos\theta)d$ في حساب الشغل المبذول بالقوة ، لأن هذه العلاقة تستخدم فقط في حالة القوة الثابتة في المقدار والاتجاه، ومع ذلك، لو تصورنا أن الجسم يعاني ازاحة صغيرة جداً Δx . كما بالشكل 7.7a فإن مركبة القوة F_x في اتجاء x تكون ثابتة تقريباً في هذه الفترة. في حالة الإزاحات القصيرة يمكن التعبير عن الشغل المبذول بالقوة بما يلي:

$$\Delta W = F_{x} \Delta x$$

هذا المقدار عبارة عن المساحة المستطيلة المظللة في الشكل 7.7a. إذا ما تصورنا أن منحنى F_x مع تم تقسيمه إلى عدد كبير من مثل هذه الفترات، حينتُذ يكون الشغل الكلي المبذول من X_f إلى X_f يساوى تقريباً مجموع عدد كبير من هذه الحدود:

$$W \approx \sum_{i=1}^{x_f} F_i \Delta x$$

إذا ما أصبحت الإزاحات متناهية الصغر فإن عدد الحدود يزداد إلى عدد كبير جداً بلا حدود، ولكن المجموع يقترب من قيمة محددة تساوي المساحة المحددة \mathbf{F}_x والمحور \mathbf{x}

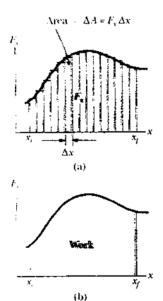
$$\lim_{\Delta x \to 0} \sum_{x}^{x_f} F_x \Delta x = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$

هذا التكامل المحدود يساوي عدديا المساحة تحت منعنى F_x مع X بين X و X. لهذا يمكن التعبير عن الشغل المبذول بالقوة X عندما يتحرك الجسم من X إلى X في الصورة

الشغل المبذول
$$W = \int_{x_i}^{x_f} F_x dx$$
 (7.7)

تخترل هذه المحادلة إلى المحادلة 1.7 عندما تكون المركبة $F_x = F \cos \theta$ ثابتة. إذا كان هناك أكثر من قوة تؤثر على الجسم فإن الشغل الكلي المبذول هو عبارة عن الشغل المبذول بالقوة المحصلة. إذا كتبنا القوة المحصلة في اتجاه x في الصورة x فإن صافي الشغل المبذول عندما يتحرك الجسم من x إلى x هو:

$$\sum W = W_{\text{net}} = \int_{x_{-}}^{x_{f}} (F_{x}) dx$$
 (8.7)

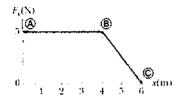


شكل 7.7 (a) الشغل المبنول بمركبة القوة $F_x \Delta x$ لإحداث ازاحة صغيرة Δx يساوي $F_x \Delta y$ ويساوي مساحة المستطيل المظلل، الشغل الكلي المبنول للازاحة من $A_x \in \mathcal{F}_x$ يساوي تقريباً مجموع المساحات لكل المستطيلات. (b) الشغل المبنول من المركبة $A_x \in \mathcal{F}_x$ لقوة متغيرة عندما يتحرك الجسيم من $A_x \in \mathcal{F}_x$ تساوي تماماً المساحة تحت هذا المنحنى.

مثال 4.7 حساب الشغل الكلى الميذول من الرسم البياني

يوضح الشكل 8.7 قوة تتغير مع x تؤثر على جسم، احسب الشغل المبذول بهذه القوة على الجسم عندما يتحرك من 0=x إلى 0.0=x.

الحل: الشغل المبذول بالقوة يساوي المساحة تحت المنحنى من $x_A=0$ إلى $x_A=0$ هذه المساحة تساوي مساحة المستطيل من A إلى B بالإضافة إلى مساحة المثلث من B إلى C مساحة المثلث من B الى $x_A=0$ مساحة المستطيل هي 20J $x_A=0$ (4.0)(5.0) $x_A=0$ ومساحة المثلث مساحة المثلث تساوي $\frac{1}{2}$ (2.0)(5.0) $x_A=0$ وبالتالي يكون الشغل الكلي $\frac{1}{2}$



شكل 8.7 القوة التي تؤثر على جسم تكون ثابتة للاربعة استار الاولى للحركة ثم تتناقص خطياً مع ٢ من المحركة ثم تناقص الكلي الكلي المبدول بالقوة هي المساحة تحت هذا المنحنى.

مثال 5.7 الشغل المبذول من الشمس على مجس

ينجذب مجس يتحرك بين الكواكب إلى الأرض- كما بالشكل 9.7a بقوة مقدارها

 $F = -1.3 \times 10^{22}/x^2$

حيث x هي المسافة المقاسة من الارض الى المجس. عين بيانياً وتحليلياً الشغل المبدول من الشمس على المجس عندما تتغير المسافة بينهما من 1.5 x 10¹¹m بينهما.

the discolution (a)

الحل البيائي ، توضع الاشارة السالبة في معادلة القوة أن المجس ينجدب إلى الشمس. حيث أن المجس يتحرك مبتعداً عن الشمس فإنه من المتوقع أن

0.0 0.5 1.0 1.5 2.0 2.5 3.0 × toll x(m)

-0.1 -0.2 -0.3 -0.4 -0.5 -0.6 -0.7 -0.8 -0.9 -0.9 -1.0 F(N) (b)

شكل 9.7 (a) يتحرك مجس بين الكواكب من موقع قريب من مسار الشمس في اتجاه خارج قطرياً من الشمس وينتهي بالقرب من مدار المريخ. (b) تغير قوة التجاذب مع المسافة للمجس المتحرك بين الكواكب.

يكون الشغل المبذول سالباً . باستخدام رسم بياني آو أي طريقة عددية يمكن عمل رسم بياني كما هو موضح بالشكل 9.7b . يناظر كل مربع صغير في الشبكة مساحة 5×10^8 N·m 5×10^{10} (0.05N) مرضح بالشكل 60 مربع مظلل، فإن المساحة الكلية (وهي سالبة لانها تحت محور x) تساوي تقريباً $x \times 10^{10}$ X $x \times 10^{10}$ نبذله الشمس على المجس.

الحل التحليلي: يمكننا باستخدام المعادلة 7.7 لحساب قيمة الشغل المبذول على المجس بدقة أكثر. لاجراء هذا التكامل فإنشا نستخدم الصيغة الاولى من الجدول B.5 في الملحق باعتبار n= -2.

$$W = \int_{1.5 \times 10^{11}}^{2.3 \times 10^{11}} (\frac{-1.3 \times 10^{22}}{x^2}) dx$$

$$= (-1.3 \times 10^{22}) \int_{1.5 \times 10^{11}}^{23 \times 10^{11}} x^{-2} dx$$

$$= (-1.3 \times 10^{22}) (-x^{-1}) \Big|_{1.5 \times 10^{11}}^{23 \times 10^{11}}$$

$$= (-1.3 \times 10^{22}) \Big(\frac{-1}{2.3 \times 10^{11}} - \frac{-1}{1.5 \times 10^{11}} \Big)$$

$$= -3.0 \times 10^{10} \text{ J}$$

تمرين، هل هناك فرق، في حالة ما إذا كان مسار المجس ليس متجهاً نحو الخط القطري الخارج من الشمس،

الاجابة: لا. تعتمد قيمة W فقط على الموضع الابتدائي والموضع النهائي وليس على المسار المأخوذ . بين هاتين النقطتين.

الشغل المبذول بزنبرك Work Done By a Spring

هناك نظام فيزيائي شائع وفيه تتغير القوة مع الموضع كما بالشكل 10.7. افترض ثقل على سطح أفقي أملس مربوط في زنبرك. إذا تم شد او ضغط الزنبرك لمسافة صغيرة من نقطة الاتزان فإنه يؤثر بقوة على الثقل مقدارها

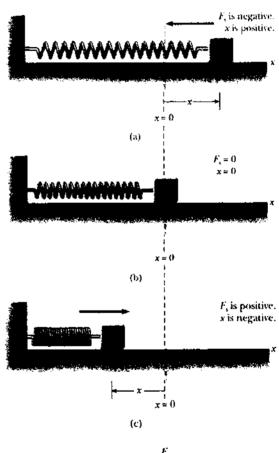
قوة الزنبرك
$$F_x = -kx$$
 (9.7)

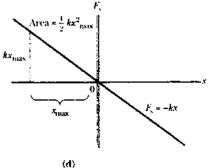
حيث x هي ازاحة الثقل من موضع سكونه (x=0) و k ثابت موجب يسمى ثابت القوة للزنبرك. بصورة أخرى فإن القوة اللازمة لانبساط أو انضغاط الزنبرك تتاسب مع مقدار الانبساط أو الانضغاط. يتحقق قانون القوة للزنبرك ويسمى قانون هوك Hooke's Law فقط في الإزاحات الصغيرة جداً. قيمة k عبارة عن مقياس صلابة الزنبرك، الزنبرك الصلب تكون له k صغيرة.

اختبار سريع 4.7

ما هي وحدات k، ثابت القوة في قانون هوك.

تعني الاشارة السالبة في المعادلة 9.7 ان القوة التي يؤثر بها الزنبرك تكون دائماً في عكس اتجاه الازاحة. عندما تكونC>0 كما بالشكل 10.70، فإن قوة الزنبرك تتجه ناحية اليسار- الاتجاء السالب بلا. عندما تكون C>0 كما بالشكل 10.70 فإن قوة الزنبرك تتجه إلى اليمين- الاتجاء الموجب لـx. عندما تكون C>0 كما بالشكل 10.70 فإن الزنبرك لايكون مشدوداً وبالتالي C=0. حيث إن قوة الزنبرك تؤثر دائماً في إتجاء موضع الاتزان C=0) لهذا يطلق عليها احياناً غوة الارتداد Restoring الزنبرك من طعط الزنبرك حتى يصل الثقل إلى النقطة C=0. أنا تم ضغط الزنبرك حتى يصل الثقل إلى النقطة مسيتحرك من





شكل 10.7 تتغير القوة التي يؤثر بها الزنبرك على الصخرة مع ازاحة الصخرة x من موضع الاتزان 0=x (a) x=0 عندما تكون x موجبة (شد الزنبرك)، تكون قوة الزنبرك متجهه ناحية اليسار، (b) عندما تكون x صفراً (الطول الطبيعي للزنبرك) تكون قوة الزنبرك صفراً.(c) عندما تكون x سالبة (انضغاط الزنبرك)، تكون قوة الزنبرك متجهة ناحية اليمين.

الزنبرك، الشغل المبذول بقوة الزنبرك عندما تتحرك الصغرة من $-x_{\rm max}$ إلى Zero هي مساحة المثلث المطلل $-\frac{1}{2}kx_{\rm max}^2$

–الثقل الثقل الثقل الثقل الثقل الثقل (d) رسم بياثي للقوة F_s

الفصل السابع، الشغل وطاقة الحركة

 x_{\max} إلى x_{\max} ماراً بالنقطة Zero, بدلاً من ذلك فإنه إذا تم شد الزنبرك حتى يصل الثقل إلى النقطة x_{\max} ثم تركه فإن الثقل يتحرك من x_{\max} إلى x_{\max} ماراً بالنقطة Zero. حينتذ يعكس الثقل اتجاهه لتعود إلى x_{\max} ويستمر في التذبذب ذهاباً وعوده.

افترض أن الثقل ثم دفعه ناحية اليسار لمسافة $x_{\rm max}$ من نقطة الاتزان ثم تتركه. دعنا نحسب الشغل المبذول Ws المبذول من قوة الزنبرك عندما يتحرك الثقل من $x_i = x_{\rm max}$ إلى $x_i = x_{\rm max}$. باستخدام المعادلة 7.7 وفرض أن الثقل يمكن معاملته كجسم، نحصل على

$$W_{v} = \int_{x_{v}}^{x_{f}} F_{x} dx = \int_{-x_{max}}^{0} (-kx) dx = \frac{1}{2} kx_{max}^{2}$$
 (10.7)

حيث استخدمنا التكامل غير المحدود $x^{n+1}/(n+1)$ و $x^n dx = x^{n+1}/(n+1)$ الشغل المبدول بقوة الزنبرك يكون موجباً لأن القوة تكون في نفس اتجاه الازاحة (كلتاهما ناحية اليمين)، عندما ندرس الشغل المبدول بزنبرك عندما يتحرك الشقل من $x_i = x_{\max}$ إلى $x_j = x_{\max}$ لأنه في هذا الجزء من الحركة تكون الازاحة ناحية اليمين بينما تكون قوة الزنبرك إلى اليسار، لهذا فإن الشغل الكلي المبدول من قوة الزنبرك عندما يتحرك الثقل من $x_i = x_{\max}$ إلى عيساوي صفراً.

يوضح الشكل 10.7d رسماً بيانياً للقوة F_s مع x. الشغل المحسوب من المعادلة 10.7 هي مساحة $kx_{\rm max}$ المثلث المظلل والذي يناظر الإزاحة من $x_{\rm max}$ - إلى الصفر. حيث أن المثلث قاعدته $x_{\rm max}$ وارتفاع فإن مساحته $\frac{1}{2}kx_{\rm max}^2$ وهو الشغل المبذول بالزنبرك كما هو معطى بالمعادلة 10.7.

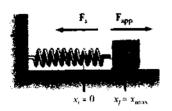
إذا ما أحدث الثقل إزاحة اختيارية من $x=x_i$ إلى $x=x_f$ فإن الشغل المبذول من قوة الزنبرك يساوي

$$W_s = \int_{x_c}^{x_f} (-kx) dx = \frac{1}{2} k x_i^2 - \frac{1}{2} k x_f^2$$
 (11.7)

على سبيل المثال إذا كان ثابت القوة هو N/m وتم ضغط الزنبرك $3.0~{\rm cm}$ من موضع الاتزان فإن الشغل المبذول من قوة الزنبرك عندما يتحرك الثقل مسافة 3.0- إلى موضع الاتزان $0=_{7}x$ هو 3.6× 10^{-2} J أن الشغل المبذول بقوة الزنبرك يساوي صفراً في أي

حركة تنتهي من حيث بدأت $(x_i = x_f)$. سوف تستخدم هذه النتيجة الهامة فَي فيصل 8 والتي سندرس بكثير من التفصيل حركة هذه المنظومة.

تصف المعادلتان 10.7 و 11.7 الشغل المبذول بالزنبرك على الثقل. الآن دعنا ندرس الشغل المبذول على الزنبرك بمؤثر خارجي External agent والذي يؤثر على الزنبرك بيطء من $x_f = x_{\rm max}$ إلى $x_f = x_{\rm max}$ كـما بالشكل 11.7. يمكن حساب هذا الشغل بملاحظة أنه عند أي قيمة للإزاحة،



 x_{-1} ثم جذب الصخرة من x_{-1} المسخرة من x_{-1} المسخرة من x_{-1} المستخدمة ببطء شديد، فإن القوة المستخدمة تساوي وتضاد قوة الزنبرك عند أي لحظة

فإن القوة المستخدمة ${\bf F}_{\rm app}$ تساوي وتضاد قوة الزنبرك ${\bf F}_{\rm s}$ ، لذلك فإن $+{\bf F}_{\rm app}$. لهذا فإن الشغل المبذول بهذه القوة (المؤثر الخارجي) هو:

$$W_{F_{\text{min}}} = \int_0^{t_{\text{max}}} F_{\text{app}} dx = \int_0^{t_{\text{max}}} kx dx = \frac{1}{2} kx_{\text{max}}^2$$

هذا الشغل يساوي سالب الشغل المبذول من الزئيرك لأحداث هذه الأزاحة.

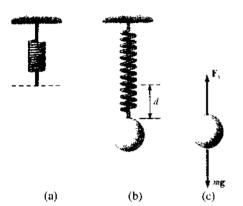
قياس k لزندرك مثال 6.7

يوضح الشكل 12.7 طريقة شائعة تستخدم في تعيين ثابت القوة للزنبرك.

يعلق الزنبيرك رأسياً ويُلحق في نهايته جسم كتلته m. تحت تأثير الثقل mg استطال الزنبرك مسافة d من موضع الاتزان. وحيث إن قوة الزنبرك لاعلى (عكس الازاحة) فإنها تنزن مع قوة الجاذبية

لاستفل mg وعندها يكون النظام في سكون، في شكل 12.7 تعيين ثابت القوة k للزنبرك. الاستطالة هذه الحالة بمكننا تطبيق فانون هوك ليعطى

$$k = \frac{mg}{d}$$
 if $\mathbf{F}_{s} = kd = mg$



الحادثة من قوة بالجسم المعلق وزنه mg. حيث أن قوة k = mg/d الزنبرك تتزن مع قوة الجاذبية فإن

على سبيل المثال إذا استطال الزنبرك مسافة 2.0cm وذلك عند تعليق جسم كتلته 0.55kg فإن ثابت القوة يساوى

$$k = \frac{mg}{d} = \frac{(0.55 \text{ kg}) (9.80 \text{ m/s}^2)}{2.0 \times 10^{-2} \text{m}} = 2.7 \times 10^2 \text{ N/m}$$

4.7 🔪 طاقة الحركة ونظرية الشغل- طاقة الحركة

KINETIC ENERGY AND THE WORK-KINETIC ENERGY THEOREM

🥻 من الصعب أن تستخدم قانون نيوتن الثاني لحل مسائل 8.10 نشمل قوى معقدة، هناك طريقة أخرى وهي ايجاد العلاقة بين سرعة جسم متحرك وازاحته تحت تأثير بعض القوى. إذا ما أمكن حسباب الشغل المبذول على جسم في إحداث ازاحة معينه حينتُذ يكون من السهل حساب التغير في سرعة الجسم.

شكل 13.7 يماني جسم ازاحة d وتغير في سرعته تحت تأثير قوة $\sum \mathbf{F}$ ثابتة صافعة يوضع الشكل 13.7 جسم كتلته m يتحرك تجاه اليمين تحت تأثير قوة كلية $\sum F$. وحيث أن القوة ثابتة، نجد أنه من قانون نيوتن الثاني أن الجسم يتحرك بتسارع ثابت a. إذا ما أزيع الجسم مسافة وكل أ \mathbf{F} فإن الشغل الكلى المبذول بالقوة الكلية \mathbf{F} هو \mathbf{C}

$$\sum W = (\sum F)d = (m\alpha)d \tag{12.7}$$

في الفصل 2 وجدنا أن هذه العلاقات تتحقق عندما يعاني الجسيم تسارعاً ثابتاً

$$d = \frac{1}{2}(v_i + v_f)t \qquad a = \frac{v_f - v_i}{t}$$

حيث v_i هي السرعة عند v_f و v_f هي السرعة عند الزمن v_i بالتعويض عن هذه العلاقات في العادلة 12.7 نجد آن:

$$\sum W = m \left(\frac{v_f - v_i}{t} \right) \frac{1}{2} (v_i + v_f) t$$

$$\sum W = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_i^2$$
(13.7)

يمثل المقدار $\frac{1}{2}mv_i^2$ الطاقة المساحبة لحركة الجسم، هذه الكمية ذو أهمية لدرجة أن أطلق عليها (اسم خاص) طاقة الحركة Kinetic Energy. الشغل الكلي المبذول من صافي القوة $\sum \mathbf{F}$ تؤثر على جسم تساوى التغير في طاقة الحركة للجسم.

بصورة عامة، فإن طاقة الحركة K لجسم كتلته m يتحرك بسرعة v تعرف ب

(طاقة الحركة المصاحبة لحركة جسم)
$$K = \frac{1}{2}mv^2$$
 (14.7)

جدول 1.7 طاقات الحركة لأجسام متنوعة

(\mathbf{J}) طاقة الحركة	السرعة (m/s)	(kg) ונצבוג	الجسم
2.65×10^{33}	5.98 x 10 ⁴	5.98 x 10 ²⁴	دوران الأرض حول الشمس
3.82×10^{28}	1.02×10^3	7.35×10^{22}	دوران القمر حول الأرض
3.14×10^{10}	1.12×10^4	500	صاروخ يتحرك بسرعة الهروب*
6.3×10^5	25	2 000	سيارة بسرعة 55mi/h
3.5×10^3	10	70	لاعب سباق جري
9.8 x 10 ^f	14	1.0	سقوط حجر من ارتفاع 10m
4.5×10^{1}	44	0.046	كرة جولف عند سرعتها النهائية
1.4×10^{-3}	9.0	3.5×10^{-5}	قطرة مطر عند سرعتها النهائية
6.6 x 10 ⁻²¹	500	3.5×10^{-26}	جزئ الأكسجين في الهواء

^{*} سرعة الهروب يجب أن يحصل عليها الجسم وهو قريب من سطح الأرض حتى يمكنه الهروب من الجاذبية الأرضية.

طاقة الحركة هي كمية قياسية لها نفس وحدات الشغل. على سبيل المثال عندما يتحرك جسم كتلته 2.0kg بسرعة 4.0m/s فإن طاقة حركته 16J. يعطي الجدول 1.7 قائمة بطاقات الحركة لاجسام متنوعة.

من السهل غالباً يكون ان نكتب المعادلة 13.7 في الصورة:

$$\sum W = K_f - K_i = \Delta K$$
 (15.7)
$$K_i + \sum W = K_f$$
 نن

المعادلة 15.7 هي نتيجة معروفة بنظرية الشغل- طاقة الحركة. من المهم أن نلاحظ أنه عندما نستخدم هذه النظرية يجب أن نأخذ في الاعتبار جميع القوى التي تبذل شغلاً على الجسم عند حساب الشغل الكلي المبذول. من هذه النظرية، نلاحظ أن سبرعة الجسم تزداد إذا كان الشغل الكلي المبذول عليه موجباً لأن طاقة الحركة النهائية أكبر من طاقة الحركة الابتدائية، تتناقص سبرعة الجسم إذا كان الشغل الكلي المبذول سالباً لأن طاقة الحركة النهائية تكون أقل من طاقة الحركة الابتدائية، نظرية الشغل-طاقة الحركة كما هو واضح من المعادلة 15.7 تسمح لنا باعتبار طاقة الحركة هي الشغل الذي يبذله الجسم حتى يصل إلى حالة السكون، أو هي كمية الطاقة المختزنه في الجسم، على سبيل المثال، افترض شاكوشاً (الجسم في هذه الحالة) يستخدم في تثبيت مسمار في حائط، كما بالشكل 14.7 الشاكوش المتحرك له طاقة حركة وبالتالي يمكنه إحداث شغلاً على المسمار، الشغل المبذول على المسمار يساوي 4 متوسط القوة التي يؤثر بها الشاكوش على المسمار و له المسافة التي يخترقها المسمار في الحائط(4).

لقد استنتجنا نظرية الشغل- طاقة الحركة بشرط أن تكون القوة ثابتة، ولكنها تتحقق كذلك عندما تكون القوة متغيرة. للتأكد من ذلك، افترض أن صافي القوة التي تؤثر على جسم في اتجاء × هي $\sum F_x = ma_x$ واستخدام المعادلة 8.7 في كتابة الشغل الكلى المبذول كما يلى:

$$\sum W = \int_{x}^{x_{i}} \left(\sum F_{x} \right) dx = \int_{x_{i}}^{x_{i}} ma_{x} dx$$

إذا كانت القوة المحصلة تتغير مع x، فإن كلا من التسارع والسرعة يعتمد على x أيضاً حيث أنه من المألوف أن يتغير التسارع كدالة في 1 فإننا نستخدم قاعدة السلسلة في كتابة a بصورة مختلفة بعض الشي.

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{dv}{dx} \frac{dx}{dt} + \frac{dv}{dx}$$

بالتعويض عن هذه القيمة لـ a في المعادلة السابقة نحصل على:

$$\sum W = \int_{x_i}^{x_f} mv \frac{dv}{dx} dx = \int_{v_i}^{v_f} mv dv$$



شكل 14.7 يكون للشاكوش المتحرك طاقة حركة وهكذا فإنه يبذل شغلاً على المسمار دافعاً إيام داخل الحائط.

⁽⁴⁾ لاحظ أنه- حيث إن المسمار والشاكوش عبارة عن منظومة من الأجسام وليس أجسام مضردة، فإن جزءاً من طاقة حركة الشاكوش تذهب في تدفئة المسمار والشاكوش عند الاصطدام، أيضاً عند تحرك المسمار داخل الحائط كنتيجة لهذا الاصطدام، فإن قوة الاحتكاك الكبيرة بين المسمار والخشب تؤدي باستمرار لتحويل طاقة حركة المسمار إلى ارتفاع في درجة حرارة المسمار والخشب بالاضافة لتشويه الحائط، الطاقة المصاحبة لتغير درجة الحرارة تسمى الطاقة الداخلية Internal Energy وسيتم دراستها بالتفصيل في فصل 20.

صافي الشغل المبذول على جسم صافي الشغل المبذول على جسم
$$\sum W = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_i^2$$
 (16.7)

تم تغيير حدود التكامل من قيم x إلى قيم v لأنه تم تغيير المتغير من x إلى v. هكذا، نستنتج آن الشغل الكلي المبذول على جسم بصافي القوة التي تؤثر عليه يساوي التغير في طاقة حركة الجسم. هذا صحيح دون اعتبار ما إذا كانت القوة ثابتة أم متغيرة.

حالات تشمل على احتكاك كيناتيكي: Situations Involving Kinetic Friction

إحدى الطرق التي تآخذ في الاعتبار القوى الاحتكاكية عند دراسة حركة جسم منزلق على سطح أفقي، هي حساب الفقد في طاقة الحركة بسبب الاحتكاك. افترض أنه تم دفع كتاب يتحرك على سطح أفقي بسرعة ابتدائية أفقية \mathbf{v}_i لينزلق مسافة \mathbf{b} قبل ان يصل إلى السرعة النهائية \mathbf{v}_i كما بالشكل 15.7 . القوة الخارجية التي تتسبب في اكتساب الكتاب تسارعا في الاتجاء السالب لـx هي قوة الاحتكاك الكيناتيكي التي تؤثر في اتجاء اليسار– عكس اتجاء الحركة. طاقة الحركة الابتداثية للجسم هي $\frac{1}{2}$ $\mathbf{m}\mathbf{v}_i$.

تطبيق قانون نيوتن الثاني على الكتاب يمكنه أن يوضح ذلك. حيث إن القوة الوحيدة التي تؤثر على تطبيق قانون نيوتن الثاني على الكتاب على الكتاب في اتجاء x هي قوة الاحتكاك؛ فيان قانون نيوتن الثاني يعطي x على الكتاب في اتجاء x هي قوة الاحتكاك؛ فيان قانون نيوتن الثاني يعطي v_{xf}^2 - v_{xi}^2 = $2a_x d$ في الصورة أي المدركة تحت v_{xf}^2 - v_{xi}^2 = $2a_x d$ في الصورة ثابتة، نحصل على v_{xf}^2 - v_{xi}^2 - v_{xi}^2 = v_{xi}^2 - v_{xi}^2 = v_{xi}^2 - v_{xi}^2 -

الفقد في طاقة الحركة نتيجة الاحتكاك
$$\Delta K_{
m friction} = -f_k d$$
 (17.7a)

 f_kd هذه النتيجة توضح أن مقدار التغير في طاقة الحركة الذي تحدثه قوة الاحتكاك الحركي هو

يذهب جزء من طاقة الحركة المفقودة في تدفئة الكتاب والباقي يذهب في تدفئة السطح الذي ينزلق فوقه الكتاب في الحقيقة، الكمية f_kd تساوي الشغل المبذول بالاحتكاك الكيناتيكي على الكنّاب بالإضافة إلى الشغل المبذول بالاحتكاك الكيناتيكي على السطح، (سوف ندرس العلاقة بين درجة الحرارة والطاقة في الجزء III من هذا الكتاب). عندما يؤثر الاحتكاك - بالإضافة للقوى الأخرى – على الجسم، تعطي نظرية الشغل - طاقة الحركة.

$$K_i + \sum W_{\text{other}} - f_k d = K_f$$
 (17.7b)



شكل 15.7 ينزلق كتاب ناحية اليمين على سطح أفقي نتيجة وجود احتكاك حركي يؤثر تجاه اليسار. سرعة الكتاب الابتدائية هي γ وسرعته النهائية γ القوى العمودية وقوة الجاذبية لم توضع على الرسم لانهما متعامدتان على انجاه الحركة وبالتالي فهما لاتؤثران على سرعة الكتاب.

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث $\sum W_{
m other}$ تمثل مجموع الشغل المبذول على الجسم بقوى تختلف عن الاحتكاك الكيناتيكي.

اختبار سريع 5.7

هل من المكن أن تزيد قوى الاحتكاك من طاقة حركة الجسم.

مثال 7.7 سحب ثقل على سطح أملس

سحب ثقل كتلته 6.0kg من السكون تجاه اليمين على طول سطح أفقي املس بقوة أفقية ثابتة مقدارها 22N. أحسب سرعة الثقل بعد تحركه مسافة 3.0m.

الحل، شكل 16.7a يوضح رسماً لهذا الوضع. يمكننا استخدام معادلات الكينماتيكا (Kinematic) للحصول على الحل، لكن دعنا نستخدم تقريب الطاقة Energy approach. تتزن القوة العمودية مع قوة الجاذبية الأرضية على الثقل، وهما رأسيتان ولايبذلان شغلاً على الثقل حيث إن الإزاحة افقية. ولأنه لايوجد احتكاك فإن صافي القوة المؤثرة على الثقل هي قوة الـ12N، ويكون الشغل المبذول على الثقل هو:

$$W = Fd = (12 \text{ N}) (3.0 \text{ m}) = 36 \text{ N} \cdot \text{m} = 36 \text{J}$$

باستخدام نظرية الشغل- طاقة الحركة وبملاحظة أن طاقة الحركة الابتدائية صفراً، نحصل

على:

$$W = K_f - K_i = \frac{1}{2}mv_f^2 - 0$$

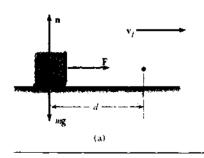
$$v_f^2 = \frac{2W}{m} = \frac{2(36J)}{6.0 \text{ kg}} = 12 \text{ m}^2/\text{s}^2$$

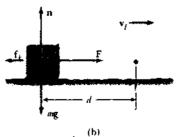
$$v_f = 3.5 \text{ m/s}$$

تمرين: احسب تسارع الثقل وأوجد السرعة النهائية باستخدام المعادلة الكينماتيكية

$$v_{xf}^2 = v_{xi}^2 + 2a_x d$$

$$v_f$$
= 3.5 m/s a_x = 2.0m/s² : الاجابة





شكل 16.7 سحب ثقل تجمام اليمين بقوة افقية ثابتة (a) سطح املس (b) سطح خشن.

مثال 8.7 سحب ثقل على سطح خشن.

احسب السرعة النهائية للثقل في المثال 7.7 إذا كان السطح غير املس وله معامل احتكاك كيناتيكي 0.15.

الحل: تبذل القوة شغلاً مثل ما في المثال 7.7

$$W = Fd = (12 \text{ N}) (3.0 \text{ m}) = 36J$$

في هذه الحالة يجب أن نستخدم المعادلة 7.17a لحسباب طاقة الحركة المفقودة بسبب الاحتكاك $\Delta K_{
m friction}$. مقدار قوة الاحتكاك هو:

$$f_k = \mu_k n = \mu_k mg = (0.15) (6.0 \text{kg}) (9.8 \text{m/s}^2) = 8.82 \text{ N}$$

التغير في طاقة الحركة نتيجة الاحتكاك هو:

$$\Delta K_{\text{friction}} = -f_k d = -(8.82 \text{ N}) (3.0 \text{m}) = -26.5 \text{J}$$

يمكن حساب السرعة النهائية للثقل من المعادلة 17.7b

$$\frac{1}{2}mv_t^2 + \sum W_{\text{other}} - f_k d = \frac{1}{2}mv_f^2$$

$$0 + 36J - 26.5J = \frac{1}{2} (6.0 \text{ kg}) v_f^2$$

$$v_f^2 = 2(9.5\text{J})/(6.0\text{ kg}) = 3.18\text{ m}^2/s^2$$

$$v_f = 1.8 \text{ m/s}$$

بعد قطع مسافة 3.0m على السطح الخشن، يتحرك الثقل بسرعة 1.8m/s والتي تختلف عن القيمة 3.5m/s عند قطعة نفس المسافة على سطح أملس.

تمرين: احسب تسارع الثقل من قانون نيوتن الثاني واحسب السرعة النهائية باستخدام معادلات الحركة.

 $v_f = 1.8 \text{ m/s}$; $a_x = 0.53 \text{m/s}^2$ الأجابة

مثال ذهني 9.7 هل يخفض المزلقان الشغل المطلوب؟

يرغب شخص في تحميل ثلاجة على عربة باستخدام مزلقان (مستوى مائل) كما بالشكل 17.7. يعتقد هذا الشخص أن الشغل المبذول يمكن أن ينخفض وذلك بزيادة طول المزلقان L. هل هذا الادعاء صعيع.



الفيزياء (الجزء الأول الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحل؛ لا: بالرغم من أن القوة المطاوبة تكون أقل في حالة المزلقان الطويل، فإن هذه القوة يجب أن تؤثر مسافة أطول وذلك لبذل نفس كمية الشغل. افترض أن الثلاجة تم وضعها على حامل بعجل ودفعها على المزلقان المنحدر بسرعة ثابتة. القوة العمودية التي يؤثر بها المزلقان على الثلاجة تكون عمودية على اتجاء الحركة وبالتالي لاتبذل شغلاً على الثلاجة. حيث إن $\Delta K = 0$ فإن نظرية الشغلطاقة الحركة تعطى

$$\sum$$
W= W_{by man}+ W_{by gravity}= 0

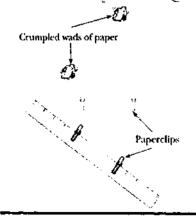
الشغل المبذول بقوة الجاذبية الأرضية يساوي وزن الثلاجة مضروباً في الارتفاع الرأسي للازاحة الحادثة مضروباً في «cos 180». أو Wby gravity = -mgh (تظهير الاشارة السالية حيث إن قوة الجاذبية الارضية تكون لأسفل عكس اتجاه الازاحة) وهكذا فإن الرجل سيبذل شغلاً على الثلاجة يساوي mgh بغض النظر عن طول المزلقان.

' افترض سمكة سلمون تحاول ان تسبح فوق سطح الماء في الصورة الفوتوغرافية الموجودة في أول الفصل. لا يغير بناء درجات سلم للسمك حول السد في مقدار الشغل الكلي الذي تبذله السمكة عند قفزها مسافة رأسية. مع ذلك يسمح الدرج للسمكة بعمل هذا الشغل في صورة مجموعة من القفزات الصغيرة، والتأثير النهائي هو رفع الموضع الرأسي للسمكة بطول ارتفاع السد.

راكبي الدراجات يعملون بجدية ويبذلون جهداً عند الارتفاع إلى أعلى قبوة

تجرية سريعة: ___

الصق مشبكي ورق على مسطرة بحيث يكون أحد المشبكين على بعد ضعف المشبك الآخر، ضع المسطرة على منضدة وعليها كومتين من الورق أمام المشبكين، حرك المسطرة بسرعة فجأة بأصبعك، ستتحرك الورقة فجأة بأسبعك، ستتحرك الورقة الداخلية عند تحركهما على المنضدة مبتعدين عن المسطرة، قارن المسافتين اللتان انزلقهما بين المسافتين اللتان انزلقهما المشبكان، كيف يمكن ربط ذلك مع نائج المثال الذهنى 10.7.



مثال ذهني 10.7 أهمية الفيزياء في قيادة آمنة

سيارة تسير بسرعة ابتدائية u وعند استعمال الغرامل (الكابح) تنزلق السيارة لمسافة d قبل أن تتوقف، بغرض أن سرعة السيارة الابتدائية كانت u عند لحظة استعمال الكابح، احسب المسافة التي تنزلقها السيارة في هذه الحالة قبل ان تتوقف.

الحل؛ دعنا نفترض أن قوة الاحتكاك الكيناتيكي بين السيارة وسطح الطريق مقدار ثابت ولها نفس القيمة عند كلنا السرعتين. حاصل ضرب القوة الكلية في الازاحة التي تحدثها السيارة يساوي طاقة الحركة الابتدائية للسيارة لأن $K_f = 0$. إذا تم مضاعفة السرعة، كما في هذا المثال، فإن طاقة الحركة ستتضاعف اربع مرات، عند ثبوت القوة المستخدمة (في هذه الحالة القوة الاحتكاكية) فإن المسافة المقطوعة ستتضاعف اربع مرات وذلك عند مضاعفة السرعة وبالتالي يتوقع أن تكون المسافة المقطوعة هي 4d.

مثال 11.7 منظومة الزنيرك- الثقل

ثقل كتلته 1.6 kg متصل بزنبرك افقي له ثابت قوة 1.0×10^3 N/m كما هو موضح بالشكل 1.0×10^3 المسب سرعة الثقل عند إذا تم ضغط الزنبرك مسافة 1.0×10^3 ثم ترك ليتحرك من السكون (a) احسب سرعة الثقل عند مروره على موضع الاتزان 1.0×10^3 إذا كان السطح املس.

 $x_f=0$ عند v_f والمطلوب حساب $v_f=0$ عند $v_f=0$ عند $v_f=0$ عند الوضع، يبدأ الثقل سرعة $v_f=0$ عند $v_f=0$ عند المعادلة 10.7 لحساب الشغل المبذول بواسطة الزنبرك حيث

$$x_{\text{max}} = x_i = -2.0 \text{ cm} = -2.0 \text{ x } 10^{-2} \text{ m}$$

 $W_s = \frac{1}{2} k x_{\text{max}}^2 = \frac{1}{2} (1.0 \times 10^3 \text{ N/m})(-2.0 \times 10^{-2} \text{m})^2 = 0.20 \text{J}$

باستخدام نظرية الشغل- طاقة الحركة وباعتبار أن v_i فإننا نحصل على التغير في طاقة الحركة للثقل نتيجة الشغل المبذول عليه بواسطة الزنبرك .

$$W_s = \frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{1}{2}mv_i^2$$

$$0.20J = \frac{1}{2}(1.6 \text{ kg})v_f^2 - 0$$

$$v_f^2 = \frac{0.40 \text{ J}}{1.6 \text{ kg}} = 0.25 \text{ m}^2/\text{s}^2$$

$$v_f = 0.50 \text{ m/s}$$

 (h) احسب سرعة الثقل عند مروره بموضع الاتزان إذا أعاقت حركته قوة احتكاك ثابتة مقدارها 4.0N تبطىء من حركته من لحظة اطلاقه.

الفيزياء (الجزء الأول، الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحل: بالتأكيد سنكون الاجابة أقل من تلك التي حصلنا عليها في (a) حيث إن القوة الاحتكاكية تعوق الحركة. يمكننا استخدام 17.7 لحساب طاقة الحركة المفقودة بسبب الاحتكاك واضافة هذه القيمة السالبة إلى طاقة الحركة التي ثم الحصول عليها في غياب الاحتكاك. طاقة الحركة المفقودة نتيجة الاحتكاك هي:

$$\Delta K = -f_k d = -(4.0 \text{ N})(2.0 \text{x } 10^{-2} \text{m}) = -0.080 \text{J}$$

في الجزء (a) كانت طاقة الصركة النهائية بدون هذا الفقد تساوي 0.2J. لهذا فإن طاقة الحركة النهائية في وجود الاحتكاك هي:

$$K_f = 0.20 \text{J} - 0.080 \text{J} = 0.12 \text{J} = \frac{1}{2} m v_f^2$$

 $\frac{1}{2} (1.6 \text{ kg}) v_f^2 = 0.12 \text{J}$
 $v_f^2 = \frac{0.24 \text{J}}{1.6 \text{ kg}} = 0.15 \text{ m}^2/\text{s}^2$
 $v_f = 0.39 \text{ m/s}$

كما هو متوقع فإن هذه القيمة أقل من 0.5m/s والتي تم الحصول عليها في (a). كلما زادت قوة الاحتكاك كلما تنافصت السرعة.

<u>5.7</u> القسدرة POWER

افترض نموذجين لسيارة احداهما رخيصة بمحرك اربعة اسطوانات والأخرى غالية الثمن بمحرك (ذو كفاءة عالية) بمحرك ذو ثمانية اسطوانات. بالرغم من الفروق في المحركين فإن كلتا السيارتين لهما نفس الكتلة وكلتاهما تصعدان إلى قمة هضبة ولكن السيارة ذات المحرك عالي الكفاءة تأخذ وقتاً أقل للوصول إلى القمة. كلتا السيارتين تبذلان نفس الشغل ضد الجاذبية الارضية ولكن في فترات زمنية مختلفة. من وجهة النظر العملية، فإنه ليس من المفيد فقط أن نعلم الشغل المبذول بالسيارتين بل أيضاً معدل بدل الشغل. بأخذ نسبة كمية الشغل المبذول إلى الزمن اللازم لبذل هذا المبدل الزمني لبذل الشغل يسمى القدرة هذا الشغل سيكون لدينا طريقة لتحديد هذا المبدأ. المعدل الزمني لبذل الشغل يسمى القدرة

القدرة المتوسطة إذا استخدمت قوة خارجية على جسم وإذا كان الشغل المبذول بهذه القوة في الفترة المقوسطة التي استهلكت أثناء هذه الفترة بالمقدار الزمنية Δt هو W حينئذ تعرف القدرة المتوسطة التي استهلكت أثناء هذه الفترة بالمقدار

$$\overline{\mathscr{P}} \neq \frac{W}{\Lambda t}$$

الفصل السابع، الشفل وطاقة الحركة

يؤدي الشغل المبذول على جسم إلى زيادة في طاقته. لهذا، فهناك تعريف اشمل للقدرة على أنها المعدل الزمني لانتقال الطاقة. بطريقة مشابهة لتلك التي استخدمت في تعريف السرعة والتسارع، يمكن تعريف القدرة اللحظية ٩. على أنها نهاية القدرة المتوسطة عندما تقترب Δt من الصفر.

$$\mathcal{P} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{W}{\Delta t} = \frac{dW}{dt}$$

حيث تمثل dW مقدار الزيادة في الشغل. إذا عبرنا عن الازاحة بـ ds، نحصل من المعادلة 2.7 على dW≈ F.ds. لهذا فإن القدرة اللحظية يمكن كتابتها على الصورة

القدرة اللحظية
$$\mathscr{P} = \frac{dW}{dt} = \mathbf{F} \cdot \frac{d\mathbf{s}}{dt} = \mathbf{F} \cdot \mathbf{v}$$
 (18.7)

حيث استخدمنا v= ds/ dt

وحدة القدرة في النظام SI هي J/s جول/ ثانية. تسمي ايضاً Watt واط (على اسم مخترع المحرك البخارى جيمس واط James Watt)

الواط
$$1 \text{ W} = 1 \text{ J/s} = 1 \text{ kg·m}^2/\text{s}^2$$

الحرف W (القبائم) للقدرة يختلف عن الحرف W المائل أي (الإتلك) للشغل، وحدة القدرة في النظام الهندسي البريطاني هي الحصان (قدرة حصان) hp) Horse Power)

$$1 \text{ hp} = 746 \text{ W}$$

وحدة الطاقة (أو الشغل) يمكن تعريفها بدلالة وحدة القدرة، واحد كيلو واط ساعة (kWh) هي الطاقة المحولة أو المستهلكة في الساعة بمعدل ثابت 1 كيلو واط= 1000J/s القيمة العددية لـ kWh هي:

الكيلو واط ساعة هي وحدة الطاقة l kWh= (
$$10^3$$
W) (3 600 s)= 3.6 x 10^6 J

من المهم أن نتأكد أن كيلو واط ساعة هو وحدة طاقة وليس القدرة. عندما ندفع فاتورة الكهرباء فإنك تدفع لشركة الكهرباء الطاقة الكهربائية الكلية التي استخدمتها خلال الفترة المدونة في الفاتورة. هذه الطاقة عبارة عن القدرة المستخدمة مضروبة في الزمن الذي استخدمتها فيه. على سبيل المثال للمجة W 300 نستخدم لمدة 12 أستهلك 3.6 kW) عن الطاقة الكهربية

اختبار سريع 6.7

افترض عبرية بضاعة قديمة وسيبارة رياضية تبذلان نفس المقدار من الشغل عند صعودهما لهضبة ولكن عربة البضاعة تحتاج وقت أطول لتنفيذ هذا العمل كيف نقارن الرسم البياني للقدرة جن مع الزمن اللعربة والسيارة.

الفيزياء (الجزء الأول، الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثال 12.7 المقدرة المولدة بموتور مصعد

كابينة كتلتها 1000 kg تحمل ركاباً كتلتهم 800 kg. تؤثر عليها قوة احتكاك ثابتة مقدارها 4000N والتي تعوق حركة الكابينة كما هو واضع بالشكل 18.7a. (a) ما هو الحد الأدنى للطاقة المولدة بالموتور لرفع كابينة المصعد بسرعة ثابتة 3.0 m/s.

الحل: يجب أن يولد الموتور قوة مقدارها T لكي ترفع كابينة المصعد إلى أعلى، حيث أن السرعة ثابتة تعني أن a=0 لهذا يعطى قانون نيوتن الثاني $\sum F_y=0$. شكل 18.7b يوضح رسما هندسيا للجسم الحر واعتبرنا الاتجاه لاعلى هو الاتجاه الموجب. من قانون نيوتن الثاني نحصل على:

$$\sum F_{\mathbf{v}} = T - f - Mg = 0$$

حيث M هي كتلتة المنظومة (الكابينة والركاب) وت $^{-1}$ وي $^{-1}$ 800 kg حيث

$$T = f + Mg$$

= 4.00 x 10³ N+ (1.8 x 10³ kg) (9.80 m/s²)
= 2.16 x 10⁴ N

باستخدام المعادلة 18.7 وبمعرفة أن T لها نفس اتجاه v، نحصل على:

$$\mathscr{I} = \mathbf{T} \cdot \mathbf{v} = \mathbf{T} \mathbf{v}$$

= $(2.16 \times 10^4 \text{ N})(3.0 \text{ m/s}) = 6.48 \times 10^4 \text{ W}$

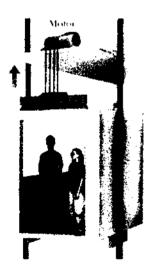
(b) مــا مــقـدار القـدرة التي يجب أن يولدها الموتور عندما تكون سرعة الكابينة υ إذا كان مُصـمَّماً على أن يعطي تسارع لأعلى مقدار $1.0 m/s^2$.

الحل: نتوقع أن نحصل على قيمة أكبر من تلك التي حصلنا عليها في (a)، حيث كانت السرعة ثابتة، ولأنه في هذه الحالة سيبذل الموتور شغلاً إضافياً لإحداث على تسارعاً للكابينة، يكون التغير الوحيد في المسألة هو أن 0< a. بتطبيق قانون نيوتن الثاني على الكابينة تحصل على:

$$\sum F_{y} = T - f - Mg = Ma$$

$$T = M (a + g) + f$$

= $(1.80 \times 10^3 \text{ kg})(1.0+9.80) \text{m/s}^2 + 4.0 \times 10^3 \text{ N}$ = $2.34 \times 10^4 \text{ N}$



شكل 18.7 (a) يؤثر الموتور بقوة لأعلى T على كابينة المصعد، مقدار هذه القوة هي الشهد T في الحبال الموصل بين الموتور والكابينة. القوتان المؤثرتان على الكابينة وتتجهان لأسفل هما قوة الاحتكاك f وقوة الجاذبية الارضية (b) Fg= Mg الرسم المولية المصعد.

لهذا وباستخدام المعادلة 18.7 ، نحصل على القدرة المطلوبة: $\mathscr{L} = \mathcal{T} v = -(2.34 \times 10^4 v) \, \mathrm{W}$

حيث v هي السرعة اللحظية للكابينة بالمتر/ ثانية. هذه القدرة أقل من تلك التي حصلنا عليها في (a) طالما كانت السرعة أقل من 2.77 = 2.77 ولكن ستكون أكبر عندما تزيد سرعة الكابينة عن هذه القيمة.

مثال ذهني 13.7

في الجزء (a) من المثال السابق يولد الموتور قدره لرفع الكابينة ومع ذلك تتحرك الكابينة بسرعة ثابتة. يفسر طالب هذا الوضع بأن طاقة الحركة للكابينة لاتتغير لأن سرعتها لا تتغير. هذا الطالب يُرجع ذلك إلى أنه طبقاً لنظرية الشغل- طاقة الحركة فإن $W = \Delta K = 0$. وحيث أن W = M. استنتج الطالب ان الطاقة المولدة بالموتور تساوي صفراً أيضاً. كيف يمكنك تفسير هذا التناقض الظاهري.؟ المحل: تنص نظرية الشغل- طاقة الحركة أن حاصل ضرب القوة الكلية المؤثرة على النظام في

الحرب الفوه الكلية الموترة على النظام في الخطرة الخطرة الخالية الموترة على النظام في الأزاحة تساوي التغير في طاقة حركة النظام. في حالة المصعد يكون صافى القوة مساويا صفراً فعلاً (أي أن T - Mg - f = 0) ولذلك $W = (\sum F_y)d = 0$ ومع ذلك، يمكن حسباب قدرة الموتور ليس من صافي القوة ولكن من القوة التي يؤثر بها الموتور في اتجاه الحركة وهي T وليست صفراً.

(اختياري)

ENERGY AND THE AUTOMOBILE الطاقة والسيارة ~ 6.7

السيارات التي لها محرك يعمل بالبنزين تكون سيارة منخفضة الكفاءة وعاجزة حتى تحت الظروف القياسية حيث إن أقل من %15 من الطاقة الكيميائية في الوقود هي التي تستخدم كطاقة للسيارة. هذا الوضع يكون أسوأ في حالة الوقوف المتكرر داخل المدينة. في هذا الجزء سنستخدم مبادئ الطاقة والقدرة والاحتكاك لدراسة استهلاك الوقود بالسيارة. تساهم عدة آليات لفقد الطاقة في السيارة. حيث يفقد %67 من الطاقة المكنة من الوقود في المحرك. تنتهي هذه الطاقة في الجو جزئياً من خلال دورة العادم وجزء عن طريق دورة التبريد (كما سنلاحظ في الفصل 22 فإن الطاقة المفقودة في دورتا العادم والتبريد تلتزمان بقانون أساسي في الديناميكا الحرارية). يُفقد تقريباً %10 من الطاقة المتاحة في الاحتكاك في آلات نقل الحركة وعمود الحركة والعجل وكراسي المحاور وعمود الكردان. كذلك يتسبب الاحتكاك بين الاجزاء المتحركة الاخرى في فقد %6 من الطاقة وتستخدم %4 من الطاقة لتشغيل مضخات الوقود والزيت وكذلك بعض الكماليات مثل نظام القدرة في عجلة (

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

القيادة Power Steering والتكييف. يترك ذلك %13 من الطاقة المتاحة لدفع السيارة. تستخدم هذه الطاقة اساساً لتتزن مع الفقد في الطاقة نتيجة ثني الإطارات والاحتكاك بسبب الهواء والذي يطلق عليها مقاومة الهواء. دعنا نفحص القدرة اللازمة لاستنتاج قوة في الاتجاء الامامي والتي تتعادل مع ملج موع قوتا الاحتكاك. معامل الاحتكاك للتدحرج μ بين الاطارات والطريق حوالي 0.016 وذلك لسيارة كتلتها 1450kg وزنها 14200N وقوة احتكاك التدحرج مقدارها 227N = μ . كلما زادت سرعة السيارة يعدث نقصان صغير في القوة العمودية كنتيجة للنقص في الضغط الجوي عند مرور الهواء عند قمة السيارة (سنناقش هذه الظاهرة في الفصل 15). يتسبب هذا النقص في القوة العمودية إلى نقص قليل في قوة احتكاك التدحرج f وزيادة في السرعة كما نوضح النتائج في الجدول 2.7.

دعنا ندرس تأثير القوة المقاومة والتي تنتج من تحرك الهواء أمام السيارة. للأجسام الضخمة تتناسب القوة المقاومة المصاحبة لاحتكاك الهواء مع مربع السرعة (بالمتر/ ثانية: انظر 4.6) ويعطى بالمعادلة 6.6

$$f_a = \frac{1}{2} D\rho A v^2$$

حيث D معامل الاعاقة، ρ كثافة الهواء و A مساحة المقطع المستعرض للجسم المتحرك. يمكن ρ = 1.293 kg/m³ ،D = 0.50 وذلك باستخدام هذه المعادلة لحساب قيم f_a في الجدول 2.7 وذلك باستخدام $A \approx 2 m^2$.

مقدار فوة الاحتكاك الكلية f_i هي مجموع فوة احتكاك التدحرج والقوة المقاومة للهواء.

$$f_t = f_r + f_\alpha$$

عند السرعات المنخفضة يكون احتكاك الطريق هو القوة المقاومة المؤثرة ولكن عند السرعات العالية تكون اعاقة الهواء هي الأكثر تأثيراً كما هو واضح في الجدول 2.7 يمكن تخفيض احتكاك الطريق بتخفيض ثنى الاطارات (على سبيل المثال، بزيادة ضغط الهواء فليلاً عن القيم المسموح بها)

جدول 2.7* قوى الاحتكاك والقدرة اللازمة للسيارة

υ (m/s)	n (N)	$f_r(N)$	$f_a(N)$	$f_t(N)$	$\mathscr{S} = f_t \mathbf{v} (\mathbf{kW})$
0	14 200	14 200	0	227	0
8.9	14 100	14 100	51	277	2.5
17.8	13 900	13 900	204	426	7.6
26.8	13 600	13 600	465	683	18.3
35.9	13 200	13 200	830	1 041	37.3
44.8	12 600	12 600	1 293	1 495	67.0

^{*} في هذا الجدول f_t هي القوة العمودية، f_t هي احتكاك الطريق، f_{α} احتكاك الهواء، f_{t} الاحتكاك الكلي و \mathcal{P} هي القدرة المعطاء للإطارات.

الفصل السابع الشفل وطاقة الحركة

وباستخدام الاطارات التي تسمى راديال. يمكن كذلك اختزال إعاقة الهواء باستخدام سيارات ذات مساحات مقطعية مستعرضة صغيرة وبأشكال انسيابية بالرغم من أن قيادة السيارة ونوافذها مفتوحة يزيد من إعاقة الهواء ويؤدي إلى 3% نقص في المسافة المقطوعة. القيادة والنوافذ مغلقة والمكيف يعمل يؤدى إلى نقص 12% في المسافة الميلية.

القدرة الكلية المطلوبة للبقاء على السرعة ثابتة v هي $f_1 v$ وهذه القدرة تعطى لإطارات السيارة. على سبيل المثال من الجدول 2.7 ثلاحظ أنه عند $v=26.8~{\rm m/s}$ ثم على سبيل المثال من الجدول v=2.5 ثلاحظ أنه عند $v=26.8~{\rm m/s}$ أنه عند $v=26.8~{\rm$

$$\mathcal{P} = f_t v = (683 \text{ N}) \left(26.8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) = 18.3 \text{ kW}$$

يمكن تقسيم هذه القدرة إلى قسمين (1) القدرة $f_{\rm r}v$ اللازمة لتعويض احتكاك الطريق و (2) القدرة v=26.8 m/s اللازمة للتعويض عن إعاقة الهواء، عند

$$\mathcal{P}_r = f_t v = (218 \text{ N}) \left(26.8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) = 5.84 \text{ kW}$$

$$\mathcal{P}_a = f_a v = (464 \text{ N}) \left(26.8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \right) = 12.5 \text{ kW}$$

 $\mathscr{S} = \mathscr{S}_r + \mathscr{S}_a$ لاحظ أن

و \mathscr{P}_{α} = 57.9 kW ، \mathscr{P}_{r} = 9.05 kW , تكون υ = 44.8 m/s (100 mi/h) مسن ناحبية أخرى عسند ϑ = 57.9 kW مسن ناحبية أخرى عسند قوة أعافة الهواء عند السرعات العالية .

مثال 14.7 استهلاك البنزين بسيارة صغيرة

سيارة صغيرة كتلتها 800 kg وكفاءتها 18% (أي أن 18% من طاقة الوقود المتاحة تستغل كطافة ميكانيكية) احسب كمية البنزين المستخدمة لتتسارع السيارة من السكون إلى (60 mi/h) 77 m/s (60 mi/h). بافتراض أن جالون من البنزين يكافئ 1.3 x 10⁸J.

الحل: الطاقعة اللازمة لتسارع السيارة من السكون إلى السرعة v هي طاقعة الحركة النهائية $\frac{1}{2}mv^2$.

$$K = \frac{1}{2} \text{ m}v^2 = \frac{1}{2} (800 \text{ kg}) (27 \text{ m/s})^2 = 2.9 \text{ x } 10^5 \text{J}$$

إذا كانت كفاءة المحرك 100 فإن كل جالون من البنزين يعطي طاقة مقدارها 108 1.3×10^8 . 1.3 وحسيت أن كفساءة المحسرك هسي 18% ، فسإن كسل جالسون من البستزين يعطي فسقسط 18% 108 1

$$\frac{2.9 \times 10^5 \text{J}}{2.3 \times 10^7 \text{J/gal}} = 0.013 \text{ gal}$$
 = عدد الجالونات

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

عند السير المطر، هذا المقدار من البنزين يكون كافياً للسيارة لقطع مسافة 0.5ml. يوضح ذلك مدى زيادة استهلاك الوقود عند التوقف المتكرر.

مثال 15.7 الطاقة المعطاة للإطارات

افترض أن السيارة في المثال 14.7 تقطع 35 mi/gal عندما تكون سرعتها 60 mi/h احسب القدرة المعطاة للإطارات.

$$\mathcal{P} = \frac{(1.7 \text{ gal/h}) (1.3 \times 10^8 \text{ J/gal})}{3.6 \times 10^3 \text{ s/h}}$$
$$= \frac{2.2 \times 10^8 \text{ J}}{3.6 \times 10^3 \text{ s}} = 62 \text{ kW}$$

حيث إن %18 من الطاقة المتاحة تستخدم لتسيير السيارة، فإن القدرة المعطاء للإطارات هي عليها = 18.3 kW (0.18). هذه القيمة أقل من %40 من القيمة 18.3 kW التي حصلت عليها السيارة التي كتلتها 840 والتي تم مناقشتها. واضح أن كتلة السيارة عامل هام في آلية فقد القدرة.

مثال 16.7 تسارع سيارة فوق هضبة

افترض سيارة كتلتها m تتسارع فوق هضبة كما هو موضح بالشكل 19.7 وجد مهندس ميكانيكي ان مقدار القوة المقاومة الكلية تعطى بالعلاقة.

$$f_{\rm t} = (218 + 0.70v^2)N$$

حيث v هي السرعة بالمتر/ثانية، احسب القدرة التي يجب ان يعطيها المحرك للإطارات كدالة في لسرعة.

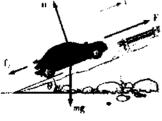
الحل: يوضح الشكل 19.7 القوى المؤثرة على السيارة، حيث \mathbf{F} هي قوة الاحتكاك من الطريق والتي تدفع السيارة والقوى الباقية لها نفس المعنى المعتاد،

باستخدام قانون نيوتن الثاني للحركة على طول سطح الطريق نجد أن:

$$\sum F_x = F - f_t - mg \sin \theta = ma$$

$$F = ma + mg \sin \theta + f_t$$

$$= ma + mg \sin \theta + (218 + 0.70v^2)$$



نذلك، فإن القدرة اللازمة لتحرك السيارة في الاتجاء الأمامي هي $P = Fv = mva + mvg \sin \theta + 218v + 0.70v^3$

يمثل الحدد min القدرة التي يجب أن يعطيها المحبرك لتتسارع السيارة. إذا كانت السيارة تسير بسرعة ثابتة، فإن هذا المقدار يساوي صفراً وبالتالي تنخفض متطلبات القدرة الكلية. الحد min عبارة عن القدرة المطلوبة لأعطاء قوة تتعادل مع مركبة الجاذبية عند حركة السيارة لأعلى على السطح الماثل. يتلاشى هذا الحد تماماً عند الحركة على سطح أفقي، الحد 218v هو القدرة الملازمة لبذل القدرة المطلوبة لإعطاء القوة التي تعادل احتكاك الطريق، والحد $0.70v^2$ هو القدرة الملازمة لبذل شغل على الهواء. إذا كانت $u=1.0m/s^2$. v=27m/s (=60 mi/h) u=1450 kg نحصل على حدود المختلفة السابقة كما يلى:

$$mva = (1450 \text{ kg})(27 \text{ m/s})(1.0 \text{ m/s}^2)$$

$$= 39 \text{ kW} = 52 \text{ hp}$$

$$mvg \sin \theta = (1450 \text{ kg})(27 \text{ m/s})(9.8 \text{ m/s}^2)(\sin 10^\circ)$$

$$= 67 \text{ kW} = 89 \text{ hp}$$

$$218v = 218(27 \text{ m/s}) = 5.9 \text{ kW} = 7.9 \text{ kW} = 7.9 \text{ hp}$$

$$0.70v^3 = 0.7(27 \text{ m/s})^3 = 14 \text{ kW} = 19 \text{ hp}$$

لاحظ أن القدرة اللازمة للتحرك على سطح أفقي بسرعة ثابتة هي 20 kW أو 27 hp (مجموع المقدارين الأخيرين). علاوة على ذلك، إذا كانت السيارة لها نصف الكتلة فإن القدرة اللازمة تتخفض إلى النصف.

(اختياري)

7.7 > طاقة الحركة عند السرعات العالية

ومن ثم تكون القدرة المطلوبة هي 126 kW أو 168 hp .

KINETIC ENERGY AT HIGH SPEEDS

تتحقق قوانين ميكانيكا نيوتن فقط عند وصف اجسام تتحرك بسرعات أصغر كثيراً من سرعة الضوء في الفراغ (c عندما تقترب السرعات من c فإن معادلات ميكانيكا نيوتن يجب أن يحل محلها معادلات النظرية النسبية. إحدي توابع النظرية النسبية هو أن طاقة الحركة لجسيم كتلته m يتحرك بسرعة v لاتحسب من m لله الحركة النسبوية الحركة.

الضيزياء (الجزء الأول: البكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$K = mc^2 \left(\frac{1}{\sqrt{1 - (v/c)^2}} - 1 \right)$$
 (19.7) delies licenses also delies (19.7)

طبقاً لهذه المعادلة فإن السرعات الأكبر من c ليست متاحة نهائياً وذلك لأن كلما اقتربت v من v تقترب v من v. يتفق هذا التحديد مع الملاحظات العملية على الجسيمات تحت الذرية والتي أوضعت أنه لايوجد جسم يتحرك بسرعة أكبر من سرعة الضوء (أي أن v هي أقصى سرعة) من وجهة نظر النظرية النسبية، تنص نظرية الشغل- طاقة الحركة على أنه يمكن v أن تقترب من v فقط لأن الجسيم سوف يحتاج إلى شغل لانهائي حتى يصل إلى السرعة v.

$$\frac{1}{(1-x)^{1/2}} = 1 + \frac{x}{2} + \frac{3}{8}x^2 + \cdots$$

باستخدام هذه العلاقة في المعادلة 19.7 نحصل على:

$$K = mc^{2} \left(1 + \frac{v^{2}}{2c^{2}} + \frac{3}{8} \frac{v^{4}}{c^{4}} + \dots - 1 \right)$$

$$= \frac{1}{2} mv^{2} + \frac{3}{8} m \frac{v^{4}}{c^{2}} + \dots$$

$$= \frac{1}{2} mv^{2} \quad \text{for} \quad \frac{v}{c} << 1$$

هكذا فإننا نلاحظ أن الصيغة النسبوية لطاقة الحركة يمكن اختزالها إلى صيغة نيوتن عند السرعات الصغيرة بالمقارنة بالسرعة c. سنعود إلى موضوع النسبية في فصل 39.

ملخص SUMMARY

يعرف الشغل المبذول بقوة ثابتة ${\bf F}$ تؤثر على جسم بأنه حاصل ضرب مركبة القوة في اتجاه ازاحة الجسم في مقدار الإزاحة. إذا كانت القوة ${\bf F}$ تصنع زاوية ${\bf \theta}$ مع متجه الازاحة ${\bf d}$ لجسم تؤثر عليه هذه القوة فإن الشغل المدذول بالقوة ${\bf F}$ بمكن حسابه من المعادلة:

$$W = Fd \cos \theta \tag{1.7}$$

يعرف الضرب القياسي (الضرب المنقوط) لمتجهين A و B بالعلاقة:

$$\mathbf{A} \cdot \mathbf{B} = AB \cos \theta \tag{3.7}$$

ونتيجة هذا الضرب هو كمية قياسية. θ هي الزاوية بين المتجهين A و B. يحقق الضرب القياسي قانونا التبادل والتوزيع،

إذا بذلت قوة شغلا على جسم يتحرك في اتجاه x من x إلى x فإننا نحصل على التعبير التالي للشكل:

$$W = \int_{x_i}^{x_j} F_x dx \tag{7.7}$$

حيث F_{x} هي مركبة القوة في اتجاه x. إذا اثرت عدة قوى على جسم فإن الشغل الكلى المبذول بكل v القوى يساوى مجموع كميات الشغل المبذوله بكل قوة. طاقة الحركة لجسم كتلته m يتحرك بسرعة (حيث v صغيرة جداً بالمقارنة بسرعة الضوء) هي:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \tag{14.7}$$

تنص نظرية الشغل- طاقة الحركة على أن الشغل الكلى المبذول على جسم بقوى خارجية يساوي التغير في طاقة الحركة للجسم.

$$\sum W = K_f - K_i = \frac{1}{2} m v_f^2 - \frac{1}{2} m v_i^2$$
 (16.7)

إذا اثرت قوة احتكاك فإن نظرية الشغل- طاقة الحركة تعدل إلى:

$$K_i + \sum W_{\text{other}} - f_k d = K_f$$
 (17.7b)

تعرف القدرة اللحظية ﴿ على أنها معدل نقل الطاقة بالنسبة للزمن. إذا كان هناك محرك يؤثر بقوة F على جسم يتحرك بسرعة v فإن مقدار القدرة المعطاة بهذا المحرك هي:

$$\mathscr{P} = \frac{dW}{dt} = \mathbf{F} \cdot \mathbf{v} \tag{18.7}$$

QUESTIONS المنألة

- 1- افترض مرکب حربی حیث یقوم فریقان بشده بحبل وكان هناك توافشاً متساو حتى أنه لايستطيل. هل يوجد شغلاً مبذولاً على الحبل؟ على الفريقين؟ على الأرض؟ على أي
- (a) يقيم θ ليكون الضرب القياسي θ موجياً . (b) سالياً .
- 3- بزيادة كتلة الثقل المعلق رأسياً في زنبرك فإنه من المتوقع أن منحنى تغير F مع X لايظل خطياً كما هو موضح بالشكل 10.7d. فسر-كيفياً - ماذا يجب أن يكون عليه هذا المنحني عند زیادة m.

- [4] هل من الممكن أن تكون طاقة الجسم سالبة؟ فسر ذلك.
- لايحدث أي حركة. بافتراض أن الحبل [5] (a) إذا تم مضاعفة سرعة الجسيم. ماذا سيحدث لطاقة الحركة. (b) إذا كان الشغل الكلى المبذول على جسم صفراً. ماذا يعنى ذلك بالنسبة لسرعته.
- 6- في المثال 10.7 هل تزداد أم تتناقص القدرة المطلوبة بنقصان قوة الاحتكاك.
- 7- يزعم مسئول معرض سيارات أن سيارة بمحرك قدرته 300hp هو شرط اجباري للسيارات المدمجة (بدلاً من المحرك التقليدي 130hp). افترض انك تعتزم قيادة سيارة بسرعة اقصاها 55mi/h على أرض (267

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

منبسطة كيف تواجه ما طرحه هذا المستول.

- 8 رصاصة كتلتها ضعف كتلة رصاصة أخرى إذا تم إطلاق كلتا الرصاصيتين بنفس السرعة. ابهما تكون لها طاقة حركة أكثر، ما النسبة بين طاقتي حركة الرصاصتين.
- 9- عندما يدفع اللاعب كرة قدم، هل يبذل أي شغل على الكرة عندما تلامس مقدمة قدمه الكرة؟ هل يبذل أي شغل على الكرة بعد أن ينتهى التلامس؟ هل يوجد أي قوة تبذل شغلا على الكرة أثناء طيرانها.
- 10- ناقش الشغل المبذول من اللاعب الذي يقذف كرة البيسبول- ما هي المسافة التقريبية التي يؤثر خلالها على الكرة اثناء قذف الكرة.
- 11- يطلق سيديدا رمياية Sharpshooter (نشانجيان) رصاصتين مشماثلتين من بندقیتین قطر کل منهما 0.3cm، إذا کان طول ماسورة البندقية A أطول من ماسورة البندقية B بـ 2cm. أي البندقيتين سيكون لها سرعة إطلاق أعلى (السرعة عند الفوهه).

PROBLEMS AN ANY

3، 2،1 = مسائل مياشرة، متوسطة، تحدى

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

ا = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.7 الشغل الميذول بقوة ثابتة

- 1- تؤثر فاطرة مركب بقوة ثابتة مقدارها 5000N على سيفينة تتحرك في الميناء بسرعة ثابتة. ما مقدار الشغل المبذول من القاطرة على المركب في قطع مسافة 3.0km؟
- 2 -تدفع سيدة في سوبر ماركت عربة بضائع 🗸 (تروللي) بقوة 35.0N وبزاوية مقدارها 25°

- [12] عندما يتأرجح البندول البسيط ذهاباً وأياباً فإن القوى التي تؤثر على الكتلة المعلقة هي قوة الجاذبية الأرضية، الشد في خيط التعليق ومقاومة الهواء. (a) أي من هذه القبوي- إن وجدت- لاتبذل شعلاً على البندول. (b) أي من هذه القوي تبذل شغلاً سالباً في كل الأوقبات أثناء الحركة. (c) اشرح الشغل المبذول بقوة الجاذبية الأرضية عندما يتأرجح البندول.
- 13 تعتمد طاقة حركة الجسم على إطارالاسناد الذي يدرس فيه حركته. اذكر مثالاً يوضح هذه النقطة.
- 14- تتسارع سيارة قديمة من صفر إلى ٧ في 10s ، سيارة رياضية حديثة قوية تتسارع من صفر إلى 20 في نفس الفترة الزمنية. ما نسبة القدرة المستهلكة في السيارتين؟ افترض أن الطاقة المتولدة من المحركين تظهر فقط كطافة حركة للسيارتين.

: | = الحل كامل متاح في المرشد،

🛍 = فيزياء تفاعلية

لأسفل من الخط الأفقى، احسب الشعل المبذول من السيدة عندما تقطع مسافة 50.m لاسفل المستوى المائل،

 $(m=3.35 \times 10^{-5} \text{kg})$ مسلم قطرة مطر -3رأسيا بسرعة ثابتة تحت تأثير عجلة الجاذبية الأرضية ومقاومة الهواء. بعد سقوط القطرة 100m ما هو الشغل المبذول

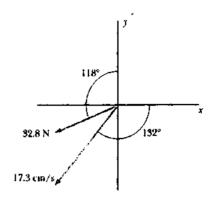
- (a) بالجاذبية الأرضية. (b) بمقاومة الهواء.
- مقدار الشغل المبذول ضد الجاذبية الأرضية في هذه المناورة.
- 4- أثقلت مطرقة بحجر كتلتها الكلية 18.kg. تم شدها بحبل بسرعة ثابتة. يميل الحبل زاوية لأعلى مقدارها 20.0° مع الأفقي وتتحرك المطرقة مسافة 20m أعلى السطح الافقي. إذا كان معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين المطرقة والسطح هو 0.500. (a) ما مقدار الشغل اللبنول من الخيط، (b) ما مقدار الشغل مقدار الفقد في الطبقة نتيجة الاحتكاك.

قسم 2.7 حاصل الضرب القياسي لمتجهين:

في المسائل من 8 إلى 14 احسب الاجسابات

- العددية حتى ثلاث ارقام عشرية. A-8 متجه مقدارة 0.0 وحدات و 0.0 منجه مقدارة 0.0 وحدات إذا كانت الزاوية بين المتحهن 0.0. احسب 0.0.
- 5 دُفع ثقل كتلته 2.5 kg لمسافة 2.20m على منصة أفقية ملساء بقوة ثابتة مقدارها 16.0N وتميل بزاوية "25 لاسفل المستوى الأفقي. احسب الشغل المبدول (a) بالقوة المستخدمة. (b) القوة العمودية التي تؤثر على المنصة. (c) قوة الجاذبية الأرضية. (d) احسب الشغل الكلى المبذول على الثقل.
- 9 بمتد المتجه A من نقطة الأصل إلى نقطة ما إحداثياتها القطبية هي (7, 70°) ويمتد المتسجية B من نقطة الأصل إلى نقطة إحداثياتها القطبية هي (4, 130°) أحسب A·B.
- 6 سُحب ثقل كتلته kg على سطح افقي خشن بقوة مقدارها 70.0N وتعمل بزاوية "20.0 أعلى المستوى الأفقي، إذا ازيح الثقل مسافة 5.0m ومعامل الاحتكاك الكيناتيكي هو 300. احسب الشغل المبذول. (a) بالقوة العمودية. (b) بقوة الجاذبية الأرضية. (c) ما مقدار الفقد في الطاقة نتيجة الاحتكاك. (d) احسب التغيير الكلي في طاقة حركة الثقل.
- ${f B}$ اثبت انه لاي متجهين اختياريين ${f A}$ و ${f B}$ ان ${f A}$ اثبت انه لاي متجهين اختياريين ${f A}$ و ${f A}$ اثنويه عبر عن ${f A}$ کل من ${f A}$ ${f A}$ بدلالة وحسدات المتسجسه واستخدم المعادلتين ${f A}$ و ${f E}$ و ${f A}$.
- آنوثر القـوة F = (6i 2j)N على جـسم للتُـحـدث ازاحـة d= (3i+j)m. احسب (a) الشـغل المبـذول بالقـوة على الجـسم و (b) الزاوية بين F و d.
- 42 اذا كــان A= 3i+ j- k و A= 3i+ j- k و B= -i+ 2j+ 5k. • C-(A-B) احسب C= 2j-3k
- 13- باستخدام تعريف الضرب القياسي احسب المزاوية بين كل من:
 - B = 4i 4j g = A = 3i + 2j (a)
- B = 3i 4j + 2k $e^{-2i} + 4(b)$
- .B = 3j + 4k g = A = i 2j + 2k (c)
- 14- احسب الضرب القياسي للمتجهين الموضحان في الشكل P14.7.
- الرجل الخفاش كتلته 80.Kg يتعلق بالطرف الحر لحبل طوله 12.0m والطرف الاخر مربوطاً في أعلى فرع شجرة. يمكن للرجل أن يجعل الحبل في حركة عندما يعرف الرجل كيف يجعله يتأرجح بدرجة كافية حتى يصل حافة الصغرة والتي عندها يصنع الحبل زاوية "60 مع الراسي. مسا

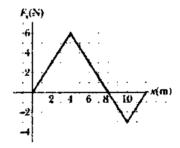
الفيزياء (الجزء الأول الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل P14.7

قسم 3.7 الشغل البذول بقوة متغيرة

وضح الشكل P15.7 ثغيير القوة التي تؤثر على جسم. احسب الشغل المبذول بالقوة x = 0 من (a) من x = 0 من (b) من x = 8.0 الى x = 8.0 من (c) من x = 10.0 الى x = 10.0

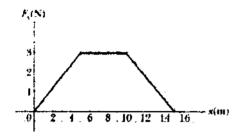


شكل P15.7

 $F_x = (8x - 16)$ N على جسيم حيث –16 x ، F_x على جسيم حيث x مقاسة بالمتر (a) ارسم العلاقة بين x مـن 0 = x إلـى 3.0m إلـى الـرسـم المسلوة عندمــا المسلوق الم

يتعرض جسم لقوة متغيرة F_x كما بالشكل 17 يتعرض جسم لقوة متغيرة F كما بالشكل 17.7 . احسب الشغل المبذول على الجسم بهذه القوة عندما يتحرك من (a) x=0 إلى x=0.0m من x=5.0m إلى x=5.0m

(c) من x = 15.0 إلى x = 10.0 من (d) ما مقدار الشغل الكلي المبذول بالقوة خلال الكإزاحة من x = 15.0 إلى x = 15.0



شكل P17.7

18- تؤثر القوة F=(5xi+3yj)N على جسم عندما يتحرك في اتجاه x من نقطة الاصل إلى x=5.0m احسب الشغل المبذول بهذه القوة على الجسم.

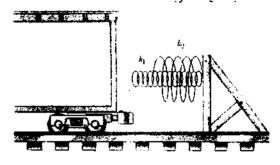
19- علقت كنتلة مقدارها 4.0kg رأسياً في زنبرك خفيف والذي يخضع لقانون هوك فاستطال الزنبرك 2.50cm. إذا تم ازالة الكتلة 4.0kg. إذا تم ازالة الكتلة 4.0kg. ما مقدار الاستطالة في الزنبرك عند وضع كتلة مقدارها 1.5kg (b) ما مقدار الشغل اللازم بمؤثر خارجي ليحدث استطالة تساوي الاستطالة التي احدثتها الكتلة 4.0kg من موضع الاسترخاء.

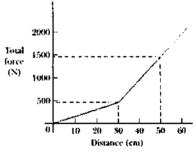
20- تجذب رامية حبل قوسها للخلف مسافة 0.40m وذلك بقوة تزداد بانتظام من صفر إلى 230N (a) ما مقدار ثابت الزنبرك الكافئ للقوس. (b) ما مقدار الشغل الذي تبذله الرامية في جذب القوس.

21 - تتحرك عربة شحن كتلتها 6000 kg على مسار قضبان مهملة الاحتكاك. يمكن ايضاف العربة بزنبركين ملفوفين كما بالشكل P21.7. كلا الزنبركين يخضع

الفصل السابع، الشغل وطاقة الحركة

لقانون هسوك حيث $k_1 = 1600$ ه و $k_1 = 1600$ الزنبرك الشخصاط الزنبرك الثاني الأول مسافة 30.cm، فإن الزنبرك الثاني (يؤثر مع الأول) ليزيد القوة حتى يحدث انضغاط إضافي، كما هو موضع بالرسم البياني، إذا توقفت العربة بعد 50.0m من أول تلامس مع الزنبركين، احسب السرعة الانتدائية للعربة.





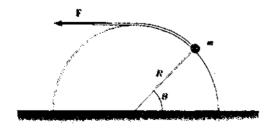
شكل P21.7

- 100.0g مندقية طول ماسورتها 0.60m إذا افترضنا أن نقطة الاصل هي نقطة بداية حسركسة الطلقة. تعطسي القسوة (بالنيوتن) على الرصاصة من الغساز المتمدد بالعلاقة الرصاصة من الغساز المتمدد بالعلاقة مقاسة بالمتر (a) احسب الشغل المبذول بالغاز على الرصاصة عندما تقطع بالغاز على الرصاصة عندما تقطع الرصاصة مسافة تساوي طول الماسورة. (b) إذا كان طول الماسورة المتمدار الشغل المبذول وكيف تقارن هذه القيمة مع الشغل المبذول في الجزء (a).

[23] عند بذل شعفل مستداره 4.01، تحدث في زنبرك يحقق قانون هوك استطالة مقدارها 10.0cm من معوضع منا قبل الاستطالة. احسب مستعدار الشعفل الاضافي اللازم لإحداث استطالة إضافية مستدارها 10.0cm.

24- عند بذل شغل مقداره W، تحدث في زنبرك يحقق قانون هوك استطالة مقدارها م من موضع ما قبل الاستطالة، احسب مقدار الشغل الاضافي اللازم لإحداث استطالة إضافية مقدارها b.

- سُعب ثقل صغير على قمة نصف اسطوانة ملساء (نصف قطرها R) بخيط يمر على قمة الاسطوانة- كما هو موضح في الشكل قمة الاسطوانة- كما هو موضح في الشكل ثابت أن F= mg cos θ. (تنويه: إذا كانت الكتلة تتحرك بسرعة ثابتة فإن مركبة التسارع الماسية للاسطوانة يجب أن تساوي صفراً في كل لحظة) (d) بإجراء التكامل W= JF·ds مباشرة احسب الشغل المبدول لتحريك الكتلة بسرعة ثابتة من القاع إلى قمة الاسطوانة. ds يمثل الزيادة في الإزاحة للكتلة الصغيرة.



شكل P25.7

26 - عبر عن وحدة القوة الثابتة لزنبرك بدلالة الوحدات الاساسية متر - كيلوجرام - ثانية.

قسم 4.7 طاقة الحركة ونظرية الشغل-طاقة الحركة

A عند النقطة 0.60 kg عند النقطة B عند النقطة B عند النقطة B عند النقطة B عند B الشغل المبذول على المجسم عندما يتحرك من B إلى B.

28- كرة كتلتها 0.30 kg وسرعتها 15.0 m/s والمرعتها (a) إذا (b) منا مقدارا طاقة حركتها (b) إذا تضاعفت سرعتها. ماذا يجب أن تكون عليه طاقة حركتها.

29- كتلة مقدارها $0.0 \, kg$ وسرعتها الابتدائية $v_i = (6.00i - 2.00j) \, m/s$ طاقة حركتها في هذه اللحظة (b) احسب الشغل الكلي المبذول عليها إذا تغييرت سرعتها إلى 0.0i + 4.0j 0.0i + 4.0j.

2500 kg لينصل المنها يسيبارة كتلتها 2500 kg لتتحرك من السكون وتتسارع من صفر إلى العامل شيغلاً مقداره 50001 في عسمل ذلك وأثناء ذلك تحسركت السيبارة مسافية 25.0m إذا أهمل الاحتكاك بين السيبارة والطريق. (a) منا هي السيرعية النهائية للسيارة. (b) ما مقدار القوة الأفقية الثابتة التي أثر بها الميكانيكي على السيارة.

31- يدفع ميكانيكي سيارة كتلتها m بذلاً جهداً W حتى تكتسب السيارة تسارع من السكون. إذا أهمل الاحتكاك بين السيارة والطريق. (a) ما هي السرعة النهائية للسيارة. (b) أثناء دفع الميكانيكي للسيارة قطعت مسافة أثناء دفع الميكانيكي للسيارة قطعت مسافة لل d). (b) ما مقدار القوة الأفقية الثابتة التي أثر بها الميكانيكي على السيارة.

32- تعرض جسم كتلته 4.0 kg بقوة كلية تتغير بمع الموضع كما بالشكل P17.7. ببدأ الجسم

الحركية من السكون عند (ا= x ميا مقيدار السرعية عند (a) عند (b) x = 5.0m (c) x = 15 m (c)

الله السكون مسافة مسافة من السكون مسافة مقدارها 5.0 ملى أرض أفقية خشنة بقوة أفقية مقدارها 5.0 ملى أرض أفقية خشنة بقوة الاحتكاك بين الصندوق والأرض يسساوي 0.30 احسب (a) الشغل المبذول بالقوة المستخدمة. (b) الطاقة المفقودة بسبب الاحتكاك. (c) الشغل المبذول بالقوة العمودية. (d) الشغل المبذول بالجاذبية الأرضية. (e) التغير في طاقة الحركة الصندوق. (f) السرعة النهائية للصندوق.

34- يمكنك القبول بان نظرية الشبغل- طاقبة الحركية هي نظرية ثانية للحركية وتماثل قانون نبوتن الثانى والذى يصف كيف تؤثر العوامل الخبارجية على حركة الجسم. في هذه المسألة استنتج الجزءان (a) و (b) كل على حددة من الجدزئين (c)و (d)، وذلك للمقارنة بين نتائج النظريتين. تتسارع رصياصية كتلتها g 15.0 من السكون إلى 780 m/s في ماسورة بندقية. (a) احسب الشغل المبذول على الرصاصة. (b) إذا كان طول ماسورة البندقية 72.0cm احسب مقدار متوسط القوة الكلية التي تؤثر على (c) $F = W/(d \cos \theta)$ الرصاصة حيث احسب التسارع الثابت للرصاصة التي تبدأ من السكون وتكتسب سيرعية 780 m/s عند قطعها مسافة 72.0cm أحسب القوة $.\sum F=ma$ الكلية التى تؤثر عليها حيث

دُفع صندوق شحن كتلته 10.0 kg إلى أعلى مستوى مائل خشن بسرعة ابتدائية مقدارها 1.5 m/s أذا كانت قوة الشد هي 100 N موازية للمستوى المائل والذي يصنع زاوية مقدارها 20.0° مع المستوى الأفقي. معامل

الاحتكاك الكيناتيكي هو 0.40. إذا تم جذب الصندوق مسافة m 5.0 m مـقددار الشغل المبذول بالجاذبية الارضية (d) ما مقدار الطاقة المفقودة بسبب الاحتكاك. (c) ما مقدار الشغل المبذول بالقوة N 100 N ما مقدار التغير في طاقة حركة الصندوق. (e) مـا هـي سـرعـة الصندوق بعـد أن قطع مسافة m 5.0 m.

36- تنزلق صخرة كتلتها 12.0 kg من السكون إلى أسفل مستوى مائل يميل بزاوية °35.0. وتم ايقافها بزنبرك قوي له 35.0 مسافة 3.0 x 10⁴ N/m مسافة 3.0 m من نقطة انطلاقها إلى نقطة سكونها ضد الزنبرك. ما مقدار المسافة التي انضيغطها الزنبرك حيتى تسكن الصغرة.

وفعت مزلجة كتاتها m على بحيرة متجمدة فاعطتها الدفعة سبرعة ابتدائية مقدارها $v_i = 2.0 \text{ m/s}$ الكيناتيكي بين المزلجة والجليد هو $\mu_k = 0.10$. باستخدام مبدأ الطاقية احسب السافة التي تقطعها المزلجة قبل أن تتوقف.

38- إذا كان طول الصورة في جهاز تلفريون هو 36.0 cm. 36.0 cm. 36.0 cm. 36.0 cm. الالكتـــرونات من السكون إلى 1.0% من سرعة الضوء على طول الانبوية احسب (a) طاقة حـركــة الالكتــرون عند إصطدامـه بالشاشة في نهاية الانبوية. (b) متوسط مـقــدار القــوة الكهــربيــة التي تؤثر على الالكتـرون خلال هذه المسافة. (c) مقدار متوسط التســارع للالكتـرون خلال هذه المافة. (d) زمن الطيران.

39- تخترق رصاصة كتلتها g 5.0 وسرعتها (a) .4.0 cm شــجــرة بعــمق 600 m/s

باستخدام مبدأى الشغل والطاقة احسب الزمن الذي استفرقته الرصاصة من لحظة دخولها الشجرة حتى لحظة توقفها.

40 أنقلان على 15.5) ثقلان كل 15.5) ثقلان كانت كانت كانت كانت الكتلتان على نفس الارتفاع ثم اطلقاتا. بإهمال الاحتكاك ما هي سرعة كل كتلة عند قطعها مسافة m 0.40.

14 ربط ثقل كتلته 2.0 kg بزنبرك له ثابت القوة 7.00 kg كما في الشكل 10.7. إذا تم جذب الثقل مسافة 5.0 cm ناحية يمين موضع الاتزان ثم ترك ليتحرك من السكون. احسب سرعة الثقل عند لحظة مروره بنقطة الاتزان إذا كان (a) السطح الأفقي املس. (b) معامل الاحتكاك بين الثقل والسطح هو 0.350.

قسم 5.7 القدرة

42- احسب بالتقريب القدرة اللازمة لمحرك سيارة لاعطائها سرعة عالية تسير بها على الطرق السريعة. حتى تكون مقتنعاً افترض أنها سيارتك (إذا كان لديك احداها). عند حل المسألة، اذكر الكميات الفيزيائية التي سوف نحتاجها كبيانات وكذلك قيم هذه الكميات (ستجد كتلة السيارة في دليل المالك) إذا كنت لاترغب في اعتبار سيارة، يمكنك تصور سيارة نقل أو أتوبيس والتي ستحتاج تحديد الكميات الفيزيائية الضروية

ضابط بحري وزنه N 700 يتسلق رأسيا في التدريب حبيلاً طوله m 10.0 بسرعة ثابتة لمدة 8.0 s ما مقدار القدرة الخارجة.

44- إذا كان الحصان يمكنه أن يبقى على قدرة خرج مقدارها 1.0 hp لمدة 2.0 ساعة وإذا كانت حزمة الخشب كتلتها 70.0 kg ما عدد

الضيرياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحرم التي يمكن ان يرفعها الحصان إلى سمقف منزل ارتفاعه 8.0m (باستخدام نظام معين من البكر) بافتراض أن الكفاءة %70.

45- يبولند محسيرك سيسيارة ما (30.0hp) يبولند محسيرك سيسيارة ما (30.0hp) يتحسرك بين 10⁴W ≥ 2.24 × 10⁴W بسيرعة منتظمة مقدارها 60mi/h ≈ 60mi/h منا مقدار القوة المقاومة التي تؤثر على السيارة عند هذه السرعة.

46- انتشل غواص a skier كتلته 70.0 kg إلى أعلى منحدر بواسطة كابل موتور (a) ما مقدار الشغل اللازم لجذبه مسافة 60.m أعلى منحدر يميل بزاوية 30° (بافتراض إن المنحنى أملس) وبسرعة ثابتة \$2.0 m/s ما مقدار قدرة المحرك اللازمة لإجراء هذه العملية.

47- يبدأ مصعد كتلته kg الحركة من السكون، في الصعود إلى أعلى لمدة \$ 3.0 مبتسارع ثابت حتى يصل إلى سيرعة (a) 1.75 m/s ما مقدار متوسط قدرة المحرك أثناء هذه الفترة. (b) كيف يمكن مقارنة هذه القدرة مع قدرته عندما يتحرك بسرعة \$ 1.75 m/s .

48- لبة إضاءة عالية الكفاءة قدرتها 28.0W يمكنها أن تعطي نفس درجة السطوع مثل لبية تقليدية قدرتها 100W. إذا كان عمر اللمبة الأولى هو 10000 وثمنها 750h وثمنها بينما اللمبة التقليدية عمرها 750h وثمنها 0.42 وثمنها استخدام اللمبة عالية الكفاءة خلال فترة عمرها بالمقارنة مع اللمبة العادية في نفس الفترة. افترض أن ثمن الكيلووات ساعة هو 0.08 دولار.

قسم 6.7 الطاقة والسيارة

400kg سيارة صغيرة كتلتها 400kg كفاءة موتورها هي 15.0% (أي أن 15.0% من الوفـــود

المعطي يعطي إلى تروس السبيارة).(a) إذا كان احتراق 1 جالون بنزين يعطي طاقة كان احتراق 1 جالون بنزين يعطي طاقة البنزين المستخدمة بالسبيارة حتى تتسارع من السكون إلى mi/n مقاومة الهواء ومقاومة التدحرج (d) ما مقدار التسارع عند استهلاكها 1 جالون (c) الا كانت السيارة تقطع مسافة 38.0 ميل في الجالون عند السرعة mi/n مقدار التعطاة للتروس (لتتغلب على العوامل العدرة المعطاة للتروس (لتتغلب على العوامل السيارة بهذه السرعة.

50− افترض ان السيارة الفارغة الموصوفة في الجدول 2.7 تسبتهلك وقود بمعدل غي الجدول 15mi/gal)6.4 km/L عندما تسير بسرعة (60mi/h) بافتراض أن الكفاءة ثابتة احسب معدل استهالاك الوقود إذا كانت الكتلة الكليمة للركاب والسائق هي 350kg.

51 عند إضافة مكيف هواء للسيارة في المسألة 50 فإن القدرة الاضافية المطلوبة لكي يعمل المكيف هي 1.54 kW إذا كان استهالاك الوقود هو 6.40 km/L بدون المكيف، مباذا سيكون معدل الستهالاك الوقود عند عمل المكيف.

قسم 7.7 طاقة الحركة عند السرعات العالية

52- يتحرك الكترون بسرعة 0.99c (a) ما مقدار طاقة حركته. (b) إذا ما استخدم التعبير الكلاسيكي. احسب النسبة المئوية للخطأ.

تحرك بروتون في معجل طاقة- عالية بسرعة c/2. باستخدام نظرية الشغل-

طاقة الحركة، احسب الشغل اللازم لزيادة سرعته إلى 0.995c (b) 0.75c (a).

54-- احسب طاقة الحركة لسفينة فضاء كتلتها 75.0 kg و 75.0 kg دفعت خبارج النظام الشمسي بسرعة 106 km/s باستخدام (a) المعادلة الكلاسيكية $mv^2 = \frac{1}{2} mv^2$ المعادلة النسبوية.

مسائل إضافية

55 -يقذف لاعب البيسبول كرة كتلتها 0.150 kg بسرعة 40 m/s ما 40 m/s بسرعة على طاقة الحركة لكرة البيسبول عند أعلى نقطة على المسار.

56- عند العُدُو يستهلك الشخص حوالي 0.60J من الطاقـة الميكانيكيـة في كل خطوة لكل كجم من كتلة جسـمه. عداء كتلته 60.0kg يفقد 70.0W أثناء السباق ما هي سرعة العداء. افترض أن طول الخطوة هو 1.5m.

57 جسم كتلته m يتحرك بنسارع ثابت a. إذا كان متجها الموضع والسرعة الابتدائية للجسم هما r_i و v_i على التوالي، استخدم قانون الطاقة لاثبات أن سرعته النهائية عند أي لحظة تحقق المعادلة.

$$v_f^2 = v_i^2 + 2a \cdot (r_f - r_i)$$

حيث مr هو منجه الموضع النهائي للجسم عند هذه اللحظة.

الضرب القياسي للمتجه \mathbf{A} مع \mathbf{k} ، \mathbf{j} ، ألتوالى).

يتحرك جسم كتلته 4.0 kg على طول المحور x. يتغير موضعه مع الزمن طبقاً للعلاقة x بينغير موضعه مع الزمن طبقاً للعلاقة x جيث x بالمتر و t بالثانية احسب (a) طاقة الحركة عند أي لحظه t (b) طاقة الحركة عند أي لحظه t (c) القدرة المعطاة للجسم عند أي لحظه t (d) الشحفل المبحذول على الجسم في الفترة من t إلى t (2.0 على الجسم في الفترة من t إلى t الحرة t

60- يستخدم المسافر في المطار السلم الكهربي لدور واحد (شكل P60.7). يحمل درج السلم الراكب إلى أعلى بمركبة سرعة رأسية u بين نقطة الدخول ونقطة الخروج ، الارتفاع بينهما h. عندما يتحرك السلم، فإن الراكب المستعجل يصعد الدرجات بمعدل u خطوة/ ثانية.



شكل P60.7

الضيزياء (الجزء الأول: الليكانيكا والديناميكا الحرارية)

(a) h_s افترض ان ارتضاع كل خطوة هو (a) h_s احسب الشغل الذي يبذله المسافر أثناء صعوده باعتبار أن كتلته m (b) احسب الشغل الذي يبذله محرك السلم على هذا الشخص.

ما بعد التناسب (ما بعد -61 يستطيل زنبرك إلى مابعد التناسب (ما بعد قانون هوك)، وتحقق قوة الارجاع المادلة $F = -kx + \beta x^3$ إذا كسانت $\beta = 100 \text{ N/m}^3$ القوة عندما يستطيل الزنبرك -61

62- في أحد أنظمة التحكم، يتكون جهاز قياس التسارع من كتله 4.70g تنزلق على قضيب أفقي قليل الاحتكاك. يوصل زنبرك ذو كتلة صغيرة بالكتلة إلى شفة احد طرفي القضيان. عند تعرض الكتلة لتسارع ثابت مقداره \$0.80g، تتحرك الكتلة مسافة \$0.5cm بعيداً عن موضع الاتزان احسب ثابت الصلابة اللازم للزنبرك.

أستخدم منداله (مدك الخوازيق) كتلتها 2100 kg في دق دعامة صلب في الأرض. يسقط المدك من ارتضاع 5.0 m قبل ان يلامس الدعامة ويدفع الدعامة مسافة 12.0 cm قبل أن تسكن. باستخدام مبدأ الطاقة احسب متوسط القوة التي تبذلها الدعامة على المدك عندما يصل المدك إلى السكون.

75.0kg مجموع كتلتي الدراجة وراكبها هو 75.0kg تنسباب الدراجية إلى أسيفل طريق يميل بزاوية °2.0 على الأفقي وبسرعة مقدارها «4.m/s ثم إلى أسيفل طريق ميائل بزاوية «4.0 بسيرعية 8.0m/s . بعيد ذلك تمسك بسيارة وتتحرك على طريق مستو، ما مقدار القدرة اللازمة للسيارة للبقاء على سيرعة الدراجية 3.0m/s. افترض أن قوة مقاومة الدراجية 3.0m/s.

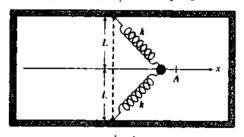
الهواء تشاسب مع سرعتها وقوى الاحتكاك الأخرى نظل ثابتة (تحذير لاتحاول تجرية هذه المخاطرة).

m تؤثر قوة مفردة ثابتة \mathbf{F} على جسم كتلته m يبدأ الجسم من السكون عند m البت البيدة الجسم من السكون عند m ان القدرة اللحظية التي تعطي بهذه القوة هي m (b) $(\mathbf{F}^2/\mathbf{m})$ و m على m 3.0 kg ما مقدار القدرة المعطاة بعد زمن m . m 2.5 kg

66- ربط جسم بزنبركين متماثلين على منضدة افقية ملساء. كلا الزنبركين له ثابت قوة k وفي البداية كانا غير مشدودين (a) إذا تم جذب الجسم مسافة x في اتجاء عمودي على البعد الابتدائي للزنبركين كما بالشكل على البعد الابتدائي للزنبركين كما بالشكل P66.7 اثبت أن القوة المؤثرة على الجسم بواسطة الزنبركين هي:

$$\mathbf{F} = -2kx \left(1 - \frac{L}{\sqrt{x^2 + L^2}}\right)\mathbf{i}$$

(b) احسب كمية الشغل المبذول بهذه القوة عندما يتحرك الجسم من x = 0 إلى x = 0

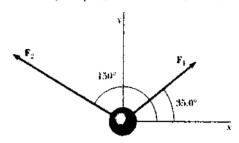


منظر رأسي شكل P66.7

-67 مسألة مراجعة: تؤثر قوتان ثابتتان على جسم كتلته 5.0Kg بتحرك في المستوى xy كما بالشكل 967.7. القوة \mathbf{F}_1 هي 95.0N وبزاوية 35.0° بينما القوة وبزاوية 150°. عند \mathbf{F}_2 كان الجسم في وبزاوية (4.0i+ 2.5j)m/s وسرعته (4.0i+ 2.5j)m/s

الفصل السابع: الشغل وطاقة الحركة

(a) عبر عن القوتين بدلالة وحدتى المتجه (c) حسب القوة الكلية على الجسم (b) احسب سرعة الجسم (e) موضعه (f) طاقة حركته من العلاقة $\frac{1}{2}mv_f^2 + \sum \mathbf{F} \cdot \mathbf{d}$ طاقة حركته من العلاقة $\frac{1}{2}mv_j^2 + \sum \mathbf{F} \cdot \mathbf{d}$



شكل P67.7

زنبسرك. تحدث استطالات بأطوال مختلفه في زنبسرك. تحدث استطالات بأطوال مختلفه كما هو موضح في الجدول التالي. (a) ارسم رسماً بيانيا يبين القوة والاستطالات في الزنبسرك باستخدام طريقة أقل المربعات الزنبسرك باستخدام طريقة أقل المربعات يتطبق مع النتائج (من المكن استخدام بتطبق مع النتائج (من المكن استخدام جميع النقاط) (b) من ميل المستقيم الأكثر اطباقاً. احسب ثابت الزنبسرك (c) إذا استطال الزنبرك 105mm ما مقدار الكتله الملقة التي تعطى هذه الاستطالة:

F(N) 2.0 4.0 6.0 8.0 10.0 12.0 14.0 16.0 18.0 L (mm) 15 32 49 64 79 98 112 126 149

تم الضغط بثقل كتانه 200.g على زنبرك له ثابت قوه I.4kN/m فانضغط مسافة الرنبرك في اسفل مستوى الدنبرك في اسفل مستوى مسائل يميل بزاوية 60.0° على الأفقي باستخدام مفهوم الطاقة أحسب المسافة التي يتحركها الثقل لأعلى المستوى قبل أن يتوقف.

(a) إذا لم يكن هناك أحستكاك بين الشقل والمستسوى المائل و(b) اذا كسان مسعسامل الاحتكاك الكيناتيكي 0.40.

70- ينزلق جسم كتلته 0.40 kg حول مضمار أفقي. للمضمار حائط خارجي أملس على شكل دائرة نصف قطرها m 1.5 m. اذا اعطى الجسم سبرعه ابتدائيه 8.0 m/s. بعد دورة واحدة اصبيحت سبرعته 6.0 m/s بسبب الاحتكاك مع ارضيه المضمار الخشنه (a) احسب الطاقه المفقودة في دوره واحدة نتيجة الاحتكاك (c) ما عدد الدورات التي يحدثها الجسم قبل أن يتوقف.

1.20N/cm في آلة قيدف الكرات بن الكرات بزنبرك له ثابت قوه مقداره 1.20N/cm بزنبرك له ثابت قوه مقداره (شكل 1.20 اذا كان المستوى الذي تتحرك عليه الكره يميل بزاوية (10.0 على المستوى الأفسقي وكان الزنبرك في بادئ الامر منضغطا 5.0cm احسب سرعة الاطلاق لكره كتلتها (100.9 عند ترك الكباس مع إهمال الاحتكاك وكتلة الكباس.



شكل P71.7

72- في الجزيئات ثنائية الذرات، تتبادل الذرتان بقوى تجاذب بينهما عند المسافات البعيدة وقوى تنافر عندما تكون المسافات بينهما صغيره. لمجموعه من الجزيئات يعطى قانون لينارد-جونز Lenard-Jones تقريبا جيدا لقدار هذه القوى

$$F = F_0 \left[2 \left(\frac{\sigma}{r} \right)^{13} - \left(\frac{\sigma}{r} \right)^7 \right]$$

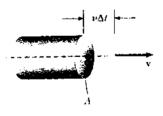
حيث ٢ هي المسافه بين مركزي الذرتين في 🕽

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الجيزئ، σ بارامتر الطول، F_0 هي القوة عند σ = σ في حيالة جزئ الاكسيجيين σ = 3.50 x 10⁻¹⁰m و F_0 =9.6 x 10⁻¹¹ N أحسب الشغل المبذول بهذه القوه اذا تم r=4.0x10⁻¹⁰m الماد الذرتين عن بعضهما منr=9.0 x 10⁻¹⁰m الم

73. وضع ثقل كتلته kg مربوطا بحبل على منصة افقيه خشنه. يمر الحبل على بكره خفيفه ملساء وفي الطرف الآخر عُلق ثقل مقداره 0.40 kg، اذا كان معامل احتكاك الانزلاق بين الكتله (0.25 kg) والمنصة هو الانزلاق بين الكتله (0.25 kg) والمنصة هو الحركة أحسب (a) سرعه الكتلتين بعد تحرك كل منهما مسافة 20.0 cm موضع السكون و (b) الكتله التي يجب إضافتها للكتلة للكتلة و (c) الكتله التي يجب إضافتها ابتدائيه معينه فأنها تستمر في الحركة بسرعه ثابته (c) ما هي الكتله التي يجب انشاصها من الكتلة في (d).

74-افترض أن الاسطوانه- كنموذج لسيارة-تتحرك بسرعه v. كما بالشكل P74.7. في الفترة الزمنية Δt يتحرك عمود من الهواء كتلته Δm مسافة $v\Delta t$ وبالتالي يعطي طاقة حركة مقدارها $v\Delta t$. باستخدام هذا



شكل P74.7

النموذج اثبت أن الفقد في القدرة نتيسجة مقاومة الهواء يساوي $\frac{1}{2} \rho A v^3$ وأن القوة المقاومة هي $\frac{1}{2} \rho A v^2$ حيث $\rho A v^2$ كثافة الهواء.

x=-75 يتحرك جسم على المحرو x من x=23.7 إلى x=23.7 إلى x=23.7

$$F = \frac{375}{x^3 + 3.75 \, x}$$

حيث F بالنيوتن و x بالمتر. باست خدام التكامل العددي، احسب الشغل المبذول بهذه القوة خلال هذه الازاحة. يجب أن تكون إجابتك دقيقة في حدود 2%.

76- منذ أكثر من 2300 عاماً كتب مدرس يوناني يدعى ارسطو في أول كتاب يسمى "فيزياء" الجملة التالية والتي اعيد تركيبها مع بعض الاصطلاحات الدقيقة، من نهاية الكتاب قسم η: افترض أن و هي قدرة محرك تسبب حركة، w هي الشئ المتحرك، للسافة المقطوعة، الزمن اللازم حينئذ (1) القدرة التي تساوي و ستحرك w/2 في فترة مسافة أي الزمن الزمن المسافة أي أي الزمن 2d أي ستحرك المسافة أي الزمن 1/2 ايضاً (3) القدرة المعطاة و ستحرك الجسم مسافة القدرة المعطاة و الفترة المعطاة المسافة أي النمن 1/2 ستحرك المسافة أي النمن 1/2 ستحرك المسافة أي الفترة المعطاة المنافة أي الفترة المعطاقة أي الفتر

(a) أثبت أن المعادلة $\mathcal{P}t = bwd$ تشمل نسب ارسطو حيث b هو ثابت التناسب (b) أثبت أن نظريتنا للحركة تشمل تناسبات ارسطو كحالة خاصة. بصفة خاصة، صف الوضع الذي تكون فيه النظرية صحيحة استنتج المعادلة التي نمثل تناسبات ارسطو واحسب ثابت التناسب.

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.7) لا: القوة لاتبذل شغلاً على الجسم لأن القوة تشير إلى مركز الدائرة وبالتالي فهي عمودية على الحركة.
- (2.7) (a) بفرض أن الشخص يرفع بقوة مقدارها mg آي وزن الصندوق، هإن الشغل المبذول أثناء الازاحة الرآسية h هو mgh لأن القوة في اتجاه الازاحة. الشغل المبذول أثناء الازاحة الافقية يساوي صفراً لأنه في هذه الحالة تكون القوة التي يؤثر بها عمودية على اتجاه الازاحة الأفقية. الشغل الكلي هو mgh + 0 = mgh.
- (b) الشغل المبذول بالجاذبية الأرضية على الصندوق عند إزاحة الصندوق رأسياً هو mgh لأن اتجاه القوة عكس اتجاه الازاحة. الشغل المبذول بقوة الجاذبية يساوي صفراً أثناء الازاحة الأفقية لأنه في هذ الحالة يكون اتجاه القوة عمودياً على اتجاه الإزاحة. الشغل الكلي المبذول بقوة الجاذبية mgh = 0+ mgh -
- (3.7) لا . على سبيل المثال افترض المتجهين B= 2i- j ، A= 2i- 3i فإن الضرب القياسي يعطي B=B. بالرغم من أن المركبة في اتجاه y لكلا المتجهين سالبة.

- (4.7) القوة مقسومة على الإزاحة، في النظام SI تكون نيوتن لكل متر (N/m).
- (5.7) نعم، عندما يكون هناك مركبة للقبوة الاحتكاك في اتجاه الحركة، افترض صندوق شعن موضوعاً في حوض العربة عندما تتسارع العربة اتجاه الشرق. قوة الاحتكاك الاستاتيكي التي تؤثر بها العربة على الصندوق تكون في اتجاه الشرق لتعطي الصندوق نفس التسمارع مئل العربة. (بافترض أن الصندوق لاينزلق)، حيث أن الصندوق يتسارع فإن طاقة حركته تتزايد.
- (6.7) حيث إن السيارتين يبذلان نفس كمية الشغل، فإن الساحتين تحت المنعنيين تكونان متساويتان. ومع ذلك فإن المنعنى للسيارة الأقل في القدرة يمتد لفترة زمنية أطول ولايمتد لأعلى على محور ﴿ مثل منعنى السيارة الرباضية.

High-power sports car Low-power truck



الكرنفسال وهو تعليق حرس يعمل بالجذب. وفيه يأرجح اللاعب مطرقة ثقيلة ويسقطها لأسفاء

طاقةالوضع وحفظ الطاقة

Potential Energy and Conservation of Energy

ويتضمن هذا الفصل:

7.8 الرسوم البيانية للطاقة واتزان منظومة (اختياري)

(Optional) Energy Diagrams and the Equilibrium of a System

8.8 حفظ الطاقة بصورة عامة Conservation of Energy in General

9.8 تكافؤ الكتلة والطاقة (اختياري) (Optional) Mass-Energy Equivalence

10.8 تكمية الطاقة (اختياري) (Optional) Quantization of Energy

Potential Energy 1.8 طاقة الوضع 2.8 القوى الحافظة والقوى غير الحافظة Conservative and Nonconservative Forces

3.8 القوى الحافظة وطاقة الوضع Conservative Forces and Potential Energy

4.8 حفظ الطاقة المكانكية

Conservation of Mechanical Energy

5.8 الشغل المبذول بالقوى غير المحافظة Work Done by Nonconservative Forces

6.8 العلاقة بين القوى الحافظة وطاقة الوضع

Relationship Between Conservative Forces and Potential Energy

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في الفصل السَّابِع تم تقديم مبدأ طاقة الحركة وهي عبارة عن الطاقة الملازمة لحركة الجسيم. في هذا الفصل سوف نقدم صورة أخرى للطاقة وهي طاقة الوضع، وهي الطاقة المساحبة لمجموعة من الاجسام التي تؤثر بقوى متبادلة بينها. يمكن اعتبار طاقة الوضع كطاقة مخزونة والتي قد يمكنها بذل شغل أو تحُوَّل إلى طافة حركة. يمكن استخدام مبدأ طافة الوضع عند التعامل مع فئه معينه من القوى تسمى القوى المحافطة. عندما تؤثر قوى محافظة داخل نظام معزول فإن طاقة الحركة المكتسبة (أو المفقودة) بالنظام نتيجة تغيير مواضع مكوناته تعادَل بفقد (أو كسب) مساو في طاقة الوضع. هذا الاتزان بين صورتين من صور الطاقة يُعرف بمبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية.

تتواجد الطاقة في الكون في عدة صور، تشمل الطاقة الميكانيكية والكهرمغناطيسية والكميائية والنووية، علاوة على ذلك، يمكن تحويل الطاقة من صورة إلى أخرى. فعلى سبيل المثال عند توصيل بطارية بموتور كهربائي، تتحول الطاقة الكهربية إلى طاقة ميكانيكية وذلك عندما يستخدم الموتور في تشفيل جهاز . تحويل الطاقة من صورة إلى أخرى هو جزء اساسي في دراسة الفيزياء، الهندسة، الكيمياء، البيولوجي، الجيولوجيا والفلك.

عند تحويل الطاقة من صورة لأخرى فإن الطاقة الكلية المتواجدة لانتغير. يعنى حفظ الطاقة أنه بالرغم من أن صور الطاقة قد تتغير، إذا ما فقد جسم أو منظومة طاقة، فإن نفس الكمية من الطاقة تظهر في جسم آخر أو في الأوساط المحيطة بالجسم.

*POTENTIAL ENERGY طاقة الوضع 1.8

الجسم الذي يكتسب طافة حركة يمكنه أن يبذل شغلاً على جسم آخر-على سبيل المثال الشاكوش المتحرك يمكنه أن يدفع بمسمار داخل الحائط. الآن سوف نقدم صورة آخرى من صور الطاقة. هذه الطاقة تسمى طاقة الوضع U وهي الطاقة المصاحبة لمجموعة من الاجسام، قبل تحديد صور معينة من طاقة الوضع، يجب أن نُعرف أولاً المنظومة والتي تتكون من جسمين أو أكثر تؤثر بقوى على بعضها البعض. إذا ما تم تغيير وضع المنظومة فإن طاقة الوضع للمنظومة تتغير. إذا كانت المنظومة تحتوي على جسمين يؤثر كل منهما على الآخربقوى، حينئذ يسبب الشغل المبذول بالقوة التي تؤثر على أحد الجسمين في تحويل طاقة بين طاقة الحركة للجسم وصور أخرى لطاقة المنظومة.

طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية: Gravitational Potential Energy

عندما يسقط جسم نحو الأرض، تؤثر الأرض عليه بقوة جذب mg، واتجاه القوة هو نفس اتجاه حركة الجسم، تبذل قوة الجاذبية شغلاً على الجسم ومن ثم تَزيد طاقة حركته. افترض أن قالباً من الطوب سقط من السكون مباشرة على مسمار في لوحه موضوعة على الأرض، عند ترك القالب يسقط فإنه يسقط في اتجاه الأرض مكتسباً سرعة وبالتالي يكتسب طاقة حركة. المنظومة المكونة من

الفصل الثامن: طاقة الوضع وحفظ الطاقة

القالب والأرض لها طاقة وضع عندما يكون القالب على أي مسافة من الأرض (أي أن هناك امكانية بذل شغل) وتتحول طاقة الوضع إلى طاقة حركة عندما يسقط القالب. يحدث تحويل طاقة الوضع إلى طاقة حركة باستمرار خلال السقوط، عندما يصل القالب إلى المسمار واللوحة على الارض، فإنه يبذل شغلاً على المسمار دافعاً اياه داخل اللوحة، ماذا يحدد مقدار الشغل الذي يمكن أن يبذله القالب على المسمار؟ من السهل أن تلاحظ أنه كلما كانت كتلة القالب أكبر كلما زادت المسافة التي يخترقها المسمار، في اللوحة، كذلك كلما زاد ارتفاع القالب قبل أن يسقط، كلما زاد الشغل المبذول منه على المسمار،

حاصل ضرب مقدار قوة الجاذبية mg المؤثرة على جسم في ارتفاع الجسم يعد من الأشياء الهامة في الفيزياء والتي يعطي اسم "طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية" يرمز لها بالرمز $U_{\rm g}$ وبالتالي تكون معادلة طاقة الوضع هي:

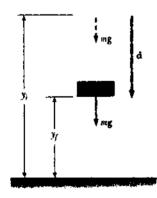
طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية
$$U_{\rm g} = mgy$$
 (1.8)

طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية هي طاقة لمنظومة مكونة من الجسم والأرض. تتحول هذ الطاقة إلى طاقة حركة للمنظومة بقوة الجاذبية. في هذا النوع من النظم تكون أحد مكوناته (الارض) أكبر كثيراً في الكتلة عن المكون الآخر (الجسم). يمكن افتراض أن الجسم الأثقل ثابت ويمكن التعبير عن طاقة الحركة للمنظومة بطاقة الحركة للجسم الاقل في الكتلة. هكذا فإن طاقة حركة المنظومة بمكن تمثيلها بطاقة حركة الجسم الساقط تجاه الارض. لاحظ كذلك أن المعادلة 1.8 صحيحة فقط للاجسام القريبة من سطح الارض حيث تكون g ثابتة تقريباً (1).

دعنا الآن نبحث عن العلاقة بين الشغل المبذول على جسم من قوة الجاذبية وطاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للمنظومة المكونة من الأرض والجسم.

 y_i لاجراء ذلك دعنا نفترض ان قالباً كتلته m على ارتفاع ابتدائي y_i فوق الارض، كما هو موضح بالشكل 1.8. إذا ما أهمانا مقاومة الهواء حينئذ تكون القوة الوحيدة التي تبذل شغلاً على القالب عند سقوطه هي قوة الجاذبية التي تؤثر على القالب وتساوي mg. الشغل المبذول بقوة الجاذبية عندما تحدث للقالب ازاحة لاسفل مقدارها d هو:

$$\mathbf{W}_g = (\mathbf{mg}) \cdot \mathbf{d} = (-mg\mathbf{j}) \cdot (y_f - y_i)\mathbf{j} = mgy_i - mgy_f$$
حيث استخدمنا الملاقة (المادلة 4.7 $\mathbf{j} \cdot \mathbf{j} = 1$ (4.7 جسم



شكل 1.8 الشغل المسدول على القالب بواسطة قوة الجاذبية عند سقوطه من ارتفاع y_i إلى ارتفاع y_f يساوي $y_g - mgy_i - mgy_g$

⁽¹⁾ الفرض بأن قوة الجاذبية ثابتة يكون فرضا جيدا طالما كانت الإزاحة الرأسية صغيرة بالمقارنة مع نصف قطر الأرض.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

بإزاحة أفقية وإزاحة رأسية، أي أن $\mathbf{d}=(x_f-x_i)\mathbf{i}+(y_f-y_i)\mathbf{j}$ حينتُذ يظل الشغل المبذول بقوة الجاذبية مو mgy_i-mgy_j لأن mgy_i-mgy_j . هكذا فإن الشغل المبذول بقوة الجاذبية يعتمد فقط على التغيير في y ولايعتمد على أي تغير في اتجاء x.

علمنا سابقاً أن الكمية mgy هي طاقة الوضع الناشىء عن الجاذبية للمنظومة U_g وهكذا نحصل على:

$$W_g = U_i - U_f = -(U_f - U_i) = -\Delta U_g$$
 (2.8)

من هذه النتيجة نلاحظ أن الشغل المبذول على أي جسم بقوة الجاذبية يساوي سالب التغير في طاقة وضع الجاذبية للمنظومة. كذلك، توضع هذه النتيجة أن الفرق فقط بين طاقتي وضع الجاذبية عند الموضع الابتدائي والموضع النهائي هما اللتان لهما أهمية. يعني ذلك أن لدينا الحرية الكاملة ان نضع نقطة اصل الاحداثيات في اي وضع مناسب. اخيراً الشغل المبذول بقوة الجاذبية على الجسم على الارض هو نفسه الشغل المبذول الذي يبذله جسم يبدأ السقوط وينزلق على سطح مائل على الأرض. الحركة الافقية لاتؤثر على قيمة ي W.

وحدة طاقة جهد الجاذبية هي نفسها وحدة الشغل أي جول. طاقة الوضع مثلها مثل الشغل وطاقة الحركة وهي كمية قياسية.

اختبار سريع 1.8

هل من الممكن أن تكون طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية لجسم سالبة.

مثال 1.8 الاعب البولينج وألم في أصبعه

أمسك لاعب البولينج باستهتار كرة البولينج فانزلقت من يده على اصابع قدمه، باعتبار مستوى الارض هو y = 0 لاحداثيات المنظومة، احسب الشغل الكلي لقوة الجاذبية على الكرة عند سقوطها، اعد الحسابات بافتراض أن رأس اللاعب هي مركز الاحداثيات.

الحل: أولاً: نحتاج تقدير بعض القيم. كرة البولينج كتلتها 7 kg وارتفاع إصبع اللاعب عن الأرض ولحل: أولاً: نحتاج تقدير بعض القيم. كرة البولينج كتلتها 7 kg وارتفاع إصبع اللاعب عن الأرض هو 0.03 m هو 0.03 m الكرة والأرض قبل سنفترض أن الكرة مباشرة هي 0.03 (0.03 = 34.3 الكرة والأرض قبل سنقوط الكرة مباشرة هي 0.03 على الكرة إصبع قدمه 0.03 وبالتالي الطريقة عندما تصل الكرة إصبع قدمه 0.03 وبالتالي يكون الشغل المبذول بقوة الحاذبية هو:

$$W_g = U_i - U_f = 32.24J$$

ربما قد نحافظ على رقم عشرى واحد نتيجةُ التقريب في حساباتنا. وهكذا، يمكننا أن نقدر أن

قوة الجاذبية تبذل شغلاً مقداره 30J اثناء سقوطها. طاقة الوضع للمنظومة هي 30J بالنسبة إلى قمة اصبع القدم قبل أن تبدأ الكرة في السقوط.

عندما نستخدم رأس اللاعب (والتي تقدر انها على ارتفاع 1.50m من الارض) كنقطة أصل عندما نستخدم رأس اللاعب (والتي تقدر انها على ارتفاع $U_i = mgy_i = (7 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)(-1\text{m}) = -68.9 \text{ J}$ للإحداثيات، نجد أن $U_i = mgy_i = (7 \text{ kg})(9.8 \text{ m/s}^2)(-1\text{m})$

$$U_f = mgy_f = (7 \text{ kg})(9.8 \text{m/s}^2)(-1.47 \text{m}) = -100.8 \text{J}$$
 وكذلك

وبالتالي يكون الشغل المبذول بقوة الجاذبية هو:

$$W_e = U_f - U_f = -68.6 \text{ J} + 100.8 \text{ J} = 32.24 \text{ J} \approx 30 \text{ J}$$

طاقة الرونة الكامنة : Elastic Potential Energy

الآن افترض منظومة تتكون من ثقل وزنبرك، كما هو موضح بالشكل 2.8. القوة التي يؤثر بها الزنبرك على الثقل تعطى بالعلاقة $F_s = -kx$. في الفصل السابق علمنا أن الشغل المبذول بواسطة قوة الزنبرك على ثقل متصل بالزنبرك يعطى بالمعادلة:

$$W_s = \frac{1}{2}kx_i^2 - \frac{1}{2}kx_I^2 \tag{3.8}$$

في هذه الحالة تقاس المسافة الابتدائية والنهائية للثقل من نقطة الاتزان x=0. مرة أخرى للاحظ أن W_s تعتمد على الموضع الابتدائي والموضع النهائي وهي بذلك تساوي صفراً للمسار المغلق. تعرف دالة طاقة المرونة الكامنة المصاحبة للمنظومة بالعلاقة

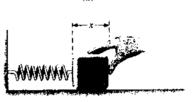
طاقة المرونة الكامنة في الزنبرك
$$U_s \equiv \frac{1}{2}kx^2$$
 (4.8)

يمكن اعتبار طاقة المرونة الكامنة لمنظومة على أنها طاقة مختزنة في زنبرك (إما أن يكون مضغوطاً أو منبسطاً ، بالنسبة لموضع الاتزان). حتى تتصور ذلك افترض الشكل 2.8 والذي يوضع زنبركاً موضوعاً على سطح أفقي أملس. عند دفع الثقل تجاه الزنبرك (شكل 2.8b) ينضغط الزنبرك مسافة x وتكون طاقة المرونة الكامنة في الزنبرك تساوي $\frac{1}{2}kx^2$. عند ترك الثقل يتحرك من السكون، يعود الزنبرك مرة أخُرى إلى وضعه الأساسي وتتحول طاقة المرونة الكامنة إلى طاقة حركة للثقل (شكل 2.8c).

طاقة المرونة الكامنة المختزنة في الزنبرك تساوي صفراً عندما يكون الزنبرك عند x=0. يكون هناك طاقة مختزنة في الزنبرك فقط عندما يكون الزنبرك مضغوطاً أو منبسطاً. علاوة على ذلك فإن طاقة المرونة الكامنة تكون أكبر ما يمكن عندما يكون الزنبرك منضغط تماما أو منبسط تماما (أي عندما تكون اx أكبر ما يمكن). أخيراً حيث أن طاقة المرونة الكامنة تتناسب مع x^2 ، نلاحظ أن y تكون دائماً موجبة عندما يكون الزنبرك مضغوطا أو منبسطا.

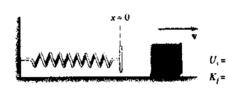
الفيزياء (الجزء الأول - المتكانيكا والديناميكا الحرارية)







(b)



شكل 2.8 (a) زنبرك موضوع على سطح أفقى أملس (b) ثقل كتلته m يتم دفعه تجام الزنبرك مسببا انضغاطا مقداره x (c) عند ترك الثقل يتحرك من السكون فإن طاقة المرونة الكامنة والمختشرنة في الزنبرك تتحول إلى طاقة حركة للثقل.

2.8 > القوى الحافظة والقوى غير الحافظة

CONSERVATIVE FORCES AND NONCONSERVATIVE FORCES

الشغل المبذول بواسطة قوة الجاذبية لا يعتمد على ما إذا كان الجسم سوف يهبط أو ينزلق إلى أسفل مستوى مائل. المهم هو التغير في ارتفاع الجسم. من ناحية أخرى فإن الفقد في الطاقة نتيجة الاحتكاك على المستوى المائل يعتمد على المسافة التي ينزلقها الجسم بمعنى أن الشغل المبذول بواسطة قوة جاذبية لا يعتمد على المسار، ولكن يختلف الوضع إذا أخذنا في الاعتبار الفقد في الطاقة نتيجة قوى الاحتكاك، يمكن استغلال ذلك في تصنيف القوى إلى قوى محافظة وأخرى غير محافظة.

القوى الحافظة Conservative Forces

القوى المحافظة لها خاصيتين هامتين:

خواص القوى المحافظة

- (1) تكون القوة محافظة إذا كان الشغل المبذول على جسم يتحرك يبن أي نقطتين لايعتمد على مسار الجسم.
- (2) الشغل المبذول بالقوة المحافظة على جسم يتحرك في مسار مغلق يساوى صفراً. (المسار المغلق هو المسار الذي ينطبق فيه نقطة البداية على نقطة النهاية).

قوة الجاذبية هي احدى الأمثلة للقوى المحافظة والقوه التي يؤثر بها الزنبرك على أي جسم ملحق 286 ﴾ بالزنبرك هي مثال آخر. كما علمنا من القسم السابق، فإن الشغل الذي تبذله قوم الجاذبية على جسم يتحرك بين أي نقطتين بالقرب من سطح الأرض هو $W_{ij} = mgy_{ij} - mgy_{ij}$ من هذه المعادلة نلاحظ أن ، W تعتمد فقط على قيمة احداثيي y الابتدائي والنهائي للجسم وبالتالي لاتعتمد على المسار. الأكثر $\mathbf{w}_{i}=\mathbf{y}_{f}$ من ذلك فإن $\mathbf{W}_{g}=0$ عندما يتحرك الجسم في مسار مغلق

في حالة منظومة الجسم والزنبرك فإن الشغل $W_{\rm s}$ المبذول بقوة الزنبرك يعطى بالعلاقة W_s مرة أخرى نلاحظ أن قوة الزنبرك هي قوة محافظة لأن $W_i = \frac{1}{2}kx_i^2 - \frac{1}{2}kx_i^2$ تعتمد فقط على احداثيي x الابتدائي والنهائي للجسم وتساوي صفراً في حالة المسار المغلق.

هكذا يمكننا أن نرفق طاقة الوضع مع أى قوة محافظة ويمكن إجراء ذلك للقوى المحافظة فقط. في القسم السابق يمكن تعريف طاقة الوضع المصاحبة للقوة التثاقلية على أنها $U_o = mgy$. بصورة عامة يكون الشغل المبذول W على جسم بواسطة قوة محافظة يساوى طاقة الوضع الابتدائية المصاحبة للجسم مطروحاً منها القيمة النهائية.

الشغل المبذول بالقوى المحافظة
$$W_c = U_i - U_f = -\Delta U$$
 (5.8)

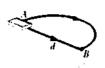
هذه المعادلة معروفة لك. أنها الصورة العامة لمعادلة الشغل المبذول بواسطة قوة الجاذبية (المعادلة 2.8) وكذلك الشغل المبذول بواسطة قوة الزنبرك (المعادلة 3.8).

قوى غير محافظة Nonconservative Forces

﴿ يَفَالَ أَنَ القَوَةَ غِيرِ مَحَافِظَةَ إِذَا كَانَتَ تَسِبِ تَغِيراً فِي الطَّاقَةَ الْمِكَانِيكِيةَ £، والتي نعرفها على أنها مجموع طاقتي الحركة والوضع. على سبيل المثال إذا ما دفع كتاباً كي ينزلق على سطح أفقى خشن فإن قوة الاحتكاك الحركي الكيناتيكي تُنقص من طاقة حركة الكتاب، كلما تباطأ الكتاب، تتناقص طاقة حركشه. نتيجة لقوة الاحتكاك، ترتفع درجة حرارة الكتاب والسطح. نوع الطاقة المصاحب لدرجة الحرارة هو طاقة داخلية، والتي سوف ندرسها في الفصل 20. من الخبره لايمكن تحويل الطاقة الداخلية مرة أخرى إلى طاقة حركة للكتاب. بمعنى أن تحويل الطاقة غير قابل للعكس. حيث إن قوة طاقة الاحتكاك تغير من قيمة الطاقة الميكانيكية للنظام، فإنها قوة غير محافظة.

من نظرية الشغل- طاقة الحركة نلاحظ أن الشغل المبذول بقوة محافظة على جسم تسبب تغير. في طاقة حركة الجسم. يعتمد التغير في طاقة الحركة فقط على الموضع الابتدائي والموضع النهائي للجسم وليس على المسار الواصل بينهما. دعنا نقارن مع مثال انزلاق الكتاب والذي تؤثر فيه قوة الاحتكاك غير المحافظة بين الكتاب والسطح. طبقاً للمعادلة 17.7a فإن التغير في طاقة الحركة نتيجة الاحتكاك هو $\Delta K_{
m friction}$ حيث d هي طول المسار الذي يؤثر خلاله قوة الاحتكاك. تصور أن $\Delta K_{
m friction}$

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل 3.8 يعتمد الفقد في الطاقة نتيجة قوة الاحتكاك الكيناتيكي على المسار الذي يسلكه الكتاب من النقطة إلى النقطة B. يكون الفسقسد في Aالطافية الميكانيكية أكبير عند سلوك المسار الأحمر منه في حالة المسار الأزرق. الكتاب ينزلق من A إلى B على خط مستقيم طوله d شكل 3.8. التغير في طاقة الحركة هو $-f_k d$. الآن افترض أن الكتاب ينزلق على مسار عبارة عن نصف دائرة من A إلى B. في هذه الحالة يكون المسار أطول ونتيجة لذلك يكون التغيير في طاقة الحركة اكبر في المقدار (الأشارة سالبة) عنه في حالة الخط المستقيم. $-f_{i}\pi\,d/2$ في هذ الحالة يكون التغير في طاقة الحركة مساوياً حيث d هي قطر نصف الدائرة. هكذا، نلاحظ أنه في حالة القوة غير المحافظة يعتمد التغير في طافة الحركة على المساربين نقطتًا البداية والنهاية. عند أخذ طاقة الوضع في الاعتبار، حينئذ يعتمد التغير في الطاقة الميكانيكية على المسار، سوف نعود إلى هذه النقطة في قسم 5.8.

3.8 🔪 القوى الحافظة وطاقة الوضع

CONSERVATIVE FORCES AND POTENTIAL ENERGY

وجدنا في القسم السابق أن الشغل المبذول على جسم بواسطة فوة محافظة لايعتمد على المسار الذي يسلكه الجسم. يعتمد الشغل فقط على الاحداثيات الابتدائية والنهائية للجسم. نتيجة لذلك يمكن تعريف دالة طاقة الوضع \mathbf{U} بحيث يكون الشغل المبذول بقوة محافظة مساويا النقص في طاقة الوضع للمنظومة . الشغل المبذول بواسطة قوة محافظة ${f F}$ عندما يتحرك الجسم على المحور x هو:

$$W_c = \int_{x}^{x_f} F_x dx = -\Delta U \tag{6.8}$$

حيث F_x هي مركبة F في اتجاه الإزاحة. أي أن، الشغل المبذول بقوة محافظة يساوي سالب التغير في طاقة الوضع المصاحبة لهذه القوة، حيث يعرف التغيير في طاقة الوضع بالمقدار ΔU $=U_f-U_i$

يمكن كتابة المعادلة 6.8 في الصورة:

$$\Delta U = U_f - U_i = -\int_{x_i}^{x_f} F_x \, dx$$
 (7.8)

هكذا تكون ΔU تكون سالبة عندما يكون F_x و dx لهما نفس الاتجاء كما يحدث عندما يهبط جسم تحت تأثير الجاذبية أو عندما يدفع الزنبرك الجسم تجاه نقطة الاتزان.

يحتم المصطلح "طاقة الوضع" ان الجسم لديه احتمالية أو امكانية ان يكتسب طاقة حركة أو بذل 288) شغل عندما يُطلق للحركة من نقطة ما تحت تأثير قوة محافظة تؤثر على الجسم بعنصر آخر من المنظومة، غالباً ما يكون من الملاثم ان نتخذ النقطة x_i كنقطة إسناد وتقاس فروق طاقة الوضع بالنسبة لها، يمكن تعريف دالة طاقة الجهد على انها

$$U_f(x) = -\int_x^{x_f} F_x \, dx + U_i \tag{8.8}$$

غالباً ما نأخذ قيمة U_i مساوية للصفر عند نقطة الاسناد، ليس هناك أي اهمية لتحديد قيمة U_j لأن أي قيمة غير صفرية سوف تؤدي إلى الإزاحة في قيمة $U_f(x)$ بكمية ثابتة والتغير في طاقة الجهد هو مقدار له مغزى فيزيائي. إذا كانت القوة المحافظة معلومة كدالة في الموضع، يمكن استخدام المعادلة 8.8 في حساب التغير في طاقة الوضع للمنظومة عندما يتحرك جسم من النظام من X_j إلى X_j من الاهمية أن نلاحظ أنه في حالة الإزاحة في اتجاء واحد تكون القوة محافظة طالما هي دالة في الموضع X_j فقط، ليس من الضروري أن يكون ذلك هو الوضع في حالة الإزاحة في ثلاث ابعاد.

CONSERVATION OF MECHANICAL ENERGY حفظ الطاقة الميكانيكية 4.8

عند رفع جسم إلى ارتفاع h من الارض لايكون له طاقة حركة. مع ذلك وكما علمنا سابقاً فإن ووج عند رفع جسم إلى ارتفاع h من الارض لايكون له طاقة حركة، مع ذلك وكما علمنا سابقاً فإن ووج علقة الوضع الناشئة عن الجاذبية لمنظومة الجسم- الارض تساوي mgh . عند إسقاط الجسم فإنه يهبط تجاه الارض وتزداد سرعته وبالتالي طاقة حركته، بينما تتناقص طاقة وضع المنظومة. إذا ما تم إهمال بعض المؤثرات مثل مقاومة الهواء فإن طاقة الوضع المفقودة تظهر كطاقة حركة كلما هبط الجسم لأسفل.

بمعني أن مجموع طاقة الحركان طاقة الوضع أي الطاقة الميكانيكية الكلية E تظل ثابتة. هذا مثال يوضح مبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية.

في حالة سقوط الجسم سقوطاً حراً ، ينص هذا المبدأ على أن اي زيادة (أونقص) في طاقة الوضع يكون مصحوباً بنقص (أو زيادة) مساوية في طاقة الحركة. لاحظ أن الطاقة الميكانيكية لأى منظومة تظل ثابتة لمجموعة من الاجسام المعزولة والتي تتأثر مع بعضها من خلال قوى محافظة.

حيث إن الطاقة الميكانيكية لنظام، E تُعرف على أنها مجموع طاقتي الحركة والوضع، يمكننا كتابة:

الطاقة الميكانيكية الكلية
$$E \equiv K + U$$
 (9.8)

يمكن التعبير عن مبدأ حفظ الطاقة بالصورة $E_i=E_f$ وهكذا نحصل على:

تبقى الطاقة الميكانيكية
$$K_i + U_i = K_f + U_f$$
 (10.8) لنظومة معزولة ثابتة

من المهم أن نلاحظ أن المعادلة 10.8 تكون صحيحة فقط في حالة عدم إضافة أو إزالة طاقة من المنظومة. علاوة على ذلك، لايجب أن يكون هناك قوى غير محافظة تبذل شغلاً داخل المنظومة.

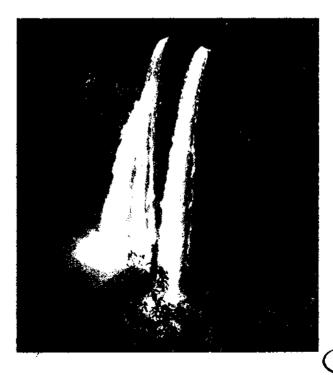
الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

يَمْ في الطاقة الحركة للمطرقة إلى طاقة وضع ناشئة عن الجاذبية المصاحبة لثقل المطرقة التي تؤدي الكرنفال النزلاق الثقل في المطرقة إلى طاقة وضع ناشئة عن الجاذبية المصاحبة لثقل المطرقة التي تؤدي إلى الزلاق الثقل في المسار العمودي. إذا كان للمطرقة طاقة حركة كافية فإن الثقل بُرفع لاعلى بدرجة كافية حتى يصل إلى الجرس الموضوع على قمة المسار. لكي تصل طاقة حركة المطرقة إلى أقصى قيمة، يلوح اللاعب بالمطرقة بأسرع مايمكن. كلما أسرع في حركة المطرقة كلما بذلت شغلاً أكبر على هدف الارتكاز والذي يؤدي بالتالي إلى بذل شغلاً على الثقل. بالطبع تشحيم الوتد (حتى نجعل الفقد في الطاقة نتيجة الاحتكاك أقل ما يمكن) قد يساعد ولكن غالباً ما يكون غير متاح.

إذا أثرت أكثر من قوة محافظة على جسم داخل المنظومة، فإنه يوجد دالة طاقة وضع لكل قوة. في مثل هذه الحالة بمكننا تطبيق مبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية للنظام في الصورة:

$$K_i + \sum U_i = K_f + \sum U_f \tag{11.8}$$

حيث عدد الحدود في المجدوع يساوي عدد القوى المحافظة الموجودة، على سبيل المثال، إذا الحق جسم بزنبرك يتذبذب رأسياً، فإن هناك قوتين محافظتان تؤثران على المجسم: قوة الزنبرك وقوة الجاذبية.



زوج من الشللات في جنزيرة كاواى هاواي. تتحول طاقة وضع الجاذبية للمنظومة المكونة من الماء والأرض عندما يكون الماء أعلى الشلال إلى طاقة حركة بمجرد أن تبدأ الماء في السقوط، ماذا كان لدى الماء وهو على قمة الصخرة؟ بمعنى آخر ما هو المصدر الرئيسي لطاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية عندما كان الماء على القمة؟

🛍 اختبار سریع 2.8

ثبتت كرة بزنبرك خفيف معلق رأسياً كما هو موضع بالشكل 4.8. عند إزاحته لأسفل من موضع الاتزان ثم تُرك، تتذبذب الكرة إلى أعلى و إلى أسفل. إذا أهملنا مقاومة الهواء هل تتحول الطاقة الميكانيكية الكلية للمنظومة (الكرة والزنبرك و الارض)؟ كم عدد صور طاقة الوضع في هذه الحالة.

🗓 اختبار سریع 3.8

قذفت ثلاث كرات متماثلة من قمة مبنى كلها بسرعة ابتدائية واحدة. قذفت الأولى أفقياً والثانية بزاوية أعلى مع الافقي والثانثة بزاوية أسفل الخط الأفقي كما هو موضح بالشكل 5.8. إذا اهملنا مقاومة الهواء، رتب سرعات الكراث عند لحظة ارتطام كل منها مع الارض.



شكل 4.8 ثبتت كرة بزنبرك مهمل الكتلة معلق رأسياً. ما هي صحورة طاقعة الوضع المصاحبة للمنظومة المكونة من الكرة والزنبرك والارض عند ازاحة الكرة إلى أسفل.



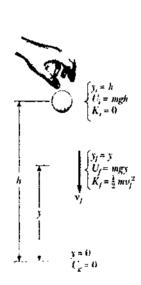
شكل 5.8 فذفت ثلاث كرات متماثلة بنفس السرعة من قمة مبنى.

مثال 2.8 سقوط كره سقوطاً حراً

أسقطت كرة كتلتها m من ارتفاع h فوق الارض كما هو موضح بالشكل 6.8 (a) بإهمال مقاومة الهواء احسب سرعة الكرة عندما تكون على ارتفاع y من الارض.

الحل؛ حيث إن الكره تسقط سقوطاً حراً فإن القوة الوحيدة التي تؤثر عليها هي قوة الجاذبية. لهذا تستخدم مبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية لمنظومة الارض والكرة.

في أول الأمر يكون للمنظومة طاقة وضع وليس لها طاقة حركة. عند سقوط الكرة نظل الطاقة الميكانيكية الكلية ثابتة وتساوي طاقة الوضع الابتدائية للمجموعة.



شكل 6.8 اسقاط كرة من ارتفاع h فوق الارض. في بادئ الأمسر تكون الطاقسة الكليسة للمنظومسة المكونة من الكرة والأرض هي طاقة وضع وتساوي mgh بالنسبة للارض. عند ارتضاع y تكون الطاقة الكلية هي مجموع طاقتي الحركة والوضع.

عند لحظة ترك الكُرة لتسقط تكون طاقة حركتها $K_i=0$ وطاقة الوضع للمنظومة $U_i=mgh$ عندما تكون الكرة على ارتفاع y فوق الارض تكون طاقة حركتها $K_f=\frac{1}{2}$ وساقة وضعها بالنسبة للارض هي $U_f=mgh$. باستخدام المعادلة 1.8 نحصل على:

$$K_i + U_i = K_f + U_f$$

$$0 + mgh = \frac{1}{2}mv_f^2 + mgy$$

$$v_f^2 = 2g(h - y)$$

$$v_f = \sqrt{2g(h - y)}$$

السرعة دائماً موجبة. إذا ما طلب تحديد سرعة الكرة (مقداراً واتجاهاً)، يجب أن تستخدم القيمة السالبة للجذر التربيعي كقيمة المركبة في اتجاه y بما يعني أن الحركة لاسفل.

(b) احسب سرعة الكرة عند v_i إذا كانت سرعتها الابتدائية عند دفعها للحركة هي v_i وهي على ارتفاع h.

10.8 الحادلة الحادلة العادلة العادلة العادلة الحل في هذه الحالة تشمل الطاقة الابتدائية طاقة حركة تساوي $\frac{1}{2}mv_i^2+mgh=\frac{1}{2}mv_f^2+mgy$ $v_f^2=v_i^2+2g(h-y)$ $v_f=\sqrt{v_i^2+2g(h-y)}$

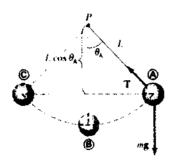
هذه النتيجة تتفق مع العلاقة $(y_f - y_i)^2 + 2g(y_f - y_i)^2$ من الكينماتيكا، حيث $v_{yj}^2 = v_{yj}^2 + 2g(y_f - y_i)$ علاوة على ذلك، تتحقق هذه النتيجة حتى وإن كانت السرعة الابتدائية تصنع زاوية مع الافقي (كما في حالة المقذوفات) لسببين (1) الطاقة كمية قياسية وتعتمد الطاقة الابتدائية فقط على مقدار السرعة دون اتجاهها، (2) يعتمد التغير في طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية فقط على التغير في الموضع في الاتجاه الرأسى.

مثال 3.8 البندول

يتكون البندول من كرة كتلتها m مربوطة في خيط خفيف طوله L كما بالشكل 7.8. ثترك الكرة للحركة من السكون عندما تكون الزاوية التي يصنعها الخيط مع الرأسي θ_A . (a) احسب سرعة الكرة عندما تكون عند ادنى موضع B.

الحل: القوة الوحيدة التي تبذل شغلاً على الكرة هي قوة الجاذبية. (قوة الشد تكون دائماً عمودية على كل عنصر من الإزاحة وبالتالي لاتبذل شغلاً). وحيث إن قوة الجاذبية محفوظة فإن الطاقة الميكانيكية للمنظومة المكونة من الكرة والبندول تكون ثابتة. (بمعنى أنه يمكن اعتبار هذا المثال كمسألة حفظ طاقة). عندما يتأرجع البندول، يكون هناك تحول مستمر بين طاقة الوضع وطاقة الحركة. عند لحظة ترك البندول للحركة تكون الطاقة الكلية هي طاقة وضع. عند النقطة (B)

الفصل الثامن، طاقة الوضع وحفظ الطاقة



شكل 7.8 إذا أطلقت كبرة لتتحرك من السكون بزاوية $_{\rm A}$ فإنها لن تتأرجع اعلى هذا الموضع اثناء حركتها. في بداية الحركة عند الموضع (A), تكون الطاقة طاقة وضع فقط، تتحول كل طاقة الوضع إلى طاقة حركة عند ادنى نقطة (B). عندما تستمر الكرة في الحركة على قوس تتحول الطاقة إلى طاقة كلية مرة أخرى عند (C).

ا يكتسب البندول طاقة حركة ولكن يفقد الجسم بعض من طاقة الوضع، عند ① يسترد النظام طاقة الوضع وتعود طاقة حركته إلى الصفر مرة أخرى.

إذا افترضنا الاحداثي y للكرة من مركز $y_{\rm B}=-L\ {\rm cos}\ \theta_{\rm A}\ {\rm otherwise}$ الدوران فإن $y_{\rm B}=-L\ {\rm cos}\ \theta_{\rm A}$ و $y_{\rm B}=-mgL\ {\rm cos}\ \theta_{\rm A}$ و لهذا $U_{\rm B}=-mgL\ {\rm cos}\ \theta_{\rm A}$ باستخدام مبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية على المنظومة نحصل على:

$$K_A + U_A = K_B + U_B$$

$$0 - mgL \cos \theta_A = \frac{1}{2} m v_B^2 - mgL$$

$$(1) \qquad v_B = \sqrt{2 gL} (1 - \cos \theta_A)$$

 $oxedsymbol{(B)}$ ما هو الشد في الخيط $T_{oldsymbol{B}}$ عند (b)

الحل؛ حيث إن قوة الشد لاتبذل شغلاً فإنه لايمكن ايجاد الشد باستخدام طريقة الطاقة. لحساب $T_{\rm B}$ يستخدم قانون نيوتن الثاني في اتجاه نصف القطر. اولاً نتذكر أن القوة العمودية على جسم يتحرك في دائرة تساوي v^2/r وتتجه دائماً نحو مركز الدائرة. حيث أن r=L، في هذ المسألة، تحصل على:

(2)
$$\sum F_r = T_B - mg = ma_r = m\frac{v_B^2}{L}$$

بالتعويض من (1) في (2) يعطي الشد عند $f{(B)}$:

(3)
$$T_{B} = mg + 2 mg(1 - \cos \theta_{A})$$
$$= mg(3 - 2 \cos \theta_{A})$$

من (2) نلاحظ أن الشد عند النقطة $\widehat{\mathbf{B}}$ يكون أكبر من وزن الكرة. علوة على ذلك فإن (3) تعطي النتيجة المتوقعة وهي $T_{\mathrm{B}}=mg$ عندما تكون الزاوية الابتدائية $\theta_{\mathrm{A}}=0$.

تمرين: أطلق بندول طوله m 2.0 وكتلته 0.50 kg للحركة من السكون بزاوية 30.0 مع الرأسي. احسب سرعة الكرة والشد في الخيط عندما تكون الكرة في أدنى نقطة.

11 6.21 N; 2.29 m/s الإجابة:

الضيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

5.8 🔪 الشغل المتذول بالقوى غير الحافظة

WORK DONE BY NONCONSERVATIVE FORCES

كما لاحظنا، فإنه إذا كانت القوى المؤثرة على جسم من منظومة هي قوى محافظة، حينئذ تظل الطاقية الميكانيكيية للمنظومية ثابتية، مع ذلك، إذا كان بعض هذه القيوى التي تؤثر على الجسيم في المنظومة غير محافظة حينئذ لاتبقى الطاقة الميكانيكية للمنظومة ثابتة. دعنا ندرس نوعين من القوى غير المحافظة: قوة خارجية وقوة احتكاك كيناتيكية.

الشغل المدذول بالقوة الخارجية Work Done by an Applied Force

عند رفع كتاب لمسافة باستخدام قوة، فإن القوة المستخدمة تبذل شغلاً W_{ann} على الكتاب، بينما تبذل قوة الجاذبية شغلاً و W على الكتاب، إذا افترضنا أن الكتاب هو جسم فإن الشغل المبذول على الكتاب يرتبط بالتغير في طاقة حركته كما هو معلوم من نظرية الشغل- طاقة الحركة والمعطاة بالمعادلة 15.7:

$$W_{\rm app} + W_{\rm g} = \Delta K \tag{12.8}$$

حيث إن قوة الجاذبية هي قوة محافظة، يمكننا استخدام المادلة 2.8 في التعبير عن الشغل المبذول بقوة الجاذبية بدلالة التغير في طاقة الوضع أو ΔU - = M . بالتعويض عن $M_{
m g}$ في المعادلة 12.8 نحصل على:

$$W_{app} = \Delta K + \Delta U$$
 (13.8)

لاحظ أن الطرف الايمن لهذه المعادلة يمثل التغير في الطاقة الميكانيكية للمنظومة المكونة من الكتاب والأرض. توضح هذه النتيجة أن القوة المؤثرة تنقل طاقة إلى المنظومة في صورة طاقة حركة للكتاب وطاقة وضع لمنظومة الكتاب والأرض. من ثم نستنتج أنه إذا كان الجسم جزءاً من منظومة فإن القوة الخارجية تنقل طاقة إلى داخل أو إلى خارج المنظومة.

حالات تشتمل على احتكاك كيناتيكي Situations Involving Kinetic Friction

الاحتكاك الحركي هو مثال للقوة غير المحافظة. إذا ما أعطى كتاب سرعة ابتدائية على سطح افقي خشن، فإن قوة الاحتكاك الكيناتيكي المؤثرة على الكتاب تضاد حركته ويتباطأ الكتاب حتى يتوقف في النهاية. تقلل قوة الاحتكاك من طاقة الحركة للكتاب بتحويل طاقة الحركة إلى طاقة داخلية للكتاب وجزءاً آخر إلى السطح الافقى، يتحول جزء فقط من طاقة حركة الكتاب إلى طاقة داخلية للكتاب والباقي يظهر كطاقة داخلية للسطح. (عند سقوط اللاعب على أرض الملعب، ليس فقط جلد 294) الركبة الذي يصاب بأذي بل تتأثر الأرض أيضاً ١). عندما يزاح الكتاب مسافة d فإن القوة الوحيدة التي تبذل شغلاً هي قوة الاحتكاك الكينياتيكية. تسبب هذه القوة نقص في طاقة حركة الكتاب، تم حساب هذا النقص في فصل 7 والذي يعطى بالمعادلة التي نذكرها ثانية هنا:

$$\Delta K_{\text{friction}} = -f_k d \tag{14.8}$$

إذا تحرك الكتاب على سطح مائل خشن، يحدث ايضاً تغير في طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للمنظومة المكونة من الكتاب والارض ويكون $-f_k d$ هو مقدار التغير في الطاقة الميكانيكية للمنظومة بسبب قوة الاحتكاك الكيناتيكية. في مثل هذه الحالات:

$$\Delta E = \Delta K + \Delta U = -f_k d$$
 (15.8)
 $E_i + \Delta E_f = E_f$

اختبار سريع 4.8

اكتب الصورة العامة لنظرية الشغل- طاقة الحركة لجسمين متصلين ببعضهما بزنبرك وتؤثر عليهما قوة الجاذبية وقوة خارجية أخرى، ادخل تأثير الاحتكاك $\Delta E_{
m friction}$.

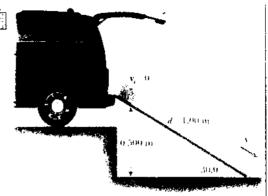
تنويهات عند حل المسائل:

حفظ الطاقة

يمكننا حل الكثير من المسائل باستخدام مبدأ حفظ الطاقة. يجب أن نتبع الطريقة التالية عند استخدام هذا المبدأ.

- عرف منظومتك والتي قد تشمل جسمين أو أكثر متآثرة مع بعضها بالإضافة إلى الزنبركات أو النظومات الاخرى والتي يمكنها أن تختزن طاقة الوضع المن. اختار النقطتين الابتدائية والنهائية.
- حدد النقاط الصفرية لطاقة الوضع (الجاذبية والزنبرك). إذا تواجد اكثر من قوة محافظة اكتب تعبيراً لطاقة الوضع المصاحبة لكل قوة.
- حدد القوى غير المحافظة إذا كانت موجودة. تذكر أنه اذا تواجد احتكاك أو مقاومة هواء، فإن
 الطاقة الميكانيكية تكون غير محافظة.
- إذا كانت الطاقة الميكانيكية محافظة بمكننا كتابة الطاقة الابتدائية عند نقطة ما في الصورة $E_f = K_f + U_f$ للظافة الميكانيكية الكلية $E_f = K_f + U_f$ للنقطة النهائية المطلوبة. حيث إن الطاقة الميكانيكية محفوظة، يمكننا مساواة الطاقتين والحل لايجاد الكميات المجهولة.
- إذا تواجدت قوى احتكاك (وبالتالي تكون الطاقة الميكانيكية غير محافظة) اكتب أولاً تعبيرات للطاقتين الابتدائية والنهائية في هذه الحالة يكون الفرق بين الطاقتين − الطاقة الكلية الميكانيكية النهائية والطاقة الميكانيكية الابتدائية الكلية مساوياً للتغير في الطاقة الميكانيكية للمنظومة نتبحة الاحتكاك.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل 4.8 ينزلق صندوق إلى اسفل منعدر تحت تأثير الجاذبية. تتناقص طاقة الوضع بينما تزداد طاقة الحركة.

🗐 مثال 4.8 انزلاق صندوق على منحدر

ينزلق صندوق كتلته 3.0kg إلى أسفل منحدر. إذا كان طول المنحدر m 1.0 ويميل بزاوية 30° كما هو موضح بالشكل 8.8. يبدأ الصندوق في الحركة من السكون من اعلى قمة المنحدر متأثراً بقوة احتكاك ثابتة مقدارها 5.0N ويستمر في الحركة لسافة صغيرة على الارض بعد نهاية المنحدر. استخدم طريقة الطاقة في حسباب سرعة الصندوق اسفل المنحدر.

الحل: حيث أن 0=0 فإن طاقة الحركة الابتدائية عند قمة المنحدر تساوي صفراً. إذا تم قياس الاحداثي y من أسفل المنحدر (الموضع النهائي الذي يتلاشى عنده طاقة الوضع) واعتبار الاتجاء الاعلى هو الاتجاء الموجب، حينئذ y=0.5. ومن ثم قإن الطاقة الميكانيكية الكلية للمنظومة المكونة من الصندوق والأرض عند القمة هي كليةً طاقة وضع:

$$E_i = K_i + U_i = 0 + U_i = mgy_i$$

= (3.00 kg).(9.8 m/s²)(0.50 m) = 14.7J

عندما يصل الصندوق إلى اسفل المنحدر تكون طاقة الوضع للمنظومة صفراً لأن ارتفاع الصندوق حينئذ $y_f = 0$ ولهذا فإن الطاقة الميكانيكية للصندوق عند وصوله إلى اسفل المنحدر تكون كلها طاقة حركة:

$$E_f = K_f + U_f = \frac{1}{2}mv_f^2 + 0$$

لايمكننا القول أن $E_i = E_f$ لان القوة غير المحافظة تنقص الطاقة الميكانيكية للمنظومة وهي قوة الاحتكاك الكيناتيكية التي تؤثر على الصندوق، في هذه الحالة، تعطي المعادلة $\Delta E = -f_k d$ حيث $\Delta E = -f_k d$ هي الإزاحة على طول المنحدر (تذكر أن القوى العمودية على المنحدر لاتؤثر على الصندوق لأنها عمودية على الإزاحة). باستخدام $f_k = 5.0 \, \text{N}$ و $d = 1.0 \, \text{m}$ نحصل على:

$$\Delta E = -f_k d = -(5.0 \text{ N}) (1.0 \text{m}) = -5.0 \text{J}$$

توضع هذه النتيجة أن المنظومة تفقد بعضاً من الطاقة الميكانيكية نتيجة وجود قوة إحتكاك غير محافظة. باستخدام المعادلة 15.8 نحصل على:

$$E_f - E_i = \frac{1}{2}mv_f^2 - mgy_i = -f_k d$$

 $\frac{1}{2}mv_f^2 = 14.7J - 5.00J = 9.70J$

$$v_f^2 = \frac{19.4 \text{J}}{3.00 \text{ kg}} = 6.47 \text{ m}^2 / s^2$$

$$v_f = -2.54 \text{ m/s}$$

تمرين: استخدم قانون نيوتن الثاني في حساب تسارع الصندوق على المنحدر واستخدم المعادلات الكينماتيكية في تعيين السرعة النهائية للصندوق.

2.54m/s ، 3.23m/s² الإجابة،

تمرين: بافتراض أن المتحدر أملس، أحسب السرعة النهائية للصندوق وكذلك تسارعه على المتحدر،

4.9m/s² ، 3.13m/s الإجابة،

مثال 5.8 الحركة في طريق منحنى

9.8. يعتلي طفل كتلته m زلاقة غير منتظمة الانحناء ارتفاعها h=2.0m يعتلي طفل كتلته m زلاقة غير منتظمة الانحناء الرتفاعها h=2.0m يبدأ الطفل من السكون عند القمة h=2.0m احسب سرعته عند القاع بافتراض عدم وجود احتكاك.

الحل؛ لاتبذل القوة العمودية اي شغل على الطفل لأن القوة تكون عمودية دائماً على عنصر الإزاحة وحيث أنه لايوجد احتكاك، فإن الطاقة الميكانيكية للمنظومة المكونة من الارض والطفل- محافظة. إذا أخذنا الاحداثي $y_i = 0$ في الاتجاء لأعلى من قاع الزلاقة، حينئذ $y_i = 0$ ، $y_i = 0$ ونحصل على:

$$K_i + U_i = K_f + U_f$$
$$0 + mgh = \frac{1}{2}mv_f^2 + 0$$
$$v_f = \sqrt{2gh}$$

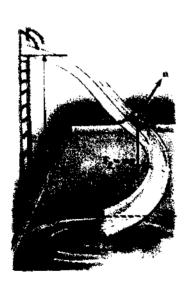
وهي نفس النتيجة التي سنحصل عليها إذا ما هبط الطفل رأسياً مسافة مقدارها h !

باستخدام h= 2.0m نحصل على:

$$v_f = \sqrt{2gh} = \sqrt{2(9.80 \text{ m/s}^2)(2.00 \text{ m})} = 6.26 \text{ m/s}$$

(b) إذا أشرت قوة احتكاك كيناتيكية على الطفل، ما مقدار v_f الطاقسة الميكانيكية التي تفقيدها المنظومة؟ افترض أن $m=20.0~{\rm kg}$.

الحل: في هذه الحالة لاتكون الطاقة الميكانيكية محافظة وبالتالي يجب أن نستخدم المعادلة 15.8 لحساب الفقد في الطاقة الميكانيكية نتيجة الاحتكاك



شكل 9.8 إذا كنائت الزلاقية ملسناء فإن سرعة الطفل عند القاع تعتمد فقط على ارتفاع الزلاقة.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$\Delta E = E_f - E_i = (K_f + U_f) - (K_i + U_i)$$

$$= (\frac{1}{2}mv_f^2 + 0) - (0 + mgh) = \frac{1}{2}mv_f^2 - mgh$$

$$= \frac{1}{2}(20.0 \text{ kg}) (3.00 \text{ m/s})^2 - (20.0 \text{ kg}) (9.80 \text{ m/s}^2) (2.00 \text{ m})$$

$$= -302 \text{J}$$

مرة أخرى قيمة ΔE سالبة لأن الاحتكاك يُنقص الطاقة الميكانيكية للمنظومة (الطاقة الميكانيكية النهائية أقل من الطاقة الميكانيكية الابتدائية). حيث أن الزلاقة منحنية، تتغير القوة العمودية في المقدار والاتجاء أثناء الحركة. لهذا فإن قوة الاحتكاك والتي تتناسب مع n تتغير ايضاً اثناء الحركة. باعطاء قيمة قوة الاحتكاك المتغيره، هل تعتقد أنه من المكن تعين μ_k من هذه البيانات؟

🏥 مثال 6.8 🏻 هيا نذهب للتزلج

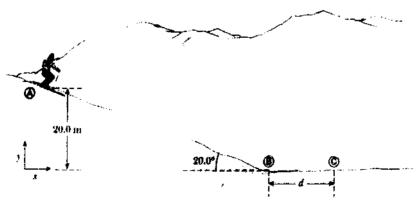
تبدأ متزلجة من السكون عند قمة منحدر املس ارتفاعه 20.0m كما هو موضح بالشكل 10.8. ثم تبدأ المتزلجة الحركة من عند قاع المتحدر على سطح أفقي حيث يكون معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين المزلاج والجليد هو 0.210 ما المسافة التي تقطعها على السطح الافقى قبل أن تتوقف.

الحل: اولاً دعنا نحسب سرعتها عند قاع المنحدر والذي سنختاره على أنه نقطة الصفر لطاقة الوضع، حيث أن المنحدر أملس فإن الطاقة الميكانيكية للمنظومة المكونة من المتزلجة والارض تبقى ثابتة، وسوف نجد، كما فعلنا في المثال السابق، أن

$$v_{\rm B} = \sqrt{2gh} = \sqrt{2(9.80 \text{ m/s}^2)(20.0 \text{ m})} = 19.8 \text{ m/s}$$

الآن نستخدم المعادلة 15.8 لوصف حركة المتزلجة على السطح الأفقي الخشن من (B) إلى (C). التغير في الطاقة الميكانيكية على المسار الافقى هو (D) حيث (D) حيث (D)

 $v_{
m B}$ = 19.8m/s باستخدام ، باستخدام $K_{
m c}$ وقوة $f_k=\mu_k n=\mu_k m$ وقوة الاحتكاك من العلاقة $f_k=\mu_k n=\mu_k m$ نحصل على



شكل 10.8 تتزلق المتزلجة إلى أسفل المنحدر ثم تتحرك على مستوى افقي وتتوقف على بعد d من قاع الهضبة.

$$\Delta E = E_{\rm C} - E_{\rm B} = -\mu_k mgd$$

$$(K_{\rm C} + U_{\rm C}) - (K_{\rm B} + U_{\rm B}) = (0 + 0) - (\frac{1}{2}mv_{\rm B}^2 + 0)$$

$$= -\mu_k mgd$$

$$d = \frac{v_{\rm B}^2}{2\mu_k g} = \frac{(19.8 \text{ m/s})^2}{2(0.210) (9.80 \text{ m/s}^2)}$$

$$= 95.2 \text{ m}$$

تمرين: احسب المسافة الافقية التي تقطعها المتزلجة قبل السكون إذا كان المنحدر ايضاً له معامل احتكاك كنياتيكي يساوي 0.210.

الإجابة: 40.3m

الله الله مثال 7.8 بندقية قاذفة تعمل بزنبرك

آلية الاطلاق في بندقية - لعبة تتكون من زنبرك ثابت الزنبرك له غير معلوم (شكل 11.8a). عند ضغط الزنبرك مسافة 0.12m فإن البندقية، عند الاطلاق رأسياً، تكون قادرة على قذف قذيفة كتلتها 35.0g لاقصى ارتفاع - 20.m فوق موضع القذيفة قبل اطلاقها، (a) بإهمال جميع القوى المقاومة احسب ثابت الزنبرك.

الحل؛ حيث أن القذيفة تبدأ من السكون فإن طاقة الحركة الابتدائية تساوي صفراً وإذا أخذنا نقطة الصفر لطاقة الوضع للجاذبية للمنظومة المكونة من القذيفة والارض هي أدنى موضع للقذيفة x_A حينتُذ تكون طاقة الوضع للجاذبية الابتدائية تساوي صفراً. الطاقة الميكانيكية للمنظومة ثابتة حيث لايوجد قوى غير محافظة.

في البداية تكون الطاقة الميكانيكية الوحيدة في المنظومة هي طاقة المرونة الكامنة المختزنة في زنبرك البندقية، $U_{\rm sA}=kx^2/2$ ، حينئذ يكون الانضفاط في الزنبرك البندقية، $x_{\rm c}=kx^2/2$ ، حينئذ يكون الانضفاط في الزنبرك النهائية عندما تصل القذيفة إلى أقصى ارتفاع $x_{\rm c}=h=20.0$ وبالتالي تكون طاقة وضع الجاذبية النهائية عندما تصل القذيفة إلى أقصى قيمة هي mgh.

طاقة الحركة النهائية للقذيفة تساوي صفراً وطاقة الجهد المرونة الكامنة المختزنة في الزنبرك تساوي صفراً. حيث إن الطاقة الميكانيكية للمنظومة ثابتة نجد أن:

$$E_{A} = E_{C}$$

$$K_{A} + U_{gA} + U_{sA} = K_{C} + U_{gC} + U_{sC}$$

$$0 + 0 + \frac{1}{2}kx^{2} = 0 + mgh + 0$$

$$\frac{1}{2}k(0.120 \text{ m})^{2} = (0.0350 \text{ kg}) (9.80 \text{ m/s}^{2}) (20.0 \text{ m})$$

$$k = 953 \text{ N/m}$$

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

(b) احسب سرغة القذيفة عندما تتحرك حول موضع اتزان الزنبرك (حيث $x_{\rm B} = 0.120$ m كما هو موضع في الشكل 11.8b.

الحل: كما لاحظنا سابقاً فإن الطاقة الميكانيكية الوحيدة للمنظومة عند A هي طاقة المرونة الكامنة 4x2/2. الطاقة الكلية للمنظومة عندما تتحرك القذيفة حول نقطة $\pm m v_{\rm R}^2$ الاتـزان للزنبـرك تشـمل طاقة حـركة القـديفة وطاقة وضع الجاذبية $mgx_{
m B}$. عند ذلك يعطى مبدأ حفظ الطاقة المكانيكية

$$E_{A} = E_{B}$$

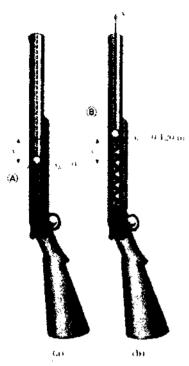
$$K_{A} + U_{gA} + U_{sA} = K_{B} + U_{gB} + U_{sB}$$

$$0 + 0 + \frac{1}{2}kx^{2} = \frac{1}{2}mv_{B}^{2} + mgx_{B} + 0$$

$$v_{B} = \sqrt{\frac{kx^{2}}{m} - 2gx_{B}}$$

$$= \sqrt{\frac{(953 \text{ N/m}) (0.120 \text{ m})^{2}}{0.0350 \text{ kg}}} - 2(9.80 \text{ m/s}^{2})(0.120 \text{ m})$$

$$= 19.7 \text{ m/s}$$



شكل 11.8 بندفية هواء (لعبة) تعمل بزنبرك

يجب أن تقارن بين الأمثلة المختلفة التي تم تقديمها في هذا الفصل. لاحظ كيف يساعد تقسيم المسألة إلى عدة عمليات متعاقبة في ايجاد الحل.

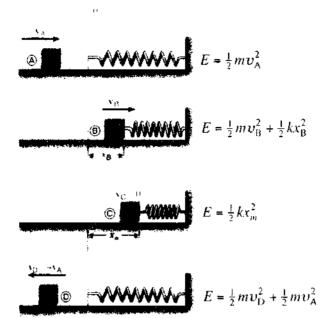
تمرين: ما هي سرعة القذيفة عندما تكون على ارتفاع \$10.0m

الإجابة: 14.0m/s

تصادم حجرمع زنبرك مثال 8.8

صخرة كتاتها 0.8 kg وسرعتها الابتدائية 1.2 m/s تنزلق تجاه اليمين لتصطدم بزنبرك مهمل الكتلة وله ثابت قوة k=5 N/m كما هو موضع في الشكل 12.8 . (a) بافتراض أن السطح أملس، احسب أقصى انضغاط في الزنبرك بعد التصادم.

الحل؛ تتكون المنظومة هنا من الصخرة والزنبرك. قبل التصادم- أي عند النقطة (A) تكون للصخرة طاقة حركة ولايكون الزنبرك منضغطاً بمعنى ان طاقة المرونة الكامنة المختزنة في الزنبرك تساوى صفراً . وهكذا، فإن الطاقة الميكانيكية الكلية للمنظومة قبل التصادم هي $\frac{1}{2}mv_{\rm A}^2$. بعد التصادم، 300 🖊 عند النقطة(Ĉ) ، يكون الزنبـرك منضغطاً كليـة. وُفي هـذ الحالة تكون الصـخـرة سـاكنـة وبالتالي فإن



شكل 12.8 تنزلق صخيره على سطح أملس أفيقي لتبصطدم مع زنبرك خفيف. (a) في بادئ الامر تكون الطاقة الميكانيكية كلها طاقة حركة. (b) الطاقة الميكانيكية هي وطاقة المرونة الكامنة المختزنة في الزنبرك. (c) الطاقة الكلية هي طاقة وضع. (b) تتحول الطاقة مسرة أخبري إلى طاقة حيركة للصخرة. تظل الطاقة الكلية ثابتة خلال الحركة.

طاقة حركتها تساوي صفراً، بينما تكون الطاقة المختزنة في الزنبرك اقصى مايمكن وتساوي على مايمكن وتساوي مركتها تساوي عند $x_m = x_m = x_m$ هو موضع الاتزان للزنبرك و $x_m = x_m$ النفطاط في الزنبرك والذي يحدث عند x_c . الطاقة الميكانيكية للمنظومة محفوظة حيث لاتؤثر قوى غير محافظة على الاجسام داخل المنظومة.

حيث إن الطاقة الميكانيكية محفوظة فإن طاقة الحركة للصخرة قبل التصادم يجب أن تساوي أقصى طاقة مرونة كامنة مختزنة في الزنبرك عند انضغاطة كلية.

$$E_{A} = E_{C}$$

$$K_{A} + U_{sA} = K_{C} + U_{sC}$$

$$\frac{1}{2}mv_{A}^{2} + 0 = 0 + \frac{1}{2}kx_{m}^{2}$$

$$x_{m} = \sqrt{\frac{m}{k}}v_{A} = \sqrt{\frac{0.80 \text{ kg}}{50 \text{ N/m}}}(1.2 \text{ m/s})$$

$$= 0.15 \text{ m}$$

لاحظ إننا لم نأخذ في الاعتبار $U_{\rm g}$ لانه لايحدث تغير في الموضع في الاتجاء الرأسي.

(b) افترض انه تؤثر قوة احتكاك بين الصخرة والسطح بمعامل احتكاك 0.5 μ_k . إذا كانت سرعة الصخرة عند لحظة تصادمها مع الزنبرك هي v_A = 1.2 ما هو اقصى انضغاط في الزنبرك.

الحل؛ في هذه الحالة لاتكون الطاقة الميكانيكية محافظة لأنه يوجد قوة احتكاك تؤثر على الصخرة. مقدار قوة الاحتكاك هو:

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

 $f_k = \mu_k n = \mu_k mg \approx 0.50(0.80 \text{ kg})(9.80 \text{m/s}^2) = 3.92 \text{ N}$

لهذا فإن التغيير في الطاقة الميكانيكية نتيجة الاحتكاك عندما تُزَاح الصخرة من نقطة اتزان الزنبرك (حيث تم اتخاذها كنقطة أصل) إلى X_B هو:

$$\Delta E = -\int_{k} x_{\rm B} = -3.92 x_{\rm B}$$

بالتعويض في المعادلة 15.8 نحصل على:

$$\Delta E = E_f - E_e = (0 + \frac{1}{2}kx_B^2) - (\frac{1}{2}mv_A^2 + 0) = -f_k x_B$$

$$\frac{1}{2}(50)x_B^2 - \frac{1}{2}(0.80)(1.2)^2 = -3.92x_B$$

$$25x_B^2 + 3.92x_B - 0.576 = 0$$

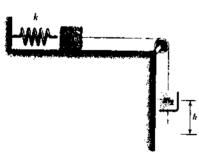
حل المعادلة من الدرجة الثانية يعطي $x_{\rm B}=-0.25 {\rm m}$. $x_{\rm B}=0.092 {\rm m}$. القيمة ذات المعنى الفيزيائي هي $x_{\rm B}=0.092 {\rm m}$ والقيمة السالبة لا تصلح لهذه الحالة لان الصخرة يجب أن تكون على يمين نقطة الاصل (القيمة الموجبة لـ $x_{\rm B}=0.092 {\rm m}$ عندما تتوقف. لاحظ أن $x_{\rm B}=0.092 {\rm m}$ أقل من المسافة التي تم الحصول عليها في حالة السطح الاملس، الجزء (a) . هذه النتيجة هي المتوقعة لأن الاحتكاك يعوق حركة المنظومة .

مثال 9.8 تحرك ثقلان متصلان

ثقلان متصلان ببعضهما بحبل يمر على بكرة ملساء كما بالشكل 13.8 يوضع الثقل m_1 على السطح الأفقي ومتصل بزنبرك له ثابت القوة k. ذرك الجسم يتحرك من السكون عندما يكون الزنبرك مضغوطاً. إذا هبط الثقل المعلق m_2 مسافة k قبل أن يصل إلى السكون، أحسب معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الثقل m_1 والسطح.

الحل: تظهر كلمة سكون مرتين في نص المسألة موضعة أن السرعة الابتدائية والسرعة النهائية وطاقات الحركة كلها صفراً. (لاحظ كذلك، حيث أننا نهتم بنقطتي البداية والنهاية للحركة، فلاداعي أن نضع دوائر حول الحروف كما فعلنا في المثالين السابقين. سوف يكون المتخدام i، f كافياً لتحديد الوضع). في هذه الحالة، تتكون المنظومة من الشقلين والزنبرك والأرض. سوف نحتاج إلى صيغتين لطاقتي الوضع: التجاذبية والمرونة الكامنة، حيث أن الطاقة الابتدائية والطاقة النهائية للمنظومة ساويان صفراً و $0 = \Delta K$ بذلك بهكننا كتابة:

(1)
$$\Delta E = \Delta U_g + \Delta U_s$$



شكل 13.8 عندما يتحرك النقل المعلق من أعلى ارتفاع إلى الأدنى، تضفد المنظومة طاقة وضع تجاذبية ولكن يكتسب طاقة مرونة كامنة في الزنبرك. هناك فقد لبعض من الطاقة الميكانيكية نتيجة الاحتكاك بين الثقل المنزلق والسطح،

 $\Delta U_s = U_{sf} - U_{si}$ عيث الجاذبية و $\Delta U_g = U_{gf} - U_{gi}$ هي التغير في طاقة المرونة الكامنة للمنظومة عندما يهبط الثقل المعلق m_2 مسافة h ويتحرك الثقل الافقي نفس المسافة h تجاء اليمين. لهذا وباستخدام المعادلة 15.8 نلاحظ أن الفقد في الطاقة نتيجة الاحتكاك بين الثقل الأفقى والسطح هي:

(2)
$$\Delta E = -f_k h = -\mu_g m_1 g h$$

التغير في طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للمنظومة يصاحب الثقل الهابط فقط حيث لايتغير الاحداث الرأسي للثقل المنزلق على السطح، لهذا نحصل على:

(3)
$$\Delta U_{\rm g} = U_{\rm gf} - U_{\rm gi} = 0 + m_2 gh$$

حيث تم قياس الاحداثيات من أدنى موضع للثقل الساقط.

مقدار التغير في طاقة المرونة الكامنة في الزنبرك هو:

(4)
$$\Delta U_s = U_{sf} - U_{si} = \frac{1}{2}kh^2 - 0$$

بالتعويض من المعادلات (2) و (3) و (4) في المعادلة (1) نحصل على: $-\mu_k m_{\rm l} g h = -m_2 g h + \frac{1}{2} k h^2$

$$\mu_k = \frac{m_2 g - \frac{1}{2} kh}{m_1 g}$$

تمثل هذه المعادلة إحدى طرق قياس معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الجسم والسطح. كما نرى في هذه المسألة، يكون من السهل احياناً أن نتعامل مع التغيرات في الانواع المختلفة للطاقة بدلاً من قيمتها الفعلية. على سبيل المثال إذا ما أردنا حساب القيمة العددية لطاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية المصاحبة للثقل المنزلق أفقياً فإننا نحتاج أن نعرف قيمة ارتفاع السطح الافقي بالنسبة لادنى موضع للثقل الهابط. من حسن الحظ أن ذلك ليس ضرورياً لأن طاقة الوضع المصاحبة للثقل الاولى لاتتغير.

مثال 10.8 المدخل العظيم

دعنا نصمم جهاز لرفع ممثل كتلته 65kg، ثم يهبط بعد ذلك على خشبة المسرح أثناء أداء مشهد تمثيلي، في هذه الحالة، يربط أحزمة مقعد الممثل بكيس من الرمل كتلته 130kg بواسطة سلك خفيف من الصلب يمر بنعومة على بكرتين املستين كما هو موضح بالشكل 14.8a. طول السلك بين الممثل واقرب بكره هو 3.0m حتى تكون البكرة مختفية خلف الستارة، حتى ينجح الجهاز في عمله، فإنه لايجب أن يرتفع كيس الرمل عن الارض وذلك عند تدلي الممثل من أعلى خشبة المسرح حتى الارض. دعنا نفترض أن الزاوية التي يصنعها السلك مع الرأسي هي θ ما هي أقصى قيمة للزاوية قبل أن يرتفع كيس الرمل عن الارض.

الضيزياء (الجزء الأول - البكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحل: هناك بعض المضاهيم التي يجب ذكرها قبل حل المسألة. أولاً نستخدم قانون حفظ طاقة الحركة الميكانيكية في حساب سرعة المثل عند ارتطامه بالارض كدالة في θ ونصف قطر المسار الدائري R الذي يتأرجع على طوله. ثانياً: نطبق قانون نيوتن الثاني على المثل عند قاع مساره لحساب الشد في السلك كدالة في البارامترات المعطاء. اخيراً نلاحظ أن كيس الرمل يرتفع عن الارض عندما تكون القوة المؤثرة عليه من السلك لأعلى أكبر من قوة الجاذبية التي تؤثر عليه. عندما يحدث ذلك تكون القوة العمودية صفراً.

بتطبيق فانون حفظ الطاقة للمنظومة المكونه من المثل والأرض نحصل على:

(1)
$$K_i + U_i = K_f + U_f$$
$$0 + m_{\text{actor}} gy_i = \frac{1}{2} m_{\text{actor}} v_f^2 + 0$$

حيث y_i هو الارتفاع الابتدائي للممثل عن الارض و v_f سرعة المثل قبل لحظه هبوطه (لاحظ أن

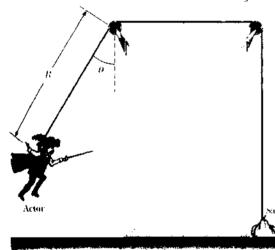
 $U_f = 0$ لانه يبدأ من السكون وكذّلك $K_i = 0$ لأن مستوى مقعد الممثل عندما يكون واقفاً على الارض هو المستوى الصفري لطاقة الوضع. من هندسة الشكل 14.8a نلاحظ أن $y_i = R - R \cos \theta = R (1 - \cos \theta)$ أن (1) باستخدام هذه العلاقة في المعادلة (1) نحصل على:

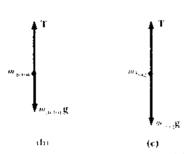
(2)
$$v_f^2 = 2gR(1 - \cos\theta)$$

الآن نستخدم قانون نيوتن الثاني على على المسلام المثل على المسلام المثل عندما يكون في قاع المسار الدائري و في نستخدم الرسم الهندسي للجسم الحر في الشكل 14.8b كمرشد لذلك.

$$\sum F_y = T - m_{\text{actor}} g = m_{\text{actor}} \frac{v_f^2}{R}$$
(3)
$$T = m_{\text{actor}} g + m_{\text{actor}} \frac{v_f^2}{R}$$

تنتقل قوة مساوية لمقدار الشد T إلى كيس الرمل، عندما يكون أعلى الأرض مباشرة وتصبح القوة العمودية على الكيس صفراً، ويتطلب ذلك أن $T=m_{\rm bag}g$ كما هو موضح في الشكل 14.8c، باستخدام هذا الشرط بالإضافة للمعادلتين (2)، (3)





شكل 14.8 (a) يختار الممثل اماكن جيدة لدخول المسرح (b) الرسم الهندسي للجسم الحر الحر للممثل عند قاع ألسار الدائري (c) الرسم الهندسي للجسم الحر لكيس الرمل.

ذحصل على:

$$m_{\text{hag}}g = m_{\text{actor}}g + m_{\text{actor}} \frac{2gR(1-\cos\theta)}{R}$$

بالحل في θ والتعويض عن البارامترات المدااه نحصل على:

$$\cos \theta = \frac{3m_{\text{actor}} - m_{\text{bag}}}{2m_{\text{actor}}} - \frac{3(65 \text{ kg}) - 130 \text{ kg}}{2(65 \text{ kg})} = \frac{1}{2}$$

$$\theta = 60^{\circ}$$

لاحظ أنه لايهمنا طول السلك R من مقعد المثل إليه البكرة الواقعة في أقصى اليسار، النقطة الهامة هنا في هذه المسألة هي أنه من الضروري احياناً أن تجمع بين مفاهيم الطاقة وقانون نيوتن الثاني للحركة.

تمرين: إذا كانت الزاوية الابتدائية $40^\circ = 0$. احسب سرعة المثل وكذلك الشد في السلك قبل أن يصل المثل إلى الأرض مباشرة.

(تنويه: لاتهمل الطول R= 3.0m في هذه الحالة).

الإجابة: 3.7 m/s ، 940N.

6.8 > العلاقة بين القوى الحافظة وطاقة الوضع

RELATIONSHIP BETWEEN CONSERVATIVE FORCE AND POTENTIAL ENERGY

مرة أخرى دعنا نفترض حاله الجسم كجزء من منظومة. افترض أن الجسم يتحرك على طول المحور x وافترض أن مركبة قوة محافظة F_x في اتجاء x تؤثر على الجسم، في بداية هذا الفصل أوضحنا كيف يمكن تعيين التغير في طاقة وضع المنظومة عندما نعلم مقدار القوة المحافظة، الآن سنوضح كيف نمين F_x عند معرفة طاقة الوضع للمنظومة.

في الجزء 2.8 علمنا أن الشغل المبدول بقوة محافظة عندما تعاني نقطة تأثيرها ازاحة Δx يساوي التغير السالب في طاقة الوضع المصاحبة لهذه القوة أي أن $W=F_{\chi}\Delta x=-\Delta U$. إذا كانت نقطة التأثير تتأثر بازاحة متناهية الصغر dV، يمكننا كتابة التغير المتناهي الصغر في طاقة الوضع dU في الصورة:

$$dU = -F_x dx$$

وهكذا، ترتبط القوة المحافظة بدالة طاقة الوضع من خلال العلاقة*

العلاقة بين القوة وطاقة الوضع
$$F_x = -\frac{dU}{dx}$$
 (16.8)

 $\frac{\partial U}{\partial x}$ - الشفاضل الجنزئي. بلغة التفاضل $\mathbf{F}=-\mathbf{i}\frac{\partial U}{\partial x}-\mathbf{j}\frac{\partial U}{\partial y}-\mathbf{k}\frac{\partial U}{\partial z}$ عيث $\frac{\partial U}{\partial x}$... هي الشفاضل الجنزئي. بلغة التفاضل U(x,y,z) الاتجاهي فإن \mathbf{F} تساوي الميل السالب للمقدار

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

أى أن القوة المُحافظة التي تؤثر على جسم داخل منظومة تساوى سالب تفاضل طاقة الوضع النظام بالنسبة لx.

يمكن بسهولة التأكد من هذه العلاقة للمثالين اللذين ثم مناقشتهما سابقاً. في حالة الزنبرك :وهكذا يكون $U_s = \frac{1}{2}kx^2$

$$F_{x} = -\frac{dU}{dx} = -\frac{d}{dx}(\frac{1}{2}kx^{2}) = -kx$$

 U_{g} هي تمثل قوة الارجاع في الزنبرك، حيث أن دالة طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية هي وهي تمثل قوة الارجاع في الزنبرك. x بدلا من y بدلا من $U_{
m g}$ بنتضح من المعادلة 16.8 أن $F_{
m g}$ عند تفاضل بالنسبة إلى y بدلا من y

الآن نلاحظ أن الدالة U هامـة جـداً لانه يمكن اسـتنتـاج القـوة المحـافظة منهـا. الاكـتـر من ذلك، توضح المعادلة 8.16 أن إضافة ثابت إلى طاقة الوضع ليس مهماً لأن تفاضل المقدار الثابت صفراً.

اختبار سريع 5.8

xماذا يمثل ميل منحنى الدالة U(x) مع

(اختیاری)

7.8 🔍 الرسوم البيانية للطاقة واتزان منظومة

ENERGY DIAGRAMS AND THE EQUILBRIUM OF A SYSTEM

يمكن إدراك حبركة منظومة كيفيا من خلال رسم طاقة الوضع مع مسافة الانفصال بين الاجسام في المنظومة. افترض دالة طاهة الوضع للمنظومة المكونة من الثقل والزنبرك والمعطام بالعلاقة $U_{\rm s}=-rac{1}{2}kx^2$ من الخطأ الشائع أن تعتقد أن طاقة بالعلاقة $U_{\rm s}=-rac{1}{2}kx^2$ الوضع في الرسم تمثل ارتفاع ليس هذا هو الحال هنا حيث أن الثقل يتحرك افقياً فقط). ترتبط القوة التي يؤثر بها الزنبرك على الثقل مع $U_{\rm s}$ من خلال العلاقة 16.8 .

$$F_x = -\frac{dU_s}{dx} = kx$$

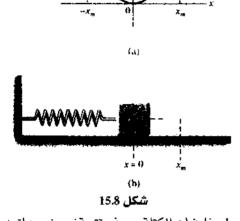
كما رأينا في الاختبار السريع x فإن القوة تساوي سالب ميل المنحنى x معندما يكون الثقل في سكون عند موضع الاتزان للزنبرك (x=0). حيث إن $F_s=0$ فإن الثقل سيبقى في نفس المكان ما لم x تؤثر قوة خارجية F_{ext} عليه، إذا كانت هذه القوة تؤدى إلى انبساط الزنبرك من موضع اتزانه، تكون موجبة ويكون الميل dU/dx موجباً ولهذا فإن القوة التي يؤثر بها الزنبرك تكون سالبة ويتسارع الثقل للخلف تجاه x=0 عندما يترك للحركة، إذا ادت القوة الخارجية إلى تقلص فإن x تكون سالبة والميل سالب ولهذا تكون F_s موجبة وتتسارع الكتلة تجاه x=0 عند تركها تتحرك.

Stable يتضبح من ذلك أن الوضيع x=0 للمنظومة المكونة من الزنبرك والكتلة هو اقزان مستقر equilibrum (306 أي حركة ابتعاد من هذا الموضع تحدث قوة تتجه إلى الوراء نحو x=0. بصورة

الفصل الثامن: طاقة الوضع وحفظ الطاقة

عامة أوضاع الاتزان المستقرة تناظر النقاط التي تكون عندها U(x) أقل مايمكن.

ثلاحظ من الشكل 15.8 أنه إذا منا أزيحت الكتلة ازاحة ابتدائية x_m وتركت لتتحرك من السكون، تكون الطاقة الكلية الابتدائية هي طاقة الوضع المختزنة في الزنبيرك $\frac{1}{2}kx_m^2$ عندميا تبيدا الكتلة في الحيركية، تكتسب المنظومة طاقة حركة وتفقد نفس الكمية من طاقة الوضع. وحيث إن الطاقة الكلية ثابتة، تتذبذب $x=-x_m$ ($x=-x_m$) بين النقطتين و $x=x_m$ وتسميان نقطتا الرجوع Turning points. في الحقيقة حيث إنه لايوجد فقد في الطاقة (لايوجد احتكاك) فأن الكتلة ستستذيذب بين x ، -x دائماً . (سنتناقش هذه التذبذبات مرة أخرى في فصل 13). من وجهة نظر الطاقة الايمكن ان تزداد الطاقة عن kx_m^{-2} ولهذا فإن الكتلة سوف تتوقف عند هاتين النقطتين، لان قوة الزنبرك يجب أن تتسارع تجاه 0±x.



مثال لمنظومة ميكانيكية أخرى والتي يوجد لها أتزان مستقر هي الكرة الدوارة في قاع وعاء مقعر. عند ازاحة الكرة من ادنى موضع لها فإنها تحاول العودة إلى نفس المكان عند تركها تتحرك.

الآن افترض جسم يتحرك على طول المحور x تحت تأثير القوة المحافظة F_{x} حيث يوضح الشكل منحنى U(x) مع x. مرة أخرى $F_x = 0$ عند $F_x = 0$ وبالتالى يكون الجسم في موضع اتزان عند هذه النقطة. ومع ذلك فإن هذا موضع اتزان غير مستقر Unstable للسبب التالي. افترض أن الجسم أزيح تجاه اليمين (x > 0) . حيث إن الميل سالب عندما تكون $F_x = -dU/dx$ ، موجبة ويتسارع الجسيم مبتعداً عن x=0. اما إذا كان الجسم عند x=0 وازيح ناحية اليسار x < 0 فإن القوة تكون سالبة لأن الميل موجباً عندما تكون (x < 0) Negative slope Positive slope x = 0 ويتسارع الجسم مرة أُخرى مبتعداً عن موضع الاتزان. الموضع

> في هذه الحالة هو إحد نقاط الانزان غير المنتقر بالنسبة لأي ازاحة من هذه النقطة، لأن القوة تدفع الجسم للإبتعاد أكثر عن نقطة الاتزان، تحاول القوة دائماً إلى دفع الجسم إلى الموضع الأدنى في طاقة الوضع. عند وضع قلم رصاص على سنه هو موضع الاتران غير المستقر. إذا ما أزيح القلم قليلاً عن الموضع الرأسي المطلق تم

درك ليتحرك فإنه بالتأكيد سوف يسقط، بصورة عامة، **مواضع**

شكل 16.8 رسم U(x) مع x لجسم له موضع انزان غير مستقر عند النقطة x=0 عند إحداث ازاحة

صغيرة للجسيم، تكون الشوة في اتجاه مبتعدا عن 0≃٪.

الضيزياء (الجزء الأول الميكانيكا والديناه يكا الحرارية)

الأقران +: المستقرة تناظر النقاط التي تكون عندها U(x) أكبر مايمكن. أخيراً هيناك وضع عندما تكون U ثابتية هي منطقية منا وبالتيالي $F_{\rm x}$ يطلق على هذا الوضع الاتزان المتعادل. عند حيوث إذا حالت صغيرة من هذا الموضع لا يُحدث قوى ارجاع أو تمزق. كرة موضوعه على سطح أفقي هي مثال احسم في حالة اتزان متعادل.

1137101 القوة والطاقة على المستوى الذري

المنافة الوضع المصاحبة لقوة بين ذرتين متعادلتين في جزئ يمكن صياغتها بدالة طاقة الوضع للتفادد وجوفن

$$U(x) = 4\varepsilon \left[\left(\frac{\sigma}{x} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{x} \right)^{6} \right]$$

حيث x هي السافة بين الذرتين، تشتمل الدالة U(x) على بارامترين σ, ϵ والذي يمكن تعيينهما من التجارب العملية ويأخذان القيامتين $\varepsilon = 1.51 \times 10^{-22} J$ ، $\sigma = 0.263$ nm من التجارب العملية ويأخذان القيامتين (a) باستخدام جدول بيانات أو أي شيّ مشابه ارسم هذه الدالة واحسب المسافة المناسبة بين الدرتين.

الحل: نتوقع أن يوجد أتزان مستقر عندما تنفصل الذرتان بمسافة الاتزان وطاقة الوضع للمنظومة المكونة من الذرتين (الجزئ) أقل مايمكن. يمكن حساب الحد الأدنى للدالة U(x) بايجاد تفاضلها بالنسبة إلى x ومساواته بالصفر.

$$\frac{dU(x)}{dx} = 4\varepsilon \frac{d}{dx} \left[\left(\frac{\sigma}{x} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{x} \right)^{6} \right] = 0$$
$$= 4\varepsilon \left[\frac{-12\sigma^{12}}{x^{13}} - \frac{-6\sigma^{6}}{x^{7}} \right] = 0$$

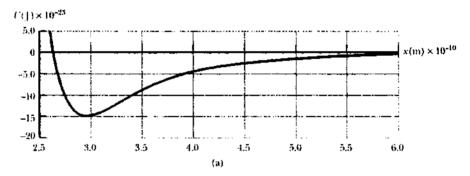
هكذا تكون مسافة الاتزان بين الذرتين في الجزئ بعد استخدام قيمتا ٥٫٤ هي:

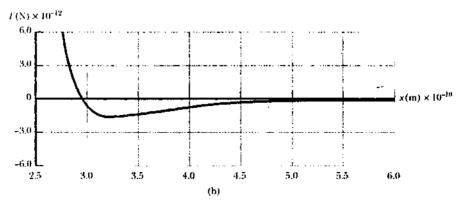
$$x = 2.95 \times 10^{-10} \text{m}$$

نرسم دالة لينارد وجونز على كلا الطرفين لهذه القيمة الحرجة حتى نحصل على الرسم البياني للطاقة كما هو موضع بالشكل 17.8a . لاحظ أن U(x) تكون كبيرة جداً عندما تتقارب الذرتان من بعضهما كثيراً وتكون ادنى مايمكن عندما تكون الذرتان عند الوضع الحرج ثم تزداد بعد ذلك بزيادة المسافة بين الذرتين، عندما تكون U(x) أدنى مايمكن تكون الذرتان في حالة اتزان مستقر- يوضح ذلك أن هذه هي المسافة المناسبة لاستقرار الجزئ. (b) احسب $F_{x}(x)$ ، القوة التي تؤثر بها ذرة على الذرة الأخرى في الجزئ كدالة في المسافة بينهما وأثبت أن الطريقة التي تسلكها هذه القوة مقبولة 308 | فيزيائيا عندما تكون الذرتان متقاربتان أو متباعدتان جداً. الحل؛ حيث إن الذرتين تتحدان لتكونا جزئ، فإن القوة بينهما يجب أن تكون قوة تجاذب عندما تكون الذرتان متباعدتين. من ناحية أخرى فإن القوة بينهما تكون قوة تنافر عندما تكون الذرتان منفاربتين من بعضهما، غير ذلك سوف يتحطم الجزئ. هكذا فإن القوة تغير اشارتها عند مسافة الانفصال الحرج وبطريقة مشابهة عندما تتغير اشارة قوى الزنبرك عند التغير من الانبساط إلى الانضغاط. باستخدام المعادلة 16.8 في دالة لينارد وجونز لطاقة الوضع نحصل على:

$$F_x = -\frac{dU(x)}{dx} = -4\varepsilon \frac{d}{dx} \left[\left(\frac{\sigma}{x}\right)^{12} - \left(\frac{\sigma}{x}\right)^6 \right]$$
$$= 4\varepsilon \left[\frac{-12\sigma^{12}}{x^{13}} - \frac{-6\sigma^6}{x^7} \right]$$

هذه النتيجة موضحه في الشكل 17.8b. كما هو متوقع فإن القوة تكون موجبة (تناة رية) عند مسافات الفصل الصغيرة وصفراً عندما تكون الذرتان عند موضع الاتزان المستقر وسالبة (تجاذبية) عند مسافات الفصل الكبيرة. لاحظ أن القوة تتقارب من الصفر عندما تكون مسافة الفصل بين الذرتان كبيرة جداً.





شكل 17.8 منعنى طاقة الوضع المساحب للجرى. المسافة x هي مسافة الضمل بين ذرتى الجزىء (b) القوة التي تؤثر بها ذرة على الذرة الأخرى.

8.8 حفظ الطاقة بصورة عامة CONSERVATION OF ENERGY IN GENERAL

لقد لاحظنا أن الطاقة الميكانيكية الكلية لمنظومة تكون ثابتة عندما تكون القوى المؤثرة في المنظومة هي قوى محافظة. علاوة على ذلك بمكننا تعيين دالة طاقة الوضع المصاحبة لكل قوه محافظة، من ناحية أخرى وكما لاحظنا في الجزء 5.8. فإنه يوجد فقد في الطاقة الميكانيكية عند وجود قوى غير محافظة مثل الاحتكاك. عند دراستنا للديناميكا الحرارية فيما بعد، سوف نرى أن الطاقة الميكانيكية تتحول إلى طاقة مختزنة داخل الاجسام المختلفة التي تكون المنظومة. هذه الصورة من الطاقة تسمى الطاقة الداخلية. على سبيل المثال عندما ينزلق ثقل على سطح خشن فإن الطاقة الميكانيكية المفقودة بسبب الاحتكاك تتحول إلى طاقة داخلية والتى تختزن مؤقتاً داخل الصخرة والسطح، والدليل على ذلك ارتفاع درجية حرارة الكتلة والسطح. سوف بالاحظ على المستوى تحت المجهري أن الطاقة الداخلية يصاحبها اهتزاز الذرات حول مواضع اتزانها. تشتمل هذه الحركة الذرية الداخلية كلا من طافة الحركة وطافة الوضع. وهكذا فإذا ما أخذنا في الاعتبار هذه الزيادة في الطاقة الداخلية للاجسام المكونه للمنظومة هإن الطاقة الكلية تكون محفوظة.

هذا مجرد مثال عن كيفية دراسة منظومة معزولة وسوف نجد دائماً أن كمية الطاقة الكلبة الطاقة الكلية التي تحتويها المنظومة لا تتغير طالما أخذ في الاعتبار كل انواع الطاقة. محفوظة أى أن الطاقة لاتستحدث ولاتفني. قد تتحول الطاقة من صورة إلى أخرى ولكن تظل

الطاقة الكلية لمنظومة معزولة ثابتة دائماً . من وجهة النظر العامة فإن الطاقة الكلية للكون ثابتة. إذا ما اكتسب جزء من الكون طاقة في صورة ما فإن جزء آخر من الكون سوف يفقد نفس الكمية من الطاقة ليس هناك إخلال لهذا المدأ تم اكتشافه.

(اختیاری)

MASS- ENERGY EQUIVALENCE تكافؤ الكتلة والطاقة \sim 8.9

يهتم هذا الفصل بأهمية مبدأ حفظ الطاقة وتطبيقة على كثير من الظواهر الفيزيائية. هناك مبدأ هام آخر وهو حفظ الكتلة والذي ينص على أنه في اي عملية فيزيائية أو كميائية، الكتلة لاتفنى ولا تستحدث، أي أن الكتلة قبل اي عملية تساوي الكتلة بعدها.

لعدة فرون، ظل العلماء يعتقدون أن الطافة والكتلة عبارة عن كميتين محفوظتين كل على حدة. إلى أن قدم ابنشتاين في 1905 النظرية النسبية الخاصة وفيها تكون كتلة أي منظومة هي مقياس لطاقته، العلاقة بين الائتين تعطى بعلاقة إينشتاين المشهورة

$$E_{\mathsf{R}} = mc^2 \tag{17.8}$$

حيث c هي سرعة الضوء و $E_{
m R}$ هي الطاقة المكافئة للكتلة m. الرمز السفلي R في الطاقة يرمز v=0 إلى طاقة السكون لجسم كتلته m، أي طاقة الجسم عندما تكون سرعته v=0 طاقة السكون المصاحبة للكتلة مهما كانت صغيرة هي طاقة هائلة. على سبيل المثال، طاقة السكون لكيلو جرام واحد من مادة تساوى

$$E_{\rm R} = mc^2 = (1 \text{ kg})(3 \times 10^8 \text{ m/s})^2 = 9 \times 10^{16} \text{J}$$

هذه الطاقة يمكن الحصول عليها من 15 مليون برميل من البترول الخام ١. يعادل استهلاك طاقة في الولايات المتحدة لمدة يوم واحد. إذا ماتم الاستفادة من هذه الطاقة فإن مصادر الطاقة سوف تكون بلاحدود.

في الحقيقة جزء صغير من طافة المادة هو الذي يمكن استخلاصه خلال التفاعلات الكيميائية أو النووية. تكون التأثيرات واضحة جلياً هي التفاعلات النووية، والتي يتم فيها تغير نسبي هي الطاقة ومن ثم الكتلة، مقداره 10⁻³ تقريباً . كمثال جيد لذلك هو كمية الطاقة الهائلة المستخلصة عند انشطار نواة اليورانيوم 235 إلى نواتين صغيرتين. يحدث ذلك لأن مجموع كتل النوى الناتج أقل قليلاً من كتلة نواة اليورانيوم 235 الاصلية. الطبيعة المدهشة للطاقة المستخلصة في هذه التفاعلات تكون واضحه في انفجار الاسلحة النووية.

توضح المعادلة 17.8 أن الطاقة لها كتلة، عندما تتغير بطاقة جسم بأي طريقة تتغير كذلك كتلتها. إذا كانت ΔE هي التغير في طاقة جسم فإن التغير في كتلته هو:

$$\Delta m = \frac{\Delta E}{c^2} \tag{18.8}$$

في أي لحظة إذا مُدَّ جسم بطاقة ΔE في اي صورة سيكون التغير في الكتلة Δm Δm . ومع ذلك وحيث أن c^2 مقدار كبير جداً فإن التغير في الكتلة في أي تجربة ميكانيكية عادية أو تفاعل c^2 كيميائي سيكون من الصعب الكشف عنه.

هنا تأتى الشمس مثال 12.8

تحول الشمس كمية هائلة من المادة إلى طاقة. كل ثانية يتحول 4.19 x10⁹ kg (سعة 400 سفينة شعن متوسطة الحجم تقريبا) إلى طاقة. ما مقدار القدرة الخارجة من الشمس.

الحل: تحسب الطاقة المنطلقة في الثانية مباشرة من العلاقة

$$E_{\rm R}$$
= (4.19 x 10⁹ kg)(3.0 x 10⁸ m/s)²= 3.77 x 10²⁶J

ثم تستخدم تعريف القدرة:

$$\mathcal{P} = \frac{3.77 \times 10^{26} \,\mathrm{J}}{1.00 \,\mathrm{s}} = 3.77 \times 10^{26} \,\mathrm{W}$$

تشع الشمس بانتظام في جميع الاتجاهات وبالتالي فإن جزءا صغير جداً من القدرة الخارجة يتم تجميعه بالارض، وبالرغم من ذلك فإن هذه الكمية كافية لامداد طاقة لكل ما هو على سطح الارض. ([31]

الضيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا العمرارية)

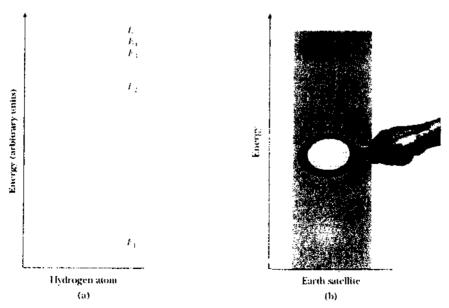
(الطاقة النووية والجيوحرارية هما المتناوبتان هقت)، شمص النباتات الطاقة الشمسية وتحولها إلى طاقة كيمياتية (طاقة مختزنة في جزيئات النبات)، مندما يأكل الحيوان النبات، فإن هذه الطاقة الكيميائية تتحول إلى طاقة حركة وصور آخرى للشاقة، الله تقرأ هذا الكتاب بعيون نعمل بطاقة حرارية.

(جزء اختياري)

QUANTIZA TION OF ENERGY تكمية الطاقة 🔍 10.8

بعض الكميات الفيزيائية مثل الشحنه الكهربية عكون مكماه: أي أن لها قيم محدده منفصلة بدلاً من القيم المتصلة. الطبيعة الكمية هامة جداً في العالم الذري وتحت الذري. كمثال على ذلك دعنا نفترض مستويات الطاقة في ذرة الهيدرو جين (تتكون من الكثرون يدور حول بروتون). يمكن للذرة ان تتواجد في مستويات طاقة معددة، تسمى الحالات الكمية Quantum States ، كما هو موضح في الشكل 18.8a . ولايمكن للذرة أن يكون لها قيم الطاقة تقع بين تلك الحالات الكمية ، ادنى مستوي للطاقة على يعدمي الحالة الارضية دائماً الحالة التي تتطاقة المحلة الارضية دائماً الحالة التي تتظاها ذرة معزولة.

يمكن للذرة أن تتحرك إلى حالات طاقة أعلى بالمتصاص طاقة من مصدر خارجي أو بالتصادم مع الذرات الأخرى، أعلى طاقة على التدريج الموضح في شكل E_∞ هو E_∞ يناظر طاقة الذرة عندما



شكل 18.8 رسم تخطيطي لمستوى الطاقية (a) الممالات الكملية في ذرة الهيدروجين، الحالة الادنى هي الحالة الارضية E_1 (b) مستويات الطاقية لقمر صناعي ارضي تكون مكماه ايضاً ولكنها متقاربة جداً من بعضها لدرجة أنه لايمكن التمييز بينها.

الفصل الثاسُ، طاقة الوضع وحفظ الطاقة

Innization يسمى طاقة التأين $E_{\infty}-E_{\parallel}$ يسمى طاقة التأين المروتون، الفسرة في الطساقة الطرف الأعلى من التدريج. Energy . لاحظ أن مستويات الطاقة تتقارب من بعضها كثيراً عند الطرف الأعلى من التدريج.

افترض قمر صناعي يدور حول الارض، إذا ما طلب منك وصف الطاقات المكنة التي يمكن أن ياحذها القمر، فإنه من المعقول (وإن كان غير صحيحاً) القول أنه يمكنه الحصول على أي قيمه اختياريه للطاقة، ومع ذلك ومثل ما حدث في ذرة الهيدوجين، فإن طاقة القمر الصناعي مكماه، إذا ما أردت عمل رسم تخطيطي لمستويات الطاقة للقمر الصناعي موضحاً أدنى طاقة له، فإن المستويات مشكون متقاربة من بعضها البعض كما هو موضح في الشكل ط10.8 أي أنه من الصعب أن تدرك بأنها ليست متصلة، بكلمات آخرى لايوجد طريقة توضح تكمية الطاقة في العالم الماكروسكوبي، ومن ثم، يمكننا أن نهمل ذلك عند وصف التجارب اليومية.

ملخص SUMMARY

عندما يكون جسم كتلته m على مسافة y من سطح الارض فإن طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للمنظومة المكونة من الجسم- الارض

$$U_{\rm g} = mgy \tag{1.8}$$

طاقة المرونة الكامنة المختزنة في زنبرك له ثابت قوة k هي:

$$U_x = \frac{1}{2}kx^2 \tag{4.8}$$

يمكنك استخدام هاتين المعادلتين في عدة حالات لتعيين الجهد اللازم للجسم لبذل شغل.

تكون القوة محافظة إذا كان الشغل الذي تبذله على جسم يتحرك بين نقطتين لايعتمد على مسار الجسم بين هاتين النقطتين، عبلاوة على ذلك تكون القوة محافظة إذا كنان الشغل الذي تبذله على جسم مساويا للصفر عندما يتحرك الجسم على مسار مغلق ويعود إلى نقطة البداية، القوة التي لاتحقق هذين الشرطين يقال أنها قوة غير محافظة.

دالة طاقة الوضع U تصاحب فقط القوة المحافظة. إذا اثرت قوة محافظة X على جسم يتحرك على المحور X على المنالب الشغل المبذول على المحور X من X الله الشغل المبذول القوة.

$$U_f - U_i = -\int_{x_i}^{x_i} F_x \, dx \tag{7.8}$$

يمكنك استخدام التكامل لحساب طاقة الوضع المصاحبة لقوة محافظة والعكس صحيح. تعرف الطاقة المكانيكية المكلية لمنظومة بأنها مجموع طاقتي الحركة والوضع.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$E = K + U (9.8)$$

في حالة عدم بذل أي قوة خارجية شغلاً على المنظومة وكذلك لاتؤثر قوى غير محافظة على الاجسام داخل المنظومة، في هذه الحالة تكون الطاقة الميكانيكية الكلية ثابتة

$$K_i + U_i = K_f + U_f$$
 (10.8)

إذا اثرت قوى غير محافظة (مثل الاحتكاك) على الاجسام داخل المنظومة، فإن الطاقة الميكانيكية الاتكون محفوظة، في هذه الحالات يكون الفرق بين الطاقة الميكانيكية النهائية والطاقة الميكانيكية الابتدائية للمنظومة مساوياً للطاقة المحولة إلى أو من المنظومة بواسطة القوى غير المحافظة.

QUESTIONS اسئلة

- 1- تُشيد كثيراً من الطرق الجبلية بحيث تكون حلزونية حول الجبل للوصول إلى أعلى الجبل بدلاً من أن تكون مستقيمة، ناقش هذا التصميم من وجهة نظر الطاقة والقدرة.
- 2- فذفت كرة لأعلى في الهواء، عند أي موضع تكون طاقة حركتها أكبر مايمكن؟ عند أي موضع تكون طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية أكبر مايمكن.
- كرة بولينج معلقة في السقف في صالة محاضرات بخيطة قوي، ثم سحب الكرة بعيداً عن موضع اتزانها وتركت كي تتحرك من السكون من حافة أنف طالبة كما بالشكل Q3.8. إذا ظلت الطالبة ساكنة، فسر لماذا لن تصطدم الكرة بها عند عودتها مل ستكون الطالبة في أمان إذا مادفعت الكره عند تركها للحركة (بدلاً من تركها تتحرك من السكون).



شكل Q 3.8

- ل يُسقط شخصاً كره من أعلى مبنى ويراقب شخصاً من أسفل المبنى حركة الكرة. هل يتفق الشخصان على قيمة طاقة الوضع للمنظومة المكونة من الكرة والأرض؟ على التغير في طاقة الوضع؟ على طاقة الحركة للكره؟
- 5 -عندما يجري شخصاً على المضمار حتى وإن كانت سرعته ثابتة، هل يبذل شغلاً؟

الفصل الثامن، طاقة الوضع وحفظ الطاقة

- (ملحوظة: بالرغم من أن العدَّاء يسير بسرعة ثابتة، فإن قدميه وذراعية تتسارعان) كيف تدخل مقاومة الهواء في الاعتبار؟ هل مركز ثقل العداء يتحرك افقياً؟
- 6 تؤثر عضلات جسمنا بقوي عندما نصعد-ندفع- نجري- نقضز .. الخ. هل هذه القوى هي قوي محافظة؟
- 7 إذا أثرت ثلاث قوى محافظة وقوى واحدة غير محافظة على منظومة ما عدد حدود طاقة الوضع التي ستظهر في المعادلة التي تصف تلك المنظومة.
- 8 افترض أن كره مثبته في أحد طرفي قضيب رأسى والطرف الآخر معلق حول محور أفقى بحيث يدور القضيب في مستوى رأسي، ما هي مواضع الاتزان المستقر، وغير المستقر.

9 - هل من المكن فيزيائياً إن نحصل على وضع قبه *E− U<*0

x ماذا يجب أن يكون عليه المنحنى U مع - 10 إذا كان الجسم في منطقة الاتزان المتعادل.

11 - اشرح تحويلات الطاقة التي تحدث اثناء

(a) فللذف الزانه (b) الانطلاق Shot put

(c) الوثب العالى.

ما مصدر الطاقة في كل حالة.

- 12 ناقش بعض تحويلات الطاقبة التي تحدث اثناء تشغيل السيارة.
- 13 إذا أثرت قوة وأحدة خارجية على جسم، هل من الضروري تغيير (a) طاقة الحركة للجسم. (b) سرعة الجسم؟.

PROBLEMS Jilms

1، 2 ، 3 = مسائل مياشرة، متوسطة، تحدى

🔙 = الحل كامل مناح في المرشد.

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = الحل موجود في: /WEB

🖺 = فيزياء تفاعلية

الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.8 طاقة الوضع

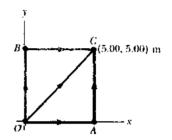
قسم 2.8 القوى الحافظة وغير الحافظة.

- 1 عبرية دوارة A Roller Coaster كيتاتها 1000Kg على قيمة مطلع في بادئ الامر عند النقطة A بعد ذلك تحركت مسافة 135 قسدم بزاوية °40.0 أستقل المستسوى الافقى إلى النقطة B.
- (a) اختار النقطة B لتكون المستوى الصفري لطاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية، احسب طاقة الوضع للمنظومة المكونة من المركب الدوار والأرض عند النقطتين B ، A والتغير في طاقة وضعها عندما تتحرك المركب (b)

كرر الجزء (a) باعتبار أن النقطة A هي مستوى الاسناد الصفرى،

- 2 طفل وزنه 40.0N في أرجوحية مربوطة بحبل طوله 2.0m . احسب طاقبة الوضع الناشئة عن الجاذبية للمنظومة المكونة من الطفل والارض بالنسبة لادنى موضع للطفل عندما (a) تكون الأحبال افقية (b) تصنع الأحبال زاوية °30.0 مع الرأسي و (c) يكون الطفل في قاع القوس الدائري.
- 3 يتحرك جسم كتلته 4.0Kg من نقطة الأصل إلى y=5.00m و x=5.0m احداثياته x=5.0m (شكل P3.8). إحدى القوى المؤثرة عليه هي 🕻 315]

قوة الجاذبية في الاتجاه السالب للمحور V. باستخدام المعادلة V. احسب الشغل المبذول بقوة الجاذبية عندما يتحرك الجسم من V الى V عسب V عسب V عسب V عسب V الشلاث. V عبد ان تتساوى النتائج الشلاث. V



شكل P3.8 السائل 3، 4، 5

4 - (a) افترض ان قوه ثابتة تؤثر على جسم. لانتغير القوة مع الزمن، أو مع الاحداثيات أو مع سرعة الجسم. ابدأ من تعريف الشغل المبذول بقوة

$$W = \int_{i}^{f} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{s}$$

ووضع أن القوة معافظة (b) كعالة خاصة افترض أن القوة F=(3i+4j) N تؤثر على افترض أن القوة C إلى O في الشكل جسم يتحبرك من O إلى C في الشكل C الحسب الشغل المبدول بالقوة C عندما يتحرك الجسم على المسارات الثلاث عندما يتحرك الجسم على المسارات الثلاث CC CDC CDC

قسم 3.8 القوى الحافظة وطاقة الوضع. قسم 4.8 حفظ الطاقة المكانيكية.

6 - عند الزمن ا، طاقسة الحركمة لجسم في منظومة هي لـ30.0 وطاقة الوضع للمنظومة هي لـ10.0 في وقت لاحق با تكون طاقسة الحركمة للجسم هي لـ10.0 (a) إذا كانت القوى المؤثرة على الجسم هي قوى محافظة فقط ما مقدار طاقة الوضع والطاقة الكلية عند با (b) إذا كانت طاقة وضع المنظومة عند با هي لـ5.0 هل هناك أي من القسوى غير المحافظة تؤثر على الجسم؟ فسر ذلك.

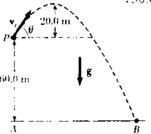
آثونر قوة محافظة واحدة على جسم كتلته $F_x = (2x + 4)N$ تمثل هذه القوة، حيث x بالمتر. عندما يتحرك الجسم على المحبور x من 1.0m x = 5.0 إلى x = 1.0 الشغل المبنول بهذه القوة (b) الشغل المبنول بهذه القوة (c) التغير في طاقة وضع المنظومة و (c) طاقة حبركة الجسم عند x = 5.0 إذا كيانت سرعته هي x = 3.0 عند x = 1.0

8 - تؤثر قوة ثابتة واحدة F= (3i+5j)N على جسم كتلته 4.0Kg احسب الشغل المبذول بهذه القوة إذا تحرك الجسم من نقطة الأصل إلى نقطة متجه موضعها هو نقطة الأصل إلى نقطة متجه موضعها هو السار. (2i - 3j)m المسار. (b) ما هي سرعة الجسم عند r إذا كانت سرعته عند نقطة الأصل هي
 4.0m/s ما مقدار التغير في طاقعة وضع المنظومة.

9 - تتغير قوة محافظة مفرده تؤثر على جسم طبقاً للعلاقة $F = (-Ax + Bx^2)i$ N عيث B ثابتان و x بالمتر. (a) احسب دالة طاقة B ثابتان و x بالمتر. (b) احسب القوة باعتبار الوضع U(x) عند U=0 احسب التغير في طاقة الحركة عندما لوضع والتغير في طاقة الحركة عندما x=2.0m بتحرك الجسم من x=2.0m إلى x=2.0m

المصل الثامن، طاقة الوضع وحفظ الطاقة

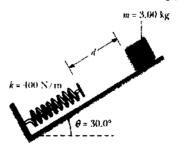
10- قُذف جسم كناته 0.50kg من P كما هو موضع بالشكل P10.8. السرعة الابتدائية للجسم هي v ومركبتها الأفقية هي 30.0m/s.



شكل P10.8

يرتفع الجسم إلى اقضى ارتفاع - حوالي 2.0m أعلى النقطة P. باستخدام قانون حفظ الطاقة احسب. (a) المركبة الرأسية للسرعة P. (b) الشغل المبدول بواسطة قوة الجاذبية اثناء حركة الجسم من P إلى P و المركبتان الافقية والرأسية لمتجه السرعة عندما يصل الجسم إلى P.

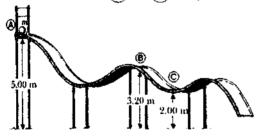
11- تنزلق كتله مقدارها 3.0kg من السكون وتنزلق مسافة d اسفل منحدر أملس يصنع زاوية °30.0. اثناء الانزلاق تلتصق بزنبرك غير مضغوط مهمل الكتلة كما هو موضح بالشكل P11.8. تنزلق الكتلة مسافة إضافية مقدارها 0.20m عند سكونها لحظياً بانضغاط الزنبرك (400N/m). احسب مسافة الانقصال الابتدائية b بين الكتلة والزنبرك.



شكل P11.8 المسألتان 11، 12.

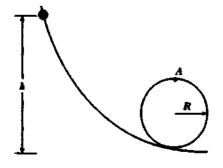
12- تنزلق كتله m من السكون مسافة d اسفل نعدر املس يصنع زاوية θ. اثناء الانزلاق تلتصق بزنبرك غير مضغوط مهمل الكتلة كما هو موضع بالشكل P11.8 . تنزلق الكتلة مسافة اضافية مقدارها x عند سكونها لحظياً بانضغاط الزنبرك (ثابت القوة k). احسب مسافة الانفصال الابتدائية b بين الكتلة والزنبرك.

13- تُرك جسم كتلته m=5.0kg ليتحرك من النقطة (A) وينزلق على طريق املس كما هو موضع في الشكل P13.8 احسب (a) سرعة الجسيم عند النقطتين (B) و (C) و (D) الشغل الكلي المبذول بقوة الجاذبية في تحريك الجسم من (A) الى (C).



شكل P13.8

14- تُرك بندول بسيط طوله 2.0m يتحرك من السكون عندما يصنع الخيط زاوية 25° مع الرأسي. ما هي سرعة الكتلة المعلقة، عند القاع.



شكل P15.8

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

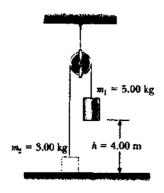
- أن راق خرزه بدون احتكاك حول طوق شكل P15.8. إذا بدأت الخرزة الحركة من ارتفاع 3.5R. ما هي سرعتها عند النقطة A. ما قيمة القوة العمودية على الخرزه إذا كالت كتلتها \$5.08
- 16-كتله مقدارها 120.0g مربوطة بالطرف السفلي من زنبرك غير مضغوط. وكان الزنبرك معلق رأسياً وله ثابت قوة 40.0N/m إذا تم استاط الكتلة (a) ما المسافة التي أقصى سرعة لها. (b) ما المسافة التي تسقطها قبل ان تسكن لحظياً.
- 17 ثقل كتلته 0.25kg موضوعاً على قمة زنبرك رأسي له ثابت K= 5000 N/m وتم دفعه لاسفل فانضغط الزنبرك 0.10m. بعد تركه، يتحرك الثقل لأعلى وبعد ذلك يترك الزنبرك. ما هو اقصى ارتضاع للثقل من لحظه تركه للزنبرك.
- 18- ديف جونسون بطل اولمبياد برشلونه 1992 برتفع عن الارض في قفرته بسرعة مركبتها الرأسية 6.0m/s ما مقدار ارتفاع مركز الثقل له عند إجراء هذه القفزه.
- 9- قذفت كره كتلتها 0.40kg لأعلى في خط مستقيم في الهواء لتصل إلى اقصى ارتفاع 20.0m . باعتبار أن موضعها الابتدائي هو نقطة الصفر لطاقة الوضع وباستخدام طرق الطاقة اوجد (a) سرعتها الابتدائية (b) طاقتها الميكانيكية الكلية (c) نسبة طاقة حركتها إلى طاقة وضع المنظومة المكونه من الكره والارض عندما تكون الكره على ارتفاع 10.0m.
- 20- إحدى الالعاب الخطره هي قفزة الموت. قام طالب جرىء بالقفز من منطاد ملحق به حيل مرن معد خصيصاً ومربوطاً من قدميه كما هو موضح بالشكل P20.8.



شكل P20.8 ففزه الموت

طول الخيط بدون استطاله هو 25.0m وزن الطالب 700.N والمنطاد على ارتفاع 36.0m من سطح النهر. بافتراض أن قانون هوك يصف الحبل، احسب ثابت القوة اللازم إذا ما اراد ان يقف آمنا على ارتفاع 4.0m فوق النهر.

21 كتاتان متصانان بعبل خفيف يمر على بكره ماساء كما هو موضح بالشكل P21.8. تركت الكتلة \$5.0kg تتحرك من السكون. باستخدام فانون حفظ الطاقة (a) احسب سرعة الكتلة \$3.0kg عند لحظة اصطدام الكتلة \$5.0kg بالارض. (b) احسب اقصى ارتفاع تصل إليه الكتلة \$3.0kg.



شكل P21.8 المسألتان 21، 22.

22- كتلتان متصلتان بحبل خفيف يمر على بكرة ملساء كما هو موضع بالشكل P21.8 تركت الكتله m₁ (أكبير من m₂) تتحرك من السكون، باستخدام قانون حفظ الطاقة (a) احسب سرعة الكتلة m2 عند لحظة اصطدام الكتلة m₁ بالارض بدلالة m₁ و و h و h احسب اقصى ارتفاع تصل إليه m_2 الكتلة m₂.

23- أطلقت دانه كتلتها 20.0kg من مدفع بسرعة عند فلوهه المدفع ملقلدارها 1000m/s وبزاوية °37.0 مع الافسقى، اطلقت دانه أخرى بزاوية °90، استخدم قانون حفظ الطاقة الميكانيكية في حساب (a) اقصى ارتفاع لكلتا الدانتين (b) الطاقة الميكانيكية الكلية عند اقصى ارتفاع لكل دانه، افترض أن المدفع عند y=0.

24- تتكون العظلة في السيرك من قضيب معلق بحبلين متوازيين طول كل منهما ١٠. تسمح العقلة للاعبة بأن تتأرجح في قوس دائري رأسى (شكل P24.8).



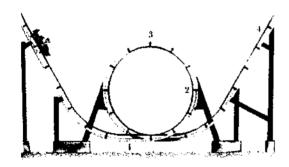
شكل P24.8

افترض أن اللاعب كتلتها m وتمسك بالقضيب وهي واقفه على منصه مرفوعه وأنها تتحرك من السكون عندما يصنع

الحبيلان زاوية θ_i مع الرأسي، افرض أن طول اللاعبه اقل كثيراً من طول الحيل وأن مقاومة الهواء مهملة. (a) اثبت أنه عندما يصنع الحبيل زاوية θ مع الرأسي فيان اللاعبة تبذل قوة

 $F = mg(3\cos\theta - 2\cos\theta_i)$

حتى تستمر في التعليق (b) عين الزاوية ;θ والتى عندها تكون القوة اللازمية لتبدلي اللاعبه عند قاع الارجوحه ضعف وزن اللاعبة.



شكل P25.8

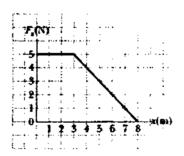
25- يمكن للعربة الدوارة ان تتحرك بحريه- مع اهمال الاحتكاك- عند تركها تتحرك من فسمة أول ارتضاع. تتحرك العربة الدوارة الموضحة بالشكل P25.8 في خيه دائرية نصف قطرها 20.0m، عندما تكون العارية عند قمة الخيه، يكون الركاب مقلوبون رأساً على علقب ويشعرون بانعدام الوزن (a) احسب سرعة العربة عندما تكون عند قمة الخيه (موضع 3). احسب سرعة العربة (b) عند الموضع 1، (c) عند الموضع 2. (d) احسب الفرق في الارتفاع عند الوضعين (1)، (4) إذا كانت سرعة العربة عند 4 هي .10.m/s

26- قضيب جاسىء خفيف الوزن طوله 72.cm (319

علق طرفه العلوي بمفصله على محور أفقي منعدم الاحتكاك ويكون القضيب رأسي عند السكون. ريطت كرم بالطرف الشائي للقضيب. عند خبط الكرة فجاة وذلك بإعطائها سرعة أفقية فإنها تتأرجح وتصنع دائرة كاملة. ما هي أقل سرعة مطلوبه حتى تصل الكرم إلى قمة الدائرة.

27 - يقفز غواص كتلته 70kg من برج إرتضاعه 10.m رأسياً في الماء، يستقر الغواص عندما يغـوص تحت سطح الماء مـسافـة 5.0m احسب متوسط المقاومة التي يؤثر بها الماء على الغواص.

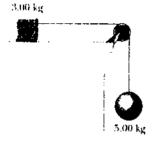
28 - يوضع الشكل P28.8 القيوة F_x كبدالة في المسافية والتي تؤثر على كبتله ميقيدارها 5.0kg . إذا بسدأ الجسسم الحبركية من السكون عند x=0 . احسب مبرعة الجسم عند x=0 . x=0 . x=0 .



شكل P28.8

29 - تؤرجع اللاعبه كره ماساء كتلتها 0.25 kg في مسسسار دائري رأسي نصف قطره في مسسسار دائري رأسي نصف قطره 60.0cm قبل أن تشركها من يدها. تحافظ اللاعبه على مركبه ثابتة للقوة مقدارها 30.0N في أتجاه الحركة حول المسار. إذا كانت سرعة الكره عند أعلى نقطة في الدائرة هي 15.0m/s. إذا شركت الكره تشحرك عند قاع الدائرة، أحسب سرعة الكره عند إطلاقها للحركة.

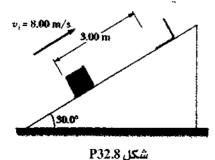
مسامل الاحتكاك بين ثقل كتلته 3.0kg مسامل الاحتكاك بين ثقل كتلته P30.8 . تبدأ والسطح هو 0.40 كما بالشكل P30.8 . تبدأ المنظومة الحركة من السكون ما هي سرعة كره كتلتها 5.0kg عندما تسقط من ارتفاع L5m



شكل P30.8

31 - تبدأ سيارة كتلتها 2000kg الحركة من السكون وتهبط لأسفل من قمة مستوى مائل طوله 5.0m ويميل بزاوية °20 مع الافقي. اذا كانت قوة الاحتكاك التي تعوقها هي 4000 N احسب سرعة السيارة عند نهاية الساد.

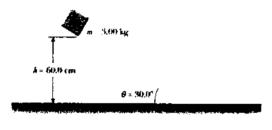
[32] دفع ثقل مستداره 5.0kg للحركة أعلي مستوى مائل بسرعة ابتدائية 8.0m/s (شكل P32.8). يسكن الشقل بعد قطع مسافة 3.0m على المستوى المائل بزاوية "30 مع الافقى. احسب (a) التغير في طاقة حركة الثقل (b) التغير في طاقة الوضع (c) قوة الاحتكاك المؤثرة على الثقل (افترض انها ثابتة) (b) ما هو معامل الاحتكاك الكيناتيكي.



220

- 33 يجلس طفل على كسرسي دراجسه (الكتلة الكلية 47.0kg) كسب سباقاً مع لاعب يركب قبضاب التزلج. إذا كانت سرعة الطفل هي المسلام التزلج. إذا كانت سرعة الطفل هي وطوله 12.4m هي قساع المنحسدر كسانت وطوله 12.4m هي قساع المنحسدر كسانت سسرعته الهواء ومقاومة التدحيج هي قوة ثابتة مقدارها 41.0N احسب الشغل الذي بذله الطفل في دفع دراجته اثناء الهبوط.
- 34 يقفر لاعب باراشوت كتلته 50.0kg من منطاد على ارتضاع 1000m ويهبط على الأرض بسرعة 5.0m/s، ما مقدار الفقد في الطاقة نتيجة مقاومة الهواء اثناء القفز.
- 35- يقفز غواص سحاب كتلته 80.kg من منطاد على ارتفاع 1000m. ثم فتح الباراشوت وهو على ارتفاع 200.m. ثم فتح الباراشوت وهو الاعاقة على الغواص ثابته وتساوي 50.0N عندما يكون الباراشوت مغلقاً وتساوي 3600N مندما يكون مفتوحاً (a) ما هي سرعة الغواص عندما يكون مفتوحاً (b) ما هي فيرعة الغواص عندما يهبط على الارض (b) ما في مل تعتقد أن الغواص سوف ساب بأذي؟ فسر ذلك. (c) على أي ارتفاع يجب أن يفتح الغواص الباراشوت بحيث تكون سرعة الغواص عند لحظة ارتطامه بالأرض هي الغواص عند لحظة ارتطامه بالأرض هي قوة الاعاقة ثابتة؟ فسر ذلك.
- 36 يستخدم زنبرك مدفع لعبة للأطفال في قذف كرة مطاط كتلتها 5.3g. يكون الزنبرك مضغوطاً في أول الأمر مسافة 5.0cm ثابت صلابه 8.0N/m عند القذف تسير القذيفة مسافة 15.0cm خلال ماسورة المدفع ويوجد قوة احتكاك ثابتة مقدارها مرعدة الكره عند تركها ماسورة المدفع (b) ما في عند أي نقطة تكون سرعة الكرة أقصى مرعة الكرة أقصى مايمكن (c) ما قيمة أقصى سرعة.

- 37 علقت كتله مقدارها 1.50kg على ارتفاع 1.2m أعلى زنبسرك رأسي عسديم الكتلة مستشرخ له ثابت زنبسرك 870 أذا مسقطت الكتلة رأسياً على الزنبرك (a) ما مقدار الانضغاط الذي سوف يحدث إذا تم إجراء التجربة على سطح القمر حيث = 9 إجراء التجربة على سطح القمر حيث = 9 ولكن بافتراض أن قوة مقاومة الهواء ثابتة ومقدارها 0.70N تووّثر على الكتلة اثناء حركتها.
- 30 يبدأ ثقل كتلته 3.0 kg الهبوط من ارتفاع 50.cm مناطقة ألا 30.cm على مستوى يميل بزاوية أكدا كما هو موضح بالشكل P38.8، عند ما يصل الثقل إلى أسفل المستوى المائل



شكل P38.8

ينزلق الشقل على مستوى افقي، إذا كان معامل الاحتكاك مع السطحين هو $\mu_k = 0.2$ ما مقدار المسافة التي يقطعها الثقل على المستوى الأفقي قبل أن يسكن (تنويه: اقسم المسار إلى جزئين مستقيمين).

39 - يهبط غواص سحاب كتلته 75.0 kg بسرعة نهائية مقدارها 60m/s احسب معدل الفقد في طاقته الميكانيكية.

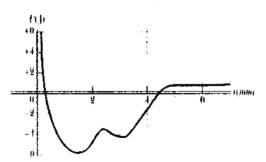
طاقة الوضع لمنظومة مكونة من جسمين مفصولين بمسافة r تعطى بالعلاقة = U(r) مفصولين بمسافة A/r حيث A مقدار ثابت. احسب القوة النصف قطرية التي يؤثر بها كل جسيم على الجسم الأخر.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

41 - دالة طاقة الجهد لقوة في بعدين هي -41 احسب القوة المؤثرة عند $U=3x^3y-7x$ النقطة (x,y).

قسم 7.8 الرسوم البيانية للطاقة واتزان منظومة

42 - يتحرك جسيم في خط مستقيم حيث تعتمد طاقة الوضع على الموضع ٢ كما هو مسوضح بالشكل P42.8. عندما تزداد ٢ بلاحدود تقترب (u) من U(t). وضح أي منها تكون على نقط الاتزان ووضح أي منها تكون اتزانا مستقرأو غير مستقر أو متعادل. (d) ما مدى الطاقمة الكلية الذي يكون فيه الجسم مقيداً ؟ الآن افترض أن الجسم له طاقمة ز3- احسب (c) المدى الذي يمكن ان يتواجد فيه الجسم (d) اقصى طاقمة حركة له (e) الموضع الذي يكون للجسم فيه أقصى طاقمة (f) طاقمة الربط- أي الطاقمة اللازمة لانطلاق الجسم عندما ∞ -- ع.

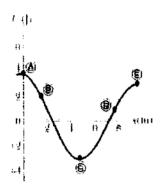


شكل P42.8

43 - مخروط دائري قائم يمكنه الاتزان على سطح أفقي بثلاث طرق مختلف. ارسم رسماً توضيحياً يبين الثلاث طرق وتعرف على اي منهم يكون اتزان مستقراً أو غير مستقر أو متعادل.

44 – في منحنى طاقة الوضع الموضح بالشكل F_x وضع ما إذا كانت القوة F_x موجبة أم سالبة أم صفراً عند المواضع

الخمس الموضحة (b) تعرف على نقاط الاتران فيما إذا كانت مستقرا أو غير مستقرا أو غير مستقرا أو مستقرا أو متعادل (c) ارسم رسما توضيحياً لتغير F_x مع x من x=0 إلى x=9.5cm



شكل P44.8

45 - أسطوانة مفرغة ملحق بسطحها الداخلي ثقل أو ثقلان كما هو موضح بالشكل P45.8

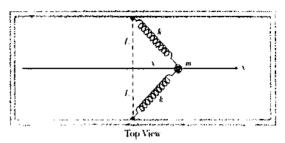


شكل P45.8

حدد كل مواضع الاتزان من حيث ما إذا كان مستقراً أو غير مستقرا أو متعادل وفسر كل اختيار من إختياراتك (CM تعني مركز الكتله).

46 - جسم مربوط بزنبركين متماثلين على منضده أفقية ملساء، إذا كان ثابت القوة للزنبركين هو R وكان كل منهما غير مضغوطا، (a) إذا تم جذب الجسم مسافة x في اتجاه عمودي على النسق الابتدائي للزنبركين- كما هو بالشكل P46.8 اثبت ان طاقة الوضع للنظام هي:

$$U(x) = kx^{2} + 2kL(L - \sqrt{x^{2} + L^{2}})$$



شكل P46.8

(تنويه انظر المسألة 66 في الفصل السابع) (تنويه انظر المسألة بين U(x) و x وتعرف على جميع نقاط الاتزان. (افرض أن L=1.2 m إذا تم جسنب الكتلة (c) (k=40.0 N/m ناحية اليمين ثم اطلقت للحركة. ما هي سرعتها عندما تصل إلى نقطة الاتزان -5x=0.5

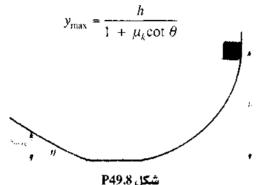
قسم 9.8 تكافؤ الكتلة والطاقة

47- احسب الطاقة المكافئه لـ (a) الكترون كتلته الحسب الطاقة المكافئه لـ (a) الكترون كتلتها 9.11x 10⁻³¹kg 2.0g مشبك ورق كتلته (c) 4.0x 10⁻²⁵kg الارض وكتلتها 6.5.99x 10²⁴kg.

مسائل إضافية،

49- ينزلق ثقل اسفل مسار منعنى املس وبعد
 ذلك على مستوى مائل كما بالشكل P49.8.

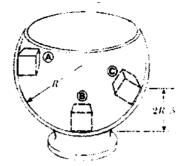
إذا كنان معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الشقل والمستوى الماثل هو μ_k . استخدم طريقة الطاقة لاثبات أن اقصى ارتفاع يصل إليه الثقل هو:



50- توجد صومعه عالية قريبه من الحرم الجامعي مغطاه بغطاء عبارة عن نصف كرة. الغطاء يصبح أملساً عندما يكون مبتلا. حاول شخص وضع ثمرة قرع على أعلى نقطة. إذا كان الخط الواصل من مركز انحناء الغطاء إلى ثمرة القرع يصنع زاوية 0 = θ مع الرأسي. ذات ليلة ممطرة هبت رياح جعلت القرعه ونقدت تلامسها مع الغطاء أسفل الصومعه وفقدت تلامسها مع الغطاء عندما يصنع الخط الواصل من مركز نصف الكرة إلى ثمرة القرع زاوية θ مع الرأسي إحسب قيمة θ?.

51- تُرك جسم كتلته 200g بتحرك من السكون عند النقطة (A) على قطر أفقي من السطح الداخلي لنصف كره ملساء نصف قطرها R= 30.cm (شكل P51.8) احسب (a) طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية عندما يكون الجسم عند (A) النسبة إلى (B) طاقة حركة الجسم عند النقطة (B) سرعة الجسم عند (B) طاقة حركته وطاقة وضعه عند (C)

المدرياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل P51.8 المسألتان 51، 52

[52] يتعرك الجسم في المسألة السابقة (شكل 18.8) من السكون عند (A) وكان نصف الكره خشن، إذا كانت سرعة الجسم عند (B) ما هي طاقة حركة الجسم عند (B) ما مقدار الطاقة المفقودة بسبب عند (B) ما مقدار الطاقة المفقودة بسبب الاحتكاك عندما يتعرك الجسم من (A) هل من المكن تعسيين كل هذه النتائج بطريقة مبسطة. فسر ذلك.

1500kg مسألة مراجعة سيارة كتاتها 1500kg شكل جسمها مصمم بحيث يكون معامل الاعاقة الديناميكية D=0.33 ومساحة واجهتها $2.5m^2$ بافتراض أن قوة الاعاقة تتناسب مع v^2 وباهمال المصادر الاخرى للإحتكاك (a) احسب القدرة اللازمة للسيارة حتى تسير بسرعة ثابتة مقدارها 1.00m/h

54 - احسب مقدار قدرة الخرج لك عند صحودك السلم، في إجابتك اذكر القيم الفيزيائية التي سوف تحتاجها كبيانات والقيم التي تقيسها لها، هل ستأخذ في الاعتبار اقصى قدرة لك أم قوة احتمالك.

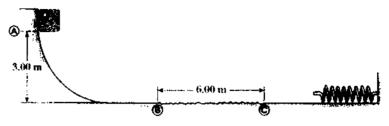
رنبرك لعبه البوجو (نبرك لعبه البوجو $(k=2.5 \times 10^4 \text{ N/m})$). عـند الموضع ($(x_A=-0.1\text{m})$) في هذه الحالة يكون انضغاط الزنبرك أقصى مايمكن ويكون الطفل في

حالة سكون لحظي عند الوضع (B) = ax). يتراخي الزنبرك ويتحرك الطفل لأعلى. عند الموضع (B) = ax السكون اللحظي عند قمة القفزة. بافتراض ان مجموع كتلتي الطفل والبوجو هي 25.0kg (a) احسب الطاقة الكليه للمنظومه إذا كانت طاقتا الوضع تساويان صفراً عند (B) = ax الطفل عند (B) = ax (b) احسب سرعة الطفل عند (B) = ax (c) احسب قيمة (B) = ax الله عند (B) = ax المنظومة أكبر الطفل لأعلى.

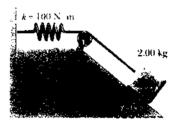


شكل P55.8

(A) تحرك ثقل كتلته 10.0kg من النقطة (A) تحرك ثقل كتلته 10.0kg في الشكل 10.58.8 وإذا كان المسار أملس ما عدا المسافة ما بين (B) ، (C) والتي يبلغ طولها 6.0m إذا تحرك الشقل إلى اسفل واصطدم بزنبرك له ثابت قوة /2250N هو انضغط مسافة 0.3m من موضع الاتزان في بل السكون لحظياً . احسب معامل



شكل P56.8



شكل P57.8 المسألتان 57، 58

الاحتكاك الكيناتيكي بين الشقل والسطح الخشن في المسافة من (B) إلى (C) .

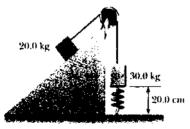
57 - ثقل كتلته 2.0kg موضوع على سطح خشن مائل ومربوط بزنبرك مهمل الكتله وله ثابت زنبرك 100N/m (شكل P57.8). إذا كنانت البكرة ملساء ويتحبرك الثقل من السكون عندما يكون الزنبرك مضغوطا، إذا تحرك الشقل مسافة 20.0cm إلى استقل المستوى المائل قبل أن يسكن. أوجد معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الثقل والمستوى الماثل.

58 - مسألة مراجعة افترض أن المستوى الماثل في المسائلة 57 أملس (انظر شكل P57.8). أطلق الثقل من السكون عندما يكون الزنبرك مضغوطا (a) ما المسافة التي يتحركها الثقل أسفل المستوى المائل قيل أن يتوقف؟ ما هو تسارعه عند أدنى موضع له؟ هل التسارع ثابت. (c) اذكر التحويلات في الطاقة أثناء هبوط التُقل.

59 - تعطى دالة طاقة الوضع لمنظومة بالعلاقة F_x احسب القوة (a) $U(x)=-x^3+2x^2+3x$

كدالة في x (b) ما هي قيم x التي عندها مع F_v مع ارسم (c) . $F_v = 0$ x ووضيح النقساط ذات الانزان المستسقسر والاتزان غير المستقر.

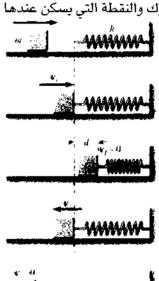
🙌 60 ربطت كتله مقدارها 20.kg بكتله أخرى مقدارها 30.kg بحبل يمر على بكره ملساء. الكتله 30.kg موضوعه على زنبارك مهمل الكتله وله ثابت قوة 250N/m كما هو موضح في الشكل P60.8 . يكون الزنبرك مضغوطا عندما تكون المنظومة كما هي موضحة في الشكل والسطح المائل املس. جُدب الشقل 20.kg مساطة 20.cm إلى اسطل المستوى المائل (يصبح الثقل 30.kg اعلى عن الارض بمسافه 40.cm) وتم اطلاقيه للحيركية من السكون، احسب سرعة كل ثقل عندما يكون الشقل 30.kg على ارتضاع 20.cm من الأرض (أي عندما يكون الزنبرك مضغوطا).

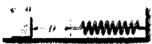


شكل P60.8

61 - ينزلق ثقل مقداره 1.0kg إلى يمين سطح له معامل احتكاك 0.25 =µ (شكل P61.8). إذا كانت سرعة الثقل هي 3.0m/s عندما (325

تلتصق بزنبزك خفيف له ثابت زنبرك للتصل بذا الشياط عند انضغاط الزنبرك مسافة b وبعد ذلك تتحرك الكتلة بقوة الزنبرك ناحية اليسار وتستمر في الحيركة لما بعد موضع الاتزان للزنبرك. اخيراً يصل الثقل إلى السكون على بعد D النبرك منبسطاً. احسب (a) مسافة المرتبع التي لا يكون فيها الزنبرك منبسطاً. احسب (b) مسافة الذي لا يكون فيه الزنبرك منبسطاً وذلك عندما يتحرك الثقل ناحية اليسار (c) المسافة D بين الزنبرك في وضع انضغاط الزنبرك والنقطة التي يسكن عندها الثقل.

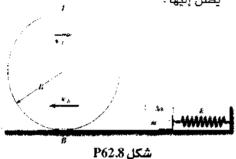




شكل P61.8

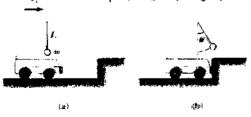
ربرك دُفع ثقل كتلته 0.5 في مواجهه زنبرك مهمل الكتلة حتى انضغط مسافة Δx (شكل مهمل الكتلة حتى انضغط مسافة 450N/m عندما بطلق الثقل للحركة، فإنه يتحرك على سطح أفقي أملس إلى النقطة B في فياع مسار داثري رأسي نصف قطره R=1.0m ويستمر في الحركة لأعلى المسار. إذا كانت سرعة الثقل عند القاع هي 0.5

ويتأثر الثقل بمتوسط قوة احتكاك مقدارها 7.0N اثناء انزلاقه إلى أعلى المسار (a) ما قيمة Δx فيمة التي تتوقعها للثقل عند قمة المسار. (c) هل يصل الثقل فعلاً إلى قمه المسار أم انه سوف يهبط قبل أن يصل إليها.



63 - سلسلة منتظمة طولها 8.0m مشدودة على منضدة افقية (a) إذا كان معامل الاحتكاك الاستاتيكي بين السلسلة والمنضدة هو 0.6 اثبت أن السلسلة سـوف تبـدأ الانزلاق من فوق المنضدة إذا كان طول الجـزء المتدلي منها على حافة المنضدة هو 3.0m (d) احسب سرعة السلسلة عند هبوطها كلية باعتبار أن معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين السلسلة والمنضدة هو 0.4.

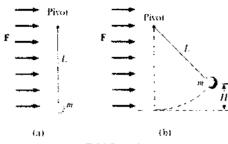
-64 جسم كتلته m معلق من نقطة أعلى شاحنه بخيط طوله L كـمـا بالشكل P64.8a وتحـركت الشاحنة والكتلة تجـاه اليـمين بسرعة ابتدائية ثابتة ثابتة ...



شكل P64.8

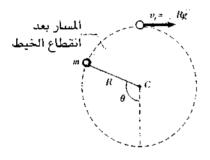
إذا توقفت الشاحنة عند اصطدامها مع مصد (شكل P64.8b) بينما تحركت الكتلة المعلقه لتصنع زاوية θ (a) اثبت أن

المصل الثامن، طاقة الوضع وحفظ الطاقة



شكار P66.8

67 علقت كره في طرف خيط وتم تثبيت الطرف الآخر، ودارت الكره في دائرة رأسية بدون احتكاك، إذا كانت سيرعية الكرم عند قمة الدائرة هي v_i = $\sqrt{{
m Rg}}$ كما هو موضح بالشكل P67.8 ما هي الزاوية التي ينقطع الخيط عندها بحيث تمر الكره خلال مركز الدائرة.



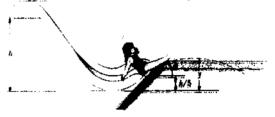
شكل P67.8

[68] تدور كبرة معلقة من طرف خيط في دائرة رأسيه، إذا كانت الطافة الكلية للكره ثابته. أثبت أن الشد في الخيط عند القباع يكون أكبر من الشد عند القمة بمقدار يعادل وزن الكرة 6 مرات.

69- بندول يتكون من خيط طوله L وكرة تتأرجح في مستوى رأسي، يصطدم الخيط بوتد موضوعاً على بعد h اسفل نقطة التعليق (شكل P69.8) . (a) اثبت أنه إذا تحسركت الكرة من ارتفاع ما اسفل الوتد فإنها سوف تعود إلى نفس الارتضاع بعد الاصطدام مع الوتد (b) أثبت أنه إذا مـا أطلق البندول (327

انا کانست (b) $v_i = \sqrt{2gL(1-\cos\theta)}$ احسب السرعة، $\theta = 35^{\circ}$, L = 120cm الأبتدائية للشاحنة (تنويه القوة التي يؤثر بها الخيط على الجسم لاتبذل شغلا على الجسم}.

65 - تنزلق طفلة بدون احتكاك من ارتضاع h على منزلق مائى منخنى (شكل P65.8)



شكل P56.8

إذا اندفعت الطفلة من ارتفاع h/5 إلى حمام السباحة، احسب اقصى ارتفاع y بدلالة h.

66- كره كتلتها m معلقة بخيط قوى طوله L من نقطة تعليق مثبته في موضع رأسي، اثرت رياح من اليسسار إلى اليمين بقوة ثابتة مقدارها F كما هو بالشكل a). P66.8a إذا تحيركت الكره من السكون، اثبت أن أقصى ارتفاع تصل إليه الكره مقاساً من الارتفاع الابتدائي هو:

$$H = \frac{2L}{1 + (mg/F)^2}$$

تأكد من صحة المعادلة السابقة عندما تكون نتويه: $U \le H \le 2L$ (تتويه) کے $O \le H \le L$ احسب أولا طاقة الوضع المصاحبة لقوة الرياح الثابتة) (b) احسب فيمة H باستخدام .F=14.7N ،L= 2.m ،m= 2.0kg القيم الثالية (c) باستخدام نفس القيم السابقة احسب ارتفاع الاتزان للكره.

(d) هل من المكن أن يكون ارتضاع الاتران اكبر من L؟ فسر ذلك.

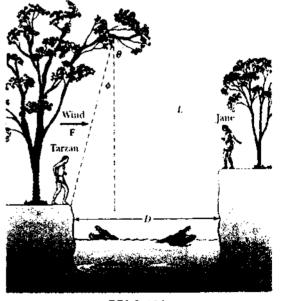
الشيرياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديدًاميكا التعرارية)

للحركة من الموضع الأفقي ('90 = 0) لكي يعمل دورة كاملة مركزها الوتد، فأن أقل فيهة لـ d هي 13.5



شكل P69.8

70 - تريد جين كتلتها 50.kg ان تتأرجح عابرة نهرا (عرضه D) مملؤاً بترماسيح آكله البشر- حتى تنقذ طرزان من الخطر. إلا أن ذلك ينطلب أن تتأرجح- ضد رياح تؤثر بقوة أفقية مقدارها F - مستخدمه كرمة عنب طولها ل



شكل P70.8

وتصنع زاویة θ مع الرأسي (شکل P70.8). بافتراض أن D= 50.m، F= 110N، D= 50.m بافتراض أن θ = 50°) ما هي أقل سرعة تبدأ بها حين

التأرجع حبتى تصل إلى الشاطئ الأخر (تنويه: احسب أولاً طاقة الوضع المساحبة لقوة الرياح) (b) بمحرد إتمام عملية الانقاذ فإن كلا من جين وطرزان سوف يعودان. ما هي ادنى سرعة يبدءان بها رحلة العودة. افرض أن كتلة طرز هي 80 kg.

71 - يبدأ طفل الانزلاق من السكون على منزلق الملس كسمسا هو مسوضيع بالشكل 171.8. الذي يمكن احسب الارتفاع h بدلالة H، H الذي يمكن للطفل أن يهبط منه حتى ينزلق من الجزء الدائري نصف قطره R.

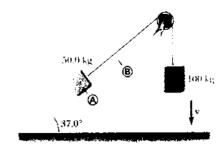


شكل P71.8

12 − يتحرك ثقل مقداره 5.0 kg على سطح أفقي املس مربوطاً بأحد طرفي زنبيرك أفقي خفيف. الطرف الاخر من الزنبرك مثبت. إذا انضغط الزنبرك مسافة 0.10m من نقطة الاتزان ثم اطلق للحركة، وكانت سرعة الشقل هي 1.20m/s عند ميروره بموضع الاتزان للزنبرك، عند تكرار التجربة مرة ثانية باستبدال السطح الأملس بسطح أخر له 2.0 = μ, احسب سرعة الثقل عند موضع الاتزان للزنبرك.

الفصل الثامن: طاقة الوضع وحفظ الطاقة

إذا كانت البكرة ملساء ومهملة الكتلة وإذا كان معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الثقل 50kg والسطح هو 0.25 $\mu_k=0.25$ احسب التغير في طاقة حركة الثقل 50~kg عندما يتحرك من (A) إلى (B) علماً بأن المسافة بينهما 20m.



شكل P73.8

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

نعم. لان لنا مطلق الحرية في إختيار أي نقطة لتكون نقطة الأصل للإحداثيات والتي عندها $U_{\rm g}=0$. إذا كان الجسم أسفل نقطة الأصل فيان $U_{\rm y}$ تكون سيالية للمنظومية المكونة من الجسم والارض.

(2.8) نعم. الطاقة الكلية للمنظومه محفوظة لأن القـوى المؤثرة هي قـوى مـحـافظة (قـوة الجـاذبية وقوة الزنبرك). يوجد صـورتان لطاقة الوضع (1) طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية (2) طاقة المرونة الكامنة والمختزنة في الزنبرك.

(3.8) ترتفع الكرتان الأولى والثالثة عند قذفهما بينما تهبط الكره الثانية في أول الأمر ثم ترتفع بعد ذلك لأعلى حتى تصل إلى القمة. مسارات الكرات الثلاث هي قطع مكافئ ولكن كل كره تأخذ زمن مختلف للوصول إلى الارض لان السارعات الابتدائية مختلفة ومع ذلك فابن كل الكرات لها نفس السرعة عند وصولها للارض لانها بدأت بنفس طاقة الحركة ويتأثران بنفس التغير

في طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية، أي أن $E_{total} = \frac{1}{2} mv^2 + mgh$ الثلاث عند بداية الحركة.

(4.8) نضع الرقم (1) ليـمـثل أحـد الجـسـمين والرقم (2) للجسم الآخر. القوة الخـارجية تبـذل شغـلاً W_{app} على المنظومة، إذا كانت W_{app} فإن طاقـة المنظومة تزداد أمـا إذا كانت W_{app} فإن الطاقـة تتاقص. ويكون تأثيـر الاحـتكاك هو الانقـاص من الطاقـة الكلية للمنظومة وتصبح المعادلة 15.8:

$$\begin{split} \Delta E &= W_{\text{app}} - \Delta E_{\text{fraction}} \\ &= \Delta K + \Delta U \\ &= \left[(K_{1f} + K_{2f}) - (K_{1i} + K_{2i}) \right] \\ &+ \left[(U_{g1f} + U_{g2f} + U_{sf}) - (U_{g1i} + U_{g2i} + U_{si}) \right] \end{split}$$

قد يكون من السهل أن نضع هذه المعادلة في ترتيب أخر فمثلاً الطاقة الابتدائية الكلية + النفير الكلي+ الطاقة النهائية الكلية

 $K_{1i} + K_{2i} + U_{g1i} + U_{g2i} + U_{si} + W_{app} - f_k d =$ $K_{1f} + K_{2f} + U_{g1f} + U_{g2f} + U_{sf}$



تنقيد الوسيادات الهوائية عدد لا حصر له من راكبي السيبارات وذلك بتخفيض القوي التي تؤثر عليهم أثناء التنصادم. كنيف يمكن للوسادة الهوائية أن تغير القوة اللازمة لجمل شخص سبر سرعة عالية أن يتوقف تماماً. لماذا كانت الوسائد أكثر أمانا من استخدام حزام الأمان فقط،

كمية الحركة الخطية والتصادم Linear Momentum and Collisions

ويتضمن هذا الفصل :

5.9 التصـــادم في بعــــدين **Two-Dimensional Collisions**

6.9 مركز الكتلة The Center of Mass

7.9 حركة منظومة من الأجسام Motion of a System of Particles

8.9 دفع الصاروخ (اختياري) (Optional) Rocket Propulsion

1.9 كمية الحركة الخطية وحفظها **Linear Momentum and Its Conservation**

2.9 الدفيع وكميية الحسركية Impulse and Momentum

Collisions 3.9 التصييادم

4.9 التصادم المرن وغير المرن في بعد واحد Elastic and Inelastic Collisions in One Dimension

الضيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

فكر فيما يحدث عندما يضرب المضرب كرة الجولف- تحصل الكرة على سرعة ابتدائية كبيرة نتيجة التصادم: بالتالي تكون الكرة فادرة على قطع مسافة 100m في الهواء، تتأثر الكرة بتسارع كبير، وحيث إن الكرة تكتسب هذا التسارع خلال فترة زمنية قصيرة فإن متوسط القوة التي تؤثر عليها أثناء التصادم تكون كبيرة جداً. طبقاً لقانون نيوتن الثالث فإن الكرة تؤثر بقوة رد فعل على المضرب تساوى هي المقيدار وتضاد في الاتجاء القوة التي يؤثر بها المضرب على الكره، تسبب قوة رد الفعل تسارعاً للمضرب يكون أقل كثيراً من تسارع الكره.

أحد الاهداف الرئيسية لهذا الفيصل هو المساعدة في فهم وتحليل مثل تلك الأحداث. كخطوة أولى سندخل مبدأ كمية الحركة وهو مبدأ هام في وصف أجسام في حالة حركة وهو كذلك أحد الوسائل المختلفة والأكثر شيوعاً لاستخدام قوانين نيوتن. على سبيل المثال يقال على لاعب كرة قدم تقيل أن كمية الحركة له كبيرة عندما ينقلب على أرض الملعب. أما لاعب أقل في الكتله- مثل مساعد الدفاع، يمكن أن تساوى أو تزيد كمية الحركة له إذا كانت سرعته أكبر من سرعة اللاعب الأكثر رشاقة، يظهر ذلك من حقيقة أن كمية الحركة تُعرف بحاصل ضرب الكتلة في السرعة. يقودنا مبدأ كمية الحركة إلى قانون حفظ آخر، وهو قانون حفظ كمية الحركة، تظهر أهمية هذا القانون خاصة عند التعامل مع المشاكل التي تتضمن تصادم بين الأجسام وكذلك دراسة انطلاق الصواريخ، سنقدم كذلك مفهوم مركز الكتلة لمنظومة من الأجسام وسنجد أنه يمكن وصف حركة منظومة من الأجسام بحركة جسم واحد موضوعاً عند مركز الكتلة،

1.9 > كمية الحركة الخطية وحفظها

LINEAR MOMENTUM AND ITS CONSERVATION

درسنا في الفصلين السابقين بعض الحالات المعقدة التي لايمكن تفسيرها بواسطة فوانين نيوتن. لقد استخدم نيوتن نفسه صورة لقانونه الثاني تختلف قليلًا عن الصورة $\sum \mathbf{F} = m\mathbf{a}$ (المعادلة 2.5) تلك الصورة هي الاسهل في تطبيقها على حالات معقدة، يستخدم الفيزيائيون هذه الصورة لدراسة كل شيَّ بدءاً من الجسيمات تحت الذرية حتى دفع الصاروخ، عند دراسة مثل هذه الحالات، غالباً مايكون من الأفضل أن تعرف بعض الشيُّ عن الجسيم وعن حركته، سنبدأ بتعريف اصطلاح جديد والذي يوحد هذه المعلومات.

v مُعرف كمية الحركة الخطية لجسم كتلته m يتحرك بسرعة على أنها حاصل ضرب الكتلة في السرعة.

تعريف كمية الحركة الخطية لجسم

 $P \equiv mv$ (1.9)

🧒 كمية الحركة الخطية هي كمية اتجاهية لانها حاصل ضرب كمية قياسية m وكمية متجهه v. 62 اتجاهها على طول v وابعادها ML/T ووحداتها في النظام SI هي kg·m/s.



الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

إذا كان الجسم يتحرك في اتجاه اختياري، يكون لـ p ثلاث مركبات وتكافئ المعادلة (1.9) معادلات المركبات

$$P_x = mv_x \qquad P_y = mv_y \quad P_z = mv_z \tag{2.9}$$

كما تلاحظ من تعريفها. يعطي مبدأ كمية الحركة تمييز كمي بين الأجسام الثقيلة والخفيفة عندما يكون لها نفس السرعة. على سبيل المثال فإن كمية الحركة لكرة البولينج والتي تتحرك بسرعة \$10m/s تكون آكبر كثيراً من كمية الحركة لكرة التنس الارضي عندما يكون لها نفس السرعة. أطلق نيوتن على حاصل الضرب mv "مقدار الحركة" Quantity of motion. ربما يكون ذلك وصفاً بيانياً عما نسميه حالياً كمية الحركة المسجوعة الانجليزية مأخوذة عن كلمة لاتينية تعنى الحركة.

اختبار سريع 1.9

جسمان لهما نفس طاقة الحركة، كيف يمكن مقارنة مقدار كمية حركتهما؟ جسمان لهما نفس طاقة الحركة، كيف يمكن مقارنة مقدار كمية خركتهما؟ . (d) $P_1 > P_2$ (c) $P_1 = P_2$ (b) $P_1 < P_2$ (a)

باستخدام قانون نيوتن الثاني للحركة يمكننا ربط كمية الحركة الخطية لجسيم بالقوة المحصلة التي تؤثر عليه المعدل الزمني لتغير كمية الحركة الخطية لجسم يساوي القوة الكلية التي تؤثر على الجسم $\nabla \mathbf{p} = \frac{d(m\mathbf{v})}{2}$. قانون نيوتن الثاني للحركة

 $\sum \mathbf{F} = \frac{d\mathbf{p}}{dt} = \frac{d(m\mathbf{v})}{dt}$ (3.9)

بالإضافة للأوضاع التي يتغير فيها متجه السرعة مع الزمن، يمكننا استخدام المعادلة 3.9 لدراسة الظواهر التي تتغير فيها الكتلة. تظهر القيمة الحقيقية للمعادلة (3.9) كوسيلة للدراسة من حقيقة أنه عندما تكون القوة الكلية المؤثرة على جسم تساوي صفراً فإن كمية الحركة للجسم تكون ثابتة. بالطبع فإنه عندما يكون الجسم معزولاً حينتذ يتحتم أن تكون $\sum \mathbf{F} = \mathbf{0}$ ولاتتغير \mathbf{p} ويعني ذلك أن \mathbf{p} محفوظة. بقدر مايكون قانون حفظ الطاقة مفيداً في حل بعض مشاكل الحركة المعقدة، فإن قانون حفظ كمية الحركة يُبسط دراسة انواع أخرى من الحركة المعقدة.

حفظ كمية الحركة في نظام يتكون من جسمين

Conservation of Momentum For A Two- Particle System

افترض الجسمين 1 و 2 والذي يحدث بينهما تآثر متبادل لكنهما معزولان عن الوسط المحيط (شكل 1.9)، بمعنى ان كل جسم يؤثر على الآخر بقوة ولكن لا توجد قوى خارجية. من المهم أن تلاحظ أثر قانون نيوتن الثالث على هذه الدراسة. إذا أثرت قوة داخلية من الجسم 1 (على سبيل المثال

^{*} في هذا الفصل الاصطلاحان كمية الحركة وكمية الحركة الخطية لهما نفس المنى. فيما بعد- في فصل 11 سوف نستخدم الاصطلاح كمية الحركة الزاوية عند التعامل مع الحركة الدورانية.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكآنيكا والديناميكا الحرارية)

قوة الجاذبية) على الجسم 2، سيكون هناك بالتالي قوة داخلية ثانية - تساوي في المقدار وتضاد في الاتجام - يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 1.

افترض أنه في لحظة معينة، كانت كمية الحركة للجسم ا هي \mathbf{p}_1 وللجسم 2 هي \mathbf{p}_2 ، بتطبيق فإنون نيوتن الثاني على كل من الجسمين بمكننا كتابة:

$$\mathbf{F}_{21} = \frac{d\mathbf{p}_1}{dt}$$
 and $\mathbf{F}_{12} = \frac{d\mathbf{p}_2}{dt}$

حيث \mathbf{F}_{21} هي القوة التي يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 2. \mathbf{F}_{12} هي القوة التي يؤثر بها الجسم 1 على الجسم 2. ينص قانون نيوتن الثالث على أنهما زوج من الفعل ورد الفعل $\mathbf{F}_{12} = -\mathbf{F}_{21}$ ويمكن كتابة هذا الشرط في الصورة:

$$\mathbf{F}_{21} + \mathbf{F}_{12} = 0$$

$$\frac{d\mathbf{p}_1}{dt} + \frac{d\mathbf{p}_2}{dt} = \frac{d}{dt}(\mathbf{p}_1 + \mathbf{p}_2) = 0$$

 $\mathbf{p}_1 = m_1 \mathbf{v}_1$ \mathbf{F}_{21} \mathbf{F}_{12} $\mathbf{p}_2 = m_2 \mathbf{v}_1$

شكل 1.9 في لحظة معينه تكون كمية الحركة للجسم 1 هي $p_1 = m_1 v_1$ وكمية الحركة للجسم 2 هي $p_2 = m_2 v_2$. لاحظ أن $F_{12} = -F_{21}$. كمية الحركة الكلية للنظام P_{101} تساوي المجموع الاتجاهي P_{11} .

حيث إن التفاضل لكمية الحركة الكلية $\mathbf{P}_1+\mathbf{P}_2=\mathbf{P}_1+\mathbf{P}_2$ يساوي صفراً $^{(1)}$ ، فإننا نستنتج أن كمية الحركة الكلية للمنظومة يجب أن تظل ثابتة .

$$P_{tot} = \sum_{system} P = P_1 + P_2 = constant$$
 (4.9)

يعادل ذلك

$$\mathbf{P}_{1i} + \mathbf{P}_{2i} = \mathbf{P}_{1f} + \mathbf{P}_{2f} \tag{5.9}$$

حيث \mathbf{P}_{ii} و \mathbf{P}_{2i} هما القيمتان الابتدائيتان، \mathbf{P}_{1f} و \mathbf{P}_{2f} هما القيمتان النهائيتان لكمية الحركة أثناء الفترة الزمنية التي يتم خلالها التأثير المتبادل، توضع المعادلة 5.9 في صورة مركباتها أن كميات الحركة في الاتجاهات \mathbf{z} , \mathbf{v} , \mathbf{z} تكون ثابتة كل على حدها.

$$\sum_{\text{system}} P_{ix} = \sum_{\text{system}} P_{fx} \qquad \sum_{\text{system}} P_{iy} = \sum_{\text{system}} P_{fy} \qquad \sum_{\text{system}} P_{iz} = \sum_{\text{system}} P_{fz}$$
 (6.9)

هذه النتيجة والمعروفة بقانون حفظ كمية الحركة الخطية، يمكن تطبيقها على أي عدد من الأجسام في منظومة معزولة وتُعتبر واحدة من اهم القوانين في الميكانيكا ويمكن كتابتها كما يلي:

عندما يحدث تآثر متبادل بين جسمين أو أكثر في نظام معزول فإن كمية الحركة الكلية للمنظومة تظل ثابتة.

⁽¹⁾ في هذا الفصل الاصطلاحان كمية الحركة وكمية الحركة الخطية لهما نفس المعنى. فيما بعد- في فصل 11 سوف نستخدم الاصطلاح كمية الحركة الزاوية عند التعامل مع الحركة الدورانية.

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

حفظ كمية الحركة يوضح لنا هذا القانون أن كمية الحركة الكلية لمنظومة معزولة في كل تحظة تساوى كمية الحركة الانتدائية...

لاحظ أننا لم نذكر أي شيء عن طبيعة القوى التي تؤثر على الأجسام في المنظومة. الشيء الوحيد الذي يتطلبه هذا القانون هو أن هذه القوى داخلية للمنظومة.

اختبار سريع 2.9

يقذف مدرس التربية البدنية لك كرة البيسبول بسرعة معينة، وأنت تلتقطها. يقوم المدرس ثانية بقذفك بكرة تدريب طبية كتلتها عشرة أمثال كرة البيسبول.

هل يمكنك التقاط كرة التدريب الطبية إذا قذفت. (a) بنفس سرعة كرة القاعدة (b) بنفس كمية الحركة (c) ينفس طاقة الحركة. رتب هذه الاختيارات من الاسهل إلى الاصعب من حيث التقاط الكرة.

طفو رائد فضاء مثال 1.9

اكتشف رائد فنضاء وهو في المعمل الفضائي سكاي لاب، إنه بينما كان منهمكا في كتابة بعض ملاحظاته قد طفى تدريجياً 🗝 🕶 إلى منتصف المنطقة المفتوحة في سفينة الفضاء، لم ينتظر حتى يطفو إلى الجانب المقابل وطلب من زملائه أن يدفعوه. ضحكوا على هذا المأزق وقرروا ألا يساعدوه فاضطر



شكل 2.9

إلى خلع ملابسه وقذفها في أحد الاتجاهات لكي يدفع بنفسه في الاتجاء المضاد. احسب قيمة سرعته الناتجة عن ذلك.

الحل: نبدأ ببعض التخمينات المعقولة للنتائج. دعنا نفترض أن رائد الفضاء كتلته 70 kg يقذف بملابس كتلتها 1 kg وبسرعة 20 m/s. للسهولة نفترض أن الاتجاء الموجب لمحور x هو أتجاء قذف الملابس (شكل 2.9). دعنا نفرض كذلك أن محور x هو الماس للمسار الدائري لسفينة الفضاء تتكون المنظومة من رائد الفضاء والملابس، بسبب قوة الجاذبية الارضية (التي تبقي على رائد الفضاء والملابس وسنفينة الفضاء في المدار). المنظومة ليسب معزولة. ومع ذلك تتجه هذه القوة (قوة الجاذبية) عمودياً على حركة المنظومة. لهذا فإن كمية الحركة ثابتة في اتجاه x حيث لايوجد قوة خارجية في هذا الاتجاه.

كمية الحركة الكلية للمنظومة قبل دفع الملابس تساوي صفراً ($m_1 {
m v}_{1i} + m_2 {
m v}_{2i} = 0$) لهذا فإن $oldsymbol{(}$

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

كمية الحركة بعد قذف الملابس تساوى صفراً ايضاً ($m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f} = 0$).

باستخدام ${
m v}_{1f}=20i$ m/s , ${
m m}_1=70$ kg و ${
m v}_{2f}=20i$ m/s , ${
m m}_1=70$ kg باستخدام بالفضاء لرائد الفضاء

$$\mathbf{v}_{1f} = -\frac{m_2}{m_1} \mathbf{v}_{2f} = -\left(\frac{1 \text{ kg}}{70 \text{ kg}}\right) (20 \mathbf{i} \text{ m/s}) = -0.3 \mathbf{i} \text{ m/s}$$

نوضع الاشارة السالبة أن رائد الفضاء يتحرك تجاه اليسار بعد القذف، في عكس اتجاه حركة الملابس، وذلك طبقا لقانون نيوتن الثالث. حيث أن كتلة الرائد اكبر من كتلة الملابس فإن تسارعه وبالتالي سرعته أقل كثيرا من تسارع وسرعة الملابس.

مثال 2.9 انقسام جسيم "K الساكن

ينشطر أحد أنواع الأجسام النووية يسمى (koan) K^* المتعادل الى زوج من الجسيمات الآخرى تسمى بيونات ($\pi^ \pi^+$) مختلفا الشحنة ولكن لهما نفس الكتلة- كما هو موضح في شكل 3.9 بفرض أن K^* كان ساكنا في اول الامر، اثبت أن البيونان لهما كميتى حركة متساويتان في المقدار ومتضادتان في الاتجاء.

الحل: يمكن كتابة انقسام "K بالشكل التالي

$$K^{\circ} \longrightarrow \pi^{+} + \pi^{-}$$

إذا افترضنا أن P^+ هي كمية الحركة للبيون الموجب π^+ وأن P^- هي كمية الحركة للبيون السالب π^- فإن كمية الحركة النهائية للمجموعة المكونة من البيونين يمكن كتابتها:

$$\mathbf{p}_f = \mathbf{p}^* + \mathbf{P}^*$$

حيث إن K° كان في حالة سكون قبل الانقسام، فإن $P_i = P_f = 0$ أي أن $P_i = P_f = 0$ أي أن $P_i + P_j = 0$

$$P^+ = -P^-$$

النقطة الهامة من وراء هذه المسألة هي أنه حتى وان كانت الفيزياء تتعامل مع اجسام تختلف تماماً عن تلك الموجودة في المثال السابق فإن الفيزياء متماثلة: كمية الحركة محفوظة في المنظومة المعزولة.





After deca

شكل 3.9 ينقسم جسم "K في حالة سكون تلقائياً إلى بيونين مختلفي الشحنة. يتحرك البيونان مبتعدان عن بعضهما بكميتي حركة متساويتان في المقدار ومتضادتان في الاتجاه.

نظرية الدفع - كمية الحركة

impulse and momentum الدفع وكمية الحركة 🔍 2.9

ولا كما لاحظنا فإن كمية الحركة لجسم تتغير عندما تؤثر عليه قوة. معرفة التغير في كمية الحركة الناتجة عن تأثير القوة يساعد في حل بعض أنواع المسائل.

لكي نصل إلى فهم جيد عن هذا الموضوع، دعنا نفترض أن قوة مفردة \mathbf{F} تؤثر على جسم وأن هذه القوة قد تتغير مع الزمن، طبقاً لقانون نيوتن الثانى $\mathbf{F} = d\mathbf{p}/dt$ أو

$$d\mathbf{p} = \mathbf{F} \, dt \tag{7.9}$$

يمكن تكامل* هذه المعادلة لحساب التغير في كمية حركة الجسم عندما تؤثر عليه قوة خلال فترة زمنية. إذا كانت كمية حركة الجسم تتغير من \mathbf{P}_i عند الزمن \mathbf{P}_j عند الزمن \mathbf{P}_j فإن تكامل المعادلة 7.9 يعطى:

$$\Delta \mathbf{p} = \mathbf{p}_f - \mathbf{p}_i = \int_t^t \mathbf{F} \, d\mathbf{t}$$
 (8.9)

التكامل يجب معرفة كيف تتغير القوة مع الزمن. يسمى الطرف الايمن من هذه المعادلة دفع القوة $\Delta t = t_f - t_i$ التجه المتجه المتحة على الجسم خلال الفترة الزمنية $\Delta t = t_f - t_i$. يُعرف الدفع بالمتجه

$$\mathbf{I} = \int_{t_i}^{t_f} \mathbf{F} dt = \Delta \mathbf{p}$$
 (9.9)

دفع القوة التي تؤثر على جسم يساوي التغير في كمية حركة الجسم الناتج عن القوة.

هذا النص، معروف بنظرية الدفع- كمية الحركة** ويناظر قانون نيوتن الثاني، من هذا التعريف نرى أن الدفع كمية متجهة مقدارها يساوي المساحة تحت منحنى تغير القوة مع الزمن كما هو واضح في الشكل 4.9a. في هذا الشكل يُمترض أن تتغير القوة مع الزمن بصورة عادية ولاتساوي صفراً في الفترة الزمنية $t_1 - t_2 = t_3$. اتجاء متجه الدفع هو نفسه اتجاء التغير في كمية الحركة، لاحظ أن الدفع ليس خاصية للجسم بل هو مقياس لدرجة تغير كمية حركة الجسم. لهذا عندما نقول ان الجسم أعطى دفعاً نعنى بذلك أنه قد انتقلت كمية حركة للجسم من مؤثر خارجي.

حيث إن القوة التّي تعطي دفعاً تتغير بصورة عامة مع الزمن، فمن الملائم ان نُعرف متوسط القوة بالنسبة للزمن Time Averaged Force بالعلاقة:

$$\overline{\mathbf{F}} = \frac{1}{\Delta t} \int_{t_i}^{t_f} \mathbf{F} \, dt \tag{10.9}$$

^{*} لاحظ اننا نجري تكامل القوى بالنسبه للزمن. قارن ذلك مع ما حدث في الفصل 7 حيث أجرينا التكامل بالنسبه للموضع لحساب الشغل المبذول بهذه القوه.

^{**}بالرغم من اننا افترضنا أن قوه مفردة هي التي تؤثر على الجسم فإن نظرية الدفع- كمية الحركة تكون صالحة عندما بؤثر أكثر من قوه وستخدم F يدلاً من F في المادلة 9.9.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

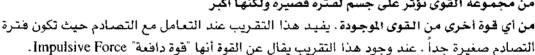
حيث $t_f - t_i$ هذا تطبيق لنظرية القيمة المتوسطة في حساب التفاضل والتكامل) لهذا يمكن كتابة المعادلة (9.9) في الصورة:

$$\mathbf{I} \equiv \overline{\mathbf{F}} \, \Delta t \tag{11.9}$$

من هذا وكما هو موضح بالشكل (4.9b) يمكن اعتبار متوسط القوة بالنسبة للزمن على أنها القوة الثابتة التي يجب أن تُعطى لجسم في الفترة الزمنية Δ نفس الدفع الذي تعطيه فَوة متغيرة مع الزمن في نفس الفترة. أو (بأنها القوة الثابتة التي تعطي الجسم دفع في فترة زمنية Δ يساوي الدفع الذي تعطيه قوة متغيرة مع الزمن في نفس الفتره). كقاعدة، إذا كانت \mathbf{F} معرفة كدالة في الزمن فإنه يمكن حساب الدفع من المعادلة 9.9. بالطبع سيكون الوضع أسهل إذا كانت القوة ثابتة. في هذه الحالة \mathbf{F} = \mathbf{F} وتصبع المعادلة 9.11

$$I = F \Delta t ag{12.9}$$

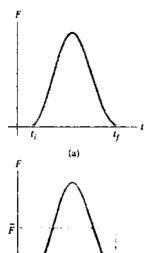
في كثير من الحالات الفيزيائية تستخدم مايسمى بتقريب الدفع Impulse approximation وفيه نفترض أن قوة من مجموعة القوى تؤثر على جسم لفترة قصيرة ولكنها أكبر



على سبيل المثال يستغرق تصادم كرة التنس مع المضرب 0.01 ومتوسط القوة التي يؤثر بها المضرب على الكرة في هذه الفترة حوالي عدة الاف من النيوتونات. حيث أن هذه القوة اكبر كثيرا من مقدار قوة التجاذب، يعطي تقريب التصادم سبباً لإهمال وزن كل من الكرة والمضرب. عندما نستخدم هذا التقريب، من المهم أن نتذكر أن P_f ، P_f يمثلان على التوالي كميتا الحركة قبل وبعد التصادم مباشرة. وهكذا فإنه في أي وضع يمكن فيه استخدام تقريب الدفع، فإننا نفترض أن الجسم يتحرك قليلاً عند التصادم.

اختيار سريع 3.9

جسمان في سكون على سطح أماس. كتلة الجسم 1 أكبر من كتلة الجسم 2. عند التأثير بقوة على الجسم 1 فإنه يتسارع لمسافة $\bf b$. بعد ذلك ثم إبعاد القوة عن الجسم 1 واثرت على الجسم 2. عند لحظة تسارع الجسم 2 لنفس المسافة $\bf b$ ، اي من هذه الحالات على الجسم 2. عند لحظة تسارع الجسم 2 لنفس المسافة $\bf b$ ، اي من هذه الحالات صعيحة؟ ($\bf c$) $\bf c$



شكل 4.9 (a) قد تتغير القوة التي تؤثر على جسم مع الزمن. الدفع المعطى للجسم بقوه F هو عبارة عن المساحة تحت منعنى تغير القوة مع الزمن (b) في الفترة الزمنية Δ يعطى متوسط القوة بالنسبة للزمن (الخط الافقي المتقطع) نفس الدفع الذي تعطيه قوه تتغير مع الزمن والمعطاه في الجزء (a).

مثال 3.9 القذف

قُذفت كرة جولف كتلتها 50g بواسطة مضرب (شكل 5.9). تتغير القوة التي يؤثر بها المضرب على الكرة من الصفر قبل ملامستها مباشرة حتى اقصى قيمة (الاصطدام بالكره) ثم تعود مرة أخرى إلى الصفر عندما تترك الكرة المضرب. يوضح الشكل 4.9 منعنى القوة مع الزمن وصفيا، افرض أن الكرة تقطع مسافة m 200 متراً، احسب مقدار الدفع الناتج عن التصادم.

اليحل: دعنا نستخدم (\mathbf{A} ليرمز إلى لحظة أول تلامس للمضرب مع الكرة و(\mathbf{B}) إلى لحظة انتهاء هذا التلامس وبداية تحرك الكرة على مسارها و (\mathbf{C} ترمز إلى لحظة هبوطها على الارض، بإهمال مقاومة الهواء يمكن استخدام المعادلة (14.4) لحساب مدى القذيفة

$$R = x_{\rm C} = \frac{v_{\rm B}^2}{g} \sin 2\theta_{\rm B}$$

دعنا نفرض أن زاوية القذف $\theta_B = 45^\circ$ ، وهي الزاوية التي تعطي اقصى مدى مهما كانت سرعة القذف. يعنى هذا الفرض أن $2\theta_B = 1$ وسرعة القذف للكرة هي:

$$v_{\rm B} = \sqrt{x_{\rm c}g} = \sqrt{(200 \text{ m})(9.80 \text{ m/s}^2)} = 44 \text{ m/s}$$

 v_f الآن نحسب الفـتـرة الزمنيـة للتـصـادم $v_{\rm i}$ = $v_{\rm A}$ و $v_{\rm B}$ و وذلك للكره، من ثم يكون مقدار الدفع للكرة هو

$$I = \Delta P = mv_B - mv_A = (50 \times 10^{-3} \text{kg}) (44 \text{m/s}) - 0$$

= 2.2 kg· m/s

تمرين: إذا كانت فترة تلامس المضرب والكرة هي 4.5 x 10-4 s. احسب متوسط مقدار القوة التي يؤثر بها المضرب على الكرة.

الاجابه: 4.9 x 10³ N هذه القيمة عالية جداً بالمقارنة مع وزن الكرة N 0.49 N.



شكل 5.9 قذف كرة الجولف

تجربة سريعة: ___

إذا كان عندك رغبه، العب لعبة التقاط البيضة، ما هي أفضل طريقة لتحريك يدك لالتقاط بيضة وتحويل كمية حركتها إلى الصفر دون أن تنكسر.

مثال 4.9 ما أهمية المصدات؟

في اختبار تصادم خاص، تتصادم سيارة كتلتها kg المع حائط كما هو موضح بالشكل 9.6. $v_f = 2.6i \text{ m/s}$, $v_f = 15 \text{ i m/s}$ أذا كانت السرعة الابتدائية والسرعة النهائية للسيارة على التوالي هما $15 - y_f = 2.6i \text{ m/s}$ وإذا كان التصادم يستغرق 1.50s . احسب الدفع الناتج عن التصادم ومتوسط القوة التي تؤثر على السيارة.

الحل: افرض أن القوة التي يؤثر بها الحائط على السيارة كبيرة مقارنة بالقوى الأخرى ومن ثم بمكننا استخدام تقريب الدفع. الاكثر من ذلك أننا نلاحظ أن قوة الجاذبية والقوة العمودية التي يؤثر بهما الطريق على السيارة متعامدتان على اتجاه الحركة وبالتالى لا تؤثران على مركبة كمية الحركة الافقية.

كميتا الحركة الابتدائية والنهائية للسيارة هما:

$$\mathbf{P}_i = \mathbf{m} \mathbf{v}_i = (1500 \text{ kg})(-1. \ \ \partial \mathbf{i} \ \ \mathbf{m/s}) = -2.25 \times 10^4 \mathbf{i} \ \mathbf{kg} \cdot \mathbf{m/s}$$

 $\mathbf{P}_f = \mathbf{m} \mathbf{v}_f = (1500 \text{ kg})(2.6 \mathbf{i} \ \mathbf{m/s}) = 0.39 \times 10^4 \mathbf{i} \ \mathbf{kg} \cdot \mathbf{m/s}$

وبالتالي يكون الدفع

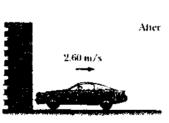
$$I = \Delta P = P_f - P_i = 0.39 \times 10^4 i \text{ kg. m/s} - (-2.25 \times 10^4 i \text{ kg.m/s})$$

= 2.64 × 10⁴ i kg. m/s

متوسط القوة التي تؤثر على السيارة هي:

$$\overline{\mathbf{F}} = \frac{\Delta \mathbf{p}}{\Delta t} = \frac{2.64 \times 10^4 \,\mathrm{i} \,\mathrm{kg} \cdot \mathrm{m/s}}{0.150 \,\mathrm{s}} = 1.76 \times 10^5 \,\mathrm{i} \,\mathrm{N}$$

-15.0 m/s





شكل 6.9 (a) تتغيير كمية حركة السيارة نتيجة لتصادمها مع الحائط (b) في اختبار التصادم تتحول اغلب طافة حركة السيارة اللى طافة تستخدم في اتلاف السيارة.

لاحظ أن مقدار هذه القوة كبير جداً بالمقارنة مع وزن السيارة (mg= 1.47 x 10⁴ N) والذي يؤكد فرضنا السابق، ما يلاحظ في هذه المسألة هو كيف تُظهر اشارات السرعات انعكاس الاتجاه، ماذا سوف يصف علم الرياضيات إذا ما كانت كلا من السرعة الأبتدائية والسرعة النهائية لهما نفس الاشارة.

📸 تساؤل سريع 4.9

رتب دور كل من تابلو السيارة، وحزام المقعد، الوسادة الهوائية من حيث (a) الدفع (d) متوسط القوة المؤثرة من كل منهم على راكب في المقعد الامامي اثناء التصادم.

3.9 مالتصادم COLLISIONS

في هذا الجزء سوف نستخدم قانون حفظ كمية الحركة في وصف ما يحدث عند تصادم 5.5 جسمين. سوف نستخدم الاصطلاح "تصادم" لكي يمثل الحدث لجسمين يقتربان من بعضهما 6.5 في ومن ثم يؤثران على بعضهما بقوى دافعة. سنفترض أن هذه القوى أكبر كثيراً من أي قوى خارجية موجودة.

قد يسبب التصادم تلامساً مادياً بين جسمين كبيرين (ماكروسكوبيين) Macroscopic كما بالشكل 7.9a كن معنى التصادم يجب أن يعمم لأن "التلامس المادي" بالمقياس تحت الميكروسكوبي ليس له معنى. لكي ندرك ذلك افترض تصادماً على المستوى الذري (شكل 7.9b) مثل تصادم بروتون مع جسيم الفا (نواة ذرة الهيليوم). حيث أن كلا الجسيمين موجب الشحنة، فلايمكن أن يحدث تلامس مادي بينهما، وبدلاً من ذلك، يتنافر كل منهما مع الآخر بسبب القوة الكهروستاتيكية الشديدة بينهما خاصة عندما تكون المسافة بينهما قصيرة. عندما يتصادم جسمان (1)، (2) كتلتاهما m_2 m_3 كما بالشكل 7.9، قد تتغير القوة الدافعة مع الزمن بطريقة معقدة، التي يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 1 واذا فرضنا أنه لا يوجد قوى خارجية تؤثر على الجسمين، حينئذ يعطي التغير في قوى خارجية تؤثر على الجسمين، حينئذ يعطي التغير في كمية الحركة للجسم 1 أنتيجة التصادم بالمعادلة 8.9:

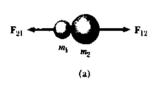
$$\Delta \mathbf{p}_1 = \int_{t_i}^{t_i} \mathbf{F}_{21} dt =$$

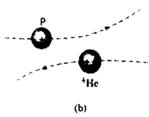
بالمثل إذا كانت \mathbf{F}_{21} هي القوة التي يؤثر بها الجسم 1 على الجسم 2 وحينتذ يكون التغير في كمية الحركة للجسيم 2 هو \mathbf{F}_{21}

$$\Delta \mathbf{p}_2 = \int_t^{t_f} \mathbf{F}_{12} dt$$

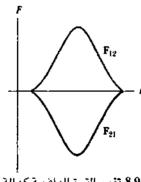
من قانون نيوتن الثالث نستنتج أن

$$\Delta \mathbf{p}_1 = -\Delta \mathbf{p}_2$$
$$\Delta \mathbf{p}_1 + \Delta \mathbf{p}_2 = 0$$





شكل 7.9 (a) النصادم بين جسمين نتيجة التلامس المباشر (b) التصادم بين جسمين مشعونين.



شكل 8.9 تغير القوة الدافعة كدالة في الزمن لجسمين متصادمين والموضع في الشكل 7.9ء $-F_{12}$

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

 $\mathbf{P}_{\text{system}} = \mathbf{P}_1 + \mathbf{P}_2$ وحيث إن كمية ألحركة الكلية للمنظومة هي

نستنتج أن التغير في كمية الحركة للمنظومة بسبب التصادم تساوي صفراً:

$$\mathbf{P}_{\text{system}} = \mathbf{P}_1 + \mathbf{P}_2 = \text{constant}$$

هذا هو المتوقع حيث لا تؤثر أي قوى خارجية على المنظومة (انظر القسم 2.9). حيث إن القوي الدافعة هي قوى داخلية، فهي لاتغير من كمية الحركة المنظومة (القوى الخارجية فقط هي التي يمكنها أن تفعل ذلك).

كمية الحركة محفوظة لهذا نستنتج أن كمية الحركة الكلية لمنظومة معزولة قبل التصادم مباشرة ف*ی* أی تصادم تساوى كمية الحركة الكلية للمنظومة بعد التصادم مباشرة.

🚮 مثال 5.9 إحمل بوليصة التأمين ضد التصادم.

اصطدمت سيارة كتلتها 900 kg بمؤخرة سيارة كتلتها 1800 kg اثناء توقفها في اشارة المرور والتحمت السيارتان، إذا كانت السيارة الصغيرة تسير بسرعة 20 m/s قبل التصادم أحسب سرعة السيارتين مع بعضهما بعد التصادم.

الحل: نتوقع أن تكون السرعة أقل من 20 m/s أي أقل من السرعة الابتدائية للسيارة الصغيرة، كمية الحركة الكلية للمنظومة (السيارتان) قبل التصادم تساوي كمية الحركة الكلية بعد التصادم مباشرة لأن كمية الحركة ثابتة في أي تصادم.

مقدار كمية الحركة الكلية قبل التصادم تساوى كمية الحركة للسيارة الصغيرة لأن السيارة الكبيرة كانت في سكون

 $P_i = m_i v_i = (900 \text{ kg})(20 \text{ m/s}) = 1.8 \times 10^4 \text{kg} \cdot \text{m/s}.$

بعد التصادم يكون مقدار كمية الحركة للسيارتين مع بعضهما هو:

$$P_f = (m_1 + m_2)v_f = (2700 \text{ kg})v_f$$

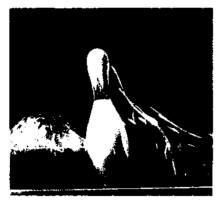
بمساواة كميتى الحركة قبل وبعد التصادم والحل في v_i ، تكون السرعة النهائية للسيارتين مع بعضهما هي:

$$v_f = \frac{p_i}{m_1 + m_2} = \frac{1.80 \times 10^4 \text{ kg} \cdot \text{m/s}}{2700 \text{ kg}} = 6.67 \text{ m/s}$$

اتجاه السرعة النهائية هو نفس اتجاه سرعة السيارة المتحركة.

تمرين، ما هي السرعة النهائية اذا كانت كتلة كل سيارة هي 900 kg

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم



عندما تصطدم كرة البولينج بالوتد، ينتقل جزء من كمية حركة الكره إلى الوتد. بالتالي يكتسب الوتد كمية حركة وطاقة حركة. مع وتقفد الكره كمية حركه وطاقة حركه. مع ذلك فإن كمية الحركة للمنظومة (الكره والوتد) تظل ثابتة.

اختبار سريع 5.9

عند سقوط كرة على الأرض، تزداد كمية حركتها لأن سرعتها تتزايد، هل هذا يعني أن كمية الحركة في هذه الحالة غير ثابتة؟

اختبار سريع 6.9

تستخدم متزلجة زلاجة ذو احتكاك ضعيف- يقذفها صديق بقبرص من البلاستيك Frisbee. في أي من الحالات التالية يعطي القرص أقصى دفع للمتزلجة (a) عندما تلتقطه القرص ويبقى معها (b) عندما تلتقطه لحظياً وتُسقطه (c) عندما تلتقطه وفي نفس اللحظة تقذفه ثانية إلى صديقها.

كما لاحظنا، كمية الحرك في أي تصادم تكون محفوظة إذا أهملنا القوى الخارجية. على العكس من ذلك فإن طاقة الحركة قد لاتكون ثابتة، يعتمد ذلك على نوع التصادم. في الحقيقة، سواء كانت كمية الحركة قبل التصادم هي نفسها بعد التصادم أم لا فإننا نستخدم ذلك في تصنيف التصادم إلى مرن وغير مرن.

التصادم المرن بين جسمين هو ذلك التصادم الذي يكون فيه طاقة الحركة التصادم المرن الكلية (بالإضافة إلى كمية الحركة) متساوية قبل وبعد التصادم. تصادم كرات البلياردو وتصادم جزيئات الهواء مع جدار الاناء عند درجات الحرارة العادية كلها تصادمات مرنة تقريباً. يحدث تصادم تام المرونة بين الذرات والجسيمات المكونة لها. أما التصادم بين الاجسام الماكروسكوبية مثل تصادم كرات البلياردو فهي ليست تامة المرونة حيث يحدث بعض التشوهات وفقد في طاقة الحركة.

التصادم غير المرن هو ذلك التصادم الذي لاتكون فيه طاقة الحركة الكلية التصادم غير المرن قبل وبعد التصادم متساوية (حتى وأن كانت كمية الحركة ثابتة). هناك نوعان من التصادم غير المرن. عندما يلتصق الجسمان المتصادمان بعد التصادم، كما يحدث عندما يتصادم نيزك بسطح الارض، يقال أن التصادم غير تام المرونة، عندما لايلتصق الجسمان مع بعضهما، ولكن يوجد فقد في جزء من طاقة الحركة، مثل ما يحدث عند تصادم كرة من المطاط مع سطح صلب فيقال أن التصادم غير مرن. على سبيل المثال عندما تتصادم كرة من المطاط مع سطح صلب، يكون التصادم غير مرن لأن كرة المطاط فقدت جزءاً من طاقة حركتها أدت إلى تشويه الكرة أثناء تلامسها (التصادم غير مرن لأن كرة المطاط فقدت جزءاً من طاقة حركتها أدت إلى تشويه الكرة أثناء تلامسها (التصادم غير مرن لأن كرة المطاط فقدت جزءاً من طاقة حركتها أدت إلى تشويه الكرة أثناء تلامسها (

الضيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مع السطح. في اغلب التصادمات، لاتكون طاقة الحركة هي نفسها قبل وبعد التصادم حيث يتحول جزء منها إلى طاقة داخلية وإلى طاقة مرونة كامنة عندما يحدث تشويه للأجسام اوإلى طاقة دورانية. التصادم المرن والتصادم غير تام المرونة هما حالتان حديتان، اغلب التصادمات تقع بين هاتين الحالتين. في بقية هذا الجزء سندرس التصادم في بعد واحد وسنفترض الحالتين الحديتين التصادمات المرنة والتصادمات غير تام المرونة. في هذين النوعين من التصادمات تكون كمية الحركة ثابتة فقط في التصادم المرن.



تجرية سريعة 🔍

ضع كرة تنس طاولة (بينج بونج) على كرة سلة واسقطهما في نفس اللحظة بحيث تصطدم كرة السلة بالارض، ثم تقفز لاعلى لتتصادم مع الكرة الصغيرة الساقطة ماذا يحدث؟ ولماذا؟

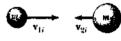
التصادم غيرتام المرونة Perfectly Inelastic Collisions

افترض جسمين كتلتيهما m_2 ، m_1 يتحركان بسرعة ابتدائية v_{2i} و v_{2i} في خط مستقيم كما هو موضح بالشكل 9.9 . يتصادم الجسمان تصادماً مواجها ثم يلتحمان مع بعضهما ويتحركان بسرعة مشتركة v_{2i} بعد التصادم. حيث إن كمية الحركة محفوظة في أي تصادم، يمكننا القول أن كمية الحركة الكلية قبل التصادم تساوي كمية الحركة الكلية للمنظومة المتكونة بعد التصادم

$$m_1 \mathbf{v}_{1i} + = (m_1 + m_2) \mathbf{v}_f$$
 (13.9)

$$\mathbf{v}_f = \frac{m_1 \mathbf{v}_{1i} + m_2 \mathbf{v}_{2i}}{m_1 + m_2} \tag{14.9}$$





tar

After collision



. 00 1

شكل 9.9 رسم توضيحي لتصادم مواجه غير مرن تماماً بين جسمين (a) قبل التصادم (b) بعد التصادم.

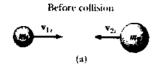
اختبار سريع 7.9

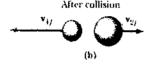
ايهما اسوأ، تصادم سيارة سرعتها 40 mi/h مع حائط من الطوب أم التصادم المواجبة مع سيارة تماثل سيارتك وتتحرك أيضاً بسرعة \$40 mi/h

التصادم المرن Elastic Collision

افترض جسمين يحدثان تصادماً مواجهاً مرناً (شكل 10.9). في هذه الحالة تكون كل من كمية الحركة والطاقة ثابتة. لهذا نحصل على

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم





شكل 10.9 رسم توضيحي لتصادم مواجه مرن بين جسمين (c) قبل التصادم (d) بعد التصادم.

$$m_1 v_{1i} + m_2 v_{2i} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$$
 (15.9)

$$\frac{1}{2}m_1{\upsilon_{1i}}^2 + \frac{1}{2}m_2{\upsilon_{2i}}^2 = \frac{1}{2}m_1{\upsilon_{1f}}^2 + \frac{1}{2}m_2{\upsilon_{2f}}^2$$
 (16.9)

وحيث إن السرعات في الشكل 10.9 إما أن تكون تجاه اليسار أو اليمين، فإنه يمكن تمثيلها بالسرعة كمقدار مع إشارات جبرية توضح الاتجاه. سوف نعتبر v موجبة إذا كان الجسم يتحرك تجاه اليمين وسالبة إذا تحرك تجاه اليسار. كما لوحظ في الفصول السابقة، من الناحية العملية أن نطلق على هذه القيم "سرعات" حتى وإن كان هذا الاصطلاح يعني مقدار متجه السرعة والذي لا يكون له اشارات جبرية.

يوجد في المسائل التي تشتمل على تصادم مرن كميتان مجهولتان ويستخدم حل المعادلتين 15.9، وجد في المسائل التي تشتمل على تصادم مرن كميتان مجهولتان ويستخدم حل المعادلية البسيطة البسيطة البسيطة المعادلة 16.9 وغالباً ما تؤدي إلى تبسيط هذه العملية، وحتى نرى ذلك، دعنا نحذف المعامل 1/2 من المعادلة 16.9 ونعيد كتابتها في الصورة

$$m_1(v_{1i}^2 - v_{1f}^2) = m_2(v_{2f}^2 - v_{2i}^2)$$

وبتحليل كلا الطرفين نجد ان:

$$m_1(v_{1i} - v_{1f})(v_{1i} + v_{1f}) = m_2(v_{2f} - v_{2i})(v_{2f} + v_{2i})$$
 (17.9)

بعد ذلك دعنا نفصل الحدود التي تشتمل على m_2 ، m_1 في المعادلة 15.9

$$m_1(v_{1i} - v_{1f}) = m_2(v_{2f} - v_{2i})$$
 (18.9)

لكي نحصل على النتيجة النهائية، نقسم المعادلة 17.9 على المعادلة 18.9

$$v_{1i} + v_{1f} = v_{2f} + v_{2i}$$

 $v_{1i} - v_{2i} = -(v_{1f} - v_{2f})$ (19.9)

يمكن استخدام هذه المعادلة بالإضافة إلى المعادلة 15.9 في حل المسائل التي تتعامل مع التصادم المرن. طبقاً للمعادلة 19.9 ، السرعة النسبية بين الجسمين قبل التصادم $v_{1i}-v_{2i}$ تساوي سالب سرعتهما النسبية بعد التصادم $(v_{1f}-v_{2f})$ - ،

افترض أن الكتلة والسرعة الابتدائية لكلا الجسمين معلومة، يمكن حل المعادلتين 15.9 و 19.9 لحساب السرعة النهائية بدلالة السرعات الابتدائية حيث يوجد معادلتان في مجهولين

التصادم المرن: العلامة بين السرعة
$$v_{1f} = \left(\frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2}\right) v_{1i} + \left(\frac{2m_2}{m_1 + m_2}\right) v_{2i}$$
 (20.9)

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$\upsilon_{2f} = \left(\frac{2m_1}{m_1 + m_2}\right)\upsilon_{1i} + \left(\frac{m_2 - m_1}{m_1 + m_2}\right)\upsilon_{2i}$$
 (21.9)

من المهم أن ذلاحظ استخدام الاشارات المناسبة لكل من v_{2i} ، v_{2i} في المعادلتين 20.9، 21.9، فإذا تحرك الجسم 2 ناحية اليسار في أول الأمر، حينتُذ تكون v_{2i} سالبة.

دعنا ندرس بعض الحالات الخاصة: إذا كانت $m_1 = m_2$ فإن $v_{1f} = v_{2i}$ أي يتبادل الجسيمان السرعة عند تساوي كتلتاهما، هذا ما فلاحظه ثماماً عند التصادم المواجه لكرتا البلياردو، تتوقف الكرة التي صدمتها عصاه البلياردو، وتتحرك الكرة المصطدمة مبتعدة عن نقطة التصادم بنفس سرعة الكرة التي قذفتها عصاه البلياردو،

 $v_{2i}=0$ إذا كان الجسم 2 ساكناً في البداية، حينئذ $v_{2i}=0$ وتصبح المعادلتان 20.9 و

$$v_{if} = \left(\frac{m_1 - m_2}{m_1 + m_2}\right) v_{ii}$$
 (22.9) $\frac{2}{m_1 + m_2} v_{ij}$

$$v_{2f} = \left(\frac{2m_1}{m_1 + m_2}\right) v_{1i} \tag{23.9}$$

 $v_{1f} \approx v_{1i}$ أن 23.9 و 22.9 أن نلاحظ من المعادلتين 22.9 و m_2 أن أنه عند حدوث تصادم مواجه بين جسم ثقيل مع جسم خفيف ساكن قبل التصادم، فإن الجسم الثقيل يستمر في حركته بدون تغير في سرعته بينما يرتد الجسم الخفيف بسرعة تساوي ضعف السرعة الابتدائية للجسم الثقيل. كمثال لذلك هو تصادم ذرة ثقيلة مثل اليورانيوم مع ذرة خفيفة مثل الهيدروجين.

إذا كانت m_2 أكبر كشيراً من m_1 وكان الجسم m_2 سياكنياً في البدايية حينئذ m_1 و الذا كانت m_2 أكبر كشيراً من m_1 وكان الجسم خفيف جداً تصادماً مواجها مع جسم ثقيل ساكن فإن سرعة الجسم الخفيف ينعكس اتجاهها بينما يظل الجسم الاثقل ساكناً تقريباً.

مثال 6.9 البندول القذفي

البندول القذفي (شكل 11.9) عبارة عن جهاز يستخدم في قياس سرعة القذائف سريعة الحركة، مثل الرصاصة. تُقذف الرصاصة على قطعة كبيرة من الخشب معلقة في سلك خفيف، تغوص الرصاصة في الكتلة الخشبية وتتأرجح المجموعة خلال ارتفاع h. بالطبع يكون التصادم غير تام المرونة وحيث إن كمية الحركة ثابتة، تعطي المعادلة 14.9 القيمة الصحيحة لسرعة المجموعة بعد التصادم. إذا افترضنا أن الرصاصة هي الجسم 1 والكتلة الخشبية هي الجسم 2، فإن طاقة الحركة الكلية بعد التصادم هي:

(1)
$$K_f = \frac{1}{2}(m_1 + m_2)v_f^2$$

وحيث إن $0 = c_0$ ، تصبح المعادلة 14.9

(2)
$$v_f = \frac{m_1 v_{1_t}}{m_1 + m_2}$$

بالتعويض عن هذه القيمة في المعادلة (1) نحصل على

$$K_f = \frac{{m_1}^2 {v_{1i}}^2}{2(m_1 + m_2)}$$

لاحظ أن طاقة الحبركية K بعبد التصبادم مباشرة تكون أقل من طاقة الحركة الابتدائية للرصاصة. مع ذلك، في كل تغيرات الطاقة التي تحدث بعد التصادم، يظل المقدار الكلي للطاقة الميكانيكيسة ثابتنا وهكذا بمكن القنول أنه بعند التصادم تتحول طاقة الحركة للكتلة والرصاصة عند القاع إلى طاقة وضع عند ارتفاع h

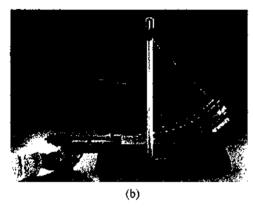
$$\frac{m_1^2 v_{1i}^2}{2(m_1 + m_2)} = (m_1 + m_2)gh$$

وهكذا فإن

$$v_{1i} = \left(\frac{m_1 + m_2}{m_1}\right) \sqrt{2gh}$$

يعنى ذلك أنه من المكن أن نحصل على السرعة الابتدائية للرصاصة وذلك بقياس الارتفاع h ومعرفة الكتلتين.





شكل 11.9 (a) رسم توضيحي للبندول القنذفي. لاحظ أن ٧١ هي سرعة الرصاصية قبل التصادم مباشرة وأن ٧٢٠ = ٧١٠ = ٧ هي سرعة المجموعة المكونة من الرصاصة والكتلة بعد التصادم غير تام المرونة مباشرة (b) صورة فوتوغرافية متعددة اللقطات للبندول القلذفي والذي يستنخسدم في

حيث إن التصادم غير تام المرونه، يتحول جزء من الطاقة الميكانيكية إلى طاقة داخلية وبالتالي فإن مساواة طاقة الحركة الابتدائية للرصاصة مع طاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية للمجموعة يكون غير صحيح.

تصادم جسم مع زنبرك مربوطاً في جسم آخر. مثال 7.9

تتصادم كتلة مقدارها $m_l = 1.6$ وتتحرك بسرعة 4.0m/s وتتحرك بسرعة أملس افقى مع زنبرك مربوط بكتلة أخرى مقدارها $m_{\gamma} = 2.1 \mathrm{kg}$ تتحرك تجاه اليسار بسرعة $2.5 \mathrm{m/s}$ كما هو موضح بالشكل 12.9a. إذا كان ثابت الزنبرك 600N/m عند لحظة وصول سرعة الكتلة 1 إلى 3.0m/s كما بالشكل 12.9b احسب سرعة الكتلة (2).

الحل: أولاً: لاحظ أن السرعة الابتدائية للكتلة 2 هي 2.5m/s- حيث إنها تتحرك تجاه اليسار. من (347)

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

قانون حفظ كمية الحركة للكتلتين نحد أن:

 $m_1 v_{1i} + m_2 v_{2i} = m_1 v_{1f} + m_2 v_{2f}$ (1.60 kg) (4.00 m/s) + (2.10 kg) (-2.50 m/s)

= $(1.60 \text{ kg}) (3.00 \text{ m/s}) + (2.10 \text{ kg})v_{2.6}$

 $v_{2f} = -1.74 \text{ m/s}$

تعنى الاشارة السالبة أن الكتلة 2 تتحرك في نفس أتجاهها- إلى اليسار عند هذه اللحظة.

(b) احسب المسافة التي انضغطها الزنيرك عند هذه اللحظة.

الحل: حتى نحسب المسافة التي انضغطها الزنيرك عند هذه اللحظة أي x الموضحة في الشكل الشكل 12.9b ، يمكننا أن نستخدم مبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية حيث لايوجد احتكاك ولا يؤثر أي نوع من القوى غير المحافظة على المنظومة وهكذا نحصل على:

$$\frac{1}{2}m_1{v_1}^2 + \frac{1}{2}m_2{v_2}^2 = \frac{1}{2}m_1{v_1}^2 + \frac{1}{2}m_2{v_2}^2 + \frac{1}{2}kx^2$$

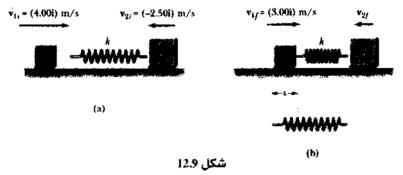
بالتعويض بالقيم المعطاء وكذلك النتيجة (a) في هذه المعادلة نحصل على:

$$x = 0.173 \text{ m}$$

من المهم أن نلاحظ أننا نحتاج إلى كل من قانوني حفظ كمية الحركة وحفظ الطاقة الميكانيكية لايجاد حل للجزئين (a)، (b) في هذه المسألة.

تمرين؛ احسب سرعة الكتلة (1) وكذلك مقدار الانضفاط في الزنبرك عند لحظة سكون الكتلة (2).

الإجابة: 0.719m/s وتتحرك ناحية اليمين مسافة 0.251m.



ابطاء النيوترونات بواسطة التصادم مثال 8.9

 235 أنتج النيوترونات في المفاعل النووي عند انشطار ذرة اليوارنيوم $^{235}_{92}$. تتحرك هذه النيوترونات بسرعة تصل إلى 10⁷m/s والمطلوب إبطاؤها إلى سرعة 10³m/s قبل أن تشارك في عملية انشطار أخرى، يمكن إبطاؤها بأمرارها خلال مادة صلبة أو سائلة تسمى اللهدئ Moderator، تشمل هذه [348] العملية تصادمات مربة. دعنا الان نوضح كيف يمكن للنيوترون أن يفقد معظم طاقة حركته عند التصادم المرن مع النوى الخفيف في المهدىء مثل الديوتيريوم (في الماء الثقيل D_2O) أو الكربون (في الجرافيت).

الحل: افترض أن كتلة نواة المهدئ m_2 ساكنة في البداية وأن النيوترون كتلته m_2 وسرعته الابتدائية $v_{\rm ni}$ ويتصادم تصادما مواجها مع النواه، حيث أن التصادم مرن فإن أول شيء ندركه هو أن كلا من كمية الحركة وطاقة الحركة محفوظتان، لهذا يمكن استخدام المعادلتين 22.9، 23.9 في التصادم المواجه بين النيوترون ونواة المهدئ. يمكن تمثيل هذه العملية برسم مماثل لشكل 10.9.

طاقة الحركة الابتدائية للنيوترون هي:

$$K_{\mathrm{n}i} = \frac{1}{2} m_{\mathrm{n}} v_{\mathrm{n}i}^{-2}$$

بعد التصادم، تصبح طاقة الحركة للنيوترون $V_{\rm nf} = \frac{1}{2} m_{\rm n} v_{\rm nf}^{-2}$ من من بعد التصادم، تصبح طاقة الحركة للنيوترون بعد التحركة للنيوترون التحركة للنيوترون التحركة للنيوترون التحركة للنيوترون التحركة للنيوترون التحركة للنيوترون التحركة للنيوترون

$$K_{\rm nf} = \frac{1}{2} m_{\rm n} v_{\rm nf}^2 = \frac{m_{\rm n}}{2} \left(\frac{m_{\rm n} - m_{\rm m}}{m_{\rm n} + m_{\rm m}} \right)^2 v_{\rm nf}^2$$

وبالتالي تكون نسبة طاقة حركة النيوترون بعد التصادم إلى طاقة حركة النيوترون قبل التصادم $f_{
m n}$ هى:

$$f_{n} = \frac{K_{nf}}{K_{ni}} = \left(\frac{m_{n} - m_{m}}{m_{n} + m_{m}}\right)^{2}$$

من هذه النتيجة فلاحظ أن $f_{
m n}$ تكون صغيرة كلما أقتربت كتلة النيوترون $m_{
m m}$ من $m_{
m m}$ وتساوي صفراً عندما تكون $m_{
m m}=m_{
m m}$.

كذلك يمكننا استخدام المعادلة 23.9 والتي تعطي السرعة النهائية للجسم الساكن في البداية وبالتالى يمكن حساب طاقة الحركة لنواة المهدئ بعد التصادم.

$$K_{\rm mf} = \frac{1}{2} m_{\rm m} v_{\rm mf}^2 = \frac{2 m_{\rm n}^2 m_{\rm m}}{(m_{\rm n} + m_{\rm m})^2 v_{\rm nf}^2}$$

كمية طاقة الحركة التي انتقلت إلى نواة المهدىء من طاقة الحركة الابتدائية $f_{
m m}$ هى:

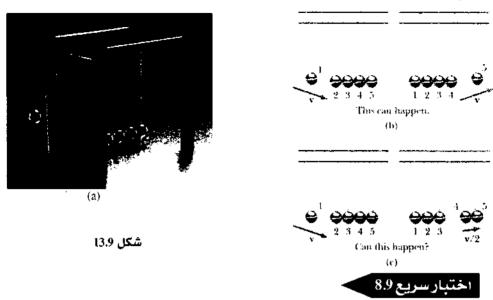
(2)
$$f_{m} = \frac{K_{mf}}{K_{ni}} = \frac{4m_{n}m_{m}}{(m_{n} + m_{m})^{2}}$$

وحيث إن طاقة الحَركة الكلية للمنظومة ثابتة فإنه يمكن حساب $f_{\mathfrak{m}}$ من الشرط

$$f_{\rm m}$$
= 1 - $f_{\rm n}$ اي أن $f_{\rm n}$ + $f_{\rm m}$ = 1

افترض أنه تم استخدام الماء الثقيل كمهدئ. عند تصادم النيوترونات مع نوى الديوتيريوم في $p_{\rm m}=8/9$ و $p_{\rm m}=8/9$ أي أن $p_{\rm m}=8/9$ من طاقة الحركة للنيوترونات تنتقل إلى نوى الديوتيريوم. من الناحية العملية، تنخفض كفاءة المهدىء حيث إن النصادم المواجه بعيد الاحتمال. كيف تختلف النتائج في حالة استخدام الجرافيت ($p_{\rm m}=12$ والذي يستخدم في صناعة الأقلام الرصاص) كمهدىء؟

الشيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



يوضع الشكل 13.9a جهاز يشرح حفظ كمية الحركة وطاقة الحركة. يتكون من خمس كرات صلبة ومعلقة بخيوط لها نفس الطول. عند جذب الكرة 1 ثم تركها تتحرك فإنها تتصادم مع الكرة 2 وتتحرك الكرة 5 إلى الخارج، كما بالشكل 13.9b. إذا تم جذب الكرة 1 والكرة 2 ثم تركهما، تتأرجع الكرتان 4، 5 إلى الخارج.. هل من المكن أن تتأرجع الكرتان 4، 5 في الاتجاه العكسي وبسرعة تساوي نصف سرعة الكرة 1 وذلك عند ترك الكرة 1 كما بالشكل \$13.90

TWO- DIMINSIONAL COLLISIONS بعدين 5.9

أوضعنا في القسمين 1.9، 3.9 أن كمية الحركة لمنظومة مكونة من جسمين تكون محفوظة عندما تكون المنظومة معزولة. في أي تصادم بين جسمين، تحتم هذه النتيجة أن كمية الحركة في الاتجاهات z, y, z تكون محفوظة. مع ذلك هناك مجموعة أخرى من التصادمات تحدث في مستوى. اشهر مثال لذلك هو كرة البلياردو التي تشمل تصادمات متضاعفة للاجسام التي تتحرك على سطح ثنائي البعد. في مثل هذا التصادم، نحصل على مركبتين لعادلة حفظ كمية الحركة.

$$m_1 v_{1ix} + m_2 v_{2ix} = m_1 v_{1fx} + m_2 v_{2fx}$$

 $m_1 v_{1iy} + m_2 v_{2iy} = m_1 v_{1fy} + m_2 v_{2fy}$

دعنا ندرس مسألة التصادم في بعدين والتي يتصادم فيها الجسم 1 وكتلته m_1 مع الجسم 2 الساكن وكتلته m_2 كما هو موضح بالشكل 14.9 . بعد التصادم تتحرك الكتلة 1 في اتجاه يصنع زاوية وكتلته m_2 مع الاتجاه الافقي ويتحرك الجسيم m_2 بزاوية m_3 مع الافقي. نسمي هذه الزاوية بزاوية السقوط

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

المتممة Glancing ويسمى التصادم بالتصادم المنحرف. بتطبيق قانون حفظ مركبات كمية الحركة وبملاحظة أن المركبة لا لكمية الحركة للمنظومة تساوى صفراً، نحصل على

$$m_1 v_{1i} = m_1 v_{1i} \cos \theta + m_2 v_{2i} \cos \phi$$
 (24.9)

$$0 = m_1 v_{1f} \sin \theta - m_2 v_{2f} \sin \phi$$
 (25.9)

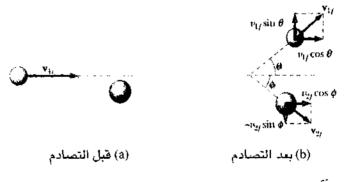
تظهر الإشارةالسالية في المعادلة 25.9 حيث أنه بعد التصادم تكون المركبة لا السرعة الجسم 2 متجهة لأسفل. لدينا الآن معادلتين مستقلتين، وطالما لم تزد المجاهيل عن مجهولين من السبعة في المعادلتين 24.9 و 25.9 فإنه يمكن حل هاتين المعادلتين.

إذا كان التصادم مرنا، يمكننا أيضاً استخدام المعادلة 16.9 (حفظ طاقة الحركة) بعد وضع $v_{2j}=0$ لتعطى

$$\frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 = \frac{1}{2}m_1v_{1f}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2f}^2$$
 (26.9)

بمعرفة السرعة الابتدائية للجسم 1 والكتلتان سيكون الباقي اربعة مجاهيل (v_{1f} , v_{2f} , θ , ϕ). حيث ان لدينا ثلاث معادلات فقط فإنه يجب اعطاء قيمة مجهول آخر إذا ما أردنا حل المسألة من قوانين الحفظ فقط.

إذا كان التصادم غير مرن، فإن طاقة الحركة ليست محفوظة ولانستخدم المعادلة 26.9



شكل 14.9 زاوية انحراف التصادم المرن بين جسمين

تنويهات في حل مسائل التصادم

عند تناول مسائل التصادم بين جسمين يفضل اتباع الطريقة التاليه:

- حدد مجموعة المحاور وعرف السرعات بالنسبة لهذه المحاور. أحياناً يكون من الأفضل أن ينطبق المحور X مع إحدى السرعات الابتدائية.
 - عند رسم مجموعة المحاور حدد متجهات السرعة وبها جميع المعلومات المعطاه.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

- اكتب تعبيراً لمركبات كمية الحركة في الاتجاهين x و y لكل جسم قبل وبعد التصادم، استخدم الاشارات المناسبة لمركبات متجهات السرعة.
- اكتب تعبيراً لكل من كمية الحركة في اتجاه x قبل وبعد التصادم وساويهما ببعضهما. كرر نفس الخطوة على المركبة y . تنبثق هذه الخطوات من كون أن حفظ كمية الحركة الكلي يعني حفظ كمية الحركة في كل الاتجاهات. تذكر أن حفظ كمية الحركة للمنظومة كلها وليس لكل جسم على حدة.
- إذا كان التصادم غير مرن فإن طاقة الحركة ليست محفوظة. هذه الحالة تتطلب معلومات إضافية. إذا كان التصادم غير تامة المرونة فإن السرعتين النهائيتين متساويتان، بعد ذلك حل معادلات كمية الحركة في الكميات المجهولة.
- إذا كان التصادم مرناً، تكون طاقة الحركة محفوظة ويمكنك مساواة طاقتي الحركة قبل وبعد التصادم حتى نحصل على علاقة إضافية بين السرعات.

ش مثال 9.9 التصادم عند التقاطعات

اصطدمت سيارة كتلتها £1500 لتسير في اتجاه الشرق بسرعة £25.0 m/s عند تقاطع مع عربة نقل كتلتها £25.0 شادمة من الجنوب بسرعة £20.0 m/s كما هو موضح بالشكل £15.9 احسب مقدار واتجاه سرعة الحطام بعد التصادم وذلك بافتراض أن السيارتين يحدث لهما تصادم غير تام المرونة (تلتصقان ببعضهما).

الحل: دعنا نفترض أن اتجاء الشرق هو الاتجاء الموجب لمحور x والجنوب هو الاتجاء الموجب للمحور y. قبل التصادم تكون السيارة هي التي لها كمية حركة في اتجاء x. هكذا يكون مقدار كمية الحركة الكلية للمنظومة (السيارة وسيارة النقل) هو:

 $\sum P_{ri} = (1500 \text{ kg})(25.0 \text{ m/s}) = 3.75 \text{ x } 10^4 \text{ kg·m/s}$

دعنا نفترض أن الحطام يتحبرك بزاوية θ وسيرعبة v_f بعيد التصادم. مقدار كمية الحركة الكلية في اتجاء x بعد التصادم هي:

$$\sum P_{xf} = (4000 \text{ kg}) v_f \cos \theta$$

حيث إن كمية الحركة الكلية في اتجاه x محفوظة، فإنه يمكننا مساواة هاتين المعادلتين لنحصل على:

(1)
$$3.75 \times 10^4 \text{ kg·m/s} = 4000 \text{ kg } v_f \cos \theta$$

بالمثل فإن كمية الحركة للمنظومة في اتجاه y هي نفسها كمية شكل 15.9 تصادم سيارة متجة الحركة للسيارة النقل ومقدارها (20.0 m/s)

بتطبيق حفظ كمية الحركة في اتجاه y نحصل على:



شكل 15.9 تصادم سيارة متجة ناحية الشرق مع سيارة نقل قادمة من الجنوب.

$$\sum p_{yi} = \sum p_{yf}$$
(2 500 kg) (20.0 m/s) = (4 000 kg) $v_f \sin \theta$

(2)
$$5.00 \times 10^4 \text{ kg} \cdot \text{m/s} = (4.000 \text{ kg})v_f \sin \theta$$

ويقسمة (2) على (1) تحصل على:

$$\frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \tan \theta = \frac{5.00 \times 10^4}{3.75 \times 10^4} = 1.33$$

 $\theta = 53.1^\circ$

بالتعويض عن فيمة الزاوية في المعادلة (2)، تكون فيمة v_f هي:

$$v_f = \frac{5.00 \times 10^4 \text{ kg} \cdot \text{m/s}}{(4.000 \text{ kg})\sin 53.1^\circ} = 15.6 \text{ m/s}$$

غالباً ما يكون من الافضل أن نرسم متجهات كمية الحركة لكل سيارة قبل التصادم وللسيارتين معاً بعد التصادم.

🛍 مثال 10.9 تصادم بروتون مع بروتون



يتصادم البروتون 1 تصادماً مرناً مع البروتون الساكن 2- السرعة الابتدائية للبروتون 1 هي 3.5 x 10⁵m/s ويحدث التصادم المنحرف مع البروتون 2 كما هو موضع بالشكل 14.9. بعد التصادم يتحرك البروتون 1 بزاوية °.37 مع المحور الأفقى وينحرف البروتون 2 بزاوية φ مع نفس المحور. احسب السرعة النهائية للبروتون وكذلك الزاوية φ.

الحل؛ حيث إن كـــلا الجسـمين بروتوناً يعنى ذلك أن $m_1 = m_2$. نعلـم كذلك أن 0 = 37.0

$$26.9$$
 و 25.9 و 24.9 و $v_{ii} = 3.5 \times 10^5 \text{m/s}$

$$v_{1f} \cos 37.0^{\circ} + v_{2f} \cos \phi = 3.50 \times 10^{5} \text{ m/s}$$

$$v_{1f}\sin 37.0^{\circ} - v_{2f}\sin \phi = 0$$

$$v_{1f}^2 + v_{2f}^2 = (3.50 \times 10^5 \text{ m/s})^2$$

بحل المعادلات التُلاث آنياً في المجاهيل الثلاثة نحصل على

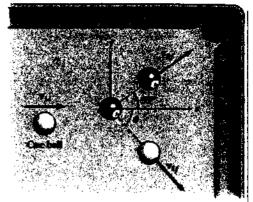
$$v_{1f} = 2.80 \times 10^5 \text{ m/s}$$

$$v_{2f} = 2.11 \times 10^5 \text{ m/s}$$

$$\phi = 53.0^{\circ}$$

 $\theta = 0$ أن $\theta = 0$ وهذه النتيجة ليست مصادفة. عند تصادم كتلتين متساويتين تصادماً مرناً في تصادم منحرف وكانت إحداهما ساكنة فإن سرعتيهما النهائيتين تكونان متعامدتان على بعضهما. المثال التالي يوضح هذه النقطة بمزيد من التفصيل.

اتضرباء (الجزءالأول-الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



مثال 11.9 تصادم كرات البلياردو

في لعبة البلياردو، يرغب اللاعب في أن يسقط الكرة في الفتحه الموجودة في الركن كما هو موضح بالشكل 16.9 . إذا كانت الزاوية التي تصنعها الفتحة هي 35° ما مقدار الزاوية 🖯 التي تتحركها الكرة ا عند قذعها بالمصاء أهمل كلا من الأحتكاك والحركة الدورانية وافترض أن التصادم مرن.

شكل 16.9

الحل: حيث إن الكرة الهدف ساكنة في أول الأمر فإن قانون حفظ الطاقة يعطى:

$$\frac{1}{2}m_1v_{1i}^2 = \frac{1}{2}m_1v_{1f}^2 + \frac{1}{2}m_2v_{2f}^2$$

الكن $m_1 = m_2$ لذلك فإن:

(1)
$$v_{1i}^2 = v_{1f}^2 + v_{2f}^2$$

باستخدام فانون حفظ كمية الحركة للتصادم في بعدين

$$(2) \quad \mathbf{v}_{1i} = \mathbf{v}_{1f} + \mathbf{v}_{2f}$$

حيث إن $m_1 = m_2$ فقد تم حذفهما من المعادلة (2). بتربيع كل من الطرفين في المعادلة (2) وباستخدام الضرب القياسي لمتجهين من القسم 2.7 نحصل على:

$$v_{ii}^{\ 2} = (\mathbf{v}_{1f} + \mathbf{v}_{2f}) \cdot (\mathbf{v}_{1f} + \mathbf{v}_{2f}) = v_{if}^{\ 2} + v_{2f}^{\ 2} + 2\mathbf{v}_{1f} \cdot \mathbf{v}_{2f}$$
 $\theta + 35^{\circ}$ وحيث إن الزاوية بين \mathbf{v}_{1f} و \mathbf{v}_{2f} هي

$$\mathbf{v}_{1f} \cdot \mathbf{v}_{2f} = v_{1f} v_{2f} \cos(\theta + 35^{\circ})$$

ومن ثم نجد أن

(3)
$$v_{1i}^2 = v_{1f}^2 + v_{2f}^2 + 2v_{1f}v_{2f}\cos(\theta + 35^\circ)$$

 $\frac{1}{2} = v_{1f}^2 + v_{2f}^2 + 2v_{1f}v_{2f}\cos(\theta + 35^\circ)$

بطرح (1) من (3) نحصل على:

$$0 = 2v_{1f}v_{2f}\cos(\theta + 35^{\circ})$$

$$0 = \cos(\theta + 35^{\circ})$$

$$\theta + 35^\circ = 90^\circ$$
 or $\theta = 55^\circ$

توضح هذه النتيجة أنه عندما تتصادم كتلتان متساويتان تصادماً منحرها مرناً وكانت إحداهما في سكون قبل التصادم، فإنهما تتحركان متعامدتان على بعضهما بعد التصادم. يمكن توضيح ذلك في حالتين مختلفتين تماماً، تصادم بروتونان في المثال 10.9 وكرتا البلياردو في هذا المثال.

THE CENTER OF MASS مركز الكتلة < 6.9

في هذا الجزء سوف نصف حركة منظومة ميكانيكية بدلالة نقطة معينة تسمى مركز الكتلة للمنظومة. قد تكون المنظومة الميكانيكية مجموعة من الجسيمات مثل مجموعة من الذرات في عنصر ما أو أجسام ذات أبعاد مثل لاعب جمياز يقفز في الهواء. سوف نرى أن مركز كتلة المنظومة يتحرك كما لو أن كل كتل المنظومة متركزة في هذه النقطة، عبلاوة على ذلك، إذا كانت محصلة القوة الخارجية المؤثرة على المنظومة هي $\sum \mathbf{F}_{\mathrm{ext}}$ وأن الكتلة الكلية للمنظومة هي M فإن مركز الكتلة يتحرك بتسارع مقداره $\mathbf{a}=\sum \mathbf{F}_{\mathrm{oxt}}/M$ أي أن المنظومة تتحرك كما لو أن محصلة القوة الخارجية توثر على جسم واحد كتلته M موضوعاً عند مركز الكتلة، ولايتوقف هذا السلوك على أي حركة أخرى، مثل دوران أو اهتراز المنظومة، تتضمن هذه النتيجة ما تم فرضه في الفصول الأولى لأن العديد من الامثلة كان يطبق على اجسام ذات ابعاد والتي تم التعامل معها كجسيمات.

افترض منظومة ميكانيكية تتكون من جسمين بكتلتين مختلفتين ومرتبطتين بقضيب صلب خفيف (شكل 17.9). يمكن وصف موضع مركر الكتلة للمنظومة على أنه الموضع المتوسط لكتلة المنظومة. يكون مركز الكتلة في نقطة ما على الخط الواصل بين الجسمين ويكون أقرب للجسم ذو الكتلة

الكبيرة.

سوف يسلكه جسيم.



~ 55

شكل 17.9 جسمان بكتلتين مختلفتين متصلان بقضيب صلب خفيف. (a) تدور المنظومية في اتجام عيقيارب الساعية عند استخدام قوة بين الكتلة الأقل ومركز الكتلة. (b) تدور المنظومة عكس عقارب الساعة عند استخدام قوة بين الكتلة الكبيرة ومركز التقل (c) تتحرك المنظومة في اتجاه تأثير الموة بدون دوران عند استخدام قوة عند

الفيزياء (الجزءالأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

- إذا أثرت قوة مضردة عند نقطة ما على القضيب بين مركز الكتلة والكتلة الخفيفة سوف تدور المنظومة في اتجاه عقارب الساعة (انظر شكل 17.9a). إذا تم استخدام القوة عند نقطة على القضيب بين مركز الكتلة والكتلة الثقيلة تدور المنظومة عكس عقارب الساعة (انظر الشكل 17.9b).

- إذا تم تطبيق القوة عند مركز الكتلة فإن الكتلة تتحرك في التجاه F بدون دوران (انظر الشكل 17.9c) وهكذا يمكن تحديد موضع مركز الكتلة.



شكل 18.9 مستركستر التكثلة على لجسمين مختلفي التكثلة على محتور x يقع عند x_{CM}. نقطة بين الجسمين، وتكون القسرب للتكثلة الكبيرة.

يقع مركز الكتلة لجسمين والذي تم وصفه في شكل 18.9 على نقطة ما نقع على المحور x بين الجسمين. قيمة x له هي:

$$x_{\text{CM}} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2} \tag{27.9}$$

مشلاً: إذا كانت $x_1=0$ $x_2=d$ وكذلك $m_2=2m_1$ نجد أن $x_{\rm CM}=\frac{2}{3}$ أي أن مركز الكتلة يقع بين بالقرب من الجسم الأثقل. إذا كانت الكتلتان متساويتين فإن مركز الكتلة يقع في منتصف المسافة بين الجسمىن.

يمكن تطبيق هذا المبدأ على منظومة مكونة من عدة أجسام في الابعاد الثلاث. في هذ الحالة تعطى المركبة x لمركز الكتلة لمنظومة تتكون من n جسيم بالعلاقة :

$$x_{\text{CM}} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 m_3 + \dots + m_n x_n}{m_1 + m_2 + m_3 + \dots + m_n}$$
 (28.9)

حيث X هي المركبة X للجسم X السهولة، يمكن التعبير عن الكتلة الكلية $M \equiv \sum_i m_i$ حيث يجري الجمع على عدد X من الأجسام. كذلك يمكن تعريف المركبتين X المركز الكتلة بطريقة مشابهة:

$$y_{\text{CM}} = \frac{\sum_{i} m_{i} y_{i}}{M} \qquad z_{\text{CM}} = \frac{\sum_{i} m_{i} z_{i}}{M}$$
 (29.9)

كذلك يمكن تعريف مركز الثقل بمتجه موضعه ${\bf r}_{\rm CM}$ والمحاور الكرتيزية لهذا المتجه هي $x_{\rm CM}$ ، $x_{\rm CM}$ والمرَّفة بالمعادلتين 28.9، 28.9 . هكذا نجد أن:

$$\mathbf{r}_{CM} = x_{CM}\mathbf{i} + y_{CM}\mathbf{j} + z_{CM}\mathbf{k}$$

$$= \frac{\sum_{i} m_{i}x_{i}\mathbf{i} + \sum_{i} m_{i}y_{i}\mathbf{j} + \sum_{i} m_{i}z_{i}\mathbf{k} + \sum_{i} m_{i}z_{i}\mathbf{k}}{M}$$

متجه الموضع لمركز الكتلة لنظومة من الأجسام

$$\mathbf{r}_{\rm CM} = \frac{\sum_{i} m_i \mathbf{r}_i}{M} \tag{30.9}$$

حيث \mathbf{r}_i هو متجه الموضع للجسم i ويُعرف بالعلاقة $\mathbf{r}_i = x_i \mathbf{i} + y_i \mathbf{j} + z_i \mathbf{k}$

الفصل التاسع، كمية الحركة الخطية والتصادم

بالرغم من أن تحديد مركز الكتلة لأجسام ذات ابعاد ممتدة يكون مريكاً بعض الشيء بالمقارنة بتحديد مركز الكتلة لمنظومة من الأجسام إلا أن الفكرة الأساسية تظل كما هي.

يمكن تصور الاجسام ذات الابعاد على أنها تتكون من عدد كبير من الجسيمات (شكل 19.9). المسافة بين هذه الجسيمات تكون صغيرة جداً وبالتالي يمكن افتراض أن الجسم له توزيع منتظم للكتلة، بتقسيم الجسم إلى عناصر كل عنصر كتلته z_i , y_i , z_i , y_i , z_i , بالمعادله:

$$\mathbf{x}_{\text{CM}} \simeq \frac{\sum_{i} x_{i} \Delta m_{i}}{M}$$

وكذلك معادلات مشابهه لـ $z_{\rm CM}$ ، $y_{\rm CM}$. إذا افترضنا أن عدد العناصر يقترب من مالانهاية، حينئذ يمكن حساب $x_{\rm CM}$ بدقة. في هذه النهاية يمكن استبدال الجمع بتكامل وكذلك استبدال Δm_i بالعنصر التفاضلي Δm_i :

$$x_{\text{CM}} = \lim_{\Delta m_i \to 0} \frac{\sum_{i} x_i \Delta m_i}{M} = \frac{1}{M} \int x \, dm \tag{31.9}$$

بالمثل لكل من y_{CM} و z_{CM}، نحصل على:

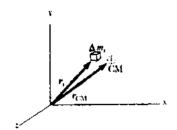
$$y_{\rm CM} = \frac{1}{M} \int y \, dm$$
 , $z_{\rm CM} = \frac{1}{M} \int z \, dm$ (32.9)

يمكن التعبير عن متجه الموضع لمركز الكتلة لجسم ذو ابعاد بالعلاقة:

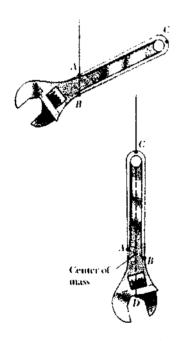
$$\mathbf{r}_{CM} = \frac{1}{M} \int \mathbf{r} \ dm \tag{33.9}$$

والذي يكافئ التعبيرات الشلاث المعطاه بالمعادلتين 31.9، 32.9.

مركز الكتلة لأي جسم متماثل يقع على محور التماثل وعلى أب مستوى للتماثل*. على سبيل المثال يقع مركز الكتلة لقضيب



شكل 19.9 يمكن اعتبار الجسم المتد كتوزيع من عناصر صغيرة كتابها مشيرة كتابها مركز الكتلة عند متجه الموضع r_{CM} ومحاورة هي r_{CM} ومحاورة هي r_{CM} ومحاورة هي



شكل 20.9 طريقة عملية لتعيين مركز الكتلة لمفتاح الجليازي، المفتاح معلق تعليقاً حراً من النقطة A أولاً ثم من النقطة CD ، AB الخطان AB ، CD ، AB تحدد مركز الكتلة.

[•] هذا النص صعيع فقط في حالة الاجسام التي لها كتله منتظمه لكل وحدة حجوم.

الشيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

هي منتصف المساهة بين طرفيه. يقع مركز الكتلة لكرة أو مكعب هي مركزه الهندسي.

يمكن تعيين مركز الكتلة لجسم غير منتظم الشكل بتعليق الجسم أولاً من نقطة ما ثم من نقطة أخرى. في الشكل 20.9 يعلق مفتاح من النقطة A ويُرسم خط رأسي AB (يمكن تحديده باستخدام ثقل) عندما يتوقف المفتاح عن التأرجح، بعد ذلك يعلق المفتاح من C ويتم رسم الخط الرأسي CD بذلك يكون مركز الكتلة في منتصف سُمك المفتاح عند تقاطع هذين الخطين، بصورة عامة إذا ثم تعليق المفتاح تعليق المفتاح تعليقاً حراً من أي نقطه، فإن الخط الرأسي المار خلال هذه النقطة يجب أن يمر خلال مركز الكتلة.

نجربة سريعة: ____

اقطع مثلث من ورق مقوى وارسم مجموعة شرائح متجاورة داخله موازية لأحد الجوانب. ارسم نقطة بالقرب من مركز الكتلة لكل شريحة وارسم خط مستقيم يمر بتلك النقطة وبالزاوية المقابلة للجانب الذي بدأت منه. مركز الكتلة للمثلث يقع على منصف تلك الزاوية. كرر هذه الخطوات للجانبين الآخرين. نقطة تقاطع منصفات الزوايا الثلاث هي مركز الكتلة للمثلث.

إذا تقبت فتحة في أي مكان في المثلث وعلقت الورقة بخيط من هذه الفتحة، فإن مركز الكتلة يقع على الخط الرأسي مع الفتحة.

حيث إن الجسم ذو الابعاد الممتدة عبارة عن كتلة موزعة بانتظام، فإن كل عنصر صغير يتأثر بقوة الجاذبية. التأثير الكلي لكل هذه القوى يكافئ تأثير قوة مفردة، Mg تؤثر عند نقطة معينة تسمى مركز الثقل. إذا كانت g ثابتة على طول توزيع الكتله، حينئذ ينطبق مركز الثقل مع مركز الكتلة. إذا تم دوران جسم ذو أبعاد ممتدة حول مركز ثقله، فإنه يتزن في أي اتجاه.

تساؤل سريع 9.9

إذا تم قطع مضرب كرة البيسبول إلى قطعتين عند مركز الكتلة كما هو موضع بالشكل 21.9 هل يكون للقطعتين نفس الكتلة؟



شكل 21.9 مضرب كرة البيسبول مقطوعاً عند مركز الكتلة



مثال 12.9 مركز الكتلة لثلاث أحسام

تتكون منظومة من ثلاث أجسام موضوعة كما بالشكل 22.9a أوجد مركز الكتلة للمنظومة.

 m_1 = عيث المسالة بإعطاء رمز لكنل الأجسام كما هيو موضيع بالشيكل حيث $z_{\rm cm}=0$ يميكن وصيف المسالة بإعطاء رمز لكنل الأجسام كما هيو $m_2=1.0~{\rm kg}$ و $m_3=3.0~{\rm kg}$ و $m_2=1.0~{\rm kg}$ بالمستخدام معادلات إحداثيات مبركيز الكتلة وبملاحظة أن $m_3=3.0~{\rm kg}$ على:

$$x_{\text{CM}} = \frac{\sum_{i} m_{i} x_{i}}{M} = \frac{m_{1} x_{1} + m_{2} x_{2} + m_{3} x_{3}}{m_{1} + m_{2} + m_{3}}$$

$$= \frac{(1.0 \text{ kg})(1.0 \text{ m}) + (1.0 \text{ kg})(2.0 \text{ m}) + (2.0 \text{ kg})(0 \text{ m})}{1.0 \text{ kg} + 1.0 \text{ kg} + 2.0 \text{ kg}}$$

$$= \frac{3.0 \text{ kg} \cdot \text{m}}{4.0 \text{ kg}} = 0.75 \text{ m}$$

$$y_{\text{CM}} = \frac{\sum_{i} m_{i} y_{i}}{M} = \frac{m_{1} y_{1} + m_{2} y_{2} + m_{3} y_{3}}{m_{1} + m_{2} + m_{3}}$$

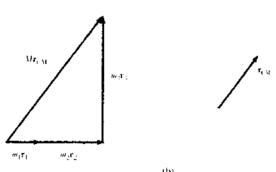
$$= \frac{(1.0 \text{ kg})(0) + (1.0 \text{ kg})(0) + (2.0 \text{ kg})(2.0 \text{ m})}{4.0 \text{ kg}}$$

$$= \frac{4.0 \text{ kg} \cdot \text{m}}{4.0 \text{ kg}} = 1.0 \text{ m}$$

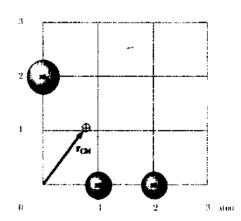
متجه الموضع لمركز الكتلة مقاساً من نقطة الأصل هو:

$$\mathbf{r}_{CM} = x_{CM}\mathbf{i} + y_{CM}\mathbf{j} = 0.75\mathbf{i} \text{ m} + 1.0\mathbf{j} \text{ m}$$

يمكن التحقق من هذه النتيجة بيانياً بجمع $m_1\mathbf{r}_1+m_2\mathbf{r}_2+m_3\mathbf{r}_3$ وقسمة المجموع الاتجاهي على الكتلة الكلية M. يوضح ذلك الشكل 22.9b.



شكل 22.9 (a) كتلتان كتلتها الأولى 1.0 kg وكتلة الأخرى 20.0 kg 20.0 kg موضوعتان كما بالشكل، يوضح المتجه موضع مركز الكتلة للمنظومة. (b) المجموع الاتجاهي لمقدار $m_i r_i$



الضيرياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثال 13.9 مركز الكتلة لقضيب

(a) اثبت أن مركز الكتلة لقضيب كتلته M وطوله L يقع في منتصف المسافة بين طرفية بافتراض أن للقضيب كتلة وحدة طوال ثابتة.

الحل، يوضح الشكل 23.9 وضع القضيب موازياً لمحور x وبالتالي فإن $y_{CM} = z_{CM} = 0$ علاوة على ذلك إذا افترضنا أن كتلة وحدة الأطوال λ (الكثافة الخطية) حينئذ تكون $\lambda = M/L$ للقضيب المنتظم. إذا تم تقسيم القضيب إلى عناصر، طول كل منها dx، تكون كتلة كل عنصر هي $\lambda dx = dm$. بالنسبة لأي عنصر يقع على بعد x من نقطة الأصل، تعطى المعادلة 31.9

$$x_{\text{CM}} = \frac{1}{M} \int x \, dm = \frac{1}{M} \int_0^L x \lambda \, dx = \frac{\lambda}{M} \frac{x^2}{2} \Big|_0^L = \frac{\lambda L^2}{2M}$$

عيث إن $\lambda = M/L$ نحصل على:

$$x_{\rm CM} = \frac{L^2}{2M} \left(\frac{M}{L} \right) = \frac{L}{2}$$

يمكن ايضاً استخدام بديهيات الثماثل لكي نحصل على نفس النتيجة. (b) افترض أن القضيب ليس منتظماً بحيث تتغير كتلة وحدة الاطوال خطياً مع x طبقاً للعلاقة lpha، حيث lpha مقدار ثابت.

L احسب الاحداثي x لمركز الكتلة كجزء من الطول

الحل، في هذ الحالة تستبدل dm بالمقدار $\lambda \, dx$ حيث $\lambda \, dx$ ليست ثابتة لهذا فإن $x_{\rm CM}$ تعطى بالعلاقة:

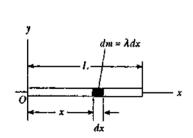
$$x_{\text{CM}} = \frac{1}{M} \int x \, dm = \frac{1}{M} \int_0^L x \lambda \, dx = \frac{1}{M} \Big|_0^L x \alpha x \, dx$$
$$= \frac{\alpha}{M} \int_0^L x^2 \, dx = \frac{\alpha L^2}{3M}$$

يمكن حذف α بملأحظة أن الكتلة الكلية للقضيب ترتبط بα من خلال العلاقة:

$$M = \int dm = \int_0^L \lambda \, dx = \int_0^L \alpha x \, dx = \frac{\alpha L^2}{2}$$

بالتعويض عن M في قيمة z_{CM} نحصل على:

$$x_{\rm CM} = \frac{\alpha L^3}{3\alpha L^2/2} = \frac{2}{3}L$$



شكل 23.9 مركز الكتلة لقضيب منتظم $x_{CM} = L/2$ طوله ليكون عند

مركز الكتلة لثلث قائم الزاوية مثال 14.9

جسم كتلته M على هيئة مثلث قائم ابعاده كما هي موضعة بالشكل 9.24. حدد إحداثيات مركز 360 | الكتلة بافتراض أن الجسم له كتلة وحدة المساحات ثابتة.

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

الحل: بالفحص يمكن التوقع بأن يكون الإحداثي x لمركز الكتلة تحت مركز القاعدة أي أنه أكبر من الله الجزء الاكبر للمثلث يقع بعد هذه النقطة، بالمثل وبنفس الطريقة يمكن القول أن الاحداثي الأ dx بجب أن يكون أقل من b/2. لكي نحسب الإحداثي x، نُقسم المثلث إلى شرائح رقيقة عرضها وارتفاعها y كما بالشكل 24.9 كتلة كل شريحة dm هي:

$$dm=rac{\Delta t + \Delta t}{\Delta t} imes \Delta t$$
 مساحة الشريحة $\Delta t = \frac{M}{1/2ab}(y\,dx)=\left(\frac{2M}{ab}\right)y\,dx$ لهذا فإن الإحداثي $\Delta t = \frac{M}{1/2ab}$ لهذا فإن الإحداثي $\Delta t = \frac{M}{1/2ab}$

$$x_{CM} = \frac{1}{M} \int x \, dm = \frac{1}{M} \int_0^a x \left(\frac{2M}{ab} \right) y \, dx = \frac{2}{ab} \int_0^a xy \, dx$$

لإجراء هذا التكامل، يمكن التعبير عن y بدلالة x. من المثلثين المتشابهين في شكل 24.9 نلاحظ

أن

شكل 24.9

$$\frac{y}{x} = \frac{b}{a}$$
 or $y = \frac{b}{a}x$

بالتعويض عن y تحصل على

$$x_{\text{CM}} = \frac{2}{ab} \int_0^a x \left(\frac{b}{a}x\right) dx = \frac{2}{a^2} \int_0^a x^2 dx = \frac{2}{a^2} \left[\frac{x^3}{3}\right]_0^a$$

$$= \frac{2}{3}a$$
بنفس الطريقة يمكن الحصول على الاحداثي y لمركز الكتلة:

$$y_{\rm CM} = \frac{1}{3}b$$

تتفق هذه النتائج مع ما توقعناه سابقاً.

7.9 حركة منظومة من الأجسام MOTION OF A SYSTEM OF PARTICLES

🦽 يمكن فهم المغرّى الفيزيائي وفائدة مركز الكتلة بإجراء التفاضل بالنسبة للزمن لمتجه الموضع 68 المعطى بالمعادلة 30.9. من الجزء 1.4 نعلم أن المشتقة بالنسبة للزمن لمتجه الموضع هي السرعة. بفرض أن M تظل ثابتة لمنظومة من الأجسام، أي انه لاتدخل ولا تخرج أي اجسام من المنظومة فإننا نحصل على التعبير التالي لسرعة مركز الكتلة للمنظومة.

$$\mathbf{v}_{\mathrm{CM}} = \frac{d\mathbf{r}_{\mathrm{CM}}}{dt} = \frac{1}{M} \sum_{i} m_{i} \frac{d\mathbf{r}_{i}}{dt} = \frac{\sum_{i} m_{i} \mathbf{v}_{i}}{M}$$
 سرعة مركز الكتلة : عيث \mathbf{v}_{i} هي سرعة الجسم \mathbf{v}_{i} بترتيب المعادلة 34.9 نحصل على:

الضيرياء (المبارة الأول - الميكاليكا والديشاميكا الحرارية)

$$MV_{CM} = \sum_{i} H_i V_i = \sum_{i} V_i V_{ini}$$
 (35.9) Each Like Weight (35.9)

سستنتج من ذلك أن كمية اتحاركة انخطية الكفاءة للمنظومة تساوي الكتلة الكلية منضاوية في عدارة وأن عدارة في عدارة الكتلة بمبورة أخرى، كمية الحركة الخصية الكلية للمنظومة تساوي قيمتها لجسيم مفرد. كتلاه 44 «بتحرك بعدل» في من 4

بقاب إداده النافح في فقعه اللفة الخرافة المقاسبية فقرص سندوي على الطاهدارم شرهر الثخلفة الفوطنشوهات

$$\mathbf{z}_{\mathrm{CM}} = \frac{d\mathbf{v}_{\mathrm{CM}}}{dt} = \frac{1}{\hbar t} \sum_{i} m_{i} \frac{dt_{i}}{dt} = \frac{1}{M} \sum_{i} m_{i} v_{i} \qquad (26.5)$$
 Also, i.e., a given

بإعادة الترتيب واستخدام قانون نيوتن الثاني، نحصل على:

$$M\mathbf{a}_{CM} = \sum_{i} m_{i} \mathbf{a}_{i} = \sum_{i} \mathbf{F}_{i}$$
 (37.9)

i ميث \mathbf{F}_i هي القوة الكلية التي تؤثر على الجسم

قد تحتوي القوة المؤثرة على المنظومة على قوى خارجية (من خارج المنظومة) وقوى داخلية (من داخل المنظومة) ومع ذلك ومن قانون نيوتن الثالث، فإن القوة الداخلية التي يؤثر بها الجسم اعلى الجسم 2 مثلاً تساوي في المقدار وتضاد في الاتجاه القوة الداخلية التي يؤثر بها الجسم 2 على الجسم 1 . بإجراء الجمع على كل القوى الداخلية في المعادلة 37.9، فإنها تتلاشى مع بعضها وبالتالي تكون القوى الفعلية على المنظومة هي القوى الخارجية. يمكن كتابة المعادلة 37.9 في الصورة

$$\sum \mathbf{F}_{\rm ext} = M\mathbf{a}_{\rm CM} = rac{d\mathbf{p}_{
m tot}}{dt}$$
 (9.38) قانون نيوتن الثاني للنظومة من الأجسام

أي أن محصلة القوة الخارجية على مجموعة من الأجسام تساوي الكتلة الكلية للمنظومة مضروبة في تسارع مركز الكتلة. بمقارنة ذلك مع قانون نيوتن الثاني لجسيم مفرد، نجد أن

يتحرك مركز الكتلة لمجموعة من الأجسام مجموع كتلتها M كجسم كتلته M تحت تأثير القوة المحصلة الخارجية تساوي صفراً، المحصلة الخارجية تساوي صفراً، فإنه من المعادلة 38.9 نحصل على:

$$\frac{d\mathbf{p}_{\text{tot}}}{dt} = M\mathbf{a}_{\text{CM}} = 0$$

شكل 25.9 صورة فوتوغرافية للقطات متعاقبية توضح مسقط رأسي لمفتاح إنجليزي يتحرك على سطح افقي. يتحرك مركز الكتلة للمفتاح في خط مستقيم عند دوران للفتاح حول هذه النقطة والموضحة بالنقاط البيضاء.

أي أن

$$\mathbf{P}_{\text{to t}} = M \mathbf{v}_{\text{CM}} =$$
 ثابت ($\sum \mathbf{F}_{\text{ext}} = 0$ عندما تكون (39.9)

أي أن كمية الحركة الخطية لمنظومة من الأجسام تكون محفوظة إذا لم يكن هناك قوة خارجية وثر على هذه المنظومة. يتبع ذلك أنه لمنظومة معزولة من الأجسام تكون كلا من كمية الحركة الخطية والسرعة لمركز الكتلة ثابتتان بالنسبة للزمن كما هو موضح بالشكل 25.9، هذه صورة عامة لقانون فظ كمية الحركة لمجموعة من الأجسام والتي تم مناقشتها في الجزء 1.9 لنظام مكون من جسمين.

افترض منظومة معزولة في سكون تتكون من جسمين أو أكثر. يظل مركز الكتلة لهذه المنظومة ساكناً مائم تؤثر عليه قوة خارجية. على سبيل المثال، افترض منظومة تتكون من سباح يقف على رمث. المنظومة في البداية ساكنة عندما يغوص السباح افقياً يظل مركز الكتلة للمنظومة ساكناً (إذا اهملنا الاحتكاك بين الرمث والماء). علاوة على ذلك فإن كمية الحركة الخطية للسباح تساوي في المقدار نفس القيمة للرمث ولكن في اتجاه مضاد.

 $M_{\rm B}$ ، $M_{\rm A}$ افترض ذرة غير مستقره في حالة سكون وفجأة تنشطر إلى ذرتين كتلتاهما $M_{\rm B}$ ، $M_{\rm A}$ وسرعتاهما هي $v_{\rm B}$ ، $v_{\rm A}$ على التوالي. حيث أن كمية الحركة الكلية قبل الانشطار تساوي صفراً فإن كمية الحركة بعد الانشطار تساوي صفراً ايضاً، لذلك فإن $M_{\rm A}v_{\rm A}+M_{\rm B}v_{\rm B}=0$ السرعتين معلومة فإنه يمكن حساب سرعة ارتداد الذرة الأخرى.

مثال 15.9 الدب المنزلق

افترض أنك تروض دب قطبي على نهر ثلجي املس كجزء من بحث. كيف يمكنك تعيين كتلة الدب باستخدام شريط قياس وحبل وبمعلومية كتلتك أنت.

الحل: اربط أحد طرفي الحبل حول الدب وحدد فياس الشريط على التلج عندما يكون أحد طرفية عند الموضع الأصلي للدب كما بالشكل 26.9. أمسك الطرف الحر للحبل وثبت نفسك كما هو موضع وحدد موضعك. اخلع حذائك واجذب الحبل بكلتا يديك، كل منكما سينزلق على الثلج حتى تتلاقيا. من قراءة شريط القياس، لاحظ المسافة التي انزلقتها ولتكن $_{q}x$ والمسافة التي انزلقها الدب ولتكن $_{q}x$ نقطة التلاقي لك مع الدب هي الموضع الشابت لمركز الكتلة للمنظومة (أنت والدب) وهكذا يمكنك تعيين كتلة الدب من العلاقة $_{q}x_{p}=m_{p}x_{p}$ (من سوء الحظ أنك سوف لاتتمكن من العودة لحذائك سيحدث لك مشكلة إذا ما استيقظ الدب).

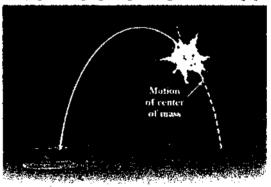
الفيزياء (الجرَّء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل 26.9 يظل مركز الكتلة لمنظومة معزولة في سكون مالم تؤثر عليه قوة خارجية، كيف يمكنك تحديد كتلة الدب القطبي.

مثال ذهني 16.9 انفجار قذيفة

أطلقت قذيفة في الهواء لتنفجر فجأة إلى عدة شظايا (شكل 27.9) ماذا يمكن القول عن حركة مركز الكتلة للمنظومة المكونة من كل الشظايا بعد الانفجار؟



شكل 27.9 عندما تنفجر القذيفة إلى عدة شظايا، فإن مركز الكتلة للمنظومة المتكونة من الشظايا سوف يسلك نفس مسمار القطع المكافئ والذي كانت سوف تسلكه القذيفة في حالة عدم انفجارها.

الحل: بإهمال مقاومة الهواء، فإن القوة الخارجية الوحيدة على القذيفة هي قوة الجاذبية الارضية. اذا لم تنفجر القذيفة، فإنها سوف تستمر في الحركة في مسار عبارة عن قطع مكافئ موضحاً بالخط المتقطع في شكل 27.9. وحيث أن القوى المؤثرة نتيجة الانفجار هي قوى داخلية فإنها لاتؤثر على حركة مركز الكتلة. بعد الانفجار يتبع مركز الكتلة للمنظومة (الشظايا) نفس المسار، أي قطع مكافئ والذي كانت ستسلكه القذيفة إذا لم تنفجر.

مثال 17.9 انفجار صاروخ

قَذَف صاروخ رأسياً لأعلى وعندما يرتفع إلى m 1000 وتصل سرعته إلى 300 m/s ينفجر إلى ثلاث شطايا متساوية الكتلة، تستمر احدى الشطايا في الحركة لأعلى بسرعة 450 m/s بعد الانفجار، والثانية تسير بسرعة 240 m/s وتتحرك ناحية الشرق عمودياً بعد الانفجار، ما هي سرعة الشظية الثالثة بعد الانفجار مباشرة.

الحل دعنا نفترض أن كتلة الصاروخ هي M وبالتالي فان كتلة كل شطية هي M. حيث إن قوى الانفجار هي قوى داخلية للمنظومة وبالتالي لاتؤثر على كمية حركته الكلية، فإن كمية الحركة P_i للانفجار مباشرة يجب أن تساوي كمية الحركة الكلية P_j للشظايا بعد الانفجار مباشرة.

قبل الانفجار،

$$\mathbf{p}_i = M\mathbf{v}_i = M(300 \mathbf{j}) \text{ m/s}$$

بعد الانفجار:

$$\mathbf{p}_i = \frac{M}{3}(240\mathbf{i}) \text{ m/s} + \frac{M}{3}(450\mathbf{j}) \text{ m/s} + \frac{M}{3}\mathbf{v}_f$$

 $(\mathbf{P}_i = \mathbf{P}_f$ هي السرعة المجهولة الخاصة بالشظية الثالثة. بمساواة هاتين المعادلتين (لأن $\mathbf{P}_f = \mathbf{P}_f$ نحصل على:

$$\frac{M}{3}$$
v_f + M(80**i**) m/s + M(150**j**) m/s = M(300**j**) m/s
v_f = (-240**i** + 450**j**) m/s

بم تشبه مجموع متجهات كمية الحركة لكل الشظايا؟

قمرين أوجد موضع مركز الكتلة لمنظومة الشظايا بالنسبة للارض بعد 3.0 ثواني من الانفجار. افترض أن محرك الصاروخ لايعمل بعد الانفجار.

الإجابة؛ لا يتنير الاحداثي x ولكن 1.86 km

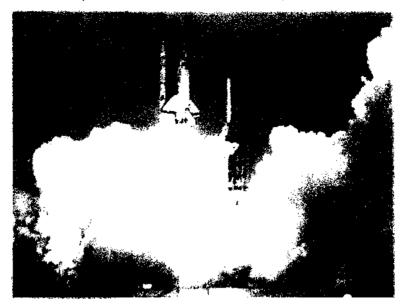
(اختياري)

8.9 دفع الصاروخ ROCKET PROPULSION

عند دفع مركبات عادية مثل السيارات والقاطرات تكون القوة الحافزة للحركة هي الاحتكاك. في حالة السيارة، تكون القوة الحافزة هي القوة التي يؤثر بها الطريق على السيارة، تُدفع القاطرة ضد القضبان، ومن ثم، تكون القوة الحافزة هي تلك القوة التي يؤثر بها القضبان على القاطرة. إلا أنه في حالة الصاروخ في الفضاء حيث لايوجد طريق أو قضبان ليدفع ضده، فإن مصدر الدفع للصاروخ يجب أن يكون شئ آخر غير الاحتكاك. شكل 28.9 عبارة عن صورة فوتوغرافية لسفينة فضاء عند اطلاقها. "يعتمد عمل الصاروخ على قانون حفظ كمية الحركة الخطية عند تطبيقه على منظومة من الأجسام حيث تتكون المنظومة من الصاروخ والعادم المطرود".

يمكن إدراك دفع الصاروخ بافتراض منظومة ميكانيكة تتكون من مدفع موضوع على عرية نقل بعجل، عند اطلاق القذيفه، تستقبل كل طلقة كمية حركة mv في اتجاه ما، حيث تقاس v بالنسبة إلى (

الفيزياء (الجزءالأول- الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل 28.9 إطلاق ســفـينة الفضاء كولومبيا، تتولد قوة دفع هائلة من مــعــركــات السـفـينة التي تعـمل بوقـود سائل مضافا إليه محركات إضافيه، العديد من مبادئ الفــيــزياء- والميكائيكا، والكهربية والمغناطيسية تطبق على هذا العمل.

إطار الارض الساكن. كمية الحركة للمنظومة المتكونة من العربة والمدفع والطلقات يجب أن تكون محفوظة. من ثم عند إطلاق كل طلقة يحصل المدفع والعربة على كمية حركة متساوية لكن في اتجاهين متضادين. أي أن، قوة رد الفعل التي تؤثر بها الطلقة على المدفع تؤدي إلى تسارع العربة والمدفع، وتتحرك العربة في اتجاء مضاد لاتجاء الطلقة. إذا كان n هو عدد الطلقات في الثانية الواحدة فإن متوسط القوة التي تؤثر على المدفع هي Fav nmv.

بطريقة مشابهة، عندما يتحرك الصاروخ في الفضاء، تتغير كمية الحركة الخطية عند التخلص من بعض من كتلته في صورة غاز مستنفذ، حيث إن الغاز يكتسب كمية حركة عند خروجه من الصاروخ، يحصل الصاروخ على كمية حركة مساوية لها لكن في الاتجاء المضاد، لهذا فإن الصاروخ

يتسارع نتيجة للدفع أو قوة الدفع من الغازات المحترفة في الفضاء، يتحرك مركز الكتلة للمنظومة (الصاروخ والغاز المستنفذ) بإنتظام غير معتمداً على عملية الدفع*.

افترض أنه عند الزمن 1، تكون كمية حركة الصاروخ ووقوده هي $(M+\Delta m)v$ حيث v هي سرعة الصاروخ بالنسبة للأرض (شكل Δm) عند Δm هي سرعة الصاروخ كتلة Δm). خلال فترة صغيرة من الزمن Δt يفقد الصاروخ كتلة الصاروخ من الوقود وبالتالي فإنه في نهاية هذه الفترة تصبح سرعة الصاروخ هي v0. هي التغير في سرعة الصاروخ (شكل v29.9b). إذا خرج الوقود المستنفذ بسرعة v3 بالنسبة للصاروخ (الرمز v3 يعني

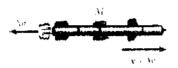


قوة الدفع بالنيت روجين وجهاز التحكم اليدوي يسمع لرائد الفضاء ان يتحرك بحرية في الفراغ بدون رباط مفيد.

^{*} من المهم أن تلاحظ أن الصاروخ والمدفع بمثلان حالات عكس التصادم غير المرن تماماً. كمية الحركه محفوظه ولكن طاقة الحركه للمنظومة تزداد (على حساب طاقة الوضع الكيميائيه للوقود).

القصل التاسع: كمنة الحركاة الخطية والتصادم





شكل 29.9 دفع الصداروخ (a) كتلة الصاروخ الابتدائية بالاضافة إلى كل الوقدود هي $M + \Delta m$ عند الزمن الموسرعته هي U (b) بعد فترة U تصبع الكتلة U بعد اطلاق وقدود كتلته U وتزداد سرعة الصاروخ بمقدار U

المستنفذ، وعبادة منا يطلق على v مسرعة المدادم) وسنرعة الوقود بالنسبة لأطار استاد سباكن هي v = v. هكذا عندما تساوي كمية الحركة الابتدائية الكلية للمنظومة كمية الحركة الابتدائية الكلية الكلية نحصل على:

$$(M+\Delta m)v=M(v+\Delta v)+\Delta m(v-v_c)$$
 حيث آمثل M كتلة الصاروخ والباهي من الوقود وذلك بعد استثفاذ كمية من الوقود مقدارها Δm

بإجراء تبسيط لهذه المعادلة نحصل على:

$$M\Delta v = v_c \Delta m$$

يمكن الوصول إلى هذه النتيجة بافتراض ان المنظومة في إطار اسناد مركز الكتلة وهو اطار له نفس سرعة مركز الكتلة للمنظومة. في هذا الاطار، تكون كمية حركة المنظومة مساوية صفراً. إذا ما اكتسب الصاروخ كمية حركة M Δv بالتخلص

من بعض الوقيود، فإن الوقيود المستنفذ يحصيل على كيمية حركية v_e في الاتجاء المضاد لأن من بعض الوقيود، فإن الوقيود المستنفذ يحصيل على كيمية حركية $av \rightarrow dv$ في الاتجاء المضاد لأن $\Delta m \rightarrow dv \rightarrow dv$ في المستنفذة dm علاوة على ذلك فإن الزيادة في الكتلة المستنفذة dm تناظر نفس النقص في كتلة الصاروخ بعيث يكون $dm \rightarrow dm$ لاحظ أن dm لها إشارة سالبة لأنها تعبير عن النقص في الكتلة. بناءً على ذلك، نحصل على:

$$M dv = v_e dm = v_e dM$$
 (40.9)

 M_i بإجراء التكامل لهذه المعادلة وبفرض أن الكتلة الابتدائية للصاروخ بالإضافة للوقود هي والكتلة النهائية للصاروخ بالاضافة لما تبقى من الوقود M_i نحصل على:

$$\int_{v_i}^{v_f} dv = -v_e \int_{M_i}^{M_i} \frac{dM}{M}$$
 $v_f - v_i = v_e \ln\left(\frac{M_i}{M_i}\right)$ (41.9)

هذا هو التعبير الاساسي لدفع الصاروخ، أولاً يوضح هذا التعبير أن الزيادة في سرعة الصاروخ متناسب مع سرعة النفاذ v_e . لهذا فإن سرعة النفاذ يجب أن تكون عالية جداً. ثانياً الزيادة في سرعة المساروخ تتناسب مع اللوغاريتم الطبيعي للنسبة M_i/M_f . هذه النسبة يجب أن تكون عالية بأكبر قدر مستطاع والتي تعني أن كتلة المساروخ بدون وقوده يجب أن تكون صغيرة بقدر الامكان وأن يحمل الصاروخ آكبر كمية من الوقود.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

يمكن ان نحصل على تعبيراً لقوة الدفع من المعادلة 40.9.

$$M\frac{dv}{dt} = \left|v_e \frac{dM}{dt}\right| = 0$$
 هُوهَ الدفع (41.9)

قوة الدفع على الصاروخ هو القوة المؤثرة عليه بواسطة اندفاع العادم.

توضح هذه المعادلة أن قوة الدفع تزداد مع زيادة سرعة نفاذ العادم ومع زيادة معدل تغير الكتلة (تسمى معدل الاحتراق).

مثال 18.9 صاروخ في الفضاء

يتحرك صاروخ في الفضاء بسرعة 3.0 x 10³m/s بالنسبة للأرض، ثم تشغيل المحرك وينبعث العادم في اتجاه مضاد لحركة الصاروخ بسرعة \$5.0 x 10³m/s بالنسبة للصاروخ (a) ما هي سرعة الصاروخ بالنسبة للأرض عندما تصل كتلة الصاروخ إلى نصف كتلته قبل الاشتعال.

الحل: من المتوقع أن تكون السرعة التي نبحث عنها أكبر من السرعة الاصلية لأن الصاروخ يتسارع. باستخدام المعادلة 41.9 نحصل على:

$$v_f = v_i + v_e \ln\left(\frac{M_i}{M_f}\right)$$

= 3.0 × 10³ m/s + (5.0 × 10³ m/s)ln $\left(\frac{M_i}{0.5 M_i}\right)$
= 6.5 × 10³ m/s

(b) ما هي قوة الدفع على الصاروخ إذا كان معدل احتراق الوقود هو 50 kg/s.

الحل:
$$= \left| v_e \frac{dM}{dt} \right| = (5.0 \times 10^3 \text{ m/s}) (50 \text{ kg/s})$$
 = $2.5 \times 10^5 \text{ N}$

مثال 19.9 |طفاء الحريق

يحتاج رجلا المطافئ أن يستخدما قوة مقدارها N 600 في تثبيت خرطوم المطافئ حتى يكون معدل تفريغ الماء هو . 600 L/min احسب سرعة الماء عند خروجها من الخرطوم.

الحل، يخسرج الماء بمعدل 1 600 L/min وحيث أن L من الماء كتلته 1 kg يمكن القول أن حوالي وحيث أن L من الماء كتلته 1 kg يمكن القول أن حوالي 60 kg من الماء تترك الخرطوم في الثانية. عندما يترك الماء الخرطوم فإنه يؤثر بقوة دفع على الخرطوم والذي يقابله بقوة مقدارها 8 600 N يؤثر بها رجلا المطافئ على الخرطوم. باستخدام المعادلة 42.9 نحصل على



يهاجم رجال المطافئ منزل يعترق باستخدام خرطوم

الفصل التاسع كمية الحركة الخطية والتصادم

$$= \left|v_e \frac{dM}{dt}\right|$$
 600 N = $\left|v_e(60 \text{ kg/s})\right|$ $v_e = 10 \text{ m/s}$

اطفاء الحريق عملية خطرة. إذا ما انزلق الخرطوم من أيديهم، فإن حركة الخرطوم نتيجة قوة الدفع الذي يستقبله من سرعة الماء الخارج قد تؤذي رجال المطافئ.

ملخص SUMMARY

كمية الحركة الخطية P لجسم كتلته m يتحرك بسرعة v هي:

$$\mathbf{P} = m \mathbf{v}^* \tag{1.9}$$

يوضح قانون حفظ كمية الحركة الخطية أن كمية الحركة لمنظومة معزولة تكون محفوظة. إذا كان هناك منظومة معزولة تتكون من جسمين فإن كمية الحركة تكون محفوظة بغض النظر عن القوة بينهما. لهذا فإن كمية الحركة الكلية الكلية للمنظومة في أي لحظة تساوي كمية الحركة الكلية الابتدائية

$$\mathbf{P}_{1i} + \mathbf{P}_{2i} = \mathbf{P}_{1f} + \mathbf{P}_{2f} \tag{5.9}$$

الدفع المؤثر على جسيم نتيجة قوة F يساوي التغير في كمية الحركة للجسم.

$$\mathbf{I} = \int_{t}^{t_f} \mathbf{F} \, dt = \Delta \mathbf{p} \tag{9.9}$$

ثلك هي نظرية الدفع- كمية الحركة.

غالباً ما تكون القوى الدافعة على المنظومة اقوى بالمقارنة مع القوى الأخرى وغالباً ما تؤثر لفترة زمنية قصيرة كما في حالة التصادم.

عندما يتصادم جسمان فإن كمية الحركة الكلية قبل التصادم تساوي كمية التصادم غير الحركة الكلية بعد التصادم، بغض النظر عن طبيعة التصادم، التصادم غير المرن هو تام المرونة التصادم الذي تكون فيّه طاقة الحركة الكلية غير محفوظة، التصادم غير تام المرنة يحدث فيه التصاق الجسمين المتصادمين بعد التصادم، التصادم المرن هو التصادم الذي يكون فيه طاقة الحركة ثابتة.

أثناء التصادم في بعدين أو ثلاث، تكون مركبات كمية الحركة في كل من الابعاد الثلاثة x،y،x محفوظة ومستقلة عن بعضها البعض.

يُعرف متجه الموضع لمركز الكتلة في منظومة من الأجسام بالعلاقه:

$$\mathbf{r}_{\rm CM} \equiv \frac{\sum_{i} m_i \mathbf{r}_i}{M} \tag{30.9}$$

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث $\hat{M} = \sum_i m_i$ هي الكتلة الكلية للمنظومة و \mathbf{r}_i هو متجة الموضع للجسم i. متجة الموضع لمركز الكتلة لجسم جاسيٌ يمكن الحصول عليه من العلاقة .

$$\mathbf{r}_{CM} = \frac{1}{M} \int \mathbf{r} \ dm \tag{33.9}$$

سرعة مركز الكتلة لمنظومة تتكون من مجموعة من الأجسام هو.

$$\mathbf{v}_{\mathrm{CM}} = \frac{\sum_{i} m_{i} \mathbf{v}_{i}}{M} \tag{34.9}$$

كمية الحركة الكلية لمنظومة من الأجسام تساوي حاصل ضرب الكتلة الكلية في سرعة مركز الكتلة.

تطبيق قانون نيوتن الثاني على مجموعة من الأجسام بعطي:

$$\sum \mathbf{F}_{\text{ext}} = Ma_{\text{CM}} = \frac{d\mathbf{p}_{\text{tot}}}{dt}$$
 (38.9)

حيث a_{CM} هي تسارع مركز الكتلة ويتم الجمع على كل القوى الخارجية. يتحرك مركز الكتلة مثل جسيم تخيلي كتلته M تحت تأثير محصلة القوة الخارجية على المنظومة، يتضح من المعادلة 38.9 ان كمية الحركة الكلية للمنظومة محفوظة طالما لايوجد قوة خارجية تؤثر عليها.

QUESTIONS |

- 1 إذا كانت طاقة الحركة لجسم تساوي صفراً
 ما مقدار كمية الحركة الخطية له؟.
- 2 إذا تم مضاعفة سرعة الجسيم ما هو مقدار التغير في كمية الحركه؟ ما مقدار التغير في طاقة الحركه؟
- 3 إذا كانت طاقة الحركة لجسمين متساوية.
 هل من الضروري أن يكون لهما نفس كمية الحركة؟ فسر ذلك.
- إذا كانت كمية الحركة لجسمين متساوية، هل
 من الضروري أن يكون لهما نفس طاقة
 الحركه؟ فسر ذلك.
- 5 منظومة معزولة ساكنة في البداية. هل من المكن لاجـزاء من المنظومـة أن تكون في حالة حركة في وقت آخر؟ إذا كان كذلك.
 فسر كيف يحدث ذلك؟

- 6 اذا تصادم جسمان وكان أحدهما ساكناً، شل من الممكن أن يكون كليهما في حالة سكون بعد التصادم؟ هل من الممكن أن يكون أحدهما في حالة سكون بعد التصادم؟ فسر ذلك.
- 7 فسر كيف يمكن أن تكون كمية الحركة محفوظة عندما ترتد كرة من الأرض؟
- 8 هل من المكن حدوث تصادم تُفَقَد فيه كل طاقة الحركه؟ إذا كان كذلك اذكر مثالاً.
- 9 في تصادم نام المرونة بين جسمين، هل تتغير
 طاقة الحركة لكل جسم نتيجة التصادم.
- 10- عندما تتدحرج كرة إلى أسفل مستوى مائل تزداد كمية الحركة الخطية لها هل يحتم ذلك عدم حفظ كمية الحركه؟ فسر ذلك.
- 11- افترض تصادم غير تام المرونة بين سيارة

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

- وشاحنة كبيرة. اي من السيارتين سيفقد طاقة حركة أكبر نتيجة التصادم؟.
- 12- هل من الممكن أن يقع مسركسز الكتلة خسارج الجسم؟ إذا كان كذلك أذكر مثالاً.
- 13- قدفت ثلاث كرات في الهدواء في نفس اللحظة. ما هو تسارع مركز الكتلة لهن اثناء الحركة؟.
- 14- مسطرة قياس تم وضعها متزنة في موضع افقي باصبعي السبابة لليد اليمنى واليد اليسرى. إذا تقارب الاصبعان من بعضهما، تظل المسطرة في إتزان ويتلاقى الاصبعان غالباً عند منتصف المسطرة بغض النظر عن موضعهما الاصلى (حاول ذلك!). فسر ذلك.
- رامي طلقات يضع البندقية بحيث تكون مؤخرتها ملاصقة لكتفه. إذا كانت كمية الحركة للطلقة في الاتجاء الامامي هي نفسها كمية الحركة للبندقية في الاتجاء الخلفي لماذا كانت اصابة الرامي من البندقية أقل خطراً من إصابته من الرصاصة؟.
- 16- قُدذفت قطعة من الطمي على صائط من الطوب فالتصقت به، ماذا حدث في كمية الحركة لقطعة الطمي، هل كمية الحركة معفوظه؟ فسر ذلك.
- 17- يقفز لاعب من على قمة ارتفاعها 6.0m على وسادة محشوة بالمطاط. هل يمكنك حساب سرعته قبل وصوله إلى الوسادة مباشرة؟. هل يمكن التنبؤ بالقوة المؤثرة عليه نتيجة التصادم؟ فسر ذلك.
- 18- فسر كيف يمكنك استخدام المنطاد لتوضيع الآلية المسئولة عن دفع الصاروخ.
- 19 هل يتسارع مركز كتلة صاروخ هي الفضاء؟ فسرد ذلك، هل من المكن أن تزيد سرعة الصاروخ عن سرعة الوقود المستنفذ؟. فسردنك.

- 20- اسقطت كرة من مبنى عالي، اذكر المنظومة التي يحدث فيها حفظ كمية الحركة الخطبة.
- 21- تنفجر قنبلة ساكنة إلى عدة قطع (a) هل
 كمية الحركة الخطية محفوظة (b) هل طاقة
 الحركة محفوظة. فسر ذلك.
- 22- تستخدم وكالة ناسا غالباً جاذبية الكواكب في عملية الارسال إلى الكواكب الاكثر بعداً. في الحقيقة بعد ذلك تصادماً من النوع الذي لايت لامس فيه الجسمين. كيف يمكن للمقذوف ان تزداد سرعته بهذه الطريقة؟.
- 23 عند دوران القمر حول الارض. هل يتحقق حفظ كمية الحركة الخطية للقمر؟ افرض أن مسار القمر دائري.
- 24- سقطت بيضة غير ناضجة على الارض فانقسمت إلى اجزاء عند ارتطامها بالارض ومع ذلك إذا أسقطت بيضة غير ناضجة على قطعة سميكة من المطاط ومن ارتفاع ما يقرب من متر فإنها ترتد لأعلى ولاتنكسر؟ كيف يمكن حدوث ذلك؟ (إذا ما حاولت إجراء هذه التجربة، امسك البيضة بعد أول ارتداد).
- 25- اذكر وجهة نظرك ودعمها بالبرهان في الاوضاع التالية:
- (a) افضل نظرية حركة هي تلك التي تُسبِبَ فيها القوة تسارعاً.
- (b) مقياس فاعلية القوة هو مقدار الشغل الذي تبذله وافضل نظرية للحركة هي ان الشغل المبذول على جسم يغير من طاقته.
- (c) المقياس الحقيقي لتأثير القوة هو الدفع وافضل نظرية للحركة هي أن الدفع على جسم يغير من كمية الحركة.

الفيزياء (الجزءالأول-اليكانيكا والديثاميكا الحرارية)

<u>+</u>	
PROBLEMS	ويساؤل

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

__ = الحل كامل متاح في المرشد.

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ الحل موجود في: WEB

الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

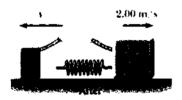
قسم 1.9 كمية الحركة الخطية وحفظها

- 1 جسم كتلته 3.0 kg وسرعته 1 (a) احسب مركبتا كمية الحركة في اتجاهي x، y (b) احسب مقدار واتجام كمية الحركة.
- 2 قُدفت كرة كتلتها 0.10 kg إلى أعلى في الهنواء بسترعية ابتدائية 15.0m/s احسب كمية الحركة للكرة (a) عند اقصى ارتفاع (b) عند منتصف اقصى ارتفاع.
- 3 قذفت طفلة كتلتها 40.0 kg تقف على بحيرة مجمدة حجراً كتلته 0.5 kg ناحية الشرق وبسترعته 5.0 m/s احسب سترعتة ارتداد الطفلة، أهمل الأحتكاك بين الطفلة والجليد،
- 4 ادعى لاعب أنه يمكنه قنذف كرة بيسبول بكمية حركة لاتقل عن كمية حركة رصاصة كتلتها 3.0 gm وسرعتها 1500 m/s. إذا كانت كتلته كرة البيسبول هي 0.145 kg ما هي سيرعتها حتى يصبح ادعناء اللاعب
- 5 بم تقدر سرعة حركة الارض؟ بصورة خاصة عندما تقفز إلى أعلى ولأقصى ارتفاع ممكن فإنك تعطى الأرض سرعة ارتداد قصوي. ما مقدارها وذلك بافتراض أن الأرض جسم صلب تماماً. في اجابتك اذكر الكميات الفيزيائية التي سوف تحتاجها كبيانات وكذلك قيمها.

372 **) 6-** ثقـلان كتلتيهما M، 3M موضوعان على



🗐 = فيزياء تفاعلية



شكل P6.9

سطح أفقي أملس، ربط احداهما بزنبرك خفيف ثم دفع الثقلان مع بعضهما وبينهما الزنيرك (شكل P6.9) فجأة احترق الخيط الرابط الجسمين ببعضهما وبعد ذلك تحركت الكتلة 3M تجاه اليامين بسارعية a) 2.0m/s) ما هي سيرعة الثقل الذي تبلغ كتلته 3M (b) احسب طاقة المرونة الكامنة في الزنبرك إذا كانت M ≈ 0.35 kg.

7 - يتحرك جسم كتلته m وكمية حركته P. اثبت أن طاقة حركة الجسم تعطى بالعلاقة ما مقدار كمية الحركة (b) $K = P^2/2m$ للجسم بدلالة طافة حركته وكتلته.

قسم 2.9 الدفع وكمية الحركة

8- توقيفت سيارة في إشارة المرور، وعندما إضاءت الإشارة الضوء الأخضر تسارعت السيارة وزادت سرعتها من الصفر إلى

الفصل التاسع، كمية الحركة الخطية والتصادم

إذا التصفت الكرة مع الحائط لمدة 0.2s ما مقدار القوة المتوسطة الني يؤثر بها الحائط على الكرة؟.

12- في لعية قذف الكرات المربه، تعير كرة مربة كتلتها 0.2Kg المستوى بسبرعة 15.0m/s وبزاوية °45 اسفل المستوى الأفقى (a) احسب الدفع على الكرة (b) إذا كانت القوة المؤثرة على الكرة تزداد خطياً لمدة 4.0ms ثم تشبت لمدة 20.0ms ثم تتناقص خطياً إلى الصفر في مدة 4.0ms ما أقصى قوة تؤثر

13 - أمسك خبرطوم حديقة كيما هو منوضح بالشكل P13.9 . إذا كيان الخيرطوم مملوءاً بالماء الساكن، ما هي القوة الاضافية اللازمية للإمسياك بفوهة الخبرطوم ليظل ثابتاً بعد فتح الماء إذا كان معدل تفريغ الماء هو 0.6kg/s ويسرعة 925.m/s



شكل P13.9

14 - تمارس لاعبة غوص محترفة الفوص من على منصلة ترتفع 10.0m أعلى سطح الماء احسب متوسط قوة الدفع التي تتأثر بها اللاعبية لحظة تصادمها مع الماء، الكبر الكميات التي تحتاجها كبيانات وقيمها.

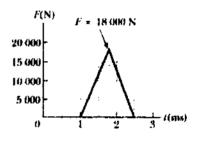
قسم 3.9 التصادم

قسم 4.9 التصادم المرن وغير المرن في بعد واحد

15- أوضحت صورة فوتوغيرافيية سيريعية أن مضرب الجولف كتلته 200g يتحرك بسرعة 55.0m/s قبل ان يتصادم مباشرة مع كرة (373

5.2m/s خيلال 0.8320s منا منقدار الدفع الخطى والقوة المتوسطة المؤثرة التي يتأثر بها راكب كتلته \$570.0 kg.

9 يوضح الشكل P9.9 العلاقة بين القوة والزمن عند ضرب كرة البيسبول بالمضرب، من هذا المنحنى احسب (a) الدفع على الكرة.



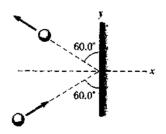
شكل P9.9

(b) أقصى قوة توثر على الكرة.

10- يستقبل لاعب التنس الكرة (كتلتها 0.06kg) عندما تسيير بسارعة 50.0m/s ويعيادها بسرعة افقية مقدارها 40.0m/s في الاتجام المضاد.

(a) مامقدار دفع المضرب على الكرة؟. (b) ما مقدار الشغل الذي يبذله المضرب على

: 11 تصطدم كرة صلبة كتلتها 3.0kg مع حائط بسيرعة 10.0m/s وبزاوية 60.0° مع السطح وترتد بنفس السرعة ونفس الزاوية (شكل (P11.9



شكل P11.9

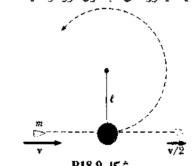
الْفَيرِياء (الجِرِّء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

جولف كتلتها 46.0g موضوعة على متلوت. بعد التصادم يتحرك المضرب (في نفس الاتجاه) بسرعة كلام. احسب سرعة كرة الجولف بعد دفعها مباشرة.

75.0kg العب تزلج على الجليد كنتلته 75.0kg ويتحرك بسرعة 10.0m/s يصطدم مع لاعب آخر له نفس الكتلة. بعد التصادم يتحرك اللاعبان كوحدة واحد بسرعة 5.0m/s افرض أن متوسط القوة التي يمكن أن يتحملها اللاعب بدون كسر عظامه هي 4500N إذا كان زمن التصادم هو 0.10s.

[17] أطلقت رصاصة كتلتها 10.0g على قطعة خشب ثابتة (m=5.0kg) وتوقفت الحركة النسبية للرصاصة داخل قطعة الخشب، إذا كانت سرعة الرصاصة وقطعة الخشب بعد التصادم مباشرة هي 0.6m/s ما هي السرعة الابتدائية للرصاصة.

718 - كـمـا هو مـوضح في الشكل P18.9، تمر رصاصة كتلتها m وسرعتها v خلال ثقل بندول كتلته M. إذا كـانت سـرعـة خـروج الرصاصة هي v/2 ما هي أقل قيمة للسرعة v بحيث يدور ثقل البندول دورة رأسية كاملة؟.



شكل P18.9



19 تقف فتاة كتلتها 45.0 kg على قطعة خشب سميكة كتلتها 150kg. إذا كانت قطعة الخشب ساكنة ويمكنها أن تنزلق علي بحيرة مجمدة منبطحة ملساء. إذا بدأت الفتاة الحركة على قطعة الخشب بسرعة ثابتة المحركة بالنسبة لقطعة الخشب (a) ما هي سرعة الفتاة بالنسبة إلى سطح الثلج ?(b) ما هي سرعة الفتاة بالنسبة إلى سطح الثلج ?(b) ما هي سرعة قطعة الخشب بالنسبة إلى سطح الثلج ?

20 - تعدو منى بسرعة 4.0m/s ثم ركبت على رمث ساكنة على قمة هضبة مغطاة بثلج املس. بعد هبوطها مسافة رأسية مقدارها 5.0m ففز اخوها على ظهرها واستمرا في الحركة مع بعضهما إلى اسفل الهضبة. ما هي سرعتهما عند قاع الهضبة إذا كانت المسافة الرأسية الكلية التي هبطاها سوياً هي 50kg وكتلة أخوها هي 30.kg.

21 - اصطدمت سيارة كتلتها 1200Kg تسير بسرعة ابتدائية مقدارها 25.m/s ناحية الشرق بمؤخرة شاحنة كتلتها 9000kg الشرق بمؤخرة شاحنة كتلتها 20.m/s تتحيرك في نفس الاتجاه بسيرعة السيارة بعد (شكل P21.9). إذا كانت سيرعة السيارة بعد التصادم هي سيرعة الشاحنة بعد التصادم مباشرة هي سيرعة الشاحنة بعد التصادم مباشرة (b) ما مقدار الفقد في الطاقة الميكانيكية نتيجة التصادم، فسير سبب الفقد في الطاقة.



374

مرباً عند B مع ثقل آخر ساكن كتلته احسب اقصى ارتفاع ترتفعه $m_2 = 10.0 \mathrm{kg}$ بعد التصادم. m_1



شكل P26.9

[27] أطلقت رصاصة كتلتها 12.0g على قطعة خشب ساكنة كتلتها 100gm موضوعة على سطح أفقى فانزلقت القطعة الخشبية بعد الدفع مسافة 7.5m قبل ان تسكن. إذا كان معامل الاحتكاك بين الكتلة والسطح هو 0.650 ما هي سرعة الرصاصة قبل الدفع

28 - عند اطلاق رصاصة كتلتها 7.0g من بندقية على قطعة خشب كتلتها 1.0kg مثبتة بمنجلة. اخترفت الرصاصة قطعة الخشب مسافة 8.0cm أذا تم وضع قطعة الخشب على سطح أفقى أملس وتم قذفها برصاصة كتلتها 7.0g من البندقية ما هي المسافة التي تخترقها الرصاصة في قطعة الخشب؟.

قسم 5.9 التصادم في بعدين

29 - يعدو لاعب مدافع كتلته 90.kg تجاه الشرق بسترعية 5.0m/s فيتصيادم مع لاعب من الفريق الآخر كتلته 95.kg يجرى ناحية الشمال بسرعة 3.0m/s إذا كان التصادم غير تام المرونة (a) احسب سرعة واتجاء اللاعبين بعد التصادم مباشرة (b) احسب الطاقة المفقودة نتيجة التصادم- علل ذلك.

30 - كتلة قرص المطاط الأزرق الموضح بالشكل P30.9 أكبر من كتلة القرص الأختضر بمقيدار %20. قبيل التنصيادم يتنقيارب القرصان من بعضهما بكميتي حركة (375

2.5 x 10⁴ kg عربة سكك حديدية كتلتها - 22 تسير بسرعة 4.0m/s تصادمت والتحمت مع ثلاث عربات اخرى، كتلة كل منها تساوى كتلة العربة المضردة ويتحركون جميعاً في نفس الاتجاء بسرعة 2.0m/s ما هي سرعة العربات الأربع بعد التصادم؟ (تا) ما مقدار الفقد في الطاقة نتيجة التصادم؟.

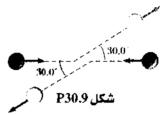
2.5x 10⁴kg اربع عربات قطار كتلة كل منها – 2.5x مرتبطة ببعضها البعض ويتحركون على القضيان بسرعة v_i تجاه الجنوب، يركب ممثل قوى وغبى العربة الثانية ويحاول فصل العربة الامامية واعطائها دفعة كبيرة حتى تزيد سيرعتها إلى 4.0m/s جنوباً. تستمر العربات الثلاث في الحركة جنوباً بسرعة (a) 2.0m/s احسب السرعة الابتدائية للعربات. (b) ما مقدار الشغل الذي بذله الممثل؟ (c) اذكر العلاقة بين ما تم هنا وما حدث في المسألة 22.

24 - تتصادم كرة بولينج كتلتها 7.0kg تصادماً مواجها مع وقد بولينج كتلته 2.0Kg. يطير الوتد في اتجاه الحركة بسرعة 3.0m/s. إذا استمرت الكرة في الحركة بسرعة 1.8m/s ما هي السرعة الابتدائية للكرة؟ يمكن اهمال دوران الكرة؟. web

[25] يتصادم نيوترون تصادماً مواجهاً مع نواة ذرة كربون ساكنة في المفاعل (a) ما نسبة الفقد في طاقة حركة النيوترون والتي تتحول إلى ذرة الكربون (b) إذا كانت طاقة الحركة الابتدائيــة للنيــوترون هي 1.6 x 10⁻¹³J . احسب طاقة حركته النهائية وكذلك طاقة حركة نواة الكربون بعد التصادم (كتلة نواة ذرة الكربون تعادل 12.0 مرة من كتلة النيوترون).

26 - افترض المسار الأملس ABC الموضع $m_1 = 5.0$ kg بالشكل P26.9 . تُرك ثقل كتلته يتحرك من A ويُحدث تصادماً مواجه

متساويتين في المقدار ومتضادتي الاتجاه. إذا كانت السرعة الابتندائية للقسرس الاختضار هي 10.0m/s. احسب سرعة القرصين بعد التصادم إذا الفقدت نصف طاقة الحركة اثناء التصادم.



31 - تقب رب سيارتان لهما نفس الكتلة من تقاطع، تسير احدى السيارتين بسرعة 13.0m/s الجنوب بسرعة 13.0m/s الجنوب بسرعة ني 0. الايرى السائقان كل منهما الآخر، تتصادم السيارتان عند التقاطع وتلتحمان مع بعضهما تاركين اثران ميتوازيان لانزلاقهما بزاوية °55 جنوب الشرق، اقصى سرعة مسموح بها على الطريقين هي 135mi/h. ادعى سائق السيارة القادمة من الجنوب أنه كان يسير بالسرعة السموح بها عندما حدث التصادم. هل كان السائق صادقاً فيما يقوله؟

32- يتصادم بروتون يتحرك بسرعة أن تصادماً مسرنا مع بروتون آخير سياكن. إذا كيانت سرعتا البروتونين متساويتين بعد التصادم احسب (a) سرعة كل بروتون بعد التصادم بدلالة (b) اتجاء مشجة السرعة بعد التصادم.

[33] اصطدمت كرة بليارودو تتحرك بسرعة 5.0m/s مع كرة أخرى ساكنة لها نفس الكتلة. بعد التصادم تتحرك الكرة الأولى بسرعة 4.33m/s وبزاوية 30.° بالنسبة لاتجاء الحركة الاصلي. بافتراض أن التصادم مرن (اهمل الاحتكاك والحركة

الدورانية)، احسب سرعة الكرة المقذوفة.

34 - كرة من المطاط كتاتها 0.3kg ساكنة على سطح أفقي املس تم قذفها بكرة أخرى كتاتها 0.2kg انجاء x بسرعة كتاتها 0.2kg تتحرك في اتجاء x بسرعة 2.0m/s بعد التصادم تتحرك الكرة (0.2kg) بسرعة 1.0m/s بزاوية 33.0° مع الاتجاء الموجب لمحور x. (انظر شكل 14.9) (عدد التصادم (a) احسب سرعة طاقة الحركة المفقودة في التصادم.

تصادمت ثم التحمت كتلة مقدارها 3.0kg تصادمت ثم التحمت كتلة تسير بسرعه ابتدائيه 5.0im/s مع كتله مقدارها 2.0kg تتحرك بسرعة ابتدائية 3.0jm/s احسب السرعة النهائية للمنظومة.

36 - قرصان لهما نفس الكتلة احدهما برتقالي يسير بسرعة 5.0m/s ويصطدم تصادم منحرفا بالقرص الأصفر الساكن. بعد التصادم يتحرك القرص البرتقالي في اتجاء يصنع زاويه 37.0° مع الاتجاه الابتدائي للحركة وكانت سرعة القرص البرتقالي (بعد التصادم). احسب السرعة القرص النهائية لكل قرص.

77 - قرصان لهما نفس الكتلة احدهما برتقالي يسير بسرعة 5.0m/s) ويصطدم تصادم منحرفا بالقرص الأصفر الساكن. كان القرص الأصفر في سكون عند ضربه بالقرص البرتقالي الذي يتحرك بسرعة ألا. بعد التصادم يتحرك القرص البرتقالي في اتجاء يصنع زاويه θ مع الاتجاء الابتدائي للحركة وكانت سرعة القرص الاصفر عموديه على القرص البرتقالي (بعد التصادم). احسب السرعة النهائية لكل قرص.

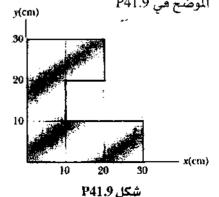
38 - أثناء معركة جيتيزيرج كانت طلقات المدفع قويه لمدرجية أن بعض القيدائف تتصيادم وتلتجم مع بعضها. افترض أن كرة بارود لدول المحور كتلتها g 5.0 تتحيرك تجاه اليمين بسيرعة \$250m/s وتصنع زاوية °.20 أعلى الخط الأفقي وأن كرة بارود الحلفاء كتلتها g.30g تتحرك بسيرعة \$280m/s تجاه اليسار بزاوية °15.0 أعلى الخط الافقي ما هي سرعتهما عند لحظة التعامهما مباشرة؟.

تنقسم نواة ساكنة غير مستقرة كتلتها $17.x \ 10^{-27} kg$ تنقسم نواة ساكنة غير مستقرة كتلتها $17.x \ 10^{-27} kg$ أحدهما $17.x \ 10^{-27} kg$ يتحرك على محور x بسرعة $10^{6} m/s$ ويتحرك الجسيم الأخر وكتلته $10^{6} m/s$ على محور $10^{6} m/s$ على محور $10^{6} m/s$ ويسرعة $10^{6} m/s$ على محور $10^{6} m/s$ الجسيم الثالث $10^{6} m/s$ الزيادة في طاقمة الحركة الكلية اثناء هذه العملية.

قسم 6.9 مركز الكتلة

40 - أربعة اجسام موضوعة على المحور لا كما يلي: جسسم كتلته 2.0 kg عند 2.5m عند 2.5m عند 2.5m عند كتلته كتلته كتلته كتلته كتلته 2.5 kg عند تقطة الأصل وجسم كتلته 4.0 kg الكتلة لهذه الاجسام.

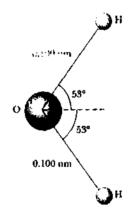
طريعة من الصلب منتظمة تأخذ الشكل الموضع في P41.9



احسب الاحداثيان x، x لركز الكتلة لهذه الشريحة.

42 - كتلة الارض kg الم 5.98x المسافة وكتلة القدمار 7.36x المسافة بين مركز مركزيهما هي 3.84x المقافة بين مركز كتلة المنظومة المكونة من الارض والقدمار مقاساً من مركز الارض.

43 - يتكون جــزئ الماء من ذرة اكــسـجين وذرتا هيدروجين مرتبطتان بذرة الاكسجين.



شكل P43.9

الزاوية بين الرابطتين 106°. إذا كان طول كل رابطة هو 0.1nm اين يوجد مركز كتلة الجزئ؟.

وموضعها m_1 مقدارها m_2 وموضعها m_2 عليه m_1 عليه m_2 وموضعها هـو m_1 الله و m_2 وموضعها هو وموضعها هو وموضعها هو m_3 عليه أخرى ثالثة m_3 مقدارها m_3 وموضعها هو الله m_3 الله مقدارها m_3 الكتل وموضوعها. ابدأ من نقطة الاصل الكتل وموضوعها. ابدأ من نقطة الاصل واعتبر أن كل ا سم يمثل m_1 أم المتجه m_1 وأخيراً أرسم المتجه m_1 m_2 وأخيراً أرسم لاحظ أن رأس المتجه m_2 بمثل موضع مركز الكتلة.

المُيزياء (الجزءالأول-الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

45- قضيب طوله 30.0cm كثافته الطولية (كتلة وحدة الاطوال) شعلى بالعلاقة

 $\lambda = 50.0 \text{g/m} + 20.0 \text{x g/m}^2$

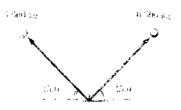
حبيث، ٣. هي النسافة بالمثير من أحد طرفي القضيب، من هي كتلة القاضيب، من هي كتلة القاضيب (٥) ما هو بند مركز الكتلة عن القصة 3 = 1.

قسم 7.7 حركة منظومة من الأحسام

افترض منظومة من جسمين في المستوى $m_1 = 2.0 \text{ kg}$ افترض منظومة من جسمين في المستوى $m_2 = 2.0 \text{ kg}$ الأول $m_1 = 2.0 \text{ kg}$ موضيوعاً عليه $m_2 = 3.0 \text{ kg}$ والجسسم الآخير كستاتيه $m_2 = 3.0 \text{ kg}$ ومروضيوعاً عند $m_2 = 3.0 \text{ kg}$ ارسم هذين وميوضيوعاً عند $m_2 = 3.0 \text{ kg}$ ارسم هذين وسرعته $m_2 = 3.0 \text{ j}$) $m_2 = 3.0 \text{ kg}$ الجسمين على ورقة رسم بيباني. حيد الجسمين على ورقة رسم بيباني. حيد متجها الموضيع الهيما ووضيح سيرعتيهما متجها الموضيع المين ورضيح سيرعتيهما وحدده على الرسم (a) عين سيرعة مركز (b) عين سيرعة مركز الكتلة ووضيحها على الرسم (b) ما هي كمية الحركة الكلية للمنظومة .

[47] يقوم روميو (77kg) بالعرف على الجيتار لجوليت (55.kg) وهو جالس عند مؤخرة القارب الواقف في ماء هادى، بينما كانت تجلس جوليت عند مقدمة القارب وعلى بعد العرف تحركت جوليت بعد العرف تحركت جوليت الشاطئ) لوضع قبله على وجنة روميو. ما الشاطئ التي تحركها القارب تجاه الشاطئ القابل إذا كانت كتلته \$80.0kg.

48 - تبدأ كتلتان مقدارهما 0.3kg، و0.5kg حركة منتظمة بنفس السرعة 0.8m/s من نقطة الاصل عند 0 =1 وتتحركان بالطريقة المضعة بالشكل P48.9



شكل P48.9

(a) احسب سرعة مركز الكتلة بدلالة وحدات المتجه (b) احسب مقدار واتجاه سرعة مركز الكتلة (c) اكتب متجه الموضع لمركز الكتلة كدالة في الزمن.

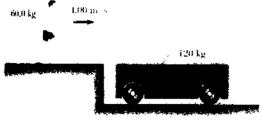
49 جسم كتابت ه 2.0 kg وسمرعته 3.0kg وسمرعته (2.0i- 3.0j)m/s وجسم آخر كتاته وسرعته وسرعته (1.0i+ 6.0j)m/s أوجد (a) سرعة الكلية مركز الكتلة و (b) كمية الحركة الكلية للمنظومة.

50 - كرة كتاتها 0.2 kg وسرعتها 1.5im/s وكرة أخرى كتاتها 0.3 kg وسرعتها 0.4m/s إخرى كتاتها 0.3 kg وسرعتها مرنأ (a) يحدث بينهما تصادماً مواجهاً مرنأ (b) احسب سرعتيهما بعد التصادم (b) احسب سرعة مركز الكتلة قبل وبعد التصادم.

قسم 8.9 دفع الصاروخ (اختياري)

سنه ينة الفضاء ساتورن 5 وقود ومؤكسد بمعدل الفضاء ساتورن 5 وقود ومؤكسد بمعدل الفضاء ساتورن 5 وقود ومؤكسد بمعدل مقدارها 1.5x 10⁴ kg/s مقدارها 2.6x 10³m/s احسب القوة الناتجة من هذه المحركات (b) احسب التسارع الابتدائي للسفينة عند الحركة إذا كانت كتلتها الابتدائية لحركة إذا كانت كتلتها الابتدائية ليجب أن تأخذ في الاعتبار قوة الجاذبية).

الفصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم



شكل P55.9

كان معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الشبخص والعبرية هو 0.4 ويمكن إهمال الاحتكاك بين العربة والارض (a) احسب السرعة النهائية للشخص والعربة بالنسبة للارض (b) احسب قبوة الاجتكاك التي تؤثر على الشخص عندما ينزلق على سطح العربة (c) ما الفترة الزمنية التي تؤثر فيها قوة الاحتكاك على الشخص؟ (d) احسب التغير في كمية الحركة للشخص والتغير في كمية الحركة للعربة (e) احسب مقدار إزاحة الشخص بالنسبة للأرض اثناء انزلاقه على سطح العربة (f) احسب إزاحة العربة بالنسبة للأرض أثناء فترة انزلاق الشخص (g) احسب التغير في طاقة حركة الشخص (h) احسب التغير في طاقة حركة العربة (i) فسر لماذا تختلف الاجابتان في (g)، (h). (صا نوع التصادم وما السبب في فقد الطاقة الميكانيكية).

56- كرة الجولف (كتلتها 46.0g) تم خبطها بزاوية °45 مع الافقي لتسقط الكرة على سطح الارض وعلى بعد 200m. إذا كانت مدة تلامس الكرة والمضرب هي 7.0ms مقدار متوسط قوة الدفع؟ (أهمل مقاومة الهواء).

أطلقت رصاصة كتلتها 8.0g على ثقل ساكن عند حافة منضدة ملساء ارتفاعها 1.0m
 أسكل P57.9). تبقى الرصاصية (1.0m

52 - صاروخ كبيس سرعة نفاذ العادم منه هي مقدار 3000m/s برا يحصصل على قصوة دفع مقدار (a) ما مقدار الكتلة المفقودة في الثانية نتيجة اخراج العادم. (d) ما هي اقصى سرعة يصل إليها النساروخ إذا بدأ الحركة من السكون في وسط خالي من القوة وكانت 3.0Km/s = 3.0 علماً بأن %90 من كتلته الابتدائية هي وقود ومؤكسد؟.

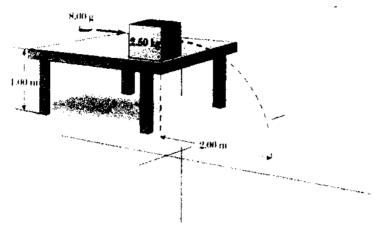
1000m/s عند استخدام الصاروخ في الفضاء العميق بعيث يكون له القدرة على نقل 3.0 طن متري (الحموله+ هيكل الصاروخ+ المحرك) بسرعة (الحموله+ هيكل الصاروخ+ لديه محرك ووقود يُنتج سرعة نفاذ للعادم مقدارها 2000m/s ما مقدار الوقود والمؤكسد اللازم؟ إذا تم تصميم محرك ووقود يُعطي سبرعة نفاذ للعادم تساوي اللازمان لنفس الرحلة؟.

54 - عربة صاروخ كتاتها فارغة 2000kg وكتلتها عندما تكون مملؤة تماماً بالوقود هي 5000kg وكانت سرعة اخراج العادم هي 5000ks وكانت سرعة اخراج العادم هي المستخدمة في تسارع عربة الصاروخ الملؤ تماماً بدءاً من الصفر إلى 225m/s (حوالي تماماً بدءاً من الصفر إلى 85m/s (حوالي ويساوي 30.kg/s احسب الزمن اللازم للعربة حتى تصلل إلى هذه السرعه اهمل الاحتكاك ومقاومة الهواء.

مسائل إضافية

55- مسألة سراجعة: يعدو شخصا كتلته 60kg بسرعة ابتدائية 4.0m/s ويقفز على عربة نقل كتلتها 120kg ساكنة (شكل P55.9). ينزلق الشخص على سطح العربة حتى يصل إلى حالة السكون بالنسبة للعربة. إذا

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل P57.9

داخل الثقل وبعد التصادم يسقط الثقل على بعد 2.0m من قاعدة المنضدة. احسب السرعة الابتدائية للرصاصة.

58- أطلقت رصاصة كتلتها M على ثقل ساكن عند حافة منضدة ملساء ارتفاعها h (انظر الشكل P57.9). تبقى الرصاصة داخل الثقل وبعد التصادم يسقط الثقل على بعد d من قاعدة المنضدة، احسب السرعة الابتدائية للرصاصة.

79 رائد فضاء كتلته 80kg يعمل على اصلاح محرك سفينة فضاء تطير بسرعة ثابتة. يرغب رائد الفضاء في الحصول على رؤية للكون فيندفع عكس السفينة وبعد فترة طويلة وجد نفسه على بعد 30.0m خلف السفينة وفي حالة سكون بالنسبة لها. بدون أي شيء يدفعه فإن الطريقة الوحيدة للعودة إلى السفينة هي أن يقذف بمفتاح للعودة إلى السفينة هي أن يقذف بمفتاح كتلته 85.6 بعيداً عن السفينة. إذا كانت سرعة دفع المفتاح هي 20.0m/s بالنسبة للسفينة ما الزمن اللازم حتى يصل رجل الفضاء إلى السفينة؟.

61- يتأرجح طرزان (كتلته 80kg) باستخدام كرمة عنب افقية طولها 3.0m. عند قاع قوس الحركة التقط جين كتلتها 60.0kg

باحداث تصادم غير تام المرونة (التحام). ما هو أعلى ارتفاع شجرة يمكن أن يصلا إليها خلال تأرجعهما.

-62 طائسرة نفاشة تطيير بسيرعة الطيران أفقياً. (223m/s) 500mi/h 80kg/s عند الطيران أفقياً. يُدخل المحرك الهواء بمعدل 3kg/s. إذا كانت ويحترق الوقود بمعدل 600m/s بالنسبة للطائرة، احسب دفع محرك الطائرة والقدرة المعطاة.

70kg بنزلق عامل إطفاء الحرائق كتاته و 70kg اسفل سارى بينما يعوق حركته قوة احتكاك مقدارها 300k. يتم تدعيم منصة افقية كتاتها 20kg بزنبرك في قاع السارى حتى يتم السحوط بهدوء. يبدأ العامل من السكون وعلى ارتفاع 4.0 من المنصة. فإذا كنان ثابت الزنبرك 4.00 من المنصة فإذا كنان ثابت الزنبرك 4000 مساشرة مع المنصة و (a) اقصى مسافة ينضغطها الزنبرك (افرض ان قوة الاحتكاك تؤثر تأثيراً كاملاً خلال الحركه).

64 يرتبط المدفع بشدة بمركبة والتي بمكنها أن تتحرك على قضبان افقية ولكنها مربوطة بزنبرك كبير غير مضغوط له ثابت قوة

المصل التاسع: كمية الحركة الخطية والتصادم

هو موضع بالشكل P65.9b (افرض أن كل حلقة تصبح ساكنة بمجرد وصولها للمنضدة).

66 - منزلقان موضوعان على مدرجة هوائية. تم الحاق زنيسرك له ثابت قموة k بالطرف القريب لأحد المنزلقين، المنزلق الأول كتلته m_2 والمنزلق الثاني كتلته v_1 والمنزلق الثاني كتلته m_2 وسرعته v_2 كما هو موضح بالشكل v_3

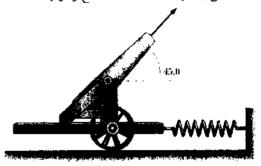


شكل P66.9

عندما يتصادم المنزلق m_1 مع الزنبرك الملحق بالكتلة m_2 فيإن الزنبيرك ينضعط اقصى مسافة سريعة المنزلقان مع بعيضهما هي ٧. اوجد بد**لالة** ٧، ٧٠، م السرعة \mathbf{v} عند اقبصى (a) \mathbf{k} im_2 im_2 انضغاط (b) اقصى انضغاط (b) سرعة كل منزلق بعد أن تفقد m_{\parallel} التصافها بالزنبرك.

67- يسقط الرمل من قادوس ثابت على سير نقال بمعادل 5.0kg/s كيما هو موضح بالشكل P9.67 إذا كنان السنينير مُندعم بدحارج ملساء ويتحرك بسرعة ثابتة مقدارها 0.75m/s تحت تأثير قوة أفقية أبتة \mathbf{F}_{ext} من الموتور الذي يحرك السير. احسب (a) معدل تغير كمية الحركة للرمل في الاتجاء الافقى (b) قوة الاحتكاك التي يؤثر بها السير على الرمل (c) القوة الخارجية (d) Fext الشغل المبذول بواسطة في الثانية الواحدة (e) طاقة الحركة $\mathbf{F}_{\mathrm{ext}}$ التي يكتسبها الرمل الساقط كل ثانية (381

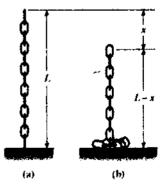
k= 2.0x10⁴N/m كما هو منوضح بالشكل P64.9 . يقذف المدفع قذائف كتلتها 200kg بسرعة 125m/s وبزاوية °45 اعلى المستوى الافقى (a) إذا كانت كتلة المدفع ومركبته



شكل P64.9

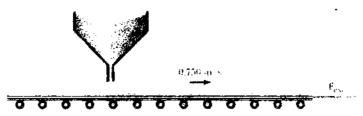
هي 5000kg. احسب سيرعة ارتداد المدفع (b) احسب اقصني انبساط للزنيرك (c) احسب اقصى قوة يؤثر بها الزنبرك على المركبة (d) افترض أن المنظومة تتكون من المدفع والمركبة والهيكل والقذيفة، هل كمية الحركة لهذه المنظومة محفوظة اثناء عملية القذف؟ لماذا أو لماذا لا؟

65- تُركت سلسلة طولها L وكتلتها الكلية M لتتحرك من السكون عندما كان طرفها السفلي بالأمس قمة منضدة كما هو موضح بالشكل P65.9a



شكل P65.9

احسب القوة التي تؤثر بها المنضدة على السلسلة بعد هبوط السلسلة مسافة x كما



P67.9 JS.m

نتيجة التغيير في حركته الأفقيية. لمنا تختلف الأجابتان في (d)و (e)?.

68 صاروخ كتلته الكلية $M_i = 360 \text{ kg}$ منها 330 kg وهود ومؤكسيد. يبيدا الصياروخ الحركة من السكون في الفضاء بين النجوم. يبيدا المحرك في العمل عند 0=1 ويقذف يبيدا المحرك في العمل عند 0=1 ويقذف بالعادم بسيرعة 0=1500 kg/s وبمعيدل تابت مقداره 0=1500 kg/s بالرغم من أن الوقيود سيبقى لفترة زمنية مقدارها 0=132.0 kg/s 0=132.0 kg/s الاستنفاذ والذي يُعرف ب

$$T_p = \frac{m_i}{k} = \frac{360 \text{ kg}}{2.5 \text{ kg/s}} = 144 \text{ s}$$

هو الزمن اللازم لاحتراق الحمولة ومخازن الوقود وحتى جدران غرف الاحتراق (a) أثبت أنه اثناء الاحتراق فإن سرعة الصاروخ يمكن اعطائها كدالة في الزمن بالعلاقة

$$v(t) = -v_e \ln(1 - t/T_p)$$

(b) ارسم شكلاً يمثل سرعة الصاروخ كدالة في الزمن في الفترة الزمنية من 0 إلى 132s (c) اثبت ان تسسارع الصساروخ يعطى بالعلاقة

$$a(t) = v_e / (T_p - t)$$

(d) ارسم التسسارع كسدالة في الزمن (e) اثبت أن إزاحة الصساروخ من موضعه الاصلي عند 0=1 هو

$$x(t) = v_e(T_p - t)\ln(1 - t/T_p) + v_e t$$

69- يقف طفل كتلته 40kg عند طرف زورق ,
 كتلته 70kg وطوله 4.0m



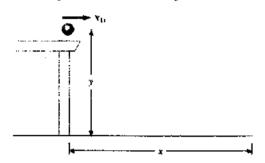
شكل P69.9

بعد 3 أمتار من الرصيف. لاحظ الطفل وجود سلحفاة على صخرة بالقرب من الطرف البعيد للزورق فبدأ الحركة في محاولة للامساك بها. بإهمال الاحتكاك بين الزورق والماء (a) اوصف الحسركات المتتابعة للمنظومة (الطفل والزورق) (d) اين يوجد الطفل بالنسبة للشاطئ عندما يصل إلى الطرف البعيد من القارب؟ (c) هل سيتمكن الطفل من الامساك بالسلحفاة (افترض أن يده يمكنها أن تصل إلى نقطة تبعد الما من نهاية الزورق).

70- تُحرى طالبة تجربة البندول القاذف مستخدمة جهاز يشبه ذلك الموضع في الشكل 11.9b وحصلت على البيانات التالية الشكل 11.9b m_2 = 263g m_1 = 68.8g h= 8.68cm بأن الرموز هي نفسها كما بالشكل 11.9a المسترعة الابتدائية v_1 : (a) احسب السرعة الابتدائية v_1 : كسان المطلوب الحصيول على v_1 : وذلك كسان المطلوب الحصيول على v_1 : وذلك بإطلاق قذيفة افقياً (بعد ازاحة البندول عن مسارها) وقياس إزاحتها الافقية v_1 : والازاحة الرأسية v_1 : (شكل 170.9). اثبت ان السرعة الابتدائية للمقذوف هي

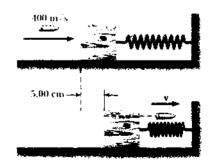
$$\upsilon_{1t} = \frac{x}{\sqrt{2y/g}}$$

ما هي القيم العددية التي ستحصل عليها لا v_{1j} على أسلس أن القليم التي قلمت بقياسها هي 85.3cm x=257cm هي الملوم التي يجب أن تؤخل في الاعتبار لتقليل الفرق بين هذه القيمة وانقيمة التي تم الحصول عليها في (a).



شكل P70.9

[71] أطلقت رصاصة كتلتها 5.0g بسرعة ابتدائية مقدارها 400m/s على ثقل كتلته لاكي تمر خيلاله كميا هو موضح بالشكل لكي تمر خيلاله كميا هو موضح بالشكل 1.99 إذا كيان الشقل سياكناً على سطح افقي أملس ومتصيلا بزنبرك له ثابت قوة 5.0cm وتحيرك الشقل مسيافية 5.0cm ناحية اليمين بعيد التصيادم احسيب (a) سيرعية خروج الرصياصية من الشقل (b) الطاقة المفقودة في التصادم.



شكل P71.9

بعضهما على المحور x ولهما نفس السرعة بعضهما على المحور x ولهما نفس السرعة الابتدائية ، v. تتحرك الكتلة m ناحية اليسار بينما تتحرك الكتلة 3m ناحية اليمين. إذا تصادمت الكتلتان تصادماً مواجها مرنا وكل منهما يرتد على نفس خط تقاريهما. احسب السرعة النهائية لكل كتلة،

73- كتلتان m، 3m تتحركان تجاه بعضهما على محور x بنفس السرعة الابتدائية ن٠٠. تتحرك الكتلة m ناحية اليسبار بينما تتحرك الكتلة 3m ناحية اليسبار بينما الكتلتان تصادماً مرناً منحرضاً بحيث تتحدك الكتلة m لأسفل بعد التصادم بزاوية عمودية على الجاهها الاصلي (α) ما احسب السرعة النهائية لكل كتله؟ (ط) ما هي زاوية الاستطارة θ للكتلة π3m.





الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

على الجسم من العلاقية Fr احسب طاقة الحركة النهائية من العلاقة احسب طاقمة (g) احسب طاقمة (g) احسب طاقمة $\frac{1}{2}$ الحركة النهائية من العلاقة $\mathrm{m} v_i^2$.

بشتمل $M_i = 360 \text{ kg}$ بشتمل باروخ كتلته الكلية على 330 kg وقود مؤكسد يبدأ الصاروخ الحركة من السكون ويبدأ المحرك في العمل عند 0= 1. ينفذ العادم بسرعة نسبية

منقندارها $v_o = 1500 \text{ m/s}$ وبمعندل ثابت مقداره 2.5kg/s ويظل الاحتراق مستمرأ لفترة زمنية 132s = 330 kg/(2.5 kg/s) لفترة استخدم الكمبيوتر في تحليل الحركة مستخدما طريقة اويلر. اوجد (a) السرعة النهائية للصاروخ (b) المسافة التي يقطعها اثناء عملية الاحتراق.

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

بتعركان في $(m_1 = m_2)$ بتعركان في (1.9) نفس الاتجام وبنفس السرعة $v_1 = v_2$ لهما نفس طاقة الحركة وكمية الحركة. الا أن ذلك ليس صحيحاً إذا كان الجسمان يسيران بنفس السرعة ولكن في اتجاهين منضادين. في هذه الحالة $K_1 = K_2$ ولكن لاتساوى \mathbf{P}_2 . على سبيل المثال إذا \mathbf{P}_1 تحرك جسم كتلته 1.0 kg وسرعته 2.0m/s يكون له نفس طافة جسم كتلته 4.0kg وسيرعته 1m/s ولكن واضح أن كميتى الحركة مختلفتان.

(a) و(c) (b) (2.9) كلما تباطأت الكرة كلما كان الإمساك بها أسهل. إذا كانت كمية الحركة للكرة الطبية هي نفسها كمية الحركة لكرة البيسبول فإن سرعة الكرة الطبية يجب أن تكون 1/10 سرعة كرة البيسبول لان الكرة الطبية اكبر 10 مرات من كرة البيسبول. أما إذا كان لهما نفس طاقة الحركة فإن سرعة الكرة الطبية تساوى $1/\sqrt{10}$ من سرعة كرة البيسبول وذلك بسبب ترييع السرعة في K. من الصعب الإمساك بالكرة الطبية عندما يكون لها نفس سرعة كرة البيسبول،

384 (c) (3.9) يكون للجسم (2) تسارع أكثر لأن

كتلتة أقل ولذلك فهو يأخذ زمن أقل في قطع المسافعة d. هكذا حبتى وإن كانت القوتان المستخدمتان على الجسمين 1، 2 متساويتان فإن التغير في كمية حركة الجسسم 2 يكون أقل لأن Δ أقل، هكذا وحيث إن كميتى الحركة الابتدائية $P_1 > P_2$ متساویتان (کل منهما صفراً) فإن الشغل W = Fd المبذول على كلا الجسمين متساوي لأن كلا من Fو d هما نفسهما في $K_1 = K_2$ الحالتين. وهكذا تكون

(4.9) حيث أن الراكب توقف بعد أن كان يسير بسرعة تساوى سرعة السيارة الابتدائية فإن التغير في كمية الحركة (الدفع) هو نفسسه بغض النظر عن الطريقة التي تم ايقاف الراكب بها سواء كان حزام المقعد أو الوسادة الهوائية أو تبلوه السيارة إلا أن تبلوه السيارة يوقف الراكب اسرع. وحزام الأمان يأخذ قليلاً من الوقت بينما الوسادة الهوائية تأخذ وقت أطول، لهذا فإن تبلوه السيارة يؤثر بقوة أكبر بينما يؤثر حزام المقعد بقوة متوسطة والوسادة الهوائية بأقل قوه. يتم تصميم الوسادة الهوائية بحيث تعمل مع حزام المقعد، تحافظ الوسادة الهوائية على رأس الراكب من الطقطقة

الفصل التاسع؛ كمية الحركة الخطية والتصادم

الاماميه، تأكد من استخدام حزام المقعد مند كل الظروف عندمـــا تكون داخل سيارتك.

(١٠٠٠) إذا عُرِفنا المنظومة بأنها هي الكرة فقط هان كمية الحركة لاتكون محفوظة، تزداد باستمرار سيرعة الكرة ومن ثم كمية حركتها. يتفق ذلك مع القول بأن قوة الجاذبية هي قوة خارجية بالنسبة للمنظومية المعينة، مع ذلك، إذا عرفنا المنظومة هنا على أنها الكرة والارض فإن كمية الحركة تكون محضوظة حيث ان للأرض كمية حركة وأن الكرة تتأثر بقوة الجاذبية على الأرض، عندما تهبط الكرة فإن الأرض تتحرك لأعلى لتقابلها (بالرغم من ان ســـرعــة الارض اقل بحــوالي 10²⁵ مرة من سرعة الكره!). هذا التحرك لأعلى يغيبر من كمية حركة الأرض والتغير في كمية حركة الأرض يساوي عدديأ التغير في كمية حركة الكرة ولكن في اتجاه مضاد. هكذا فإن كمية الحركة الكلية للمنظومــة المكونة من الارض والكرة محفوظة وحيث أن كتلة الارض كبيرة جداً فإن حركتها لاعلى تكون متناهية البطء.

(c) (6.9) تعطي دفع اكبر (تغير كبير في كمية الحركة) إلى قبرص البلاستيك عندما تعكس اللاعبة متجة كمية حركتها وذلك بامساك القرص وقذفه للخلف ويحدث ذلك عندما تعطي المتزلجة اقصى دفع إلى قرص البلاستيك، يحدث ذلك ايضاً عندما يعطى القرص اقصى دفع للمتزلجة.

(7.9) كليهما له نفس الدرجة من السوء، تصور أنك تراقب التصادم من مكان آمن على الطريق وتصور كذلك انضغاط منطقة

التصادم، عندئذ سوف تلاحظ أن نقطة تلامسهما ساكنه، وسوف ترى نفس الشئ عندما تتصادم سيارتك مع حائط صلب.

- (8.9) لا. لايمكن أن تحدث هذه الحدركية إذا افترضنا أن النصادم مرن، كمية الحركة المنظومة قبل التصادم هي mv حيث m هى كتلة الكرة و ٧ سرعتها قبل التصادم مباشرة. بعد التصادم سيكون لدينا كرتان كتلة كل منهما m ويتحركان بسرع ٧/2. أي أن كمية حركة المنظومة بعد التصادم هــــى m(v/2)+ m(v/2)= mv هـكــــذا فإن كمية الحركية محفوظة. مع ذلك فإن طافة الحركة فبل التصادم تســاوي K_i= mv² وبعد التصادم $K_f = m(v/2)^2 + m(v/2)^2 = mv^2$ أي أن طاقة الحركة غير محفوظة. تكون كمية الحركة وطاقة الحركة محفوظتين فقط عندما تتحرك كبرة تطلق الأخرى وكدلك عندما تتحرك كرتان تطلق كرتان وهلم جراء
- (9.9) لا. ليسا كذلك! قطعة مقبض المضرب ستكون كتلتها اقل من القطعة المصنوع منها الطرف الآخر للمضرب. لترى كيف يكون ذلك افترض أن نقطة الأصل للمحاور هي نقطة مركبز الكتلة قبل قطع المضرب. استبدل كل قطعة بكرة صغيرة موضوعة عند مركز كتلة كل قطعه. الكرة التي تمثل قطعة المقبض تكون بعيدة عن نقطة الأصل لكن حاصل ضرب الكتلة الأقل في المسافة للأكبر يعطي اتزاناً مع حاصل ضرب الكتلة الأكبر مع المسافة الاقل.





هبل تعلم أن CD داخل هذه الكاسيت يدور سيرعات مختلفة، تعتمد على نوع الأغنية المذاعة؟ لماذا لاتستنصدم هذه الخاصية الغربية عند تصبيم كل كناسيت يستخدم CD.

دوران الجسم الجاسىء حول محور ثابت Rotation of a Rigid Object About a Fixed Axis

ويتضمن هذا الفصل :

5.10 حسسات عسزم القصسور الذاتسي Calculation of Moments of Inertia

Torque 6.10 عسرم السدوران

7.10 العلاقية بين عزم الدوران والتسارع الزاوي Relationship Between Torque and Angular Acceleration

8.10 الشغل والقدرة والطاقة في الحركة الدورانية Work, Power, and Energy in Rotational 387 **)** Motion

1.10 الإزاحة والسرعة والتسارع الزاوي Angular Displacement, Velocity, and Acceleration

2.10 الكنتمياتيكا الدورانيية: الحيركية الدورانية بتسارع زاوي ثابت Rotational Kinematics: Rotational Motion with Constant Angular Acceleration

3.10 الكميات الزاوية والكميات الخطية Angular and Linear Quantities

4.10 الطاقة الدورانية Rotational Energy

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

عندما يدور جسم ممتد حول محور، مثل العجلة، لايمكن تفسير الحركة بمعاملة العجلة كجسم لأن في أي لحظة يكون للأجزاء المختلفة سرعات وتسارعات خطية مختلفة، لهذا السبب، من الأفضل اعتبار الجسم المتد كمجموعة كبيرة من الأجسام لكل منهم سرعته وتسارعه الخطى.

عند التعامل مع جسم يدور، يمكن تبسيط الدراسة بفرض أن الجسم جاسىء. الجسم الجاسىء عند التعامل مع جسم يدور، يمكن تبسيط الدراسة بفرض أن الجسم الذي تظل المسافة بين كل A rigid Object هو الجسم غير القابل للتغير في الشكل لحد ما. ومع ذلك فإن نموذج الجسم زوج من جسيماته ثابتة. كل الاجسام قابلة للتغير في الشكل لحد ما. ومع ذلك فإن نموذج الجسم الجاسىء يكون مفيداً في كثير من الاحوال التي يمكن إهمال التغير في الشكل فيها، في هذا الفصل سنتعامل مع دوران الجسم الجاسىء حول محور ثابت، غالباً ما يطلق عليها حركة دورانية خالصة.

1.10 الازاحة والسرعة والتسارع الزاوي

ANGULAR DISPLACEMENT, VELOCITY, AND ACCELERATION

يوضح الشكل 1.10 جسم جاسىء بشكل ما، مستو موضوع في المستوى xy ويدور حول محور ثابت بمر خلال O. المحور عمودي على مستوى الشكل و O هي نقطة الأصل للمحورين xy.

P عند ثابت r من نقطة الأصل ويدور حولها في دائرة نصف قطرها r (في الحقيقة، كل جسيم في على بعد ثابت r من نقطة الأصل ويدور حولها في دائرة نصف قطرها r (في الحقيقة، كل جسيم في الجسم يماني حركة دائرية حول النقطة O). من الأفضل أن نمثل موضع النقطة P باستخدام الاحداثيات القطبية (r, θ) ، حيث r هي المسافة من نقطة الأصل إلى Pوتقاس θ عكس عقارب الساعة من اتجاء محدد – في هذه الحالة هو الاتجاء الموجب للمحور x. عند استخدام ذلك، فإن المحور الوحيد الذي سوف يتغير هو θ بينما تظل r ثابتة. (في الاحداثيات الكرتيزية تتغير كل من x, y مع الزمن).

عندما يتحرك الجسيم على الدائرة بدءاً من محور x الموجب ($\theta=0$) إلى P، فإن الجسيم يتحرك على قوس طوله $\theta=0$ والذي يرتبط بالموضع الزاوي θ من خلال العلاقة.

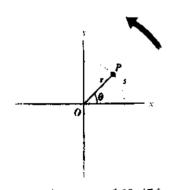
$$s = r\theta ag{1.10a}$$

$$\theta = \frac{s}{2} \tag{1.10b}$$

من المهم أن نلاحظ وحدات θ في المعادلة 1.10b. حيث أن θ هي النسبة بين طول القوس ونصف قطر الدائرة أي أنها مجرد عدد، فإننا نعطيها عادة وحدة تسمى زاوية نصف قطريه Radian (راديان وتختصر عادة راد).

الراديان حيث الزاوية النصف قطرية الواحدة هي الزاوية المقابلة لقوس طوله يساوي نصف قطر القوس.

وحيث إن محيط الدائرة يساوي $2\pi r$. ينتج من المعادلة 1.10b



شكل 1.10 جسم جساسي، يدور حسول مسحور ثابت يمر خسلال O عمودي على مستوى الشكل (بمعنى أن مسحور الدوران هو المسور 2). يدور الجسسيم عند P في دائرة نصف قطرها r ومركزها O.

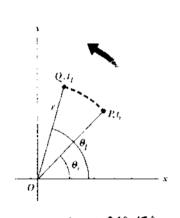
القصل العاشر: دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت

آن 360° تناظر زاوية مقدارها 2π = 2π (دورة واحدة). من ثم واحد راد = $\frac{360}{2\pi}$ = 37.3° عند تحويل اي زاوية بالتقدير الستيني إلى زاوية بالتقدير الدائري فإننا نستخدم العلاقة 2π 360 عراد

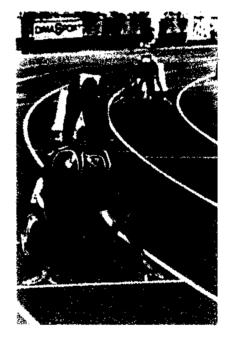
أى أن
$$\theta$$
 بالتقدير الدائري = $\frac{\pi}{180^{\circ}}$ (بالتقدير الستيني)

على سبيل المثال °60 تساوى π/3 rad وكذلك °45 تساوى π/4 rad.

عندما يتحرك الجسيم الموجود في الجسم الجاسىء من الموضع P إلى الموضع Q في الفشرة الزمنية Δt عندما بالشكل 2.10، يكون متجه نصف القطر قد قطع زاوية مقدارها $\theta_f - \theta_f = 0$. تُعرف هذه الكمية بالإزاحة الزاوية للجسيم.



شكل 2.10 يتحرك جسيم من جسسم جاسىء على قوس من دائرة. في الفترة الزمنية $t_f = 1$ يكون نصف القطر قد مسح زاوية مقدارها $t_f = 0$.



في السباقات القصيرة مثل 400m، 200m يبدداً التسابقون من اوضاع مائلة الى المضامار، إذا لم يبدأو جميعاً من نفس الخط.

$$\Delta\theta = \theta_f - \theta_i \tag{2.10}$$

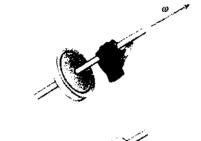
تعرف السرعة الزاوية المتوسطة ω (أو ميجا) بأنها النسبة بين هذه الأزاحة الزاوية والفترة الزمنية Δt.

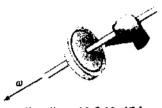
$$\overline{\omega} = \frac{\theta_f - \theta_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$
 (3.10)

بالقياس مع السرعة اللحظية، تعرف السرعة الزاوية اللحظية ω بنهاية النسبة $\Delta\theta/\Delta t$ عندما تؤول $\Delta\theta$ الى الصفر

$$\omega = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{d\theta}{dt}$$
 (4.10)

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)





شكل 3.10 شاعدة اليد اليمني لتحديد متجه السرعة الزاوية.

وحدات السرعة الزاوية هي راوية نصف قطرية لكل ثانيسة (rad/s) أو (s-1) لأن الزاوية النصف قطرية ليس لها أبعاد، تعتبر ω موجبة عندما تزداد θ (الحركة ضد عقارب الساعة). إذا كانت السرعة الزاوية اللحظية لجسم تتغير من ω_i إلى ω_i في فـتـرة زمنيـة Δt فـإن الجـسم يكتسب تسارع زاوى، يُعرف التسارع الزاوي المتوسط $\overline{\alpha}$ (ألفا) لجسم يدور على أنه النسبة بين الشغيس في السرعة الزاوية إلى الفشرة الزمنية ∆1

$$\overline{\alpha} = \frac{\omega_f - \omega_i}{t_f - t_i} = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$$
 (5.10) Itimula like the distribution of the state of the distribution of the state of

- بالقياس مع التسارع الخطى يعرف التسارع الزاوي اللحظى على أنه نهاية النسبة $\Delta\omega/\Delta t$ عندما تؤول ۵ من الصفر

$$\alpha = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \omega}{\Delta t} = \frac{d\omega}{dt}$$
 (6.10) (6.10)

وحدات التسارع الزاوي هي زاوية نصف قطرية لكل ثانية مربعة (rad/s 2). لاحظا أن lpha تكون موجبة عندما يزداد معدل الدوران ضد عقارب الساعة أو عندما يتناقص معدل الدوران في اتجاه عقارب الساعة.

عند الدوران حول محور ثابت، فإن كل جسيم في الجسم الجاسيء يدور بنفس الزاوية وله نفس السرعة الزاوية والتسارع الزاوى. أي أن الكميات θ ، ω ، α تميز الحركة الدورانية للجسم الجاسيء كلية، باستخدام هذه الكميات يمكننا دراسة دوران الجسم الجاسيء بسهولة.

يماثل الموضع الزاوي (θ) والسرعة الزاوية (ω) والتسسارع الزاوي (α) ، الموضع الخطى (x)a ،v ،x عن ابعاد المتغيرات (α). تختلف ابعاد كل من α ، ω ، α عن ابعاد المتغيرات α بمعامل له بعد وحدة الطول.

لم نحدد اى اتجاه لكل من ω ، α . صراحة هذه المتغيرات هي مقدار متجهات السرعة الزاوية والتسارع الزاوي α ، α على التوالي، وهما موجبان دائماً ، حيث أننا ندرس الدوران حول محور ثابت. مع ذلك، يمكننا توضيح اتجاهات المتجهات بتحديد اشارة موجبة أو سالبة لكل من α ، α ، كما تم مناقشة ذلك سابقاً عند دراسة المادلتين 4.10، 6.10. عند الدوران حول محور ثابت فإن الاتجاء 390 ﴾ الوحيد الذي يحدد الحركة الدورانية هو الاتجاه على طول محور الدوران. لهذا فإن اتجاهات كل من α . α سيكون في اتجاه المحور عندما يدور جسيم في المستوى xy كما بالشكل 1.10 فإن اتجاه α . α

اختبار سريع 1.10

ما هو الوضع الذي تكون فيه 0<0 وكلا من a (متضادي التوازي).

الكينماتيكا الدورانية، الحركة الدورانية بتسارع زاوي ثابت ~ 2.10

ROTATIONAL KINEMATICS: ROTATIONAL MOTION WITH CONSTANT ANGULAR ACCELERATION

عند دراسة الحركة الخطية، وجدنا أن أبسط صورة لدراسة الحركة المتسارعة هي الحركة 7.2 تحت تأثير تسارع خطي، كذلك الحال في الحركة الدورانية حول محور ثابت، فإن أبسط سورة لدراسة الحركة الدورانية المتسارعة هي الحركة تحت تأثير تسارع زاوي ثابت ولهذا سنذكر الملاقات الكينماتيكية لهذا النوع من الحركة، عند كتابة المعادلة 6.10 هي الصورة $d\omega = \alpha$ واعتبار أن $d\omega = 0$ واعبار على المادة والمعراء التكامل مباشرة نحصل على

$$\omega_i = \omega_i + at$$
 $(\alpha = \omega_i + at)$ (7.10)

بالتعويض من المعادلة 7.10 في المعادلة 6.10 والتكامل مرة أخرى نحصل على

المعادلات الكينماتيكية الدورانية
$$heta_f = heta_i + \omega_{i} t + \frac{1}{2} \alpha t^2$$
 (α عند ثبوت (8.10) (عند ثبوت 10.8) من المعادلتين 10.7، 10.8 نحصل على

$$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2a(\theta_f - \theta_i)$$
 (\alpha عند ثبوت) (9.10)

لاحظ أن هذه التَّعبيرات الكينماتيكية للحركة الدورانية بتسارع زاوي لها نفس الشكل في معادلات الحسركة الخطية بتسارع خطي ثابت وذلك باستبدال θ بx و α ب α و α بالجدول α الجدول α الحادلات الكينماتيكية للحركة الدورانية مع الحركة الخطية.

🎁 مثال 1.10 العجلة الدائرة

ندور عجلة بتسارع زاوي مقدارة 3.5 rad/s^2 . إذا كانت السرعة الزاوية للعجلة هي 2.0 rad/s عند (a) 1/1 (b) ما هي الزاوية التي ستدورها العجلة في 2.0 ثانية؟.

الضيزياء (الجزءالأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحل: يمكن أن تستخدم الشكل 2.10 لكي يمثل العجلة، وبالتالي سوف لأنحتاج إلى رسم شكل جديد . هذا تطبيق مباشر لمعادلة من معادلات الجدول 1.10

$$\theta_f - \theta_i = \omega_i t + \frac{1}{2}\alpha t^2 = (2.00 \text{ rad/s})(2.00 \text{ s})$$

$$+ \frac{1}{2}(3.50 \text{ rad/s}^2)(2.00 \text{ s})^2$$

$$= 11.0 \text{ rad} = (11.0 \text{ rad})(57.3^\circ/\text{rad}) = 630^\circ$$

$$= \frac{630^\circ}{360^\circ} = 1.75 - \frac{3}{2}$$

(b) ما هي السرعة الزاوية عند 2.0 ثانية؟.

الحل؛ حيث إن كلا من التسارع الزاوي والسرعة الزاوية موجب فمن المؤكد أن تكون الإجابة أكبر من .2.0rad/s

$$\omega_f = \omega_i + \alpha t = 2.0 \text{ rad/s} + (3.5 \text{ rad/s}^2)(2.0 \text{s})$$

= 9.0 rad/s.

يمكن كذلك الحصول على هذه النتيجة باستخدام المعادلة 9.10 ونتائج الجزء (a). حاول ذلك! ربما قد تفكر في اثبات انه من الممكن الحصول على صيغة تُماثل الحركة الخطية مع هذه المسألة.

تمرين: احسب زاوية دوران العجلة بين £ 2.0s و 3.0s =t=

الإجابة: 8.10 بالتقدير الدائري.

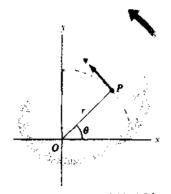
جدول 1.10 المعادلات الكينماتيكية للحركة الدورانية والخطية بتسارع ثابت

الحركة الدورانية حول محور ثابت	الحرجة الخطية
$\omega_f = \omega_i + \alpha t$	$v_f = v_i + at$
$\theta_f = \theta_i + \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2$	$x_f = x_i + v_i t + \frac{1}{2}at^2$
$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2\alpha(\theta_f - \theta_i)$	${v_f}^2 = {v_i}^2 + 2a(x_f - x_i)$

3.10 🔪 ألكميات الزاوية والكميات الخطية ANGULAR AND LINEAR QUANTITIES

في هذا الجزء سوف نستنتج بعض العلاقات المفيدة التي تربط السرعة والتسارع الزاوي لجسم جاسىء دوار بالسرعة والتسارع الخطى لاي نقطة في الجسم. لإجراء ذلك، يجب أن نعلم أنه عندما يدور جسم جاسيء حول محور ثابت، كما بالشكل 4.10، فإن كل جسيم من الجسم يتحرك في دائرة 392) مركزها هو محور الدوران.

الفصل العاشر: دوران البجسم الجاسيء حول محور ثابت



شكل 4.10 عندما يدور جاسم جاسى حول محور ثابت يمر خلال النقطة O، فإن السارعة الخطية للنقطة P وهي V تمس دائماً مسار دائري نصف قطره r.

يمكن ربط السرعة الزاوية لجسم دوار مع السرعة الماسية لنقطة P على الجسم، حيث أن النقطة تتحرك في دائرة، فإن متجه السرعة الخطية \mathbf{v} يمس دائماً المسار الدائري وبالتالي يطلق عليها السرعة الماسية، مقدار السرعة الماسية، مقدار السرعة الماسية (Velocity) للنقطة P يكون من خلال التعريف، السرعة الماسية $\mathbf{v} = ds/dt$ على طول المسار الدائري، وحيث إن $\mathbf{v} = r\theta$ (المادلة النقطة \mathbf{r} على طول المسار الدائري، وحيث إن $\mathbf{v} = r\theta$ (المادلة الماسية نحصل على:

$$v = \frac{ds}{dt} = r \frac{d\theta}{dt}$$

وحيث أن $\omega = d\theta /dt$ (انظر المعادلة 10.4) يمكننا القول أن:

العلاقة بين السرعة الزاوية والسرعة الخطية
$$v=r\omega$$
 (10.10)

أي أن السرعة الماسية لنقطة تقع على جسم يدور تساوي المسافة الغمودية لهذه النقطة من محور الدوران مضروبة في السرعة الزاوية، لهذا، وبالرغم من أن كل نقطة على الجسم الجاسىء لها نفس السرعة الزاوية، فكل نقطة لايكون لها نفس السرعة الخطية حيث r ليست نفسها لكل النقاط في الجسم، توضع المعادلة 10.10 أن السرعة الخطية لنقطة على جسم دوار تزداد كلما تحركنا بعيداً عن مركز الدوران، الطرف الخارجي لمضرب كرة البيسبول يتحرك بسرعة أكبر من المقبض.

تجربة سريعة ___

دور كرة تنس أو كرة سلة حول محورها ولاحظ أنها تتباطأ تدريجياً حتى تقف. قدر قيمة a_i , α

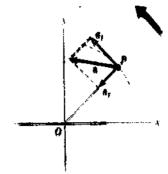
يمكن ربط التسارع الزاوي لجسم جاسىء دوار مع التسارع المماسي للنقطة P بالحصول على مشتقة v مشتقة v

$$a_r = \frac{dv}{dt} = r \frac{d\omega}{dt}$$

العلاقة بين التسارع الخطي والزاوي
$$a_t = r\alpha$$
 (11.10)

أي أن المركبة الماسية للتسارع الخطي لنقطة على جسم جاسىء دوار تساوي حاصل ضرب بعد النقطة عن معور الدوران في التسارع الزاوي.

الضرباء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل 5.10 عندما بدور جسم جاسيء حول محور ثابت يمر خلال O، تشأثر النقطة P بمركبة مماسية للتسارع الخطى م، ومركبة نصف قطرية للتسارع الخطى ، a، ويكون التسارع الخطى الكلى لهذه النقطة هو ,a=a,+a

في الجزء 4.4 وجدنا أن أي نقطة تدور في مسار دائري v^2/r ومقداره \mathbf{a}_r ونصف قطري، \mathbf{a}_r ومقداره $v = r\omega$ متجهاً ناحية مركز الدوران (شكل 5.10). وحيث أن للنقطة P على الجسم الدوار، يمكن التعبير عن التسارع النصف قطرى لهذه النقطة بالعلاقة

$$a_r = \frac{v^2}{r} = r\omega^2 \tag{12.10}$$

متجه التسارع الخطى الكلى للنقطة هو ,a=a,+a (حيث a مى التغير في سرعة تحرك النقطة و a تمثل التغير في اتجاه حركتها). حيث أن a هي متجه له مركبة عمودية وأخرى مماسية، فإن مقدار a للنقطة P على جسم جاسىء يدور هى:

$$a = \sqrt{a_r^2 + a_r^2} = \sqrt{r^2 \alpha^2 + r^2 \omega^4} = r \sqrt{\alpha^2 + \omega^4}$$
 (13.10)

اختبار سريع 2.10

(a) عندما تدور عجلة نصف قطرها R حول محور ثابت، هل كل نقطة على العجلة لها نفس السرعة الزاوية؟ (b) نفس السرعة الخطية؟ إذا كانت السرعة الزاوية ثابتة وتساوى ω ، اوصف السرعة الخطية والتسارعات الخطية لنقياط موضوعية عند c c. (e) r = R (d) r = R/2 مقاسة من مركز العجلة.

🕮 مثال 2.10 کاسیت یستخدم CD (قرص مدمج)



تخزن المعلومات السمعية على القرص المدمج في صورة مجموعة من النُقر ومساحات مسطحه على سطح القرص. تسجيل المعلومات رقمياً والمناوبة (التعاقب) بين النُّقر والمساحات المسطحة يمثل بالنظام الشائي (الصفر والواحد) ويمكن للكاسيت قراءتها ثم تحول إلى أمواج صوتية. النُقر والساحات المسطحة يمكن استبيانها بواسطة منظومة مكونة من الليزر وعدسات، طول عدد معين من الواحد والصفر يكون ثابتاً في أي مكان على القرص بغض النظر عن أن المعلومات قريبة من مركز القرص أو من حافته. لكي يمر هذا الطول المكون صفر وواحد مكرران في نظام العدسة والليزر في نفس الفترة الزمنية، فإن السرعة الخطية لسطح القرص عند موضع العدسة يظل ثابتاً. يتطلب ذلك وطبيقياً للمعادلة 10.10 أن تتفيير السرعة الزاوية أثناء حركة المجموعة من الليزر والعدسات نصف قطريا على القرص، في أحد هذه الأقراص يلف القرص عكس اتجاه عقارب

القصل العاشر، دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت

الساعة (شكل 6.10) وكانت السرعة الثابتة للسطح عند مجموعة العدسات والليزر هي 1.3 m/s (a) الساعة (شكل 6.10) وكانت السرعة الثابية للشرص بالدورة/ دقيقة عند قراءة المعلومات على اقرب مسار داخلي نصف قطره mm 23 وعلى اقصى مسار خارجي نصف قطره mm 25 وعلى اقصى مسار خارجي نصف قطره mm .r = 58 mm

الحل؛ باستخدام المعادلة 10.10 يمكن حسباب المسرعة الزاوية، سبوف يعطي ذلك السبرعة الزاوية المطلوبة عند أدنى موضع للمسار الداخلي

$$\omega_i = \frac{v}{r_i} = \frac{1.3 \text{ m/s}}{2.3 \times 10^{-2} \text{m}} 56.5 \text{ rad/s}$$

$$= (56.5 \text{ rad/s}) \left(\frac{1}{2\pi} \text{ rev/rad}\right) (60 \text{ s/min})$$

$$= 5.4 \times 10^2 \text{ rev/min}$$

$$\omega_f = \frac{v}{r_f} = \frac{1.3 \text{ m/s}}{5.8 \times 10^{-2} \text{ m}} = 22.4 \text{ rad/s}$$

$$= 2.1 \times 10^2 \text{ rev/min}$$

يقوم الكاسبيت بضبط السرعة الزاوية للقرص ش في هذا المدى حتى تتحرك المعلومات تحت العدسة الشيئية بمعدل ثابت، هذه القيم للسرعة الزاوية تكون موجبة لأن اتجاه الدوران يكون عكس اتجاه عقارب الساعة.

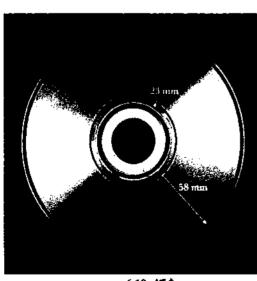
(b) أقصى مدة تشغيل للقرص المضغوط القياسي هي 77 دقيقة و 33 ثانية، ما عدد الدورات التي يعملها القرص في هذا الوقت؟

الحل: نعلم أن السرعة الزاوية تتناقص دائماً ونف ترض أنها تتناقص بانتظام، أي أن α ثابتة. الفترة الزمنية 1 هي:

$$(74 \text{ min}) (60 \text{ s/min}) + 33 \text{ s} = 4473 \text{ s}$$

سوف نبحث عن الموضع الزاوي $heta_j$ عندما يكون الموضع الزاوي الابتدآئي $heta_i=0$. يمكن استخدام المحادلة 3.10 بعد استبدال السرعة الزاوية الموسطة $heta_i+\omega_i$ بما يعادلها رياضياً $2/(\omega_i+\omega_i)=\omega$

$$\theta_f = \theta_i + \frac{1}{2}(\omega_i + \omega_f)t$$
= 0 + \frac{1}{2}(540 \text{ rev/min} + 210 \text{ rev/min})
(1 \text{ min/60 s}) (4 473 s)
= 2.8 \times 10^4 \text{ rev}



شكل 6.10

الضيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

(c) ما هو الطول الكلي الذي يتحركه المسار عبر العدسة الشيئية خلال هذا الزمن.

الحل: حيث أننا نعلم بقيمتي السرعة الخطية الثابتة والفترة الزمنية فإن الحسابات ستكون مباشرة

$$x_t = v_t t = (1.3 \text{ m/s}) (4.473 \text{ s}) = 5.8 \times 10^3 \text{ m}$$

أي أكثر من 3.6 ميل يقطعها المسار في دورانه عبر العدسة الشيئية.

(d) ما مقدار التسارع الزاوي للقرص المدمج خلال الفترة الزمنية 4473.0s افترض أن α ثابتة.

الحل، لدينا عدة اختيارات لحل هذه المسألة. دعنا نستخدم الطريقة المباشرة وذلك باستخدام المعادلة 5.10، والتي تعتمد على تعريف الحد المطلوب (التسارع الزاوي)، بجب أن نحصل على قيمة سالبة للتسارع الزاوي لأن القرص يلف ببطء أكثر وأكثر في الاتجاه الموجب بمرور الوقت. النتيجة ستكون صغيرة لأنها تأخذ وقت أطول- أكثر من ساعة- لكي يتم التغيير في السرعة الزاوية

$$a = \frac{\omega_f + \omega_i}{t} = \frac{22.4 \text{ rad/s} - 56.5 \text{ rad/s}}{4.473 \text{ s}}$$

= $-7.6 \times 10^{-3} \text{ rad/s}^2$

يتأثر القرص بنقص تدريجي في معدل دورانه كما هو متوقع.

4.10 رالطاقة الدورانية ROTATIONAL ENERGY

دعنا ندرس الطاقة الدورانية لجسم جاسىء باعتبار أن الجسم مكون من مجموعة من الجسيمات وبفرض أنه يدور حول المحور x بسرعة زاوية x (شكل 7.10).

كل جسيم له طاقة حركة يتم تحديدها بكتلته وسرعته الخطية. اذا كانت كتلة الجسسيم m_i هي m_i وسرعت الابتدائية هي v_i فإن طاقة حركته هي:

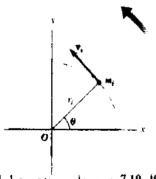
$$K_i = \frac{1}{2} m_i v_i^2$$

لإجراء المزيد، يبعب أن نتبذكر أنه بالرغم من أن كل جسيم في الجسم الجاسىء له نفس السرعة الزاوية v_i فإن السرعات الخطية المفردة تعتمد على المسافة فإن السرعات الخطية المعادلة محور الدوران طبقاً للعالاقة $v_i = r_i \omega$ (انظر المعادلة 10.10). طاقة الحركة الكلية لجسم جاسىء دوار هي مجموع طاقات الحركة للجسيمات المفردة.

$$K_{R} = \sum_{i} K_{i} = \sum_{i} \frac{1}{2} m_{i} v_{i}^{2} = \frac{1}{2} \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} \omega^{2}$$

web

إذا أردت أن تعلم الكثير عن الكاسيت المستخدم للاقراص المدمجة، قم بزيارة موقع المجموعة الخاصة المهتمة بتقنية واستخدامات الاقراص المدمجة.



شكل 7.10 جسم جاسىء يدور حول المحور z بسرعة زاوية ω طاقة الحركة لجسيم كتلته m_i هي $\frac{1}{2}$ $m_i v_i^2$. طاقة الحركة الكلية للجسم تسمى طاقة الحركة الدورانية.

يمكن كتابة هذه العلاقة في الصورة

$$K_{\rm R} = \frac{1}{2} \left(\sum_{i} m_i r_i^2 \right) \omega^2 \tag{14.10}$$

حيث تم إخراج ω^2 من علامة المجموع لأن لها نفس القيمة لكل الجسيمات.

lيمكن تبسيط هذا التعبير باستبدال الكمية الموجودة بين القوسين بعزم القصور الذاتي

عزم القصور الذاتي
$$I \equiv \sum_{i} m_i r_i^2$$
 (15.10)

من تعريف عزم القصور الذاتي، للاحظ أن ابعادة هي Kg·m²) ML² بوحدات SI)*. وبالتالي تصبح المعادلة 14.10

طاقة الحركة الدورانية
$$K_{\rm R}=\frac{1}{2}I\omega^2$$
 (16.10)

بالرغم من أنه غالباً ما نطلق على الكمية I_{ω}^{2} , بأنها طاقة المحركة الدورانية، إلا أنها ليست صورة جديدة للطاقة. هي طاقة حركة عادية تم استنتاجها من جمع كل الطاقات المفردة للجسيمات الموجودة في الجسم الجاسىء، مع ذلك، فإن الصورة الرياضية لطاقة الحركة المعطاة بالمعادلة I_{ω} 0.10 هي صورة مناسبة عند التعامل مع الحركة الدورانية بشرط معرفة طريقة حساب I_{ω} 1.

من المهم أن تعرف التشابه بين طاقة الحركة المصاحبة للحركة الخطية $\frac{1}{2}mv^2$ وطاقة الحركة الدورانية $1\omega^2$ الدورانية $1\omega^2$ الكميتان 1ω في الحركة الدورانية تماثلان 1ω و 1ω في الحركة الخطية، على التوالي. (في الحقيقة تحتل 1ω مكان 1ω دائما عند مقارنة معادلة الحركة الخطية مع الحركة الدورانية). عزم القصور الذاتي هو مقياس مقاومة الجسم للتغيرات في حركته الدورانية مثل الكتلة التي هي مقياس مقاومة الجسم للتغيرات في حركته الخطية. لاحظ أن الكتلة هي خاصية ذاتية للجسم بينما 1ω تعتمد على التنظيم الفيزيائي لهذه الكتلة. هل يمكنك أن تعتقد ان هناك وضعا بتغير فيه عزم القصور الذاتي حتى وإن لم تتغير كتلته؟.

مثال 3.10 جزئ الأكسجين

افترض أن جزئ الاكسجين (O_2) يدور في المستوى xy حول المحور x. يمر المحور xy خلال مركز الجزئ عمودياً على طوله، كتلة كل ذرة اكسجين هي xy 2.66x xy والمسافة بين الذرتين عند درجة الجزئ عمودياً على طوله، كتلة كل ذرة اكسجين هي xy 2.66x y 10-26kg والمسافة بين الذرتين عند درجة حرارة الغرفة هي xy 1.21x y 10-10 (تُعامل كل ذرة كنقطة مادية). (xy 1.21x y 10-10 المحور xy 1.21x 10-10 المحور xy 10-1

[•] يستخدم المهندسون المدنيون عزم القصور الذاتي لتميير خواص المرونة للبنيان مثل الأعمدة المحملة. من ثم، غالباً ما يكون مفيداً حتى عند الكلام عن حركة غير دورانية.

الضرباء (الجزء الأول - اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحل، هذا تطبيق مباشر لتعريف I . حيث إن كل ذرة تقع على بعد d/2 من المحور z فإن عزم القصور الذاتي حول المحور هو:

$$I = \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} = m \left(\frac{d}{2}\right)^{2} + m \left(\frac{d}{2}\right)^{2} = \frac{1}{2} m d^{2}$$

$$= \frac{1}{2} (2.66 \times 10^{-26} \text{ kg}) (1.21 \times 10^{-10} \text{ m})^{2}$$

$$= 1.95 \times 10^{-46} \text{ kg} \cdot \text{m}^{2}$$

هذه القيمة صغيرة جداً، وتتفق مع الكتل والسافات الصغيرة.

(b) إذا كانت السرعة الزاوية للجزئ حول المحور z هي $4.6 \times 10^{12} \, \mathrm{rad/s}$ ما هي طاقة الحركة الدور انية؟.

 $K_{
m R}$ الحل: نستخدم النتيجة التي حصلنا عليها سابقاً لعزم القصور الذاتي في الصيغة

$$K_{\rm R} = \frac{1}{2}I\omega^2$$

= $\frac{1}{2}(1.95 \times 10^{-46} \text{ kg} \cdot \text{m}^2) (4.60 \times 10^{12} \text{ rad/s})^2$
= $2.06 \times 10^{-21} \text{J}$

دوران اربع کرات مثال 4.10

اربع كرات صغيرة مثبتة في اركان إطار ذو كتلة مهملة يقع في المستوى xy شكل (8.10). نفرض أن انصاف اقطار الكرات صغير بالمقارنة مع ابعاد الاطار،

(a) إذا دارت المنظومة حول المحور y بسرعة زاوية ω ، احسب عزم القصور الذاتي وطاقة الحركة الدورانية حول هذا المحور،

الحل: أولاً: لاحظ أن كرتين كتلة كل منهما س $I_{
m v}$ تقعان على المحور y وبالتالى لايساهمان في $I_{
m v}$ (أي أن $r_i = 0$ لهاتين الكرتين حول هذا المحور) باستخدام المعادلة 15.10 نحصل على:

$$I_y = \sum_i m_i r_i^2 = Ma^2 + Ma^2 = 2Ma^2$$

Let $I_y = \sum_i m_i r_i^2 = Ma^2 + Ma^2 = 2Ma^2$

Let $I_y = \sum_i m_i r_i^2 = Ma^2 + Ma^2 = 2Ma^2$

🛕 M لهذا، فإن طاقة الحركة الدورانية حول المحور y

 $K_{\rm R} = \frac{1}{2}I_{\rm v}\omega^2 = \frac{1}{2}(2Ma^2)\omega^2 = Ma^2\omega^2$ حقيقة أن الكرتين ذات الكتلة m لايدخلان في هذه النتيجة له مغزى حيث لا يكون لهما حركة حول محور الدوران ومن ثم، ليس لهما طاقة

حركة دورانية.

شكل 8.10 أربع كرات موجودة عند مسافات ثابتة. يعتمد عزم القصور الذاتي للنظام على المحور الذي سيتم حساب القصور الذاتي حوله. بنفس المنطق نتوقع أن عزم القصور الذاتي حول المحور x يساوي $I_x = 2mb^2$ وطاقة الحركة الدورانية حول هذا المحور تساوى $K_R = mb^2\omega^2$.

(b) افترض أن المنظومة تتحرك في المستوى xy حول المحور z ماراً بنقطة الأصل. احسب عزم القصور الذاتي وطاقة الحركة الدورانية حول هذا المحور.

الحل؛ حيث أن r_i في المعادلة 15.10 هي المسافة العمودية من محور الدوران، نحصل على

$$I_z = \sum_i m_i r_i^2 = Ma^2 + Ma^2 + mb^2 + mb^2 = 2Ma^2 + 2mb^2$$

$$K_R = \frac{1}{2} I_z \omega^2 = \frac{1}{2} (2Ma^2 + 2mb^2) \omega^2 = (Ma^2 + mb^2) \omega^2$$

بمقارنة نتائج الجزء (a) مع الجزء (b) نستنتج أن عزم القصور الذاتي ومن ثم طاقة الحركة الدورانية المساحبة للسرعة الزاوية المعطاء، تعتمد على محور الدوران، في الجزء (b)، نتوقع أن تشمل النتيجة الكرات الاربعة وكذلك المسافات لأن الكرات الاربع كلها تدور في المستوى xx علاوة على ذلك حقيقة أن طاقة الحركة الدورانية في الجزء (a) أقل منها في الجزء (b) يوضح أنها ستحتاج إلى شغل أقل لوضع المنظومة في حالة دوران حول المحور x من الشغل اللازم عند الدوران حول z.

CALCULATION OF MOMENTS OF INERTIA حساب عزم القصور الذاتي ~ 5.10

يمكن حساب عزم القصور الذاتي لجسم جاسىء ممتد بتقسيم الجسم إلى العديد من العناصر $I=\sum_i r_i^2 \Delta m_i$ ذات الحجم الصغير، كل عنصر كتلته Δm . ثم نستخدم التعريف $I=\sum_i r_i^2 \Delta m_i$ وبأخذ نهاية المجموع عندما $\Delta m \to 0$. حينئذ، يصبح المجموع تكاملاً على الجسم كله

$$I = \lim_{\Delta m_i \to 0} \sum_{i} r_i^2 \Delta m_i = \int r^2 dm$$
 (17.10)

عادة ما يكون من السهل حساب عزم القصور الذاتي بدلالة حجم العناصر بدلاً من كتلها، ويمكن بسهولة عمل هذا التغيير باستخدام المعادلة $\rho = m/V$ (1.1) حيث ρ هي كثافة الجسم و V حجمه. لكننا نحتاج هذا التعبير في صورة تفاضلية $\rho = dm/dV$ لان الحجوم التي نتعامل معها متناهية الصغر. بالحل لايجاد $\rho = dm/dV$ والتعويض بهذه النتيجة في المعادلة 17.10 نحصل على

$$I = \int \rho r^2 \, dV$$

إذا كان الجسم متجانسا، حينئذ تكون ρ ثابتة ويمكن حساب التكامل لأي شكل هندسي معلوم. أما إذا كان الجسم متجانسا، حينئذ تكون ρ= m/V إذا كانت ρ متغيرة، يجب معرفة تغيرها مع الموضع لإجراء التكامل. الكثافة المعطاء بالعلاقة ρ= m/V يطلق عليها أحياناً الكثافة الحجمية حيث إنها ترتبط بالحجم. غالباً مانستخدم طرق أخرى للتعبير

الفيزياء (الجزءالأول - المتكانيكا والديناميكا الحرارية)

عن الكثافة. على سبيل المثال، عند التعامل مع شريحة ذو سمك منتظم t يمكننا تعريف الكثافة السطحية $\sigma = \rho t$ والتي تعني كتلة وحدة المساحات. أخيراً عندما تكون الكتلة موزعة على قضيب منتظم مساحة مقطعة A، فإننا نستخدم الكثافة الخطية $\lambda = M/L = \rho A$ وهي كتلة وحدة الأطوال.

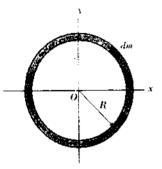
مثال 5.10 عزم القصور الذاتي لطوق منتظم

احسب عزم القصور الذاتي لطوق منتظم كتلته M ونصف قطره R حول محور عمودي على مستوى الطوق ويمر خلال مركزه (شكل 9.10).

الحل: كل عناصسر الكتلة dm على نفس السعد r = R من المحور ولهذا وباستخدام المعادلة 17.10 نحصل على عزم المصور الذاتي حول المحور r = R

$$I_{z} = \int r^2 dm = R^2 \int dm = MR^2$$

لاحظ أن هذا المقدار هو نفسه عزم القصور الذاتي لجسم مفرد كتلته M موضوعاً على بعد R من محور الدوران.



شكل 9.10 عناصر الكتلة dm لطوق منتظم كلها على نفس البعد من O.

اختبار سريع 3.10

- (a) بناءً على ما تعلمته من المثال 5.10 ماذا تتوقع لعزم القصور الذاتي لجسمين كتلتة كل منهما M/2 موضوعان في مكان ما على دائرة نصف قطرها R حول محور الدوران.
- R ماذا عن عزم القصور الذاتي لاربعة أجسام كتلة كل منهم M/4، موضوعة على بعد من محور الدوران.

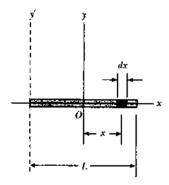
مثال 6.10 عزم القصور الذاتي لقضيب جاسىء منتظم

احسب عزم القصور الذاتي لقضيب جاسىء منتظم طوله L وكتلته M (شكل 10.10) حول معور عمودي على القضيب (المحور y) يمر خلال مركز الكتلة.

الحل عنصر الطول المظلل dx له كتلة dm تساوي كتلة وحدة الأطوال λ مضروبة في dx. أي أن:

$$dm = \lambda dx = \frac{M}{L} dx$$

بالتعويض عن dm في المعادلة 17.10 واستخدام

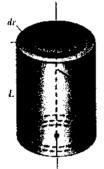


شكل 10.10 قصيب جاسىء منتظم طوله L. عزم القصور الذاتي حول المحور لا يكون أقل منه حول المحور y . المحور الأخير سندرسه في المثال 8.10.

$$\begin{split} I_y &= \int r^2 \ dm \ = \int_{-L/2}^{L/2} x^2 \frac{M}{L} dx = \frac{M}{L} \int_{-L/2}^{L/2} x^2 \ dx \\ &= \frac{M}{L} \left[\frac{x^3}{3} \right]_{-L/2}^{L/2} = \frac{1}{12} ML^2 \end{split}$$

مثال 7.10 عزم القصور الذاتي لاسطوانة مصمتة منتظمة.

اسطوانة مصمتة منتظمة الكثافة نصف قطرها R وكتلتها M وطولها L. احسب عزم القصور الذاتى لها حول محورها المركزي (المحور z في الشكل 11.10).



شكل 11.10 حسساب / حول المحسور تالاسطوانة صليسة منتظمة.

الحل: تقسم الاسطوانة إلى العديد من القشرات الاسطوانية لكل منها نصف قطر r وسمك dr وطول L كما بالشكل 11.10. حجم كل قشرة dV عبنارة عن مساحة مقطعها المستعرض مضروباً في الطول dV عبنارة عن مساحة مقطعها المائت كتلة مضروباً في الطول dV: إذا كائت كتلة وحدة الحجوم هي ρ ، تكون كتلة عنصر الحجم التفاضلي هي وحدة الحجوم هي dm: بالتعويض عن dm. في المادلة 17.10، نحصل على:

$$I_z = \int r^2 dm = 2\pi\rho L \int_0^R r^2 dr = \frac{1}{2}\pi\rho L R^4$$

حيث إن الحجم الكلي للإسطوانة هو $\pi R^2 L$ فإننا نلاحظ أن $ho = M/V = M/\pi R^2 L$ بالتمويض عن هذه القيمة لـ ho في النتيجة السابقة نحصل على:

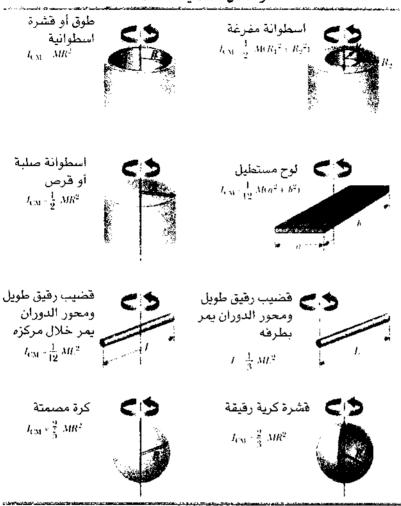
$$I_z = \frac{1}{2}MR^2$$

لاحظ أن هذه النتيجة لاتعتمد على طول الاسطوانة L. بمعنى، انه يمكن استخدامها لأي اسطوانة طويلة أو قرص مسطح. هذه النتيجة هي نصف القيمة التي نتوقعها إذا ماكانت كل الكتلة مُركزة عند الحافة الخارجية للإسطوانة أو القرص (انظر مثال 5.10).

يعطي الجدول 2.10 عزم القصور الذاتي لعدد من الأجسام حول محاور معينة. عزم القصور الذاتي لاجسام جاسيءة ذو شكل هندسي بسيط (عالية التماثل) تكون سهلة نسبياً بشرط أن ينطبق محور الدوران على محور التماثل، حساب عزوم القصور الذاتي حول محور اختياري يمكن أن يكون مربكاً حتى للجسم ذو التماثل العالي، من حسن الحظ، استخدام نظرية هامة، تسمى نظرية المحور الموازي Parallel- axis Theorem غالباً ما تقوم بتبسيط الحسابات، افترض ان عزم القصور الذاتي حول محور يمر خلال مركز الكتلة لجسم هو $I_{\rm CM}$. تنص نظرية المحور الموازي على أن عزم القصور الذاتي حول أي محور موازي وعلى بعد D من هذا المحور هو:

$$I = I_{\rm CM} + MD^2 {(8.10)}$$

جدول 2.10 عزم القصور الذاتي لاجسام جاسيءة متجانسة ذو اشكال هندسية مختلفة

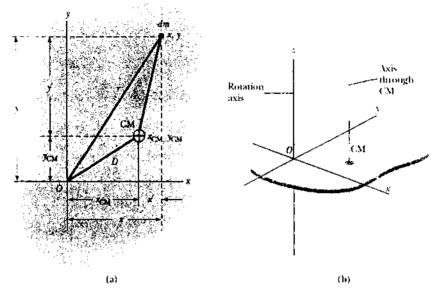


برهان نظرية المحور الموازي (اختياري) Proof of The Parallel- axis Theorem

افترض أن جسم يدور في المستوى xy حول المحور z، كما هو موضح بالشكل 12.10 وأن أحداثيا مركز الكتلة هما $y_{\rm CM}$ ، $x_{\rm CM}$ افترض أن كتلة العنصر dm لها احداثيات x ، $y_{\rm CM}$ ، $x_{\rm CM}$ أن هذا العنصر على بعد $x^2 + y^2$ من المحور z، فإن عزم القصور الذاتي حول المحور z هو

$$I = \int r^2 dm = \int (x^2 + y^2) dm$$

مع ذلك يمكننا ايجاد علاقة بين الاحداثيان y ،x لعنصر الكتلة dm مع احداثيات لنفس العنصر موضوعة في مجموعة إحداثيات تأخذ مركز الكتلة كنطقة أصل لها، إذا كان إحداثيا مركز الكتلة هما هي نظام الإحداثيات الأصلي ومركزه O ، حيننًذ ومن الشكل 12.10 نلاحظ أن العلاقة $y_{
m CM}$ ، $x_{
m CM}$



شكل 12.10 (a) نظرية المحور الموازي: إذا كان عزم القصور الذاتي حول محور عمودي على الشكل خلال مركز الكتلة هو l_{CM} فمن ثم يكون عزم القصور الذاتي حول المحور 2 هو l_{CM} + l_{CM} . ا يوضح الرسم المحور 2 (محور الدوران) والمحور الموازى المار خلال مركز الكتلة CM.

التكامل الأول- من التعريف- هو عزم القصور الذاتي حول محور يوازي المحور z ويمر خلال مركز الكتلة- التكاملان التاليان يساويان صفراً وذلك من تعريف مركز الكتلة $x'dm=\int y'dm=0$. التكامل الأخير هو ببساطة MD^2 لأن MD=M و M = M و التكامل الأخير هو ببساطة السنتج أن

$$I = I_{\rm CM} + MD^2$$

تطبيق على نظرية الحور الموازى، مثال 8.10

افترض مرة أخرى قضيب جاسىء منتظم كتلتة M وطوله L والموضح في الشكل 10.10 . احسب عزم القصور الذاتي للقضيب حول محور عمودي على القضيب ويمر عند طرفه (المحور 'y في الشكل 10.10).

 $I_{\rm CM}=rac{1}{2}\,ML^2$ من البديهي أن نتوقع ان يكون عزم القصور الذاتي أكبر من $I_{
m CM}=rac{1}{2}\,ML^2$ لأنه من الصعوبة

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

ان تغير الحركة الدورانية لقضيب يدور حول محور عند أحد طرفيه إلى حركة دوران حول مركزه. حيث إن المسافة بين محور مركز الكتلة والمحور y' هي D=L/2 فإن نظرية المحور الموازي تعطى:

$$I = I_{\text{CM}} + MD^2 = \frac{1}{12}ML^2 + M\left(\frac{L}{2}\right)^2 = \frac{1}{3}ML^2$$

أي تزداد الصعوبة اربع مرات كي تغير دوران قضيب يدور حوله طرفه إلى حركة دوران قضيب يدور حول مركزه،

x=L/4 النقطة x=L/4 المسب عزم القصور الذاتي للقضيب حول محور عمودي يمر خلال النقطة

 $I = \frac{7}{48}ML^2 : 1$

$ext{TORQUE}$ عزم الدوران extstyle < 6.10

🔏 للذا يوضع مقبض الباب والمفصلات بالقرب من الحافتين المتقابلتين للباب؟

هذا السؤال له إجابة تعتمد على افكار حسية عادية. كلما زادت الصعوبة في دفع الباب وكذلك البعد أكثر من المفصلات (عقب الباب)، كلما كان فتح أو غلق الباب اسهل. عندما تؤثر قوة على جسم جاسىء يدور حول محور، يسعى الجسم في ان يدور حول هذا المحور، تقاس محاولة القوة في دوران جسم حول محور ما بكمية متجهه تسمى عزم الدوران Τorque τ

افترض مفتاح ربط يدور حول محور مار خلال O كما في الشكل 13.10 . وتؤثر القوة المستخدمة ${f F}$ بزاوية ${f \phi}$ مع الافقى. يُعرف مقدار عزم الدوران المصاحب لهذه القوة بالمعادلة ${f F}$

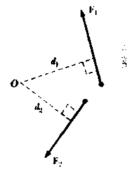
$$\tau = rF \sin \phi = Fd \tag{19.10}$$

حيث r هي المسافة بين نقطة الدوران ونقطة تأثير القوة و d هي المسافة العمودية من نقطة الدوران إلى خط تأثير القوة F. (خط تأثير القوة هو خط تخيلي يمتد خارجاً بين طرفي المتجه الذي يمثل القوة. الخط المتقطع الممتد من طرف القوة \mathbf{F} في الشكل 13.10 هو جزء من خط تأثير القوة \mathbf{F}). من المثلث القائم في الشكل 13.10 والذي يمثل فيه المفتاح وتر الزاوية القائمة، نستخدم العلاقة \mathbf{F} . تسمى هذه المسافة بدراع العزم (أو ذراع الرافعة) للقوة \mathbf{F} . $d=r\sin\phi$

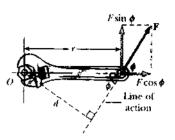
من المهم إن تعرف أن عزم الدوران يُعرف فقط عند تحديد محور اسناد . عزم الدوران هو حاصل ضرب القوة وذراع العزم لهذة القوة، ويُعرف ذراع العزم فقط بمعلومية محور الدوران.

نى الشكل 13.10 مركبة القوة \mathbf{F} التي تسبب دوران هي $F\sin\phi$ ، وهي المركبة العمودية على r، حيث ان المركبة الافقية ϕ حمر خلال O ، ولا تؤدي إلى دوران. ومن تعريف عزم الدوران، نلاحظ حيث ان المركبة الافقية أن الاستعداد للدوران يزداد بزيادة ${f F}$ وكذلك مع زيادة d . هذا يوضح ملاحظة أن قفل الباب عند دفعه

الفصل العاشر؛ دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت



شكل 14.10 تحاول القوة \mathbf{F}_1 تدوير الجسم في اتجاء عكس عقارب الساعة حول O. و \mathbf{F}_2 تحاول تدويره في اتجاء عقارب الساعة.



شكل 13.10 القوة F لها قدرة دورانية اكثر حول O، بزيادة القوة F وكذلك زيادة ذراع العزم d. المركبية ϕ F \sin هي التي تؤدي إلى دوران المناح حول O.

من عند مقبضه أسهل من دفعه من أي نقطة قريبة من المفصلات (عقب الباب). من الافضل كذلك تأثير الدفع عمودياً على الباب بقدر المستطاع، دفع الباب بزاوية مائلة لايسبب دوران الباب.

عندما تؤثر قوتان أو أكثر على جسم جاسىء، كما بالشكل 14.10، كل قوة تحاول اظهار دوران حول المحور عند G. في هذا المثال تحاول F_2 دوران الجسم في اتجاه عقارب الساعة و F_1 تحاول دورانه في عكس اتجاه عقارب الساعة. أصطلح على أن عزم الدوران الناتج من قوة ما يكون موجباً إذا كان اتجاه الدوران عكس اتجاه دوران عقارب الساعة وسالباً إذا كان اتجاه الدوران في اتجاه دوران عقارب الساعة. على سبيل المثال، في الشكل 14.10 عزم الدوران الناتج من F_1 والتي لها ذراع عزم الكون موجباً ويساوي F_1d_1 وكذلك عزم الدوران الناتج من F_2d_2 يكون سالباً ويساوي F_1d_1 وكذلك عزم الدوران الناتج من F_2 يكون سالباً ويساوي F_1d_1 وكذلك عزم الدوران الناتج من F_2 يكون سالباً ويساوي F_1d_1 من ثم فإن صافى عزم الدوران حول F_1

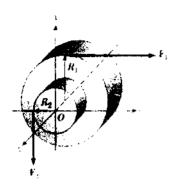
$$\sum \tau = \tau_1 + \tau_2 = F_1 d_1 - F_2 d_2$$

عزم الدوران ليس قوة. لأن القوى أن تسبب تغيراً في الحركة الخطية كما هو واضع من قانون نيوتن الثاني، ايضاً تسبب القوى تغيراً في الحركة الدورانية ولكن فاعلية القوى في تسبب هذا التغير تعتمد على كل من القوى وذراع العزم للقوى مع بعضهما وهو مايسمى بعزم الدوران، وحدات عزم الدوران هي وحدات القوة مضروبة في الطول- نيوتن، متر في وحدات SI- ويجب كتابته بهذه الوحدات، لايجب أن يختِلط الامر بين عزم الدوران والشغل والذي له نفس الوحدات فهما شيئان مختلفان.

مثال 9.10 صافي عزم الدوران على اسطوانة

اسطوانة من قطعة واحدة تأخذ الشكل الموضح في 15.10، مع مقطع داخلي بارز من الاسطوانة (الطارة) الأكبر، يمكن للاسطوانة أن تدور حول المحور المركزي الموضح بالرسم، لف حبل حول الاسطوانة التي نصف قطرها R_1 مؤثراً بقوة F_1 عمودية على الاسطوانة ثم لف حبل آخر حول الجزء البارز- نصف قطر R_2 ، مؤثراً بقوة R_2 على الاسطوانة إلى أسفل. (a) ما مقدار عزم الدوران الكلى الذي يؤثر على الاسطوانة حول محور الدوران (المحور R_2 في الشكل 15.10).

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



 \mathbf{F}_1 دائرة مصمتة تدور حول المحور عول O ذراع العزم للقوة المحور عول R_1 هو R_1

الحل: عزم الدوران الناتج من \mathbf{F}_1 هو \mathbf{F}_1 - (الاشارة سالبة لان عبزم الدوران يحباول إحبدات توليد دوران في اتجاء $+R_2F_2$ هو \mathbf{F}_2 هو \mathbf{F}_2 هو $+R_2F_2$ هو ويقارب السباعية). عبزم الدوران الناتج عن $+R_2F_2$ هو ويقارب الاشارة موجبة لان عزم الدوران يحاول إحداث دوران عكس اتجاء دوران عقارب السباعة) لهذا فإن صافي عزم الدوران حول محور الدوران هو

$$\sum \tau = \tau_1 + \tau_2 = -R_1 F_1 - R_2 F_2$$

يمكن اجراء اختبار سريع وذلك بملاحظة أنه إذا ماكانت القوتان متساويتان في المقدار فإن عزم الدوران الكلي يكون سالساً لأن 8ء/م عند بدء الدوران من السكون وكلتا

القوتان تؤثران عليها، سوف تدور الاسطوانة في انجاه دوران عقارب الساعة حيث أن \mathbf{F}_1 اكبر تأثيراً على الدوران من \mathbf{F}_2 .

(b) افترض أن F_1 = 5.0 N و F_1 = 1.0 M و F_2 = 15.0 N و الدوران (b) افترض أن F_1 = 5.0 N و الدوران (b) حول محور الدوران، وفي اي اتجاء سوف تدور الاسطوانة بدءا من السكون؟

$$\Sigma \tau = -(5.0 \text{ N}) (1.0 \text{ m}) + (15.0 \text{ N}) (0.50 \text{ m}) = 2.5 \text{ N/m}$$

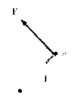
حيث إن صافي عزم الدوران موجباً، فإذا ما بدأت الاسطوانة من السكون، فإن اتجاه دورانها يكون عكس اتجاه دوران الاسطوانة في يكون عكس اتجاه دوران عقارب الساعة بسرعة زاوية متزايدة. (إذا كان اتجاه دوران الاسطوانة في أول الأمر في اتجاه دوران عقارب الساعة، فإنها سوف تتباطأ حتى تقف ثم تدور بعد ذلك عكس اتجاه عقارب الساعة بسرعة زاوية متزايدة).

7.10 _ العلاقة بين عزم الدوران والتسارع الزاوي

RELATIONSHIP BETWEEN TORQUE AND ANGULAR ACCELERATION

في هذا القسم سوف نوضح أن التسارع الزاوي لجسم جاسى، يدور حول محور ثابت يتناسب مع صافي عزم الدوران المؤثر حول هذا المحور، قبل مناقشة الحالة الأكثر تعقيداً لدوران الجسم الجاسى، من البديهي أن نبدأ أولاً بمناقشة حالة دوران جسم حول نقطة معينة تحت تأثير قوة خارجية. افترض جسماً كتلته m يدور في دائرة نصف قطرها r تحت تأثير قوة مماسية F_r وقوة نصف قطرية F_r كما هو موضح بالشكل 16.10 (كما علمنا في فصل 6 فإن القوة العمودية أى النصف قطرية، سوف تبقى على دوران الجسم في مسار دائري). أما القوة الماسية فإنها تؤدي إلى تسارع مماسى F_r و

الفصل العاشر؛ دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت



عزم الدوران حول مركز الدائرة نتيجة القوة \mathbf{F}_t هو

$$\tau = F_i r = (ma_i) r$$

حيث إن التسارع الماسي يرتبط بالتسارع الزاوي من خلال العلاقة $a_t = r\alpha$ (انظر المعادلة 11.10)، هإنه يمكن التعبير عن عزم الدوران بالعلاقة

$$\tau = (mr\alpha)r = (mr^2)\alpha$$

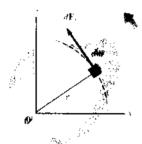
تذكر من المعادلة 15.10 أن mr^2 هو عزم القصور الذاتي للجسيم يدور حول المحور z المار خلال نقطة الأصل، لذلك

$$\tau = I\alpha \tag{20.10}$$

أي أن عزم الدوران المؤثر على جسم يتناسب تناسباً طردياً مع التسارع الزاوي له وثابت التناسب هو عزم القصور الذاتي. من المهم أن تلاحظ أن قانون الحركة الدورانية $\tau = I\alpha$ يماثل قانون نيوتن الثانى F = ma في الحركة الخطية.

دعنا نناقش حالة جسم جاسى، له أي شكل اختياري يدور حول محور ثابت كما هو موضح بالشكل 17.10 . يمكن اعتبار الجسم مكوناً من عدد لانهائي من عناصر الكتلة dm حجمها متناهي الصغر، إذا ما افترضنا المحاور الكرتيزية للجسم فإن

شكل 16.10 يدور جسنيم في دائرة تحت تأثير فوة مماسية ،F ، يوجد كنذلك قنوة نصف قطرية ،F لكى تبقى على الحركة الدائرية للجسيم.



شكل 17.10، جسم جاسىء يدور حول محبور مار بالنقطة O. كل عنصر كتلة dm يدور حول O بنفس التسارع الزاوي α وصافي عزم اللي على الجسم يتناسب مع α .

كل عنصر كتلة يدور في دائرة حول نقطة الاصل وكل عنصر له تسارع مماسي a_i والناتج من القوة الماسية الخارجية dF_i . لكل عنصر، نعلم من قانون نيوتن الثاني أن

$$dF_t = (dm)a_t$$

وعزم الدوران d au الذي يصاحب القوة $d au_t$ سيؤثر حول نقطة الأصل ويعطى بالعلاقة

$$d\tau = r dF_i = (r dm)a_i$$

وحيث إن $a_i = r\alpha$ فإن

$$d\tau = (r dm) r\alpha = (r^2 dm) \alpha$$

من المهم أن نعلم انه بالرغم من أن كل عنصر كتلة من الجسم الجاسىء قد يكون له تسارع خطي مختلف إلا أن لهم جميعاً نفس التسارع الزاوي α . عند أخذ ذلك في الاعتبار، يمكننا إجراء التكامل للمعادلة السابقة لكي نحصل على صافي عزم الدوران حول O نتيجة للقوى الخارجية

$$\sum \tau = \int (r^2 dm)\alpha = \alpha \int r^2 dm$$

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث يمكن أخذ α خارج التكامل لانها ثابتة لكل عنصر من عناصر الكتلة. من المعادلة 17.10 نعلم $\sum t$ أن $\int r^2 \, dm$ هو عزم القصور الذاتي للجسم حول محور الدوران المار خلال O، وبالتالي تصبح قيمة

$$\sum \tau = l\alpha \tag{21.10}$$

لاحظ أن هذه هي نفس العلاقة التي حصلنا عليها في حالة جسيم يدور هي دائرة (انظر المعادلة 20.10). هكذا فلاحظ ثانية أن صافى عزم الدوران حول محور الدوران يتناسب مع التسارع الزاوى للجسم، ومعامل التناسب هو 1، تلك الكمية التي تعتمد على كلا من محور الدوران وشكل وحجم الجسم، نظراً للطبيعة المعقدة للمنظومة، من المهم أن نلاحظ أن العلاقة $\Sigma au = I lpha$ مدهشة في بساطتها وفي وئام تام مع النتائج العملية. في الحقيقة تعود بساطتها إلى الطريقة التي تم وصف الحركة بها.

على الرغم من أن كل نقطة على الجسم الجاسيء تدور حول محور ثابت قد لاتعاني نفس المعامل I ولانفس التسارع الخطى أو حتى السرعة الخطية، ومع ذلك فإن كل النقط يكون لها نفس التسارع الزاوي ونفس السرعة الزاوية عند أي لحظة. لهذا فإنه عند أي لحظة، يمكن تمييز جسم جاسيء يدور بصورة شاملة وذلك ببعض القيم الخاصة به كالتسارع الزاوي، صافى عزم الدوران والسرعة الزاوية.

تجرية سريعة

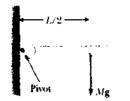
لعبة من لعب الأطفال على شكل برج عالى من مكعبات صغيرة، إقلب هذا البرج، كرر ذلك عدة مرات هل ينهار البرج كل مرة من نفس المكان؟، ماذا يؤثر على مكان الأنهيار عند شقلبته؟. إذا كان البرج يتكون من قالبين يطبقان على بعضهما. ماذا سيحدث؟ (ارجع إلى المثال 11.10).

أخيراً، لاحظ أن النتيجة $T = I\alpha$ تستخدم عندما تكون القوى المؤثرة على عناصر الكتلة لها مركبات نصف قطرية (عمودية) بالإضافة لمركبات مماسية. يحدث ذلك لأن خط التأثير لكل مركبات القوة العمودية يجب أن بمر خلال محور الدوران ومن ثم لاتنتج جميع المركبات العمودية عزم دوران حول هذا المحور،

🏰 مثال 10.10 دوران قضیب

قضيب منتظم طوله L وكتلتة M مثبت من أحد طرفيه بمحور ارتكاز املس ويدور دوراناً حراً حول هذا المحور في مستوى- رأسي كما هو موضح بالشكل 18.10 . يبدأ القضيب الحركة من السكون عند مستوى افقى، ما هو التسارع الزاوي الابتدائي للقضيب وكذلك النسارع الخطي 408) الابتدائي لطرفه الايمن.

الفصل العاشر، دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت



شكل 18.10 فضيب منتظم يدور حول طرفه الابسر الحل: لايمكننا استخدام المعادلات الكينماتيكية لحساب α أو α لان عزم الدوران الذي يؤثر على القضيب يتغير مع موضعه وبالتالي فإن كلا التسارعين ليس ثابتاً. مع ذلك فإن لدينا معلومات كافية لحساب عزم الدوران والتي يمكننا استخدامها في العلاقة بين عزم الدوران والتسارع الزاوي (معادلة 12.10) لكى نحسب α،α.

القوة الوحيدة التي تساهم في عزم الدوران حول معور يمر خلال نقطة الارتكاز هي قوة الجاذبية الارضية Mg والتي تؤثر على القضيب ليس لها عزم دوران حيث أن ذراع العزم بساوي صفراً).

لكي نحسب عزم الدوران على القضيب، يمكننا أن نفرض أن قوة الجاذبية تؤثر عند مركز الكتلة للقضيب كما هو واضح في الشكل 18.10 ، عزم الدوران نتيجة هذه القوة حول محور مار بنقطة الارتكاز هو:

$$\tau = Mg\left(\frac{L}{2}\right)$$

باستخدام $\Sigma \tau = I\alpha$ و $\frac{1}{3}ML^2$ باستخدام $\Sigma \tau = I\alpha$ الحور الدوران هنا (انظر الجدول 2.10) نحصل على:

$$\alpha = \frac{\tau}{I} = \frac{Mg(L/2)}{1/3ML^2} = \frac{3g}{2L}$$

كل النقاط على القضيب يكون لها نفس التسارع الزاوي.

لحسباب التسبارع الزاوي للطرف الايمن للقضيب، نستخدم العلاقة $a_i=r\alpha$ (المعادلة 11.10) مع العلم بأن r=L

$$a_t = L\alpha = \frac{3}{2}g$$

هذه النتيجة – $a_i > g$ للطرف الحر للقضيب، هامة جداً. انها تعني أنه إذا وضعنا قطعة معدنية على حافة القضيب، عندما كان القضيب مثبتاً في الوضع الافقي، ثم ترك القضيب، فإن طرف القضيب سوف يسقط اسرع من العملة!

يكون للنقاط الأخرى على القضيب تسارع خطي أقل من $\frac{3}{2}$. على سبيل المثال تسارع نقطة في منتصف القضيب هو $\frac{3}{4}$.

مثال ذهني 11.10 سقوط المداخن وانهيار المباني

عندما تسقط المداخن، فإنها غالباً ما تتحطم عند نقطة ما تقع على طولها وذلك قبل سقوطها كما هو موضح بالشكل 19.10 . يحدث نفس الشيء عندما يسقط برج عالي من لعب الأطفال. لماذا يحدث ذلك؟

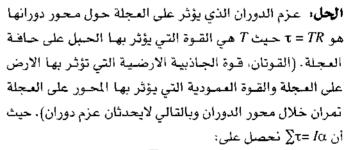
الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحل: عندما تدور المدخنة حول قاعدتها، فإن كل جزء من الأجزاء العليا من المدخنة يسقط بتسارع مماسي متزايد (العجلة المماسية لأي نقطة على المدخنة تتناسب مع المسافة التي تقع عندها هذه النقطة من قاعدة المدخنة) كلما تزايد التسارع فإن الأجزاء العليا من المدخنة تكتسب تسارعا أكبر مما تكتسبه المدخنة من الجاذبية بمفردها وهذا الوضع بشبه منا ورد في المثال (10.10). يمكن أن يحدث ذلك فقط لو ان هذه الأجزاء قد تم شدها إلى أسفل بقوة بالإضافة إلى قوة الجاذبية. القوة التي أدت لحدوث ذلك هي قوة القص من الجزء السفلي للمدخنة، من الواضع أن قوة القص التي تسبب هذا التسارع أكبر مما تتحمله المدخنة، ولذلك تتحطم المدخنة،



🙀 مثال 12.10 السرعة الزاوية لعجلة

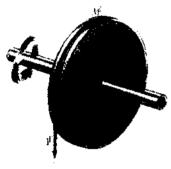
توضع عجلة نصف قطرها R وكتلتها M ولها عزم قصور ذاتي I على محور افقي املس كما هو موضح بالشكل 20.10. يلف حبل خفيف حول العجلة ويعلق في طرفه جسم كتلته m. احسب التسارع الزاوي للعجلة والتسارع الخطي للجسم والشد في الحبل.

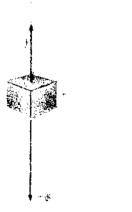


$$\sum \tau = I\alpha = TR$$
(1)
$$\alpha = \frac{TR}{I}$$

والآن نطبق قانون نيوتن الثاني على الجسم باعتبار الاتجاء الأسفل هو الاتجاء الموجب

$$\sum F_y = mg - T = ma$$
(2)
$$\alpha = \frac{mg - T}{m}$$





شكل 20.10 يُنتج الشد في الخسيط عزم دوران حول المحور

تحتوي المعادلتان (1)، (2) على ثلاث مجاهيل α ، α ميث إن العجلة والجسم مربوطان بخيط لاينزلق، فإن التسارع الخطي للجسم المعلق يساوي التسارع الخطي لنقطة على حافة العجلة. لهذا فإن التسارع الزاوي للعجلة والتسارع الخطي يرتبطان بالعلاقة $a=R\alpha$. باستخدام تلك الحقيقة

(3)
$$a = R\alpha = \frac{TR^2}{I} = \frac{\mu\gamma - T}{\mu}$$
 (2) (2) (1) والمعادلتان (3)

$$T = \frac{mg}{1 + \frac{mR^2}{I}}$$

بالتعويض من المعادلة (4) في المعادلة (2)، والحل لحساب a و α ، نحصل على:

$$a = \frac{g}{1 + I/mR^2}$$

$$\alpha = \frac{a}{R} = \frac{g}{R + I/mR}$$

R = 30.0 cm و M = 2.0 kg و مسلب كتلته M = 2.0 kg و M = 30.0 cm و M = 30.0 cm و M = 0.000 kg و $M = 0.090 \text{ kg·m}^2$ و التسارع الزاوي $M = 0.000 \text{ kg·m}^2$ المجلة .

الاحالة: 3,27N، 10.9 rad/s²

مثال 13.10 أللة أتسوود

كتلتان m_2 و m_2 مرتبطتان ببعضهما بحبل خفيف يمر على بكرتين متماثلتين املستين كل منهما لها عزم قصور ذاتي I ونصف قطر R كما هو موضح بالشكل 21.10a. احسب تسارع كل كتله والشد T_3 ، T_2 ، T_3 (افترض عدم حدوث انزلاق بين الحبل والبكرتان).

الحل: سوف نفترض أن الاتجاه لأسفل يكون الاتجاه الموجب للكتلة m_1 والاتجاه لأعلى هو الاتجاه الموجب للكتلة m_2 . يسمح ذلك بان نمثل التسارع لكلتا الكتلتين بمتغير واحد a ويمكننا ايضاً من الربط بين a الموجب في والتسارع الزاوي الموجب a (عكس اتجاه عقارب الساعة). دعنا نكتب فانون نيوتن الثاني للحركة للكتلتين، باستخدام الرسوم الهندسية للجسم الحر للكتلتين كما هو موضح بالشكل a (عليه على:

$$(1) m_1 g - T_1 = m_1 a$$

$$(2) T_3 - m_2 g = m_2 a$$

الخطوة التالية يجب أن تشمل تأثير البكرتين على الحركة. الرسوم الهندسية للجسم الحر موضحة في الشكل $(T_1-T_2)R$ عزم الدوران للبكرة اليسرى هو $(T_1-T_2)R$ بينما يكون صافي عزم الدوران للبكرة اليمنى هو $(T_2-T_3)R$ عزم الدوران للبكرة اليمنى هو $(T_2-T_3)R$ باستخدام العلاقة $(T_2-T_3)R$ لكل بكرة مع ملاحظة أن كل

بكرة لها نفس التسارع الزاوي α، نحصل على:

$$(3) \qquad (T_1 - T_2)R = I\alpha$$

$$(4) \qquad (T_2 - T_3)R = I\alpha$$

لدينا الآن اربع معادلات في أربع مجاهيل a، يمكن حلهم آنياً ، بجمع المعادلتين T_3 ، T_2 ، T_1

(3)، (4) نحصل على:

(5)
$$(T_1 - T_3)R = 2I\alpha$$
 ; نحصل على: (2), (1), i sand the same
$$(2) - T_3 - T_1 + m_1 g - m_2 g = (m_1 + m_2)a$$

(6)
$$T_1 - T_3 = (m_1 - m_2)g - (m_1 + m_2)a$$

بالتعويض من المعادلة (6) في المعادلة (5) نحصل على:

$$[(m_1 - m_2)g - (m_1 + m_2)a]R = 2I\alpha$$

على: مكن تسيط هذه المعادلة باستخدام العلاقة $\alpha = a/R$ لنحصل على:

$$(m_1 - m_2)g - (m_1 + m_2)a = 2I\frac{a}{R^2}$$
(6)
$$a = \frac{(m_1 - m_2)g}{m_1 + m_2 + 2\cdot\frac{I}{R^2}}$$

شكل 21.10 (a) صورة أخرى لآلة آتوود (b) الرسم الهندسي للجسم الحر للكتلتين (c) الرسم الهندسي

للجسم الحر للبكرتين حيث يمثل m_og قوة الجاذبية

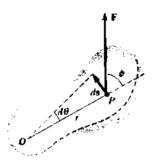
التي تؤثر على كل بكرة.

يمكن التعويض بهذه القيمة في المعادلتين (1)، (2) لكي نحصل على T_3 ، T_1 . اخيراً يمكن الحصول على T₂ من المعادلة (3) أو المعادلة (4). لاحظ أنه إذا كانت m₂<m₁ فإن التسارع يكون موجباً. يعنى ذلك أن الكتلة اليسرى تتسارع لأسفل بينما تتسارع الكتلة اليمني لأعلى والبكرتان تتسارعان ضد عقارب الساعة. إذا كانت $m_1 < m_2$ في هذه الحالة تكون جميع القيم سالبة وينعكس اتجاه الحركة. أما إذا كانت m₁= m₂ فإنه لا يحدث تسارع إطلاقاً. يجب أن تقارن هذه النتائج مع تلك التي تم الحصول عليها في المثال 9.5.

8.10 > الشغل والقدرة والطاقة في الحركة الدورانية WORK, POWER, AND ENERGY IN ROTATIONAL MOTION

في هذا القسم سوف ندرس العلاقة بين عزم الدوران الذي يؤثر على الجسم الجاسيء والحركة الدورانية الناتجة حتى نحصل على تعبيرات للقدرة وكذلك نظير دوراني لنظرية الشغل- طاقة الحركة. افترض أن الجسم الجاسيء يرتكز عند O كما في الشكل 22.10. تُستخدم قوة خارجية

الفصل العاشر، دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت



شكل 22.10 يدور جسم جاسىء حول محور يمر بالنقطة O تحت تأثير قوة خارجية تؤثر عند P.

الشغل المبذول من القوة ${f F}$ عند دوران الجسم مسافة متناهية الصغر $ds=r~d\theta$ في الفترة الزمنية ds

$$dW = \mathbf{F} \cdot d\mathbf{s} = (F \sin \phi) r d\theta$$

حيث ϕ sin ϕ هي المركبة الماسية لـ F. بمعنى آخر، هي مركبة القوة في اتجاء الازاحة. لاحظ أن المركبة النصف قطرية للقوة ϕ لاتبذل شغلاً لأنها عمودية على الازاحة. حيث إن مقدار عزم الدوران نتيجة القوة ϕ حول ϕ يُعرف بالمقدار ϕ قائه طبقاً للمعادلة 19.10، يمكن كتابة الشغل المبذول لاحداث دوران متناهى الصغر بالعلاقة:

$$dW = \tau \, d\theta \tag{22.10}$$

المعدل الزمني لبذل الشغل بالقوة 🏗 عند دوران الجسم حول محور ثابت هو

$$\frac{dW}{dt} = \tau \frac{d\theta}{dt}$$

 $d\theta/dt = \omega$ وحيث f وحيث إن g (انظر القسم 5.7) المعطاء بالقوة f وحيث إن g المعطاء بالقوة ألى:

$$\mathcal{S} = \frac{dW}{dt} = \tau \omega \tag{23.10}$$

تماثل هذه العلاقة المعادلة W=F في حالة الحركة الخطية، والمعادلة $dW=\tau \ d\theta$ تماثل كذلك $dW=F_r \ dx$ المعادلة المعادلة بالمعادلة على المعادلة المعادلة المعادلة المعادلة بالمعادلة بالمعادلة بالمعادلة المعادلة بالمعادلة بالم

الشغل والطاقة في الحركة الدورانية: Work and Energy in Rotational Motion

عند دراسة الحركة الخطية وجدنا أن مبدأ الطاقة، وبصورة خاصة نظرية الشغل- طاقة الحركة لها أهمية قصوى في وصف حركة المنظومة. كذلك يكون مبدأ الطاقة مفيداً في وصف الحركة الدورانية. طبقاً لما تعلمناه في الحركة الخطية، نتوقع أنه في حالة دوران جسم متماثل حول محور ثابت، فإن الشغل المبدول بالقوى الخارجية يساوي التغير في الطاقة الدورانية.

لإثبات أن ذلك صحيحاً، دعنا نبدأ بالعلاقة au = I au. باستخدام قاعدة المتسلسلة في التفاضل، يمكننا التعبير عن محصلة عزم الدوران بالعلاقة:

$$\sum \tau = I\alpha = I\frac{d\omega}{dt} = I\frac{d\omega}{d\theta} \frac{d\theta}{dt} = I\frac{d\omega}{d\theta}\omega$$

جدول 3.10 معادلات هامة في الحركة الدورانية والحركة الخطية

الحركة الدورانية حول محور ثابت	الحركة الخطية
$\omega = d\theta/dt$ السرعة الزاوية	v = dx/dt السرعة الخطية
$\alpha = dw / dt$ التسارع الزاوي	a = dv/dt التسارع الخطي
$\sum au = I lpha$ محصلة عزم الدوران	$\sum F = ma$ القوة المحصلة
$\inf \qquad \left\{ \omega_f = \omega_r + \alpha t \right\}$	$ \int v_f = v_i + at $
$\alpha = \text{constant } \left\{ \theta_f - \theta_i = \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2 \right\}$	$a = \text{constant } \left\{ x_f - x_i = v_i t + \frac{1}{2} a t^2 \right\}$
$\omega_f^2 = \omega_i + 2\alpha(\theta_f - \theta_i)$	$ v_f ^2 = v_i + 2^2 a(x_f - x_i)$
$W = \int_{\theta_i}^{\theta_i} \tau \ d\theta$ الشغل	$W = \int_{x_x}^{x_x} F_x dx \qquad \qquad \text{limit}$
$K_{\rm R}$ = $\frac{1}{2}I\omega^2$ طاقة الحركة الدورانية	$K = \frac{1}{2}mv^2$ طاقة الحركة
$\mathscr{S} = \tau \omega$ llactor	$\mathscr{S} = Fv$ القدرة
$L=I\omega$ كمية الحركة الزاوية	p = mv كمية الحركة الخطية
$\sum au = dL/dt$ عزم الدوران المحصل	$\sum F = dp/dt$ It is a second of the secon

بإعادة ترتيب هذه المعادلة وبملاحظة أن $\sum \tau d\theta = dW$ ، نحصل على

$$\sum \tau \, d\theta = dW = I\omega \, d\omega$$

بإجراء التكامل، نحصل على الشغل الكلي المبذول بواسطة صافي القوة الخارجية المؤثرة على جسم دوار:

$$\sum W = \int_{\theta_i}^{\theta_f} \sum \tau \ d\theta = \int_{\omega_i}^{\omega_f} I\omega \ d\omega = \frac{1}{2} I\omega_f^2 - \frac{1}{2} I\omega_i^2$$

- حيث تتغير السرعة الزاوية من ω_i إلى ω_i عندما يتغير الموضع الزاوي من θ_i إلى θ_i

أي أن:

صافي الشغل المبذول بقوى خارجية لاحداث دوران جسم جاسى، متماثل حول معور ثابت يساوي التغير في الطاقة الدورانية للجسم.

يعطي الجدول 3.10 قائمة بالمعادلات المختلفة التي تم مناقشتها والتي تتعلق بالحركة الدورانية بجانب المعادلات المماثلة في الحركة الخطية. المعادلتان الاخيرتان في الجدول 3.10 واللتان تشتملان على كمية الحركة الزاوية L سوف نناقشها في الفصل 11 وتم ذكرها هنا فقط من أجل استكمال

اختبار سريع 4.10

عند وضع طوق في المستوى xy، أي من الوضعين التاليين يتطلب بذل شغل أكثر بمساعد خارجي حتى يتسارع الطوق من السكون إلى السرعة الزاوية ω (a) الدوران حول محور يوازي τ والمار خلال النقطة ω على حافة الطوق ω

مثال 14.10 دوران قضيب

يدور قضيب منتظم طوله L وكتلته M دوراناً حراً حول محور أملس يمر خلال أحد طرفيه (شكل (a) (23.10) ما مقدار سرعتة الزاوية عندما يصل إلى ادنى موضع له؟

الحل: يمكن الاجابة على هذا السؤال بدراسة الطاقة الميكانيكية. عندما يكون القضيب افقياً لايكون (O') هي MgL/2. MgL/2 هو (O') هي (O') هي (O') هي (O') هي عندما يصل القضيب إلى ادنى موضع تكون الطاقة هي طاقة دورانية فقط (O') هي (O') عندما يصل القضيب إلى ادنى موضع تكون الطاقة هي طاقة دورانية فقط (O'). وحيث أن الطاقة القصور الذاتي حول نقطة الارتكاز ويساوي (O') انظر الجدول (O'). وحيث أن الطاقة الميكانيكية ثابتة فإننا نحصل على (O') أو:

$$\frac{1}{2}MgL = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{1}{2}(\frac{1}{3}ML^2)\omega^2$$
$$\omega = \sqrt{\frac{3g}{L}}$$

(b) احسب السرعة الخطية لمركز الكتلة وكذلك السرعة الخطية لأدنى نقطة على القضيب عندما
 يكون في الموضع الرأسي.

الحل: يمكن تعيين هاتين القيمتين من العلاقة بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية، تعلم قيمة ω من الجبز، (a) وبالتالى تكون السرعة الخطية لمركز الكتلة هي:

$$v_{\rm CM} = r\omega = \frac{L}{2}\omega = \frac{1}{2}\sqrt{3gL}$$

وحبيث إن قيمة r عند ادنى نقطة على القضيب هي ضعف فيمتها لمركز الكتلة، فإن السرعة الخطية لأدنى نقطة تساوي

$$v_{\rm CM} = \sqrt{3gL}$$



شكل 23.10 قصيب منتظم مرتكز عند النقطة O يدور في مستوى رأسي تحت تأثير الجاذبية.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثال 10.15 أسطوانتان متصلتان ببعضهما.

افترض اسطوانتین کتلتیهما $m_1 \neq m_2$ حیث $m_1 \neq m_2$ متصلتان بحبل مار علی بکرة، کما هو موضع بالشکل 10.24 .

نصف قطر البكرة R وعزم القصور الذاتي حول محور دورانها هو I. افرض أن الحبل لا ينزلق على البكرة وتبدأ المجموعة في الحركة من السكون. احسب سرعتا الاسطوانتين بعد هبوط الاسطوانة 2 مسافة h وكذلك السرعة الزاوية للبكرة عند هذه اللحظة.

الحل: يمكننا الآن فهم تأثير بكرة ذات كتلة كبيرة. حيث أن الحبل لاينزلق فإن البكرة ستدور. سوف نهمل الاحتكاك في محور الدوران الذي تدور حولة البكرة للسبب التالي:

حيث أن نصف قطر المحور صغير بالنسبة لنصف قطر البكرة فإن عزم الدوران الناتج عن الاحتكاك أقل كثيراً من عزم الدوران الناتج من الاسطوانتين بشرط أن تكون كتلتاهما مختلفتين كثيراً.

شكل 24.10

الطاقة الميكانيكية ثابتة، ومن ثم، فإن الزيادة في طاقة الحركة للمنظومة (الاسطوانتين، البكرة، الارض) تساوي النقص في طاقة وضع المنظومة. حيث أن $K_i=0$ (المنظومة ساكنة في البداية) نحصل على

$$\Delta K = K_f - K_i = \left(\frac{1}{2}m_1v_f^2 + \frac{1}{2}m_2v_f^2 + \frac{1}{2}I\omega_f^2\right) - 0$$

- حيث $v_f = R\omega_f$ ، نصبح هذه المعادلة: حيث أن $v_f = R\omega_f$ ، تصبح هذه المعادلة:

$$\Delta K = \frac{1}{2} \left(m_1 + m_2 + \frac{I}{R^2} \right) v_f^2$$

من شكل 24.10 نلاحظ أن المنظومة تفقد طاقة الوضع عندما تهبط الاسطوانة 2 وتكتسب طاقة وضع عندما ترتفع الاسطوانة 1. أي أن $\Delta U_1 = m_1 gh$ و $\Delta U_2 = -m_2 gh$. باستخدام مبدأ حفظ الطاقة في الصورة $\Delta U_1 + \Delta U_1 + \Delta U_2 + \Delta U_3$ نحصل على:

$$\frac{1}{2} \left(m_1 + m_2 + \frac{I}{R^2} \right) v_f^2 + m_1 g h - m_2 g h = 0$$

$$v_f = \left[\begin{array}{c} \frac{2(m_2 - m_1)gh}{\left(m_1 + m_2 + \frac{I}{R^2}\right)} \end{array} \right]^{1/2}$$

وحيث أن $v_f = R \omega_f$ ، فإن السرعة الزاوية للبكرة عند هَذَه اللحظة هي:

$$\omega_f = \frac{v_f}{R} = -\frac{1}{R} \left[\frac{2(m_2 - m_1)gh}{\left(m_1 + m_2 + \frac{I}{R^2}\right)} \right]^{1/2}$$

الفصل العاشر، دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت

تمرين؛ كبرر حسباب v_f باستخدام $\Sigma \tau = I\alpha$ على البكرة وتطبيق قانون نيوتن الثاني على الاسطوانتين. استخدم الطريقة التي تم استخدامها في المثالين 12.10 و 13.10.

ملخص SUMMARY

عندما يدور جسم في دائرة نصف قطرها r خلال زاوية θ (مقاسة بالتقدير الدائري)، فإن طول القوس الذي يقطعه الجسيم هو r r r r

الإزاحة الزاوية لجسيم يدور في دائرة أو لجسم جاسى، يدور حول محور ثابت هي

$$\Delta\theta = \theta_i - \theta_i \tag{2.10}$$

السرعة الزاوية اللحظية لجسيم يدور في دائرة أو لجسم جاسيء يدور حول محور ثابت هي

$$\omega = \frac{d\theta}{dt} \tag{4.10}$$

التسارع الزاوي اللحظي لجسم يدور هو

$$\alpha = \frac{d\omega}{dt} \tag{6.10}$$

عندما يدور جسم جاسىء حول محور ثابت فإن كل جزء من الجسم يكون له نفس السرعة الزاوية ونفس التسارع الزاوي.

عندما يدور جسيم أو جسم حول محور ثابت بتسارع زاوي ثابت، يمكن استخدام المعادلات الكينماتيكية والتي تشابه مثيلاتها في الحركة الخطية تحت تأثير تسارع خطي ثابت:

$$\omega_f = \omega_i + \alpha t \tag{7.10}$$

$$\theta_f = \theta_i + \omega_i t + \frac{1}{2} \alpha t^2 \tag{8.10}$$

$$\omega_f^2 = \omega_i^2 + 2\alpha(\theta_f - \theta_i) \tag{9.10}$$

الطريقة المفيدة في حل المسائل التي تتعامل مع الحركة الدورانية هي تصور تحويلها إلى حركة خطية لنفس المسألة.

عندما يدور جسم جاسىء حول محور ثابت، يرتبط الموضع الزاوي والسرعة الزاوية والتسارع الزاوي بالموضع الخطي والسرعة الخطية والتسارع الخطي من خلال العلاقات التالية

$$s = r\theta ag{1.10a}$$

$$v = r\omega \tag{10.10}$$

$$a_t = r\alpha \tag{11.10}$$

الفيزياء (الجزء الأول- الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

واضح أنه من السهل التحويل من المتغيرات الخطية إلى المتغيرات الدورانية عند وصف وضع ما.

عزم القصور الذاتي لنظومة من الجسيمات هو

$$I = \sum_{i} m_i r_i^2 \tag{15.10}$$

إذا دار جسم جاسىء حول محور ثابت بسرعة زاوية ω ، فإن طاقة حركته الدورانية يمكن كتابتها في الصورة

$$K_{\rm R} = \frac{1}{2}I\omega^2 \tag{16.10}$$

حيث 1 هو عزم القصور الذاتي حول محور الدوران

عزم القصور الذاتي لجسم جاسيء هو

$$I = \int r^2 dm \tag{17.10}$$

حيث r هي المسافة بين عنصر الكتلة dm ومحور الدوران.

مقدار عزم الدوران المساحب للقوة F التي تؤثر على جسم هو

$$\tau = Fd \tag{19.10}$$

حيث d هي ذراع العزم للقوة، وهو المسافة العمودية من نقطة الأصل إلى خط تأثير القوة، عزم الدوران هو مقياس لمحاولة القوة على تغيير دوران الجسم حول محور ما.

إذا كان الجسم الجاسىء حراً في الدوران حول محور ثابت له صافي عزم دوران مؤثراً عليه فإن الجسم يكتسب تسارع زاوى α ، حيث

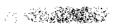
$$\sum \tau = I\alpha \tag{21.10}$$

معدل بذل الشغل من قوة خارجية في دوران جسم جاسى، حول معور ثابت أو القدرة المستخلصة، هو

$$\mathscr{S} = \tau \omega \tag{23.10}$$

صافي الشغل المبذول بقوى خارجية في دوران جسم جاسىء حول محور تابت يساوي التغير في طافة الحركة الدورانية للجسم

$$\sum W = \frac{1}{2}I\omega_f^2 + \frac{1}{2}I\omega_i^2$$
 (24.10)



اسئلة QUESTIONS

- ا ما هي السرعة الزاوية لعقرب الثواني هي الساعة ؟ ما هو اتجاه ω عندما تنظر إلى ساعة معلقة رأسياً ؟ ما مقدار متجه التسارع الزاوي α لعقرب الثواني؟
- ندور عجلة عكس انجاه عقارب الساعة في المستوى xy. ما هو انجاء xy ما هو انجاء xy إذا كانت السرعة الزاوية تتناقص مع الزمن؟
- ٨ المادلات الكينماتيكية لكل من Ø، ۵، α
 تكون صحيحة عندما تقاس الازاحة الزاوية
 بالزوايا الستينية بدلا من الزوايا النصف قطرية?
- ندور دائرة بمعدل ثابت مقدارة 45 دورة في الثانية. ما مقدار سرعتها الزاوية بالتقدير الدائرية لكل ثانية؟ ما مقدار تسارعها الزاوي؟.
- 5 افيترض أن a = b و M + A لمجيم وعدة من الجسيمات الموضعة في الشكل 8.10 حول أي محور (x أو y أو y أي يكون لعزم القصور القل قيمة؟ أكبر فيمة؟
- افترض أن القضيب في الشكل 10.10 له كتلة موزعة بطريقة غير منتظمة. بصورة عامة هل عزم القصور الذاتي حول المحور y يظل \$ML^2/12
- إذا لم يكن كذلك هل من المكن حساب عزم القصور الذاتي بدون معرفة الكيفية التي يتم بها توزيع الكتلة؟.
- 7 افترض أن هناك قوتان فقط تؤثران على جسم جاسىء. والقوتان متساويتان في المقدار ولكن متضادتان في الاتجاء؟ ما هو الشرط اللازم لدوران الجسم؟.
- 8 فسر كيف يمكنك استخدام الجهاز الموجود
 في الشكل 12.10 في تعيين عرم القصور

- الذاتي للعجلة (إذا كانت العجلة ليس لها كثافة توزيع ثابتة فإنه ليس من الضروري أن يساوي عزم القصور الذاتي $\frac{1}{2}MR^2$).
- 9- باستخدام نتائج المثال 12.10 كيف يمكنك حساب السرعة الزاوية للعجلة والسرعة الخطية للكتلة المعلقة بعد 2 ثانية. إذا اطلق الجسم ليتحرك من السكون عند $v = R \omega$ العلاقة في هذه الحالة؟.
- 10- إذا وضعت كرة صغيرة كتلتها M في نهاية القضيب كما في الشكل 23.10 هل سبتكون قيمة ϖ أكبر من أم أصغر من أم تساوي القيمة التي تم الحصول عليها في المثال 514.10.
- 11- فسر لماذا كان تغيير محور الدوران لجسم يُغيو عزم القصور الذاتي له؟.
- 12- هل من المكن تغيير طاقة الحركة الانتقالية لجسم بدون تغيير طاقته الدورانية؟.
- 13- اسطوانتان لهما نفس الابعاد تم اعدادهما للدوران حول محوريه ما الطويلان بنفس السرعة الزاوية، احداهما مضرغة والاخرى ممتلئة بالماء. أي الاسطوانتين يكون من السهل عليها التوقف عن الدوران؟. فسر اجابتك.
- 14- هل يجب ان يدور الجسم حتى يكون له عزم قصور ذاتي غير صفري؟.
- [15] إذا ما رأيت جسماً يدور، هل من الضروري أن يكون هناك صافي عرزم دوران يؤثر عليه؟.
- 16- هل الاجسام الساكنة للحظة يكون لها تسارع زاوي غير صفري؟.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

17- القطر القطبي لللارض يكون أقل قلي الأمن القصور القطر الاستوائي، كيف يتغير عزم القصور الذاتي إذا ما تم إزالة بعض من الكتلة من

منطقة قرب خط الاستواء وتم تحويلها إلى المناطق القطبية حتى تصبح الكرة الارضية كُرية?.

🔃 = الحل كامل مناح في المرشد.

= فيزياء تفاعلية

PROBLEMS كال

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدي

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ الحل موجود في: WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

📗 = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 2.10 الكينماتيكا الدورانية: الحركة الدورانية بتسارع زاوي ثابت

- 1 تبدأ عبجلة الدوران من السبكون بتسبارع زاوي ثابت إلى أن تصل إلى سبرعة زاوية 12.0 rad/s بعد 3 ثانية احسب (a) مقدار التسارع الزاوي للعجلة (b) الزاوية (بالتقدير الدائرى) التي تصنعها خلال هذه الفترة.
- 2- ما مقدار السرعة الزاوية بالتقدير الدائري لكل ثانية لكل من (a) الأرض عند دورانها حول الشمس و (b) القمر عند دورانه حول الأرض؟.
- 5- تصل الطائرة إلى نهاية المر ثم تتوقف محركاتها. العضو الدوار Rotor لاحد محركاتها له سرعة زاوية ايتدائية في اتجاه عقارب الساعة تساوي 2 000 rad/s. يتباطأ دوران المحرك بتسارع زاوي مقداره 80.0 دوران المحرك بتسارع زاوي مقداره 10 rad/s² ثواني (a) rad/s² للفترة الزمنية اللازمة للعضو الدوار حتى يسكن؟.
- 4- (a) ينطبق عقربا الدقائق والساعات عند الساعة 12. احسب جميع الأوقات الاخرى (لاقرب ثانية) والتي يتطابق فيها العقربان (b) إذا كان في الساعة عقرب ثواني،

احسب جميع الاوقات التي يتطابق فيها الثلاث عقارب علماً بأنها تتطابق جميعها عند الساعة 12.

- تم قطع التيار الكهربي عن موتور كهربي يقوم بإدارة عجلة جلخ بمعدل 100 دورة في الدقيقة. افترض انه يحدث تباطؤ بمعدل (a) 2.0 rad/s² حتى تتوقف (b) ما مقدار الزاوية بالتقدير الدائري الني تقطعها العجلة في الجزء (a).
- 6- يدور جهاز طرد مركبزي في مركز طبي بسبرعة دورانية مقدارها 36000 دورة في الدقيقة. عندما ينقطع التيار يدور 50 دورة قبل ان يتوقف احسب التسارع الزاوي الثابت للجهاز.
- 7- الموضع الزاوي لباب يتأرجع يعطى بالعلاقة $\theta = 5.0 + 10.0t + 2.0t^2$ احسب الموضع الزاوي، السرعة الزاوية والتسمارع النزاوي للباب (a) عند $\theta = t = 0$ عند $\theta = t$.
- 8- عندما تدور حلة الفسالة الكهربية تبدأ من السكون ثم تكتسب سرعة زاوية ثابتة بعد 8.0s
 عندها تدور بمعدل 5.0 دورة/ثانية.
 في هذه اللحظة يفستح الشخص الغطاء

الفصل العاشر: دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت

- وبأمان يفصل التيار، تتباطأ الحلة بهدوء حتى تقف بعد 12.08، كم عدد الدورات التي احدثتها الحلة خلال حركتها؟.
- و تحتاج عجلة تدور إلى 3.0 ثانية حتى تُكمل 37.0 دورة. إذا كانت سرعتها الزاوية في نهاية الثلاث ثوان هي 98.0 rad/s. ما مقدار التسارع الزاوى الثابت للعجلة؟.
- a) -10 ما مقدار السرعة الزاوية لدوران الارض حول محورها، عندما تدور الارض نحو الشرق ترى السماء تدور تجاه الغرب بنفس المعدل.
- (b) تقع مدينة كآمبريدج في إنجلترا على خط الطول °0. بينما تقع ساسكاتون في ساسكا تشيوان تقع على خط الطول 107 غرباً. ما مقدار الزمن الذي ينقضي بعد غروب مجموعة كواكب عند كامبريدج حتى تسقط هذه النجوم تحت الافق الغربي في ساسكاتون.

قسم 3.10 الكميات الزاوية والكميات الخطية

- احسب بالتقريب عدد الدورات التي يحدثها إطار سيارة في عام اذكر الكميات التي تحتاجها ومقدارها.
- 12 قطرا المروحتان الامامية والخلفية لطائرة هليكوبتر ذات محرك واحد هما 7.6m و 1.02m على التوالي، سرعتاهما الدورانية هما 450 دورة/دقيقة و 4138 دورة/دقيقة احسب سرعة طرفا المروحتين. قارن بين هذه السرعات مع سرعة الصوت 343m/s.



شكل P12.10

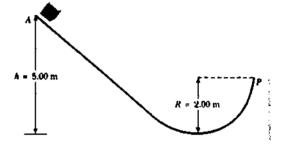
- تسير سيارة سباق على مضمار دائري نصف قطره 250m. إذا كانت السيارة تتحرك بسرعة خطية ثابتة مقدارها 45.0m/s
- (a) سرعتها الزاوية و (b) مقدار واتجاه تسارعها.
- 14- نسير سيارة بسرعة 36.0 km/h على طريق مستقيم. إذا كان نصف قطر اطارها هو 25.0cm . احسب السرعة الزاوية لاحد إطاراتها باعتبار محور العجلة هو محور الدوران.
- 2.0m عجلة قطرها 2.0m تقع في مستوى رأسي وتدور بتسارع زاوي منتظم مقدارة رأسي وتدور بتسارع زاوي منتظم مقدارة 4.0 rad/s² العجلة من السكون عند واحد القطر للنقطة (عيد مقدارها "57.3° مع الافقي. عند هذه اللحظة احسب (a) السرعة الزاوية للعجلة (b) السرعة والتسارع الخطي للنقطة P (c) الموضع الزاوي للنقطة P.
- 16- يتسبب رامي القرص في تسارع القرص من السكون إلى سرعة 25m/s بلفه خلال 1.25 دورة. افترض أن القرص يتحرك على قوس من دائرة نصف قطرها 1.0m (a) احسب السرعة الزاوية النهائية للقرص (b) احسب مقدار التسارع الزاوي للقرص بفرض أنه ثابت (c) احسب زمن التسارع.



شكل P16.10

17- تتسارع سيارة بانتظام من السكون لتصل سرعتها إلى 22.0.m/s بعد 9.0 ثانية إذا كان قطر الاطار هو 58.0cm، احسب (a) عدد الدورات التي يحدثها الإطار خلال هذه الحركة بفرض عدم حدوث انزلاق (b) ما هي السرعة الدورانية النهائية للإطار مقدرة بالدورة/ ثانية.

18- أطلقت كتلة مقدارها 6.0kg من النقطة A على منضمار املس الموضع في الشكل P18.10. احسب المركبتان العمودية والماسية لتسارع الكتلة عند P.



شكل P18.10

يدور قرص نصف قطره 8.0cm بمعدل المعدل عدورة المعدل المركزي احسب (a) سرعته الزاوية (b) السرعة الخطية عند نقطة على بعد المركز (c) التسارع العمودي النقطة على الحافة (d) المسافة الكلية التي التعركها نقطة على الحافة في 2.0 ثانية.

20- تتسارع سيارة متحركة على مضمار افقي دائري بانتظام من السكون بتسارع مماسي مقداره 1.7m/s². تقطع السيارة ربع المسار قبل أن تتزلق على المضمار. احسب معامل الاحتكاك الاستاتيكي بين السيارة والمضمار من هذه البيانات.

بسرعة بتحرك جسم صغير كتلته 4.0 kg بسرعة البتة مقدارها 4.5 m/s ضد عقارب الساعة البتة مقدارها 4.5 m/s

في دائرة نصف قطرها 3.0m مركزها هو نقطة الأصل. بدأ الجسسم الحسركة من النقطة الكرتيزية (3m,0). عندما تكون الازاحة الزاوية هي 9.0 rad هو متجه الموضع للجسم مستخدماً وحدات المتجه الكرتيزية؟ (d) في أي ربع يقع الجسم وما الاتجاه الموجب للمحور x². (c) عين متجه السرعة للجسم باستخدام وحدات المتجه المسرعة للجسم باستخدام وحدات المتجه تخطيطياً لمتجهي الموضع والسرعة (e) في أي اتجاه ياستخدام وحدات المتجه احسب تسارعه باستخدام وحدات المتجه المسرعة (f) ما مقدار القوة الكلية التي تؤثر على وحدات المتجه الجسم؟ (عبر عن اجابتك باستخدام وحدات المتجه وحدات المتجه).

22- وضع شريط كاسيت معياري في الكاسيت. كل وجه يستمر لمدة 30 دقيقة. يدخل عمودا الدوران في عجلتي الشريط. افترض أن الموتور يدير عمود واحد بسرعة زاوية ثابتة مقدارها \$\text{lrad/s} والعمود الثاني حراً في ان يتحرك بأي سرعة زاوية. قدر سُمك الشريط.

قسم 4.10 الطاقة الدورانية

-23 بعضها بقضبان جاسىءة مهملة الكتلة وتقع على بغضها المحور y (شكل P23.10). إذا كانت المنظومة تدور حول المحور x بسرعة زاوية مقدارها 2.0rad/s احسب (a) عزم القصور الذاتي حول المحور x وطاقة الحركة الدورانية حلى المحاد من العالمة ألى السرعة الكلية من العالمة ألى جسم وطاقة الحركة الكلية من $\frac{1}{2} m_i v_i^2$.

لندن، طولهما 4.5m، 2.7m وكتاتاهما 60kg، 100.0kg على التوالي احسب طاقة الحركبة الدورانية الكليبة للذراعين حول محور الدوران، (يمكن اعتبار العقربين كقضيين طويلين رقيقين).



شكل P26.10 المسألتان 26،06 شكل

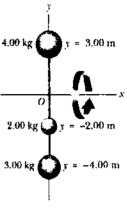
سے جاسیء m ، M کتلتان m ، Mطوله L مهمل الكتلة كما هو موضع بالشكل P27.10. بالنسبة لمحور علم ودي على القضيب، أثبت أن المنظومة لها أقل عزم قصور ذاتي عندما يمر المحور خلال مركز الكتلة، اثبت ان عزم القصور الذاتي هو $\mu = mM/(m+M)$ حيث $I = \mu L^2$



شكل P27.10 شكا

قسم 5.10 حساب عزم القصور الذاتي

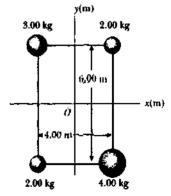
28- ثلاث قضبان متماثلة رقيقة وطويلة طول كل منهم L وكتلته m تم التحامهم متعامدين على بعضهم كلمنا بالشكل P28.10، عند دوران المجموعية حول محور يمر خيلال طرف احد القضيان ومواز للآخر . احسب عزم القصور الذاتي لهذه المجموعة.



شكل P23.10

24 - يتحرك مركز كتله كرة البيسبول (نصف قطرها 3.8cm) بسترعة 38m/s. تدور الكرة حول محور يمر بمركز كتلتها بسرعة زاوية 125rad/s . احسب نسبة الطاقة الدورانية إلى طاقة الحركة الانتقالية، افترض أن الكرة كروية و منتظمة.

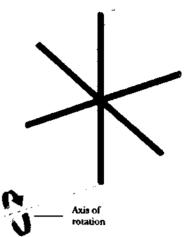
25 | يوضح الشكل P25.10 اربع أجسام متصلة بقضبان مهملة الكتلة، نقطة الأصل تقع في مركز السنطيل، إذا دارت المنظومة في المستوى xy حول المحور z بسرعة زاوية 6rad/s . احسب (a) عنزم القنصور الذاتي للمنظومة حول المحور b) الطاقة الدورانية للمنظومة



شكل P25.10

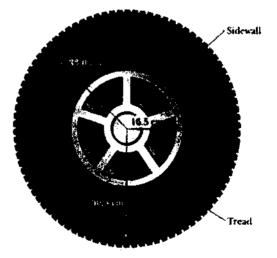
26 عقرب الساعات وعقرب الدقائق في ساعة بيج بن، ساعة برج البرلمان المشهورة في

الضيزياء (الجزء الأول- الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل P28.10

29- يوضح الشكل P29.10 منظر جانبي لإطار سيارة وابعاده النصف قطرية. الاطار المطاطي له جانبين ذو سمك صغير مقدارة مدارة 0.635 cm 0.635 cm واتساع (محوطئ) ذو سحمك منتظم مقداره 2.5 cm وعرضه 20.0 cm افترض ان كثافته منتظمة ومقدارها المترض ان كثافته منتظمة ومقدارها الماتي حول محور يمر خالال مركزة وعمودي على مستوى الجدارين الجانبيين.



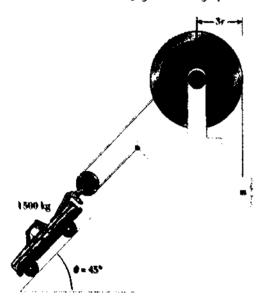
شكل P29.10

استخدم نظرية المحور الموازي والجدول 10.2 في حساب عزم القصور الذاتي لكل

من (a) اسطوانة صلبة حول محور يوازي محور مركز الكتلة ويمر خلال حافة الاسطوانة و (b) كرة مصمتة حول محور مماسا لسطحها.

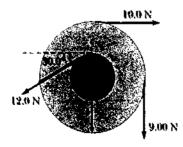
قسم 6.10 عزم الدوران.

31- احسب الكتلة اللازمة m لتتزن مع عربة نقل كتانها 1500kg على منحدر ماثل كما هو مــوضح بالشكل P31.10. افــرض أن كل البكرات ماساء ومهملة الكتلة.



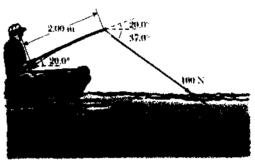
شكل P31.10

احسب صافي عزم الدوران على العجلة في P32.10 الشكل P32.10 حول محور يمر خلال $b=25.0 \, \mathrm{cm}$



شكل P32.10

33- يصنع عـمـود السنارة الموضح في الشكل P33.10 زاوية مقدارها 20.0° مع الأفقي ما مقدار عـزم الدوران الذي تؤثر به السمكة حول محـور عـمـودي على الصـفحـة ويمر خلال مقبض الصياد؟.



شكل P33.10

مو المارات سيارة كتلتها 1500kg هو مطر إطارات سيارة كتلتها 1500kg هو 0.600m مطح 0.600m ومسعام الاحتكاك مع سطح السطريق 0.800 $\mu_g = 0.800$ ومسعام الربق على الوزن موزع بالتساوي على الاربع عجلات، احسب اقصى عزم دوران يؤثر به محرك السيارة على عجلة القيادة بحيث لاتدور عسجلة القيادة وكتاب الشيارة في سكون.

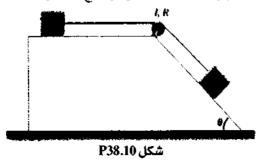
-35 افترض أن السيارة في المسألة 34 لها اقراص فرملة. تتباطأ كل عجلة نتيجة قوة احتكاك بين مسند فرامل مفرد وعضو يدور (للتربين) على هيئة قرص. في مثل هذه السيارات يلتصق مسند الفرامل مع العضو الدوار على بعد متوسط مقداره 22.0cm الاحتكاك بين مسند الفرامل والقرص هما الاحتكاك بين مسند الفرامل والقرص هما العمودية التي تستخدم على العضو الدوار حتى تتباطأ السيارة بأسرع مايمكن.

قسم 7.10 العلاقة بين عزم الدوران والتسارع الزاوي

نموذج طائرة كتاته 8 0.75 مربوط بسلك طويل حتى تحلق في دائرة نصف قطرها 30.0cm معرى الطائرة قوة دافعة مقدارها 8 0.80 ممودياً على السلك (a) احسب عزم الدوران الذي تنتجه القوة الدافعة حول مركز الدائرة (d) احسب طيران أفقي (d) احسب طيران أفقي (e) احسب التسارع الخطي للطائرة والماس لمسار طيرانها.

-37- ينتج عن اتحاد هوة خارجية وهوة الاحتكاك عـزم دوران كلي ثابت مسقـدارة 36.0 N·m على عجلة تدور حـول مـحـور ثابت. تؤثر القـوة الخـارجية لمدة 6 ثواني، وأثناء هذه الفترة تزداد السرعة الزاوية للعجلة من 0 الفـرة تزداد السرعة الزاوية للعجلة من 10.0 rad/s الخـارجية وتتوقف العجلة بعد 60.0 ثانية. احسب (a) عزم القصور الذاتي للعجلة (b) مقدار عزم الدوران الناتج عن الاحتكاك و مقدار عزم الكلي لعدد لفات العجلة.

 m_2 ثقل m_1 كتاته 2.0kg وثقال آخىر m_1 كتاته 6.00 kg مربوطان ببعضهما بعبل مهمل الكتالة يمار على عجالة على هايئة قدرص نصف قطاره R=0.25 وكتاته قدرص نصف قطاره M=10.0 يسمح للثقلين أن يتحركا على وتد من الصخار (block- Wedge) يصنع زاويات 38.10 كما ها وموضح بالشكل 38.10



الفيزياء (الجزءالأول: المكانيكا والديناميكا الحرارية)

معامل الاحتكاك لكلا الثقلين هو 0.36. ارسم الرسم الهندسي للجسم الحر لكلا الثقلين وللبكرة. احسب (a) تسارع الثقلين (b) الشد في الخيط على جانبي العجلة.

95- عجلة الخزف- قرص حجري سميك نصف قطره 0.50m وكتلته عالم 100kg يمكن للعامل ايقاف بمعدل 50rev/min. يمكن للعامل ايقاف القرص في 6.0 ثانية بضغط قطعة قماش مبللة أمام حافة العجلة لكي تؤثر بقوة نصف قطرية للداخل مقدارها 70.0N. احسب معامل الاحتكاك الكيناتيكي المؤثر بين العجلة وقطعة القماش.

قسم 8.10 الشغل والقدرة والطاقة في الحركة الدورانية

40- قضيب اسطواني طوله 24.0cm وكتلته 1.2kg ونصف قطره 1.5cm ونصف قطرها 8.0cm وكتلتها 8.0cm مثبتة بأحد طرفيه. هذه المنظومة رأسية وساكنة في البداية عندما تكون الكرة على القمة. الجهاز حر الحركة حول نقطة القاع للقضيب.

(a) عند سقوطه ب 90° درجة ما مقدار طاقة حركته الدورانية؟ (b) ما مقدار السرعة الزاوية للقضيب والكرة؟ (c) ما مقدار السرعة الخطية للكرة؟ (d) كيف يمكن مقارنة ذلك بسرعة الكرة إذا ما سقطت الكرة سقوطاً حراً لمسافة 28cm.

41- كتلة مقدارها 15.0 kg وأخرى مقدارها 10.kg معلقتان على بكرة نصف قطرها 10.kg معلقتان على بكرة نصف قطرها 10.cm وكتلتها 3.0kg (شكل P41.10). إذا كانت كتلة الحبل مهملة ويسبب دوران البكرة بدون انزلاق وبدون احتكاك. تبد الكتلتان الحركة من السكون والمسافة بينهما 3.0m. إذا تعاملنا مع البكرة كقرص

منتظم احسب سرعة الكتلتين لحظة مرور كل منهما على الأخرى.



شكل P41.10 المسألتان 41، 42

42- كتلة مقدارها m_1 وأخرى m_2 معلقتان على بكرة نصف قطرها R وكتلتها M (شكل 10.41). إذا كانت كتلة الحبل مهملة ويسبب دوران البكرة بدون انزلاق وبدون احتكاك. تبدأ الكتلتان الحركة من السكون والمسافة بينهما d. إذا تعاملنا مع البكرة كقرص منتظم، احسب سرعة الكتلتين لحظة مرور كل منهما على الأخرى.

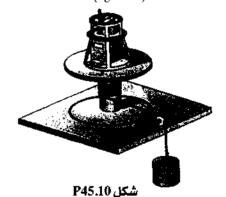
تقل وزنه 50.0N مربوط في نهاية حبل خفيف ملفوف حول بكرة نصف قطرها حفيف ملفوف حول بكرة نصف قطرها وكتلتها 3.0kg. البكرة عبارة عن قرص صلب حر الدوران في مستوى رأسي حول محور افقي مار بمركز القرص. اطلق الجسم للحركة وهو على ارتفاع 6.0m من الارض (a) احسب الشد في الحبل، تسارع الكتلة وسرعة ارتطام الثقل بالارض. (b) احسب السرعة التي تم الحصول عليها في احسب السرعة التي تم الحصول عليها في (a)



44- يستخدم عزم دوران ثابت مقداره 25.0N·m على حجر جلخ عزم القصور الذاتي له هو 0.13kg·m² باستخدام مبادىء الطاقة. احسب السرعة الزاوية بعد أن يدور الحجر 15.0 دورة (اهمل الاحتكاك).

تصف هذه المسألة احدى الطرق التجريبية لتعيين عزم القصور الذاتي لجسم غير منتظم الشكل مثل حمولة قمر صناعي. يوضع الشكل P45.10 كتلة معلقة m بحبل حول بكرة نصف قطرها r مكوناً جزء من مدعم دوار للجسم. عندما تتحرك الكتلة من السكون فإنها تهبط مسافة h وتكسب سرعة v. اثبت ان عزم القصور الذاتي اللجهاز (شاملاً المنضدة الدوارة) هو

$$mr^2/\left(\frac{2gh}{n^2}-1\right)$$



46- اتوبيس مصمم بحيث يستمد قدرته من حذافة دوارة والتي تصل إلى اقصى معدل دوران rev/min 3000 بواسطة مسوتور كهربي. الحذافة عبارة عن اسطوانة صلبة كتلتمها 8000 لوقطرها 1.0m. إذا كان الاتوبيس بحتاج في المتوسط قدرة مقدارها 10.kW ماهي الفترة اللازمة لدوران الحذافة؟.

[47] (a) قسرص صلب منتظم نصف قطره R وكتلته M يدور دوراناً حراً على مفصلة ملساء تقع على حافته. (شكل P47.10). إذا

تحرك القرص من السكون عند الدائرة الزرقاء. ما هي سرعة مركز كتلته عندما يصل القرص إلى الموضع الموضع بالدائرة المظالة؟ (b) ما هي سرعة ادنى نقطة على القرص في الموضع المظال؟ (c) كرر الجزء (a) مستخدماً طوق منتظم.



شكل P47.10

48- أرجوحة خيل وزنها 800N عبارة عن قرص صلب نصف قطرة 1.5m وتبدأ الحركة من السكون بقوة ثابتة مقدارها 50.N تستخدم مماسيا للاسطوانة احسب طاقة الحركة للاسطوانة الصلبة بعد 3.0 ثانية؟

49- عجلة جلخ في صورة قرص منتظم نصف قطره 7.0cm وكتلته 2.0.kg. تبدأ الحركة من السكون وتتسارع بانتظام تحت تأثير عزم دوران ثابت مقدارة 0.60Nm والذي يؤثر به الموتور على العجلة (a) ما الزمن اللازم للعجلة لتصل إلى سرعة دوران نهائية مقدارها 151200 rev/min الدورات التي تدورها أثناء تسارعها؟.

50− كثافة الأرض عند أي مسافة r من مركزها تعطي تقريباً بالعلاقة

 $ho = [14.2 - 11.6 \ r/R] \times 10^3 \ {
m kg/m}^3$ حيث R نصف قطر الأرض اثبت أن هذه الكثافة تؤدي إلى عزم قصور ذاتي مقدارة $I = 0.33 MR^2$ حيث $I = 0.33 MR^2$ حيث $I = 0.33 MR^2$ هي كتلة الأرض.

خيط خفيف من النيلون طوله 4.0m ملفوف حول بكرة اسطوانية منتظمة نصف قطرها 0.3m وكتاتها 1.0kg، البكرة موضوعة على محور املس وفي وضع السكون. إذا جُذب الخيط من على البكرة بنسارع ثابت مقداره الشغل المبدول على البكرة عندما تصل سرعتها الزاوية إلى 1.25m/s² (b) بافـــتــراض ان الخــيط الملفوف حول البكرة طويل بدرجة كافية ما هو الزمن اللازم لكي تصل السرعة الزاوية البكرة إلى هذه القيمة؟ (c) هل يوجد طول كافي من الخيط على البكرة؟

52- حذافة في صورة قرص دائري ثقيل قطره م 200 kg موضوعة على حامل أملس. تتسارع الحذافة من السكون إلى 10000 rev/min بواسطة موتور كهربي (a) ما مقدار عزم القصور الذاتي للحذافة (b) ما مقدار الشغل المبذول عليها أثناء هذا التسارع؟. (c) عندما تصل السرعة الزاوية للحذافة إلى 1000 rev/min يتم فيصل الموتور ويتم استخدام فيرامل الاحتكاك لإبطاء معدل البدوران إلى الحذافة المفقودة الخلية في فرامل الاحتكاك؟.

53- تدور اسطوانة العمود بمعدل 65.0rad/s عند 0=1. بعد ذلك يعطى تشارعها الزاوي بالعلاقة

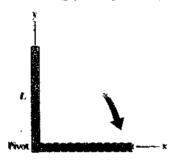
 α = -10 rad/s²- 5t rad/s³

حيث t الزمن المار (a) احسب سرعتها الزاوية عند 3.0s t ما عدد الدورات التي تدورها في الـ 3 ثوان؟.

45 - k^2 محور دوراني، يعرف نصف قطر حركة k^2 الدوران k لجسم جاسىء بالعلاقة k مي الكتلة الكلية للجسم و k

عزم القصور الذاتي له. وهكذا فإن نصف قطر الحركة الدائرية يساوي المسافة بين نقطة مادية تخيلية M ومحور الدوران بحسيث تكون I للنقطة المادية حول هذا المحور هي نفسها للجسم الجاسىء. احسب نصف قطر الحركة الدورانية لكل من (a) قضيب قطره R (b) قضيب منظم طوله L (c) L عند دوران كل من الشلاث حول المحور المركزي.

قضيب طويل طوله L وكتلته M يدور حول مفصلة ملساء افقية مارة بأحد طرفيه. يبدأ القضيب الحركة من السكون في الوضع الرأسي كسا هو موضع بالشكل P55.10 في لحظة ما يكون القضيب افقي احسب (a) سرعته الزاوية

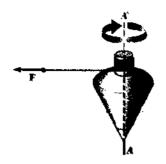


شكل P55.10

 (b) مسقدار تسارعة الزاوي (c) مركبتا تسارع مركز الكتلة في اتجاهي x, x و (d) مركبتا قوة رد الفعل عند نقطة الارتكاز.

56- يعاول صاحب دراجة إصلاح إطارها فوضعها مقلوبة. تقوم صديقته بتدويم العجلة الاخرى، نصف قطرها 0.381m في المحظت أن قطرات من الماء تتطاير مماسة للمجلة. قامت بقياس الارتفاع الرأسي لقطرات الماء (شكل P56.10) في وجدت أن النقاط التي تتطاير خيلال الدورة الاولى تصل إلى ارتفاع \$64.0.0cm في الدورة الاولى تصل إلى ارتفاع \$64.0.0cm

الفصل العاشر؛ دوران الجسم الجاسيء حول محور ثابت



شكل P58.10

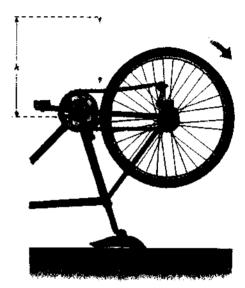
58- الدوامية الموضحية في الشكل P58.10 لهيا عزم قصور ذاتي 4.0x 10⁻⁴kg·m² وهي في حالة سكون، ويمكنها أن تدور حول محور ثابت ' AA. ثم جذب الخيط الملفوف حول مستمار الدوامة بحيث يؤثر بشد ثابت مسقيدارة 5.57N، بافيتراض أن الخيط لاينزلق عندما ينحل من حول المسمار، ما مقدار السرعة الزاوية للدوامة عندما بنحل 80.cm من الخيط الملفوف حول المسمار؟.

59- خيط ملفوف حول بكرة كتلتها m ونصف قطرها ٢. يتصل الطرف الحر من الخيط بشقل كتلتة M. يبدأ الشقل الحركة من السكون وبعد ذلك ينزلق إلى أسفل مستوى مائل يصنع زاوية θ مع المستوى الافقى. إذا كان معامل الاحتكاك الكيناتيكي بين الثقل والمستوى المائل هو µ (a) استخدم طرق الطاقة لإثبات أن سرعة الثقل كدالة في الازاحة d اسفل المستوى المائل هي:

 $v = \left[4gdM(m+2M)^{-1}(\sin\theta - \mu\cos\theta)\right]^{1/2}$ (b) احسب مقدار التسارع للثقل بدلالة به، θ , g, M, m

a) ما هي الطاقة الدورانية للارض حول محور دورانها حول نفسها، نصف قطر الأرض 6370km وكنتلتيها 5.98x 10²⁴kg. افترض أن الارض عبارة عنن كرة لها (429

أعلى نقطة التماس بينما تصل النقاط التي تتطاير خللال الدورة الثانية إلى ارتضاع 51.0cm أعلى نقطة التساس، يبيدأ هذا الارتفاع في التناقص نظراً لتناقص السرعة الزاوية للعجلة، من هذه المعلومات، أحسب مقدار متوسط التسارع الزاوي للعجلة.



شكل P56.10 المسألتان 56، 57

57- يحاول صاحب دراجة إصلاح إطارها فوضعها مقلوبة. تقوم صديقته بتدويم العجلة الأخرى، نصف قطرها R فلاحظت أن قطرات من الماء تتطاير مماسة للعجلة. قامت بقياس الارتفاع الرأسى لقطرات الماء (انظر شكل P56.10) فوجدت أن النقاط التي تتطاير خَـلال الدورة الاولى تصل إلى ارتفاع h_1 أعلى نقطة التماس. بينما تصل النقاط التي تتطاير خلال الدورة الثانية إلى ارتفاع $h_1 > h_2$ أعلى نقطة التماس. يبدأ هذا الارتفاع في التناقص نظراً لتناقص السرعة الزاوية للعجلة، من هذه المعلومات احسب مقدار متوسط التسارع الزاوي للعجلة.

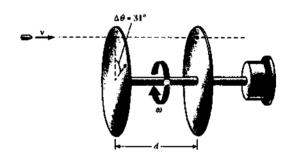
الضيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

عزم قصور ذَاتى MR^2 عزم قصور ذَاتى الطاقة الدورانية للارض باستمرار بسبب المد والجزر، احسب التغير في الطاقة الدورانية في يوم واحد باعتبار أن زمن الدوران يزداد بحوالي 10μs كل عام.

61 - بمكن تعيين سرعة رصاصة وذلك بامرارها خلال قرصين من الورق يدوران ولهما نفس المحور ويبعدان عن بعضهما بمسافة أ (شكل P61.10)

بمعرفة الازاحة الزاوية بين الشقبين في القرصين والسرعة الزاوية للقرصين، يمكننا تميين سرعة الرصاصة، احسب سرعة الرصاصة من البيانات التالية:

 $\Delta\theta = 31.0^{\circ}$ $\omega = 900 \text{rev/min}$ d = 80 cm



شكل P61.10

n عجلة مكونة من طوق وعدد n من الأسلاك المتساوية البعد والتي تمتد من مركز الطوق (الصرة) إلى الحافة، إذا كانت كتلة الطوق M، ونصف قطره (طول السلك) هو R وكنتلة السلك الواحد هي m. احسب (a) عزم القصور الذاتي للعجلة حول محور يمر بمركزها وعمودي على مستوى العجلة و (b) عزم القصور الذاتي للعجلة حول محور يمر بحافتها وعمودي على مستوى العجلة.

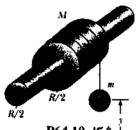
63- باب صلب- رقيق منتظم ارتفاعه 2.2m وعارضه 0.87m وكتاته 23.0kg احسب

عزم القصور الذاتي له عند دورانه حول مفصلاته. هل هناك بعض البيانات المعطاة ليس لها فائدة.

学业基础 图1

64- مكبس اسطواني منتظم محجوف نصف قطره الداخلي R/2 ونصف قطره الخارجي R وكتلته M (شكل P64.10) موضوع بحيث يمكنه الدوران حول محور أضفى مهمل الكتلة. ثم ربط كتلة M في نهاية الحبل الملفوف على المكبس. إذا سيقطت الكتلة m مسافة y من السكون في زمن 1. اثبت أن عزم الدوران نتيجة قوى الاحتكاك بين المكبس والمحور هي:

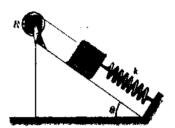
 $\tau_f = R\{m(g-2y/t^2) - M(5y/4t^2)\}$



أ شكل P64.10

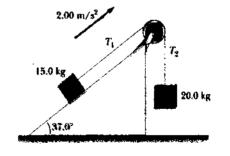
- 65- يمكن لموتور كهربي ان يحدث تسارعاً لعجلة فيررى عزم القصور الذاتي لها هو I =20000kg·m² مـن الســـكون إلــــي 10.0rad/min في 12.0 ثانية. عند اغلاق الموتور يتسبب الاحتكاك في إبطاء العجلة من .10 إلى 8.0rev/min في فترة 10 ثواني (a) احسب عزم الدوران المتولد من الموتور حتى تُحدث العجلة 10.0rev/min و (b) القدرة المطلوبة للبقاء على هذه السرعة الدورانية.
- 66- البكرة الموضيحية في الشكل 66.10 نصف قطرها R وعزم القصور الذاتي لها 1. يتصل أحد طرفى الكتلة m بزنبرك له ثابت قوة k بينما الطرف الآخر مربوط بحبل

ملفوف على البكرة. كبلا من منحور البكرة والمستوى المائل املسين. إذا كيان الحيل ملفوفاً حول البكرة في انجاه ضد عقارب الساعة حتى يستطيل الزنبرك مسافة d من وضع الاسترخاء له. ثم اطلقت للحركة من السكون احسب (a) السرعية الزاوية للبكرة عندما يصبح الزنبرك غير منبسطأ و (b) القيمة العددية للسرعة الزاوية عند $d = 1.0 \text{ kg·m}^2$ هـذه النقيطة إذا كانــت m = 0.50 kg k = 50. N/m R = 0.3 m $\theta = 37^{\circ} d = 0.2 \text{m}$



شكل P66.10

🇖 🗗 تقالان، كما هو موضع بالشكل P67.10 متصلان بخيط مهمل الكتلة يمر على بكرة نصف قطرها m 0.25 وعيزم القيصيور الذاتي لها I. تتحرك الكتلة الموضوعة على السطح المائل الاملس إلى أعلى بتسارع ثابت 2.0 m/s² احسب الشد في جزئي الخيط T1، T2.

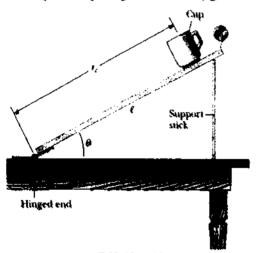


شكل P67.10 (b) احسب عزم القصور الذاتي للبكرة.

68- تتكون إحدى وسائل الايضاح- الموضعة في الشكل P68.10، من كرة موضوعة عند نهاية أحد طرفى لوح طوله ℓ والطرف الآخر مثبت بمفصلة بحيث يصنع زاوية θ. r_{c} إذا تُبِت فنجان على اللوح على بعد r_{c} بحيث يلحق بالكرة عند ازالة العصا فجأة والموضوعية كدعيامية. (a) أثبت أن الكرة سوف تتأخر بعد اللوح عندما تكون θ أقل من °35.3 وأن (b) الكرة تسلطط في الفنجان عندما يكون اللوح عند هذه الزاوية والفنجان موضوعاً على بعد

$$r_c = \frac{2 \ell}{3 \cos \theta}$$

(c) إذا كانت الكرة موضوعة عند نهاية عيصا طولها 1.0m، عند هذه الزاوية الحرجة، اثبت أنه يجب أن يكون الفنجان على بعد 18.4cm من الطرف المتحرك.



شكل P68.10

[69] نتيجة الاحتكاك، تتغير السرعة الزاوية للعجلة مع الزمن طبقاً للعلاقة:

$$d\theta/dt = \omega_0 e^{-\sigma}$$

حيث σ ، ω_0 ثابتان، تنفير السرعة الزاوية من 3.5rad/s عند 0= الى 2.0rad/s بعد t= 9.30s مستخدم هذه المعلومات في (431

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

تعيين ϖ_0 ، ϖ_0 ثم عين (a) مقدار التسارع الزاوي عند ϖ_0 ، ϖ_0 الزاوي عند 3.0s الزاوي عند الدراجة في أول 2.5 ثانية (c) عدد الدورات التي تحدثها الدراجة إلى أن تسكن.

70- عقربا الدقائق والساعات في ساعة بيج بن، الساعة المشهورة في برج البرلمان في لندن طولها 60.Kg وكتلتاهما 4.5m (2.7m) على التوالى (انظر شكل P26.10)

(a) احسب عزم الدوران الناتج عن وزني النراعين حول محور دورانهما عندما يكون النراعين حول محور دورانهما عندما يكون (iv) 6:00 (iii) 5:15 (ii) 3:00 (iv) 8:20 (c) 9:45 (v) 8:20 كمقصصيب طويل رقيق) (b) احسب كل الاوقات التي عندها يكون عزم الدوران حول محور الدوران يساوي صفراً، احسب الاوقات لأقرب ثانية وذلك بحل المعادلة المتسامية بطريقة عددية.

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

يدور في اتجاه عقارب الساعة. كذلك نعلم أنه عندما تكون ه، متضادي التوازي أنه عندما تكون ه، متضادي التوازي فإن ه تتناقص ويتباطأ الجسم. لهذا فإن الجسم يلف حول نفسه ببطء أكثر وأكثر (بسرعة زاوية أقل) في اتجاه عقارب الساعة أو الاتجاه السالب. هناك تماثل بين ذلك وبين غواصة الفضاء عند فتحها الباراشوت. السرعة سالبة ولأسفل عندما تقوم الغواصة بفتح الباراشوت، تسبب الباراشوة الهائلة لاعلى تسارع لأعلى. كنتيجة لذلك، فإن كلا من متجهي التسارع والسرعة يكونا عكس الاتجاه مع بعضهما.

(2.10) (a) نعم: كل النقاط في العجلة لها نفس السرعة الزاوية، هذا هو السبب في استخدامنا الكميات الزاوية في وصف الحركة الدورانية (b) لا، ليس لكل النقاط

على العجلة نفس السرعة الخطية (c) على العجلة نفس السرعة الخطية $v = R\omega/2$ (d) v = 0 a = 0 a = 0 a = 0 a = 0 a = 0 a = 0 a = 0 a = 0 عند جميع النقاط لأن ω ثابته $a = R\omega^2$ $v = R\omega$ (e) $a = R\omega^2$ $v = R\omega$

الدوران النظومة مكونة من كتل متساوية الدوران النظومة مكونة من كتل متساوية البعد من محبور الدوران تساوي دائماً حاصل ضرب الكتل في مربع البعد عن المحور.

P الدوران حول المحور المار بالنقطة P يتطلب شغلاً أكشر، عزم القصور الذاتي للطوق حول المحور المركزي هو P المحور الموازي P عزم القصور الذاتي حول المحور المار عائقطة P

 $I_p = I_{CM} + MR^2 = MR^2 + MR^2 = 2MR^2$



🛊 صورة محيرة

أحد أنواع الدراجات القديمة هي السماة دراجة البنس- فارتنج نظراً لأن النسبة بين عجاتيها كالنسبة بين البنس الإنجليازي والفارتنج (ربع البنس) وقد ابتكرت عام 1870. عندما ينظر الراكب من فوق إلى العجلة الأمامية يجدها تتحرك إلى الأمام أسرع منه وأسرع من القضيب الأقي (الجادون) الذي يمسك به كما أنه يلاحظ أن مركز العجلة لايبدو انه يتحرك بالنسبة للجادون. كيف يمكن أن تتحرك الأجزاء المختلفة بيميات خطبة مختلفة؟

الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية Rolling Motion and Angular Momentum

ولفهن ولحاوي عشر 11

ويتضمن هذا الفصل ،

5.11 حفظ كمية الحركة الزاوية

Conservation of Angular Momentum

(Optional) The Motion of Gyroscopes and Tops

7.11 (اختياري) كمية الحركة الزاوية ككمية أولية

(Optional) Angular Momentum as a Fundamental Quantity

1.11 الحركة التدحرجية لجسم جامد

Rolling Motion of a Rigid Object

2.11 ضرب المتجهاتَّ وعزم الدوران

The Vector Product and Torque

3.11 كمية الحركة الزاوية لجسيم

Angular Momentum of a Particle

4.11 كمية الحركة الزاوية لجسم جامد دوار

Angular Momentum of a Rotating Rigid Object في الباب الستابق درسنا كيف نتعامل مع جسم جاسئ يدور حول محور ثابت. في الباب الحالي سندرس حالة أكثر شمولا يكون فيها محور الدوران ليس ساكناً في الفراغ. وسوف نبدأ بدراسة تلك الحركة التي تسمى الحركة التدحرجية Rolling Motion. والموضوع الرئيسي لهذا الباب هو كمية الحركة الزاوية، وهي كمية تلعب دوراً أساسياً في ديناميكا الدوران، وقياسا على حفظ كمية الحركة الخطية، نجد أن كمية الحركة الزاوية دائماً محفوظة، إذا لم يؤثر عزم دوران خارجي على الجسم، ومثل قانون بقاء كمية الحركة الزاوية هو قانون أساسي من قوانين الفيزياء، ويصلح للنظم النسبوية والكمية، على السواء.

ROLLING MOTION OF A RIGID OBJECT بالحركة التدحرجية لجسم جامد 1/11/1

في هذا القسم سوف نتعامل مع حركة جسم جامد يدور حول محور متحرك. وهذه الحركة معقدة بصفة عامة. إلا إنه يمكن تبسيطها بأن ندرس فقط حالة الأجسام الجامدة المتجانسة التي لها درجة كبيرة من التماثل مثل الأسطوانة والكرة والإطار، أضف إلى ذلك أننا سنفترض أن الجسم يتدحرج على سطح مستو، سوف نرى أنه إذا تدحرج جسم مثل الأسطوانة دون أن ينزلق على سطح ما (تسمى هذه الحركة تدحرجية خالصة) فإن هناك علاقة بين الحركة الدورانية والحركة الإنتقالية.

نفرض أن أسطوانة تتدحرج على مسار مستو. كما في شكل (1.11) يتضح أن مركز الكتلة يتحرك في خط مستقيم، لكن نقطة على الحافة تتحرك في مسار أكثر تعقيدا يسمى سيكلويد Cycloid. وهذا يعني أن محور الدوران يظل موازياً لوضعه الإبتدائي في الفراغ. اعتبر حالة أسطوانة منتظمة نصف قطرها R تتدحرج دون تزحلق على سطح أفقي شكل (2.11). عندما تدور الأسطوانة بزاوية θ مركز الكتلة يتحرك مسافة طولية $S=R\theta$ (أنظر معادلة 1.10a) إذن السرعة الخطية لمركز الكتلة في حالة الحركة التدحرجية الخالصة تعطى بالمعادلة.

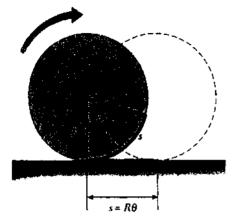
$$v_{\rm CM} = \frac{ds}{dt} = R\frac{d\theta}{dt} = R\omega \tag{1.11}$$

حيث ω هي السرعة الزاوية لـلأسطوانة، معادلة (1.11) تستخدم عندما تتدحرج كرة أو أسطوانة دون انزلاق. وهو الشرط للدحرجة الخالصة



شكل (1.11) مصدر ضوئي عند مركز أسطوانة تتدحرج وآخر عند نقطة على حافتها ببين المسارات المختلفة التي تأخذها هاتان النقطةان، يتحرك المركز في خط مستقيم، بينما النقطة التي عند الحافة تتحرك في مسار يسمى سيكلويد (المنحني)

الفصل الحادى عشرا الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية



شكل (2.11) في الحركة التدحرجية الخالصة بينما تدور الأسطوانة بزاوية θ يتحرك مركز الكتلة لمسافة خطية $S=R\theta$

ومقدار العجلة الخطية لمركز الكتلة في حالة الحركة التدحرجية الخالصة

$$a_{\rm CM} = \frac{dv_{\rm CM}}{dt} = R\frac{d\omega}{dt} = R\alpha$$
 (2.11)

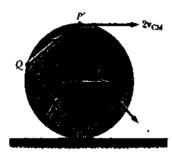
حيث α هي العجلة الزاوية للأسطوانة.

في شكل (3.11) مُبِين السرعات الخطية لمركز الكتلة وللنقط المختلفة على الأسطوانة وفي داخلها. بعد فوات برهة زمنية قصيرة من اللحظة الموضحة في الرسم تكون النقطة p التي على حافة الأسطوانة قد دارت من وضع الساعة السادسة إلى وضع الساعة السابعة مثلاً، والنقطة p تكون قد دارت من وضع الساعة العاشرة إلى وضع الساعة الحادية عشرة وهكذا. لاحظ أن السرعة الخطية لأي نقطة تكون في اتجاه عمودي على الخط الواصل بين هذه النقطة ونقطة التماس p في أي لحظة، والجزء من الحافة الذى عند النقطة p يكون في حالة سكون بالنسبة للسطح حيث إنه لايحدث إنزلاق.

جـمـيع النقط على الأسطوانة لها نفس السرعة الزاوية حيث أن المسافة من P إلى أسلوي ضعف المسافة من P إلى مركز الكتلة. إذن سرعة P' تساوي

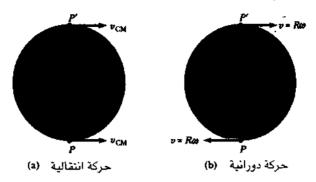
$$2v_{\mathsf{CM}} = 2R\omega$$

لكي تعرف السبب في ذلك، دعنا نعمل نموذجا للحركة التدحرجية للأسطوانة في شكل 11.4 كمجموعة مؤلفة من حركة انتقالية (خطية) وحركة دورانية. بالنسبة للعركة الخطية الخالصة الموضعة في شكل (11.4a) تخيل أن الأسطوانة لاتدور بعيث أن كل نقطة عليها نتحرك

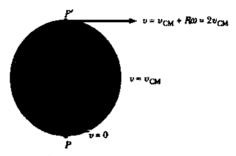


 $extit{mbd} extit{mbd} extit{mbd} extit{sab} = \Delta \omega$ جميع النقط على جمور يمر بنقطة تتحرك في اتجاء عمودي على محور يمر بنقطة تماس لحظية $extit{q}$. أي أن جميع النقط تدور حول $extit{q}$. مركز الكتلة يتبحرك بسيرعية $extit{v}_{\text{CM}}$ والنقطة $extit{p}^{\prime}$ تتحرك بسيرعة $extit{2v}_{\text{CM}}$.

الضيرياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل (4.11) حركة جسم يتدحرج يمكن اعتبارها خليط من حركة انتقالية خالصة وحركة دورانية خالصة



خليط من حركة دورانية وأخرى خطية (ع)

نحو اليمين بسرعة v_{CM} . بالنسبة للحركة الدورانية الخالصة المبينة في شكل (4.11b) تخيل أن محور الدوران المار بمركز الكتلة ساكنا بحيث أن كل نقطة على الأسطوانة لها نفس السرعة الدورانية ω . ومجموع هاتين الحركتين يمثل الحركة التدحرجية الموضحة في شكل (4.11c) لاحظ أن في شكل (4.11c) حركة قمة الأسطوانة خطية

$$v_{\rm CM}$$
 + $R\omega$ = $v_{\rm CM}$ + $v_{\rm CM}$ = $2v_{\rm CM}$

وهي أكبر من الحركة الخطية لأي نقطة أخرى على الأسطوانة. كما أشرنا سابقاً يتحرك مركز $v_{\rm CM}$ الكتلة بسرعة خطية $v_{\rm CM}$ بينما نقطة التماس بين السطح والأسطوانة سرعتها الخطية صفر.

يمكننا أن نعبر عن طاقة الحركة الكلية للأسطوانة التي تتدحرج كما يلي.

$$K = \frac{1}{2}I_P\omega^2 \tag{3.11}$$

حيث I_p هو عزم القصور الذاتي حول محور الدوران خلال P باستخدام نظرية المحاور المتوازية يمكننا أن نستبدل I_p

$$I=I_{CM}+MR^2$$
 $K=rac{1}{2}I_{CM}\omega^2+rac{1}{2}MR^2\omega^2$ في معادلة 3.11 لتصبح $v_{CM}=R\omega$ ويما أن $v_{CM}=R\omega$

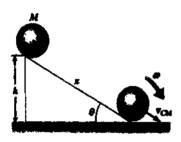
إذن

$$K = \frac{1}{2}I_{\rm CM}\omega^2 + \frac{1}{2}Mv_{\rm CM}^2$$
 (4.11)

وهي طاقة الحركة الكلية لجسم يتدحرج.

والحد $\frac{1}{2}I_{\rm CM}\omega^2$ يمثل طاقة الحركة الدورانية للأسطوانة حول مركز الكتلة والحد $\frac{1}{2}I_{\rm CM}\omega^2$ يمثل طاقة الحركة الانتقالية في الفراغ لو أنها كانت بدون حركة دورانية، ومن ثم يمكن أن نعرف طاقة الحركة الكلية لجسم يتدحرج على أنها مجموع طاقة الحركة الدورانية حول مركز الكتلة وطاقة الحركة الانتقالية لمركز الكتلة.

يمكننا أن نستخدم طرق الطاقة لمعالجة مجموعة من المسائل المتعلقة بالحركة التدحرجية لكرة على سطح مائل خشن (وهذه المسائحة تصلح كذلك لحالات الحركة التدحرجية للأسطوانة أو العجلة). نفرض أن الكرة في شكل (5.11) تتسدحرج دون انزلاق وقعد بدأت من نقطة الصفر عند قمة السطح المائل. لاحظ أن حركة التدحرج المتسارع ممكنة فقط إذا وجدت قوة احتكاك بين الكرة والمستوى المائل لتحدث عزم دوران حول مركز الكتلة.



شكل (5.11) كرة تتدخيرج على سطح مائل الطاقة الميكانيكية محفوظة إذا لم يكن هناك إنزلاق.

على الرغم من وجود احتكاك، لايوجد فقد في الطاقة الميكانيكية لأن نقطة التماس في حالة سكون بالنسبة للسطح في أي لحظة. من ناحية أخرى إذا حدث انزلاق للكرة، فإنه يحدث فقد في الطاقة الميكانيكية مع استمرار الحركة.

باستخدام الملاقة $v_{
m CM}$ للحركة التدحرجية الخالصة يمكننا كتابة معادلة (4.11) على النحو

$$K = \frac{1}{2}I_{\text{CM}} \left(\frac{v_{\text{CM}}}{R}\right)^2 + \frac{1}{2}Mv_{\text{CM}}^2$$

$$K = \frac{1}{2} \left(\frac{I_{\text{CM}}}{R^2} + M\right)v_{\text{CM}}^2$$
(5.11)

في الوقت الذي تصل فيه الكرة إلى نهاية المستوى المائل يكون مقدار الشغل الذي بذل عليها بواسطة مجال الجاذبية هو Mgh، حيث h هو ارتفاع السطح المائل، ونظرا لأن الكرة قد بدأت من حالة السكون عند القمة. فإن طاقة حركتها عندما تصل إلى القاع والمعطاة بمعادلة (5.11) تساوي هذا الشغل المبذول. ومن ثم سرعة مركز الكتلة عند القاع يمكن تعيينه بمساواة هاتين الكميتين.

$$\frac{1}{2} \left(\frac{I_{\text{CM}}}{R^2} + M \right) v_{\text{CM}}^2 = Mgh$$

الفيزياء (الجزء الأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$v_{\rm CM} = \left(\frac{2gh}{1 + I_{\rm CM}/MR^2}\right)^{1/2} \tag{6.11}$$

اختبار سريع 6.11

تخيل أن كراستك تنزلق على أرض الملعب بسرعة إبتدائية معينة ستتوقف عن الحركة بسبب الإحتكاك بينها وبين سطح الأرض، إلا أنك لوجعلت الكرة تتدحرج بنفس السرعة الإبتدائية سوف تظل تتدحرج من أول الملعب إلى أن تصل إلى آخره. لماذا تتدحرج الكرة لهذه المسافة الطويلة؟ هل الإحتكاك لا يؤثر على حركتها؟.

مثال 1.11 كرة تتدحرج على مستوى مائل:

احسب السرعة الخطية لمركز الكتلة للكرة المصمتة الموضعة في شكل (5.11) عند قاع السطع الماثل ومقدار العجلة الخطية لمركز الكتلة.

الحلء

الكرة تبدأ حركتها من أعلى السطح المائل بطاقة وضع قدرها $U_g=Mgh$ وطاقة حركة -K=0. كما رأينا سابقاً، لو أنها سقطت عمودياً من هذا الإرتفاع لكانت سرعتها الخطية تساوي $\sqrt{2gh}$ في اللحظة المباشرة قبل ارتطامها بالأرض، بعد أن تدحرجت إلى أسفل، السرعة الخطية لمركز الكتلة لابد وأن تكون أقل من ذلك نظراً لأن بعض طاقة الوضع قد تحول إلى طاقة حركة دورانية بدلاً من أن يتحول إلى طاقة حركة انتقالية. بالنسبة لكرة منتظمة ومصمته $v_{\rm CM}^2=2a_{\rm CM}$ (انظر جدول 2.10) ومن ثم معادلة 11.6 تصبح.

$$v_{\rm CM} = \left(\frac{2gh}{1 + \frac{2/5MR^2}{MR^2}}\right)^{1/2} = \left(\frac{10}{7} gh\right)^{1/2}$$

وهذا أقل من $\sqrt{2gh}$. لحساب العجلة الخطية لمركز الكتلة، قد لاحظنا أن الإزاحة العمودية مرتبطة بالإزاحة x على السطح المائل بالعلاقة $h=x\sin\theta$. إذن بتربيع الطرفين يمكننا كتابة المعادلة السابقة على النحو التالى:

$$v_{\rm CM}^2 = \frac{10}{7} \, gx \sin \theta$$

بمقارنة هذه المعادلة بالمعادلة الكينماتيكية $v_{\rm CM}^2=2a_{\rm CM}^2$ راجع معادلة (2.12) نجد أن عجلة مركز الكتلة هي:

$$a_{\rm CM} = \frac{5}{7}g\sin\theta$$

وهذه النتائج هامة جداً لأنها تبين أن السرعة والعجلة لمركز الكتلة لايعتمدان على الكتلة أو نصف قطر الكرة أي أن جميع الكرات المصمتة والمتجانسة تكتسب نفس السرعة والعجلة على المستوى المائل.

لو أعدنا تلك الحسابات لكرة جوفاء أو أسطوانة مصمته أو عجلة سنحصل على نتائج مشابهة إلا أن المعامل العددي قبل θ sin θ سوف يتغير. المعاملات الثابتة التي تظهر في المعادلات التي تعطي $v_{\rm CM}$ و $v_{\rm CM}$ تعتمد فقط على عزم القصور الذاتي حول مركز الكتلة لكل جسم من الأجسام. وفي جميع الحالات عجلة مركز الكتلة ستكون أقل من θ sin θ ، القيمة التي ستصل إليها العجلة إذا كان السطح المائل عديم الاحتكاك، ومع عدم حدوث تدحرج.

مثال 2.11 نظرة أخرى على الكرة المتدحرجة.

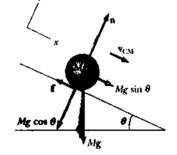
في هذا المثال سنستخدم الطرق الديناميكية لتحقيق النتائج التي توصلنا إليها في المثال السابق والشكل مبين في (6.11).

الحل :

باستخدام قانون نيوتن الثاني لمركز الكتلة نجد أن $\sum F_x = Mg \sin \theta - f = Ma_{CM}$

 $\sum F_y = n - Mg\cos\theta = 0$

حيث x تقاس على طول السطح المائل، الآن نوجد عزم الدوران المؤثر على الكرة، والمحور المناسب هو الذي يمر خلال مركز الكرة ومتعامداً على مستوى الشكل.



شكل (6.11) كرة مصمته تتدحرج على سطح مائل.

حيث أن \mathbf{n} و \mathbf{Mg} بمران بمركز الكتلة. فذراع عزمهما يساوي صفر حول هذا المحور، ومن ثم لايضيفان شيئاً لعزم الدوران. إلا أن قوة الاحتكاك الإستاتيكي تحدث عزم دوران حول هذا المحور يساوي fR في اتجاء عقارب الساعة. وحيث إن \mathbf{r} أيضاً في اتجاء عقارب الساعة.

$$\tau_{\text{CM}} = fR = I_{\text{CM}}\alpha$$

$$\alpha = a_{\text{CM}}/R \quad , \quad I_{\text{CM}} = \frac{2}{5}MR^2$$

$$f = \frac{I_{\text{CM}}\alpha}{R} = \left(\frac{\frac{2}{5}MR^2}{R}\right)\frac{a_{\text{CM}}}{R} = \frac{2}{5}Ma_{\text{CM}} \tag{2}$$

 $a_{\rm CM} = \frac{5}{7}g\sin\theta$

وهو ما يتفق مع النتائج هي مثال (1.11).

بإحلال المعادلة (2) في المعادلة (1) نحصل على:

الفيزياء (الجزء الأول- البكانيكا والديناميكا الحرارية)

لاحظ أن $\sum F=ma$ تستخدم فقط في حالة ما إذا كانت $\sum F$ هي محصلة القوة الخارجية الواقعة على الكرة، 8 هي عجلة مركز الكتلة، في حالة الكرة التي تتدحرج إلى أسفل والسطح المائل، على الرغم من أن قوة الاحتكاك لاتغير طاقة الحركة الكلية للكرة فإنها تضيف إلى £7 ومن ثم تقلل العجلة لمركز الكتلة. ونتيجة لذلك طافة الحركة الإنتقالية النهائية تكون أقل مما تكون عليه في حالة عدم وجود الاحتكاك. وكما ذكر في مثال 1.11 بعض طاقة الوضع الإبتدائي يتحول إلى طاقة حركة دورانية.

تجرية معملية سريعة: ____

امسك كرة سلة وكرة تنيس جنباً إلى جنب عند قمة سطح مائل ثم اتركهما في نفس اللحظة. أيهما تصل إلى القاع أولاً؟ هل النتيجة تتوقف على زاوية السطح المائل؟ ماذا لو أن الزاوية كانت 90 (أي لو أن الكرة تسقط سقوطاً حراً).؟

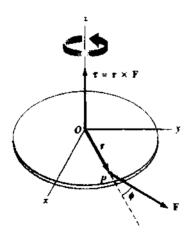
إيهما تصل أسرع إلى القاع، كرة تتدحرج دون انزلاق على سطح مائل A أم صندوق بنزلق إلى أسفل فوق سطح مائل B وعديم الاحتكاك وله نفس أبعاد السطح المائل A.

2.11 ي ضرب المتجهات وعزم الدوران THE VECTOR PRODUCT AND TORQUE مرب المتجهات وعزم الدوران

تصور قوة ${f F}$ تؤثر على جسم جامد عند متجه الوضع ${f r}$ شكل (7.11). نقطة الأصل ${f 0}$ يفترض وري أنها في إطار قصوري، ومن ثم فقانون نيوتن يكون صحيحاً في هذه الحالة. كما رأينا في قسم $rF\sin\phi$ عزم الدوران نتيجة لهذه القوة بالنسبة لنقطة الأصل طبقاً للتعريف، $rF\sin\phi$ حيث π \mathbf{F} و \mathbf{r} الزاوية بين

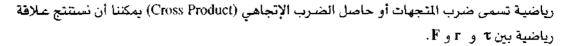
> المحور الذي يفترض أن F تحدث الدوران حولة يكون عمودياً على المستوى المكون من \mathbf{r} و \mathbf{F} . إذا كانت القوة واقعة على المستوى xy كما هو الحال في شكل (7.11) فيمثل عزم الدوران au بمتبجه مواز للمحور z. القوة في شكل (7.11) تحدث عزم دوران يجعل الجسم يدور عكس عقارب الساعة حول المحور z، إذن أتجاه عزم الدوران τ يكون نحو ازدياد zومن ثم يكون ت في الإنجاء الموجب للمحور ٦. إذا عكسنا اتجاه F في شكل (7.11) عند إذ يكون T في الاتجاه السالب للمحور ٦.

وعزم الدوران T يتضمن المتجهين T و F. واتجاهه 440) عمودياً على المستوى الذي يضم r و F. باستخدام عملية



شكل (7.11) منجه عزم الدوران ت يقع في اتجاه عمودي للمستوى المكون من المتجه ٢ ومتجه القوة المستخدمة F .

الفصل الحادي عشره الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية



$$\tau = r \times F \tag{7.11}$$

سنعطي الآن تعريفاً لحاصل ضرب المتجهات. إذا كان لدينا متجهان ${\bf A}$ و ${\bf B}$ فحاصل الضرب المتجه ${\bf C}$ نعطي كمية متجهة ثالثة ${\bf C}$ فيمتها تساوي ${\bf A}$ AB sin ${\bf B}$ حيث ${\bf B}$ هي الزاوية بين ${\bf A}$ و ${\bf B}$ أي أن ${\bf C}$ تعطي بالمعادلة.

$$C = A \times B \tag{8.11}$$

ومقدارها هو

 $(x_1,\dots,x_n) \in \mathbb{R}^n \times \mathbb{R}^n \times \mathbb{R}^n$

$$C = AB \sin \theta \tag{9.11}$$

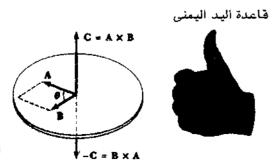
المقدار $B \sin \theta$ يَسَاوي مساحة متوازي الأضلاع المكون من $B \cos \theta$ كما هو واضح من الشكل (8.11). والأصابع الأربعة لليد اليمنى تشير إلى اتجاه A ثم تضم حول B خلال الزاوية θ فيكون اتجاه الإبهام المفرود هو المتجه C حيث C حيث C حيدما يضرب مقدار متجه في مقدار آخر متجه ويكون حاصل الضرب مقداراً متجهاً كذلك يسمى الضرب في هذه الحالة ضرباً متجهاً ولابد من وضع علامة أكروس C في هذه الحالة ولذلك ينطق C كروس C ويسمى بالإنجليزية Cross Product. وبعض خواص ضرب المتجهات هي:

(1) الضرب المتجة ليس كالضرب غير المتجة فلايمكن إحلال ${\bf A}$ محل ${\bf B}$ دون أن تتغير إشارة حاصل الضرب المتجه كما يلى:

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = -\mathbf{B} \times \mathbf{A} \tag{10.11}$$

إذن إذا غيرت تربيب المتجهات في ضرب المتجهات يجب تغيير الإشارة ويمكن التأكد من ذلك باستخدام فاعدة اليد اليمنى.

AxB=0 أو AxB=0 عند إذ AxB=0 ومن هذا يتضع أن AxB=0 إذا كانت A موازية للمتجـه AxB=0 أو AxB=0 عند إذا كانت



شكل (8.11) حياصل ضيرب المتنجية $A \times B$ هو متجه ثالث C مقداره B $\sin \theta$ يساوي مساحة متوازي الأضلاع المبيئة في الشكل، واتجاء C يكون على المستوى المكون من D و D وهذا الإتجاء يحدد بواسطة قاعدة اليد اليمنى

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

 $|\mathbf{A} \times \mathbf{B}| = AB$ إذا كان المتجه \mathbf{A} عمودياً على المتجه \mathbf{B} عند إذ

(4) حاصل الضرب المتجه يخضع لقانون التوزيع أي أن

$$A \times (B + C) = A \times B + A \times C$$
 (11.11)

(5) مشتقة الضرب المتجه بالنسبة لمتغير مثل t هو

$$\frac{d}{dt}(\mathbf{A} \times \mathbf{B}) = \mathbf{A} \times \frac{d\mathbf{B}}{dt} + \frac{d\mathbf{A}}{dt} \times \mathbf{B}$$
 (12.11)

ويجب مراعاة الترتيب A و B طبقاً للمعادلة (10.11).

Unit Vectors وسوف نترك كثمرين أن تبين من معادلتي 9.11 و 10.11 ومن تعريف وحدة المتجهات أن حاصل الضرب المتجه لوحدات المتجه المستطيل i و i تخضع للقاعدة التالية:

$$i \times i = j \times j = k \times k = 0$$
 (13.11a)

$$\mathbf{i} \times \mathbf{j} = -\mathbf{j} \times \mathbf{i} = \mathbf{k} \tag{13.11b}$$

$$j \times k = -k \times j = i$$
 (13.11c)

$$k \times i = -i \times k = i$$
 (13.11d)

 $i \times (-j) = -i \times j$ و $A \times (-B) = -A \times B$ و $i \times (-j) = -i \times j$ و $i \times (-j) = -i \times j$ و $i \times (-j) = -i \times j$

Determinant وحاصل الضرب المتجه \mathbf{A} و \mathbf{B} يمكن التعبير عنه بالشكل المحدِّد التالي Determinant

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix} = \mathbf{i} \begin{vmatrix} A_y & A_z \\ B_y & B_z \end{vmatrix} - \mathbf{j} \begin{vmatrix} A_x & A_z \\ B_x & B_z \end{vmatrix} + \mathbf{k} \begin{vmatrix} A_x & A_y \\ B_x & B_y \end{vmatrix}$$

وبفك هذه المحددات نحصل على الآتي

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = (A_{y}B_{z} - A_{z}B_{y})\mathbf{i} - (A_{x}B_{z} - A_{z}B_{x})\mathbf{j} + (A_{x}B_{y} - A_{y}B_{x})\mathbf{k}$$
 (14.11)

مثال 3.11 الضرب المتجه

متجهان يقعان في المستوى xy يمثلان بالمعادلة $\mathbf{A} \times \mathbf{B} = -\mathbf{i} + 2\mathbf{j}$ و اثبت $\mathbf{A} \times \mathbf{B} = -\mathbf{i} + 2\mathbf{j}$ و اثبت ان $\mathbf{A} \times \mathbf{B} = -\mathbf{B} \times \mathbf{A}$ و اثبت

الحل :

 $^{\prime}$ باستخدام المعادلة (13.11a) و (13.11d) نجد أن

الفصل الحادى عشر: الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية

$$A \times B = (2i + 3j) \times (-i + 2j)$$

= $2i \times 2j + 3j \times (-i) = 4k + 3k = 7k$

لقد أهملنا الحدود التي تحتوي على $i \times i$ و $j \times j \times j$ حيث أنها طبقاً للمعادلة (13.11a) تساوي صفر. ويمكن أن نبين أن $A \times B = -B \times A$.

$$\mathbf{B} \times \mathbf{A} = (-\mathbf{i} + 2\mathbf{j}) \times (2\mathbf{i} + 3\mathbf{j})$$

= $-\mathbf{i} \times 3\mathbf{j} + 2\mathbf{j} \times 2\mathbf{i} = -3\mathbf{k} - 4\mathbf{k} = -7\mathbf{k}$

 $A \times B = -B \times A$ إذن

وهناك طريقة أخرى لإيجاد A x B باستخدام المعادلة 11.4

$$B_z = 0$$
 , $B_v = z$, $B_x = -1$, $A_z = 0$, $A_v = 3$, $A_x = 2$

$$\mathbf{A} \times \mathbf{B} = (0)\mathbf{i} - (0)\mathbf{j} - [(2)(2) - (3)(-1)] \mathbf{k} = 7\mathbf{k}$$

تمرين استخدام نتائج هذا المثال ومعادلة 9.11 لإيجاد الزاوية بين B,A

الإجابة ' 60,3

ANGULAR MOMENTUM OF A PARTICLE کمیة الحرکة الزاویة لجسیم

نتصور عمودا جامدا مثبت في الجليد على بركة متجمدة شكل 9.11 وفتاة متزلجة علي الجليد القتربت من العمود بسرعة وقد انحرفت جانبيا حتى لاتصطدم به، عندماوصلت إلى نقطة 7.8

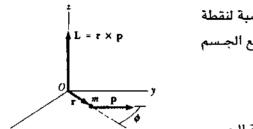
بجانب العمود أمسكت به فأخذت تدور حوله في مسار دائري. كما ساعدت فكرة كمية الحركة الخطية في تحليل الحركة الانتقالية. قد نستفيد من مفهوم كمية الحركة الزاوية angular momentum في وصف حركة الفتاة المتزلجة والأجسام الأخرى التي تقوم بحركة دورانية.

لكي نحلل حركة الفتاة المتزلجة يجب أن نعرف كتلتها وسرعتها وموضعها بالنسبة للعمود. بصفة عامة اعتبر جسما كتلته m موضوع عند المتجة r ويتحرك بسرعة متجهة v كما في شكل (10.11)



شكل (9.11) عندما وصلت المتراجة إلى العمود أمسكت به مما جعلها تدور حوله بسرعة في مسار دائري.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل (10.11) كمية الحركة الزاوية L في المجلسيم كتابه m وكمية حركة خطية P موضوع عند متجه المكان r . هي متجه ليعطى بالعلاقة L = r x p ومقدار L يعتمد على نقطة الأصل التي يقاس منها وهو متجه عمودي على كل من p ، r

كمية الحركة الزاوية اللحظية L للجسيم بالنسبة لنقطة الأصل 0 تعرف كحاصل الضرب المتجه لموضع الجسم اللحظي r وكمية الحركة الخطية r

$$\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{p} \tag{15.11}$$

ومعادلة (15.11) تعطي كمية الحركة غرارية للجسيم وحدثها في النظام الدولي للوحدات SI هي $Kg.m\tau'$ ومن غلههم أن تلاحيظ أن كيل من المقيدار والإتجاز لكميية الحركة الزاوية لل يعتمد على اختيار نقطة الأصل، وباتباع شاعدة اليد اليمني نلاحظ أن اتجاء L مصودياً على المستوى المتكون من r و r . في شكل (10.11) r و r في ألمستوى r ومن ثم r نشير إلى اتجاء r حيث أن r مقدار r هو

$$L = m v r \sin \phi \qquad (16.11)$$

حيث ϕ هي الزاوية بين r و p ومن ثم L تساوي صفراً عندما تكون r موازية p (180°) أو p مينى آخر، عندما تكون السرعة الخطية للجسيم على امتداد خط يمر بنقطة الأصل، تكون كمية الحركة الزاوية للجسيم تساوي صفر بالنسبة لنقطة الأصل. من ناحية آخرى إذا كانت p عمودية على p (180°) أعند إذ p p عند إذ p p في هذه اللحظة يتحرك الجسم كما لو كان على حافة عجلة تدور حول نقطة الأصل في مستوى يصنعه p و p عند وصف الحركة الخطية وجدنا أن صافي القوة على جسم يساوي معدل تغير كمية الحركة الخطية مع الزمن p p (انظر معادلة (9.3)) سنبين الآن صافي عزم الدوران المؤثر على جسم يساوي معدل تغير كمية الحركة الزاوية له مع الزمن. سنبدأ بكتابة عزم الدوران على جسيم بالشكل التالي

$$\sum \tau = \mathbf{r} \times \sum \mathbf{F} = \mathbf{r} \times \frac{d\mathbf{p}}{dt}$$
 (17.11)

سنفاضل المعادلة 15.11 مع الزمن، باستخدام القاعدة المعطاة في (12.11)

$$\frac{d\mathbf{L}}{dt} = \frac{d}{dt} (\mathbf{r} \times \mathbf{p}) = \mathbf{r} \times \frac{d\mathbf{p}}{dt} + \frac{d\mathbf{r}}{dt} \times \mathbf{p}$$

بذكر انه لابد من المحافظة على ترتيب الحدود لأن $A \times B = -B \times A$ والحد الأخير في الطرف الأيمن من المحادلة السابقة يساوي صفراً لأن v = dr/dt (الخاصية (2) في ضرب المتجهات). إذن

$$\frac{d\mathbf{L}}{dt}' = \mathbf{r} \times \frac{d\mathbf{p}}{dt} \tag{18.11}$$

بمقارنة المعادلتين 11.17 و 11.18 نجد أن

$$\sum r = \frac{d\mathbf{L}}{dt} \tag{19.11}$$

 $\sum \mathbf{F} = d\mathbf{P}/dt$ وهو النظير الدوراني لقانون نيونن الثاني للحركة

لاحظ أن عزم الدوران يسبب تغير كمية الحركة الزاوية ١٠ تماماً كما أن القوة تسبب تغير كمية الحركة الخطية P . وتلك النتيجة في معادلة (19.11) تنس على

صافي عزم الدوران المؤثر على جسيم يساوي معدل لغير كمية الحركة الزاوية مع الزمن للجسيم.

ومن المهم أن نلاحظ أن معادلة 19.11 تكون صعيحة فقط عندما يكون كل من ₹∑ و L مقاسان من نقس نقطة الأصل (ومن الضروري استخدام نفس فقطة الأصل لحسساب جميع العزوم الدورانية) بالإضافة إلى ذلك فهذا التعبير صحيح لكل نقطة أصل ثابتة في إطار قصوري Inertial Frame.

اختبار سريع 3.11

نعود إلى حالة الفتاة المتزلجة على الجليات كم يكون كمية الحركة الزاوية لها بالنسبة للعمود إذا كانت تتزحلق مباشرة نحوه.

كمية الحركة الزاوية لمنظومة من الجسيمات: Angular Monentum of System of Particles

كمية الحركة الزاوية الكلية لمنظومة من الجسيمات حول نقطة ما تعرف على أنها مجموعة المتجهات الكمية الحركة الزاوية للجسيمات المفردة

$$\mathbf{L} = \mathbf{L}_1 + \mathbf{L}_2 + \dots + \mathbf{L}_n = \sum_{i} \mathbf{L}_i$$

حيث مجموع المتجهات يتضمن كل الجسيمات n الني هي المنظومة. ولأن كمية الحركة الزاوية لكل جسيم على حده من الممكن أن تتغير مع الزمن فكذلك من الممكن لكمية الحركة الزاوية الكلية أن تتغير مع الزمن. من معادلتي 8.11 و 8.11 نجد أن معدل التغير لكمية الحركة الزاوية الكلية مع الزمن تساوي مجموع المتجهات لكل عزوم الدوران المؤثرة على المنظومة، المرتبط منها بالقوى الداخلية بين الجسيمات والمرتبط منها بالقوى الخارجية، إلا أن صافي عزوم الدوران المرتبط بجميع القوى الداخلية تساوي صفر. لفهم ذلك نسترجع قانون نيوتن الثالث للحركة نهو ينص على أن القوى الداخلية بين الجسيمات في المنظومة متساوية في المقدار ومضادة في الإتجاه. هإذا فرضنا أن تلك القوى تعمل على طول الخط الفاصل بين كل زوج من الجسيمات عند إذ يصبح عزم الدوران الناتج عن كل زوج من قوى الفعل ورد الفعل يساوي صفر. أي أن ذراع العزم 0 من النقطة 0 إلى خط عمل القوى متساو للجسمين، وعند الجمع نجد أن محصلة عزوم الدوران الداخلية تتلاشى، ومن ثم نستنتج أن كمية الحركة الزاوية الكلية للمنظومة يمكن أن تتغير مع الزمن فقط إذا أثرت على المنظومة محصلة عزم دوران خارجي بحيث نعصل على الآتى:

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$\sum \tau_{\text{ext}} = \sum_{i} \frac{d\mathbf{L}_{i}}{dt} = \frac{d}{dt} \sum_{i} \mathbf{L}_{i} = \frac{d\mathbf{L}}{dt}$$
 (20.11)

أي أن معدل التغير مع الزمن لكمية الحركة الزاوية الكلية لمنظومة حول نقطة أصل في إطار قصوري يساوي صافي عزم الدوران الخارجي المؤثر على المنظومة حول هذه النقطة.

لاحظ أن معادلة 20.11 هي النظير الدوراني لمعادلة 38.9

لنظومة من الجسيمات. $\sum \mathbf{F}_{ext} = d\mathbf{p}/dt$

مثال 4.11 الحركة الدائرية

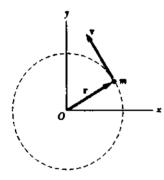
جسيم يتحرك في مسار دائري بالمستوى xy نصف قطير المسار \hat{r} كما هو موضع في شكل جسيم يتحرك في مسار واتجاء كمية الحركة الزاوية بالنسبة للنقطة O عندما تكون سرعته الخطية

هي ٧

الحل: قد تعتقد أنه نظراً لأن كمية الحركة الخطية للجسيم تتغير باستمرار (في الاتجاء وليس في المقدار) فاتجاء كمية الحركة الزاوية يجب أن يتغير كذلك. في هذا المثال الوضع ليس كذلك فمقدار لم يعطى بالمعادلة

$$L = m v r \sin 90^\circ = m v r$$

حيث إن r متعامد على v ومقدار L ثابت حيث أن المقادير التلاثة في الطرف الأيمن من المعادلة ثابت واتجاء L ثابت كذلك، إلا إن اتجاء P يتغير P=mv ويمكنك أن ترى ذلك بتحريك المتجه v في شكل



شكل (11.11) جسيم بتحرك في دائرة نصف قطرها r، كمية حركتة الزاوية حول النقطة O مقدارها vv والمتجه L=rxp

(11.11) موازياً لنفسه حتى يتقبابل طرفه مع نهاية r عند إذ استخدم قاعدة اليد اليمنى (يمكنك استخدام v لتعيين اتجاه v حيث أن اتجاه v هو نفس اتجاه v إجعل أصابعك تشير إلى امتداد v ثم ضم أصابعك في المتجه v والإبهام يشير إلى أعلى مبتعداً عن صفحة الورقة وهذا هو اتجاه v ومن ثم يمكنك التعبير عن المتجه v لله v الجسيم سيتحرك مع عقارب الساعة فإن v يشير إلى أسفل وإلى داخل الصفحة

. أوجد مقدار واتجاء L بدلالة السرعة الزاوية ω للجسيم.

الحل:

حيث أن $v=r\,\omega$ لجسم يدور في دائرة بمكننا أن نعبر عن مقدار L كما يلي

المصل الحادي عشرا الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية

$$L = m vr = mr^2 \omega = I\omega$$

حيث I عزم القصور الذاتي للجسيم حول معور z عند النقطة 0. لأن الدوران ضد عقارب الساعة واتجاه ω في اتجاء معور z (أنظر قسم (1.10)). إتجاء ω هو نفس اتجاء ω ، ومن ثم يمكن كتابة كمية الحركة الزاوية على النعو التالى ω ω ω ω ω ω الحركة الزاوية على النعو التالى ω

تمرين: عربة كتلتها 1500 kg تتحرك بسرعة خطية مقدارها 40m/s في مضمار سباق دائري نصف قطره m 50. ما مقدار كمية الحركة الزاوية بالنسبة لمركز المضمار.

3.0 x 10⁶ kg.m²/s الإجابة،

🚻 🚱 كمية الحركة الزاوية لجسم جامد دوار

ANGULAR MOMENTUM OF A ROTATING RIGID OBJECT.

نفرض جسما جامدا يدور حول محور ساكن ينطبق مع المحور 2 لنظام الإحداثيات كما في شكل افرض جسما جامدا يدور حول محور ساكن ينطبق مع المحور 2 لنظام الإحداثيات كما في شكل (12.11). المطلوب تعيين كمية الحركة الزاوية لهذا الجسم. كل عنصر في هذا الجسم وزنه m_i حول xy حول المحور 2 بسرعة زاوية w_i مقدار كمية الحركة الزاوية لهذا $v_i = r_i$ وحيث إن $v_i = r_i$ يمكننا أن نعبر عن مقدار كمية الحركة الزاوية لهذا العنصر كما يلى:

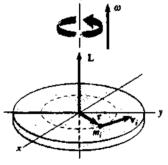


المتجه L_i في اتجاه المحورz وكذلك المتجه z. نستطيع الآن إيجاد كمية الحركة الزاوية (في هذه الحالة لها مركبة في اتجاء z فقط) للجسم كله بأخذ مجموع z لجميع العناصر التي يتألف منها الجسم

$$L_{z} = \sum_{i} m_{i} r_{i}^{2} \omega = \left(\sum_{i} m_{i} r_{i}^{2}\right) \omega$$

$$L_{z} = I \omega \qquad (21.11)$$

حيث I هو عزم القصور الذاتي للجسم حول المحور Z.



شكل (12.11) عندما يدور جسم حسول محور كمية التحرك الزاوية L تكون في نفس اتجام السرعة الزاوية ω طبقا للعلاقة L = Iω

الآن سنفاضل معادلة 12.11 بالنسبة للزمن. آخذين في الإعتبار أن 1 مقدار ثابت للجسم الجامد.

$$\frac{dL_z}{dt} = I\frac{d\omega}{dt} = I\alpha \tag{22.11}$$

حيث α هي العجلة الزاوية بالنسبة لمحبور الدوران حيث (dL_z / dt) تسباوي صبافي عزم الدوران الخارجي (ارجع إلى معادلة 20.11) يمكننا أن نضع معادلة 22.11 في الشكل الآتي

الضيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$\sum \tau_{\rm ext} = \frac{dL_z}{dt} = I\alpha \tag{23.11}$$

أي أن صافي عزم الدوران الخارجي المؤثر على جسم جامد يدور حول محور ثابت يساوي عزم القصور الذاتى حول محور الدوران مضروبا في العجلة الزاوية للجسم بالنسبة لهذا المحور.

ومعادلة 11.23 تصلح كذلك لجسم جامد يدور حول محور متحرك آخذا في الإعتبار أن المحور المتحرك(1) بمر في مركز الكتلة (2) يكون محور تماثل.

يجب ملاحظة أنه إذا كان جسم متماثل يدور حول محور ثابت يمر في مركز كتلته يمكن أن تكتب معادلة 21.11 في صورة متجهات $L = I \omega$ حيث L كمية الحركة الزاوية الكلية للجسم مقيسة بالنسبة لمحور الدوران، بالإضافة إلى ذلك، هذه المعادلة تصلح لأي جسم بغض النظر عن درجة تماثله. إذا كانت L تقوم بعمل مركبة كمية الحركة الزاوية حول محور الدوران $L^{(2)}$

مثال 5.11 كرة البولنج

أحسب مقدار كمية الحركة الزاوية لكرة بولنج تلف بمعدل 10 دورات لكل ثانية كما هو موضح في شكل (13.11).

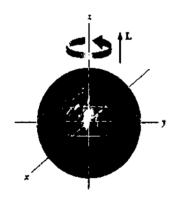
الحل:

نبدأ بعمل بعض التقديرات للبرامترات الفيزيائية النسبية ونضع نموذج للكرة على أنها مصمته جامدة. وكرة البولنج قد تصل كتلتها إلى 6kg ونصف قطرها حوالي 12cm. وعزم القصور الذاتي للكرة المصمته حول محور يمر في مركزها، من جدول (2.10) هو.

$$I = \frac{2}{5}MR^2 = \frac{2}{5}(6 \text{ kg})(0.12 \text{ m})^2 = 0.035 \text{ kg.m}^2$$

إذن مقدار كمية الحركة الزاوية هو

 $L = I\omega = (0.035 \text{ kg.m}^2) (10 \text{ rev/s}) (2\pi \text{ rad/rev})$ = 2.2 kg.m²/s



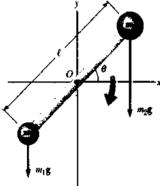
شكل (13.11) كسرة بولنج تدور حسول المحورz في الإتجاء المبين لها كمية حركة زاوية L في انجاء 2 الموجب

⁽²⁾ بصفة عامة L=I لاتصلع بصفة دائمة. إذا كان الجسم الجامد يدور حول محور اختياري، L=I من المكن أن يشيرا إلى اتجاهات مختلفة.

في هذه الحالة لا يمكن معاملة عزم القصور الذاتي ككمية فياسية أي L = I تستخدم فقط للجسم الجامد الذي له أي شكل ويدور حول أحد ثلاث محاور متعامدة على بعضها (تسمى المحاور الرئيسية) خلال مركز الكتلة. وذلك موضح جيدا في الكتب المتقدمة في الميكانيكا.

مثال 6.11 قضيب في حالة دوران

قضيب مصمت طوله ℓ وكتلته M معلق دون احتكاك من مركزه شكل (14.11) مثبت في كل من نهايتيه كتلتة m_2 , m_1 والمجموعة تدور في مستوى رأسي بسرعة زاوية ω (a) أوجد معادلة تعطي مقدار كمية الحركة الزاوية للمنظومة.



شكل (4.11) حيث أن قوة الجاذبية تؤثر على القضيب الدائر فهناك عزم $m_1 * m_2$ تكون $\sigma_1 * \sigma_2$ وصافي عزم الدوران يحدث عجلة زاوية تعطى بالعلاقة $\sigma_2 = \sum \tau_{\rm ext}/1$

الحل: هذه الحالة تختلف عن الحالات السابقة في أننا الآن يجب أن نعمل حساب حركة أكثر من جسم، عزم القصور الذاتي للمجموعة يساوي مجموع عزم القصور الذاتي لثلاث مركبات هي القضيب والجسمان من جدول (2.10) لإيجاد علاقة لعزم القصور الذاتي للقضيب وباستخدام العلاقة $l=mr^2$ للجسمين، نجد أن عزم القصور الذاتي الكلى حول المحور عالم في المركز O هو.

$$L = I\omega = = \frac{\ell^2}{4} \left(\frac{M}{3} + m_1 + m_2 \right) \omega$$

(ا) أوجد علاقة لمقدار العجلة الزاوية للنظام عندما يصنع القضيب زاوية مقدارها θ مع الأفقي.

الحل: إذا كانت كتلتا الجسمين متساويتين عندئذ لا يكون للمنظومة عجلة زاوية لأن محصلة عزم الدوران على المنظومة تساوي صفر عندما تكون $m_1=m_2$. إذا كانت الزاوية الإبتدائية θ تساوي النبط $\pi/2$ أو $(-\pi/2)$ (وضع عمودي) عند إذ يكون القضيب في حالة اتزان. لإيجاد العجلة الزاوية المنظومة عند أي زاوية θ ، نحسب أولاً محصلة عزم الدوران على المنظومة، ثم نستخدم المعادلة $\Sigma \tau_{\rm ext}$ لا لكي نوجد العلاقة الرياضية للعجلة الزاوية α . عزم الدوان الناتج عن القوة $m_1 g$ حول سداة التعليق هي:

$$au_{\mathrm{I}} = m_{\mathrm{I}} g rac{\ell}{2} \cos heta$$
 (کون إلى خارج الصفحة au_{I})

، رم الدوران نتيجة للقوة m_2 حول نقطة التعليق هي

$$au_2 = m_2 g rac{\ell}{2} \cos heta$$
 (نات كون إلى داخل الصفحة) (نات كون إلى داخل الصفحة)

إذن محصلة عزم الدوران الواقع على المنظومة حول O هو.

$$\sum \tau_{\text{ext}} = \tau_1 + \tau_2 = \frac{1}{2} (m_1 - m_2) g \ell \cos \theta$$

 $m_2 > m_1$ إلى خارج الصفحة إذا كانت $m_1 > m_2$ وإلى داخل الصفحة إذا كانت $\sum \tau_{\rm ext}$

(a) سبق أن أوجدناها في القسم $T_{\rm ext} = I\alpha$ سبق أن أوجدناها في القسم (a)

$$\alpha = \frac{\sum \tau_{\text{ext}}}{I} = \frac{2(m_1 - m_2)g \cos \theta}{\ell(M/3 + m_1 + m_2)}$$

 $(1-1)^{\theta}$ الوضع الرأسى) $\theta=\pi/2$ الوضع الرأسى $\alpha=0$

وتكون أكبر ما يمكن عندما تكون $\theta = 0$ أو π (الوضع الأفقي)

تمرین : إذا كانت $m_2 > m_1$ مامقدار θ الذي تكون عنده ω أكبر ما يمكن

 $\theta = \pi/2$ الإجابة

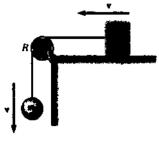
مثال 7.11 كتلتان متصلتان ببعضهما

كرة كتلتها m_1 ومكعب كتلته m_2 متصلان بخيط رفيع يمر فوق بكرة كما في شكل m_1 نصف قطر البكرة هو R وعزم القصور الذاتي حول محورها هو I والمكعب ينزلق على سطح أفقي أملس. أوجد معادلة العجلة الخطية للجسمين مستخدما مفهومي كمية الحركة الزاوية وعزم الدوران.

الحل: نحتاج إلى تعيين كمية الحركة الزاوية للمنظومة التي تتكون من جسمين وبكرة. نحسب كمية الحركة الزاوية حول محور ينطبق مع محور البكرة في اللحظة التي يصير عندها للكرة والمكعب سرعة مشتركة v، كمية الحركةالزاوية للكرة m_1v وللمكعب m_2v في نفس اللحظة يكون كمية الحركة الزاوية للبكرة lw=lv/R ومن ثم كمية الحركة الزاوية الكلية للمنظومة هي:

$$(1) \quad L = m_1 vR + m_2 vR + I \frac{v}{R}$$

الآن سوف نقدر عزم الدوران الكلي الخارجي الذي يؤثر على المنظومة حول البكرة. حيث أن ذراع عزمه يساوي صفرا.



الشكل (15.11)

فالقوة المؤثرة بواسطة المحور على البكرة لاتضيف شيئا لعزم الدوران، أضف إلى ذلك أن القوة العسمسودية على المكعب تتعادل بواسطة قوة الجاذبية M_2 ومن ثم تلك القوة لاتضيف شيئاً لعزم الدوران، قوة الجاذبية m_1 التي تؤثر على الكرة تحدث عزم دوران حول محور البكرة يساوي المقدار m_1 .

1 6 450

 \mathbb{R} هو ذراع المزم للقوة حول المحور (الأحظ أنه في هذه الحالة- الشد لا يساوي \mathbb{R}) وهذا و عزم الدوران الخارجي الكلي حول محور البكرة أي أن $m_{\rm ig}R=m_{\rm ig}$ بإستخدام هذه النتيجة مع $\pi_{\rm ext}$ مادلة (1) ومعادلة (23.11) نجد أن

$$\sum \tau_{\text{ext}} = \frac{dL}{dt}$$

$$m_1 gR = \frac{d}{dt} \left[(m_1 + m_2)Rv + I \frac{v}{R} \right]$$

$$(2) \quad m_1 gR = (m_1 + m_2)R \frac{dv}{dt} + \frac{I}{R} \frac{dv}{dt}$$

$$a = \frac{m_1 g}{(m_1 + m_2) + I/R^2}$$

قد تندهش لماذا لم تدخل القوى التي يوثر بها الخيط على الأجسام عند تقدير محصلة عزم الدوران حول محور البكرة. السبب في ذلك أن تلك القوى تعتبر داخلية في المنظومة، وفي تحليلنا المنظومة ككل عزوم الدوران الخارجي هي التي تؤثر فقط على تغير كمية الحركة الزاوية للمنظومة.

CONSERVTION OF ANGULAR MOMENTUM مفظ كمية الحركة الزاوية 5.11

في الباب الناسع وجدنا أن كمية الحركة الزاوية الكلية لمنظومة من الجسيمات نظل ثابته عندما تكون محصلة الشوي الضارجية المؤثرة على المنظومة تساوي صفر. ولدينا قانون مناظر في الحركة الدورانية هو قانون حفظ كمية الحركة الزاوية وينص على أن كمية الحركة الزاوية الكلية لنظام، الناسة في المقسدار والاتجسام، إذا كسان عسزم الدوران الكلي المؤثر على المنظومسة من الخسارج يسساوي مسرا ويستنتج ذلك مداشرة ن معادلة (20.11)

$$\sum \tau_{\text{ext}} = \frac{d\mathbf{L}}{dt} = 0$$
 (24.11)
$$\mathbf{L} = \text{constant}$$
 (25.11)

المكنن وضاع قانون حفيظ كمية الحسركة الزاوية لمنظومة من الجسيمات على المعسو التسالس حيث n ترمز إلى عدد n من الأجسام في المنظومة، إذا تغير توزيع كتلة جسم ما فإن $\sum \mathbf{L}_n$ = constant برح التصور الذاتي للجسم يتغير ومن ثم تتغير سرعته الزاوية حيث $L = l \omega$ هذه الحالة يعبر عن $L = l \omega$ فالون حفظ كمية الحركة الزاوية بالشكل التالي

$$L_i = L_f = constant$$
 (26.11)

 L_z الكانت المنظومة عبارة عن جسم يدور حول محور ثابت مثل المحورz يمكن أن نكتب L_z حيث L_z

الضيزياء (الجزءالأول- الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

هي مركبة f L في اتجاء محور الدوران، f I عزم القصور الذاتي حول هذا المحور في هذه الحالة يمكن التعبير عن قانون حفظ كمية الحركة الزاوية كما يلى

$$I_i \omega_i = I_f \omega_f = \text{Constant}$$
 (27.11)

وهذه المعادلة صالحة للإستخدام في حالة الدوران حول محور ثابت والدوران حول محور يمر بمركز الكتلة لمنظومة تتحرك طالما ظل هذا المحور موازيا لنفسه، ويتطلب الأمر فقط أنَّ تكون صافى عزوم الدوران الخارجي تساوى صفر. هناك نظرية هامة لم نتبتها في هذا الباب خاصة بكمية الحركة الزاوية لجسم بالنسبة لمركز كتلته:

محصلة عزم الدوران الذي يؤثر على جسم حول محور يمر بمركز الكتلة يساوي معدل تغير كمية الحركة الزاوية مع الزمن بغض النظر عن حركة مركز الكتلة. وهذه النظرية صالحة ولوكان مركز الكتلة يتسارع شريطة أن تكون قيمة ت و L مأخوذة بالنسبة لمركز الكتلة. في معادلة 26.11 لدينا قانون حفظ ثالث يضاف للقائمة، يمكننا أن نقول أن الطافة وكمية الحركة الخطية وكمية الحركة الزاوية لمنظومة معزولة تظل جميعها ثابتة

$$egin{aligned} K_i + U_i &= K_f + U_f \\ \mathbf{p}_i &= \mathbf{p}_f \\ \mathbf{L}_i &= \mathbf{L}_f \end{aligned}
ight.$$
 $\mathbf{L}_i = \mathbf{L}_f$

وهناك العديد من الأمثلة التي توضح حفظ كمية الحركة الزاوية. لعلك قد رأيت شخصا بتزلج على الجليد ثم يدور حول نفسه في نهاية

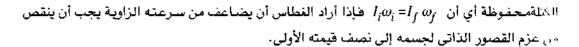
السرعة الزاوية للمتزلج تزداد عندما يضم ذراعيه ويجعل قدميه قريبة من جسمه ومن ثم يقلل من عزم القصور الذاتي I وإذا أهملنا الاحتكاك بين الجليد وحذاء المشزلج ولا يؤثر عليه عزم دوران من الخارج فإن التغير في السرعة الزاوية يكون ناتجا عن حفظ كمية الحركة الزاوية للمتزلج، أي لأن حاصل الضرب Μ يظل ثابتا.

فإنقاص عزم القصور الذاتي للمتزلج بزيد من سرعته الزاوية. وبالمثل عندما يريد الغطاس diver أو لاعب الأكروبات أن يدور بضع دورات بجسمه في الهواء فإنه يجذب قدميه وذراعيه بالقرب من جسمه لكي يدور بمعدل سريع. في هذه الحالات القوة الخارجية الناتجة عن الجاذبية تؤثر على مركز الكتلة ولا تؤثر بعزم دوران حول 452 ﴾ هذه النقطة. ومن ثم تظل كَـمـيــة الحــركــة الـزاوية حــول مــركـــز



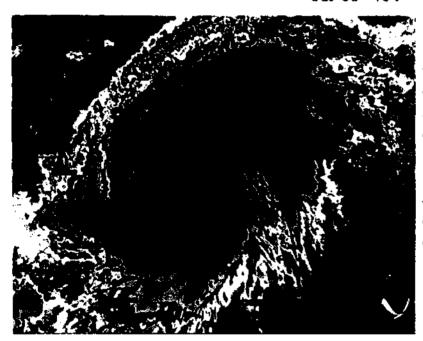


كمية الحركة الزاوية نظل محفوظة عندمنا يضم لأعب التنزلج على الجليد ذراعيه نحو خصره.



جسم يتحرك في خط مستقيم. وقد قيل أن صافى عزم الدوران الذي يؤثر عليه يساوي صفر حول نقطة غير معددة. قرر ما إذا كانت العبارات التالية صعيعة أم خاطئة (a) صافى القوة على الجسم تساوى صفراً (b) سرعة الجسم يجب أن تكون ثابته.

مثال 8.11 تكون النجوم النيوترونية



صورة بالأشعة تحت الحمراء لهاريكان مسيستش الذي دمسر مساحة كبيرة من الهندوراس بأمريكا الجنوبيسة ونيكا راجوا في أكتوبر 1998. كيستلة من الهــواء على شكل دوامية تدور ولهسا كمية حركة زاوية.

اجم يدور وزمن دورته 30 يوم حول محور يمر بمركزه. بعد أن يحدث للنجم إنفجار يضمعل قلب الله م الذي يبلغ نصفٍ قطره x 104 km ويتحول إلى نجم نيوتروني نصف قطره 3.0km . أحسب الرمن الدوري للنجم النيوتروني

الحلء

سس القانون الفيزيائي الذي يبين أن المتزلج يدور أسرع على الجليد عندما يضم ذراعيه هو الذي ، حركة النجم النيوتروني، نفرض أنه عندما اضمحل قلب النجم (1) لا يؤثر عليه عزم دوران T_i وسنستخدم الرمز (2) طل كروى الشكل (3) طلت كتلته ثابته، وسنستخدم الرمز T_i للدلالة على الزمن الدورى المس الدوري ا**لإبتدائي للنجم و م T الزمن الدوري للنجم الني**ـوتروني، والزمن الدوري هو طول الفـتـرة **(4**53

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

الزمنية الذي تستقرقها نقطة على خط الاستواء للنجم لكي تصنع دورة كاملة حول محور النوران. السرعة الزاوية للنجم تعطي بالمعادلة $2\pi/T$ حيث إن آ تتأسب مع r^2 معادلة (27.11) تعطي ما يلي

$$T_f = T_i \left(\frac{r_f}{r_i}\right)^2 = (30 \text{ days}) \left(\frac{3.0 \text{ km}}{1.0 \times 10^4 \text{ km}}\right)^2$$

= 2.7 × 10⁻⁶ days = 0.23 s

أي أن النجم التيوتروني يدور أربع دورات تقريبه في كل ثانية، وهذه النتيجة هي تقريبا مثل النتيجة بالنسبة للمتزلج الذي يدور حول نفسه.

مثال 9.11

منصة أفقية على شكل قرص دائري تدور في مستوى أفقي حول معور رأسي مديم الإحتكاك (شكل 6.11) والمنصة كتلتها M=100kg ونصف قطرها R=2.0m وقف طالب على المنصدة كاللته m=60kg. وأخذ يسير من الحافة نحو الداخل في اتجاء المركز،

إذا كانت السرعة الزاوية للمنظومة هي 2.0 rad/s عندما كان الطالب عند الحاضة. كم تكون السرعة الزاوية عندما يصل إلى نقطة تبعد بمقدار r=0.5 m من المركز.

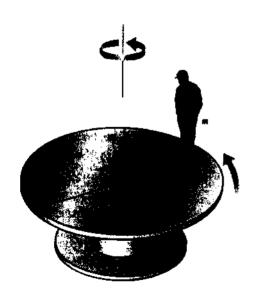
الحل: تغير السرعة في هذه الحالة مثل زيادة السرعة الزاوية للمتزلج الذي يدور حول نفسه عندما يضم ذراعيه. سوف نرمز لعزم القصور الذاتي المنصة بالرمز I_p والطالب I_s وسوف نعامل الطالب كنقطة لها كتلة تساوي كتلته. سوف نكتب عزم القصور الذاتي الإبتدائي I_i للمنظومة (الطالب والمنصة) حول محور الدوران.

$$I_i = I_{pi} + I_{si} = \frac{1}{2}MR^2 + mR^2$$

عندما انتقل الطالب للموضع r < R ينخفض هزم القصور الذاتي

$$I_f = I_{pf} + I_{sf} = \frac{1}{2}MR^2 + mr^2$$

لاحظ أننا نستخدم نصف قطر النصة R عند حساب I_{pf} لأن نصف قطر المنصة لم يتفير. لأنه لا



شكل (6.11) الطالب يتحرك نحو مركز المصة وهي تدور، المسرعة الزاوية للمنظومة تزداد لأن كمية الحركة الزاوية محفوظة.

يوجد عزم دوران خارجي يؤثر على المنظومة حول محور الدوران يمكننا استخدام قانون حفظ كمية الحركة الزاوية.

$$I_{i}\omega_{i} = I_{f}\omega_{f}$$

$$\left(\frac{1}{2}MR^{2} + mR^{2}\right)\omega_{i} = \left(\frac{1}{2}MR^{2} + mr^{2}\right)\omega_{f}$$

$$\omega_{f} = \left(\frac{\frac{1}{2}MR^{2} + mR^{2}}{\frac{1}{2}MR^{2} + mr^{2}}\right)\omega_{i}$$

$$\omega_{f} = \left(\frac{200 + 240}{200 + 15}\right)(2.0 \text{ rad/s}) = 4.1 \text{ rad/s}$$

وكما توقعنا لقد زادت السرعة الزاوية.

تمرين: أحسب طاقة الدوران الإبتدائية والنهائية للمنظومة

 K_i =880J; K_f =1.8 x 10³ J الإجابة:

اختبار سريع 5.11

لاحظ أن طاقة الدوران للنظام الموضع في المثال 9.11 تزداد ما هو السبب في هذه الزيادة في الطاقة؟

مثال 10.11 لشعجلة الدراجة

في إحدي التجارب الدراسية الشهيرة. يمسك أحد الطلاب معور إطار دراجة يلف حول هذا المحور من إحدي التجارب الدراسية الشهيرة. يمسك أحد الطلاب معور إطار دراجة يلف حول هذا المحون بينما المحل شكل 17.11. الطالب جالس على مقعد قابل للدوران. الطالب والمقعد في حالة سكون بينما المحلة تلف في مستوّى أفقي، وكمية الحركة الزاوية الإبتدائية هي L_i وتشير إلى أعلى. عندما ينقلب مسع العجلة حول مركزها بمقدار واتجاء الطالب والكرسي في الدوران. أوجد مقدار واتجاء الماللب والمقعد بدلالة L_i

الحل: المنظومة تتكون من الطالب والمقعد والإطار، في البداية كمية الحركة الزاوية الكلية إلا تأتي عن الرحل: المنظومة تتكون من الطالب بعنزم دوران على الإطار إلا أن هذا العنزم الناء الإطار الذي يلف، عندمنا ينقلب الإطار أثر الطالب بعنزم دوران على الإطار إلا أن هذا العنزم الناء الناء الناء المنظومة حول المحور المعادي. إذن كمية الحركة الزاوية للمنظومة نظل محفوظة، في البداية لدينا

الضيزياء (الجزءالأول-الليكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل (17.11) الإطار يلف بينما الطالب جالس في حالة سكون. ماذا يحدث عندما ينقلب الإطاري

$$\mathbf{L}_{\mathrm{system}} = \mathbf{L}_i = \mathbf{L}_{\mathrm{wheel}}$$
 (الى أعلى)

عندما ينقلب الإطار يصبح لدينا

$$\mathbf{L}_i$$
 (للإطار المقلوب) = $-\mathbf{L}_i$

لكي تظل كمية الحركة الزاوية الكلية محفوظة لابد وأن يدور جزء من المنظومة حتى تظل كمية الحركة الزاوية الكلية كما كانت في البداية إلا وهذا الجزء من المنظومة هو الطالب والمقعد الذي يجلس عليه، في هذه الحالة نجد أن

$$L_f = L_i = L_{\text{student+stool}} - L_i$$

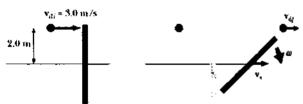
$$L_{\text{student+stool}} = 2L_i$$

🚛 مثال 11.11 القرص والعصا



قرص يزن 2.0kg يتحرك بسرعة 3.0 m/s اصطدم بقضيب وزنه 1.0 kg في وضع مستوعلي سطح جليد عديم الإحتكاك تقريبا كما هو مبين في شكل(18.11) بفرض أن التصادم كان مرنا. احسب السرعة الإنتقالية للقرص والسرعة

> الإنتقالية للقضيب بعد التصادم. عزم القصور الذاتي للقضيب حول مركز س كتلته تساوى 1.33kg.m²



شكل (18.11) تصادم بين قارص وعصا جعل العصا تدور بعاد التصادم المرن (مسقط رأسي)

الحل:

حيث إن القرص والقضيب يكونان نظاما معزولا، يمكننا أن نفترض أن

الطاقة الكلية، كمية الحركة الخطية، كمية الحركة الزاوية كلها محفوظة. ولدينا ثلاث مجاهيل،ولذلك نحتاج إلى ثلاث معادلات لنحلها آنيا. الأولى تأتى من فانون حفظ كمية الحركة الخطية.

$$P_i = P_f$$

$$m_d v_{di} = m_d v_{df} + m_s v_s$$

$$(2.0 \text{ kg}) (3.0 \text{ m/s}) = (2.0 \text{ kg}) v_{df} + (1.0 \text{ kg}) v_s$$

$$(1) \qquad 6.0 \text{ kg.m/s} - (2.0 \text{ kg}) v_{df} = (1.0 \text{ kg}) v_s$$

والآن نستخدم قانون حفظ كمية الحركة الزاوية، باستخدام الوضع الابتدائي لمركز القضيب كنقطة مرجعية. ونعلم أن مركبة كمية الحركة الزاوية للقرص على امتداد المحور العمودي على سطح الجليد كمية سالبة (قاعدة اليد اليمنى تبين أن $L_{\rm d}$ تشير نحو الجليد)

$$L_{f} = L_{f}$$

$$- rm_{d}v_{di} = rm_{d}v_{df} + I\omega$$

$$- (2.0 \text{ m}) (2.0 \text{ kg}) (3.0 \text{ m/s}) = -(2.0 \text{ m}) (2.0 \text{ kg})v_{df}$$

$$+ (1.33 \text{ kg} \cdot \text{m}^{2})\omega$$

$$-12 \text{ kg.m}^{2}/s = -(4.0 \text{ kg} \cdot \text{m})v_{df}$$

$$+ (1.33 \text{ kg} \cdot \text{m}^{2})\omega$$

$$-9.0 \text{ rad/s} + (3.0 \text{ rad/m})v_{df} = \omega$$
(2)

لقد استخدمنا الريديان كوحدة عديمة الأبعاد لكي نعقق تساوي الوحدات لكل حد.

أخيرا الطبيعة المرنة للتصادم تذكرنا بأن طاقة الحركة محفوظة في هذه الحالة طاقة الحركة تتكون من شقان انتقاليه ودورانية

$$K_{i} = K_{f}$$

$$\frac{1}{2}m_{d}v_{di}^{2} = \frac{1}{2}m_{d}v_{df}^{2} + \frac{1}{2}m_{s}v_{s}^{2} + \frac{1}{2}I\omega^{2}$$

$$\frac{1}{2}(2.0 \text{ kg}) (3.0 \text{ m/s})^{2} = \frac{1}{2}(2.0 \text{ kg})v_{df}^{2} + \frac{1}{2}(1.0 \text{ kg})v_{s}^{2}$$

$$+ \frac{1}{2}(1.33 \text{ kg.m}^{2}/s)\omega^{2}$$

$$(3) \qquad 54 \text{ m}^{2}/s^{2} = 6.0v_{df}^{2} + 3.0v_{s}^{2} + (4.0 \text{ m}^{2})\omega^{2}$$

بحل المعادلات (1),(2),(3) آنيا نجد أن v_s =2.3m/s وهذه القيم بحل المعادلات (1),(2),(3) آنيا نجد أن v_s =2.3m/s وهذه القيم بدو معقولة فالقرص يتحرك أكثر بطئا بعد التصادم والقضيب سرعته الإنتقالية صغيرة، جدول 11.1 وخص القيم الإبتدائية والقيم النهائية للمتغيرات لكل من القرص والقضيب ويحقق قانون حفظ كمية الحركة الخطية والزاوية وطاقة الحركة.

نمرين، حقق القيم في جدول 1.11



مقارنة بين القيم في مثال (11.11) قبل ولعد التصادم	/4 445 6 .
一点,在一个智慧的,在心里, 化二氯化丁甲二丁甲基 医红色 化二二氯 化二二氯酚 化二二氯酚 经人工	III III Talka

	υ (m/s)	ω (rad/s)	ρ (kg.m/s)	L (kg.m ² /s)	K _{rot} (J)	K _{rot} (J)	
Before							قبل
Disk	3.0		6.0	-12	9.0		قرص
Stick	0	0	0	0	0	0	عصا
Total	_	_	6.0	-12	9.0	0	مجموع
After							بعد
Disk	2.3	-	4.7	-9.3	5.4	-	قرص
Stick	1.3	-2.0	1.3	-2.7	0.9	2.7	عصا
Total	_	-	6.0	12	6.3	2.7	مجموع

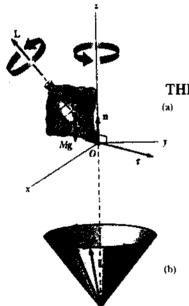
لأحظ من الجدول السابق أن كمية الحركة الخطية والزاوية وطاقة الحركة الكلية جميعها قيم محقوظة.

(قسم اختیاری)

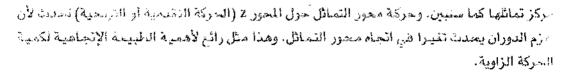
حركة الجيروسكوب والنحلة الدوارة ~ 6.11 THE MOTION OF THE GYROSCOPES AND TOPS

هناك حركة معروفة لعلك قد تكون شاهدتها وهي دوران النحلة الدواره (19.11a) التي يلعب بها الأطفال. إذا لفت النحلة بسرعة كبيرة فإن محور تماثلها يدور حول المحور z في مدار على شكل مخروط كما في شكل (19.11b)، وحركة محور الشماثل حول المحور الرأسي z تسمى الحركة النقدمية أو الترنجية precessional motion وهي حركة أبطأ من الحركة اللفية للنحلة. ومن البديهي أن تتساءل لماذا لا تقع النحلة طالما أن مركز الكتلة ليس أعلى نقطة الإرتكار0 مباشرة من الواضح أن محصلة لعزم الدوران تؤثر على النحلة.

عزم دوران ناتج عن قوة الجاذبية Mg. فاانحلة لابد وأن تسلقط على الأرض إذا لم تكن تلف, 458) فاللف يعطيها كمية حركة زاوية L متجهة نحو



شكل (19.11) الحركة التقدمية أو الترنعية لنعلة تلف حول محور تماثلها (a) القوى الخارجية المؤثرة عليها هي القوة العمودية n وقوة الجاذبية Mg. اتجاه كمية الحركة الزاوية L هو محور التماثل. فاعدة اليد اليمنى تبين أن $\tau = r \times F = r \times Mg$ في مستوى xy (b) xy بوازي τ في القسم (a) حيث أن $L_i = \Delta L + L_i$ ماهذا يوضع أن النحلة لها حركة ترنحية أو تقدمية حول المحور 2.

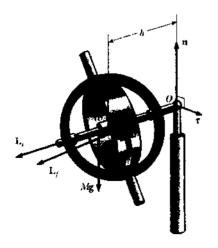


القوتان المؤثرتان على النحلة هما قرة إلى أسفل ناتجة عن الجاذبية Mg والقوة العمودية m المؤثرة الى أعلى عند نقطة الإرتكاز O. القوة العمود " لا تحدث عزم دوران حول نقطة الإرتكاز لأن ذراع عزموا خلال غلك التقطة يساوي صغراً. إلا أن فوة المانية تحدث عزم دوران m m m حول m حيث اتجاء عموديا على السنوى المكرن من m و m و m و m و الضروري أن يقع عزم الدوران m في مستوى m الأقتي موديا على متجه كمية الحركة الزاوية. من علة عزم الدوران و كمية الحركة الزاوية للنعلة يرتبطان منطهما بالمعادلة

$$\tau = \frac{d\mathbf{L}}{dt}$$

من هذه المعادلة نجد أن عزم الدوران الذي لايساوي صفر يعدث تغيرا في كمية انحركة الزاوية Δb ربكون هذا التغير في اتجاه Tإذن كا تجه عزم الدوران، لابد وأن يكون Δb عموديا على Δb هن شكل (11.19b) وهذا الشكل يبين الحركة التقدمية (الترنحية) لمحور التماثل للنحلة، في فترة زمنية Δb التقير في كمية الحركة الزاوية هي Δb = Δb حيث أن Δb عمودية على Δb قيمة Δb نفسر (المراق الحركة الزاوية هي Δb اتجاه Δb وحيث إن التغير في كمية الحركة الزاوية Δb أنهاه Δb المراق المركة الزاوية المراق النجاة الحركة التقدمية أو الترنحية.

وخواص الحركة التقدمية الأساسية يمكن توضيعها بأخذ الجيرو سكوب المبين في شكل (20.11a). ومذا الجهاز بتكون من عجلة تستطيع أن تلف بعرية حول محور مرتكز على مسافة المن مركز الكتلة السطة. عندما يكتسب سرعة زاوية $\omega = 1$ متجهة نعو المحور يصبح للعجلة كمية حركة زاوية $\omega = 1$ متجهة نعو الحور كما نرى في الشكل، دعنا ندرس عزم الموران المؤثر على العجلة حول نقطة الارتكاز 0. مرة ثانية



شكل (20.11) حسيركسة جسيسروسكوب مسوتكز على مسافة h من مركز كتلته. قوة الجساذييية Mg تحدث عسرم دوران حسول نقطة الإرتكاز، ومذا العزم يكون عموديا على أسيرا في كنية الحركة الزاوية الحور، يتحرك المحور، يتحرك المحور خلال المحور، يتحرك المحور خلال المحور، يتحرك المحور خلال المحور، ومن المحور، المحركة الرابة المحور، المحركة الرابة المحور، المحركة الرابة المحور، المحركة المحور، المحركة المحركة الرابة المحركة المحركة الرابة المحركة الرابة المحركة الرابة المحرد، المحركة المحرد، المحرد المحرد

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

القوة n المؤثرة على المحور بواسطة الحامل لاتحدث عزم دوران حول O وقوة الجاذبية Mg تحدث عزم دوران قيمته Mgh حولO، حيث أن المحور متعامد على الحامل. اتجاه عزم الدوران عمودي على المحور (وعمودي على L) كما هو واضح من الشكل (20.11a). عزم الدوران يجعل كمية الحركة الزاوية تتغير في الإتجاه العمودي على المحور ومن ثم يتحرك المحور في اتجاه عزم الدوران أي في المستوى الأفقى.



هذا الجيروسكوب يقوم بحركة تقدمية (ترنعية) حول المحور العمودي أثناء حركته اللفية حول محور تماثله، القوة الوحيدة المؤثرة عليه هي قوة الجاذبية Mg والقوة هي الإنجاء الأعلى عند نقطة الإرتكاز n، اتجاء كمية الحركة الزاوية لا على امتداد محور التماثل، عزم الدوران و ΔL هي اتجاء داخل الصفحة

ولكي نبسط وصف هذا النظام سنفترض أن كمية الحركة الزاوية الكلية للعجلة التي تتحرك حركة تقدمية هي مجموع كمية الحركة الزاوية سنفترض أن الناتجة عن اللف وكمية الحركة الزاوية نتيجة لحركة مركز الكتلة حول محور الإرتكاز.

في هذه المعالجة سوف نهمل الإضافة الناتجة عن حركة مركز الكتلة ونعتبر أن كمية الحركة الزاوية الكلية هي فقطة Ιω . ومن الناحية العملية يعتبر ذلك تقريبا جيدا إذا كانت Φ كبيرة

في الفترة الزمنية dt، عزم الدوران الناتج عن قوة الجاذبية يغير كمية الحركة الزاوية للنظام بمقدار $d\mathbf{L} = \mathbf{\tau}$ dt حيث $d\mathbf{L} = \mathbf{\tau}$ dt إذا أضيفت كمتجه إلى كمية الحركة الزاوية الكلية الأصلية $d\mathbf{L}$. ينتج عن كمية الحركة الزاوية الإضافية هذه إزاحة في اتجاه كمية الحركة الزاوية الكلية والرسم المتجهي في شكل الحركة الزاوية الأمن أنه في الزمن dt متجه كمية الحركة الزاوية يدور بزاوية dt وهي أيضاً الزاوية التي يدور بها المحور. ومن مثلث المتجهات المكون من dt dt, dt dt dt dt in dt

$$\sin (d\phi) \approx d\phi = \frac{dL}{L} = \frac{(Mgh)dt}{L}$$

حيث أن heta تساوي heta عندما تكون heta صغيرة . وبالقسمة على dt وباستخدام العلاقة $L=I_{0}$ نجد

أن معدل دوران محور التماثل حول المحور العمودي

$$\omega_P = \frac{d\phi}{dt} = \frac{Mgh}{I\omega} \tag{11.28}$$

وهذه والسرعة الزاوية $\omega_{
ho}$ تسمى التردد الترنحي أو التردد التقدمي، Precessional Frequency. وهذه النتيجة تكون صحيحة فقط عندما تكون $\omega_{
ho} > \omega_{
ho}$ وإلا ستظهر حركة أخرى أكثر تعقيدا فكما نرى من معادلة 11.28 الشرط $\omega_{
ho} > \omega_{
ho}$ يتحقق عندما تكون ω أ كبيرة بالمقارنة بالمقدار $\omega_{
ho}$ أضف إلى ذلك أن معدل الحركة الترانحية $\omega_{
ho}$ يتناقص بزيادة ω إي كلما زادت سرعة لف العجلة حول محور تماثلها .

اختبار سريع 6.11

ما مقدار الشفل المبذول بقوة الجاذبية عندما تتحرك النحلة حركة ترنحية خلال دورة كاملة.

(قسم اختیاري)

7.11 > كمية الحركة الزاوية ككمية أولية

ANGULAR MOMENTUM AS A FUNDAMENTAL QUANTITY

لقد رأينا كيف أن مفهوم كمية الحركة الزاوية له أهمية كبيرة في وصف حركة النظم الماكروسكوبية. وهذا المفهوم مفيد كذلك في حالة النظم تحت الميكروسكوبية Submicroscopic. ونقد استخدم كثيرا الله مور النظريات الحديثة في الفيزياء الذرية والجزيئية والنواوية، في هذا النطوير وجد أن كمية الحركة الزاوية لنظام ما كمية أولية، وكلمة أولية في هذا السياق تعني أن كمية الحركة الزاوية هي صفة داتية من صفات الذرات والجزيئات ومكوناتها، خاصية وثيقة الصلة بطبيعتها، لكي نوضح نتائج العديد التجارب على النظم الذرية والجزيئية، سنعتمد على الحقيقة التي مفادها أن كمية الحركة الزاوية الها فيم كمية منفصلة، وهذه القيم الكمية المنفصلة هي مضاعفات لوحدة أولية من كمية الحركة الزاوية الهدي شهر المها المها المها المها النظم الذركة الزاوية النافية المها الم

والوحدة الأولية لكمية الحركة الزاوية $\hbar = 1.054 \times 10^{-34} \, \mathrm{kg.m^2/s}$ وسنبين كيف يمكن استخدامها للسدير السرعة الزاوية للجزئ ثنائي الذرة. إعتبر جزئ الأكسبجين O_2 كجسم مصمت دوار Rotor أي منال مفصولتان بمسافة ثابتة b ويدوران حول مركز الكتلة، كما هو مبين في شكل O_2 بمساواة بعد الحركة الزاوية بالكمية الأولية d يمكننا أن نقدر أقل سرعة زاوية

$$I_{\rm CM}\omega = \hbar$$
 or $\omega = \frac{\hbar}{I_{\rm CM}}$

مى مشال 10.3 وجدنا أن عزم القصور الذاتي لجزئ الأكسجين حول هذا المحور يساوى (461

المُورِدِكِ (اللهِ فَوَاللَّهُ وَاللَّهُ وَاللَّهِ مُعَالِدِهِ اللَّهِ مُعَالِمِهِ المُعَالِمُ المُعَالِمِينَ

DAL 195 X 16 Th Road

$$\omega = \frac{\hbar}{I_{CM}} = \frac{1.054 \times 10^{-14} \text{ kg.m}^3 / s}{1.95 \times 10^{-35} \text{ kg.m}^3}$$
$$= 5.41 \times 10^{-14} \text{ and/s}$$

الله الكلة الكلة على مدينوي الكسجين كالموذج انطام يدور حول مركز الكلة على مدينوي المنفحة.

والسرعة الزابية الشابة هي مصاعبات لهذه الوسدة الكسية الصعيرة، وهي تمثل أغل سرعة زاوية مدكة المجرزة، وهي تمثل أغل سرعة زاوية مدكة المجرزة، مدا الثال اليعميما بيين أن بعض الماهيم والنسائج الكلاس كهة عندساً تصور بطريشة سحيحة بمكن أن تكون مفيدة لوست بعض خواس النظم الثرية والجزيئية، وهناك العديد من الظواهر على المدنوى تحت المبكروسكوبي يمكن تضعيد رها عندما نشترس قيما كمية منفصلة الكمية الحركة الزاورة الرتبطة عصركة من نوع ممين.

المالم الدنسركي ثيار بور (1962 Niels Bohr (188 المتكر عدم الفكرة، فكرة القيم الكمية المنفصلة ثكومة الدنسركة الزاوية لكي ينفو من درة الهيدروجين، وقد كافت النماذج الكلاسكية غير قادرة على نفسير خواص كثيرة لذرة تما مين.

غل فشط مدارات دائرية حول البرتون يكون لها كمية الحركة د مدحيج، أي أنه هذا افترض أن كمية الحركة الزاوية المدارية سبك أمكن استنتاج الترددات الدورانية للإلكترون في مختلف

إنت رح بور أن الإلكة رون بالذارية تما أبي م الذارية تما أبي م الذارية تما أبي م الدارية أبي أبي من من من المدارات (راجع الماللة 43)،

ملنص SUMMARY

طاقة الحركة للكلية الدورانية حول مركن كتلته 2 من

(4.11)

- عزم الدوران ٦ الناتج -

(7.11)

- إذا كان لدينا متجهان 4

(9.31)

هي الزاوية الواقعة هي الزاوية الواقعة $\left(\frac{1}{2}\right)$ المكون من المتجهين $\left(\frac{1}{2}\right)$ و $\left(\frac{1}{2}\right)$

يتسحرج على سطح خشن دون انزلاق يساوي طاقة الحركة . $\frac{1}{2} M v_{\rm CM}^2$ طاقة الحركة الإنتقالية لمركز الكتلة .

 $K = \frac{1}{2}I_{\rm CM}\omega^2 +$

نقطة أصل في إطار قصوري يعرف على أنه:

THIXF

- أن المنبرب المتجه بعطى متجه C فيمته

 $C = AB \sin \phi$

. و B واتجاه المنجه C = A x B - C ون عمودياً على المستوى تجاه يحدد بواسطة فاعدة اليد اليمني

الفصل الحادى عشره الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية

كمية الحركة الزاوية L لجسم كمية حركته الخطية p = mv هو

$$\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{p} \tag{15.11}$$

-حيث r هو متجه وضع الجسم بالنسبة إلى نقطة الأصل في إطار قصوري.

- صافي عزم الدوران الخارجي المؤثر على جسيم أو جسم صلب يساوي معدل تغير كمية الحركة الزوية مع الزمن

$$\sum \tau_{\rm est} = \frac{d\mathbf{L}}{dt} \tag{20.11}$$

مركبة كمية الحركة الزاوية في الإتجاه z لجسم جامد يدور حول محور ثابت z هو

$$L_z = I\omega \tag{21.11}$$

حيث I هو عزم القصور الذاتي للجسم حول محور الدوران و ω هي السرعة الزاوية.

- صافي عزوم الدوران الخارجية المؤثرة على جسم جامد تساوي حاصل ضرب عزم القصور الذاتي حول معور الدوران في العجلة الزاوية

$$\sum \tau_{\rm ext} = I\alpha \tag{23.11}$$

إذا كان صافي عزوم الدوران الخارجية المؤثرة على جسم يساوي صفر، عند إذ تكون كمية الحركة الزاوية الكلية للنظام محفوظة أي ثابتة. وباستخدام هذا القانون، قانون حفظ كمية الحركة الزاوية انظام عزم قصوره الذاتي يتغير، نحصل على الآتي

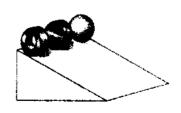
$$I_i \omega_i = I_f \omega_f = \text{constant}$$
 (27.11)

QUESTIONS اسئلة

- هل من المكن حساب عزوم الدوران المؤثرة على جسم جامد دون تحديد مركز الدوران؟ هل عزم الدوران لِايعتمد على موضع مركز الدوران؟
- ل حاصل الضرب الثلاثي (A·(BxC كمية فياسية أم كمية متجهة؟ وضح لماذا العملية (A·B) x C
- إذا كان عزم الدوران المؤثر على جسيم حول نقطة أصل معينة يساوي صفر. ماذا تقول عن كمية الحركة الزاوية حول هذه النقطة؟
- ا افترض أن متجه السرعة لجسيم محدد

- تماماً، ماذا تستنتج حول اتجاه متجه كمية الحركة الزاوية بالنسبة لاتجاه الحركة.
- 5 إذا كانت قوة واحدة تؤثر على جسم، وعزم الدوران الناتج عن تلك القوة لايساوي صفراً حول نقطة ما. هل هناك نقطة أخرى يكون عزم الدوران حولها يساوى صفر.
- 6 إذا كانت منظومة من الجسيمات في حالة حركة. هل ممكن لكمية الحركة الزاوية الكلية أن تساوي صفراً حول إحدى نقط الأصل؟ وضح.

- 7 ألقيت كرة بطريقة ما جعلتها لاتلف حول محورها. فهل هذا يعني أن كمية الحركة الزاوية تساوي صنف رحول نقطة أصل اختيارية؟ وضح.
- 9 في جهاز التسجيل، يمر شريط التسجيل برأس للتسجيل وأخرى للقراءة بسرعة ثابتة بواسطة موتور خاص. الكاسبيت الملفوف عليها شريط التسجيل، كلما انسحب المشوف على البكرة. كيف يتغير عزم الدوران على تلك البكرة مع الزمن؟ وكيف تتفيير على السرعة الزاوية للبكرة مع الزمن؟ إذا دار موتور التسجيل وحدث شد مفاجئ للشريط بقوة فمن المحتمل أن ينقطع الشريط عندما تكون البكرة ممتلئة أو عندما تكون شبه فارغة في أي حالة يكون الاحتمال أكبر.
- 9 عندما تتدحرج أسطوانة على سطح أفقي كما في شكل (3.11) هل توجد بعض النقط على الأسطوانة لها مركبة رأسية فقط للسرعة في لحظة ما؟ إذا كانت موجودة فأين تقع؟
- 10 ثلاث أجسام لها كثافة متساوية، كرة مصمتة، وأسطوانة مصمته، وأسطوانة فارغة. وضعت على قمة منحدر شكل (Q11.12) إذا انطلقت جميعها في لحظة واحدة من حالة السكون ومن على ارتفاع واحد وتدحرجت دون انزلاق. أي منها يصل إلى القاع أولاً؟ وأي منها يصل آخراً؟ حاول هذا في المنزل ولاحظ أن النتيجة لاتعتمد على أي من الكتلة أو نصف القطر.



الشكل 12.11

11 - النجوم تبدأ كأجسام ضخمة من غازات تدور ببطئ، وبسبب الجاذبية، تتناقص تلك المنطقة الغازية في الحجم. ماذا يحدث للسرعة الزاوية للنجم عندما يتقلص؟ وضح.

- 12 عندما يريد الغواص أن يقوم بدورة في الهواء يضم قدميه إلى صدره، لماذا يجعله ذلك يدور أسرع؟ ماذا يفعل لكي ينهي دورته؟
- 13 كرتان مصمتنان أحداهما كبيرة والأخرى صغيرة تدحرجا من أعلى تل أي من الكرتين تصل أولاً إلى قاع التل؟ ثانياً، كرة كبيرة وكثافتها صغيرة وأخرى صغيرة وكثافتها كبيرة لهما نفس الوزن تدحرجا من أعلى ربوة أي منهما تصل إلي القاع أولاً في هذه الحالة؟
- 14 تصور أنك تصمم عربة سباق دون محرك لتستخدم في سباق لهذا النوع من العربات فهي تتدحرج من أعلى تل. فأي نوع من العجلات تستخدم؟ عجلات كبيرة أم عجلات صغيرة؟ وهل تصنعها على هيئة أقراص مصمته أو على شكل طوق؟
- 15 كرتان لهما نفس الكتلة والحجم أحدهما مجوفة بينما الأخرى مصمتة كيف تميز بينهما من الخارج.
- 16 جسيم يتحرك في دائرة بسرعة ثابتة. حدد نقطة واحدة يكون حولها كمية الحركة الزاوية للجسيم مقدارا ثابتاً وأخرى يكون عندها يتنير مع الزمن.
- 17 [22] إذا كنان سيحدث ارتضاع في درجة حسرارة الأرض خلال القرن القادم، من المحتمل ذوبان بعض الجليد من القطب وينتشر الماء قرب خط الإستواء، كيف يؤدي ذلك إلى تغيير في عرزم القصور الذاتي للأرض؟ هل سيزيد طول اليوم أم ينقص (زمن دورة واحدة).

🗍 = الحل كامل مناح في المرشد.

🟢 = فيزياء تفاعلية



PROBLEMS Jilmo

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

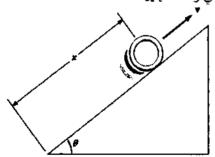
أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.11 حركة تدحرج جسم جامد:

- 1 اسطوانة كتلتها 10.0Kg تتدحرج دون انزلاق على سطح أفقي، عند اللحظة التي يصل فيها مركز كتلتها إلى سرعة 10.0 m/s إحسب (a) طاقة الحركة الانتقالية لمركز الكتلة (b) الطاقة الدورانية حول مركز الكتلة (c) الطاقة الكلية.
- 2 كرة بولنج كتلتها 4.0Kg عزم قصورها الذاتي 1.6x10⁻²Kg.m² ونصف قطرها 0.10m إذا كانت تتدحرج في طرقة دون انزلاق بسرعة خطية 4.0 m/s كم تكون طاقتها الكلية.
- R وعزم M وعزم M وعزم R وعزم قصورها الذاتي 45MR². إذا بدأت من حالة السكون، ما مقدار الشغل الواجب بذله عليها لكى تبدأ التدحرج دون انزلاق بسرعة خطية $oldsymbol{v}$, M عبر عن الشغل بدلالة $oldsymbol{v}$
- 4 قرص منتظم مصمت وطوق منتظم وضعا جنبا لجنب على قمة منحدر ارتفاعه h. إذا أطلقا من السكون وتدحرجا دون انزلاق عين سرعتهما عندما يصلا إلى القاع. أي الجسمين يصل إلى القاع أولاً.
- a) 5 عين العجلة لمركز الكتلة لقدرص مصمت منتظم يتدحرج إلى أسفل منحدر يصنع زاوية θ مع الأفقى. قارن تلك العجلة بمجلة طوق منتظم (b) ما هو أقل مقدار لمعامل

الاحتكاك يلزم لجعل الحركة تدحرجية للقرص؟

 6 - حلقة كتلتها 2.4 Kg ونصف قطرها الداخلي 6.0 cm ونصف قطرها الخيارجي 8.0 cm تتدحرج دون انزلاق إلى أعلى منحدر يصنع زاوية θ تساوي 36.9° شكل (P6.11) في اللحظة التي تصل فيها الحليقة إلى الوضع x =2.00m أعلى المنحدر كانت سرعتها 2.8m/s واصلت الحلقة الصعود إلى أعلى المنحدر، لمسافة إضافية، ثم بدأت تتدحرج إلى الخلف، لم تصل إلى النهاية العليا ما هي المسافة أعلى المتحدر التي وصلت إليها.

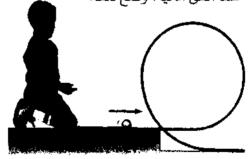


الشكل P6.11

7 - علبة من الصفيح تحتوي على حساء ماشروم مكثف كتلتها g 215 وارتضاعها 10.8cm وقطرها 6.38cm، وضعت في حيالة سكون على جانبها أعلى سطح مائل طوله 3.0m ويصنع زاوية "25 مع الأفسقي ثم تركت (465

لتتدحرج إلى أسفل. بفرض حفظ الطاقة. إذا إحسب عزم القصور الذاتي للعلبة. إذا أخدت زمن قدره \$ 1.5 لكي تصل إلى قاع السطح المائل. ما هي المعلومات إن وجدت التي ترى أنها غير ضرورية لحل التمرين.

8 - كرة التنيس عبارة عن كرة مفرغة جدارها رقيق وضعت لتتدحرج دون انزلاق بسرعة 4.03 m/s 4.03 m/s على الجزء الأفقي من مسار كما هو مسبين في شكل (P8.11). ثم أخدت تتدحرج داخل خية داثرية عمودية قطرها 90.0 cm مرعة 20.0 cm بعد 20.0 cm الجزء الأفقي (a) إحسب سرعة الكرة عند قمة الخية. بين أنها لن تقع من مسارها (b) إحسب سرعتها عندما تترك السار (c) نقترض الاحتكاك الإستاتيكي بين الكرة والمسار يمكن إهماله بحيث أن الكرة انزلقت بدلاً من أن تتدحرج. فهل ستكون النزلقت بدلاً من أن تتدحرج. فهل ستكون عند أعلى الخية؟ وضح ذلك.



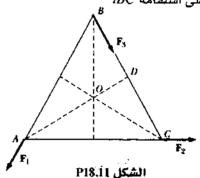
الشكل P8.11 قسم 2.11 حاصل ضرب المتجهات وعزم الدوران

- N = 2i j 3k و N = 2i j 3k و M = 6i + 2j k احسب حاصل ضرب المتجه $M \times N$.
- 10 المتبجبهان 42.0cm عند زاوية 15.0° و 23.0cm عند 65.0° وكالاهما يبندأ من نقطة الأصل، والزاويتان مقاستان في اتجاه عكس عنقبارب السناعية من المحبور x.

والمتجهان يكونان ضلعين في متوازي أضلاع (a) احسب مساحة متوازي الأضلاع (b) احسب طول قطره الأكبر.

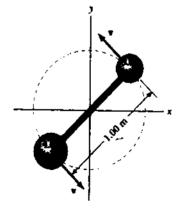
- A = -3i + 4j متجهان يعطيان بواسطة B = 3i + 4j متجهان يعطيان بواسطة B = 2i + 3j ين B = 3i + 3j ين B = 3i + 3j
- B=6i-10j +9k و A≈-3i+7j-4K و B=6i-10j +9k و A≈-3i+7j-4K المتجه أوجد قيمة (a) cos⁻¹ (A·B/AB) أوجد قيمة (c) sin⁻¹ (lAxBl)/AB (b) الزاوية بين المتجهات.
- 13 قبوة F= 2.0i + 3.0j N أثرت على جسيم معلق من محور ثابت ممتد على طول محور الإحداثيات z. إذا أثرت القوة عند النقطة الإحداثيات f= (4.0i + 5.0j +0k)m] صافي عزم الدوران حول المحور b) z إتجاء متجه عزم الدوران ...
- 14 تقول طالبة إنها وجدت متجه A بحیث إن -14 (2 \mathbf{i} 3 \mathbf{j} + 4 \mathbf{k}) x A = (4 \mathbf{i} + 3 \mathbf{j} - \mathbf{k}) قسهل تصدق هذا القول؟ وضع.
- ومتجه \mathbf{A} في الإتجاء السالب لمحور \mathbf{y} ومتجه \mathbf{B} في الاتجاء السالب للمحور \mathbf{x} ما هو اتجاء ($\mathbf{B} \times \mathbf{A}$ (b) .
- جسيم موضوع عند موضع المتجه مي التجه مي $[\mathbf{r} = (\mathbf{i} + 3\mathbf{j})m]$ والقوة الموشرة عليه مي $[\mathbf{F} = (3\mathbf{i} + 2\mathbf{j}) \, N]$ حول (a) نقطة الأصل (b) النقطة التي لها الإحداثيات $[\mathbf{r} = (3\mathbf{i} + 2\mathbf{j}) \, N]$
- 17 إذا كسان A x BI = A·B مسا هي الزآوية بينA, B؟
- 18 قوتان \mathbf{F}_1 , \mathbf{F}_2 تؤثران على امتداد جانبين لمثلث متساوي الأضلاع كما هو مبين في شكل (P18.11) والنقطة O هي نقطة تقاطع إرتفاعات المثلث، أوجد القوة الشالشة \mathbf{F}_3 التي تؤثر على B وعلى

استقامة BC والتي تجعل عزم الدوران الكلي حول النقطة O يساوي صفر. هل يتغير عزم الدوران الكلي إذا لم تؤثر القوة \mathbf{F}_3 عند النقطة B بل عند أي نقطة أخرى على استقامة B



القسم 113 كمية الحركة الزاوية

[19] قضيب خفيف مصمت طوله 1.0m يصل بين جسمين كتلة كل منهما 3.0Kg, 4.0Kg مثبتين عند نهايتية. تدور المجموعة في المستوى xx. حول نقطة دوران عند مركز القضيب شكل (P19.11) احسب كمية الحركة الزاوية للنظام عند نقطة الأصل عندما تكون سرعة كل جسيم 5.0m/s.



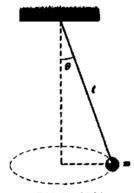
الشكل P19.11

xy بتحرك في المستوى xy بتحرك في المستوى xy بسرعـة v = (4.2i - 3.6j) m/s بسـرعـة كمية الحركة الزاوية للجسيم عندما يكون متجه المكان له هو r = (1.50i - 2.20j)

web [21] متجه المكان لجسيم كتلتة 2.0Kg يعطى كدالة في الزمن بالعلاقة :

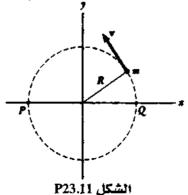
r = (6.0i - 5.0j)m الزاوية للجسيم حول نقطة الأصل كدالة في الزمن.

m بندول مخروطي يتكون من كرة كتلتها m تتحرك في مدار دائري في مستوى أفقي كما هو مبين في شكل (P22.11). سلك التحميدي طوله β ويصنع زاوية θ مع العمودي أثناء الحركة. بين أن مقدار كمية الحركة الزاوية للكتلة حول مركز الدائرة هو $M^2 g \ell^3 \sin^4 \theta / \cos \theta$



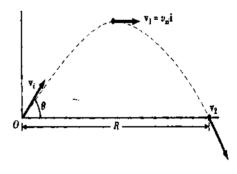
الشكل P22.11

23 - جسيم كتلته m يتحرك في دائرة نصف قطرها R بسرعة ثابتة v كما هو موضح في شكل (P23.11). إذا بدأ الحركة عند النقطة Q. احسب كمية الحركة الزاوية للجسيم حول النقطة P كدالة في الزمن.



- جسم كتلته 4.0 Kg معلق من خيط رفيع ملفوف على بكرة (انظر شكل (10.20) والبكرة على شكل اسطوانة منتظمية مصمته نصف قطرها على 8.0 cm وكتلتها 2.0 (a) Kg وكتلتها (b) كما هو صافي عزم الدوران للنظام حول النقطة Θ? (d) عندما تكون سرعة الجسيم υ يكون للبكرة سرعة زاويية الجسيم υ يكون للبكرة سرعة زاويية الكلية للنظام حول Θ) من العلاقة الكلية للنظام حول Θ) من العلاقة عليها في τ = dL/dt

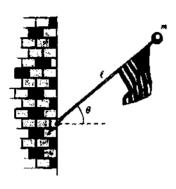
٧¡ جسم كتلته m قذف بسرعة إبتدائية إلى ويصنع زاوية θ مع الأفقي كما في شكل (P25.11). تحـرك الجـسم في مـجـال الجاذبية الأرضية. أوجد كمية الحركة الزاوية للجـسم حـول نقطة الأصل عندما يكون الجـسم (a) عند نقطة الأصل (b) عند أعلى نقطة في مساره و(c) قبل أن يقع على الأرض مباشرة(d) ماهو عزم الدوران الذي يتسبب في تغيير كمية حركته الزاوية.



الشكل P25.11

26 - كرة كتلتها m مثبته في أعلى صارية علم معلق على جانب مبنى مرتفع عند النقطة كرما هو مبين في شكل P27.11 طول الصاري θ والزاوية التي يصنعها مع الأفقى هي θ . إفرض أن الكرة أصبحت

غير مثبته وبدأت تسقط. احسب كمية الحركة الزاوية(كدالة في الزمن) للكرة حول النقطة P اهمل مقاومة الهواء.



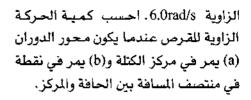
الشكل P27.11

27 - رجل مطافئ صعد على سلم ووجه فوهة الخرطوم أفقيا نحو مبنى يحترق. معدل تدفق الماء 6.31kg/s وسرعة الماء عند الفوهة 72.5 الخرطوم يمر بين قدمي رجل المطافئ التي تبعد عموديا بمقدار 13.5 أسفل فتحة الخرطوم. إختار نقطة الأصل داخل الخرطوم بين قدمي رجل المطافئ. ما هو عزم الدوران الذي يؤثر به رجل المطافئ على الخرطوم؟ أي منا هو معدل تغير كمية الحركة الزاوية للماء؟

القسم 4.11 كمية الحركة الزاوية لجسم مصمت يدور.

28 - كرة منتظمة مسمطة نصف قطرها m 0.50 m وكتلتها 15.0 kg تدور ضد عقارب الساعة حول محور عمودي خلال مركزها، أوجد متجه كمية الحركة الزاوية عندما تكون سرعتها الزاوية (3.0rad/s

29 - قرص مصمت منتظم كتلته 3.0kg ونصف قطره 0.20m يدور حبول متحدور ثابت عمودي على وجمه، إذا كانت السرعة

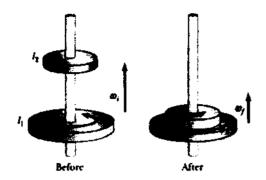


30 [3] جسيم كتاته 0.40kg مثبت عند التدريج 100.cm في مسطرة طولها متر وكتاتها 100.cm في مسطرة طولها متر وكتاتها 0.10kg. والمسطرة تدور على منظدة أفقية عديمة الاحتكاك بسرعة زاوية 4.0 rad/s. احسب كمية الحركة الزاوية للنظام عندما تكون المسطرة معلقة حول محور 0.2 مودي على المنضده عند التدريج 50cm و(b) عمودي على المنظدة عند التدريج 0.00cm.

31 - عقربي الساعات والدقائق بساعة بج بن الشهيرة في دار البرلمان بلندن طولهما 2.70m و 4.50 m و 60.0kg وكتاتهما 100kg على الترتيب، احسب كمية الحركة الزاوية الكلية لهذه العقارب حول نقطة المركز، عامل العقارب على أنها قضبان طويلة ورفيعة.

القسم 5.11 حفظ كمية الحركة الزاوية:

محور حول محور I_1 الدور حول محور عمودي عديم الإحتكاك بسرعة زاوية ω_i أسطوانة ثانية لهنا عزم قنصور ذاتي I_2 وفي البنداية ثم تكن تدور، سقطت فوق الأسطوانة الأولى شكل (P33.11) وبسبب الإحتكاك بين الأسطوانتين وصل الإثنان إلى نفس السرعة الزاوية I_2 (a) احسب I_3 أبين أن طاقة الحركة للنظام تنقص تنيجة لهذا التأثير واحسب النسبة بين طاقة الدوران النهائية إلى طاقة الدوران النهائية إلى طاقة الدوران النهائية إلى طاقة الدوران



الشكل P33.11

33 - طالب يجلس على كرسي دوار يمسك بثقلين كتلة كل منهـما 3.0kg. عندما يبـسط ذراعيه أفقيا يكون الثقلان على مسافة 1.0 من محبور الدوران. وهو يدور بسبرعة زاوية 0.75 rad/s عـزم القـصـور الذتي للطالب والكرسي 3.0kg.m² وهو مـقـدار ثابت.

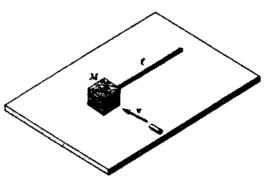
ضم الطالب الكتلتين نحو جسمه أفقيا إلى وضع 0.30m من محور الدوران (a) إحسب السرعة الزاوية للطالب (b) احسب طاقة الحركة للطالب قبل وبعد جذب الكتل إلى الداخل.

50.0cm وطوله وطوله 50.0cm يدور في مستوى افقي حول محور ثابت عمودي عديم الاحتكاك يمر بمركزه. توجد خرزتين كتلت كل منهما 30.0g معلقتين في هذا القضيب بحيث يمكنهما الانزلاق دون احتكاك على امتداده. وفي لحظة ما ثبت وضع الخرزتان على مسافة 10.0cm من جانبي المركز والمنظومة كلها تدور بسرعة زاوية 20.0rad/s وضجأة سمح للخرزتين بالحركة فانزلقا نحو طرفي القضيب الحركة فانزلقا نحو طرفي القضيب لحظة وصول الخرزتين إلي نهايتي القضيب القضيب الخروة الخرزتين الي نهايتي القضيب الخروة الخرزتين الي نهايتي القضيب إلى خارجه.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

إمراة وزنها 60.0kg تقف على حافة قرص أفقي دوار عزم قصوره الذاتي 500 قرص أفقي دوار عزم قصوره الذاتي 2.0m² ونصف قطره 2.0m². القـرص كان في البداية ساكن وهو حر الحركة ليدور حول محور عمودي عديم الإحتكاك يمر بمركزه. بدأت المرأة تمشي حول حافة القرص في اتجاه عقارب الساعة (كما ترى من أعلى النظام) بسرعة زاوية ثابته وبأي سرعة زلوية سيدور القرص؟ (ه) ما مقدار الشغل الذي تبذله المرأة لكي تجعل نفسها والقرص يتحركان.

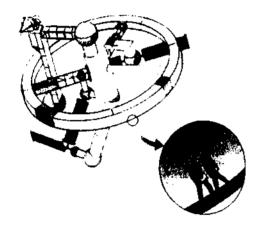
36 [39] مكعب من الخشب كتلته M موضوع على منصدة أفقية ملساءومتصل بقضيب صلب طوله على وكمتلته مهملة (شكل 1939.1) والقضيب يرتكز على طرفه الآخر. أطلقت طلقة كتلتها m موازية للسطح الأفقي وعمودية على القضيب بسرعة لا فأصابت الكعب ودخلت فيه (a) مام قدار كمية الحرك الزاوية للمكعب والطلقة معا (d) ما مقدار الجزء من طاقة الحركة الذي فقد نتيجة للتصادم.



الشكل P39.11

37 - محطة فضائية على شكل عجلة عملاقة نصف قطرها 100m وعزم قصورها الذاتي 5.00x108 kg.m²

من 125 شخصا يعيشون على الحافة. دوران المحطة جعل الطاقم يشعر بجاذبية مسقدارها 18 شكل (P40.11) عندما تحرك 100 شخص لحضور اجتماع عند مركز المحطة تغيرت السرعة الزاوية. ما مقدار العجلة التي يشعر بها شخص ما ظل قرب الحافة الأفاقة الفترض أن كتلة كل شخص 65.0kg.



الشكل P40.11

38 - نفرض نيزكا كتلته 3.0x10¹³kg يسير بسرعة 30.0km/s بالنسبة لمركز الأرض واصطدم بالأرض، ما هو أكبر نقص ممكن في السرعة الزاوية للأرض نتيجة لهذا التصادم.

(اختياري) قسم 7.11. كمية الحركة الزاوية ككمية أولية

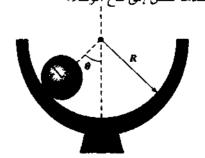
39 - في نموذج بور Bohr لذرة الهيدروجين يدور الإلكتـرون في مــدار دائري نصف قطره الإلكتـرون في مــدار دائري نصف قطره م 0.529x10⁻¹⁰ m كميـة الحركة الزاوية المدارية للإلكتـرون تسـاوي h/2π احسب (a) السـرعـة المدارية للإلكتـرون (b) طاقة الحركة للإلكتـرون و(c) السـرعة الزاوية لحركة الإلكتـرون.

مسائل إضافية:-

40 - مسألة للمراجعة: قضيب مصمت كتلته مهملة مثبت به 3 كتل متساوية كما في شكل (P44.11) والقضيب حبر الدوران في مستوى رأسى حول محور أملس عمودي على القضيب يمر خلال النقطة P. وقد t=0 بدأ الحبركة من حالة السكون عند زمن إذا علمنا مقداري d. m أوجد (a) عرم القصور الذاتي للنظام حول مركز الإرتكاز (b) عــزم الدوران المؤثر على النظام عند t=0 العبجلة الزاوية للنظام عند (c) t=0 (d) العجلة الخطية للكتلة رقم 3 عند الزمن(e) t=0) الحد الأعلى لطاقة الحركة للنظام (f) الحد الأعلى للسرعة الزاوية التي يصل إليها القضيب (g) الحد الأعلى لكمية الحركة الزاوية للنظام (h) السرعة القصوى التي تصل إليها الكتلة رقم(2).



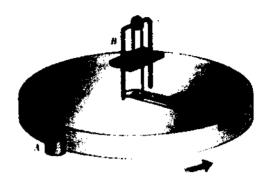
41 – كرة مصمت منتظمة نصف قطرها وضعت على السطح الداخلي لوعاء شكله نصف كروي، نصف قطره كبير R. تحركت الكرة من السكون بزاوية θ مع العمودي وأخذت تتدحرج دون انزلاق كما في شكل (P45.11) عين السرعة الزاوية للكرة عندما تصل إلى قاع الوعاء.



الشكل P45.11

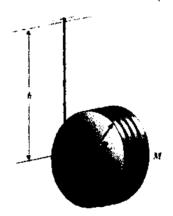
42 - قرص أفقى منتظم وزنه 100kg ونصف

قطره5.50m يدور دون احستكاك بسرعية زاوية 2.5rev/s حول محور عمودي بمر بمركبزه كيميا هو ميين في شكل P46.11 يوجد نظام للشغذية المرتجعة يراقب السبرعة الزاوية للقبرص، وموتور عند A للتأكد من أن الحركة الزاوية تظل ثابتة. بينما القارص يدور، كتلة مقدارها 1.2 kg عند مركز القرص بدأت تنزلق نحو الخارج داخل مــجــرى نصف قطرى، هذه الكتلة بدأت حركتها عند مركز القرص في زمن t=0 وأخذت تنزلق نحو الخارج بسرعة ثابتية 1.25cm/s بالنسيبة للقيرص حيثي وصلت إلى الطرف عند زمن قدره 440s= والكتلة المنزلقة لا تتأثر بأي احتكاك. وحركتها يتم التحكم فيها بواسطة كابح عند النقطة B بحيث تظل سرعتها في اتجاه نصف القطر ثابتة. والكابح يحدث شدا في خيط رفيع مربوط في الكتلة(a) احسب مقدار عزم الدوران كدالة في الزمن الذي يؤثر به الموتور بينما الكتلة تتزلق(b) احسب مقيدار عيزم الدوران عند زمن ع 440 s فيل أن تنهى الكتلة المنزلقة حركتها مباشرة (c) أوجد القدرة التي يبذلها الموتور كدالة في الزمن (d) أوجد مقدار القدرة فور وصول الكتلة المنزلقة نهاية المجرى (e) احسب الشد في الخيط كدالة في الزمن (f) احسب الشفل المبدول بواسطة الوتور خيلال فشرة الحركة 440s (g) أوجد الشغل المبذول بواسطة الخيط الذي يعمل ككابح للكتلة المنزلقة (h) أوجد الشفل الكلى المبدول على النظام المكون من القرص والكتلة المنزلقة.



الشكل P46.11

قطره R وكتلته M. تحرك القرص من قطره R وكتلته M. تحرك القرص من قطره R وكتلته M. تحرك القرص من السكون وكان الخيط عموديا وطرفه العلوي مربوط في قضيب ثابت شكل(P47.11) يبين أن (a) الشد في الخيط يساوي ثلث وزن القرص (b) مقدار العجلة عند مركز الكتلة هي 2g/3 و (c) سرعة مركز الكتلة هي 1/2 (4gh/3) عندما يهبط القرص. برهن على إجابتك في (c) مستخدما مفهوم الطاقة.

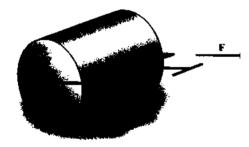


الشكل P47.11

44 - المذنب هالي يدور حول الشمس في مدار على شكل قطع ناقص وأكبر اقتراب له من الشمس عند مسافة تساوي 0.590AU وأبعد مسافة بينه وبين الشمس 35.0 AU واحد=متوسط المسافة بين الأرض

والشمس) إذا كانت سرعة المذنب عند أكبر اقتراب له 54.0km/s . كم تكون سرعته عندما يكون عند أبعد نقطة عن الشمس؟ كمية الحركة الزاوية للمذنب حول الشمس محفوظة لأنه لا يوجد عزم دوران يؤثر على المذنب. قوة الجاذبية التي تؤثر بها الشمس على المذنب. لها ذراع عزم يساوى صفراً.

45 - قوة ثابته أفقية F تؤثر على عجلة أسطوانية كبيرة (مدحاة) تستخدم في تسوية الأرض كما في شكل (P49.11) فإذا كانت هذه المدحاة منتظمة ومصمته نصف قطرها R وكتلتها M . إذا كانت المدحاة تندحرج دون انزلاق على سطح أفقي. بين أن(a) العجلة عند مركز الكتلة تساوي أن(b) 2F/3M [الضيام المنازلاق هو 87/3mg] الضيام المنزلاق هو المنزلاق هو المنزلاق المتاركة الكتلة المنزلاة المتاركة الكتلة المنزلاة المتاركة الكتلة المنزلاق المتاركة الكتلة المتاركة الكتلة المتاركة الكتلة المنزلة الكتلة المتاركة الكتاركة الكتاركة



الشكل P49.11

46 - حبل خفيف يمر فوق بكرة خفيفة ملساء معلق في أحد طرفيه سوباطة موز كما في شكل (P50.11) كتلتها M. من الطرف الثاني للحبل تعلق قرد كتلته M كذلك. حاول القرد أن يتسلق على الحبل لكي يصل إلى الموز (a) إذا اعتبرنا أن النظام يتكون من القرد والموز والحبل والبكرة احسب عزم الدوران عند محور البكرة(d) باستخدام النتيجة من (a) احسب كمية الحركة الزاوية

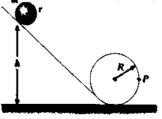
الفصل الحادى عشر: الحركة التدحرجية وكمية الحركة الزاوية

الكلية حول محور البكرة، وصف حبركة النظام، هل يصل القرد إلى الموز.



الشكل P50.11

74 - كرة مصمتة كتلتها m ونصف قطرها r تتدحيرج دون انزلاق على امتداد المسار الموضح في شكل (P51.11). بدأت الكرة من حالة السكون وكانت على ارتفاع h من قاع الحلقة التي نصف قطرها R وهو أكبر بكثير من r (a) ما مقدار أقل ارتفاع h وبدلالة P) يمكن للكرة أن تبدأ من عنده لكي تستطيع أن تكمل الدائرة (b) ما هي مركبات القوى على الكرة عند النقطة P إذا كانت (h=3R)

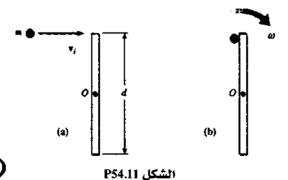


الشكل P51.11

48 - قضيب رفيع كتاته 0.63kg وطوله 1.24m

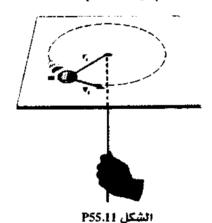
في حالة سكون ومعلق رأسيا من مفصلة ثابتة قوية عند طرفه. فجأة أثرت عليه قوة أفقسية على شكل دفيعة مقسدارها [14.7i]» (a) نفسرض أن القوة تؤثر على النهاية السفلية للقضيب. أوجد عجلة مركز كتلة القضيب والقوة الأفقية التي على منتصف القضيب أوجد عجلة هذه على منتصف القضيب أوجد عجلة هذه النقطة ورد فعل المفصلة الأفقي (c) أين يمكن أن تؤثر قوة الدفعة بحيث أن المفصلة الايكون نها تأثير في الإتجاه الأفقي (هذه النقطة تسمى مركز الصدم).

- 49 في لحظة ما كانت كرة بولنج تنزلق وفي نفس الوقت تلف على سطح أفقي بحيث أن طاقة حركة دورانها تساوي طاقة حركة انتقالها. فإذا كانت $v_{\rm CM}$ تمثل سرعة مركز الكتلة بالنسبة للسطح $v_{\rm c}$ تمثل سرعة أعلى نقطة على سطح الكرة بالنسبة إلى مركز الكتلة أوجد النسبة $v_{\rm cM}/v_{\rm c}$.
- 50 مقذوف كتلته سيتحرك في اتجاه اليمين بسرعية v_i (شكل P54.11a). إصطدم المقيدوف بطرف قضيب ثابت والتصق به كتلتة القضيب M وطوله b ومعلق من محور أملس عند مركزه شكل(P54.11b) احسب السرعة الزاوية للمنظومة بعد التصادم مباشرة (b) عين الجزء المفقود من الطاقة الميكانيكية نتيجة للتصادم.



الفيزياء (الجزءالأول - المتكانيكا والديناميكا الحرارية)

55 كتلة مربوطة في حبل يمر من ثقب ضيق في سطح أملس أفقي شكل (P55.11) ثنيق في سطح أملس أفقي شكل (P55.11) الكتلة كانت في البيداية تدور بسرعة v_i في ميدار دائري نصف قطره r_i . بعيد ذلك حدث شيد للحبل من أسفل ونقص نصف قطر الدائرة إلى r (a) r عندما يكون نصف قطير الميداد r عندما يكون نصف قطير الميداد r عندما يكون نصف قطير الميداد r (b) احسب الشيد في الحبل كيدالة في r من r_i ألى المنافل من r_i (b) أوجد القيم المعددية لكل من r_i v_i r_i r_i



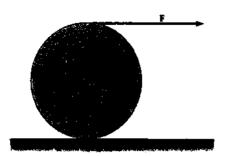
52 - لاعب أطلق كرة بولنج دون لف وأخسدت تنزلق في خط مستقيم في مسارها . أخذت الكرة تنزلق لمسافة معينة قبل أن تتحول حركتها إلى التدحرج دون انزلاق . ما هو مقدار هذه المسافة؟ اذكر الكميات التي استخدمتها كمدخلات والقيم التي قدرتها لكل منها والمبررات لتلك الإختيارات .

53 - قضيب رفيع طوله h وكتلته M موضوع عموديا وطرفه السفلي يستقر على سطح أفقي أملس. ترك القضيب لكي يسقط بحرية (a) عين سرعة مركز الكتلة له قبل

أن يصل إلى السطح الأفقي مباشرة (b) نفترض أن القضيب له نقطة ارتكاز ثابتة في نهايته السفلى، عين سرعة مركز كتلة القضيب قبل أن يصطدم بالسطح مباشرة.

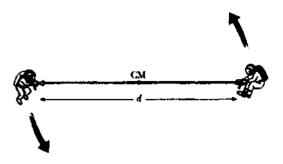
59 [59] إثنان من مالحي الفضاء شكل (P59.11) كل منهـمـا له كـنلتـه (P59.11) متصلان بيعضهما بحيل طوله 10.0m وكتلته مهملة وهما معزولان في الفضاء، يدوران حبول مبركز الكتلة لهما بسرعة 5.0m/s (a) بمعاملة رائدي الفضاء كجسمان، إحسب مقدار كمية الحركة الزاوية (b) طاقــة دوران المنظومــة، أحــد الرائدان شد الحبل وجعل المسافة بينهما 5.0m فقط (c) ما مقدار كمية الحركة الزاوية للمنظومة في هذه الحالة؟ (d) ما هي سرعة رائدي الفضاء الجديدة؟ (e) ما هي طاقة الدوران الجديدة للمنظومة؟ (1) ما مقدار الشغل المبذول بواسطة رائدي الفضاء في تقصير السافة بينهما بشد الحيل.

75 - اثنان من رواد الفضاء شكل (11.59 كتاتة كل منهما M يمسكان بعبل طوله وكتاته مهملة. وهما معزولان في الفضاء، ويدوران حول مركز الكتلة لهما بسرعة ببعماملة رائدي الفضاء كجسمان احسب (a) مقدار كمية الحركة الزاوية (d) طاقة الدوران للمنظومة. عند شد الحبل تمكن أحد الرواد من تقصير المسافة بينهما لتصبح (d) ما هي سرعة رائدي الفضاء الجديدة (d) ما هي طاقة الدوران الجديدة للنظام (e) ما مقدار الشغل المبذول بواسطة رائد (f) ما مقدار الشغل المبذول بواسطة رائد



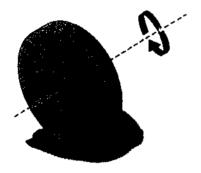
الشكل P63.11

58 -قرص مصمت منتظم يدور باستمرار بسرعة زاویة ω_i حول محور یمر بمرکزه، بینما هو يدور بهذه السرعة، وضع على سطح أفقى ثم ترك يتعرك كما في شكل (P64.11) (a) ما هي السرعة الزاوية بمجبرد أن أخلا يتدحرج؟ (b) احسب مقدار الجزء المفقود من طاقة الحركة منذ أن وضع على السطح الأفقى إلى أن بدأ يتدحرج. ملحوظة (خذ في الإعتبار عزم الدوران حول مركز الكتلة)



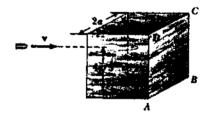
الشكل P59.11

 $2 \, \alpha$ مكعب مصمت من الخشب طول ضلعه – 56وكتلته M موضوع على سطح أفقى، جُعل المكعب يدور حول محور AB شكل (P61.11) أطلقت طلقة كتاتها m وسرعتها v على الوجه المقابل للوجه ABCD على ارتفاع 4α/3. غاصت الطلقية داخل المكعب، احسب أقل مقدار للسرعة تا اللازمة لكي ينقلب المكعب بحسيث يستقط على m < M الوجه ABCD. نفرض أن



الشكل P64.11

79 | 65 | 65 نفترض فرص مصمت نصف قطره R إكتسب سنرعة زاوية ω حول محور يمر بمركزه، ثم وضع يعد ذلك على سطح أفقى وترك يتحرك كما في المسألة السابقة شكل (P.11.64) . افترض أن معامل الإحتكاك بين القرص والسطح الأفقى هو a) μ بين أن الزمن الذي يستغرقه القرص لكي يصل إلى حبركية تدحيرجية هو (475



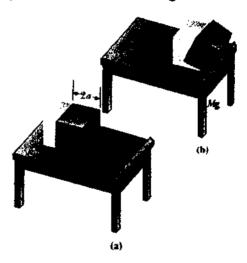
الشكل P61.11

مة R الفة سلك كتلتها M ونصف قطرها R تم Gسيحب السلك منهيا باستخدام فيوة شكل(P36.11) إذا فرضنا أن اللفة عبارة عن أسطوانة مصمته ومنتظمة ولاتنزلق بين أن (a) عجلة مركز الكتلة هي 4F/3M وأن (b) قوة الإحتكاك في اتجاه اليمين وتساوي في المقدار F/3 (c) إذا بدأت الأسطوانة من السكون وتدحيرجت دون انزلاق كم تكون مسرعة مبركز كتلتها بعد أن تكون قد تدجرحت مسافة قدرها d

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

لتي تحركها (b) R ω i/3 μ g (b) ابين أن المسافة التي تحركها القرص قبل بدأ الحركة التدحرجية تساوي $R^2\omega_i^2/18\mu g$

M وكتلته M وينزلق على سطح أملس بسرعة منتظمة ν ينزلق على سطح أملس بسرعة منتظمة ν كما هو في شكل (P.11.66.a) إصطدم بعائق صغير في نهاية المنضدة، مما جعله ينحرف كما هو مبين في الشكل (P.11.66.b) أوجد أقل مقدار للسرعة ν بحيث أن المكعب يسقط من على المنضدة لاحظ أن عنزم القصور الذاتي للمكعب حول محور يمر بأحد حوافه يساوي 8Μα²/3 (ملحوظة: المكعب يصنع تصادما غير مرن عند الحافة)



الشكل P66.11

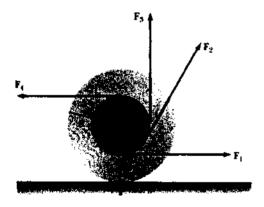
61 - لوح خسشب سميك كتلته M تساوي 6.0kg مركب على اسطوانتين مصمتتين متماثلتين نصف قطر كل منهما 75.0cm شكل (P67.11). وكتلتة كل منهما m=2kg شكل (P67.11). يُسحب لوح الخشب بواسطة قوة أضقية مقدارها 6.0N = 7 توثر على نهاية لوح الخشب وعمودية على محور الأسطوانتين (وهما متوازيان). الأسطوانتان تتدحرجان دون انزلاق على سطح منبسسط. كسذلك

لايوجد انزلاق بين لوح الخشب والأسطوانتين (a) أوجد عسجلة لوح الخسشب وعسجلة الاسطوانتين (b) مسا هي قسوة الاحستكاك المؤثرة.



الشكل P67.11

62 – لفة سلك موضوعة على سطح أفقي كما في شكل (P68.11) عند شد السلك لاتنزلق اللفة عند نقطة التلامسP. في محاولات منفصلة أثرت القوى التالية على اللفة F_4 , F_3 , F_2 , F_1 كل على حدة. حدد اتجاء كل من هذه القوى الذي تتدحرج عنده اللفة، لحظ أن خط عمل القوة F_2 يمر خلال P.



الشكل P68.11

63 – لفة السلك في الرسم(P68.11) لها نصف قطر داخلي r ونصف قطر خلاجي والزاوية θ بين القوة المؤثرة والأفقي يمكن تغييرها. بين أن الزاوية الحرجة التي لاتنزلق عندها لفة السلك وتظل ساكنة هي

$$\cos \theta_{\rm c} = \frac{r}{R}$$

ملحبوظة عند الزاوية الحبرجية خط عمل القوة يمر بنقطة التلامس مع الأفقي.

أستخدمت عربة ذات عجلتين، قذف منها كرة رأسيا إلى أعلى بينما هي تسير بسرعة ثابتة في اتجاه أفقي وقد هوت الكرة في مندوق العربة لأن الكرة والعربة لهما مركبة سرعة أفقية واحدة. الآن نفترض أن العربة على منعدر يصنع زاوية عمع الأفقى كما في شكل(P70.11) العربة وعجلتيها لها كتلتة M شكل(P70.11) العربة وعجلتيها لها كتلتة M شكل(11.07) العربة وعجلتيها لها كتلتة M شكل في وعزم قصور ذاتي لكل من العجلتين 12/2 mR²/2 عدم وجود احتكاك بين العربة ومحاور الدوران) وبافتراض أن الحركة تدحرجية. بين أن عجلة العربة على السطح الماثل هي

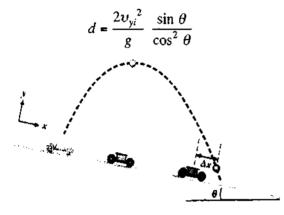
$$\alpha_x = \left(\frac{M}{M + 2m}\right)g\sin\theta$$

(b) لاحظ أن المركبة x لعجلة الكرة التي فنفت من العربة هي θ إذن المركبة x لعجلة العربة أقل من عجلة الكرة بمقدار

العامل M/(M+2m). استخدم هذه الحقيقة والمسادلات الكينماتيكية لتبين أن الكرة سنسبق العربة بمقدار Δx

$$\Delta x = \left(\frac{4m}{M+2m}\right)\left(\frac{\sin\theta}{\cos^2\theta}\right) \frac{\upsilon_{yi}^2}{g}$$

حيث _{v_iهي السرعة الإبتدائية للكرة التي أعطيت لها من الزنبرك الموجود بالعربة(c) بين أن المسافة d التي تقطعها الكرة مقاسة على استقامة السطح المائل هي}



الشكل P70.11

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(1.11) توجد مشاومة قليلة جدا للحركة التي يمكن أن تقلل من طاقة الحركة لكرة متدحرجة، على الرغم من وجود احتكاك بين الكرة والأرض (اذا لم يوجد الاحتكاك لما وجد دوران والكرة ستتزلق). ولا يوجد حركة نسبية للسطحين (طبقا لتعريف التدحرج) إذن الاحتكاك الكيناتيكي لا يقلل k (مقاومة الهواء والاحتكاك الملازمين لتغير شكل الكرة من الواضح أنهما يوقفان حركة الكرة).

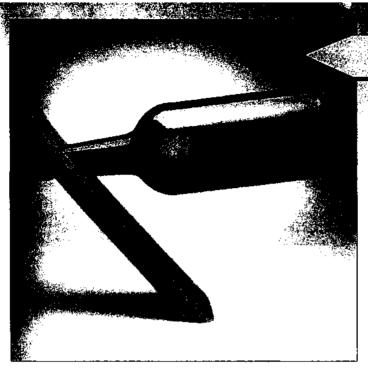
- (2.11) حيث أن طاقة الوضع الإبتدائية للصندوق لم يتحول أي جزء منها إلى طاقة حركة دورانية، عند أي لحظة 0< t طاقة الحركة الانتقالية للصندوق تكون أكبر من طاقة الحركة للكرة المتدحرجة.
- (3.11) تكون صفراً إذا كانت تتحرك نعو العمود مباشرة \mathbf{r} و \mathbf{r} سيكونان متعاكسي التوازي antiparallel مع بعضهما وجيب الزاوية بينهما صفر. إذن L=0.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

(4.11) كل من (a) و (b) خطأ صافي القوة ليس من الضروري أن تساوي صفر، إذا مدر خط عمل محصلة القوة خلال النقطة، عندئذ يكون محصلة عرم النقطة الدوران حول محور يمر بهذه النقطة يساوي صفر حتى وإن لم تكن محصلة القوة لاتساوي صفراً. وحيث ان محصلة القوة ليس بالضرورة أن تساوي صفراً،

لايمكن أن نستنتج أن سرعة الجسيم تكون ثابته.

- (5.11) الطالب يبذل شغلا عندما يمشي من حافة المنضدة إلى مركزها.
- (6.11) حيث إنها عمودية على الحركة الترنحية (التقدمية) للنحلة، قوة الجاذبية لاتبذل شغلا، وهذه إحدى الحالات التي تسبب فيها القوة حركة دورانية دون بذل شغل.



ا صورة محيرة

هذا العامل لزجاجة واحدة من زجاجات المياه الغازية، هو مثل جيد لنظام ميكانيكي يبدو كما لو أنه يتحدى الجاذبية النظام متزناً عندما يكون مركز ثقله واقعاً فوق النهاية السيفلي التي يرتكز عليها الحامل. ما هما الشرطان اللازمان لأي منظومة لكي تصل إلى مثل هذا الاتزان؟

الإتـزان الإسـتاتيكي والمرونـة Static Equilibrium and Elasticity ولفھن ولئاني عشر 12

ويتضمن هذا الفصل :

3.12 أمثلة لأجسام جامدة في حالة الاتزان الاستاتيكي

Examples of Rigid Objects in Static Equilibrium

4.12 خــواص المــرونة للأجســـام الجامــدة Elastic Properties of Solids 1.12 شـــروط الاتـــران The Conditions for Equilibrium

2.12 المزيد عن مركز الشحصة ل More on the Center of Gravty

الفيزياء (الجزء الأول - اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

في البابين العاشر والحادي عشر تناولنا ديناميكية الأجسام الجامدة أي الأجسام التي تظل أجزاؤها على مسافات ثابتة بالنسبة لبعضها البعض عندما تتعرض لقوى خارجية. جزء من الباب الحالي يتناول الحالات التي يكون فيها الجسم الجامد في حالة اتزان، والمصطلح اتزان يعني أنه إما أن الجسم في حالة سكون أو أن مركز كتلته يتحرك بسرعة ثابته. وسوف نتناول في هذا الباب الحالة الأولى فقط، الذي يوصف فيها الجسم على أنه في حالة اتزان استاتيكي. والاتزان الاستاتيكي يمثل حالة عامة في الموضوعات الهندسية، والمبادئ التي يتضمنها لها أهمية خاصة في الهندسة المدنية والعمارة والهندسة الميكانيكية. فإذا كنت من طلاب الهندسة فالأشك في أنك ستدرس منهجا متقدما في الاستاتيكية مستقبلا.

القسم الأخير من هذا الباب يتناول كيف يتغير شكل الأجسام تحت تأثير الأحمال. هذه التغيرات في الشكل deformation تكون عادة مرنة ولا تؤثر على حالة الاتزان. والجسم المرن يعود إلى شكله الأصلي عندما تزول القوى التي نتج عنها تغير شكل الجسم. وهناك العديد من ثوابت المرونة التي سيتم تعريفها وكل منها يخص نوعا معينا من أنواع التغير في الشكل.

THE CONDITIONS FOR EQUILIBRIUM شــروط الاتـــزان \ 1.12

في الباب الخامس ذكرنا أن أحد الشروط الهامة للاتزان أن تكون محصلة القوى المؤثرة على جسم ما تساوي صفر، إذا عاملنا الجسم كجسيم صغير عند إذ يكون هذا هوالشرط الوحيد الذي يجب استيفاؤه للإنزان.

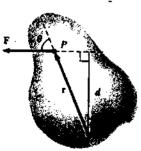
إلا أن الوضع بالنسبة للأجسام الكبيرة يكون أكثر تعقيدا، حيث إن تلك الأجسام لايمكن معاملتها كجسيمات، فلكي يكون الجسم الكبير في حالة اتزان استاتيكي يجب استيفاء شرط آخر، وهذا الشرط يشمل محصلة عزوم الدوران المؤثره على هذا الجسم المتد.

لاحظ أن الاتزان لايعنى عدم وجود الحركة، فمثلا جسم بدور يمكن أن يكون له سرعة زاوية ثابتة ويظل في حالة انزان، نفترض أن قوة واحدة ${f F}$ تؤثر على جسم جامد كما في شكل (12.1) تأثير تلك

> القوة يعتمد على نقطة التأثير P. فإذا كانت r هي متجه المكان لهنه النقطة بالنسبة للنقطة O. عندئذ يكون عزم الدوران الناتج عن القوة \mathbf{F} حول O يعطى بمعادلة (7.11) وهي.

$$\tau = r \times F$$

نتذكر من دراستنا لحاصل الضرب المتجه في القسم (2.11) ان المتجه ت يتعامد على المستوى المتكون من r و F ويمكن استخدام 480) قاعدة اليد اليمني لتحديد اتجاه ٢. ضم أصابع بدك اليمني في



شكل (1.12) قدوة واحدة F تؤثر على جسم جامد عند النقطة P.

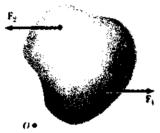
انجاه الحركة التي يمكن أن يحدثها F حول المحور المار بالنقطة 0 فيكون الإبهام مشيرا إلى اتجاه عزم الدوران τ ومن ثم في شكل (1.12) τ تتجه نحوك إلى خارج الصفحة. كما يمكن أن نرى من شكل (1.12) قدرة القوة F على إدارة الجسم حول المحور الذي يمر بالنقطة O يعتمد على ذراع العزم b وكذلك على مقدار F نتذكر أن مقدار τ هو F (ارجع إلى معادلة (10.19) . الآن إفترض جسما جامدا افر في البداية بقوة F_1 وبعد ذلك بقوة F_2 . إذا كان للقوتين نفس المقدار ، سوف يحدثان نفس التأثير على الجسم فقط في حالة ما إذا كان لهما نفس الإتجاه ونفس خط العمل. أي أن

فوتان ${\bf F}_1$ و ${\bf F}_2$ تكونان متكافئتان إذا كانا فقط متساويتان $F_1=F_2$ وإذا كانا يحدثان نفس عزم الدوران حول أي محور.

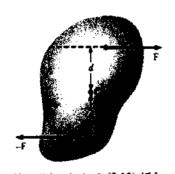
القوتان في شكل (2.12) متساويتان في المقدار ومتضادتان في الاتجاه فهما ليستا متكافئتين. فالقوة المتجهة نحو اليمين تحاول ادارة الجسم في اتجاه عقارب الساعة حول محور عمودي على الشكل يمر بالنقطة 0، بينما القوة المتجهة نحو اليسار تحاول ادارة الجسم ضد عقارب الساعة حول نفس المحور.

نفترض أن جسما مرتكزا حول محور يمر في مركز كتلته كما وي شكل (3.12) وقوتان لهما نفس المقدار يؤثران في اتجاهين متضادين على استقامة خطي عمل متوازنين، قوتان توثران بهذه الطريقة تكونان ما يسمى بالإزدواج (القوتان في شكل 2.12 وخونان أيضا إزدواج). لاتظن خطئا أن القوى في الإزدواج ناتجة من قانون نيوتن الثالث للحركة: فلا يمكن أن يكونا قوى القانون الثالث لأنهما يعملان على نفس الجسم، وزوج قوى القانون الثالث بأذران على أجسام مختلفة، ولأن كل من القوتين تحدث نفس عزم الدوران مقداره Ed).

واضح أن الجسم يدور مع عقارب الساعة ويتأثر بعجلة زاوية وأن المحور، من حيث الحركة الدورانية، يعتبر ذلك وضع عدم الران، ومحصلة عزوم الدوران على الجسم تؤدي إلى عجلة زاوية $\sum \tau = 2Fd = I\alpha$ المعادلة $\sum \tau = 2Fd = I\alpha$ (ارجع إلى معادلة (21.10) بصفة والدق الجسم في حالة اتزان دوراني فقط إذا كانت العجلة الرادة $\sum \tau = I\alpha$ لحالة الدوران حول محور المحور عصور محور محور المحالة الدوران حول محور المحالة الدوران حول محور



شكل (2.12) القوتان \mathbf{F}_1 و \mathbf{F}_2 ليستا متكافئتان لأنهما لا يحدثا نفس الدوران حول نفس المحور على البرغم من أنهما متساويتان في المقدار ومتضادتان في الاتحاء.



شكل(3.12) قوتان لهما نفس القدار يكونان إزدواجا إذا كان خطا عملهما خطان مختلفان ومتوازيان، في هذه الحالة يدور الجسم مع عقارب الساعة. صافي عزم الدوران حول أي محور مقداره \$2Fd

ثابت، والشرط الهام الثاني للاتزان هو أن صافي عزم الدوران حول أي محور يجب أن يساوي صفراً.

إذن لدينا شرطان هامان لاتزان الأجسام

(1.12)
$$\sum \mathbf{F} = 0$$
 محصلة القوى الخارجية بجب أن تساوى صفراً

(2.12)
$$\Sigma \tau = 0$$
 أن تساوي صفراً $0 = \tau$ (2.12) محصلة عزم الدوران الخارجي حول أي محور يجب أن تساوي صفراً

والشرط الأول هو نص خاص بالاتزان الإنتقالي فهو يخبرنا بأن العجلة الخطية لمركز الكتلة للجسم يجب أن تساوى صفراً عندما ننظر إليها من إطار مرجعي قصوري. والشرط الثاني نص خاص بالاتزان الدوراني ويخبرنا بأن العجلة الزاوية حول أي محور يجب أن تساوى صفر في الحالات العملية للاتزان الإستاتيكي وهو الموضوع الرئيسي لهذا الباب يكون الجسم في حالة سكون عندما لا يكون له سرعة $\omega = 0$ ، $v_{CM} = 0$ أي أن $\omega = 0$ ، ω

اختبار سريع 1.12

(a) هل من المكن حدوث حالة يصلح فيها استخدام المعادلة (1.12) بينما لا تصلح المعادلة (2.12)؟ (b) من المكن استخدام المعادلة (2.12) بينما لا يصلح استخدام (1.12).

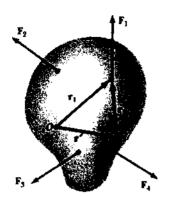
المتجهان المعطيان بمعادلتي (1.12) و (2.12) متكافئان بصفة عامة لستٍّ حالات قياسية Scaler . ثلاثة من الشرط الأول للإتزان وثلاثة من الشرط الثاني (تُناظر المركبات z,y,x).

إذن هي منظومة مركبة تحتوي على قوي عديدة تعمل في اتجاهات مختلفة ستواجه بحل مجموعة من المادلات ذات عدد كبير من المجاهيل. سوف نقصر إهتمامنا الآن على حالة تكون فيها جميع القوى في المستوى xy (القوى التي تكون المتجهات المثلة لها في نفس المستوى تسمى متحدة المستوىCoplanar). ومع هذا الإختصار، سنتعامل فقط مع ثلاث معادلات قياسية. اثنتان منهما تأتيان من اتزان القوى في اتجاهى y,x والثالثة تأتى من معادلة عزم الدوران ولاسيما أن مجموع عزوم الدوران حول أي نقطة في المستوىxy يجب أن تساوي صفرا. ومن شم شرطا الاتزان يؤديان إلى المعادلات:

$$\sum F_x = 0$$
 , $\sum F_y = 0$, $\sum \tau_z = 0$ (3.12)

حيث محور عزم الدوران في معادلة عزم الدوران يكون اختياريا.

كما سنرى بغض النظر عن عدد القوى المؤثرة. إذا كان جسم في حالة اتزان انتقالي، وإذا كانت محصلة عزوم الدوران صفر حول محور ما. عند إذ تكون محصلة عزم الدوران تساوي صفر عند جميع 482) باقى المحاور ومن الممكن أن تكون النقطة داخل أو خارج حدود الجسم.



شكل (4.12) شكل يبين أن صافي عزم الدوران يساوي صنفر عند النقطة 0، وهو أيضا صفر عند أي نقطة أخرى مثل 'O مثلا،

اعتبر جسما تؤثر عليه مجموعة من القوى بحيث أن محصلة الدوى ھ*ى*

$$\sum \mathbf{F} = \mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2 + \mathbf{F}_3 + \dots = 0$$

كما في شكل(4.12) الذي يوضع هذا الوضع (للتوضيح بالنسبة \mathbf{F}_1 بالنسبة عمل القوة \mathbf{F}_1 بالنسبة به جد أربع قوى فقط في الشكل) نقطة عمل القوة \mathbf{F}_1 \mathbf{F}_3 السطة $\mathbf{0}$ تحدد بواسطة موضع المتجه \mathbf{r}_1 وبالمثل نقط عمل ا برا تحدد بواسطة ٢٦ و ٢٥ (غيبر موضيحة) محصلة عزم الدوران حول محور يمر بالنقطة O هو

$$\sum \mathbf{\tau}_O = \mathbf{r}_1 \times \mathbf{F}_1 + \mathbf{r}_2 \times \mathbf{F}_2 + \mathbf{r}_3 \times \mathbf{F}_3 + \dots$$

نفترض نقطة إختيارية أخرى O' لها متجه الموضع \mathbf{r}' بالنسبة

المقطة 0. إذن نقطة عمل \mathbf{F}_1 بالنسبة للنقطة O' هي $\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}'$ وهكذا . إذن عبزم الدوران حول محور o' بالنقطة o' هو،

$$\sum \mathbf{\tau}_{O'} = (\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}') \times \mathbf{F}_1 + (\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}') \times \mathbf{F}_2 + (\mathbf{r}_3 - \mathbf{r}') \times \mathbf{F}_3 + \dots$$
$$= \mathbf{r}_1 \times \mathbf{F}_1 + \mathbf{r}_2 \times \mathbf{F}_2 + \mathbf{r}_3 \times \mathbf{F}_3 + \dots - \mathbf{r}' \times (\mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2 + \mathbf{F}_3 + \dots)$$

حيث أن محسصلة القوى يفترض أنها تساوى صفرا (بفرض أن الجسم في حالة اتزان استالي Translational equibrium) فإن الحد الأخير يتلاشى ونجد أن عزم الدوران حول O'يساوى Iرم الدوان حول O . إذن إذا كان جسم في حالة اتزان انتقالي ومحصلة عزم الدوان صفر حول نقطة O١٠ فلابد لحصلة عزم الدوران أن تساوي صفرا حول أي نقطة أخرى.

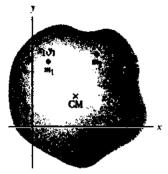
MORE ON THE CENTER OF GRAVITY المزيد عن مركبز الشيقل 2.12

لقد رأينا أن النقطة التي تؤثر عندها القوة يمكن أن تكون حرجة في تحديد الطريقة التي يستجيب الله الجسم لتلك القوة مفمثلا قوتان متساويتان في المقدار ومتضادتان في الإنجام يحدثان إنزان إذا أثرتا الى نقطة واحدة في الجسم. إلا أنه إذا كانت نقطة عمل إحدى القوتان قد أزيعت بحيث أن القوتين. ١٠٠٠ ارتا لاتعمالان على امتداد نفس خط العمل،عندئذ تنتج قوى ازدواج وتؤثر على الجسم عجلة زاوية ١٨٨٠ الوضع ممثل في شكل (3.12)

عندما نتعامل مع جسم جامد. أحد القوى التي يجب أن تؤخذ في الإعتبار هي قوة الجاذبية المؤثرة « « ويجب أن نحدد نقطة عمل هذه القوة.

دما ذكر في قسم (6.9) لكل جسم نقطة خاصة تسمى مركز الثقل. جميع قوى الجاذبية المؤثرة على (483

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل(5.12) يمكن تقسيم الجسم إلى جسيمات صغيرة عديدة لكل منها كتلة محددة وإحداثيات محددة. وهذه الجسبيمات تستخدم في تحديد مركز الكتلة.

مختلف عناصر الكتلة في الجسم تكافئ قوة جذب واحدة تؤثر عند هذه النقطة، إذن لكي نحسب عزم الدوران الناتج عن قوة الجاذبية المؤثرة على جسم كتلته M، تحتاج فقط أن نعين القوة Mg المؤثرة عند مركز النقل للجسم، كيف نحدد هذه النقطة الخاصة؟. كما ذكرنا في القسم (6.9) إذا افترضنا أن g منتظمة على الجسم عند إذ فإن مركز الثقل ينطبق على مركز الكتلة. لكي نتأكد من ذلك نتصور جسما له أي شكل ينطبق على المستوى xy كما هو مبين في شكل (5.12). نفسرض أن الجسم منقسم إلى عدد من الجسبيمات كتلها $(x_3,y_3),(x_2,y_2),(x_1,y_1)$ ولها إحدثيات $(m_1,m_2,m_3,...)$ معادلة 9.28 قد عرَّفنا الإحدثي x لمركز الكتلة لمثل هذا الجسم على

$$x_{\text{CM}} = \frac{m_1 x_{1+} m_2 x_{2+} m_3 x_{3+} \dots}{m_{1+} m_{2+} m_{3+} \dots} = \frac{\sum_{i} m_i x_i}{\sum_{i} m_i}$$

وتستخدم معادلة مماثلة لتحديد مركز الكتلة على المحور y بإحلال كل نقطة على المحور x بنظيرتها على المحور Y.

سوف نحاول الآن أن ندرس الوضع من وجهة نظر أخرى باعتبار قوة الجاذبية المؤثرة على كل جسيم كما هو موضح في شكل (6.12). كل جسيم يضيف عزم دوران حول نقطة الأصل يساوي في المقدار وزن الجسيم mg مضروباً في ذراع العزم. فمثلاً عزم الدوان الناتج عن القوة $m_1 \mathbf{g}_1 \mathbf{x}_1$ هو $m_2 \mathbf{g}_1$ حيث $m_3 \mathbf{g}_1$ مقدار مجال الجاذبية عند مكان الجسيم الذي كتلته m_1 . نود أن نحدد مكان مركز الثقل x_0 . النقطة التي عندها تأثير قوة جذب مفردة mg (حيث + $m_1 + m_2 + m_3 + \dots$ وهي الكتلة الكلية للجسم) مماثلة في عزم الدوران لتأثير جميع قوى الجذب كل على حده migi . بمساوات عزم الدوان الناتج عن mg المؤثر على مركز الثقل x_{CG} بمجموع عزوم الدوران المؤثرة على الجسيمات المنفردة نحصل على الآتي

$$(m_1g_1+m_2g_2+m_3g_3+\ldots)x_{\rm CG}=m_1g_1x_1+m_2g_2x_2+m_3g_3x_3+\ldots$$

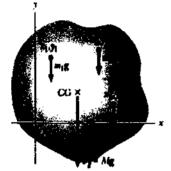
وهذه العلاقة تبين أن مجال شدة الجاذبية g يمكن أن يختلف على الجسم. إذا قلنا أن g مقدارا ثابتا كما هو الحال دائما عندئذ تتلاشى g ونحصل على المعادلة التالية

$$x_{\text{CG}} = \frac{m_1 x_{1+} m_2 x_{2+} m_3 x_{3+} \dots}{m_{1+} m_{2+} m_{3+} \dots}$$
 (4.12)

بمقارنة هذه النتيجة بمعادلة 9.28 نجد أن مركز الثقل يقع عند مركز الكتلة طالما أن الجسم يقع في 484) مجال جاذبية منتظمة. اس العديد من الأمثلة الموجودة في القسم الثالي سنكون معنيين بالأجسام المتماثلة والمتجانسة، مركز النقل لأي جسم من هذا النوع ينطبق مع مركزه الهندسي Geometric Center

3.12 أمثلة لأجسام جامدة في حالة اتزان إستاتيكي

EXAMPLES OF RIGID OBJECTS IN STATIC EQUILIBRIUM



شكل (6.12) مركز الثقل لجسم يقع عند مركز كتاته، إذا كان مقدار g ثابتا على الجسم.

صخرة في إحدى حسمدائق كلورادو بالولايات المسحدة، مثال للإنزان المستقر



صورة حامل زجاجة المشروبات الغازية الموجوده على الصفحة الأولى لهذا الباب تبين أحد أمثلة النظم الميكانيكية المتزنة التي تبدو أنها لاتتفق مع قوانين الجاذبية، فالمنظومة المكونة من حامل الرجاجة والزجاجة لكي تكون في وضع اتزان، يجب أن تكون محصلة القوى الخارجية تساوي صفر (راجع معادلة 12.2) والشرط (راجع معادلة 12.2) ومحصلة عزوم الدوران الخارجية تساوي صفر (راجع معادلة 12.2) والشرط النابي يمكن تحقيقه فقط عندما يكون مركز الثقل للمنظومة فوق نقطة الإرتكاز مباشرة، عندما نتعامل حومسائل الاتزان الإستاتيكي من الأمور الهامة أن نتعرف على جميع القوى الخارجية المؤثرة على المسم وإذا فشلنا في عمل ذلك سينتج عنه تحليل غير صحيح،

مند دراسة جسم في حالة اتزان تحت تأثير مجموعة من القوى الخارجية استخدم الطريقة التالية.

ملاحظات لحل المسائل

الأجسام في حالة اتزان استاتيكي.

- إرسم رسما توضيحياً للمنظومة.
- إمزل الجسم المراد تحليله. ارسم شكلا للجسم ثم بين وعلّم على جميع القوى الخارجية المؤثرة ملى الجسم المراد تحليله السم ألى الجسم على الوسط المنظومات التي تحتوي على أكثر من جسم. ارسم شكلا لكل منها) حاول أن تتخيل الاتجاء الصحيح لكل قوة. إذا كان الإتجاء الذي اخترته يؤدي إلى قوة سالبة لاتنزعج، فهذا يعني سياطة أن اتجاء القوة هو عكس ما قد توقعته.

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

- ضع إحدثيات مناسبة للجسم وأوجد مركبات القوى على امتداد المحورين. ثم استخدم الشرط الأول للاتزان. تذكر أن نظل منابعا لإشارات جميع مركبات القوة.
 - ♦ اختر محوراً مناسباً لحساب محصلة عزم الدوران على الجسم.
- تذكر أن اختيار نقطة الأصل لمادلة عزم الدوران اختياريا. لذلك اختار نقطة الأصل التي تيسر حساباتك بقدر الإمكان. لاحظ أن القوة التي تعمل على امتداد خط يمر خلال النقطة التي تم اختيارها كنقطة أصل لايكون لها إضافة لعزم الدوران ومن ثم يمكن إهمالها.

الشرط الأول والشرط الثاني للاتزان يعطيان مجموعة من المعادلات الخطية التي تحتوي على العديد من المجاهيل. وهذه المعادلات يمكن حلها آنيا.

الأرجوحة مثال 12.1

لوح من الخشب وزنه 40.0N بجلس على طرفيه أب وابنته وهما يزنان 800N و 350N على الترتيب كما في شكل(7.12) إذا كانت نقطة ارتكاز اللوح على الحامل تقع أسفل مركز الثقل للوح. والأب يجلس على بعد 1.0m من المركز (a) احسب مقدار القوة n التي توثر إلى أعلى على اللوح بواسطة الحامل.

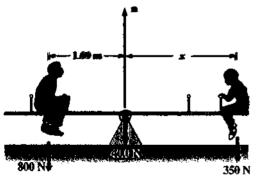
الحل ، لاحظ أنه إلى جانب القوة n القوى الخارجية المؤثرة على اللوح هي القوى المؤثرة إلى أسفل بواسطة الأب والأبنة وقوة الجاذبية المؤثرة على اللوح. ونعلم أن مركز الشقل للوح يقع عند المركز الهندسي له حيث أن اللوح منتظم. وبما أن المنظومة في حالة اتزان استاتيكي إذن القوة n إلى أعلى يجب أن تعادل جميع القوى المتجهة إلى أسفل أي أن $\sum \mathbf{F}_{\mathbf{v}} = \mathbf{0}$. وقد أشرنا إلى أن القوى المتجهة إلى أعلى تكون في الإتجاء الموجب للمحورY إذن.

$$n - 800 \text{ N} - 350 \text{ N} - 40.0 \text{ N} = 0$$

n = 1 190 N

المعادلة ك=ريح لم نأخذها في الإعتبار حيث أنه لاتوجد فوى تؤثر في الإتجاه الأفقى للطاولة.

(b) احسب أين يجب أن تجلس الإبنة لكي يحدث اتزان للمنظومة



شكل (7.12) نظام متزن

الحل: لكي نحدد المكان نستخدم الشرط الثاني للاتزان. خذ محور عمودي على مستوى الصفحة خلال مركز الثقل للوح كمحور لعزم الدوران، في هذه الحالة (عزمي الدوران الناتجين عن القوه n 486] | وقوة الجاذبية الموثرة على اللوح حول هذا المحور يساويان صفراً) نجد أنه من المعادلة.

$$(800 \text{ N}) (1.0 \text{ m}) - (350 \text{ N}) x = 0$$

 $x = 2.29 \text{ m}$

(c) أعد (b) على محور آخر

الحل: لكي نبين أن اختيار المحور أمر اختياري سوف نتخذ محورا عموديا على الصفحة ويمر خلال الكان الذي يجلس فيه الأب، نتذكر أن إشارة عزم الدوران الناتج عن القوة تكون موجبة إذا كان عزم الدوران يجعل المنظومة تدور ضد عقارب الساعة، وتكون سالبة إذا كانت القوة تجعل المنظومة تدور مع مفارب الساعة، في هذه الحالة $\Sigma = 0$ إذن

$$n(1.0 \text{ m}) - (40.0 \text{ N}) (1.0 \text{ m}) - (350 \text{ N}) (1.0 \text{ m} + x) = 0$$

من الجزء (a) نعلم أن n = 1190 N إذن يمكننا أن نحل المعادلة لإيجاد n = 1190 N

$$x = 2.29 \text{ m}$$

وهذه النتيجة تتفق مع النتيجة التي حصانا عليها في b.

اختبار سريع 2.12

في مثال(1.12) إذا كان الحامل لا يقع أسفل مركز الثقل للوح ما هي المعلومات الأخرى التي تحتاجها لكي تحل هذه المسألة.

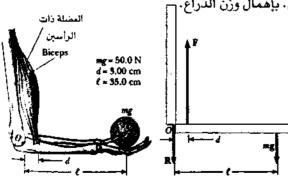
مثال 2.12 🖟 يد تحمل ثقلا

شخص يضع كرة وزنها 50.0N في يده وساعده مبسوط، وعضلة الذراع ذات الرأسينbiceps مسخص يضع كرة وزنها 50.0N في شكل 12.8a والكرة على بعد 35.0 cm من المفصل كما في شكل 12.8a والكرة على بعد 35.0 cm من المفصل كما في شكل 12.8a والكرة على بعد المفصل بواسطة العضلة ذات الرأسين والقوة المؤثرة إلي أصفل بواسطة العضلة ذات الرأسين والقوة المؤثرة إلي أصفل بواسطة

المصد على الساعد ونقطة عملها عند المفصل، بإهمال وزن الذراع،

الحل: لتبسيط الوضع نعمل نموذج الدراع كقضيب كميا في شكل (8.12b) من القرة إلى أعلى التي تؤثر بها العماة ذات الرأسين و R هي القوة إلى النال التي يوثر بها العضد عند المفصل.

المنظم الأول للاتزان لدينا مع اعتبار النظام العلوي المنظم العلوي الإنجام العلوي المنظم المنظ



شكل (8.12) العضلة ذات الرأسين تشد إلى أعلى بقوة F عمودية على الساعد (b) النموذج الميكانيكي للمنظومة الموصوفة في الجزء (a) من المثال.

(1)
$$\Sigma F_{v} = F - R - 50.0 \text{ N} = 0$$

ومن الشرط الثاني للاتزان مجموع عزوم الدوران حول أي نقطة تساوي صفراً إذا اعتبرنا المفصل كمحور عندئذ

$$Fd - mg \ \ell = 0$$

 $F(3.0 \text{ cm}) - (50.0 \text{ N}) (35.0 \text{ cm}) = 0$
 $F = 583 \text{ N}$

ومقدار القوة F يمكن أن يحل في المعادلة (1) لنحصل على مقدار R وهو يساوي N 53 \tilde{S} R وكما يبين هذا المثال القوى عند المفصل وفي العضلات يمكن أن تكون كبيرة

تمرين؛ في الواقع أن العضلة ذات الرأسين تصنع زاوية 15.0° مع العمودي إذن \mathbf{F} لها مركبتان أحدهما عمودية والأخرى أفقية. أوجد مقدار \mathbf{F} ومركبة \mathbf{R} عندما نأخذ ذلك في الإعتبار

$$R_v = 533 \text{ N}$$
 , $R_x = 156 \text{ N}$, $F = 604 \text{ N}$ الجواب،

مثال 3.12 الوقوف على قضيب أفقي

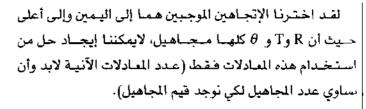
قضيب أفقي منتظم طوله m 8.0 ووزنه 200 مثبت في حائط بواسطة محور وصل pin connection ونهايته البعيدة معلقة بواسطة كابل يصنع زاوية 53.0° مع الأفقي شكل (9.12a). إذا وقف شخص يزن N 600 على بعد m 2 من الحائط، احسب الشد في الكابل. وأيضاً مقدار واتجاء القوة التي يؤثر بها الحائط على القضيب.

الحاذبية، القوة T التي تؤثر على الكابل، القوة R التي تؤثر على القضيب والكابل وهي 200N قوة الجاذبية، القوة T التي تؤثر على الكابل، القوة R التي تؤثر بها الحائط على نقطة ارتكاز القضيب و 600 القوة التي يؤثر بها الشخص الواقف على القضيب. هذه القوى ممثلة على الرسم التوضيعي للقضيب في شكل (9.12b). عندما نأخذ اتجاه القوى في الإعتبار، قد يساعد في بعض الأحيان إذا تصورنا ما يحدث إذا ما أزيلت إحدى القوى فجأة. فمثلاً إذا اختفت الحائط فجأة، النهاية اليسرى للقضيب قد تتحرك نحو اليسار عندما تبدأ في السقوط، وهذا يبين لنا أن الحائط لايحمل القضيب إلى أعلى فقط لكنه كذلك يضغط عليه إلى الخارج، ولذلك نرسم المتجه R كما هو مبين في الشكل الكراء الإنا T و R لمركبتين رأسية وأفقية كما هو في شكل 12.9c وباستخدام الشرط الأول للأنزان نحصل على الآتى:

(1)
$$\sum F_x = R \cos \theta - T \cos 53.0^\circ = 0$$

(2)
$$\sum F_{Y} = R \sin \theta + T \sin 53.0^{\circ}$$

- 600 N - 200 N = 0



سبوف نحاول في شرط الإتزان الدوراني، المحور المناسب المادلة عزم الدوران هو المحور المار بنقطة إرتكاز القضيب على الحائط أي عند محور الوصل، وما يجعل هذه النقطة مناسبة هو أن القوة R والمركبة الأفقية للقوة T لكلاهما ذراع عزم يساوي سفر، إذن هذه القوى لاتحدث عزم دوران حول هذه النقطة، ونتذكر الاتجاء المضاد لعقارب الساعة يعني إشارة موجبة لعزم الدوران حول المحور، وبملاحظة أن أذرع العزوم للقوى N 600 الموران حول 8.0 m و 8.0 m و 8.0 m و 8.0 m على الترتيب.

$$\sum \tau = (T \sin 53.0^{\circ}) (8.0 \text{ m}) - (600 \text{ N}) (2.0 \text{ m})$$
$$- (200 \text{ N}) (4.0 \text{ m}) = 0$$
$$T = 313 \text{ N}$$

إذن معادلة عزم الدوران مع هذا المحور أعطنتا قيمة أحد المجاهيل مباشرة، الآن نضع هذا المقدار في معادلتي (1) و (2) ونجد أن

$$R \cos \theta = 188 \text{ N}$$

 $R \sin \theta = 550 \text{ N}$

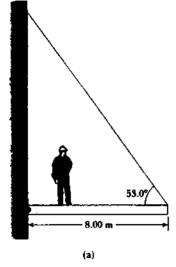
بقسمة المعادلة الثانية على الأولى ونتذكر أن $\sin \theta \, T \cos \theta = \tan \theta$

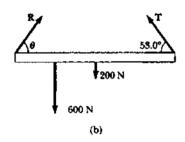
$$\tan \theta = \frac{550 \text{ N}}{188 \text{ N}} = 2.93$$

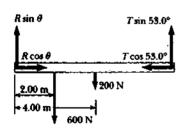
 $\theta = 71.1^{\circ}$

وهذه القيمة الموجبة تبين أن تقديرنا لاتجاه R كان صحيحا.

$$R = \frac{188 \text{ N}}{\cos \theta} = \frac{188 \text{ N}}{\cos 71.1^{\circ}} = 580 \text{ N}$$







شكل (9.12) (a) قضيب منتظم معلق بكابل (b) جسم القضيب حر T رسم للقضيب يبين المركبتان T

إذا أخذنا محورا آخر لعزم الدوران فإن النتيجة لن تتغير. فمثلا إذا اخترنا محورا يمر بمركز الثقل (2), (1)للقضيب. معادلة عزم الدوران سوف تحتوى على كل من T, R إلا أن هذه المعادلة مع المعادلتين يمكن حلها لإيجاد المجاهيل، حاول ذلك،

عندما تكون قوى كثيرة تؤثر في أحد المسائل من هذا النوع من المناسب أن تعمل جدولا. فمثلا للمثال الذي أعطيناه بمكننا عمل الجدول التالي. ونضع مجموع الحدود في الصف الأخيار تساوي صفراً وهو ما يمثل شرط الاتزان الدوراني.

مركبة	ذراع العزم	عزم الدوران	
القوة	بالنسبة إلى O (m)	حول O (N·m)	
T sin 53.0°	8.00	$(8.00)T \sin 53.0^{\circ}$	
T cos 53.0°	0	0	
200 N	4.00	- (4.00) (200)	
600 N	2.00	-(2.00) (600)	
$R \sin \theta$	0	0	
$R \cos \theta$	0	0	

السلمالمائل مثال 4.12

سلم منتظم طوله ℓ ویزن N=mg 50 ویرتکز علی حیاتیط أملس شکل (10.12a) الذا کیان معیامل الإحتكاك الإستانيكي بين السلم والأرض هو $\mu_{\rm s}=0.4$ إحسب أقل زاوية heta التي عندها لاينزلق $\mu_{\rm s}=0.4$

شكل (10.12) سلم منتظم مستقر ماثل على سطح حائط أماس والأرض خشنه .(b) رسم توضيحي للقوى المؤثرة على السلم. لاحظ أن القبوى R و mg تمر خبلال نقطة مشتركة 'O'

الحل: الرسم التوضيحي شكل (10.12b) يبين القوى الخارجية التي تؤثر على السلم. قوة رد الفعل R التي تؤثر بها الأرض على السلم هي مجموع المتجهات للقوى العمودية n وقوة الاحتكاك الإستاتيكي \mathbf{f}_{s} . قوة رد الفعل P التي تؤثر بها الحائط على السلم أفقيا لأن الحائط عديم الإحتكاك، لاحظ أننا قد أخذنا في الإعتبار القوى التي تؤثر فقط على السلم، فمثلا القوة التي يؤثر بها السلم على 490) الأرض وعلى الحائط لاعلاقة لهما بالمسألة لذلك لايظهرا في الشكل المبين للسلم وتوزيع القوى المؤثرة عليه. باستخدام الشرط الأول للاتزان بالنسبة للسلم نجد أن.

$$\sum F_{x} = f - P = 0$$
$$\sum F_{y} = n - mg = 0$$

من المعادلة الثانية نجد أن $n=mg=50~\mathrm{N}$ بالإضافة إلى ذلك عندما يكون السلم على وشك $f_{\mathrm{s.max}}=\mu_{\mathrm{s}}n=0.40(50~\mathrm{N})=20~\mathrm{N}$ الانزلاق، تكون قوة الاحتكاك أكبر ما يمكن وتعطى بالمعادلة

(تذكر معادلة 8.5 $\mu_{\rm s} n$) إذن عند هذه الزاوية P=20 ولكي نجد $\theta_{\rm min}$ نستخدم الشرط الثاني للاتزان عندما نأخذ عزوم الدوران حول محور عند نقطة أصل O عند الطرف السفلي للسلم نحد أن

$$\sum \tau_O = P\ell \sin \theta - mg \frac{\ell}{2} \cos \theta = 0$$

حيث mg = 50 N المام على وشك أن ينزلق، وحيث ان mg = 50 N هذه المعادلة تؤدي

$$\tan \theta_{\min} = \frac{mg}{2P} = \frac{50 \text{ N}}{40 \text{ N}} = 1.25$$

$$\theta_{\min} = 51^{\circ}$$

هناك مدخل آخر لحل المسألة باعتبار نقطة التقاطع O' لخطي عمل القوتين m وحيث أن عزم الدوران حول أي نقطة أصل يساوي صفر، عزم الدوران حول O' يجب أن يساوي صفر.

وهذا يقتضي أن يكون خط عمل القوة R (محصلة القوتين h و f) يمر خلال O' وبما أن السلم ساكن، والقوى الثلاثة المؤثرة عليه يجب أن تمر جميعها خلال نقطة مشتركة. ومع هذا الشرط بمكتك أن توجد الزاوية ϕ التي تصنعها R مع الأفقي (حيث ϕ أكبر من θ) وبما أن هذه الطريقة تعتمد على طول السلم، يجب أن نعرف مقدار θ لإيجاد مقدار

 $\tan \phi = 2 \tan \theta$ بين أن $\theta = 2 \tan \theta$ تمرين: للزاوية المعطاة في شكل (10.12) بين أن

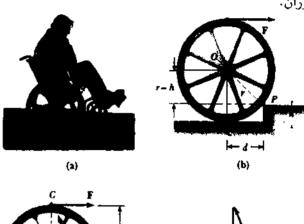
مثال 5.12 التغلب على حاجز الطريق

(ii) عين مقدار القوة \mathbf{F} التي يستخدمها شخص لدفع العجلة الرئيسية لكرسي المعاقين ذو العجلات الكي يتدحرج على حاجز للطريق شكل (11.12.a) ، علما بأن العجلة الرئيسية هي التي تكون ملامسة العاجز ونصف قطرها \mathbf{r} وارتفاع الحاجز \mathbf{r} .

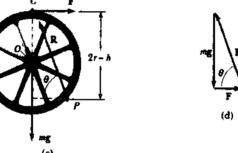
الحل: عادة يقوم الشخص المستخدم للكرسي بدفع عجلة صغيرة متحدة المركز مع العجلة الرئيسية المي بتحرك الكرسي مستخدما في ذلك قوة عضلاته، نفرض أن نصف قطر العجلة الصغيرة مساويا الصف قطر العجلة الرئيسية ولذلك يمكن استخدام r لنصف القطر، سنقدر الوزن الكلي للرجل والكرسي بمقدار r علما في الرسم شكل (11.12b) (والكرسي بمقدار r علما في الرسم شكل (11.12b)

وسنفرض أن ارتفاع الحاجز $h = 10 \, \mathrm{cm}$. وسنفرض أن الكرسي ذا العجلات وراكبه متماثلان وأن كل عجلة تحمل ثقلا قدره $n = 10 \, \mathrm{cm}$ معلة تحمل ثقلا قدره $n = 10 \, \mathrm{cm}$ معلة بالتحليل لعجلة واحدة.

عندما تكون العجلة على وشك أن ترتفع عن الطريق. رد الفعل الذي يؤثر به الطريق على العجلة عند النقطة Q تصبح صفر. في هذا الوقت تؤثر على العجلة ثلاث قوى فقط كما هو موضح في شكل (11.12c) إلا أن القوة R وهي القوة المؤثرة على العجلة بواسطة الحاجز تؤثر على النقطة P ومن ثم إذا اخترنا أن يكون محور الدوران يمر خلال النقطة P فإننا لانحتاج أن نضيف P في معادلة عزم الدوران.



شكل (11.12) كرسي له عجلات وشخص يجلس عليه الوزن الكليm. استخدمت قوة F لرفعه فوق حاجز في الطريق (b) قوة T لرفعه فوق حاجز في الطريق(c) تفاصيل الفوى المؤثرة عند لحظة رفعها شوق الحاجز. تؤثر ثلاث قوى على العجلة في تلك اللحظة F التي تؤثر بها يد الشيخص، R القيوى الموثرة على العجلة بواسطة الحاجز وقوة الجاذبية المغلة بواسطة الحاجز وقوة الجاذبية الخارجية اللهلائة المؤثرة على العجلة يساوى صفراً.



من المثلث OPQ المبين في شكل (11.12b) نرى أن ذراع العزم d لقوة الجاذبية P التي تؤثر على العجلة عند النقطة P هي P مي العجلة عند النقطة P

$$d = \sqrt{r^2 - (r - h)^2} = \sqrt{2rh - h^2}$$

ذراع العزم للقوه ${\bf F}$ بالنسبة للنقطة ${\bf P}$ هو ${\bf A}$ وإذن محصلة عزم الدوران المؤثرة على العجلة حول النقطة ${\bf P}$ هي النقطة ${\bf P}$ النقطة ${\bf P}$ هي النقطة ${\bf P}$ هي النقطة ${\bf P}$ هي النقطة ${\bf P}$ النقطة ${\bf P}$ هي النقطة ${\bf P}$ النقطة ${\bf P}$ النقطة ${\bf P}$ هي النقطة ${\bf P}$ من النقطة ${\bf P}$ النقطة

$$mgd - F(2r - h) = 0$$

$$mg \sqrt{2rh - h^2} - F(2r - h) = 0$$

$$F = \frac{mg \sqrt{2rh - h^2}}{2r - h}$$

$$F = \frac{(700 \text{ N}) \sqrt{2(0.3 \text{ m}) (0.1 \text{ m}) - (0.1 \text{ m})^2}}{2(0.3 \text{ m}) - 0.1 \text{ m}} = 300 \text{ N}$$

وهذه النتيجة تبين أن القوة التي يجب استخدامها لكل عجلة مقدارها كبير.

(b) احسب مقدار واتجاه **R**

الحل: نستخدم الشرط الأول للاتزان لتعديد الاتجاء

$$\sum F_x = F - R \cos \theta = 0$$

$$\sum F_{V} = R \sin \theta - mg = 0$$

بقسمة المعادلة الثانية على الأولى نحصل على

$$\tan \theta = \frac{mg}{F} = \frac{700 \text{ N}}{300 \text{ N}}; \theta = 70$$

باستخدام المثلث قائم الزاوية في شكل (11.12d) لنوجد n

$$n = \sqrt{(mg)^2 + F^2} = \sqrt{(700 \text{ N})^2 + (300 \text{ N})^2} = 800 \text{ N}$$

تمرين حل هذه المسألة مع ملاحظة أن القوى الثلاثة المؤثرة على العجلة تمر خلال النقطة C- والقوى الثلاثة تكون جوانب المثلث الموضع في شكل (11.12d).

استخدام تحليل الجمالون Analysis Of truss

الأسقف والكباري والتركيبات الأخرى التي يجب أن تتوفر فيها القوة وخفة الوزن. غالبا ما تصنع من جمالونات مشابهة لما في شكل (12.12a) تخيل أن هذا الجمالون عبارة عن جزء من كوبري، لكي تعالج هذا الموضوع سنفترض أن مكونات هذا الكوبري متصلة ببعضها بواسطة محاور وصل Pin أن الكوبري كله يمكنه أن ينزلق أفقيا لأنه مرتكز على قواعد عند نهاياته Rocker Base. تسمح له بالحركة إلى الأمام والخلف إذا حدث له تمدد أو انكماش، إذا افترضنا أن كتلة الكوبري مهملة بالمقارنة بالأحمال التي عليه، سنحاول أن نحسب جميع قوى الشد والضغط التي على مختلف أجزاء الكوبري عندما يكون حاملا لحمل مقداره 7200N عند المركز (ارجع للمسألة 58)

الرموز المستخدمة للتعبير عن القوى كالآتي. جميع الحروف التعتية لأي رمز تعني الجسم المؤثر بالقوة فقط، أما الجِسم الذي يتأثر بالقوة فلا يوضع له حرف تحت الرمز، فمثلا في شكل(12.12) F_{AB} تعني القوة فقط التي يؤثر بها العمود الإنضغاطي F_{AB} على محور الوصل عند F_{AB}

أولا: نستخدم قانون نيونن الثاني للحركة للجمالون ككل في الاتجاء العمودي، القوى الداخلية لا تدخل في الحساب، نعادل ثقل الحمل بالقوى العمودية المؤثرة عند النهابتين بواسطة الدعامات التي يرتكز عليها الكوبري.

$$\sum F_y = n_A + n_E - F_g = 0$$

 $n_A + n_E = 7200 \text{ N}$

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

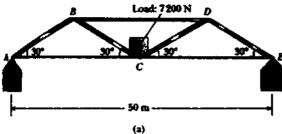
بعد ذلك نحسب عزم الدوران حول A، V الحظ أن الطول الكلي للكوبري هو V $L=50 \mathrm{m}$

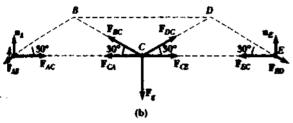
$$\sum \tau = L n_E - (L/2) F_g = 0$$

 $n_E = F_g/2 = 3600 \text{ N}$

على الرغم من أننا نستطيع أن نعيد حسابات عزم الدوران للنهاية التي على اليسمين (النقطة E) إلا أنه واضح من اعتبارات التماثل أن $n_A = 3~600~\mathrm{N}$

دعنا نحلل القوى العمودية المؤثرة على محاور الوصل عند النقطة A إذا افترضنا أن قضيب الضغط AB في حالة انضغاط





شكل (12.12) كويري على شكل جمالون(b) القوى المؤثرة عند النقطة B . النقط E.C.A كتمرين إرسم القوي المؤثرة عند النقطة B

عندئذ تكون القوة F_{AB} التي يؤثر بها قضيب الضغط على معور الوصل عند النقطة A لها مركبة V سالبة (إذا كان قضيب الضغط في حالة شد سينتج عن حساباتنا قيمة سالبة لمقدار القوة وهي صحيحة)

$$\sum F_y = n_A - F_{AB} \sin 30^\circ = 0$$

 $F_{AB} = 7 \ 200 \ \text{N}$

والنتيجة الموجبة تؤكد على أن فرض التضاغط كان صحيحاء

يمكننا الآن إيجاد القوي المؤثرة على القضيب الواصل بين C, A باعتبار القوى الأفقية المؤثرة على معور الوصل عند النقطة A. حيث أن النقطة A ليسب متسارعة يمكننا القول أن F_{AC} لابد وأن تشير نحو اليمين شكل (12.12b) وهذا يبين أن القضيب بين النقطتين C, A تحت تأثير شد

$$\sum F_x = F_{AC} - F_{AB} \cos 30^\circ = 0$$

 $F_{AC} = (7\ 200\ \text{N}) \cos 30 = 6\ 200\ \text{N}$

الآن سوف نأخذ حالة القوى العمودية المؤثرة على معور الوصل عند النقطة C. سوف نعتبر أن فضيب الضغط BC في حالة شد (تخيل حركة معور الوصل عند النقطة C إذا حصل كسر في قضيب الضغط C فجأة) على أساس التماثل سنعتبر أن $F_{BC}=F_{DC}$ وأن $F_{BC}=F_{BC}$ sin 30° - 7 200 N = 0

 $F_{RC} = 7\,200\,\text{N}$



وفي النهاية سوف نعادل القوى الأفقية عند B بفرض أن قضيب الضغط BD في حالة انضغاط.

$$\sum F_x = F_{AB} \cos 30^\circ + F_{BC} \cos 30^\circ - F_{BD} = 0$$

(7 200 N) $\cos 30^\circ + (7 200 \text{ N}) \cos 30^\circ - F_{BD} = 0$
 $F_{BD} = 12 000 \text{ N}$

من هذا نجد أن القضيب العلوى للكوبري الذي له مثل هذا التصميم لابد وأن يكون قويا جدا.

ELASTIC PROPERTIES OF SOLIDS خواص المرونة للأجسام الجامدة \12.4

حتى الآن في دراستنا للميكانيكا قد افترضنا أن الأجسام تظل دون تغير في شكلها عندما تؤثر عليها فوى خارجية، في الواقع أن جميع الأجسام قابلة للتغير في الشكل، أي أنها قد تتغير من حيث الشكل أو الحجم أو الإثنين معا باستخدام قوى خارجية، عند حدوث تلك التغيرات، تعمل القوى الداخلية في الجسم على مقاومة حدوثها، سوف نناقش تغير شكل الأجسام الجامدة بدلالة مفاهيم الإجهاد والإنفعال.

الإجهاد كمية تتناسب مع القوة المسببة للتغير في الشكل، بالتحديد الإجهاد هو القوة الخارجية المؤثرة على وحدة المساحات من الجسم

الإنفعال Strain هو مقياس لدرجة التغير في الشكل. لقد وجد أنه في حالة الإجهادات الصغيرة متناسب الإنفعال مع الإجهاد، وثابت التناسب يعتمد على المادة التي يتغير شكلها وعلي طبيعة التغير.

وسيوف نسيمى ثابت التناسب مامل المرونة. elastic modulus. وسعامل المرونة هو النسبة بين الإجهاد والانفعال الناتج عنه.



وه وذج من البلاستهك يبين مجموعة مسود تحت تأثير أحسال. الخطوط المستهك الله مسوحة تبين المناطق التي عليها إدهادات كبيرة وهذه النماذج لها أهمية ما. نصميم المكونات المعمارية.

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

والمفهوم الحقيقي لمعامل المرونة أنه مقارنة بين ما حدث للجسم الجامد (تأثر بقوه) وكيف يستجيب الجسم (يتغير شكله لحد ما).

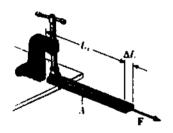
سوف نأخذ في الإعتبار ثلاث أنواع من تغير الشكل ونعرِّف معامل الرونة لكل نوع.

- 1 -معامل ينج young's modulus وهو يقيس مقاومة الجسم الجامد للتغير في الطول.
- 2- معامل القصى shear modulus وهو يقيس مقاومة المستويات التي يتكون منها الجُسم الجامد للانزلاق فوق بعضها.
- 3- معامل التغير الحجمي Bulk modulus وهو يقيس مقاومة الجسم الجامد أو المائع للتغير في 😁 الحجم.

معامل ينج: المرونة الطولية Young's Modulus : Elasticity in Length

نعتبر قضيبا طويلا مساحة مقطعة A وطوله الابتدائي L_i ثبت من أحد أطرافه كما في شكل (13.12) عندما تؤثر قوة خارجية عمودية على المقطع المستعرض. تقوم القوى الداخلية بمقاومة الإستطالة. إلا أن

القضيب يصل إلى حالة اتزان يكون فيها الطول النهائي $L_{
m f}$ أكبر من L_i وتكون فيه القوة الخارجية متزنة تماما مع القوى الداخلية. في هذه الحالة يقال إن إجهادا قد حصل للقضيب ويعرَّف الاجهاد الطولى tensile stress كالنسبة بين مقدار القوة الخارجية Fومساحة المقطع A. والانفعال الطولي tensile strain في هذه الحالة يعرف على أنه النسبة بين التغير في الطول ΔL إلى الطول الأصلي L_i . ويعرف معامل ينج بإيجاد النسبة بين هاتين النسبتين.

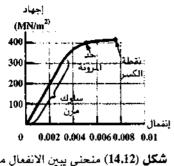


شكل(13.12) قضيب طويل مثبت عند أحد طرفينه ومنشدود من الطرف الأخسر فسحسدثت له \mathbf{F} استطالة ΔL تحت تأثير قوم

$$y = \frac{|V|}{|V|}$$
 الاجهاد الطولي $y = \frac{F/A}{\Delta L/L}$ (6.12)

معامل ينج يستخدم في وصف حالة قضيب أو سلك حدث له إجهاد طولي (شد أو ضغط) لاحظ أن الانقعال كمية بدون أبعاد ومعامل ينج y له أبعاد قوة على وحدة المساحة وجدول (12.1) يعطى قيما فعلية لمعامل ينج. وقد بينت النتائج العملية أن (a) لقوة ثابتة تؤثر على سلك أو قضيب، التغير في الطول يتناسب مع الطول الأصلي و(b) القوة اللازمة لإحداث انفعال معين تتناسب مع مساحة المقطع. هاتان





شكل (14.12) منحنى يبين الانفعال مع الإجهاد لجسم جامد مرن.

حد المرونة elastic Limit نادة يعرَّف على أنه أكبر إجهاد يمكن أن يؤثر على مادة ما قبل أن يتغير شكلها يصفة دائمة. ومن المكن تعدى حد المرونة لمادة ما باستخدام إجهاد كبير كما نرى في شكل (14.12) في البداية يكون شكل منحنى الإجهاد -الانفعال خطا مستقيما. مع زيادة الإجهاد لا يظل المنحنى خطا مستقيما وعندما يتعدى الإجهاد حد المرونة يتغير شكل الجسم بصفة دائمة ولا يعود لشكله الأصلى بعد إزالة الإجهاد. إذا زاد الإجهاد أكثر من ذلك فإن الجسم يتعرض للكسر عند نقطة .Breaking point الكسير

جدول (1.12) قيم حقيقية لمعاملات المرونة لبعض المواد

Substance	معامل ينج (N/m ²)	معامل القص (N/m²)	هامل المرونة الحجمية (N/m²)	4
Tungsten	35×10^{10}	14 x 10 ¹⁰	20 x 10 ¹⁰	تنجستين
Steel	20×10^{10}	8.4×10^{10}	6×10^{10}	صلب
Copper	11×10^{10}	4.2×10^{10}	14×10^{10}	نحاس
Brass	9.1×10^{10}	3.5×10^{10}	6.1×10^{10}	نحاس أصفر
Aluminum	7.0×10^{10}	2.5×10^{10}	7.0×10^{10}	ألمونيوم
Glass	$6.5 - 7.8 \times 10^{10}$	2.6-3.2 x 10 ¹⁰	$5.0 - 5.5 \times 10^{10}$	زجاج
Quartz	5.6×10^{10}	2.6×10^{10}	2.7×10^{10}	كوارتز
Water	-	_	0.21×10^{10}	ماء
Mercury	-	-	2.8×10^{10}	زئبق

اختبارسريع 3.12

ما هو معامل ينج للجسم المرن المعطى له منعنى الإجهاد- الإنفعال في شكل (4.12)؟

اختيار سريع 4.12

يقال عن المادة أنها قابلة للطرق إذا ما تأثرت بإجهاد يفوق حد مرونتها دون أن تنكسر. ويقال عن المادة أنها هشة إذا ما كسرت بمجرد أن يصل الإجهاد إلى حد المرونة. كيف تصف المادة في شكل (14.12) من هذا المفهوم؟

معامل المرونة القصية - مرونة الشكل Shear Modulus, Elasticity of Shape

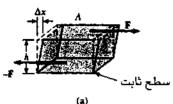
هناك نوع آخر من أنواع تغيير الشكل يحدث عندما يتأثر الجسم بقوة مماسية لأحد أوجهه بينما يثبت الوجه المقابل بقوة أخرى شكل (15.12a) والإجهاد في هذه الحالة يسمى اجهاد قصى، فإذا كان الجسم في الأصل مستطيلًا في الشكل وأثر عليه إجهاد قص فإن شكله يتغير ويصبح مقطعه متوازى مستطيلات. وإذا ثبت كتاب من أسفل ثم أثرت على سطحه العلوى بقوة مماسية كما في شكل (15.12b) فإن ذلك يعتبر مثالا لجسم يتأثر بإجهاد قصى، ومع التقريب من الدرجة الأولى يمكن القول أنه في حالة التأثير بإجهاد قصى صغير قد لا يحدث تغيير في الحجم نتيجة تغير الشكل، وإجهاد القص يسباوي F/A أي النسبة بين القوة الماسية إلى المساحة للسطح الذي يحدث له القص، وانفعال القص هو ($\Delta x / h$) حيث مى المسافة الأفقية التي يتحركها السطح الحادث له القص Δx و h هو ارتفاع الجسم وبدلالة تلك الكميات يصبح معامل القص

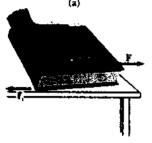
$$S = \frac{1}{1}$$
 اجهاد القص $\frac{F/A}{\Delta x/h}$

وقيم معامل القص لبعض المواد معطاة في جدول (1.12) ووحدة معامل القص هي قوة لوحدة المساحات (قوة/ مساحة) أى(N/m²)

المرونة الحجمية ومعامل المرونة الحجمية Bulk Modulus, Volume Elasticicty

معامل المرونة الحجمية يعبر عن استجابة مادة لقوة ضغط منتظمة أو لنقص منتظم في الضغط عندما يوضع الجسم في وعاء مفرغ من الهواء. نفترض أن قوى خارجية توثر علي جسم في وعاء مفرغ من الهواء كما في شكل (16.12) وأنها موزعة بانتظام على جميع الأوجه كما سنرى في الباب الخامس عشر. 498 ﴾ مثل هذا التوزيع المنتظم للقوى يحدث عندما يغمر الجسم في



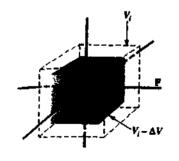


(b)

شكل(15.12) (a) تغير في الشكل ناتج عن إجهاد قص بسبب قوتان متساويتان في المقدار ومضادتان في الإتجاء أثرتا على وجهين متوازيين. (b) كتاب تحت تأثير إجهاد قص.

إختبار معملي سريع ____

قدر معامل المروثة القصبية لأوراق كتابك هل لسمك الكتاب تأثير على قيمة معامل القص.



شكل(16.12) عندما يتعرض جسم جامد لضفط منتظم، يحدث له تغير في الحجم دون تغير في الشكل، والمكعب في الصورة تأثر بشوى على جميع أسطحه في الإتجاه العمودي على الأوجه السنة. مائع. إذا تعرض الجسم لمثل هذا التأثير فإن شكله لايتغير إلا أن حجمه سيتغير، والإجهاد الحجمي يعرف على أنه النسبة بين مقدار القوة المؤثرة عموديا إلى المساحة A. والكمية P = F/A تسمى الضغط. إذا تغير الضغط على جسم بكمية $\Delta P = \Delta F/A_i$ عندئذ سيحدث تغير في حجم الجسم مقداره ΔV . ومن ثم من والإنفعال الحجمي هو النسبة بين التغير في الحجم ΔV مقسوما على الحجمي كالآتى معادلة ΔV . ومن ثم من معادلة ΔV يمكننا أن نعرف التضاغط الحجمي بدلالة معامل المرونة الحجمي كالآتى

$$B = \frac{|V| + |V|}{|V|} = \frac{\Delta F/A}{\Delta V/V_i}$$
 (8.12)

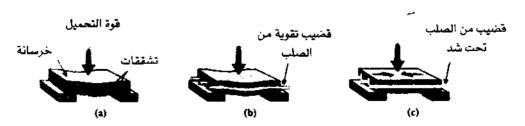
$$B = -\frac{\Delta P}{\Delta V/V_i} \tag{8.12}$$

وتوضع إشارة سالبة في تلك المعادلة بحيث يكون B موجب الإشارة وهذه المحاولة هامة لأنه مع زيادة الضغط (ΔP) موجب) ينقص الحجم (ΔV) سالبة والعكس بالعكس.

في جدول 1.12 معطى معامل المرونة الحجمي للعديد من المواد، ومقلوب معامل المرونة الحجمي يسمى الإنضغاطية Campressibility للمادة لاحظ من جدول 1.12 أن الأجسام الجامدة والسوائل لها معامل مرونة حجمية، إلا أن السوائل ليس لها معامل ينج ولا معامل مرونة قصية لأن السوائل لاتتحمل إجهاد قص أو اجهاد استطالة فهي تسيل بدلا من ذلك.

الخرسانة سابقة الاجهاد Prestressed Concrete

إذا زاد الاجهاد عن حد معين فإن الجسم يتشقق، والحد الأعلى للاجهاد الذي يمكن استخدامه قبل أن يحدث التشقق يتوقف علي طبيعة المادة ونوع الاجهاد المستخدم . فمثلا الخرسانة لها اجهاد طولي قدره $2 \times 10^6 \, \text{N/m}^2$ واجهاد قص $2 \times 10^6 \, \text{N/m}^2$ فإذا زاد الاجهاد المستخدم عن ذلك تتشقق الخرسانة، ومن المعتاد استخدام معامل أمان كبير لمنع انهيار المباني الخرسانة.



شكل 12.17 (a) بلاطة خرسانية بدون تقوية نتشقق تحت الأحمال الكبيرة (b) تزداد قوة الخرسانة باستخدام قضبان التقوية من الصلب (c) تزداد قوة الخرسانة أكثر إذا جعلناها تحت اجهاد قضبان من الصلب تحت قوة شد.

والخرسانة تكون هشة إذا كانت مصبوبة في مقاطع رفيعة ولذلك فإن البلاطات الخرسانية عرضة للإرتخاء والتشقق في المساحات الخالية من الدعامات كما في شكل (17.12a) ولذلك فإن تلك البلاطات يمكن تقويتها باستخدام اسياخ من الحديد لتقوية الخرسانة كما هو موضح في الشكل (17.12b). ولأن الخرسانة تكون أقوى بكثير تحت قوى الإنضغاط من كونها تحت قوى الشد أو القص، يمكن للأعمدة الخرسانية القائمة أن تحمل أثقالا كبيرة. فبينما الكمرات الأفقية المصنوعة من الخرسانة يحدث لها ارتخاء وتشقق.

لكي تزداد قوى القص للخرسانة ذات الأسياخ الحديدية يجرى عليها عملية اجهاد مسبَّق كما في شكل (17.12.c) ويتم ذلك بشد أسياخ الحديد بقوة خارجية أثناء صب الخرسانة وبعد أن تجف الخرسانة تماما Cured يتوقف الشد فينتج عن ذلك شد دائم في أسبياخ الحديد ينتج عنه إجهاد انضغاط . Compression Stress . وهذا يجعل بالطات الخرسانة قادرة على تحمل أحمال كبيرة، وهذا النوع من الخرسانة يسمى Prestressed Concrete

تحرية معملية: 💛

ضع أستيكة جديدة فوق قلمي رصاص متوازيين كما في الشكل بحيث تكون السافة بينهما في حدود 3 cm . إضغط إلى أسفل عند منتصف الأستيكة بحيث تجعل سطح الأستيكة العلوى ينحنى قليلا. هل سطح الأستيكة العلوى تحت ضغط أو شد؟ وماذا عن السطح السفلي للأستيكه؟ لماذا تتشقق بالاطة الخرسانة المرتكزة عند نهايتها من السطح السفلي وليس من السطح العلوي.

مثال 6.12 تصميم منصة

تذكر مثال (10.8) وفيه قمنا بتحليل كابل يستخدم لدعم المثل أثناء دورانه فوق خشبة المسرح. والشيد في الكابل كان 940N ما هو قطر الكابل الذي طوله m 10 ومصنوع من أسيلاك الصلب إذا أردنا أن لاتحدث له استطالة أكبر من 0.5cm تحت هذه الظروف.

الحل: من تعريف معامل ينج يمكننا معرفة مساحة مقطع الكابل المطلوب بفرض أن مقطع السلك دائري الشكل، يمكننا تعيين قطر السلك من معادلة (6.12).

$$Y = \frac{F/A}{\Delta L/L_i}$$

$$A = \frac{FL_i}{Y\Delta L} = \frac{(940 \text{ N}) (10 \text{ m})}{(20 \times 10^{10} \text{ N/m}^2)(0.005 \text{ m})} = 9.4 \times 10^{-6} \text{m}^2$$

ومنها يمكن حساب نصف قطر السلك.

$$r = \sqrt{\frac{A}{\pi}} = \sqrt{\frac{9.4 \times 10^{-6} \,\mathrm{m}^2}{\pi}} = 1.7 \times 10^{-3} \,\mathrm{m} = 1.7 \,\mathrm{mm}$$

$$d = 2r = 2(1.7 \text{ mm}) = 3.4 \text{ mm}$$

ولزيادة معامل الأمان يفضل استخدام كابل أكبر قظرا من القيمة المحسوبة.

مثال 12.7 🎏 انضغاط كرة من النحاس الأصفر

كرة من النحاس الأصفر مصمته كانت في البداية محاطبة بالهواء وضغط الهواء المؤثر عليها الضغط الضغط الجوى الطبيعي ، أنزلت الكرة في المحيط إلى عمق كان الضغط عنده $1.0 \times 10^5 \, \mathrm{N/m^2}$ 2.0 x 10^7 N/m² . كان حجم الكرة في الهواء 0.50 m³ ما مقدار تغير الحجم عندما تغمر الكرةفي الماء

الحل: من تعريف معامل المرونة الحجمية

$$B = -\frac{\Delta P}{\Delta V/V_i}$$
$$\Delta V = -\frac{V_i \Delta P}{B}$$

حيث إن الضغط النهائي أكبر بكثير من الضغط الابتدائي. يمكننا إهمال الضغط الابتدائي ونعتبر أن ΔP يساوى

$$\Delta P = P_f - P_i \approx P_f = 2.0 \times 10^7 \text{ N/m}^2$$

$$\Delta V = -\frac{(0.50 \text{ m}^3)(2.0 \times 10^7 \text{ N/m}^2)}{6.1 \times 10^{10} \text{ N/m}^2} = -1.6 \times 10^{-4} \text{ m}^3$$

والعلامة السالبة تعنى نقصا في الحجم

ملخص SUMMARY

-الجسم الجامد يكون في حالة اتزان إذا كانت محصلة القوى الخارجية المؤثرة عليه تساوي صفر ومحصلة عزم الدوران المؤثر عليه يساوي صفر حول أي محور

$$\sum \mathbf{F} = 0 \tag{1.12}$$

$$\sum \tau = 0 \tag{2.12}$$

والشيرط الأول هو شيرط الاتزان الانتشالي والشيرط الثاني هو شيرط الاتزان الدوراني، وهذان الشرطان يمكنان من تحليل العديد من المسائل، تأكد من أنك تستطيع تحديد القوى وترسم رسما للجسم مبينا عليه تلك القوى واتجاهاتها ثم استخدم معادلتي 2.12, 2.12 وأوجد المجاهيل بحل تلك المادلات.

- قوة الجاذبية المؤثرة على جسم يمكن اعتبار أنها توثر على نقطة واحدة تسمى مركز الثقل. ومركز الثقل للجسم ينطبق مع مركز الكتلة إذا كان الجسم في مجال جاذبية منتظم.
- يمكننا أن نعرف خواص المرونة لمادة ما، باستخدام مفاهيم الاجهاد والانفعال- الاجهاد كمية تتناسب مع القوة المحدثة لتغيير شكل الجسم والانفعال هو مقياس لدرجة التغير في الشكل. والانفعال 🕽 501

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

بتناسب مع الاجهاد وثابت التناسب هو معامل المرونة

ويوجد ثلاث أنواع لتغير الشكل (1) مقاومة الجسم الجامد للإستطالة تحت تأثير قوة يعبر عنه بمعامل ينج y (2) مقاومة الجسم الجامد لحركة المستويات الداخلية بالانزلاق. فوق بعضها البعض يعبر عنه بمعامل القص. (3) مقاومة الجسم الجامد أو المائع للتغير في الحجم، يعبر عنه بمعامل المرونة الحجمي B.

QUESTIONS اسئلة

- 1 هل من الممكن أن يكون الجسم في حالة
 اتزان إذا اثرت عليه قوة خارجية واحدة؟
- 2 هل من الممكن أن يكون الجسم في حالة
 انزان إذا كان في حالة حركة؟ وضع.
- 3 حدد مكان مركز الثقل لهذه الأجسام المنتظمة (a) كرة(b) مكسب (c) أسطوانة دائرية قائمة.
- 4 مركز الثقل لجسم يمكن أن يقع خارج
 الجسم. إعط بعض الأمثلة لهذه الحالة.
- 5 أعطيت قطعة من الخشب لها شكل اختياري وشاكوش ومسمار وثقل من الرصاص. كيف تستخدم هذه الأشياء لتحديد مكان مركز الثقل لقطعة الخشب ؟ (ملحوظة : استخدم المسمار لتعليق قطعة الخشب).
- 6 لكي يتــزن الكرسي على رجل واحــدة، اين
 يكون مركز الثقل للكرسي؟
- 7 هل من المكن أن يكون الجسم في حالة اتزان إذا كان عزم الدوران الوحيد يؤثر عليه بحيث يحدث دوران مع عشارب الساعة؟
- 8- صندوق شحن طویل وآخر قصیر متساویان
 في الكتلة وضعا جانبا لجنب على سطح

ماثل (دون أن يسلامسا) مع ازدياد زاوية . الميل، أي من الصندوقين سينقلب أولا؟ وضع.

- 9 عندما ترفع جسما ثقيلا لماذا يفضل أن يكون ظهرك عموديا بقدر الإمكان. وترفع من عند الركبة دون أن تثني ظهرك؟
- 10 إعط بعض الأمثلة التي تؤثر فيها مجموعة من القوى على نظام بحيث يكون مجموعها يساوي صفر. إلا أن النظام ليس في حالة انزان.
- 11 إذا قست محصلة عزم الدوران ومحصلة القوة ووجدتهما صفر (a) هل النظام سيظل يدور بالنسبة لك (b) هل له حركة انتقالية بالنسبة لك.
- 12 سلم بستند ماثلاعلى حائط، هل تشعر بالإطمئنان وأنت تصعد على السلم إذا كنت تعلم أن الأرض ملساء إلا أن الحائط خشن؟ علل لإجابتك.
- 13 أطلال المعابد الإغريقية القديمة عادة ما يكون بها أعمدة رأسية سليمة ولكن بها القليل من البلاطات الأفقية المصنوعة من الحجر التي لاتزال في مكانها. هل يمكن أن تفكر في السبب لحدوث ذلك.

PROBLEMS Juliumo

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ الحل موجود في: WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

🔲 = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

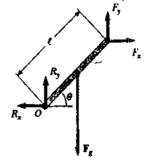
1.12 شروط الاتزان

bat يمسك بشظية baseball يمسك بشظية O وزنها (10.0 N) بإجدى يديه عند النقطة اتزان. شكل (11.12) والشظية في حالة اتزان. وزن الشظيسة يؤثر على امتداد خط طوله 60.0 cm على يمين النقطة O . عين القوة وعزم الدوران التي يؤثر بها اللاعب على الشظية.



شكل P1.12

2 - اكتب الشروط اللازمة للاتزان للجسم
 المبين في شكل (P2.12) خنذ نقطة الأصل
 لمعادلة عزم الدوران عند النقطة O.



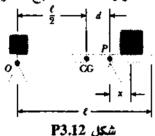
P2.12 **شكل P2.12** WEB 3 فيضيب منتظم كتلته m_b وطوله b يحتمل

كتلتين كتلتيهما m_2, m_1 عند وضعين

📰 = فيزياء تفاعلية

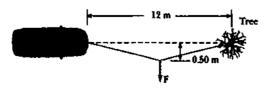
] = الحل كامل مناح في المرشد.

مختلفين كما هو مبين في شكل (P3.12) والقضيب مستقر عند نقطتين. عند أي قيمة x ستيزن القضيب عند P بحيث أن القوة العمودية عند O تصبح صفر.



4 - طالب غاصت سيارته في كومة من الجليد في أحد الأيام الباردة، فريط حبل في مؤخرة السيارة وطرفة الآخر في جذع شجرة قريبة. أثر الطالب على الحبل عند منتصفه بقوة F في اتجاه عمودي على الخط الواصل بين السيارة وجذع الشجرة كما هو مبين في شكل (P4.12). فإذا كان الحبل غير مرن وكان مقدار القوة 500N
 احسب القوة المؤثرة على السيارة.

(إفترض حالة الاتزان)



شكل P4.12

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

2.12 مزيد عن مركز الثقل

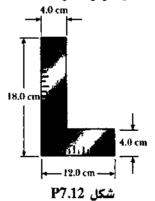
x جسيم وزنه 3.0kg موضوع على المحور x عند x=-5.0 عند x=-5.0 موضوع على محور x عند النقطة x=3.0 أوجد مركبز الثقل للنظام المكون من الحسمين.

6 – فطيرة بيتزا مستديرة نصف قطرها R بها قطعة منزوعة من أحيد الجوانب نصف قطرها R/2 كما في شكل R/2. بالطبع سينتقل مركز الكتلة من C إلى أمتداد المحور C. بين أن المسافة من C إلى C تساوي R/3 (افترض أن سمك وكثافة البيتزا منتظمة في كل الأماكن).



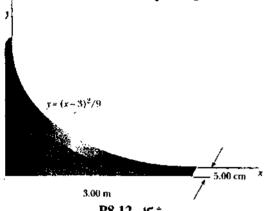
شكل P6.12

7 - الزاوية التي يستخدمها النجار علي شكل حرف L كما هو موضع في شكل (P7.12)
 أوجد مكان مركز الثقل.



8 - مسار لنموذج سيارة صنع من الخشب كما
 هو مبين في شكل (P8.12) اتساع المسار
 3.0m وارتضاعــه m وطوله

وهو مصمت ومعفور على شكل قطع مكافئ معادلته 9/(x-3)=y. حدد مكان الوضع الأفقى لمركز الثقل لهذا المسار.



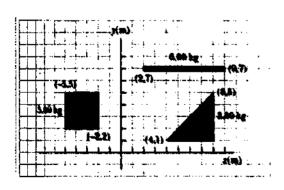
شكل P8.12

9 إذا اعتبرنا توزيع الكتل التالية كما يلي: 5,0kg عند (0,0)و 3.0 kg عند (0,0) و 4.0kg عند 4.0kg

أين توضع الكتلة الرابعة 8.0kg بحيث يكون مركز الثقل للكتل الأربعة عند (0,0) ؟

10 - شكل (P10.12) يبين ثلاث اجسسام منتظمة، قضيب، ومثلث قائم الزاوية، ومربع، كتلها بالكيلوجرام وإحداثياتها بالمتر معطام في الرسم.

عين مركز الثقل للنظام المكون من الأجسام الثلاثة.



شكل P10.12

الفصل الثاني عشرا الإتزان الإستاتيكي والرونة

800N يقف على بعد 4.0m من قاعدة السلم (b) إذا كان السلم على وشك الانزلاق عندما كان رجل المطافئ على مسافة 9.0m من قاعدة السلم. احسب معامل الاحتكاك الاستاتيكي بين الأرض والسلم؟

 m_1 برتكز على حائط أملس ويصنع زاوية m_1 برتكز على حائط أملس ويصنع زاوية θ مع الأفقي (a) احسب القوى الأفقية والرأسية التي تؤثر بها الأرض على قاعدة السلم عندما يقف رجل المطافئ الذي كتلته m_2 على مسافة x من القاعدة (b) إذا كان السلم على وشك الانزلاق عندما كان رجل المطافئ على مسافة x من القاعدة ما مقدار معامل الاحتكاك الاستاتيكي بين السلم والأرض x

15 - في شكل (P15.12) تشاهد شاكوش بستخدم في انتزاع مسمار من سطح أفقي. إذا استخدمت قوة قدرها 150N أفقيا كما هو مبين في الشكل (a) أوجد القوة المؤثرة علي المسمار بواسطة الشاكوش. (d) القوة التي يؤثرة بها السطح على نقطة ارتكاز رأس الشاكوش، افترض أن القوة التي يؤثر بها الشاكوش على المسمار،



شكل P15.12

قسم 3.12 أمثله على الأجسام الجامدة في حالة اتزان استاتيكي

11- صبي وضع شقيقته في عربة صغيرة ذات عجلتين وأخذ يدفعها إلى الأمام حتى أوقفها قالب طوب ارتفاعه 8.0cm كما في شكل (P11.12) ويدي العربة يميلان بزاوية "15 عن الأفقي، والقوة المؤثرة الى أسفل على العجلة 400N ونصف قطر العجلة على العجلة الصبي على يدي العربة لكي يستخدمها الصبي على يدي العربة لكي تتخطى قالب الطوب؟ (d) ما مقدار واتجاه القبوة التي يؤثر بهبا قبالب الطوب على العبلة ترتفع فوق العالمة عندما بدأت العجلة ترتفع فوق الطوب أبي والطوب على الطوب على الطالات أن قالب الطوب على الطوب على الطالات أن قالب الطوب على الطالات أن قالب الطوب على الطوب على الطوب على الطالات أن قالب الطوب ثابت في مكانه ولاينزلق على الأرض.

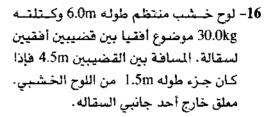


شكل P11.12

12 - كفتي ميزان المسافة بينهما 50.0cm حدثت إزاحة لنقطة ارتكاز ذراع الميزان بمقدار الدوس المدار النسبة المتوية التي يتأثر بها الوزن الصحيح علما بأن هذه الإزاحة احدثها تاجر يريد أن يغش في الميزان.

[13] سلام منتظم طوله 15.0m ووزنه 500N مسنود على حائط أملس ويصنع زاوية 60.0° مع المستوى الأفقي (a) احسب القوى الأفقية والعمودية التي تؤثر بها الأرض على قاعدة السلم عندما يكون رجل مطافئ وزنه

الضرباء (الجزء الأول- الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



ارسم شكلا توضيحيا للوح الخشب. إلى أي مسافة يستطيع عامل طلاء كتلته 70.0kg أن يمشي على الجزء من اللوح الخشبي الواقع خسارج نقطة ارتكاز اللوح على القضيب قبل أن يميل به اللوح.

17 سيارة كتلتها 1500kg والمسافة بين محوريها الأمامي والخلفي 3,0m ومركز الكتلة للسيارة على خط الوسط على مسافة I.2m خلف المحور الأمامي، احسب القوة الني تؤثر بها الأرض على كل عجلة.

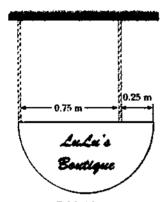
18 - عمود رأسي مقطعه مربع طوله 1.5m وقاعدته محاطة بقاعدة ارتفاعها 1.5m وهي مربعة الشكل تماما إلا أنها غير وهي مربعة الشكل تماما إلا أنها غير محكمة حول العمود بل أوسع قليلا. تؤثر قوة قدرها 5.5N على قمة العمود من الناحية اليمنى، والقاعدة تبقى على العمود في حالة أتزان، احسب مقدار القوة التي تؤثر بها قمة حائط الجانب الأيمن من القاعدة على العمود، أوجد كذلك القوة التي يؤثر بها قاع حائط الجانب الأيسر من القاعدة على العمود.

19 - سلسلة مـرنة تزن40.0N مـعلقـة بين مشبكين موضوعين على نفس الإرتضاع شكل (P19.12) الخط المـاس للسلسـة تصنع عند كل مشبك زاوية "42 = θ مع الخط الأفقي أوجد (a) مقدار القوة التي يوثر بها كل مشبك على السلسلة (b) الشد في السلسلة عند منتـصـفـهـا (ملحـوظة للجزء(b) إرسم شكلا لنصف السلسلة.



شكل P19.12

20 - لافتة على شكل نصف كرة كما في شكل (P20.12) قطرها m وكتلتها منتظمة الكثافة معلقة بحبلين كما في الشكل ما هو الجزء من وزن اللافتة المعلق بكل حبل.



شكل P20.12

21 - قائبان متشابهان ومتماثلان طول كل منهما A موضوعان كنتوء على حافة سطح أفقي أنظر شكل (P22.12) بحيث أنهما كانا معلقين عند أقصى حد يمكن أن يستقران عنده دون أن يسقطا. احسب المسافة x.



شكل P22.12

22 - أحد الوثابين يحمل عمودا للوثب(زانة) وزنها 23.4N في حالة اتزان تحت تأثير

الفصل الثاني عشره الإتزان الإستاتيكي والمرونة

احسب المسافة الأفقية التي يزاحها السطح العلوي عن السطح السفلي لكل من نعلي الحذاء. معامل مرونة القص للمطاط تساوي 3.0x10⁶N/m².

27 - مسألة للمراجعة: مطرقة كتلتها 30.0kg طرقت مسمارا كبيرا من الصلب قطره 2.3cm بينما كانت تهوي بسرعة 0.110 وقد ارتدت المطرقة بعد 20.0m/s بسرعة 10.0m/s ما مقدار متوسط الانفعال في المسمار أثناد التصادم؟

28 - إذا كان حد المرونة للنحاس هو 1.5x10⁸ N/m² ، احسب أقل قطر لسلك من النحاس تحت حمل 10.0kg إذا كان المطلوب أن لا يتعدى حد المرونة.

مسألة للمراجعة

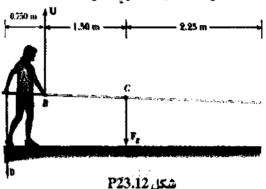
20 - سلك أسطواني من الصلب طوله 20 وقطر مسقطعه 4.0mm وضع فوق بكرة خفيضة عديمة الاحتكاك وأحد طرفي السلك معلق فيه كتلة 5.00kg والطرف الآخر معلق فيه كتلة مقدارها 3.0kg فما مقدار الاستطالة في السلك أثناء حركته؟

مسألة للمراجعة؛ سلك اسطواني من الصلب طوله L_i وقطر مقطعه d وضع فوق بكرة خفيفة ملساء أحد أطراف السلك معلق فيه كتلة m_1 وفي الطرف الآخر كتلة m_2 . ما مقدار استطالة السلك بينما هو في حالة حركة?

(31) - احسب كثافة ماء البحر على عمق 1000m حيث يكون ضغط الماء حوالي 1000x10⁷N/m² البحر عند السطح 1,03 x 10³kg/m³

 $\frac{\sqrt{820}}{33}$ إذا زاد اجههاد القص على الصلب عن $4.0 \times 10^8 \text{N/m}^2$ عن

قوة إلى أعلى U بيده المتقدمة وقوة إلى أسفل D بيده المتأخره كسما في شكل (P23.12) النقطة C هي مسركسز الشقل للعمود، احسب مقداري U و D.



القسم 12.4 خواص المرونة للأجسام الصلبة:-

1.5×10¹⁰N/ بنج للعظام /1.5×10¹⁰N وأن العظم بعدث به شروخ إذا وقع عليه إجهاد أكبر من 1.5×10⁸N/m² عليه إجهاد أكبر من أن تؤثر على عظمة هي أكببر قوة يمكن أن تؤثر على عظمة الفخذ في الرجل إذا كان أقل قطر فعال لها هو 2.5cm ؟ (d) إذا أثرت قوة ضغط بهذا القدر ما مقدار الانكماش الذي يحدث لتلك العظمة إذا كان طولها 25 cm .

24 – سلك صلب قطره 1.0mm بمكنه تحمل شد 0.2kN نفترض أنك تريد كابل مصنوع من هذا السلك يتحمل شدا قدره 20kN فكم يكون قطر هذا الكابل.

ثقل مسقداره 200kg مسعلق من سلك 25 ثقل مسقداره 4.00m طوله 4.00 ومساحة مقطعه 8.00 10^{10} N/m^2 ما مقدار الزيادة في طول السلك.

26 - طفل يترحلق على الأرض وفي قدميه حداء نعله من المطاط. وقوة الاحتكاك المؤثرة على كل قدم 20.0N ومساحة كل من نعلى الحداء 14,0cm² وسمكه 5,0mm .

الفيزياء (الجزء الأول- الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

احسبب مقندار قدوة القدص البلازم (a) لإحداث قص في مسمار مقلوظ من الصلب قطره 1.0cm (b) لاحداث ثقب قطره 1.0cm في قدرص من الصلب سمكه 0.50 cm

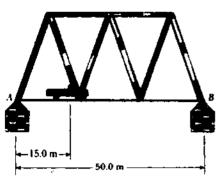
(a) احسب أقل قطر لسلك من الصلب طوله m 18.0 m تحدث له استطالة لاتزيد عن 18.0 m عن 9.0 mm عن 9.0 mm كتلة مقدارها 380 kg أذا كان حد المرونة لهستدا السلك من الصلب هو المرونة لهستدا السلك من الصلب هو مستديم في الشكل بهذا الثقل.

34 عندما يتجمد الماء يتمدد بحوالي 9.0% كم تكون زيادة الضغط في محرك سيارة إذا تجمد الماء الذي بداخله المعامل الحجمى للجليد هو 2.0x10⁹ N/m².

35 - لدواعي الأمن أثناء تسلق الجبال يستخدم المتسلق حب للا من النايلون طوله 50.0m وقطره mm 10. عندما يتعلق بأحد أطرافه متسلق كتلته 90.0 kg تحدث استطالة في الحبل مقدارها 1.6m . أوجد معامل ينج لمادة الحيل.

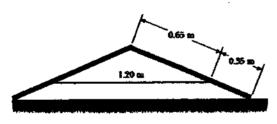
مسائل إضافية،

36 - كوبري طوله m 50 m وكتلته 8.0 x10⁴ kg مسرتكز على دعائم ملساء عند كل من طرفيه كما هو موضح في شكل(P37.12). وقفت شاحنة كتلتها 3.0x10⁴ kg على مسافة m 15.0 m مو مسافة المنافية على الكوبري عند نقط الارتكاز.



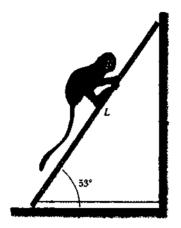
شكل P12.37

77 - إطار على شكل حرف A مكون من قطعتين معدنيتين منتظمتين وزن كل منهما 26.0N وطولها 1.0m مثبتتان معا من القمة وممسوكتان معا بسلك أفقي طوله 1.2m كسما في شكل (P12.38) وهذا الإطار موضوع على سطح أملس. إذا كان السلك مثبت عند نقطتين تبعدان عن قمة الإطار بمسافة قدرها 0.65m احسب الشد في السلك.



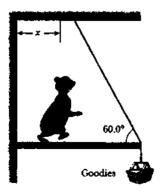
شكل P38.12

38 – بالإشارة إلى شكل (17.13c) كـمـرة من الخرسانة المسلحة سابقة الاجهاد طولها الخرسانة المسلحة مقطعها $50.0~\rm cm^2$. وداخل الخرسانة سيخ حديد يستخدم في إحداث الاجهاد للخرسانة مساحة مقطعه $1.5~\rm cm^2$ والسيخ يريط لوحين عند طرفي الكمـرة. والسيخ يريط لوحين عند طرفي الكمـرة. معـامل ينج للخـرسـانة وإزالة الشد T_1 عن بعد جفاف الخرسانة وإزالة الشد T_1 عن السيخ تصبح الخرسانة تحت اجهاد ضغط مقداره $8.0 \times 10^6~\rm N/m^2$



شكل P41.12

41 - دب جوعان وزنه 700 N يسير نحو الخارج على عمود محاولا الوصول إلى سلة بها خبر معلقة في نهاية العمود شكل خبر معلقة في نهاية العمود شكل (P12.42) . العمود منتظم ويزن 80.0 N والسلة تسزن(a) وطوله 6.0 m والسلة تسزن(b) ارسم شكلا توضيحيا للقوى المؤثرة على العمود (b) عندما يكون الدب على مسافة من بداية العمود تساوي 1.0 m التي تؤثر بها الحائط على الطرف الأيسر من العمود (c) إذا كان السلك يتحمل أقصى شد مقداره (d) والمسلك يتحمل أقصى شد مقداره 900 N ما هي أكبر مسافة يستطيع الدب أن يقطعها قبل أن ينقطع السلك.



شكل P42.12

التي تنضغطها الخرسانة بسبب السيخ بعد زوال الشهد الإبتدائي عنه (b) تحت أي شد T_2 سيظل السيخ (c) ما مقدار الزيادة في طول السهيخ عن طوله الأصلي بعد عملية الشد (d) عندما صبت الخرسانة ما هي الإسعطالة الإبتدائية التي حدثت للسلك عندما تم شده بالنسبة لطوله الأصلي (e) أوجد مقدار الشد الإبتدائي T_1

99 - كرة مصمته نصف قطرها R وكتاتها M وضعت في حوض كما في شكل(P40.12) وضعت في حوض كما في شكل السبب والسطح الداخلي للحوض أملس، احسب القوى المؤثرة على الكرة من الحوض عند نقطتى التماس.

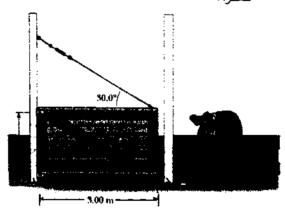


شكل P40.12

40 - قرد وزنه 10.0kg يتسلق على سلم وزنه 120N وطوله L كما في شكل (P40.12). النهايتان العلوية والسفاية للسلم تستندان على أسطح ملساء والنهاية السفلية مربوطة في الحائط بحبل يستطيع تحمل أكبر شد وهو N 110 (a) ارسم رسما توضيحيا للسلم والقوى المؤثرة عليه (b) احسب الشد على الحبل عندما يكون القرد عند ثلث المسافة من أعلى السلم (c) احسب أكبر مسافة أللتي يستطيع القرد أن يصعدها على السلم قبل أن ينقطع الحبل. عبر عن اجابتك كجزء من أ.

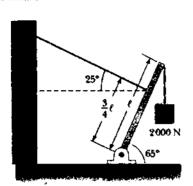
الفيزياء (الجزء الأول - المتكانيكا والديناميكا الحرارية)

42 - مـزرعـة بها بوابة شكل(P43.12) انساع البـوابة سكل 3.0m، وبهـا مـفـصـلات في أعـلاها وأسـفلهـا. وكُـبُل التـثـبـيت يصنع زاوية 30.0° مع النهـاية العلوية للبوابة وفي نهايته متصل بشداد يؤثر عليه بقوة شد N 200، وكتلة البوابة يؤثر عليه بقوة الله المقوة الأفقية المؤثرة على البوابة بواسطة المفصلة العلوية (b) على البوابة بواسطة المفصلة العلوية (c) احسب القوة الأفقية المؤثرة على البوابة بواسطة المفصلة السـفايـة (c) احسب مجموع القوتين الرأسيتين المؤثرتين على البوابة بواسطة المفصلتين. (d) ما مقدار الشد في كابل التثبيت حتى تصبح القوة الأفقية المؤثرة بواسطة المفصلة العلوية.



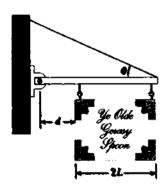
شكل P43.12

43 - قحضيب منتظم وزنه 1200N معشبت بواسطة كابل كحاهو مبين في الشكل (P44.12) والقحضييب مشيت من طرفه السخلي بالأرض بواسطة مضصلة تجعله قابل للدوران ومعلق من طرفه العلوي جسم وزنه 2000N. احسب مقدار الشد في الكابل ومركبات القوة المؤثرة على قاعدة القضيب بواسطة الأرض.



شكل P44.12

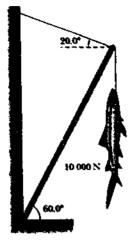
 F_g وعرضه A 44 كونت منتظمة تزن F_g وعرضه A معلقة من قضيب خفيف أفقي مثبت في حائط بواسطة مفصلة ومشدود بواسطة كابل شكل (P45.12). احسب (a) الشد في الكابل (b) مركبة قوة رد فعل الحائط على القضيب بدلالة E_g E_g E_g



شكل P45.12

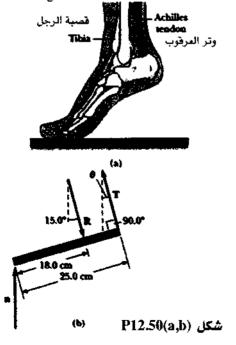
45 - 45 ∰ رافعة (كرين) كتلتها 3000 kg تحمل ثقلا كتلته 10000 kg كما هو مبين في شكل (P46.12) والرافعية منعلقة بواسطة مستمار أملس عند A، ومستنده على دعامة ملساء عند B.

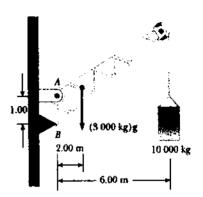
احسب قوة رد الفعل عند A وB .



شكل P49.12

49 – عندما يقف شخص على أصابع قدمه يكون وضع القدم كسما هو مسبين في الشكل وضع القدم (P50.12a) والثقل الكلي للجسم \mathbf{F}_g يتعادل مع القوة \mathbf{n} التي تؤثر بها الأرض على الأصابع. في شكل (P50.12b) مُوضَع نموذج ميكانيكي للوضع حيث \mathbf{T} هي القوة التي يؤثر به وتر العرقوب على القدم. و \mathbf{R} القوة التي تؤثر بها قصية الرجل على القدم. احسب مقدار كل من \mathbf{F}_g \mathbf{T} عندما تكون \mathbf{T} \mathbf{T} \mathbf{T} هن \mathbf{T}





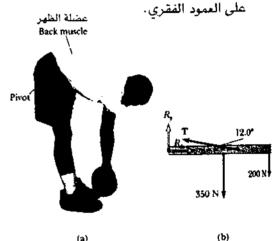
شكل P46.12

46 – سلم كثافته منتظمة وكتلته سينتد على حائط رأسي املس ويضنع زاوية 60.0° مع الأفقى. والنهاية السيفلية مستندة على سطح املس حيث مسعمامل الاحتكاك الاستاتيكي $\mu_s = 0.40$ عامل النظافة أن يصعد على السلم وكتلته M=2m ما هو الجرزء من السلم L يمكن أن يصل إليه العامل عندما يبدأ السلم في الانزلاق؟

47 – سلم منتظم يزن 200N يميل على حادط أنظر شكل (10.12) السلم ينزلق عندما تكون $^{\circ}60.0^{\circ}$. إذا افترضنا أن معامل الاحتكاك الاستاتيكي عند الحائط والأرض لهما نفس المقدار . احسب مقدار μ .

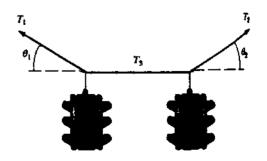
48 [49] سمكة قرش تزن 10000N معلقة من كابل متصل بقضيب طوله 4.0m مرتكز على محور ارتكاز عند القاعدة. احسب الشد في الحبل بين الحائط والقضيب عندما يكون مثبتا للمنظومة في الوضع المبين في شكل(P49.12). احسب القوى الأفقية والرأسية المؤثرة على قاعدة القضيب (اهمل وزن القضيب)

50 - شخص ينحني ويجمل ثقل وزنه 200N كما في شكل(P51.12,a) بعيث أن ظهره ظل أفقيا (طريقة سيئة لرفع الأشياء). عضلة الظهر مشبتة عند نقطة عند ثاثي طول العمود الفقري وهي التي تحافظ على وضع الظهر في هذه الحالة. والزاوية بين العمود الفقري وهذه العضلة "12.0، باستخدام النمسوذج الميكانيكي المبين في شكل النمسوذج الميكانيكي المبين في شكل (P51.12b) وباعتبار أن وزن الجرع 350 الضغط



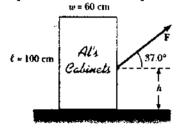
شکل (P51.12(a,b

51 – إشارتان من إشارات المرور معلقتان من كابل (a) كما في شكل (P52.12) إهمل كتلة الكابل (b) $T_1 = T_2$ و $\theta_1 = \theta_2$ البست أن $\theta_2 = \theta_3$ و الشد $\theta_3 = \theta_3$ إذا علم أن $\theta_3 = \theta_3$



شكل P\$2.12

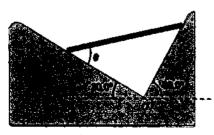
400 N - قوة تؤثر على كابينة مستطيلة تزن + 52 - فوة تؤثر على كابينة مستطيلة تزن (a) (P53.12) الله عبد الكابينة تنزلق بسرعة منتظمة عندما تكون + 100 - + 100 الكيناتيكي وموضع محصلة القوة العمودية (b) إذا كانت + 100 الكبينة في الميل.



شكل P53.12

53 - خد حالة الكابينة في المسألة السابقة ولكن قوة T قد أثرت على طرفها العلوي أفقيا(a) احسب أقل قوة يجب استخدامها لكي تبدأ الكابينة في الميل (b) ما هو الحد الأدنى لمعامل الاحتكاك الاستانيكي اللازم لمنع الكابينة من الانزلاق مع استخدام قوة بهذا المقدار؟ (c) احسب مقدار واتجاه أقل قوة تلزم لميل الكابينة، إذا كانت نقطة عمل القوة يمكن اختيارها في أي مكان عليها.

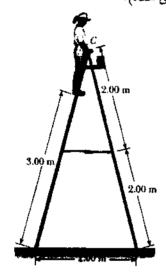
54 – قضيب منتظم وزنه F_g وطوله L مثبت من أطرافه بواسطة حوض أملس كما هو مبين في الشكل(P22.12) (a) بين أن مركز الثقل للقضيب يقع أعلى النقطة O مباشرة، عند ما يكون القضيب في حالة اتزان (b) عين قيمة الزاوية θ التي يحدث عندها اتزان.



شكل P12.55

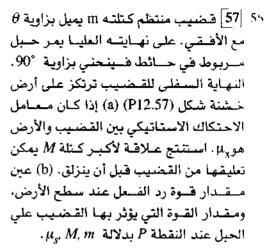
الفصل الثانى عشره الإتزان الإستاتيكي والمرونة

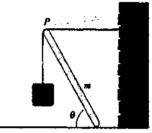
57 [59] سلم وزنه مهمل مركب كما في شكل (P12.59) يقف على السلم عسامل طلاء كتلته 70.0kg على بعد 3.0m من القاعدة بفرض أن سطح الأرض أملس أوجد (a) الشد في القضيب الأفقي الواصل بين جزئي السلم (b) احسب القوى العمودية عند A و (C) مركبات قوى رد الفعل عند المفصلة المفردة C التي يؤثر بها النصف الأيسر من السلم على النصف الأيمن (ملحوظة يعامل كل نصف من السلم على حدة).



شكل P59.12

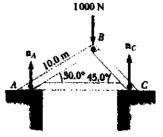
58 - حامل رف متبت على حائط رأسي بواسطة مسمار قلاوظ واحد كما في شكل (P61.12) وزن الحامل مهمل. أوجد المركبة الأفقية للقوة التي يؤثر بها المسمار على الحامل عندما تؤثر عليه قوة عمودية مقدارها 80.0 كما هو موضح في الشكل (تخيل أن الحامل ليس ملاصقا للحائط تماما)





شكل P57.12

56 – شكل (P58.12) يبين جمالون تؤثر عليه قوة إلي أسفل مقدارها 1000N عند النقطة B. والجسمالون وزنه مسهمل ويستند على دعامتين C, A أملستين (a) استخدم شروط الاتزان لتثبت أن A (b) استخدم شروط الاتزان لتثبت أن القوى تؤثر على الجمالون (b) بين أنه بما أن القوى تؤثر على الجمالون فقط عند المفاصل. كل قضيب في الجمالون لابد وأن يؤثر على كل مفصل بقوة في اتجاه طوله، إما قوة شيد أو قوة ضغط (c) أوجد فوة الشد على كل من القضبان الثلاثة.



شكار P12.58

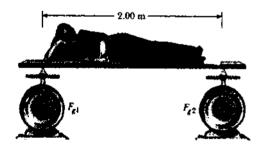
"你就是这个

اليستى بواسطة الكرة اليسسرى بفسرض أن كتلة كل كرة 170 و 170.



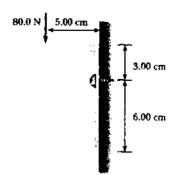
شكل P64.12

أليسزان الأول يقسرأ (P65.12) الميسزان الأول يقسرأ $F_{\rm g2}$ =380N و $F_{\rm g1}$ =380N لوح الخشب، أبن يبعد مركز كتلة السيدة عن قدمها إذا علم أن طولها 2.0m.



شكل P65.12

- 63 كابل من الصلب مساحة مقطعه 3.0cm² وكتاب من الصلب مساحة مقطعه 9.4 إذا علق وكتاب من هذا الكبل على حامل عموديا، ما مقدار استطالة الكابل نتيجة لثقله؟ (معامل ينج للصلب ارجع إلي جدول 1.12)
- (a) 67 64 كارتيه للوح من الخشب إذا كانت سرعة يده كارتيه للوح من الخشب إذا كانت سرعة يده عند لحظة الصدم تساوي 10.0m/s وهبطت إلى 1.0m/s خلال فترة زمنية ع 0.002 وهو



شكل P61.12

59 – شكل (P62.12) يبين قوة رأسية تؤثر مماسيا على أسطوانة منتظمة وزنها $F_{\rm g}$. مسامل الاحتكاك الإستاتيكي بين الأسطوانة وجميع الأسطح يساوي 0.50 . أوجد أكبر قوة $F_{\rm g}$ التي يمكن استخدامها دون أن تجعل الأسطوانة تلف (ملحوظة عندما تكون الأسطوانة على وشك الانزلاق قوتا الإحتكاك يكونان عند أكبر قيم لهما لماذا؟)

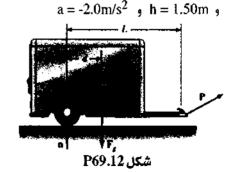


شكل P62.12

- 61 كرتا راكت وضعتا في برطمان زجاجي كما هو مبين في شكل (P64.12) ومبركزاهما والنقطة A تقع على خط مستقيم (a) بفرض أن الجدار عديم الإحتكاك احسب P₃, P₂, P₁ مين مقدار القوة الواقعة على الكرة (b)

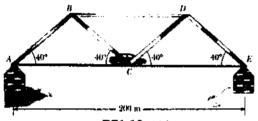
زمن التصادم مع اللوح، وكتلة اليد والذراع معا نساوي 1.0kg (b) احسب إجهاد القص. إذا كانت هذه القوة قد أثرت على لوح الخشب 68 - كوبري على شكل جمالون طوله 200m يمتد الذي سلمكه 1.0cm وانساعه(10.0cm الذي سلمكة (c) إذا كان أكبر إجهاد قص يمكن أن بتحمله للوح الخشب قبل أن ينكسر هو 3.6 x10⁶ N/m² فهل سينكسر اللوح؟

- دلو مصنوع من صفيحة معدنية رقيقة نصف قطر القياع 25.0cm ونصف القطر العلوى للدلو 35.0 cm، وارتضاع الدلو 30.0cm، مملوء بالماء، أين يكون مركز الثقل (اهمل وزن الدلو نفسه)
- 66 [69] مسألة للمراجعة: عربة تحمل شحنة وزنها Fo تقطرها شاحنة بقوة P كما هو مبين في شكل(P69.12). العربة محمله بحيث أن مركز كتلتها في المكان الموضح في الرسم. اهمل قوة احتكاك التدحرج. واجعل a تمثل مركبة العجلة في الإتجام x للعربة(a) احسب 69 - كوبري طوله 100m على شكل جمالون مرتكز المركبة الرأسية للقوة P بدلالة البارامترات المعطاة (b) إذا كانت a=2.0m/s² و h=1.5m کم پکون مقدار d بحیث أن $P_v=0$ (أي أنه لايوجيد حيمل عيميودي على الشياحنة)؟ (c) F_e أو جدد منقدار P_y , P_x إذا علمت أن L = 3.0 m d = 0.80 m d = 1500 N



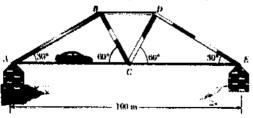
 67 سلك من الألونيوم طوله 0.85m ومقطعه دائری قطره 0.78mm مشبت من طرفه الملوي، ومسعلق في السلك كتلة 1.2kg، وهو وتذبذب في دائرة أفقية. احسب السرعة

- الزاويسة اللازمسة لإحداث انضعال فسدره 1.0×10^{-3}
- فوق نهر شكل (P71.12) احسب قوة الشد أو الضغط على كل جيزء من مكونات الكوبري عندما تكون سايارة وزنها 1360kg عند منتصف الكوبري، افترض أن الكوبري يمكن أن ينزلق أفقيا ليسمح بالتمدد والانكماش، وأجزاء الكويري متصلة ببعضها بواسطة مسامير محورية. وأن كتلة مكونات الكوبري تعتبر مهملة بالمقارنة بكتلة السيارة،



شكل P71.12

عند نهاياته بحيث يمكنه الانزلاق بحرية شكل (P72.12). توجد سيارة عند منتصف السافة بين النقطتين C,A بين أن وزن السيارة موزع بالتساوى بين النقطتين C,A واحسب القوة عند كل جزء من أجزاء الكوبري. حدد ما إذا كسان كل من المكونات الداخلة في تركسيب الكويري تحت شيد أو ضيغط، نفيترض أن مكونات الكوبرى متصلة ببعضها بواسطة مسامير محورية وأن كتلة المكونات مهملة بالمقارنة بكتلة السيارة.



شكل P72.12

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(1.12) نعم، كما بتضح من شكل 12.3. عزم الدوران غير المتزن بسبب عجلة زاوية حتى وإن كانت العجلة الخطية تساوي صفراً (b) نعم، يمكن أن يحدث ذلك عندما تكون خطوط عمل جميع القوى تتقاطع عند نقطة مشتركة. إذا أثرت محصلة قوة على الجسم عند إذ يكتسب الجسم عجلة انتقالية. إلا أنه نظرا لعدم وجود محصلة عزم دوراني على الجسم فالجسم لايكون له عجلة زاوية. توجد حالات أخرى يتلاشى فيها عزم الدوران ولكن القوى لاتتلاشى، ويمكنك أن ترسم على الأقل حالتين.

- (2.12) موضع مركز ثقل اللوح بالنسبة لنقطة الإرتكاز.
- (3.12) معامل ينج يُعطى بالنسبة بين الإجهاد والإنفعال، وهو ميل المنحنى الذي يمثل الجيزء الذي تكون فيه الجادة مرنة في شكل(14.12). من قراءة الخط البياني نلاحظ أن الاجهاد الذي مقداره تقريبا نلاحظ أن الاجهاد الذي مقداره تقريبا 3 x10⁸ N/m² من ثم معامل ينج يكون مقداره مقداره مقداره 10 x10¹⁰ N/m²
- (4.12) جزء ملحوظ من الخط البياني يمتد بعد حد المرونة مما يدل على وجود تغير دائم في الشكل. إذن المادة قابلة للسحب.



الحسركة الترددية
Oscillatory Motion

ولفعل ولئالىرى عشر 13

ويتضمن هذا الفصل ،

5.13 مقارنة بين الحركة التوافقية 5.13 البسيطة والحركة الدورانية المنتظمة Comparing Simple Hamonic Motion with Uniform Circular Motion

6.13 اختياري، الذبذبات المتضائلة أو المخمدة (Optional) Damped Oscillations

7.13 اختياري، الذبذبات القسرية (Optional) Forced Oscillations الحركة التوافقية البسيطة المحركة التوافقية المحركة التوافقية المحركة التوافقية المحركة المحرك

2.13 عودة إلى منظبومة الزنبرك والكعب The Block-Spring System Revisited

البسيط التنابذب التوافقي البسيط 3.13 Energy of the Simple Harmocic
Oscillator

1.13 البسندول 4.13 The Pendulum

517

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

هناك نوع خاص جدا من أنواع الحركة، تحدث عندما تكون القوة المؤثرة على جمسم تتناسب مع إزاحة الجسم عن وضع اتزان معين.

إذا كانت هذه القوة تتجه دائما نحو وضع الاتزان ستحدث حركة متكررة إلى الأمام وإلى الخلف حول هذا الوضع. وهذه الحركة تسمى الحركة الترددية، الحركة التوافقية، الحركة التذبذبية أو الإهتزازية. والمصطلحات الأربعة متكافئة تماما.

نعلك على علم بالعديد من أمثلة الحركة الترددية مثل تذبذب ثقل مثبت في زنبرك. تأرجع الأطفال باستخدام الأرجوحة وحركة البندول واهتزاز أوتار آلة موسيقية وترية. بالإضافة إلى هذه الأمثلة اليومية. يوجد العديد من النظم الأخرى التي تقوم بحركة ترددية، مثال ذلك الجزيئات في الأجسام الجامدة تتذبذب حول أوضاع اتزانها الموجات الكهرمغنطيسية مثل الموجات الضوئية والردار وموجات الراديو تتميز بوجود مجال متجّه كهربائي وآخر مغنطيسي متذبذب، وفي الدوائر الكهربائية للتيار المتردد يتغير الفلط والتيار والشحنة الكهربائية دوريا مع الزمن.

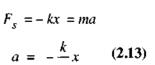
المادة العلمية في هذا الباب تتعامل مع الحركة التوافقية البسيطة التي فيها يتذبذب الجسم بحيث أن وضعه يتحدد بدالة جيبية في الزمن، دون فقد في الطاقة الميكانيكية، في الأنظمة الميكانيكية الفعلية توجد قوى احتكاك تؤدي إلى تضاؤل الذبذبة، وهذه القوى سوف ندرسها في القسم الإختياري 13.6 في نهاية الباب.

SIMPLE HARMONIC MOTION الحركة التوافقية البسيطة

لو اعتبرنا منظومة تتكون من مكعب كتلته متصل في نهاية زنبرك Spring والمكعب حر الحركة على سطح أملس غير خشن شكل (1.13) عندما يكون الزنبرك غير مشدود أو مضغوط يكون المكعب عند وضع x = 0 ويسمى وضع الاتزان للمنظومة. ونحن نعرف من خبرتنا أن مثل هذا النظام يتذبذب إلى الأمام وإلى الخلف من وضع الاتزان إذا حدثت له إثارة ويمكننا فهم الحركة من شكل (1.13) إذا تذكرنا أن المكعب إذا إزيح مسافة صغيرة x من وضع الاتزان، فإن الزنبرك يحدث على المكعب قوة تتناسب مع مقدار الإزاحة وتعطى بقانون هوك (أنظر القسم 3.7)

$$F_s = -k\alpha \tag{1.13}$$

وتسمى هذه القوة قوة الإرجاع restoring force لأنها دائما تتجه نعو وضع الاتزان ولذلك فهي عكس اتجاه الازاحة، أي أن المكعب إذا أزيح نعو اليمين من وضع x=0 هي شكل (1.13) عند ئذ تكون الإزاحة موجبة وقوة الإرجاع تتجه نعو اليسار، وعند ما يزاح المكعب نعو اليسار من وضع الاتزان x=0 عندئذ تكون الإزاحة سالبة وقوة الإرجاع تتجه نعو اليمين.



أي أن العجلة تتناسب مع إزاحة المكعب واتجاهها منس اتحاء الازاحة.

والنظم التي تسلك هذا المسلك يقال أنها تقوم وركة توافقية بسيطة الجسم يتحرك حركة توافقية وسيطة الجسم يتحرك حركة توافقية وسيطة عندما تكون عجلته تتناسب مع ازاحته عن وسع الاتزان وفي الإتجاه العكسي لها. وأحد التجارب الملية التي تبين الحركة التوافقية البسيطة مبينه في شكل (2.13) وفيها تتذبذب كتلة في اتجاه رأسي واسطة زنبرك ومشبت بتلك الكتلة قلم يرسم على شريط من الورق فبينما تتذبذب الكتلة إلى أعلى وأسفل تتحرك الورقة عموديا على اتجاه حركة والزبرك ويرسم القلم رسما يشبه الحركة الموجية.

(a)
$$F_{z} = 0$$
(b)
$$F_{z} = 0$$
(c)
$$F_{z} = 0$$

$$x = 0$$

شكل (1.13) مكعب متصل بزنبرك يتحرك على سطح أملس (a) عندما يزاح المكعب إلي يمين نقطة الاتزان (x > 0). وتؤثر القـــوة المؤثرة بواسطة الزنبرك نحو الشـمال(b) عندما يكون المكعب في وضع الاتزان (x = 0)، تكون القــوة المؤثرة بواسطة الزنبرك تساوي صفر (c) عندما يزاح المكعب نحو اليسار من وضع الاتزان(x < 0) تؤثر القوة بواسطة الزنبرك نحو اليمين.

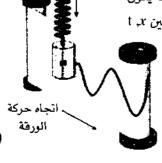
وبصفة عامة الجسم الذي يتحرك على المحور السيني يقوم بحركة توافقية بسيطة عندما تكون x وهي ازاحة الجسم عن نقطة الاتزان تتغير مع الزمن طبقا للعلاقة

حيث ϕ , ω , ϕ ثوابت. لكي نعطى مفهوم فيزيائي لهذه الثوابت رسمنا x كدالة في الزمن ϕ في

$$x = A \cos(\omega t + \phi) \tag{3.13}$$

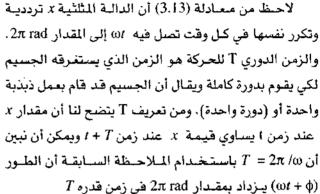
الحركة هي أكبر إزاحة للجسم في أي من الاتجاهين الموجب أو السالب للازاحة x. والثابت x يسمى الحركة هي أكبر إزاحة للجسم في أي من الاتجاهين الموجب أو السالب للازاحة x. والثابت x يسمى التردد الزاوي للحركة ووحداته ريديان/ثانية (وسوف نناقش المعنى الهندسي المقدار x في القسم (2.13) . والزاوية x تسمى ثابت الطور Phase Constant أو زاوية الطور وتحدد بواسطة الازاحة الابتدائية وسرعة الجسم عندما يكون x الجسم عند أكبر إزاحة له x عند x عند x عند x و والمناحنى بين x بين x الجسم عند أكبر إزاحة الم

شكل 2.13 جهاز تجريبي يبين الحركة التوافقية البسيطة. يتكون الجهاز من قلم متصل بكتلة متذبذبه بواسطة زنبرك يقوم برسم شكل موجي على شريط من الورق يتحرك بسرعة بطيئة ومنتظمة في اتجاه السهم.



الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

يكون كما هو موضح في شكل (3.13) وإذا كان الجسم عند موضع آخر في الزمن 0=t فإن الثابتان ϕ , A يحددان لنا موضع الجسم عند زمين t = 0 والكمية ($\phi + \phi$) تسمى طور الحركة وهي مفيدة عند مقارنة حركة ذبذبتين.



 $\omega t + \phi + 2\pi = \omega(t+T) + \phi$

$$\phi + t$$
 يـزداد بمقـدار 2π rad يـزداد بمقـدار $(\omega t + t)$

$$\omega t = 2\pi$$
 إذن

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$
 (4.13) (4.13) و زمن الذبذبة)

ومقلوب الزمن الدوري يسمى التردد f للحركة. والتردد يمثل عدد الذبذبات التي يصنعها الجسم في وحدة الزمن

شكل(3.13) منحنى (x - t) لجسيم يقوم

بحركة توافقية بسيطة. سعة الذبذبة A

والزمن الدوري T والثابت الطوري ϕ (b) منعنی (x-1) فی حالة خاصة فیلها

 $\phi=0$ عند 0=1و من ثم x=A

$$f = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi}$$
 (5.13)

ووحدات f هي دورة لكل ثانية: أ s^{-1} أو هرتز (Hz).

بإعادة ترتيب المادلة (5.13) نحصل على التردد الزاوي

$$\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$
 (6.13) التردد الزاوي

اختبار سريع 1.13

مامقدار ثابت الطور ¢ في معادلة (3.13) لجسم متذبذب كان عند نقطة الأصل عند الزمن t = 0

اختبار سريع 2.13

جسم يقوم بحركة توافقية بسيطة سعة ذبذبتها A ماهى المسافة الكلية التي يتحركها الجسم خلال دورة كاملة.

$$4A$$
 (d) $2A$ (c) A (b) $A/2$ (a)

بمكننا أن نوجد السرعة الخطية لجسم يقوم بحركة توافقية بسيطة بتفاضل معادلة (3.13). السية للزمن.

$$v = \frac{dx}{dt} = -\omega A \sin(\omega t + \phi)$$
 (7.13)

وعجلة الجسم هي

$$a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)$$
 (8.13)

وحيث ان (8.13) على النحو التالي $x = A \cos(\omega t + \phi)$ على النحو التالي

$$a = -\omega^2 x \tag{9.13}$$

من معادلة (7.13) نجد أنه بما أن المعادلة الجيبية تتذبذب بين (1±) إذن نهايتي v هما (0 هما (0 هما أن دالة جيب التمام أيضا تتذبذب بين (1±) معادلة (0 هما (0

$$v_{\text{max}} = \omega A \tag{10.13}$$

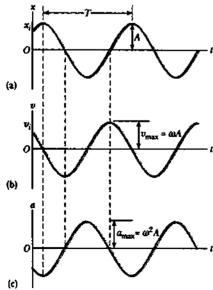
$$a_{\max} = \omega^2 A \tag{11.13}$$

شكل (4.13a) يبين الأزاحة مع الزمن لقيمة إختيارية لثابت الطور، منحنيا السرعة والعجلة موضحان في شكل (4.13b) و (4.13c) وتلك المنحنيات تبين أن طور السرعة يختلف عن طور الإزاحة بمقدار $\pi/2$ rad أي $\pi/2$ rad أي أنه عندما تكون x عند نهايتها العظمى أوالصغرى تكون السرعة صفر وبالمثل عندما تكون x = صفراً تكون السرعة عند نهايتها العظمى أضف الى ذلك أن طور العجلة بختلف عن طور العجلة بختلف بختلف

العظمى، أضف إلى ذلك أن طور العجلة يختلف عن طور العظمى، أضف إلى ذلك أن طور x عند الإزاحة بمقدار π rad إي π rad أنهايتها العظمى تكون a عند نهايتها العظمى كذلك ولكن في الإنجاء العكسى.

تابت الطور له أهمية عندما نقارن حركة جسمين أو اكثر يقومان بحركة تذبذبية.

شكل (4.13) تمثيل للحركة التوافقية البسيطة (a) الإزاحة مع الزمن (c) السرعة مع الزمن. لاحظ أنه في أي لحظة السرعة تختلف في الطور عن كل من الإزاحة والعجلة بمقدار "90، والعجلة تختلف في الطور عن الإزاحة بمقدار "90، والعجلة تختلف في الطور عن الإزاحة بمقدار "180،



تخيل كرتا بندول متماثلتان تتأرجعان بجانب بعضهما في حركة توافقية بسيطة أحدهما انطلقت بعد الأخرى، لكل من كرتي البندول في هذه الحالة ثابت طور مختلف عن الآخر، سنبين الآن كيف أن ثابت الطور وسعة الذبذبة لأي جسم يتحرك حركة توافقية بسيطة يمكن تعيينها إذا عرفنا السرعة الابتدائية وموضع الجسم والتردد الزاوي لحركته.

 $v=v_1$ نفرض أن عند الزمن t=0 كان الوضع الابتدائي لمتذبذب هو $x=x_i$ وسرعته الابتدائية تحت هذه الظروف معادلتي $x=x_1$ و يعطيان $x=x_1$

$$x_i = A\cos\phi \qquad (12.13)$$

$$v_i = -\omega A \sin \phi \qquad (13.13)$$

 v_i/x_i = - ω tan ϕ نحصل على: (13.13) نحصل على:

 $\tan \phi = -\frac{v_i}{\omega x_i} \qquad (14.13)$

أضف إلى ذلك أنه إذا ربعنا معادلتي (12.13) و (13.13) وقسمنا معادلة السرعة على ω^2 ثم أضفنا الحدود تحصل على المعادلة

$$x_i^2 + \left(\frac{v_i}{\omega}\right)^2 = A^2 \cos^2 \phi + A^2 \sin^2 \phi$$

A بما أن $\sin^2 \phi + \cos^2 \phi = 1$ بمكننا حل المعادلة لإيجاد

$$A = \sqrt{x_i^2 + \left(\frac{v_i}{\omega}\right)^2}$$
 (15.13)

خواص جسيم يتحرك حركة توافقية بسيطة على درجة كبيرة من الأهمية ويمكن تلخيصها فيما يلي.

- عجلة الجسم تتناسب مع الازاحة، ولكنها في الإتجاه العكسي، وهذا الشرط هاما وكافيا كشرط للحركة التوافقية البسيطة.
- الإزاحة من نقطة الإنزان والسرعة والعجلة كلها تتغير جيبيا مع الزمن ولكنها ليست متحدة في الطور
 كما في شكل (4.13).
 - التردد وزمن الذبذبة لا يعتمدان على سعة الذبذبة . سوف يتضح ذلك في القسم التالي.

اختبارسريع 3.13

هل يمكن استخدام المعادلات 8.2 , 10.2 , 11.2 (انظر في الفصل الثاني) لكي نصف الحركة التوافقية البسيطة.

مثال 1.13 جسم يتذبذب

جسم يتذبذب بحركة توافقية بسيطة حول المحور x، γ إزاحته عن نقطة الأصل تتغير مع الزمن طبقا المعادلة.

$$x = (4.00 \text{ m}) \cos \left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$$

حيث t بالثوائي والزوايا داخل القوس بالريديان (a) أوجد السعة والتردد والزمن الدوري للحركة. الحل؛ بمقارنة هذه المعادلة بمعادلة 3.13 وهي المعادلة العامة للحركة التوافقية البسيطة T=1/f=2.0 s نجد أن A=4.0 m ين A=4.0 m نجد أن A=4.0 m نجد أن A=4.0 m نجد أن

(b) احسب السرعة والعجلة للجسم عند أي لحظة 1

$$v = \frac{dx}{dt} = -(4.00 \text{ m}) \sin\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right) \frac{d}{dt} (\pi t)$$

$$= -(4.00\pi \text{ m/s}) \sin\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$$

$$a = \frac{dv}{dt} = -(4.00\pi \text{ m/s}) \cos\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right) \frac{d}{dt} (\pi t)$$

$$= -(4.00\pi^2 \text{ m/s}^2) \cos\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right)$$

 $t=1.0~{
m s}$ عين الموضع والسرعة والعجلة للجسم عند (c) باستخدام النتائج في القسم (c)

الحل ، مع ملاحظة أن الزوايا في الدوال المثلثية تكون بالرديان نجد أن عند $1.0 \, \mathrm{s}$

$$x = (4.00 \text{ m}) \cos\left(\pi t + \frac{\pi}{4}\right) = (4.00 \text{ m}) \cos\left(\frac{5\pi}{4}\right)$$

$$= (4.00 \text{ m}) (-0.707) = -2.83 \text{ m}$$

$$v = -(4.00\pi \text{ m/s}) \sin\left(\frac{5\pi}{4}\right) = -(4.00\pi \text{ m/s}) (-0.707)$$

$$= 8.89 \text{ m/s}$$

$$a = -(4.00\pi^2 \text{ m/s}^2) \cos\left(\frac{5\pi}{4}\right)$$

$$= -(4.00\pi^2 \text{ m/s}^2) (-0.707) = 27.9 \text{ m/s}^2$$

(i) احسب السرعة القصوى والعجلة القصوى للحسم.

الحل : في الصيغة العامة للسرعة v والعجلة a الموجودة في الجزء (b) القيم العظمى لدوال الجيب $=4.0\,\pi$ m/s 2 نتغير بين a , $\pm4.0\,\pi$ m/s بحبب النمام تكون مساوية للواحد الصحيح. إذن v ثتغير بين a , $\pm4.0\,\pi$ m/s

ومن ثم

$$v_{\text{max}} = 4.00\pi \,\text{m/s} = 12.6 \,\text{m/s}$$

$$a_{\text{max}} = 4.00\pi^2 \text{ m/s}^2 = 39.5 \text{ m/s}^2$$

ω = π rad/s , A= 4.0m حيث $a_{max} = ω^2 A$, $v_{max} = ω A$ ونحصل على نفس النتيجة

(e) أوجد ازاحة الجسم بين 0 ±1.0 s , t=0

الحل: المحور x عند t=0 هو

$$x_i = (4.00 \text{ m}) \cos \left(0 + \frac{\pi}{4}\right) = (4.00 \text{ m}) (0.707) = 2.83 \text{ m}$$

في الجزء (c) وجدنا أنه المحور السيني عند t= 1.0 s يساوي 2.83m- ومن ثم الإزاحة بين t=0 و t=1.0s هي

$$\Delta x = x_f - x_i = -2.83 \text{ m} - 2.83 \text{ m} = -5.66 \text{ m}$$

حيث أن سرعة الجسم تتغير إشارتها خلال الثانية الأولى، مقدار Δx ليس مساويا لمقدار المسافة التي قطعت خلال الثانية الأولى، مع انقضاء الثانية الأولى يكون الجسم قد قطع مرة واحدة المسافة $x = -2.83 \, \text{m}$ ثم وصل إلى $x = -2.83 \, \text{m}$ ثم عاد إلى $x = -2.83 \, \text{m}$

t = 2.0 s عند طور الحركة عند

9π/4 rad الإجابة،

عودة إلى منظومة المكعب والزنبرك

THE BLOCK - SPRING SYSTEM REVISITED

سنعود إلى منظومة المكعب والزبيرك شكل (5.13) سنفترض مرة ثانية أن السطح عديم الإحتكاك ومن ثم عندما يزاح المكعب من نقطة الإتزان تكون القوة الوحيدة المؤثرة عليه هي قوة الإرجاع للزنبرك restoring force . كما رأينا من معادلة 13.2 ، عندما يزاح المكعب لمسافة x من نقطة الاتزان، يكتسب

عجلة x = A إذا أزيح المكعب لمسافة قيصوى x = A في زمن إبتدائي ما ثم ترك من حالة السكون، ستكون عجلته الابتدائية في تلك x = 1 المحطة تساوي $(\frac{k}{m}A)$ (أكبر قيمة سالبة). عندما يمر المكعب

شكل 5.13 مكتب كتلته m مربوط في طرف زنبرك يقوم بعركة توافقية بسيطة على سطح أملس(a) عندما يزاح المكتب إلى اليمين من وضع الاتزان تكون الازاحة موجبة و العجلة سالبة.(b) عند وضع الاتزان(=x والعجلة تساوي صفر أما السرعة فتكون أكبر ما يمكن (c) عندما يزاح المكتب نحو اليمار من وضع الاتزان. تكون الازاحة سالبة والعجلة موجبة.

سملة الاتزان x=0 وعجلته تساوي صفر، عند هذه النقطة تصل سرعته للحد الأعلى، يواصل المكعب x=0 ركته نحو اليسار من نقطة الاتزان وفي النهاية يصل إلى النقطة x=+1 عند هذه النقطة تكون ملته x=+1 (الحد الأعلى الموجب) وسيرعشه تساوي صفر، ولذلك نجد أن المكعب يتذبذب بين $x=\pm 1$ المحلتين $x=\pm 1$

سوف نصف الحركة الترددية بطريقة كمية، نعلم أن $a = \frac{dv}{dt}$ وتساوي $a = \frac{dv}{dt}$ ومن ثم يمكن أن $a = \frac{dv}{dt}$ عن معادلة 2.13 كما يلى:

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\frac{k}{m}x\tag{16.13}$$

بنا رمزنا للنسبة k/m بالرمز ω^2 تصبح هذه المعادلة.

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\omega^2 x \tag{17.13}$$

لحل المعادلة (17.13) نحتاج إلى دالة x(t) التي تحقق هذه المعادلة التفاضلية من الدرجة الثانية، وتظرا لأن المعادلة (17.13) والمعادلة (9.13) متطابقتان، إذن يجب أن يكون الحل لمعادلة الحركة التوافقية

$$x = A\cos(\omega t + \phi)$$

إذن $x = A \cos(\omega t + \phi)$ اذن ولكي نرى ذلك بوضوح نفرض أن

$$\frac{dx}{dt} = A\frac{d}{dt}\cos(\omega t + \phi) = -\omega A\sin(\omega t + \phi)$$

$$|\dot{\omega}|^2 x$$

$$d^2 x$$

$$d^2$$

بمقارنة المعادلات التي فيها d^2x/dt^2 ، بمقارنة المعادلات التي فيها $\frac{d^2x}{dt^2} = -\omega^2x$

وبذلك يمكن أثبات المعادلة (17.13) ومن ذلك نستنتج أنه عندما تكون القاوة المؤثرة على جسم تتاسب طردياً مع الازاحة من نقطة اتزان وفي الإتجاء المضاد لها (F=-kx) يتحرك الجسم حركة وافقية بسيطة.

تذكر أن الزمن الدوري لأي حركة توافقية بسيطة هو $T=2\pi/\omega$ معادلة (4.13) وأن التردد هو مقلوب الزمن الدوري. ونعلم من معادلتي 6.13 و 7.13 أن $\sqrt{k/m}$ و الزمن الدوري والتردد لمنظومة المكعب والزنبرك كالآتي

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$
 (18.13)

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$$
 (19.13)

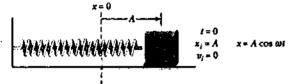
الفيزياء (الجزءالأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

أي أن الزمن الدوري والتردد يعتمدان فقط على كتلة المكعب وعلى ثابت الإرجاع للزنبرك. أضف إلى ذلك أن التردد والزمن الدوري لايعتمدان على سعة الذبذبة كما قد نتوقع والتردد يكون أكبر للزنبرك الأقوى (الذي مقدار ثابت الإرجاع k له كبير) ويقل كلما زادت الكتلة.

حالة خاصة (1)

سوف ندرس حالة خاصة، لكي تستوعب المعنى الفيزيائي للمعادلة (3.13) التي تعرّف الحركة التوافقية البسيطة. وسوف نستخدم تلك المعادلة لكي نصف حركة المنظومة المكونة من زنبرك ومكعب. نفرض أننا قد جذبنا المكعب لمسافة A من وضع الإتزان ثم تركناه في وضع السكون، وهو مشدود عند

هذا المكان كـمـا هو مـبين في شكل $x_i=A$ و مـبين في شكل $x_i=A$ و الحالة الإبتدائية هي $v_i=0$ عند الزمن $v_i=0$ عند الزمن x=A cos w المنجد أن x=A cos w نخـتـبـر هذا الحل نلاحظ أنه يحـقق الشـرط $x_i=A$ عند $x_i=A$ حيث $x_i=A$



شكل (6.13) منظومة من مكمب وزنبـرك يبـدأ من حــالة السكون عند $x=A\cos\omega t$ هي مذه الحالة 0=0

ومن ثم نجد أن ϕ , A يعطيان المعلومات عن الحالة الإبتدائية. الآن سنتفحص حالة السرعة والعجلة لهذه الحالة الخاصة حيث أن $x = A \cos \omega t$

$$v = \frac{dx}{dt} = -\omega A \sin \omega t$$

$$a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 A \cos \omega t$$

من معادلة السرعة نجد أنه بما أن 0 = 0 إذن $v_i = 0$ عند 0 = 1. من معادلة العجلة عند من معادلة السرعة نجد أنه بما أن 0 = 0 إذن $v_i = 0$ عند ألورة على المكعب تكون $a = -\omega^2 A$ $a = -\omega^2 A$ $a = -\omega^2 A$ أن القوة المؤثرة على المكعب تكون منجهة نحو اليسار عندما تكون الأزاحة موجبة. في الواقع أنه عند أقصى إزاحة كما في شكل 13.6 $a = -\omega^2 A$ وتتجه نحو اليسار. والعجلة الإبتدائية هي $a = -\omega^2 A$

طريقة أخرى تبين أن $x=A\cos\omega t$ هو الحل الصحيح، يتضمن استخدام العلاقة $v_i/\omega x_i$ معادلة (14.13) معادلة و إن العلاقة $v_i=0$ ومن ثم $v_i=0$ (ظل حديث أن $v_i=0$ عند $v_i=0$ عند $v_i=0$ تؤدي إلى قيمة خطأ للكمية v_i).

شكل (7.13) رسم يبين تغير السرعة والعجلة والإزاحة مع الزمن لمنظومة المكعب والزنبرك الموضح في شكل (6.13) عندما يقوم بحركة توافقية بسيطة وبحالة إبتدائية هي t=0 و $x_i=A$ و حالة غاصة). نقطة البداية O' تتبع حالة 2 لمنظومة المكعب والزنبرك المبينة في شكل (8.13).

شكل (7.13) رسم للإزاحة والسرعة والعجلة مع الزمن لهذه الحالة الخاصة لاحظ أن العجلة تصل الى اقصى قيمة $\pm \omega^2 A$ بينما الإزاحة تصل إلى أقصى قيمة $\pm \omega^2 A$ لأن القوة تكون أكبر ما يمكن عند هذا الوضع، أضف إلى ذلك السرعة تصل إلى قيمتها القصوى $\pm \omega A$ وكلاهما يحدث عند $\omega = 0$

حالة خاصة (2)

نفترض أن المكعب أكتسب سرعة ابتدائية v_i نحو اليمين في اللعظة التي كان فيها عند وضع الانزان، بحيث أن $v_i = v_i$ عند $v = v_i$ عند $v = v_i$ الشروط الإبتدائية .

x نظرا لأن المكعب يتحرك في اتجاء x الموجب عند t=0 وحيث إن x=0 عند t=0 التعبير عن t=0 المحب يتحدل المحادلة t=0 باستخدم المحادلة t=0 باستخدام المحادلة (14.13) والظروف الأبتدائية t=0 باستخدام المحادلة t=0 بالمحادلة المحادلة المحادلة المحب t=0 إذن معادلة t=0 عند عن t=0 ويمكن كتابتها t=0 أن معادلة t=0 أن عمادلة t=0 أن يمكن التعبير عن t=0 بالمعادلة ومن معادلة t=0 أن يمكن التعبير عن t=0 بالمعادلة المحب

$$x = \frac{v_i}{\omega} \sin \omega t$$

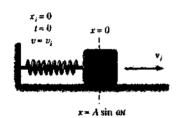
والسرعة والعجلة في هذه الحالة هي

$$v = \frac{dx}{dt} = v_i \cos \omega t$$
$$dv \qquad .$$

 $a = \frac{dv}{dt} = -\omega v_i \sin \omega t$ وهذه النتائج تتفق مع الحقائق التالية

المكعب له سرعة قصوى دائما عند x=0 و(2) القوة والعجلة يساويان صفراً عند x=0 والشكل المبين لذلك هو (7.13) باتخاذ O' كنقطة أصل

في هذه الحالة.



شكل (8.13) منظومة المكعب والزنبرك يبدأ حركته من وضع الاتزان عند t=0 فيإذا كيانت سيرعيته الإبتدائية v_i نحو اليمين، يتغير محور x للمكعب طبقا للمعادلة $x=(v_i/\omega)\sin(\omega t)$

تجرية سريعة 💢

علق جسما من شريط مطاط ودعه يتذبذب. قس T. الآن آربط أربعة أشرطة مطاطية معا من نهاياتها، ماذا يكون k بالنسبة لهذا الشريط الطويل بالمقارنة بالشريط الواحد؟ مرة ثانية قس T لهذه المجموعة مستخدما نفس الجسم المعلق، هل يمكن تحقيق معادلة (19.13).

اختبارسريع 4.13

ما هو الحل بالنسبة للإزاحة x إذا كان المكعب يتحرك في البداية نحو اليسار كما في شكل 8.13.

مثال 2.13 لاحظ الحفر في الطريق

سيارة كتلتها \$1 300 kg مصممة بحيث أن هيكلها محمل على أربع سست \$1 300 kg كل سسته لها ثابت قوة \$1 000 kg إذا كان بداخل السيارة شخصان وكتلته ما \$1 160 مسب تردد الاهتزاز للسيارة بعد أن مرت على حفرة في الطريق.

الحل: سنفرض أن كتلتة السيارة موزعة بانتظام إذن كل سسته تحمل ربع كتلة السيارة وحيث إن-الكتلة الكلية 1460 إذن كل سسنه تحمل 365 kg.

إذن تردد الإهزاز من المعادلة 19.13 هو

$$f = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{20\ 000\ \text{N/m}}{365\ \text{kg}}} = 1.18\ \text{Hz}$$

تمرين: ما الزمن اللازم لكي نتم السيارة اهتزازتين كاملتين

الإجابة: 1.7 s

مثال 3:13 منظومة المكعب والزنبرك

مكعب كتلته 200g مثبت في زنبرك خفيف ثابت قوته 5.0N/m وهو حر الذبذبة على منضدة عديمة الاحتكاك. أزيح المكعب بمقدار 5.0cm من وضع الاتزان ثم ترك ليتذبذب من وضع السكون كما في شكل 6.13 (a) احسب الزمن الدوري.

الحل عمن معادلتي 16.13 , 17.13 نجد أن التردد الزاوي لأي منظومة من مكعب وزنبرك هي

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}} = \sqrt{\frac{5.00 \text{ N/m}}{200 \times 10^{-3} \text{ kg}}} = 5.00 \text{ rad/s}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \frac{2\pi}{5.00 \text{ rad/s}} = 1.26 \text{ s}$$

(b) احسب أقصى سرعة للمكعب

الحل: تستخدم معادلة 10.13

$$v_{\text{mex}} = \omega A = (5.0 \text{ rad/s}) (5.0 \times 10^{-2} \text{m}) = 0.25 \text{ m/s}$$

(c) ما هي أقصى عجلة للمكتب؟

The state of the s

الحل؛ نستخدم المعادلة 13.11

$$a_{\text{max}} = \omega^2 A = (5.0 \text{ rad/s})^2 (5.0 \times 10^{-2} \text{m}) = 1.25 \text{ m/s}^2$$

(d) عبر عن الأزاحة والسرعة والعجلة كدوال في الزمن.

الحل :: هذا الوضع يتبع الحالة الخاصة (1) حيث يكون الحل هو x = A cos ωt باستخدام هذه المعادلة والنتائج التي حصلنا عليهافي (c), (b), (a) نجد أن

$$x = A \cos \omega t = (0.05 \text{m}) \cos 5.0 t$$

$$v = \omega A \sin \omega t = -(0.250 \text{ m/s}) \sin 5.0t$$

$$a = \omega^2 A \cos \omega t = -(1.25 \text{m/s}^2) \cos 5.0 t \cdots$$

3.13 طاقة المتذبذب التوافقي البسيط،

ENERGY OF THE SIMPLE HARMONIC OSCILLATOR

سوف ندرس الطاقة المكيكانيكية لمنظومة المكعب والزنبرك الموضع في شكل (6.13) ، لأن السطح أملس نتوقع أن الطاقة الميكانيكية الكلية تكون ثابتة كما هو مبين في الباب التامن. يمكن استخدام العادلة 13.7 لتعير عن طاقة الحركة كما يلي.

(وهي طاقة الحركة للمتذبشب)
$$K = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} m\omega^2 A^2 \sin^2(\omega t + \phi)$$
 (20.13)

طاقة الوضع للمرونة المخترنة في الزنبرك لأي استطالة x تعطى بالمعادلة $\frac{1}{2}kx^2$ (معادلة kx^2 وباستخدام المعادلة 3.13 نحصل على المعادلة(21.13)

(وهي معادلة طاقة الوضع للمتذبذب)
$$U = \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} kA^2 \cos^2(\omega t + \phi)$$
 (21.13)

نلاحظ أن U ، دائما فيما موجبة لأن $\omega^2=k/m$. يمكننا أن نعبر عن الطاقة الميكانيكية الكلية المتذبذب النوافقي البسيط كالآتي:

$$E = K + U = \frac{1}{2} kA^{2} [\sin^{2}(\omega t + \phi) + \cos^{2}(\omega t + \phi)]$$

وحيث أن $\theta = \sin^2 \theta + \cos^2 \theta$ نجد أن الكمية داخل القوس المربع تساوي واحد وتصبح المعادلة كالآتي:

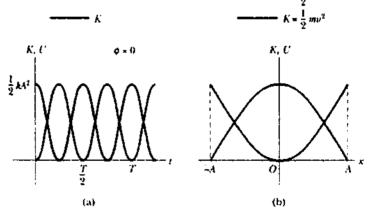
وهي الطاقة الكلية للمتذبذب
$$E=\frac{1}{2}kA^2$$
 (22.13)

أى أن الطاقة الكلية للمتذبذب التوافقي البسيط تعتبر أحد ثوابت الحركة وتتناسب مع مربع السعة. لاحظ أن مقدار U يكون صغيرا عندما يكون K كبيرا والعكس بالعكس لأن المجموع يجب أن يكون (529 لورسمنا طاقة الحركة وطاقة الوضع مع الزمن في شكل (9.13a) حيث أخذنا $\phi=0$. كما ذكرنا ورسمنا طاقة الحركة وطاقة الوضع مع الزمن في شكل (9.13a) وهي الطاقة الكلية U, K دائما في موجبة ومجموعهما في أي لاحظة مقدار ثابت ويساوي $\frac{1}{2}kA^2$ وهي الطاقة الكلية للمنظومة. تغير K, U مع الازاحة X للمكعب موضعه في شكل (9.13b). الطاقة تتحول دائما بين طاقة وضع مخزونة في الزنبرك وطاقة حركة للمكعب.

شكل (10.13) يوضع وضع السرعة والعجلة وطافة الحركة وطافة الوضع للمكعب والزنبرك لدورة كالملقة الوضع للمكعب والزنبرك لدورة كالملة. وجميع الأفكار التي سبق دراستها حتى الآن مذكورة في هذا الشكل الهام. أخيرا يمكننا أن نستخدم مبدأ حفظ الطافة لنحصل على السرعة لأي إزاحة اختيارية بتقدير كمية الحركة الكلية عند وضع اختياري x كما يلى

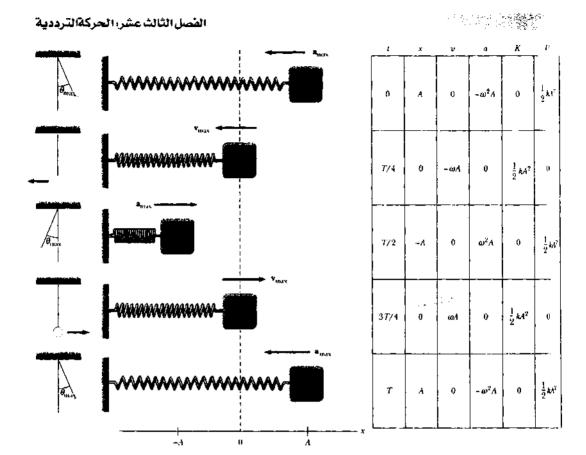
$$E = K + U = \frac{1}{2}mv^{2} + \frac{1}{2}kx^{2} = \frac{1}{2}kA^{2}$$

$$v = \pm \sqrt{\frac{k}{m}(A^{2} - x^{2})} = \pm \omega\sqrt{A^{2} - x^{2}}$$
(23.13)



شكل (9.13) طاقية الحركية وطاقية الوضع مع الزمن لمتذبذب توافقي بسيط فيه 0=0 $\phi=0$ طاقة الحركة وطاقة الوضع مع الإزاحة لمتذبذب توافيقي بسيط. وفي K+U=constant

عند فحص معادلة 23.13 لنرى ما إذا كانت تتفق مع الحالات المعروفة نجد أنها تتفق مع الحقيقة أن السرعة تكون أعلى ما يمكن عند $x = \pm A$ وتكون صفراً عند نقطة التحول أي عند $x = \pm A$

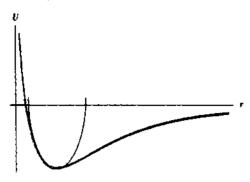


شكل (10.13) الحركة التوافقية البسيطة لمنظومة المكعب والزنبرك وعلاقته بحركة البندول البسيطة. البارمترات بالجدول تشير إلى منظومة المكعب- الزنبرك بفرض أن x=A ومن ثم x=A (أنظر الحالة الخاصة)

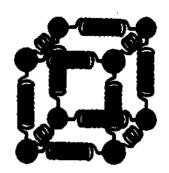
قد تتساءل لماذا نبذل كل هذا الجهد في دراسة الحركة التوافقية، إننا نهتم بذلك لأنها نموذج جيد للعديد من الظواهر الفيزيائية.

فمثلا نتذكر جهد لينارد- جونز الذي درس في المثال (11.8) تلك الدالة المعقدة تصف القوى التي تمسك بالذرات معا. شكل (11.13) يبين أنه للإزاحات الصغيرة من وضع الاتزان منحنى طاقة الوضع لهذه الدالة يقترب من شكل القطع المكافئ، الذي يمثل دالة طاقة الوضع للمتذبذب التوافقي البسيط. إذن يمكننا أن نمثل قوى الربط الذرية المعقدة بزنبركات دقيقة كما في شكل (11.13b). والأفكار التي ودت في هذا الباب لاتفسير الظواهر التي سبق ذكرها فحسب بل تفسير كذلك العديد من الظواهر الفيزيائية التي سترد في هذا الكتاب مثل أشعة الليزر وغير ذلك.

الضرباء (الجزءالأول: البكانيكا والديناميكا الحرارية)



AND THE PARTY OF T



شكل (11.13) (a) إذا لم تتحرك الذرات دأخل الجـزئ بعيـدا عن موضع الانزان فـإن شكل العلاقة بين طاقة الوضع والمسافة الفاصلة بين الذرات يشبه شكل العلاقة بين طاقة الوضع مع المكان للمتذبذب التوافقي البسيط. (b) زنبركات معا للمان للمتذبذب التوافقي البسيط. (b) زنبركات داخل الحزيئات.

🛲 مثال 4.13 التذبذب على سطح أفقي



مكعب كتلته 0.50 kg متصل بزنبرك خفيف ثابت القوة له 20.0 N/m يتذبذب على سطح أهقى أماس (a) أحسب الطاقة الكلية للمنظومة والسرعة القصوى للمكعب، إذا كانت سعة الذبذية 3.0 cm .

الحل: باستخدام معادلة 22.13 نجد أن

$$E = K + U = \frac{1}{2}kA^2 = \frac{1}{2}(20.0 \text{ N/m})(3.00 \times 10^{-2} \text{ m})^2$$

= $9.00 \times 10^{-3} \text{ J}$

اذن
$$E=\frac{1}{2}~mv^2_{\rm max}$$
 و $U=0$ و يكون المكسب عند الوضع $x=0$ نعلم أن $x=0$ و إذن $\frac{1}{2}~mv^2_{\rm max}=9.00\times 10^{-3} {
m J}$

$$v_{\text{max}} = \sqrt{\frac{18.0 \times 10^{-3} \text{ J}}{0.500 \text{ kg}}} = 0.190 \text{ m/s}$$

(b) ما هي سرعة المكعب عندما تكون الأزاحة 2.0 cm

الحل: نستخدم المعادلة 23.13 مباشرة

$$v = \pm \sqrt{\frac{k}{m}(A^2 - x^2)}$$

$$= \pm \sqrt{\frac{20.0 \text{ N/m}}{0.500 \text{ kg}}} [(0.030 \text{ 0 m})^2 - (0.020 \text{ 0 m})^2]$$

$$= \pm 0.141 \text{ m/s}$$

الإشارتان الموجبة والسالبة تبين أن المكعب يمكن أِن يكون متحركا نحو اليمين ونحو اليسار هي تلك



(c) احسب طاقة الحركة وطاقة الوضع للمنظومة عندما تكون الإزاحة 2.0 cm

الحل: باستخدام النتيجة التي حصلنا عليها في b نجد أن

$$K = \frac{1}{2} mv^2 = \frac{1}{2} (0.500 \text{ kg}) (0.141 \text{ m/s})^2 = 5.00 \times 10^{-3} \text{J}$$
 $U = \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} (20.0 \text{ N/m}) (0.020 \text{ 0 m})^2 = 4.00 \times 10^{-3} \text{J}$
 $K + U = E$

x تمرين: عند أي قيمة للإزاحة x تكون سرعة المكتب x عند أي قيمة الإزاحة x

الإجابة: (± 2.55 cm).

THE PENDULUM البندول بالمندول



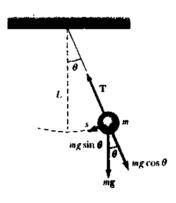
(a) البندول البسيط

8.11 البندول البسيط هو نظام ميكانيكي آخر يقوم بحركة دورية. وهو يتكون من ثقل كتلته 8.12 . هلق بخيط خفيف طوله L مثبت من طرفه العلوي كما في شكل (12.13)، والحركة تتم في المستوى الرأسي يفعل قوى الجاذبية.

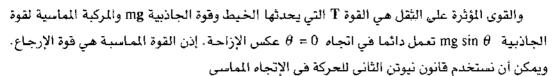
وسوف نبين أنه لو اعتبرنا أن الزاوية heta صغيرة (أقل من $^{\circ}10$) فإن الحركة تكون حركة توافقية بسيطة،



🕻 حركة بندول بسيط مأخوذه في عدة لقطات متتابعة. هل الحركة التذبذبية في هذه الحالة. حركة توافقية بسيطة؟



hetaشكل (12.13) عندما يتذبذب البندول بزاوية صغيرة فإن حركته تكون توافقية بسيطة حول $mg \sin \theta$. قوة الإرجاع $\theta = 0$. موضع اتزان وقوة الجاذبية تكون مماسية للقوس.



$$\sum F_t = -mg \sin \theta = m \frac{d^2s}{dt^2}$$

حيث s هو إزاحة الثقل مقاسا على طول القوس والإشارة السالبة تبين أن القوة الماسية تعمل نحو وضع الإتزان (في الإتجاه العمودي). لأن s=L heta (معادلة 1.10a) ومقدار L ثابت. هذه المعادلة تؤدي إلى

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\frac{g}{L}\sin\theta$$

والجانب الأيمن يتناسب مع heta $\sin heta$ وليس مع heta. إذن مع وجود $\sin heta$ لانتوقع حركة توافقية بسيطة لأن هذه العلاقة ليست على هيئة المعادلة (17.13). إلا أننا لو افترضنا أن heta زاوية صغيرة يمكن أن نستخدم التقريب $\theta = \theta$ أذن معادلة الحركة للبندول البسيط تصبح

معادلة الحركة للبندول البسيط
$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\frac{g}{L} \ \theta$$
 (24.13)

وهذه العلاقة تشبه العلاقة (17.13) ومنها نستنتج أن الحركة بالنسبة للسعة الصغيرة هي توافقية بسیطهٔ اذن θ بمکن کتابتها

$$\theta = \theta_{\text{max}} \cos(\omega t + \phi)$$

حيث heta هي النهاية العظمي للإزاحة الزاوية والتردد الزاوي ω هو heta

التردد الزاوي لحركة البندول البسيط
$$\omega = \sqrt{\frac{g}{L}} \tag{25.13}$$
 والزمن الدوري للحركة

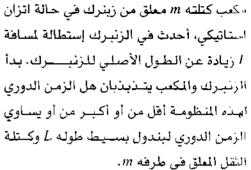
الزمن الدوري لحركة البندول البسيط
$$T=\frac{2\pi}{\omega}=2\pi\sqrt{\frac{L}{g}}$$
 (26.13)

بمعنى آخر، الزمن الدوري والتردد للبندول البسيط يعتمدان فقط على طول الخيط وعجلة الجاذبية الأرضية. وحيث إن الزمن الدوري لايعتمد على الكتلة نستنتج أن أي بندول بسيط له نفس الطول وفي نفس المكان (بحيث تكون g مقدار ثابت) يتذبذب بنفس الزمن الدوري. والتشابه بين حركة الْبندول البسيط ومنظومة المكعب والزنبرك موضعة في شكل (10.13).

📥 والبندول البسيط بمكن استخدامه كساعة تبين الوقت لأن زمنه الدوري يتوقف فقط على طوله وعبَّجلة الجاذبية الأرضية (g) في هذه البقعة وهو كذلك وسيلة ملائمة لعمل فياسات دقيقة لسقوط الأجسام تحت تأثير عجلة الجاذبية. وهذه القياسات على درجة كبيرة من الأهمية لأن التغيرات المحلية 534 ﴾ في مقدار g يمكن أن تعطى معلومات عن أماكن تواجدُ البترول وخامات أخرى ذات أهمية اقتصادية.



اختبار سريع 5.13



بندول فوكولت Foucault في معهد فسرانكلين في في المدال البندول البندول المتخدمة جين فوكولت Jean Foucault العالم الفسرنسي لكي يث بت عمليا دوران الأرض. فعندما يتنبذب البندول، المستوى الرأسي الذي يتذبذب فيه يبدو وكأنه يدور حيث أن الثقل في نهاية البندول يخبط العلامات الموضوعة في دائرة على الأرض بالترتيب. في الواقع أن مستوى التذبذب ثابت في الفراغ، والأرض مستوى التذبذب ثابت في الفراغ، والأرض العلامات تتخذ أماكن تجعل البندول يصطدم العلامات تتخذ أماكن تجعل البندول يصطدم بها الواحدة بعد الأخرى.



مثال 5.13 العلاقة بين الزمن والطول.

كريستيان هيجنز (1629 - 1695) أشهر صانع ساعات، اقترح أن تكون وحدة الأطوال الدولية معرفة على أساس طول بندول بسيط زمنه الدوري ثانية واحدة بالضبط. ما مقدار النقص في وحدة الأطوال الحالية لوكان اقتراح تتينجز قد نفذ.

الحل: بحل معادلة (26.13) بالنسبة للطول نحصل على الآتي:

$$L = \frac{T^2 g}{4\pi^2} = \frac{(1 \text{ s})^2 (9.80 \text{ m/s}^2)}{4\pi^2} = 0.248 \text{ m}$$

أي أن طول وحدة الأطوال ستكون أقل من ربع وحدة الأطوال الحالية وهي المتر. لاحظ أن عدد الأعداد المعنوية يتحدد بدرجة الدقة في معرفة عجلة الجاذبية g لأن الزمن حدد على أنه ثانية واحدة بالضبط.

البندول الفيزيائي Physical Pendulum

إذا كان جسم معلق يتذبذب حول معور لا يمر بمركز كتلته والجسم لايمكن تقريبه ليعتبر مجرد ثقل صغير فالايمكننا معاملة هذا النظام كبندول بسيط. في هذه الحالة تسمى هذه المنظومة بندول فيزيائي.

نفترض جسما جامدا معلق من نقطة O على مسافة \mathbf{d} من مركز الكتلة شكل (13.13). قوة θ حيث $mgd\sin\theta$ عزم دوران حول محور بمر بالنقطة O ومقدار عزم الدوران الناتج مو كما في شكل (13.13). وباستخدام قانون الحركة $T = I\alpha$ حيث I هو عزم القصور الذاتي حول المحور المار بالنقطة 0 نجد أن

$$- mgd \sin \theta = I \frac{d^2\theta}{dt^2}$$

والإشارة السالبة تبين أن عزم الدوران حول O يعمل على انقاص θ أي أن قوة الجاذبية تعمل كعزم دوران إرجاع. وبما أن هذه المعادلة تعطينا عجلة زاوية $d^2 heta/dt^2$ للجسم المعلق، يمكننا اعتبار أنها معادلة حركة لهذا النظام فإذا فرضنا أن الزاوية θ صبغيرة يمكن تقريب $\theta = \sin \theta$ ومعادلة الحركة تختزل

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\left(\frac{mgd}{I}\right)\theta = -\omega^2\theta \tag{27.13}$$

وحيث إن هذه المعادلة شبيهة بمعادلة 17.13

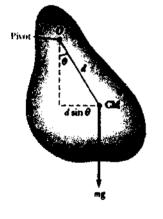
إذن الحركة توافقية بسيطة، أي أن حل المعادلة
$$\theta = \theta_{\rm max} \cos{(\omega t + \phi)}$$
 هو (27.13)

حيث θ هي الحد الأقصى للإزاحة الزاوية

$$\omega = \sqrt{\frac{mgd}{I}}$$

والزمن الدورى للبندول الفيزيائي

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mgd}}$$
 (28.13)



شكل (13.13) بندول فيزيائي

ويمكن استخدام تلك النتيجة لقياس عزم القصور الدائي لجسم جامد منبسط، إذا كان وضع مركز الكتلة ومن ثم مقدار d معروفان، ولإيجاد عزم القصور الذاتي يقاس الزمن الدوري. لاحظ أن معادلة (28.13) تختزل إلى الزمن الدورى للبندول البسيط معادلة 13.26 عندما يكون 🗆 🗷 أي عندما



مثال 6.13 القضيب المتأرجح

قضيب منتظم كتلته M وطوله L معلق من أحد طرفيه ويتذبذب وسعة ذبذبته صغيرة كما في شكل الحسب الزمن الدورى للذبذبة.

الحل؛ في الباب العاشر وجدنا أن عزم القصور الذاتي لقضيب منتظم حول محور عند أحد طرفيه الحل و ياب العاشر وجدنا أن عزم القطة التعليق إلى مركز كتلته تساوي $\frac{L}{3}$ والمسافة d من نقطة التعليق إلى مركز كتلته تساوي $\frac{L}{3}$

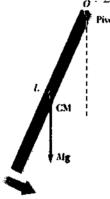
معادلة (28.13) نحصل على ما يلي

 $T = 2 \pi \sqrt{\frac{\frac{1}{3}ML^2}{mg\frac{L}{2}}} = 2 \pi \sqrt{\frac{2L}{3g}}$

تعليق: عند الهبوط على سطح القمر كان مع أحد رواد الفضاء وهو يمشي على سطح القمر حزام معلق من سترة الفضاء والحزام أخذ يتذبذب كأنه بندول فيزيائي، أحد العلماء على الأرض لاحظ ذلك في التليفزيون واستخدمه لحساب عجلة الجاذبية على سطح القمر. كيف استطاع هذا العالم أن يجرى تلك الحسابات.

تمرين: احسب الزمن الدوري لقضيب طوله مشر معلق من أحد طرفيه ويتذبذب في مستوى رأسي

الجواب: 1.65 s



شكل (14.13) قضيب مصمت يتذبذب حول محور عند أحد أطراف. هو بندول فيريائي قيد d=L/2 فيه d=L/2 $I=\frac{1}{3}ML^2$

بندول الإلتواء Torsional Penduldm



شكل (16.13) عجلة الميزان في هذه الساعة القديمة عبارة عن بندول التواء، وتنظم الميكانيزم الذي يبين الوقت.



شكل (15.13) جسم جامد معلق بسلك مثبت في حامل. عندما يلتوي الجسم بزاوية صغيرة θ يؤثر السلك الملتوي على الجسم بعزم دوران إرجاعي يتناسب مع الإزاحة الزاوية أي أن

حيث Kappa) K تسمى ثابت الإلتواء للسلك ويمكن معرفة مقدار K باستخدم عزم دوران معلوم للى السلك بزاوية يمكن فياسها θ وباستخدام فانون نيونن الثاني للحركة الدورانية نجد أن

$$\tau = -\kappa \theta = I \frac{d^2 \theta}{dt^2}$$

$$\frac{d^2 \theta}{dt^2} = -\frac{\kappa}{I} \theta$$
(29.13)

وهذه معادلة متذبذب بسيط ω له تساوى $\sqrt{\kappa/I}$ والزمن الدورى

الزمن الدوري لبندول الإلتواء
$$T=2\pi\sqrt{\frac{I}{\kappa}}$$
 (30.13)

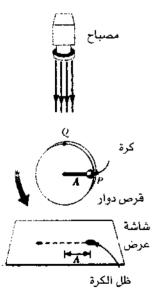
وهذا النظام يسمى بندول إلتواء، ولا يوجد إحتياطات لجعل θ صغيرة في هذه الحالة طالما أننا لم نتجاوز حد المرونة للسك.

🛣 شكل (16.13) يبين عجلة الميازان لساعة تتذبذب كبندول إلتواء وتستمد طاقتها من الزنبرك الرئيسي للساعة.

3.33 مقارنة بين الحركة التوافقية البسيطة والحركة الدورانية المنتظمة COMPARING SIMPLE HARMONIC MOITION WITH UNIFORM CIRCULAR MOITION

مكننا أن نتضهم ونستوعب العديد من الحقائق عن 8.8 الحركة التوافقية البسيطة إذا درسنا علاقتها بالحركة الدائرية شكل (17.13) يبين مسقط لتجربة عملية تبين هذه العلاقة. كرة مثبته على حافة قرص دوار نصف قطره A مضاء من الجانب بواسطة مصباح، الكرة تسقط ظلا على شاشة عرض، سنجد أنه كلما دار القرص الدوار بسرعة زاوية منتظمة يتحرك ظل الكرة إلى الأمام وإلى الخلف في حركة توافقية بسيطة.

نفترض أن جسما موضوعا عند P على محيط دائرة نصف قطرها A كما هو موضح في الشكل (18.13a) والخط يصنع زاوية ϕ مع المحسور x عند t=0 . تسسمي هذه OPالدائرة، الدائرة المرجعية لمقاربة الحركة التوافقية البسيطة مع الحركة الدائرية المنتظمة، ونأخذ وضع P عند 0 = 1 كنقطة أصل أو النقطة المرجعية إذا تحرك الجسم على دائرة بسرعة زاوية منتظمة α حتى يصنع OP زاوية θ مع المحور x كما هو مبین فی شکل (18.13b) عندئذ عند زمن ما 0 < t الزاویة بین (538)



شكل (17.13) تجربة تبين الملاقة بين الحركة التوافقية البسيطة والحركة الدائرية، فبينما تدور الكرة على القرص الدوار بسترعية زاوية منتظمية ظل الكرة على شاشة العرض يتحرك إلى الأمام والخلف في حركة توافقية بسيطة.



OP والمحور x تصبح ϕ + ω = ω ، وكلما دار الجسم على الدائرة، مسقط P على المحور x عند النقطة Q والمحور Q بيتعرك جيئة وذهابا على المحور X بين النهايتين X = X . X خط أن النقطتين X لهما دائما نفس الإحداثي X يساوى

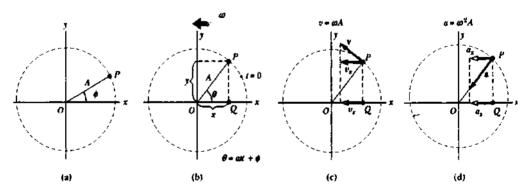
$$x = A \cos(\omega t + \phi) \tag{31.13}$$

وهذه العلاقة تبين أن النقطة Q تتحرك حركة توافقية بسيطة على المحور x ومن ثم نستنتج أن: الحركة الثوافقية البسيطة في خط مستقيم يمكن تمثيلها بمسقط حركة دائرية منتظمة على طول قطر دائرة مرجعية

ويمكننا أن نصل إلى نفس النتيجة من شكل (18.13b) مسقط P على المحور y أيضا يصنع حركة توافقية بسيطة. ومن ثم الحركة الدائرية المنظمة يمكن اعتبارها إتحاد بين حركتين توافقيتين بسيطتين أحداهما على طول المحور x والأخرى على طول المحور y وبينهما زاوية طور مقدارها y

وهذا التفسير يبين أن زمن دورة كاملة للنقطة P على الدائرة المرجعية يساوي الزمن الدوري T للحركة التوافقية البسيطة بين $t = \pm A$ أي أن السرعة الزاوية $t = \pm A$ تساوي التردد الزاوي للحركة التوافقية البسيطة على امتداد المحور $t = \pm A$ (وهذا هو السبب في أننا نستخدم نفس الرمز) وثابت الطور $t = \pm A$ للحركة التوافقية البسيطة يناظر الزاوية الإبتدائية التي يصنعها t = A مع المحور t = A ونصف القطر t = A للدائرة المرجعية يساوى سعة الذبذبة للحركة التوافقية البسيطة .

حيث إن العلاقة بين السرعة الزاوية والخطية للحركة الدائرية هي $v=r\omega$ (راجع معادلة 10.10). الجسم الذي يتحرك على دائرة مرجعية نصف قطرها A له سرعة مقدارها ωA من الشكل الهندسي



شكل (18.13) العلاقة بين الحركة الدائرية المنتظمة لنقطة P و الحركة التوافقية البسيطة للنقطة Q. جسيم عند النقطة P يتحرك في دائرة نصف قطرها A بسرعة زاوية ثابته (a) دائرة مرجعية تبين وضع P عند(a) الإحداثيان x للنقطتين (a) متساويان ويتغيران مع الزمن بحيث (a) المركبة (a) المركب

Qفي شكل (18.13c) نجد أن الركبة x لهذه السرعة هي $(\omega t + \phi)$. من التعريف، النقطة لها سرعة تساوى dx/dt. بتفاضل المعادلة (31.13) بالنسبة للزمن نجد أن سرعة النقطة Q هي نفسها P المركبة x لسرعة النقطة

. $v^2/A = \omega^2 A$ على الدائرة المرجعية تتجه قطريا نحو الداخل نحو O ومقدارها P $-[-\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)]$ من الشكل الهندسي لشكل x نجد أن المركبة x لهذه العجلة هيي [$-\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)]$ وهنذا المقدار هو نفسه عجلة النقطة Q على المحبور x. ويمكن إثبات ذلك بأخذ المشتقة الثانية لعادلة (31.13).

مثال 7.13 الحركة الدائرية بسرعة زاوية ثابتة

جسم يدور عكس عقارب الساعة في دائرة نصف قطرها 3.0 m بسرعة زاوية ثابتة مقدارها عين الإحداثي x كدالة t=0 عين الإحداثي x للجسم 2.0m ويتحرك نحو اليمين. (a) عين الإحداثي كدالة في الزمن.

الحل: نظرا لأن سعة حركة الجسم تساوى نصف قطر الدائرة وω= 8.0 rad/s إذن

$$x = A \cos(\omega t + \phi) = (3.00\text{m})\cos(8.00t + \phi)$$

t=0 عند x=2.00 m يمكن أن نحدد مقدار ϕ من الظروف الابتدائية للجسم وهي

$$2.00 \text{ m} = (3.00 \text{ m}) \cos(0+\phi)$$

$$\phi = \cos^{-1}\left(\frac{2.00 \text{ m}}{3.00 \text{ m}}\right)$$

xإذا أخذنا مقدار ϕ يساوى 48.2° إذا أخذنا

$$x = (3.00 \text{ m}) \cos(8.00t + 48.2^{\circ})$$

وسوف تقل قيمة x عند أخذ 0 = t أي أن الجسم يتحرك نحو البسار، حيث أن الجسم يدور في البداية نحو اليمين يجب أن نختار مقدار 48.2° ϕ وهو يساوى ϕ [-0.841 rad] إذن الإحدثي ϕ كدالة في الزمن هو

$$x = (3.00 \text{ m}) \cos (8.00t - 0.841)$$

لاحظ أن φ في دالة جيب التمام لابد وأن تكون بالريديان

b) (b) أوجد المركبة X لسرعة الجسم والعجلة عند أي وُقت t

$$v_x = \frac{dx}{dt} = (-3.00 \text{ m}) (8.00 \text{ rad/s}) \sin (8.00t - 0.841)$$

$$= -(24.0 \text{ m/s}) \sin (8.00t - 0.841)$$

$$a_x = \frac{dv_x}{dt} = (-24.0 \text{ m/s}) (8.00 \text{ rad/s}) \cos (8.00t - 0.841)$$

$$= -(192 \text{ m/s}^2) \cos(8.00t - 0.841)$$

 $v_{
m max}$ =24.0 m/s من هذه النتائج نستنتج

العجلة $a_{\rm max}=192~{
m m/s}^2$. لاحظ أن ثلك النتائج تساوي كذلك السرعة الماسية ω والعجلة . $\omega^2 A$

(قسم اختیاری)

DAMPED OSCILLATION الذبذبات المتضائلة أو المخمدة

الحركة التذبذبية كما درسناها حتى الآن لنظم مثالية. أي نظم تتذبذب باستمرار تحت تأثير قوى الإرجاع الخطية. وفي النظم الحقيقية توجد قوى معوقة مثل الإحتكاك تعوق الحركة، ومن ثم تتناقص الطاقة الميكانيكية مع الزمن، ويقال أن الحركة متضائلة damped. إحدى القوى المعوقة ما سبق أن ذكرناها في قسم (4.6) حيث القوة تتناسب مع سرعة الجسم المتحرك وتعمل في الإتجاء العكسي لاتجاء الحركة وهذه القوة المعوقة تلاحظ عادة عندما يكون الجسم يتحرك في الهواء مثلا، حيث إن القوة المعوقة يمكن التعبير عنها بالرمز $\mathbf{R} = -b\mathbf{v}$ حيث \mathbf{d} مقدار ثابت يسمى معامل التضاؤل، وقوى الإرجاع للنظام هي $-k\mathbf{r}$ يمكن كتابة قانون نيوتن الثاني كما يلي

$$\sum F_x = -kx - bv = ma_x$$

$$-kx - b\frac{dx}{dt} = m\frac{d^2x}{dt^2}$$
(32.13)

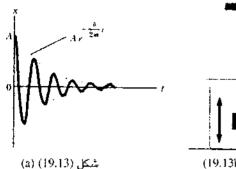
ولحل هذه المعادلات سنحتاج لبعض المعالجات الرياضية التي قد تكون غير معلومة لك، ولذلك سنعطي النتيجة دون إثبات. عندما تكون القوة المعوقة صغيرة بالمقارنة بالحد الأقصى لقوة الإرجاع أي عندما تكون b صغيرة حل معادلة 32.13 تصبح

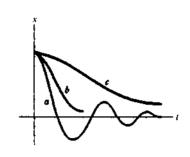
$$x = Ae^{-\frac{b}{2m}t}\cos(\omega t + \phi)$$
 (33.13)

حيث التردد الزاوي للذبذبة هو

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m} - \left(\frac{b}{2m}\right)^2} \tag{34.13}$$

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)





شكل (19.13b) شكل

شكل (19.13a) رسم بياني للإزاحة مع الزمن لذبذبة مشضائلة. لاحظ تناقص السعة مع الزمن. (b) أحد أمثلة المتذبذبات المتضائلة عبارة عن جسم معلق في زنبرك ومغمور في سائل لزج.

شكل (20.13). رسم بياني للإزاحية مع الزمن لكل من (a) متذبذب قليل التضاؤل (b) مشذبذب عند الشضاؤل الحبرج (c) منذبذب فائق التضاؤل.

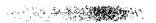
ويمكن تحقيق هذه النتيجة بإحلال معادلة 33.13 في معادلة 32.13 شكل (19.13a) يبين الازاخة كدالة في الزمن لجسم يتذبذب في وجود قوى معوقة وشكل (19.13b) يوضح أحد تلك النظم، وهو عبارة عن أسطوانة مصمته متصلة بزنبرك ومغموره في سائل لزج. نجد أنه عندما تكون القوة المعوقة أصفر بكثير من قوة الإرجاع تظل الحركة التذبذبية موجودة إلا أن سعة الذبذبة تتضاءل وتكون النتيجة توقف الحركة التذبذبية بعد فترة، وأي نظام يسلك هذا المسلك يسمى نظام متضائل، والخط المنقط في شكل (19.13.a) الذي يحدد جبهة المنحني التذبذبي يمثل الحد الأسي في معادلة (33.13)، وهذه الجبهة تبين تضاؤل سعة الذبذبة الأسي مع الزمن، في حالة حركة زنبرك مثبت فيه كتلة مصمته تتضاءل الذبذبات بسرعة كبيرة عندما يقترب الحد الأقصى لقوى الإعاقة من الحد الأقصى لقوى الإرجاع.

ومن الملائم أن نعبر عن التردد الزاوى للمتذبذب المتضائل بالعلاقة التالية.

$$\omega = \sqrt{{\omega_0}^2 - \left(\frac{b}{2m}\right)^2}$$

وحيث $\omega_0 = \sqrt{k/m}$ وهي تمثل التردد الزاوي في غياب قوى الإعاقة (المتذبذب غير المتضائل) ويسمى التردد الطبيعي للمتذبذب، عندما يصبح الحد الأقصى لقوة الإعاقة $R_{
m max}$ = $bv_{
m max}$ أن النظام قليل التضاؤل أو تحت المتضائل under damped عندما يقترب من kA تتضائل سعة الذبذبة أكثر فأكثر بسرعة وهذه الحركة ممثلة بالخط الأزرق في شكل 13.20. عندما تصل b إلى القيمة الحرجة b_c بحيث أن $b_c/2$ أجد أن النظام لا يتذبذب ويقال أنه وصل إلى التضاؤل الحرج الحرجة b_c Critically damped في هذه الحالة عند ما يزاح النظام من نقطة السكون إلى نقطة عدم اتزان فإنه يعود إلى نقطة الإتزان مرة أخرى ويظل عندها ساكنا. والمنحني الذي يمثل الإزاحة مع الزمن في هذه الحالة هو المنحنى الأحمر في شكل (20.13).

إذا كان الوسط شديد اللزوجة بحيث أن قوة الإعاقة retarding force تكون أكبر من قوة الإرجاع over أي أنه إذا كان k/2 $m=\omega_0$ و $k_{\max}=bv_{\max}$ تكون المنظومة فاثقة التضاؤل restoring force damped **(** 542 . في هذه الحالة عندما تكون المنظومة المزاحة حرة الحركة فإنها لا تتذبذب بل تعود إلى وضع

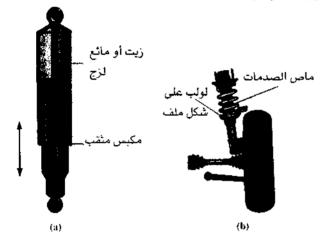


الإنزان، ومع ازدياد قوة الإعاقة فإن الزمن اللازم لعودة المنظومة إلى وضع الإنزان يزداد أيضا كما ، وضع الغنزان يزداد أيضا كما ، وضح الخط الأسوق في شكل (20.13)

في أي حالة يكون موجود فيها الإحتكاك، سواء كان النظام فائق النضاؤل Overdamped أو تحت المتضائل Underdamped طاقة المتذبذب تهبط إلى الصفر، والطاقة الميكانيكية المفقودة تنتقل إلى طاقة داخلية في الوسط الذي يحدث الإعاقة.

اختبار سريع 6.13

نظام تعليق في سيارة يتكون من مجموعة من زنبرك أو سست وماص للصدمات كما في شكل 21.13. إذا كنت مهندس سيارات فهل تصمم نظام تعليق تحت متضائل أو في مستوى التضاؤل الحرج أو فائق التضاؤل. ناقش كل حالة.



شكل (21.13) (a) مناص للصندمات Shock absorber يتكون من مكبس يتنابذب في غنرفة مملوءة بالزيت. عندما يتذبذب المكبس يضغط الزيت خلال ثقوب بين المكبس والفرقة مسببا تضاؤل لذبذبة المكبس. (b) أحد نظم تعليق السيارات يوجد فيه مناص للصدمات داخل زنبرك على شكل ملف Coil Spring بجوار كل عجلة.

(قسم اختیاري)

FORCED OSCILLATIONS الذبذبات القسرية 7.13

من الممكن أن نعوض فاقد الطاقة في نظام متضائل باستخدام قوة خارجية تمد النظام بشغل وجب. يمكن إضافة طاقة في أي لحظة إلى نظام متذبذب بحيث تعمل في اتجاء حركة المتذبذب. فمثلا الطفل فوق الأرجوحة يمكنه أن يظل في حركة مستمرة بإعطاء دفّعات للأرجوحة في أزمنة مناسبة. وسعة الذبذبة نظل ثابته إذا كانت الطاقة المضافة في كل دورة تساوي تماما الطاقة المفقودة نتيجة التضاؤل. وأي حركة من هذا النوع تسمى تذبذب قسري.

من الأمثلة العامة للمتذبذب القسري هو المتذبذب المتضائل الذي يغيذي بقوة خارجية تتغير دوريا $F = F_{\rm ext} \cos \omega t$.

حيث ω هي التردد الزاوي للقوة الدورية و $F_{
m ext}$ ثابت. بإضافة هذه القوة المحركة إلى الحد الأيسر ω معادلة (32.13) نحصل على

$$F_{\text{ext}}\cos\omega t - kx - b\frac{dx}{dt} = m\frac{d^2x}{dt^2}$$
 (35.13)

THE THE THE PARTY OF THE PARTY

(كما سبق سوف يعطي حل هذه المعادلة دون إثبات). بعد فترة زمنية عندما تصبح الطاقة الداخلية في كل دورة تساوي الطاقة المفقودة في كل دورة نصل إلى حالة استقرار بحيث نظل الذبذبات ذات سعة ثابتة لاتتغير، في هذه اللحظة عندما يصبح النظام في حالة استقرار معادلة 13.35 تصبح

$$x = A\cos(\omega t + \phi) \tag{36.13}$$

حيث

$$A = \frac{F_{\text{ext}}/m}{\sqrt{(\omega^2 - {\omega_0}^2)^2 + \left(\frac{b\omega}{m}\right)^2}}$$
 (37.13)

حيث $\omega_0 = \sqrt{k/m}$ وهو التردد الزاوي للذبذبة غير المتضائلة b=0 ولكن في حالة الإستقرار يجب أن يكون للمتذبذب نفس التردد مثل القوة المحركة، ومن ثم نتوقع الحل المعطى في معادلة (36.13) فهو حل مناسب على أن تعطى سعة الذبذبة بمعادلة (37.13).

معادلة (37.13) تبين أنه نظرا لوجود قوة خارجية فإن حركة المتذبذب القسري لانتضاءل. فالقوة الخارجية تعطى الطاقة اللازمة للتغلب على الفقد الناتج عن القوى المعوقة بالنسبة للتضاؤل القليل تصبح السعة كبيرة جدا عندما يكون تردد القوة المؤثرة من الخارج قريب من التردد الطبيعي للمتذبذب. والزيادة الدراماتيكية في السعة قرب التردد الطبيعي ω_0 natural frequency يسمى الرئين ولهذا السبب تسمى ω_0 في بعض الأحيان التردد الرئيني للنظام.

والسبب في السعة الكبيرة للذبذبة عند التردد الرئيني هو أن الطاقة تنتقل للنظام تحت ظروف مواتية. ويمكننا فهم ذلك بطريقة أفضل إذا أخذنا المشتقة الأولى لـ x بالنسبة للزمن في المعادلة \mathbf{F} التي تعطى عبلاقة لسبرعة المتذبذب. سنجيد أن v تتناسب مع $\mathbf{sin}(\omega t + \phi)$ عندما تكون القوة المؤثرة

متحدة في الطور مع السرعة. معدل بذل الشغل على المتنبذب بواسطة القوة \mathbf{F} يساوي حاصل الضرب المنقوط المتنبذب بواسطة القوة $\mathbf{F} \cdot \mathbf{v}$ dot Product وحيث أن معدل بذل الشغل يساوي القوة ونظرا لأن $\mathbf{F} \cdot \mathbf{v}$ تصل إلى الحد الأقصى عندما تكون $\mathbf{F} \cdot \mathbf{v}$ متحدين في الطور. نستنتج أنه عند حدوث الرئين تكون القوة المؤثرة متحدة الطور مع السرعة والقدرة المنقولة إلى المتنبذب عند الحد الأقصى.

شكل(22.13) يبين السعة كدالة في التردد بالنسبة لمتذبذب قسري في حالة وجود تناقص، وفي حالة عدم وجود تناقص، لاحظ أن السعة تزداد مع تناقص معامل التنظاؤل $(b \rightarrow 0)$ وأن منحنى الرنين يتسمع مع تزايد

غير منضائل Small ه اعجوه

شكل (22.13) رسم بياني بين سعة الذبذبة والتردد لمتنبذب متضائل، عندما تؤثر عليه قوة دافعة عندما يكون تردد القوة الدافعة تساوي التردد الطبيعي للمتذبذب ω تحدث حالة رئين لاحظ أن شكل متحنى الرئين يتوقف على مقدار معامل التضاؤل b.

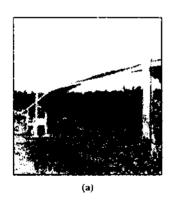


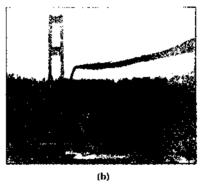
هند حيالة الثبيات steady state وعند أي تردد للقوة المؤثرة، الطاقية المنقولة إلى النظام تسياوي الله المناودة بسبب قوى التضاؤل. إذن متوسط الطاقة الكلية للمتذبذب تظل ثابتة.

شي غياب قوى النضاؤل (b=0) نجد من المعادلة (37.13) أن سعة الذبذبة عند حالة الاستقرار من يغياب قوى النضاؤل ($\omega \to 0$) أن إذا لم يكن هناك فقد في النظام وإذا استمرت تغذية المتذبذب المتدب عن متوقفا في حالته الإبتدائية) بطاقة دورية متحدة الطور مع السرعة، فإن سعة الحركة تتزايد على النظر إلى المتحنى الأحمار في شكل 22.13، وهذه الحالة لاتحدث في الطبيعة لوجود قوى ساؤل دائما ولا يمكن التخلص منها تماما.

ان سلوك نظام متذبذب تحت تأثير قوة خارجية بعد إزالة تلك القوة يتوقف على مقدار عامل المتر مدى فرب ω_0 من ω_0 . وهذا السلوك يمكن تقديره في بعض الأحوال عن طريق بارامتر مساول أو إلى مدى قرب ω_0 من ω_0 من عامل الجودة quality factor ω_0 فكلما اقترب النظام من حالة عدم التضاؤل كلما زاد عامل الدورة.

فيما بعد سنجد أن الرئين يظهر في أجزاء أخرى من هذا الكتاب فمثلاً بعض الدوائر الكهرابية لها معدد طبيعي، والكوبري له تردد طبيعي يمكن جعله يصل إلى حالة الرئين باستخدام قوة مناسبة

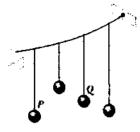




شكل (23.13) (a) في عام 1940 ما اصفة دوامية أحدثت تذبذب التواه في كوبري ناكوما ناروس الولايات المتحدة جعلته يتذبذب أرب التردد الطبيعي له (b) مجرد حدوث حالة الرنين هذه محلم الكوبري.

وهناك مثل دراماتيكي لهذه الحالة حدث عام 1940 عندما تحظم كوبري تاكوما ناروس في ولاية ما المنابع مثل دراماتيكي لهذه الحالة حدث على الرغم من أن الرياح لم تكن شديدة في تلك الفتره، لقد تحطم المنابع بشكل (23.13) لأنه لم تؤخذ عوامل الأمان في الإعتبار عند تشيده، وهناك العديد من الذبذبات المنابعة يمكن التحدث عنها، فالآلات بمكن أن تتحطم إذا حدث لجزء منها حالة رئين مع جزء آخر منها حالة رئين مع جزء آخر منها والجنود إذا ساروا في مارش عسكري فوق كوبري ينتج عن ذلك إهتزازات رئينية قد تسبب في منابع الكوبري، أي نظام فيزيائي يتردد قرب تردده الرئيني نزاد سعة ذبذبته بدرجة كبيرة.

تحرية معملية: 🚞



اربط بعض البكرات في خيوط ثم علق تلك الخيوط في حبل أفقى. إجعل خيطين تقريبا متساويين في الطول. إذا جعلت الجسم المعلق في أحد الخيطين يتذبذب وليكن الجسم P ستبدأ جميع الأجسام في التذبذب إلا أن Q الذي طوله مساويا لطول P يتذبذب بسعة ذبذبة أكبر. هل يجب أن تكون باقى الخيوط لها نفس سعة الذبذبة؟

ملخص SUMMARY

- إذا كانت عجلة جسم تتناسب مع إزاحته من نقطة الإنزان واتجاهها مضاد لاتجاه الإزاحة. فإن الجسم يتحرك في حركة توافقية بسيطة. والوضع x لمتذبذب توافقي بسيط يتغير دوريا مع الـزمن طبقا للمعادلة

$$x = A\cos(\omega t + \phi) \tag{3.13}$$

حيث Α سبعة الذبذبة للحركة، ω التردد الزاوى، φ ثابت الطور وقيمة φ تعتمد على الوضع الإبتدائي والسرعة الإبتدائية للمتذبذب. ويمكن استخدام تلك المادلة لوصف حركة جسم يقوم بحركة . Period الذي تستغرقه ذبذبة كاملة يسمى الزمن الدوري للحركة T الذي تستغرقه ذبذبة كاملة يسمى الزمن الدوري الحركة

$$T = \frac{2\pi}{\omega} \tag{4.13}$$

ومقلوب الزمن الدوري هو التردد frequency وهو يساوي عدد الذبذبات في الثانية.

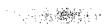
والسرعة والعجلة للمتذبذب التوافقي البسيط هي

$$v = \frac{dx}{dt} = -\omega A \sin(\omega t + \phi)$$
 (7.13)

$$a = \frac{dv}{dt} = -\omega^2 A \cos(\omega t + \phi)$$
 (8.13)

$$v = \pm \omega \sqrt{A^2 - x^2} \tag{23.13}$$

إذن السرعة القصوي هي ωA والعجلة القصوي $\omega^2 A$. والسرعة تساوي صفر عندما يكون المتذبذب عند نقطة العودة (النقطة التي يغير فيها المتذبذب اتجاهه) $x = \pm A$ ، وتكون أكبر ما يمكن عندما يكون المتذبذب عند نقطة الإتزان x = 0. وقيمة العجلة تكون أكبر مايمكن عندما يكون المتذبذب عند نقطة العودة وصفر عند نقطة الإتزان. ويمكنك أن تعرف مقدار السرعة والعجلة للمتذبذب في أي لحظة إذا 546) عرفت السعة والتردد الزاوي وثابت الطور.



حالة منظومة مكونة من مكعب وزنبرك تتحرك حبركة توافقية بسيطة على سطح أملس بزمن . . , . . T

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \tag{18.13}$$

طاقة الوضع وطاقة الحركة لمتذبذب يقوم بحركة توافقية بسيطة تتغير مع الزمن وتعطى بالمعادلة

$$K = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2 \sin^2(\omega t + \phi)$$
 (20.13)

$$U = \frac{1}{2} kx^2 = \frac{1}{2} kA^2 \cos^2(\omega t + \phi)$$
 (21.13)

وهذه المعادلات تمكنك من تحليل العديد من حالات التذبذب. وتأكد من الطريقة التي تدخل بها الله المعادلات الزنبرك في الحسابات.

- الطاقة الكلية للمتذبذب التوافقي البسيط مقدار ثابت ويعطى بالمعادلة

$$E = \frac{1}{2} kA^2$$
(22.13)

- وطاقة الوضع تكون أكبر ما يمكن عندما يكون المتذبذب عند نقطة العودة وتساوي صفر عندما
 - دون المتذبذب عند نقطة الإتزان.

وطاقة الحركة تساوي صفر عند نقطة العودة وأكبر ما بمكن عند نقطة الإتزان. ويمكن حساب كل من النوعين في أي لحظة (1).

البندول البسيط الذي طوله يساوي L يتحرك حركة توافقية بسيطة. بالنسبة للإزاحة الزاوية الدعفيرة في المستوى العمودي يكون زمنه الدوري

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$
 (26.13)

بالنسبة للإزاحة الزاوية الصغيرة في المستوى العمودي. البندول الفيزيائي يتحرك حركة توافقية سيطة حول نقطة التعليق التي لا تمر بمركز الكتلة، والزمن الدورى في هذه الحالة

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mgd}}$$
 (28.13)

حيث I عزم القصور الذاتي حول محور يمر بنقطة التعليق، d هي المسافة من نقطة التعليق إلى ϵ ركز الكتلة. ويجب أن نميز بين متى نستخدم معادلة البندول البسيط ومتى يعتبر النظام بندول ϵ ربائي.

الحركة الدائرية المنتظمة يمكن اعتبارها حركتين توافقيتين معا واحدة على امتداد المحور السيني x الأخرى على امتداد المحور y مع إختلاف في الطور بينهما قدره 90° .

QUESTIONS اسئلة

- الكرة المتكرر يعتبر حركة التاميذ اليومية توافقية بسيطة؟ وهل حركة التلميذ اليومية من المنزل إلى المدرسة ومن المدرسة إلى المنزل حركة توافقية بسيطة؟ لماذا نعم ولماذا لا؟
- 2 إذا كانت إحداثيات جسم تتغير تبعا للمعادلة x ≈-A cos ωt معادلة 3.13 . عند أي وضع يبدأ الجسم حركته
- t = 0 إزاحة جسم متذبذب بين t = 0 وزمن لاحق t من الضروري أن تكون مسساوية لوضع الجسم عند الزمن t وضع.
- حدد ما إذا كانت الكميات التالية يمكن أن تكون في نفس الإتجاء بالنسبة للمتذبذب التوافقي البسيط(a) الإزاحة والسرعة (b) الإزاحة والعجلة.
- Φ هل يمكن تعليين السلعلة A وثابت الطور للمنتبذب إذا أمكن تحديد المكان عقد زمن Φ = 0 وضع.
- 6 صف كيفيا حركة نظام مكون من كتلة
 وزنبرك إذا لم تكن كتلة الزنبرك غير مهملة؟
- 7 ارسم رسما بيانيا يبين طاقة الوضع لمكعب $U = \frac{1}{2} ky^2 + mgy$ ساكن معلق من زنبرك ليخارج للذا الجزء السفلي من المنحنى ينحني للخارج عن نقطة الأصل.
- 8 منظومة مكونة من زنبرك ومكعب تقوم بحركة توافقية بسيطة سعتها A. هل تتغير الطاقة الكلية إذا تضاعفت الكتلة ولكن السعة لم تتغير؟ هل طاقة الحركة وطاقة الوضع يعتمدان على الكتلة؟
 - وضح ذلك.

- 9 ماذا يحدث للزمن الدوري للبندول البسيط، إذا تضاعف طول البندول؟
- وماذا يحدث للزمن الدوري إذا تضاعفت الكتلة المعلقة في طرف البندول.

- 10 بندول بسيط معلق من سقف مصعد واقف وتم تعيين الزمن الدوري أوصف التغيرات، إن وجدت في الزمن الدوري عندما يقوم المصعد بالتالي (a) يتسارع إلى أعلى (b) يتسارع إلى أسفل (c) يتحرك بسرعة ثابته.
 - 11 بندول بسيط يقوم بحركة توافقية بسيطة عندما تكون θ صىغيارة فهل تكون الحاركة دورية إذا زادت الزاوية θ .
 - ل عند أي قيم لـ -12 مل يحدث تضاؤل للذبذبات عند أي قيم لـ b b
 - [13] هل من المكن حدوث تضاؤل للذبذبات عندما يكون النظام في حالة رنين؟ وضع ذلك؟
 - 14- في حالة الرئين ما مقدار ثابت الطورφ في معادلة 36.13 (ملحوظة قارن هذه المعادلة بمعادلة القوة الدافعة التي يجب أن تكون متحدة الطور مع السرعة عند الرئين.
 - 15- إذا كانت ساعة ذات بندول تؤخر في الوقت،
 كيف بمكن ضبط طول البندول لتصحيح الوقت.
 - 16 كرة بندول عبارة عن كرة مملوءة بالماء. ماذا يحدث لتردد الذبذبة لهذا البندول إذا كان بالكرة ثقب جعل الماء يتبخر منها يبطئ.

PROBLEMS J. ...

ا، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدي

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = الحل موجود في: / WICB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

📗 = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

القسم 1.13 الحركة التوافقية السيطة

ا ازاحة جسيم عند t=0.25 عملى بالعلاقة $x=(4.0m)\cos(3.0\pi t+\pi)$ بالمتر و $t=(4.0m)\sin(3.0\pi t+\pi)$ التردد والزمن بالمتر و $t=(4.0m)\sin(3.0\pi t+\pi)$ الدوري (b) سعة الحركة (c) ثابت الطور (d) ازاحة الجسيم عند t=0.25 عند t=0.25

- استهطت كبرة من ارتضاع m 4.00 تصطدم بالأرض تصادماً مرناً إذا فرضنا أنها لم تفقد أي طاقة بسبب مقاومة الهواء (a) بين أن الحركة ترددية (b) حدد الزمن الدوري للحركة (c) هل الحركة توافقية بسيطة؟ علل.
- ا. جسيم يتحرك في حركة توافقية بسيطة بتردد 3.00 ذبذبة في الثانية وسعة الذبذبة مى 5.0 cm
 المسافة الكلية التي يتحركها الجسيم خلال دورة واحدة؟ (d) ما هي السرعة القصوى؟ أين يحدث ذلك؟ (c) احسب أكبر عجلة للجسيم. عند أي جزء من الحركة يحدث الحد الأعلى للعجلة؟
- في آلة، بستن يتذبذب في حركة توافقية بسيطة بحيث تتغير إزاحيته طبقاً للمعادلة (a) $x = (5.0 \text{ cm}) \cos(2t + \pi/6)$ إزاحة الجسيم (b) سرعته (c) عجلته (d)
 - برسي أوجد الزمن الدوري والسعة للحركة.
- |5| جسيم يتحرك على المحور x في حركة

🗌 = الحل كامل متاح في المرشد.

توافقية بسيطة ويبدأ من نقطة الاتزان. نقطة الأصل عند 0=t ويتحرك نعو اليمين. t=0 عند t=0 والشردد (a) t=0 والشردد t=0 والشردد t=0 والمسيم تعطي بالمعادلة (b) وإلى t=0 (2.00 cm) t=0 وأول زمن t=0 يصل فيه المسيم إلى تلك السرعة (c) المعلمة القصوى وأول زمن t=0 يصل فيه المسيم الى تلك العملة (d) المسافية الكلية التي يقطعها المسيم في الفترة الزمنية بين t=0 و t=0

 $m{v}_i$, x_i الوضع الأول والسرعة الأولى لجسم يتحرك في حبركة توافقية بسيطة هما والتسردد الزاوي للذبذبة هو (a) (a) أن الوضع والسرعة للجسم لجميع الأزمنة يعبر عنها بالعلاقة الآتية

$$x(t) = x_i \cos \omega t + \left(\frac{v_i}{\omega}\right) \sin \omega t$$

 $v(t) = x_i \omega \sin \omega t + v_i \cos \omega t$

القسم 2.13 عودة إلى المكعب والزنبرك

ملحوظة: إهمل كتلة الزنبرك في جميع مسائل هذا القسم

7- زنبرك له استطالة شدرها 3.0 cm عندما تعلق به كتلة مقدارها g 10.0. إذا علقت به كتلة مقدارها 25.0g فإنه يتذبذب في حركة توافقية بسيطة، أحسب الزمن الدوري للذبذبة

- 8- متذبذب توافقي بسيط يستفرق 12.0s لكي يصنع خمس دورات كاملة أوجد (a) الزمن الدوري لهذه الحركة (b) التردد بالهرتز(c) التردد الزاوي بالريديان لكل ثانية.
- و كتلة مقدارها 0.50 kg معلقة من زنبرك ثابت قوته 8.0 N/m ويتذبذب في حركة توافقية بسيطة، وسعة الذبذبة 10.0 cm إحسب (a) الحد الأقصى للسرعة والعجلة (b) السرعة والعجلة عندما تكون الكتلة على بعد 6.0 cm من وضع الاتزان (c) النزمين اللازم لكي تتحرك الكتلة من 0 x = 8.0 cm إلى x = 8.0 cm
- 1.0 kg كتلة مقدارها 1.0 kg القدوة من زنبرك ثابت القدوة له 25.0 N/m بندبذب في مستوى أفقي أملس عند الزمن t = 0. تركت الكتلة لتنذبذب من وضع السكون عند مسافة لتنذبذب من وضع السكون عند مسافة x = -3.0 cm بمقدار 3.0cm) احسب(a) الزمن الدوري للحركة (b) أكبر عجلة وسرعة (c) الإزاحة والسرعة والعجلة كدالة في الزمن.
- 11 كتلة مقدارها 7.0 kg معلقة من النهاية السفلى لزنبرك مثبت في قضيب أفقي. أخذت الكتلة تتذبذب رأسيا وفترة الذبذبة كانت 2.6.s. أوجد ثابت القوة للزنبرك.
- 12- كتلة مجهولة المقدار معلقة من زنبرك ثابت القوة له 8.5 N/m ويقوم بحركة توافقية بسيطة بسعة ذبذبة 10.0 cm عندما كانت الكتلة في منتصف المسافة بين وضع الاتزان ووضع النهاية. قيست السرعة ووجدب تساوي \$40.0 cm/s احسب (a) الزمن الدوري للحركة (c) الحد الأعلى لعجلة الكتلة.
- 13- جسيم معلق من زنبرك يتذبذب بتردد زاوي 2.0 rad/s والمنظومية المكونة من الزنبرك والجسيم معلقة من السقف في مصعد في حالة سكون (بالنسبة لكابينة

المصعد)، عندما كان المصعد يهبط بسرعة ثابتة مقدارها 1.50m/s. توقف المصعد بعد ذلك فجأة (a) ما هي سعة الذبذبة للجسيم؟ (b) ما هي معادلة الحركة للجسيم (اعتبر الاتجاء لأعلى هو الاتجاء الموجب).؟

- 14- جسيم معلق من زبنرك يتذبذب بتردد زاوي

 (عنظومة المكونة من الجسيم والزنبرك معلقة من سقف مصعد وفي حالة سكون
 (بالنسبة لكابينة المصعد) عندما يهبط
 المصعد بسرعة ثابتة 10. توقف المصعد
 فجأة (a) ما هي سعة الذبذبة للجسيم (b).
 ما هي معادلة الحركة للجسيم (اعتبر
 الاتجاه لأعلى هو الاتجاه الموجب)
 - 15- كتلة مقدارها 1.0kg معلقة من زنبرك أفقي. الزنبرك مشدود في البداية بمقدار 0.10m والكتلة تحركت من حبالة السكون في هذا الموضع واصلت الحركة بدون احتكاك بعد 0.50s وصلت سرعة الكتلة إلى الصفر. ما مقدار الحد الأعلى لسرعة الكتلة.

قسم 3.13 طاقة المتذبذب التوافقي البسيط

(اهمل كتلة الزنبرك في جميع مسائل هذا القسم)

- 16- كتلة مقدارها 200g معلقة في زنبرك وتقوم بحركة توافقية بسيطة زمنها الدوري مقداره 0.25s. إذا كانت الطاقة الكلية للمنظومة تساوي 2.00J أوجد (a) ثابت القوة للزنبرك و (b) سعة الذبذبة.
- 17 سيارة كتلتها 1000kg اصطدمت بحائط من الطوب في أحد اختبارات الأمان. واقي الصدمات بالسيارة يعمل كزنبرك ثابت القوة له 5x 10⁶ N/m وانضغط لمسافة سكون. ما عندما صارت السيارة في حالة سكون. ما مقدار سرعة السيارة قبل التصادم؟ بفرض عدم فقدان طاقة أثناء التصادم مع الحائط.

18 - منظومية مكونة من كنتلة وزنييرك تتبذيذب بسلطية 3.5 cm إذا كيان ثابيت الزنيارك 250N/m والكتلة مقدارها 0.50 kg احسب (a) الطاقة الميكانيكية للنظام (b) السرعة القصوى للكتلة (c) العجلة القصوى.

The state of the s

- 19 كتلة وزنها 50.0g معلقة في زنبرك ثابت القوة له 35.0N يتذبذب على سطح أملس أفقى بسعة ذبذبة 4.0 cm أوجد (a) الطاقة الكلية للمنظومة (b) سرعة الكتلة عندما نكون الإزاحة 1.0 cm طاقة الحركة (d) طاقة الوضع عندما تكون الإزاحة 3.0 cm.
- 20 كنتلة منفيدارها 2 kg منطقية في زنبيرك وموضوعية على منضدة ملسياء أفتقيية. شبتخدم قوة مقدارها N 20.0 لكي تبقي على الكتلة في حالة سكون عندما يحدث للزنبارك شاد ماهاداره 0.20 m من وضع الاتزان (نقطة الأصل على المحــورx). إنطلقت الكتلة من حمالة سكون بإزاحمة ابتدائية $x_i = 0.20$ وبعد ذلك أخذت تقوم بحركة توافقية بسيطة أوجد (a) ثابت القوة للزنبارك (b) تردد الذبذبات (c) السارعة القصوى للكتلة وأبن تحدث هذه السرعة القصوى؟ (d) أوجد العجلة القصوى للكتلة وأين تحدث؟ (e) أوجد الطاقة الكلية للنظام المنذبذب.

اوجد (f) السرعة (g) العجلة عندما تصل الإزاحة إلى 1/4 القيمة العظمى لها.

|| 📶 21- كتلة مقدارها 1.5kg في حالة سكون فوق منضدة متصلة بزنبرك أفقى ثابت القوة له 19.6 N/m ، الزنبرك غير مشدود في البداية. أثرت على الجسم قوة أفقية ثابتة مقدارها 20.0N أدت إلى شد الزنبرك (a) عين سرعة الكتلة بعد أن تتحرك لمسافة 0.30m من وضع الإتزان باعشبار أن سطح

- المنظيدة أملس (b) أجب عن الجزء (a) عندما بكون للسطح معامل احتكاك كيناتيكي 0.20 بين الكتلة وسطح المنضدة.
- 22- قد تضاعفت سعة حركة توافقية بسيطة يضوم بها نظام عين التغير في (a) الطافة الكلية (b) السرعة القصوى (c) العجلة القصوى و (d) الزمن الدوري.
- [23] جسيم يتحرك حركة توافقية بسيطة بسعة مقدارها 3.0 cm عند أي إزاحة من منتصف حركته تكون سرعته نصف السرعة القصوى؟
- 24- كتلة معلقة في زنبرك له ثابت قوة N/m يتذبذب ويتحدد موضعه لا بالعلاقة

 $x = (5.0 \text{ cm}) \cos (3.6 \text{ rad/s})$

خـلال الدورة الأولى عند الزمن 0 < c > 1.75s متى تتغير طاقة الوضع للنظام بأكبر سرعة إلى طاقة حركة؟ (b) ما هو أكبر معدل لتغير الطاقة؟

قسم 4.13 البندول

- 25- دخل رجل إلى برج مرتفع ليعرف ارتضاعه فوجد بندول معلق من السقف ويصل تقريبا إلى سطح الأرض ووجعد أن زمنه الدوري a) 12.0 s) ما ارتفاع البرج (b) إذا ما تذبذب هذا البندول فوق سطح القمر حيث عجلة الجاذبية 1.67 m/s² ما مقدار زمنه الدوري هناك.
- 26- بندول " الثانية" هو بندول يمر بنقطة اتزان مرة كل ثانية (الزمن الدوري لهذا البندول 2.0s) وطول بندول الثانية هو 0.9927m في طوكيو و 0.9942m في كا مبردج بانجلترا ما هي عجلة الجاذبية الأرضية عند هاتين المدينتين؟
- 27- إطار من الصلب فوق تقاطع طرق يحمل إشارات ضوئية مرورية كل منها معلق مباشرة ﴿ 551 -

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

أسلفل الإطار، هبت عناصيفية فليجعلت الإشارات تتذبذب في مستوى علمودي. احسب مقدار الزمن الدوري، أذكر الكميات التي استخدمتها كمدخلات وقيمتها.

29 بندول بسيط كتاته 0.25kg وطوله 1.0 m. أزيح حلال زاوية 15.0° ثم ترك، ما مقدار (a) السرعة القصوى (b) العجلة الزاوية القصوى (c) أكبر قوة إرجاع.

30- بندول بسيط طوله m 5.0 ما مقدار الزمن الدوري للحركة التوافقية البسيطة لهذا البندول، إذا كان معلقا من سقف مصعد يتسارع إلى أعلى بعجلة 5.0 m/s² (d)ما مقدار الزمن الدوري إذا كان المصعد يتسارع إلى أسفل بعجلة 5.0 m/s² (c) ما مقدار الزمسن الدوري إذا وضسع هذا البندول في شاحنة تتسارع أفقيا بعجلة قسدرها 5.0 m/s²

مسيم كتلته m ينزلق دون احتكاك داخل سلطانية نصف دائرية نصف قطرها R. بين أنه إذا ابتـدأت من وضع السكون وأزيحت قليـلا من وضع الإتزان فإن الجسم يتحرك حركة توافقية بسيطة بتردد زاوي يساوي تردد بندول بسيط طوله R أي أن $\sqrt{g/R}$ = ω

22- كتلة معلقة في نهاية خيط لنكون بندول السيط. الزمن الدوري لحركته التوافقية مقاسة لإزاحة زاوية صغيرة ولشلاث أطوال مختلفة. في كل حالة قيس الزمن اللازم لحدوث 50 ذبذبة لطول m 0.50 m و. 0.75m للزمن الدوري لكل من الأطوال الشلائة (b) عين مقدار g التي

حصلت عليها من تلك القياسات المنفصلة وقبارنها بالقيمة المعشرف بها T^2 العلاقة بين T^2 والطول L. ثم احسب مقدار T^2 من ميل الخط المستقيم الذي يحقق النقط العملية. قارن القيمة التي تحصل عليها من الرسم بالقيمة التي حصلت عليها في T^2

Service Control

33 - بندول فينزيائي عبارة عن جسم سطحه مستو يتحترك في حركة توافقية بسيطة بنبذبة قدرها 0.450 Hz. إذا كانت كتلة البندول 2.20kg ونقطة التعليق تقع على بعد 0.35m من مبركز الكتلة، عين عبزم القصور الذاتي للبندول.

0.50m طوله مصمت طوله 0.50m يمتد على استقامة مسطرة طولها متر. علمت المسطرة من معور عند الطرف البعيد عن القضيب وجعلت تتذبذب (a) عين الزمن الدوري للذبذبة (b) ما مقدار النسبة الموية للفرق بينه وبين بندول بسيط طوله 1.0m.

35- سنأخذ حالة البندول في شكل 13.13a إذا كان I_{CM} هو عزم قصوره الذاتي حول معور يمر في مركز كتلته وموازي للمحور المار بنقطة تعليقه. بين أن الزمن الدوري له هو

 $T = 2\pi \sqrt{\frac{I_{CM} + md^2}{mgd}}$

حيث d هي المسافة بين نقطة التعليق ومركز الكتلة d) بين أن مــقــدار الـزمن الـدوري يصبح أقل ما يمكن عندما تحقق d العلاقة $md^2 = I_{CM}$

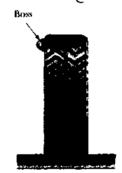
36 - بندول إلتبواء يتكون من سلك مبربوط في مركز مسطرة طولها متر وكتلتها 2.0 kg إذا كان الزمن الدوري لهذه المنظومة يساوي 3.0 min ما مقدار ثابت الإلتواء لهذا السلك.

clock balance عبيزان في ساعة - 37 ميزان في ساعة ، wheel

بعيث أن g 20.0 من الكتلة مبركزه حول حافة نصف قطرها 0.05cm ما مقدار (a) عزم القصور الذاتي للعجلة (b) ثابت الإلتواء للزنبرك المتصل بعجلة الميزان.

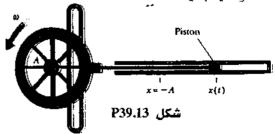
القسم 5.13 مقارنة الحركة التوافقية البسيطة بالحركة الدائرية المنتظمة

3.0m/s بسرعة 3.0m/s وبالقرب من حافة الإطار بوجد انتفاخ نصف دائري من حافة الإطار بوجد انتفاخ نصف دائري كما هو مبين في شكل (P38.13) (a) بين من وجهة نظرك لماذا يقوم هذا الإنتفاخ بحركة توافقية بسيطة (b) إذا كان نصف قطر الإطار 0.30m كم يكون النمان الدوري لذبذبة هذا الانتفاخ.



شكل P38.13

93. - في شكل (P39.13) آلة ذات بستن Piston واحد عندما تدور العجلة بسرعة زاوية ثابتة، وضح لماذا يتذبذب قضيب البستن في حركة توافقية بسيطة.



الاختياري قسم 6.13

40 - بين أن معدل تغير الطاقة الميكانيكية

لمتذبذب ذبذبته متضائلة تعطى بالمعادلة

$$\frac{dE}{dt} = -bv^2$$

ومن ثم فهي دائما سالبة (نبده، فاضل العلاقة الخاصة بالطاقة المكانيكية $E = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{1}{2}kx^2$ واستخدم المعادلة (32.13).

- 41 بندول طوله 1.0m بدأ يتــذبذب وهو عند زاوية °15.0 وبعـد 1000s سـعـة ذبذبتـه تناقصت بفعل الاحتكاك إلى °5.5 ما مقدار 5/2m
- 42 بين أن المالاقة 33.13 هي حل لمادلة b² < 4mk باعتبار أن 13,22

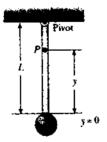
اختياري، قسم 7.13 الذبذبة القسرية

- 43 كتلة مقدارها 2.0kg معلقة من زنبرك تتلقى دفعا بواسطة قوة خارجية (2π) (3.0N) cos(2πt) اذا كان ثابت القوة للزنبـرك هو 20.0 N/m عين (a) الزمن الدوري (b) ســعــة الذبذبة (ملحوظة. بفرض عدم وجود تضاؤل أي أن b=0
- بين (b=0) بين متضائل (b=0) بين أن معادلة 13.36 هي حل لمعادلة 13.37 وسعة الذبذية معطاة بمعادلة 13.37
- 45 كتلة وزنها 40.0N معلقة من زنبرك ثابت القوة له 200N/m والنظام غير مشضائل ويتأثر بقوة توافقية ترددها 10.0 Hz ، تؤدي إلى حركة فسرية سعتها 2.0 cm ، عين الحد الأعلى للقوة.
- 46 كتلة 0.15 kg معلقة من زنبرك خفيف غير متضائل الذبذبة ثابت قوته 6.3 N/m والمنظومة تتأثر بقوة متذبذبة مقدارها 1.7 N، كم يكون تردد الكتلة تحت تأثير تلك القوة، وسعة الذبذبة للمنظومة 0.440 m.

مسائل إضافية

- 47 سيارة بها وسائل لامتصاص الصدمات shock absorbers عالتها سيئة ولذلك فهي تتذبذب لأعلى وأسفل بزمن دوريs 1.5 بعد أن اصطدمت بعائق وكتلة السيارة \$1500kg ومزودة بأربع سست \$1500kg لكل منها ثابت فوة \$1 احسب مقدار \$1.
- 48 راكب وزنه 150kg يجلس في منتصف السيارة السابقة في المسألة47، كم يكون الزمن الدوري الجديد؟
- وعند النقطة M معلقة من نهاية قضيب منتظم له نفس الكتلة M وطوله L ومعلق من نهايته العليا كما في شكل (P51.13) عين الشـد في القـضـيب عند نقطة التـعليق وعند النقطة P عندما يكون النظام سـاكنا (b) احـــسب الزمن الدوري للإزاحــات الصـغـيـرة من وضع الاتزان وعين الزمن الدوري عندما تكون $L=2.0 \, \mathrm{m}$

(نبذة. إفترض أن الكتلة عند نهاية القضيب عبارة عن نقطة واستخدم المعادلة 28.13).

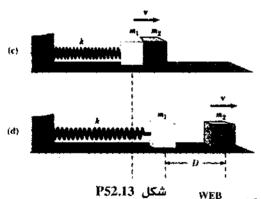


شكل P51.13

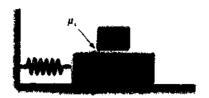
في حالة انزان m_1 =9.0 kg في حالة انزان عندما تكون معلقة بزنبـرك خفيف ثابته k=100N/m مثبت في حائط، كما هو مبين m_2 =7.0 kg في شكل (P52.13a). كتلة ثانية m_2 =7.0 kg ضغطت مع الكتلة m_1 مما أدى إلى ضغط الزنبــرك بمقــدار m_2 =0.20m أنظر شكل

(P52.13b) . أطلق النظام بعيد ذلك وبدأت الكتلتان الحركة نحو الييمين على السطح الأملس (a) عندما تصل m_1 لوضع الإنزان m_2 شقيد m_3 إتصيالها بالكتلة m_1 انظر (52.13.c) وتتحرك نحو اليمين بسرعة u عين مقدار u (b) ما مقدار المسافة بين الكتلتين عندما يكون الزنبيرك عند أكبير المستطالة له لأول مسيرة. (D في شكل المنبذية والسيعة للمنظومة المكونة من u والزنبرك بعد أن تترك u والكتلة u.



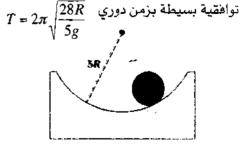


[13] كتلة كبيرة P تقوم بحركة توافقية بسيطة افقيا وأثناء انزلاقها على سطح أملس بتردد B الكتلة B استقرت فوق D كيما في شكل (P53.13) ومعامل الاحتكاك الإستاتيكي بين الاثنين هيو الاحتكاك الإستاتيكي بين الاثنين هيو الذبذبة التي بمكن أن تكون للمنظومة إذا كانت الكتلة D لاتنزلاق.



شكل P53.13

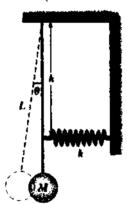
- 5.2 كتلة كبيرة P تقوم بحركة توافقية بسيطة عندما تنزلق على سطح أملس بتردد f. كتلة B تستقر فوق P كما في شكل (P53.13). ومعامل الإحتكاك الإستاتيكي بين الإثنين مو μ_s ما مقدار أقصى سعة للذبذبة يمكن أن تكون للمنظومة أي إذا كانت الكتلة العليا لاتنزلق B
- 5.1 كتلة جنرئ الديتريم D_2 هي ضعف جنرئ الهيدروجين (H_2) إذا كنان تردد الذبذبة للهيدروجين H_2 هو H_2 ما مقدار تردد الذبذبة للديتريم S_2 . افترض ان "ثابت الزنبرك" لقوى التجاذب له نفس المقدار بالنسبة للجزيئين.
- 5.1 كتلة مصمتة على شكل كرة نصف قطرها R تتدحرج دون انزلاق في حوض اسطواني نصف قطره 5R كما في شكل (P56.13) بين أنه للإزاحات الصغيرة من وضع الإتزان عموديا على طول الحوض، تقوم الكرة بحركة



شكل P56.13

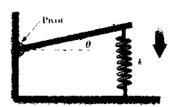
متلأت في ماوية مكعبة خفيفة حجمها a^3 امتلأت في البداية بسائل كثافته a، والحاوية معلقة من خيط خفيف لتكون بندولا طوله a مقاسة

- من مركز الكتلة للحاوية الممتلئة. ترك السائل لي تسرب من قاع الحاوية بمعدل ثابت (dM/dt). عند أي زمن t يكون مستوى السائل في الحاوية h وطول البندول L (مقاس من مركز الكتلة اللحظي) (a) ارسم الجهاز وضع علامات عند الأبعاده L, L, L, h, h, a وجد المعدل الزمني لتغير الزمن الدوري كدالة في الزمن L
 - (c) أوجد الزمن الدورى كدالة في الزمن.
- 59 بندول طوله L معلق به كتلة M. زنبرك ثابت القوة له k مثبت على مسافة أ أسفل أنطق تعليق البندول كما في شكل(P59.13). أوجد تردد الذبذبة للنظام لسعة صغيرة (θ صغيرة) (إعتبر أن البندول الذي طوله L مصمت إلا أن كتلته مهملة).



شكل P59.13





شكل P60.13

100N/mقيد القيد المناس الأخر مثبت خيط رفيع. والخيط يتغير وضعه من الأفقي إلى الرأسي عندما يمر فوق بكرة مصمتة قطرها 4.0 cm الجار الدوران على محور ثابت أملس. الجار الرأسي من الخيط يحمل كالمنال المناز والخيط لاينزلق عند تلامسه مع البكرة. واجد تردد الذبذبة. إذا كانت كتلة البكرة(a) مهملة (b) 250g (c) 250g (d)

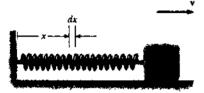
59 [62] كتلة وزنها 2.0 kg معلقة دون اهتزاز في نهاية زنبرك 8500 N/m متصل بسقف مصعد. المصعد يرتفع بعجلة إلى أعلى مقدارها 9/3 عندما تتوقف العجلة فجأة (عند 10)(a) ما مقدار التردد الزاوي لذبذبة الكتلة عند توقف العجلة؟

(b) ما مقدار الشد في الزنبرك أثناء تسارع كاللينة المصعد؟

 (c) ما مقدار سعة الذبذبة وزاوية الطور الابتدائية التي يلاحظها راكب المصعد؟ اعتبر الاتجاه إلى أعلى موجباً.

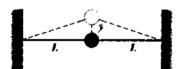
61- كتلة مقدارها M معلقة في زنبرك كتلته m ويتذبذب في حركة توافقية بسيطة على

سبطح مسار أملس أفيقي شكل (P66.13) ثابت القيوة للزنبيرك k وطوله في حيالة الانزان ℓ . أوجيد (a) طاقية الحركية للنظام عندميا يكون للكتلة سيرعية ℓ 0) الزمن الدوري للذبذبة (افيترض أن جيميع أجيزاء الزنبيرك تشذبذب بطور واحيد وأن سيرعية جيزء ℓ 2 تتناسب مع المسافية ℓ 3 من الطرف الشابت أي أن ℓ 3 ℓ 4 (ℓ 7) ولاحظ كذلك أن ℓ 4 ℓ 6 كذلة جزء من الزنبرك ℓ 7 ولاحظ كذلك أن



WEI شکل P66.13

62 كرة كتلتها m مربوطة بشريطين من المطاط لكل منهما طول L وكل منهما تحت شد T . كيميا في شكل (P67.13). أزيعت الكرة بمسافة صغيرة y عموديا على طول الشريط المطاطي. إذا افترضنا أن الشد لم يتغير بين أن (a) قوة الإرجاع هي(2T/L)] المنظوم<u>ة تقوم</u> بحركة توافقية بسيطة بتردد زاوى $\sqrt{2T/mL}$



شكل P67.13

63 $\overline{68}$ عندما تعلق كتلة M من نهاية زنبرك كتلته m_s تساوي m_s وثابت قوته m_s وتبدأ في حركة توافقية بسيطة زمنها الدوري

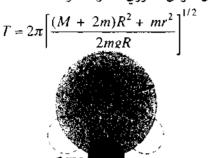
 $T = 2\pi \sqrt{\frac{M + (m_s/3)}{k}}$ أجريت تجربة من جزيئين باستخدام كتل مختلفة معلقة رأسيا من الزنبرك كما يرى في شكل (P58.13.a) قيست استطالة استاتبكية مقاديرها



بزاوية صغيرة θ من وضع الاتزان ثم أطلقت (a) بين أن سرعة مركز القرص الصغير عندما يمر بوضع الاتزان هي

$$v = 2 \left[\frac{Rg(1 - \cos \theta)}{(M/m) + (r/R)^2 + 2} \right]^{1/2}$$

بين أن الزمن الدوري للحركة هو

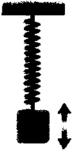


شكل P69.13

- 65 اعتبر أن المتذبذب المتضائل الذبذبة المبين في شكل (19.13) بف رض أن الكتلة تساوي 375 ، ثابت الزنبرك 100 N/m ألانبرك 375 ، ثابت الزنبرك kg/s و8/b=0.10 kg/s كم من الزمن يلزم حتى يهبط مقدار سعة الذبذبة إلى النصف من قيمتها الإبتدائية؟ (b) كم من الوقت يلزم لكي تهبط الطاقة الميكانيكية إلى نصف قيمتها الإبتدائية؟ (c) بين أنه بصفة عامة المعدل الجزئي الذي تتناقص به السعة في حركة الخيرئي الذي تتناقص به السعة في حركة متضائلة لمتذبذب هي نصف المعدل الجزئي الذي تتناقص به الطاقة الميكانيكية للمتذبذب.
- k_2 , كتلة m متصلة بزنبركين لهما ثابت قوة و k_2 متصلة بزنبركين لهما ثابت قوة (P17.13a,b) كما هو موضح في شكل الكتلة على في كل حالة من الحالتين تتحرك الكتلة على منضدة ملساء وتزاح من حالة الاتزان ثم تنطلق بين أنه في الحالتين تقوم الكتلة بحركة توافقية بسيطة بزمن دورى

(a)
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m(k_1 + k_2)}{k_1 k_2}}$$

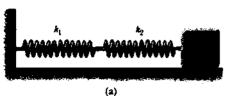
(a)
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k_1 + k_2}}$$



شكل (P58.13 (a)

47.1, 41.3, 35.3, 29.3, 17.0, 19.3 سنتيمتر بالنسبة الكثل 20.0 , 40.0 , 50.0 , 50.0 , 80.0 لكثل جرام على الترتيب. ارسم منحنى للكميتين مع x وبواسطة طريقسة أقل المربعسات أرسم أفيضل منحنى يمر بتلك النقط، ومن ميل المنحنى إحسب مقدار k لهذا الزنبرك (b) بدأت المنظومة تقوم بحركة توافقية بسيطة وقييس الزمن الدورى للذبذبة بواسطة ساعة إيقاف باستخدام الكتلة M=80 g . وجد الزمن الكلى لعشر ذبذبات مساویا 13.41s . کررت التجربة بکتل M مقدارها .70,0 , 60.0 , 50.0 , 40.0, 20.0 والزمن الكلى المقابل لها لعشر ذبذبات هو . 7.03 , 12.52 , 11.67 , 10.67 , 9.62 , 7.03 ثانيـة. احسب مقدار الزمن الدوري T من النتائج العملية لكل تجربة وارسم العلاقة بين T^2 ، من ميل المتحنى المرسوم Mباستخدام طريقة أقل المربعات للقيم العملية. قارن بین مقدار k التی تحصل علیها بمقدار k الذي سبق حسابها في (c). (a) احسب مقدار m من المنحلي وقارنه بالمقدار المعطى لك وهو 7.4g

69 [69] فرص صغير رفيع نصف قطره r وكتلته m ملتصق بسطح قبرص آخبر رفيع نصف قطره R وكتلته M كما هو واضح من شكل (P69.13) مركز القبرص الصغير يقع على حافة القبرص الكبير، والقبرص الكبير معلق من مبركزه بمحور أملس، والمنظومة أزيحت



شكل P71.13 a&b

(b)

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

(2.13d) 4A، من الحد الأقصى للوضع الموجب إلى وضع الإتزان يتحرك مسافة A طبقاً لتعريف سعة الذبذبة، بعد ذلك يتحرك بعد وضع الإتزان مسافة مساوية لها إلى الحد الأقصى للوضع السالب، بعد ذلك يكرر هاتين الحركتين في الاتجاه العكسي لكي يعود إلى الوضع الأصلي. ويكمل دورة يكون قد قطع خلالها مسافة تساوى 4A.

(3.13) لا، لأن في الحركة التوافقية البسيطة العجلة لاتكون ثابتة.

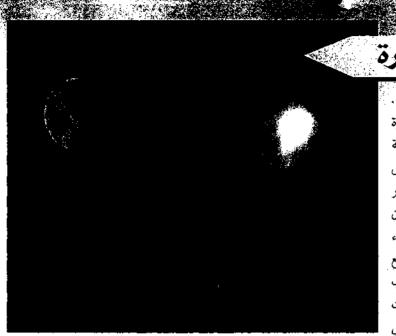
 $x = -A \sin \omega t$ $\theta = v_i / \omega (4.13)$

ساوي من قانون هـوك ثابـت الزنـبرك يسـاوي k=mg/L في معادلة 13.18 نجد

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{mg/L}} = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}}$$

وهي نفس مسعدلة 13.26 التي تعطي الزمن الدوري للبندول البسسيط، إذن عندما يشد جسم زنبركا معلق رأسياً. يكون الزمن الدوري للنظام مساوياً للزمن الدوري لبندول بسيط له طول يساوي الاستطالة الاستاتيكية للزنبرك.

(6.13) إذا كان الهدف هو توقف الإهتزاز الناتج عن امتصاص الصدمات بأسرع ما يمكن، فيتم ذلك بإحداث تضاؤل حرج في السسب الخاصة بامتصاص الصدمات Shock Absorber إلا أن هذا التصلميم يجعل الجلوس داخل السيبارة غيبر مريح نتيجة لعدم ليونة السست إذا كأن تضاؤل الاهتزازات أقل من التضاؤل الحرج عند إذ سيكون الجلوس في السيارة مريح إلا أنها سنهتز كثيراً، إذ أحدثت تضاؤلاً شديدافي اهتزازات السست الخاصة بامتصاص الصدمات فإن الإطارات تزاح عن مواضع إتزانها لمدة أطول مما يجب عند امتصاص الصدمة، وهو ما قد يتسبب في مخاطر للسيارة، لهذه الأسباب يقوم مصممي السيارات بتصميم أجهزة تعليق السيارة الماصة للصدمات بحيث تكون عند حد أقل قليـلاً من التـضـاؤل الحرج، وهذا يؤدي إلى امتصاص الصدمات بسرعة (مما يؤدي إلى عدم الإحساس بخشونة الطريق) ثم تعود إلى حبالة الاتزان بعبد اهتبزازه واحبدة أو اهتزازتين.



🛊 صورة محيرة

فين الكثر من 300 سنة. ذكر إسحق نيوتن أن قوة الجاذبية التي تجعل التفاحة تسقط على الأرض هي نفس القدوة التي تجعل القدمر يستقر في مداره. في السنين الأخيره يستخدم العلماء تلسكوب هابل لجسمع العلومات عن قوى التجاذب بعيدة كتلك التي تعمل في

مجموعة كواكب برج توروس Constellation Tourus . ما هي الخواص لجسم مثل القمر التي تحدد قوة تجاذبة نحو الأجسام الأخرى؟

> قانسون الجاذبية The Law of Gravity

رالفهل الرابع عشر 14

ويتضمن هذا الفصل:

7.14 طاقة الوضع لجسم في مجال الجاذبية 7.14 Gravitational Potential Energy 8.14 اعتبارات الطاقة في حركة الكواكب والأقمار الصناعية

Energy Considerations in Planetary and Satellite Motion وجسيم مقتد وجسيم الحتياري، قوة الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم (Optional) The Gravitational Force Between an Extended Object and a Particle اختياري، قوة الحاذبية بين جسيم وكتلة كروية 10.14

(Optional) The Gravitational Force Between a Particle and a Spherical Mass

1.14 قانون نيوتن للجذب العام Newton's Law of Universal Gravitation

2.14 قياس ثابت الجذب العام

Measuring the Gravitational Constant

3.14 عجلة السقوط الحروقوة الجاذب Free-Fall Acceleration and the Gravitational Force

Kepler's Laws غبلر 4.14

5.14 قانون الجاذبية وحركة الكواكب The Law of Gravity and the Motion of Planets 14.6 مجال الحاذبية 6.14

الضرباء (الجزء الأول - الليكانيكا والديناميكا الحرارية)

قبل عام 1687 تجمعت معلومات كثيرة حول حركة القمر والكواكب، إلا إنه لم تكن هناك مفاهيم صعيعة حول القوى التي تحدث تلك الحركة. في تلك السنة تمكن إسحق نيوتن من إيجاد المفتاح الذي فتح به الباب على أسرار الكون. لقد استنتج من قانونه الأول أن هناك قوة تؤثر على القمر لأنه بدون تلك القوة سيتحرك القمر في مسار مستقيم بدلاً من مدار يقترب من أن يكون دائرياً. لقد أرجع نيوتن تلك القوة إلى فوة الجذب التي تؤثر بها الأرض على القمر. لقد تحقق نيوتن من أن القوى المسببة في جذب الأرض والقمر والشمس والكواكب الأخرى ليست شيئاً خاصاً بتلك النظم، لكنها تمثل جزءاً من جاذبية عامة وكونية بين الأجسام. لقد رأى نيوتن أن نفس قوة الجاذبية التي تجعل القمر يتبع مساره حول الأرض هي التي تتسبب في سقوط التفاحة من الشجرة. لقد عبر عن ذلك بقوله لقد استنتجت ان القوى التي تبقى على الكواكب في مداراتها لابد وأن تتناسب عكسياً مع مربع المسافة بينها وبين المركز التي تدور حوله، ومن ثم يمكن أن نقارن القوة التي تجعل القمر يدور في مداره، بقوة الجاذبيـة على . سطح الأرض سنجدهما متفقتان إلى حد كبيره."

في هذا الباب سندرس فانون الجاذبية وسنهتم بوصف حركة الكواكب، لأن المعلومات الفلكية تعطي تأكيداً على صحة قانون الجاذبية. وسوف نبين أن حركة الكواكب التي استنتجها يوهانز كبلر Johannes Keppler بمكن استنتاجها من فانوني الجاذبية وحفظ كمية الحركة الزاوية. بعد ذلك سنستنتج تعبيراً عاما عن طاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية وسنختبر طاقة حركة الكواكب والاقمار الصناعية وسننهى هذا الباب بتوضيح كيف يمكن عن طريق قانون الجاذبية تعيين القوة بين جسم ممتد وجسيم.

المال المحذب العام المحذب العام

NEWTON'S LAW OF UNIVERSAL GRAVITATION

لعلك قد سمعت القول المشهور أن نيوتن بينما كان يجلس أسفل شجرة تفاح، سقطت تفاحة فوق رأسه. وهذا الحدث جعله يتصور أن من المحتمل أن تكون كل الأجسام في الكون تنجذب نحو بعضها البعض بنفس الطريقة التي انجذبت بها التفاحة نحو الأرض. قام نيوتن بتحليل النتائج الفلكية عن حركة القمر حول الأرض. ومن هذا التحليل تأكد أن قانون القوى الذي يحكم حركة الكواكب هو نفس القانون الذي تسبب في جذب التفاحة نحو الأرض. وقدكانت تلك أو ل مرة تتحد فيها الحركة الأرضية مع الحركة الكونية.

وسوف ندرس التفاصيل الرياضية لتحليل نيوتن في القسم 5.14 . في عام 1687 نشر نيوتن أعماله عن قانون الجاذبية في كتابه الشهير Mathematical Principles of natural Philosophy وينص قانون نيوتن للجذب العام على أن



كل جسم في الكون يجذب كل الأجسام الأخِرى بقوة تتناسب طرديا مع حاصل ضرب كتلتيهما وتتناسب عكسيا مع مربع المسافة بينهما.



إذا كان للجسمين كتلتين m_1 , m_2 وتفصلهما مسافة r فإن مقدار قوة الجذب بينهما تساوي

$$F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$
 (1.14)

حيث G مقدار ثابت يسمى ثابت الجذب العام Universal gravitational Constant . وقد قيس عمليا، كما يلاحظ في مثال 6.6

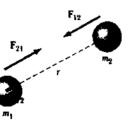
$$G = 6.673 \times 10^{-11} \cdot Nm^2/kg^2$$
 (2.14)

والشكل الرياضي لقانون القوة في المعادلة (1.14) يسمى قانون التربيع العكسي حيث إن مقدار القوة يتغير مع مربع المسافة بين الجسمين⁽¹⁾ وسوف نرى أمثلة أخرى لهذا النوع من القوى، ويمكن التعبير عن تلك القوة في شكل متجهات بأن تعرف وحدة المتجه $\hat{\Gamma}_{12}$ (شكل 1.14) حيث أن وحدة المتجه من الجسم 1 إلى الجسم 2. القوة المؤثرة بواسطة الجسم (1) على الجسم (2) هي

$$\mathbf{F}_{12} = -G \frac{m_1 m_2}{r^2} \hat{\mathbf{r}}_{12}$$
 (3.14)

والأشارة السالبة تبين أن الجسم(2) ينجذب نحو الجسم (1) ومن ثم يجب أن تتجه القوة نحو الجسم (1). من قانون نيوتن الثالث للحركة القوة التي يؤثر بها الجسم(2) على الجسم(1) يشار إليها \mathbf{F}_{21} ونساوي في المقدار \mathbf{F}_{12} وفي عكس اتجاهها . أي أن هذه القوى تكون زوجا من الفعل ورد الفعل \mathbf{F}_{21} .

وهناك العديد من الخصائص في معادلة 3.14 تستعق الذكر. قوة الجذب هي قوة مجال Field وهن موجودة بصفة دائمة بين كل جسمين بغض النظر عن الوسط الفاصل بينهما.



شكل (1.14) قوة الجاذبية بين جسمين هي قوة جذب. وحدة المتجه من الجسم (1) إلى الجسم (2) لاحظ أن $\mathbf{F}_{22} = \mathbf{F}_{12}$

حيث إن القوة تتغير مع مقلوب مربع المسافة بين الجسمين فهي لذلك تتناقص بشدة مع زيادة المسافة الفاصلة. وهو موقف مماثل لتناقص شدة الضوء الصادر عن مصدر نقطي Point مماثل لتناقص شدة الضوء الصادر عن مصدر نقطي Source مع $1/r^2$ كما هو موضح في شكل 2.14 . وهناك صفة أخرى في معادلة 3.14 وهي أن قوة الجذب التي يؤثر بها جسم معين على شكل كرة توزيع كتلتها متماثل، على جسم آخر خارج هذا التوزيع هي نفس القوة كما لو أن الكتلة كلها لهذا التوزيع المتماثل قد تركزت في مركز الكرة. فمثلا القوة F8 التي توثر بها الأرض على جسم كتلته m8 قرب سطح الأرض قيمتها

x , y العلاقة العكسية بين كميتين y , x هي العلاقة التي فيها y = k/x حيث k مقدار ثابت. والعلاقة الطردية بين y = kx تكون عندما y = kx

الطيرياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$F_g = G \frac{M_E m}{R_E^2} \tag{4.14}$$

حيث M_F كتلة الأرض، R_F نصف قطر الأرض وهذه القوة متجهة نحو مركز الأرض.

ولدينا العديد من الأمثلة التي تؤكد على أن قوة الجنذب المؤثرة على جنسم تتناسب طرديا مع كتلتبه وذلك من مشاهدتنا للأجسام الساقطة التي سبق دراستها في الباب الثاني، جميع الأجسام بغض النظر عن كتلتها تسقط على الأرض في غياب مقاومة الهواء بنفس العجلة g قبرب سطح الأرض، وطبيقنا لقانون فيونن الثنائي تلك العجلة تعطى بالمعادلة g= F_a/m حيث m هي كتلة الجسم الساقط، فإذا كانت هذه النسبية واحدة لجميع الأجسيام الساقطة. عند إذا m تكون F_{σ} تتناسب طرديا مع الكتلة

إذا أخذنا الحالة العامية لقوة الجاذبيية بين جسمين لكل منهما كتلته، مثل كوكبان، نستخدم نفس المضهوم لكى نبين أن قوة الجاذبية تتناسب مع أحد الكتلتين ونستطيع أن نختار أي من الكتلتين. إذن قوة الجاذبية لابد وأن تكون متناسبة طرديا مع الكتلتين معا كما نرى في معادلة 3.14 .



شكل 2.14 ضوء يخرج من مصدر نقطى تقل شدته مغ 1/r2. علاقة تنطبق على الطريقية التي تتغيير بها قوة الجاذبية بتغير المسافة. عندما تتضاعف المسافة من مصدر الضوء يغطي الضوء مساحة تبلغ أربع أمثال المساحة الأولى ومن ثم تضعف شدته وتصل إلى ربع

تجرية سريعة 🚵

أنفخ بالون بحيث يصنع كرة صغيرة، قس قطرها. استخدم قليم ألوان ولون مساحة ا سم² من سطح الكرة، واصل نفخ الكرة حتى المداء الكرة حتى المداء الكرة الكرة الكرة الماء الكرة الماء الكرة الماء الكرة الماء الكرة الكرة الكرة الماء الكرة الكرة الكرة الماء الكرة الكرة الكرة الماء الكرة الماء الكرة الك تصل إلى ضعف قطرها الأول، قس أبعاد المربع الذي سبق أن رسمته، لاحظ كذلك كيف تغير لون المساحة التي سبق أن لونتها بالقلم هل تحققت مما هو موضع في شكل(2.14).

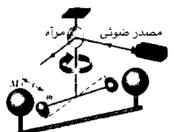
2.14 حياس ثابت الجذب العام

MEASURING THE GRAVITATIONAL CONSTANT

Henry Cavendish لقد تم قياس ثابت الجذب العام G بتجربة هامة أجراها العالم هنرى كڤندش (1810 - 1731) عام 1798. ويتكون جهاز كفندش من كرتين صغيرتين كتلة كل منهما m مثبتتين في نهايتي قضيب أفقي خفيف معلق بواسطة خيط رفيع أو سلك رفيع كما هو مبين في شكل(3.14). عندما توضع كتلتان كبيرتان كتلة كل منهما M بالقرب من الكتلتين الصغيرتين.

يدور القضيب الأفقى بفعل قوى التجاذب بين الكرتين الصغيرتين والكرتين الكبيرتين ويحدث إلتواء للسلك المعلق منه القضيب ويتخذ وضع اتزان جديد تقاس زاوية الدوران بواسطة انحراف شعاع ضوئي 562) منعكس من مرآة مثبته على سلك التعليق.

الضصل الرابع عشر، قانون الجاذبية



شكل(3.14) رسم توضيحي لجهاز كفندش لقيباس G. عندما تتجذب الكتل الصغيرة n نحو الكرات الكبيرة M. يدور القضيب بين الكرتين الصغيرتين خلال زاوية صغيرة. وتقاس زاوية الدوران عن طريق أنحراف شماع ضوئي ينعكس من على سطح مرآة مثبته على القضيب الرهيع المثبت فيه الكرتان الصغيرتان الخط المنقط يبين الوضع الابتدائي للقضيب.

وانحراف الشعاع الضوئي وسيلة جيدة لتكبير حركته، وتتكرر التجرية باستخدام كتل مختلفة على مسافات مختلفة. بالاضافة إلي تعيين مقدار G، بينت النتائج عمليا أن قوة التجاذب تتناسب مع حاصل ضرب الكتلتين mM طرديا وتتناسب عكسيا مع مربع المسافة r.

مثال 1.14 البليارد . أي واحدة؟

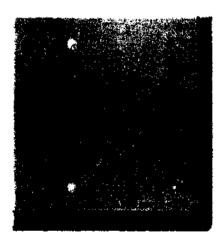
ثلاث كرات بليارد وزن كُل واحدة منها 0.30~kg موضوعة على منضدة في أركان مثلث قائم الزاوية كما هو موضح في شكل 14.4~kg احسب قوة الجاذبية المؤثرة على الكرة المشار إليها m_1 (كرة البدء) بواسطة الكرتين الأخرتين.

الحل: نحسب أولا القوى التي تؤثر بها كل من الكرتين على حدة على كرة البدء m_1 ثم نوجد مجموع المتجهات لكي نحسب المحصلة. ويمكن أن نرى من الرسم أن تلك القوة، لابد وأن تتجه إلى أعلى نحو اليمين. نحدد المحاور كما هو موضح في شكل 4.14 ونحدد نقطة الأصل عند مكان كرة البدء m_1 القوة المؤثرة على كرة البدء m_1 متجهة إلى أعلى وتعطى بالمعادلة

$$\begin{aligned} \mathbf{F}_{21} &= \mathbf{G} \frac{m_2 m_1}{r_{21}^2} \mathbf{j} \\ &= \left(6.67 \times 10^{-11} \frac{\mathbf{N} \cdot \mathbf{m}^2}{\mathrm{kg}^2} \right) \frac{(0.300 \text{ kg}) (0.300 \text{ kg})}{(0.400 \text{ m})^2} \mathbf{j} \\ &= 3.75 \times 10^{-11} \mathbf{j} \text{ N} \\ &= 3.75 \times 10^{-11} \mathbf{j} \text{ N} \end{aligned}$$
according to the stress of the

 ${
m m_1}$ القــوة المؤثرة بواسطة الكرة ${
m m_3}$ على كــرة البــدء القــوة ${
m F_{3i}}={
m G} rac{m_3 m_1}{r_5^2}{
m i}$

$$\approx \left(6.67 \times 10^{-11} \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{kg}^2}\right) \frac{(0.300 \text{ kg}) (0.300 \text{ kg})}{(0.300 \text{ m})^2} \mathbf{i}$$
$$= 6.67 \times 10^{-11} \mathbf{i} \text{ N}$$



شكل 4.14 محصلة قوى الجاذبية المؤثرة على الكرة m_1 هي حاصل جمع المتجهين $F_{24}+F_{31}$

ومن ثم محصلة القوة على كرة البدء m ₁ هي	جدول (1.14) تغير'g بالإرتفاع فوق سطح الأرض	
$\mathbf{F} = \mathbf{F}_{21} + \mathbf{F}_{31} = (3.75\mathbf{j} + 6.67\mathbf{i}) \times 10^{-11} \text{ N}$	g' (m/s ²)	الإرتفاع <i>h</i> (km)
ومقدار هذه القوة هو	7.33 5.68	1 000 2 000
$F = \sqrt{F_{21}^2 + F_{31}^2} = \sqrt{(3.75)^2 + (6.67)^2} \times 10^{-11}$	4.53 3.70 3.08	3 000 4 000 5 000
$= 7.65 \times 10^{-11} \text{ N}$	2.60 2.23	6 000 7 000
تمرین: أوجد اتجاه F	1.93 1.69 1.49	8 000 9 000 10 000
الإجابة: °29.3 في اتجاه ضد عقارب الساعة من الاتجاه المحدد ٢.	0.13	50 000

3.14 عجلة السقوط الحر وقوة التجاذب

FREE FALL ACCELERATION AND THE GRAVITATIONAL FORCE

في الباب الخامس عندما عرَّفنا m_g على أنها وزن الجسم الذي كتلتة m عرفنا g على أنها مقدار عجلة السقوط الحر، الآن يمكننا أن نحصل على وصف أكثر دقة للعجلة g. حيث أن القوة المؤثرة على جسم يسقط سقوطاً حراً كتلته m بالقرب من سطح الأرض تعطى بالمعادلة 4.14 يمكننا أن نساوي m بهذه القوة لنحصل على الآتي

$$mg = G \frac{M_E m}{R_E^2}$$

$$g = G \frac{M_E}{R_E^2}$$
 (5.14)

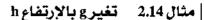
الآن نعتبر جسم كتلته m موضوع على مسافة h فوق سطح الأرض أو على مسافة r من مركز الأرض حيث $r=R_{\rm E}+h$. مقدار قوة الجاذبية المؤثرة على هذا الجسم

$$F_g = G \frac{M_E m}{r^2} = G \frac{M_E m}{(R_E + h)^2}$$

قوة الجاذبية المؤثرة على الجسم عند هذا المكان هي أيضاً $F_g=mg'$ حيث g' هي عجلة السقوط الحر من الإرتفاع h. بإحلال هذا التعبير محل g في المعادلة يتضح أن g' تساوي

$$g' = \frac{GM_E}{r^2} = \frac{GM_E}{(R_E + h)^2}$$
 (6.14)

r بنجد أنه بافتراب mg' ومن هذا يتضح أن g' تتتاقص مع الإرتفاع حيثرأن وزن الجسم يساوي mg' من اللانهاية $r \to \infty$ يقترب الوزن من صفر. وقيم g' عند الإرتفاعات المختلفة معطاه في جدول (1.14).



A STATE OF THE STA

محطة الفضاء الدولية مصممة لكي تعمل على ارتفاع 350 km عندما تنتهي سيكون وزنها على الأرض 4.22 x 10⁶N فكم يكون وزنها في مدارها .

الحل : حيث أن المحطة أعلى سطح الأرض سيكون وزنها في المدار أقل من وزنها على سطح الأرض وهو 4.22×10^6 N باستخدام معادلة 14.6 ومقدار 4.22×10^6 N نجد أن

$$g' = \frac{GM_E}{(R_E + h)^2}$$

$$= \frac{(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{N \cdot m^2 / kg^2}) (5.98 \times 10^{24} \,\mathrm{kg})}{(6.37 \times 10^6 \,\mathrm{m} + 0.350 \times 10^6 \,\mathrm{m})^2}$$

$$= 8.83 \,\mathrm{m/s^2}$$

حيث إن 90.10 = 8.83/9.8 = 9.80 سيتنتج أن وزن المحطة عند ارتضاع 350 km هو 90.1% من وزنها على سطح الأرض.

(0.901) (4.22 x 10^6 N) = 3.8 x 10^6 N (0.901) إذن وزن المحطة في المدار تساوي

مثال 3.14 كثافة الأرض

حيث إن عجلة الجاذبية الأرضية على سطح الأرض g=9.8 m/s² احسب متوسط كثافة الأرض.

 $M_{\rm E}$ = 5.96 x10²⁴ kg أن 5.14 نجد من المعادلة 5.14 أن $R_{\rm F}$ = 6.37 x10⁶m , g=9.8 m/s² الحل: إستخدم من هذه النتيجة ومن تعريف الكثافة من الباب الأول نجد أن

$$\rho_{\rm E} = \frac{M_{\rm E}}{V_E} = \frac{M_{\rm E}}{\frac{4}{3}\pi R_E^3} = \frac{5.96 \times 10^{24} \text{ kg}}{\frac{4}{3}\pi (6.37 \times 10^6 \text{ m})^3}$$
$$= 5.50 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$$

حيث إن هذه القيمة هي ضعف كثافة معظم الصخور على سطح الأرض نستنتج أن الطبقات الداخلية للأرض لها كثافة أعلى بكثير من كثافة القشرة الأرضية. إنه لشئ مدهش أن تجربة كفندش التي عين منها الثابت G ويمكن إجراؤها ضوق منضدة والتجربة البسيطة لقياس الهبوط الحر التي أمكن منها تعيين g قد أديا إلى معرفة طبيعة الطبقات الداخلية للكرة الأرضية.

KEPLER'S LAWS قوانين كبلر

لقد شاهد الناس حركة الكواكب والنجوم وغيرها من الأجرام السماوية منذ آلاف السنين. في فجر التاريخ ظن الناس أن الأرض هي مركز الكون وظهر ما يسمى نموذج المركز الأرضي للكون الذي نادي به العالم الفلكي الأغريقي كلاوديوس بطليموس Claudius Ptolemy في القرن الثاني الميلادي، وقد ظل 🕽 565

الضرباء (الجزء الأول : الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

هذا الاعتقاد راسخا لمدة 1400 سنة. في عام 1543 إفترح نيكولاس كوبرنيكوس Nicolus Copernicus (1473 -1473) وهو عالم بولندي أن الأرض والكواكب الأخرى تدور في مدارات دائرية حول الشمس وهو نموذج المجموعة الشمسية المعترف به حالياً.



بعض رواد الفضياء وتلسكوب هابل والمكوك الفيضيائي حول سيطح



Johannes Kepler German astronomer (1571-1630)

چوهائز كبلر عالم فلك ألماني قام بوضع فبوانين الحبركية للكواكب على أساس التجارب الدقيقة التي قام بها تايكو براهي

Tycho Brahe

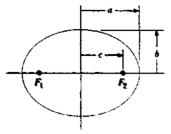
لمعلومات أكثر عن كبلر

WEB site at www.saunderscollege.com/physics/

أراد العالم الهولندي تايكوبراهي Tycho brahe (1546-1601) أن يدرس كيف بني الكون. فوضع برنامجا لتعيين أماكن النجوم والكواكب باستخدام البوصلة وآلة السدس (السكستانت) Sextant وأخذ يعين بهما أوضاع الكواكب و777 نجما مرئيا بالعين المجردة ففي هذا الوقت لم يكن التلسكوب قد اخترع

واصل چوهانز كبلر Johannes Kepler (1571-1630) العالم الفلكي الألماني الذي كان يعمل معاونا لبراهي الدراسات الفلكية التي بدأها براهي. فجمع النتائج التي توصل إليها براهي وأمضي16 عام وهو يخاول عمل نموذج رياضي لحركة الكواكب. وبعد دراسات معقدة وعديدة وجد كبلر أن نتاثج براهي عن دوران المريخ Mars حول الشمس تعطى الجواب المطلوب.

لقد بينت التحاليل التي قام بها كبلر أن فكرة المدارات الدائرية حول الشمس يجب التخلى عنها. 566 **﴾ لق**ند افتتارج أن مندار المريخ حنول الأرض هو على شكل قطع ناقص ellips، شكل 5.14 يبين الوصف



شكل (5.14) رسم لقطع ناقص ونصف المحور الأكبر طوله (a) ونصف المحور الأصغر طوله (b). النقط البؤرية تبعد $a^2 = b^2 + c^2$

الهندسي للقطع الناقص وأطول محور يسمى المحور الأكبر Major axis وطوله 2a. حيث a هي نصف قطر المحور الأكبر وأقصر محور، هو المحور الأصغر minor axis وطوله 2b حيث b نصف طول المحور الأصغر وفي كل من جانبي مركز القطع توجد بؤرة على مسافة $a^2 = b^2 + c^2$ من مركز القطع حيث $a^2 = b^2 + c^2$ من مركز القطع حيث a مدار والشمس تقع في إحدى بؤرتي القطع الناقص الذي يمثل مدار كوكب المريخ. وقد عمم كبلر نتائجه هذه لتشمل حركة جميع الكواكب. والنتائج التي توصل إليها كبلر يمكن تلخيصها في ثلاث نصوص أساسية تسمى قوانين كبلر .

قوانين كبلر،

《中国大学》

- ا جميع الكواكب تدور في مدارات على شكل قطع ناقص توجد الشمس في أحد بؤرتيه.
- 2 نصف قطر المتجه الواصل بين الشمس والكوكب يقطع مساحات متساوية في فترات زمنية متساوية.
- 3 مربع الزمن الدوري المداري لأي كوكب يتناسب مع مكعب نصف طول المحور الأكبر للمدار الذي على شكل قطع ناقص.

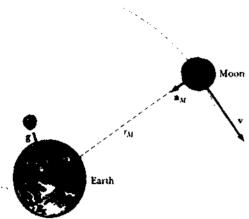
معظم الكواكب تسير في مدارات قريبة من الشكل الدائري. فمثلا نصف طول المحور الأكبر ونصف طول المحور الأكبر ونصف طول المحور الأصغر لكوكب المريخ يختلفان بمقدار 0.4% فقط، وكوكب عطارد وبلوتو Mercury ونصف طول المحور الأصغر لكوكب المريخ يختلفان بمقدار الأكبر من أي من الكواكب التسع الأخرى. بالإضافة إلى الكواكب، توجد العديد من المذنبات التي تتبع قانون كبلر في حركتها حول الشمس، والمذنب هالي أحد تلك الأجسام ويمكن رؤيته عندما يقترب من الشمس مرة كل 76سنة، ومداره على شكل قطع ناقص لدرجة كبيرة، ونصف طول محوره الأصغر 76% أصغر من نصف طول محوره الأكبر.

نحن لانحاول أن نثبت العلاقة بين قوانين كبلر وقوانين نيوتن إلا أن قانون كبلر الأول هو استنتاج مباشر من كون قوة الجاذبية تتغير مع 1/r² . أي أنه تحت قانون التربيع العكسي لقوة الجاذبية، يمكن أن نثبت رياضيا أن مدار الكوكب على شكل قطع ناقص، وأن الشمس توجد في إحدى بؤرتيه .

لقد أثبت نيوتن بعد حوالي نصف قرن من الزمان أن قوانين كبلر هي نتيجة مباشرة لقوى الجاذبية التي توجد بين أي كتلتين. لقد أعطى قانون نيوتن للجذب العام مع قوانين الحركة التي وضعها حلا رياضيا كاملا لحركة الكواكب والأقمار الصناعية.

5.14 🤍 قانون الحاذبية وحركة الكواكب

THE LAW OF GRAVITY AND THE MOTION OF PLANETS



شكل (6.14)، عندما بدور القمر حول الأرض يتأثر بعجلة مركزية a_M متجهة نحو الأرض. أي جسم قرب سطح الأرض مثل التفاحة الموضحة في الرسم تناثر بعجلة g تجعلها تتجذب نحو سطح الأرض (الأبعاد ليست طبقا لمقياس رسم). عندما وضع نيوتن فانوت الجاذبية استخدم بعض المبررات التي تؤكد على أن قبوة الجاذبية تتناسب عكسيا مع مربع المسافة بين الجسمين المتآثرين، لقد قارن نيوتن بين عجلة القمر في مداره وعجلة جسم يسقط قرب سطح الأرض مثل التشاحة الشهيرة (شكل 6.14)، إفترض أن العجلتين لهبمنا نفس السبيب وهو قبوة جيذب الأرض استخدم نيوتن فانون التربيع العكسي ليبين أن عجلة القمر نحو الأرض (العجلة المركزية) تتناسب مع $1/r_{\rm M}^2$ حيث $r_{\rm M}$ هي المسافة بين مركز الأرض ومركز القمر، أضف إلى ذلك عجلة $1/R_{\rm E}^2$ جذب التنفياحية نحو الأرض تتناسب مع حيث $R_{\rm E}$ هو نصف قطر الأرض أي المسافة بين مركز التفاحة ومركز الأرض

باستخدام قيمة $R_{\rm E} = 6.37 \times 10^6 \, {
m m}$ و $R_{\rm E} = 6.37 \times 10^6 \, {
m m}$ استنتج نيوتن أن النسبة بين عجلة :هي و هي القمر الله عجلة التفاحة القمر الم

$$\frac{a_M}{g} = \frac{\left(1/r_M\right)^2}{\left(1/R_E\right)^2} = \left(\frac{R_E}{r_M}\right)^2 = \left(\frac{6.37 \times 10^6 \,\mathrm{m}}{3.84 \times 10^8 \,\mathrm{m}}\right)^2 = 2.75 \times 10^{-4}$$
 أي أن العجلة المركزية للقمر هي

عجلة القمر
$$a_M = \left(2.75 \times 10^{-4}\right) \left(9.80 \text{ m/s}^2\right) = 2.70 \times 10^{-3} \text{ m/s}^2$$

قام نيوتن بحساب العجلة المركزية للقمـر من معـرفة بعده عن الأرض والزمـن الدوري المـداري وهو ما يساوي $T=27.32~{
m days}$ وهو ما يساوي $T=27.32~{
m days}$ Orbital Period مسافة قدرها $2\pi r_{
m M}/{
m T}$ وهي طول محيط مداره. إذن سرعته المدارية $2\pi r_{
m M}/{
m T}$ وعجلته المركزية هي :

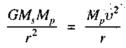
$$a_{M} = \frac{v^{2}}{r_{M}} = \frac{(2\pi r_{M}/T)^{2}}{r_{M}} = \frac{4\pi^{2} r_{M}}{T^{2}} = \frac{4\pi^{2} (3.84 \times 10^{8} \text{ m})}{(2.36 \times 10^{6} \text{ s})^{2}}$$
$$= 2.72 \times 10^{-3} \text{ m/s}^{2} \approx \frac{9.80 \text{ m/s}^{2}}{60^{2}}$$

وحيث ان القمر يبعد عن الأرض بمقدار 60 مرة قدر نصف قطر الأرض فتكون عجلة الجاذبية عند تلك المسافة حوالي 1/602 من قيمتها عند سطح الأرض. إن التساوي التام بين هذه القيمة والقيمة التي 568) استنتجها نيوتن باستخدام g ، تعطي ثقة تامة في طبيعة التربيع العكسي لقانون قوة الجاذبية.

على الرغم من أن تلك النتائج لابد وأنها كانت مشجعة لنيوتن، إلا أنه كان منزعجا جدا للفرض الذي وضعه عندما قام بتقدير عجلة جسم عند سطح الأرض. فقد افترض نيوتن أن كتلة الأرض مركزة عند مركزها أي أنه قد افترض أن الأرض تؤثر على الأجسام الخارجية كما لوكانت جسيم. وبعد بضع سنوات حين توصل للأعمال الرائدة في تطوير حساب التفاضل والتكامل تمكن من إثبات أن هذا الفرض صحيحا، وقد كان أحد الاستنتاجات الطبيعية لقانون الجذب العام.

قانون كيلر الثالث،

يمكن استنتاج قانون كبلر الثالث من قانون التربيع العكسي للمدارات الدائرية $^{(2)}$. اعتبر كوكبا كتلته $M_{\rm p}$ يدور حول الشمس وكتلتها $M_{\rm s}$ في مدار دائري كما في شكل 7.14 . حيث أن قوة الجاذبية المؤثرة بواسطة الشمس على الكوكب هي قوة متجهة نحو نصف القطر فتجعل الكوكب يدور في دائرة، يمكن استخدام قانون نيوتن الثاني $\sum F = ma$ للكوكب.



حيث ان السرعة المدارية v للكوكب هي $2\pi r/T$ حيث T هو النزمن البوري للحركة يصبح التعبير السابق كما يلي $\frac{GM_s}{r^2} = \frac{(2\pi r/T)^2}{r}$

$$T^2 = \left(\frac{4\pi^2}{GM_*}\right)r^3 = K_s r^3 \tag{7.14}$$

حیث K_s هو مقدار ثابت یعطی بالمعادله $K_s = \frac{4\pi^2}{GM} = 2.97 \times 10^{-19} \text{s}^2 \, / \, \text{m}^3$

M_S

 \hat{m} يتحرك M_p يتحرك في مدار دائري حول الشمس. جميع مدارات الكواكب مساعدا عطارد وبلاتو تقريباً دائرية الشكل.

معادلة 14.7 هي قانون كبلر الثالث للحركة ويمكن اثبات أن القانون يصلح كذلك لمدارات القطع الناقص. إذا أحللنا K_s بطول نصف المحور الرئيسي الأكبر a .لاحظ أن ثابت التناسب K_s لايتوقف على كتلة الكوكب. إذن معادلة 7.14 تصلح لأي كوكب $^{(8)}$ جدول 2.14 يعتوي على مجموعة من البيانات عن الكواكب. والعمود الأخير يحقق أن T^2/r^2 مقدار ثابت. المتغيرات البسيطة في هذا العمود تعكس اللايقين في القيم المقاسمة للأزمنة الدورية ونصف طول المحاور الكبرى للكواكب عندما نأخذ في الإعتبار مدار أحد الكواكب حول الأرض مثل القمر عند إذ ثابت النتاسب يكون له مقدار آخر يحسب باستبدال كتلة الأرض محل كتلة الشمس.

⁽²⁾ جميع مدارات الكواكب ما عدا عطارد وبالتو قريبة من الدائرية، إذن نحن لا نحدث كثيرا من الخطأ باعتبار ذلك، $b/\alpha \simeq 0.999$ لنسبة بين نصف طول المحور الأصغر إلى نصف طول المحور الأكبر لمدار الأرض هو 86 0.999 86

⁽³⁾ معادلة 7.14 هي نسبة بين T^2 و T^3 وتساوي مقدار ثابت والمتغيرات في النسبة ليس من الضروري أن تكون مقتصرة على الأس الأول فقط.



جيندول (2.14) بعسض البيسانسات عسن الكسسواكسب								
الكوكب	الكتلة (kg)	متوسط نصف القطر (m)	الزمن الدوري (s)	متوسط بعد الكوكب عن الشمس (m)	T^2/r^3 (s ² /m ³)	أسماء الكواكب		
Merury	3.18×10^{23}	2.43×10^6	7.60×10^6	5.79 x 10 ¹⁰	2.97 x 10 ⁻¹⁹	عطارد		
Venus	4.88×10^{24}	6.06×10^6	1.94×10^7	1.08×10^{11}	2.99 x 10 ⁻¹⁹	الزهرة		
Earth	5.98×10^{24}	6.37×10^6	3.156×10^7	1.496×10^{11}	2.97×10^{-19}	الأرض		
Mars	6.42×10^{23}	3.37×10^6	5.94×10^7	2.28×10^{11}	2.98×10^{-19}	المريخ		
Jupiter	1.90×10^{27}	6.99×10^7	3.74×10^{8}	7.78×10^{11}	2.97×10^{-19}	المشتري		
Saturn	5.68×10^{26}	5.85×10^7	9.35×10^8	1.43×10^{12}	2.99×10^{-19}	زحل		
Uranus	8.68×10^{25}	2.33×10^7	2.64×10^9	2.87×10^{12}	2.95×10^{-19}	أورانس		
Neptune	1.03×10^{26}	2.21×10^7	5.22×10^9	4.50×10^{12}	2.99×10^{-19}	نبتون		
Pluto	$\approx 1.4 \times 10^{22}$	≈1.5 x 10 ⁶	7.82×10^9	5.91×10^{12}	2.96 x 10 ⁻¹⁹	بلوتو		
Moon	7.36×10^{22}	1.74×10^6	_	-	-	القمر		
Sun	1.991 x 10 ³⁰	6.96 x 10 ⁸	-	_	-	الشمس		

مثال 4.14 كتلة الشمس

احسب كنتلة الشمس علما بأن الزمن الدوري للأرض حول الشمس يساوي T=3.156 x 107s وبعدها عن الشوس 1.496 x 10¹¹m

الحل: باستخدام معادلة 7.14 نجد أن

$$M_s = \frac{4\pi^2 r^3}{GT^2} = \frac{4\pi^2 (1.496 \times 10^{11} \,\mathrm{m})^3}{(6.67 \times 10^{-11} \,\mathrm{N} \cdot \mathrm{m}^2 / \mathrm{kg}^2)(3.156 \times 10^7 s)^2}$$
$$= 1.99 \times 10^{30} \,\mathrm{kg}$$

في مثال 3.14 استخدمنا مفهوم قوة الجاذبية لاستنتاج كثافة الأرض وفي هذا المثال استخدمناه لحساب كتلة الشمس.

قانون كبلر الثاني وحفظ كمية الحركة الزاوية

Keplers Secons Law and Conservation of Angular Momentum

شكل 8.14 فيانون كبلر

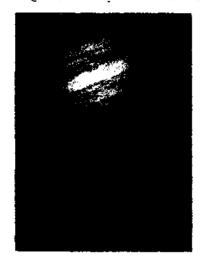
اعتبر أن كوكبا كتلته M_n يدور حول الشمس في مدار على شكل قطع ناقص كما في شكل (8.14). قوة الجاذبية المؤثرة على الكوكب تكون دائما على امتداد متجه نصف القطر نحو الشمس كما هو مبين في شكل 14.9a (570). عندما تتجه قوة نحو نقطة معينة أو

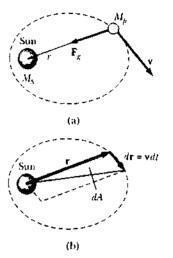
الشاني يسمى فانون المساحات المتساوية، عندما الفترة الزمنية اللازمة لينتقل كوكب من النقطة A للنقطة B تساوى الفشرة الزمنيسة اللازمـــة لكي ينتــقل من النقطة C إلى النقطة D. المساحتان التي يقطعهما متجه نصف قطر الكوكب تكونان متساويتان لاحظ أنه لكي يتحقق ذلك لابد أن يتحبرك الكوكب بين D.C أسرع مما يتحرك بين B ,A.

الفصل الرابع عشرا فانون الجاذبية



♦ منظران منفصلان لكوكب المشترى والمذنب الدوري شوميكر- ليفي- 9. مأخوذان بواسطة تلسكوب هابل قبل أن يصطدم المشترى والمذنب بشهرين في يوليو 1994 . وقد وضعا معا بواسطة الكمبيوتر، النقطة السوداء فوق المشترى هي ظل القمر التابع له Io.





شكل (9.14) (a) قوة الجاذبية المؤثرة على الكوكب تتجه نحو الشمس على امتداد متجه نصف القطر (b) بينما يدور الكوكب في مداره حول الشمس المساحة التي يقطعها متجه نصف القطر في زمن dt تساوي نصف مساحة متوازي الأضلاع المكون من المتجه dr = vdi

في الاتجاه المضاد لها وتكون دالة في المسافة r فقط تسمى قوة مركزية، وعزم الدوران المؤثر على الكوكب نتيجة لهذه القوة يساوي صفراً حيث \mathbf{r} موازية \mathbf{r}

$$\mathbf{\tau} = \mathbf{r} \times \mathbf{F} = \mathbf{r} \times F\hat{\mathbf{r}} = 0$$

(قد تحتاج لمراجعة قسم 2.11 لتتذكر حاصل ضرب المتجهات) وتذكر من معادلة (19.11) أن عزم الدوران يساوي معدل تغير كمية الحركة الزاوية مع الزمن $au = d\mathbf{L}/dt$ الذوران يساوي معدل تغير كمية الحركة الزاوية مع الكوكب. كمية الحركة الزاوية للكوكب تكون مقدارا ثابتا.

$$\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{p} = \mathbf{r} \times \mathbf{M}_{\mathbf{p}} \mathbf{v} = \mathbf{M}_{\mathbf{p}} \mathbf{r} \times \mathbf{v} = \text{constant}$$
 (8.14)

حيث أن L تظل مقيدارا ثابتا. حركة الكوكب عند أي لحيظه تكون مقصورة على المستوى المكون من \mathbf{r} عند أن ننسب هذه النتيجة للإعتبارات الهندسية التالية. متجه نصف القطر \mathbf{r} في شكل \mathbf{r} بمكن أن ننسب هذه النتيجة للإعتبارات الهندسية التالية. متجه نصف القطر \mathbf{r} المتوازي الأضلاع (14.9b) يقطع مساحة \mathbf{r} في زمن \mathbf{r} وهذه المساحة تساوي نصف المساحة المكون من \mathbf{r} و \mathbf{r} (راجع القسم 11.2). حيث إن حركة الكواكب في فترة زمنية قد رها \mathbf{r} هي \mathbf{r} حيث \mathbf{r} عمكن استنتاج الآتى:

$$dA = \frac{1}{2} |\mathbf{r} \times d\mathbf{r}| = \frac{1}{2} |\mathbf{r} \times \mathbf{v}| dt = \frac{L}{2M_p} dt$$

$$\frac{dA}{dt} = \frac{L}{2M_p} = \text{constant}$$
 (9.14)

الفيزياء (الجزءالأول الليكانيكا والديناميكا الحرارية)

حيث M_p , L مقدران ثابتان. ومن ثم نستنج أن نصف قطر المتجه من الشمس إلى الكوكب يقطع مساحات متساوية في فترات زمنية متساوية.

ومن المهم أن تعرف أن هذه النتيجة التي تمثل فانون كبلر الثاني هي نتيجة لاعتبار أن قوة الجاذبية هي قوة مركزية. وهي بدورها تقتضي أن تكون كمية الحركة الزاوية مقدارا ثابتاً. ومن ثم فانون كبلر الثاني يصلح لأي حالة تكون فيها القوة مركزية سواء كانت تربيع عكسي أم ليست كذلك.

مثال 5.14 الحركة في مدار على شكل قطع ناقص

قمر صناعي كتلته m يتحرك في مدار على شكل قطع ناقص حول الأرض شكل (10.14) وأقل مسافة من القمر إلى الأرض تسمى نقطة الحضيض (10.14) ويرمز لها بالرمز (10.14) وأكبر مسافة تسمى الأوج (10.14) ويرمز لها بالرمز (10.14) وأذا كانت سرعة القمر عند النقطة (10.14) كم تكون سرعته عند (10.14)

الحل ، عندما يتحرك القمر من نقطة الحضيض إلى نقطة الأوج فهو يبتعد عن الأرض ومن ثم فإن مركبة قوة جاذبية الأرض التي تؤثر على القمر تكون عكس متجه السرعة والشغل المبذول على القمر

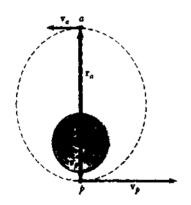
يكون سالبا وهو ما يسبب تباطؤه، طبقا لنظرية الشغل وطاقة الحركة. نتيجة لذلك نتوقع أن تكون السرعة عند نقطة الحضيض.

كمية الحركة الزاوية للقمر بالنسبة للأرض هي ${\bf r} \times {\bf m} {\bf v} = {\bf m} {\bf r} \times {\bf v}$ عند النقطتين ${\bf r} \times {\bf m} {\bf v} = {\bf m} {\bf r} \times {\bf v}$ عند هاتين ${\bf r} \times {\bf m} {\bf v} = {\bf m} {\bf v}$ عند هاتين ${\bf r} \times {\bf m} {\bf v} = {\bf m} {\bf v}$ و ${\bf r} \times {\bf m} {\bf v} = {\bf m} {\bf v}$ النقطتين ${\bf r} \times {\bf m} {\bf v} = {\bf m} {\bf v} \times {\bf v}$ و ${\bf r} \times {\bf m} {\bf v} = {\bf m} {\bf v} \times {\bf v}$

حيث إن مقدا الحركة الزاوية مقدار ثابت نجد أن:

 $mv_a r_\alpha = mv_n r_n$

$$v_a = \frac{r_p}{r} v_p$$



شكل (10.14) عندما يدور القامار الصناعي حول الأرض في مدار على شكل قطع ناقص، تكون كمية الحركة الزاوية له مقدار ثابتا، أي أن تكون كمية الحركة الزاوية له مقدار ثابتا، أي أن $mv_a r_a = mv_p r_p$ الأوج والحضيض على الترتيب،

اختبار سريع 1.14

كيف تفسر أن كوكب المشترى وكوكب زحلٍ لهما زمن دوري أكبر من سنة واحدة.

6.14 مجال الجاذبية GRAVITATIONAL FIELD

عندما أعلن نيوتن نظريته عن الجذب العام، أعتبرت نجاحا كبيرا لأنها قد فسرت حركة الكواكب. ومنذ عام 1687 أستخدمت نفس النظرية لكي تفسر حركة المذنبات، انحراف ميزان كفندش، مدارات النجوم المزدوجة وحركة المجرات، إلا أن معاصري نيوتن ومن أتوا من بعده وجدوا من الصعب قبول مفهوم القوة التي تؤثر عن بعد كما ذكر في القسم (1.5). لقد تساءلوا كيف يمكن لجسمين أن يتآثرا إذا لم يكونا متلامسين معا، لم يتمكن نيوتن من الإجابة على هذا الإستفسار.

جاء تفسير التآثر بين الأجسام التي ليست متلاصقة بعد وفاة نيوتن بفترة طويلة وأمكن النظر إلى هذا التآثر بطرق مختلفة. فكما ذُكر في القسم (5.1)، هذا التفسير يعتمد على مفهوم مجال الجاذبية gravitational field الذي يوجد في كل نقطة في الفضاء. عندما يوضع جسم كتلته m عند أي نقطة حيث يكون مجال الجاذبية g ، فإن الجسم يتأثر بقوة g أي أن المجال يؤثر بقوة على الجسم. ومن ثم مجال الجاذبية g يعرَّف كالآتي

$$g = \frac{F_g}{m}$$
 مجال الجاذبية

أي أن مجال الجاذبية عند نقطة ما في الفضاء يساوي قوة الجاذبية التي تؤثر على جسم اختبار موضوع عند هذه النقطة مقسومة على كتلة جسم الإختبار. لاحظ أن وجود جسم اختبار ليس ضروريا لوجود المجال، فالأرض هي التي تخلق مجال الجاذبية. ويسمى الجسم الذي يخلق المجال، الجسم المصدر (إلا أن الأرض من الواضح أنها ليست جسما، سوف نوضح عما قليل حقيقة إمكان تقريب الأرض كجسم بهدف إيجاد مجال الجاذبية الناشئ عنها). ويمكننا أن نكشف عن وجود المجال ونقيس مقدار القوة المؤثرة عليه.

حيث إن قوة الجاذبية هي تأثير بين جسمين، مفهوم مجال الجاذبية يمكننا من أن نستبعد كتلة أحد الجسمين. فنعن نصف التأثير الذي لأي جسم (في هذه الحالة الأرض) على الفضاء المحيط به بدلالة القوة التي توجد عندما يتواجد جسم آخر في مكان ما في هذا الفضاء⁽⁴⁾.

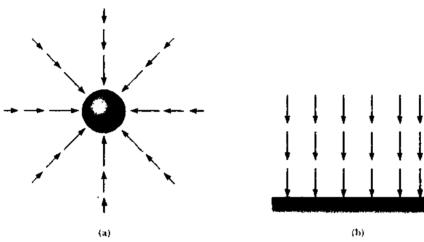
كمثال لكيفية عمل مفهوم المجال ، نفرض جسما كتلته m قرب سطح الأرض، نظرا لأن قوة الجاذبية المؤثرة على الجسم قيمتها $GM_E\,m/r^2$ (راجع معادلة 4.14) المجال g على مسافة r من مركز الأرض هو :

$$\mathbf{g} = \frac{\mathbf{F}_{g}}{m} = \frac{-M_{E}G}{r^{2}}\hat{\mathbf{r}}$$
 (11.14)

⁽⁴⁾ سوف نعود إلى هذه الفكرة، فكرة الكتلةالتي تؤثر على الفضياء المحيط بها عندما ندرس نظرية أنيشتين عن الجاذبية في الباب 39.



حيث r وحدة متجه بشير إلى الخارج من الأرض والإشارة السالبة تبين أن المجال يتجه نحو مركز الأرض، كما هو مبين في الشكل 11.14.a لاحظ أن متجهات المجال عند النقط المختلفة حول الأرض تختلف من حيث المقدار والاتجاه. في مساحة صغيرة بالقرب من سطح الأرض، المجال المتجه إلى أسفل، g ثابت تقريبا ومنتظم كما هو واضح من شكل 11.14.b. معادلة 11.14 صالحة للأستخدام عند \mathbf{g} مقدار $\mathbf{r} = R_F$ مقدار \mathbf{r} الأرض، بفرض أن الأرض كروية، عند سطح الأرض حيث يساوى N/kg 9.8.



شكل (11.14) (a) متجه مجال الجاذبية بالقرب من كتلة كروية منتظمة مثل الأرض يختلف من حيث المقدار والإتجاه، ويتأثر الجسم بتلك المتجهات في اتجاه العجلة إذا وضع في هذا المجال، وقيمة متجه المجال عند أي موضع هو قيمة عجلة السقوط الحرفي هذا الموضع. (b) متجه مجال الجاذبية في منطقة صغيرة قرب سطح الأرض يكون منتظما من حيث الاتجاة والقدار.

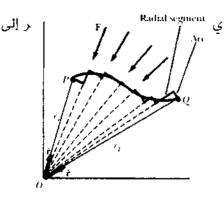
7.14 > طاقة الوضع في مجال الجاذبية

GRAVITATIONAL POTENTIAL ENERGY

في الباب الثامن أدخلنا مفهوم طاقة الوضع لجسم في مجال الجاذبية، وهي الطاقة المقترنة بوضع جسم. وقد بينا أن دالة طاقة الوضع في مجال الجاذبية لجسم U = mgy تكون صحيحة فقط عندما يكون الجسم قريبا من سطح الأرض، حيث تكون قوة الجاذبية مقدارا ثابتا. حيث أن قوة الجاذبية بين جسمين تتغير بتغير 1/r² .فإننا نتوقع دالة عامة لطاقة الوضع. دالة تصلح دون وضع قيد متعلق بالقرب $\mathbf{U} = mgy$ من سطح الأرض وستكون مختلفة اختلافا ملحوظا عن الدالة

وقبل أن نحسب الحالة العامة لدالة طاقة الوضع في مجال الجاذبية، سوف نتحقق أولا أن قوة الجاذبية محفوظة (تذكر قسم 8.2 أن القوة تكون محفوظة إذا كان الشغل الذي تعمله على جسم 574 ﴾ يتحـرك بين أي نقطتين لا يعتمـد على المسار الذي يتكذه الجسم، لكي نفعل ذلك سوف نؤكد أولا أن قوة الجاذبية هي قوة مركزية. ومن التعريف، القوة المركزية هي أي مركز ثابت، ومقدارها يعتمد على الإحداثي القطعري r. ومن ثم القوة المركزية يمكن تمثيلها بالعلاقة (F(r حيث وحدة متجه يتجه مرثأ نقطة الأصلّ إلى الجسم كما نرى من شكل 12.14.

نأخذ حالة قوة مركزية تؤثر على جسم يتحرك على المتداد مسار P إلى نقطة Q كما في شكل (12.14). المسار من P إلى Q يمكن تقريبه بواسطة سلسلة من الخطوات طبقا للطريقة التالية. في شكل (12.14) نرسم مجموعة من الإسفينات الرفيعة wedges وهي المبينه بالخطوط المنقطة في شكل 12.14. الحدود الخارجية لجموعة الإسفينات (جمع إسفين) عبارة عن مسار يتكون من مجموعة من الخطوط القطرية القصيرة والأقواس



شكل (12.14) جسيم يتحبرك من P إلى Q وهو واقع تحت تأثير قبوة P. متجهة نحو المركز. المسار مقسم إلى مجموعة من القطاعات القطرية والأقواس حيث أن الشغل المبذول خلال الأقواس بساوي صفر والشغل المبذول لا يعتمد على المسار ويعتمد فقط على مقداري r_i . r_j

(لونها رمادي في الشكل) نختار طول البعد القطري لكل إسفين بحيث أن القوس القصير عند الطرف المتسع للإسفين يتقاطع مع مسار الجسم الفعلي، بعد ذلك نقرب المسار الفعلي بسلسلة من الحركات الزجزاجية التي تتبادل الحركة إما على طول القوس أو على طول الخط القطري، من التعريف، القوة المركزية تتجه دائما على امتداد أحد القطاعات القطرية، ومن ثم الشغل المبذول بواسطة القوة F على امتداد أي من القطاعات القطرية يساوى:

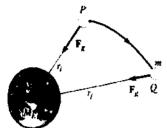
$$dW = \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r} = F(r) dr$$

قد نتذكر أنه من التعريف. الشغل المبذول بواسطة قوة عمودية على الإزاحة يساوي صفر. إذن الشغل المبذول في الحركة على أي قوتين تساوي صفر لأن \mathbf{F} متعامدة على الإزاحة على امتداد تلك المنعنيات. إذن الشغل الكلي المبذول بواسطة القوة \mathbf{F} هو مجموعة الاضافات على امتداد القطاعات القطرية.

$$W = \int_{ri}^{rf} F(r) dr$$

حيث i و f تشير إلى الوضع الإبتدائي والوضع النهائي وحيث أن هذه المعادلة دالة في الوضع القطري فقط، هذا التكامل يتوقف فقط على قيمة r الإبتدائية r_i وقيمتها النهائية r_i . إذن الشغل المبذول يكون متساويا على أي مسار من P إلى Q حيث أن الشغل المبذول لا يعتمد على المسار ويعتمد فقط على نقطتي البداية والنهاية، ومن ذلك نستنتج أن أي قوة مركزية تكون محفوظة، يمكننا الآن أن متأكد من أن دالة طاقة الوضع يمكن الحصول عليها بمجرد تحديد شكل القوة المركزية.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



AND AND AND AND A

شكل (13.14) عندما يتحرك جسيم كتلته m من P إلى Q فوق سطح الأرض، (طاقة الوضع) تتغير طبقا لمادلة 12.14 .

نتذكر معادلة 2.8 أن التغير في طاقة الوضع المصاحب لإزاحة معينة. يعرف على أنه القيمة السالبة للشغل المبذول بواسطة قوة الجاذبية أثناء حدوث الإزاحة

$$\Delta U = U_f + U_i = + \int_{r_i}^{r_f} F(r) dr$$
 (12.14)

يمكننا استخدام هذه النتيجة لتعيين طاقة الوضع

افترض جسما كتلته m يتحرك بين نقطتين P و Q فوق سطح الأرض شكل (13.14) والجسم تحت تأثير قوة الجاذبية المعطاة في معادلة 1.14 . يمكننا أن نعبر عن هذه القوة كما يلي

$$F(r) = -\frac{GM_Em}{r^2}$$

والإشارة السالبة تبين أن القوة هي قوة جذب، وبالتعويض بمقدار F(r) من هذه المعادلة في معادلة (12.14) يمكننا حساب التغير في طاقة الوضع

$$U_f - U_i = GM_E m \int_{ri}^{rf} \frac{dr}{r^2} = -GM_E m \left[-\frac{1}{r} \right]_{ri}^{rf}$$
 (طاقة الوضع) التغير في $U_f - U_i = -GM_E m \left(\frac{1}{r_f} - \frac{1}{r_i} \right)$ (13.14)

كما هو الحال دائما إختيار نقطة مرجعية لطاقة الوضع هو أمر اختياري وعادة نختار النقطة المرجعية حيث تكون القوة تساوى صفراً بأخذ $U_i=0$ عند $r_i=\infty$ نحصل على النتيجة الهامة التالية:

$$U = -\frac{GM_Em}{r} \tag{14.14}$$

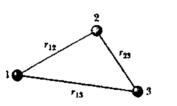
وهذه المعادلة تستخدم للنظام المكون من الأرض والجسم حيث يكون بين الكتلتين مسافة r باعتبار أن $r < R_E$ وهي لا تصلح للأجسام داخل الأرض حيث $r < R_E$ (الحالة التي تكون فيها $r < R_E$ أن ياقسم 10.14) ونتيجة لاختيارنا U_i ، الدالة U تكون دائما سالبة شكل (14.14). والمعادلة (14.14) استنتجت لمنظومة من الجسم والأرض، لكن يمكن استخدامها لأي جسمين آخرين.أي أن طاقة الوضع المساحبة لأى زوج من الأجسام كتليتهما m_2, m_1 وبينهما مسافة r هي:

$$U = -\frac{GM_1m_2}{r} \tag{15.14}$$

وهذا التعبير يبين أن طاقة الوضع لأي زوج من الأجسام $1/r^2$ من السب مع $1/r^2$ بينما القوة بينهما تتناسب مع $1/r^2$. كما أن الماشة الوضع مقدار سالب لأن القوة جاذبة كما أننا اعتبرنا مااشة الوضع صفراً عندما تكون المسافة بين الجسمين الأنهاية حيث أن القوة بين الأجسام قوة تجاذب، لا بد من بذل من بذل من بواسطة عامل خارجي لكي نزيد المسافة الفاصلة بين الحسمين. والشغل المبذول بواسطة العامل الخارجي يحدث ما دادة في طاقة الوضع كلما زاد تباعد الجسمين أي أن U تصبح الله سالبية كلما زاد T.

·

عندما يكون جسمان في حالة سكون ويبتعدان بمسافة الابد من وجبود عامل خارجي لكي يعطي طاقة تساوى على الأقل [+G m₁m₂/r] لكي يفصل بين الجسمين إلى مالانهاية. ادن من الملائم أن نفكر في القيمة المطلقة لطاقة الوضع على الها قوة الربط في النظام، فإذا حصل النظام على طاقة من الصدر الخارجي أكبر من طاقة الربط Binding energy فإن النظام تتحول إلى طاقة حركة عندما يكون الجسمان منفصلان عند المالا نهاية.



ملانهاية.

شكل (14.14) رسم ببين العلاقة بين

طاقة الوضع U مع المسافة r لجسم

فوق سطح الأرض، طاقة الوضع تصل

إلى صنفسر عندمنا تصل ٢ إلى

شكل (15.14) ثلاث جسيمات متآثرة

بمكننا أن نعمم هذا المفهوم لثلاث أو أربع أجسام،. في هذه

الحالة طاقة الوضع الكلية للمنظومة هي المجموع الكلي ⁽⁵⁾ لكل ازواج الأجسام، وكل زوج يضيف حداً مشابها لمعادلة 15.14 نجد أن.

$$U_{\text{total}} = U_{12} + U_{13} + U_{23} = -G \left(\frac{m_1 m_2}{r_{12}} + \frac{m_1 m_3}{r_{13}} + \frac{m_2 m_3}{r_{23}} \right)$$
 (16.14)

والقيمة المطلقة الرايعة المثل الشغل المطلوب لكى نفصل الجسيمات بمسافات متناهية. U total

مثال 6.14 التغير في طاقة الوضع

جسم كتلته m قذف إلى أعلى من سطح الأرض عموديا بمسافة صغيرة ΔV . بين أنه في هذا الوضع تتحول العلاقية العامية للتغيير في طاقية الوضع المعطاء في معادلية (13.14) إلى $\Delta U = mg\Delta y$

⁽١) إمكان جمع حدود طاقة الوضع لكل الجسيمات تتبع من الحقيقة التجريبية أن قوى الجاذبية تخضع لبدأ التراكب superposition principle.

الحل: بمكن كتابة المادلة 14.13 كما يلى

$$\Delta U = -GM_E m \left(\frac{1}{r_f} - \frac{1}{r_i} \right) = GM_E m \left(\frac{r_f - r_i}{r_i r_f} \right)$$

 $r_f - r_i = \Delta y$ إذا كان الوضع الابتدائي والوضع النهائي للجسم قريبين من سطح الأرض عندئذ $r_f - r_i = \Delta y$ إذا $r_i = r_f = R_E^2$

$$\Delta U = \frac{GM_E m}{R_E^2} \Delta y = mg\Delta y$$

حيث $g = GM_E/R_E^2$ من معادلة 5.14 . ويجب أن نتذكر أن النقطة المرجعية اختيارية لأن التغير في طاقة الوضع هو ما يهم.

اعتبارات الطاقة في حركة الكواكب والأقمار الصناعية

ENERGY CONSIDERATIONS IN PLANETRY AND SATELLITE MOTIONS

خذ حالة جسم كتابته m يتحرك بسرعة v بالقرب من جسم ثقيل كتلته m حيث m > M وقد يكون النظام عبارة عن كوكب يتحرك حول الشمس، أو قمر في مدار حول الأرض، أو مذنب يصنع دورة حول الشمس. إذا اعتبرنا أن الجسم الذي كتلته m في حالة سكون في إطار مرجعي قصوري، عند إذ الطاقة الميكانيكية الكلية E للجسمين المكونين للنظام عند ما يكون البعد بينهما v هي مجموع طاقة الحركة للجسم الذي كتابه v وطاقة الوضع للنظام طبقا للمعادلة (15.14). v

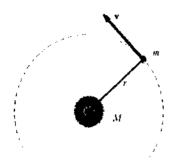
$$E = K + u$$

$$E = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{GMm}{r}$$
(17.14)

وهذه المعادلة تبين أن E قد تكون سالبة أو موجبة أو تساوي صفراً إعتمادا على مقدار v إلا أنه لنظام مترابط $^{(7)}$ مثل الأرض والشمس لابد وأن تكون E اقل من صفرلأننا قد اتفقنا على أن $v \to 0$ كلما اقتربت $v \to 0$ من الملا نهاية $v \to 0$.

⁽⁶⁾ قد تلاحظ أننا قد أهمانا طاقة الحركة والعجلة للجسم الكبير لكى نثبت أن هذا التبسيط صحيحا، أعتبر جسما كتلته m يستقط نحو الأرض. نظرا لأن مركز الكتلة للمنظومة المكونة من الجسلم والأرض ثابت ينتبج أن $\frac{1}{2}M_E v_E^2 = \frac{1}{2}\frac{m^2}{M_E} v^2 = \frac{m}{M_E} K$ إذن الأرض تكتسب طاقة حركة مقدارها $\frac{1}{2}M_E v_E^2 = \frac{1}{2}\frac{m^2}{M_E} v^2 = \frac{m}{M_E} K$ هذه النتيجة ثبين أن طاقة الحركة للأرض يمكن إهمالها. حيث $\frac{1}{2}M_E v_E^2 = \frac{1}{2}M_E v_E^2$

⁽⁷⁾ من الأمثلة الثلاثة التي وردت في بداية هذا القسم ، الكوكب يدور حول الشمس والقمر يدور في مدار حول الأرض تعتبر نظما مترابطة، الأرض ستظل بجانب الشمس والقمر سيظل بجوار الأرض، أما المذنب الذي يدور دورة حول الشمس ليس بنظام مترابط، فالمذنب قد يتأثر مرة بألشمس إلا أنه ليس مترابطا معها، إذا يستطيع المذنب أن يتحرك بعيداً عن الشمس إلى ما لا نهاية.



شكل 14.16 جسم كتلنه m يتحرك في مدار دائري حول جسم أكبر منه بكثير كتلنه M.

الطاقة الكلية لمدار دائري

سمكننا أن نبين أن E < 0 بالنسبة للنظام الذي يتكون من جسم M > m يتحرك في مدار دائري حول جسم كتلته M > m كما في C = M كما في C = M كما أن يوتن الثاني لجسم كتلته C = M نجد أن

$$\frac{GMm}{r^2} = ma = \frac{mv^2}{r}$$
 مىرى ب الطرفين فى r وبالقسمة على 2 نحصل على الآتى:

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{GMm}{2r}$$
 (18.14) ماحلال 14.18في 17.14 نحصل على 18.74 $GMm = GMm$

$$E = \frac{GMm}{2r} - \frac{GMm}{r}$$

$$E = -\frac{GMm}{2r}$$
(19.14)

وهذه النتيجة تبين بوضوح: أن الطاقة الميكانيكية الكلية مقدار سالب، في حالة المدار الدائري، E مناه الحركة كمية موجبة وتساوي نصف المقدار المطلق لطاقة الوضع، والمقدار المطلق E مناوي طاقة الربط للنظام، لأن هذا القدر من الطاقة يجب أن يعطى للنظام لكي تتحرك الكتلتان إلى النهاية مبتعدين عن بعضهما، والطاقة الميكانيكية الكلية تكون أيضا سالبة، في حالة مدار القطع الدادين.

والملاقة التي تعطى E لمدار القطع الناقص هي نفس العلاقة (19.14) مع إحلال T بمقدار نصف الدار المحور الأكبر a. بالإضافة إلى ذلك الطاقة الكلية مقدار ثابت، إذا اعتبرنا أن النظام معزول، أي أن سنا يتحرك جسم كتلته m من النقطة D إلى النقطة D كما في شكل (13.14) . الطاقة الكلية تظل المدودية (17.14) تعطى:

$$E = \frac{1}{2}mv_i^2 - \frac{GMm}{r_i} = \frac{1}{2}mv_f^2 - \frac{GMm}{r_t}$$
 (20.14)

وإنبافة هذا النص عن حفظ الطاقة إلى ما سبق أن درسناه عن حفظ كمية الحركة الزاوية، نجد الدرالا من الطاقة الكلية وكمية الحركة الزاوية الكلية لنظام من جسمين بينهما رابطة تجاذب يعتبران من الحركة.

منال 7.14ﷺ تغیر مدار قمر صناعي.

النوك الفضائي بطلق قمراً صناعيا للإتصالات كتلته 470 kg عندما يكون في مدار على ارتفاع النوك الفضائي بطلق قمراً صناعيا للإتصالات كتلته 470 عندما يكون في مدار معركة الأرض وهو الله القمر معلقا فوق موقع معين على سطح الأرض، فكم تكون الطاقة التي يجب أن تعطيها النائدة

الحل: يجب أولا أن نحسب نصف قطر المدار المترامن مع حركة الأرض بعد ذلك نحسب التغير في الطاقة المطلوب لكي يوضع القيمرفي مداره. الزمن الدوري للمبدار T لابد وأن يكون يوم واحد أي \$ 86400 بحيث أن القمر الصناعي يكمل دورة حول الأرض في نفس الوقت الذي تلف فيه الأرض مرة حول محورها. إذا عرفنا الزمن الدوري نستخدم قانون كبلر الثالث للحركة (معادلة 7.14) لكي نجد $K_{\rm E} = 9.89 \times 10^{-14} \, {
m s}^2/{
m m}^3$ وهــو يسـاوى $K_{\rm E} = 4\pi^2/GM_{\rm F}$ بالمهـدار والمهـدار $T^2 = K_{\rm E} r^3 \quad ,$

$$r = \sqrt[3]{\frac{T^2}{K_E}} = \sqrt[3]{\frac{(86400 \text{ s})^2}{9.89 \times 10^{-14} \text{ s}^2/\text{m}^3}} = 4.23 \times 10^7 \text{ m} = R_f$$

يجب أيضا حساب نصف القطر الابتدائي (ليس الإرتفاع فوق سطح الأرض) لمدار القمر الصناعي عندما كان لايزال في المكوك الفضائي وهو يساوى:

$$R_E + 280 \text{ Km} = 6.65 \text{ x } 10^6 \text{ m} = R_i$$

وباستخدام معادلة (19.14) نحصل على مقدارى الطاقة الكلية الابتدائية والنهائية.

$$E_i = \frac{GM_Em}{2R_i} , \quad E_f = -\frac{GM_Em}{2R_f}$$

الطاقة اللازمة لكي تضع الآلة القمر في مداره

$$E_{\text{engine}} = E_f - E_i = -\frac{GM_E m}{2} \left(\frac{1}{R_f} - \frac{1}{R_i} \right)$$

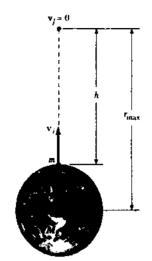
$$= -\frac{(6.67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2) (5.98 \times 10^{24} \text{ kg}) (470 \text{ kg})}{2} \times \left(\frac{1}{4.23 \times 10^7 \text{m}} - \frac{1}{6.65 \times 10^6 \text{m}} \right) = 1.19 \times 10^{10} \text{ J}$$

وهذه الطاقة تعادل ما يعطيه 89 gaion من الجازولين. مهندسي وكالة الفضاء الأمريكية (NASA) بأخذون في الحسبان تغير كتلة مكوك الفضاء عندما يطلق الوقود المحترق وهو مالم نحسبه في هذا المثال.

إذا أردنا أن نعين كيف تتوزع الطاقة بعد اشتعال الوقود، نجد أنه من معادلة (18.14) التغير في طاقة الحبركة $\Delta K = (GM_E m/2)(1/R_f - 1/R_i) = -1.19 \times 10^{10}$ وهو نقصان). والتغير في $\Delta U = -GM_E m (1/R_f - 1/R_i) = 2.38 \times 10^{10} J$ (زيادة) ظافة الوضع المناظر له

 $\Delta E = \Delta K + \Delta U = 1.19 \times 10^{10} ext{J}$ إذن التغير في الطاقة الميكانيكية للنظام هو

وهي نفس النتيجة التي توصلنا إليها سابقاً. إذن اشتمال الوقود ينتج عنه زيادة في الطاقة الميكانيكية الكلية للنظام، نظرا لأن الزيادة في طاقة الوضع يكون مقترنا بنقص في طاقة الحركة فإننا [580] نستنتج أن سرعة القمر تقل كلما زاد ارتفاع المدار.



شكل (17.14) جسم كتلته m قذف إلى أعلى من سطح الأرض، بسرعة h = iإبندائية v_i ووصل الأقصى ار

... مة الإفلات من الجاذبية الأرضية Escape Speed

سرني أن جسما كتلته m قذف من سطح الأرض عموديا ... v_i المالي بسرعة إبتدائية v_i كما هو موضع في شكل (17.14)، v_i مناس اعتبارات الطاقة أن نجد أقل قدر للسرعة الابتدائية ١٩٠١٠ الجسم لكي يفلت من مجال جاذبية الأرض.

م ادلة (17.14) تعطى الطاقة الكلية لجسم عند أي نقطة. ب سبلح الأرض $v = v_i$ و $r = r_i = R_E$ عند ما يصل الجسم v_i نظرا لأن الطاقة $v=v_f=0$ نظرا لأن الطاقة $v=v_f=0$ نظرا الأن الطاقة الله مقدار ثابت، وبأخذ تلك الشروط في الاعتبار في معادلة 20 10) نحصل على الْأَثَى: ``

$$\frac{1}{2}mv_i^2 - \frac{GM_Em}{R_E} = -\frac{GM_Em}{r_{\text{max}}}$$

$$R_E$$
 r_{max} ول المعادلة لإيجاد v_i^2 المعادلة لإيجاد $v_i^2 = 2GM_E \left(\frac{1}{R_E} - \frac{1}{r_{\text{max}}}\right)$ (21.14)

إذن إذا كانت السرعة الابتدائية معروفة يمكن استخدام هذه العلاقة لحساب أعلى ارتفاع h حيث $h = r_{\text{max}} - R_F$ ملم أن

· «ن الآن في وضع يمكننا من حساب سرعة الإفلات، وهي أقل سرعة يمكن أن يحصل عليها المسم عند سطح الأرض لكي يفلت من تأثير الجاذبية الأرضية، وبالانطلاق بهذا الحد الأدني من المراعة بواصل الجسم حركته بعيدا عن سطح الأرض حتى تصل سرعته تقريبا إلى الصفر، لو افترضنا ال $v_i = v_{osc}$ في معادلة (21.14) وأخذنا $v_i = v_{osc}$ نحصل على المحصل على

$$v_{\rm esc} = \sqrt{\frac{2GM_E}{R_E}}$$
 سرعة الافلات

 v_{max} لا خط أن هذه العلاقة التي تعطى v_{max} لاتعتمد على كتلة الجسم أي أن المركبة الفضائية لها نفس . ١٠ الإفلات مثل الجزئ، إلى جانب أن النتيجة لاتتوقف على اتجاه السرعة، وتهمل مقاومة الهواء.

اله اكتسب الجسم سرعة ابتدائية تساوي $v_{
m esc}$ ، سرعة الافلات، تكون طاقته الكلية تساوي صفراً. $x o \infty$. والمحظة ذلك فعندما تقترب $x o \infty$ تصبح الطاقة الحركية وطاقة الوضع للجسم تساوي صفراً xالما نام $v_{
m ext} > v_{
m ext}$ تكون الطاقة الكلية أكبر من صفر ويتبقى للجسم بعض طاقة الحركة عند ما تقترب س اللانهاية ∞ → r.

سرعنة الإفلات لصاروخ مثال 8.14

احسب سرعة الإفلات من الأرض لمركبة فضائية كتلتها 5000 kg ، واحسب طاقة الحركة التي يجب أن تكتسبها عند سطح الأرض لكي تفلت من جاذبية الأرض.

الحل : باستخدام معادلة 22.14 نحصل على الآتى:

$$v_{\rm esc} = \sqrt{\frac{2GM_E}{R_E}}$$

$$= \sqrt{\frac{2(6.67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2) (5.98 \times 10^{24} \text{kg})}{6.37 \times 10^6 \text{ m}}}$$

$$= 1.12 \times 10^4 \text{m/s}$$

وهو ما يعادل 25000 mi/h

طاقة حركة المركبة الفضائية هي:

$$K = \frac{1}{2}mv_{\rm esc}^2 = \frac{1}{2}(5.00 \times 10^3 \text{kg}) (1.12 \times 10^4 \text{m/s})^2$$

= 3.14 × 10¹¹ J

وهو ما يعادل gal 2300 من الحازولين.

المادلتان 21.14 و 22.14 يمكن استخدامهما للأجسام المقذوفة من أي كوكب. بصفة عامة سرعة الإفلات من سطح أي كوكب كتلته M ونصف قطره R هي

 $v_{\rm esc} = \sqrt{\frac{2GM}{R}}$

سرعة الإفلات للكواكب والقمر والشمس معطاه في جدول 3.14 لاحظ أن القيم تختلف من 1.1km/s للكوكب بلوتو إلى ما يقرب من 618 km/s للشمس، هذه النتائج إلى جانب بعض الأفكار من نظرية الحركة للغازات (انظر الفيصل 21). توضح لماذا لبعض الكواكب غلاف جوى والبعض الآخر ليس له غبلاف جوى ، كما سنرى فيما بعد. جزيئات الغاز لها طاقة حركة تعتمد على درجة حرارتها، ومن ثم فإن الجزيئات الخفيفة مثل الهيدروجين والهيليوم لها سرعة متوسطة أعلى من سرعة الجزيئات الأكثر كتلتة عند نفس درجة الحرارة. عندما تكون متوسط السرعة للجزيئات الخفيفة ليست أقل بكثير من سرعة 582 ﴾ الإفلات من جاذبية الكوكب فإن نسبة كبيرة من تلكُ الفازات

جدول (3.14) سرعة الإفلات من أسطح الكواكب والقمر والشمس

(kg) स्टारण	v _{esc} (km/s)		
Merury addice	4.3		
الزهرة Venus	10.3		
الأرض Earth	11.2		
القمر Moon	2.3		
المريخ Mars	5.0		
المشتري Jupiter	60		
زحل Saturn	36		
أورانس Uranus	22		
نبتون Neptune	24		
بلوتو Pluto	1.1		
الشمس Sun	618		

شكل (19.18) كلما تزايدت سارعة جسم (حجار مثلا) عند قذفه في

الفيضاء كلما ازداد ارتضاعه قبل أن يعود إلى الأرض، سوف نفشرض أن

سترعية الجنسم ستتزداد على متراحل

بحيث يصنع أقواس تبعد عن الأرض

بمقدار 2. 5. 10، 100، 1000 قبل أن

يعود إلى الأرض وعندما تصل سرعته إلى سرعة الإفلات سيمضى الجسم

في الفضاء دون أن يعود إلى الأرض

السرعة الكافية للإفلات من جاذبية هذا الكوكب، وهذا هو المسرعة الكافية للإفلات من جاذبية هذا الكوكب، وهذا هو المسرعة أن الغلاق الجوي للأرض لم يحتفظ بجزيئات المسروجين، وذرات الهيليوم بينما احتفظ بالأكسجين والنتروجين، المسرعة الكبيرة اللازمية للإفلات من كوكب السرعة الكبيرة اللازمية للإفلات من كوكب المسرعة الكوكب من الإحتفاظ بغاز الهيدروجين كمكون المسرعة الجوي.

اختبار سريع

إذا كنت چيولوچي في الفضاء، واكتشفت وجود ذهب في أحد الكويكبات الصغيرة. فمن المحتمل أنك لن تستطيع أن تقضر وتهبط من فرط السعادة بهذا الاكتشاف. لماذا ؟

(فسم اختياري)

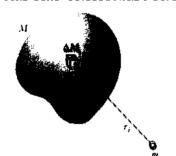
و الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم

THE GRAVITATIONAL FORCE BETWEEN AN EXTENDED OBJECT AND A PARTICLE

الله أكدنا على أن قانون الجذب العام المعطى في معادلة 3.14، الله نظرنا إلى الأجسام المتأثرة على أنها جسيمات.

الى هذا الأساس كيف يمكننا حساب القوة بين جسيم وجسم المتد اله أبعاد محدده ؟. يمكن عمل ذلك باعتبار أن الجسم المتد المدين مجموعة من الجسيمات ثم نستخدم حساب التكامل.

سب أولا دالة طاقة الوضع، ثم نحسب قوة الجاذبية من بعد الدالة نحيصل على طاقة الوضع المرافقة لنظام يتكون من من ثالثه m وجسم ممتد كتلته M بتقسيم الجسم إلى مجموعة المادسر كتلة كل منها ΔM_i شكل (19.14)، طاقية المادفقة للنظام المكون من أي عنصير والجسيم هي المنافقة للنظام المكون من أي عنصير والجسيم إلى العنصر T_i حيث T_i هي المسافة من الجسيم إلى العنصر T_i وملاقة الوضع الكلية للجسم كله يمكن الحصول عليها بأخذ



شكل (19.14) جسيم كتلتة m يتأثر بجسم كتلته M قوة النجاذب الكلية التي يؤثر بها الجسم على الجسيم يمكن حسابها بتقسيم الجسم إلى عدة أقسام كتلة كل منها ΔM_i ثم نحصل على حاصل الجمع المنجه للقوى المؤثرة بواسطة جميع الأجزاء.

عند هذه النهاية يمكننا أن نعبر عن U بالصورة التكاملية الآتية $\Delta M_i
ightarrow 0$ عند هذه النهاية يمكننا أن نعبر عن U بالصورة التكاملية الآتية

$$U = -Gm \int \frac{dM}{r}$$
 (23.14)

به تعيين U يمكننا إيجاد القوة التي يؤثر بها الجسم الممتد على الجسيم بأخذ المشتقة السالبة r ومن النه القياسية (ارجع إلى القسم r (6.8) إذاكان للجسم الممتد تماثل كروي، الدالة r

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

فقط وتعطى القوة -du/dr وسنوف نعالج هذا الوضع في (10.14) ، من حيث المبدأ يمكن تحديد U لأي شكل هندسي إلا أن التكامل سيكون صعبا .

هناك طريقة بديلة لتقدير قوة الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم وهو أن نحصل على مجموع المتجهات لجميع عناصر الكتل للجسم، مستخدما الطريقة الموضحة في تقييم U وقانون الجذب العام كما هو مبين في العلاقة (3.14) . من ذلك نحصل على القوة الكلية المؤثرة على الجسيم.

$$\mathbf{F}_{g} = -Gm \int \frac{dM}{r^{2}} \hat{\mathbf{r}}$$
 (24.14)

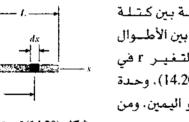
حيث r وحدة متجه في الاتجاء من العنصر dM نحو الجسيم أنظر شكل (19.14) والإشارة السالبة تبين أن اتجاء القوة في عكس أتجاء r .

وهذه الطريقة لانوصي بها دائما لأن العمل بدالة المتجهات أصعب من العمل بدالة طاقة جهد-قياسية. إلا أنه إذا كانت هندسة الشكل بسيطة كما في المثال التالي يمكن تعيين F مباشرة.

مثال 9.14 قوة الجاذبية بين جسيم وقضيب،

الطرف السر لقضيب متجانس طوله L وكتاته M على بعد h من جسيم كتاته m (شكل 20.14) الحسب قوة السناية الكلية التي يؤثر بها القضيب على الجسيم.

الحل: سنأخذ عنصر اختياري من القضيب طوله dx وكتلته لأن الكتلة لوحيدة الأطوال ثابتية، ومن ثم النسيبية بين كتلة العنصر للكتلة الكلية مساوي النسيبية بين الأطوال العنصر للكتلة الكلية dM نساوي النسيبة بين الأطوال معادلة (dx) dx هو المسافة dx المبينة في شكل (14.20)، وحدة المتجه \hat{r} هي \hat{r} والقوة المؤثرة على الجسيم نحو اليمين، ومن ثم معادلة (24.14) تعطى:



شكل (14.20) قـوة التـجـاذب بين القـضـيب والجـسـيم الناتجـة عن القضيب نتجه نحو اليمين لاحظ أن القضيب ليس مكافئا لجسيم كتلته الموضوع عند مركز القضيب.

$$\mathbf{F}_{g} = -Gm \int_{h}^{h+L} \frac{Mdx}{L} \frac{1}{x^{2}} (-\mathbf{i}) = Gm \frac{M}{L} \int_{h}^{h+L} \frac{dx}{x^{2}} \mathbf{i}$$

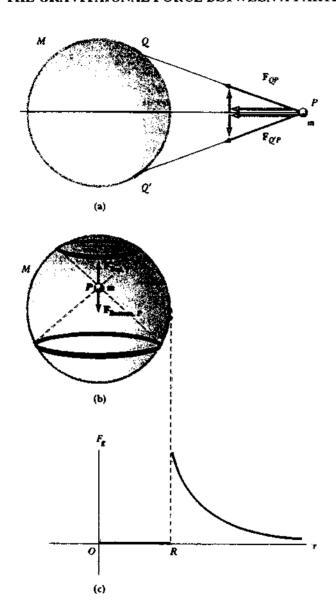
$$\mathbf{F}_{g} = \frac{GmM}{L} \left[-\frac{1}{x} \right]_{h}^{h+L} \mathbf{i} = \frac{GmM}{h(h+L)} \mathbf{i}$$

نري أن القوة الموثرة على الجسيم في اتجاه x المروه وهو ما نتوقعه لأن قوة الجاذبية قوة جذب لاحظ أنه عندما تؤول L إلى الصفر $L \to 0$ تتغير القوة عكسيا مع مربع h أي تبعا $L \to 1/h^2$ وهو ما نتوقعه للقوة بين جسمين صغيرين. بالإضافة إلى ذلك إذا كانت $L \to L \to 0$ تتغير القوة كذلك مع h^2 ويمكن ملاحظة ذلك حيث إن المقام في معادلة \mathbf{F}_{g} يمكن كتابته بالشكل h^2 وهو ما يساوي h^2 تقريبا عندما تكون h^2 .

إذن عندما تكون الأجسام متباعدة بمساهات كبيرة بالمقارنة بأبعادها فهي تصبح مثل الجسيمات.



10.14 هوة الجاذبية بين جسيم وكتلة كروية THE GRAVITAIONAL FORCE BETWEEN A PARTICLE AND A SPHERICAL MASS



الشكل (21.14) الركبيات اللانصف دارية نقوى التعجاذب المؤثرة على P موضوع عند النقطة مm ارج قشرة كروية كتابها M تتلاشى (١١) القشرة الكروية يمكن تقسيمها الى حلقات، إلا أن النقطة P تكون الن أه رب إلى الحلقة العليما أكتشر من العلقية السفلي، الحلقة السفلي تكون ١٠ بـر وقبوي الجباذبية المؤثرة على الحسسيم عند P بواسطة المادة في « ادبن الحلقيتين بالأشي كل منهيميا الأخر . إذن بالنسبة لجسيم موجود ... أي نقطة P داخل القشرة الكروية الناوجيد فسوى جياذبيية ميؤثرة على العسيم بفعل كتلة القشرة الكروية (c) M متقدار فوة الجناذبينة، بالتسبية الدسافة ٢ من مركز القشرة الكروية.

اسه ذكرنا أن الكرة الكبيرة تجذب الأجسام التي خارجها كما لو كانت كتلة الكرة كلها مركزة في من رها الآن سنوف نتناول القوة المؤثرة على جسسيم عندما يكون الجسم المستد إما قسرة منده الحقائق لبعض النظم ذات الأهمية .

القشرة الكروسة

الحالة الأولى: إذا كان جسيم كتلتة m موضوع خارج فشرة كروية كتلتها M عند نقطة P مثلا كما في شكل (14.21a). القشرة الكروية تجذب نحوها الجسيم كما لو كانت كتلة القشرة مركزة في مركزها.

وسوف نبين ذلك كما فعل نيوتن باستخدام حساب التكامل. إذن حيث أن قوة الجاذبية تؤثر على جسم خارج القشرة، القشرة الكروية تؤثر كما لوكانت كرة مصمتة كما رأينا سابقا.

الحالة الشانية: إذا كأن الجسيم موضوع داخل القشرة (عند النقطة P كما في شكل (1.14.b) قوة الجاذبية التي تؤثر على الجسيم يمكن أن نبين أنها تساوي صفراً ويمكننا أن نوضح هاتين النتيجتين كما يلي:

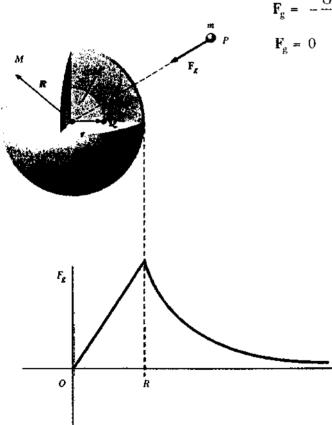
$$\mathbf{F}_{g} = -\frac{GMm}{r^{2}}\hat{\mathbf{r}} \quad \text{for } r \ge R \qquad (25.14 \text{ a})$$

$$\mathbf{F}_{g} = 0 \quad \text{for } r < R \qquad (25.14 \text{ b})$$

قوة الجاذبية كدالة في المسافة r مرسومة في شكل 114.21cالقشرة لا تعمل كعازل للجاذبية، وهذا يعنى أن الجسيم داخل القشرة يمكن أن يتأثر بقوى ناتجة عن أجسام خارج القشرة.

كرة مصمتة:

الحالة الأولى: إذا كان جسيم كتلته m موضوع خارج كرة متجانسة كتلتها (22.14) في شكل P عند النقطة Mالكرة تجذب الجسم كما لوكانت كتلة الكرة مسركسزه في مسركسزها. لقد استخدمنا هذه الملحوظة في أماكن عبديدة في هذا البساب ويمكننا أن نبرهن عليها من معادلة (25.14a) والكرة المسمشه يمكن اعتبارها مجموعة من القشور الكروية متحدة 586) المركز، وكتل جميع تلك القشور تعتبر



شكل (22.14) قوة الجاذبية التي تؤثر على جسيم خارج كرة مصمته تساوى GMm/r² ومتجهه نحو مركز الكرة. قوة الجاذبية المؤثرة على الجسيم عندما يكون داخل تلك الكرة تتناسب مع r وتهبط إلى المنفر عند المركز،

 \sim المركز المشترك لها، وقوة الجاذبية تعادل القوة الناتجة عن جسيم كتلته M موجود عند المركز، \sim

Q عند النقطة M (عند النقطة M موضوع داخل كرة مصمته متجانسة كتلتها M (عند النقطة Q عند النقطة M' عند الثانية المؤثرة عليها هي الناتجة فقط عن كتلة الكرة M' الموجودة داخل كرة M' عند داخل كرة M' المبينة في شكل 14.22 وقوة الجاذبية المؤثرة عليها هي الناتجة فقط عن كتلة M' . . . M'

ن و وردة داخل كرة نصف قطرها r < R المبينة في شكل 22.14 أي أن r < R

$$\mathbf{F}_{g} = -\frac{GmM}{r^{2}}\hat{\mathbf{r}} \quad \text{for } r \ge R$$
 (25.14 a)

$$\mathbf{F}_{g} = -\frac{GmM'}{r^{2}}\hat{\mathbf{r}} \quad \text{for } r \ge R$$
 (25.14 b)

وهو ما يمكن استنتاجه أيضا من الحالة الأولى،حيث إن الجزء من الكرة الواقع بعد النقطة Q بعيدا الركز يمكن معاملته كُسَلْسَلَة من القشور الكروية متحدة المركز التي لا تؤثر بقوة على الجسيم لأن الركز يمكن معاملته كُسَلْسَلَة من القشور الكروية متحدة المركز التي لا تؤثر بقوة على الجسيم لأن الركز يمكن معاملته كُسَلْسَلَة من القشور الكروية متحدة المركز التي لا تؤثر بقوة على الجسيم لأن

حيث أن كثافة الكرة منتظمة، نستنتج أن النسبة بين الكتلتين M'/M تساوي النسبة بين الحجمين V هو الحبح V هو الحبح الكلي من الكرة الذي نصف V هو الحبح الخالي من الكرة الذي نصف V هو الحبح الخالي من الكرة الذي نصف V هو الحبح الكلي من الكرة الذي نصف V هو الحبح الكلي من الكرة الذي نصف V هو الحبح الكلي الكرة الكرة الكرة الكبيرة و V هو الحبح الكلي الكرة الكرة الذي نصف V الملي الكرة الكرة الكرة الكرة الكبيرة و V هو الحبورة و V هو الكرة الكر

$$\frac{M'}{M} = \frac{V'}{V} = \frac{\frac{4}{3}\pi r^3}{\frac{4}{3}\pi R^3} = \frac{r^3}{R^3}$$

حل هذه المعادلة لإيجاد M' وإحلال النتيجة في معادلة 26.14 نجد أن:

$$\mathbf{F}_{g} = -\frac{GmM}{R^{3}} r \,\hat{\mathbf{r}} \quad \text{for } r < R \tag{27.14}$$

هذه المعادلة توضح أنه عند مركز الكرة المصمته عندما r=0 قوة الجاذبية تصبح صفر كما نتوقع، n المود كدالة في n موضعة في الشكل (22.14).

الحالة الثالثة: إذا وجد جسيم داخل كرة مصمتة كثافتها ρ والكرة متماثلة إلا أنها ليست منتظمة الحالة الثالثة: إذا وجد جسيم داخل $M' = \int \rho dV$ من التكامل $M' = \int \rho dV$ عيث التكامل يتم على الحجم داخل M' عيث الذي نصف قطرها r في شكل 14.22 . ويمكننا تقييم هذا التكامل اذا كان لدينا تغير ρ مع نصف الدرة الذي نصف قطرها r في هذه الحالة نأخذ عنصر الحجم dV كحجم قشرة كروية نصف قطرها dV وسمكها dV ومن ثم $dV = 4\pi r' dr$ في هذه الحالة وأن من معادلة $dV = 4\pi r' dr$ أذن من معادلة وألم المركز.

احتبار سريع 4.14

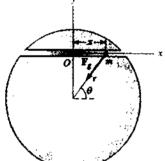
مثال 10.14

جسيم كتلته m يتحرك في نفق أملس مستقيم محفور بين نقطتين على سطح الأرض شكل(23.14) بين أن الجسم يتحرك في حركة توافقية بسيطة واحسب الزمن الدوري للحركة، اعتبر أن كثافة الأرض منتظمة.

الحل: قوة الجاذبية المؤثرة على الجسم تؤثر نحو مركز الأرض وتعطى بالمعادلة

$$\mathbf{F}_{\mathsf{g}} = -\frac{GmM}{R^3} \, r \, \hat{\mathbf{r}}$$

يمكن أن نحصل على أول دليل على أن هذه القوة لابد أن ينتج عنها حركة توافقية بسيطة بمقارنتها بقانون هوك الذي رأيناه في القسم 3.7 حيث أن قوة الجاذبية على الجسم تتناسب طرديا مع الإزاحة. إذن الجسم يتأثر بقوة قانون هوك.



شكل (23.14) جسم يتحرك داخل نفق

محمضور داخل الأرض، مركبة فوة

الجاذبية \mathbf{F}_{g} على المحور x هي القوة

الدافعة للحركة. لأحظ أن هذه القوة

تكون دائما في انجام المركز.

المركبة y لقوة الجاذبية على الجسيم تتعادل بواسطة القوة العمودية لجدار النفق والمركبة x هي

$$F_x = -\frac{GmM_E}{R_E^3} r \cos \theta$$

حيث أن الإحداثي x للجسيم $r\cos\theta$ يمكننا كتابة المعادلة السابقة كما يلي

$$F_x = -\frac{GmM_E}{R_E^3} x$$

xباستخدام قانون نيوتن الثاني للحركة في اتجاه المحور xنحصل على الآتى:

$$F_x = -\frac{GmM_E}{R_E^3} x = ma_x$$

 a_r ومنها نوجد مقدار

$$a_x = -\frac{GM_E}{R_E^3} x$$

إذا استخدمنا الرمز ω^2 لمعامل x وهو GM_E/R_E^3 نحصل علي الأتي

$$(1) a_r = -\omega^2 x$$

وهذه العبلاقية تنفق مع الشكل الرياضي لمعادلة 9.13 التي تعطى عبجلة الجسيم في الحركية التوافقية البسطية $a_x = -\omega^2 x$. إذن المعادلة (1) التي استتجناها لعجلة الجسيم داخل النفق هي معادلة للعجلة في الحركة التوافقية البسيطة عندما تكون السرعة الزاوية ω هي

$$\omega \simeq \sqrt{\frac{GM_E}{R_E^3}}$$

588

الفصل الرابع عشر، قانون الجاذبية

إس الجسم داخل النفق يتحرك بنفس الطريقة مثل كتلة معلقة من زنبرك والزمن الدوى للذبذبة

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{R_E^3}{GM_E}}$$

$$= 2\pi \sqrt{\frac{(6.37 \times 10^6 \text{m})^3}{(6.67 \times 10^{-11} \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{kg}^2) (5.98 \times 10^{24} \text{kg})}}$$

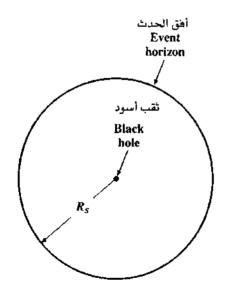
$$= 5.06 \times 10^3 \text{s} = 84.3 \text{ min}$$

مه الدار النزمن الدوري هو نفس النزمن الدوري لقه مر يدور في مدار دائري فوق سطح الأرض (مع المه الله النفية المه المه المهار والمباني وغير ذلك) لاحظ أن النتيجة لاتتوقف على طول النفق.

اسد افترح تشغيل نظام للنقل بين أي مدينتين باستخدام الفكرة التي أعطيت في هذا المثال، والرحلة من الحاء واحد تستغرق min 42 min والحسابات الأكثر دفة للحركة يجب أن تأخذ في الاعتبار أن كثافة الأرس ليست منتظمة وهناك العديد من المشاكل العلمية التي يجب أخذها في الاعتبار، فمثلا من اللساء يل الحصول على نفق خالي من الإحتكاك ومن ثم فلابد من وجود مصدر للطاقة الإضافية، هل مدنك التفكير في نظام آخر

ال الثقوب السوداء BLACK HOLES

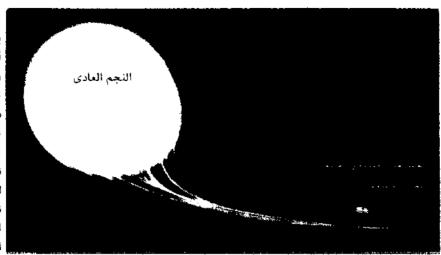
بوحد في المجرات نجوم فائقة التوهج تسمى وروفا Superhova أو المستعرات وهي تنتج عن أر نجوم فائقة الكتلة. والمادة المتبقية في قلب نجم أن النجوم تأخذ في الإنكماش والإضمحلال. أالنجوم تأخذ في الإنكماش والإضمحلال، النجوم النهائي لقلب ذلك النجم يتوقف كلية على كتلته أدا النهائي لقلب ذلك النجم يتوقف كلية على كتلته أدا التدريج ويتحول هذا السوبرنوفا إلى نجم على "التدريج ويتحول هذا السوبرنوفا إلى نجم على "الدرم أبيض white dwarft أما إذا كانت كتلته أكبر الناه فإن انكماشه يزداد نتيجة لقوى الجاذبية ويتحول اللهائية النجم النيوتروني المدا كتلة النجم النيوتروني المدا النجم تزن على سطح الأرض 5 المدا النجم تزن على سطح الأرض 5 الدر دان) أنظر المثال (8.11) والمسألة (22.14) وهناك



شكل (24.14) ثقب أسبود. نبص القطر _{Rs} يسمى نصف قطر شارزشيلد أي حدث يتم داخل حدود أفق الحدث لا يمكن رؤيته من الخارج،

.. و و و را النجوم تكون نهايته أكثر دراماتيكية وذلك عندما تكون كتلة النجم ثلاث أمثال كتلة الشمس . مسمول قبان الإنكماش يظل مستمرا حتى يصير النجم على شكل جسم متناهي الصغر وهو ما يسمى ا

الفيزياء (الجزءالأول -الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل (25.14) نظام يتكون من نجسمين أحدهما نجم عادي والآخر ثقب أسود (على اليمين). تنجيذب المادة من النجم العادي لتكون القيرص المتنامي حول الشقب الأسود. وفييه ترتفع درجة الحيرارة تصدر إشعناعات لها الطول الموجي للأشعة السينية.

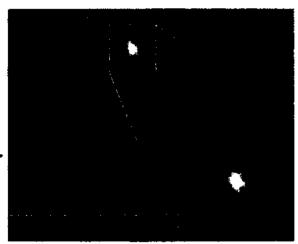
الثقب الأسود. في الحقيقة أن الثقب الأسود هو بقايا نجوم انكمشت بشدة تحت تأثير قوى جاذبيتها الذاتية، فإذا ما أقترب جسم مثل مركبة فضائية من الثقب الأسود فإنه يقع تحت تأثير قوة جذب هائقة ويُبتلع داخل الثقب إلى الأبد.

والهروب من الثقب الأسود يحتاج إلى سرعة إفلات Escape Speed فائقة نتيجة لتركيز كتلة النجم في كرة نصف قطرها صغيرا جدا، انظر معادلة (12.14) فإذا ما بلغت سرعة الإفلات سرعة الضوء كون الأشعة مثل الضوء المرئي المنبعثة من أى جسم لا يمكن أن تغادره ولذلك يبدو الجسم أسودا ومن هنا أثنت التسمية الثقب الأسود. ويطلق على النصف قطر الحرج R_s الذي عنده سرعة الإفلات تساوى سرعة الضوء C اسم نصف قطر شفا رزشيلد Schwarzashild Radius شكل (24.14). والسطح التخيلي لكرة لها مثل هذا القطر وتحيط بالثقب الأسواد تسمى أفق الحدث Event Horizon وهو يمثل الحد الذي يمكن أن تصل إليه قرب الثقب ويكون لديك أمل في الإفلات منه.

وعلى الرغم من أن الضوء من الثقب الأسود لا يمكن أن يغادره إلا أن الضوء المنبعث من الأجسام القريبة من أفق الحدث يمكن مشاهدته. على سبيل المثال يمكن أن يتكون نظام من نجمين أحدهما ثقب أسود والآخر نجم عادي، في هذه الحالة تنجذب المواد التي تحيط بالنجم العادي نحو الثقب الأسود كما في شكل (25.14) وتكون ما يسمى قرص متنامي accretion disc حول الثقب الأسود، في هذا القرص تتحول الطاقة الميكانيكية الناتجة عن احتكاك المادة المكونة للقرص المتنامي إلى طاقة داخلية ويتناقص تبعاً لذلك ارتفاع مدار القرص المتنامي عن أفق الحدث وتزداد درجة حرارته، ومع ارتفاع درجة حرارة المادة في القرص المتنامي تصدر عنه كمية كبيرة من الأشعة التي يصل طولها الموجي إلى الطول الموجي للأشعة السينية، وتلك الأشعة السينية، وتلك الأشعة السينية من الدلائل المهيزة للثقوب السوداء عن طريق ملاحظة الأشعة

وهناك دلائل على وجود ثقوب سوداء فائقة الكتلة توجد في وسط المجرات وتصل كتلتها إلى المناك كتلة الشمس، وفي مجرتنا يعتقد في وجود ثقب أسود فائق الكتلة تقترب كتلته من كتلة ثلاث النس شمس في وسط المجرة.

ونبين النماذج النظرية أن تلك الأجسام فائقة الكتلة ينبعث حول محور دورانها نفاث من المواد، ويبين



الله (26.14) صبورة التقطها تلسكوب هابل المدرة 87 مورة التقطها تلسكوب هابل المدرة ويعتقد أنها إحدى الدلائل على المدرة ويعتقد أنها إحدى الدلائل على مدرة قب أسبود فائق الكتلة في وسط تلك الدرد.

شكل (26.14) صورة التقطها تلسكوب الفضاء هابل للمجرة 87 ألا وتظهر فيها المادة تنبئق على شكل نفات من مركز المجرة متجهة نحو اليمين إلى أعلى الشكل وتبلغ سرعتها عُشر سرعة الضوء. ويعتقد أن تلك النفاثات دليلا على وجود ثقوب سوداء في وسط المجرة.

ملخص SUMMARY

فانون نيوتن للجذب العام ينص على أن قوة الجاذبية بين أي جسمين كتلتهما m_2, m_1 بينهما مقدارها r مقدارها

$$F_{\rm g} = G \frac{m_{\rm i} m_2}{r^2}$$
 (1.14)

حيث G مقدار ثابت $M = 10^{-11} \, \mathrm{N} \cdot \mathrm{m}^2/\mathrm{kg}^2$ ويسمى ثابت الجذب العام، وهذه المعادلة من حساب قوة الجذب بين الأجسام تحت ظروف عديدة.

حسم على مسافة h فوق سطح الأرض يتأثر بقوة جاذبية مقدارها 'mg حيث'g عجلة السقوط ١١٠, من هذا الارتفاع.

$$g' = \frac{GM_E}{r^2} = \frac{GM_E}{(R_E + h)^2}$$
 (6.14)

 R_E نصف قطر الأرض. إذن وزن الجسم ينقص كلما زاد بعد R_E نصف قطر الأرض. إذن وزن الجسم ينقص كلما زاد بعد المسلم عن سطح الأرض

قوانين كبلر لحركة الكواكب تنص على:

- ميع الكواكب تتحرك في مدارات على شكل قطع ناقص والشمس عند أحد البؤرتين.
- اسف قطر المتجه الواصل من الشمس إلى الكوكب يتحرك عبر مساحات متساوية في فترات زمنية اسساوية.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

3-مـربع الزمن الدوري لأي كوكب يتناسب مع مكعب نصف طول المحـور الأكبـر للمـدار الذي على شكل قطع ناقص.

ويمكن كتابة قانون كبلر الثالث على النحو التالى:

$$T^2 = \left(\frac{4\pi^2}{GM_s}\right)r^3\tag{7.14}$$

حيث $M_{
m s}$ كتلة الشمس وr نصف القطر المدارى.

a بلكارات القطع الناقص المعادلة (7.14) تكون صالحة إذ حل محل r طول نصف المحور الأكبر

معظم الكواكب لها مدارات شبه دائرية حول الشمس.

- مجال الجاذبية عند نقطة في الفضاء تساوي قوة الجاذبية المؤثرة على أي جسم اختبار موضوع عند تلك النقطة مقسوما عي كتلة جسم الإختبار

$$g = \frac{F_g}{m}$$
 (10.14)

قوة الجاذبية محفوظة ، ومن ثم دالة طاقة الوضع يمكن تعريفها كالأتي: طاقة الوضع التابعة لجسمين تفصلهما مسافة r هي:

$$U = -\frac{GM_1m_2}{r} \tag{15.14}$$

حيث U تساوي صفراً عندماً تقترب r من اللانهاية $\infty \to r$. طاقة الوضع الكلية لنظام من الجسيمات هو مجموع الطاقات لجميع أزواج الجسيمات. وكل زوج من الجسيمات يمثل بحد على نمط المعادلة (15.14).

إذا كان نظام معزول يتكون من جسيم كتلته m يتحرك بسرعة v على مقربة من جسم ثقيل كتلته E الطاقة الكلية E للنظام هي مجموع طاقة الحركة وطاقة الوضع.

$$E = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{GMm}{r} \tag{17.14}$$

الطاقة الكلية هي احدى ثوابت الحركة. إذا تحرك الجسم في مدار دائري نصف قطره r حول جسم ثقيل بحيث أن M>>m الطاقة الكلية للنظام هي.

$$E = -\frac{GMm}{2r} \tag{19.14}$$

الطاقة الكلية تكون سالبة لأي نظام مترابط.

سرعة الإفلات من الجاذبية لأي جسم يقذف من على سطح الأرض هي:

$$v_{\rm esc} = \sqrt{\frac{2GM_E}{R_E}}$$
 (22.14)

QUESTIONS I

A PARTICION IN

- ا استخدم قانون كبلر الثّاني لكي تبين لنفسك أن الأرض في شهر ديسمبر تدور في مدارها أسرع عندما تكون قريية من الشمس من دورانها في شهر يونيو عندما تكون بعيدة عنها.
- 2 -قوة الجاذبية التي تؤثر بها الشمس على القمر تصل إلى ضعف قوة الجاذبية التي تؤثر بها الأرض على القمر، فلماذا لا تجذب الشمس القمر بعيدا عن الأرض أثناء الكسوف الكلي للشمس؟
- إذا كانت منظومة تتكون من خمس جسيمات،
 كم عدد الحدود التي تظهر عند النمبير عن طاقة الوضع الكلية؟. وكم عدد الحدود التي تظهر إذا كانت المنظومة تتكون من عدد N من الجسيمات.؟
- 4 هل من الممكن حسساب دالة طاقة الوضع
 المساحبة لجسيم وجسم ممتد دون معرفة
 الشكل الهندسي أو توزيع الكتلة للجسم المتد.
- 5 هل سرعة الهروب من الجاذبية لصاروخ تعتمد على كتلته؟ وضع.
- 6 -قارن بين الطاقات اللازمة للوصول إلى القمر لمركبة فضائية كتاتها 10⁵kg وقمر صناعي كتاته 10⁸kg.
- [7] وضح لماذا تستهلك المركبة الفضائية وقودا لكي تسافر من الأرض إلى القرمر أكثر مما تستهلكه في رحلة العودة؟ قدر الفرق.
- [8] لماذا لا يوضع قسمسر البطقس المتسزامن مع الأرضgeosynchronous weather satellite في مدار حول خط العرض "45 ؟ أليس ذلك أكثر فائدة للولايات المتحدة من قمر حول خط الإستواء
- 9 هل طاقعة الوضع للنظام المكون من الأرض

- والقمر أكبر من أو أقل من أو يساوي طاقة الحركة للقمر بالنسبة للأرض ؟
- 10 وضع لماذ لا يبذل شغل على كوكب أثناء دورانه في مدار دائري حول الشمس على الرغم من أن قوة الجاذبية تؤثر على الكوكب. ما مقدار صافي الشغل المبذول على كوكب أثناء كل دورة بدورها حول الشمس في مدار على شكل قطع ناقص ؟
- 11 وضح لماذا تكون القوة المؤثرة على جسيم بواسطة كرة منتظمة متجهة نحو مركز الكرة؟ فهل ستكون الحالة كذلك لو أن الكتلة ليست موزعة على الكرة بشكل منتظم ؟
- 12 بإهمال التغيرات في كثافة الأرض، كم يكون الزمن الدوري لجسيم يتحرك في فجوة ملساء محفورة بين نقطتين متقابلتين على سطح الأرض. وتمر في مركزها.
- 13 عند أي مكان في مدار القطع الناقص تكون
 سرعة الكوكب أكبر ما يمكن؟ وعند أي نقطة
 تكون أقل ما يمكن ؟
- 14 إذا عـرفت الكتلة ونصف القطر لكوكبX كيف تحسب عجلة السقوط الحر على سطح هذا الكوكب ؟ .
- 15 إذا حضرت حضرة تصل إلى مركز الكرة الأرضية فهل تظن أن القوة على كتلة m ستظل تتبع القانون (1.14) عند هذا المكان ؟ ماذا تعتقد أن تكون القوة على m عند مركز الأرض ؟
- في تجرية كفندش عام 1798 يقال أن كفندش قد وزن الأرض وضح هذا التعبير.
- 17 قبوة الجاذبيسة التي أثرت على المركبسة الفضائية فويجر Voyager بواسطة كوكب المشترى أكسبتها عجلة زادت من سرعتها إلى

الفيزياء (الجزءالأول-اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

السرعة اللازمة للإفلات من جاذبية الشمس وضح كيف يمكن ذلك؟

18- كيف بمكنك إيجاد كتلة القمر؟

19- المركبة الفضائية أبوللو 13 (Apollo 13)

PROBLEMS Jilmo

1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ الحل موجود في: | WEB

الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

القسم 1.14 قانون نيوتن للجذب العام

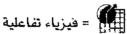
القسم 2.14 قياس ثابت الجاذبية

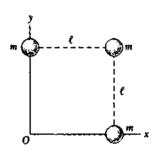
القسم 3.14 الهبوط الحروقوة الجاذبية

- 1 حدد مقدار قوة الجاذبية التي تؤثر بها على شخص آخر يبعد 2 متر حدد الكميات التي تحتاج لتقديرها وقيم كل منها.
- 2 كتلة مقدارها 200kg وأخرى كتلتها 500kg المسافة بينهما 0.40m (a) أوجد محصلة قوة الجاذبية التي تؤثر بها تلك الكتل على كتلة مقيدارها 50.0kg ميوضوعية في منتصف المسافة بينهما (b) عند أي مكان يمكن وضع الكتلة 50.0kg حتى تشأثر بمحصلة قوي تساوى صنفرا باستثناء وضعها عند ألمالانهاية.
- 3 ثلاث كتل متساوية موضوعة في ثلاث أركان لربع طول كل ضلع من أضلاعه ℓ كما هو مبين في شكل P3.14 أوجد مجال الجاذبية g عند الركن الرابع نتيجة لتلك الكتل.

حدثت بها مشاكل في جهاز الأكسجين في منتصف الطريق إلى القمير، لماذا استميرت المركبة في دورانها حول القمر ثم عادت إلى الأرض ولم تعد مباشرة إلى الأرض ؟

🔲 = الحل كامل مناح في المرشد.

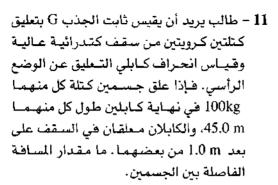


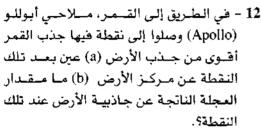


شكل P3.14

- 4 حسمان يجذب كل منهما الآخر بقوة جذب 1.0 x 10⁻⁸ N عندما تكون المسافة بينهما 20.0 cm. إذا كانت الكتلة الكلية للجسمين تساوي 5.0 kg كم تكون كتلة كل منهما؟
- 5 ثلاث كرات منتظمة كتلتها 2.0kg و 4.0kg و 6.0kg موضوعة في أركان مثلث قائم الزاوية كما هو مبين في شكل P5.14 . أحسب محصلة قبوى الجنذب على الكتلة 4.0kg باعتبار أن الكرات معنزولة عن العنالم الخارجي.

الفصل الرابع عشر، قانون الجاذبية





القسم 4.14 قوانين كبلر

القسم 5.14 قانون الجاذبية وحركة الكواكب

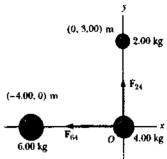
ستقیم کتانه m بتحرك فی خط مستقیم -13b بسرعة منتظمة في الاتجاء x وعلى مسافة من المحورx كما في شكل (P13.14) بين أن قانون كبلر الثاني يكون قد تحقق، بإثبات أن المتلتين المظللين في الشكل لهمما نفس $t_4 - t_3 = t_5 - t_1$ is it is a land of the state of



شكل P13.14

14 - قمر للإتصالات يدور في مدار متزامن مع دوران الأرضgeosynchronous ويظل فوق نقطة واحدة على خط الاستواء بينما الكوكب يدور حول محوره (a) احسب نصف قطر مداره (b) القمر يقوم بنقل إشارات راديو من مرسل قرب القطب الشمالي وتسير بسرعة (595

(0, 3,00) m 2.00 kg



شكل P5.14

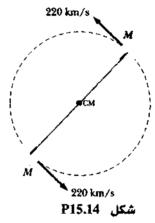
- عجلة الجاذبية على سطح القمر تبلغ 1/6 عجلة الجاذبية على سطح الأرض، إذا كان $(0.2500~R_{\rm E})$ نصف قطر القيمير حيوالي $P_{
 m moon}/P_{
 m earth}$ اوجد النسبة بين كثافتيهما أثناء كسوف الشمس ، تكون الشمس والأرض والقمر على خط واحد والقمر بين الشمس والأرض (a) ما مقدار القوة التي تؤثر بها الشمس على القمر ؟ (b) ما هي القوة التي تؤثر بها الأرص على القامس ؟ (c) ما هي القوة التي تؤثر بها الشمس على الأرض ؟
- المسافة بين مركزي الشمس والقمرهي . 384400 km القمر يكمل دورته في مداره في 27.3 day إحسب السرعة المدارية للقمر (b) إذا توقفت الجاذبية سيتحرك القمر في خط مستقيم مماس لمداره طبقا لقانون نيوتن الأول للحركة. في مداره الفعلى خلال 1.00s إلى أي مسافة بهبط القمر اسفل خط الماس نحو الأرض.

[9] عندما يكون نيزك على مسافة فوق سطح الأرض تعادل 3.0 ميرات ميثل نصف قطر الأرض كم تكون عجلته نتيجة لجاذبية الأرض.

10 - عابرتا محيط كتلة كل منهما 40000 طن متري تتحركان في مسارين متوازيين المسافة بينهما m 100 ما مقدار العجلة بينهما نتيجة لتجاذبهما المتبادل (اعتبر السفينتين ككتل نقطية)

الضوء إلى مسبقيل قريب من القطب الشيمالي أيضا. كم من الوقت تستغرق الإشارة في رحلتها.

المجموعة الثنائية لبلاسكت plaskett تتكون من نجسمين يدوران في مسدار دائري حسول مركز كتلة في منتصف المسافة بينهما، وهذا يعني أن كتلة كل من النجمين متساوية (شكل بيني أن كتلة كل من النجمين متساوية لكل من النجسمين P15.14) إذا كانت السرعة المدارية لكل من النجسمين 220 km/s والزمن الدوري لكل منهما 14.4من الأيام أوجد الكتلة M لكل نجم (للمقارنة كتلة الشمس 1.99 x 10³⁰ kg).

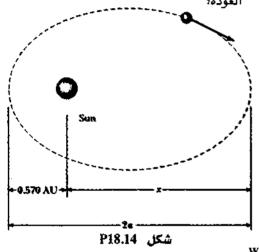


Plaskett's الجموعة الشائية لبلاسكت binary System تتكون من نجمين يدوران في مدار دائري حول مركز ثقل في منتصف المسافة بينهما. وهذا يعني أن كتلة كل من النجمين متساوية انظر شكل (P15.14) إذا كانت السرعة المدارية لكل نجم هيv والزمن الدوري لكل منهمما T أوجمد الكتلة M لكل نحم.

17 - القمر إكسبلورار Explorer VIII وضع في مداره في 3 من نوفمبر عام 1960 لدراسة طبقة الأيونو سنفيدر، ولمداره البارامترات التالية نقطة الأوج (أبعد نقطة في مدار القسمر عن الأرض) km و2289 ونقطة الحضيض (أقرب نقطة في مدار القمر عن

الأرض) 459 km (والمساف تبان أعلى سطح الأرض) والزمن الدوري 112.7 min أنسبة $v_{\rm p}/v_{\rm a}$ للسرعة عند الحضيض إلى السرعة عند الأوج.

18 – المدنّب هالي شكل (P18.14) يقترب من الشمس لمسافة تصل إلى 0.57 Au (مز الشمس لمسافة تصل إلى 0.57 Au وهو لوحدة فلكية m المسافة بين الأرض والشمس) وزمنه الدوري المداري 75.6 سنة. ما هو بعد المدنب هالي عن الشمس قبل أن يبدأ رحلة



Io 19 قمر لكوكب المشترى زمنه الدوري المداري 10 Io 19 4.22 x 105 مداره 1.77 يوم ونصيف قطره مداره km من تلك المعلوميات عين كيتلة كيوكب المشترى.

20 - كـوكـبـان Y, X يدوران في اتجـاه عكس عقارب الساعة في مدارات دائرية حول نجم كما هو مبين في شكل (P20.14) النسبة بين نصف قطر كل منهما (3:1) في بعض الأحيان يكونان على خط واحـد مع النجم كـمـا في شكل (P20.14 a). خـلال الخـمس أعـوام التالية الإزاحة الزاوية للكوكب X تكون "90 كـمـا في شكل (P20.14.b) أين يكون الكوكب Y عندئذ

يربط بينهما، وكلاهما يؤثر بقوة جذب على المرصد (المركبة الفضائية). بين أن المسافة بين المركبة الفضائية). بين أن المسافة تكون بين المركبة الفضائية والأرض لابد وأن تكون بين الم 1.47 x 10⁹ m و 1.47 x 10⁹ m علم محوزيف لاجرانج Joseph Lagrang بتعيين الوضع الخاص الذي يسمح بهذا المدار نظريا، وقد اتخذت المركبة الفضائية OHO هذا المكان في فبراير 1996 (ملحوظة: استخدم بيانات فبراير 1996 (ملحوظة: استخدم بيانات دقيقة ذات أربع أرقام معنوية، كتلة الأرض (5.983 x 10²⁴ kg).

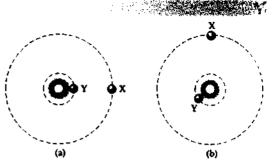
القسم 6.14 مجال الجاذبية:

24 - مركبة فضائية كتاتها مع ركابها 1000 kg وهي على هيئة أسطوانة طويلة طولها 100m . إقتريت من ثقب أسود كتلته 100 مرة مثل كتلة الشمس شكل P24.14 . ومقدمة المركبة الفضائية تشير إلى مركز الثقب الأسود. والمسافة بين طرف المقدمة والثقب 10.0 km (a) احسب القوة الكلية على المركبة المؤثر على الركاب في مقدمة المركبة والركاب في مقدمة المركبة والركاب في مقدمة المركبة والركاب في مؤخرتها الأكثر بعدا عن الثقب الأسود.



شكل P24.14

حسب مقدار واتجاه مجال الجاذبية عند نقطة p على الحور العبمودي على الحور الواصل بين كتلتين متساويتين المسافة بينهما 2a كما هو في شكل (P25.14)

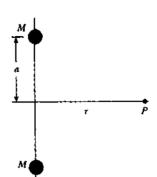


شكل P20.14 (a), (b) شكل

قمر صناعي (ساتل) متزامن، يظل دائما فوق نفس النقطة على خط استواء الكوكب. وضع في مدار حول كوكب المشترى ليتمكن العلماء من دراسة النقطة الحمراء الشهيرة. والمشترى يدور مرة واحدة كل 9.84 h. استخدم البيانات المتاحة في جدول 2.14 لكي تحسب ارتفاع القمر الصناعي.

22 - النجوم النيوترونية عظيمة الكثافة وتتكون من بقايا انفجار السوبر نوفا (المستعر) وهو نجم متفجر يزداد توهجه قبل أن يتحول إلى نجم نيوتروني. وهو يدور بسرعة فائقة. نفرض أن أحد النجوم النيوترونية كتلته ضعف كتلة الشمس، ونصف قطره 10km أحسب أكبر سرعة زاوية يمكن أن يكتسبها لكي تظل المادة التي على سطحه عند خط استوائه باقية في المدار بقوة الجاذبية

Solar and Heliospheric المركبة الفضائية Observatory SOHO اختياره بحيث أن رؤيته للشمس تكون دائمة ولا يحدث لها كسوفا أبدا، وهو دائما قريب من الأرض لكي يسهل إرسال المعلومات ويدور في دائرة تقريبا حول الشمس وهي أصبغر من المدار الدائري للأرض. إلا أن الزمن الدوري المداري للمركبة الفضائية النقل عن سنة بل هو سنة بالضبط، وهو دائمها يقع بين الأرض والشمس على خط



شكل P25.14

26 - أوجد مجال الجاذبية عند نقطة r على امتداد المحور لحلقة رفيعة كتلتها M ونصف قطرها a

القسم 7.14 طاقة الوضع

ملحوظة اعتبر أن U=0 عندما تقترب r مل اللانهاية.

kg 100 قمر صناعي (ساتل) للأرض كتلته kg 100 على ارتفساع m على ارتفساع طاقعة الوضع للمنظومة المكونة من القسمر والأرض؟ (b) ما مقدار قوة الجاذبية التي تؤثر بها الأرض على القمر؟ (c) ما هي القوة التي يؤثر بها القمر (السائل) على الأرض؟

28 - ما هي الطاقة اللازمة لرفع كتلة 1000kg من سطح الأرض إلى ارتفاع ضبعف نصف قطر الأرض.

بعد أن تستهلك الشمس وقودها النووي ستتحول إلى قزم أبيض حيث نظل كتلتها كما هي تقريبا إلا أن نصف قطرها سيصبح مساويا لنصف قطر الأرض. احسب (a) متوسط كثافة القرم الأبيض (b) عجلة الجاذبية الأرضية عند سطحه (c) طاقة الوضع الصاحبة لجسم كتلته kg عند سطحه.

30 - أطلق منقندوف من على سطح الأرض إلى أعلى رأسيا بسرعة 10.0 km/s إلى اي

ارتضاع سيحمل المقذوف؟ إهمل مقاومة المواء.

- 31 منظومة تتكون من ثلاث أجسام كل منها يزن g 5.0 ومبوضبوعية عند أركبان ميثلث مستسباوي الأضبلاع طبول كيل ضليع من أضبلاعيمة (a) 30.0 cm أضبلاعيمة الوضع للمنظومية (b) إذا أطلقت تلك الكتل في نفس الوقت فأين ستتقابل؟
- 32 ما مقدار الشغل المبذول بواسطة منجال جاذبية القمر عندما يصل إليه نيزك من الفضاء الخارجي ويصطدم بسطحه علما ... بأن كتلة النبزك 8000 kg

القسم 8.14 اعتبارات الطاقة في حركة الكواكب والأقمار

- 33 فمر كتلته kg بدور في مدار دائري على ارتضاع 500 km فسوق سطح الأرض. نتيجة لاحتكاك الهواء وصل القمر إلى سطح الأرض وارتطم بسطحها بسرعة 2.00 km/s ما مقدار الطاقة التي تحولت إلى طاقة داخلية بواسطة الإحتكاك ؟
- 34 ما أقل سرعة بالنسبة للشمس اللازمة لكي تفلت سفينة فضائية من المجموعة الشمسية اذا ابتدأت من مدار الأرض؟
- (b) فويجر Voyagerl وصلت إلى أقصى سرعة ومقدارها 125000 km/h لتصوير كوكب المشترى. بعد أي مسافة من الشمس تكون تلك السرعة كافية لأن تفلت سفينة الفضاء من المجموعة الشمسية؟
- 35 قمر كتلته kg موضوع في مدار حول الأرض على ارتفىل 200 km من سطح الأرض (a) بافتيراض أن المدار دائري، منا الزمن البلازم لكي يتم القمر دورة كاملة في مداره \$ (b) ما سرعة القمر \$ (c) ما هي

أقل طاقة لازمة لوضع هذا القمر في مداره (افترض عدم وجود احتكاك للهواء).

| 37| سفينة فضائية إنطلقت من الأرض بسرعة ابتدائية 2 x 10⁴ m/s كم، ستكون سرعتها عند ما تكون بعيدة جدا عن الأرض (اهمل الاحتكاك)

الأرض على الأرض على الأرض على الرتفاع ثابت مقداره 100 km. كم مقدار الطاقة التي يجب اضافتها للنظام لتحريك القمر في مدار دائري على ارتفاع km \$200 km.

39. - كوكب أورانوس كتلته 14 مرة قدر كتلة الأرض ونصف قطرة 3.7 مرة قدر نصف قطر الأرض (a) بوضع نسب بين قليم أورانوس وقيم الأرض المناظرة لها، أوجد عبجلة الجاذبية عند قدمة السحب في أورانوس (d) مع اهمال دوران الكوكب أوجد أقل سرعة للإفلات من أورانوس .

40 عين سرعة الإفلات لصاروخ في الجانب البعيد للقمر جانميد Ganymede أكبر قمر كوكب المشترى ونصف قطر جانميد لكوكب المشترى ونصف قطر جانميد 1.495 x10²³ kg وكتلة المشترى وكتلة 1.495 x10²³ kg وكتلة المشترى وجانميد تساوي 1.90 x 10⁹m المشترى وجانميد تساوي المشترى في الإعتبار ولكن يمكن اهمال حركة في الإعتبار ولكن يمكن اهمال حركة المشترى وجانميد الدورانية حول مركز كتلتيهما، شكل (P14.41)





شكل P41.14

41 - استنتج علاقة للشغل اللازم لنقل قسر $2R_E$ كتلته m من مدار دائري نصف قطره $3R_E$.

قسم 9.14 قوة الجاذبية بين جسم ممتد وجسيم:

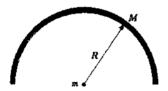
42 - قضيبان منتظمان متاثلان طول كل منهما L وكتلته m موضوعان على نفس الخط وأصغر مسافة تفصل بينهما d شكل (P44.14) . بين أن قوة الجاذبية المتبادلة بين القضيبين هي:

$$F = \frac{Gm^2}{L^2} \ln \left(\frac{(L+d)^2}{d(2L+d)} \right)$$

$$L \qquad L$$

$$m \qquad P44.14 \qquad \text{if } m \qquad m$$

43 - قضيب منتظم كتلته M على شكل نصف دائرة نصف قطرها R شكل (P45.14) احسب القوة عند نقطة كتلتها m موضوعه في مركز نصف الدائرة.



شكل P45.14

قسم 10.14 قوة الجاذبية بين جسيم وكتلة كروية

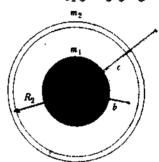
a) - 44 بين أن الزمن الدوري المحسسوب في مثال 10.14 يمكن كتابته كما يلي:

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{R_E}{g}}$$

حيث g هي عجلة الهبوط الحر على سطح الأرض (b) كم سيكون هذا الزمن الدوري إذا صنعت أنفاق خلال القمر ؟

45 - كرة مصمته منتظمة كتاتها 500kg، نصف قطرها 0.4m. أوجد مقدار قوة الجاذبية 50g التي توثر بها الكرة على جسيم كتاته 50g موضوع (a) على بعد 1.5m من مركز الكرة (b) على سطح الكرة ، (c) على بعد (b) من مركز الكرة ، من مركز الكرة .

ونصف m_1 ونصف قطرها R_1 موضوعة داخل قشرة كروية قطرها R_1 موضوعة داخل قشرة كروية ومشتركة معها في المركز كما في شكل P 48.14 وكتلة القشرة الكروية m_2 ونصف قطرها R_2 . احسب قوة الجاذبية التي تؤثر بها الكرتان على جسيم كتلته m موضوع (a) بها الكرتان على جسيم كتلته m موضوع r =c (c) r=d (b) r=d



شكل P48.14 تمارين إضافية:

47 – إعستبسرأن Δg_M تمثل الفسرق في منجسال الجاذبية الناتجة عن القمر عند النقط على سطح الأرض الأقرب إلى القمر والأبعد عنه. احسب مقدار $\Delta g_M/g$ حيث g هو مجال جاذبية الأرض (هذا الفرق هو المستول عن حدوث المد والجذر على الأرض)

48 - كرتان كتاتيهما M, M ونصف قطر كل منهما R, R على الترتيب، أطلقتا من السكون عندما كانت المسافة بين مركزيهما تساوي 12R. ما سرعة كل منهما عندما يتصادمان؟ افترض أن الكرتان تتأثران بعضهما فقط.

49 - (a) بين أن معدل تغير جاذبية السقوط الحر مع المسافة فوق سطع الأرض هي:

$$\frac{dg}{dr} = -\frac{2GM_E}{R_E^3}$$

ومعدل التغيير مع المسافة يسمى الميل (b) gradint مقدار صغير بالمقارنة بنصف قطر الأرض، بين أن الفرق في عجلة السقوط الحربين نقطتين بينهما مسافة عمودية h هي:

$$|\Delta g| = \frac{2GM_Eh}{R_E^3}$$

(c) أوجد قيمة هذا الفرق عندما تكون h تساوي m 6.0 وهو ارتفاع مبنى من طابقين.

50 - جسيم وزنه m موضوع داخل كرة مصمته منتظمة نصف قطرها R وكتلتها M على بعد r من المركز (a) بين أن طاقة جهد الجاذبية للنظام هو:

$U = (GmM/2R^3)r^2 - 3GmM/2R$

(b) اكتب العلاقة التي تعبر عن كمية الشغل المبذول بقوة الجاذبية لجذب جسيم من سطح كرة إلى مركزها.

51 – السفينة الفضائية فويجرز 2 و 1 مسحت سطح قسر المستبري IO وصورت براكين نشطة تقذف الكبريت السائل إلي ارتفاع 70 km فوق سطح هذا القمر، احسب السرغة التي غادر بها الكبريت السائل فوهة البركان. القسمر IO كنتاته 8.9 x 10²² kg ونصف قطره 8.9 x 10²² kg.

52 - رجل فضاء شاهد كوكبا صغيرا كروي الشكل. عندما هبط على سطح الكوكب أخذ يسير إلى الأمام بصفة مستمرة وإذ به يعود إلى المركبة الفضائية من الجهة القابلة بعد أن أكمل لفة طولها 25.0 km مسك بمطرفة وبعض الريش وألقى بهما من على ارتفاع m 1.4 شقطا على سطح الأرض بعد 29.2 \$. احسب كتلة هذا الكوكب.

53 - في عنام 1974 اقتتارح G.K.Neil إنشناء مستعمرة سكانية في الفضاء على شكل أسطوانة قطرها 6.0 km وطولها 30.0 km وهذه المستعمرة سيكون بها مدن وبحيرات على السطح الداخلي وهواء وسيحب عند المركز، وكل هذه الأشياء تبقى في أماكنها بدوران الأسطوانة حبول متحبورها الطويلء مناهى السنرعية اللازمية لدوران الأسطوانة لكي تحدث جاذبية مماثلة لجاذبية الأرض على جدران الأسطوانة.

- 54 [57] في معمل الفينياء استخدام ميزان كفندش لقياس ثابب الجنب العام G باستخدام كرتان من الرصاص وزن أحدهما 1.5 kg ووزن الأخبري g 15.0 والمسافة بين مركزيهما 4.5 cm احسب مقدار قوة الجاذبية بين هاتين الكرتين. (تعامل مع كل منهما على أنها نقطة عند مركز الكرة).
- 55 بين أن سرعة الافلات من على سطح كوكب كثافته منتظمة تتاسب طرديا مع نصف قطر ألكوكب،
- (a) 56 إفترض أن الأرض (أو جسم آخر) كثافتها ، 6 وهي تتغير مع نصف القطر إلا أنها متماثلة كرويا. بين أنه عند أي نصف قطر r داخل الأرض، شدة مجال الجاذبية g بزيد كلما زاد مقدار r، فقط في حالة ما إذا كانت الكثافة هناك تزيد عن 2/3 متوسط الكثافية للجزء من الأرض داخل نصف القطر b) إذا علمت أن مــــوسط كثافة الأرض ككل 5.5g/cm³ بينما الكثافة على سطح الأرض 1.0g/cm³ على سيطح المحيطات وحوالي 3 g/cm³ على الأرض. مأذا تستنتج من ذلك؟
- m_2, m_1 کوکبان افتراضیان کتلتهما و 61ونصف قطراهما ٢2, ٢٦ على الترتيب،

- يكونان في حالة سكون عندما تكون المسافة بينهما لانهائية. نتيجة لجاذبيتهما يتقدمان نحو بعضهما فيحدث بينهما تصادم (a) عندما تكون المسافة بين مركزيهما d أوجد علاقة لسرعة كل من الكوكيين وسرعتهما النسبية (b) أوجد طاقة الحركة لكل كوكب فبسل أن يتصدادها مباشدة إذا كانت $_{9} m_{2} = 8.0 \times 10^{24} \text{ kg} _{9} m_{1} = 2.0 \times 10^{24} \text{ kg}$ $r_2 = 5.0 \times 10^6 \text{ m}$ $r_1 = 3.0 \times 10^6 \text{ m}$ (ملحوظة كل من الطاقة وكمية الحركة محفوظة
- 58 المسافة القصوي بين الشمس والأرض تساوي 1.521 x10¹¹m وأقبل مسسافية تسساوي I.471 x 10¹¹ m (عندنقطة الحضيض). إذا كانت سرعة الأرض عند نقطة الحيضيض 30.27 km/s عبن (a) السرعة المدارية للأرض عند أبعد مسافة بينها وبين الشمس نقطة الأوج (b) طاقة الحركة وطاقة الوضع عند أبعد مسافة للأرض عن الشهمس، هل الطاقعة الكليعة محفوظة (اهمل تأثير القمر والكواكب الأخرى).
- 59 كرة كتلتها M ونصف قطرها R كثافتها غير منتظمة وتتغير بتغير 1، المسافة من المركز، طبقا للمعادلة ρ=Ar حيث (a) 0 < r < R ما هو الثابت A بدلالة R, M ؟ (b) ضع علاقة للقوة المؤثرة على جسيم كتلته m موضوع خارج الكرة (c) ضع علاقة للقوة المؤثرة على الجسيم داخل الكرة (ملحوظة إرجع إلى القيسم 14.10 ولاحظ أن التوزيع متماثل كرويا)
- a) 60 عين مقدار الشغل بالجول الذي يجب بذله على جسم كتلته 100 kg لرفعه لارتفاع 1000 km فيسوق سطح الأرض (b) عين مقدار الشغل الإضافي اللازم لوضع هذا (601)

الجسم في مدار دائري عند هذا الإرتفاع.

61 - أشاء طيدران صداروخ على ارتضاع شداهق سدجل إشدارات من أشدة X صدادرة عن مصدر فضائي يعتقد إنها كنلة من مادة متأينة تدور حول ثقب أسود بزمن دوري Sms . فإذا كانت تلك الكتلة تدور في مدار داثري حول الثقب الأسود الذي كتلته 20 . M_{sun}

62 - دراسة العلاقة بين الشمس والمجرة التابعة لها والتي تسمى مجرة طريق اللبانه Way لها والتي تسمى مجرة طريق اللبانه Way galactic الحافة الخارجية لقرص المجره عنوية من المركز. كما وجد أن الشمس لها سرعة مدارية حوالي 250 km/s حول مركز المجره مدارية حوالي المجرة (b) ما هي كتلة مجرة مدارها في المجره (b) ما هي كتلة مجرة طريق اللبانة. افترض أن المجرة مكونه معظمها من نجوم مثل الشمس. ما هو عدد النجوم في طريق اللبانة ؟

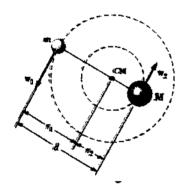
63 - أقدم قمر صناعي (ساتل) في المدار هو فانجوارد Vanguard 1 الذي تم وضعه في مسارس 1958 وكستلته 1.6 kg مسارس 1958 وكستلته ينه وبين مركز الأرض 7.02 Mm وسرعته عند هذه النقطة (نقطة الحسميض) 8.23 km/s (أوجد الطاقة الكلية (b) أوجد مقدار كمية الحركة الزاوية (c) أوجد السرعة عند ابعد نقطة عن مركز الأرض (نقطة الأوج) (d) أوجد مقدار نصف المحور الأكبر لمداره (e) عين مقدار نصف المحور الأكبر لمداره (e) عين زمنه الدوري.

 v_i عموديا $v_i = 2$ Rg من سطح الأرض R عموديا إلى أعلى من سطح الأرض $g\sqrt{g}$ عميجلة R نصف قطر الأرض R عميجلة الهيوط الحر عند سطح الأرض. توقيفت

محركات الصاروخ بسرعة، كان الصاروخ بعد ذلك تحت تأثير قوة الجاذبية فقط (اهمل احتكاك الغلاف الجلوي ودوران الأرض) استنتج علاقة للسرعة v بعد توقف المحرك كدالة في r المسافة بين الصاروخ ومركز الأرض بدلالة r, R, g.

65 - نجمان كتلتهما m, M تفصل بينهما مسافة b ويدوران في مدارات دائرية حول مركز كتلتيهما (fig P69.14) بين أن كُل كوكب له زمن دوري يعطى بالمعادلة

$$T^2 = \frac{4\pi^2 d^3}{G(M+m)}$$



ملاحظة استخدم فأنون نيوتن الثاني لكل من النجمين ولاحظ أن شرط مركز الكتله يقتضى أن $M_{1}+r_{2}+r_{2}$.

(a) - 66 انطلقت كتلة مقدارها 5.0kg من على بعد 1.2 x10⁷m من مركز الأرض. ما مقدار العجلة التي تتحرك بها بالنسبة للأرض؟ (b) أطلقت كتلة مقدارها 2.0 x 10²⁴ kg من على بعد من على بعد الالا 1.2 x10⁷ m من على بعد العجلة التي تتحرك بها بالنسبة ما مقدار العجلة التي تتحرك بها بالنسبة للأرض؟. افترض أن الجسمين يعملان كزوج من الأجسام معزولين عن باقي الكون.



إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

الدارا) قانون كبلر الثالث (معادلة 7.14) تصلح لجميع الكواكب وتفيد بأن الزمن الدوري للكوكب يتناسب مع 3/2 ، ونظرا لأن زحل والمسترى أبعد من الشمس عن الأرض فله ما زمن دوري أكبر، مجال جاذبية الشمس أضعف عند زحل والمسترى من مجال جاذبيتها عند الأرض. ومن ثم فإن تلك الكواكب تتأثر بعجلة مركزية أضعف من العجلة عند سطح الأرض ومن ثم فلهما زمن دوري أكبر.

asteroid قد تكون (2.14) كتلة الكُويكب السيار صفيرة جداً بحيث إنك تستطيع أن تكتسب

سرعة الإفلات بالقفز إلى أعلى بقدميك إلا أنك لا تستطيع العودة إلى أسفل مرة ثانية (لأنك قد تركت محال حاذبيته).

(3.14) قوة الجاذبية تساوي صفر داخل القشرة (معادلة 25.14 b) حيث أن القوة المؤثرة تساوي صفر. يتحرك الجسيم بسرعة ثابتة في اتجاه حركته الأصلية خارج القشرة حتى يصطدم بحائط مقابل لنقطة الدخول. مساره بعد ذلك يعتمد على طبيعة التصادم وعلى الإتجاه الأصلي للجسيم.



هل فكرت يوم مسا لماذا كبرة التنس مسغطاة بشعيرات على سطحها ولماذا كبرة الجبولف على سطحها نقسر. وكبرة سبيتبول لم يعبد استخدامها قانونيا في استخدامها قانونيا في لعبة البسبول. ما هي الأسس الفيرزيائية التي تحكم طريقة عمل هذه الأنواع من الكور (وكذلك تجعل الطائرة تحلق في السماء).

يكانيكا الموائع Fluid Mehanics

ولفھن وافئ س ھئىر 15

ويتضمن هذا الفصل :

5.15 ديناميكا الموانع 5.15 ديناميكا الموانع 6.15 الإنسياب الخطي ومعادلة الاستمرارية

7.15 معادلة برنولي Bernoulli's Equation

Streamlines and the Equation of Continuity

8.15 إختياري: تطبيقات أخرى لمعادلة برنولي (Optional) Other Applications of Bernoulli's Equation

Pressure طن 1.15

2.15 تغير الضغط مع العمين Variation of Pressure with Depth

3.15 قياس الضغط Pressure Measurements

4.15 قــوى الطفــو وقاعــدة أرشـــميدس Buoyant Forces and Archimedes's Principle

الفيزياء (الجزءالأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

توجد المادة في أحد الحالات الثلاثة: الجامدة ، والسائلة، والغازية ، من خبرتنا اليومية نعلم أن الجسم الجامد له شكل ثابت وحجم محدد فقالب الطوب مثلا يحتفظ بشكله المعروف وبحجمه بصفة دائمة . نعرف أيضا أن السائل له حجم محدد لكن ليس له شكل محدد . أما الغاز فليس له شكل محدد ولاحجم محدد . هذه الأوصاف تسهل لنا تصور حالات المادة، إلا أنها إلى حدما خادعة فمعظم المواد يمكن أن تكون في أي صورة صلبة أو سائلة أو غازية أو خليط من كل هذه الصور ويتوقف ذلك على الضغط ودرجة الحرارة.

وبصفة عامة الزمن الذي تستفرقه مادة ما لكي تغير شكلها بتأثير قوة خارجية يحدد ما إذا كنا سنعتبر تلك المادة كجسم جامد أوسائل أوغاز.

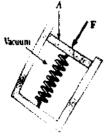
المائع؛ مجموعة من الجزيئات مرتبة بشكل عشوائي ومتماسكه مع بعضها بقوى ربط ضعيفة وبقوى تؤثر بها عليها جدران الوعاء الذي يحتويه، وتعتبر السوائل والغازات موائع.

في دراستنا لميكانيكا الموائع سوف نرى أننا لانحتاج أن نتعلم أي مبادئ فيزيائية جديدة لكي نفسر تلك الظواهر مثل قوى الطفو التي تؤثر على الأجسام المغمورة وقوة الرفع الديناميكية التي تؤثر على أجنعة الطائرات،

سنتناول أولا ميكانيكا المواثع الساكنة أي استاتيكا المواثع ونستنتج علاقة للضغط الناتج عن مائع كدالة للكثافة والعمق؛ بعد ذلك سندرس حركة الموائع، أي ديناميكا الموائع، ويمكننا أن نصف حركة الموائع باستخدام نماذج يفترض فيها بعض الإفتراضات للتبسيط، ونستخدم هذه النماذج لكي نحلل بعض الحالات ذات الأهمية التطبيقية، فاستخدام معادلة برنولي على سبيل المثال مكننا من إيجاد علاقة بين الضغط والكثافة والسرعة عند أي نقطة في المائع.

PRESSURE الضغط 115

المواثع لاتتحمل إجهادات القص أو إجهادات الشد، والإجهاد الوحيد الذي يمكن أن يتأثر به جسم من تكون مغمور في مائع هو الإجهاد الذي يعمل على ضغطه، أي أن القوة التي يؤثر بها المائع على جسم ما تكون دائما عمودية على أسطح الجسم كما في شكل 1.15 وضغط المائع يمكن فياسه بواسطة جهاز كالمبين في شكل 2.15.



شكل (2.15) طريقة بسيطة لقياس الضغط الناتج عن مائع

شكل (1.15) عند أي نقطة على سطح جسم مغمور، القوة التي يؤثر بها المائع تكون عمودية على سطح الجسم، والقوة التي يؤثر بها المائع على جدران الوعاء، تكون عمودية عند أي نقطة.





ويتكون هذا الجهاز من أسطوانة مفرغة فوقها مكبس خفيف متصل بزنبرك. عندما يغمر الجهاز $^{\circ}$ المائع يضغط المائع على المكبس فينضغط الزنبرك حتى تصبح القوة المؤثرة إلى الداخل والناتجة عن الانع متزنة مع القوة المؤثرة إلي الخازج والناتجة عن الزنبرك، ويقاس ضغط المائع مباشرة إذا كان الجهاز قد عوير مسبقاً. إذا كانت $^{\circ}$ هي القوة التي تؤثر على المكبس و $^{\circ}$ مساحة مقطعه عندئذ الضغط المائع عند المستوى الذي غمر إليه الجهاز يعطى بالعلاقة $^{\circ}$:

$$P = \frac{F}{A} \tag{1.15}$$

لاحظ أن الضغط كمية فياسية لأنه يتناسب مع فيمة القوة المؤثرة على المكبس.

لكي نعرف الضغط عند نقطة ما، نفترض أن مائعا يؤثر على الجهاز المبين في شكل 2.15 .إذا كانت القوة المؤثرة بواسطة المائع على مساحة متناهية الصغر dA تحتوي على النقطة تحت الإختبار هي عندينذ الضغط عند هذه النقطة هو

$$P = \frac{dF}{dA} \tag{2.15}$$

كما سنرى في القسم التالي، الضغط الحادث من مائع يتغير بالعمق ولكي نحسب القوة الكلية المؤثرة على حائط مسطح لوعاء، يجب أن نوجد تكامل المعادلة 2.15 على مساحة سطح الحائط.

حيث أن الضغط هو قوة على وحدة المساحات فوحدته هي النيوتن لكل متر مربع (N/m^2) . في النضام الدولي للوحدات SI يوجد اسم آخر لتلك الوحدة وهو الباسكال SI ويرمز له بالرمز SI

$$1 \text{ Pa} = 1 \text{N/m}^2$$
 (3.15)

اختبار سريع 1.15

إفترض أنك تقف مباشرة خلف شخص تحرك إلى الخلف وبالصدفة داس على قدمك بكعب حذاته، فهل سيكون من الأفضل أن يكون هذا الشخص لاعب كرة سلة يلبس حذاءه الرياضي، أم سيدة تلبس حذاء له كعب رفيع؟ بين السبب.

اختبار سريع 2.15

بعد محاضرة طويلة استلقى أستاذ الفيزياء على سرير به مسامير كالمبين في شكل (3.15). كيف يمكن ذلك؟



حذاء التراج على الجليد يمنع غوص المتراج في الجليد الهش فهو يقوم بتوزيع القوة التي يضغط بها المتراج إلى أسفل على مساحة كبيرة ومن ثم يقل الضغط على سطح الجليد.



شكل (3.15)

الفيزياء (الجزءالأول-الليكانيكا والديناميكا الحرارية)





ضع دبوس رسم بين إصبعيك كما في الرسم ثم اضغط على الدبوس ولاحظ ماتشعبر به. ستلاحظ أن الطرف المدبب للدبوس يحدث ألما في الإصبع بينما رأس الدبوس لاتحدث ألما. طبقا لقنون نيوتن الثالث القوة المؤثرة على الإبهام تساوي القوة المؤثرة على السبابة إلا أن الضغط الناتج عن سن الدبوس أكبر بكثير من الضغط الناتج عن رأسه. (تذكر أن الضغط هو قوة على وحدة المساحة)

مثال 1.15 السرير المائي

مرتبة مائية عرضها 2.0 m وطولها 2.0 m وسمكها 30.0 cm أوجد وزن الماء في المرتبة

الحل : كثافة الماء تساوى 1000 kg/m (جدول1.15) ومن ثم كتلة الماء هي

$$M = pV = (1000 \text{ kg/m}^3) (1.2\text{m}^3) = 1.2 \times 10^3 \text{ Kg}$$

وزن الماء هو

$$Mg = (1.2 \times 10^3 \text{ kg}) (9.8 \text{ m/s}^2) = 1.18 \times 10^4 \text{ N}$$

حيث إن هذا الوزن كبير يفضل أن توضع في الدور الأرضى.

(b) احسب الضغط الذي يحدثه الماء على الأرض إذا كان السطح السفلي للمرتبه ملامس كله لسطح الأرض.

الحل: مساحة سطح المرتبة الملامس للأرض 4.0 m² مساحة سطح المرتبة الملامس للأرض

$$P = \frac{1.18 \times 10^4 \text{ N}}{4.00 \text{ m}^2} = 2.95 \times 10^3 \text{ Pa}$$

جدول (1.15) كثافة بعض المواد تحت درجة حرارة 0°C وضغط جو واحد

$p(kg/m^3)$ abusin	المسادة	p(kg/m ³) عنافة	المسادة
0.917 x 10 ³	جليد	1.29	الهواء
7.86×10^3	حديد	2.70×10^3	ألمونيوم
11.3×10^3	رصاص	0.879×10^3	بنزين
13.6×10^3	زئبق	8.92×10^3	تحاس
0.710×10^3	خشب البلوط	0.806×10^3	كحول إيثيلي
1.43	غاز الأكسجين	1.00×10^3	ماء نقي
0.373×10^3	خشب الصنوير	1.26×10^3	جلسرين
21.4×10^3	بلاتين	19.3×10^3	ذهب
1.03×10^3	ماء البحر	1.79×10^{-1}	غاز الهيليوم
10.5×10^3	الفضة	8.99 x 10 ⁻²	غاز الهيدوجين

VARIATION OF PRESSURE WITH DEPTH تغير الضغط مع العمق مع العمق العمق . _ 2.15

١٠١٨ الغواصون أن ضغط الماء يزداد بازدياد العمق. وبالمثل الضغط الجوي يقل مع زيادة الارتفاع،
 ١١٠١ السبب تكيف الطائرات من حيث الضغط لكى تطير على ارتفاعات عالية.

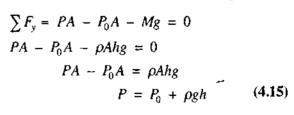
والآن سوف نوضح كيف يزداد الضغط خطيا مع زيادة العمق. كما تبين معادلة (1.15)، تُعرَّف الماتة لمادة على أنها كتلة وحدة الحجوم p = m/V وجدول (1.15) يعطي الكثافة للعديد من المواد. وتلك السبم تتغير قليلا بتغير درجة الحرارة لأن حجم المادة يعتمد على درجة الحرارة كما سنرى في الباب السبم عشر. لاحظ أنه تحت الظروف العيارية (عند درجة حرارة صفر سلسيوس والضغط واحد جو) منادة الغازات 1/1000 من كثافة الأجسام الجامدة والسوائل. وهذا الفرق يبين أن متوسط المسافات البينية لجزيئات الأجسام الجامدة الطروف تبلغ عشر أمثال المسافات البينية لجزيئات الأجسام الجامدة والسوائل.

p الآن سندرس حالة مائع كثافته p عند السكون وهو معرض للجو كما في شكل 4.15 سنفرض أن p سندرا ثابتا وهذا يعني أن المائع غير قابل للإنضغاط، سنختار عينة من السائل موجودة داخل اسطوانة ويلية مساحة مقطعها p تمتد من السطح إلى عمق p. الضغط الذي يحدثه السائل الخارجي على السطح السفلي للأسطوانة هو الضغط p والضغط الواقع على السطح العلوي للأسطوانة هو الضغط الحدوي p. إذن القوة في الإتجاء العلوي التي يؤثر بها السائل الخارجي على قاع الأسطوانة هو p. وكتلة السائل والتوق في الإتجاء إلى أسفل التي يؤثر بها الجو على السطح العلوي للأسطوانة هو p. وكتلة السائل وير الأسطوانة هي p.

اذن وزن السائل في الأسطوانة هو: M=
ho V=
ho Ah

Mg =pAhg . حيث إن الأسطوانة في حالة اتزان، محصلة القوى المؤثرة عليها تساوي صفراً .

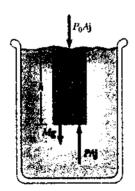
اختيار الاتجاه العلوي هو الاتجاه الموجب للمحور لا نجد أن



أي أن الضغط P على عدمة h تحت سطح السائل المرض للجو أكبر من الضغط الجوي بمقدار ρgh . في مساباتنا نعتبر دلتما أن الضغط الجوى يساوي

$$P_0 = 1.0 \text{ atm} = 1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$$

في معادلة 4.15 يعتبر الضغط متساو على جميع النقط التي لها نفس العمق، بغض النظر عن شكل الوعاد.



شكل (4.15) كيف يتغيير الضغط مع اختلاف العمق في المواثع، صافي القوة المؤرم على حدم الله داخل المنطقسة الماسة لادران سالها بالمور.

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

اختبار سريع 3.15

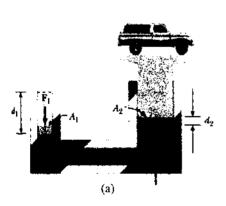
عند اشتقاق معادلة 4.15 لماذا أمكننا اهمال الضغط الذي يؤثر به السائل على جوانب الاسطوانة.

حيث إن الضغط في المائع يعتمد على العمق وعلى مقدار P_0 فأي زيادة في الضغط عند سطح المائع لابد أن تنتقل إلي كل نقطة داخل المائع وهذا الفهوم قد أشار إليه لأول مرة العالم الفرنسي بليزيه بسكال (1663 - 1623) Blaise Pascal (1623 - 1663) ويسمى قانون باسكال وينص على أنه أي تغير في الضغط الواقع على مائع ينتقل دون نقصان إلى كل نقطة في السائل وإلي جدران الوعاء الذي يعتويه ومن أهم استخدمات قانون باسكال ألمكبس الهيدروليكي المبين في شكل 5.15a. في هذا المكبس قوة F_1 تؤثر على مكبس صغير مساحة مقطعه أكبر A_2 ينتقل الضغط خلال المائع إلى مكبس مساحة مقطعه أكبر P_1 وحيث أن الضغط بجب أن يكون متساويا على الجانبين إذن P_2



هذه الأنابيب متصلة ببعضها لتبين أن الضغط منساوي في جميع أجزاء السائل التي لها نفس الإرتفاع، فالضغط واحد عند النقط، A, B, C, D.

نصاعف $F_1/A_1=F_2/A_2$ إذن القوة F_2 أكبر من القوة F_1 بمقدار $F_2/A_1=F_2/A_2$ وهو ما يسمى معامل تضاعف القوة. حيث إن المائع لم ينقص ولم يزيد . الحجم الذي اندفع إلى أسفل في الجانب الأيسر عندما تحرك المكبس إلى أسفل لمسافة d_1 يساوي الحجم الذي اندفع إلى أعلى عندما يتحرك المكبس الأيمن إلى أعلى



شكل (5.15) (a) شكل توضيحي للمكبس الهيدروليكي، نظرا لتساوي الضغط على الجانبين. قوة صغيرة \mathbf{F}_1 على اليسار تحدث قوة كبيرة \mathbf{F}_2 على اليمين (b) سيارة يتم إصلاحها مرفوعة بواسطة رافعة هيدروليكية في محطة خدمة السيارات





بران $A_1d_1=A_2d_2$ إذن يمكننا كتابة معامل تضاعف القوة على $A_1d_1=A_2d_2$ أن $A_1d_1=F_2d_2$ للحظ أن $F_1d_1=F_2d_2$ هو القيانون الذي تعيمل على السيارات العديد من الروافع التكنولوجيية مثل روافع السيارات السيارات والجاك الهيدروليكي بالسرامل الهيدروليكية والعديد من الروافع المستخدمة في مختلف الديد من الروافع المستخدمة في مختلف الناء رادش.

اختبار سريع 4.15

معه مة الحبوب بها العديد من الطبقات الملفوفة حول محيطها الله (6.15) لماذا يكون الفراغ بين كل طبقتين متتاليتين أصغر في الصورة السفلية من الصومعة كلما هو ملوضح في الصورة المهدوغرافية.

اجرية معملية 🔍

أنتب ثقبين في كوب من البولي ستيرين أحدهما أعلى الكوب والآخر أسفله. إملاً الكوب بالماء من التقب الماء الذي ينسكب من الثقبين. لماذا ينسأب الماء من الثقب السفلي أسرع من انسكابه من الثقب الماءي.

مثال 2.15 رافعة السيارات

وي رافعة السيارات المستخدمة في محطات خدمة السيارات، يستخدم الهواء المضغوط في الضغط المرب المبير الله مقطع دائري نصف قطره 5.0 cm وهذا الضغط ينتقل خلال سائل إلى مكبس الله والمبير لله مقطع دائري نصف قطره على 5.0 cm المنافع المنافع القوة التي يجب أن يضغط بها الهواء المضغوط لرفع سيارة تزن 13300N مدا هو ضغط الهواء الذي ينتج هذه القوة.

الحل ، حيث أن الضغط الواقع على السائل بواسطة الهواء المضغوط ينتقل دون نقصان خلال السائل إذن.

$$F_1 = \left(\frac{A_1}{A_2}\right) F_2 = \frac{\pi (5.00 \times 10^{-2} \,\mathrm{m})^2}{\pi (15.0 \times 10^{-2} \,\mathrm{m})^2} (1.33 \times 10^{4} \,\mathrm{N})$$
$$= 1.48 \times 10^3 \,\mathrm{N}$$

مسمل الهواء الذي يحدث ثلك القوة هو

$$p = \frac{F_1}{A_1} = \frac{1.48 \times 10^3 \text{ N}}{\pi (5.00 \times 10^{-2} \text{m})^2} = 1.88 \times 10^5 \text{ Pa}$$

المدا الضغط يساوى ضعف الضغط الجوى تقريباء

الناء الذي تعمله القوة \mathbf{F}_1 يساوي الشغل الذي تعمله القوة \mathbf{F}_2 طبقا لقانون حفظ الطافة.

مثال 3.15 ألم في الأذن

قدر القوة التي تؤثر على طبلة أذنك نتيجة للماء فوقك بينما تسبح عند قاع حمام سباحة على عمق 5.0m

الحل : أولا يجب أن توجد الضغط غير المتوازن على طبلة الإذن. وبعد أن تقدر مساحة سطح طبلة الأذن يمكننا تحديد القوة التي يؤثر بها الماء على الأذن.

الهواء داخل الأذن الوسطى يكون ضغطه عادة مساويا للضغط الجوي، يجب أن توجد الفرق بين الضغط الكلى عند قاع الحمام والضغط الجوى.

$$P_{\text{bot}} - P_0 = \rho g h$$

= $(1.00 \times 10^3 \text{kg/m}^3) (9.80 \text{ m/s}^2) (5.0 \text{ m})$
= $4.9 \times 10^4 \text{Pa}$

لو اعتبرنا أن مساحة سطح طبلة الأذن حوالي ${
m cm^2}$ وهو ما يساوي $1 \times 10^{-4} {
m m^2}$. هذا يعني أن $F = (P_{\rm bot} - P_0)A \approx 5 {
m N}$ القوة عليها

وحيث إن قوة بهذا القدر تعتبر غير مريحه لذلك فالسباحون غالبا ما يستخدمون غطاء على آذانهم أثناء العوم.

مثال 4.15 القوة المؤثرة على السدود

وصل الماء إلى ارتفاع H خلف خزان عرضه w شكل (7.13) احسب محصلة القوى التي يؤثر بها الماء على السد.

الحل: حيث إن الضغط يختلف باختلاف العمق لا يمكننا حل حساب القوة بمجرد ضرب المساحة في الضغط. يمكننا حل المسألة بحساب القوة dF المؤثرة على شريحة ضيقة أفقية عند عمق h ثم نكامل ما نحصل عليه لكي نوجد القوة الكلية. دعنا نفترض محور عمودي y حيث 0 = y عند قاع الخزان وسنأخذ الشريحة على ارتفاع y من القاع.

يمكن استخدام المعادلة 4.15 لحسباب الضغط على عمق h، سبوف تلغي تأثير الضغط الجنوي لأنه يؤثر على جانبي الخزان.

$$P = \rho g h = \rho g (H - y)$$



شكل (7.15) حيث أن الضغط يتغير مع العمق القوة الكلية المؤثرة على الخزان يمكن حسابها من المعادلة $F = \int P \, dA$ الشريعة السوداء في الرسم.

dA = wdy خيث dA حيث القوة المؤثرة على الشريحة التي مساحتها dA = wdy خيث (2.15) خيث ومن ثم القوة الكلية على الخزان هي: $dF = P dA = \rho g(H - y) w dv$

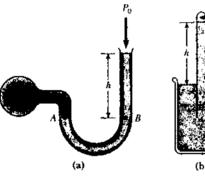
$$F = \int P dA = \int_0^H \rho g(H - y) w dy \qquad \frac{1}{2} \rho g w H^2$$

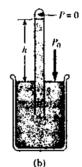
الله عند أن سمك الخزان المبين في شكل (7.15) يتزايد مع العمق لسبب الزيادة المطردة في الضغط ال سطح الخزان كلما زاد العمق،

• مرين، احسب متوسط الضغظ على الخزان من معرفة القوة الكلية الناتجة عن الماء على الخزان.

 $\frac{1}{2}\rho gH$ الاجابة:

3.15 حياس الضغط PRESSURE MEASUREMENTS





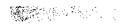
شكل (8.15) جهاز لقياس الضغط الجنوي (a) مانومتار على شكل أنبوية مفتوحة (b) بارومتار زئيقي.

احد الوسائل البسبيطة لقياس الضغط هو P=0-اللمستردو الأنبوية المفتوحة المبين في شكل (15.8a). ا ١٠ دارفي الأنبوبة حرف لا المحتوية على السائل مروحة للجوء والطرف الآخر متصلة بالنظام المراد $P - P_0$ ويساوى الضغط فيه. فرق الضغط يساوى يسمى P والضغط $P=P_0+\rho gh$ يسمى إلان المحملة المطلق والفرق P-P₀ يسمى ضغط المقياس gauge Pression والكمية الأخيارة مي القيمة التي اله الله على مقياس الضغط، فمثلا الضغط الذي مسمه مي عجلة الدراجة هو ضغط المقياس،

وسيلة أخرى لقياس الضغط هي البارومت الذي اخترعه تورشيلي -Evangelista Torricelli (1608-الله والبارومتار يتكون من أنبوبة مملوءة بالزئيق مقفولة من أحد طرفيها وتوضع مقلوبة في وعاء و المراد و الرئبق شكل (8.15b). الطرف المغلق للأنبوية لا يحتوي على أي غاز فهو مفرغ تقريبا. المناف والمرافق من المريبا، ومن ثم نجد أن $P_0 =
ho g h$ حيث h ارتفاع عمود الزئبق في الأنبوبة. $P_0 = \rho g h$

... • على واحد جو (Po≃latm) يُعرُف بأنه الضغط الذي يجعل ارتضاع عصود الزئبق في أنبونة " المدير مساويا m 0.7600 عند درجة الصفر سلسيوس عندما تكون عجلة الجاذبية الأرضية اذن g=9.8066 سند تلك الدرجة تكون كثافة الزئبق g=9.8066 انت

> $P_0 = \rho g h = (13.595 \times 10^3 \text{ kg/m}^3) (9.80665 \text{ m/s}^2) (0.760 \text{ m})$ $= 1.013 \times 10^5 \text{ Pa} = 1 \text{ atm}$



اختبار سريع 5.15

بخلاف مشكلة تجمد الماء لايستخدم الماء في البارومتر بدلا من الزئبق.

4.15 > قوى الطفو وقاعدة أرشميدس

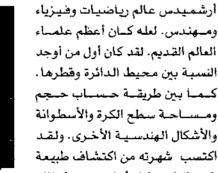
BUOYANT FORCES AND ARCHIMEDES'S PRINCIPLE

هل حاولت أن تدفع بكُرة تحت سطح الماء؟ إنها عملية صعبة لأن قوة الدفع إلى أعلى التي يحدثها الماء على الكرة كبيرة. والقوه إلى أعلى التي يوثر بها الماء على أي جسم مغمور تسمى قوة الطفو buoyant force . ويمكننا تعيين قوة الطفو باستخدام قانون نيوتن الثاني مع بعض التصرف. تخيل أنه بدلا من الهواء كانت الكرة ممتلئة بالماء وإذا كنت واقفا على الأرض، قد يكون من الصعب أن تحمل الكرة الملوءة بالماء في يديك. إذا أمسكت بالكرة وأنت تقف على عمق في ماء حمام سباحة مثلا ستجد أنْ القوة التي تحتاجها لتحمل الكرة قد تلاشت. في الحقيقة أن القوة تساوى صفر إذا أهملنا طبقة البلاستيك الرفيعة المصنوعة منها الكرة. السبب في ذلك أن الكرة الملوءة بالماء تكون في حالة اتزان عندما تغمر في الماء، ومقدار قوة الطفو إلى أعلى المؤثرة عليها لابد وأن تساوى وزنها.

إذا كانت الكرة مملوءة بالهواء بدلا من الماء. عند تند ستظل قوة الطفو المؤثرة على الكرة إلى أعلى موجودة. ونظرا لأن وزن الماء أكبر بكثير من وزن الهواء الذي حل محله داخل الكرة. إذن محصلة القوى تكون إلى أعلى مما يجعل الكرة تطفو فوق سطح الماء.

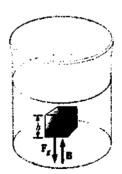
وقاعدة أرشميدس تلخص الطريقة التي تعمل بها قوة الطفو ونصها كما يلى:

مقدار قوة الطفو تساوى وزن المائع المزاح بواسطة الجسم وقوة الطفو تعمل عموديا إلى أعلى خلال النقطة التي كانت مركز الثقل للمائع المزاح،



ومنهندس، لعله كنان أعظم علمناء العالم القديم، لقد كان أول من أوجد النسبة بين محيط الدائرة وقطرها. كمما بين طريقة حساب حنجم ومستاحية سطح الكرة والأسطوانة والأشكال الهندسية الأخبري، ولقد اكتسب شهرته من اكتشاف طبيعة

قوى الطفو. كان أرشميدس كذلك (c.287-212 B.C.) مخترعاً، فقد اخترع الأنبوبة الحلزونية المسماه الطنبور في رفع الماء، كما أخترع العديد من الروافع المستخدمة في رفع الأثقال. والتي استخدمت للدفاع عن مدينته في حربها ضد الرومان.



شكل (9.15) القبوى الخبارجية المتي تؤثر على المكعب السمائل هي قسوة الجاذبية F_a وقوة الطفو B في حالة 614 انزان B=F_g



 $V_{\rm c}$ لاحظ أن قاعدة أرشميدس لاتشيار إلى مادة الجسم الذي تؤثر عليه قوة الطفو، فمادة الجسم المسلم مؤثرا على قوة الطفو، ويمكننا التحقق من ذلك بالطريقة التالية: مكعب السائل الموضح في المسائل الموضح في حالة انزان حيث إنه يقع تحت تأثير قوتين أحدهما قوة الجاذبية $F_{\rm c}$ ، ماذا يعادل هذه المسلم من الواضح أن باقي السائل في الوعاء يجعل المكعب في حالة انزان، إذن مقادار قوة الطفو $F_{\rm c}$ المنائل داخل المكعب تساوى بالضبط مقدار $F_{\rm c}$ وهو وزن السائل داخل المكعب.

$$B = F_g$$

المناز على الصلب؟ السائل المحيط بالمعب يسلك نفس المسلك بغض الأبعاد، فما مقدار قوة الدفع المناز على الصلب؟ السائل المحيط بالمكعب يسلك نفس المسلك بغض النظر عن المادة المصنوع منها المناد على المادة المائل الذي له المناف المؤثرة على مكعب السائل الذي له المناف المؤثرة على مكعب السائل الذي له المناف الحجم، أي أن مقتدان قوة الطفو هي نفسها وتساوي وزن مكعب السائل وليس وزن مكعب الصلب، وهذه القاعدة تصلح لأن تستخدم للأجسام المغمورة من أي شكل وحجم وكثافة.

اند بينا مقدار واتجاه قوة الطفو، إلا أننا لانزال نجهل مصدرها. لماذا يؤثر المائع بمثل هذه القوة الد بينا مقدار واتجاه قوة الطفو، إلا أننا لانزال نجهل مصدرها. لماذا يؤثر المائع بمثل هذه القوة العلم بعدار بين المعلول أن يطرد أي جسم غريب؟ لكي تفهم لماذا، انظر مرة أخرى إلى شكل 9.15. الله مدل أسفل المكعب أكبر من الضغط على سطحه العلوي بمقدار ρgh حيث h هو طول أحد أضلاع المعلى وفرق الضغط ΔP بين السطحين العلوي والسفلي للمكعب يساوي قوة الطفو على وحدة المداحات لهذه السطوح أي أن $\Delta P = B/A$ إذن

$$B = (\Delta P)A \simeq (\rho g h)A = \rho g V$$

حيث V هو حجم المكعب، وبما أن كتلة المائع في المكعب هي $M=\rho V$ نجد أن

$$B = F_{g} = Mg = \rho Vg \tag{5.15}$$

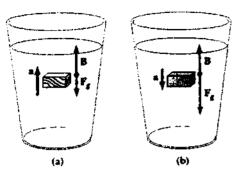
حيث Mg هو وزن المائع في المكعب، إذن قوة الطفو هي نتيجة لفرق الضغط على جسم مغمور كليا . . رديا.

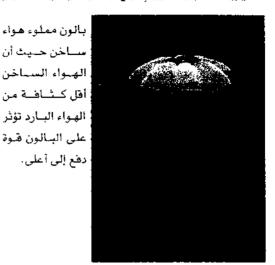
صبل أن نواصل ببعض الأمثلة، من المفيد أن نقارن بين القوى المؤثرة على الأجسام المغمورة كليا المؤثرة على الأجسام الطافية (مغمورة جزئيا)

الحالة الأولى: الأجسام المغمورة كليا

ادا غمر جسم كليا في مائع كثافته ho_f فمقدار قوة الطفو إلى أعلى هي $B=
ho_f V_0 {
m g}$ حيث V_0 هو الجسم، فإذا كانت كتلة الجسم M وكثافته ρ_o فوزنه يساوي $F_g=Mg=
ho_0 V_0 {
m g}$ ومحصلة القوى المرزه عليه هي $F_g=(
ho_fho_0)V_0$ و فوزنه يساوي $B-F_g=(
ho_fho_0)V_0$ و المرزه عليه هي المرزة عليه المرزة عليه هي المرزة عليه المرزة على المرزة عليه المرزة على المرزة عليه المرزة على المرزة

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)





شكل (10.15) (a) جسم مفمور كليا في مائع وكثافته أقل من كشافة المائع يتأثر بقوة طفو إلى أعلى (b) جسم مغمور كليا في مائع كثافته أكبر من كثافة المائع، يُغمر في المائم.

إذن إذا كانت كثافة الجسم أقل من كثافة المائع عند إذ تكون قوة الجاذبية إلى أسفل أقل من قوة الطفو إلى أعلى ويتحرك الجسم إلى أعلى شكل (10.15.a) أما إذا كانت كثافة الجسم أكبر من كثافة المائع فإن قوة الدافو إلى أعلى تكون أقل من قوة الجاذبية إلى أسفل والجسم يغمر في السائل (شكل .(10.15.b)

الحالة الثانية: جسم عائم (مغمور جزئيا)

نفرض جسما حجمه V_0 غي حالة اتزان إستاتيكي طافيا فوق سطح مائع أي أنه مغمور جزئيا، في هذه الحالة قوة الطفو إلى أعلى تتزن مع قوة الجاذبية إلى أسفل. إذاكان ٧٠ هو حجم المائع المزاح بواسطة الجسم (هذا الحجم يساوي حجم الجزء المفمور من الجسم تحت سطح المائع). قوة الطفو مقدارها $B = \rho_f V_f g$ نظرا لأن وزن الجسم هيو $F_g = Mg = \rho_o V_o g$ وحيث أن $B = \rho_f V_f g$ نجد أن أى أن $\rho_f V_f g = \rho_o V_o g$

$$\frac{\rho_o}{\rho_f} = \frac{V_f}{V_o} \tag{6.15}$$

في الظروف العادية متوسط كتافة الأسماك أكبر قليلا من كثافة الماء. وينتج عن ذلك أن تظل الأسماك تحت سطح الماء إذا لم يكن لديها وسيلة للتحكم في كثافتها. وتستطيع الأسماك التحكم في كثافتها بتنظيم حجم كيس هوائي داخا جسمها لكي يعادل تغير مقدار قوة الطفو التي تؤثر عليها. وبهذه الطريقة تستطيع الأسماك أن تسبح في أعماق مختلفة، أما الغطاسون من بني البشر فإنهم لايستطيعون التحكم في قوة الطفو B المؤثرة على أجسامهم، ويتحكم الغطاس في العمق الذي يرغب الوصول إليه $F_{
m e}$ عن طريق استخدام القوة $F_{
m e}$ وذلك باستخدام أوزان من الرصـاص يحملها معه فــّـزيد من 616) بالقدر المطلوب.



مثال 5.15

الصلب أثقل من الماء بكثير، فكيف تطفو المراكب المصنوعة من الطلب؟

اختبار سريع 7.15

كوب من الماء به مكعب من الثلج العائم شكل 11.15 . عندما ينصهر الثلج هل يزداد مستوى الماء في الكوب أو يهبط أو يبقى كما هو.



شكل (11.15)

الوزن الحقيقي T_I=F (دفع الهواء له يمكن اهماله) (d): عندما كان التاج مغمورا في الماء، قوة الطفو $\bf B$ تقلل قراءة

 $T_2 = F_g - B$ الميزان إلى وزن ظاهري

تقلول إحمدي الرويات، أنه قمد طلب من المسميدس أن يختبر ما إذا كان التاج الذي صنع الماك من الذهب الخالص أم من أي معدن آخر. ١٠١ أرشميدس بوزن التاج مرة في الهواء ومرة ١٠ ري وهو معلق في الماء كما في شكل (12.15) . 11» أن المينزان قبراً 7.84 N والتباج في الهواء مه را 6.86 N والتاج في الماء فسماذا قسال الشميدس للملك،

الحل: عندما كان التاج معلقا في الهواء بين الله ران الوزن الفعلى $T_1 = F_g$ (بإهمال قوة طفو شكل (12.15) (a) عندما كان النتاج في الهواء يبين الميزان الهمار) عندما يغمر في الماء قوة الطفو B فللت الدن فأصبح B- ج T2 =F3 . إذن قوة الطفو الشرة على الشاج هي الفرق بين وزنه في الهواء $B = F_o - T_2 = 7.84 \text{ N} - 6.86 \text{ N} = 0.98 \text{ N}$ في الماء - 4 الماء ال

ديث إن قوة الطفو تساوي وزن المسائل المزاح. إذن $ho_w {
m gV}_w \simeq 0.98 {
m N}$ حيث $ho_w {
m gV}_w \simeq 0.98 {
m N}$ الراح و ρ_{ij} كثافة الماء. حجم التاج V_{ij} يساوى حجم السائل المزاح لأن التاج مغمورا كليا تحت الماء ، إذن

$$V_c = V_\omega = \frac{0.98 \text{ N}}{\text{g} \rho_\omega} = \frac{0.98 \text{ N}}{(9.8 \text{ m/s}^2) (1.000 \text{ kg/m}^3)}$$

$$= 1.0 \times 10^{-4} \text{m}^3$$

$$\rho_c = \frac{m_c}{V_c} = \frac{m_c g}{V_c g} = \frac{7.84 \text{ N}}{(1.0 \times 10^{-4} \text{m}^3)(9.8 \text{ m/s}^2)}$$

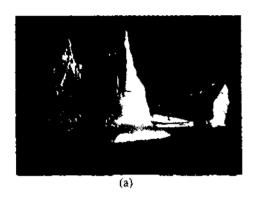
$$= 8.0 \times 10^3 \text{kg/m}^3$$

· الملك أنه قد سُرق فالتاج إما مجوف أو أنه ليس مصنوعاً من الذهب الخالص.

الفيزياء (الجزء الأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

مضاجأة تستانك مثال 6.15

الجبل الجليدي العائم على سطح البحر كما يرى في شكل (13.15a) من أخطر ما يعترض الملاحة البحرية لأن معظم الجليد تحت سطح الماء، وهذا الجليد المختبئ يمكنه أن يحطم سفينة وهي لاتزال على مسافة من الجليد المرئي، فما هو الجزء المغمور تحت سطح الماء من الجبل الجليدي؟.





(b)

(a) (13.15) شبكيل الجزء الأكبر من هذا الجبل الجليدي أسفل سطح الماء. (b) يمكن أن تتبعظم السنفينة حبنى وإن كانت على مسافة من الجمزء الظاهر من الجسيل الجليدي.

الحل : هذه المسألة تتبع الحالة الثانية التي سبق أن ذكرناها . وزن جبل الجليد هو $F_{oi} = \rho_i V_i g$ حيث المزاح وزن الماء المزاح ورن الماء المزاح ورن الماء المزاح و V_i ، ho_i $= 917~{
m kg/m}^3$ المنطقة المناع وهو يساوي حجم الماء المزاح وهو يساوي حجم الجليد المغمور تحت سطح الماء (المنطقة $B=\rho_w V_w g$ $\rho_i V_i g = \rho_w V_w g$ بما أن $\rho_w = 1030 \; {\rm kg/m^3}$ المظللة في شكل (13.15.b) ويرم كنشافية مناء البنجير الجزء من جبل الجليد تحت سطح الماء هو

$$f = \frac{V_{\omega}}{V_i} = \frac{\rho_i}{\rho_m} = \frac{917 \text{ kg/m}^3}{1.030 \text{ kg/m}^3} = 0.890 \text{ or } 89.0\%$$

FLUID DYNAMICS ديناميكا الموائع 5.15

لقد اقتصرنا في دراستنا السابقة على الموائع الساكنة. الآن سنقوم بدراسة الموائع المتحركة. وبدلا من أن ندرس حركة كل جزء في المائع كدالة في الزمن، سندرس خواص المائع المتحرك عند كل نقطة كدالة في الزمن.

خواص السريان Flow Characteristics

عندما يكون المائع في حالة حركة، فيمكن وصف سريانه كأحد نوعين،

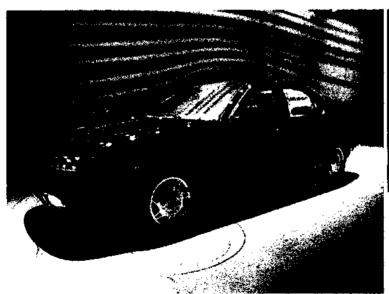
فسريان المائع قد يقال عنه أنه خطى أو طبقى، وإذا اتبع كل جزء من المائع مسارا منتظما أي أن مسارات أجزائه المختلفة لاتتقاطع مع بعضها كما هو مبين في شكل 14.15 وفي الإنسياب الخطي Steady or Laminar flow (618 سرعة المائع مع الزمن نظلُ ثابتة عند أي نقطة.



الدوامي الدوامي المنطق المنطق المنطق المنطق المنطق المنطق الدوامي الدوامية الدوامية

ومصطلح لزوجة Viscosity يستخدم عادة في وصف سريان الموائع ليبين مدى الإحتكاك الداخلي ومصطلح لزوجة الإحتكاك الداخلي أو قوى اللزوجة مرتبط بالمقاومة التي تلقاها طبقتين متجاورتين في الله عندما تتحركان بالنسبة لبعضهما. واللزوجة تتسبب في تحويل جزء من طاقة الحركة للمائع إلى الله داخلية، وهذه الطريقة تشبه الطريقة التي يفقد بها جسم ينزلق فوق سطح خشن جزء من طاقة المدينة ونظراً لأن حركة الموائع معقدة جداً وليست معروفة تماماً، لذلك سوف نضع نموذجاً للمائع المثالي المدين في الإعتبار أربع فروض هي:

- ا المانع عديم اللزوجة: في المائع عديم اللزوجة الاحتكاك الداخلي يمكن إهماله، والجسم المتحرك حلال المائع لايعاني من قوى اللزوجة،
 - الإنسياب خطى: في الإنسياب الخطى، أو الطبقى، سرعة المائع عند كل نقطة تظل ثابتة.
 - المانع غير قابل للانضفاط: كثافة المائع الغير قابل للانضفاط، مقدار ثابت.
- السريان غير دوراني: في السريان غير الدوراني لايكون للمائع كمية حركة زاوية حول أي نقطة، فإذا
 ودسعت عجلة صغيرة في أي مكان في المائع فإنها لاتدور حول مركز كتلتها.



شكل (14.15) إنسياب خطي أو طبقي حول سيارة في نفق اختبار،



سهل (15.15) الفازات الساخنة معارة يمكن مشاهدتها معارته جسيمات الدخان، المعان حركته على شكل المعارة ثم ينتشر المعان دوامي بعد ذلك.

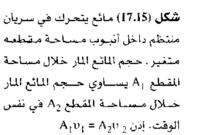


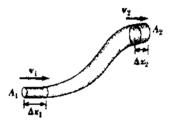
15.6 / الإنسياب الخطى ومعادلة الإستمرارية:

STREAMLINES AND THE EQUATION OF CONTINUITY

المسار الذي يتخذه أحد جسيمات ماثع ينساب إنسياباً منتظماً، يسمى الإنسياب الخطي، وسرعة جسيم المائع تكون دائماً مماسية لهذا الإنسياب الخطى كما نرى في شكل (16.15) لو أخذنا مجموعة من خطوط الانسياب مثل المجموعة الموضعة في شكل (16.15) فإنها تكوِّن سريان أنبوبياً.

Tube Flow لاحظ أن جسيمات المائع لايمكنها أن تنساب إلى الداخل أو إلى الخارج من جوانب هذا الأنبوب، فإذا حدث ذلك عندئذ تتقاطع خطوط الإنسياب مع بعضها.





شكل (16.15) جسيم في سريان خطى، في كل نقطة على استبداد مسساره تكون سسرعة الجسسيم مماسية لخطوط السريان.

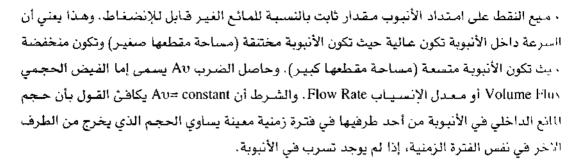
افترض أن مائعاً مثالباً ينساب خلال أنبوبة غير منتظمة المقطع كما هو مبين في شكل (17.15) جسيمات المائع تتحرك في السياب خطى في سريان منتظم. في زمن اللائع الموجود عند قاع الأنبوبة يتحرك مسافة $\Delta x_1 = v_1$ إذا كانت AI هي مساحة مقطع الأنبوبة في هذه المنطقة. عندئذ تكون كتلة المائع الموجود في الجزء المظلل على اليسيار من شكل 15.17 هو $\rho A_1 \Delta x_1 = \rho A_1 v_1 t$ هي هي اليسيار من شكل الكثافة غير المتغيرة للمائع المثالي، السائل الموجود في النهاية العلوية للأنبوبة يتحرك خلال الزمن t بحيث تكون كتلة السائل المتحرك خلال تلك الفترة هو $\rho A_2 v_2 = m_2 = \rho A_2 v_3$ وحيث إن الكتلة محفوظة وسريان السائل خطياً. الكتلة التي تعبر A₁ في زمن 1 لابد وأن تساوي الكتلة التي تقطع Aر في نفس الزمن t أي أن

$$m_1 = m_2$$
, $\rho A_1 v_1 t = \rho A_2 v_2 t$
 $A_1 v_1 = A_2 v_2 = \text{constant}$ (7.15)

وهذه العلاقة تسمى معادلة الاستمرارية Equation of Continuity 620 وهي تنص على أن حاصل ضرب مساحة المقطع هي سرعة المائع عند



شكل (George Semple) (18.15)



اختبار سريع 9.15

لماذا يقل مساحة مقطع تيار الماء الخارج من فوهة صنبور كلما ابتعد عنها كما هو واضح في شكل (18.15).

مثال 7.15 شلالات نياجرا

في كل ثانية يتدفق m³ 5525 من الماء على ريبوة عبرضها m 670 في شيلالات هبورس شيو الماء كل ثانية يتدفق Mourse Show التي هي جزء من شيلالات نيباجرا، وعندما يصل الماء إلى الريبوه يكبون قيد هبط مسافة قدرها 2 m 2. كم تكون سرعة الماء في تلك اللحظة.

A= (670m) (2m)= 1340 m 3 مساحة سطح الماء عندما يصل إلى الربوه هو المباحة سطح الماء عندما المباحث المباحث

معدل تدفق الماء 5525 m^3/s وهو يساوي $\mathrm{A}\upsilon$ وهذا يعطي

$$v = \frac{5.525 \text{ m}^3/\text{s}}{A} = \frac{5.525 \text{ m}^3/\text{s}}{1.340 \text{ m}^2} = -4 \text{ m/s}$$

7.15 معادلة برنولي BERNOULLI'S EQUATION

إذا ما ضغطت بإصبعك على فتحة خرطوم الحديقة بحيث تصبح الفتحة ضيقة، نلاحظ أن الماء رج من الخرطوم مندفعاً بسرعة عالية كما هو واضح من شكل (19.15) فهل الماء يكون عند ضغط مستم عندما يكون داخل الخرطوم أم عندما يكون خارجه؟ يمكنك الإجابة على هذا التساؤل بملاحظة من أن الصعوبة وأنت تضغط بإصبعك ضد اندفاع الماء عند فتحة الخرطوم، إن الضغط داخل الخرطوم الماء من الضغط الجوى بكل تأكيد.

العلاقة بين سرعة المائع والضغط والإرتفاع إستنتجها عام 1738 العالم السويسري دانيل برنولي Daniel Bernoulli (1700-1753)

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل 19.15 سرعة الماء الخارج من فوهة الخرطوم تزداد كلما ضافت فتَحة الخرطوم بغلقها جزئياً بإصبع الابهام.

برنولي عالم سويساري في الفيزياء والرياضيات. كانت له اكتشافات هامة في ديناميكا الموائع، وأعلماله الهامه كانت في ملجال الهيدروديناميكس ونشرت عام 1738، وقد درس سلوك الغازات مع تغيير الضغط ودرجة الحرارة وهما بداية نظرية الحراكة للغازات،



دانيال برنولى (1700-1782)

نعتبر حالة انسياب مائع مثالي خلال أنبوبة غير منتظمة في الزمن 1. كما هو مبين في شكل ت (20.15). سنسمي الجزء المظلل السفلي القسم الأول والجزء المظلل العلوي القسم الثاني، القوة المؤثرة بواسطة المائع في القسم الأول مقدارها p₁A₁ والشغل المبذول بهذه القوة في زمن t هي:

$$\mathbf{W}_1 = F_1 \Delta x_1 = p_1 A_1 \Delta x_1 = p_1 V$$

حيث V هي حجم القسم الأول بطريقة مماثلة، الشغل المبذول بواسطة المائع في القسم الثاني في نفس الزمن $W_2 = -p_2 A_2 \Delta x_2 = -p_2 V$

(الحجم الذي يمر خلال القسم الأول في زمن 1 يساوي الحجم المار خلال القسم الثاني في نفس الزمن). وهذا الشغل سالب لأن قوة المائع في اتجاه عكس اتجاه الإزاحة. إذن محصلة الشغل المبدول بهذه القوى في الزمن 1 يساوى

$$W = (P_1 - P_2)V$$

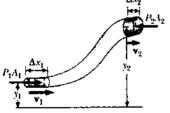
جزء من هذا الشغل يذهب في تغيير طاقة الحركة للمائع والجزء الآخر يذهب في تغيير طاقة الوضع الناتج عن الجاذبية، فإذا كانت m كتلة المائع الداخل من أحد الطرفين والخارج من الطرف الآخر في زمن m . إذن التغير في طاقة الحركة لهذه الكتلة:

$$\Delta K = \frac{1}{2} m v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$$
 والتغير في طاقة الو ضع الناتج عن الجاذبية هو:

 $\Delta U = mgy_2 - mgy_1$

وباستخدام معادلة (13.8) لهذا المانع: $W = \Delta K + \Delta U$ إذن:

$$(P_1 - P_2)V = \frac{1}{2}mv_2^2 - \frac{1}{2}mv_1^2 + mgy_2 - mgy_1$$



شكل 20.15 مائع في حبركة خطية في أنبوية بها انقباض، حجم الجزء المظلل نحو اليسار يساوي حجم الجزء المظلل نحو اليمين.

الفصل الخامس عشر، ميكانيكا الموائع

إذا قسمنا طرقي المعادلة على V ونذكر أن ho = m/V يمكن كتابة تلك المعادلة على النحو التالي:

$$P_1 - P_2 = \frac{1}{2}\rho v_2^2 - \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g y_2 - \rho g y_1$$

وبإعادة ترتيب الحدود:

$$P_1 \times \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g y_1 = P_2 \times \frac{1}{2} \rho v_2^2 + \rho g y_2$$
 (8.15)

وهي معادلة برنولي كما تستخدم للمواتع المثالية ويعبر عنها غالباً بالشكل الآتي:

$$P + \frac{1}{2}\rho v^2 + \rho gy = \text{constant}$$
 (9.15)

وهذه العلاقة تؤكد على أن في الإنسياب الخطي مجموع الضغط P وطاقة حركة وحدة الحجوم $\frac{1}{2}\rho_{H}$ وطاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية لوحدة الحجوم $\frac{1}{2}\rho_{H}$ لها نفس المقدار عند جميع النقط على المتداد الانسياب الخطى :

$$P_1 - P_2 = \rho g(y_2 - y_1) = \rho g h$$

وهذه المعادلة تتفق مع معادلة 4.15

مثال 8.15 أنبوية فنتورى

الأنبوبة الأفقية ذات الاختناق المبينة في شكل 21.15 والمسماء أنبوبة فنتوري تستخدم لقياس سرعة مائع غير قابل الإنضاء. سوف نعين سرعة السريان عند النقطة (2) إذا ثان فرق الضغط P₁-P₂ معلوماً.

الحل؛ لأن الأنبوبة أفقية

8.15 لأن الأنبوبة أفقية $y_1=y_2$ وباستخدام معادلة $y_1=y_2$ المقطتن $y_1=y_2$ نحصل على

$$P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 \tag{1}$$

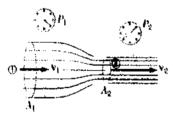
 $A_1 v_1 = A_2 v_2$ من معادلة الاستمرارية

$$v_1 = \frac{A_2}{A_1} v_2 \tag{2}$$

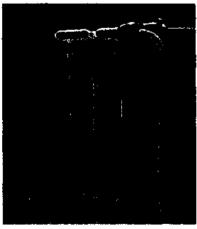
بإحلال هذه المعادلة في معادلة (1) تحصل على الآتي:

$$P_1 + \frac{1}{2}\rho \left(\frac{A_2}{A_1}\right)^2 v_2^2 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2$$

$$v_2 = A_1 \sqrt{\frac{2(P_1 - P_2)}{\rho(A_1^2 - A_2^2)}}$$



(a)



 P_2 ألضيغط P_1 أكبر من P_1 أكبر من $v_1 < v_2$ لأن $v_1 < v_2$. وهذا الجهاز يستخدم لقياس سرعة سريان السوائل $v_1 < v_2$ فنتورى.

 $A_2 < A_1$ أن يحين استخدام هذه النتيجة ومعادلة الاستمرارية لنحصل على معادلة تعطي v_1 حيث أن الضغط يقل في معادلة (2) تبين أن $v_2 > v_1$ أي أن الضغط يقل في الجزء المختنق من الأنبوبة. وهذه النتيجة مماثلة للحالة التالية: تخيل حجرة مزدحمة بالناس بحيث أنهم مضغوطين من شدة الزحام، عندما يفتح الباب ويخرج الناس شيئاً فشيئاً نجد أن الضغط البشري ينخفض عند الباب حيث تكون الحركة نحو الخارج سريعة.

مثال 9.15 حيلة جيدة

من الممكن أن تنفخ قطعة نقود فئة العشر سنتات (دايم Dime) فتجعلها ترتفع من فوق سطح المنضدة التدخل في كوب على سطح المنضدة شكل (22.15a). ضع قطعة النقود فوق سطح المنضدة على بعد حوالي 2 cm من الحافة، ضع الكوب أفقياً على المنضدة وفوهة الكوب تبعد عن قطعة النقود بحوالي 2 cm كما هو بين في شكل (22.15a) إذا نفخت بشدة فوق سطح قطعة العملة ستجدها ترتفع وتتحرك مع تيار الهواء ثم تدخل في الكوب. كتلة العملة 2.24 g ومساحة سطحها m = 2.24 B ومساحة الكوب؟

الحل: شكل 22.15b يبين أنه من الواجب حساب القوة المؤثرة إلى أعلى على قطعة النقود. لاحظ وجود طبقة رفيعة من الهواء بين قطعة العملة والمنضده. عندما تنفخ فوق سطح العملة سيتحرك الهواء بسرعة فوق سطحها بينما تكون سرعة الهواء أسفلها قليلة، هذه الحقيقة مع معادلة برنولي توضح أن الهواء الذي يتحرك فوق سطح العملة يكون ضغطه أقل من الهواء الذي أسفلها. إذا أهملنا سمك قطعة النقود يمكننا استخدام المعادلة 8.15 لنجد أن:

 $P_{\rm above} + \frac{1}{2} \rho v_{\rm above}^2 = P_{\rm beneath} + \frac{1}{2} \rho v_{\rm beneath}^2$ حيث إن الهواء أسفل العملة يكاد يكون ساكنا يمكننا أن نهمل الحد الأخيس في المعادلة ونكتب المرق في الضغط كما يلى:

$$P_{\text{beneath}} - P_{\text{above}} = \frac{1}{2}\rho v_{\text{above}}^2$$

إذا ضربنا هذا الفرق في الضغط في مساحة المقطع للعملة نحصل على القوة المؤثرة على قطعة العملة إلى أعلى. وبأخذ كثافة الهواء من جدول

15.1 يمكننا أن نكتب

$$F_g = mg = (P_{\text{beneath}} - P_{\text{above}})A = \frac{1}{2}(\rho v_{\text{above}}^2)A$$

$$v_{\text{above}} = \sqrt{\frac{2mg}{\rho A}} = \sqrt{\frac{2(2.24 \times 10^{-3} \text{ kg})(9.80 \text{ m/s}^2)}{(1.29 \text{ kg/m}^3)(2.50 \times 10^{-4} \text{ m}^2)}}$$

 $v_{\text{above}} = 11.7 \text{ m/s}$

يجب أن تكون سرعة الهواء الذي تنفخه أكبر من ذلك لكي تزيد القوة إلى أعلى عن وزن قطعة النقود.



مثال 10.15 قانون تورشلي

خزان مقفول به سائل كثافته ρ ، وبه فتحه في جانبه على مسافة y_1 من القاع شكل (23.15) والفتحة قطرها أقل من قطر الخزان بكثير وهي متصلة بالضغط الجوي، والهواء فوق سطح السائل عند ضغط P احسب السرعة التي يخرج بها السائل من الفتحة عندما يكون سطح السائل على ارتفاع I من النقب.

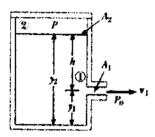
P فيعتبر السائل في حالة سكون في أعلى الخزان حيث يكون الضغط $A_2 > A_1$ باستخدام معادلة برنولي للنقطتين (1) و (2) ومع ملاحظة أنه عند الفتحة الجانبية P_1 يساوي الضغط الجوي P_0 نجد أن:

$$P_0 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g y_1 = P + \rho g y_2$$

وحيث إن $\mathbf{y}_2 - \mathbf{y}_1 = h$ إذن من المعادلة نستنتج أن:

$$v_1 = \sqrt{\frac{2(P - P_0)}{\rho} + 2gh}$$

عندما تكون p أكبر بكثير من P_0 يمكن أهمال الحد 2gh عندئذ تكون سرعة الخروج دالة في P. أما إذا كان الخزان مفتوحاً للهواء الجوي عندئذ $P=P_0$ وفي هذه الحالة $v_1=\sqrt{2gh}$ أي أنه بالنسبة لخزان مفتوح، سرعة السائل الخارج من فتحة على بعد مسافة h من سطح السائل تساوي سرعة الجسم الساقط سقوطاً حراً من ارتفاع عمودي مقداره h وهذه الظاهرة تسمى قانون تورشلي.



شكل 15.23 عندما يكون P أكبر بكثير من الضغط الجوي P₀ سرعة السائل عندما يخرج من الفتحة السفلى تعطى بالمادلة

 $v_1 = \sqrt{2(P - P_0)/\rho}$

(قسم اختیاری)

8.15 تطبيقات أخرى لمعادلة برنولي

OTHER APPLICATIONS OF BERNOULLI'S EQUATION

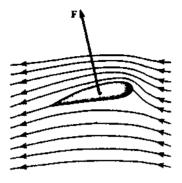
ارتفاع جناح الطائرة يمكن تفسيره جزئياً باستخدام معادلة برنولي. تصمم أجنحة الطائرات بعيث تكون سرعة الهواء أعلى الجناح أكبر من سرعته أسفل الجناح، نتيجة لذلك يكون ضغط الهواء أعلى الجناح أقل من ضغط الهواء أسفله وينتج عن ذلك قوة إلى أعلى على الجناح تسمى قوة الرَّفع Lift.

من العوامل الأخرى التي تؤثر على الرفع في الجناح كما نرى في شكل (24.15) أن الجناح يكون منحرفاً فلي للا إلى أعلى وهذا يجعل جزيئات الهواء التي تصطدم بسطح الجناح السفلي تتحرف إلى أسفل، وهذا الإنحراف يعنى أن الجناح يؤثر بقوة إلى أسفل على جزيئات الهواء.

طبقاً لقانون نيوتن الثالث للحركة يقوم الهواء بالتأثير على الجناح بقوة مماثلة إلى أعلى.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

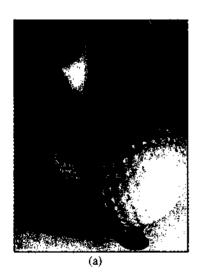
وأخيراً للدوامات الهوائية (Turbulance) أيضاً تأثير فإذا مال الجناح كثيراً إلى أعلى تصبح حركة الهواء أعلاه دوامية، وفرق الضغط على سطحي الجناح يصبح أقل مما نتوقعه طبقاً لمعادلة برنولي. وفي الحالات القصوى قد تؤدي هذه الدوامات إلى هبوط الطائرة. بصفة عامة أي جسم يتحرك في مائع تؤثر عليه قوة رفع نتيجة لأي عامل يجعل المائع يغير اتجاهه عندما يمر عبر هذا الجسم، ومن العوامل المؤثرة على الرفع، هو شكل الجسم، ووضعه بالنسبة لحركة المائع، وأي حركة لف يمكن أن يكتسبها، وملمس سطح الجسم.

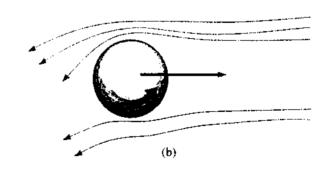


شكل (24.15) سريان خطي حول جناح الطائرة، والضغط فوق الجناح أقل من الضغط أسغله، وينتج عن ذلك رفع ديناميكي إلى أعلى،

🛊 فمثلاً كرة الجولف عند ضربها بالمضرب تلف حول نفسها

كما في شكل 25.15.8 والنقر على سطحها تساعد في تحريك الهواء ليتبع انحناء سطح الكره. وهذا التأثير يظهر بوضوح أكثر على السطح العلوي للكرة، حيث تتحرك الكره في اتجاه انسياب الهواء. شكل (25.15 b) يبين طبقة رفيعة من الهواء تحيط ببعض أجزاء الكرة. وعندما تنحرف إلى أسفل تدفع الهواء إلى أسفل فيكون رد الفعل المؤثر على الكرة إلى أعلى. وبدون تلك النقر لايساعد الهواء كثيراً في رفع الكره عن سطح الأرض، ومن ثم لاتنطلق لمسافات كبيرة. وفي كرة التنس تقوم الشعيرات الرفيعة التي تحيط بها بعمل مماثل لعمل النقر في كرة الجولف مما يجعل كرة التنس تتحرك لمسافات أكبر.

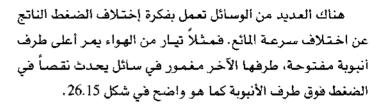




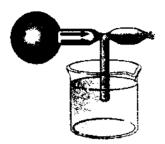
شكل (25.15) (a) كرة الجولف ثلف حول نفسها عندما تضرب بالمضرب (b) الكرة أثناء لفها تكتسب سرعة ترفعها مما يجعلها تتحرك لمسافة أطول مما لو لم تكتسب سرعة دوران.

آختبار سريع 10.15

ينبه على سكان المباني التي تتعرض لإعصار تورنادو أن يفتحوا النوافذ للإقلال من الخسائر لماذا؟



وهذا النقص في الضغط فوق الأنبوبة المغموسة في السائل يجعل السائل يرتفع فيها ويخرج مع الهواء على شكل رذاذ، وهذه هي الفكرة التي تعمل على أساسها زجاجات العطور التي بها سبريي Fume bottles sprayers ونفس الفكرة تستخدم في كاربرتير السيارة وهو الجهاز الذي يتم فيه خلط الجازولين بالهواء،



شكل 26.15 تيار من الهواء يمر أعلى أنبوبة منغمنوسة في سائل يجنعل السائل يرتفع في الأنبوبة.

تيار الهواء داخل الكاربرتير يحدث نقصاً في الضغط فيتبخر الجازولين ويختلط بالهواء. ويدخل إلى سلندرات المحرك حيث يحدث الإحتراق.

ملخص SUMMARY

الضغط P داخل مائع هو القوة على وحدة المساحات التي يؤثر بها المائع على الأجسام.

$$P = \frac{F}{A} \tag{1.15}$$

في النظام الدولي لوحدات القياس SI وحدة الضغط هي: (Pa الضغط في النظام الدولي لوحدات القياس الله الضغط في سائل في حالة السكون يتغير بتغير العمق h في المائع طبقاً للمعادلة:

$$P = P_0 + \rho g h \tag{4.15}$$

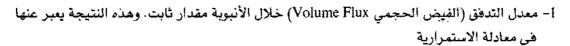
حيث P_{0} هو الضغط الجوي ($1.013 imes 10^{5} imes 10^{4} imes 10^{3} imes 10^{4}$ عيث من كثافة المائع وتعتبر مقداراً ثابتاً.

قانون باسكال ينص على أن الضغط المؤثر على مائع في حيز مغلق ينتقل إلى جميع أجزاء المائع دون نقصان وإلى كل نقطة على جدران هذا الحيز المغلق.

إذا غمر جسم كلياً أو جزئياً في مائع. فإن المائع يؤثر على الجسم بقوة إلى أعلى تسمى قوة الطفو. طبقاً لقاعدة أرشميدس، مقدار قوة الطفو تساوي وزن المائع المزاح بواسطة الجسم. يمكن استخدام هذه القاعدة في العديد من الحالات بما في ذلك الأجسام المغمورة أو العائمة.

يمكنك أن تتعرف على العديد من نواحي ديناميكا الموائع باعتبار أن المائع ليس لزجاً وغيار قابل للانضفاط وأن حركة المائع منتظمة دون أي حركة دورانية.

المفاهيم الأساسية التي تتعلق بانسياب المواقع المثالية خلال أنبوبة ذات مقطع غير منتظم. كما يلى



$$A_1 v_1 = A_2 v_2 = \text{constant} ag{7.15}$$

ويمكن استخدام هذا التعبير لحساب كيفية تغير سرعة مائع عندما يضيق مجراه أو عندما يتسع.

2- مجموع الضغط، وطاقة الحركة لوحدة الحجوم، وطاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية لوحدة الحجوم لها نفس المقدار عند جميع النقط على طول الانسياب الخطي، وهذه النتيجة يلخصها قانون برنولي

$$P + \frac{1}{2}\rho v^2 + \rho gy = \text{constant}$$
 (9.15)

اسئلة QUESTIONS

- 1 قدحان لشرب الماء كتلتهما واحدة ولكن شكلهما مختلف ومساحة مقطعهما مختلف. امتلاً لنفس المستوى بالماء، طبقاً للعلاقة يكون الضغط عند القياع واحد $P=P_0+\rho gh$ للكوبين، لماذا يزن أحد الكوبين أكثر من الآخر.
- 2 إذا كانت مساحة سيطح قمية رأسيك ان ما وزن الهواء فوق رأسك 2
- 3 عندما تشرب سائل بواسطة ماصة، فإنك تقلل الضغط داخل فمك وتترك الهواء الجوى يحسرك السبائل، بين لماذا يحسدت ذلك؟ هل تستطيع أن تستخدم الماصة لتشرب فوق سطح القمرة
- 4 بالون مملوء بالهيليوم يرتفع حتى تصبح كثافته مثل كثافة الهواء المحيط به. إذا بدأت غواصة تهبط في المحيط فهل يمكنها أن تواصل الهبوط حتى قاع المحيط؟ أم ستهبط حتى تصبح كثافتها مماثلة لكثافة الماء المحيط بها؟
- 5 هل السفينة تطفو إلى مستوى أعلى على 628) سطح بحيرة داخلية أم على سطح المحيط؟

6 - الرصاص أكبر كثافة من الحديد وكالاهما أعلى كشافة من الماء، هل قبوة الطفو على الأجسام المصنوعة من الرصاص أكبر أو أقل من أو تسماوي قموة الطفو على الأجمسام المسنوعة من الحديد التي لها نفس الحجم.

- 7 8 مــصــادر المياه للمــدن تكون عن طريق خزانات فوق ارتفاعات كبيرة ويسرى الماء من الخرانات إلى الأنابيب ثم إلى المنازل. عندما تفتح صنبور الماء، لماذا يكون سريان الماء أسرع في صنابير الدور الأرضى من صنابير الأدوار التي تعلوه.
- 8 يتصاعد الدخان من المدخنة أسرع عندما تكون الرياح سريعة عند نهاية المدخنه العليا مما لوكانت الرياح ساكنة. استخدم معادلة برنولى لتفسير هذه الظاهرة.
- 9 إذا وضعت كرة بنج- بُنج فوق فتحة مجفف للشعر، يمكنها أن تحلق في عمود الهواء المتصاعد من مجفف الشعر، وضح ذلك،
- 10 عندما يقذف شخص بنفسه من على منصه عالية ليحلق في الهواء فإنه يميل بجسمه إلى الأمام ويجعل يديه إلى جنبيه، كما في شكل 513U (O11.15)

الفصل الخامس عشر، ميكانيكا الموائع

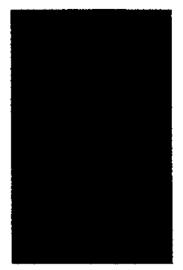
مصعد يهبط هبوطاً حراً فإنها ستظل أمامك دون أن تسقط إلى الأرض لأن الكرة والمصعد وأنت تشاثرون بنفس العجلة g إلى أسفل ماذا يحدث لو كررت التجرية باستخدام بالون مملوء بغاز الهيليوم.

- 19 باخرتان متماثلتان تحركتا في البحر على أحدهما شحنة من ستايروفوم والأخرى فارغة. أيهما ستغطس أكثر؟
- 20 قطعة من الصلب مربوطة بقطعة من الخشب. عند غمر قطعة الخشب وقطعة المسلب فوقها في حوض به ماء فإنها تغمر إلى منتصفها. إذا عكس وضع قطعة الخشب بحيث أصبحت قطعة الحديد إلى أسفل ومغمورة في الماء، هل سيزداد الجزء المغمور في الماء أم يظل كما هو؟ ماذا يحدث لسطح الماء في الحوض عندما تقلب قطعة الخشب؟
- 21 [23] علبة مقضولة بها كولا- دايت تعوم إذا وضعت في حوض به ماء، علبة من نفس النوع بها كولا- عادية تغطس في الحوض. كيف نفسر هذه الظاهرة؟
- 22 شكل (Q 24.15) يبين أسطوانة زجاجية تحتوي على أربع سوائل كثافتها مختلفة من أعلى إلى أسفل هي زيت (برتقالي)، ماء (أصفر) ماء مالح (أخضر) وزئبق (فضي) والأسطوانة تحتوي كذلك من أعلى إلى أسفل كرة بنج- بونج وقطعة خشب وبيضة وكرة من الصلب (a) أي من هذه السوائل له أقل كثافة وأيها له أعلى كثافة؟ (b) ماذا تستنتج عن كثافة كل جسم؟

r

شكل Q11.15

- 11 وضح لماذا بمكن لرجاجة مقفولة ومملوءة جزئياً بسائل أن تطفو؟
- 12 متى تكون قوة الطفو على سباح أكبر بعد الشهيق أم بعد الزفير؟
- 13 قطعة من الخشب غير المطلي تطفو على سطح الماء في حوض مملوء جزئياً بالماء. إذا أغلق الحوض ثم رُفع الضغط بداخله فوق الضغط الجوي، هل سيرتفع اللوح أم يغرق أم يظل كما هو؟
- 14 لوح مسطح غمر في سائل ساكن في أي وضع يكون الضغط على سطحه المسطح منتظماً.
- 15 حيث إن الضغط الجنوي يساوي حنوالي 105 N/ M² ومتوسط مساحة سطح صدر أحد الأشخاص حوالي 0.13 m² القوة التي يضغط بها الغلاف الجنوي على الصدر حوالي 13000 N تحت تأثير هذه القوة الكبيرة لماذا لاتتعطم أجسامنا؟
- 16 كيف تعين كشاشة صخرة غيس منتظمة الشكل؟
- 17 لماذا يفضل الطيارون التحليق في الهواء عند وجود الرياح؟
- 18 إذا تركت كـرة كـانت في بدك وأنت داخل



شكل 024.15

23 - في شكل (Q25.15) تيبار هواء يتنجرك من اليمين إلى اليسار خلال أنبوبة بها اختناق من المنشصف، ثلاث كبرات بنج بونج ارتضعت إلى أعلى ضوق أعمدة الهواء التي تتسبرب من الأنبوية (a) لماذا ارتفعت الكرة اليمني أكثر من الكرة التي في الوسط (b) لماذا الكرة في الجهة اليسرى قد ارتفعت أقل من الكرة التي

في الجهة اليمني على الرغم من أن الأنبوبة الأفقية لها نفس القطر عند هاتين النقطتين؟



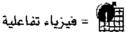
شكل Q25,15

24 - إذا كنت مسافر في طائرة فمن أجل راحتك -تكيف الطائرة من الداخل بحيث يكون الهواء مماثلاً للهنواء على سطح الأرض، والطائرة تطير في جو مخلخل الهواء، يكاد الوسط المحيط بالطائرة من الخارج أن يكون مفرغاً من الهنواء، وضجبأة اصطدم نينزك بجسم الطائرة فأحدث فيها ثقباً أصغر من فبضة يدك بالقرب من المقعد الذي تجلس عليه، فهل هناك مايمكن أن تفعله حيال ذلك؟

PROBLEMS JILM

3 · 2 · 1 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ الحل موجود في: | WEB



= الحل كامل متاح في المرشد.

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

📗 = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

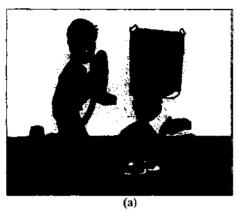
القسم 1.15- الضغط

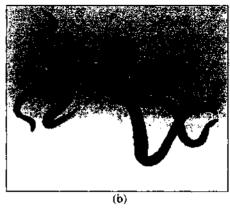
أحسب كتلة كرة مصمته من الحديد قطرها

2 - إحسب كثافة نواة ذرة. ماذا تعنى هذه النتيجة من حيث تركيب المادة (اعتبر النواة عبارة عن بروتونات ونيوترونات متراصة بجوار بعضها

لكل منها كنتلة مقيداراها 1.67x 10-27 Kg ونصف قطرها حوالي m 10⁻¹⁵ m.

| 3 | إمرأة كتاتها 50 Kg تقف متزنة فوق كعب حذاء مرتفع فإذا كان الكعب مقطعه دائري ونصف قطره 0.5 cm ما هو الضغط الذي تؤثر به على الأرض؟



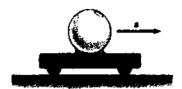


شك*ل* P10.15

- 4 الإطارات الأربعة لسيارة على كل منها ضغط يساوي KPa 200 KPa إطار مساحة الجزء الملامس للأرض منه 20.024 m². احسب كتلة السيارة؟
- 5 ما هـــي الكـتلة الكلــية للغــلاف الجـــوي للأرض (نصـف قطـر الأرض $0.37 \times 10^6 \, \mathrm{m}$ والضــفــط الجـوي عــند ســـطح الأرض والضــفــط $0.37 \times 10^5 \, \mathrm{m}^2$.
- 6 (a) احسب الضغط المطلق على عمق m 1000 m من مياه المحيط. اعتبر أن كثافة ماء البحر 1000 Kg/m³ وأن الهواء يؤثر بضغط على سطح الماء مقداره 101.3 KPa بضغط على سطح الماء مقداره في عند هذا العمق لو وجدت غواصة فما هي القوة التي يجب أن يؤثر بها الإطار المحيط بالكوة الدائرية التي قطرها عما 30.0 cm
 المؤثرة بواسطة الماء.
- [7] الزنبرك في مقياس الضغط المبين في شكل 15.2 له ثابت قوة 1000 N/m وقطر المكبس 2.0 cm عندما يغمر المقياس في الماء، عند أي عمق يتحرك المكبس إلى الداخل بمقدار \$0.5 cm
- ا مساحة مقطع المكبس الصغير في الرافعة الهيدروليكية 3.00 cm² والمكبس الكبير

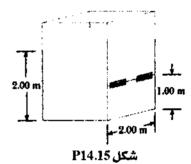
- مساحة مقطعه 200 cm² (انظر شكل مساحة مقطعه 15.15 a التي يجب المستخدامها على المكبس الصغير لكي يرفع حمل قدره KN \$15.0 KN (في معطات خدمة السيارات هذه القوة تتولد عادة باستخدام ضغط الهواء).
- 9 (a) مكنسة كهريائية تعمل بتفريغ الهواء لها قوة شفط عالية متصل بها خرطوم قطره قطره دم 2.86 cm أكبر وزن لقالب طوب يمكن أن ترفعه المكنسية شكل (P10.15)؟ (b) أخطبوط قوي يستخدم شفاط قطره 2.86 cm على صدفتي محاره في محاولة لفتحها احسب أكبر قوة يمكن للأخطبوط أن يؤثر بها في الماء المالح على عمق 32.3 شكل (P10.15 b)
- 10 حمام سباحة أبعاده m x 10 m وله قاع مسطح عندما يملؤ الحمام بالماء إلى عمق 2.0m ما هي القوة التي يؤثر بها الماء علي القاع؟ على كل جانب؟
- 11 وعاء على شكل كرة مغلقة قطرها d مثبتة فوق سيارة تسير أفقياً بمجلة تسارع (a) كما في شكل (P13.15). الكرة مملوءة تقريباً بسائل كثافتة م ويحتوي أيضاً على فقاعة هواء عند الضغط الجوي. أوجد علاقة

للضغط p في منتصف الكرة.



شكل P13.15

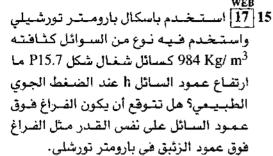
12 - خران موضع في شكل (P14.15) مملوء بالماء لعمق 2.0m عند قاعدة أحد جدرانه الجانبية يوجد باب مستطيل إرتفاعه m 1.0 m واتساعه 2.0 m ومشبت بمفيصيلات عند طرفه العلوي (a) احسب القوة المؤثرة التي يؤثر بها الماء على الباب (b) أوجد عرم الدوران المؤثر حول المفيلات.



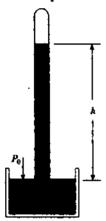
13 - مسألة الإعادة؛ كرة نحاسية مصمته قطرها m 3.0 m مستوى سطح البحر. وضعت في قاع المحيط (على عمق 10.0 km)، إذا كانت كثافة ماء البحر هي 8 m 1030 kg/m ما مقدار النقص في قطر الكرة عندما تصل إلى القاع، اعتبر معامل المرونة الحجمي للنحاس 8 m 14.0x 10 المرونة الحجمي

القسم 3.15 قياس الضغط

1.013 x 10⁵ الضغط الجوي الطبيعي هو 1.013 x 10⁵ pa عند قدوم العاصفة يهبط ارتضاع البارومشر الزئبقي بمقدار mm 20.0 mm الإرتفاع الطبيعي. كم يكون الضغط الجوي؟ (كثافة الزئبق g/cm³)

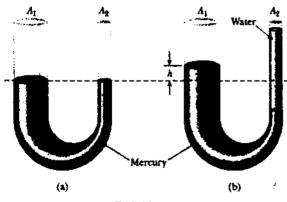


¥ 200



شكل P17.15

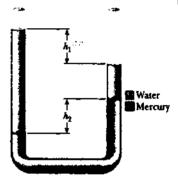
مسكبت كمية من الزئبق في أنبوبة على شكل 16 – سكبت كمية من الزئبق في شكل 16 10 الطرف الأيسر من الأنبوبة مساحة مقطعه 10.0 والطرف الأيمن من الأنبوبة مساحتة مقطعه 10.0 وسكب مساحتة مقطعه 10.0 وسكب 100 و 100 من الماء في الطرف الأيمن كـمـا في



شكل P15.18

شكل (P18.15b) عين طول عـ مـ ود الماء في الطرف الأيمن من الأنبوبة حرف U (b) اذا علمت أن كثافة الزئبق E 13.6 g/ cm طول عمود الزئبق E أن كمود الزئبق E أن الطرف الأيسر.

17 - أنبوبة على شكل حرف U مساحة مقطعها منتظم ومفتوحة للجو مملوءة جزئيا بالزئبق. وضع ماء في الطرفين. إذا كان الشكل في حسالة الاتزان كسما هو مسبين في شكل حسالة الاتزان كسما هو مسبين في شكل (P19.15) حسيث h₂ عين مسقدار

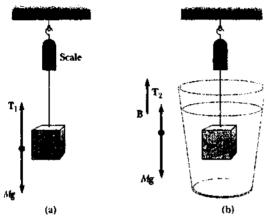


شكل P19.15

القسم 4.15 قوي الطفو وقاعدة ارشميدس.

- 19 لوح من ستايروفوم سمكه 10.0 cm وكثافته من ستايروفوم سمكه 10.0 kg/m³ عندما يكون سباح كتلته 75.0 kg فوق سطحه فإنه يطفو في الماء العذب وسطحه العلوي على مستوى سطح الله. احسب مساحة اللوح.
- ما $ho_{
 m s}$ من ستايروهوم سمكه h وكثافته $ho_{
 m s}$ ما مساحة اللوح إذا عام وسطحه العلوى على

- مستوى سطح الماء العذب عندما يكون سباح كتلته m فوق سطحه؟.
- 21 قطعة من الألومنيوم كتاتها 1.0 Kg وكتافتها 270 kg/m³ معلقة من خيط ومغمورة كلياً في وعاء به ماء شكل P23.15 احسب الشد في الخيط (a) قبل غمر قطعة الألومنيوم (b) بعد غمرها في الماء.



شكل P23.15

- -22 مكعب معدني كتلبته 10.0 Kg أبعاده 2.00 cm x 10.0 cm x 10.0 cm كفة ميزان ومغمور في الماء كما في شكل كفة ميزان ومغمور في الماء كما في شكل P23.15.b بحيث أن الضلع الذي طوله 12 cm كان رأسياً والسطح العلوي للمكعب مغمور في الماء على عمق 5 cm ألقوة المؤثرة على سطح المكعب وقاعدته القوة المؤثرة على سطح المكعب وقاعدته (a) أو (a) (b) (a) (b) (a) (b) (b) (b) (c) (c) (c) (d) (d)
- 25 مكعب من الخشب طول كل ضلع من أضلاعه من أضلاعه من 20.0 cm وكثافته 650 Kg/m³ يطفو فوق سطح الماء (a) ما مقدار المسافة من السطح الأفقي العلوي للمكعب إلى سطح الماء؟ (b) ما مقدار كتلة من الرصاص توضع فوق سطح المكعب حتى يصبح السطح العلوي للمكعب مساوياً لسطح الماء تماماً.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

- 24 كرة بلاستيك تطفو فوق سطح الماء والجزء المغمور من حجمها يبلغ 50%. ونفس تلك الكرة تطفو فوق سطح الجلسرين والجيزء المغمور من حبجيميها \$40 عين كشافة الجلسرين والكرة.
- 25 ضفدعة داخل وعاء نصف كروي، وجد أنه يطفو دون أن يغمر عندما تكون كثافة السائل 1.35 g/cm³ نصف ال.35 g/cm³ نصف الكروي ونصف قطره 6.0cm وكتاته مهمله ما هي كتلة الضفدعة؟
- 26 [29] كم متر مكعب من الهيليبوم تلزم لكي يرهع البالون $400~{\rm Kg}$ إلى ارتضاع $98000~{\rm Kg}$ إلى ارتضاع $9800~{\rm Kg/m^3}$ اعتبر كثافة الهيليوم ($9800~{\rm Kg/m^3}$ إفترض أن البالون يحتفظ بحجم ثابت وأن كثافة الهواء تقل بالارتفاع $9800~{\rm Kg/m^3}$ للمعادلة $9800~{\rm Kg/m^3}$ هو كثافة الهواء عند سطح البحر.



شكل P28.15

- 27 مسألة للمراجعة؛ أنبوبة إسطوانية طويلة نصف قطرها ٢ علق في طرفها السفلي ثقل بحيث تطفو وهي في وضع رأسي في سائل كثافته Φ. دفعت إلى أسفل مسافة x من وضع الإتزان ثم تركت، بين أن الأنبوبة ستقوم بحركة توافقية بسيطة، إذا أهملنا منقاومة السائل واحسب الزمن الدوري للذبذبة.
- 28 غواصة تستخدم في اكتشاف أعماق البحار نصف قطرها m 1.2x 10⁴ Kg نصف قطرها

لكي تغوص في الماء تحمل الغواصة كمية من ماء البحر. احسب مقدار الكتلة التي يجب أن تحملها الغواصة لكي تهبط في الماء بسرعة ثابتة مقدارها \$1.2 m/s عندما تكون القوة عليها إلى أعلى تساوي \$1.00 N اعتبر كتافة ماء البحر \$1.03x 103 Kg/m².

29 - تمثلك الولايات المتحدة 8 بوارج حربية هي الأكبر على مستوى العالم. افترض أن أحد حاملات الطائرات قفزت إلى أعلى بمقدار 11.0 cm فوق سطحها 50 طائرة مقاتلة في منطقة عجلة الجاذبية الأرضية فيها 29000kg . احسب ومتوسط كتلة الطائرات 29000kg . احسب المساحة المسطحة المحاطة بخط الماء من حاملة الطائرات (للمقارنة مسطح الطيران مساحته 28000 m²).

القسم 5.15 ديناميكا الموائع

6.15 الانسياب الخطي ومعادلة الاستمرارية

7.15 معادلة برنولي

- (a) 30 خرطوم مياه قطره 2.0 cm استخدم في مله دلو سعت 20.0L. إذا كان ملء الدلو يستغرق min 1.0 min ما سرعة سريان الماء في الخرطوم (ملحوظة 1000 cm³) (b) (1L= 1000 cm³ إذا كان للخرطوم فتحة قطرها 1.00 cm أوجد سرعة الماء عند الفتحة.
- 31 أنبوبة أفقية قطرها 10.0 cm ويقل بشكل تدريجي حتى يصل قطرها 5.0 cm. إذا كان ضغط الماء في الأنبوبة الكبيرة Pa 8.0x 10⁴ Pa والضغط في الأنبوبة الرفيعة 6.0x 10⁴ Pa ما معدل سريان الماء في الأنبوبة؟
- 32 حزان كبير مسطحه العلوي مفتوح ومملوء بالماء ويوجد ثقب في جانبه عند نقطة أسمل سطح الماء بمقدار m 16.0 m وإذا كان معدل تسرب الماء من الثقب هو

(a) عين (2.5x 10⁻³ min سرعة تسرب الماء من الثقب (b) قطر الثقب.

THE STATE OF THE STATE OF THE

3.1 يضخ الماء من نهر كلورادو إلى قرية جراند كانيون خلال أنبوبة قطرها 15.0 cm النهر على ارتفساع m 545 والقسرية على ارتفساع (a) 2096 m احسب الضغط اللازم لضخ الماء حتى يصل إلى القرية (b) إذا كان حجم الماء الذي يضخ يومياً هو 4500 $^{
m m}$ ما هي الماء الذي يضخ سرعة الماء في الأنبوية (c) ما هو الضغط الإضافي اللازم لإعطاء هذا التعار. (ملحوظة يجب فرض أن عجلة الجاذبية وكثافة الهواء ثابتان على هذا الإرتفاع).

|6.35|ماء ينساب من خرطوم حريق قطره |37|cm بمعادل 0.012 m³/s وينتهى الخارطوم بفتحة ضيقة قطرها الداخلي 2.2 cm ما هي السرعة التي يخرج بها الماء من فتحة الخرطوم.

اختياري

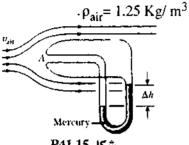
قسم 8.15 استخدامات أخرى لعادلة برنولي

35 - طائرة كـ تاتـ هـ ا 1.6x 10⁴ Kg وكل جناح مساحته 40.0 m² أثناء الطيران يكون الضغيط على السطح السيفلي للجيناح 7.00x 10⁴ Pa احسب الضغط على سطح الجناح العلوي.

36 - أنبوبة فنتورى تستخدم كجهاز لقياس سرعة سريان الموائع (انظر شكل 21.15) إذا كان فرق الضغط P₁- P₂= 21.0 K Pa أوجد معدل سريان السائل بالمتر المكعب لكل ثانية، علماً بأن نصف قطر أنبوبة المخرج 1.0 cm ونصف قطر أنبوبة المدخل 2.0 cm والسائل $\rho = 700 \text{ Kg/ m}^3$ هو الجازولين

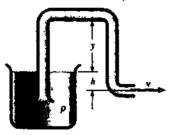
37 - أنبوبة بيوت Piot Tube يمكن استخدامها لقياس سرعة سبريان الهواء عن طريق قياس الفرق بين الضغط الكلى والضغط

الإستاتيكي شكل (P41.15) إذا كان السائل في الأنبوبة هو الزئبق وكشافته $\Delta h = 5.0 \text{ cm}$ وإذا كان $\rho_{H_0} = 13600 \text{Kg/m}^3$ احسب سرعة السريان (افترض أن الهواء مساكس عنبد نقيطة A وكنشافية الهيواء



شكل P41.15

- 38 طائرة على ارتفاع 10 Km والضغط خارج الطائرة 0.287 atm وداخل كبينة الطائرة يساوي 1.0 atm ودرجة الحرارة 20°c. حدث تسترب في أحد النوافيذ بكابينة الطائرة. اعتبر الهواء كمائع مثالي واحسب سرعة تيار الهواء المتسرب من الثقب،
- 39 سايفون Siphon يستخدم في تضريغ الماء من خيران كيميا في الشكل 15.43 p15.43 والسايفون له قطر منتظم، افترض أن السريان منتظم وبدون احتكاك (a) إذا كانت المسافة h= 1.0 m أوجيد سيرعية خيروج السبائل من نهاية السبايضون (b) منا هو الإرتفاع المسموح به لقمة السايفون أعلى سطح الماء؟ (من أجل أن يكون سريان السائل مستمرأ يحب ألا يقل الضغط عن ضغط بخار السائل).



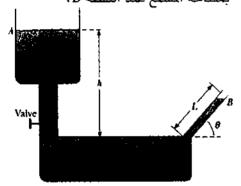
شكل P43.15



تمارين إضافية،

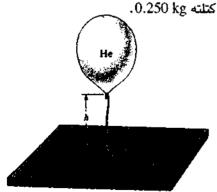
43 [47] كرة بنج بونج قطرها 3.8 cm وكثافتها 0.084 g/cm³ ما هي القوة اللازمة لجعلها مغمورة تماماً تحت سطح الماء؟

44 – شكل (P48.15) يبين خسزان به مساء وفي قاعدته صمام. إذا فتح هذا الصمام، ما هو أقصى ارتفاع يصل إليه تيار الماء في الجانب الأيمسن مسن الخسزان؟ إذا افترضسنا أن $L = 2.0 \, \text{m}$ وأن مساحة المقطع عند النقطة A كبير بالمقارنة بمساحة المقطع عند النقطة B.



شكل P48.15

45 - بالون مملوء بالهيليوم مربوط في حبل منتظم طوله m 2.0 m والبالون كسروي الشكل نصف قطره m 0.40 عند إطلاقة يرفع البالون الحبل إلى ارتفاع h ثم يبقى في حالة اتزان كما هو واضح في شكل يبقى في حالة اتزان كما هو الضح في شكل (P49.15). احسب مقدار h، غلاف البالون



P49.15، نمكا

40 حقنة تعطى تجبت الجلد بها مادة طبية كشافشها كالماء شكل (P44.15) أسطوانة A= $2.5 \times 10^{-5} \, \text{m}^2$ الحقنة مساحة مقطعها $\alpha = 1.0 \times 10^{-8} \, \text{m}^2$ والإبرة مساحة مقطعها $\alpha = 1.0 \times 10^{-8} \, \text{m}^2$ في حالة عدم وجود قوة على المكبس يكون الضغط في كل مكان يساوي جو واحد. قوة F مقدارها $\alpha = 1.0 \times 10^{-8} \, \text{m}^2$ السائل يخرج أفقياً من الإبرة احسب سرعة سائل الدواء عندما يترك طرف الإبرة.



شكل P44.15

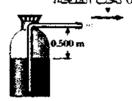
 h_0 خيزان كيبيرمملوء إلى ارتفياع h_0 وبالخيزان فيتحة على ارتفاع h فوق القياع شكل P45.15. أوجيد عيلاقية تبين على أي بعد من الخيزان بصل تيار السائل إلى سطح الأرض.



شكل P45.15

42 - ثقب في خيزان على ارتفياع h في أحيد جوانبية، وارتفاع الخيزان مملؤ بالماء كسميا في شكل (P45.15)، إذا كيان المطلوب إندفاع الماء من الثقب إلى أقيصي مسافة أفقية ممكنه (a) على أي مسافة من قاعدة الخيزان يجب عمل الثقب (b) أهمل الفقد نتيجة الاحتكاك، على أي بعد من جانب الخيزان يمكن أن يصل الماء إلى الأرض في البداية.

46 - إندفع الماء من طفاية حبريق تحت ضغط الهواء، كما هو موضح في شكل (P50.15) ما مقدار ضغط الهواء داخل المطفئة (فوق الضغط الجوي) اللازم لكي يجعل تيار الماء يخرج بسرعة 30.0m/s عندما يكون مستوى الماء 0.5m تحت الفتحة؟



شكل P50.15

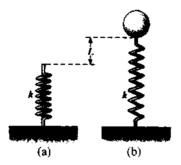
الوزن الحقيقي للجسم يعين في حالة وجود فراغ (في عدم وجود هواء جوي) حتى لا توجد قوى طفو . جسم حجمه V ، ووزن في الهواء في ميزان باستخدام صنح كثافتها $\Gamma_{\rm g}$ إذا كانت كثافة الهواء $\rho_{\rm air}$ والميزان يقرأ $\Gamma_{\rm g}$ بين أن الوزن الحقيقي $\Gamma_{\rm g}$ يعطى بالمعادلة بين أن الوزن الحقيقي $\Gamma_{\rm g}$

$$F_g = F_g' + \left(V - \frac{F_g'}{\rho g}\right) \rho_{\text{air}} g$$

48 – كان تورشيلي أول من قال أننا نعيش في قاع محيط من الهواء . لقد ذكر أن ضغط الغلاف الجوي ناتج عن وزن الهواء . كثافة الهواء عند درجة 0°C على سطح الأرض هي/1.29 kg ملى سطح الأرض هي/29 kg ملى المحية المرض هي/3 m³ والكثافة تقل بزيادة الأرتفاع ، كلما قلت طبقة الهواء الجوي. من ناحية أخرى إذا فرضنا أن الكثافة ثابت من احية أحرى إذا حتى ارتفاع h ثم تصبح صفر أعلى من ذلك الارتفاع ، عندئذ تكون h هي سمك الغلاف الجوي. باست خدام هذا النموذج عين الأرتفاع h الذي يعطي ضغطا يساوي جوا واحدا عند سطح الأرض. هل قمة إفرست تعلو فوق سطح هذا الغلاف الجوي؟.

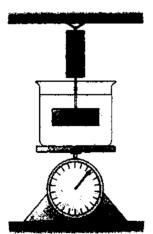
49 - زنبرك خفيف ثابته k=90.0N/m يرتكز عموديا على منظدة شكل (P54.15 a). فوق الزنبرك مشبت بالون به هليوم وزنه 2.0g

وكثافة الهيليوم 0.18 kg/m^3 وحجمه 5.0m^3 مما جعل الزنبرك يستطيل إلى أعلى كما في شكل P54.15b عين مقدار الاستطالة L عندما يكون البالون في حالة اتزان.



شكل P54.15

50 - كأس كتلته 1.0kg يحتوي على 2.0kg من الزيت كثافته تساوي 916.0 kg/m³، موضوع على 916.0 kg/m³ ميزان. كتلة من الحديد كتلتها 2.0kg معلقة من ميزان زنبرك ومغموره تماما في الزيت كما في شكل P55.15 قدر قراءتي الميزانين.



شكل P55.15

 m_0 يحتوي على زيت كتلته m_0 يحتوي على زيت كتلته من وكثافته ρ_0 موضوع على ميزان. كتلة من m_{Fe} الحديد كتلتها m_{Fe} معلقة من ميزان ذو زنبرك ومغموسة تماما في الزيت كما هو

مبين في شكل P55.15 عين قراءة الميزانين عند حالة الاتران.

52 [57] مسألة للإعبادة: بالإشارة إلى شكل 15.7 بين أن عــزم الدوران الكلى الذي يؤثر على خزان بواسطة الماء حول محور خلال O يساوي $\frac{1}{6}$ ρgwH^3 . بين أن خط عمل القوة الكلية التي يؤثر بها الماء يقع على مساضة Oفوق مستوى O. فوق

53 - في عام 1657 تقريباً قام أتوفن جيرك Otto Von Guericke مخترع مضخة تفريغ الهواء، بتفريغ كرة عبارة عن نصفى كرة من النحاس الأصفر. استخدم مجموعتين من الخيول كل مجموعة بها ثماني خيول كل مجموعة تشد أحد نصفى الكرة، بعد عدة محاولات أمكن فنصل نصفى الكرة شكل P15.58a بين أن القيوة اللازمية لفيصل نصفى الكرة المسرغية من الهواء تساوى مو نصف قطر نصفی R حیث R مو نصف قطر نصفی $\pi R^2(P_0-P)$ الكرة، P هو الضغط داخل نصفى الكرة وهو أقل كثيرا من الضغط الجوى P_0 (b) احسب R=0.30m و $P=0.10P_0$ القوة إذا علم أن





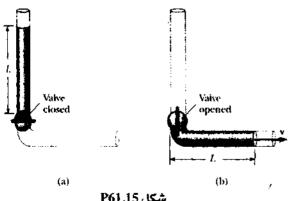
شكل (P58.15) ، صورة ملونة يرجع تاريخها إلى عام 1672 تبين تجسرية أتوفن جسيسرك التي تبين القسوة الناتجية عن ضغط الهنواء، كنمنا أجبريت أمنام الإمبراطور فردناند الثالث عام1657

54 [59] في عام 1983 صنعت الولايات المتحدة عملة السنت من سبيكة من النحاس والزنك بدلا من النحياس الخيالص. كيتلة السنت القديم المصنوع من النحساس هي 3.083g بينما كتلة السنت الجديد 2.517g احسب النسبة المتوية للزنك في العملة الجديدة (بالحجم) كثافة النحاس 8.96g/cm³ وكثافة الزنك هي 7.133g/cm³. والعلملة القلديمة والجديدة لهما نفس الحجم.

SERVICE STATES

55 - قشرة كروية رقيقة كتلتها 4.0 kg وقطرها $0.18 kg/m^3$ مملوءة بالهيليوم وكثافته 0.20 mأطلقت من السكون عند قاع حوض ماء عمقه a) 4.0m بين أن القيشرة الكروية سترتفع بعجلة ثابتة وعين مقدار تلك العجلة، أهمل تأثيرات الاحتكاك (b) ما هر الزمن اللازم لكي يصل الجزء العلوي من القشرة إلى سطح الماء.

56 - مائع غير لزج وغير قابل للانضفاط في حالته الابتدائية كان مستقرا في الجزء الراسى من الأنبيوية والمبين في شكل P61.15a حيث L = 2.0m حيث الصمام، ينساب المائع في الجزء الأفقى من الأنبوبة. ما سرعة المائع عندما يصبح كله في الأنبوبة الأضفية كما هو واضع في شكل (P61.15b)؟. افترض أن مساحة مقطع الأنبوبة كلها ثابت.



شكل P61.15

(b) لقد أعاد الرجل التجربة على القمر حيث لايوجد أي غلاف جوي، أوجد الفرق بين

مستوى الماء خارج وداخل الأنبوية الرفيعة.

59 - بين أن التفير في الضغط الجوي مع

الارتفاع يعلى بالمعادلة P=P₀ e-αh حيث

عند P_0 ، $\alpha = \rho_0 g/P_0$ هو الضيغط الجنوي عند

مستوى مرجعي y=0 و ρ_0 كثافة الهواء عند

هذا المنتوى (مستوى سطح البحر)، نفترض

أن النقص في الضفط الجوي مع زيادة

الارتفاع يعطى بمعادلة 15.4 بحيث إن

dP/dy =- ρg واهترض أن كشاهة الهواء

تتناسب مع الضغط.

57 - مسألة للمراجعة:

قرص منتظم كتلته 10kg ونصف قطره مكيس داخيل أسطوانية قطرها 5.0cm

58 - شكل P63.15 يبين سوبرمان يحاول أن يشرب ماء من خلال أنبوبة طويلة جدا ورفيعة، مستخدما كل قوته(a) أوجد أعلى ارتفاع بمكن أن يصل إليه الماء داخل الآنبوبة

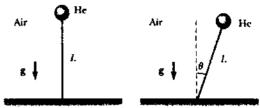


60 - مكتب من الجليد طول ضلعه 20.0mm يعوم في كوب من الماء البارد وأحد أوجهه موازيا لسطح الماء (a) على أي بعــد من سطح الماء يوجد السطح السيفلي لمكعب الجليد (b) كحول إثيلي بارد سكب برفق على سطح الماء مكونا طبقة سمكها 5.0mm فوق سطح الماء (الكحول لايمتزج بالماء). عندما اتزن مكعب الجليد من جديد ماهي المسافة من سطح الماء إلى السطح السفلي لمكعب الجليد؟ (c) أضيف المزيد من الكحول الإيثيلي البارد على سطح الماء حبتي تسباوي سطح الكحبول مع السطح العلوي لمكعب الجليد، بعد الوصول لحالة الإتزان الهيدروستاتيكي، ما هو سمك طبقة الكحول الاثيلي.

61 - مسألة للمراجعة. بالون خفيف مملوء بالهيليوم كثافته 0.18kg/m³مريرط بخيط رضيع طوله L=3.0m والخيط مربوط في الأرض، فيكون بذلك بندول بسيط مقلوب كما هو مبين في شكل P66.15a إذا أزيح البالون فليلا من وضع الإتزان كما في شكل (a) P66.15b بين أن حركة البالون والخيط حركة توافقية بسيطة (b) عين الزمن الدورى



للذبذبة، اعتبر أن كِثافة الهواء 1.29kg/m3 واهمل فقدان الطاقة عن طريق احتكاك الهواء.

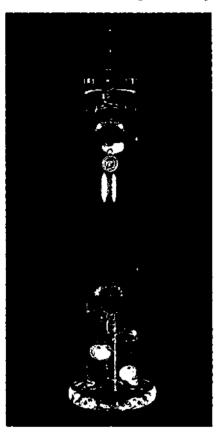


شكل P66.15 (a&b) شكل

62 - مبنى تصله المياه عن طريق أنبوبة رئيسية قطرها 6.0cm . صنبيور قطره طره 2.0cm ميوضوع على ارتفاع 2.0m من الأنبوبة الرئيسية وجد أنه يملأ وعاء سعته 25.0L في 30.0s (a) ماهي سيرعة سيريان الماء عند فوهة الصنبور؟ (b) ما هو ضغط الماء في الأنبوبة الرئيسية الذي قيطرها في الأنبوبة الرئيسية الذي قيطرها 6.0cm ؟. (افترض أن الصنبور هو الشئ الوحيد الذي ينساب منه الماء في المبنى)

63 - في عام 1654 أخترع في فلورنسا ترمومتر كحولى في أنبوبة زجاجية وهو يتكون من أنبوية زجاجية بها سائل (كحولي) ويحتوى على عدد من الكرات الزجاجية المغمورة لها كتل مختلفة قليلا شكل (P68.15) عند درجة حرارة منخفضة تطفو جميع الكرات ولكن مع ارتفاع درجة الحرارة تنغمر الكرات في الكحول الواحدة بعد الأخرى، وهذا الجهاز يعتبر وسيلة تقريبية لمعرفة درجة الحرارة. نفترض أن الأنبوبة مملوءة بكحول إيثيلي كتَافِيَة 0.78945 g/cm³ عند 20°C وتقل حتى تصل إلى 0.78097 جرام/سم٣ عند درجة حيرارة 30.0°C (a) إذا كان نصف قطر أحد الكرات 1.0cm وفي حالة اتزان عند منتصف طول الأنبوية عند درجة حرارة 20.0°C عين كتلتها (b) عندما ترتفع درجة الحسرارة إلى £30.0 مساهي كستلة الكرة

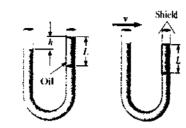
الثانية التي لها نفس نصف القطر وتكون في وضع الإتزان عند منتصف الأنبوية؟ (c) عند درجة حرارة C 30.0° سقطت الكرة الأولى إلى قاع الأنبوية، ما مقدار القوة إلى أعلى التي يؤثر بها قاع الأنبوية على الكرة ؟.



شكل P68.15

64 - أنبوية على شكل حرف U مفتوحة الطرفين مملوءة جزئيا بالماء شكل (P69.15 a) سكب بعض الزيت الذي كثافته 750kg/m³ على سطح الماء في الطرف الأيمن وكون عمودا طوله L=5.0 cm شكل (P69.15b) احسب الفرق h في ارتضاع سطحي السائل (b) الطرف الأيمن معيزول من أي تيارات هوائية بينما يوجيد تيار من الهواء فوق

الطرف الأيسر فجعل سطحي السائلين عند نفس الإرتفاع شكل (P69.15c) عين سرعة تيار الهواء الذي يؤثر على الطرف الأيسر (افترض كثافة الهواء (1.29kg/m³)





إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- فسعلى الرغم من أن الوزن مسوزع على مساحة أكبر تشاوي ما يقرب من نصف مساحة أكبر تشاوي ما يقرب من نصف المساحة الكلية لنعل حذاء اللاعب إلا أن الضغط F/A المؤثر يكون أقل نسبيا، أما وزن السيدة على الرغم من أنه أقل إلا أنه موزع على مساحة أصغر وهي مساحة مسطح كعب الحذاء. ولذلك نجد أن معظم المتاحف تمنع السيدات من السير على الأرض الخشبية للمتحف بالأحدية ذات الكعب المرتفع. وتعطيهم أحذية بدون كعب حتى لا تتلف الأرض الخشبية.
- (2.15) إذا حاول الأستاذ أن يستقر بكل ثقله على مسمار واحد فأن الضغط الواقع على جلده سيكون وزنه الكلي مقسوما على مساحة سطح المسمار وهو ضغط عالي جدا سيجعل المسمار يخترق جسمه. إلا أنه إذا وزع ثقله على مئات المسامير كما هو مبين في الصورة الفوتوغرافية سيكون الضغط المؤثر على جلده أقل بكثير لأن مساحة السطح الذي يرتكز عليه جسمه هو المساحة الكلية لسطح جميع المسامير.
- (3.15) نظرا لأن القوة الأفقية المؤثرة بالمائع الخسارجي على عنصسر من الأسطوانة يساوي في المقدار ويضاد في الإتجاء القوة

- الأفقية التي يؤثر بها المائع على عنصر آخر مبواجه للأول وعلى الجانب الآخير من القطر المار بالعنصرين فإن محصلة القوة على الأسطوانة في الإتجاه الأفقي تساوي صفراً.
- (4.15) إذا نظرت إلى الحبوب المخزونة داخل الصومعة على أنها مائع عند إذ سيكون الضغط الذي تحدثه على الحائط في أزدياد مع ازدياد العمق والمسافات بين النطاقات تكون أصغر في الأجزاء السفلية حتى يمكن التغلب على القوى الكبيرة المؤثرة نحو الخارج، والصومعه على اليمين تبين طريقة أخرى للوصول لنفس الغرص بجعل النطاقات مزدوجة عند القاعدة.
- الذبيق عمود (5.15) حيث إن الماء أقل كثافة من الزئبق عمود الماء في البارومستار المائي يجب أن يكون $h=P_0/\rho g=10.3~m$ مناسب.
- (6.15) جسم السفينة ممتلئ بالهواء وكثافة الهواء تساوي جزء من ألف من كشافة الماء. إذن الوزن الكلي للسفينة يساوي وزن حجم الماء الذي أزيح بالجزء من جسم السفينة الغاطس تحت سطح البحر.
- (7.15) يبقى كما هو، ما يحدث هو أن الجليد يحدث ثقرة في الماء ووزن الماء الذي ازيح

الضيزياء (الجزءالأول البكانيكا والديناميكا الحرارية)

من التغرة يساوي كل وزن المكس. عندما يتحول مكعب التلج إلى ماء سيملأ الماء الثغرة فقط.

(8.15) يهبط إلى أسفل، لأن سلسلة التثبيت تزيح كمية أكبر من الماء عندما تكون فوق الزورق عما إذا كانت في البحيرة. فعندما تكون فوق ظهر القارب يمكن النظر إليها كجسم طاف يزيح حجما من الماء مساويا في الوزن لوزنه أما إذا ما ألقى من على سطح الزورق فإنه يهبط في الماء ويزيح قدرا من الماء مساويا لحجمه هو.

وحيث أن كثافة سلسلة تثبيت القارب (الهلب) أكبر من كثافة الماء فإن حجم الماء الذي يزن نفس وزن السلسلة أكبر من حجم السلسلة.

(9.15) عندما ينهمر الماء تزداد سرعته لأن معدل سريان الماء ك الابد وأن يظل مقدارا ثابتا لأي مساحة مقطع (إرجع إلى معادلة 7.15). المجرى لابد وأن يضيق كلما زادات السرعة.

(10.15) من أهم صفات التورنادو أن سرعة الريح تكون عالية والضغط أقل من الضغط الجوي. الهواء الساكن داخل المنزل يكون عند الضغط الجوي. والفرق في الضغط بين الداخل والخارج ينتج عنه قوة نحو الخارج. وهذه القوة قد تصل إلى جد أنها تنتزع سقف المنزل، فتح النوافذ في هذه الحالة بساعد على جعل الضغط داخل المنزل وخارجه متساويان.

الایلی الحوالی Thermodynamics

الفصل السادس عشر: درجة الحرارة

الفصل السابع عشر: الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية

الفصل الثامن عشر: نظرية الحركة للغازات

الفصل التاسع عشر: الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانوني الثاني للديناميكا الحرارية



ستدادة الفلين وسيالت الميناه العارية في كل مكان، على عكس الإعتقاد السائد أن رج زجاجة المياه الفازية قبل فتحها لايزيد ضغط غاز ئاني أكسسيسد الكريون بداخلها، لوأنك تعرف الحيلة سيمكنك فتح زجاجة المياه الغازية بعيد رجيها دون أن تسيل منها نقطة وأحدة. فما هو السيرة ولماذا لايزداد الضغط داخل الزجاجة بعد رحها؟

درجسة الحسرارة **Temperature**

والفقع والساوس عشر

ويتصيف هذا الفصل:

3.16 الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت والمقياس المطلق لدرجات الحرارة The Constant-Volume Gas Thermometer and the Absolute Temperature Scale 4.16 التمدد الحراري للأجسام الصلبة والسوائل Thermal Expansion of Solids and Liquids 5.16 وصف ماكروسكوبي للغاز المثالي Macroscopic Description of an Ideal Gas

1.16 درجة الحرارة والقيانون الصيفري للديناميكا الحرارية

Temperature and the Zeroth Law of Thrmodynamics

2.16 الترمومترات ومقياس سلسيوس لدرجات الحرارة

Thermometers and the Celsius Temperature Scale

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في دراستنا للميكانيكا عرفنا بدقة بعض المصطلحات مثل الكتلة والقوة وطاقة الحركة وذلك لتسهيل المدخل الكمي، بالمثل الدراسة الكمية للظواهر الحرارية تقتضي تعريفا دقيقا لبعض المصطلحات مثل درجة الحرارة والحرارة والطاقة الداخلية، وهذا الباب يقوم بتعريف تلك المصطلحات كما يتناول أحد قوانين الديناميكا الحرارية وهو القانون الصفري، بعد ذلك سنتناول مقاييس درجات الحرارة الثلاث الأكثر انتشارا وهي مقياس سلسيوس Celsius scale ومقياس فهرنهيت Fahrenheit scale

ونواصل دراستنا فنتناول أهمسيسة الربط بين تركسيب المادة والظواهر الحرارية. فمثلا الغازات تتمدد بدرجة كبيرة عندما تسخن بينما السوائل والأجسام الجامدة تتمدد بدرجة أقل. إذا لم يكن الغاز حرَّ التمدد أثناء التسخين فإن ضغطه يرتفع. بعض المواد عند تسخينها تنصهر أو تغلي أو تحترق أو تنفجر وكل ذلك يعتمد علي تكوينها وتركيبها.

ونختتم هذا الباب بدراسة الغازات المثالية على المستوى الماكروسكوبي وسنهتم بالعلاقة بين بعض الكميات مثل الضغط والحجم ودرجة الحرارة، وفي الباب الثامن عشر سندرس الغازات على المستوى الميكروسكوبي باستخدام نموذج تمثل فيه جزيئات الغاز بجسيمات صغيرة.



حمم بركانية منصهرة تسيل إلى اسفل الجبل في كيلايو-هواي -Ki - المعنف درجــة العدم الساخنة التي تسيل من هوهة البركان حتى تصل إلى حالة الإتزان مع الجو المحيط بها. وعند إذ تتجمد الحمم البركانية لتكون الجبال.

ما الحرارة والقانون الصفري للديناميكا الحرارية

TEMPERATURE AND THE ZEROTH LAW OF THERMODYNAMICS

تعودنا أن نريط دائما بين مفهوم درجة الحرارة ومدى شعورنا بسخونة أو برودة الأشياء عندما 103 104 نتحسسها. ومن ثم فإن إحساسنا يعطينا مؤشرا تقريبيا عن درجة الحرارة، إلا أن إحساسنا لايمكن الإعتماد عليه في كثير من الأحيان فقد يخدعنا. على سبيل المثال عندما تخرج من الثلاجة صندوق معدني وعلبة من الكرتون ستشعر بأن الصندوق المعدني أبرد من علبة الكرتون على الرغم من أنهما عند درجة حرارة واحدة. وهذا الشعور ناتج عن أن الفلزات أكثر توصيلا للحرارة من الكرتون. إذن نحن نحتاج إلى مقياس يمكن الإعتماد عليه ويكون أكثر دقة عند تقدير درجة الحرارة أو البرودة النسبية للأجسام. لقد تمكن العلماء من إيجاد أنواع مختلفة من الترمومترات نستطيع باستخدامها من فياس درجة الحرارة بدقة عالية.

، حن نعرف الحقيقة أنه إذا وضع جسمان عند درجتي حرارة مختلفتين بحيث كانا متلامسين فإنهما سيصلا إلى درجة حرارة متوسطة، فمثلا إذا وضعنا ملعقة من الأيس كريم في كوب عند درجة حرارة الغرفة فإن الأيس كريم سينصهر ودرجة حرارة الكوب ستنخفض وبنفس الطريقة إذا وضعنا مكعب من الثاج في فنجان قهوة ساخن فإنه ينصهر وتنخفض درة حرارة الفنجان،

لإدراك مفهوم درجة الحرارة من الضروري أن نعرّف مصطلحين شائعي الإستخدام هما التلامس الحراري والإنزان الحراري Thermal equilibrium و Thermal Contact . لكي نست وعب معنى التلامس الحراري سنفترض أن جسمين موضوعين في وعاء معزول بحيث أنهما يتأثران ببعضهما فقط ون أن يتأثرا بالوسط المحيط فإذا كانا عند درجتى حرارة مختلفتين سيحدث بينهما انتقال في الطاقة عنى وإن لم يكونا في البداية في حالة تلامس. والحرارة هي انتقال الطاقة من جسم لآخر نتيجة لاختلاف درجة حرارتيهما. وسوف نتناول مفهوم الحرارة بتعمق في الباب السابع عشر. أما حاليا المنتفي بالقول إن الجسمين يكون بينهما تلامس حراري إذا ما تم بينهما تبادل للطاقة. أما الإنزان الحراري فهو الوضع الذي يكون فيه الجسمان في حالة تلامس حراري ولايحدث بينهما تبادل للطاقة من طريق الحرارة.

نفرض أن جسمين B, A ليس بينهما تلامس حراري وجسم ثالث، وهو الترمومتر، ونود أن نعرف الدا كان الجسمان B, A في حالة اتزان حراري فيما بينهما، أولا يوضع الترمومتر ليتلامس مع الجسم A حتى يصل إلى حالة اتزان حراري بعد ذلك ستظل درجة حرارة الترمومتر ثابته فندونها، وصع الترمومتر بعد ذلك مع الجسم B بحيث يلامسه وبعد أن يصلا إلى حالة اتزان حراري نسجل ورجة الحرارة، فإذا وجدنا أن درجتي الحرارة متساويتان إذن الجسم A والجسم B في حالة اتزان حراري فيما بينهما.

ويمكن تلخيص تلك النتائج في صورة قنانون يسمى القنانون الصفري للديناميكا الحرارية The zeroth Law of Thermodynamics ونصه كما يلى:-

إذا كان جسمان B , A كل منهما على حدة في حالة اتزان حراري مع جسم ثالث، فإن الجسمين B , A يكونان في حالة اتزان حراري فيما بينهما .

وهذا القانون من السهل إثباته عمليا ، كما أنه على درجة كبيرة من الأهمية لأنه بمكننا من تعريف مرحة الحرارة، فيمكننا أن نعرف درجة الحرارة على أنها الخاصية التي تحدد ما إذا كان جسم في حالة الران حرارى مع آخر.

فالجسمان المتزنان حراريا مع بعضهما يكونان عند درجة حرارة واحدة أو على العكس إذا كان الحسمان عند درجتي حرارة مختلفتين فإنهما لا يكونان في حالة اتزان حراري فيما بينهما.



2.16 > الترمومترات ومقياس سلسيوس لدرجات الحرارة

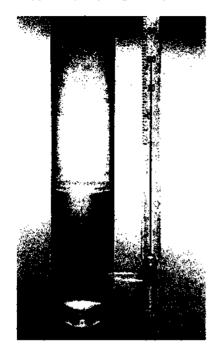
THERMOMETERS AND THE CELSIUS TEMPERATURE SCALE

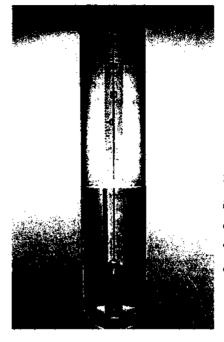
الترمومترات هي وسائل تستخدم في تعريف وقياس درجات الحرارة، وتقوم فكرة جسيع الترمومترات على أساس أن أحد خواص مادة ما تتغير عندما تتغير درجة حرارتها، ومن بين الخواص التي تتغير بتغير درجة الحرارة

(1) حجم السائل (2) طول جسم صلب (3) ضغط غاز عند ثبات حجمه (4) حجم غاز عند ثبات ضغطه (5) المقاومة الكهريائية لموصل (6) لون جسم ما، ويمكن وضع مقياس لدرجات الحرارة يصلح لأي مدى على أساس أي من تلك الخواص الطبيعية

أحد الترمومترات شائعة الإستخدام يحتوي على كمية من السائل غالبا الزئبق أو الكحول، وهذا `` السائل يتمدد داخل أنبوبة شعرية من الزجاج عندما بسخَّن شكل (1.16) ، الخاصة الطبيعية في هذه الحالة هي التغير في حجم السائل، وأي تغير في درجة الحرارة يمكن اعتبار أنه يتناسب مع التغير في طول عمود السائل. ويعاير الترمومتر بوضعه في حالة تلامس حراري مع نظام طبيعي تظل درجة حبرارته ثابتيه، أحد تلك الأنظمية هي خليط من الجليد والماء في حيالة اتزان تحت الضغط الجوي العادي، وتعرف درجة حرارة هذا الخليط على مقياس سلسيوس بأنها تساوي صفر درجة سلسيوس وتكتب على النحو التالي 0°C ودرجة حرارة هذا الخليط المتزن تسمى نقطة تجمد الماء أو نقطة الجليد Ice Point وهناك نظام آخر يستخدم كذلك في معايرة الترمومترات وهو خليط من الماء وبخاره في حالة اتزان حراري عند الضغط الجوي ودرجة حرارته تعرّف على أنها تساوي °C وتسمى نقطة غليان الماء Steam Point . وبعد تحديد مستوى ارتفاع السائل في الترمومتر عند هاتين النقطتين تقسم المسافة بينهما إلى 100 قسم متساو وذلك لكي نحدد مقياس سلسيوس. إذن كل قسم يناظر تغيرا في درجة الحرارة مقداره درجة سلسيوس واحدة، وهذا المقياس كان يسمى في الماضي المقياس المئوي لدرجات الحرارة حيث إنه مقسم إلى 100 قسم بين نقطتي الجليد وبخار الماء، والترمومترات المعايره بهذه الطريقة قد تؤدى إلى بعض المشاكل عند استخدامها في القياسات الدقيقة. فمثلا سنجد أن القراءات التي ببينها ترمومتر كحولي معاير عند نقطتي الجليد وبخار الماء يحتمل أن تتفق مع القراءات التي يبينها ترمومتر زئبقي عند نقط المعايرة فقط حيث أن الزئبق والكحول لهما خواص مختلفة في التمدد الحراري فعندما يقرأ أحد الترمومترين C°50 يحتمل أن يبين الترمومتر الآخر فيمة تختلف فليلا عن تلك الدرجة وهذا الإختلاف سيزداد عندما تكون درجات الحرارة المراد فياسها بعيدة عن درجات المعابرة⁽¹⁾.

⁽¹⁾ ترمومتران بهما نفس السائل قد يعطيان قراءات مختلفة ويرجع ذلك إلى صعوبة تصنيع أنابيب شعرية زجاجية ذات قطر منتظم ليمر بها الزئبق.





شكل (1.16) نتيجة الدو عد الحراري يرتفع والمستوى الزئبق في الدومومتر كلما ارتفعت ورودة الماء في

وهناك مشكلة عملية أخرى في أي ترمومتر وهي تتعلق بالمدى المحدد في درجات الحرارة التي مدخدامه فيه. فالترمومتر الزئبقي على سبيل المثال لايمكن استخدامه تحت نقطة تجمد الزئبق وهي (2°C) كما أن الترمومتر الكعولي لايمكن استخدامه في درجات الحرارة أعلى من (85°C) وهي مدالة غليان الكحول. لكي نتخطى تلك العقبة نحتاج إلى ترمومتر لاتتوقف قراءته على المادة المستخدمه هده. والترمومتر الغازي الذي سيناقش في القسم التالي يقترب من تحقيق هذا المطلب

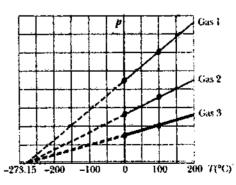
وا. 3. الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت والمقياس المطلق لدرجات الحرارة THE CONSTANT VOLUME GAS THERMOMETER AND THE ABSOLUTE TEMPERATURE SCALE

قراءات درجات الحرارة التي يعطيها الترمومتر الغازي لاتعتمد على المادة المستخدمة في الترمومتر البير مد كبير، واحد أنواع الترمومترات الغازية هو الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت الموضح في شكل (١٠٠٠). الخاصية الطبيعية المستخدمة لتحديد درجة الحرارة في هذا الجهاز هي تغير الضغط لحجم الدن من الغاز مع تغير درجة الحرارة، في أول الأمر كان الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت يعاير السنخدام نقطتي الجليد وبخار الماء كما يلي: يغمر الدورق في حمام جليد ويرفع المستودع B أو يخفض من بصل سطح الزئبق في العمود A إلى نقطة الصفر على التدريج الإرتفاع h وهو الفرق بين مستوى ما ما الزئبق في المستودع B والعمود A يعين مقدار الضغط في القارورة عند درجة الحرارة صفر السنووس 0°C . تغمر القارورة بعد ذلك في الماء عند نقطة بخار الماء ويعاد ضبط المستودع B حتى السناء الزئبق في العمود A عند صفر التدريج من جديد، وهذا يدل على أن حجم الغاز صار نفس (سمل سطح الزئبق في العمود A عند صفر التدريج من جديد، وهذا يدل على أن حجم الغاز صار نفس (سمل سطح الزئبق في العمود A عند صفر التدريج من جديد، وهذا يدل على أن حجم الغاز صار نفس (سمل سطح الزئبق في العمود القدر سفر التدريج من جديد، وهذا يدل على أن حجم الغاز صار نفس (سمل سطح الزئبق في العمود القدر سفر التدريج من جديد، وهذا يدل على أن حجم الغاز صار نفس (سمل سطح الزئبق في العمود القدر سفر التدريج من جديد، وهذا يدل على أن حجم الغاز صار نفس (سمل سطح الزئبق في العمود القدر سفر القدر الماء ويعاد ضبط الغاز صار نفس (سمل الماء ويعاد ضبط الغاز صار نفس (سمل الماء ويعاد ضبط الغاز صار نفس (سمل الماء ويعاد صور القدر الغار صور القدر الماء ويعاد ضبط الغاز صار نفس (سماء الماء ويعاد صور القدر الماء ويعاد صور الماء ويعاد صور القدر الماء ويعاد صور الماء ويعاد صور

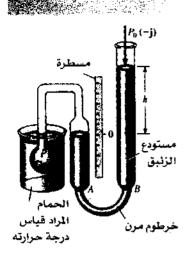
الضرباء (الجزء الأول - المتكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحجم كما كان في حمام الجليد ومن ثم يسمى الترمومتر ثابت الحجم" ومستوى الزئبق في العمود B يعطى قيمة لضغط الغاز عند 100°C (هناك طريقة أخرى للمعايرة سوف نذكرها بعد ذلك وهي تستخدم حاليا). الرسم البياني في شكل (3.16) يوضح فيسمت الضغط ودرجة الحبرارة والخط الواصل بين النقطتين يمثل منحنى المعايرة لتحديد درجات الحرارة المجهولة. فإذا ما أردنا تحديد درجة حرارة مادة، نضع القارورة التي بها الغاز في تلامس حراري مع المادة ونضبط مستوى الستودع B حتى يصل سطح الزئبق في العمود A عند نقطة الصفر من التدريج وارتفاع عمود الزئبق يحدد ضغط الغاز. وبمعرفة الضغط يمكن تحديد درجة حرارة المادة باستخدام الرسم البياني في شكل (3.16).

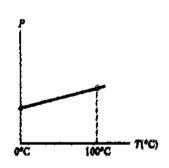
الآن سنفترض أن درجات الحرارة نقاس بترمومترات 10.3 غازية تحتوى على غازات مختلفة عند ضغوط ابتدائية مختلفة. لقد بينت النتائج أن قراءات الترمومترات لا تتوقف تقريبا على نوع الغاز المستخدم طالما كان ضغط الغاز منخفضا ودرجية الحيرارة أعلى من الدرجية التي يسيال عندها الغياز. ويزداد الإتفاق بين فراءات الترمومترات باستخدام غازات مختلفة كلما انخفض الضغط شكل (16.4).



شكل (4.16) العلاقة البيانية بين الضغط ودرجة الحرارة لثلاث غازات مختلفة لاحظ أنه في جميع الحالات بمد الخط على استقامته يصل إلى ضغط يساوي صفر عند درجة حرارة 650 كنساوي 273.15°C.



شكل(2.16) ترمومتر غازى ثابت الحجم يقيس ضغط الغباز الموجبود في القبارورة المغمورة في الحمام بينما بظل حجم الفاز في القارورة ثابتا ويتم ذلك برفع أو خفض المستودع B لكي يظل مستوى الزئبق في العمود A ثابتا.



شكل (3.16) خط بياني يبين الضغط ودرجة الحرارة مأخوذ بواسطة ترمومتر غازي دو حجم ثابت.

النقطتان تمثلان درجتان عياريتان هما نقطة تجمد الجليد ونقطة بخار الماء،

web

for more information about the temperature standard, visit the National Institute of Standards and Technology at http://www.nist.gov

بمد المنعنيات في شكل 4.16 نحو درجات الحرازة السائبة سنجد في جميع الحالات أن الضغط السير صفرا عند درجة حرارة تساوي 273.15°C - . وهذه الدرجة الميزة تستخدم كأساس للمقياس المالق لدرجات الحرارة الذي جعل الدرجة 273.15°C - هي نقطة الصفر. ودرجة الحرارة هذه تسمى الملق الحرارة الذي جعل الدرجة على المقياس المطلق يساوي حجم الدرجة على مقياس المساوس. ومن ثم فإن التحويل بين هذه الدرجات يتم باستخدام العلاقة:

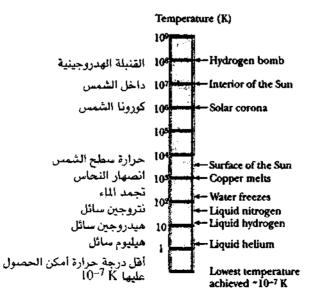
$$T_{\rm C} = T - 273.15$$
 (1.16)

حيث $T_{\rm C}$ هي الدرجة سلسيوس و T هي الدرجة المطلقة.

ونظرا لأن تجمد الجليد وبخار الماء من الصعب تكرارهما عمليا، فقد اتفق على تحقيق المقياس الطلق على أساس نقطة ثابتة واحدة، وثم هذا الإتفاق في عام 1954 بواسطة اللجنة الدولية للمقابيس والموازين، ومن بين قائمة النقط الثابتة الخاصة بالعديد من المواد جدول (1.16) أختيرت النقطة الذلاثية للماء كنقطة مرجعية لهذا المقياس، والنقطة الثلاثية للماء هي درجة الحرارة والضغط الذي مدهما يتواجد الماء السائل وبخار الماء والجليد معا في حالة اتزان، وهذه النقطة الثلاثية تحدث عند درجة حرارة تساوي 0.01°C وضغط يساوي 4.58 مليمتر زئبق.

وعلى المقياس المطلق الذي تستخدم هيه الوحدة كلفن Kelvin ، درجة حرارة النقطة الثلاثية للماء ساوي 273.16 K (لاحظ عدم وجود علامة الدرجة عند استخدام الوحدة كلفن). وقد تم هذا الاختيار ، تى ينطبق المقياس المطلق لدرجات الحرارة المبني على أساس نقطتي الجليد وبخار الماء والمقياس المللق الجديد المبني على أساس النقطة الثلاثية للماء. والمقياس المطلق (يسمى أيضا مقياس كلفن المدردة الحرارة المدردة الحرارة المدردة كلفن .

ويعرف الكلفن على أنه 1/273.16 من الفرق بين الصفر المطلق ودرجة حرارة النقطة الثلاثية للماء.



شكل (5.16) درجات الحرارة المطاقة التي عندها تتم مختلف العمليات الفيزيائية مقياس الرسم لوغارتمي

حدول (1.16) درجات حرارة النقط الثابته*

درجة الحرارة (K)	درجة الحرارة (°C)	النقطة الثابته
13.81	-259.34	النقطة الثلاثية للهيدروجين
4.215	-268.93	نقطة غليان الهيليوم
17.042	-256.108	نقطة غليان الهيدروجين عند
		ضغط 33.36KPa
20.28	-252.87	بقطة غليان الهيدروجين
27.102	-246.048	النقطة الثلاثية للنيون
54.361	-218.789	النقطة الثلاثية للأكسجين
90.188	-182,962	نقطة غليان الأكسجين
273.16	0.01	النقطة الثلاثية للماء
373.15	100.00	نقطة غليان الماء
505.118 1	231.968 1	نقطة تجمد القصدير
692.73	419.58	نقطة تجمد الزنك
1 235.08	961.93	نقطة تجمد الفضة
1 337.58	1 064.43	نقطة تجمد الذهب

* حصم القيم الذكورة مأخوذة عن 1975 May National Bureau of Standards Special Publication 420. May 1975 جميع القيم عند ضغط جو واحد ما عدا النقط الثلاثية.

يبين شكل 5.16 درجة الحرارة المطلقة لمختلف العمليات الطبيعية ودرجة الصفر المطلق لايمكن الوصول إليها إلا أن بعض التجارب المعملية باستخدام أشعة الليزر في تبريد الذرات مكنت من الوصول إلى درجات قريبة جدا من الصفر المطلق.

ماذا يحدث لغاز لو أن درجة حرارته وصلت إلى الصفر المطلق؟ كما يبين شكل (4.16) سيصبح الضغط على جدران الوعباء الذي يحتوي هذا الغاز مساويا صفراً وفي القسم 5.16 سوف نبين أن ضغط الغاز يتناسب مع متوسط طاقة الحركة لجزيئاته ومن ثم طبقاً للفيزياء الكلاسيكية تكون طاقة الحركة لجزئيات الفاز تساوى صفر عند الصفر المطلق، كما تتوقف حركة الجزيئات وتستقر في قاع الوعاء الذي يحتوي على الغاز. إلا أن نظرية الكم أعطت نموذجا محتلفا وبينت أن بعض الطاقة تظل متبقية عند الصفر المللق وتسمى طاقة نقطة الصفر Zero Point energy .

مقياس سلسيوس وفهرنهيت وكلفن لدرجات الحرارة(2)

The celsius, Fahrenheit and Kelvin Temperature Scales

معادلة (1.16) تبين أن درجة الحرارة سلسيوس ٢٠ مـزاحـة عن درجة الحرارة المطلقة (كلفن) بمقدار 273.15°C. وحيث أن حجم الدرجة واحد على المقياسين فإن فرقا في درجات الحرارة قدره $^{\circ}$ 5 يساوي فرقا في درجات الحرارة قدره $^{\circ}$ 5 فالمقياسان يختلفان فقط في اختيار نقطة الصفر. ولذلك نجد أن درجة تجمد الجليد على مقياس كلفن $^{\circ}$ 273.15K تناظر $^{\circ}$ 0.00 على مقياس سلسيوس ودرجة غليان الماء أي نقطة البخار على مقياس كلفن تساوي $^{\circ}$ 373.15 وتناظر $^{\circ}$ 00.00 على مقياس حلسيوس.

Fahrenheit Scale المقياس المستخدم في الحياة اليومية بالولايات المتحدة هو مقياس فاهرنهيت الحياة اليومية بالولايات المتحدة هو مقياس فاهرنهيس مقياس سلسيوس ونقطة تجمد الجليد على هذا المقياس 32° 5 ونقطة غليان الماء 32° 6 والعلاقة بين مقياس سلسيوس وفاهرنهيت هي:

$$T_{\rm F} = \frac{9}{5}T_{\rm C} + 32^{\circ}{\rm F}$$
 (2.16)

اختبار سريع 1.16

ما هو المدلول الفيزيائي للعامل $rac{9}{5}$ في المعادلة (2.16)؟ ولماذا لا يوجد في المعادلة (1.16) .

استطرادا للأفكار التي وردت في الإحتبار السريع (1.16) سنستخدم معادلة (2.16) لإيجاد علاقة استطرادا للأفكار التي وردت في الإحتبار السريع وكلفن وفاهرنهيت.

$$\Delta T_C = \Delta T = \frac{5}{6} \Delta T_{\rm E} \tag{3.16}$$

مثال (1.16) تحويل درجات الحرارة

درجة حرارة الجو في أحد الأيام F°50 كم تكون درجة الحرارة بالدرجة سلسيوس والدرجة كلڤن.

الحل: بإحلال $T_F \simeq 50^{\circ} F$ في معادلة (2.16) نحصل على

$$T_{\rm C} = \frac{5}{9} (T_{\rm F} - 32) = \frac{5}{9} (50 - 32) = 10^{\circ}{\rm C}$$

ومن معادلة (1.16) نجد أن

$$T = T_{\rm C} + 273.15 = 10 + 273.15 = 283.15 \,\mathrm{K}$$

هناك مجموعة من درجات الحرارة المتعلقة بالجو ونظائرها على المقاييس الأخرى سنذكرها ماء الله مجموعة من درجات الحرارة المتعلقة بالجو ونظائرها على المقاييس الأخرى سنذكرها على:

درجة تجمد الماء 0°C وتعادل 32°F

درجة حرارة الجو عند 10°C تعادل 50F

رجة حرارة الجو في يوم حار 30°C وتعادل F °86°

مثال 16.2 تسخين وعاء به ماء:

وعاء به ماء، سُخن من $^{\circ}$ 25 إلى $^{\circ}$ 80 ما هو مقدار التغير في درجة حرارته على مقياس كلفن وفاهرنهيت.

الحل؛ من معادلة 3.16 نرى أن التغير في درجة الحرارة على مقياس سلسيوس يساوي التغير في درجة الحرارة على مقياس كلفن أى أن

$$\Delta T = \Delta T_{\rm C} = 80^{\circ} \rm C - 25^{\circ} \rm C = 55^{\circ} \rm C = 55 \, K$$

ومن معادلة 16.3 نجد كذلك أن

$$\Delta T_{\rm F} = \frac{9}{5} \Delta T_{\rm C} = \frac{9}{5} (55^{\circ}{\rm C}) = 99^{\circ}{\rm F}$$

416 ك التمدد الحراري للأجسام الصلبة والسوائل

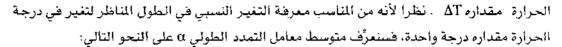
THERMAL EXPANSION OF SOLIDS AND LIQUIDS

في دراستنا للترمومترات الزجاجية وجدنا أنه قد تمت الإستفادة من إحدى الخواص الهامة للمواد وهي ازدياد الحجم بارتفاع درجة الحرارة (بعض المواد ينكمش حجمها مع ارتفاع درجة الحرارة كما سنرى بعد قليل). هذه الظاهره التي تسمى التمدد الحراري Thermal expansion تلعب دورا هاما في العديد من الاستخدامات الهندسية، على سبيل المثال الفواصل الخاصة بالتمدد الحراري مثل تلك التي نراها في شكل (6.16) لابد من وجودها في المباني والطرق السريعة الخرسانية وخطوط السكك الحديدية وحوائط الطوب الأحمر والكباري لكي تعادل التغيرات في الأبعاد الناتجة عن تغير درجات الحرارة.

التمدد الحراري ينتج عن التغير في الأبعاد بين ذرات الأجسام، ولكي نفهم ذلك سنتخيل أن الذرات في المواد مرتبطة ببعضها بواسطة زنبركات قوية كما نرى في شكل (7.16)، في درجات الحرارة المعتادة تتذبذب الذرات في الأجسام الجامدة حول أوضاع الإنزان وسعة الذبذبة تكون في حدود 10-10م والتردد في حدود 10-10 هرتز، والمسافات بين الذرات تكون في المتوسط 10-10 م.

مع ازدياد درجة حرارة الجسم تزداد سعة ذبذبة الذرات ومن ثم تزداد المسافة الفاصلة بينها $^{(8)}$. وينتج عن ذلك تمدد الأجسام، إذا كان التمدد الحراري صغيرا نسبيا بالمقارنة بأبعاد الجسم قبل التمدد فإن التغير في أي بعد من الأبعاد يتناسب مع التغير في درجة الحرارة تقريباً، نفترض أن جسما طول أحد أبعاده الابتدائية L_i في اتجاه ما عند درجة حرارة ما وازداد الطول بمقدار ΔL لارتفاع في درجة

⁽³⁾ بصورة أدق التمدد الحراري ينتج عن الطبيعة غيرالمتماثلة لمتعنى طاقة الوضع للذرات في الأجسام الجامدة، فإذا كان المتذبذب توافقي الحركة فعلاً، فإن المسافات بين الذرات لا تتغير بغض النظر عن سعة الذبذبة.



$$\alpha \equiv \frac{\Delta L/L_i}{\Delta T}$$
 are number of the state of the sta

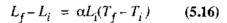




شكل (6.16) (a) هواصل للتصدد الحراري تستخدم في الطرق وفي الكباري بدون هذه الفواصل يحدث انحناء في السطح نتيجة للتمدد الحراري في الصيف أو تشتق نتيجة للإنكماش في الأيام الباردة (b) الفواصل الطولية في الحوائط تملؤ بمادة رخوة بحيث تسمح للحائط بالتمدد والإنكماش عندما تتفير درجة حرارة الحائط.

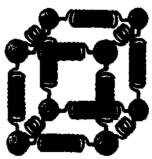
وقد بينت التجارب أن α مقدار ثابت في حالة التغيرات الصغيرة في درجة الحرارة ولتسهيل إجراء الحسابات نكتب تلك المعادلة بالصورة التالية:

 $\Delta L = \alpha L_{\rm i} \Delta T$ (4.16) التغير في الطول لجسم ما يتناسب مع التغير في درجة الحرارة أو بالصورة



حيث L_f هو الطول النهائي T_f , $T_{i'}$ هما درجتا الحرارة الإبتدائية والنهائية على الترتيب، ثابت التناسب α هو متوسط مامل التمدد الطولي للعادة ووحدته ${}^{-1}$.

وقد يكون من المفيد أن نتصور التمدد الحراري كأنة تكبير السورة فوترغرافية للجسم، على سبيل المثال بتسخين قرص منوع من الحديد شكل (8.16) تزداد جميع أبعاده بما في دلك قطر الفتيحة طبقا لمعادلة 4.16، جدول 2.16 يعطى متوسط معامل التمدد الطولي للمواد المختلفة لاحظا أن α وجبة لجميع المواد مما يعني ازدياد الطول بارتفاع درجية الحرارة إلا أن ذلك ليس في جميع الحالات فهناك بعض المواد



شكل (7.16) نموذج ميكانيكي يبين توزيع النرات في مسادة. النرات مي مسينه مبينه على شكل كرات مرتبطة ببعضها بواسطة زنبركات لكي توضع الطبيعة المرنة للقوى بين النرات.

الضيرياء (الجزءالأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

مثل الكالسيت ${\rm Ca} \; {\rm CO}_3$ يتمدد أحد أبعاده (α) موجبة) بينما ينكمش البعد الآخر (α) سالبة) مع ارتفاع درجة الحرارة.

حيث إن الأبعاد الخطية للجسم تتغير بتغير درجة الحرارة فلابد أن يتغير الحجم ومساحة السطح كذلك. والتغير في الحجم مع ثبات الضغط يتناسب مع الحجم الابتدائي V_i ومع التغير في درجة الحرارة طبقاً للمعادلة :

$$\Delta V = \beta V_i \Delta T \tag{6.16}$$

حيث β هي متوسط معامل التمدد الحجمي للأجسام الصلبة وهو يساوي تقريبا ثلاث أمثال متوسط معامل التمدد الطولي أي أن $3\alpha = \beta$ (هذا بفرض أن معامل التمدد الطولي واحد في جميع الإتجاهات)

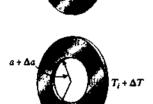
ولكي نوضح كيف أن $\beta=3\alpha$ للجسم الصلب، افترض مندوقا أبعاده هي β , ω , δ وحجمه عند درجة حرارة ما T_i هو V_i يساوي δ إذا تغييرت درجة الحرارة وصيارت δ بعد من أبعاد سيتنفير الحجم ليصبح δ δ + δ حيث إن كل بعد من أبعاد الصندوق سيتغير طبقا لمعادلة δ .4.16 إذن

$$V_{i} + \Delta V = (\ell + \Delta \ell) (\omega + \Delta \omega) (h + \Delta h)$$

$$= (\ell + \alpha \ell \Delta T) (\omega + \alpha \omega \Delta T) (h + \alpha h \Delta T)$$

$$= \ell \omega h (1 + \alpha \Delta T)^{3}$$

$$= V_{i} [1 + 3\alpha \Delta T + 3(\alpha \Delta T)^{2} + (\alpha \Delta T)^{3}]$$



The second secon



شكل (8.16) التسميدد الحيراري لقيرص رفيع منجانس معدني، بتسخين القرص تزداد جميم الأيماد

جدول (2.16)متوسط معامل التمدد الطولي لبعض الواد عند درجة حرارة الغرفة

متوسط معامل تمدد العجمي <u>(C⁻¹) β</u>		متوسط معامل التمدد الطول <i>ي</i> α (°C ^{-I})	المادة
1.12 x 10 ⁻⁴	كحول إثيلي	24 x 10 ⁻⁶	ألمونيوم
1.24 x 10 ⁻⁴	بنزين	19 x 10 ⁻⁶	النحاس الأصفر والبرونز
1.5×10^{-4}	أسيتون	17 x 10 ⁻⁶	التجاس
4.85 x 10 ⁴	جلسرين	9 x 10 ⁻⁶	الزجاج (العادي)
1.82×10^{-4}	زئبق	3.2 x 10 ⁻⁶	الزجاج (بيركس)
9.0 x 10 ⁻⁴	ترينتينه	29×10^{-6}	الرمناص
9.6 x 10 ⁻⁴	جازولين	11 x 10 ⁻⁶	الصلب
3.67×10^{-3}	هواء عند درجة 0°C	∞0.9 x 10 ⁻⁶	الإنفار(سبيكة Ni-Fe)
3.665 x 10 ⁻³	هليليوم	12 x 10 ⁻⁶	الخرسانة

إذا قسمنا طرفي المعادلة على V_i ثم نقلنا الحد $\frac{\Delta V}{V_i}$ في الطرف الأيسار من المعادلة وباقي الحدود v_i الطرف الأيمن سنحصل على التغير النسبي في الحجم

$$\frac{\Delta V}{V_i} = 3\alpha \Delta T + 3(\alpha \Delta T)^2 + (\alpha \Delta T)^3$$

وحيث إن $1 >> \alpha \Delta T$ عندما تكون $\Delta T < 100$ ك يمكننا اهمال الحدأن $3(\alpha \Delta T)^2$ وحيث إن $\Delta T < 100$ وهذا التقريب سنحصل على المعادلة

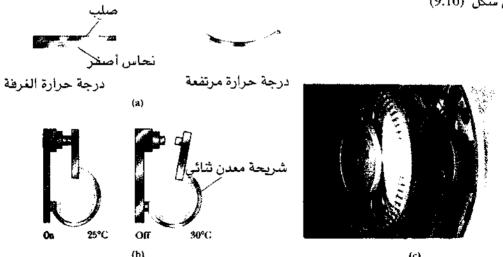
$$\frac{\Delta V}{V_i} = 3\alpha \Delta T$$

$$3\alpha = \frac{1}{V_i} \frac{\Delta V}{\Delta T}$$

والمعادلة (6.16) تبين أن الطرف الأيمن لهذه المعادلة يساوي β ومن ثم نجد أن $\beta = 3\alpha$ وبنفس الطريقة يمكن أن نثبت أن التغير في المساحة لصفيحة مستطيلة يعطى بالمعادلة

$$\Delta A = 3\alpha A_i \Delta T$$
 (53 مسألة (53 إرجع إلى مسألة (53 أ

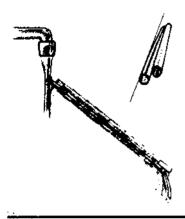
كما نرى من جدول (2.16) لكل مادة معامل تمدد طولي خاص بها فمثلا إذا زادت درجة حرارة قضيب من النحاس الأصفر وآخر من الصلب لهما نفس الطول الإبتدائي وبنفس المقدار وكانت درجة حرارتهما الابتدائية واحدة فإن قضيب الصلب. وقد حرارتهما الابتدائية واحدة فإن قضيب النحاس الأصفر سيتمدد أكثر من قصيب الصلب. وقد استخدمت هذه الظاهرة في عمل وسيلة بسيطة تسمى شريحة المعدن الثنائي bimetallic strip وهي تستخدم كمنظم لدرجات الحرارة وهي تتكون من شريحتين رفيعتين من معدنين مختلفين ملتصفين ببعضهما وعندما ترتفع درجة حرارة هذه الشريحة يتمدد المعدنان بمقادير مختلفة فتتقوس الشريحة كما في شكل (9.16)



شكل (9.16) شريعة المعدن الثنائي (a) الشريعة تنعنى مع تغير درجة الحرارة لأن للمعدنين معاملين مختلفين للتمدد (b) شريعة المعدن الثنائي تستخدم كترم وستات لقفل أو فتح دائرة كهربائية (c) التركيب الداخلي لترموستات يبين الثنائي المعدني ملفوف على بعضه. كيف تفسر السبب في جعل الشريعة ملفوفة على بعضها؟

معمل سريع الماليي

ضم مصاميتان ورفيتان مثل المصاصات المستخدم في شرب السوائل المرطبة مستخدما شريط لاصق كما في الشكل بحيث تكون إحداهما متقدمة عن الأخرى بمقدار 2 سنتيمتر تقريبا ضعها في تيار ماء ساخن يتدفق من صنبور بحيث يدخل الماء الساخن أحد الأنبوبتين دون الأخرى ضع الأنبوبتين في وضع رأسي بسرعة وانظر إليهما بتمعن ستلاحظ وجود تقوس بسيط على طول الشريط اللاصق ناتج من اختلاف التمدد في الأنبوبتين قد يكون التغيير طفيفا. ضع ماء بارد في نفس الأنبوبة التي كان بها الماء الساخن ستلاحظ بوضوح تغير طفيف في الشكل.



اختبار موجز 2.16

إذا غمرت الترمومتر المستخدم في قياس درجة حرارة الغرفة بسرعة في ماء ساخن جدا. تلاحظ أن مستوى الزئبق سوف يهبط قليلا قبل أن يرتفع إلى درجة الحرارة النهائية لماذا؟

اختيار موجز 3.16

إذا كنت سنمنح جائزة إذا ما صنعت ترمومتر زجاجي ذو حساسية عالية باستخدام بعض المواد في جدول 2.16 فأى نوع من الزجاج وأى سائل شفاف سوف تختار؟

مثال 16.3 تمدد قضيب السكة الحديد

قضيب للسكة الحديد طوله 30.0m عندما كانت درجة الحرارة 0.0°C (a) كم يكون طوله عندما ترتفع درجة الحرارة إلى 40.0°C ؟

الحل: باستخدام جدول 2.16 وبمعرفة أن التغير في درجة الحرارة 40.0°C سنجد أن الزيادة في الطول هي:

 $\Delta L = \alpha L_1 \Delta T = [11 \times 10^{-6} (^{\circ}C)^{-1}] (30.000 \text{ m}) (40.0^{\circ}C)$ = 0.013 m

إذا كان طول القضيب m 30.00 عند 0°C سيكون طوله عند 40.0°C هو عند

(b) نفرض أن نهايات القضيب قد ثبتت في مكانها 658) عند درجة 0°C حتى لايحدث التمدد فما هو مقدار



الحرارة المرتشعة في الصيف في أحدى المدن تسبببت في انبعاج قضبان السكة الحديد وخروج القطار عن القضبان.



 40.0° C إلى عدرت في القضيب إذا ارتفعت درجة حرارته إلى

الحله

من تعريف معامل ينج للأجسام الصلبة انظر معادلة (6.12) نجد أن الإجهاد الطولي يساوي

$$Y\frac{\Delta L}{L_i} = \frac{F}{A}$$

وبما أن y للصلب تساوي 20 x 1010N/m² انظر جدول (12.1) نجد أن

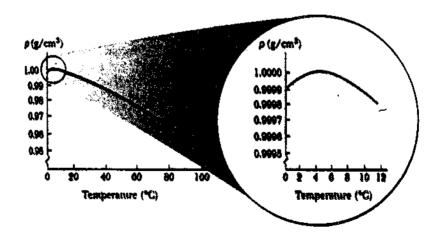
$$\frac{F}{A} = (20 \times 10^{10} \text{ N/m}^2) \left(\frac{0.013 \text{ m}}{30.000 \text{ m}} \right) = 8.7 \times 10^7 \text{ N/m}^2$$

تمرين: إذا كانت مساحة مقطع القضيب هي 30.0 cm² فما مقدار قوة التضاغط في القضيب Force of Compression

الإجابة: 2.6 x 10⁵ N

السلوك الشاذ للماء The unusual Behavior of Water

يزداد حجم السوائل بصفة عامة مع ارتفاع درجة الحرارة ومتوسط معامل تمددها الحجمي أكبر عشر مرات من معامل التمدد الحجمي للأجسام الصلبة إلا أن الماء يشز عن هذه القاعدة، كما نرى من منحنى الكثافة مع درجة الحرارة في شكل (10.16). مع ارتفاع درجة الحرارة من صفر إلى 4.0° C ينكمش الماء ومن ثم تزداد كثافته، وأعلى من 4.0° C يتمدد الماء مع زيادة درجة الحرارة ومن ثم تقل كثافته. وكثافة الماء تصل إلى أعلى قيمة لها وهي 4.0° C عند 4.0° C ويمكننا باستخدام التمدد الحراري غير المعتاد للماء أن نفسر تجمد مياه المستنقعات عند السطح وليس عند القاع. فعندما تهبط



شكل(10.16) رسم يبين كيف تتغير كثافة الماء مع تغير درجة الحرارة عند الضغط الجوي والدائرة التي على اليمين تبين أن كثافة الماء تصل إلى أعلى قيمة لها عند 4°C.

الضيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

درجة حرارة الجو مثلاً من °7 إلى °6 يبرد الماء عند السطح ومن ثم يقل حجمه. وهذا يعني أن الماء عند السطح أكبر كثافة من الماء الذي أسفله نظرا لأنه لم يبرد بعد ليقل حجمه. نتيجة لذلك يهبط الماء من السطح إلى أسفل ويرتفع الماء الدافئ من أسفل إلى السطح لكي يبرد. عندما تكون درجة حرارة الجو بين 4°C و 0°C . يتمدد الماء كلما قلت درجة حرارته ليصبح أقل كثافة من الماء الذي أسفله. وتتوقف عملية الخلط بين طبقات الماء العلوية والسفلية. ومن الطبيعي أن يتجمد الماء عند السطح. وعندما يتجمد الماء يظل الجليد فوق السطح لأنه أقل كثافة من الماء، ويتراكم الجليد على السطح بينما يظل الماء قرب القاع عند درجة حرارة C°C ، ولو لم يكن الأمر كذلك لما استطاعت الأسماك وغيرها من أشكال الحياة المائية أن تعيش في البحار التي تتجمد مياهها في الشتاء.

5.16 > وصف ماكروسكوبي للغاز المثالي

MACROSCOPIC DESCRIPTION OF AN IDEAL GAS

في هذا القسم ندرس خواص غاز كتلته m موجود داخل وعاء حجمه $extstyle{V}$ عند ضغط P ودرجة $oldsymbol{\omega}$ 10.5 حرارة T وكيف ترتبط هذه الكميات ببعضها وبصفة عامة المعادلة التي تربط بين تلك الكميات تسمى معادلة الحالة وهي معقدة جدا. إلا أنه إذا كان الغاز تحت ضغط منخفض جدا (أي منخفض الكثافة) تكون معادلة الحالة في غاية البساطة ويمكن إيجادها عمليا. وهذا الغاز منخفض الكثافة يسمى الغاز المثالي⁽⁴⁾ من المناسب أن نعبر عن كمية الغاز في حجم ما بدلالة عدد المولات n. كما سبق أن عرفننا في القسيم (3.1)، المول من أي مادة هو كمية المادة التي تحتوي على عدد أقوجادرو ا من الجسيمات المكونة له (ذرات أو جزيئات). العلاقة بين عدد المولات m n من أي $m N_A$ = 6.022×10^{23} مادة وكتلتها m يعير عنها بالعلاقة

$$n = \frac{m}{M} \tag{7.16}$$

حيث M كتلة المول من المادة (أنظر قسم 3.1) ويعبر عنها بوحدات جرام/مول (g/mol) فمثلا الكتلة المولية للأكسبجين (O_2) تساوى O_2 . أي أن كتلة المول الواحد من الأكسبجين O_3 هي .32.0 g

نفرض أن غازا مثاليا داخل وعاء أسطواني ويمكن تغبير حجمه بواسطة مكبس متحرك كما هو

⁽⁴⁾ لكي نكون أكثر تحديداً، المفروض من أن درجة حرارة الغاز لا تكون منخفضة جداً (بعيث لا يتكثف الغاز إلى سائل) ولا أن تكون مرتفعة جداً، وأن الضغط يكون منخفضاً. في الواقع أن الغاز المثالي لا وجود له، إلا أن مفهوم الغاز المثالي مفيد جداً من منطلق أن الغاز الحقيقي عند الضغوط المنخفضة يسلك كغاز مثالي، ومفهوم الغاز المثالي يعني أن جزيئات الغاز لا تؤثر في بعضها البعض ما عدا في حالة التصادم وأن تحجم الجزيئات صغير جداً بالمقارنة بحجم الوعاء المحتوى 660 على الغاز ومن ثم يمكن إهماله.

الفصل السادس عشر، درجة الحرارة

مبين في شكل (11.16) فإذا افترضنا أن المكبس piston لا يحدث تسربا للغاز فإن كتلة الغاز أي عدد مولاته نظل ثابته.

ولمثل هذا النظام بينت التجارب العملية المعلومات التالية:

عند ما يظل الغاز عند درجة حرارة ثابته فإن ضغطه يتناسب عكسيا مع حجمه، قانون بويل (Boyle's Law) ثانيا:عند ما يظل ضغط الغاز ثابتا فإن حجمه يتناسب طرديا مع درجة حرارته

(قانون شارل وجاي لوساك (the law of Charle's and Gay-Lussak) وهذه المشاهدات يمكن التعبير عنها بمعادلة الحالة للغاز المثالي

$$PV = nRT (8.16)$$

في هذه المعادلة التي تسمى قانون الغاز المثالي R ،ideal gas law هو ثابت عام أي أن قيمته واحدة لجميع الغازات و T هي درجة الحرارة المطلقة بالكلفن. وقد بينت التجارب على العديد من الغازات أنه إذا اقترب الضغط من الصفر فإن PV/nT تقترب من نفس القيمة R لجميع الغازات وله لك تسمى R الثابت العام للغازات. وفي النظام الدولي لوحدات القياس SI الذي يعبر فيه عن الضغط بالباسكال ($PV = 1 \text{ N/m}^2$) والحجم بالمتر المكعب فإن حاصل ضرب $PV = 1 \text{ Tكون وحدته نيوتن متر أو جول، <math>R$ قيمتها

$$R = 8.315 \text{ j/mol·k}$$
 (9.16)

 $(1~L=10^3~{
m cm}^3=10^{-3}~{
m m}^3)$ وإذا عبرنا عن الضغط بالجو والحجم باللتر

عند إذ تكون قيمة Universal gas cinstant R هي

 $R = 0.082 14 \text{ L}\cdot\text{atm/mol}\cdot\text{k}$



تجربة معملية سريعة من المنابة ما

رج زجاجة صودا ثم إطرق على قاعدتها وجوانيها لكي تطرد كل فقاعات الغاز المحبوسة في تلك الأماكن. يمكن فتح الزجاجة بعد ذلك دون أن تفقد نقطة من السائل

شكل (11.16) غاز مثالي داخل اسطوانة يمكن تغيير حجمه بواسطة مكبس (بستن) متحرك.

باستخدام قيمة R هذه في معادلة (8.16) سنجد أن الحجم الذي يشغله مول واحد من أي غاز عند الضغط الجوى ودرجة حرارة °C أي 273 K هو 22.4 L. الآن بعد أن عرفنا معادلة الحالة يمكننا تعريف الغاز المثالي كما يلي:

الغاز المثالي هو الغاز الذي تكون له قيمة (PV/nT) ثابته عند قيم الضغوط المختلفة.

ينص قانون الغاز المثالي على أنه مع ثبات الحجم ودرجة الحرارة لكمية محدده من الغاز فإن الضغط كذلك يظل ثابتًا، فإذا أخذنا حالة زجاجة المياه الغازية المرسومة في بداية هذا الباب، بما أن 🛨 درجة حرارة الزجاجة ومحتوياتها ظلت ثابته فإن الضغط كذلك سيظل ثابتا ويمكن التأكد من ذلك باستخدام مقياس للضغط بدلا من السداده الفلين. مع رج الزجاجة بعض ثاني أكسيد الكربون الموجود أعلى السائل في الزجاجة قرب عنقها يصنع فقاقيع في السائل وهذه الفقاقيع تظل محبوسة داخل. الزجاجة. عند فتع الزجاجة ينخفض الضغط داخل الزجاجة وهذا يجعل حجم الفقاقيع تزداد فجأه.` فإذا كانت الفقاقيع مبلاصفة للزجاج تحت سطح السبائل فإن تمددها الفجائي سيطرد السبائل من الزجاجة، إذا قمت بطرق جوانب وقاع الزجاجة حتى لاتبقى أي فقاقيع تحت سطح السائل قبل فتح الزجاجة فإنه عند فتح الزجاجة، هبوط الضغط الحادث لن يؤدي إلى دفع السائل من داخل الزجاجة. حاول في تجربة سريعة أن تفعل ذلك.

يعبر عن قانون الغاز المثالي في كثير من الأحيان بدلالة العدد الكلى للجزيئات N . وحيث إن العدد الكلى للجزيئات يساوى حاصل ضرب عدد الولات n في عدد أفوجادرو $N_{\rm A}$ يمكن كتابة معادلة (8.16) على النحو التالي:

$$PV = nRT = \frac{N}{N_A}RT$$

$$PV = Nk_B T$$
 (10.16)

Boltzman's constant حيث $k_{\rm B}$ هو ثابت بولتزمان

$$k_{\rm B} = \frac{R}{N_{\star}} = 1.38 \times 10^{-23} \,\text{J/K}$$
 (11.16) ثابت بولتزمان

من المعتاد أن تسمى الكميات مثل P, V,T المتغيرات الثرموديناميكيةThermodynamic Variables للغاز المثالي. إذا عرفنا معادلة الحالة. عند إذ يمكن التعبير عن أحد المتغيرات كدالة في المتفيرين الآخرين.

مثال 4.16 🕸 كم عدد جزيئات الغاز في وعاء ؟

غاز مثالي يشغل حجما قدره $100 \mathrm{cm}^3$ عند درجة حرارة $20^{\circ}\mathrm{C}$ وضغط $100 \mathrm{cm}^3$. أوجد عدد 662 مولات الغاز في الوعاء



الحل: الكميات المعطاه هي الحجم والضغط ودرجة الحرارة

$$V = 100 \text{ cm}^3 = 1.00 \times 10^{-4} \text{m}^3$$
, $P = 100 \text{ pa}$, $T = 20^{\circ}\text{C} = 293 \text{ k}$

باستخدام المعادلة (8.16) نجد أن

$$n = \frac{PV}{RT} = \frac{(100 \text{ Pa}) (10^{-4} \text{ m}^3)}{(8.315 \text{ J/mol} \cdot \text{K}) (293 \text{ K})} = 4.10 \times 10^{-6} \text{ mol}$$

تمرين ، كم عدد جزيئات الغاز في الوعاء

الإجابة: 2.47 x 10¹⁸ جزئ.

مثال 5.16 امتلاء خزان غاز

خزان مصمم ليتسع 6 66 من الهواء عند ما يكون تحت الضغط الجوي وفي درجة حرارة 2 20. ضغط هذا الحجم من الغاز إلى أن وصل ضغطه لضغط مطلق قدره 2 3 000 2 وخزن في خزان ضغط هذا الحجم من الغاز الى أن وصل ضغطه لضغط مطلق قدره 2 10 2 3 2 6 فارتفعت درجة حرارة الغاز وأصبح من الضروري تبريد الخزان قبل الإستخدام. فإذا لم يتم تبريد الغاز فكم ستكون درجة حرارته بفرض أن الغاز مثالي.

الحل: إذا لم يتسرب أي قدر من الغاز أثناء ملء الخزان فسيظل عدد المولات هو n وباستخدام القانون العام للغازات PV = nRT وحيث إن R,n مقداران ثابتان سنحصل على القيم الابتدائية والنهائية

$$\frac{P_i V_i}{T_i} = \frac{P_f V_f}{T_f}$$

الضغط الابتدائي للغاز هو \sin^2 المنطقط النهائي \sin^2 والضغط النهائي 3000 العبدائي العباز الابتدائي \sin^2 وحجمه النهائي قدره \sin^2 0.35 الحرارة الابتدائية حولت إلى وحدات \sin^2 الابتدائية \sin^2 المادلة السابقة

$$T_f = \left(\frac{P_f V_f}{P_i V_i}\right) T_i = \frac{(3\ 000\ \text{lb/in.}^2)(0.35\ \text{ft}^3)}{(14.7\ \text{lb/in.}^2)(66\ \text{ft}^3)} (295\ \text{K})$$

= 319 K

تمرين؛ كم تكون درجة الحرارة على مقياس سلسيوس وعلى مقياس فهرنهيت.

الحل: 115°F, 45.9°C

اختبار سريع (4.16)

في المثال السابق استخدمت الوحدات الدولية SI لحساب درجات الحرارة فقط ولم نستخدم في حالتي الضغط والحجم. عند استخدام قوانين الغاز المثالي كيف تقرر متى يصبح من الضروري استخدام الوحدات الدولية SI ومتى بمكن استخدام نظم الوحدات الأخرى.

مثال 16.6 تسخين عبوة أيروسول Spray can

عبوة أيروسول تحتوي على غاز قاذف تحت ضغط يساوي ضعف الضغط الجوي (202 kPa) وحجمها $135~\mathrm{cm}^3$ عند درجة حرارة $22^{\circ}\mathrm{C}$. قذف بها في موقد فإذا كانت درجة حرارتها قد ارتفعت إلى $195^{\circ}\mathrm{C}$ فكم يكون الضغط داخل العبوة؟ اعتبر أن أى تغير في الحجم يمكن إهماله.

$$rac{P_i V_i}{T_i} = rac{P_f V_f}{T_f}$$
 قا مبتدئين بالعلاقة مبتدئين عنفس الخطوات كما حدث في المثال 16.5 مبتدئين بالعلاقة $rac{P_i}{T_i} = rac{P_f}{T_f}$ بما أن الحجم الإبتدائي والحجم النهائي متساويان يمكن اختصار المعادلة لتصبح $P_f = \left(rac{T_f}{T_i}
ight)(P_i) = \left(rac{468 \; {
m K}}{295 \; {
m K}}
ight)(202 \; {
m kPa}) = 320 \; {
m kPa}$

من الواضح أنه كلما زادت درجة الحرارة زاد ضغط الغاز المحبوس وإذا ما وصل الضغط إلى حد معين ستنفجر العبوة، ولذلك يجب عدم قذف العبوات الفارغة في النار،

ملنص SUMMARY

- أي جسمين يكو أن في حالة أتزان حراري إذا كانت درجة حرارتهما وأحدة.
- القانون الصفري للديناميكا الحرارية ينص على أنه إذا كان جسمان B, A كل منهما على حدة في حالة اتزان حراري مع حالة اتزان حراري مع بعضهما.
- الوحدة الدولية SI لدرجة الحرارة المطلقة هي الكلفن Kelvin وتعرف على أنها 1/273.16 من درجة حرارة النقطة الثلاثية للماء.
- ومع ΔT الذي يتناسب مع ΔT ومع خواد تغيرت درجة حرارة جسم بمقدار ΔT فإن طوله يتغير بمقدار الذي يتناسب مع ΔT ومع طوله الأصلي ΔT

$$\Delta L = \alpha L_i \Delta T \tag{4.16}$$

- average coefficient of linear expansion حيث الثابت α هو متوسط معامل التمدد الطولي α تقريبا.

PV/nT له تساوي مقدارا ثابتا عند جميع الضغوط، والغاز والغاز المثالي هو الغاز الذي تكون قيمة PV/nT له تساوي مقدارا ثابتا عند جميع الضغوط، والغاز المثالي يخضع لعادلة الحالة equation of State.

$$PV = nRT (8.16)$$

حيث n عدد مولات الغاز، V حجم الغاز، R الثابت العام للغازات ويساوي V حجم الغاز، V حجم الغاز، V حجم الغاز، V مي درجة الحرارة المطلقة والغاز الحقيقي يسلك مسلك الغاز المثاني إذا كان بعيدا عن حالة الإسالة.



QUESTIONS اسئلة

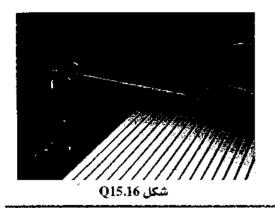
- 1 هل من المكن أن يكون جسمان في حالة اتصال انزان حراري إذا لم يكونا في حالة اتصال حرارى مع بعضهما؟
- [2] ألقيت قطعة من النحاس في كأس به ماء. فإذا ارتفعت درجة حرارة الماء، فماذا يحدث لدرجة حرارة النحاس ؟ ما هي الشروط لأن يكون النحاس والماء في حالة اتزان حراري ؟
- 5 من الممكن من حيث المبدأ استخدام أي غاز في الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت. لماذا لايمكن استخدام الأكسجين عند قياس درجات حرارة منخفضة تصل إلى 15k. ما هو الغاز الذي يمكن استخدامه لقياس تلك الدرجة ؟ (ارجع إلى البيانات في جدول 1.16)
- 4 متوسط معامل التمدد الطولي للكاوتشوك
 كمية سالبة. ماذا يحدث لحجم قطعة من
 الكاوتشوك عندما ترتفع درجة حرارتها ؟
- 5 معامل التمدد الحراري للمادة المستخدمة في حشو الأسنان لابد وأن تكون مماثلة لمعامل التمدد الحراري للأسنان لماذا ؟ وماذا يحدث لوأنهما غير متماثلين ؟
- 6 وضح كيف أن التمدد الحراري لقشرة كروية
 (كرة مجوفة) مصنوعة من مادة جامدة
 مشجانسة يعادل التمدد الحراري لكرة
 مصمته مصنوعة من نفس المادة؟
- 7 حلقة تحميل من الصلب Steel ring bearing فطرها الداخلي يقل عن قطر المحور بمقدار 0.1mm كيف يمكن تثبيتها في المحور دون إزالة أي معدن؟

- 8 تم تدريج شريط صلب لقياس الأطوال في غرفة عند درجة حرارة 2°C فهل ستكون القياسات التي نتم بهذا الشريط في يوم درجة حرارته 2°C أكبر أم أقل أم تساوي طول الجسم المقاس؟ اثبت صحة إجابتك.
- 9 احسب عدد الجرامات في مول واحد في كل من الغازات التالية (a) الهيدروجين (b) الهيليوم (c) أول أكسيد الكربون.
- 10 بالونة من الكاوتشوك منفوخة بالهواء، غمرت في وعاء به نتروجين سائل عند درجة حرارة77k. صف ما سيحدث للبالونة.
- بفرض أنها ستظل محتفظة بمرونتها أثناء التبريد في النتروجين السائل.
- 11 اسطوانتان متماثلتان عند نفس درجة الحرارة وفي كل منهما نفس النوع من الغاز ونفس عدد المولات. إذا كان حجم الأسطوانة A أكبر ثلاث مرات من حجم الأسطوانة ماذا نقسول عن الضعط النسبي في الأسطوانتين؟
- 12 ساعلة ذات بندول ملصنوع من النحاس الأصفر brass عندما ترتفع درجة الحرارة في الغرفة هل ستزداد سرعة الساعة أم سنقل أم سنظل دون تغير؟ اشرح ما تقول؟
- 13 مئ نظام التبريد radiator في سيارة بالماء الى حافته عندما كانت السيارة متوقفة والموتور لايعمل. ماذا يحدث للماء عندما تعمل ماكينة السيارة وترتفع درجة حرارة الماء؟ ماذا يوجد في أجهزة التبريد بالسيارات الحديثة لمنع فقدان السائل المبرد؟

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

14 - الأغطية المعدنية فوق الأوعية الزجاجية
 يمكن فتحها بسهولة بوضعها تحت تيار من
 الماء الساخن. لماذا يحدث ذلك؟

العندما كانت الحلقة المعدنية والكرة المعدنية في شكل (Q15.16) عند درجية حسرارة الفيرضة. كانت الكرة المعدنية تسقط من الحلقة. بعد تسخين الكرة اصبح من غير المكن استفاطها من الحلقة، إشبرح لماذا؟



PROBLEMS Julio

3, 2,1 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ = WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.16 درجة الحرارة والقسانون الصفري للديناميكا الحرارية

قسم 2.16 الترمومترات ومقياس سلسيوس لدرجات الحراره

قسم 3.16 الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت والمقياس المطلق لدرجات الحرارة.

ملحوظات:

 $101.3 \text{ kPa} \simeq 1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$ واحد جو

1 - حــول مــایأتي إلى درجــات الحــرارة على مقیاسی سلسیوس وكلفن.

(a) درجة حرارة جسم الإنسان الطبيعي هي (b) 98.6°F هي 5.00°F-

2 - في الترمومتر الغازي ذو الحجم الثابت كان الضغط عند درجــة حــرارة 20.0°C هو

= الحل كامل متاح في المرشد.

🚮 = فيزياء تفاعلية

a). 0.980 atm) كم يكون الضيفط عند (a). 0.980 atm درجية حيرارة 45.0°C) كم تكون درجية الحرارة إذا كان الضغط (b).500 atm

الثلج الجاف (ثاني أكسسيد الكربون في الثلج الجاف (ثاني أكسسيد الكربون في حالته الصلبة ودرجة حرارته 60.0°C. وفي درجة غلبان الكحول الإيثيلي 78.0°C وكان مقدار الضغط في الحالستين وكان مقدار الضغط في الحالستين الصفر المطلق على مقياس سلسيوس الذي الصفر المطلق على مقياس سلسيوس الذي تعطيه هذه النتائج؟ (b) كم يكون الضغط عند نقطة تجمد الماء؟ (c) كم يكون الضغط عند نقطة غلبان الماء؟

4 - توجد درجة حرارة قيمتها العددية واحدة على كل من مقياس سلسيوس وفهرنهيت. ما هي هذه الدرجة؟

5 نتروجين سائل درجة غليانه 195.81°C عند الضغط الجوي كم تكون هذه الدرجة (a) بالدرجات الفهرنهيتية (b) بالكلفن.

- طى أحد المقاييس غير المعروفة درجة تجمد الجليد "15.055- ودرجة غليان الماء "60.0 + أوجد معادلة خطية للتحويل من هذا المقياس إلى مقياس سلسيوس.
- 7 الفيرق بين درجيتي الحيرارة داخل وخيارج موتور سيارة يساوي 450°C عبير عن هذا الفيرق على (a) مقيناس فياهرنهيت (b) مقيناس كلفن.
- 8 درجة انصهار الذهب C° 1064 ودرجة الغليان
 2660°C عبر عن هاتين الدرجيتين
 بالكلفن (b) احبسب الفيرق بين هاتين
 الدرجتين بالسلسيوس وبالكلفن،
- قسم 4.16 التمدد الحراري للأجسام الصلبة والسوائل ملح وظة: عند حل المسائل في هذا القسم استخدم البيانات الواردة في جدول (2.16)
- [9] سلك تليفون من النحاس طوله 35m وليس به أي ارتخاء في فصل الشتاء عندما تكون درجـــة الحـــرارة 20.0°C فكم تكون زيادة طول هذا السلك أثناء الصيف عندما تكون درجة الحرارة Tc=35.0°C.
- 10 صممت المقاطع الخرسانية لأحد الطرق السريعة بحيث يكون طول كل مقطع 25.0m وقد صبت المقاطع وجففت عند درجة حرارة المام عن أقل مسافة يجب تركها بين تلك المقاطع لمنع التقوس إذا وصلت درجة حرارتها إلى 550.0°C?
- 11 أنبوبة من الألمونيوم طولها 3.00m عند درجة حرارة 20.0°C فكم يكون طولها عند (a) 20.0°C (a) عند 0°C ؛
- 12 حلقية من النحياس الأصيفر brass قطرها

- 10.00cm عند 20.0°C سخنت وأدخلت حول قضيب من الألونيوم قطره 10.01cm عند درجة حبرارة °C.00°C. افترض أن معامل التحميد الطولي ثابت (a) إلى أي درجة حرارة يجب تبريد هذه المجموعة حتى يمكن إخراج الحلقة من القضيب؟ هل هذه الدرجة يمكن توفيرها؟ إذا كان قطر قبضيب الألمونيوم 10.02 cm فكم ستكون درجة الحرارة المطلوبة؟.
- 13 شنبر نظارة مصنوع من الإبوكس بلاستك. نصف قطر الإطار الذي تثبت فيه العدسة هو 2.20cm عند درجة حرارة 20.0°C إلى أي درجة حرارة يجب تسخين الإطار حتى يمكن تثبيت العدسة فيه، إذا كان نصف قطرها 2.21cm ومتوسط معامل التمدد الطولي لمادة الإبوكس هو أ-(2°)4-1.30x10.
- 14 كوبري نهر جورج في غرب فرجينيا على شكل قـوس من الصلب طوله 518m . مـا مقدار التغير في طوله بين درجتي الحرارة العظمى والصغرى وهما ℃.35.0 , ℃.00°C .
- 15 فجوة مربعة الشكل في لوح النحاس طول كل ضلع من أضلاعها 8.00cm احسب مقدار التغير في مساحة تلك الفجوة إذا زادت درجة حرارة لوح النحاس بمقدار (b) 50.0k في مساحة تبين زيادة أم نقص في مساحة الفجوة؟
- 16 معامل التمدد الحجمي لسائل رابع كلوريد الكربون هو $^{-1}$ $^{\circ}$ $^{\circ}$
- [17] العنصر الفعال لأحد أنواع الليزر عبارة عن قصيب من الزجاج طوله 30.0 cm وقطره 1.50cm

بمقدار 65.0°C (a) كم تكون الزيادة في ا; كم تكون الزيادة في اوكم تكون الزيادة في طوله ؟ (b) كم تكون الزيادة في الزيادة في حجمه؟ افترض أن

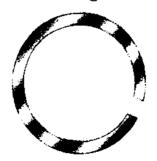
 $\alpha = 9.00 \times 10^{-6} (^{\circ}\text{C})^{-1}$

18 - قارورة لقياس الحجوم مصنوعة من زجاج البيركس مدرجة عند 20.0°C ملئت حتى علامة 100.0ml بأسيتون درجة حرارته 35.0°C وأصبح سريعا في حالة اتزان حساري مع القارورة (a) كم يكون حجم الأسيتون عند درجة حرارة 20.0°C ؟ (b) ما هي درجة تأثير التغير في حجم القارورة

19 - ممشى خرساني صب في يوم كانت فيه درجة الحرارة 20.0°C وثبتت نهاياته بحيث أصبحت غير قابلة للحركة (a) كم يكون مقدار الإجهاد على الخرسانة في يوم درجة حرارته 50.0°C

(b) هل يحدث تشقق للخرسانة؟ اعتبر أن معامل ينج للخرسانة $7 \times 10^9 \, \text{N/m}^2$ والشد الطولى $2 \times 10^9 \, \text{N/m}^2$.

20 - الشكل (P20.16) يبين حلقة بها فنجسوة والحلقة مصنوعة من الصلب فإذا سنخنت الحلقة (a) هل سيزداد الساع الفجوة أم سينقص؟ (b) إذا كان الساع الفجوة 1.60cm عندما تكون درجة الحرارة °30.0°C احسب الساع الفحوة عندما تصبح الدرجة °190°C.



شكل P20.16

21 - قـضيب من الصلب مساحة مقطعه 500N - قصيب من الصلب مساحة مقطعه 2.00cm² اعرض لقوة شد مقدارها التغير في درجة الحرارة الذي يحدث نفس الاستطالة في القضيب كالتي تحدثها القوة المذكورة وهي 500N . (ملحوظة ارجع إلى الجدول 12.1 . 16.2).

22 - قضيب من الصلب قطره 4.00cm سخن حتى ارتضعت درجة حرارته بمقدار °70.0 ثم ثبت بعد ذلك بين ماسكين جامدين. برّد القصيب إلى درجة حرارته الأولى. إذا الفترضنا أن معامل ينبج للصلب المترضنا أن معامل ينبج للصلب المترسط معامل تمدده الطولي هيو أ-(°C) 11.0 x 10⁻⁶

[23] أسطوانة مجوفة من الألونيوم عمقها 20.0cm وسعتها الداخلية 2.0L عند درجة حرارة 20.0°C مئت إلى حافتها بسائل التربنتينه ثم سبخنت إلى درجة حرارة 80.0°C ما مقدار التربنتينه التي ستسكب منها؟ (b) إذا بردّت الأسطوانة بعد ذلك إلى درجة حرارة 20.0°C إلى أي مسافة أسفل سطح الاسطوانة سيصل سطح السائل.

24 - حلقة من الألمونيوم قطرها الداخلي 5.00cm عند درجة 20.0°C وقضيب من النحاس الأصفر قطره 5.05cm وقضيب أي درجة حرارة يجب تسخين الحلقة بحيث يمكنها أن تنزلق بالكاد فوق القضيب؟ (b) إلى أي درجة يجب أن يسخن الإثنان معا بحيث أن الحلقة يمكنها بالكاد أن تنزلق فوق القضيب؟ هل هذه الطريقة ممكنة؟

قسم 5.16 وصف ماكروسكوبي للغازات المثالية:

25 - وعاء حجمه 4.0L يعتوي على غاز درجة و.00tm وضغطه يساوي 20.0°C حرارته (a) احسب عدد مولات الغاز في الوعاء (b) كم عدد جزيئات الغاز في الوعاء.

- $26 خزان حجمه 0.10m^3$ يحتوي على غاز الهيليوم عند ضغط 150 atm . كم عدد البالونات التي يمكن نفخها بهذا الهيليوم إذا كانت كل بالونه عبارة عن كرة قطرها 0.30m عند ضغط مطلق قدره 1.20 atm.
- 27] قاعلة أنسادها 30.0m x 20.0m x 10.0m كم عدد جزيئات الغاز في هذه القباعة عند درجة حرارة 20.0°C وضغط 101 kPa.
- 28 تسع جرامات من الماء وضعت داخل إحدى أوانى الضغط المستخدميه لطهي الطعام حجمها 2.00L وسخنت إلى 500°C كم يكون الضغط داخلها إذا لم يتسرب منها أي
- 29 بالون يعمل بالهواء الساخن كتلته مع حمولته (دون الهواء بداخله) 200kg ودرجة حرارة الهواء خارج البالون 10.0°C وضعطه 101KPa وحبجم البالون 400m³ . إلى أي درجة حرارة بجب تسخين الهواء داخل البالون قبل أن يبدأ في الارتفاع ؟ كثافية الهواء عند £10.0 مي 1.25kg/m³.
- 30 منول واحب من الأكسنجين عند ضنغط 6.00atm ودرجــة حــرارة 27.0°C (a) إذا سخن الغاز مع ثبات الضغط حتى وصل إلى ثلاث أمـــــــاله، كم تكون درجـــة الحـــرارة النهائية؟ (b) إذا سخن الغاز حتى ازداد الحجم والضغط معا إلى الضعف، كم تكون درجة الحرارة النهائية؟
- a) 31) احسب عبدد المولات في 1.00m³ من الهواء باعتباره غازا مثاليا عند درجة حرارة 20.0°C والضغط الجوي المعتاد (b) كتلة المول من الهواء 28.9g احسب كتلة 1m³ من الهواء، فارن النتيجة مع كثافة الهواء المذكورة بالجدول.

- 32 مكتب طول كل ضلع من أضلاعية 10.0cm يحتوى على هواء (مكافئ كتلة المول له 28.9 g/mol) عند الضغط الجوي المتاد ودرجة حرارة 300k أوجد (a) كتلة الفياز (b) وزن الغاز (c) القوة التي يؤثر بها على كل وجـه من أوجـه المكعب (d) علق على السبب الفيازيائي لما يلي، لماذا تؤثر عينة صغيرة من الغاز كهذه بمثل تلك القوة الكبيرة.
- [33] إطار سيارة نفخ بالهواء عند درجة حرارة 10.0°C والضغط الجنوى العادي. في تلك العملية إنضغط الهواء إلى 28.0% من حجمه الأصلى وارتضعت درجة حرارته إلى a) 40.0°C) أحسب الضغط داخل الإطار (b) بعد قيادة السيارة بسرعة عالية ارتفعت درجة حرارة الهواء داخل الإطار إلى 85.0°C وازداد الحسجم الداخلي للإطار بمقسدار 2.00% . ما هو الضغط (المطلق) داخل الإطار بالباسكال؟
- 34 بالون من بالونات الطقص كروى الشكل مصمم بحيث يكون نصف قطره عند الحد الأقصى لتمدده يساوي 20.0m وذلك عندما يطير على الارتفاع المخصص له حيث يكون الضغط المحيط. 0.030 atm ودرجة الحرارة 200k فإذا كان البالون قد ملى بالهواء عند الضغط الجوي العادى ودرجة حرارة 300k فكم يكون نصف قطره لحظة الإنطلاق.
- 35 حجرة حجمها 80.0m³ بها هواء مكافئ كتلة المول له 28.9g/mol. إذا ارتفعت درجة حرارة الفرفة من £18.0 إلى 25.0° فما كمتلة الهواء بالكيلو جرام التي ستترك الحجرة؟ افترض أن الضغط داخل الحجرة ظل ثابتا ومقداره 101 kPa .
- 36 حجرة حجمها V بها هواء مكافئ كتلة المول له (g/mol)M). إذا ارتضعت درجة حسرارة (669

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

الحجرة من T_1 إلى T_2 هما كتلة الهواء الذي سيترك الحجرة؟ افترض أن ضغط الهواء في الحجرة ظل ثابتا عند P_0 .

75 - على عدمق 25.0m تحت سطح البحر (الكثافة= 1025kg/m³) حديث درجة الحرارة 5.00°C، أخرج غواص في هواء الزفير فقاعة هوائية حجمها 1.00cm³ فدإذا كدانت درجية الحرارة عند سطح البحر2°20.0 فكم يكون حجم تلك الفقاعة قبل أن تغادر سطح الماء مباشرة.

38 - قدر كنلة الهواء في غرفة نومك. إذكر الكميات التي استخدمتها كمدخلات والقيم التي تقدرها أو تقيسها لكل منها.

أسطوانة للغاز المضغوط مثبت عليها مقياس ضغط يسجل الفرق بين الضغط الداخلي والخارجي. عند ما تكون الأسطوانة مملوءة بالأكسجين O فإنها تحتوي على 12.0kg من الغاز عند الضغط الذي يبينه المقياس من الغاز عند الضغط الذي يبينه المقياس وهو 40.0 atm الأسطوانة عندما تصبح قراءة الضغط من الأسطوانة عندما تصبح حرارة الأسطوانة ثابتة.

40 - في أجهزة تفريغ الغازات الحديثة يمكن الحصول على ضغوط منخفضة جدا تصل الحصول على ضغوط منخفضة جدا تصل إلى pa 9 pa احسب عدد الجزيئات عند هذا الضغط في وعاء حجمه $^{1.00m^3}$ إذا كانت درجة حرارته 27 °C

41 - بين أن مول واحد من أي غياز (يفترض أنه غياز مثالي) عند الضغط الجوي (101.3) لا 42 ودرجة الحرارة العيارية (273k) يشغل حجما قدره 22.4L.

42 - ناقوس يستخدم في الغطس على شكل أسطوانة طولها 2.5 m أسطوانة طولها

العليا ومفتوحة من أسفلها أنزل الناقوس في ماء البحر الذي كثافته ماء البحر الذي كثافته مراحة حرارة الهواء في الناقوس ساعة إنزاله في الماء كسانت تسبوي 20.0°C . أنزل الناقوس إلى عمق 82.3m (مقاسة حتى قاع الناقوس) على هذا العمق درجة حرارة الماء الناقوس) على هذا العمق درجة حرارة الماء حراري مع الماء (a) كم سيكون ارتضاع ماء حراري مع الماء (b) كم سيكون ارتضاع ماء البحر داخل الناقوس؟ (b) ماهو الحد الخدني الذي يجب أن يصل إليه ضغط الهواء داخل الناقوس حتى يستطيع طرد الماء الذي دخل في الناقوس؟

مسائل إضافية

43 - قاس طالب طول قنضيب من النحاس مستخدما شريط من الصلب عند درجة حرارة 20.0°C وكانت القراءة 95.00cm كم سيبين الشريط عندما يكون هو والقضيب عند درجة حبرارة (a) 20.0°C و 55°C

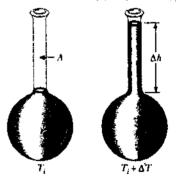
 $^{\circ}$ C عند درجة $^{\circ}$ C هي $^{\circ}$ 730kg/m³ معامل تمدده الحجمي $^{\circ}$ 730kg/m³ ومتوسط معامل تمدده الحجمي هو $^{\circ}$ 1 $^{\circ}$ 0.6x10 $^{\circ}$ 4 $^{\circ}$ 6°C) اذا كان جالون واحد من الجازولين يشخل حجما قدده $^{\circ}$ 0.00380m³ نحصل عليه إذا اشتريت $^{\circ}$ 10.0gal من الجازولين عند درجة حرارة $^{\circ}$ 0 وليس عند الحارة $^{\circ}$ 0 من مضخة ليس بها معدّل لدرجات الحرارة.

45 – حامل كريات ball bearing (رومان بلي) من الصلب قطره 4.00cm عند درجــة حــرارة 20.0°C ولوح من البرونز به فجوة قطرها 3.994cm عند درجة حرارة 20.0°C ما هي درجة الحرارة المشتركة التي يجب أن يسخن إليها كل من اللوح وحامل الكريات (رومان

البلي) بحيث أن حامل الكريات يعشر بالكاد داخل الفجوة.

46 - مسألة للمراجعة: أنبوية من الألمونيوم طولها 0.655m عند 20.0°C مضتوحة الطرفين تستخدم كمرزمار flute بردت الأنبوية عند درجة حرارة منخفضة إلا أنه بمجرد العزف عليها صارت درجة حرارة الهواء بداخلها 20.0°C . ما مقدار التغير في التردد الأساسي عندما يسخن المعدن من 5.0°C

ترمومتر زئبقي صنع كما هو مبين بالشكل (P47.16) أنبوبة الترمومتر الشعرية قطرها 0.250cm وقطر مستودع الزئبق الحادث احسب التغير في طول عمود الزئبق الحادث نتيجة لتغير قدره °C في درجة الحرارة (اهمل تمدد الزحاج).



شكل P47.16

48 – سائل معامل تمدده الحجمي β يملأ قارورة حجمها V_i عند درجة حرارة T_i كما في شكل (P16.47) القارورة مصنوعة من مادة متوسط معامل تمددها الطولي α . والسائل حسر التسمدد في الأنبوبة الشعرية التي مساحتها A والمتصلة بأعلى القارورة (a) إذا زادت درجة الحرارة بمقدار ΔT أثبت أن

السائل سيرتفع في الأنبوبة الشعرية بمقدار Δh

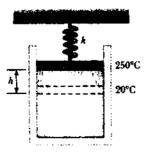
$$\Delta h = (V_i / A) (\beta - 3\alpha) \Delta T$$

(b) في نظام عملي مثل الترمومتر الزئبقي لماذا يمكن عمل تقريب بإهمال تمدد مستودع الزئبق. WEB

سائل كثافته ρ (a) اثبت أن التغير النسبي في الكثافة نتيجة لتغير في درجة الحرارة قدره ΔT هو $\Delta \rho/\rho = -\beta \Delta T$ ماذا تعني الإشارة السالية ؟

(b) الماء النقي الحد الأعلى لكشافته 1.00 الماء النقي الحد درجة 1.00 وتكون 1.00 وتكون كثافته 0.9997 g/cm³ عند درجة 0.9997 g/cm³ كم يكون مقدار β للماء في هذا المدى من درجات الحرارة.

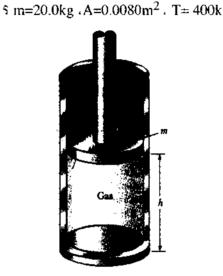
50 - اسطوانة مثبت عليها مكبس، piston ومثبت على المكبس زنبرك ثابته N/m مناحك كان على المكبس زنبرك ثابته الالمحادث كان كانت الأسطوانة مماوءة الزنبرك مرتخيا كانت الأسطوانة مماوءة بخمس لترات من الفاز (5.00L) عند ضغط يساوي 1.00 atm ودرجاة حارارة تساوي20.0°C (a) إذا كانت مساحة مقطع ألكبس هي 0.010 m³ وكتاته مهملة، ما مقدار الإرتفاع الذي يصل إليه المكبس إذا ارتفعت درجة الحرارة إلى 250°C وكان كم يكون ضغط الغاز عند 2°250°C (b) كم



شكل P50.16

الفيزياء (الجزءالأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

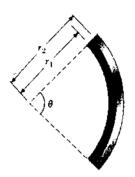
أسطوانة رأسية مساحة مقطعها A عليها مكبس محكم عديم الإحتكاك كتلته m شكل مكبس محكم عديم الإحتكاك كتلته m شكل (P51.16) (a) إذا كنان بالأسطوانة عند درمة من المولات لغاز مثالي عند درجة حرارة T . فما هو الإرتفاع h الذي يكون عنده المكبس في حالة اتزان تحت تأثير ثقله P (b) منا مقدار P إذا كانت قيمة P (c) منا



شكل P51.16

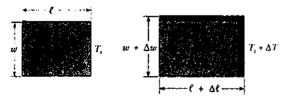
مدني على شكل قضيب مصنوع من شريحتين رقيقتين من معدنين مختلفين ملتصقين معا شكل (P52.16) . عندما ترتفع درجة حرارتيه ما تتمدد الشريحة التي متوسط معامل تمددها أكبر من الأخرى فتضغط على القضيب وتجعله يتقوس ويكون نصف قطير ميحييطه الخارجي أكبر (a) استنتج معادلة لزاوية الإنحيناء الإبتدائي للشريحتين، ومتوسط معامل التمدد الطولي لكل منهما والتغير في درجة الحيرارة والمسافة الفاصلة بين مركزي الشريحتين (b) بين أن زاوية

الإنحناء θ تقل إلى الصنفر عندما تقل Τ إلى الصفر، أو عندما يصبح معامل تمدد كل من المعدنين مساويا للأخر. (c) ماذا يحدث إذا انخفضت درجة حرارة القضيب.



شكل P52.16

اللوح المستطيل في شكل (P53.16) مساحته A_i تساوي Ω . إذا زادت درجــة الحــرارة بمقـدار ΔT أثبت أن الزيادة في المساحـة ΔA تساوي $\Delta A=2\alpha A_i \Delta T$ حيث ΔA معامل التمدد الطولي. ما هو التقريب الذي يفترضه هذا التعبير الرياضي. (ملحوظة. لاحظ أن كل بعد يزداد طبقا للمعادلة $\Delta L=\alpha L_i \Delta T$



شكل P53.16

54 - لقياس درجات الحرارة بدقة عالية تجري القياسات على أساس تغيير المقاومة الكهربائية لمعدن مع درجة الحرارة، وتتغيير المقاومة بدرجة الحرارة طبقا للمعادلة التالية مع بعض التقريب(1+AT)

حيث R_0 A ثابتان. فإذا كانت مقاومة عنصر ما هي 50.00 عند درجة حرارة الصفر سلسيوس ومقاومته Ω 71.5 عند نقطة تجمد القصدير وهي 231.97°C (a) عين قيمة كل من R_0 (b) R_0 عند أي درجة حرارة تصبع المقاومة تساوي Ω 89.0 Ω

The state of the s

55 - مسألة للمراجعة ساعة لها بندول مصنوع من النحاس الأصفر brass زمنه الدوري 1.008 عند 20.0°C إذا ارتفعت درجة الحرارة لتصل إلى 30.0°C (a) فما هو مقدار التغيير في الزمن الدوري (b) ما مقدار الزمن الذي تقدمه الساعة أو تؤخر في الأسبوع.

56 - مسألة للمراجعة، تصور جسما له أحد الأشكال الموضحة في جدول(2.10) كم تكون الزيادة النسبية في عزم القصور الذاتي للجسم إذا ما سخن من درجة حرارة °C إلي °C إلنا ما سخن من درجة حرارة °C إلي °C إذا كان مصنوعا من (a) النحاس (b) الألمونيوم. (ارجع إلى جدول 16.2) واعتبر أن متوسط معامل التمدد الطولي لايتغير بين °C ، °C .

77 - مسألة للمراجعة، (a) استنتج علاقة رياضية لقوة الطفو على بالون كروي غمر في الماء كدالة في العمق تحت سطح الماء وحجم البالون Vi عند سطح الماء والضغط وحجم السطح وكشافة الماء (افشرض أن درجة حرارة الماء لانتغير مع العمق) (d) هل تزداد قوة الطفو أم تقل كلما ازداد غمر البالون ؟ (c) على أي عمق تصل قيمة قوة الطفو إلى النصف من قيمتها عند سطح الماء

58 - بين أن كثافة الغاز المثالي الذي يشغل حجما

V تعطى بالعلاقة $\rho = PM/RT$ هي كتلة المول من الغاز و (b) احسب كتافة الأكسجين عند الضغط الجوي ودرجة حرارة 20.0° C

الكلي P في وعاء مملوء بخليط من الغازات الكلي P في وعاء مملوء بخليط من الغازات المثالية هو... P₂,P₁ حيث P= P₁+P₂+P₃.... هي الضغوط التي يؤثر بها كل من تلك الفازات إذا وجد وحده في الوعاء (وهذه الضغوط تسمى الضغوط الجزئية لكل من تلك للغازات) وهوما يعرف بقانون دالتون للضغوط الجزئية الكالمن الضغوط الجزئية الكالمن المضغوط الجزئية الكالمن المضغوط الجزئية الكالمن المضغوط الجزئية Pressure

60 - عينة من الهواء الجاف كتلتها 100.0g. أخذت من عند مستوى سطح البحر وتم تحليلها ووجد أنها تحتوي على الغازات التالية

 $75.52 \text{ g} = \text{N}_2$ نتروجین $23.15 \text{ g} = \text{O}_2$ اکسجین 1.28 g = Ar أرجون

ثاني أكسيد الكريون CO₂ = 0.05 g

بالإضافة إلى ذلك وجدت كميات صغيرة من النيون والهيليوم والميشان والغازات الأخرى (a) احسب الضغط الجزئي (إرجع إلى التمرين 59) لكل من تلك الغازات عندما يكون الضغط الكلي (الضغط الجوي) لكل من تشغله عينه كتلتها 100g عند درجة حرارة 1.013 X 105 وضغط 120 و

ماهي كثافة الغاز تحت تلك الظروف؟ (c) ما مقدار كتلة المول الفعاله لعينة الغاز.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

61 - قـ ضـبـان للسكك الحـديدية من الصلب تسـتخدم في نظام للنقل السـريع بين المدن تمثل مسارا مغلقا مثبت في مكانه بالخرسانة (a) إذا كانت القضبان الحديدية قد تم مدها عندما كانت درجـة الحـرارة °C. كم يكون الإجهاد على القضبان في يوم دافئ عندما تكون درجـة الحـرارة °C. 25.0° (d) كم تكون النسبة بين هذا الإجهاد ومقاومة الخضوع التي مقدارها °52.2 x 107 N/m²

(a) - 62 استخدم معادلة الحالة للغاز المثالي وتعريف متوسط معامل التمدد الحجمي في صحورته β (1/V) dV/dT عند معامل التمدد الحجمي للغاز المثالي عند معامل التمدد الحجمي للغاز المثالي عند ضغط ثابت يعطى بالعلاقة β ما مقدار β باستخدام هذه العلاقة عند درجة حرارة باستخدام هذه العلاقة عند درجة حرارة δ 0°C والهواء في جدول (16.2).

63 - بلاطتان من الخرسانة Concrete Spans في كوبري طولهما 250m موضوعتان. بعيث أن نهايتهما متلاصقتان ولم تترك أي مسافة بينهما لتسمح بالتمدد شكل (P36.16a). إذا ارتفعت درجة الحرارة بمقدار 20.0°C فكم يكون ارتفاع البلاطتين y عندما يحدث لهما انبعاج شكل (P16.63b).

L بلاطتان من الخرسانة في كوبري طولهما مموضوعتان بحيث أن نهايتهما متلاصقتان ولم تترك أي مسافة لتسمح بالتمدد شكل (P63.16) إذا ارتفعت درجة الحرارة بمقدار

ΔT فيما مقدار الإرتفاع y عندما يحدث ابنعاج للبلاطتين شكل (P63.16b)



شكل P63.16

روالآخر من الصلب والآخر من الصلب والآخر من النحساس، عند درجسة $0^{\circ}C$ كسان طول القسطيب النحساسي L_s وطول القسطيب أو الصلب L_s . عندما يستخن القسطيبان أو يبردان يظل الفرق بين طوليهما ثابت ومقداره L_s . L_s

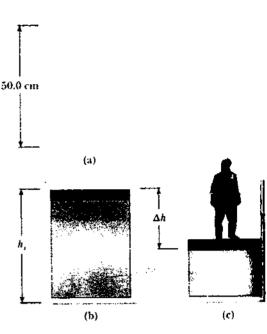
66 - أسطوانة نصف قطرها 40.0 cm وعمقها 50.0cm 50.0cm 50.0cm 50.0cm مملوءة بالهواء عند درجة حسرارة 20.0°C وضيغيط 1.00atm شكل 1.00atm وضيغيط piston شكل (P66.16a) أنيزل مكبيس piston داخيل الأسطوانة كتاته 20.0 kg فضغط على الغاز المحبوس بها شكل (P16.66b). أخيرا وقف المحبوس بها شكل (P16.66b). أخيرا وقف رجل وزنه 75.0 kg فيوق المكبس فيزاد من ضغط الهواء داخل الأسطوانة بينما ظلت درجية الحيرارة ثابتية عند 20.0°C شكل درجية الحيرارة ثابتية عند 20.0°C شكل مسافة إلى أسيفل ملكبس عندما يقف الرجل فوقه (b) إلي أي درجةحرارة يمكن أن يسخّن الغاز حتى يرتفع المكبس وفوقه الرجل إلى وضعه الأول عند ارتفاع الم.

67 – العلاقة ($L_i = L_i (1+\alpha \Delta T)$ هي علاقة $^\prime$ تقريبية تصلح للإستخدام في الحالات التي

ثابتين المسافة بينهما 4.00m فوق سبطح لوحة بحيث أن سلك الصلب يمتد من x=-2.00m من x=-2.00m إلى x=-2.00m مهمل). نقصت درجة الحرارة بعد ذلك إلى مهمل). نقصت درجة الحرارة بعد ذلك إلى الشد في السلك والإحداثي x لنقطة الربط بين السلكين (استخدم جداول 2.16, 2.16).

وصالة للمراجعة: سلك جيتار من الصلب قطره 1.00mm شد بين ماسكين المسافة قطره 1.00mm شد بين ماسكين المسافة بينهما 80.0cm وكانت درجة الحرارة 0°C وكانت درجة الحرارة السلك (a) احسب كتلة وحدة الأطوال لهذا السلك (اعتبر كثافة السلك (kg/m³) التردد الأساسي للذبذبات المستعرضة للسلك هو 200HZ . كم يكون مقدار الشد في السلك ع (a) إذا ارتفعت درجة الحرارة في السلك ؟ (a) إذا ارتفعت درجة الحرارة إلى 2°C إحسب مقدار الشد والتردد الأساسي. افترض أن معامل ينج (جدول 12.1) ومتوسط التمدد الطولي (جدول 16.2) لهما قيم ثابتة بين درجتي الحرارة 16.2 . 30.0°C . 0°C

طوله 1.00km مشبت جديد مصنوع من الصلب طوله 1.00km مشبت جديدا من الطرفين عندما كانت درجة الحرارة 20.0°C . مع ازدياد درجة الحرارة بدأت القضبان في الإنبعاج على شكل قوس من دائرة رأسية احسب الإرتفاع h لركز الإنبعاج عندما تكون درجة الحرارة 25.0°C .



شكل P66.16

يكون فيها متوسط معامل التمدد صغيرا. إذا كان مقدار α كبيرا يجب أن نوجد تكامل العـــلاقــة Δ لاقــة على نوجــد الطول النهائي (a) إذا اعتبرنا أن متوسط معامل النهائي (b) إذا اعتبرنا أن متوسط معامل التمدد الطولي مقدارا ثابتا بينما تتغير قيمة λ . أوجد علاقة عامة للطول النهائي (d) إذا كان لدينا قضيب طوله λ 0.00 تغيرت درجة حرارته بمقــدار λ 0.00 احـسب مـقــدار الخطأ الناتج عن التـقــريب عندمــا يكـون مــقــدار λ 0.00x10 (القــيــمــة الفـعليــة للمعــادن) وعندمــا يكون مــقــدار الفــعليــة للمعــادن) وعندمــا يكون مــقــدار القـــــــــة الفــعليــة للمعــادن) وعندمــا يكون مــقــدار القــــــــة الفــعليــة للمعــادن) وعندمــا يكون مــقــدار القـــــــــة الفــعليــة للمعــادن) وعندمــا يكون مــقــدار القــــــــــة الفــعليــة للمعــادن) وعندمــا يكون مــقــدار القـــــــــــة الفــعليــة للمعــادن)

68 سلك من الصلب وآخر من النحاس قطر كل منهما عند منهما عند درجة حرارة 40.0°C كان طول كل منهما دون مند 2.00m مند 2.00m

أجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- 5/9 حجم الدرجة على مقياس فاهرنهيت 9/6 من حجم الدرجة على مقياس سلسيوس. وهذا صحيح حيث أن مدى المقياس الفهرنهيتي من 3°F إلى 32°F إلى 0°C يعادل مدى مقياس سلسيوس من 0°C إلى 100°C والعامل وفي معادلة (1.16) لاتحتاج يصحح لهذا الفرق. معادلة (1.16) لاتحتاج لهذا التصحيح لأن حجم الدرجة سلسيوس تساوى حجم الدرجة كلفن.
- (2.16) نظرا لأن المستودع الزجاجي المحتوي على الزئبق بالأمس الماء الساخن مباشرة فإنه يسخن أولا فيتمدد بعض الشيء ومن ثم يزداد حبحه، وهذا يؤدي إلى هبوط مستوى سطح الزئبق في الأنبوبة الشعرية. عندمها يسمخن الزئبق في مسستودع الترمومتر بعد ذلك فإنه يتمدد، من الواضح أن زيادة حجمه تكون كافية لكي

يرتفع الزئبق في الأنبوبة الشعرية.

- (3.16) بالنسبة للزجاج نختار زجاج البيركس حيث إن متوسط معامل تمدده الطولي أقل من الزجاج العادي، وبالنسبة للسائل الترمومتري نختار الجازولين حيث إن له أكبر معامل تمدد حجمى.
- (4.16) ليس هناك حاجة لتحويل الوحدات الخاصة بالضغط والحجم إلى الوحدات الدولية SI حيث إن نفس الوحدات تظهر في كل من البسط والمقام، وهذا لاينطبق على حالة النسبة بين وحدات درجة الحرارة، فكما ترى بمقارنة النسبة /300k والنسبة (73.15°-) /2°8.8° نجد أنهما غير متساويتين، إذن يجب استخدام درجات الحرارة المطلقة (كلفن) عند استخدام قوانين الغازات المثالية.



Pizzn قد تكون تجرية سارة أو تجرية سارة أو تجرية مؤلة، يتوقف ذلك الله كيف تتم العملية، فإذا ألك قطعة من على السطح أذا ملأت فمك بقطعة كبيرة من الجبن الساخن المحشوة أبي التهاب حلقك، فلماذا ألك القرق بين أكل قطعة من الجبن المحسشوة به البيتزا وأكل قطعة من البيتزا إذا كان الاثنان عند البيتزا إذا كان الاثنان عند البيتزا إذا كان الإثنان عند البيتزا إليتزا إ

الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية Heat and The First Law of Thermodynamics

ولفھل ولسابع هشر 17

ويتضيمن هذا الفصل ،

القانون الأول للديناميكا الحسرارية الد First Law of Thermodynamics

6.17 تطبيبـقـات على القـانون الأول للديناميكا الحرارية

Some Applications of the First Law of Thermodynamics

7.16 طرق انتقال الطاقية 7.16 Energy Transfer Mechanisms

1.17 الحسرارة والطاقسة الداخسية Heat nd Internal Energy

السعة الحرارية والحرارة النوعيية 2.17 Heat Capacity and Specific Heat

3.17 الحرارة الكامنة

4.17 الشــغل والحــرارة في عــمليــات الديناميكا الحرارية

Work and Heat in Thermodynamic Processes

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



جيمس برسكوت جول فينيائي بريطاني (1889 - 1818). تلقى جول تعليمه الرسمي في الرياضيات والفلسفة والكيمياء إلا أن الجزء الأكبر من تعلمه كان ذاتيا. لقد أدت بحوثه إلى وضع مبادئ حفظ الطاقة كما أدت دراسته الكمية للعلاقة بين التأثيرات الكهريائية والميكانيكية والكيميائية والتأثيرات الحرارية إلى اكتشافه في عام 1843 لكمية الشغل اللازمة لإنتاج وحدة طاقة والتي تسمى المكافئ الميكانيكي للحمسرارة mechamical equivalent of heat

حتى عام 1850 كان ينظر إلى مجال الديناميكا الحرارية والميكانيكا كمجالين مختلفين من مجالات العلوم، وأن قانون حفظ الطاقة Law of Conservation of energy ينطبق على بعض الأنظمة الميكانيكية فحسب

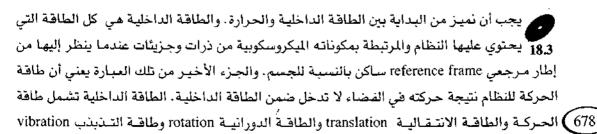
إلا أنه في منتصف القرن التاسع عشر بينت التجارب التي أجراها العالم الإنجليزي جيمس جول James Joule وآخرون أن الطاقة بمكن أن تضاف إلى أو تؤخذ من نظام ما إما بواسطة الحيرارة أو ببيدل شغل على هذا النظام (أو بجعل النظام يبذل شغلا)

في الوقت الحالي أصبح معروفا أن الطاقة الداخلية -inter nal energy التي سنتناولها في هذا الباب، يمكن أن تتحول إلى طاقة ميكانيكية. وبمجرد أن اتسع مفهوم الطاقة لكى يشمل الطاقة الداخلية ، أصبح قانون حفظ الطاقة أحد القوانين العامة في الطبيعة.

في هذا الباب سنركز على مفهوم الطاقة الداخلية، وطرق انتقال الطاقة، والقانون الأول للدينام يكا الحرارية وبعض تطبيقاته.

والقانون الأول للديناميكا الحرارية هو قانون حفظ الطاقة. وهو يصف النظم التي يكون التغيير الوحيد فيها هو تغير الطاقة الداخلية الناتج عن انتقال الطاقة بواسطة الحرارة أو الشغل بالإضافة إلى ذلك، القانون الأول لايميز بين نتائج الحرارة ونتائج الشغل. وطبقا للقانون الأول، الطاقة الداخلية لنظام ما يمكن أن تتغير إما بواسطة الحرارة من النظام أو إليه، أو بواسطة الشغل work الذي يبذله النظام أو بيذل عليه.

HEAT AND INTERNAL ENERGY الحرارة والطاقة الداخلية



للجزيئات، وطاقة الوضع داخل الجزيئات وبين الجزيئات، وقد يكون من المفيد أن نربط بين الطاقة الداخلية ودرجة حرارة الجسم إلا أن هذه العلاقة محدودة، سنرى في القسم 3.17 أن الطاقة الداخلية بمكن أن تتغير كذلك دون حدوث تغير في درجة الحرارة.

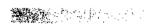
كما سنرى في الباب الواحد والعشرين ان انطاقة الداخلية للغاز المثالي أحادي الذرة monoatomic مرتبطه بالحركة الانتقالية لذراته. وهذا هو النوع الوحيد للطاقة المتاحة للمكونات الميكروسكوبية لهذا النظام. في هذه الحالة الخاصة تمثل طاقة الحركة الكلية لذرات الغاز طاقته الداخلية، وكلما زادت درجة حرارة الغاز كلما زاد متوسط طاقة الحركة للذرات وزادت تبعا لذلك طاقته الداخلية وبصفة عامة في الأجسام الجامدة والسوائل والغازات الجزيئية، تشمل الطاقة الداخلية أنواع اخرى من الطاقات الجزيئية فمثلا الغاز ثنائي الذرة يمكن أن يكون به طاقة حركية دورانية وكذلك طاقة حركة ترددية وطاقة وضع.

الحرارة: تعرَّف الحرارة على أنها انتقال الطاقة عبر حدود نظام ما نتيجة لفرق درجات الحرارة بين هذا النظام والوسط المحيط به.

فعندما تسخن مادة ما فأنت تنقل إليها طاقة بوضعها في حالة تلامس مع وسط درجة حرارته أعلى منها، وهذا ما يحدث عندما نضع وعاء به ماء بارد فوق سخان، فالسخان درجة حرارته أعلى من الماء ومن ثم يكتسب الماء طاقة. وسنستخدم أيضا مصطلح حرارة ليعبر عن مقدار الطاقة التي انتقلت بهذه الطريقة.

في الماضي اعتبر العلماء الحرارة على أنها مائع يسمى كالوريك Calorie واعتقدوا أنه ينتقل بين الأجسام، ومن ثم عرفوا الحرارة بدلالة التغيرات في درجة الحرارة التي تحدث في الأجسام أثناء التسخين، في الوقت الحالي أصبح واضحا أن هناك فرق بين الطاقة الداخلية والحرارة. إلا أننا نشير إلى كميات باستخدام أسماء لا تُعرِّف تلك الكميات بدقة. إلا أنها صارت متداولة في الفيزياء على أساس تلك الأفكار القديمة، من أمثلة تلك الكميات الحرارة الكامنة والسعة الحرارية.

يجب أن نعرف كذلك أن الطاقة الداخلية لنظام ما يمكن أن تتغير حتى إن لم تنتقل إليه طاقة عن المريق الحرارة. فمثلاً عند ضغط غاز بواسطة مكبس، فإن الغاز يسخن وتزداد طاقته الداخلية دون أن مدث انتقال للطاقة على شكل حرارة من الوسط المحيط إلى النظام. إذا تمدد الغاز بعد ذلك بسرعة، وأنه يبرد وتنخفض طاقته الداخلية دون أن يحدث انتقال للطاقة على شكل حرارة منه إلى الوسط الحيط والتغير في درجة حرارة الغاز ليست ناتجة عن فرق في درجات الحرارة بين الغاز والوسط الحيط بل ناتجة عن التضاغط والتمدد. في كل من الحالتين تنتقل الطاقة من الغاز أو إليه عن طريق الشغير في الطاقة داخل النظام تكون زيادة أو نقصا في الطاقة الداخلية. وما يؤكد التغير في الناقة الداخلية لفاز في هذه الأمثلة هو التغير الناتج في درجة حرارة الغاز.



وحدات الحرارة، Units of heat

كما ذكرنا سابقا. الدرسات الأولى في الحرارة كانت تركز على الارتفاع في درجة الحرارة لمادة ما وغالبا ماكانت الماء. وهناك وحدة طاقة لها علاقة بالعمليات الحرارية وهي الكالوري الكالوري وختصر (Cal) ويعرف الكالوري على أساس أنه كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة واحد جرام من الماء من درجة حرارة $^{\circ}$ 14.5°C إلى $^{\circ}$ 15.5°C ($^{\circ}$) (لاحظ أن الكلوري يكتب باستخدام C كبيرة وهو يستخدم للتعبير عن معتوى الطاقة في المواد الغذائية ويستخدم لهذا الغرض وحدة كيلو كالوري) ووحدة الطاقة في النظام الإنجليزي هي وحدة حرارة بريطانية $^{\circ}$ 18 (BTU) British Thermal Unit ومدرجة حرارة واحد ما من $^{\circ}$ 63°F إلى $^{\circ}$ 64°F ألى 64°F

وفي الوقت الحالي يستخدم العلماء النظام الدولي للوحدات SI في تحديد وحدة الطاقة وهي. النجول Joule وهي تستخدم كوحدة للطاقة الحرارية والطاقة الداخلية والشغل (الحظ أن الحرارة والشغل تقاس بوحدات طاقة لكن التخلط بين هذه الوسائل لنقل الطاقة والطاقة ذاتها التي تقاس أيضا بالجول).

المكافئ الميكانيكي للحرارة

في البابين السابع والثامن وجدنا أنه أينما يوجد احتكاك في النظم الميكانيكية يحدث فقد لبعض nonconservative في البابين الطاقة الميكانيكية غير محفوظة مع وجود قوى غير محافظة الميكانيكية غير محفوظة مع وجود قوى غير محافظة لكنها تتحول إلى forces. بينت العديد من التجارب أن الطاقة الميكانيكية المفقودة لاتختفي ببساطة لكنها تتحول إلى طاقة داخلية. ويمكننا أن نجري مثل هذه التجرية بالمنزل بالطرق على رأس مسمار فوق قطعة من الخشب بواسطة مطرقة. ماذا حدث لطاقة حركة المطرقة بمجرد أن تنتهى عملية طرق المسمار؟

لقد انتقل بعضها إلى المسمار كطاقة داخلية ويتضح ذلك من ارتفاع درجة حرارة المسمار، لقد بين بنيامين طومسون تلك الملاقة بين الطاقة الميكانيكية والطاقة الداخلية، إلا أن جول هو الذي أثبت التكافؤ بين نوعى الطاقة.

وببين شكل 1.17 شكلا توضيعيا لتجرية جول الشهيرة. والنظام تحت الدراسة هو الماء الموجود في وعاء معزول حراريا، والشغل المبذول على الماء بتم بواسطة مقلّب ذو ريش يدور في الماء ويتحرك بواسطة كتل ثقيلة تهبط بسرعة ثابتة يسخن الماء الذي يقلب بواسطة المقلّب نتيجة للاحتكاك بينه وبين ريش المقلب. إذا أهملنا الحرارة المفقودة خلال جدران الإناء المحتوى على الماء ومن خلال المقلب عندئذ

 ⁽۱) في الماضي كان الكلوري يعرف على أنه كمية الحرارة اللازمة لرفع درجة حرارة جرام واحد من الماء درجة واحدة منوية C1. إلا أنه قد اتضح بعد ذلك أن كمية الحرارة اللازمة لرفع درجة حرارة جرام من الماء درجة واحدة تختلف باختلاف درجة الحرارة الابتدائية.

الفصل السابع عشره الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية

شكل (1.17) تجربة جول لتعيين الكافئ الميكانيكي للحرارة، الكتلة الهابطة تدير المقلب ذا الريش مما يؤدي لارتفاع درجة حرارة الماء،



۔۔ عازل حراري



Benjamin Thompson بنيامين طومسون (1753 – 1814). (North Wind Picture Archives)

يصبح النقص في طاقة الوضع للكتل الهابطة مساويا للشغل المبدول بواسطة المقلب على الماء فإذا هبطت الكتلتان مسافة قدرها h فإن النقص في طاقة الوضع يكون 2mgh حيث m هي مقيدار الكتلة وهذه الطاقة هي التي أدت إلى ارتفاع درجة حرارة الماء. وبتغيير ظروف النجرية وجد جول أن مقدار الفقد في الطاقة الميكانيكية 2mgh يتناسب مع مقدار الارتفاع في درجة حرارة الماء ΔT وقد وجد أن ثابت التناسب يساوي 4.18 J/g. ومن ثم فإن 4.18 من الطاقة الميكانيكية قد رفعت درجة حرارة عرام واحد من الماء بمقدار 3. وقد بينت القياسات الدقيقة التي أجريت بعد ذلك أن ثابت التناسب مو مو 3. 3 مناطقه الماء عندما ترتفع درجة حرارة الماء من 3 3 3 4 4 4 5 5 6 مكافئا للقيمة التالية.

1 cal = 4.186J (1.17) المكافئ المنكانيكي المحرارة (1.17)

مثال 1.17 الطريق الشاق لإنقاص الوزن

طالب يتناول غذاء قيمته الحرارية 2000 Kilocalory ولكي لا يزداد وزنه قرر أن يبذل شغلا مكافئا في الملعب عن طريق رفع أثقال كتلتها 50.0kg بواسطة قضيب، كم مرة يجب أن يرفع تلك الأثقال لكي يفقد هذا القدر من الطاقة؟ افترض أنه يرفع الأثقال إلى ارتفاع 2.00m كل مرة وأنه لا يكتسب أي طاقة عندما ينزلها إلى الأرض.

الحل، لكي نعول 2000k.calory إلى وحدات شغل بالجول ستنجّد أن الشغل الكلي المطلوب بذله هو $W = (2.000 \times 10^6 \text{ cal}) (4.186 \text{J/cal}) = 8.37 \times 10^6 \text{ J}$

الشغل المبذول عند رفع الأثقال مسافة قدرها h يساوي mgh والشغل المكلي المبذول عند رفع الأثقال عدد n من المرات هو nmgh نساوى بين هذه الكمية وكمية الشغل المطلوب

$$W = nmgh = 8.37 \times 10^6 \text{ J}$$

 $n = \frac{8.37 \times 10^6 \text{ J}}{(50.0 \text{ kg})(9.80 \text{ m/s}^2)(2.00 \text{ m})} = 8.54 \times 10^3$ مرة

فإذا كان الطالب بصحة جيدة وسيرفع الأثقال مرة كل 5 ثواني سيستغرق 12 ساعة ليقوم بهذا التمرين. من الواضح أن الأفضل لهذا الطالب أن ينقص وزنه عن طريق التغذية المناسبة.

HEAT CAPACITY AND SPECIFIC HEAT السعة الحرارية والحرارة النوعية 4.17

عند إضافة طاقة لمادة ما ولم تقم تلك المادة ببذل شغل فإن درجة حرارتها ترتفع (هناك استثناء 10.3 من ذلك وهو في حالة ما إذا حدث تغير في حالة المادة مثل التغيير في الطور Phase change كما سنذكر في القسم التالي). كمية الطافة اللازمة لرفع درجة حرارة كمية معينة من المادة بمقدار ما تختلف من مادة لأخرى فمثلا كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة كيلو جرام من الماء بمقدار درجة سلسيوس واحدة تساوى J 4186 بينما كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة كيلوجرام واحد من النحاس بمقدار درجة سلسيوس واحدة تساوي J 387 فقط. في دراستنا التالية سوف نستخدم الحرارة كمثل لانتقال الطافة، ولكن يجب أن يظل في أذهاننا أننا نستطيع تغيير درجة حرارة نظام ما ببذل شغل عليه.

السعة الحرارية heat capacity C لعينة من مادة ما تعرف على أنها كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة تلك العينة بمقدار درجة سلسيوس واحدة. من هذا التعريف نجد أنه إذا أحدثت كمية من الحرارة Q ارتفاعا في درجة حرارة المادة قدره ΔT . عندئذ

السعة الحرارية
$$Q = C \Delta T$$
 (2.17)

الحرارة النوعية Specific heat C لادة ما هي السعة الحرارية لوحدة الكتلة ومن ثم فإن كمية الطاقة Q المنتقلة بالحرارة إلى كتلة من المادة m لتغيير من درجة حرارتها بمقدار ΔT . عندئذ تكون الحرارة النوعية للمادة هي:

الحرارة النوعية
$$c = \frac{Q}{m\Delta T}$$
 (3.17)

والحرارة النوعية هي مقياس لمدى حساسية المادة للطاقة المضافة فكلما زادت الحرارة النوعية للمادة كلما زاد مقدار الطاقة الواجب إضافتها إليها لإحداث التغير المطلوب في درجة الحرارة، جدول (17.1) يعطى الحرارة النوعية لبعض المواد.

من هذا التعريف يمكن أن نعبر عن الطاقة Q المنتقلة كحرارة بين عينة كتلتها m والوسط المحيط 682) بها والناتج عنها تغير في درجة الحرارة قدره ΔT كُما يلي.

$$Q = mc \Delta T ag{4.17}$$

قمثلا الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة $0.500 \, \mathrm{kg}$ من الماء ثلاث درجات سلسيوس هي: $0.500 \, \mathrm{kg}$ (4186 J/kg·°C)(3.00°C)= $6.28 \times 10^3 \, \mathrm{J}$

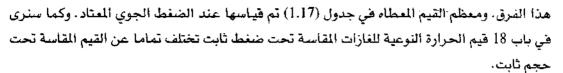
يجب ملاحظة أنه عند اعتبار فيم Q، Q فيما موجبة فإن الطاقة تنتقل إلى النظام وعندما تكون فيم Q، Q فيم Q مسالبة فإن الطاقة تكون منتقلة إلى خارج النظام (أي أن النظام في الحالة الأولى يكتسب طاقة وفي الحالة الثانية يفقد طاقة) والحرارة النوعية تتغير بدرجة الحرارة. إلا أنه لوكان مدى التغير في درجة الحرارة ليس كبيرا فإنه من المكن إهمال هذا التغير واعتبار C مقدار ثابتا(C). على سبيل المثال الحرارة النوعية للماء تتغير بمقدار (C) عندما تتغير درجة حرارته من (C) إلى (C) عند الضغط الجوي المعتاد. وسوف نهمل هذا التغير إلا إذا ذكر غير ذلك.

جدول (1.17)الحرارة النوعية لبعض المواد عند درجة حرارة $^{\circ}\mathrm{C}$ وعند الضغط الجوي						
7.1	الحسرارة النوعسية		السادة	الحسرارة النوعسية		
ا ئے۔۔۔ا دۃ	J/kg·°C	cal/g·°C		J/kg·°C	cal/g·°C	
المواد الجامدة الفلزية			مواد صلبة أخرى			
الألمونيوم	900	0.215	نحاس أصفر	380	0.092	
البرليوم	1830	0.436	زجاج	837	0.200	
. دمیوم کادمیوم	230	0.055	جليد (5°C-)	2090	0.50	
نحاس	387	0.0924	رخام	860	0.21	
حد <i>س</i> جرمانیوم	322	0.077	خشب	1700	0.41	
برد نیرم ذ <i>هب</i>	129	0.0308	السوائل	2.400		
·	448	0.0107	كحول إيثيلي	2400	0.58	
حديد	•		زئبق	140	0.033	
رصاص	128	0.0305	ماء (15°C)	4186	1.00	
سليكون	703	0.168	غاز			
فضه	234	0.056	بخار ماء (100°C)	2010	0.48	

وقد وجد أن القيم المقاسة للحرارة النوعية تعتمد على ظروف إجراء القياسات وبصفة عامة السياسات التي تتم تحت صجم ثابت. إلا أن الفرق بين السياسات التي تتم تحت صجم ثابت. إلا أن الفرق بين الدين بالنسبة للأجسام الصلبة والسوائل يكون قليل ولا يتجاوز نسبة مئوية بسيطة وغالبا ما يهمل

683

ان) التعريف المعطى في المعادلة 3.17 يفترض أن الحرارة النوعية لاتتغير بتغير درجة الحرارة في المدى T_1 التعريف المعطى في المعادلة 3.17 يفترض أن الحرارة الحرارة من T_1 إلى T_1 فإن معادلة 3.17 تصبح كما يلي $Q = m f_T^{T_1} c \, dT$



اختبارسريع 1.17

افترض أن لديك كيلو جراماً واحداً من كل من المواد التالية:

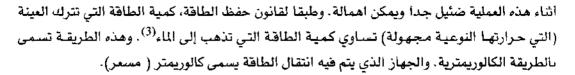
الحديد، الزجاج، الماء وجميعها عند درجة حرارة £10°C (منب هذه المواد من الأقل إلى الأكبر في درجة الحرارة بعد إضافة 1001 من الطاقة لكل منها (b) رتب تلك المواد من الأقل إلى الأكبر في الطاقة المنقولة إليها بالحرارة إذا ارتفعت درجة حرارة كل منها إلى .20°C

من الملاحظ في جدول (1.17) أن الحرارة النوعية للماء أعلى من الحرارة النوعية لباقي المواد التي بالجدول. وهذه الحرارة النوعية الكبيرة هي التي تؤدي إلى الطقس المتدل بالقرب من المسطحات المائية الكبيرة، ففي فصل الشتاء عندما تأخذ مياه تلك المسطحات في الانخفاض تنتقل الطاقة من تلك المياه إلى الهواء بواسطة الحرارة، فتزداد الطاقة الداخلية للهواء، وبسبب الحرارة النوعية الكبيرة للماء، ينتقل قدر كبير من الطاقة إلى الهواء بسبب الانخفاض في درجة حرارة الماء حتى ولوكان طفيفا ويقوم الهواء بنقل تلك الطاقة الداخلية في اتجاه سطح الأرض عندما يكون اتجاه الريح مواتيا. فمثلا اتجاه الرياح عند الشاطئ الغربي للولايات المتحدة يكون نحو سطح الأرض (في اتجاه الشرق) لذلك نجدأن الطاقة المتصاعدة من مياه المحيط الباسفيكي عندما يبرد ماؤه تجعل المنطقة الساحلية أكثر دفئًا من المناطق الأخرى المجاورة وهذا هو السبب في كون الشاطئ الفريي للولايات المتحدة أكثر دفئا في فصل الشتاء من المناطق الساحلية الشرقية حيث اتجاه الريح لايجعلها تحمل الطاقة نحو الشاطئ.

الفرق بين الحرارتين النوعيتين للجبن والخبـز هو الذي يجعل الجبنة التي بالبيتزا تلهب الفم أكثر من الخبر الذي تصنع منه البيترا على الرغم من أنهما في درجة حرارة واحدة، فالخبر والجبن يتغيران في درجة الحرارة بصورة واحدة منذ أن تخرج البيتزا من الفرن حتى تصل إلى فمك ودرجة حرارته 37°C بما أن الجبن يحدث النهابا في فمك أكثر من باقى البيتزا فلابد أن مقدار الطاقة التي تتبعث من الجبن عندما يبرد أكبر من الطاقة الحرارية التي تنبعث من باقي البيتزا، فلو أخذنا قطعتين متساويتين الوزن من الجبن والبيتزا، فإن المعادلة (3.17) نبين أن الحرارة النوعية للجبن وهو معظمه من الماء أكبر من الحرارة النوعية لباقي البيتزا التي تحتوي على نسبة كبيرة من الهواء،

حفظ الطاقة : الكالوريمترية Conservation of energy: Calorimetry

أحد طرق قياس الحرارة النوعية هي عن طريق تسخين عينة إلى درجة حرارة معروفة T_x ثم وضعها في وعاء يحتوي على كمية من الماء لها وزن معروف ودرجة حرارة معروفة $T_{
m o}$ بحيث أن ثم تقاس درجة حرارة الماء بعد أن يحدث اتزان حراري. حيث إن الشغل الميكانيكي الذي حدث $T_{w} < T_{x}$



وقانون حفظ الطاقة يمكننا من كتابة المعادلة

$$Q_{\text{cold}} = -Q_{\text{hot}} \tag{5.17}$$

وهو ينص على أن الطاقة التي تترك الجزء الساخن من النظام بواسطة الحرارة تساوي مقدار الطاقة التي تذهب إلى الجزء البارد من النظام.

والإشارة في المعادلة لها أهمية لكي نحافظ على قاعدة الإشارات، فالحرارة $Q_{\rm hot}$ مقدارها سالب لأن الطاقة التي تترك العينة الساخنة قيمتها سالبة، والإشارة السالبة في المعادلة تؤكد على أن الحد الأيمن موجب. ومن ثم فهو يتفق مع الحد الأيسر لأن $Q_{\rm cold}$ تدخل الماء البارد ومن ثم فهومتها موجبة.

نفرض أن m_x هي كتلة عينة من مادة ما نرغب في تعين حرارتها النوعية. سنعتبر حرارتها النوعية ولم m_x أن يقرض أن T_ω , C_ω , m_ω النوعية هي T_x ودرجة حرارتها الابتدائية T_x وبالمثل سنفترض أن سنفترض أن عمل مقادير الكميات المماثلة للماء. لو أن T_f هي درجة الحرارة النهائية بعد حدوث الاتزان الحراري باختلاط الماء مع المادة، من معادلة 17.4 سنجد أن الطباقية المنتقلة إلى المباء هي $m_\omega C_\omega (T_f - T_\omega)$ وهي كمية موجبة لأن $T_f > T_\omega$ وأن الطباقة المنتقلة من العينة التي نجهل حرارتها النوعية هي $m_x c_x (T_f - T_x)$ وهي سالبة لأن $T_x > T_t$.

$$m_{\omega}\,c_{\omega}\,(T_f-T_{\omega})=-m_{\chi}c_{\chi}\,(T_f-T_{\chi})$$
 ومنها نوجد
$$c_{\chi}=\frac{m_{\omega}c_{\omega}(T_f-T_{\omega})}{m_{\chi}(T_{\chi}-T_{\ell})}$$

تجربة معملية سريعة

في مكان مفتوح مثل موقف سيارات استخدم لهب عود ثقاب لكي تفجر بالونة مملوءة بالهواء. الآن حاول الشئ نفسه مع بالونة ملوءة بالماء؟

⁽١) في القياسات الدقيقة يجب إدخال الوعاء الذي يحتوي على الماء في حسابنا حيث إنه كذلك يتبادل الطاقة مع العينة. إلا إنه للقيام بذلك يجب أن نعرف كتلة ونوع العنصر المصنوع منه. فإذا كانت كتلة الماء أكبر بكثير من كتلة الوعاء.

مثال 2.17 تبزيد كتلة معدنية ساخنة

كتلة معدنية كتلتها 0.05kg سخنت لدرجة حرارة 0.00C ثم أسقطت في كأس به 0.05kg من لماء عند درجة حرارة ابتدائية 0.00C فإذا كانت درجة الحرارة عند الاتزان الحراري للمجموعة هي 0.40kg عند الحرارة النوعية للمعدن.

الحل؛ طيقا للمعادلة (5.17) نجد أن

$$m_{\omega} c_{\omega} (T_f \cdot T_{\omega}) = -m_{\chi} c_{\chi} (T_f \cdot T_{\chi})$$

$$(0.40 \text{kg})(4186 \text{ J/kg.}^{\circ}\text{C})(22.4^{\circ}\text{C} - 20.0^{\circ}\text{C}) = -(0.050 \text{kg})(C_{\chi})(22.4^{\circ}\text{C} - 200.0^{\circ}\text{C}) =$$

$$c_{\chi} = -453 \text{ J/kg}^{\circ}\text{C}$$

وأغلب الظن أن هذه الكتلة هي حديد كما يتضع من مقارنة هذه النتيجة بالنتائج المدونة في جدول (1.17). لاحظ أن درجة حرارة كتلة الحديد أعلى من نقطة البخار ومن ثم فمن المحتمل أن يتبخر بعض الماء عند إلقاء كتلة الحديد. افترض أن لدينا نظاما مغلقا حتى لايسمح بهروب البخار. وبما أن درجة حرارة الإتزان النهائية أقل من نقطة البخار فأي بخار سوف يتكثف مرة أخرى إلى ماء.

مثال 3.17 🖟 وقت اللعب لراعي البقر

أطلق راعي البقر طلقة من الفضة كتلتها 2.0g وسرعة انطلاق 200m/s على حائط من الخشب، فإذا فرضنا أن كل الطاقة الداخلية الناتجة عن التصادم بقيت في الطلقة، فكم يكون مقدار التغير في درجة حرارة الطلقة.

الحل: طاقة الحركة للطلقة تساوى

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2}(2.00 \times 10^{-3} \text{ kg})(200 \text{ m/s})^2 = 40.0 \text{ J}$$

حيث إن الوسط المحيط أسخن من الطلقة فإن الطلقة لم تكتسب أي طاقة بالحرارة. لقد زادت درجة حرارتها لأن طاقة الحركة ومقدارها 40.0 لقد تحولت إلى طاقة داخلية إضافية لها نفس المقدار. أما التغير في درجة الحرارة فهو نفسه الذي كان سيحدث لوأن 40.0 من الطاقة إنتقلت بالحرارة من فرن إلى الطلقة. لو تخيلنا أن تلك العملية الأخيرة هي التي قد حدثت يمكننا حساب مقدار T من معادلة (4.17) باستخدام 234J/kg.°C للحرارة النوعية للفضة انظر جدول (4.17). إذن

$$\Delta T = \frac{Q}{mc} = \frac{40.0 \text{ J}}{(2.00 \times 10^{-3} \text{ kg})(234 \text{ J/kg} \cdot ^{\circ}\text{C})} = 85.5 ^{\circ}\text{C}$$

نفرض أن راعي البقر قد نفد ما معه من طلقات فضية وبدأ يستخدم طلقات من الرصاص لها نفس الكتلة ونفس السرعة عند الإطلاق نحو الحائط، ما مقدار التغير في درجة حرارة الطلقة.

17.3.2 الحرارة الكامنة LATENT HEAT

من المعتاد أن يحدث تغير في درجة الحرارة لأي مادة عندما يحدث تبادل للطاقة بينها وبين الوسط المحيط بها، إلا أن هناك حالات لا يحدث فيها تغير في درجة الحرارة عند تبادل الطاقة. هذه هي الحالة التي تتغير فيها المادة من صورة لأخرى. مثل هذا التغير يسمى بتغير الطور Phase Change وهناك تغيران طوريان معروفان جيدا هما التغير من الطور الجامد إلى الطور السائل (إنصهار) ومن الطور السائل إلى الطور الفازي (غليان)، وهناك تغير آخر في التركيب البلوري للمادة الجامدة. والتغيرات الطورية من هذا النوع تكون جميعها مصحوبة بتغير في الطاقة الداخلية دون أن يحدث تغير في درجة الحرارة. على سبيل المثال الزيادة في الطاقة الداخلية عند الغليان تمثل تحطم الروابط بين الجزيئات في الحالة السائلة، وتحطم تلك الروابط يسمح للجزيئات مناظره للزيادة في الطاقة الداخلية. الحالة السائلة، وتحطم تلك الروابط يسمح للجزيئات مناظره للزيادة في الطاقة الداخلية.

وكما نتوقع تستجيب المواد المختلفة بشكل مختلف لإضافة أو سعب طاقة عندما يعدث تغير في الطور لأن التنظيم الداخلي للجزيئات يختلف من مادة لأخرى، أضف إلي ذلك أن كمية الطاقة المنتقلة أثناء التغير الطوري تعتمد على كمية المادة (فلكي تصهر مكعبا من الثلج تحتاج لطاقة أقل مما تحتاجه أكي تذيب الجليد في بحيرة متجمدة.). إذا كانت كمية الطاقة المنتقلة Q لإحداث تغير طوري لكتلة شدرها m من مادة ما فإن النسبة q تعبر عن صفه حرارية هامة للمادة ونظرا لأن هذه الطاقة المضافة أو المأخوذة لاتؤدي إلي تغيير في درجة الحرارة، فإن الكمية q تسمى الحرارة الكامنة للمادة ما يعتمد على طبيعة التغير الطوري وعلى خواص الله الدة ما يعتمد على طبيعة التغير الطوري وعلى خواص الدورة.

جـــدول (2.17) الحــرارة الكامنـــة للانصــهار والتبخـــــر				
الحــــرارة الكامدة للتبخير	نقطة الغليان °C	الحرارة الكامنة للإنصهار J/kg	نقطة الإنصهار °C	الــــادة
2.09 x 10 ⁴	-268.93	5.23×10^3	-269.65	<u>می</u> لیوم
2.01×10^5	-195.81	2.55×10^4	-209.97	نتروجين
2.13×10^5	-182.87	1.38×10^4	-218.79	أكسجين
8.54 x 10 ⁵	78	1.04×10^5	-114	كحول إيثيلي
2.26 x 10 ⁶	100.00	3.33×10^5	0.00	ماء
3.26×10^5	444.60	3.81×10^4	119	كبريت
8.70×10^5	1 750	2.45×10^4	327.3	رصاص
1.14×10^7	2 450	3.97×10^5	660	ألمونيوم
2.33×10^6	2 193	8.82×10^4	960.80	فضية
1.58×10^6	2 660	6.44×10^4	1 063.00	ذهب
5.06×10^6	1 187	1.34×10^5	1 083	نحاس

ومن تعريف الحرارة الكامنة. مرة أخرى سنستخدم الحرارة كوسيلة لنقل الطافة، سنجد أن الطافة اللازمة لتغير الطور لكمية محددة m من مادة نقية هي:

Agree Value

$$Q = mL ag{6.17}$$

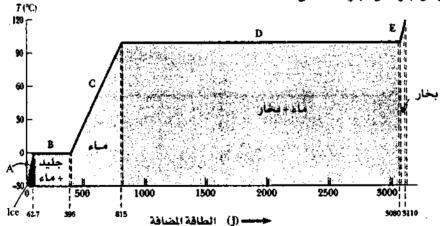
Latent heat of fusion L_f الحرارة الكامنة للانصهار

هو المصطلح المستخدم عندما يتغير الطور من الحالة الصلبة إلي الحالة السائلة، والحرارة الكامنة للتبخير للمستخدم عندما يتغير الطور من الحالة للتبخير L_v للتبخير عندما يتغير الطور من الحالة السائلة إلي الحالة الغازية (4). والحرارة الكامنة للعديد من المواد تختلف اختلافا كبيرا كما يتضح من المعلاء في جدول (2.17).

اخنبار سريع 2.17

مائة جرام من الماء عند درجة حرارة C 100°C ومائة جرام من بخار الماء عند نفس الدرجة أي منهما يحدث حروقا أشد خطورة.

لكي نفهم دور الحرارة الكامنة في التغيرالطوري. خد كمثال الطاقة اللازمة لتحويل مكعب من الجليد وزنه 120°C . والشكل البياني 1.00g إلى بخار ماء عند درجة حرارة 120°C . والشكل البياني (2.17) يبين النتائج العملية التي تم الحصول عليها عندما أضيفت الطاقة بالتدريج إلى الجليد. وسندرس كل جزء من أجزاء المنحني.



شكل (2.17) رسم بياني يبين درجة الحرارة والطاقة المضافة لجرام من الجليد عند درجة حرارة °30.0° وقد تحول إلى بخار عند درجة حرارة °20.0°C وقد تحول إلى بخار عند درجة حرارة °20.0°C.

⁽⁴⁾ عندما يبرد الغاز فإنه يتكثف أي إنه يعود إلى الطور السائل. الطاقة التي تتصاعد في هذه العملية لوحدة الكتلة تسمى الحرارة الكامنة للتكثيف وهي عدديا تساوي الحرارة الكامنة للتبخير. وبالمثل عندما يبرد السائل فإنه يتجمد والحرارة الكامنة للتجمد تساوي عدديا الحرارة الكامنة للانصهار.



 1.00° C في هذا الجزء من المنعنى درجة حرارة الجليد تتغير من 30.0° C إلى درجة الصفر 30.0° C حيث إن الحرارة النوعية للجليد هي 30.0° C بمكننا أن نحسب كمية الطاقة المضافة باستخدام معادلة (4.17).

$$Q = m_i c_i \Delta T = (1.00 \times 10^{-3} \text{kg}) (2090 \text{J/kg}^{\circ}\text{C}) (30.0^{\circ}\text{C}) = 62.7 \text{ J}$$

الجزء B: عندما تصل درجة حرارة الجليد إلى صفر سلسيوس يبقى خليط الجليد والماء عند هذه الدرجة على الرغم من إضافة طاقة حتى ينصهر الجليد كله، الطاقة اللازمة لصهر جرام واحد من الجليد عند درجة $0^{\circ}C$ من معادلة (17.6) هى:

$$Q = mL_f = (1.00 \times 10^{-3} \text{kg}) (3.33 \times 10^{5} \text{J/kg}) = 333 \text{ J}$$

إذن وقد وصلنا إلى مجموع طاقة قدره: 396J = 333J + 62.7 J + 333J على المحور السيني للشكل البياني.

الجزء $^{\circ}$ من درجة حرارة $^{\circ}$ الى $^{\circ}$ الى $^{\circ}$ الايحدث تغير طوري والطاقة المضافة للماء تستغل في رفع درجة حرارته. كمية الطاقة اللازمة لكي ترتفع درجة حرارة الماء من $^{\circ}$ الى $^{\circ}$ الى $^{\circ}$ هى :

$$Q = m_{\omega} c_{\omega} \Delta T = (1.00 \times 10^{-3} \text{ kg})(4.19 \times 10^{3} \text{ J/kg} \cdot ^{\circ}\text{C})(100^{\circ}\text{C}) = 419 \text{ J}$$

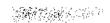
الجزء D : عند درجة حرارة $^{\circ}$ 100°C يحدث تغير طوري آخر عندما يتحول الماء من الطور السائل عند $^{\circ}$ 100°C إلى الطور الغازي عند نفس الدجة، وكما حدث لخليط الجليد والماء في الجزء B يظل خليط الماء والبخار عند درجة $^{\circ}$ 100°C على الرغم من إضافة طاقة حتى يتحول كل الماء إلى بخار والطاقة اللازمة لكي يتحول 100.0°C من الماء إلى بخار عند درجة $^{\circ}$ 100.0°C هي:

$$Q = mL_y = (1.00 \times 10^{-3} \text{ kg})(2.26 \times 10^6 \text{J/kg}) = 2.26 \times 10^3 \text{J}$$

الجزء E : في هذا الجزء من المتحنى كما في الجزئين C ,A لا يحدث تغير طوري ولذلك فإن الطاقة المضافة تستغل كلها لِرفع درجة حرارة البخار . الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة البخار من $^{\circ}C$. الله $^{\circ}C$ على $^{\circ}C$ على المنافذ البخار من $^{\circ}C$ المنافذ المنافذ

$$Q = m_s c_s \Delta T = (1.00 \times 10^{-3} \text{kg})(2.01 \times 10^3 \text{ j/kg} \cdot \text{°c})(20^{\circ}\text{C}) = 40.2 \text{J}$$

مما سبق نجد أن الطاقة الواجب إضافتها لتحويل جرام من الجليد عند درجة حرارة $^{\circ}$ C- إلى بخار عند $^{\circ}$ C عند $^{\circ}$ C هو مجموع النتائج من الأجزاء الخمسة للمنحنى وهي $^{\circ}$ C- يعب أن ننقص طاقته لكي نحول جراماً من بخار الماء عند درجة $^{\circ}$ C- الى جليد عند درجة $^{\circ}$ C- يجب أن ننقص طاقته بمقدار $^{\circ}$ C- $^{\circ}$ C-



ميكانيكية التغير الطوريء

يمكننا أن نصف ميكانيكية التغير الطوري على أساس إعادة ترتيب الجزيئات عند إضافة أو سحب الطاقة من مادة ما (في حالة المواد التي على شكل عناصر تكون مكونة من ذرات غير متحده في صورة جزيئات إلا أن مصطلح الجزيئات هو مصطلح عام يستخدم للإشارة إلى كل من المواد الجزيئية والعناصر المكونة من ذرات غير متحدة في صورة جزيئات) سنأخذ أولا حالة التغير من الطور السائل إلى الطور الغازي.

الجزيئات في السائل متقاربة من بعضها والقوى بينها أكبر من القوى الموجودة بين جزيئات الغاز المتباعدة عن بعضها. ومن ثم لابد من بذل شغل على السائل مضاد لقوى التجاذب حتى يمكن فصل تلكِ الجزيئات. والحرارة الكامنة للتبخر هي كمية الطاقة لوحدة الكتلة التي يجب إضافتها للسائل لكي يتم هذا الانفصال بين الجزيئات.

بالمثل بالنسبة للأجسام الصلبة يمكن أن نتصور أن إضافة الطاقة تؤدي إلى زيادة سعة الذبذبة للجزيئات حول وضع الاتزان الخاص بها كلما ارتفعت درجة الحرارة، عند درجة انصهار المادة الصلبة تصبح سعة الذبذبة كبيرة بالقدر الكافي لكسر الروابط بين الجزيئات والسماح للجزيئات بالحركة إلى مواقع جديدة. والجزيئات في السوائل مرتبطة مع بعضها البعض إلا أن قوة تلك الروابط أقل من قوة الروابط في الطور الصلب. الحرارة الكامنة للانصهار هي الطاقة المطلوبة لوحدة الكتلة لتحويل الروابط بين جميع الجزيئات في الجسم الجامد إلى روابط بين تلك الجزيئات في الحالة السائلة.

كما يلاحظ من جدول (2.17) الحرارة الكامنة للتبخير لمادة ما غالبا ماتكون أكبر من الحرارة الكامنة للانصهار. وهذا متوقع إذا أخذنا في الاعتبار أن متوسط المسافة بين الجزيئات في الطور الغازي أكبر بكثير من تلك الموجودة بين الجزيئات في الطورين الصلب والسائل، وفي حالة التحول من الطور الصلب إلى الطور السائل تتحول الروابط من روابط الأجسام الصلبة بين الجزيئات إلى روابط السوائل التي هي أقل قوة بقليل، في حالة التغير من الطور السائل إلى الطور الغازي تتحطم الروابط بين جزيئات السائل إلى الطور الغازي تتحطم الروابط بين جزيئات السائل ويوجد وضع تكون فيه جزيئات الغاز غير مرتبطة ببعضها ومن ثم فمن المتوقع أن يلزم قدر من الطاقة لتبغير كتلة ما من المادة أكبر من القدر اللازم لتحويلها إلى سائل.

اختبار سريع 3.17

احسب ميل الأجزاء E, C, A من الرسم البياني في شكل 2.17 ورتبها من الأقل إلى الأكبر ووضح ماذا يعنى هذا الترتيب.



مسائل الكالوريمترية

إذا وجدت صعوبة في مسائل الكالوريمترية خذ في الاعتبار النقاط التالية:

- وحدات القياس يجب أن تكون متطابقة فمثلا إذا استخدمت قيمة للحرارة النوعية بوحدات Cal/g.°C تأكد من أن الكتلة بالجرامات ودرجات الحرارة بالسلسيوس.
- تحويل الطاقة يتم بالمعادلة Q=mc ΔT للعمليات التي لايحدث فيها تغير طوري فقط. واستخدم المعادلة $Q=mL_0$, $Q=mL_0$
 - $Q_{
 m cold}$ = $Q_{
 m hot}$ غالبا ما يحدث استخدام المعادلة •

تأكد من أنك تستغيرم الإشارة السالبة في المعادلة وتذكر أن ΔT هي دائما درجة الحرارة النهائية ناقص درجة الحرارة الابتدائية.

مثال 4.17 تبريد البخار

ما هي كتلة البخار الذي درجة حرارته °C اللازم لتسخين 200g من الماء في وعاء زجاجي كتلته 100g من درجة °20.0 إلى °C 50.0 .

الطاقة البخار يفقد الطاقة على ثلاث مراحل. في المرحلة الأولى يبرد البخار إلى $^{\circ}$ C. الطاقة والمحاد البخار يفقد الطاقة على ثلاث مراحل. والمحادة المحادة تساوي $Q_1=m_s c_s \Delta T=m_s (2.01 \times 10^3 J/kg^{\circ}C)$

$$=-m_c(6.03 \times 10^4 \text{J/kg})$$

حيث m_s كتلة البخار المجهولة

في المرحلة الثانية: يتحول البخار إلى ماء الحساب الطاقة المنتقلة في هذه المملية تستخدم العلاقة $Q=-mL_0$ الإشارة السالبة تدل على أن الطاقة تخرج من البخار

$$Q_2 = -m_s(2.26 \times 10^6 \text{J/kg})$$

في المرحلة الثالثة، الماء الناتج عن تكثف البخار تنخفض درجة حرارته إلى 50.0°C وهذا التغير يحتاج إلى انتقال الطاقة طبقا للمعادلة

$$Q_3 = m_s c_\omega \Delta T = m_s (4.19 \times 10^3 \text{J/kg} \cdot \text{C}) (-50.0 \cdot \text{C})$$

=- $m_s (2.09 \times 10^5 \text{J/kg})$

بإيجاد مجموع الطاقة المنتقلة من البخار في العمليات الثلاث نحصل على الآتي

$$Q_{hot} = Q_1 + Q_2 + Q_3$$

$$= -m_s (6.03 \times 10^4 \text{J/kg} + 2.26 \times 10^6 \text{J/kg} + 2.09 \times 10^5 \text{J/kg})$$

$$= -m_s (2.53 \times 10^6 \text{J/kg})$$

الآن نتجه نحوالزيادة في درجة حرارة الماء والوعاء الزجاجي باستخدام المعادلة (17.4) نحصل على $Q_{\text{cold}} = (0.200 \text{ kg}) (4.19 \times 10^3 \text{J/kg} \cdot ^{\circ}\text{C}) (30.0 ^{\circ}\text{C})$

$$+ (0.100 \text{ kg}) (837 \text{J/kg}^{\circ}\text{C}) (30.0^{\circ}\text{C}) = 2.77 \times 10^{4} \text{J}$$

باستخدام المعادلة 1.17 يمكننا أيجاد كتلة البخار المجهولة ،m

$$Q_{cold} = -Q_{hot}$$

2.77 x $10^4 J = -[-m_s(2.53 \text{ x} \pm 0^6 J/\text{kg})]$
 $m_s = -1.09 \times 10^{-2} \text{ kg} = 10.9 \text{ g}$

مثال 5.17 غلبان الهلبوم السائل

الهيليوم السائل درجة غليانه منخفضة جدا تصل إلى 4.2k والحرارة الكامنة للتبخير له صغيرة فهي 2.09x10⁴J/kg. فإذا انتقلت كمية من الطاقة إلى وعاء به هيليوم سائل من سخان كهربائي مغموس فيه بمعدل 10.0W فكم من الوقت يستغرق تبخر 1.00kg من الهيليوم السائل.

الحرارة الكامنة التبخر $L_{\rm a}=2.09{
m x}10^4{
m J/kg}$ فلابد من إضافة طاقة بهذا القدر لتبيخيير كيلوجيراميا واحيدا من الهيليوم وحيث إن \$/10.0 W= 10.0J . إذن الزمن اللازم لأضافية 2.09x10⁴J/kg من الطاقة هو

$$t = \frac{2.09 \times 10^4 \text{ J}}{10.0 \text{ J/s}} = 2.09 \times 10^3 s \approx 35 \text{ min}$$

تمرين ، إذا أردنا تبخير 1.0 kg من الماء عند درجة 100.°C باستخدام سخان كهربائي قدرته 10W . فكم من الوقت يستغرق تيخير هذه الكمية ؟

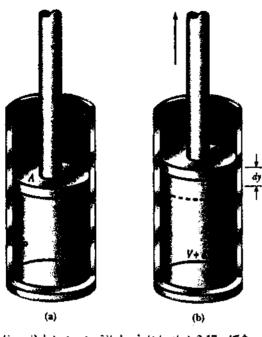
الإجابة 62.8 h

4.17 الشغل والحرارة في عمليات الديناميكا الحرارية

WORK AND HEAT IN THERMODYNAMIC PROCESSES

🦽 في المعالجة الماكروسكوبية للديناميكا الحرارية، توصف حالة النظام باستخدام بعض المتغيرات 10.6 مثل الضغط والحجم ودرجة الحرارة والطاقة الداخلية. وعدد المتغيرات الماكروسكوبية اللازمة لوصف نظام تعتمد على طبيعة هذا النظام لنظام متجانس مثل غاز يحتوي على نوع واحد فقط من 692 ﴾ الجزيئات نحتاج غالبا إلى متغيرين. ومن الأمور الهامة ملاحظة أن الحالة الماكروسكوبية لنظام معزول





شكل 3.17 غياز داخل أسطوانة عند ضيغط ¹⁴ يد ذل شغلا على مكبس متحرك يتمدد النظام من الحجم V إلى V+ dV

بمكن تحديدها فقط عندما يكون النظام في حالة اتزان حراري داخلي، ففي حالة غاز داخل وعاء يقتضى الاتزان الحراري الداخلي أن يكون كل جزء من أجزاء الغاز عند نفس الضغط ودرجة الحرارة ، نفرض غازا داخل أسطوانة مثبت عليها مكيس piston متحرك شكل (3.17) في حالة أتزان. يشغل الفياز حجمًا V ويحدث ضغطا منتظما قدره P على جدار الأسطوانة وعلى الكبس، فإذا كانت مساحة مقطع الكبس A F_{ω} فتكون القوة التي يؤثر بها الغاز على المكبس PA = . الآن نفترض أن الغاز قد تمدد بطريقة شبه استاتیکیه | quasi Statically وهذا یعنی أن عملية التمدد تتم ببطئ شديد بحيث يسمح للنظام أن يظل في حالة اتزان حراري في جميع الأوقيات، فياذا منا تحسيرك المكيس إلى أعلى مسافة قدرها dy فإن الشغل الذي يبذله الغاز dW = F dy = PA dy على المكبس هو

بما أن A dy هي الزيادة في حجم الغاز dV، يمكننا أن نعبر عن الشغل المبذول بواسطة الغاز كما يأتى:

$$dW = P \, dV \tag{7.17}$$

عندما يتمدد الغاز تكون قيمة dV موجبة ومن ثم يكون الشغل الذي يبذله الغاز موجبا أما اذا ضغط الغاز وقل حجمه تكون قيمة dV سالبة ومن ثم يكون الشغل سالبا، ونقص الحجم يعني أن شغلا قد بذل على الغاز من الخارج.

في تمرينات الديناميكا الحرارية التي سنتناولها سنعتبر أن النظام تحت الاختبار مادة تتبادل الطاقة مع الوسط المحيط، في العديد من التمرينات سيكون النظام الثرموديناميكي thermodynamic عبارة عن غاز داخل وعاء، إلا أننا سنتعرض كذلك إلي تمرينات تتضمن سوائل وأجسام صلبة، ونود أن نشير إلى حقيقة نتجت عن أن علم الديناميكا الحرارية كان منفصلا عن علم الميكانيكا في المراحل الأولى لنموهما، هذه الحقيقة هي أن الشغل الموجب في نظم الديناميكا الحرارية يعرف عادة كشغل يبذل بواسطة النظام وليس الشغل الذي يبذل على النظام. وهو عكس الحالة عند دراسة الشغل

في علم الميكانيكا. إذن في الديناميكا الحرارية الشغل الموجب يعني انتقال الطاقة إلى خارج النظام. وسوف نتفق عي ذلك في المعالجات العامة في الديناميكا الحرارية.

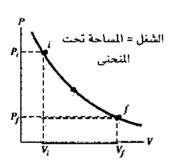
الشغل الكلى المبذول بواسطة الفاز عندما يتغير حجمه من V_{f} إلى V_{f} بعين بتكامل المعادلة 7.17 كما يلي

$$W = \int_{V}^{V_f} P \, dV \tag{8.17}$$

لكي نحسب هذا التكامل لايكفي أن نعرف فقط القيمتين الابتدائية والنهائية للضغط بل لابد من معرفة قيمة الضغط عند كل لحظة أثناء عملية التمدد. ويمكن معرفة ذلك إذا كان لدينا دالة لتغير P بالنسبة للحجم٧ وهذه النقطة هامة لأي عملية سواء التمدد الذي نناقشه الآن أو أي عملية أخرى. ولكي نُعرِّف أي عملية بدقية كاملة يجب أن نعلم المتغيرات الترموديناميكية -Thermodynamic Var . . iables عند كل حالة يمر بها النظام بين الحالتين الإبتدائية والنهائية. في حالة التمدد التي ندرسها الآن بمكننا أن نرسم العبلاقة بين V, P عند كل لحظة لكي نرسم المنحني PV كما هو مبين في شكل (4.17) والمساحة المحصورة أسفل هذا المنعني تعطى قيمة التكامل في معادلة (8.17) ومن ثم يتم حساب الشفل،

إذن الشغل الذي يبذله الغاز في عملية التمدد من حالة ابتدائية إلى حالة نهائية يساوي المساحة تحت المنحني الذي يربط بين الحالات على منحني PV.

> يتضح من شكل 4.17 أن الشغل المبذول في عملية التمدد من الحالة الابتدائية i إلى الحالة النهائية f يعتمد على المسار الذي يسلكه النظام الثرموديناميكي بين الحالتين.حيث إن المسار على منحنى PV هو وصف لهذه العملية الشرموديناميكية التي أثرت على النظام، لكي نوضح هذه النقطة الهامة، افترض عدة مسارات نصل الحالة f بالحالة f شكل (5.17). في العملية الموضعة في شكل P_i إنخفض ضغط الغاز من P_i بالتبريد مع V_{f} با أن تمدد الغاز في الخطوة التالية من V_{i} الى ثبات الحجم أ مع ثبات الضغط P_f . مقدار الشغل المبذول في هذا المسار يساوى مساحة الستطيل المظلل والذي يساوي $P_f(V_f - V_i)$. في شكل 5.17b يتمدد الغاز أولا من V إلى عند ضغط ثابت Pi ثم



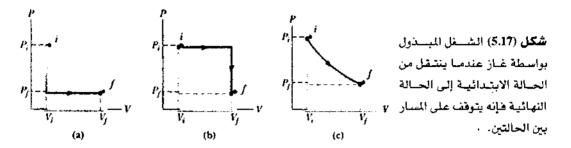
شكل (4.17) غاز يتمدد بطريقة شبه استانيكيـة (ببطئ) من الحالة i إلى الحالة f ، الشغل المبذول بواسطة الغاز يساوي المساحة تحت منحني PV.

ينخفض الضغط إلى $P_{i}(V_{r}-V_{i})$ مع ثبات الحجم V_{r} . الشغل المبذول خلال هذا المسار هو $P_{i}(V_{r}-V_{i})$ وهو أكبر من المسار الموضع في شكل 5.17a. وأخيرا بالنسبة للعملية الموضعة في شكل 5.17c حيث يتغير V, P 69 معا على طول المسار c في هذه الحالة تكون فيمة مقدّار الشغل هي فيمة متوسطة بين مقداريهما في

الفصل السابع عشر؛ الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية

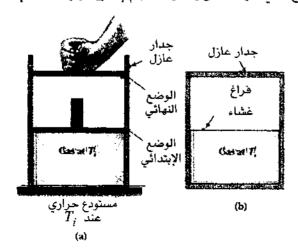


العمليتين السابقتين. ومن ثم نجد أن الشغل المبذول بواسطة نظام ما يعتمد على الحالة الابتدائية والحالة النبادائية والحالة النباد الذي اتخذه النظام بين تلك الحالتين.



الطاقة المنتقلة إلى أو من نظام ثرموديناميكي بالحرارة Q تعتمد أيضا على العملية الثرموديناميكية التي انتقلت بواسطتها تلك الطاقة ولتوضيح ذلك خذ الحالة الممثلة في شكل (6.17) في الأسطوانة الموضحة والمثبت عليها مكبس piston حر الحركة يوجد غاز مثالي. في كل حالة للغاز نفس قيم الحجم الابتدائي والضغط ودرجة الحرارة، في شكل 6.17a الغاز معزول حراريا عن الوسط المحيط ماعدا عند قاع الأسطوانة حيث يكون في تلامس حراري مع مستودع للطاقة ومصطلح يعبر عن مصدر للطاقة يعتبر كبيرا جدا بحيث إن أي مقدار محدود من الطاقة يسحب منه لايغير من درجة حرارته، يظل المكبس عند وضعه الابتدائي بمساعدة عامل خارجي باليد مثلا، عند تخفيض القوة المثبته للمكبس قليلا، يرتفع المكبس ببطئ شديد إلى وضعه النهائي.

حيث إن المكبس يتحرك إلى أعلى فإن الغاز يبذل شغلا على المكبس خلال عملية التمدد هذه حتى يصل حجم الغاز النهائي إلى V_i . تنتقل الطاقة بواسطة الحرارة من مستودع الطاقة إلى الغاز لتثبيت درجة الحرارة عند T_i . والآن سندرس حالة النظام المغزول حراريا عزلا تاما كالموضع في شكل (6.17b) عند قطع الغشاء يتمدد الغاز بسرعة في الفراغ الذي فوقه حتى يشغل الحجم V_i ويصير ضغطه V_i .



شكل (6.17) (a) غاز عند درجة حارارة آنمدد ببطئ بينما يمنص طاقة من المستودع لكي يظل عند درجة حارارة ثابتة. (b) غاز يتمدد بسرعة إلى منطقة مفرغة بعد قطم النشاء

الضرباء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في هذه الحالة لم يقِم الغاز ببذل شغل حيث إنه لايوجد مكبس متحرك يؤثر عليه الغاز بقوة بالإضافة إلى أنه لم تنتقل طاقة بواسطة الحرارة خلال الجدران المعزولة للإناء المحتوي على الغاز.

الحالتان الابتدائية والنهائية للغاز المثالي في شكل (6.17a) مشابهتان للحالتين الابتدائية والنهائية في شكل (6.17b) إلا أن المسارين مختلفان. في الحالة الأولى الغاز بذل شغلا على المكبس وانتقلت طاقة ببطئ إلى الغاز. في الحالة الثانية لايوجد انتقال للطاقة، والشغل المبذول يساوي صفراً، ومن ذلك نستنتج أن الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة، مثل الشغل المبدول كلاهما يعتمد على الحالة الابتدائية والنهائية والحالات التي بينهما للنظام. مما سبق نستنتج أن كلا من الشغل والحرارة يعتمد على المسار ولا يمكن تعيين أى منهما بواسطة النقطتين الابتدائية والنهائية فقط.

5.17 \ القانون الأول للديناميكا الحرارية

THE FIRST LAW OF THERMODYNAMICS

عندما تناولنا قانون حفظ الطاقة الميكانيكية في الباب الثامن ذكرنا أن الطاقة الميكانيكية لنظام 10.6 ما ثابته في حالة غياب قوى غير محافظة مثل الاحتكاك أي أننا لم ندخل التغيرات في الطاقة الداخلية للنظاء - ل هذا النموذج الميكانيكي، القانون الأول للديناميكا الحرارية هو تعميم لقانون الطاقة ويأخذ في الاعتبار التغيرات في الطاقة الداخلية. وهو قانون عام يمكن تطبيقه على العديد من الحالات ويعتبر حلقة وصل بين العالم الميكروسكوبي والعالم الماكروسكوبي.

ذكرنا طريقتين لانتقى الطاقة بين نظام ثرموديناميكي والوسط المحيط به أحدهما بواسطة الشغل المبذول بواسطة النظام والذي يقتضي وجود إزاحة ماكروسكوبية لنقطة عمل القوة (أو الضغط) والطريقة الأخرى هي الحرارة التي تحدث عن طريق التصادمات العشوائية بين الجزيئات في النظام. وفي الطريقتين يحدث تغير في الطاقة الداخلية للنظام ومن ثم يحدث تغير في البارامترات الماكروسكوبية للنظام مثل الضغط ودرجة الحرارة والحجم لغاز ما.

ولكي يتم فهم تلك الأفكار على أسس كمية . نفترض أن نظاما ما انتقل من حالة ابتدائية إلى حالة نهائية. خلال هذا الانتقال حدث انتقال للطاقة بواسطة الحرارة مقدارها Q وقام النظام ببذل شغل W .نفرض أن هذا النظام هو عبارة عن غاز مثالي تغير فيه الضغط والحجم من V_i, P_i إلى النظام بواسطة الحرارة والشغل V_f, P_f إذا كانت الكمية (Q-W) وهي الفرق بين الطاقة النظام بواسطة الحرارة والشغل المراب الذي بذله النظام قد قيست لمختلف المسارات التي تربط بين حالات الاتزان الابتدائية والنهائية ، سنجد أنها متساوية لجميع المسارات التي تربط بين الحالتين ومن ثم نستنج أن الكمية $(Q ext{-}W)$ تحدد قيمتها بواسطة الحالتين الابتدائية والنهائية للنظام فقط أي دون أخذ المسار في الاعتبار، وتسمى هذه الكمية التغير في الطاقة الداخلية للنظام، فبينما W,Q يتوقفان على المسار نجد أن الضرق بينهما Q-W 696 لاتتوقف على المسار إذا استخدمنا الرسز Eint ليُرسز للطاقة الداخلية. إذن التغيير في الطاقة



الداخلية ΔE_{int} يمكن أن نعبر عنه كمايلي: $^{(5)}$

$$\Delta E_{\rm int} = Q - W$$
 (9.17) معادلة القانون الأول

ويجب أن تكون لكل الكميات نفس وحدات قياس الطاقة $^{(6)}$ ومعادلة $^{(9.17)}$ تسمى القانون الأول للديناميكا الحرارية. وهو قانون رئيسي وله العديد من الاستخدمات، ويجب أن نتذكر دائما ما اتفق عليه وهو أن تكون Q موجبة عندما يكتسب النظام طاقة وسالبة القيمة عند ما يفقد النظام طاقة وأن W تكون موجبة عندما يبذل النظام شغلا على الوسط المحيط وسالبة عندما يبذل شغل على النظام. عندما يقوم نظام بعمل تغيير متناهي الصغر في حالته تم فيه انتقال كمية صغيرة من الطاقة Q بواسطة الحرارة وبذل قدرا صغيرا من الشغل dW. في العمليات متناهية الصغر يمكن التعبير عن القانون (7) الأول كما يلي:

$$dE_{\rm int} = dQ - dW$$
 القانون الأول للتغيرات متناهية الصغر

ومعادلة القانون الأول هي معادلة من معادلات حفظ الطاقة، تؤكد على أن النوع الوحيد للطاقة الذي يتغير في نظام ما هو الطاقة الداخلية Eint . دعنا نتناول بعض الحالات الخاصة التي يتحقق فيها هذا الشرط. (أولا). سنأخذ حالة نظام معزول، أي نظام لا يتأثر بالوسط المحيط. في هذه الحالة لا يحدث انتقال للطاقة بواسطة الحرارة ومقدار الشغل الذي يبذله النظام يساوي صفراً ومن ثم يظل مقدار الطاقة الداخلية ثابتا أي بما أن Q = W = 0 إذن $\Delta E_{\rm int}(1) = E_{\rm int}(1)$

ومن ذلك نستنتج أن Eint لنظام معزول مقدارثابت

ثانيا: سنأخذ حالة نظام ليس معزولا عن الوسط المحيط قام بعملية دورية cyclic Process إي عملية تبدأ وتنتهي عند نفس الحالة. في هذه الحالة أيضا التغير في الطاقة الداخلية يكون أيضا صفراً أي أن الطاقة المضافة إلى النظام لابد وأن تساوي الشغل الالذي بذله النظام خلال الدورة.

$$\Delta E_{
m int}$$
 = 0 , $Q=W$ في العملية الدورية

⁽⁵⁾ من المعروف أن الرمز المستخدم للطاقة الداخلية هو الرمز U. وهو أيضا الرمز المستخدم لطاقة الوضع كما رأينا في الباب الثاقن. ولكي لا يحدث التباس بين الطاقة الداخلية وطاقة الوضع سنستخدم الرمز $E_{\rm int}$ للدلالة على الطاقة الداخلية في هذا الكتاب. مع مراعاة أن الكتب الأخرى قد تستخدم الرمز U.

⁽⁶⁾ من تعريف الشغل في دراستنا للميكانيكا كنان من الضبروري كتابة القانبون الأول على النصو التالي $\Delta E_{\rm int} = Q + W$ حيث إن الطاقة المنقولة إلى النظام سواء عن طريق شغل أو حرارة لابد أن تزيد الطاقة الداخلية للنظام، وبسبب عكس تعريف الشغل الموجب الذي نوقش في القسم 4.17 لابد من كتابة القانون الأول كما هو ظاهر في معادلة 9.17 وفيه علامه سالبة.

⁽⁷⁾ لاحظ أن dQ ليسا كميات تفاضلية تامه inexact differential (بينما $dE_{\rm int}$ كمية تفاضيلة تامه: (8) لاحظ أن dQ ليسا كميات عنها بالرمز dW,dQ ولمزيد من التفاصيل حول هذا الموضوع، ارجع إلى مرجع متقدم في الديناميكا الحرارية مثل

Heat and Thermodynamics, M. W. Zemansky and R. H. Dittman New York. Mc Graw Hill, 1981.

2

في الرسم البياني بين V, P تظهر العملية الدورية كمنعنى مقفل (العمليات المثلة في شكل (5.17) ممثلة بمنعنيات مفتوحة لأن الحالة الإبتدائية تختلف عن الحالة النهائية). ويمكن أن نثبت أنه في العمليات الدورية محصلة الشغل المبدول بواسطة النظام في كل دورة يساوي المساحة المحصورة داخل المسار الذي يمثل العملية على الرسم البياني بين V, P وإذا كان الشغل المبدول بواسطة النظام في إحدى العمليات يساوي صفراً. حينتذ يكون مقدار التغير في الطاقة الداخلية $\Delta E_{\rm int}$ يساوي الطاقة الماخلية المنظام

$$\Delta E_{\rm int} = Q$$

إذا اكتسب النظام طاقة عندئذ تكون قيمة Q موجبة وتزداد الطاقة الداخلية للنظام، بالنسبة للنظم الفازية يمكننا أن نربط بين تلك الزيادة في الطاقة الداخلية والزيادة في طاقة الحركة Kinetic energy للعزيئات.

من ناحية أخرى إذا لم يحدث انتقال للطاقة خلال إحدى العمليات، ولكن بذل النظام شغلا. عندئذ يكون التغير في الطاقة الداخلية يساوى القيمة السالية للشغل الذي بذله النظام

$$\Delta E_{\rm int} = -W$$

مرارية تطبيقات على القانون الأول للديناميكا الحرارية

SOME APPLICATIONS OF THE FIRST LAW OF THERMODYAMICS

قبل أن نستخدم القانون الأول للديناميكا الحرارية في نظم معينة من الضروري أن نبدأ أولا بتعريف بعض العمليات الثرموديناميكية - Thermodynamic Process .

العملية الأديباتية adiabatic Process: هي العملية التي لايحدث فيها انتقال للطاقة من أو إلى النظام بواسطة الحرارة، أي أن في العملية الأديباتية Q=0

في العملية الأديباتيه يتم عزل النظام عن الوسط المحيط (كما هو واضح في شكل 6.17b) أو بأداء العملية بسرعة حتى لايكون هناك وقت كاف لكي تنتقل الطاقة بواسطة الحرارة، باستخدام القانون الأول للديناميكا الحرارية للعمليات الأديباتيه نجد أن

$$\Delta E_{\rm int} = -W$$
 (10.17) liant like the limit of the line of th

من هذه النتيجة نلاحظ أنه إذا تمدد الغاز أدبباتيا بحيث أن W كانت موجبة عندئذ ΔΕ_{int} تكون سالبة وتتخفض درجة حرارة الغاز. وبالعكس ترتفع درجة حرارة الغاز إذا ضغط أدبباتيا.

والعمليات الأديباتيه لها أهمية كبيرة في الأعمال الهندسية، ومن الأمثلة المعروفة تمدد الغازات (و العمليات الأحتراق الداخلي، وإسالة الغازات في نظم التبريد، وشوط الانضغاط في آلة ديزل.

العملية الموضحة في شكل (6.17b) تسمى تمدد أديباتي طليق adiabatic free expansion وهي حالة فريدة. فالعملية أديباتيه لأنها تتم في نظام معزول حراريا، وحيث إن الغاز يتمدد في وسط مفرغ فهو لا يؤثر بقوة على مكبس كما هو موضح في شكل (6.17a) ومن ثم فالايبذل شغل على الغاز أو بواسطة الغاز، إذن في هذه العملية كل من W,Q يساوي صفر وبذلك يكون مقدار $\Delta E_{\rm int}=0$ لهذه العملية كما يتضح من القانون الأول.

إذن الطاقة الداخلية الابتدائية والنهائية في العمليات الأدياباتيه الطليقة لغاز متساويتان.

العملية التي تتم تحت ضغط ثابت تسمى عملية أيزوبارية Isobaric Process في هذه العملية في من الحرارة والشغل غالبا لايساويان صفراً والشغل الذي يبذله الغاز يعطى بالعلاقة

$$W = P(V_f - V_i)$$
 (11.17) عملية أيزوبارية

حيث P هو الضغط الثابت في تلك العملية.

العملية التي تتم تحت حجم ثابت تسمى عملية أيزو فليومية العملية التي تتم تحت حجم ثابت تسمى عملية أيزو فليومية العملية التي تتم تحت حجم ثابت تسمى عملية أنه العملية الشغل المبذول من الواضح أنه يساوي صفرا لأن الحجم لم يتغير، ومن القانون الأول نستنتج أنه في العمليات ثابتة الحجم حيث W=0

$$\Delta E_{
m int} = Q$$
 (12.17) عملية ثابتة الحجم

وهذه العلاقة توضح أن الطاقة المضافة بواسطة الحرارة لنظام تحت حجم ثابت تظل في النظام كزيادة في الطاقة الداخلية له.

على سبيل المثال إذا ألقينا بعلبة لرش الطلاء (سبريي) فازغة في النار، ستدخل طاقة إلي الغاز داخل العلبة بواسطة الحرارة من خلال الجدار المعدني، ومن ثم ترتفع درجة حرارة الغاز وكذلك ضغطه داخل العلبة مما قد يجعلها تنفجر.

العملية التي تتم تحت درجة حرارة ثابتة تسمى عملية أيزوثرمائية Isothermal Process. لو رسمنا الضغط P والحجِم V عند ثبات درجة الحرارة لغاز مثالي سنحصل على منحنى على شكل قطع (ائد hyperbolic Curve) الطاقة الداخلية للغاز المثالي هي دالة في درجة الحرارة فقط، إذن التغير في الطاقة الداخلية للغاز المثالي في العمليات الأيزوثرمالية يساوي صفراً

$$\Delta E_{
m int} = 0$$
 في العمليات الأيزوثرمالية

ونستنتج من القانون الأول أنه في العمليات الأيزوثرمائية أي انتقال للطاقة Q يساوي الشغل الذي يقوم به الغاز أي إن Q = W وأي طاقة تدخل للنظام بواسطة الحرارة تنتقل إلي خارج النظام بواسطة الشغل وبذلك لاتحدث أي زيادة في الطاقة الداخلية.

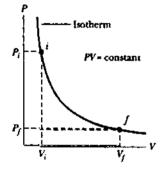
اختبار سريع 4.17

املاً الخانات الثلاث الأخيرة من هذا الجدول بعلامات +و - أو 0 لكل حالة يمثلها النظام.

ΔE	W	Q	النب ظام	الحــــالة
			الهواء في المنفاخ	(a) نفخ سريع لإطار دراجة
	}	İ	ماء في إناء	(b) إناء عند درجة حرارة الغرفة فوق سخان
			الهواء داخل البالون	(c) هواء يتسرب بسرعة من بالون

التمدد الأيزوثرمالي للغاز المثالي Isothermal Expansion of Ideal Gas

نفرض أن غازا مثاليا يسمح له بالتمدد شبه استاتيكيا (يعني ببطئ شديد) مع ثبات درجة الحرارة كما هو موضح في الرسم البياني P.V شكل (7.17) والمنحنى عبارة عن قطع زائد (hyperbola (انظر ملحق B معادلة (B23) ومعادلة الحالة للغاز المثالي عند ماتكون T ثابتة تبين أن معادلة هذا المنحنى هي PV = constant الغاز في اتصال حراري مع مستودع للطاقة عند نفس درجة الحرارة كما هو موضح في شكل (6.17a)



شكل (7.17) المنحنى PV للتسمسدد الأيزوثرمالي لغاز مشالي من الحالة الابتدائية إلى الحالة النهائية والمنحنى عبارة عن قطع زائد

لحسباب الشغل المبذول بواسطة الغاز في عملية التمدد من الحالة i إلى الحالة f تستخدم المعادلة 8.17، إلا أنه نظرا

لأن الغاز مثاليا والعملية شبه استاتيكية يمكننا استخدام العلاقة PV = nRT لكل نقطة على المسار. ومن ثم نحصل على الآتى:

$$W = \int_{V_i}^{V_j} P \, dV = \int_{V_i}^{V_j} \frac{nRT}{V} \, dV$$

حيث أن T = constant في هذه الحالة يمكننا أن نخرجها من التكامل مع T = constant المادلة التالية

$$W = nRT \int_{V_i}^{V_f} \frac{dV}{V} = nRT \ln V \Big|_{V_i}^{V_f}$$

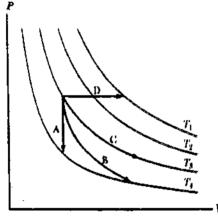
لكي نقيم التكامل تستخدم المعادلة العامة $\ln x = \ln x$. وبأخد التكامل عند القيمتين الابتدائية $\sqrt{700}$ والنهائية نحصل على المعادلة:

الفصل السابع عشره الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية

الشغل المبذول بواسطة غاز
$$W = nRT \ln \left(\frac{V_f}{V_i} \right)$$
 (13.17)

معادلة (13.17) هي معادلة الشغل الذي يبذله غاز مثالي هي عملية أيزوثرماليه، وعدديا هذا $V_f > V_i$ الشغل W يساوي المساحة المظالة تحت منحنى PV هي شكل (7.17) وحيث إن الغاز يتمدد وقيمة الشغل الذي يبذله الغاز موجبة، وكما نتوقع إذا ضغط الغاز عندئذ $V_f < V_i$ والشغل الذي يبذله الغاز يكون سالبا .

اختبار سريع 5.17

المسارات في شكل (8.17) كمسار أيزوباري- أيزوفليومي-أيزوثرمالي المسار $Q \simeq 0$ للمسار $Q \simeq 0$ للمسار على المسار


شكل (8.17) حدد طبيعمة المسارات D,C,B,A على منعنى PV

مثال 6.17

100万 岩樓

عينة من غاز مثالي مقدارها 1.0 mol بقيت عند درجة حرارة 0°C وتمددت من حجم قدره عينة من غاز مثالي مقدارها 2.0 mol الشغل الذي بذله الغاز في عملية التمدد؟

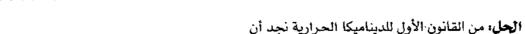
الحل: بالتعويض بالقيم المذكورة في معادلة 13.17 نحصل على الآتى

$$W = nRT \ln \left(\frac{V_f}{V_i} \right)$$

$$W = (1.0 \text{ mol}) (8.31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}) (273 \text{ K}) \ln \left(\frac{10.0}{3.0} \right)$$

$$= 2.7 \times 10^3 \text{ J}$$

(b) ما مقدار الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة إلى النظام من الوسط المحيط في هذه العملية



$$\Delta E_{\text{int}} = Q - W$$

$$0 = Q - W$$

$$Q = W = 2.7 \times 10^{3} \text{ J}$$

(c) إذا عاد الغاز لحجمه الأول بواسطة عملية أيزوبارية. ما مقدار الشغل الذي يبذله الغاز-

الحاء

الشغل المبذول في العمليات الأيزوبارية يعطى بالمعادلة 11.17 وحيث أن الضغط غير معروف في هذه المسألة، ولذلك سوف نستخدم قانون الغازات المثالية

$$W = P(V_f - V_i) = \frac{nRT_i}{V_i}(V_f - V_i)$$

$$= \frac{(1.0 \text{ mol}) (8.31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}) (273 \text{ K})}{10.0 \times 10^{-3} \text{m}^3}$$

$$\times (3.0 \times 10^{-3} \text{m}^3 - 10.0 \times 10^{-3} \text{m}^3)$$

$$= -1.6 \times 10^3 \text{J}$$

لاحظ أننا قد استخدمنا الحرارة الابتدائية والحجم الابتدائي لنعرف مقدار الضغط الثابت لأننا لانعرف درجة الحرارة النهائية، الشغل الذي بذله الغاز بالسالب لأن الغاز قد تم انضغاطه.

مثال7.17 الماء المغلى

تم تبخير 1.0g من الماء في عملية أيزوبارية عند الضغط الجوي (1.013 x 10⁵Pa). فإذا كان حجم $V_{\rm f}$ = $V_{
m vap}$ = 1.671 cm 3 الماء في الحالة السائلة هو $V_{
m i}$ = $V_{
m lig}$ =1.0 cm 3 وحجمه في حالة البخار احسب الشغل المبذول في عملية التمدد والتغير في الطاقة الداخلية للنظام، اهمل أي اختلاط بين البخار والهواء المحيط تصور أن البخار يدفع الهواء بعيدا عن طريقه.

الحل: حيث أن التمدد يحدث مع ثبات الضغط. الشغل المبذول بواسطة النظام لدفع الهواء الجوى بعيدا هو معادلة (11.17)،

$$W = P(V_f - V_i)$$
=(1.013 x 10⁵ Pa) (1.671 x 10⁻⁶m³ - 1.00 x 10⁻⁶m³)
= 1693

لتعيين التغير في الطاقة الداخلية بجب أن نعرف مقدار الطاقة المنتقلة Q المطلوبة لتبخير الماء 702] باستخدام معادلة (6.17) والحرارة الكامنة اتبخير الماء نجد أن

الفصل السابع عشر؛ الحرارة والقانون الأول للديناميكا الحرارية



$$Q = mL_v = (1.00 \times 10^{-3} \text{ kg}) (2.26 \times 10^6 \text{J/kg}) = 2.260 \text{J}$$

من القانون الأول التغير في الطاقة الداخلية هو:

$$\Delta E_{\text{int}} = Q - W = 2260J - 169J = 2.09 \text{ kJ}$$

والأشارة الموجبة لقيمة ΔE ندل على أن الطاقة الداخلية للنظام قد زادت. لاحظ أن 93 من الطاقة الداخلة للنظام قد استخدمت في زيادة الطاقة الداخلية للماء وفقط 7 استخدمت في الشغل الذي بذله البخار على الهواء الجوي أي أنها طاقة خرجت من النظام على شكل شغل.

مثال 8.17 تسخين جسم صلب

سيخن قضيب من النحاس وزنه 1.0 kg تحت الضغط الجوي فإذا ارتفعت درجة حرارته من 20°C الى 50°C ما مُقْدَار الشغل الذي بذله قضيب النحاس على الوسط المحيط.

الحل:

نظرا لأن العملية أيزوبارية يمكننا تعيين الشغل الذي بذله القضيب باستخدام معادلة (11.17)

$$W = P(V_f - V_i)$$

يمكننا حساب التغير في حجم النحاس من معادلة (6.17) باستخدام متوسط معامل التمدد الطولي للنحاس من جداول (2.17) ومع الأخذ في الاعتبار أن $\beta=3\alpha$ نحصل على الآتي

$$\Delta V = \beta V_i \Delta T$$
= [5.1 x 10⁻⁵(°C)⁻¹] (50°C - 20°C) V_i = 1.5 x 10⁻³ V_i

الحجم V_i يساوي m/ρ وجدول (15.1) يعطي كثافة النحاس وتساوي m/ρ وجدول الحجم النحاس وتساوي V_i

$$\Delta V = (1.5 \times 10^{-3}) \left(\frac{1.0 \text{ kg}}{8.92 \times 10^3 \text{ kg/m}^3} \right) = 1.7 \times 10^{-7} \text{m}^3$$
 الشغل المبذول يشاوي

$$W = P\Delta V = (1.013 \times 10^5 \text{ N/m}^2) (1.7 \times 10^{-7} \text{m}^3) = 1.7 \times 10^{-2} \text{J}$$

(b) ما مقدار الطاقة التي انتقلت إلى النحاس بواسطة الحرارة.

الحل:

نأخذ قيمة الحرارة النوعية للنحاس من جدول 1.17 وباستخدام معادلة 4.17 نجد أن الطاقة المنقولة بواسطة الحرارة هي

الضيزياء (الجزءالأول-اليكانيكا والديناميكا الحرارية)

 $Q = mc\Delta T = (1.0\text{kg}) (387\text{J/kg}^{\circ}\text{C}) (30.^{\circ}\text{C}) = 1.2 \times 10^{4} \text{ J}_{\odot}$

(c) مامقدار الزيادة في الطاقة الداخلية للتحاس.

الحل: من القانون الأول للديناميكا الحرارية نجد أن

$$\Delta E_{\text{int}} = Q - W = 1.2 \times 10^4 \text{J} - 1.7 \times 10^{-2} \text{J} = 1.2 \times 10^4 \text{J}$$

لاحظ أن كل الطاقة تقريبا التي انتقلت إلى النظام بواسطة الحرارة ذهبت في زيادة الطاقة الداخليـة، والجـزء من الطاقة الذي اسـتغل في عمل شـغل على الجو المحيط لايتعدى $^{-6}$. ومن ثم عند تحليل التمدد الحراري للأجسام الصلبة أو السوائل فإن المقدار الضئيل للشغل المبذول بواسطة النظام غالبا ما يهمل.

ENERGY TRANSFER MECHANISMS علرق انتقال الطاقة <7.17

من الضروري أن نتعرف على معدل انتقال الطاقة بين نظام ما والوسط المحيط والطرق التي يتم بها هذا الإنتقال. وهناك ثلاث طرق لانتقال الطاقة يمكن بواسطتها حدوث تغير في الطاقة الداخلية للنظام.

Thermal Conduction التوصيل الحراري

التوصيل الحراري هو عملية انتقال للطاقة وثيق الارتباط بالفرق بين درجات الحرارة.

في هذه العملية يمكن وصف انتقال الطاقة على المستوى الذرى كتبادل لطاقة الحركة بين جسيمات ميكروسكوبيه مثل الجزيئات والذرات والإلكترونات. بحيث إن الجسيمات ذات الطاقة الأقل تكتسب طاقة عن طريق تصادمها بجسيمات أكثر طاقة. على سبيل المثال، إذا أمسكت بطرف قضيب معدني طويل وعرضت الطرف الآخر للهب موقد ، ستجد أن درجة حرارة الطرف الذي تمسكه في يدك سرعان ما ترتفع، لقد وصلت الطاقة إلى يدك بالتوصيل، ويمكننا التعرف على عملية التوصيل الحراري بالتعرف على ما يحدث للجسيمات الميكروسكوبية في المعدن. قبل أن يوضع طرف القضيب في النار كانت الجسيمات الميكروسكوبية تتذبذب حول وضع الاتزان، وبعد وضعه في النار سخَّن اللهب القضيب. فبدأت الجسيمات القريبة من اللهب تسخن وتزداد سعة ذبذبتها مما يؤدى إلى تصادمها بالجسيمات القريبة منها فتنتقل إليها بعض طاقتها في عملية التصادم هذه.

وببطئ تأخذ سعة ذبذبة باقى جزيئات وذرات والكترونات القضيب في الزيادة تدريجيا وبالطبع ستتأثر الجزيئات القريبة من الطرف الآخر للقضيب الذي تمسك به. وهذه الزيادة في سعة الذبذبات 704) تمثل زيادة في درجة حرارة القضيب الذي بدأت تشعرُ بأنه يلسع يدك من شدة الحرارة.



معدل التوصيل الحراري يعتمد على خواص المادة التي تسخّن. المثلا يمكننا أن نضع قطعة من الأسبستوس على اللهب لمدة المويلة. وهذا يدل على أن الطاقة المنتقلة خلل مادة الأسبستوس قليلة.

وبصفة عامة، الفلزات جيدة التوصيل للحرارة، أما المواد الأخرى مثل الأسبستوس والفلين والورق مواد رديئة التوصيل الحرارة.

الغازات كذلك رديئة التوصيل للحرارة لأن المسافة بين الجزيئات كبيرة، الفلزات جيدة التوصيل للحرارة لأن بها عدد البير من الإلكترونات حرة الحركة خلال الفلز، ومن ثم تستطيع الله الطاقة لمسافات طويلة.

إذن في الموصلات الجيدة مثل النحاس يتم التوصيل عن دلريق تذبذب الذرات وكذلك عن طريق حركة الإلكترونات الحرة.



شكل لثلج منصبها فوق موقف للسيارات الجازء الأساود يبين وجاود أنباوية للماء الساخن أسفل السطح لتساعد على ذوبان الثلج، الطاقة تنتقل من الأنابيب السياخنة إلى الأرض فتصهر الثلج.

$$\frac{Q}{\Delta t} \propto A \frac{\Delta T}{\Delta x}$$

وسوف نستخدم الرمز \mathcal{P} للتعبير عن معدل انتقال الحرارة $\mathcal{P}=Q/\Delta t$ ووحدات \mathcal{P} هي الوات مندما تكون وحدات \mathcal{P} هي الجول، Δt بالثواني، لشريحة سمكها متناهي الصغر \mathcal{P} وفرق درجات الحرارة \mathcal{P} ، يمكننا أن ثكتب قانون التوصيل الحراري على النحو التالي:

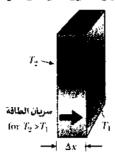
(فانون التوصيل الحراري)
$$\mathscr{P} = kA \left| \frac{dT}{dx} \right|$$
 (14.17)

وثابت التناسب k هو التوصيل الحراري للمادة ، (dT/dx) هو مقدار الانحدار في درجة الحرارة L (نغير درجة الحرارة مع المسافة) temperature gradient : نفرض أن قضيب طويل منتظم طوله L من زول حراريا بحيث لاتتسرب الحرارة من سطحه ما عدا عند أطرافه كما في شكل (10.17) أحد الرافه متصل حراريا بمستودع للطاقة عند درجة حرارة T_1 والطرف الآخر متصل حراريا مع مستودع steady state . $T_2 > T_1$. عندما يصل القضيب إلى حالة استقرار حراري steady state .

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل (10.17) توصييل الطاقة خيلال قضيب منتظم معزول طوله يا وطرفاه متلامسان مع مستودعين حرارين عند درجات حرارة مختلفة.



شكل (9.17) انتقال الطاقة خلال لوح موصل مساحة مقطعه A وسمكه Δx والوجهان المتعاكسان عند درجتي حرارة T_2 , T_2 .

تصبح كل نقطة على سطحه درجة حرارتها ثابته مع المن في هذه الحالة إذا اعتبرنا أن K ليست دالق في درجة الحرارة مستجد أن الإنحدار الحراري واحد على طول القضيب ويساوي

$$\left|\frac{dT}{dx}\right| = \frac{T_2 - T_1}{L}$$

من ذلك نجد أن معدل انتقال الطافة بالتوصيل خلال القضيب هو

$$\mathscr{D} = kA \frac{(T_2 - T_1)}{L} \tag{15.17}$$

المواد جيدة التوصيل للحرارة لها قيم عالية للتوصيل الحراري، بينما المواد جيدة العزل لها توصيل حراري منخفض القيمة. الجدول (3.17) يعطى قيما للتوصيل الحراري للعديد من المواد، يلاحظ أن الفلزات موصلات حرارية أفضل من اللافلزات.

جدول (3.17) التوصيل الحراري

معامل التوصل الحراري W/m°C	المــــادة	معامل التوصل الحراري W/m°C	الــــادة
2	جليد	238	ألمونيوم
0.2	كاوتشوك	397	نحاس
0.6	ماء	314	ذهب
80.0	خشب	79.5	حديد
-	غازات (20°C)	34.7	رصاص
0.0234	هواء	427	فضية
0.138	هيليوم	→	لافلزات
0.172	هيدروجين	0.08	اسبستوس
0.0234	نتروجين	0.8	خرسانة
0.0238	أكسجين	0.8	الزجاج

أختبار سريع 6.17

هل مكعب من الثلج ملفوف في قطعة قماش من الصوف يظل متجمدا (a) لفترة أقصر من الوقت (b) نفس الفترة الزمنية (c) فترة أطول من الوقت بالمقارنة بمكعب مشابه من الثلج معرض للجو عند درجة حرارة الغرفة.

في حالة لوح مركب من عدة طبقات سمكها $L_2, L_1 \dots$ وتوصيلها الحراري $k_2, k_1 \dots$ معدل انتقال الحرارة خلال هذا اللوح المركب من طبقات مختلفة المواد عند حالة الاستقرار هي

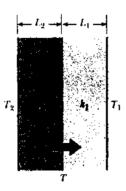
$$\mathcal{S} = \frac{A(T_2 - T_1)}{\sum (L_i / k_i)}$$

حيث T_2, T_1 ، هما درجنا حرارة السطحين الخارجيين (باعتبار أنهما ثابتان) وعلامة المجموع تضم جميع الألواح المثال التالي يوضح ما تعطيه تلك المعادلة عند استخدامها للوح مكوَّن من مادتين مختلفتين.

مثال 9.17 الطاقة المنتقلة خلال لوحين:

لوحان سمكهما L_2, L_1 وتوصيلهما الحراري k_2, k_1 متصلان حراريا كما يتضع من شكل (11.17) درجة حرارة سطحيهما الخارجين T_2, T_1 على الترتيب مقدار $T_2 > T_1$. عين درجة الحرارة عند سطح التماس بين اللوحين ومعدل انتقال الطاقة بالتوصيل خلال اللوحين عند حالة الاستقرار الحراري

الحل: إذا كانت T هي درجة الحر تعند سطح التماس بين اللوحين. إذن معدل انتقال الطاقة خلال



شكل (11.17) انتقال الحرارة بالتوصيل خلال لوحين ملاصقين لبعضهما في حالة اتزان حراري معدل الطاقة المارة خلال اللوح الأول تساوي معدل انتقال الطاقة خلال اللوح الثاني.

اللوح
$$I$$
 هو:
$$\frac{k_1 A(T - T_1)}{L_1} \qquad (1)$$
ومعدل انتقال الحرارة خلال اللوح (2) هو
$$\frac{k_2 A(T_2 - T)}{L_2}$$
عند الاستقرار الحراري يتساوى المعدلان إذن
$$\frac{k_1 A(T - T_1)}{L_1} = \frac{k_2 A(T_2 - T)}{L_2}$$
لايجاد T من المعادلتين نحصل على

$$T = \frac{k_1 L_2 T_1 + k_2 L_1 T_2}{k_1 L_2 + k_2 L_1}$$
(3)

Also the size (2) of (1) is at (3, 2) and (3)

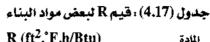
بإحلال المعادلة (3) في أي من (1) أو (2) نخصل على

$$\mathcal{P} = \frac{A(T_2 - T_1)}{(L_1/k_1) + (L_2/k_2)}$$

استخدام هذه المعادلة لعدة ألواح نصل إلى المعادلة (16.17).

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

عزل المنازل Home Insulation



$R (ft^2.^{\circ}F.h/)$	Btu) saur
0.91	خشب
4.00	الطوب الأحمر (سمك ٤ بوصة)
1.93	بلاطات الخرسانة
10.90	بطانة فيبرجلاس (سمك 3.5 بوصه)
18.80	بطانة فيبرجلاس (سمك 6 بوصه)
3.70	خيوط سليولوز (سمك بوصه)
0.89	زجاج مسطح (سمك 0.125 بوصه)
1.01	قراغ هواء (3.5بوصه)
0.45	حائط جاف (سمك 0.5 بوصه)
1.32	غلاف الحوائط (سمك 0.5 بوصه)



نتنقل الطاقة من داخل المنزل إلى الخارج بسرعة من سطح المنزل غير المغطى بالجليد (لأن الجليد قد انصهر) بينما النتوء فوق الناقذه مغطى بالجليد مما يدل على أن عزله جيد. أما سقف المنزل فهو غير معزول جيدا.

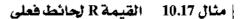
في أعمال الهندسة المدنية يطلق على النسبة L/K لأي مادة القيمة R للمادة (R value) ومن ثم يمكن كتابة المعادلة (16.17) على النحو التالي:

$$\mathscr{S} = \frac{A(T_2 - T_1)}{\sum R_i} \tag{17.17}$$

حيث $R_i=L_i/K_i$ والمقدار R للمواد شائعة الأستخدام في المباني معطاه في جدول (4.17)، بالوحدات الشائعة الاستخدام في الأعمال الهندسية بالولايات المتحده وليس بوحدات النظام الدولي SI. عند أي سطح قائم معرض للهواء توجد طبقة رقيقة من الهواء الساكن ملاصقة لهذا السطح ويجب أخذ هذه الطبقة في الاعتبار عند تحديد القيمة R للحائط، وسمك تلك الطبقة الساكنة على أي جدار خارجي تعتمد على سرعة الريح، وفقد الطاقة من منزل في يوم عاصف أكبر من الفاقد في يوم الهواء فيه ساكنا.



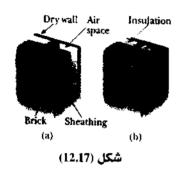
صسورة حسرارية "ثرمسوجسرام" لمنزل ماخوذه في يوم بارد، تبين ألونا من الأبيض إلى البرتقالي (المناطق الأكثر فقد للطاقة) إلى الأرزق والأرجواني (المناطق الأقل فقدا للطاقة).



احسب القيمة R الكلية لحائط مبنى كما هو موضح في شكل (12.17a) مبتدئا من خارج المنزل (نحو الأمام في الرسم) إلى داخله.

الحائط يتكون من قالب طوب 4 in ، طبقة غلاف 0.5 in فراغ به هواء سمك 3.5 in وحائط جاف .0.5 in وحائط ومن الحارج .

الحل: بالإشارة إلى جدول 4.17 نجد أن



0.17ft ² .°F·h/Btu	R طبقة الهواء الساكن من الخارج	1
4.00ft ² .°F·h /Btu	R للطوب الأحمر	2
1.32ft ² .°F·h /Btu	R لطبقة الغلاف	3
1.01ft ^{2,} °F·h/Btu	R الفراغ الهوائي	4
0.45ft ² .°F·h /Btu	R الحائط الجاف	5
0.17ft ² ·°F·h/Btu	R طبقة الهواء الساكن من الداخل	6
7.12ft ² -°F·h /Btu	I الكلية	2

تمرين: إذا وضعت طبقة عازلة من الفيبر جلاس سمكها 3.5in داخل الحائط لتحل محل الفراغ الهوائي كما هو موضح في شكل (12.17b) ما هي قيمة R الكلية؟ ما هو معامل نقص الطاقة المفقودة؟

الحل: R = 17 ft^{2.}°F·h/Btu; معامل نقص الطاقة المفقودة 2.4.

الحمل Convection

لعلك في يوم من الأيام قد دفأت بديك فوق لهب موقد في هذه الحالة يسخن الهواء الملامس للهب الوقد ويتمدد فتقل كثافته ويصعد الهواء إلى أعلى. وهذه الكتلة الساخنة من الهواء تدفئ يديك عندما مسعد قريبا منها. الطاقة المنقولة نتيجة لحركة مادة ساخنة يقال عنها أنها انتقلت بواسطة الحمل مندما تكون الحركة ناتجة عن فرق في الكثافة، كحالة الهواء القريب من النار، يسمى الحمل في هذه الحالة حمل طبيعي natural Convection. وحركة الهواء على الشاطئ تعتبر مثالا للحمل الطبيعي. (١٠هي تشبه حركة الماء على سطح البحيرة عندما يبرد فيهبط إلي أسفل، ارجع إلى الباب السادس منذر) عندما تتحرك الكتلة الساخنة بفعل قوة ما مثل مروحة أومضخة كما يحدث في نظم التدفئة . Forced Convection .

ولولا تيارات الحمل لما أمكننا أن نغلي الماء، فعندما يسخن الماء في غلاي الشاي تسخن الطبقة السال من الماء أولا ثم يرتفع الماء الساخن إلى أعلى لأن كثافته أقل، وفي نفس الوقت الماء الأعلى كثافة سد السطح يهبط إلى أسفل الغلاي ليسخن وهكذا.

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل (17.13) تيارات الحمل في حجرة تسخن بواسطة سخان

نفس الظاهرة تحدث عندما تدفئ الحجرة بواسطة دفاية. فالدفاية تسخن الهواء في الجزء الأسفل من الحجرة فيتمدد الهواء الدافي ويرتفع إلى أعلى نظرا لأن كشافته قد قلت، والهواء البارد الأكبر كثافة قرب سقف الحجرة يهبط إلى أسفل وتستمر تيارات الحمل هذه في الصعود والهبوط كما هو موضح في شكل (13.17)

الإشعاء: Radiation

الطريقة الثالثة لانتقال الطاقة هي الإشعاع radiation كل الأجسام تشع طاقة بصفة مستمرة على شكل موجات كهرومغنطيسية (انظر الباب 34) ناتجة عن التذبذبات الحرارية للجزيئات.

ولعلك تعرف الاشعاعات الكهرومغنطيسية التي تصدر من فرن كهربائي على شكل وهج برتقالي أو من سخان دفاية أوغير ذلك من أجهزة التسخين المنزلية التي تعمل بالكهرباء.

معدل إشعاع أي جسم للطاقة يتناسب مع درجة حرارته المطلقة مرفوعة للأس الرابع. والقانون الذي يحدد تلك العلاقة يسمى قانون ستيفان Stefan's Law وهو كما يلي

$$\mathscr{P} = \sigma A e T^4 \tag{18.17}$$

A σ =5.669 6 x $10^{-8} \text{W/m}^2 \cdot \text{K}^4$ ويث σ ثابت يساوي σ القدرة بالوات التي يشعها الجسم، مساحة المقطع بالأمتار المربعة للجسم و e هو ثابت الإشعاعية emissivity constant و T درجة حرارة السطح بالكلفن، ومقدار ثابت الإشعاعية @ تتغير قيمته من صفر إلى واحد ويعتمد ذلك على نوع سطح الجسم المشع، والإشعاعية تمثل الجزء من الطاقة الساقطة على الجسم التي يمتصها السطح.

تقدر الطاقة المصاحبة للإشعاعات الكهرومغنطيسية الآتيه عموديا من الشمس إلى الأرض بمقدار I 1340 لكل متر مربع من الغلاف الجوى فوق سطح الأرض لكل ثانية. وهذا الإشعاع يقع أساسا في ا المنطقة المرئية من الطيف الكهرومغنطيسي وبعضه في المنطقة تحت الحمراء وقدر ليس بقليل من الأشعة فوق البنفسيجية.

وسوف ندرس هذه الإشعاعات بالتفصيل في الباب 34. بعض تلك الإشعاعات تنعكس ثانيا إلى الفضاء الجوي. وبعضه يمتص في الغلاف الجوي. إلا أن جزءُ كبيراً من الطاقة يصل إلى سطح الأرض في كل يوم ليمدنا بكل ما نحتاج إليه من طاقة بل وأكثر مما نحتاج بمئات المرات، إذا ما أمكننا تجميعها [710] واستخدامها بكفائة. الدالقة الضخمة والطاقة الشمسية الإشعاعية تؤثر على حياتنا اليومية بطرق مختلفة منها التأثير الدالقة الضخمة والطاقة الشمسية الإشعاعية تؤثر على حياتنا اليومية بطرق مختلفة منها التأثير الدالقة الضخمة حرارة سطح الأرض، التيارات المائية في المحيطات، والزراعة، وأنماط تساقط الأمطار.

أما ما يحدث لدرجة حرارة الجو أثناء الليل فهو مثال آخر لتأثير انتقال الطاقة بواسطة الإشعاع. والدا كان الليل غائماً فإن الماء الذي في الغمام يمتص الإشعاعات تحت الحمراء المنبعثة من الأرض مديد إشعاعها مرة أخرى للأرض، ومن ثم نظل درجة الحرارة عند سطح الأرض مقبولة، في حالة عدم وحود تلك السحب لايوجد ما يمنع تلك الإشعاعات من الضياع في الفضاء الخارجي ولذلك تتخفض ورجة الحرارة قرب سطح الأرض في الليالي الصافية ويكون الجو أكثر برودة من الليالي الغائمة.

وكما أن الأجسام تشع طاقة بالمعدل الذي تعطيه معادلة (18.17) فهي أيضا تمتص الإشعاعات المهرومغنطيسية. وإذا لم تحدث العملية الأخيرة فإن الجسم سيفقد كل طاقته بالإشعاع وتصل درجة ورارته إلى الصفر المطلق. والطاقة التي يمتصها الجسم تأتي من الوسط المحيط به والذي يحتوي على الحسام أخرى تشع طاقة. فإذا كانت درجة حرارة الجسم هي T والوسط المحيط به عند درجة حرارة الحسام أخرى تشع طاقة . فإذا كانت درجة و المفقودة في كل ثانية بواسطة الجسم عن طريق الإشعاع عندئذ سيكون مقدار الطاقة المكتسبة أو المفقودة في كل ثانية بواسطة الجسم عن طريق الإشعاع مد:

$$\mathcal{P}_{\text{net}} = \sigma A e (T^4 - T_0^4) \tag{19.17}$$

عندما يكون جسم في حالة اتزان مع الوسط المحيط فإنه يشع ويمتص طاقة بنفس المعدل ومن ثم مثل درجة حرارته ثابته. عندما يكون الجسم أسخن من الوسط المحيط فإنه يشع طاقة أكثر مما يمتص وتهبط درجة حرارته. والسطح الماص المثالي ideal absorber يعرق على أنه الجسم الذي يمتص كل الطاقة الساقطة عليه ومقدار e لمثل هذه الأجسام تساوي واحد صحيح e ومثل هذا الجسم يسمى ادة الجسم الأسود black body. والماص المثالي هو أيضا مشع مثالي. وعلى النقيض الجسم الذي له e المنتص أي طاقة ساقطة عليه، مثل هذا الجسم يعكس كل الطاقة الساقطة عليه ولذلك يسمى اكساً مثالياً مثالياً عثالياً والمنافعة عليه ولذلك المنافعة عليه المثل مثالياً مثالياً مثالياً مثالياً عليه ولذلك المنافعة المنافعة عليه ولذلك المنافعة المناف

وعاء ديورٌ The Dewar Flask

وعاء ديور⁽⁸⁾ هو وعاء مصمم لكي يقلل من مقدار الفقد في الطاقة بالإشعاع والحمل والتوصيل وهذا الوعاء يستخدم لحفظ السوائل الساخنة أو الباردة لمدد كبيرة، والترمس المستخدم في المازل Thermos هو أحد أنواع أوعية ديور، وتركيب وعاء ديور كما هو موضح في شكل(14.17) عبارة من وعاء يتكون جداره من طبقتين من زجاج البيركس مغطى بطبقة من الفضة، والفراغ بين الجدارين

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



مقطع في وعاء ديور يستخدم في حفظ السوائل ساخنة أو داردة

مفرغ من الهواء للإقلال من انتقال الحرارة بالتوصيل أو الحمل. أما السطح المفضض فإنه يقلل من انتقال الحرارة بالإشعاع حيث إن الفضة عاكس جيد مقدار ثابت الإشعاع له صغير، وللمزيد من الإقلال من الطاقة المفقودة يقلل حجم الرقبة.

وتستخدم أوعية ديور لحفظ النتروجين السائل (درجة غليانه 77K) والأكسجين السائل (درجة غليانه 90k).

ولحفظ الهيليوم السائل (درجة غليانه 4.2K) وحرارة تبخيره صغيرة جدا من الضروري استخدام نظام يتكون من أوعية ديور مزدوجة بحيث أن الديور الذي يحتوي على الهيليوم السائل يحيط به ديور آخر يحتوي على نتروجين سائل.

وهناك تصميمات حديثة لأوعية ديور الخاصة بحفظ الهيليوم السائل بها مادة عالية العزل تتكون من عدة طبقات من المواد العاكسة مفصولة عن بعضها بفيبر جلاس fiberglass وكل هذا محفوظ في وعاء مضرغ من الهواء. في هذه الحالة لايستخدم النتروجين السائل.

مثال 11.17 من خفض الترموستات ؟

طالب يريد أن يقرر ماذا يلبس. إذا كانت درجة حرارة الحجرة 20° C. فإذا كانت درجة حرارة سطح جسم الطالب 35° C. مامقدار الطاقة المفقودة من جسمه في 10.0 min بالإشعاع ؟ سنفرض أن ثابت الإشعاع للجسم البشري 0.900 وأن مساحة سطح جسم الطالب 1.5m².

الحل؛ باستخدام معادلة 19.17 نجد أن معدل فقد الطاقة من جلد الطالب هي

$$\mathcal{P}_{\text{net}} = \sigma A e (T^4 - T_0^4)$$

$$= (5.67 \times 10^{-8} \text{ W/m}^2 \cdot \text{k}^4) (1.50 \text{ m}^2)$$

$$\times (0.900) [(308 \text{ k})^4 - (293 \text{ k})^4] = 125 \text{ W}$$

لهذا المعدل تكون الطاقة المفقودة في عشر دقائق هي

$$Q = \mathcal{P}_{net} \times \Delta t = (125 \text{ W}) (600 \text{ s}) = 7.5 \times 10^4 \text{J}$$

لاحظ أن الطاقة التي يشعها جسم الطالب تعادل تقريبا الطاقة التي يشعها مصباحان قدرة كل منهما W 60.

ملخص SUMMARY

الطاقة الداخلية: هي الطاقة الكامنة للنظام وهي تتضمن طاقة الحركة الانتقالية والدورانية والتذبذبية الجزيئات وطاقة الوضع بين الجزيئات وفي داخل الجزيئات.

الحرارة : هي انتقال الطاقة عبر حدود النظام نتيجة لاختلاف درجات الحرارة بين النظام والوسط الحيارة . الحيط. ويستخدم الرمز Q للدلالة على كمية الطاقة المنتقلة بهذه العملية.

السمة الحرارية C لأي عينة هي كمية الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة عينة بمقدار C1 والطاقة D1 اللازمة لتغيير درجة حرارة كِتلة D1 من المادة بمقدار D2 هي

$$Q = mc\Delta T \tag{4.17}$$

ميث c الحرارة النوعية للمادة .

الطاقة اللازمة لتغير الطور لمادة نقية كتلتها m هي

$$Q = mL (6.17)$$

حيث L هي الحرارة الكامنة للمادة وهي تعتمد على طبيعة التغير الطوري وخواص المادة.

الشغل المبنول بواسطة الغاز عندما يزداد حجمه من قيمته الابتدائية V_i إلى قيمته النهائية V_f هي

$$W = \int_{V_{i}}^{V_{i}} P \, dV \tag{8.17}$$

حيث P هو الضغط الذي قد يتغير أثناد العملية، ولكي نعين قيمة W لابد من توصيف العملية وصيفا كاملاء أي لابد من معرفة مقداري V, P في كل مرحلة، أي أن الشغل المبدول يتوقف على المسار الذي يسلكه النظام بين الحالتين الابتدائية والنهائية.

القانون الأول للديناميكا الحرارية: ينص على أنه عندما ينتقل نظام من حالة إلي أخرى، التغير في الماقته الداخلية هي:

$$\Delta E_{\rm int} = Q - W \tag{9.17}$$

حيث Q هي الطاقة المنتقلة إلى النظام بواسطة الحرارة، W هو الشغل الذي يبذله النظام. بالرغم من أن كل من W، وعتمد على المسار الذي يسلكه النظام لينتقل من الحالة الابتدائية إلى الحالة النهائية إلا أن $\Delta E_{\rm int}$ كمية لاتعتمد على المسار. وهذه المعادلة الرئيسية هي أحد قوانين حفظ الطاقة التي تنضمن التغيرات في الطاقة الداخلية للنظام.

في العملية الدورية (العملية التي تبدأ وتعود عند نفس الحالة) $\Delta E_{\rm int} = 0$ ومن ثم Q = W أي أن الطاقة المنتقلة إلى النظام بواسطة الحرارة تساوي الشغل المبدول بواسطة النظام أثناء العملية الدورية.

في العملية الأديباتية؛ لا يوجد انتقال للطاقة بواسطة الحرارة بين النظام والوسط المحيط (Q=0) في هذه الحيالة يصبح القانون الأول كما يلي $\Delta E_{\rm int}=-W$ أي أن التغير في الطاقة الداخلية يكون نتيجة للشغل الذي يبذله النظام. في حالة التمدد الأديباتي الطليق للغازات Q=0 و Q=0 ومن ثم $\Delta E_{\rm int}=0$ أي إن الطاقة الداخلية للغاز لاتتغير في تلك العملية.

العملية الأيزوبارية: هي عملية تحدث تحت ضغط ثابت والشغل المبذول في هذه العملية هو

$$W = P(V_f - V_i)$$

المملية الأيزوفليوميه : أي التي تتم مع ثبات الحجم لايبذل فيها شغل ومن ثم W=0 و W=0

العملية الأيزوثرمالية: هي عملية تتم مع ثبات درجة الحرارة ، الشغل المبذول بواسطة غاز مثالي في عملية أيزوثرمالية هو

$$W = nRT \ln \left(\frac{V_f}{V_i} \right) \tag{13.17}$$

الطاقة من الممكن أن تنتقل على شكل شغل كما ذكرنا في الباب السابع أو بالتوصيل والحمل والإشعاع. والتوصيل يمكن أن نعتبره تبادل لطاقة الحركة بين الجزيئات المتصادمة أو الإلكترونات، ومعدل سريان الطاقة بالتوصيل خلال شريحه مساحتها A هي :

$$\mathscr{S} = kA \left| \frac{dT}{dx} \right| \tag{14.17}$$

حيث k هو التوصيل الحراري للمادة المصنوع منها الشريحة و dT/dx ا هو الإنحدار الحراري . Temperature gradient . وهذه المعادلة يمكن استخدامها في العديد من الأحوال التي يهم فيها انتقال الطاقة خلال المواد .

في الحمل: المادة الساخنة تنتقل من مكان لآخر.

في الإشعاع: جميع الأجسام تصدر إشعاعات على شكل موجات كهرومغنطيسية بمعدل

$$\mathscr{S} = \sigma A e T^4 \tag{18.17}$$

والجسم الأكثر سخونة من الوسط المحيط به يشع طاقة أكثر مما يمتص بينما الجسم الأبرد من الوسط المحيط به يمتص طاقة أكثر مما يشع.

QUESTIONS اسئلة

- ا الحرارة النوعية للماء ضعف الحرارة النوعية للكحول الإثيلي تقريبا . كتلتان منساويتان من الكحول والماء في كأسين أعطيا نفس القدر من الطاقة، قارن بين درجتي حرارة السائلين.
- الأماكن الساحلية جوها أكثر اعتدالا من المناطق الداخلية (القارية) اعط سببا واحدا.
- ال بوثقة صغيرة من المعدن أخذت من فرن عند درجة حرارة 200°C وغمست في حوض به ماء عند درجة حرارة الغرفة (هذه العملية تسمى عملية إطفاء (quenching) كم تكون درجة الحرارة النهائية.
- الماهى أكبر مشكلة يمكن أن تنتج عند قياس الحرارات النوعية. إذا كانت درجة حرارة العينة أكبر من °100 ووضعت في الماء.
- 5 في أحدى تجارب المشاهدة العملية "demonestration" غمس المعيد أصابعه المبللة في رصاص منصهر 327°C ثم رفعها بسرعة دون أن يحدث لها ضرر، كيف أمكن ذلك ؟ (لاتحاول أن تفعل ذلك لأنها تجربة خطرة).
- 6 وجد الرواد الأوائل أن وضع حوض كبير به ماء في مكان خزن المواد الغذائية يمنع الطعام من التجمد في الليالي شديدة البرودة، فسر
- [7]ما هو الخطأ في هذه العبارة " إذا أعطيت جسمين فالجسم الأعلى في درجة الحرارة يحتوى على كمية أكبر من الحرارة".
- 8 لماذا تستطيع أن تمسك بعود ثقاب مشتعل حتى يحشرق معظمه ولايبقى منه إلا بضع مليمترات عن أطراف أصابعك ؟
- من الأبسر أن تمسك فنجان شاى ساخناً من مقبضه ولا تقبض على سطح الفنجان بيدك. שנו פ.

10 - في شكل (Q10.17) يوجـــد نموذج مكون بواسطة الجليد على سنقف منخزن مناذا يسبب هذا النموذج المتغير بين غطاء جليدى ثم سقف عار وهكذا ؟



شكا، (010.17)

- 11 لماذا يمكن لشخص أن يخرج قطعة من رفائق الألمونيوم من الفرن عندما تكون جافة بأصابع يده دون أن يضرها ولكن لايستطيع عمل ذلك إذا كانت قطعة الألمونيوم عليها بخار ماء ؟
- 12 الأرض المغطاة بالبلاط في الحمام تشعر بها باردة إذا كانت قدماك عاريتين بينما الأرض المغطاة بالسجاد في حجرة مجاورة تشعر بأنها أكثر دفئا على قدميك علما بأنها عند نفس درجة الحرارة مثل أرض الحمام لماذا ؟
- 13 لماذا يتم طهى البطاطس بشكل أسرع عندما تسوى على أسياخ ؟
- 14 لماذا يُفيضض السطح الخارجي للتَرمس Thermos ويحاط بغلاف مفرغ من الهواء ؟
- 15 قطعة ورق تلف حول قضيب مصنوع نصفه من الخشب والنصف الآخير من معيدن إذا وضع فيوق لهب فيإن الورق حيول الجيزء الخشبى يحترق بينما لايحترق الورق الملفوف حول القضيب المعدني. فسر ذلك ،

- 16 لماذا يحفظ النتروجين السائل والأكسجين السائل في أوعية ديور خاصة مفضضة من الخارج وتحاط بغلاف مضرغ من الهواء أو بغلاف من مادة عازلة مثل البوليسترين.؟
- 17 الستائر السميكة المعلقة فيوق النوافيذ
 تساعد على الحفاظ على هواء الحجرات
 دافئا في الشتاء وباردا في الصيف لماذا ؟
- 18 إذا أردت أن تسوي قطعة من اللحم جيدا على نار مكشوفة لماذا لايفضل استخدام نار شديدة (ملحوظة: الكريون مادة عازلة للحرارة).
- 19 عندما تريد أن تعزل جدران منزل ذات إطار خشبي هل من الأفضل أن تضع المادة العازلة على السطح الخارجي البارد للجدران أم على السطح الداخلي الدافئ (في الحالتين يجب وجود حاجز هوائي)
- 20 في أحد المنازل التجريبية تضخ حبيبات من البوليستيرين في الفراغ الهوائي الموجود بين ضافتي الشبابيك الرجاجية المزدوجة أثناء الليل في فصل الشتاء ويتم إخراجها من النوافذ أثناء النهار. إلى أي مدى تساعد هذه الطريقة في حفظ الطاقة داخل المنزل ؟
- 21 كان الناس في الماضي يخرزون الفواكه والخضروات في مخازن تحت الأرض، ما هي مميزات هذه الطريقة ؟
- 22 الحرارة النوعية للخرسانة أكبر من الحرارة النوعية للتربة الستخدم هذه الحقيقة لتفسير السبب في أن متوسط درجة الحرارة بالليل في المدن أعلى من درجة حرارة القرى المجاورة هل تتوقع أن يهب النسيم من المدينة إلى القرى أم العكس، وضع ؟
- 23 تيارات الهواء الصاعدة ظاهرة معروفة للطيارين وتستخدم في رفع الطائرات التي ليس بها محرك. ما هو السبب في هذه التيارات ؟

24 - إذا كان الماء ردئ التموصيل للحمرارة لماذا يسخن بسرعة عند وضعه فوق لهب.؟

- 25 البنس Penny في الولايات المتحدة يصنع الآن من الزنك المطلى بالنحاس. هل يمكن عمل تجربة كالوريمترية لاختبار نسبة الفلز في مجموعة من البنسات؟. إذا كان ذلك ممكنا صف هذه التجربة.
- 26 إذا وضيعت مياءً في كيوب من الورق ثم سيخنته فوق لهب حتى يغلي فإن الكوب لايحترق كيف يمكن ذلك ؟
- 27 إذا رجَّ تُرمس مغلق يحتوي على قهوة ساخنة ما هي التغييرات إن وجيدت في (a) درجية حرارة القهوة (b) الطاقة الداخلية للقهوة.؟
- 28 [29] باستخدام القانون الأول للديناميكا الحرارية، وضع لماذا الطاقة الكلية لنظام معزول دائما مقدار ثابت.
- 29 هل من الممكن تحويل الطاقة الداخلية إلى طاقة ميكانيكية؟ وضح بالأمثلة.
- 30 نفرض أنك أفرغت القهوة في فنجان وفضلت أن تشريها بعد أن تبقى في الفنجان لبضع دقائق. فلكي تكون القهوة أكثر دفئا هل تضع الكريمة بمجرد صب القهوة أم قبل أن تشريها؟ وضع.
- 31 نضرض أنك قد مبلأت فنجانين متشابهين عند درجة حبرارة الغرفة ببعض القهوة الساخنة، وكان في أحد الفنجانين ملعقة بعد فترة زمنية قصيرة أي منهما تكون درجة حسرارته أقل، وأي نوع من أنواع انتقال الحرارة يكون مسئولا عن ذلك ؟
- 32 على الطريق يلاحظ وجبود تحبذير يوضع قبل بداية الكباري نصبه "سطح الكوبري يتجمد قبل سطح الطريق" أي من طرق انتقال الحرارة الثلاثة مسئول عن تجمد سطح الكباري قبل سطح الطرق في الأيام شديدة البرودة.

= الحل كامل متاح في المرشد.

🟢 = فيزياء تفاعلية

PROBLEMS UL

1، 2، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

http:// www. sanunderscollege. com/ physics/ الحل موجود في: WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

] = أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.17 الحرارة والطاقة الداخلية

الهاء عند قمة شلالات نياجرا درجة حرارته 50m وهو يهسبط من ارتفاع 50m فلو كانت كل مابه من طاقة وضع قد استخدمت في رفع درجة حرارة الماء، احسب درجة حرارة الماء عند أسفل الشلالات.

2 - في جهاز جول في شكل (1.17) كان مقدار كل من الكتلتين 1.50kg، والوعاء يحتوي على 200g من الماء. ما مقدار الزيادة في درجة حرارة الماء بعد أن تهبط الكتلتان لمسافة 3.00 m.

قسم 2.17 السعة الحرارية والحرارة النوعية

- |3| درجة حرارة قيضيب من الفضة 10.0°C عندما يمتص مقدارا من الطاقة بواسطة الحرارة تساوي 1.23kl ، كتلة القيضيب $525\,\mathrm{g}$
- عينة من النحاس كتلتها 50.0g عند درجة حيرارة °C إذا امتصت طاقة قدرها 1200J بواسطة الحرارة ما مقدار درجة حرارتها النهائية.
- | 5 | حدوة حصان كتلتها 1.5kg عند درجة حرارة ابتدائية 0.0°C سقطت في وعاء به ماء كنتلته 20.0kg عند درجة 2°25. ما هي درجة الحرارة النهائية ۶ (أهمل السعة الحرارية للوعاء. وافترض أن كمية قليلة من الماء قد تبخرت)

6 - فنجان من الألمونيوم كتلته 200g يحتوي على 800g من الماء في حالة اتزان عند درجــة حـرارة 0.80.0°C. برد الفنجان والماء معما بانتظام بحيث إن معدل انخفاض درجـة

الحرارة كان 1.50°C/min ، فما هو معدل

انخفاض الطاقة ؟ اكتب النتيجة بالواط.

- 7 كالوريمتر من الألونيوم كتلته 100g يحتوي على 250g من الماء والكالوريمتبر والماء في حيالة اتزان حيراري عند درجية 10.0°C. وضعت كتلتين معيدنيتين في الماء كتلة وضعت كتلتين معيدنيتين في الماء كتلة إحداهما 50.0g من النحاس عند درجية حرارة 2°0.0 والكتلة الأخرى 70.0g عند درجية حيرارة النظام كله عند درجية حيرارة 2°0°C وقد استقيرت درجية حيرارة النظام كله عند درجية حيرارة (a) عين الحرارة النوعية للعينة المجهولة (b) من الحرارة النوعية للعينة المجهولة (d) ما هو نوع المعين المصنوعة منه الكتلة الثانية كما تتوقع من استخدام البيانات الواردة في جدول 1.17 ؟
- 8 بعيرة تحتوي على 3 x 10¹¹ m³ من الماء (a) ما مقدار الطاقة اللازمة لكي ترفع درجة حرارة هذا الحجم من الماء من 11.0°C إلى 12.0°C (b) كم عدد السنين بالتقريب تلزم لإمداد هذا القدر من الطاقة إذا أمكننا استخدام الطاقة الفائضة من محطة طاقة كهربائية وهو 1000MW.

- 9 بنس (عمله معتانية من النحاس) وزنه 3.00g
 عند رجة حرارة °C مسقط من أرتفاع عند رجة حرارة 50.0m
 إلى سطح الأرض (a) إذا كـــان 60.0%
 ألنى سطح الأرض (b) إذا كـــان ذيادة طاقته الداخلية ما هي درجة حرارته النهائية ؟ (b) هل النتيجة التي حصلت عليها في (a) تعتمد على كتلة البنس ؟ وضح ذلك.
- T_h عند درجـة حـرارة m_h عند من الماء m_{Al} عند درجـة حـرارة m_{Al} سكبت في فنجـان من الألونيـوم كتلته m_c به كتلة m_c من الماء عند درجـة حـرارة اتزان هـذا $T_h > T_c$ النظام.
- 11 سخان ماء يعمل بالطاقة الشمسية. إذا $6.00 \mathrm{m}^2$ كانت مساحة المجمع الشمسي والقدرة التي يعطيها ضوء الشمس والشهمس $550 \mathrm{W/m}^2$. كم من الزمن يلزم لرفع درجة حيرارة $1.00 \mathrm{m}^3$ من الماء من $20.0 \mathrm{°C}$ إلى $60.0 \mathrm{°C}$

قسم 3.17 الحرارة الكامنة

- 40.0g ما مقدار الطاقة اللازمة لتحويل 40.0g من الجليد عند درجية 10.0°C إلى بخار عند 3°110.0°C عند
- طلقة من الرصاص كتلتها 3.0g عند درجة حيرارة .30.0°C أطلقت بسيرعية 240m/s على كتلة كبيرة من الجليد عند درجة حرارة °C فغاصت فيها. ما مقدار كتلة الجليد الذي انصهر نتيجة لذلك ؟
- 14 بخار ماء عند درجة حرارة °C أضيف الى جليد عند درجة ح°0 (a) أوجد كمية الحليد الذي انصهر ودرجة الحرارة النهائية إذا كانت كتلة البخار 10.0g، وكتلة الجليد 50.0g كرر تلك الحسابات باعتبار أن كتلة البخار، 10.0g كتلة البغار، 50.0g

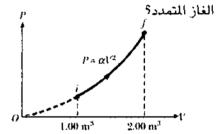
15 - كتلة من النحاس كتلتها 1.00kg عند درجة حرارة 20.0°C غمرت في وعداء كبير للنتروجين السائل عند درجة حرارة 77.3K. كم كتلة النتروجين الذي يتبخر في الزمن الذي يستغرقه النحاس ليصل إلى 77.3K (الحرارة النوعية للنحاس 20.092 cal /g.°C والحرارة الكامنة لتبخير النتروجين 48.0 cal/g.

- 16 كالوريمتر نحاس كتلته 50.0g يحتوي على 250g من الماء عند درجة حرارة 20.0° ما مقدار البخار الذي يتكثف في الماء إذا كنا نريد أن نرفع درجـة حــرارة الكالوريمتــر ومحتوياته إلى 50.0°C.
- في وعاء معزول أضيف 250g من الجليد عند درجة الصفر سلسيوس إلى 600g من الماء عند درجة حرارة 18.0°C ما مقدار درجة الحرارة النهائية للنظام (b) ما مقدار الجليد المتبقي عندما يصل النظام إلى حالة الاتزان ؟
- 18 مسألة للمراجعة: طلقتان من الرصاص كتلة كل منهما 5.00g ودرجة حرارتها 20.°C وسرعتها 500m/s اصطدمتا تصادما مباشرا مع بعضهما. إذا كان التصادم غير مسرن ولايوجد فقد في الطاقة للغلاف الجوي. صف الحالة النهائية للنظام المكون من الطلقتين.
- 19 رصاص منصهر كتلته g 90 عند درجة حرارة 327.3°C صب في قالب من الحديد كتلته g 300g ودرجة حرارته الابتدائية 20.0°C ما هي درجة الحرارة النهائية للنظام؟ افترض أن النظام لم يفقد طاقة إلى الوسط المحيط.

قسم 4.17 الشغل والحرارة في العمليات الثرموديناميكية:

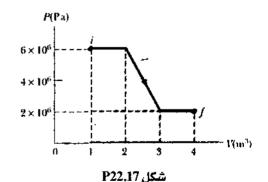
20 - غاز في وعاء عند ضغط 1.5 atm وحجمه 4.00m³ ما مقدار الشغل الذي يبذله الغاز (a) إذا تمدد عند ضغط ثابت إلى ضعف حجمه الابتدائي (b) إذا انكمش إلى ربع حجمه الأول عند ضغط ثابت.

مينة من الغاز المثالي تمددت إلى ضعف حجمها الابتدائي وهو $1.00 \, \mathrm{m}^3$. 6 ومقدار شبه استاتيكية حيث $P = \alpha V^2$ ومقدار $\alpha = 5.00 \, \mathrm{atm/m}^6$. $\alpha = 1.00 \, \mathrm{m}$ ما مقدار الشغل المبدول بواسطة (17.21) ما مقدار الشغل المبدول بواسطة



شكل P21.17

(a) - 22 مين الشغل المبذول بواسطة مائع يتمدد من أيل أكما هو مبين في شكل (P22.17) ما مقدار الشغل الذي يبذله المائع إذا ضغط من أيل ألى أعلى امتداد نفس المسار ؟



مول واحد من الغاز المثالي . سخن تدريجيا بحيث إنه انتقل من الحالة PV إلى الحالة بحيث إنه انتقل من الحالة (P_i,V_i) بطريقة

ما، بحيث إن ضغط الغاز يتناسب مباشرة مع الحجم.

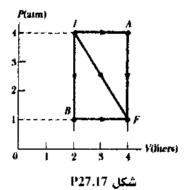
(a) ما مقدار الشعل المبدول في هذه العملية؟ ما هي العلاقة بين درجة حرارة الغاز وحجمه خلال هذه العملية ؟

24 - عينة من الهيليوم يمكن اعتبارها غازا مثاليا عند إضافة طاقة إليها عن طريق الحرارة مع ثبات الضغط من 273K إلي 373K. إذا بذل الغاز شغلا قدره 20.0J ما web

عاز مثالي داخل اسطوانة مثبت عليها مكبس متحبرك كتلته 8000g ومساحة مكبس متحبرك كتلته 8000g ومساحة سطحه 5.00cm²، والمكبس حبر الحبركة لينزلق إلى أعلى وأسفل مع ثبات ضغط الغاز، ما مقدار الشغل المبذول عند ازدياد درجة حسرارة 0.20 mol من الغباز من 30.0°C إلى 30.0°C.

26 – غاز مثاني داخل اسطوانة مركب عليها مكبس متحرك كتلته m ومساحة سطحه α محر الحركة لأعلى وأسفل. مع ثبات ضغط الغاز ما مقدار الشغل الذي يبذله α من الغاز عندما ترتفع درجة حرارته من إلى α و α

27 - غاز يتمدد من I إلى F على امتداد ثلاث مسارات ممكنة كما هو موضح في شكل (P27.17) احسب الشغل بالجول الذي يبذله الغاز في المسار IBF, IF, IAF.

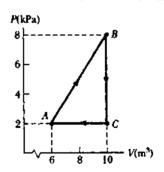


القسم 5.17. القانون الأول للديناميكا الحرارية

28 - غاز انكمش حجمه من 9.0L إلى 2.0L تحت ضغط ثابت مقداره 0.80atm في هذه العملية فقد النظام قدرا من الطاقة يساوي 400J بواسطة الحرارة (a) ما مقدار الشغل المبذول بواسطة الغاز ؟ (b) ما مقدار التغير في طاقته الداخلية ؟

نظام ثرموديناميكي يقوم بعملية انخفضت فيها طاقته الداخلية بمقدار لا 500 في نفس الوقت بذل على النظام شغلا قدره 220J. ما مقدار الطاقة التي انتقلت منه أو إليه بواسطة الحرارة.

30 - مر غاز بعملية دورية كما في شكل (P30.17a) (a) أوجد صافي الطاقة المنقولة للنظام بواسطة الحرارة خلال دورة كاملة (b) إذا عكست الدورة واتبعت المسار ACBA ما مقدار صافي الطاقة التي يكتسبها النظام في دورة بواسطة الحرارة.



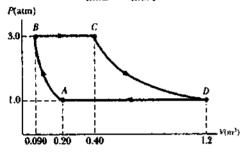
شكل P30.17

ني العصملية الدورية المبينة في شكل -31 (P30.17) إذا كانت Q كمية سائبة للعملية BC وإذا كانت ΔE_{int} سائبة للعملية ΔE_{int} هي إشارةQو W_{int} المصاحبة لكل عملية؟

غاز مثالي تقوم بالعملية الموضحة من غاز مثالي عنه العصلية العصلية

أديباتيه ومن B إلى C العملية أيزوبارية وقد اكتسب النظام طاقة قدرها 100kJ بواسطة الحرارة. من C إلى D العملية أيزوثرماليه ومن D إلى A العملية أيزوبارية وقيها فقد النظام 150kJ من الطاقة بواسطة الحرارة. عين الفرق في الطاقة الداخلية

Eint.B - Eint.A



شكل P32.17

قسم 6.17 بعض استعمالات القانون الأول للديناميكا الحرارية،،

غاز مشائي عند درجة حرارة 300K قام بعملية تمدد أيزوبارية عند 2.5KPa إذا زاد الحسيجم من 1.00m³ إلى 3.00m³ انتقلت طاقة قيدرها 12.5KJ إلى الغاز بواسطة الحرارة، أوجد (a) التغير في طاقته الداخلية (b) درجة الحرارة النهائية ؟

34 - مول واحد من غاز مثائي قام بشغل قدره
 3.00J على الوسط المحيط عندما تمدد
 أيزوثرماليا إلى ضغط نهائي قدره 1.00atm
 وحجم 25.0L عين (a) الحجم الابتدائي. (b)
 درجة حرارة الغاز.

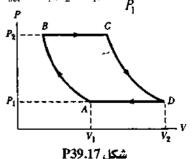
35 - ما مقدار الشغل الذي يبذله البخار عندما يغلي 1.00 مسول من الماء عند درجسة 1.00°C ويصبح 1.00 مول من بخار الماء عند درجسة 20°C وضيغط P=1.0atm بضرض أن بخار الماء غاز مثالي، احسب التغير في الطاقة الداخلية للبخار عندما يأخذ في التبخر.

الله - قطعة من الألمونيوم كتلتها 1.0Kg سخنت عند درجة حرارة الغرفة والضغط الجوي المغتاد فارتفعت درجة حرارتها لتصل إلى 3°C أوجد (a) الشغل الذي يبنله الألمونيوم (b) الطاقة المضافة إلى الكتلة عن طريق الحرارة (c) التغير في طاقته الداخلية.

[37] 2.00 مول من غاز الهيليوم درجة حرارته الابتدائية 300k وضغطه .0.40 atm. أيزوثرماليا إلى 1.2 atm غازا مثاليا أوجد (a) الحجم النهائي للغاز (b) الشغل المبذول بواسطة الغاز (c) الطاقة المنقولة بواسطة الحرارة.

38 - مول واحد من بخار الماء عند درجة حرارة 373K والطاقة التي يفقدها عندما يبرد يمتصها 10.0 مول من غاز مثالي فتجعله يتمدد تحت درجة حرارة ثابتة مقدارها 273K إذا كان الحجم النهائي للغاز المثالي كان الحجم الابتدائي للغاز ؟

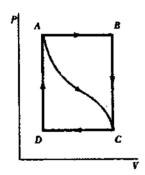
39 – غاز مثالي يقوم بدورة ثرموديناميكية تتكون من عدملي يتن أيزوباريي تين وعدملي تين أيزوباريي أن أن أيزوثرماليتين كما في شكل (P39.17) بين أن صافي الشغل المبدول في الدورة كلها يعطى بالمعادلة: $W_{\rm net} = P_1(V_2 - V_1) \, \ln \frac{P_2}{P_1}$



40 - في شكل (P40.17) التغير في الطاقة الداخلية لغاز انتقل من الحالة A إلى الحالة C هو 8001.

المسار ABC هو 4500+ (a) ما مسقدار الطاقة التي يجب اضافتها إلى النظام بواسطة الحرارة عندما ينتقل من الحالة A خلال B إلى 9 C) إذا كان الضغط عند النقطة A يساوي خُمسة أمثال الضغط عند النقطة A يساوي خُمسة أمثال الضغط عند ك،ما مقدار الشغل المبذول بواسطة النظام لينتقل من الحالة C إلى الحالة D و (a) ما مقدا الطاقة التي يتبادلها مع الوسط المحيط بواسطة الحرارة عندما ينتقل الغاز من الحالة C إلى الحالة A خالال المسار الأخضر 9

(d) إذا كان التغير في الطاقة الداخلية عندما ينتقل النظام من الحالة D إلى الحالة A يساوي 5001+، ما مقدار الطاقة التي يجب إضافتها للنظام بواسطة الحرارة عندما ينتقل من النقطة C إلى النقطة D.

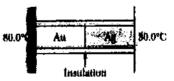


شكل P40.17 قسم 7.17 طرق انتقال الحرارة:-

41- أنبوبة تحميل بخار مغطاه بمادة عازلة سمكها 1.5cm ومعامل توصيلها الحراري 1.5cm ومعامل توصيلها الحراري 0.20 cal/cm.°C.S ما منقدار الطاقية المفقودة كل ثانية بواسطة الحرارة إذا كانت درجة حرارة البخار °200 والهواء المحيط عند °20.0c ومنحيط الأنبوبة 20.0cm وطولها 50.0cm ؟ يمكن اهمال الفاقد من أطراف الأنبوبة.

الضيزياء (الجزءالأول - المتكانيكا والديناميكا الحرارية)

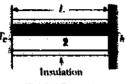
- 42 صندوقا مساحة سطحه الكليّة 1.20m² وسمكه 4.0cm مصنوع من مادة عازلة داخل الصندوق يوجد سخان كهربائي قدرته 10.0W . يبقى على درجة الحرارة داخل الصندوق عند 15.0°C أعلى من درجة الحرارة الخارجية. احسب التوصيل الحراري كا كالمادة العازلة.
- 43 لوح من زجاج النوفيد مساحته 3.00m² وسيمكه 0,60cm إذا كيان فيرق درجيات الحرارة ببن سطحيه °25.0°C ، ما هو معدل انتقال الحرارة بالتوصسل خلال النافذة التي بها هذا اللوح.
- 44 نافذة حرارية مساحتها 6.00m² مصنوعة من طبقتين من الزجاج سمك كل منهما 4.0mm مفصولتين عن بعضهما بمسافة بها هواء سمكهما 5 mm أذا كمان السطح الداخلي عند 20.0°C والخمارجي عند 30.0°C ما هو معمدل انتقال الطاقة بالتوصيل خلال النافذة.
- قضيب من الذهب متصل حراريا بقضيب من الفضية له نفس الطول والمساحة شكل (P45.17). أحد طرفي القضيب المزدوج عند درجة حرارة °80 والآخر عند 30.0°C. ما مقدار درجة الحرارة عند نقطة اتصال القضيبين عندما يصل معدل انتقال الطاقة بالتوصيل إلى حالة الاستقرار الحراري.



شكل P45.17

46 - قضيبان لهما نفس الطول ومصنوعان من مادتين مختلفتين ومساحة مقطعهما مختلفان. وضعا جنبا لجنب كما في شكل (P46.17) عين معدل انتقال الطاقعة بالتوصيل بدلالة التوصيل الحراري ومساحة

كلُ قضيب. وعمم نتائجك لحالة نظام يتكون من مجموعة من القضيان.



- شكل P46.17
- 47 احسسب المقدار R لكل من (a) نافذة مصنوعة من لوح مفرد من الزجاج سمكه /1 8 بوصه (b) نافذة حرارية مكونة من لوحين منفصلين سمك كل منها 8/أ بوصه ويفصل بينهما طبقة هوائية سمكها 4/أ بوصه (c) ما هو عامل خفض التوصيل الحراري عند إحال النافذة الحرارية محل النافذة الزجاجية ذات اللوح الواحد ؟
- 48 درجة حرارة سطح الشمس 5800K ونصف قطر الشمس 6.96×10^8 m قطر الشمس الشمس في الثانية الكلية التي تشعها الشمس في الثانية e=0.965
- 49 بيتزا كبيرة الحجم معلقة في الفضاء ما هو تقديرك لما يأتي (a) معدل فقدها للطاقة ؟
 (b) معدل تغيير درجة حرارتها ؟. اذكر الكميات التي قدرتها ومقدار تلك الكميات.
- 50 فتيلة من التنجستين لمصباح قدرته 100W ويشع 2.0W على هيئة ضبوء (والبناقي 98W وهو 98W تنقل بالحمل والإشعاع). مساحة سطح الفتيلة 0.25mm² وإشعاعيته 0.90 أوجد درجة حرارة الفتيلة (نقطة انصهار النجستين 3683K)
- 51 عند الظهيرة تسقط طاقة شمسية قدرها 1000W على كل مـتـر مـريع من الطريق المغطى بالأسفلت (لونه أسود). إذا كان هذا الطريق يفقد طاقته بالإشعاع فقط. ما مقدار درجة حرارة سطحه عند الاتزان الحراري.



مسائل إضافية

52 - مائة جرام من النتروجين السائل عند درجة حرارة 77.5K أضيفت إلى 200g من الماء في كأس عند درجة حيرارة 5.0°C. إذا كان النشروجين السبائل يتحول إلى بخار ويشرك الكأس. منا مقدار الماء الذي سيتجمد؟ (الحرارة الكامنة لتبخير النتروجين 79.6 كالورى/جرام).

53 - متزلج على الجليد كتلته 75 kg يتزلج على الجليد شكل (P54.17). معامل الإحتكاك بين الزلاجة والجليد 0.20. نفرض أن الجليد الذي تحت الزلاجية عند درجية حيرارة 0°C وأن الطاقة الداخلية الناتجة عن الإحتكاك قد أضيفت للجليد الذي النصق بزلاجته. ما هي المسافة التي ينزلج عبرها لكي يذيب 1.0kg من الجليد؟



شكل P54.17

| 54] قضيب من الألمونيوم طوله 0.5m ومساحة مقطعه 2,50cm² غمس في وعاء معزول حراريا به هيليوم سائل عند درجة حرارة 4.2 k القيضيب كيان عند درجية حيرارة ابتدائية مقدارها 300k (a) إذا كان نصف القضيب مغموساً في الهيليوم. ما حجم الهيليوم الذى يتبخر باللتر حتى تصبح درجة حرارة نصف القضيب المغموس في الهيليوم مساويا 4.2k (افترض أن الجزء العلوى لايبرد) (b) إذا بقى النصف العلوى للقضيب

عند درجة 300k ما هو معدل تبخر الهيليوم السائل بعد أن يصل النصف السفلي من القضيب إلى درجة حرارة 4.2K. (التوصيل الحسراري للألونيسوم 31.0J/s·cm·K عند 4.2k أهمل التغيير مع درجية حيرارته، الحيرارة النوعيية للألمونيوم 0.21cal/g.°C وكثافته 2.70g/cm³ وكثافة الهيابوم $0.125 g/cm^3$ السائل

55 كالوريمتر الإنسياب هو جهاز يستخدم لقياس الحرارة النوعية للسكوائل وطريقة استخدامه عبارة عن قياس فرق درجات الحرارة بين الماء الداخل والماء الخارج من الجهاز بينما تضاف طاقة بواسطة الحرارة بمعدل معلوم. في أحد التجارب، سائل كثافته 0.780g/cm³ ينساب خلال الكالوريمتر بمعدل 4.00cm³/s. عند حالة الاستقرار كان الفرق بين درجتي حرارة الماء الداخل والخارج 2.80°C ومعدل إمداد الطاقة عن طريق الحرارة هو\$/30.03 ما هي الحرارة النوعية للسائل؟

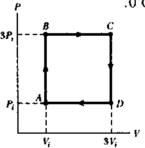
56 - كالوريمتر الإنسياب هو جهاز يستخدم لتعين الحرارة النوعية للسوائل وطريقة عمله عبارة عن فياس فرق درجات الحرارة بين السبائل الداخل والسائل الخارج من الكالوريمتر بينما تضاف طاقة عن طريق الحرارة بمعدل معين، في أحد التجارب سائل كثافته م ينساب خلال الكالوريمتر، معدل السريان R. عند حالة الاستقرار كان الفرق بين درجتي حرارة السائل الداخل والخارج هو ΔT وكان معدل دخول الطاقة بواسطة الحرارة هو 9. منا هي الحرارة النوعية للسائل.

57 - مول واحد من غاز مثالي درجة حرارته الابتدائية 300K برد مع ثبات الحجم بحيث أن ضغطه النهائي أصبح ربع ضغطه الابتدائي. تمدد الغاز بعد ذلك مع ثبات (723

الحجم حتى وصل إلى درجة حرارته الأولى. عين الشغل المبذول بواسطة الفاز.

58 - مول واحد من غاز مثالي موضوع في أسطوانة عليها مكبس متحرك ودرجة الحرارة والضغط والحجم الابتدائي هي , V_i, على الترتيب. أوجد الشغل المبذول بواسطة الغاز في العمليات التالية. وبين كل عملية على الرسم البياني PV (a) انكماش أيزوباري في الحجم صار فيه الحجم النهائي 21 الحجم الابتدائي. (b) انضغاط أيزوثرمالي صار فيه الضغط النهائي أربع أمثال الضغط الابتدائي (c) عسملية أيزوفيلومترية صار فيها الضغط النهائي ثلاث أمثال الضغط الابتدائي.

59 - غياز مشائي عند T_i, V_i, P_i في حيالته الابتدائيية في مبدورة كيميا في الشكل (P61.17) (a) أوجد صافي الشغل المبدول بالغياز في كل دورة (b) منا مقيدار الطاقية المضيافية بالحيرارة للنظام خيلال الدورة (c) أوجد فيمة عددية لصافي الشغل لكل دورة أوجد فيمة عددية لصافي الشغل لكل دورة لواحيد ميول من الغياز عند درجية حيرارة التدائية O°C.



شكل P61.17

60 - مسألة للمراجعة؛ لوح من الحديد موضوع على عجلة من الجديد بحيث إن قوة الإحتكاك الناتج عن الانزلاق بين سطح اللوح وسطح العجلة مقدارها 50N. إذا كنانت السرعة النسبية التي ينزلق بها السطحين على بعضهما هي 40.0m/s

معدل تحول الطاقة الميكانيكية إلى طاقة داخلية (b) كتلة لوح الحديد تساوي كتلة العجلة تساوي 5.0kg. وكل منهما يكتسب 50% من الطاقة الداخلية . إذا جرى النظام كما ذكرنا لمدة 10.0s وترك كل جسم بعد ذلك ليصل إلى درجة حرارة منتظمة ما هو مقدار معصلة الزيادة في درجة الحرارة.

61 [63] فرن شهمس للطهي يتكون من مسرآة مقعرة عاكسة تركز أشعة الشمس على الجسم المراد تسخينه شكل (P63.17) القدرة الشمسية التي تصل إلي الأرض في هذا الموقع على وحدة المساحات هي 40.0% من وقطر السخان 0.60m بفرض أن 40.0% من الطاقة الساقطة تنتقل إلى الماء. ما هي المدة اللازمة لكي يتم غليان وتبخير 40.50 من الماء تماما علما بأن درجة حرارته الابتدائية هي 20.0°C (اهمل السعة الحرارية للوعاء)

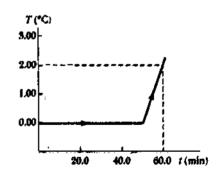


شكل P63.17

- 62 ماء يغلي في غلاي للشاي. القدرة المتصف بواسطة الماء 1.00kw بفسرض أن ضعفط البخار داخل الغلاي هو الضغط الجوي عين سرعة تسرب البخار من صنبور الغلاي إذا كانت مساحة مقطعه 2.00cm².
- ر 63 الماء السائل يتبخر ويغلي عند درجات غير . 100°C وذلك يعتمد على الضغط المحيط به.

نفرض أن الحرارة الكامنة للتبخير في جدول 2.77 تصلح للتحويل من السائل إلى بخار عند جميع درجات الحرارة. أسطوانة تحتوي على 1.0kg من الماء عند درجة 0°C ومثبت فوقها مكبس وهو يلامس سطح الماء. رفع المكبس بسرعة بحيث أن جزءا من الماء قد تبخر والجزء الآخر تجمد (ولم يتبق ماء سائل) بفرض أن درجة الحرارة ظلت ثابتة عند درجة 0°C احسب مقدار كتلة الجليد التي تكونت في الأسطوانة.

64 - إناء لطهى الطعام على ماوقاد بطئ به policy من الماء وكتله من الجليد في حالة اتزان عند درجة حرارة °C عند الزمن 0=1. قيست درجة حرارة الخليط بعد أوقات مختلفة. ورسمت النتيجة في شكل (P66.17) في أول 50.0min ظي أول 50.0min الصافر سلسيوس ومن 50.0min إلى (اهمل السعة الحرارية للإناء). احسب الكتلة الابتدائية للجليد.

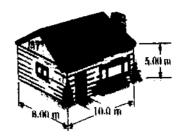


شكل P66.17

65 - مسألة للمراجعة: (a) كتلة من النحاس وزنها 1.6kg ودرجة حرارتها صفر ودرجة حرارة الهواء المحيط صفر تركت تنزلق على طبقة من الجليد عند درجة حرارة صفر بسرعة 2.5m/s وبسبب الاحتكاك توقفت

الكتله، احسب كتلة الجليد التي انصهرت لكي تصف عملية تباطؤ كتلة النحاس حدد الطاقة الداخلة Q والشغل الخارج W والتغير في الطاقة الداخلية ΔE_{im} والتغير في الطاقة الميكانيكية AK لكل من مكعب النحاس وطبقة الجليد (b) مكعب من الجليد وزنه 1.6kg عند درجة الصفر ترك لينزلق بسرعة\$2.5m على طبقة من النحاس عند درجة الصفر. توقف المكعب بسبب الاحتكاك بينه وبين طبقة النحاس، احسب كتلة الجليد التي انصهرت حدد ΔK , ΔE_{int} , W,Q لکعب الجليد وطبقة النحاس خلال هذه العملية (c) شريحه رفيعة من النحاس كتلتها 1.6kg عند درجية حيرارة 20.°C تركت تتزلق بد عية 2.5m/s على شريحة أخرى مماثاً با وساكنة وعند نفس درجة الحرارة. حبب الاحتكاك في توقف الحركة. إذا لم تَفقد أي طاقة للوسط المحيط بواسطة الحرارة. أوجد التغير في درجة الحرارة للجسمين وحدد لکل جسم خالال ΔK , $\Delta E_{\rm int}$, W, Qالعملية .

66 - متوسط التوصيل الحراري لجدران (بما في ذلك النوافذ) وسقف منزل كالمبين في الرسم (لك النوافذ) وسقف منزل كالمبين في الرسم (P68.17) هو 0.480W/m.°C ومـــــوسط السـمك للجــدران والسـقف 21.0cm المنزل يدفأ بالغاز الطبيعي وحرارة احتراقة (الطاقة التي يعطيــهــا لكل مــــر مكعب من الغــاز المـــرق) 9300K cal/m³ ما عـدد الأمــتار المكعبة من الغـاز يجب اسـتهــلاكهـا كل يوم المكعبة من الغاز يجب اسـتهــلاكهـا كل يوم للحــصـول على درجـة حــرارة داخل المنزل للحـصـول على درجـة حــرارة داخل المنزل تســاوي 25.0°C اذا كــانت درجــة الحــراري خارج المنزل المقودة بواسطة سطح الأرض.



شكل P68.17

67 - بركة ماء عند درجة الصفر مغطاة بطبقة من الجليد سمكها 4.0cm إذا ظلت درجة حرارة الهواء ثابتة وتساوي 0.00 - ما مقدار الزمن اللازم لكي يزداد سمك الجليد إلي \$8.0cm (ملحوظة، لحل هذه المسألة استخدم معادلة 14.17 في الصورة التالية)

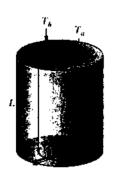
$$\frac{dQ}{dt} = kA \frac{\Delta T}{x}$$

ولاحظ أن الزيادة في الطاقة المستخلصة من الماء dQ خلال طبقة الجليد التي سمكها X هي الطاقة المطلوبة لتجميد طبقة سمكها من الجليد أي أن dX حيث dQ حيث dX هي كثافة الماء، A المساحة و A هي الحرارة الكامنة للإنصهار.

68 – أسطوانة مفرغة، سطحها الداخلي عند درجة حرارة T_a والسطح الخارجي عند درجة حرارة أقل وهي T_b شكل (P70.17). جدران الأسطوانة توصيلها الحراري K بإهمال التأثيرات الطرفية بين أن معدل التوصيل الحراري من السطح الداخلي إلى السطح الخارجي في اتجاء نصف القطر هو:

$$\frac{dQ}{dt} = 2\pi Lk \left[\frac{T_a - T_b}{\ln(b/a)} \right]$$

(ملحوظة: الانحدار الحراري هو dTldr. لاحظ أن السريان في اتجاه نصف القطر للطاقة يحدث من خلالا أسطوانة متحدة المركز مساحتها 2\pi L)



شكل P70.17

69 [7] كابينة الركاب في الطائرات النفائة لها شكل أنبوبة أسطوانية طولها 35.0m ونصف قطرها الداخلي 2.5m وجدرانها مبطّنة بمادة عبازلة سمكها 6.00cm وتوصيلها الحبراري 5 cal/S.cm°C وتوصيلها ويستخدم سخان للحفاظ على درجة الحرارة داخل الكابينة عند درجة عند 25.0°C بينما درجة الحرارة الخارجية عند 25.0°C بينما مقدار القدرة التي تغذي السخان للحفاظ على هذا الفرق في درجة الحرارة. (استخدم على هذا الفرق في درجة الحرارة. (استخدم النتائج التي توصلت إليها في مسألة 68)

70 - طالب حصل على النتائج التالية في تجرية كالوريمترية صممت لقياس الحرارة النوعية للألونيوم.

درجة الحرارة الابتدائية للماء والكالوريمتر 70°C					
0.400kg	كتلة الماء				
0.040kg	كتلة الكلوريمتر				
0.63kJ/kg°C	الحرارة النوعية للكالوريمتر				
27°C	درجة الحرارة الابتدائية للألمونيوم				
0.200kg	كتلة الألمونيوم				
66.3°C	درجة الحرارة النهائية للخليط				

استخدم هذه القيم لحساب الحرارة النوعية للألمونيوم (القيمة التي تحصل عليها يجب أن تكون في حدود 15% من القيمة المدونة في جدول 1.17.

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.17): (a) الماء ، الزجاج، الحديد. لأن الماء أعلى حرارة نوعية (4186J/kg·°C) سيكون تغيره أقل في درجة الحرارة ثم يتبعه الزجاج (837J/kg·°C) ثم الحديد في النهاية (b) (448J/kg·°C) الحديد النهاية (b) الماء لرفع درجة الحرارة بقدر عا، الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة تتناسب مع الحرارة النوعية.
- (2.17) طبقا لجدول 2.17 كيلوجرام من البخار عند درجة حرارة °C يفقد البخار عند درجة حرارة °C يفقد 2.26 x 106J على شكل ماء عند درجة حرارة °C 100°C بعد أن يفقد كل هذا القدر من الطاقة إلى جلدك يصبح مشابها للماء عند درجة حرارة °C وسيستمر بلهب جلدك.
- (3.17) E,A,C (3.17) الميل هو النسبة بين التغير في درجة الحرارة وكمية الطاقة المضافة. إذن الميل يتناسب مع مقلوب الحرارة النوعية. الماء الذي له أكبر حرارة نوعية سيكون له أقل ميل.

ΔΕ	W	Q	النظام	الحالات
+	_	0	الهستواء في	(a) نفخ عـــجلة
-	ļ		1	دراجة بسرعة
+	0	+		(h) حــوض به مــاء
				عند درجة حرارة
				الغرفة موضوع
				فوق موقد.
_	+	0	الهمواء في	(c) هواء <u>يت س</u> رب
			البسالون	بسرعة من بالون

- (a) (4.17) حيث إن نفخ عـجلة الدراجـة يتم بسرعة لايحدث انتقال للطاقة من أو إلى النظام بواسطة الحرارة إذن Q=0 حيث إن الشغل قد بذل على النظام إذن الشغل سالب ومن ثُمَّ $\Delta E_{int} = Q - W$ يجب أن يكون مقدارها موحباً. إذن الهواء في المنفاخ تزداد درجة حرارته (b) لايوجد شغل مبذول على النظام أو من النظام لكن الطاقة تنتقل إلى الماء بواسطة الحرارة من السخان ومن نه ΔE_{in} (c) موجبتان کمیتان موجبتان ΔE_{in} التسبرب سبريع لايحدث انتقال للطاقة من أو إلى النظام إذن Q=0. جزيئات الهواء التي تخرج من البالون تبذل شغلا على جزيئات الهواء المحيط لتدفعها بعيداً عن طریقها. إذن W کمیة موجبة و طریقها كمية سالبة، النقص في الطاقة الداخلية يتأكد بكون الهواء المسرب يصير باردأ
- A (5.17) مملية أيزوفليوميه، B عملية أديباتيه، (c) عملية أيزوثرمائية ،D عملية أيزوبارية
- (c) (6.17) القماش يعمل كعازل حراري يقلل انتقال الطأفة بواسطة الحرارة من الجو إلى المكعب.



عند نذل جهد عنیف تتبولد في أجسيامنا طاقة داخليــة زائدة لابد من أن يتخلص الجسم منها . ولتسهيل تلك العملية تفرز أجسامنا العرق. أما الكلاب والحيوانات الأخرى فإنها تلهث لكي تصل إلى نفس النتيجة وفي العمليتين

يحدث تبخر للسائل فكيف تساعد تلك العمليات في

تبريد الجسم

ويتضمن هذا الفصل:

5.18 قانون التصوزع لبولتزمان The Boltzmann Distribution Law

The Kinetic Theory of Gases

6.18 تسبوزع السسرعات الجزيئسسية **Distribution of Molecular Speeds**

7.18 المسار الحسر المتوسط (Optional) Mean Free Path

1.18 النموذج الجزيئي للغساز المشالي Molecular Model of an Ideal Gas

2.18 الحرارة النوعية المولية للغاز المثالي Molar Specific Heat of and Ideal Gas

3.18 العمليات الأديساتية في الغياز المشالي Adiabatic Processes for an Ideal Gas

4.18 التجيزؤ المتساوي للطاقية The Equipartition of Energy

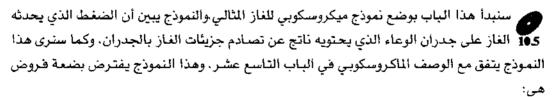
الفيزياء (الجزءالأول: الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في الباب التاسع عشر درسنا خواص الغازات المثالية، مستخدمين في ذلك المتغيرات الماكروسكوبية مثل الحجم والضغط ودرجة الحرارة.

وسنبين الآن أن تلك الخواص يمكن وصفها كذلك على مستوى ميكروسكوبي، حيث سنعتبر أن المادة هي تجمعات لجزيئات. لقد أمكننا عن طريق استخدام قوانين نيوتن للحركة عند استخدامها يطريقة استاتيكية لمجموعة من الجسيمات أن نصف العمليات الثرموديناميكية بشكل مرض. ولكي نبقي على بساطة المعالجات الرياضية سوف ندرس السلوك الجزيئي للغازات فقط حيث إن التآثر interactions بين الجزيئات في الحالة الغازية أضعف بكثير مما هو عليه في حالة السوائل والأجسام الجامدة.

طبقا للنظرية الحالية بشأن سلوك الغازات والمسماء نظرية الحركة للغازات يحتويها كما تتصادم مع gases تتحرك جزيئات الغاز بشكل عشوائي وتتصادم مع جدران الوعاء الذي يحتويها كما تتصادم مع بعضها البعض. لعل من أهم خصائص هذه النظرية أنها توضح أن طاقة الحركة للجزيئات والطاقة الداخلية للنظام الغازي متكافئتان. أضف إلي ذلك أن نظرية الحركة تعطينا أساسا فيزيائيا لمفهومنا عن درجة الحرارة، في أبسط النماذج للغازات يعتبر كل جزئ كرة صلبة تتصادم بمرونة بالجزيئات الأخرى ومع جدران الوعاء. ونموذج الكرة الصلبة hard sphere model يفترض أن الجزيئات لانتأثر ببعضها إلا أثناء التصادم وأن شكلها لايتأثر بالتصادم. وهذا النموذج كاف فقط للغازات أحادية الذرة التي تعتبر طاقتها طاقة حركة انتقالية فقط، ولابد من تطوير النظرية لتشمل الجزيئات الأكثر تعقيداً مثل الأكسجين (O_2) وثاني أكسيد الكربون CO_2 . لكي تشمل الطاقة الداخلية المرتبطة بالحركة الدورانية والحركة التذبذبية بين الجزيئات.

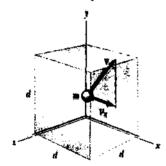
MOLECULER MODEL OF AN IDEAL GAS النموذج الجزيئي للغاز المثالي



- عدد الجزيئات كبير، ومتوسط المسافة بين الجزيئات كبير جدا بالنسبة لأبعادها وهذا يعني أن حجم
 الجزيئات مهمل بالمقارنة بحجم الوعاء الذي يحتويه
- ♦ الجزيئات تخضع لقوانين نيوتن للحركة. ولكنها تتحرك بصورة عشوائية ونقصد بكلمة "عشوائية" أن الجزيئات تخضع لقوانين نيوتن للحركة. ولكنها تتحرك بصورة عشوائية ونقصد بكلمة "عشوائية" أن الجزئ يستطيع أن يتحرك في أي اتجاء باحتمالات متساوية Equal Probability. ويفترض كذلك أن توزع السرعات لايختلف مع الزمن على الرغم من التصادمات التي تحدث بين الجزيئات، أي أن في لحظة ما تتحرك نسبة معينة من الجزيئات بسرعة كبيرة ونسبة أخرى بسرعة قليلة ونسبة ثالثة تتحرك بسرعة متوسطة بين الاثنين.

- تتصادم الجزيئات مع بعضها البعض ومع جدار الوعاء الذي يحتويها. أثناء ذلك نظل طاقة الحركة
 وكمية الحركة ثابتة.
- القوى بين الجزيئات ضئيلة ويمكن إهمالها ما عدا أثناء التصادم. والقوى بين الجزيئات صغيرة المدى
 ومن ثم فالجزيئات تتأثر ببعضها أثناء التصادم فقط.
- الغاز المقصود هو غاز نقي أي أن جميع جزيئاته متماثلة تماماً. على الرغم من أننا نصور الغاز المثالي على أنه يتكون من ذرات مضرده يمكننا أن نفترض أن سلوك الغاز الجزيئي يقترب من الغاز المثالي بشكل جيد عند الضغوط المنخفضة. والحركة الدورانية والتذبذبية للغاز ليس لها أثر على الحركة التي سنتناولها هنا.

والآن سنستنتج علاقة لضغط الغاز المثالي الذي يتكون من عدد N من الجزيئات داخل وعاء حجمه V. والوعاء مكعب الشكل طول كل ضلع من أضلاعه V شكل (1.18). سنتناول تصادم جبزئ واحد v_z و v_y و v_y في اتجاه اليمين للصندوق، ومركبات سرعة الجزئ هي v_z و v_y و v_y و في هذا الباب سنرمز لكتلة الجبزئ بالرمز v_z بالرمز v_z عندما يصطدم الجزئ بجدار الوعاء تصادماً مرناً ينعكس اتجاه مركبة السرعة v_z بينما لايتغير اتجاه سرعة المركبات v_z شكل (2.18). حيث إن المركبة v_z لكمية حركة الجزئ هي:



شكل 18.1 صندوق مكتب الشكل طول ضلمته d يحتوي على غياز مشالي والجزئ المين يتحرك بسرعة v.

$$\Delta p_x = -mv_x - (mv_x) = -2mv_x$$
 باستخدام نظرية الدفع- كمية الحركة الزاوية (معادلة 9.9) للجزئ نجد أن:

$$F_1 \Delta t = \Delta p_x = -2mv_x$$

حيث F_1 هو مقدار القوة التي يؤثر بها جدار الوعاء على الجزئ في زمن قدرة Δt والرمز السفلي (1) يعني أننا نتعامل مع جزئ واحد. ولكي يصطدم نفس الجزئ مرة ثانية مع نفس الجدار لابد أن يقطع مسافة قدرها Δt في اتجاء المحور Δt . إذن الفترة الزمنية بين تصادّمين مع نفس السطح هو: Δt

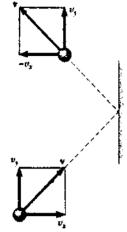
وعلى فترة زمنية أطول من الفترة Δ t متوسط القوة المؤثرة على الجزئ لكل تصادم هو:

$$F_{\rm i} = \frac{-2mv_x}{\Delta t} = \frac{-2mv_x}{2d/v_x} = \frac{-2mv_x^2}{d}$$
 (1.18)

طبقاً لقانون نيوتن الثالث متوسط القوة التي يؤثر بها الجزئ على الجدار تساوي مقدار القوة في معادلة (1.18) وتضادها في الاتجاه

$$F_{|_{(al_a)}|_{i,j=1}} = -F_1 = -\left(\frac{-mv_x^2}{d}\right) = \frac{mv_x^2}{d}$$

الفيزياء (الجزءالأولم البيكانيكا والديناميكا الحرارية)



وكل جزئ من جيزيئات الغاز يؤثر بقوة F_1 على الجدار . سنجد أن القوة الكليسة F المؤثرة على الجدار بواسطة الجيزيئات هي مجموع القوى التي يؤثر بها كل جزئ على حده على الجدار .

$$F = \frac{m}{d}(v_{x1}^2 + v_{x2}^2 +)$$

في هذه المعادلة v_{x1} هي المركبة في اتجاه المحور x لسرعة المجزئ (1)، v_{x2} هي مركبة السرعة في اتجاه المحور x للجزئ وهكذا، وينتهي الجمع عندما نصل إلى الجزئ N حيث إنه يوجد عدد N من الجزيئات للغاز، مما سبق نجد أن متوسط مقدار مربع السرعة في اتجاه المحور x لعدد x من الجزيئات هو:

$$F = \frac{Nm}{d} \overline{v_x^2}$$

شكل 2.18 جزئ يتصادم تصادماً مرناً. مع جدران الوعاء، المركبة x لكمية حركته ينعكس اتجاهها بعد التصادم بينما المركبة x لايحدث لها تغير. في هذا النموذج الجنزئ يتحرك في المستوى xy.

pythagorean ومعادلة v_z , v_y , v_x ومعادلة الوعاء مركبات سرعته هي theorem تربط بين مربع السرعات لهذا الجزئ ومربع المركبات على النحوالثالي:

$$v^2 = v_x^2 + v_y^2 + v_z^2$$

ومن ثُمَّ فإن متوسط قيمة v_z^2 لجميع الجزيئات في الوعاء ترتبط بمتوسط قيم v_z^2 , v_y^2 , v_z^2 في العلاقة :

$$\overline{v^2} = \overline{v_x^2} + \overline{v_y^2} + \overline{v_z^2}$$

وحيث إن الحركة عشوائية فإن القيم المتوسطة لمربع المركبات الشلاثة $\overline{v_z^2}$, $\overline{v_y^2}$, $\overline{v_z^2}$ متساوية وباستخدام هذا المفهوم في العلاقة السابقة نجد أن: $\overline{v_z^2} = 3\overline{v_x^2}$

إذن القوة الكلية المؤثرة على جدار الوعاء المحتوى على الغاز هي

$$F = \frac{N}{3} \left(\frac{m \overline{v^2}}{d} \right)$$

وباستخدام تلك العلاقة يمكننا إيجاد الضغط الكلي المؤثر على الجدار

$$P = \frac{F}{A} = \frac{F}{d^2} = \frac{1}{3} \left(\frac{N}{d^3} m \overline{v^2} \right) = \frac{1}{3} \left(\frac{N}{V} \right) m \overline{v^2}$$

$$P = \frac{2}{3} \left(\frac{N}{V} \right) \left(\frac{1}{2} m \overline{v^2} \right)$$
(2.18)



Ludwig Boltzmann Austrian
theoretical physicist (1844 -1906)
لودهج بولترمان عالم نمساوي
(1906- 1844) له اسهامات عديدة في
نظرية الحركة للغازات والديناميكا

إسهاماته في نظرية الحركة الغازات

إلى تطور علم الميكانيكا الإحصائية.

وهذه النتيجة تبين أن الضغط يتناسب مع عدد الجزيئات بوحدة الحجوم ومع متوسط طاقة الحركة الانتقالية للجزيئات 1/2mV². وهي اشتقاق هذا النموذج المبسط للغاز المثالي. قد حصلنا على نتائج هامة تربط بين كمية ماكروسكوبيه مثل الضغط وبين كمية ذرية هي متوسط مربع السرعة الجزيئية. ومن ثم فقد أوجدنا علاقة أساسية بين عالم الذرات والعالم الماكروسكوبي ذي المقابيس الكبيرة.

يمكنك أن تلاحظ من المادلة 2.18 أنها تحقق بعض خواص الضغط التي نعرفها . فأحد طرق زيادة الضغط داخل وعاء أن تزيد عدد الجزيئات بوحدة الحجوم وهو ما تقوم به عند تزويد إطار السياره بالهواء ويمكن أن يرتفع الضغط داخل الإطار بزيادة طاقة الحركة الانتقالية لجزيئات الهواء في الإطار كما سنرى بعد قليل، ويتم ذلك عن طريق رفع درجة

حرارة هذا الهواء. وهذا هو السبب في أن الضغط داخل الإطار يزداد عندما يسخن الإطار أثناء رحلة طويلة. فالتضاغطات المستمرة التي تحدث في الإطار أثناء دورانه فوق سطح الطريق ينتج عنها بذل شغل ناتج عن تغير شكل الإطار، مما يزيد الطاقة الداخلية للمطاط، وارتفاع درجة حرارة المطاط ينتج عنه انتقال طاقة بالحرارة إلى الهواء داخل الإطار مما يزيد من درجة حرارته، وهذا الارتفاع في درجة الحرارة يؤدى إلى ارتفاع الضغط.

التفسير الجزيئي لدرجة الحرارة Molecular Interpretation of Temperature

يمكننا أن نفهم بعمق معنى درجة الحرارة بكتابة المعادلة 2.18 بالطريقة المألوفه

$$PV = \frac{2}{3}N\left(\frac{1}{2}m\overline{v^2}\right)$$

دعنا نقارن هذه المعادلة بمعادلة الحالة للغاز المثالي (معادلة 10.16)

$$PV = Nk_BT$$

ونتذكر أن معادلة الحالة مبنية على أساس الحقائق العملية المتعلقة بالسلوك الماكروسكوبي للغازات. بمساواة الحد الأيمن في كل من العلاقتين نحصل على العلاقة التالية:

$$T = \frac{2}{3k_{\rm B}} \left(\frac{1}{2}m\overline{v^2}\right) \tag{3.18}$$

أى أن درجة الحرارة هي مقياس مباشر لمتوسط طاقة الحركة الجزيئية.

بإعادة ترتيب معادلِةِ. 3.18 يمكننا أن نوجد علاقة تربط بين طاقة الحركة الجزيئية الانتقالية ودرجة الحرارة

TO A STATE OF THE
$$\frac{1}{2}m\overline{v^2} = \frac{3}{2}k_{\rm B}T\tag{4.18}$$

:أي أن متوسط طاقة الحركة الانتقالية للجزئ تساوي $\frac{3}{2}k_{\rm B}T$ سنتتج أن

$$\frac{1}{2}m\overline{v_x}^2 = \frac{1}{2}k_{\rm B}T\tag{5.18}$$

وبطريقة مشابهة يمكننا أن نستنتج أن حركة الجزئ في محوري ٢,٧ هي

$$\frac{1}{2}m\overline{{\upsilon_y}^2} = \frac{1}{2}k_{\rm B}T \quad \mathfrak{I} \quad \frac{1}{2}m\overline{{\upsilon_z}^2} = \frac{1}{2}k_{\rm B}T$$

إذن كل درجة حرية انتقالية تضيف قدراً متساوياً من الطاقة للغاز قدره $\frac{1}{2}k_BT$ (بصفة عامة درجات الحرية تعني عدد الطرق التي يستطيع الجزئ عن طريقها أن يكتسب طاقة) ويمكننا أن نعمم تلك النتيجة في نظرية تسمى نظرية (التجزؤ المتساوي للطاقة -Theorem of equipartition of en) وهي تنص على الآتي.

كل درجة من درجات الحربة تضيف $\frac{1}{2}k_{\mathrm{B}}T$ إلى طاقة النظام

طاقة الحركة الانتقالية الكلية لعدد N من الجزيئات لغاز هي متوسط الطاقة لكل جزئ المعطاة بمعادلة 18.4 في عدد N من الجزيئات

$$E_{\text{trans}} = N\left(\frac{1}{2}m\overline{v^2}\right) = \frac{3}{2}Nk_BT = \frac{3}{2}nRT$$
 (6.18)

حيث استخدمنا $k_{\rm B}=R/N_{\rm A}$ لثابت بولتزمان و $N/N_{\rm A}=n$ لعدد مولات الغاز. فإذا اعتبرنا غازاً له نوع واحد فقط من أنواع الطاقة للجزئ وهي طاقة الحركة الانتقالية يمكننا أن نستخدم العلاقة 18.6 للتعبير عن الطاقة الداخلية للغاز وهذا يعني أن الطاقة الداخلية للغاز المثالي تعتمد فقط على درجة الحرارة.

والجذرالتربيعي لمربع متوسط السرعة $\overline{v^2}$ يسمى الجذر التربيعي لمربع السرعة المتوسطة (ويختصر root mean square speed rms) للجزئ. ومن معادلة (4.18) نحصل على المجذر التربيعي لمربع السرعة المتوسطة للجزئ كما يلى:

$$v_{\rm rms} = \sqrt{\overline{v^2}} = \sqrt{\frac{3k_{\rm B}T}{m}} = \sqrt{\frac{3RT}{M}} \tag{7.18}$$

حيث M هي الكتلة المولية بالكيلوجرام/مول (كتلة المول من الغاز المثالي المستخدم). والعلاقة (7.18) تؤكد أن عند أي درجة حرارة تتحرك الجزيئات الخفيفة في المتوسط أسرع من الجزيئات الثقيلة.

فمثلا عند درجة حرارة ما جزيئات الهيدروجين التي كتلتها الجزيئية 2x10 -3 Kg/mol تكون

متوسط سرعتها أربع مرات قدر متوسط سرعة جزئ الأكسجين الذي كتلته 32x10⁻³Kg/mol. وجدول (1.18) يعطى قيم الجذر التربيعي لمربع السرعة المتوسطة لمختلف الجزيئات عند درجة حرارة 20°C .

جدول 1:18 الجدر التربيعي لمربع السرعة الموسطة لبعض الفارات					
الغساز	کتلدانول g/mol	v _{rms} مند m/s 20°C	الغساز	g/mol عتادائول	u _{rms} مند m/s 20°C
<i>ه</i> يدروجي <i>ن</i>	4.02	1904	- نتروجين أو C0	28.0	511
هيليوم	4.00	1352	NO	30.0	494
ماء	18.0	637	CO_2	44.0	408
نيون	20.2	602	SO_3	64.1	338

مثال 18 أ أسطوانة هيليوم

أسطوانة هيليوم تستخدم في ملئ البالونات حجمها 0.30m³ وتحتوي على 2.0mol من غاز الهيليوم عند درجة حرارة 2 2.00° c، بافتراض أن الهيليوم يسلك كفاز مثالي (a) ما مقدار طاقة الحركة الانتقالية الكلية لجزيئات الغاز

الحل: باستخدام معادلة (6.18) حيث T=293k, n=2.0 mol

$$E_{\text{trans}} = \frac{3}{2} nRT = \frac{3}{2} (2.00 \text{ mol}) (8.31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}) (293 \text{ K})$$

$$= 7.30 \times 10^3 \text{J}$$
(b) ما مقدار متوسط الحركة للجزئ

الحل: باستخدام معادلة (4.18) نجد أن متوسط طافة الحركة للجزئ هي

$$\frac{1}{2}m\overline{v^2} = \frac{3}{2}k_BT = \frac{3}{2}(1.38 \times 10^{-23} \text{J/K}) (293 \text{ K})$$
$$= 6.07 \times 10^{-21} \text{J}$$

تمرين، إذا علم أن كتلة المول للهيليوم هي $4.00 \times 10^{-3} \, \mathrm{kg/mol}$ عين الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة rms للذرات عند $20^{\circ}\mathrm{C}$.

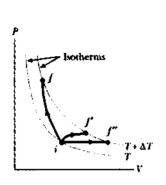
الإجابة: 1.35 x10³ m/s

اختبار سريع 1.18

عند درجة حرارة الحجرة متوسط سرعة جزيئات الهواء تصل إلى بضع مئات الأمتار في الثانية. الجزئ الذي يتحرك بهذه السرعة يعبر الحجرة في جزء من الثانية. إذا أخذنا ذلك في الاعتبار فلماذا تستغرق رائحة العطور أو أي أيروسول بضع دقائق لتنتقل عبر الحجرة.

MOLAR SPECIFIC HEAT OF AN IDEAL GAS الحرارة النوعية الولية للغاز المثالى: ~ 2.18

الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة عدد n من المولات لغاز من درجية الحيرارة T_i إلى درجية الحيرارة T_c تعتبميد على المسار الذي يسلكه الغاز من الحالة الإبتدائية إلى الحالة النهائية. لفهم ذلك سنعتبر غازاً مثالياً بقوم بعدة عمليات بحيث إن التغير. في درجة الحرارة ($\Delta T = T_f - T_i$) لجميع العمليات له نفس المقدار. نفس التغير في درجة الحرارة بمكن الوصول إليه باتخاذ مسارات عديدة من أيزوثرم إلى آخر (أيزوثرم يعني منحني أيزوثرمالي) كما هو مبين في شكل (3.18) حيث أن *ΔT لهنا نفس القينم*ة لكل المسارات و Δ E_{int} ما التغير في الطاقة الداخلية له نفس المقدار في كل من المسارات كذلك، من القانون الأول للديناميكا الحرارية نعلم أن $Q = \Delta E_{int} + W$ ومقدار Q يختلف باختلاف المسار، المساحة تحت المنحنى تختلف أيضا باختلاف المسار إذن الطاقة



شكل (3.18) غياز مشالي انتقل من . أيزوثرم عند درجة حرارة T إلى أخر عند درجية حرارة ΔT + ΔT من خلال ثلاث طرق مختلفة.

اللازمة لأحداث تغير معين في درجة الحرارة ليس لها قيمة واحدة بل تختلف قيمتها تبعاً لاختلاف المسار. لهذا سوف نُعرِّف الحرارة النوعية للعمليتين الأكثر شيوعاً وهما التغير مع ثبات الحجم والتغير مع ثبات الضغط وحيث إن عدد المولات هي مقياس مناسب لكمية الغاز . سوف نعرف الحرارة النوعية المولية المرتبطة بهاتين العمليتين بالعلاقتين التاليتين.

$$Q = nC_{V} \Delta T$$
 حجم ثابت (8.18)

$$Q = nC_D \Delta T$$
 ضغط ثابت (9.18)

حيث $C_{
m v}$ الحرارة النوعية المولية عند ثبات الحجم و $C_{
m p}$ هي الحرارة النوعية المولية عند ثبات الضغط عندما نسخًن غاز مع ثبات الضغط لاتزداد طاقته الداخلية فقط ولكن الغاز أيضا يبذل شغلاً نتيجة لتغير الحجم. إذن الحرارة $Q_{(P_{clump}, a_{clump})}$ لابد وأن تشمل مقدار الزيادة في الطاقة الداخلية ومقدار الطاقة المنتقلة خارج النظام عن طريق الشغل الذي يبذله الغاز على الوسط المحيط ولذلك $C_{
m v}$ فمقدار $C_{
m p}$ أكبر من $Q_{
m (vality)}$ ومن ثم $Q_{
m (Pr}$ أكبر من

في الجزء السابق وجدنا أن درجة الحرارة للغاز هي مقياس لطافة الحركة الانتقالية لجزيئات الغاز. وهذه الطاقة الحركية مرتبطة بحركة مركز الكتلة لكل جزئ وهي لاتتضمن الطاقة المرتبطة بحركة الجزئ الداخلية وعلى وجه الخصوص الحركة الدورانية والحركة التذبذبية حول مركز الكتلة، وهذا ليس بغريب لأن النموذج المبسط لنظرية الحركة يفترض أن الجزئ غير مركب. $73\hat{\epsilon}$ ومن وجهة النظر هذه سنتناول أولاً أبسط حالة لغاز مثالي وحيد الذرة، أي يحتوي على ذرة واحدة لكل جزئ مثل الهيليوم والنيون والأرجون، عند إضافة قدر من الطاقة إلى غاز أحادي الذرة في مستودع ذو حجم ثابت عن طريق التسخين مثلاً كل الطاقة المضافة تذهب في زيادة طاقة الحركة الانتقالية للذرات، وليس هناك طريقة أخرى لحفظ الطاقة في غاز أحادي الذرة، إذن من معادلة (6.18) نجد أن الطاقة الداخلية الكلية $E_{\rm int}$ لعدد N من الجزيئات (أو n مول) من غاز مثالي وحيد الذرة هي

$$E_{\rm int} = \frac{3}{2} N k_{\rm B} T = \frac{3}{2} nRT$$
 (10.18)

لاحظ أنه للغاز المثالي وحيد الذرة $E_{\rm int}$ دالة في درجة الحرارة T فقط والعلاقة بينهما ممثلة بالمعادلة (10.18). وبصفة عامة الطاقة الداخلية لغاز مثالي دالة في درجة الحرارة T فقط، والعلاقة المضبوطة تعتمد على نوع الغاز كما سنرى بعد قليل.

اختبار سريع 2.18

كيف تتغير الطاقة الداخلية للغاز عندما ينقص الضغط بينما يزداد الحجم بحيث إن E_{int} (b) E_{int} (a). \$4.18 في شكل E_{int} نقل الرمز E_{int} نقل ΔE_{int} . ΔE_{int} كما هي (d) لا توجد معلومات كافية لتعيين ΔE_{int} .

إذا انتقلت طاقة إلى نظام ما بواسطة الحرارة مع ثبات الحجم، في هذه الحالة لايبذل شغل بواسطة $W = \int P \, dV = 0$ النظام. أي أن $V = \int P \, dV = 0$

ومن ثُمَّ من القانون الأول للديناميكا الحرارية نجد أن

$$Q = \Delta E_{\rm int} \tag{11.18}$$

أي أن كل الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة تذهب في زيادة الطاقةالداخلية ودرجة حرارة النظام. في شكل (4.18) موضح عملية تتم تحت حجم ثابت من الحالة الإبتدائية i إلى الحالة النهائية f و ΔT هو شكل (4.18) موضح عملية تتم تحت حجم ثابت من الحالة الإبتدائية i إلى الحالة النهائية i في المعادلة في درجات الحرارة بين المنحنيين الأيزوثرميين، وبإحالال مقدار Q من العالقة i 8.18 في المعادلة i 11.18 نحصل على ماياتي:

$$\Delta E_{\rm int} = nC_{\rm v}dT \tag{12.18}$$

إذا كانت الحرارة النوعية المولية ثابتة بمكننا التعبير عن الطاقة الداخلية للغاز كما يلى

$$E_{\rm int} = nC_{\rm v}T$$

وهذه المعادلة تستخدم لجميع الغازات المثالية سواء أحادية الذرة أو عديدة الذرة.

في التغيرات متناهية الصغر. يمكننا استخدام معادلة 12.18 للتعبير عن الحرارة النوعية المولية مع ثبات الحجم. كما يلي

$$C_V = \frac{1}{n} \frac{dE_{\text{int}}}{dt}$$
 (13.18)

الآن سوف نستخدم النتائج التي توصلنا إليها للغاز أحادي الذرة الذي كنا بصدد دراسته بإحلال الطاقة الداخلية من معادلة 10.18 في معادلة 13.18 نجد أن

$$C_V = \frac{3}{2}R\tag{14.18}$$

وهذه المعادلة تعطى قيمة لمقدار الحرارة النوعية المولية

لجميع الغازات أحادية الذرة وهي تتفق تماماً مع القيم المقاسة للحرارة $C_{v}=rac{3}{2}R=12.5 \ \mathrm{J/mol.k}$ النوعية المولية للغازات مثل الهيليوم والنيون والأرجون والزينون في مدى كبير من درجات الحرارة (جدول 2.18).

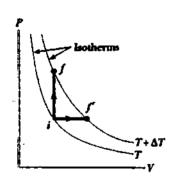
هذا المسار ترتفع درجة الحرارة ثانياً بمقدار ΔT.

الطاقة التي يجب أن تنتقل بواسطة الحرارة إلى الغاز في هذه العملية هي $Q = nC_0 \Delta T$. بما أن الحجم يزداد في هذه العملية، إذن الشغل الذي يبذله الغاز هو $W = P \Delta V$ حيث P هو مقدا الضغط الثابت الذي حدثت عنده العملية.

باستخدام القانون الأول لهذه العملية نجد أن

$$\Delta E_{\rm int} = Q - W = nC_{\rm p} \Delta T - P \Delta V \qquad (15.18)$$

في هذه الحالة الطاقة التي تضاف إلى الغاز بواسطة الحرارة جزء منها ببذل شغلاً خارجياً (أي يستخدم في تحريك المكبس المشبت فوق أسطوانة الفاز) والباقي يعمل على زيادة الطاقة الداخلية للغاز، لكن التغير في الطاقة الداخليf' يساوي التغير في الطاقة الداخلية في العملية i
ightarrow f لأن يعتمد فقط على درجة الحرارة في الغاز المثالي ونظرا لأن AT لها نفس المقدار في العمليتين بالإضافة إلى ذلك حيث إن PV = nRT نلاحظ أنه في العمليات التي تتم مع ثبات الضغط $P \Delta V = nR\Delta T$ بإحلال هذا $\Delta E_{\rm int} = nC_{\rm v} \Delta T$ مع ادلة 15.18 في معادلة $P \Delta V$ معدار منحل 738 (12.18) نحصل على



شكل 4.18 تنتقل الطافة بالحرارة إلى الغاز المثالي بطريقتين، للمسار تحت حجم ثابت $i \rightarrow f$ تذهب كل الطاقة في رفع الطاقة الداخلية للغاز لأنه لايبذل

$$nC_{\rm v}\Delta T = nC_{\rm P} \Delta T - nR \Delta T$$

$$C_{\rm P} - C_{\rm V} = R \tag{16.18}$$

وهذه المعادلة تستخدم لأي غاز مثالي. وهي تبين أن الحرارة النوعية المولية تحت ضغط ثابت أكبر من الحرارة النوعية المولية تحت حجم ثابت بمقدار R وهو الثابت العام للغازات.

المعطاه في جدول 8.31J/mol·k وهذه المعادلة تصلح للغازات الحقيقية كما تبين القيم المعطاه في جدول 8.31J/mol·k وهذه المعادلة الذرة معادلة (16.18) تعطى قيمة لـ $C_{
m V}=rac{3}{2}$ كما يلى.

$$C_P = \frac{5}{2}R = 20.8 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$$

الحرارة النوعية المولية للغاز أحادي الذرة تحت ضغط ثابت. $C_{
m P}$

النسبة بين هاتين السعتين الحراريتين تساوي كمية لا أبعاد لها dimensionless يرمز لها بالرمز γ

$$\gamma = \frac{C_P}{C_V} = \frac{(5/2)R}{(3/2)R} = \frac{5}{3} = 1.67$$
 (17.18)

جِدُول (2،18) الحرارة التوعية المولية للغازات المختلفة الحرارة النوعية المولية *(J/mol·K)

Gas	$\overline{\mathbf{C_{P}}}$	$c_{ m v}$	$C_{\mathbf{P}} - C_{\mathbf{V}}$	$\gamma = C_P / C_V$		
Monat	Monatomic Gases					
He	20.8	12.5	8.33	1.67		
Ar	20.8	12.5	8.33	1.67		
Ne	20.8	12.7	8.12	1.64		
Ke	20.8	12.3	8.49	1.69		
Diator	nic Gases					
H_2	28.8	20.4	8.33	1.41		
N_2	29.1	20.8	8.33	1.40		
O_2	29.4	21.1	8.33	1.40		
CŌ	29.3	21.0	8.33	1.40		
Cl_2	34.7	25.7	8.96	1.35		
Monatomic Gases						
CO_2	37.0	28.5	8.50	1.30		
SO_2^{-}	40,4	31.4	9.00	1.29		
${ m H_2 ilde{O}}$	35.4	27.0	8.37	1.30		
CH ₄	35.5	27.1	8.41	1.31		

والقيم النظرية للكميتين γ , Cp يتفقان جيداً مع القيم العملية للغازات أحادية الذرة، إلا أنها لاتتفق بشدة مع الغازات الأكثر تعقيداً انظر جدول (2.18) وهذا متوقع حيث إن القيمة $\frac{3}{2}R = \frac{3}{2}R$ اشتقت للغاز المثالي أحادي الذرة، ونتوقع بعض الإضافات للحرارة النوعية المولية من التركيب الداخلي للجزيئات الأكثر تعقيداً. في القسم 4.18 سنوضح تأثير التركيب الجزيئي على الحرارة النوعية المولية للغازات، سوف نجد أن الطاقة الداخلية وتبعاً لذلك الحرارة النوعية المولية للغازات عديدة الذرة لابد وأن تتضمن إضافات نتيجة للحركة الدورانية والحركة التذبذبية للجزيئات.

وجدنا أن الحرارة النوعية المولية للغازات تحت ضغط ثابت أكبر من الحرارة النوعية المولية تحت حجم ثابت. وهذا الضرق ناتج عن أنه في العمليات التي تتم تحت حجم ثابت لايبذل شغل وكل الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة تستغل في زيادة الطاقة الداخلية (ودرجة الحرارة) للغاز بينما في العمليات التي تتم تحت ضغط ثابت يتحول جزء من الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة إلى شغل يبذله النظام أثناء عملية التمدد ومن ثم يفقد جزءاً من تلك الطاقة. في حالة الأجسام الجامدة والسوائل التي تسخن تحت ضغط ثابت، مقدار الشغل الذي يبذله النظام يكون صغيراً جداً لأن التمدد الحراري صغير ومن ثم مساويان للأجسام الجامدة والسوائل.

مثال 2.18 تسخين أسطوانة هيليوم

أسطوانة تحتوي على 3.0mol من غاز الهيليوم عند درجة حرارة (a) 300k إذا سخن الغاز تحت حجم ثابت. كم مقدار الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة إلى الغاز لكي ترتفع درجة حرارته إلى 500k.

الحل اللعملية تحت حجم ثابت

$$Q_1 = n C_V \Delta T$$

 ΔT = 200 K, 12.5 J/ mol· K ما أن C_V لغاز الهيليوم هي C_V

 $Q_1 = (3.0 \text{ mol}) (12.5 \text{ J/ mol} \cdot \text{K}) (200 \text{K}) = 7.5 \times 10^{-3} \text{ J}$

(b) ما مقدار الطاقة التي يجب أن تنتقل إلى الغاز بواسطة الحرارة تحت ضغط ثابت لكي ترتفع درجة حرارتة إلى 500 K.

 $C_{\rm P} = 20.8 {\rm J/mol \cdot k}$ نجد أن المحدام جدول 18.2 المحل باستخدام

 $Q_2 = nC_P \Delta T = (3.0 \text{mol}) (20.8 \text{J/mol} \cdot \text{k}) (200 \text{k}) = 12.5 \times 10^3 \text{J}$

تمرين : مامقدار الشغل المبذول بواسطة الغاز في هذه العملية الأيزوبارية

 $W = Q_2 - Q_1 = 5.0 \times 10^3 \,\text{J}$



3.18 > العمليات الأديباتية للغاز المثالي

ADIABATIC PROCESSES FOR AN IDEAL GAS

كما وجدنا في القسم 6.20 العملية الأديباتيه هي عملية لا يتم فيها انتقال للطاقة عن طريق الحرارة بين النظام والوسط المحيط به فمثلاً إذا إنكمش الغاز أو تمدد بسرعة كبيرة فإن مقدار الطاقة المنتقلة إلي الخارج أو إلى النظام بواسطة الحرارة يكون صغيراً جداً. ومن ثم تكون العملية أديباتيه تقريباً (يجب أن نعلم أن درجة حرارة النظام تتغير في العملية الأديباتيه على الرغم من أنه لاتوجد طاقة منقوله بواسطة الحرارة) مثل هذه العملية تحدث في دورة آلة الجازولين التي سنتناولها بالتفصيل في الفصل التالي.

مثال آخر للعملية الأديباتيه، التمدد البطئ جداً لغاز معزول حرارياً عن الوسط المحيط، وبصفة عامة، العملية الأديباتيه هي عملية لايتم فيها تبادل للطاقة بواسطة الحرارة بين نظام والوسط المحيط،

نفرض أن غازاً مثالباً قام بعملية تمدد أيباتي. في أي لحظة خلال العملية سنفترض أن الغاز في حالة أتزان، بحيث إن معادلة الحالة PV = nRT تكون صحيحة. كما سنرى، العلاقة بين الضغط والحجم في أي لحظة خلال العملية الأديباتية تعطى بالمعادلة.

$$PV^{\gamma} = \text{constant}$$
 (18.18)

حيث $\gamma = Cp/Cv$ يفترض أنها ثابتة خيلال العملية. ومن ثم نجد أن المتغيرات الثلاثة في قانون الغازات المثالية وهي T,V,P تتغير أثناء العملية الأديباتيه.

إثبات أن PVY =constant في العمليات الأديباتيه:-

عندما يتمدد الغاز أدياباتيا في أسطوانة معزولة حرارياً، لا يحدث انتقال للطاقة بواسطة الحرارة بين الغاز والوسط المحيط أي أن Q=0.

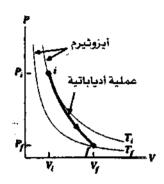
نفرض أن التغير المتناهي الصغر في الحجم هو dV، والتغير المتناهي الصغر في درجة الحرارة هو نفرض أن التغير المتناهي الصغر في الحجم هو Pdv. حيث إن الطاقة الداخلية للغاز المثالي تتوقف على درجة الحرارة فقط. التغير في الطاقة الداخلية في عملية التمدد الأدبياتي مماثل للتغير في العملية الأيزوفليومية بين $dE_{\rm int} = nC_V dT$ (12.18) نفس درجتى الحرارة،، (12.18)

ومن ثم نجد أن القانون الأول للديناميكا الحرارية $Q = Q - \Delta E_{\rm int} = Q - Q$ يصبح في الصورة التالية:

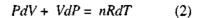
$$dE_{\rm int} = nC_V dT = -P dV \tag{1}$$

بأخذ التفاضل الكلى لمعادلة الحالة للغاز المثالى PV = nRT نجد

أنفخ في إطار دراجة بسرعة ثم تحسس طرف المنفاخ المتصل بالخرطوم، لماذا أصبح ساخناً؟



شكل (5.18) رسم PV العملية ثمدد أديباتيه $T_f < T_i$ هي هذه العملية



(1) بالتعويض عن dT في المعادلة (2) بقيمتها من المعادلة (1) نحد أن

$$P \, dV + V \, dP = -\frac{R}{C_v} P \, dV$$

PVوبما أن $C_{\rm P} - C_{\rm V} = R$ وبقسمة طرفي المعادلة على حصل على حصل على

$$\frac{dV}{V} + \frac{dP}{P} = -\left(\frac{C_P - C_V}{C_V}\right) \frac{dV}{V} = (1 - \gamma) \frac{dV}{V}$$

$$\frac{dP}{P} + \gamma \frac{dV}{V} = 0$$
ويتكامل هذه العلاقة نحصل على الآتى:

$$\operatorname{Ln} P + \gamma \operatorname{Ln} V = \operatorname{constant}$$

منعنى PV لعملية التمدد الأيباتي موضع في شكل (5.18) نظراً لأن $1 < \gamma$ منعنى PV اكثر انحدارا من منعنى التمدد الأيزوثرمالي، من تعريف العملية الأديباتيه لايتبادل النظام طاقة على شكل حرارة مع الوسط المحيط. إذن من القانون نجد أن $\Delta Eint$ كمية سالبة (الغاز يبذل شغلا، وتقل تبعا لذلك طاقته الداخلية) وكذلك ΔT أيضا كمية سالبة أي أن الغاز يبرد $T_f < T_i$ أثناء العملية الأديباتيه.

على العكس من ذلك، تزداد درجة الحرارة إذا ضغط الغاز أديباتيا.

باستخدام معادلة (18.18) للحالتين الإبتدائية والنهاثية نجد أن:

$$P_i V_i^{\gamma} = P_f V_f^{\gamma}$$
 (19.18)

باستخدام فانون الغازات المثالية بمكننا أن نعبر عن معادلة (19.18) على النحو التالي:

$$T_i V_i^{\gamma - 1} = T_f V_f^{\gamma - 1}$$
 (20.18)

مثال 18. 💨 أسطوانة آلة الديزل

هواء عند درجة حرارة 20.0° C في أسطوانة آلة ديزل ضغطه الإبتدائي 0.0° C وحجمه 0.000° C مغط فصار حجمه النهائي 0.0000° C فإذا فرضنا أن الغاز يسلك كغاز مثالي وقيمة 0.0000° C وأن عملية الانضغاط تمت أدبياتيا.

أوجد قيمة الضغط النهائي ودرجة الحرارة النهائية للهواء.

الحل: باستخدام المعادلة 19.18 نجد أن

$$P_f = P_i \left(\frac{V_i}{V_f}\right)^{\gamma} = (1.00 \text{ atm}) \left(\frac{800.0 \text{ cm}^3}{60.0 \text{ cm}^3}\right)^{1.40} = 37.6 \text{ atm}$$

$$\text{ وحيث إن } PV = nRT \text{ تصلح لأي عملية ولم يتسرب أي غان $PV = nRT \text{ or } P_i V_i = \frac{P_i V_i}{T_i} = \frac{P_f V_f}{T_f}$

$$T_f = \frac{P_f V_f}{PV_i} T_i = \frac{(37.6 \text{ atm}) (60.0 \text{ cm}^3)}{(1.00 \text{ atm}) (800.0 \text{ cm}^3)} (293 \text{ K}) = 826 \text{ K} = 553 ^{\circ}\text{C}$$$$

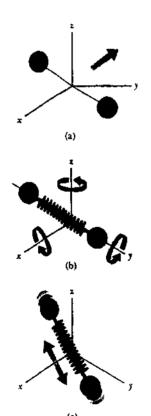
والضغط المرتفع في آلة الديزل يرفع درجة حرارة الوقود بشكل كاف بحيث يشتعل دون حاجة لشموع احتراق Spark Plugs

التجزؤ التساوي للطاقة THE EOUIPARTITION OF ENERGY

وجدنا فيما سبق أن الإستنتاجات المبنية على أساس نموذج الحرارة النوعية المولية تتفق مع سلوك الغازات وحيدة الذرة وليس مع سلوك الجزيئات عديدة الذرة (انظر جدول 2.18).، بالإضافة إلى ذلك وجدنا أن القيمة المستنتجة باستخدام هذا النموذج لكمية $C_{\rm p}-C_{\rm V}=R$ متساوية لجميع الغازات. وهذا أمر متوقع حيث إن هذا الفرق ناتج عن الشغل المبذول بواسطة الغاز وهو مالا يعتمد على تركيبه الجزيئ.

لكي تتعرف على الفروق في قيم Cp, Cv في الغازات الأكثر تعقيداً من الغازات أحادية الذرة. يجب أن نعرف أولاً مصدر الحرارة النوعية المولية. حتى الآن قد اعتبرنا أن الإضافة الوحيدة للطاقة الداخلية للغاز ناتجة عن طاقة الحركة الانتقالية للجزيئات. إلا أن الطاقة الداخلية للغاز تتضمن إضافات من الحركة الانتقالية والتذبذبية والدورانية للجزيئات، والحركات الدورانية والتذبذبية الجزيئات عمكن أن تضاف مع الحركة الإنتقالية لها.

statistical mechanics ولقد تبين من الميكانيكا الإحصائية المين من المحركة، ان عدداً كبيراً من الجسيمات يخضع لقوانين نيوتن للحركة، والطاقة المتاحة توزع بالتساوي على كل درجة من درجات الحرية.



شكل 6.18 . الحركات المكنه لجرئ ثنائي الذرة (a) حركة دورانية انتقالية (b) حركة دورانية حول المحاور المختلفة (c) حركة تذبذبية حول المحور الجزيئ.

نتذكر من قسم 18.1 أن نظرية التجازؤ equipartition theorem تنص على أنه في حالة الاتزان كل درجة من درجات الحرية تضيف قدراً من الطاقة مساوياً $\frac{1}{2}k_{\rm B}T$ لكل جزئ.

سنأخذ حالة غاز ثنائي الذرة شكل جزيئاته تشبه الدمبلز Dumbell المستخدم في التدريبات الرياضية لبناء الأجسام (كما في شكل 18.6) في هذا النموذج، مركز الثقل للجزئ بمكنه أن ينتقل في الإتجاهات z, y, x شكل (18.6a).

بالإضافة إلى ذلك يستطيع الجزئ أن يدور حول ثلاث محاور متعامدة على بعضها شكل (16.18b). يمكننا أن نهمل الدوران حول محور $\frac{1}{2} I_y \omega^2$ لأن عزم القصور الذاتي I وطاقة الدوران حول محوري $\frac{1}{2} I_y \omega^2$ الذرتين على المحور كميات يمكن إهمالها بالمقارنة بالطاقة الدورانية حول محوري I_x . إذا اعتبرنا أن الذرتين على شكل نقط، عندئذ مقدار I_y يساوي صفراً.

إذن يوجد خمس درجات حرية: ثلاثة للحركات الانتقالية واثنان للحركة الدورانية. حيث إن كل درجة من درجات الحرية تضيف في المتوسط $\frac{1}{2}k_{\rm B}T$ من درجات الحرية تضيف في المتوسط $\frac{1}{2}k_{\rm B}T$ من عدد N من الجزيئات هو:

$$E_{\text{int}} = 3N(\frac{1}{2}k_{\text{B}}T) + 2N(\frac{1}{2}k_{\text{B}}T) = \frac{5}{2}Nk_{\text{B}}T = \frac{5}{2}nRT$$

ويمكننا أن نستخدم هذه النتيجة ومعادلة 13.18 لحساب الحرارة النوعية المولية مع ثبات الحجم.

$$C_V = \frac{1}{n} \frac{dE_{\rm int}}{dT} = \frac{1}{n} \frac{d}{dT} \left(\frac{5}{2} nRT \right) = \frac{5}{2} R$$

$$C_P = C_V + R = \frac{7}{2} R \qquad \text{is a partial of } 17.18, \quad 16.18$$

$$\gamma = \frac{C_P}{C_V} = \frac{\frac{7}{2} R}{\frac{5}{2} R} = \frac{7}{5} = 1.40$$

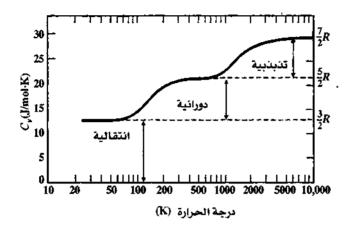
وهذه النتائج تتفق مع معظم القيم للغازات ثنائية الذرة المعطاه في جدول (2.18). إلا أن ذلك يثير بعض الدهشة حيث إننا لم نأخذ في الاعتبار الإضافة الناتجة عن احتمال تذبذب الجزئ، في النموذج التذبذبي ترتبط الذرتان بزينرك افتراضي (انظر شكل 6.18c) والحركة التذبذبية تضيف درجتين إضافيتين من درجات الحرية، ناتجتين عن طاقة الحركة وطاقة الوضع المرتبطتان بالتذبذب على امتداد الجزئ، ومن ثم فإنه طبقا للفيزياء الكلاسيكية ولنظرية التجزؤ المتساوي للطاقة نستتج أن الطاقة الداخلية للجزئ تكون على النحو التالى:

$$E_{\text{int}} = 3N(\frac{1}{2}k_{\text{B}}T) + 2N(\frac{1}{2}k_{\text{B}}T) + 2N(\frac{1}{2}k_{\text{B}}T) = \frac{7}{2}Nk_{\text{B}}T = \frac{7}{2}nRT$$

والحرارة النوعية المولية مع ثبات الحجم

$$C_V = \frac{1}{n} \frac{dE_{\text{int}}}{dT} = \frac{1}{n} \frac{d}{dT} \left(\frac{7}{2} nRT \right) = \frac{7}{2} R$$

إلا أن هذه النتيجة لاتتفق مع النتائج العملية للجزيئات مثل N_2 , H_2 انظر جدول (2.18) مما يجعل النموذج الذي افترضناه على أساس الفيزياء الكلاسبكية ليس صحيحا.



شكل (7.18) الحرارة التوعية المولية الهيدوجين كدالة في درجة الحرارة. المياس الأفقي لوغارتمي. لاحظ أن الهيدروجين تحدث له إسالة عند 20k.

THE PERSON NAMED AND ADDRESS OF THE PERSON NAMED AND ADDRESS O

عدد درجات الحرية للجزيئات المحتوية على أكثر من ذرتين تكون أكثر مما ذكرنا والذبذبات أكثر تعقيداً. وينتج عن ذلك حرارة نوعية مولية أكبر، وقد تتفق بشكل تقريبي مع النتائج التجريبية. فمع ازدياد عدد درجات الحرية المتاحة للجزئ، تزداد الطرق التي تمكنه من اختزان طاقة داخلية أكبر، وهذا بدوره يؤدى إلى خرارة نوعية مولية أكبر.

لقد رأينا أن نظرية التجزؤ المتساوي للطاقة قد نجعت في تفسير بعض خصائص الحرارة النوعية المولية لجزيئات الغاز وعلاقتها بالتركيب الجزيئ. إلا أنها لم تعط تفسيراً للتغير الملحوظ في الحرارة النوعية المولية مع تغير درجات الحرارة، ومن أمثلة هذا التغير بدرجة الحرارة، نجد أن C_V للهيدروجين المقدارها $R_{\frac{5}{2}}$ من درجة حرارة $R_{\frac{5}{2}}$ من درجة حرارة $R_{\frac{5}{2}}$ من درجة حرارة $R_{\frac{5}{2}}$ عن الحرارة عني أن هناك تذبذبات كثيرة تظهر بشكل واضح في درجات الحرارة المرتفعة. وفي درجات الحرارة أقل من $R_{\frac{5}{2}}$ هيمة $R_{\frac{5}{2}}$ مما يعني أن للجزئ طاقة حركة النتقالية فقط عند درجات الحرارة المنخفضة.

نبذه عن تكمية الطاقة: AHint of Energy Quantization

لعل السبب في عدم نجاح نظرية التجزؤ المتساوي في تفسير تلك الظاهرة ناتج عن عدم كفاية المكانيكا الكلاسيكية عندما تستخدم للنظم الجزيئية.

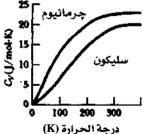
لإيجاد تفسير مرض يفضل استخدام نم وذج كم ميكانيكي تكون فيه طاقة كل جزئ مكمًّاة ولا يجاد تفسير مرض يفضل استخدام نم وذج كم ميكانيكي تكون فيه طاقة التذبذبية لجزئ مثل Quantized . فرق الطاقة بين كل مستويين متجاوريين من مستويات الطاقة التذبذبية لجزئ مثل اليصل إلى أكثر من عشرة أمثال طاقة الحركة للجزئ عند درجة حرارة الغرفة.

ومن ثُمَّ فإن التصادم بين الجزيئات عند درجات الحرارة المنخفضة لا يعطي الطاقة الكافية لإحداث تغيير في الحالة التذبذبية للجزئ. ويقال عادة أن درجات الحرية مجمدة "frozen". وهذا مايفسر السبب في أن الطاقة التذبذبية لاتضيف إلى الحرارة النوعية المولية للجزيئات في درجات الحرارة المنخفضة.

مستويات الطاقة الدورانية أيضا مكماة إلا أن فرق الطاقة بين تلك المستويات عند درجات الحرارة العادية صغير بالمقارنة بمقدار $k_{\rm B}T$. وحيث إن فروق الطاقة بين مستويات الطاقة المكماة قليل بالمقارنة بالطاقة المتاحة، فإن مسلك النظام ينطبق مع معطيات الميكانيكا الكلاسيكية. إلا أنه عند درجات الحرارة المنخفضة أقل من 50k عندما يصبح مقدار $k_{\rm B}T$ صغير بالمقارنة بفرق الطاقة بين مستويات الطاقة الدورانية وقد لاتصبح التصادمات بين الجزيئات ذات طاقة كافية للتغيير في حالاته الدورانية. وهذا ما يفسر السبب في أن $C_{\rm V}$ تتخفض قيمتها إلى $\frac{2}{3}$ للهيدروجين $C_{\rm V}$ في المدى من 100k.

الحرارة النوعية المولية للأجسام الجامدة The Molar Specific Heat of Solids

ثبت أن الحرارة النوعية المولية للأجسام الصلبة تتغير أيضاً بتغير درجة الحرارة الحرارة النوعية المولية للأجسام الصلبة بصفة عامة تقل بشكل غير خطي مع تناقص درجة الحرارة وتقترب من الصفر عندما تقترب درجة الحرارة من الصفر المطلق. في درجات الحرارة المرتفعة عادة أعلى من 300k عندما تقترب درجة الحرارة من المعارك عندما المعارك الحرارة النوعية المولية تقترب من المقدار 38 = 25J/mol·k. رهذه النتيجة تسمى عادة قانون دي لونج وبتي Dulong-Petit Law وبتي Dulong-Petit Law والنتائج الفعلية المبينة في شكل 8.18 تبين العلاقة بين درجة الحرارة والحرارة النوعية المولية لمادتين جامدتين من أشباه الموصلات هما السليكون والجرمانيوم بمكننا أن نوضح الحرارة النوعية المولية للجوامد في درجات الحرارة العالية باستخدام نظرية التجزؤ المتساوي. عند إزاحة الذرات عن وضع الاتزان، تقوم كل ذرة بحركة توافقية بسيطة في اتجاهات المحاور 2. y.x



شكل (8.18) الحيرارة النوعيية المولية للسليكون والجرمانيوم. عندما تقترب T من الصيفر المطلق، تقترب الحرارة النوعية المولية كذلك من الصفر.

$$E = \frac{1}{2}mv_x^2 + \frac{1}{2}kx^2$$

z, y والعلاقتان بالنسبة للعركة التذبذبية في اتجاء المحورين والعلاقتان للعلاقة السابقة في اتجاء x. إذن لكل ذرة في الأجسام مشابهتان للعلاقة السابقة في اتجاء x. إذن لكل ذرة في الأجسام الجاء مت درجات حرية، وطبقا لنظرية التجزؤ المتساوي تعادل طاقة تذبذبية متوسطة مقدارها $3k_{\rm B}T=3k_{\rm B}T$ ككل ذرة. إذن الطاقة الداخلية الكلية لجسم جاءد يتكون من عدد N من الذرات هو.

$$E_{\text{int}} = 3Nk_{\text{B}}T = 3nRT \tag{21.18}$$

من هذه النتيجة نجد أن الحرارة النوعية المولية لجسم جامد عند حجم ثابت هي:

$$C_V = \frac{1}{n} \frac{dE_{\text{int}}}{dT} = 3R$$
 (22.18)

وهذه النثيجة تتفق مع القانون العملي الذي توصل إليه ديلونج وبتى.

أما التناقض بين هذا النموذج والمعطيات العملية عند درجة حرارة منخفضة فناتجة مرة أخرى عن عدم كفاية الفيزياء الكلاسيكية لوصف النظم الميكروسكوبيه.

THE BOLTZMANN DISTRIBUTION LAW قانون التوزع لبولتزمان 🚓 18

لقد أهمانا حتى الآن حقيقة هامة، وهي أن جميع جزيئات الغاز ليس لها نفس السرعة ولانفس الطاقة، حيث أن حركتها عشوائية تماماً. وأي جزئ على انفراد يتصادم مع الجزيئات الأخري بمعدل كبير جدا قد بصل إلي بليون مرة في الثانية. وكل تصادم ينتج عنه تغير في السرعة وفي اتجاء الحركة للجزيئات المشاركة، من معادلة 7.18 نجد أن متوسط السرعات الجزيئية يزداد بزيادة درجة الحرارة، ومانريد أن نعرفه هو العدد النسبي للجزيئات التي لها بعض الخواص مثل نسبة معينة من الطاقة الكلية أو السرعة، ونسبة عدد الجزيئات التي لها بعض الخواص المطلوبة إلى العدد الكلي للجزيئات هي درجة احتمال أن جزئ معيناً له هذه الخواص المطلوبة.

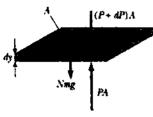
الفلاف الجوي الأسي Exponential Atmosphere

نبدأ بوصف توزيع الجزيئات في الغلاف الجوي. سنحاول أن نبين كيف يتغير عدد الجزيئات في وحدة الحجوم من الغاز بالارتفاع، في النموذج الذي وضعناه سنفترض أن درجة حرارة الغلاف الجوي ثابته وتساوي T (هذا الفرض ليس صحيحا حيث إن درجة حرارة الغلاف الجوي تنقص بمقدار2°C لكل 300m زيادة في الارتفاع) إلا أن النموذج يبين الملامح الرئيسية للتوزيع.

طبيقا لقانون الغياز المثياني، الغياز الذي يحتبوي على عدد N من الجزيئات في حالة اتزان حراري يخضع للعلاقة $PV = nk_BT$ ومن الأفضل أن نكتب تلك العيلاقة بدلالة السكتافة العددية $n_V = N/V$ number density $n_V = N/V$ number density وهي تعطي عدد الجزيئات في وحدة الحجوم من الغاز، وهي كمية هامة وتتغير من مكان لآخر. وهدفنا الآن أن نبين كيف تتغير n_V في الغلاف الجوي للأرض يمكننا أن نمبر عن قانون الغاز المثالي بدلالة n_V على النحو التالي $P = n_V k_B T$ إذن لوعرفنا مقدار n_V يمكننا أحديد الضغط والعكس، الضغط الجوي ينقص مع زيادة الارتفاع لأن أي طبقة من الهواء لابد وأن محمل كل وزن الغلاف الجوي الذي فوقها، أي أنه كلما زاد الارتفاع قلَّ وزن الهواء فوق تلك الطبقة، ومن أم يقل الضغط.

A لتعيين تغير الضغط مع الارتفاع، سنأخذ طبقة من الغلاف الجوي سمكها dy ومساحة مقطعها dy ما هو موضح في شكل dy.

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



Section 1

شكل 18.9 طبيقة في الغلاف الجوى في حالة انزان.

حيث إن الهواء في حالة اتزان استاتيكي قيمة الكمية PA وهي القوة إلى أعلى التي تؤثر على السطح السفلي لتلك الطبقة يجب أن تزيد عن مقدار القوة المؤثرة إلى أسفل على السطح العلوي للطبقة (P+dp)A بمقدار يساوي وزن الغاز في هذه الطبقة. إذا كانت كتلة جزئ الغاز في الطبقة يساوي m والعدد الكلي للجزيئات في تلك $mgN = mgn_V V = mgn_V Ady$

$$PA - (P + dP)A = mgn_v Ady$$
 : ومن ثم نجد أن:

 $dP = -mgn_V dy$ ويمكننا اختصار هذه العلاقة لتصبح

وحيث أن $T, P=n_V k_B T$ من المفروض أن تظل ثابتة نجد أن $dp=k_B T dn_V$ وبإحلال تلك النتيجة في العلاقة السابقة للمقدار dp وتعديل الحدود نجد أن:

$$\frac{dn_V}{n_V} = -\frac{mg}{k_B T} dy$$

$$: v_{BT} = -\frac{mg}{k_B T} dy$$

$$n_V(y) = n_0 e^{-mgy/k_B T} (23.18)$$

Law of atmospheres حيث n_0 هو الكثافة العددية عند y=0 وهذه العلاقة تسمى قانون الأجواء العددية وطبقاً للعلاقة (18.23 الكثافة العددية number density تقل أسيا مع زيادة الارتفاع عند ثبوت درجة الحرارة. الكثافة العددية للغلاف الجوي للأرض عند مستوى سطح البحر حوالي

 $P = n_{\rm V} k_{\rm B} T$ حيث أن الضغط . $n_0 = 2.69 \times 10^{25} \, {\rm molecules/m}^3$

نجد من معادلة (23.18) أن الضغط في غلافنا الجوي يختلف باختلاف الارتفاع طبقاً للمعادلة

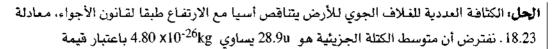
$$P = P_0 e^{-mgy/k_B T} (24.18)$$

 $P_0 = n_0 k_{\rm B}T$ حيث

لوقارنا هذا النموذج بالضغط الجوي الفعلي كدالة في الارتفاع نجد أن الشكل الأسي هو الأقرب إلى الصواب بالنسبة للغلاف الجوى للأرض.

مثال 84 الجزيئات الطائرة على ارتفاعات عالية.

ماهي الكثافة العددية للهواء على ارتفاع 11.km (الإرتفاع الذي تطير عليه الطائرات التجارية النفاثة) بالمقارنة بالكثافة العددية على مستوى سطح البحر؟ افترض أن درجة الحرارة عند هذا الارتفاع هي نفس الدرجة عند سطح الأرض 20.0°C.



يلي بيلي (23.18) ثم حساب مقدار الأس للعلاقة الأسية $y=11.0~{\rm km}$ $mgy = \frac{(4.80 \times 10^{-26} {\rm kg}) \, (9.80 {\rm m/s}^2) \, (11\,000 {\rm m})}{(1.38 \times 10^{-23} {\rm J/K}) \, (293 {\rm K})} = 1.28$ إذن من معادلة (23.12) نحصل على مقدار n_V

$$n_V = n_0 e^{-mgy/k_B T} = n_0 e^{-1.28} = 0.278 n_0$$

أي أن الكثافة العددية للهواء على ارتضاع 11.0 km تساوي 27.8% من الكثافة العددية عند سطح البحر. إذا افترضنا ثبات درجة الحرارة.

ونظرا لأن درجة الحرارة تتخفض مع الارتفاع. فإن الكثافة العددية للهواء تكون أقل من ذلك. ونظراً لأن الضغط عند هذا الارتفاع ينخفض بنفس الطريقة لذلك فإن الطائرات التي تطير على ارتفاع عال يكيف فيها الهواء داخل مقصورة الركاب بحيث يصير ضغطه مساو للضغط الجوي عند سطح الأرض.

حساب القيم المتوسطة Computing Average Values

الدالة الأسية $n_{\rm W}/k_{\rm B}T_{\rm e}$ التي ظهرت في معادلة 23.18 يمكن اعتبارها توزعا إحصائيا يعطى الاحتمال النسبي لوجود جزئ من الغاز على ارتفاع ما y. إذن توزع الإحتمالات (p(y) يتناسب مع توزع الكثاقة العددية ($n_{\rm W}(y)$. وهذا المفهوم يمكننا من حساب العديد من الخواص الجوية مثل نسبة عدد الجزيئات أسفل ارتفاع معين أو متوسط طاقة الوضع لجزئ. على سبيل المثال سنعين متوسط الارتفاع

بيد الجزئ في الجو عند درجة حرارة T. العلاقة الرياضية لمتوسط ارتفاع هذا الجزئ هي. \overline{y}

$$\bar{y} = \frac{\int_0^\infty y n_V(y) \ dy}{\int_0^\infty n_V(y) \ dy} = \frac{\int_0^\infty y e^{-mgy/k_B T} \ dy}{\int_0^\infty e^{-mgy/k_B T} \ dy}$$

حيث ارتفاع الجزئ يتراوح بين صفر ومالانهاية. البسط في هذه العلاقة يمثل مجموع الارتفاعات للجزيئات مضروباً في أعدادها، بينما المقام هو مجموع أعداد الجزيئات. أي أن المقام هو العدد الكلي للجزيئات. بعد إجراء التكامل نحصل على الآتي:

$$\bar{y} = \frac{(k_B T / mg)^2}{k_B T / mg} = \frac{k_B T}{mg}$$

وهذه العلاقة تبين أن متوسط ارتفاع الجزئ يزداد كلما زادت درجة الحرارة كما نتوقع، ويمكننا أن 1 نستخدم طريقة مماثلة لإيجاد متوسط طاقة الوضع لجزئ غاز، حيث إن طاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية على ارتفاع 1 هي 1 سوسط طاقة الوضع 1 سوسط طاقة الوضع 1 حيث أن 1 نجد أن المحاذبية على ارتفاع 1 هي 1 سوسط طاقة الوضع 1 متوسط طاقة الوضع 1 حيث أن المحاذبية على المحاذبية على المحاذبية على المحاذبية على المحاذبية على المحاذبية على المحاذبة ال

$$\vec{U} = mg(k_{\rm B}T/mg) = k_{\rm B}T$$

وهذه النتيجة الهامة توضح أن متوسط طاقة الوضع الناشئة عن الجاذبية للجزئ تعتمد فقط على g درجة الحرارة ولاتعتمد على m أو

توزع بولتزمان The Boltzmann Distribution

y ارتفاع gravitational Potential energy للجزئ على ارتفاع U عيث إن طاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية U = mgy هي U = mgy يمكننا أن نعبر عن قانون الأجواء معادلة (23.18) كما يلى:

$$n_V = n_0 e^{-U/k_{\rm B}T}$$

وهذا يعني أن جزيئات الغاز في حالة الاتزان الحراري توزع في الفضاء بدرجة احتمال تعتمد على طاقة الوضع الناتجة عن الجاذبية طبقا للعامل الأسي e^{-U/k_BT} . وهذه المعادلة الأسية التي تصف توزع الجزيئات في الغلاف الجوي يمكن استخدامها لأي نوع من أنواع الطاقة. وبصفة عامة الكثافة العددية للجزيئات التي لها طاقة E هي:

$$n_V(E) = n_0 e^{-E/k_{\rm B}T}$$
 (25.18)

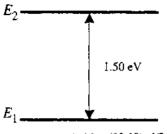
وهذه المعادلة تسمى قانون التوزع لبولتزمان Boltzmann Distribution Law. وهذه المعادلة تسمى قانون التوزع لبولتزمان الإحصائية للأعداد الكبيرة من الجزيئات. وقانون التوزع لبولتزمان بنص على أن احتمالية وجود الجزيئات في حالة معينة من حالات الطاقة تختلف أسياً طبقاً للقيمة السالبة للطاقة مقسومة على $k_{\rm B}T$. وجميع الجزيئات تهبط إلى أدنى مستويات الطاقة إذا لم يتمكن التقليب الحراري عند درجة حرارة T من إثارة الجزيئات لتنتقل لمستويات طاقة أعلى.

: مثال 5.18

كما ذكرنا في قسم (10.8) تستطيع الذرات أن نشغل فقط مستويات محددة من مستويات الطاقة. نفرض أن غازاً عند درجة حرارة K 2500 وتستطيع ذراته أن تشغل مستويين فقط من مستويات الطاقة فرق الطاقة بينهما E 1.5 eV (الإلكترون فلط E يساوي E 1.6 x 10⁻¹⁹). احسب النسبة بين عدد الذرات في المستوى الأدنى شكل (10.18).

الحل: معادلة (25.18) تعطي العدد النسبي للذرات في مستوى معين من مستويات الطاقة في هذه الحالة للذرات مستويان للطاقة E_1,E_2 حيث E_1 مستوى الطاقة الأدنى، إذن النسبة بين عدد الذرات في مستوى الطاقة الأعلى إلى العدد في مستوى الطاقة الأدنى هو:

الفصل الثامن عشر، نظرية الحركة للفازات



شكل (10.18) شكل لمستسويين من مستويات الطاقة لغاز ذراته تستطيع أن تشغل مستويين.

$$\frac{n_V(E_2)}{n_V(E_1)} = \frac{n_0 e^{-E_1/k_B T}}{n_0 e^{-E_1/k_B T}} = e^{-(E_2 - E_1)/k_B T}$$

في هذ المسألة E_2 – E_1 = 1.5 eV ومقام المقدار الأسي هو $k_{\rm B}T$ = (1.38 x 10⁻²³J/K) (2 500 K)/1.60 x 10⁻¹⁹J/eV = 0.216 eV

إذن النسبة المطلوبة هي:

$$\frac{n(E_2)}{n(E_1)} = e^{-1.50 \text{ eV}/0.216 \text{ eV}} = e^{-6.94} = 9.64 \times 10^{-4}$$

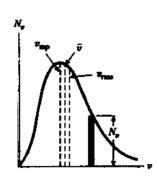
وهذه النتيجة تبين أنه عند درجة حرارة T= 2500 k قليل من الذرات تتواجد في مستوى الطاقة الأعلى، في الحقيقة إن كل ذرة في مستوى الطاقة الأعلى يقابلها 1000 ذرة في المستوى الأقل، وعدد الذرات في المستوى الأعلى يزيد كلما زادت درجة الحرارة، لكن قانون التوزع ينص على أنه في حالة الاتزان الحرارى دائماً يوجد عدد أكبر من الذرات في المستوى الأقل مما في المستوى الأعلى.

DISTRIBUTION OF MOLECULAR SPEEDS توزع السرعات الجزيئية

في عام 1860 اشتق العالم جيمس كلارك ماكسويل James Clerk Maxwell (1831-1879) معادلة تصف توزع السرعات الجزيئية بطريقة محددة، إلا أن أعماله وما حدث بعد ذلك من تطورات قام بها علماء آخرون كانت متضاربة، لأن الكشف المباشر عن الجزيئات لم يكن من المكن عملياً في تلك الأزمنة، إلا أن التجارب التي أمكن عملها بعد مضي حوالي 60 عاماً بعد ذلك أكدت صحة نظرية

ماكسبويل، نفرض مستودعاً من الغاز به جزيئات لها توزع للسرعات، ونريد أن نعرف كم عدد جزيئات الغاز التي لها مدى من السرعات من 400 إلى 410 متر في الثانية. بالطبع سنتوقع أن توزع السرعات يعتمد على درجة الحرارة بالإضافة إلى ذلك سنتوقع أن قمة التوزع ستكون أقرب إلى $v_{\rm rms}$ أي أن عدداً قليلاً من الجزيئات يتوقع أن تكون سرعتها أقل بكثير أو أكثر بكثير من من الجزيئات يتوقع أن تكون سرعتها أقل بكثير أو أكثر بكثير من سلسلة من التصادمات غير محتملة الحدوث.

والتوزع المتوقع للسرعات في جزيئات الغاز في حالة الإتزان الحراري موضح في شكل (11.18). الكمية Nv تسمى دالة التوزع للكسويل وبولتزمان Maxwell- Boltzman Distribution Function وتعرّف كما يلي: إذا كانت N العدد الكلي للجزيئات فإن عدد الجزيئات التى سرعتها تتراوح بين v + dv و v + dv



شكل (11.18) توزيع السرعة بين جزيئات الغاز عند درجة حرارة معينة. عدد الجزيئات التي لها سرعة في حدود dv تساوي مساحة المستطيل المظلل. $N_0 dv$ والدالة N_0 تؤول إلى الصفر عندمت تؤول v إلى مالا نهاية.

في شكل (11.18). أضف إلى ذلك أن $dN=N_0dv$ وهذا العدد يساوى أيضاً مساحة المستطيل المظلل في شكل (11.18). أضف إلى ذلك أن الجزيئات التي تقع سرعتها بين v+dv ، v تساوي N_0dv/N وهذا الجزء يساوي أيضاً درجة احتمال أن يكون للجزئ سرعة ما بين v+dv .

والعلاقة الأساسية التي تصف توزع السرعات لعدد N من الجزيئات هي:

$$N_{v} = 4\pi N \left(\frac{m}{2\pi k_{\rm B}T}\right)^{3/2} v^2 e^{-mv^2/2k_{\rm B}T}$$
 (26.18)

وهي دالة توزع السرعة لماكسويل حيث m هي كتلة جزئ الغاز، $k_{\rm B}$ ثابت بولتزمان، T درجة الحرارة الطلقة (1) قارن بين معامل بولتزمان $e^{-E/k_{\rm B}T}$ وطاقة الحركة $E=(\frac{1}{2}\,{\rm m}v^2)$ كما هو موضع في شكل الطلقة (18.11 متوسط السرعة \overline{v} أقل من الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة (18.12 السرعة الأكثر احتمالاً Most Prabable Speed $v_{\rm mp}$ أحتمالاً معادلة (26.18) نجد أن:

$$v_{\text{rms}} = \sqrt{\overline{v^2}} = \sqrt{3k_{\text{B}}T/m} = 1.73 \sqrt{k_{\text{B}}T/m}$$
 (27.18) rms speed

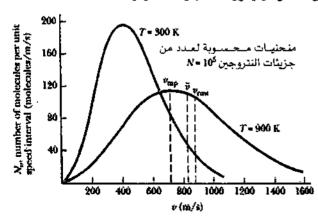
$$\overline{v} = \sqrt{8k_BT/\pi m} = 1.60 \sqrt{k_BT/m}$$
 (28.18) Average speed

$$v_{\rm mn} = \sqrt{2k_{\rm B}T/m} = 1.41 \sqrt{k_{\rm B}T/m}$$
 (29.18) Most probable speed

استنتاج تلك المعادلة يترك للطالب (انظر تمارين 62, 41) من تلك المعادلة نستنتج أن

$$v_{\rm rms} > \overline{v} > v_{\rm mp}$$

المنعنيات في شكل 12.12 تبين توزع السرعات لغاز N_2 . وقد أمكن الحصول على تلك المنعنيات باستخدام معادلة 26.18. لكي نُقيِّم دالة التوزع عند سرعات مختلفة وعند درجتي حرارة مختلفتين. لاحظ أن القمة في المنعنى تحدث لها إزاحة نحو اليمين بزيادة درجة الحرارة T. مما يبين أن متوسط السرعة يزيد مع زيادة درجة الحرارة كما نتوقع. والشكل غير المتماثل للمنعني ناتج عن أن أقل سرعة ممكنة هي صفر بينما أعلى حد للسرعة من المكن أن يكون مالا نهاية كلاسيكياً.



شكل (12.18) دائة توزع السرعة لعدد 10⁵ جسزئ نتسروجين N2 عند N2 900 K, 300 K عند N2 المساحة الكلية تحت كل منحنى تساوي العدد الكلي للجزيئات وهي في هذه الحالة 10⁵ لاحظ أن

 $v_{\rm rms} > \overline{v} > v_{\rm mp}$



· 1000年的**在1900年**

المنحنيات في شكل (12.18) ماذا تمثل المساحة أسفل كل من المنحنيين بين السلامتين x ،800m/s على محور 1000m/s على محور

تجرية معملية سريعة: 🕮

إملاً كوب بماء ساخن جداً من الصنبور وآخر بماء بارد جداً ضع نقطة من مادة ملونة في كل كوب. أي النقطتين تنتشر أسرع ولماذا؟

معادلة 18.26 تبين أن توزع السرعة الجزيئية في غاز يعتمد على كل من الكتلة ودرجة الحزارة. عند درجة حرارة ما، نسبة الجزيئات الغازية التي تزيد سرعتها عن حد معين تزداد كلما قلت الكُتلة. وهذا يفسر السبب في أن الغازات الخفيفة مثل He, H₂ تتسرب بسرعة كبيرة من الغلاف الجوي للأرض بينما نبقى الغازات ذات الكتل الكبيرة مثل N₂ والأكسجين O₂ (اقرأ موضوع سرعة التسرب في الباب (14)). جزيئات الغاز تتسرب من سطح القمر أسرع من تسريها من سطح الأرض لأن سرعة التسرب على القمر أكبر من سرعة التسرب على الأرض، توزع السرعة بين جزيئات السوائل مشابه لما هو مبين في شكل 21.18. يمكننا أن نعرف ظاهرة تبخر السوائل من توزع السرعات، باستخدام الظاهرة التي تبين أن بعض الجزيئات في السوائل أكثر طاقة من الأخرى. بعض الجزيئات التي تتحرك بسرعة كبيرة في السوائل تخترق سطح السائل وتتركه متحولة إلى بخار حتى ولو كانت عند درجة حرارة أقل بكثير من نقطة الغليان، والجزيئات التي تتسرب من السائل بالتبخير هي تلك التي لها طاقة كافية للتغلب على قوى جذب الجزيئات في الطور السائل. ومن ثم فالجزيئات التي تتبقى في الطور السائل لها طاقة حركة أقل ونتيجة لذلك تتخفض درجة حرارة السائل. إذن البخر هو عملية تبريد فمثلاً وضع قطعة من القماش مبللة بالكحول فوق رأس مريض بالحمى تخفص درجة حرارته وتجعله يشعر بالراحة.

مثال 6.18 🦠 نظام به 9 جسميات

تسبع جسيمات سرعاتها كالتالى: 14.0, 17.0, 20.0, 12.00, 12.00, 12.00, 12.00, 12.00, 10.00 متر/ ثانية (a) إحسب السرعة المتوسطة للجسيمات.

الحل: السرعة المتوسطة هي مجموع السرعات مقسومة على العدد الكلى للجسيمات

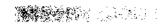
$$\overline{v} = \frac{(5.00 + 8.00 + 12.0 + 12.0 + 12.0 + 14.0 + 14.0 + 17.0 + 20.0) \text{ m/s}}{9}$$
= 12.7 m/s

rms ما مقدار الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة

$$\overline{v^2} = \frac{(5.00^2 + 8.00^2 + 12.0^2 + 12.0^2 + 12.0^2 + 14.0^2 + 14.0^2 + 17.0^2 + 20.0^2) \text{ m}}{Q}$$

 $= 178 \text{ m}^2/\text{s}^2$





اذن مقدار الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة

$$v_{\rm rms} = \sqrt{178 \ m^2 / s^2} = 13.3 \ {\rm m/s}$$

(c) ما هي السرعة الأكبر احتمالاً؟

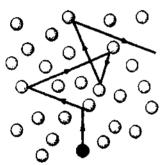
الحل: ثلاثة من الجسيمات التسعة سرعتها 12 m/s واثنان سرعتهما 14 m/s والباقي له سرعات مختلفة. إذن السرعة الأكثر احتمالاً $v_{
m mo}$ هي 12 m/s.

(قسم اختیاری)

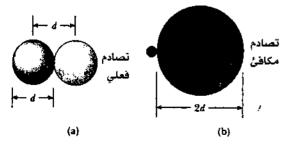
MEAN FREE PATH المسار الحرالمتوسط المحارات

كلنا يعلم أن الرائحة النفاذة لغاز مثل النشادر (الأمونيا) قد تستغرق جزء من دقيقة لكي تنتشر في أرجاء الغرفة. وحيث إن متوسط السرعة الجزيئية تصل إلى بضع مئات من الأمتار في الثانية عند

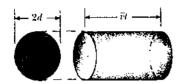
درجة حرارة الغرفة، كنا نتوقع زمن انتشار أقل بكثير من ثانية واحدة كما رأينا في الاختبار السريع 1.18. الجزيئات تتصادم مع بعضها لأنها ليست مجرد نقط هندسية. ومن ثم فهي لاتسير من إحدى نهايات الحجرة إلى نهايتها الأخرى في خط مستقيم. بين التصادمات تسير الجزيئات بسرعة ثابتة في خطوط مستقيمة. ومتوسط المسافة بين كل تصادمين تسمى المسار الحر المتوسط ومتوسط المسافة بين كل تصادمين تسمى المسار الحر المتوسط كما في شكل (13.18). المسار الحبر المتوسط له علاقة بقطر الجزئ وكثافة الغاز. والآن سوف نصف كيف نقدر المسار الحر كل منها له. نرى من شكل ه 14.18 أنه لايتصادم جزيئان إلا إذا كان مركزهما على مسافة مقدارها أقل من b عندما يقتربا من مركزهما على مسافة مقدارها أقل من b عندما يقتربا من أحد الجزيئات قطره 2 وباقي الجزيئات عبارة عن نقط هندسية أحد الجزيئات قطره 2 وباقي الجزيئات عبارة عن نقط هندسية



شكل (13.18) جزئ يتحرك خلال غاز يتصادم مع جزيئات أخرى بطريقة عشوائية والمسار الحر المتوسط يزداد كلما قلت الجزيئات في وحدة الحجوم، لاحظ أن الحركة في ثلاث أبساد وليست كساهو موضع في الرسم في بعدين فقط،



شكل (14.18) جزيئان كرويان قطر كل منهما d يتصادمان إذا كانت المسافة بين مركزيهما تساوي d (b) التصادم بين جازيئين يكافئ تصادم بين جزئ قطره 2d وآخر عبارة عن نقطة هندسية.



 \widetilde{v}_l (15.18) في زمن l جزئ قطره الفعال 2d يمسع أسطوانة طولها v_l حيث \overline{v} متوسط سرعة الجزئ. في هذه الفترة الزمنية يصطدم بكل جزئ على شكل نقطة داخل تلك الأسطوانة.

شكل (14.18) سوف نعتبر أن الجزئ الكبير هو الذي يتحرك بسرعة متوسطة \overline{v} في زمن قدره t. في πd^2 هذه الفترة الزمنية يتحرك الجزئ مسافة قدرها \overline{v} ويمسح في مساره أسطوانة مساحة مقطعها πd^2 وطولها πd^2 شكل 15.18. إذن حجم الأسطوانة يساوي πd^2 . إذا كان n_V عدد الجزيئات في وحدة الحجوم، إذن عدد الجزيئات التي على شكل نقط هندسية في تلك الأسطوانة هو $(\pi d^2 \overline{v} t)_N$. الجزئ الذي قطره المكافئ هو 20 يتصادم مع كل جزئ في هذه الأسطوانة في الزمن t. إذن عدد التصادمات في الزمن t يساوي عدد الجزيئات في الأسطوانة وهو $(\pi d^2 \overline{v} t)_N$.

المسار الحر المتوسط ℓ يساوي متوسط المسافة \overline{v}_t المقطوعة في زمن t ومقسومة على عدد التصادمات التي حدثت في هذه الفترة

$$\ell = \frac{\overline{v}t}{(\pi d^2 \overline{v}t)n_V} = \frac{1}{\pi d^2 n_V}$$

وحيث إن عدد التصادمات في زمن t هو $(\pi d^2 \overline{v} t) n_V$ وعدد التصادمات في وحدة الزمن. أي تردد الصدمات t هو (عدد الصدمات في الثانية)

$$f = \pi d^2 \widetilde{v} n_V$$

ومقلوب تردد الصدمات هو متوسط الزمن بين التصادمات والمسمى متوسط الزمن الحر.

في استنتاجاتنا السابقة فرضنا أن الجزيئات داخل الأسطوانة ساكنه عندما نأخذ حركة تلك الجسيمات في حساباتنا سنحصل على النتيجة التالية:

المسار الحر المتوسط
$$\ell = \frac{1}{\sqrt{2} \pi d^2 n_V}$$
 (30.18)

تردد الصدمات
$$f = \sqrt{2} \pi d^2 \overline{v} n_V = \frac{\overline{v}}{\ell}$$
 (31.18)

مثال 7.18

الحل، باعتبار أن الغاز مثالي نجد أن المعادلة العامة للغازات $PV = Nk_{\rm B}T$ لإيجاد عدد الجزيئات في وحدة الحجوم تحت الظروف المعتادة للجو في الحجرة.

الضيزياء (الجزءالأول- الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

$$n_V = \frac{N}{V} = \frac{P}{k_B T} = \frac{1.01 \times 10^5 \text{ N/m}^2}{(1.38 \times 10^{-23} \text{ J/K}) (293 \text{ K})} = 2.50 \times 10^{25} \text{ molecules/m}^3$$

أذن المسار الحر المتوسط

$$\ell = \frac{1}{\sqrt{2} \pi d^2 n_V}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{2}\pi (2.00 \times 10^{-10} \,\text{m})^2 (2.50 \times 10^{25} \,\text{molecules/m}^3)}$$

$$= 2.25 \times 10^{-7} \,\text{m}$$

وهذا المقدار أكبر من قطر الحزئ ألف مرة

(b) ما هو تردد تصادم الجزئ بآخر في المتوسط.

ا **لحل**، حيث إن الجندر التربيعي لمربع السرعة المتوسطة rms لجزئ النتروجين عند °C مو 511m/s (انظر جدول (1.18)) نعلم من معادلتي 27.18 و 28.18 أن

$$\overline{v} = (1.60/1.73) (511 \text{ m/s}) = 473 \text{ m/s}$$

إذن تردد الصدمات

$$f = \frac{\overline{v}}{\ell} = \frac{473 \text{ m/s}}{2.25 \times 10^{-7} \text{ m}} = 2.10 \times 10^9 \text{ s}^{-1}$$

أى أن الجزئ يتصادم مع الجزيئات الأخرى بمعدل 2 بليون مرة في كل ثانية. المسار الحر المتوسط ليس كمتوسط السافة بين الجسيمات. في الحقيقة أن متوسط التباعد d بين الجسيمات يساوى ℓ نقريباً $n_{\rm V}^{-1/3}$ في هذا المثال متوسط التباعد الجزيئي $d=\frac{1}{n_{\rm V}^{1/3}}=\frac{1}{(2.5\times 10^{25})^{1/3}}=3.4\times 10^{-9}~{\rm m}$

$$d = \frac{1}{n_V^{1/3}} = \frac{1}{(2.5 \times 10^{25})^{1/3}} = 3.4 \times 10^{-9} \text{ m}$$

منخص SUMMARY

في غاز مثالي الضغط الناتج عن عدد N_1 من الجزيئات في وعاء حجمه V هو V

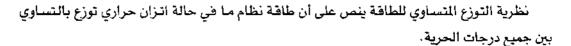
$$P = \frac{2}{3} \left(\frac{N}{V} \right) \left(\frac{1}{2} m \overline{v^2} \right) \tag{2.18}$$

متوسط طاقة الحركة الإنتقالية لكل جزئ من غاز، $m\overline{v^2}$ لها علاقة بدرجة الحرارة T تعطى بالمادلة

$$\frac{1}{2}m\overline{v^2} = \frac{3}{2}k_{\rm B}T\tag{4.18}$$

حيث $k_{\rm B}$ ثابت بولتزمان، وكل درجة من درجات الحرية (z,y,x) يخصها قدر من الطاقة

· أراك يساوي يساوي (756)



الطاقة الكلية لعدد N من الجزيئات (أو n مول) في غاز مثالى أحادى الذرة هي

$$E_{\rm int} = \frac{3}{2} N k_{\rm B} T = \frac{3}{2} nRT$$
 (10.18)

التغير في الطاقة الداخلية لعدد n مول من أي غاز مثالي تتغير درجة حرارته بمقدار ΔT هو

$$\Delta E_{\text{int}} = nC_{\text{V}} \Delta T \qquad (12.18)$$

حيث $C_{\rm V}$ هي الحرارة النوعية المولية تحت حجم ثابت.

الحرارة النوعية المولية لغاز مثالي أحادي الذرة عند حجم ثابت هي $C_{
m V} = rac{3}{2} R$. الحرارة النوعية $\gamma = C_{\rm p}/C_{\rm v}=rac{5}{3}$ المولية عند ضغط ثابت هي $C_{\rm p}=rac{5}{2}R$ والنسبة بين الحرارتين النوعيتين

إذا تعرض غاز مثالي لعملية تمدد أو انضغاط أديباتي، القانون الأول للديناميكا الحرارية مع معادلة الحالة، نبين أن

$$PV^{\gamma} = \text{constant}$$
 (18.18)

قانون التوزع لبولتزمان يصف توزيع الجزيئات بين مستويات الطاقة المتاحة. العدد النسبي $n_{\rm U}(E)=n_{\rm B}e^{-E/k_{\rm B}T}$ هی E للجزیئآت الني طاقتها تساوي

(25.18)

دالة التوزع لماكسويل وبولتزمان تصف توزع سرعات الجزيئات في غاز
$$N_v = 4\pi N \left(\frac{m}{2\pi k_{\rm B}T}\right)^{3/2} v^2 e^{-mv^2/2k_{\rm B}T} \eqno(26.18)$$

وهذه العلاقة تمكننا من حساب الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة ومتوسط السرعة والسرعة الأكثر احتمالاً:

$$v_{\rm cms} = \sqrt{\overline{v^2}} = \sqrt{3k_{\rm B}T/m} \approx 1.73 \sqrt{k_{\rm B}T/m}$$
 (27.18)

$$\bar{v} = \sqrt{8k_{\rm B}T/\pi m} = 1.60 \sqrt{k_{\rm B}T/m}$$
 (28.18)

$$v_{\rm mp} = \sqrt{2k_{\rm B}T/m} = 1.41 \sqrt{k_{\rm B}T/m}$$
 (29.18)

QUESTIONS اسئلة

- 1 قانون دالتون للضغوط الجزئية ينص على أن الضغط الكلي لخليط من الغازات يساوي مجموع الضغوط الجزئية للفازات المكونة للمخلوط. اعط ما يؤكد صحة هذا القانون على أساس نظرية الحركة للغازات.
- 2 وعاء يحتوى على غاز الهليوم وآخر يحتوى على أرجون، إذا كان الوعائان عند نفس درجة الحرارة أي من جزيئات الغازين له الجذر التبرييعي لمتوسط مبريع السبرعية الأكس.
- 3 غاز مكون من خليط من جنزيئات الهليوم والنتروجين هل جزيئات الهليوم الأخف لها سرعة أعلى من جزيئات النتروجين؟ وضح.
- 4 على الرغم من أن متوسط مقدار السرعة لجريئات الغاز وهي في حالة اتزان عند درجة حرارة ما أكبر من صفر، إلا أن السرعة قد تساوي صفراً إذكر لماذا هذه العبارة صحيحة؟.
- 5 إذا دلكت جسمك بالكحول فإن درجة حرارته تنخفض، وضح هذا التأثير،
- 6 وعاء مملوء جزئياً بالماء، لماذا تتخفض درجة حرارة الماء إذا تم تفريغ الهواء الموجود أعلاه في الوعاء؟ (بهذه الطريقة يمكن تجميد الماء عند درجة حرارة أعلى من الصفر)،
- 7 وعاء يحتوى على حجم معين من الفاز تم تبريده. هل يزداد المسار الحر المتوسط لجزيئات الغاز أم يقل أم لايتغير خلال عملية التبريد؟ وماذا يحدث لتردد التصادمات.
- 758) 8 ضغط غاز عند درجة حرارة ثابتة. ماذا

يحدث للمسار الحر المتوسط للجزيئات في هذه العملية؟

- 9 بالون به غاز هيليوم عند درجة حرارة الغرفة. وضع داخل فريزر الثلاجة هل يزداد حجمه أم ينقص أم يظل كما هو؟
- [10] ماذا يحدث لبالون مملوء بالهيليوم أفرغ في الجو، هل سيتمدد أم ينكمش؟ هل يتوقف عن الارتفاع إلى حد معين؟
- 11 ما هو الأثقل الهواء الجاف أم الهواء المشبع بيخار الماء؟
- 12 لماذا للغازات ثنائية الذرة محتوى حرارى لكل مول أكبر من الغاز أحادي الذرة عند نفس درجة الحرارة.
- 13 غاز مثالي موضوع في وعاء عند درجة حــرارة X 300، إذا ارتفـعت الحــرارة إلى a) 900K) بأي عامل بتغير الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة b) بأي عامل يتغير الضغط في الوعاء؟
- 14 وعاء يحتوى على غاز في حالة اتزان عند ضغط ودرجة حرارة ما، فهل يكون لجميع جزيئات الغاز نفس قيمة السرعة؟
- 15 في النموذج الموضوع لنظرية الحركمة للغازات تعتبر الجزيئات كرات جامدة تتصادم تصادماً مرناً مع جدران الوعاء الذي يحتويها فهل هذا النموذج واقعى؟
- 16 على أساس الحقيقة التي مفادها أن الهواء الساخن يصعد إلى أعلى لماذا يصبح الجو بارداً كلما صعدنا فوق جبل (لاحظ أن الهواء ردئ التوصيل للحرارة).

] = الحل كامل مناح في المرشد.

🟢 = فيزياء تفاعلية



PROBLEMS Jilmo

1، 2 ، 3 = مسائل مباشرة، متوسطة، تحدى

http://www.sanunderscollege.com/physics/ = الحل موجود في: WEB

= الحاسب الآلي مفيد في حل المسائل

= أزواج رقمية/ باستخدام الرموز

قسم 1.18 النموذج الجزيئي للغاز الثالي

- 1 استخدم تعريف عدد أفوجادرو لإيجاد كتلة ذرة الهيليوم.
- 2 علية مكعية الشكل طول كل من أضلاعها 20.0 cm تحسوى على ثلاثة أماثال عادد أفوجادرو من الجزيئات عند درجة حرارة 20.0°C. أوجد القوة المؤثرة بواسطة الغاز على أحد جدران العلبة المكعبة، علماً بأن العلبة مغلقة من كل جانب.
- 3 في فشرة زمنية قندرها 30 تساقط على نافذة 500 كرة صغيرة من كرات البُردُ. مستاحية النافيذة 0.60 m² وزاوية ستقبوط البرد °45.0 على سطح النافذة، وكل كرة من كرات البرد كتلتها 5.0g ومقدار سرعتها 8.0 m/s إذا كان التصادم مرناً ما مقدار متوسط القوة والضغط على النافذة.
- 4 في زمن قدره t تساقط على نافذة عدد N من كرات البرد الصغيرة، مساحة النافذة A، وزاوية سقوط البرد على سطح النافذة θ . وكل كرة من كرات البرد كتلتها m ومضدار سرعتها ٧٠ إذا كان التصادم مرباً، ما مقدار متوسط القوة والضغط على النافذة.
- 5 في فيتبرة زمنية قيدرها \$ 1.0 تصيادمت جَزيسًات نشروجين عددها 5.00 x 10²³ مع حائط مساحته 800 cm². إذا كانت الجزيئات تتحرك بسرعة فيمتها 300 m/s وتصطدم مع الجيدران تصادماً عمودياً

ومبرنا، منا هو الضغط الواقع على الحائط (كتلة جزئ النتروجين هي ²⁶ Kg 4.68x10.

- 6 قارورة حجمها £ 5.0 بها 2 mol من غاز الأكسيجين عند ضيغط 8.0 atm أوجيد متوسط طاقة الحركة الانتقالية لجزئ الأكسجين تحت هذه الظروف.
- آبالون کروی حجمه 4000 cm^3 بحثوی علی غاز الهيليوم تحت ضغط (داخلي) 1.2x10⁵ Pa. ما عدد المولات من الهيليوم في البالون إذا كأن لكل ذرة هيليوم طاقة حركة متوسطة قدرها J 33.6x أقدرها 53.6x
- 8 الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة لذرة الهيليوم عند درجة حرارة ما هي 1350 m/s. أوجد عن طريق التناسب الجذر التربيعي لمتوسط سرعة جزئ الأكسجين عند هذه الدرجة (الكتلة المولية للأكسبجين هي 32.0 g/mol والكتلة المولية للهليوم 4.00 g/ mol).
- (a) 9 ما عدد درات الهيليوم التي تملأ بالون قطره 30.0 cm عند درجـة حـرارة 20.0° وضغط b) \$1.0 atm مقدار متوسط طاقة الحركة لذرات الهيليوم؟ (c) ما مقدار الجذر التربيعي لمتوسط مربع سرعة كل ذرة من ذرات الهيليوم.
- 10 قارورة حجمها L 500 بها غاز نتروجين عند درجة حرارة 27.0°C وضغط 3 atm أوجد (a) طاقة الحركة الانتشالية الكلية (759

لجزيئات الغاز (b) متوسط طاقة الحركة لكل جزئ. WEB

السطوانة تحتوي على خليط من الهيليوم والأرجون في حالة اتزان عند درجة حرارة (a) 150°C كان من الغازين؟ (b) ما مقدار الجدر لكل من الغازين؟ (b) ما مقدار الجدر التربيعي لمتوسط مربع السرعة لكل غاز من الغازين؟

بين أن واحد باسكال يساوي واحد جول/ م 3 (b) بين أن الكثافة في الفضاء لطاقة الحركة الانتقالية لغاز مثالي هي 2P/2.

قسم 2.18 الحرارة النوعية المولية للغاز المثالي

(قد تحتاج البيانات الواردة في جدول (18.0)).

13 - احسب التغير في الطاقة الداخلية لثلاثة مولات من غاز الهيليوم عندما ترتفع درجة حرارته بمقدار 2K.

14 - جــزئ من الهــواء $\frac{5R}{2}$ عند درجــة حـرارة $\frac{5R}{2}$ 300 K عند درجــة مثبت عليها مكبس ثقيل ويشغل حيزاً مقداره مثبت عليها مكبس ثقيل ويشغل حيزاً مقداره $\frac{5.00}{2}$ L النظام طاقــة قــدرها $\frac{6}{2}$ 4.40 KJ بواسطة الحرارة.

مول من الهيدروجين سخن تحت ضغط ثابت من درجة حرارة K 300 إلى 420 لحسب من درجة حرارة للفاز بواسطة الحرارة (b) الطاقة المنتقلة للفاز (c) الشفل الذي بذله الفاز.

16 - في عملية تحت حجم ثابت انتقل 2091 بواسطة الحيرارة إلى 1.00 mol من غياز مثالي أحادي الذرة درجة حرارته الإبتدائية 300 K أوجيد (a) الزيادة في الطاقية الداخلية للغياز (b) الشيغل الذي بذله (c) درجة حرارته النهائية.

17 - منزل حوائطه جيدة العزل وبه 100 m³ من الهواء عند درجة حرارة 300 K (a) احسب الطاقة اللازمة لتزيد درجة حرارة الهواء بمقدار C (b) 1.0° C) إذا استخدمت هذه الطاقة في رفع جسيم كتلته m إلى ارتفاع قدره m 2.0 m

18 - أسطوانة رأسية مثبت عليها مكبس ثقيل بها هواء عند درجة حرارة K 800 K الضغط الإبتدائي الإبتدائي 200 K Pa والحجم الإبتدائي $0.35 \, \text{m}^3$ $0.35 \, \text{m}^3$ والحجم الإبتدائي $0.35 \, \text{m}^3$ وعند حرض أن $0.35 \, \text{m}^3$ ويف ويف $0.35 \, \text{m}^3$ (a) احسب الحرارة النوعية للهواء عند حجم ثابت بوحدات $0.36 \, \text{kg}^*$ (b) $0.36 \, \text{kg}^*$ الهواء في الأسطوانة (c) افترض أن المكبس ظل ساكناً وحسب الطاقة الواجب إضافتها للهواء لكي ترتفع درجة حرارته إلى $0.36 \, \text{kg}^*$ المكبس قابل للحركة وحسب مقدار الطاقة المكبس قابل للحركة وحجة الحرارة إلى $0.36 \, \text{kg}^*$ المضافة اللازمة لرفع درجة الحرارة إلى $0.36 \, \text{kg}^*$

19 - وعاء ترمس سعته 1 L مملوء بالشاى عند درجة حرارة °90 أخذت منه فنجاناً ثم أغلقته بسرعة. قدر تقريباً مقدار التغير في درجة حرارة الشاي الباقي في الترمس نتيجة لدخول هواء عند درجة حرارة الغرفة. اذكر الكميات التي أخذتها كمدخلات والمقادير التي قدرتها لكل منها.

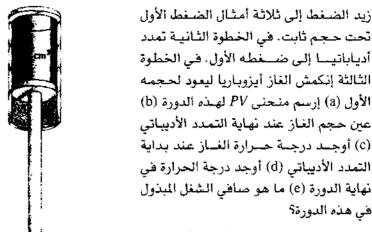
مقدار $C_V = \frac{5R}{2}$ ، مقدار الضغط لمول واحد من هذا الغاز هو P وحجمه V. عندما سخن الغاز زاد ضغطه وحجمه الأثن وزاد حجمه إلى ثلاثة أمثال ضغطه الأول، وزاد حجمه إلى ضعف حجمه الأول. إذا كان التسخين قد تم على مرحلتين الأولى تحت ضغط ثابت والثانية تحت حجم ثابت. عين كمية الطاقة المتقولة للغاز بواسطة الحرارة.

- 21 مول واحد من غاز مثالي عند درجة حرارة ابتدائية X 300. عرض الغاز لعملية تحت حجم ثابت (أيزوفلي ومية) واكتسب طاقة قدرها 500 ل بواسطة الحرارة. ثم عرض لعملية أيزوبارية ففقد نفس الكمية من الطاقية بواسطة الحرارة عين (a) درجة الحرارة النهائية للغاز (b) الشغل الذي بذله الغاز.
- 22 وعاء به خليط من غازين n_1 مول من الغاز الأول وحرارته النوعية المولية n_2 , C_1 مول من الغاز الثاني وله حرارة نوعية مولية n_2 (a) n_2 وحد الحرارة النوعية المولية للخليط n_2 الغاز الحرارة النوعية المولية إذا كان الغاز هي الحرارة النوعية المولية إذا كان الغاز خليطاً من عدد n_1 من الغازات وكمياتها خليطاً من عدد n_1 , n_2 , n_3 ... n_m) وحراراتها النوعية المولية n_1 , n_2 , n_3 ... n_m)
- 123 مبول واحد من غاز مشالي تشائي الذرة P_i عند صغط P_i قام P_i عند ضغط يتناسب طردياً الغاز بعملية كان فيها الضغط يتناسب طردياً مع الحجم، في نهاية العملية وجد أن الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة لجزيئات الغاز قد صار ضعف قيمته الأولى، عين مقدار الطاقة التي انتشلت إلى الغاز على شكل حرارة.

قسم 3.18 العملية الأديباتية للغاز المثالي.

24 - أثناء شوط الضغط في آلة جازولين حرارية زاد الضغط من 1.0 atm إلى 20.0 atm زاد الضغط من 1.0 atm بافتراض أن العملية أديباتية وأن الغاز مثالياً بافتراض أن العملية أديباتية وأن الغاز مثالياً (Factor) تغيير (a) $\gamma = 1.40$ الضغطة (b) بأي عامل تغييرت درجية الضغطة (c) إذا بيدا التضاغط بمقيدار الحرارة (c) إذا بيدا التضاغط بمقيدار $\gamma = 1.40$ at $\gamma = 1.40$ and $\gamma = 1.40$ at $\gamma = 1.40$ and $\gamma = 1.40$ at $\gamma = 1.40$ at $\gamma = 1.40$ and $\gamma = 1.40$ at $\gamma = 1.$

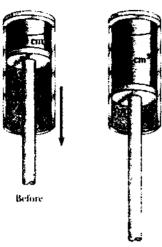
- آمددا $\gamma = 1.4$ مول من غاز مثالي ($\gamma = 1.4$) تمددا ببطئ وادياباتياً من ضغط 5.0 atm ببطئ وادياباتياً من ضغط $\gamma = 12.0$ (a) ما هو الضغط النهائي للغاز؟ (b) ما هي درجة الحرارة الإبتدائية والنهائية (c) أوجد ΔE_{int} , $\gamma = 1.4$
- 27.0° C مواء (γ= 1.4) عند درجة حرارة 2 26 وعند الضغط الجوي داخل منفاخ دراجة قطر أسطوانته 2.50 cm وطولها 50.0 cm قطر أسطوانته 2.50 cm وطولها 50.0 cm في أحد الأشواط يضغط الغاز أديباتيا ويبين مقياس الضغط 2800 K Pa قبل دخول الغاز إطار الدراجة عين (α) حجم الغاز المضغوط (b) درجة حرارة الهواء المضغوط (c) المنفاخ مصنوع من البسلب وسمك عدرانه mm 2.00 cm أن تصل إلى طول الأسطوانة سمح لها أن تصل إلى انزان حراري مع الهواء. ما مقدار الزيادة في درجة حرارة الجدار.
- [27] هواء في سحابة رعدية يتمدد كلما ارتفع. فإذا كانت درجة حرارته الإبتدائية 300 K وإذا لم يفقد أي طاقة بالتوصيل الحراري أثناء التمدد. ما مقدار درجة حرارته عندما يتضاعف حجمة الإبتدائي.
- 5.0 mol مقدار الشغل المطلوب لضغط من الهواء عند درجة حرارة 20.0°C وضغط من الهواء عند درجة حرارة 1.0 atm
 أيل 1.0 الحجم الأصلي بواسطة (a) عملية أيزوترمالية (b) عملية أديباتية (c) ما هو الضغط النهائي في كل من الحالتين.
- 29 غياز ثنائي السدرة حجسمه 4 لسترات (1.40) (γ = 1.40) داخل أسطوانة يقسوم بدورة مقطلة، يبدأ الغاز عند ضغط واحد جو ودرجة حرارة X 300. في الخطوة الأولى



30 - غاز مثالي ثنائي الذرة (1.4 = γ) موجود داخل أسطوانة يقوم بدورة مغلقة في البداية كان الغاز عند T_i, V_i, P_i في الخطوة الأولى زيد الضغط إلى ثلاث أمتال الضغط الإبتدائي تحت حسجم ثابت في الخطوة الثنانينة تمدد الغناز أديباتينا إلى ضغطه الإبتدائي وفي الخطوة النهائية انكمش الغاز أيزوباريا إلى حجمه الأول (a) إرسم العلاقة بين V, P لهذه الدورة (b) عين حجم الغاز في نهاية التمدد الأديباتي (c) أوجد درجة حرارة الغاز في بداية التمدد الأديباتي (d) أوجد درجة الحرارة في نهاية الدورة (e) ما مقدار صافى الشغل لهذه الدورة.

في هذه الدورة؟

31 - في أثناء شوط القدرة (Power) في محرك سيارة رباعي الأشواط، يضغط على المكبس (البستنن) إلى أسفل عندما يتمدد خليط الهواء والغاز أدياباتيا بفرض أن (I) الآلة تعمل عند 2500rpm (2) الضغط الذي يبينه المقياس قبل التمدد مباشرة 20.0جو(3) حجم الخليط قيل وبعد التمدد مباشرة كان .50.0 cm³ و400cm³ على التسرتيب شكل (P31.18) (4) الزمن الذي استغرقه التمدد للفاز 1/4 زمن الدورة الكلية (5) الخليط يعتبر كالغاز المثالي وله 1.4 = ٧ ، أوجد 🕝 متوسط القدرة المتولدة أثناء عملية التمدد.



شكل P31.18

قسم 4.18 التجزؤ المتساوى للطاقة،

بين أن عدد درجات حرية f، بين أن الغاز الذي يتكون من تلك الجازيئات له الخواص التاليه (1) طاقته الكلية الداخلية هي fnRT/2 (2) الحرارة النوعية المولية عند حسجم ثابت هي fR/2 (3) حسرارته النوعيحة المولحية عجند ضغط ثابحت هـ γ تمساوى (4) (f+2)R/2

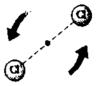
 $\gamma = C_p/C_v = (f+2)/f$ Web

33 2.0 مول من غاز مثالي ثنائي الذره. أوجد السعة الحرارية الكلية تحت حجم ثابت وتحت ضغط ثابت (a) إذا كان الجنزئ بدور ولكنه لا يتذبذب و(b) إذا كان الجـزئ يدور ويتذبذب.

ئائية ($C_{\rm p},C_{
m V}$) الغازات ثنائية – 34 الذرة وعديدة الذرة في جدول (2.18) نجد أن القيم تزيد بزيادة الكتلة الجزيئية اعط توضيحا لهذه الملاحظة.

35 - في نموذج بدائي شكل (P35.18) لغاز الكلورين Cl₂ ثنائي الذرة، المسافة بين ذرتي الكلور Cl هي 2.0x 10⁻¹⁰m ويدوران حيول ميركيز

 $\omega = 2.0 \times 10^{12} \text{ rad/s}$ rad/s الكتلة بسرعة زاوية ماهى طاقة الحركة الدورانية للجزئ الواحد من واC وكتلته المولية Clog/mole ؟



شكل P35.18

قسم 5.18 قانون التوزع لبولتزمان قسم 6.18 توزع السرعات الجزيئية

- 36 مــــر مكعب من الهــيــدروجين الذري عند 2.7×10^{25} درجة الصفر يحتوي على حوالي ذرة عند الضغط الجوى، الحالة المستثارة الأولى لذرة الهيدروجين طافتها 10.2 eV فوق أقل مستوى للطاقة والمسمى المستوى الأرضى. إستخدم معامل بولتزمان لإيجاد عدد الذرات في الحالة المستثارة الأولى في درجة حسرارة صفر سلسيوس وفي .10000°C
- 37 لو أن تيارات الحمل لاتحدث تقليبا للغلاف الجوى السفلى للأرض، فإن تركيبه الكيماوي سيتغير إلى حد ما بالإرتفاع لأن الجزيئات المختلفة لها كتل مختلفة، استخدم قانون الجو لتعيين كيضية تغيير نسبة الإتزان لجزيئات الأوكسجين والنتروجين بين مستوى سطح البحر وارتفاع 10.0Km بفرض تساوى درجات الحرارة عند 300K وخذ الكتل على (O_2) انها 32.0 الأكسىجين (O_2) و للنتروجين (N_2) .
- 38 خليط من غازين ينتشران من خلال مرشع بمعدل يتناسب مع الجذر الترييعي لمتوسط مربع السرعات لتلك الغازات (a) أوجد نسبة السرعات لنظيرين للكلور ³⁷CL, 35</sup>CL عندما ينتشرا في الهواء (b) أي النظيرين يتحرك أسرع من الآخر ؟

[39] 15 جزيئاً من نوع واحد لها سرعات مختلفة أحدها سرعته 2.0m/s وأثنان سرعتهما 3.0m/s وثلاث سرعتها 5.0m/s وأربعة سرعتها 7.0m/s وثلاثة سرعتها 9.0m/s واثنان سرعتهما 12.0m/s أوجد (a) السرعة المتوسطة (b) الجندر التبربيعي لتوسط مربع السرعة (c) السرعة الأكثر احتمالا لتلك الجزيئات.

- 40 هيليوم غازي في حالة اتزان مع هيليوم سائل عند درجة حرارة 4.2 K على الرغم من أنه عند نقطة التكثف، اعتبر الغاز مثالياً، عين السرعة الأكثر احتمالاً لذرة الهيليوم (كتلة ذرة الهيلوم (Kg ²⁷ 6.64x10
- 41 من قانون ماكسويل وبولترمان لتوزع السرعة، بين أن السرعة الأكثر احتمالاً لجزئ غازي تعطى بالمادلة 29.18. لاحظ أن السرعة الأكثر احتمالاً تناظر النقطة التي عندها يصبح ميل منحنى توزع السرعة یساوی صفر، $dN_{
 m u}/dv$
- 42 مسألة للمراجعة: عند أي درجة حرارة تكون السرعة المتوسطة لذرات الهيليوم نساوى (a) سرعة الإفلات من جاذبية الأرض I.12x10⁴ m/s سبرعية الإفيلات من جاذبية القمر 2.37x10³ m/s (انظر في باب 14 حول سرعة الإفلات ولاحظ أن كتلة 6.64x10 $^{-27}$ Kg ذرة الهيليوم هي
- 43 غاز عند درجة حرارة الصفر إذا أردنا أن نضاعف الجذر الترييعي لمتوسط مربع سرعة الغاز، ما مقدار الزيادة المطلوبة في درجة الحرارة؟
- 44 الحرارة الكامنة لتبخير الماء عند درجة حرارة الفرفة هي 2430 J/g ما مقدار طاقة الحركة التي يكتسبها كل جزئ ماء عندما يتبخر؟ (b) أوجد الجذر التربيعي (763

الضرباء (الجزءالأول - المكانيكا والديناميكا الحرارية)

لمتوسط مربع السرعة لجزئ بخار الماء عند لحظة التبخر (c) ما هي درجة الحرارة المؤثرة لهذه الجزيئات.

(اختیاری)

قسم 7.18 المسار الحر المتوسط

45 في جهاز للتفريغ فيوق العالى Ultrahigh Vacuum وجد أن ضغط الفياز هــو Pa=1torr) 1.00x10⁻¹⁰ torr هــو إفرض أن جزيئات الغاز لها قطر جزيئي 3.0x10 ⁻¹⁰ m وأن درجة الحرارة هي 1300 K أوجد (a) عدد الجزيئات في حجم مقداره b) 1.00 m³ المسار الحر المتوسط للجزيئات (c) تردد التصادمات بفرض أن السرعة المتوسطة هي 500 m/s.

46 - في الفضاء الخارجي يوجد جسيم واحد لكل متر مكعب، إذا استخدمنا لمتوسط درجة الحرارة المقيدان X 3.00 وفيرضنا أن هذا الجسيم هو هيليوم قطره a) 0.20 nm عين المسار الحر المتوسط للجسيم ومتوسط الفشرة الزمنية بين الشصادمات (b) كرر الجزء (a) بفرض أنه يوجد جسيم واحد لكل سنتيمتر مكعب.

47 - أثبت أن الممار الحر المتوسط لجزيئات غاز مثالي عند درجة حرارة T وضغط P هو: $\ell = \frac{k_B T}{\sqrt{2\pi d^2 P}}$ حيث d هو قطر الجزئ

48 - في وعاء مملوء بالأكسجين كم عدد الأقطار الجزيئية (d) (في المتوسط) التي يتحرك خلالها جزئ الأكسجين (عند ضغط واحد جو و 20.0°C) فيل أن يتصادم مع جري O₂ آخر؟ (قطر جزئ الأكسيجين تقريباً .(3.6x 10⁻¹⁰ m

764) 49 - غاز أرجون عند الضغط الجوي ودرجة

حرارة 20.0°C موضوع في قارورة حجمها 1.00 m³ القطر الفعال لذرة الأرجون a) 3.10x10 ⁻¹⁰ m عين المسار الحسر المتوسط / (b) أوجد الضغط عندما يكون المسار الحر المتوسط (c) $\ell = 1.00 \text{ m}$ اوجد $\ell = 3.10 \times 10^{-10} \, \text{m}$ الضغط عندما تكون

مسائل إضافية:

(2.5m x 3.0m x 4.2m) حجرة أبعادها ~ 50 (a) احسب عدد جزيئات الهواء فيها عند الضغط الجوي ودرجة حرارة 20.0°C) الضغط أوجد كتلبة هذا الغياز، بقيرض أن الهواء يتكون من جيزيئات ثنائية الذرة وكتلتها الجازيئية (c) 28.9 g/ mol أوجد متوسط طاقة الحسركة للجنزيّ (d) أوجد الجندر التربيعي لمتوسط مربع السرعة الجزيئية (e) بفرض أن الحرارة النوعبة ثابتة ولاتتوقيف على درجة الحرارة وحيث أن أوجد الطاقة الداخلية $\Delta E_{\rm int} = 5nRT/2$ للهواء (f) أوجد الطاقة الداخلية للهواء ض الغرفة عند درجة حرارة 25.0°C.

51 - الدالة E_{int}= 3.5 nRT تصف الطاقــة الداخلية لفاز مثالي معين، عينه تحتوي على 2.00 mol من الغياز يقبوم بعيدة عيملينات ترموديناميكية ويبدأ دائماً عند ضغط 100 KPa ودرجة حيرارة X 300 احسب لكل عملية من العمليات التالية، الضغط والحجم ودرجة الحرارة النهائية والتغير في الطافة الداخلية للغاز والطاقية المضافية للغاز بواسطة الحرارة والشغل المبذول بواسطة الغاز (a) الغاز سبخن مع ثبات الضغط إلى b).400 K) الغاز سخن مع ثبات الحجم إلى c) 400 K) الفاز زيد ضغطه إلى 120 KPa الفاز مع ثبات درجية الحيرارة (d) الغياز ضيغط أدياباتيا إلى 120 KPa.

52 - 20 جسيماً كتلة كل منها m ومحصورة في حجم V لها سرعات مختلفة إثنان لهما سرعة ٧ وثلاثة لها سرعة ٧٧ وخمسة لها سرعة 30 وأربعة لها سرعة 4v وثلاثة لها سرعة 5v واثنان لهما سرعة 6v وواحد له سرعة 7v أوجد (a) متوسط السرعة (b) الجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة (c) السرعة الأكثر احتمالاً (d) الضغط الذي تحدثه الجسيمات على جدران الوعاء (e) متوسط طاقة الحركة لكل جسيم. WEB

أسطوانة بها n مول من غاز مثالى يقوم $\sqrt{53}$ $W=\int P \, dV$ بعملية أديباتية (a) بعملية أديباتية وتستخدم العلاقة . $PV^{\gamma} = \text{const.}$ بين أن الشغل المبذول هو

 $W = \left(\frac{1}{\nu - 1}\right) (P_i V_i - P_f V_f)$

(b) إبدأ بمعادلة القانون الأول في صورتها التضاضلية، أثبت أن الشغل المبذول أبضاً يساوي $NC_v(T_i-T_f)$. بين أن هذه النتيجة تتفق مع العلاقة المعطاء في الجزء (a).

54 - قارورة بها \$1.00x10 جزئ من الأكسجين عند درجـة حـرارة X 500 (a) ارسم رسـمــأ بيانياً دقيقاً لدالة توزع السرعة لماكسويل مع السرعة، أجعل النقط على محور السرعة تبعد عن بعضها بمقدار b) 100 m/s) عين من الرسم السرعة الأكثر احتمالاً (c) احسب السرعة المتوسطة والجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة، وحدد تلك النقط على الرسم البياني (d) من الرسم قدر الجرء من عدد الجزيئات الذي تتراوح سرعاته بين .600 m/s, 300 m/s

55 - مسألة للمراجعة: الأكسجين عند ضغط أعلى من واحد جو سام لخلايا الرئة. مانسبة غاز الهيليوم لغاز الأكسجين بالوزن الذى يجب أن يستخدمها الغواص عندما يهبط في ماء البحر على عمق m 50.

56 - أسطوانة مثبت عليها مكبس تحتوي على 1.2 Kg من الهـواء عند درجـة 25.0° c وضغط 200 K Pa. انتقلت إلى النظام طاقة بواسطة الحرارة وسنمح للغاز بالتمندد مع ارتفاع الضغط إلى 400 K Pa. خلال التمدد والعلاقة بين الضغط والحجم كانت كما يلي P= CV^{1/2} حيث C مقدار ثابت (a) إوجد الحجم الإبتدائي (b) أوجد الحجم النهائي (c) أوجد درجة الحرارة النهائية (d) أوجد الشغل الذي بذله الغاز (e) أوجد مقدار الطافة التي انتقلت إلى النظام بالحرارة .M= 28.9 g/mol اعتبر كتلة المول من الغاز WEB

[57] الانضغاطية (قابلية الانضغاط) K للدة ما، تعرُّف على أنها التغير الجزئي في الحجم لتلك المادة المقابل لتغير معين في الضغط أي

$$\kappa = -\frac{1}{V} \; \frac{dV}{dP}$$

(a) وضع لماذا الإشارة السالية في هذه العلاقة تؤكد على أن K دائاً موجية.

(b) بين أنه إذا ضغط غاز مثالي أيزوثرمالياً فإن انضفاطيته تعطى بالعلاقة إلى (c) انضفاطيته تعطى بالعلاقة وضح أنه إذا ضغط غاز مثالى أديباتياً فإن انضفاطيته تعطى بالمعادلة ٢/١٤ = مين قيمتي ٢٤, ٢ لغاز مثالي أحادي الذرة عند ضغط 2.0 atm

58 - مسألة للمراجعة

(a) بين أن سرعة الصوت في غاز مثالي هي

$$\upsilon = \sqrt{\frac{\gamma RT}{M}}$$

حيث M هي الكتلة المولية. استخدم العلاقة العامة لسرعة الصوت في الموائع من قسم 1.17 والعلاقة لمعامل المرونة الحجمي من (765 قسم 4.12 ونتيجة المسألة 57 في هذا الباب. مع حركة الموجات الصوتية خلال غاز تكون الإنضغاطات إما سريعة جداً أو متباعدة عن بعضها بحيث أن انتقال الطاقة بالحرارة لايتم إما لعدم كفاية الفترة الزمنية أو لزيادة سلمك العرزل، لذلك فالترساغطات والتخلخلات في هذه الحالة تتم أديباتياً (b) احسب السرعة النظرية للصوت في الهواء عند 2°C وقارنها بالقيمة المعطاه في جدول عند 1.17 اعتبر (c) M= 28.9 g/ mol أثبت أن سرعة الصوت في غاز مثالي هو

$$v = \sqrt{\frac{\gamma k_B T}{m}}$$

حيث m كتلة جزئ واحد، قارن نتيجتك مع السرعة الأكثر احتمالاً والجذر التربيعي لمتوسط مربع السرعة والسرعة المتوسطة.

استخدم برنامج كمبيوتر لحساب النسب التالية لغاز يخضع لقانون ماكسويل $N_{\rm u}(v)/N_{\rm u}(v_{\rm mp})$

$$\begin{split} &\upsilon \text{=}(\upsilon_{mp}/\text{50})\text{, }(\upsilon_{mp}/\text{10})\text{, }(\upsilon_{mp}/\text{2})\text{, }\upsilon_{mp},\\ &2\upsilon_{mp}\text{, }10\upsilon_{mp}\text{, }50\upsilon_{mp}. \end{split}$$

ودون نتائجك لثلاث أرقام معنوية.

60 - جسيم في جهاز طرد مركزي للغازات، وهو جهاز يستخدم لفصل الجسيمات ذات الكتل المختلفة يجعلها تدور بسرعة في مدار دائري نصف قطره r وبسرعة زاوية ω. طبقاً لقانون نيوتن الثاني، مقدار القوة التي تؤثر على الجسيم تساوي .mω²r المركزي للغازات في يستخدم جهاز الطرد المركزي للغازات في فصل الجسيمات ذات الكتل المختلفة (d) بين أن كثافة الجسيمات كدالة في r هي

$$n(r) = n_0 e^{mr^2 \omega^2/2k_B T}$$

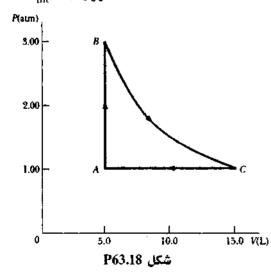
 $\frac{1}{15.0~V(L)}$ / محقق معادلتي 28.18, 27.18 بالنسبة للجذر الم $\frac{1}{15.0~V(L)}$ التربيعي لمتوسط السرعة وللسرعة المتوسطة

لجزيئات غاز عند درجة حرارة T. لاحظ أن القيمة المتوسطة للكمية v^n هي.

$$\overline{v''} = \frac{1}{N} \int_0^\infty v'' N_v dv$$
 element of the limit of the property of t

 $\int_0^\infty x^3 e^{-ax^2} dx = \frac{1}{2a^2} \int_0^\infty x^4 e^{-ax^2} dx = \frac{3}{8a^2} \sqrt{\frac{\pi}{a}}$ 62 - عينة من غاز مثالي أحادي الذرة تشغل حجماً قدره £ 5.0 عند الضغط الجوي ودرجية حيرارة X 300 النقطة A على الرسم (P 36.18) سيخنت مع ثبيات الحبجم حيتي وصل الضغط 30.0 atm (النقطة B) ثم ترك بتمدد أيزوثرماليا إلى 1.0 atm (النقطة C) وفي النهاية ضغط أيزوباريا إلى وضعه الأول. (a) أوجد عدد المولات في العينة (b) أوجد درجات الحرارة عند النقطتين c) C, B) بضرض أن الحرارة النوعية لاتعتمد على درجة الحرارة بحيث أن $E_{int} = 3n RT / 2$ أوجد الطاقة الداخلية $E_{\rm int},\,T,\,V,\,P$ عند النقطتين (C) A, B عند النقطتين في جدول عند الحالات الممثلة بالنقط $C \rightarrow A, B \rightarrow C$, إعتبر العمليات (e) C, B, A A→B وبين كيف يمكن إجسراء كل من تلك العمليات عملياً، (f) أوجد W, Q, Δ Eint لكل من تلك العمليات (g) أوجد للدورة كلها.

 $.\Delta E_{int}, W, Q$ مقادیر $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow A$



ا بين أن الجزيئات التي في الجزء أسفل (a) - 63 بين أن الجزيئات الجوي هو الإرتفاع h من الغلاف الجوي هو $f = 1 - e^{(-mgh/k_aT)}$

- (b) استخدم هذه النتيسجة لتبين أن نصف الجزيئات أسفل الإرتفاع $h'=k_{\rm B}T\ln(2)/mg$ ما مقدار $h'=k_{\rm B}T\ln(2)$ للأرض؟
- (اعتبر أن درجة الحرارة 270 K ولاحظ أن متوسط الكتلة المولية للهواء 28.9 g/ mol.
- 64 مسألة للمراجعة (a) إذا كان لدى الجزئ طاقة حركة كافية فإنه يستطيع أن يفلت من عجلة الجاذبية الأرضية. باستخدام مبدأ بقاء الطاقة بين أن أقل قدر من طاقة
- الحركة اللازمة للإفلات من جاذبية الأرض هي MgR حيث m هي وزن الجزئ، g عجلة الجاذبية الأرضية عند سطح الأرض، R نصف قطر الأرض (b) احسب درجة الحرارة التي عندها يكون أقل قدر من طاقة الحركة للإفلات من الجاذبية يساوي عشر أمثال متوسط طاقة الحركة لجزئ الأكسجين.
- 65 باستخدام ليزر متعدد الأشعة إستطاع الفيزيائيون تبريد وحجز ذرات الصوديوم في نطاق صغير. في إحدى التجارب أمكن تخفيض درجة حرارة الذرات إلى 0.24 mK (a) عين الجنز التربيعي لمتوسط مربع السرعة لذرات الصوديوم عند هذه الدرجة.

إجابة الاختبارات السريعة: ANSWERS TO QUICK QUIZZES

- (1.18) الجزئ يتحرك بسرعة عالية إلا أنه لا لا البتعد كثيراً لأنه يتصادم مع الجزيئات الأخرى. والتصادم يجعله يحيد عن مساره الأصلي. من الطبيعي أن جزئ المادة العطرية يصل من زجاجة العطر في أول الحجرة إلى آخرها، إلا أنه لايتخذ مساراً مستقيماً بل يتخذ مساراً طويلاً جداً بسبب تلك التصادمات.
- Eint (c) (2.18) تظل كِـمـا هي طبـقـاً لمـادلة دالة في درجــة الحــرارة [10.18].

- فقط. بما أنه على امتداد الأيزوثيرم T تكون ثابتة طبقاً للتعريف، ومن ثم لاتتغير الطاقة الداخلية للغاز.
- المساحة تحت كل من المنعنيات تمثل عدد الجزيئات في هذا المدى من السرعات. عدد الجزيئات التي سرعتها تتراوح بين عدد الجزيئات التي سرعتها تتراوح بين $1000 \, \mathrm{m/s}$ عند $T = 900 \, \mathrm{K}$ عند $T = 300 \, \mathrm{K}$ عند $T = 300 \, \mathrm{K}$



‡ ڪورٽ مجيرة

تستجدم التلاجة في حفظ المأكولات باردة. إلى جانب توقع ارتضاع قيمة في اتورة الكهرباء، هناك سبب آخر يجعلك لاتترك باب الثلاجة مفتوحاً لكي تقلل من درجة حرارة المطبخ في يوم شحديد الحرارة فحما هو هذا السبب؟

الآلات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية

Heat Engines, Entropy, and Second Law Of Thermodynamics

والفهل والتاسع عشر

19

ويتضمن هذا الفصل :

المضخات الحسرارية والثلاجسات 5.19 Heat Pumps and Refrigerators

Entropy الأنتروبي 6.19

7.19 تغير الأنتروبي في العمليات غير العكوسة Entropy Changes in Irreversible Processes

8.19 (اختياري) الأنتروبي على المقياس المبكروسكوبي (Optional) Entropy on a Microscopic Scale

الألات الحرارية والقانون الثاني للديناميكا الحرارية Heat Engines and the Second Law of Thermodynamics

2.19 العمليات العكوسة والعمليات غير العكوسة Reversible and Irreversible Pocesses

3.19 ألمة كارنو The Carnot Engine

4.19 آلة الجازولين وآلة الديزل Gasoline and Diesel Engines

القانون الأول للديناميكا الحرارية الذي درسناه في الفصل السابع عشر ينص على حفظ الطاقة وقد عمم ليضم الطاقة الداخلية. هذا القانون ينص على أن التغير في الطاقة الداخلية لنظام ما يحدث نتيجية لانتقال الطاقة بواسطة الحرارة أو بواسطة الشغل أو بالاثنين معاً. والقانون الأول لايميز بين نتائج الشغل ونتائج الحرارة. فأي من الشغل والحرارة يمكنه أن يحدث تغيراً في الطاقة الداخلية. إلا أن هناك إختلافاً جوهرياً بين الإثنين لايتضح من القانون الأول. أحد مظاهر هذا الإختلاف هو أنه من المستحيل تحويل الطاقة الداخلية كلها إلى طاقة ميكانيكية عن طريق جعل المادة تقوم بدورة ترموديناميكية كما بحدث في الآلات الحرارية وهو ما سندرسه في هذا الباب.

وعلى الرغم من أهمية القانون الأول، إلا أنه لا يميز بين العمليات التي يمكن أن تتم تلقائياً Spontaneous والعمليات التي لايمكن أن تتم تلقائياً. فهناك عدد محدود فقط من عمليات تحول الطاقة وانتقال الطاقة بمكنها أن تتم تلقائياً في الطبيعة. القانون الثاني للديناميكا الحرارية الذي سنقوم بدراسته في هذا الباب سيحدد ما هي تلك العمليات التي يمكنها أن تتم وما هي العمليات التي لايمكن أن تتم في الطبيعة. وفيما يلي بعض الأمثلة لبعض العمليات التي يمكن أن تتم فقط في اتجاه

- عند وضع جسمين مختلفين في درجة الحرارة في وضع اتصال حراري، تنتقل الطاقة دائماً بواسطة الحرارة من الجسم الأسخن إلى الجسم الأبرد، ولايمكن أن يحدث العكس.
- الكرة المصنوعة من المطاط إذا ألقيت على الأرض فإنها تعلو وترتد بضعة مرات قبل أن تتوقف على الأرض. إلا أن الكرة الساكنة فوق الأرض لايمكن أن تبدأ في العلو والارتداد بنفسها.
- البندول المتذبذب يتوقف بعد فترة بسبب تصادمه بجزيئات الهواء والاحتكاك مع محور التعليق. إن الطاقة الميكانيكية للبندول تتحول إلى طاقة داخلية في الهواء وفي محور التعليق إلا أن التحول العكسى للطاقة لايمكن حدوثه.

جميع هذه العمليات تسمى عمليات غير عكوسة Irreversable أي أنها عمليات تحدث تلقائياً في اتجاه واحد فقط ولاتوجد أي عملية غير عكوسة يمكنها أن تتم في اتجاه عكس حركتها الطبيعية. ولو فعلت ذلك فإنها ستتناقض مع القانون الثانى للديناميكا الحرارية ومن وجهبة النظر التكنولوجية والهندسية لعل أهم ما جاء به القانون الثاني للديناميكا الحرارية هو أن كفاءة الآلات الحرارية محدودة. فطبقاً لهذا القانون لايمكن بناء آلة تستطيع بصفة دائمة أن تحول كل الطاقة الداخلية إلى أشكال أخرى من الطاقة في علميات دورية. أي أنه لايمكن بناء آلة ذات كفاءة تصل إلى مائة في المائة.

1.19 > الآلات الحرارية والقانون الثاني للديناميكا الحرارية HEAT ENGINS AND THE SECOND LAW OF THERMODYNAMICS

الآلة الحرارية Heat engine هي آلة تحول الطاقة الداخلية إلى طاقة ميكانيكية، على سبيل 10.8 المثال تقوم محطة توليد الكهرباء بحرق الفحم أو أي نوع آخر من أنواع الوقود، والغازات الساخنة 770 الناتجة عن ذلك تستخدم في تحويل الماء إلى بخارً، ويتم توجية هذا البخار نحو ريش التوربينات

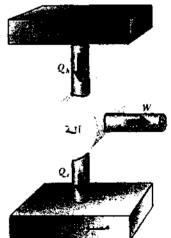
الفصل التاسع عشر، الألات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية



لورد كلفن (1824 -1907) وليم طومسون، عالم فيزياء ورياضيات بريطاني، ولد في بلفاست، وهو أول من افترح المقاياس المطلق لدرجات الحرارة (مقياس كلفن) الذي يحمل اسمه تكريماً له،



شكل (1.19) الآلة البخارية المحركة لهذا القطار تحصل على طاقتها من حرق الفحم والطاقة المتولدة تستخدم في تبغير الماء وتحوله إلى بغار الذي يقوم بإدارة الآلة المحركة للقطار. الآلات المحركة الحديثة تستخدم وقود الديزل بدلاً من الفحم. والآلتان القديمة والحديثة هما آلات حرارية تستمد الطاقة من احتراق الوقود وتحول جزءاً منها إلى طاقة ميكانيكية.



شكل (2.19) شكل توضيحي للآلة $Q_{\rm h}$ من $Q_{\rm h}$ من مناهة $Q_{\rm h}$ من مستودع ساخن وتطرد طاقة $Q_{\rm c}$ إلى المستودع البارد وتعمل شغلاً W

فتجعلها تدور، والطاقة الميكانيكية المصاحبة لهذا الدوران تستخدم في إدارة مولد الكهرباء، آلة حرارية آخرى- آلة الإحتراق الداخلي في السيارات تستخدم الطاقة الناتجة عن حرق الوقود في أداء شغل ينتج عنه حركة السيارة.

الآلة الحرارية تجعل مادة شغالة Working substance تقوم بعملية دورية تتم خلالها العمليات الآتية (1) تمتص المادة الشغالة طاقة من مستودع للطاقة درجة حرارته مرتفعة (2) تبذل الآلة شغلاً. (3) تطرد الآلة طاقة إلى مستودع للطاقة درجة حرارته منخفضة

على سبيل المثال سنأخذ طريقة عمل آلة بخارية شكل (1.19) في هذه الآلة المادة الشغالة هي الماء، الذي في الغلاي يمتص طاقة من حرق الوقود ويتحول إلى بخار، يقوم البخار بعد ذلك ببذل شغل

بتمدده فوق مكبس (Piston). بعد أن يبرد البخار ويتكثف يعود الماء الناتج عن التكثف إلى الغلاي مرة أخرى، وتتكرر الدورة،

ويمكن تمثيل الآلة الحرارية كما في شكل (2.19) تمتص الآلة كمينة من الطاقة $Q_{
m h}$ من المستودع الساخن، تبذل شغلاً W ثم تطرد كمية من الطاقة $Q_{
m c}$ لمستودع بارد . حيث إن المادة الشغالة قامت بدورة فإن طاقتها الداخلية الإبتدائية والنهائية تكونان متساويتين ومن ثم $E_{io}=0$ إذن من القانون الأول للديناميكا الحرارية $\Delta E_{
m int} = Q - W$ إذن الشغل المبذول بواسطة الآلة الحرارية $\Delta E_{
m int} = Q$ يساوي صافي $Q_{
m net}$ الطاقة $Q_{
m net}$ أن التغير في الطاقة الداخلية يساوى صفر. وكما ترى من شكل (2.19)مقدار $(Q_{\text{net}} = Q_{\text{b}} - Q_{\text{c}})$ پساوی

$$W = Q_{\rm h} - Q_{\rm c}$$
 (1.19) ومن ثم

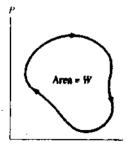
وفي هذه العلاقة والعلاقات القادمة في هذا الباب لكي نساير التقاليد المتبعة في معالجة الآلات الحرارية سنعتبر كل من $Q_{
m h}, Q_{
m c}$ كميات موجبة على الرغم من أن $Q_{
m c}$ ثمثل طاقة تفقدها الآلة. في دراستنا للآلات الحرارية سوف نعتبر أن الطاقة التي تخرجها الآلة سالية الإشارة كما في معادلة (1.19) كما ستعامل الطاقة الداخلة والطاقة الخارجة في حالة الآلة الحرارية على أنها حرارة كما هي في العادة، إلا أن انتقال الطاقة قد ينم بطريقة أخرى.

صافى الشغل المبذول في عملية دورية هي المساحة داخل المنحني المغلق PV كما هو موضح في العملية الدورية الإختيارية في شكل (3.19).

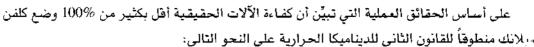
كفاءة الآلة الحرارية e تعرُّف على أنها النسبة بين صافى الشغل المبذول بواسطة الآلة خلال دورة. واحدة إلى الطاقة المنصة من المستودع الساخن خلال الدورة

$$e = \frac{W}{Q_h} = \frac{Q_h - Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{Q_c}{Q_h}$$
 (2.19)

ويمكننا أن نتذكر الكفاءة كنسبة بين ما نحصل عليه (الشغل الميكانيكي) ومانعطيه (الطاقة $Q_{\rm h}$ المنتقلة عند درجة حرارة مرتضعة). عملياً، نجد أن جميع الآلات الحرارية تستخدم جزءاً من الطاقة المتصة فقط في بذل شغل ميكانيكي ومن ثم فإن كفاءتها تكون أقل من 100% وآلات الدبزل تتراوح كفاءتها بين %35, %40. أما محرك السيارة الجديدة فكفاءته تساوى %20. من معادلة (2.19) نستنتج أن الآلة الحرارية كفاءتها تكون Q_c 0 أن أنه لاينتقل منها أي فقط إذا كان مقدار Q_c 9 أن أنه لاينتقل منها أي طاقة إلى المستودع البارد. وهذا يعنى أن الآلة الحرارية ذات الكفاءة المثالية 772 تستغل كل الطاقة الحرارية المتصة في بذل شغل ميكًانيكي.



شكل (3.19) منحنى PV لعملية دورية إخنيارية، مقدار صافى الشغل المبذول يستاوي المساحية داخل المنحتى المفلق



من المستحيل بناء آلة حبرارية تعمل في دورة ولاتحدث أي تأثير غير أنها تمتص طاقة من مستودع حراري وتؤدي شغلاً مساوياً لها.

وهذا النص للقانون الثاني للديناميكا الحبرارية يعني أنه أثناء ممل الآلة الحرارية من المستحيل أن يكون مقدار W مساوياً لمقدار $Q_{\rm c}$ أي إن الآلة لابد من أن تفقد قدراً من الطاقة $Q_{\rm c}$ في الوسط للحيط وشكل (4.19) رسم توضيحي للآلة الحرارية غيير الممكنة التي تناقض القانون الثاني للديناميكا الحرارية.

ويمكن تلخيص القانون الأول والثاني للديناميكا الحرارية كما بلى:

ينص القانون الأول على أننا لانستطيع أن نحصل على طاقة على شكل شغل من عملية دورية تزيد عن الطاقة التي نضعها فيها. والقانون الثاني ينص على أنه لابد من أخذ طاقة من المصدر الساخن أكبر مما نحصل علية من طاقة على شكل شغل من العملية الدورية.





شكل (4.19) شكل توضيحي لآلة حسرارية تمتص طاقية Q_h من مستودع ساخن وتبذل شغلاً مكافئاً لها. من المستحيل بناء آلة بمثل هذه الكفاءة.

مثال 1.19

احسب كفاءة آلة حرارية تمتص J 2000 من الطاقة من المستودع الساخن وتفقد 1500J في المستودع البارد.

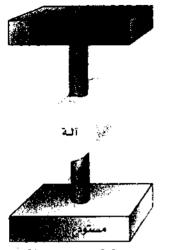
الحل: لحساب كفاءة آلة تستخدم المعادلة

$$e = 1 - \frac{Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{1500 \text{ J}}{2000 \text{ J}} = 0.25, \text{ or } 25\%$$

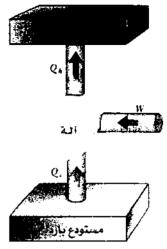
الثلاجات والمضخات الحرارية Refrigerators and Heat Pumps

الشلاجات والمصحات الحرارية هي آلات حرارية تعمل عكس الآلات التي سبق ذكرها، وسوف متناولها هنا باختصار من أجل وضع نص آخر للقانون الثاني للديناميكا الحرارية، إلا أننا سنتناولها بالتفصيل في القسم 5.19، في الشلاجات أو المضحات الحرارية تمتص الآلة طاقة $Q_{\rm c}$ من المستودع البارد وتفقد طاقة $Q_{\rm h}$ للمستودع الساخن شكل (5.19)، ولكي يتم ذلك لابد من بذل شغل على الآلة،

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



شكل (5.19) شكل توضيينجي $Q_{\rm h}$ قلة تبريد تمتص طاقة $Q_{\rm h}$ من مستودع بارد وتعطي طاقة إلى مستودع ساخن، ويبذل شغل W على الثلاجة، والمضغة الحرارية المستخدمة في تدفثة أو تبريد المباني تصمل بنفس الطريقة.



ألة تبريد مستحيلة

شكل (6.19) شكل توضيحي لآلة تبريد مستحيلة تمتص طاقة Q_c من مستودع بارد وتعطي طاقة مكافئة لها في مستودع ساخن دون بذل شغل W=0.

ومن القانون الأول للديناميكا الحرارية نعلم أن الطاقة المعطاة للمستودع الساخن لابد وأن تساوي مجموع مقداري الشغل المبذول والطاقة الممتصة من المستودع البارد. إذن الثلاجة أو المضغة الحرارية تنقل الحرارة من جسم أكثر برودة (على سبيل المثال من المحتويات التي بداخل الثلاجة المنزلية أو من الهواء البارد في الشتاء خارج المبنى) إلى جسم أكثر سخونة (مثل الهواء الذي داخل المطبخ أو الهواء الذي داخل المبنى).

ومن المرغوب فيه عملياً إتمام تلك العملية بأقل قدر من الشغل المبذول وإذا أمكن أن تتم تلك العملية دون بذل أي شغل سيكون ذلك أفضل كما في شكل (6.19). مرة ثانية مثل هذه الآلة تتناقض مع القانون الثاني للديناميكا الحرارية.

طبقاً لنص كلاوزيوس (Clausius(1) وهو: من المستحيل بناء آلة تعمل في دورة وتقوم بنقل طاقة بصفة مستديمة من جسم إلى آخر درجة حرارته أعلى من الأول دون إدخال طاقة عن طريق بذل شغل على الآلة. وبطريقة أبسط الطاقة لاتنساب تلقائياً من جسم بارد إلى جسم ساخن.

مثلاً نحن نبرد المنازل صيفاً باستخدام المضخات الحرارية (أجهزة التكيف). ومكيفات الهواء تضخ الطاقة من حجرة باردة داخل المنزل إلى الهواء الدافئ خارج المنزل. وانتقال الطاقة في هذا الاتجاء يعتاج إلى إدخال طاقة إلى جهاز التكيف على شكل طاقة كهربائية، ونصي كلاوزيوس وكلفن وبلانك للقانون الثاني للديناميكا الحرارية قد يبدوان لأول وهلة غير مرتبطين ببعضهما، لكنهما في الحقيقة متكافئان من جميع النواحي فإذا ثبت أن أحد النصين غير صحيح فسيصبح النص الآخر غير صحيح أيضاً.



2.19 العمليات المكوسة والعمليات غير المكوسة REVERSIBLE AND IRREVERSIBLE PROCESSES



شكل (7.19) تمدد أديباتي حر لغاز

في القسم التالي سوف ندرس آلة حرارية نظرية أي أنها ذات كفاءة أعلى مايمكن. لكي نستوعب طبيعتها، يجب أولاً أن نتفحص معنى عملية عكوسة Reversible. في العملية عير العكوسة النظام الذي يقوم بعملية يمكن أن يعود إلى حالته الابتدائية عن طريق نفس المسار المبين على المنحنى البياني PV وكل نقطة على هذا المسار تمثل حالة اتزان، وأي عملية لاتحقق هذا الشرط هي عملية غير عكوسة.

جميع العمليات التي تحدث في الطبيعة هي عمليات غير عكوسة، ومن تلك العمليات سوف تختار واحدة كمثال لتوضيح مفهوم العملية العكوسة وغير العكوسة.

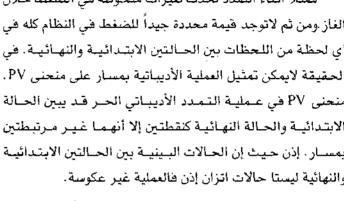
الحالة التي سندرسها هي حالة التمدد الأديباتي الحر لغاز الذي سبق دراسته في القسم 17.6 وسوف نبين كيف أنه لايمكن أن يكون عكوساً. الغاز في وعاء معزول حرارياً كما هو مبين في شكل (7.19). الغشاء يفصل الغاز عن منطقة مفرغة من الهواء. عند قطع الغشاء يتمدد الغاز بحرية في الفراغ ويشغل حجماً أكبر بعد حدوث التمدد. وحيث أن الغاز لم يؤثر بقوة خلال مسافة ما في الوسط المحيط، فهو لم يبذل شغلاً على الوسط المحيط أثناء التمدد. بالإضافة إلى ذلك لم تنتقل طاقة إلى أو من الغاز بواسطة الحرارة لأن الوعاء معزول عن الوسط الحيط، إذن في هذه العملية الأديباتية قد حدث تغير في النظام فقط دون أن يعدث أي تغير في الوسط المحيط.

لكي تكون هذه العملية عكوسة يجب أن يعود الغاز إلى حجمه الإبتدائي ودرجة حرارته الإبتدائية دون حدوث تغير في الوسط المحيط، تخيل أننا نريد أن نعكس العملية بضغط الغاز إلى حجمه الأول. الكي نفعل ذلك سوف نثبت مكبس Piston فوق الوعاء ونستخدم آلة لكي تؤثر على المكبس إلى الداخل. خلال تلك العملية، سيتغير الوسط المحيط لأن شغلاً سيبذل بواسطة عامل خارجي على النظام. بالإضافة إلى ذلك قد تغير النظام لأن الضغط يرفع درجة حرارة الغاز، يمكننا أن نقلل درجة حرارة الغاز بجعله بلامس مستودع خارجي للطاقة. على الرغم من أن ذلك يعيد النظام إلى حالته الابتدائية. الا أن الوسط المحيط قد تأثر، لأن طاقة قد أضيفت له من الغاز، لوكان من المكن استغلال تلك الطاقة لإدارة الآلة التي استخدمناها في ضغط الغاز، عند إذ سيكون صافي الطاقة المنتقلة إلى الوسط المحيط تساوي صفر، بهذه الطريقة يمكن إعادة النظام والوسط المحيط إلى حالتهما الأولى، ويمكننا أن الطاقة المأخوذة من الغاز لكي تعود درجة حرارته إلى حالتها الأولى لا يمكن تحويلها كلها إلى طاقة ميكانيكية على شكل شغل مبذول لضغط الغاز بواسطة المكبس. من ذلك يتضح أن العملية غير عكوسة.

الضيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

يمكننا كذلك أن نتبت أن التمدد الأديباتي عملية غير عكوسة مستندين إلى جنزء من تعريف العملية العكوسة الذي يشير إلى حالات الاتزان.

فمثلاً أثناء التمدد تحدث تغيرات ملحوظة في الضغط خلال الغاز ومن ثم لاتوجد فيمة محددة جيداً للضفط في النظام كله في أى لحظة من اللحظات بين الحالتين الابتدائية والنهائية. في الحقيقة لايمكن تمثيل العملية الأديباتية بمسار على منحنى PV. منحنى PV في عملية التمدد الأدبياتي الحرقد ببين الحالة الابتدائية والحالة النهائية كنقطتين إلا أنهما غير مرتبطتين بمسار، إذن حيث إن الحالات البينية بين الحالتين الابتدائية والنهائية ليستا حالات اتزان إذن فالعملية غير عكوسة.





مستودع طاقة

شكل (8.19) غياز على انصبال حيراري بمستودع للطاقة يزداد الضغط فوقه بيطئ شديد بوضع حبيات من الرمل فوق المكبس، الإنضفاط في هذه الحالة يكون أبزوثرمالي وعكوس.

على الرغم من أن كل العمليات الحقيقية غالباً ماتكون غير عكوسة، إلا أن بعضها يكون عكوساً ،إذا تمت عملية حقيقية ببطئ شديد بحيث إن النظام ظل دائماً كما لوكان في حالة اتزان. عند إذ تكون العملية تقريباً عكوسة.

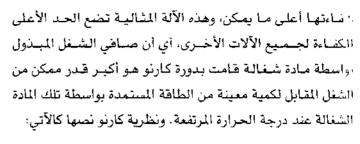
على سبيل المثال دعنا نتخيل أننا قد نضغط غاز ببطئ شديد بوضع بعض حبيبات من الرمل على مكبس عديم الاحتكاك كما في شكل (8.19) وسنجعل العملية أيزوثرمالية بوضع الفاز في اتصال حراري مع مستودع للطاقة، وسننقل قدراً من الطاقة من الغاز إلى المستودع بحيث تظل درجة حرارته ثابتة. في هذه الحالة بكون الضغط والحجم ودرجة الحرارة للفاز ذات قيم محددة خلال عملية الإنضفاط الأيزوثرمالي، إذن كل حالة أثناء العملية هي حالة اتزان، وفي كل مرة نضيف حبة رمل إلى المكبس فينقص حجم الغاز فليلاً بينما يزداد الضغط فليلاً كذلك، وكل حبة رمل نضيفها إلى المكبس تنقل النظام إلى حالة اتزان جديدة ويمكننا عكس العملية عن طريق إزالة حبات الرمل ببطئ من فوق المكيس.

ومن أهم خصائص العملية العكوسة أنها لاتكون مقترنة بعوامل تبدُّد (مثل الدوامات أو الإحتكاك) تحول الطاقية الميكانيكيية إلى طاقية داخليية، وهذه التأثييرات لايمكن إزالتها تمامياً، ولذلك فليس بمستغرب أن تكون جميع العمليات في الكون هي عمليات غير عكوسة.

The CARNOT ENGINE السة كارنو 3.19

هي عام 1824 قام المهندس والعالم الفرنسي سادي كارنو Sadi Carnot بوضع فكرة لآلة حرارية 10.9 نظرية تسمى الآن آلة كارنو وهي ذات قيمة كبيرة من الناحيتين العلمية والعملية. لقد بين كارنو 776 أن الآلة الحرارية التي تعمل في دورة عكوسة مثالية تسمى دورة كاربو بين مستودعين حراريين هي آلة





"لاتوجد آلة حرارية تعمل بين مستودعين للطاقة كفاءتها أعلى من كفاءة آلة كارنو التي تعمل بين نفس المستودعين الحراريين".

لكي نناقش صحة هذه النظرية دعنا نتخيل آلتين حراريتين تعملان بين نفس المستودعين الحراريين أحدهما آلة كارنو وكفاءتها e_c والأخرى كفاءتها e أكبر من e_c سنستخدم الآلة الأكثر كفاءة لإدارة آلة كارنو كآلة مبردة أي كمضخة حرارية. أي أن الشغل الخارج من الآلة الأعلى كفاءة يستغل كله كشغل يبذل على الة تبريد كارنو. بالنسبة للمجموعة المكونة من الآلة الحرارية وآلة



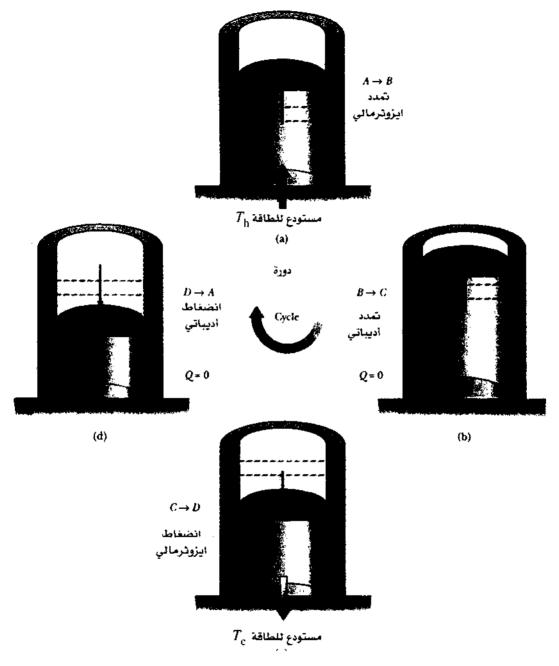
سادي كان أول من أوجد علاقة فرنسي كان أول من أوجد علاقة كمية بين الشغل والحرارة، في عام 1842 نشر علمه الوحيد. 1842 نشر عمله الوحيد، "Reflection on The Motive "وهذا العمل أثار الإنتباء إلى الأهمية التكنولوجية والسياسية والعسكرية للآلات الحرارية البخارية، وكارنو يعتبر من مؤسسي علم الديناميكا الحرارية.

التبريد لايحدث تبادل عن طريق الشغل بينهما وبين الوسط المحيط. وحيث إننا قد افترضنا أن الآلة الحرارية أكثر كفاءة من آلة تبريد كارنو، ستكون محصلة هذه المجموعة انتقال الطاقة من المستودع البارد إلى المستودع الساخن دون بذل شغل على المجموعة، وطبقاً لنص كلاوزيوس للقانون الثاني للديناميكا الحرارية من غير الممكن أن يحدث ذلك، إذن افترضنا أن $e > e_c$ هو افتراض خاطئ وجميع الآلات الحقيقية أقل كفاءة من آلة كارنو لأنها لاتعمل من خلال دورة عكوسة، وكفاءة الآلة الحقيقية تقل كذلك بسبب المصاعب العملية مثل الاحتكاك وفقدان الطاقة بالتوصيل.

لكي نصف دورة كارنو التي تتم بين درجتي حرارة (T_h , T_c) سنفرض أن المادة الشغالة هي غاز مثالي موجود داخل أسطوانة مثبت عليها مكبس متحرك فوق أحد نهايتيها، وجدران الأسطوانة والمكبس مُوصِّلان حراريان، في شكل (9.19) مبين أربع مراحل لدورة كارنو ومنحنى PV لدورة كارنو موضح في شكل (10.19) وتتكون دَوَرة كارنو من عمليتين أديباتيتين وعمليتين أيزوثرماليتين وجميعها عكوسة.

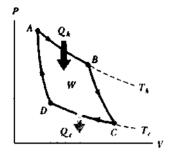
- ا- العملية A→B شكل (9.19a) هي عملية تمدد عند درجة حرارة $T_{\rm h}$ بوضع الغاز في اتصال حراري مع مستودع الطاقة عند درجة حرارة $T_{\rm h}$ أثناء التمدد يمتص الغاز طاقة $Q_{\rm h}$ من المستودع خلال قاع الأسطوانة ويعمل شغلاً $W_{\rm AB}$ لرفع المكبس.
- 2- في العملية C شكل (9.19b) يستبدل قاع الأسطوانة بآخر عازل للحرارة ثم يتمدد الغاز أديباتياً أي أن الطاقة لاتدخل ولاتخرج من النظام. أثناء تمدد الغاز تنخفض درجة الحرارة من $T_{\rm h}$ أديباتياً أي أن الطاقة لاتدخل ولاتخرج من النظام. أثناء تمدد الغاز تنخفض درجة الحرارة من W_{BC} لرفع المكبس.





شكل (9.19) دورة كارنو. في العملية $A \to B$ يتمدد الغاز أيزوثرماليا بينما تكون الأسطوانة على اتصال حراري مع مستودع عند درجة حرارة T_h . في العملية $C \to B$ يتمدد الغاز أديباتيا Q=0 في العملية $C \to D$ يضغط الغاز أيزوثرمالياً، بينما الأسطوانة على اتصال حراري مع مستودع عند درجة حرارة $C \to D$ حيث $T_c < T_h$. في العملية $D \to A$ يضغط الغاز أديباتياً. السهم إلى أعلى يعني أن الكتلة ترفع من على المكبس أثناء التمدد والسهم إلى أسفل يعني أن كتلاً تضاف أثناء الإنضغاط.

الفصل التاسع عشر، الألات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية



شكل (10.19): شكل PV لدورة كارنو صافي صافي الشغل المبنول يساوي صافي الطاقة التي استقبلها النظام في دورة واحدة $Q_{\rm h}$. لاحظ أن 0 = A لانسبة لدورة كاملة .

في العملية $C \rightarrow D$ شكل (9.19c) يوضع الغاز في اتصال حراري مع مستودع حراري عند درجة حرارة T_c ثم يضغط أيزوثرمالياً عند درجة حرارة T_c . في هذه المرة يفقد الغاز قدراً من الطاقة Q_c إلى المستودع والشغل المبذول على المكبس هو W_{CD} .

ا في العملية الأخيارة $D \rightarrow A$ شكل (9.19d) يستبدل قياء الأسطوانة بآخر عازل للحرارة ويضغط الغاز أديباتياً. فترتفع درجة حرارة الغاز إلى $T_{\rm h}$ والشغل المبذول على الغاز بواسطة المكبس هو W_{DA} .

محصلة الشغل المبذول في هذه الدورة العكوسة تساوي المساحة داخل المسار المغلق ABCDA في شكل (10.19). كما بينا في قسم (1.19) حيث أن التغير في الطاقة الداخلية يساوي صفر، محصلة الشغل W في دورة واحدة يساوي الطاقة المنقولة إلى النظام $Q_{\rm h}$ - الكفاءة الحرارية للآلة تعطى المعادلة:

$$e = \frac{W}{Q_b} = \frac{Q_h - Q_c}{Q_b} = 1 - \frac{Q_c}{Q_b}$$

في مثال (2.19) يتبين أن في دورة كارنو:

$$\frac{Q_c}{Q_h} = \frac{T_c}{T_h} \tag{3.19}$$

إذن الكفاءة الحرارية لآلة كارنو هي:

$$e_{\rm C} = 1 - \frac{T_{\rm c}}{T_{\rm h}} \tag{4.19}$$

وهذه النتيجة تبين أن جميع آلات كارنو التي تعمل بين نفس درجتي الحرارة لها نفس الكفاءة.

ومعادلة (4.19) يمكن استخدامها لأي مادة شغالة تعمل في دورة كارنو بين مستودعين حراريين. طبقاً لهذه المعادلة تصبح الكفاءة صفر إذا أصبحت $T_c = T_h$. وتزيد الكفاءة كلما ارتفعت T_h وانخفضت $T_c = T_h$. إلا أن الكفاءة تصبح واحد صحيح إذا انخفضت درجة الحرارة T_c إلى الصفر المطلق ومثل هذا الستودع غير متاح، لذلك فإن الكفاءة دائماً تكون أقل من \$100. في معظم الأحوال تكون T_c قريبة من درجة حرارة الغرفة وهي حوالي T_c ولذلك فتبذل المحاولات دائماً برفع درجة الحرارة T_b .



مثال 2.19ء

إثبت أن كفاءة آلة حرارية تعمل في دورة كارنو وتستخدم غازاً مثالياً تعطى بالمعادلة 19.4.

الحل: أثناء التمدد الأيزوثرمالي (عملية B→A في شكل 9.19) لاتتغير درجة الحرارة ومن ثم فإن الطاقة الداخلية تظل مقداراً ثابتاً. الشغل المبذول بواسطة الغاز أثناء عملية التمدد الأيزوثرمالي يعطى بالمعادلة 13.17. من القانون الأول هذا الشغل يساوى Q_h، الطاقة المتصة، إذن

$$Q_h = W_{AB} = nRT_h \ln \frac{V_B}{V_A}$$

بطريقة مماثلة الطاقة المنتقلة إلى المستودع البارد أثناء عملية التضاغط الأيزوترمالي C→D هي.

$$Q_c = |W_{CD}| = nRT_c \ln \frac{V_C}{V_D}$$

بقسمة المعادلة الثانية على المعادلة الأولى نجد أن

(1)
$$\frac{Q_c}{Q_h} = \frac{T_c}{T_h} \frac{\ln(V_C/V_D)}{\ln(V_B/V_A)}$$

سنبين الآن أن النسبة بين الكميات اللوغارتيمية تساوي واحد عن طريق إيجاد علاقة بين النسبة بين النسبة بين الحجوم. لأي عملية أديباتية شبه استاتيكية العلاقة بين الضغط والحجم طبقاً لمعادلة 18.18

(2)
$$PV^{\gamma} = \text{constant}$$

PV = nRT أثناء أي عملية عكوسة وشبه استاتيكية الغاز المثالي لابد أن يتبع معادلة الحالة PV = nRT باستخدام هذه العلاقة في معادلة (2) نحصل على الآتى:

$$\frac{nRT}{V}V^{\gamma} = \text{constant}$$

ويمكن صياغتها على النحو التالي:

$$TV^{\gamma-1} = \text{constant}$$

حيث تم وضع nR ضمن الثابت الموجود في الطرف الأيمن من المعادلة باستخدام هذه النتيجة للعملية الأديباتية $B \rightarrow C, D \rightarrow A$ نحصل على الآتى:

$$T_h V_B^{\gamma - 1} = T_C V_C^{\gamma - 1}$$
$$T_h V_A^{\gamma - 1} = T_C V_D^{\gamma - 1}$$

بقسمة المعادلة الأولى على الثانية

$$(3) \qquad \frac{V_B}{V_A} = \frac{V_C}{V_D}$$

بإحلال المعادلة (3) في المعادلة (1) نجد أن الحد اللوغاريتمي بلغي ونحصل على:

$$\frac{Q_c}{Q_b} = \frac{T_c}{T_b}$$



وباستخدام هذه النتيجة في معادلة 2.19 نجد أن الكفاءة الحرارية لآلة كارنو هي:

$$e_{\rm C} = 1 - \frac{Q_c}{Q_h} = 1 - \frac{T_c}{T_h}$$

وهي معادلة 4.19.

الآلة البخارية مثال 3.19

آلة بخارية بها مرجل يعمل عند درجة حرارة X 500. الطاقة الناتجة عن الوقود المحترق تحول الماء إلى بخيار، وهذا البخيار يحيرك مكبس والمستودع البيارد هو الهواء الجوي عند درجة حيرارة X 300 K تقريباً ما هي أعلى كفاءة حرارية لهذه الآلة البخارية.

الحل: باستخدام معادلة 4.19 نجد أن الحد الأعلى لكفاءة آلة تعمل بين هاتين الدرجتين هي:

$$e_{\rm C} = 1 - \frac{T_{\rm c}}{T_{\rm h}} = 1 - \frac{300 \text{ K}}{500 \text{ K}} = 0.4$$
, or 40%

هذه أعلى كفاءة نظرية للآلة. في الواقع أن الكفاءة الفعلية تكون أقل من ذلك بقدر ملحوظ.

تمرين: عين أكبر شغل يمكن للآلة أن تؤدية في كل دورة إذا امتصب طاقة قدرها 200 J من المستودع الساخن في كل دورة.

الجواب: 801

مثال 4.19 كفاءة آلة كارنه

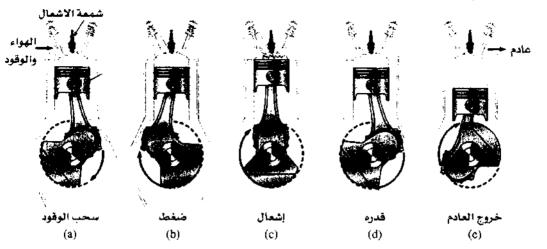
أعلى كفاءة نظرية لآلة ما هي 30% إذا كانت تلك الآلة تسستخدم الجو كمستودع بارد عند درجة حرارة X 300 فكم تكون درجة حرارة المستودع الساخن.

$$e_{\rm C}=1-rac{T_{\rm c}}{T_{h}}$$
 للحل: تستخدم كفاءة آلة كارنو لإيجاد $T_{\rm h}$ للحل: $T_{\rm h}=\frac{T_{\rm c}}{1-e_{\rm C}}=rac{300~{
m K}}{1-0.30}=430~{
m K}$

GASOLINE AND DIESEL ENGINES المهارولين وآلة الديزل 4.19

في آلة الجازولين تتم 6 عمليات في كل دورة خمسة منها موضحين في شكل 11.19 . في هذه المالجة، سنعتبر أن الجزء الداخلي من الأسطوانة أعلى المكبس (البستن) هو الذي يمثل النظام الترموديناميكي الذي يقوم بدورات متكررة أثناء عمل الآلة. في أي من تلك الدورات يتحرك المكبس إلى ﴿ 781

الفيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)



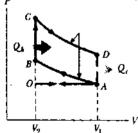
شكل (11.19) الدورة رباعية الأشواط في آلة الجازولين التقليدية (a) شوط السحب فيه يتم إدخال الوقود (الجازولين) والهواء بواسطة البستن (المكبس) (c) يشغل صمام السحب ويضغط خليط الوقود والهواء بواسطة البستن (المكبس) (c) يشتعل الخليط بواسطة شموع الإشتعال فترتفع درجة حرارة الخليط (d) في شوط القدرة يتمدد الغاز فوق البستن ويدفعه إلى أسفل (e) تخرج الغازات بعد الاحتراق من صمام العادم وتكرر الدورة.

أعلى وإلى أسفل مرتبن. وهذا يمثل دورة رباعية الأشواط تتكون من شوطين إلى أعلى وشوطين إلى أعلى وشوطين إلى أسفل. العملية التي تتم في الدورة يمكن تقريبها بواسطة دورة اتو Otto Cycle ومنعنى PV لدورة أتو موضع في شكل 12.19.

 V_2 من الهواء والوقود داخل الأسطوانة عند الضغط الجوي. يزداد الحجم في هذه العملية من V_2 إلى من الهواء والوقود داخل الأسطوانة عند الضغط الجوي. يزداد الحجم في هذه العملية من V_1 وهذا هو شوط إدخال الطاقة في تلك الدورة وهي تدخل إلى النظام (داخل الأسطوانة) كطاقة داخلية مـخـزونة في الوقود وهو انتقال الطاقة عن طريق انتقال الكتلة Mass Transfer أي أن الطاقة تحمل بواسطة مادة. وهو ما يشبه الحمل الذي سبق أن درسناه.

 $A \rightarrow B$ شكل (11.19b) يتحرك المكبس إلى أعلى، يتحرك المكبس إلى أعلى، ينضغط خليط الهواء والوقود أديباتياً من حجم V_1 إلى حجم V_2 وترتفع الحرارة من T_A إلى T_B . الشغل المبدول بواسطة الغاز سالب وقيمته تساوي المساحة تحت المنحنى T_B في شكل (12.19).

3- في العملية B→C يحدث احتراق الوقود عندما تشعله شموع الإحتراق شكل (11.19c). وهذه العملية لاتمثل شوطاً من أشواط الدورة لأنها تحدث خلال فترة قصيرة من الوقت بينما



شكل (12.19) شكل PV لدورة أنو وهي تمثل بشكل تقريبي العمليات التي تحمدث في آلة الإحمشراق الداخلي.



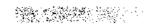
يكون البستن (المكبس) في أعلى نقطة داخل الأسطوانة، وعملية الإحتراق تمثل عملية سريعة لانتقال الطاقة الداخلية المخزونة في الروابط الكميائية في الوقود إلى طاقة داخلية مرتبطة بحركة جزيئات الغاز، في هذا الوقت ترتفع درجة الحبرارة من T_B إلى T_C كما يرتفع الضغط: إلا أن الحجم يظل ثابتاً تقريباً نتيجة لقصر المدة الزمنية، ولذلك لايحدث شغل بواسطة الغاز، ويمكننا أن نمثل هذه العملية على منحنى PV شكل (12.19) على أنها العملية التي تدخل فيها الطاقة Q_h إلى النظام، إلا أنه في واقع الأمر هذه العملية هي عملية تحول للطاقة الموجودة فعلاً داخل الأسطوانة (من العملية منحني) وليست عملية انتقال.

- V_1 وهذا Power Stroke C \to D في شوط القدرة V_2 الى V_2 الى V_3 الى V_3 الى أسفل. التمدد يؤدي إلى خفض درجة الحرارة من V_3 إلى V_3 إلى أسفل. وهذا الشغل يساوي المساحة تحت المنعنى V_3 .
- 5 في العملية A <-- D وهي ليست مبينة في شكل (11.19) تفتع صمامات العادم عندما يصل المكبس C لأسفل الأسطوانة ويهبط الضغط فجأة لفترة قصيرة من الوقت. خلال هذه الفترة يكون المكبس ساكناً تقريباً والحجم ثابت. تنتقل الطاقة من داخل الأسطوانة وتظل تتسسرب إلى الخارج خلال العملية النائية.</p>
- 0 في العملية الأخيرة شوط العادم 0 ← A شكل (11.19e) يتحرك المكبس إلى أعلى بينما يظل صمام العادم مفتوحاً. تخرج الغازات الباقية عند الضغط الجوي. وينقص الحجم من V_1 إلى V_2 وتتكرر الدورة.

وباعتبار خليط الوقود والهواء كالغاز المثالي عند إذ تكون كفاءة دورة أتو هي:

$$e = 1 - \frac{1}{(V_1/V_2)^{\gamma - 1}}$$
 (5.19)

حيث γ هي النسبة بين الحرارتين النوعيتين للغاز C_p/C_p لخليط الهواء. الوقود و V_1/V_0 نسبة الإنضغاط. معادلة (5.19) التي استنتجناها هي مثال 5.19 تبين أن الكفاءة تزيد بزيادة نسبة الانضغاط، عندما تكوّن نسبة الانضغاط 8 ومقدار 1.4 = γ نتوقع كفاءة نظرية قدرها 56% لآلة تعمل طبقاً لدورة اتو المثالية، وهذه القيمة أكبر بكثير مما تصل إليه كفاءة الآلة الحقيقية. (15% إلى 20%). بسبب بعض العوامل مثل الاحتكاك وانتقال الحرارة بالتوصيل من خلال جدران الأسطوانة وعدم احتراق خليط الهواء والوقود احتراقاً كاملاً. وآلات الديزل تعمل طبقاً لدورة تشبه دورة أتو إلا أنها لاستخدم شموع احتراق ونسبة الإنضغاط في آلة الديزل أكبر بكثير مما هي عليه في آلة الجازولين. فالهواء في الأسطوانة يضغط إلى حجم صغير جداً وتبعاً لذلك ترتفع درجة حرارة الأسطوانة ارتفاعاً شديداً في نهاية شوط الإنضغاط. عند إذ يحقن الوقود في الأسطوانة وتكون درجة الحرارة كافية



لحرق خليط الوقود والهواء دون حاجة إلى شموع احتراق. وآلات الديزل أعلى كفاءة من آلات الجازولين نتيجة لارتفاع نسبة الإنضغاط وما ينتج عن ذلك من ارتفاع شديد في درجة الحرارة.

مثال 5.19 كفاءة دورة أتُّو

أثبت أن الكفاءة الحرارية لآلة تعمل طبقاً لدورة أتُّو المثالية تعطي بمعادلة 5.19. إعتبر أن المادة الشغالة هي غاز مثالي ارجع إلى شكلي (11.19), (12.19).

 $D \rightarrow A$ وفي العملية $D \rightarrow C$ وفي العملية لايبذل شغل، الشغل الذي يبذله الغاز خلال الإنضغاط الأديباتي $D \rightarrow C$ يكون سالباً، والشغل المبذول بواسطة الغاز خلال التمدد الأديباتي $D \rightarrow C$ موجب، مقدار صافي الشغل المبذول يساوي المساحة المظللة المحاطة بالمنعنى المغلق في شكل (12.19). حيث إن التغير في الطاقة الداخلية في دورة واحدة يساوي صافي يساوي صفر. سنجد أنه طبقاً للقانون الأول صافي الشغل المبذول خلال دورة واحدة يساوي صافي الطاقة المنقولة إلى النظام

$$W = Q_h - Q_c$$

حيث إن العمليتين $D \to A, B \to C$ يحدثان تحت حجم ثابت وحيث أن الغاز مثالي، من تعريف الحرارة النوعية المولية معادلة ((21.8)) نجد أن.

$$Q_h = nC_V (T_C - T_B)$$
 , $Q_C = nC_V (T_D - T_A)$

باستخدام هانين العلاقتين مع العلاقة 19.2 نستنتج المعادلة التالية للكفاءة الحرارية

$$e = \frac{W}{Q_b} = 1 - \frac{Q_c}{Q_b} = 1 - \frac{T_D - T_A}{T_C - T_B}$$
 (1)

ويمكننا تبسيط هذه العلاقة إذ لاحظنا أن العمليتين $A \rightarrow B$, $C \rightarrow D$ أديبابيتان ومن ثم فهما يخضعان للعلاقة $TV^{\gamma-1} = \text{constant}$ يخضعان للعلاقة

$$A \rightarrow B: \quad T_A V_A^{\gamma-1} = T_B V_B^{\gamma-1}$$
 : إذن:
$$C \rightarrow D: \quad T_C V_C^{\gamma-1} = T_D V_D^{\gamma-1}$$

 $V_A = V_D = V_1$, $V_B = V_C = V_2$ باستخدام هاتين المعادلتين وحيث إن:

$$T_A V_1^{\gamma - 1} = T_B V_2^{\gamma - 1}$$
 نجد أن $T_D V_1^{\gamma - 1} = T_C V_2^{\gamma - 1}$

بإعادة ترتيب الحدود في هذه المعادلات نجد أن:

$$T_A = T_B \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^{\gamma - 1} \tag{2}$$

الفسل التاسع عشر: الألات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية

$$T_D = T_C \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^{\gamma - 1}$$
 (3)
: equation : (3) equation (3) (3) (4) and (5) and (6) and (7) and (7) and (7) and (8) and (9)
$$\frac{T_D - T_A}{T_C - T_R} = \left(\frac{V_2}{V_1}\right)^{\gamma - 1} \tag{4}$$

بإحلال المعادلة 4 في المعادلة 1 نحصل على

$$e = 1 - \frac{1}{(V_1/V_2)^{\gamma - 1}} \tag{5}$$

وهي المعادلة (5.19)

ويمكننا كذلك أن نعبر عن الكفاءة بدلالة درجات الحرارة بملاحظة أنه من معادلتي (2), (3)

$$\left(\frac{V_2}{V_1}\right)^{\gamma-1} = \frac{T_A}{T_B} = \frac{T_D}{T_C}$$

إذن المعادلة (5) تصبح كالآتى:

$$e = 1 - \frac{T_A}{T_B} = \frac{T_D}{T_C} \tag{6}$$

خلال دورة أتو أقل درجة حرارة هي T_A وأعلى درجة حرارة هي T_C إذن كفاءة آلة كارنو التي تعمل بين مستودعين عند هاتين الدرجتين والتي تعطى بالمعادلة ($e_C=1$ - (T_A/T_C) أكبر من كفاءة دورة أتو المعطاة بالمعادلة (6).

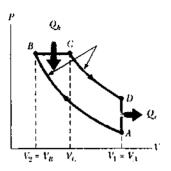
تطبيية، نماذج لألتى الجازولين والديزل Models of Gasoline and Diesel Engines

يمكننا من استخدام أسس الديناميكا الحرارية التي نوقشت في هذا الباب والأبواب السابقة أن نضع نموذجاً لأداء آلتي الجازولين والديزل. في الألتين يضغط الغاز أولاً في أسطوانات الآلة. بعد ذلك يحترق خليط من الهواء والوقود، ببذل على الغاز شغل أثناء الانضغاط، إلا أن شغلاً أكبر بكثير يبذل على المكبس (بستن) بخليط الهواء والوقود بعد الاحتراق عندما تتمدد نواتج الاحتراق في الأسطوانة، وتنتقل قدرة الآلة من المكبس إلى عمود الكرنك بواسطة قضيب التوصيل.

هناك كميتان هامتان لكل من الآلتين هما حجم الإزاحة Displacement Volume وهو الحجم المزاح بواسطة المكبس عندما يتحرك من القاع إلى قمة الأسطوانة ونسبة الإنضغاط r وهي النسبة بين أكبر حجم وأقل حجم للأسطوانة حيث r تعطى بالعلاقة $r = V_A/V_B$ or V_1/V_2 كما في معادلة أكبر حجم وأقل حجم للأسطوانة حيث r تعطى بالعلاقة r الأشواط) الأربعة (السحب، الإنضغاط، 5.19 المقدرة، العادم). وفيها صافي الشغل في دورتي السحب والعادم كمية ضئيلة يمكن إهمالها. إذن تتولد القدرة Power مرة واحدة لكل دورتين لعمود الكرنك.

الضيزياء (الجزء الأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

في آلة الديزل يوجد هواء فقط (دون وقود) في الأسطوانة في بداية الانضغاط، في دورة الديزل المثالية شكل (13.19) يقوم الهواء داخل الأسطوانة بعملية ضغط أديباتي من A إلى B. عند B يحسقن الوقود في الأسطوانة بحيث أن خليط الهواء والوقود يقوم بعملية تمدد تحت ضغط ثابت إلى حجم أوسط $VC(B \rightarrow C)$. وينتج عن ارتفاع درجة حرارة الخليط في إحداث عملية احتراق للوقود، وشوط القدرة Power Stroke هو عملية تمدد أديباتي للعودة إلى $V_D = V_A$ ($C \rightarrow D$) حيث $V_D = V_A$. يفتح صمام العادم ويحدث خروج طاقة V_C تحت حجم ثابت $V_C \rightarrow D$ عندما تفرغ الأسطوانة من نواتج الاحتراق.



شكل (13.19) السدورة الترموديناميكية لآلة الديزل على منعنى PV.

لكي نُبسِّط حساباتنا سنفرض أن الخليط في الأسطوانة هو غاز مثالي وسنستخدم الحرارة النوعية C بدلاً من الحرارة النوعية المولية C وسنفرض قيم ثابتة للهواء عند 300 K سنعبر عن الحرارات النوعية والثابت العام للغازات بدلالة وحدات كتلة بدلاً من المول إذن:

 $C_V = 0.718 \text{ kJ/kg} \cdot \text{K}, C_p = 1.005 \text{ kJ/kg} \cdot \text{K}, \gamma = C_p / C_V = 1.40, R = C_p - C_V = 0.287 \text{ kJ/kg} \cdot \text{K}$ = 0.287 KPa. m³/ kg· K

آلة جازولين سعة 3 لترات A3.0 L Gasoline Engine

دعنا نحاول حساب القدرة المعطاة من آلة تعمل بالجازولين ذات ست سلندرات (أسطوانات) وحجم الإزاحة فيها r = 9.50 وعدد لفاتها 4000 rpm ونسبة الانضغاط فيها r = 9.50 وخليط الهواء والوقود يحقن داخل الأسطوانة عند الضغط الجوي ودرجة حرارة r = 27 وأثناء الإحتراق يصل الخليط إلى درجة حرارة r = 27 وأثناء الإحتراق يصل الخليط إلى درجة حرارة r = 27

 $P_A = 100 \text{ kPa}$ قدرة البدول في إحدى الأسطوانات باستخدام ضغط ابتدائي قدرة ولي البدول في إحدى الأسطوانات باستخدام ضغط ابتدائي وكتلة مزيج الهواء والوقود . ونحن ودرجة الحرارة الابتدائية $T_A = 300 \text{ K}$ وسنحسب الحجم الابتدائي وكتلة مزيج الهواء والوقود . ونحن نعلم أن النسبة بين الحجم الابتدائي والحجم النهائي تساوي نسبة الانضغاط $\frac{V_A}{V_B} = r = 9.5$ وتعلم كذلك أن الفرق في الحجم هو الحجم المزاح والمعدل 1 K للآلة هو حجم الإزاحية الكليبة للست سلندرات (أسطوانات) . إذن لكل سلندر (أسطوانة) واحدة .

$$V_A - V_B = \frac{3.00 \text{ L}}{6} = \frac{3.00 \times 10^{-3} \text{ m}^3}{6} = 0.500 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$
. Let a like the like of
$$V_A = 0.559 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$
 $V_B = 0.588 \times 10^{-4} \text{ m}^3$

باستخدام قانون الغازات المثالية في الصورة PV = nRT وحيث إننا نستخدم ثابت الغازات بدلالة الكتلة بدلاً من المول يمكننا إيجاد كتلة خليط الهواء- الوقود.

$$m = \frac{P_A V_A}{RT_A} = \frac{(100 \text{ kPa}) (0.559 \times 10^{-3} \text{ m}^3)}{(0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K}) (300 \text{ K})}$$
$$= 6.49 \times 10^{-4} \text{ kg}$$

العملية $A \rightarrow B$ (انظر شكل 19.12) عملية انضغاط أديباتي وهذا يعنى أن $PV^{\gamma} = \text{constant}$ إذن:

$$P_B V_B^{\gamma} = P_A V_A^{\gamma}$$

 $P_B = P_A \left(\frac{V_A}{V_B}\right)^{\gamma} = P_A(r)^{\gamma} = (100 \text{ kPa}) (9.50)^{1.40}$
 $= 2.34 \times 10^3 \text{ kPa}$

باستخدام فانون الغاز المثالي نجد أن درجة الحرارة بعد الانضغاط هي:

$$T_B = \frac{P_B V_B}{mR} = \frac{(2.34 \times 10^3 \text{ kPa}) (0.588 \times 10^{-4} \text{ m}^3)}{(6.49 \times 10^{-4} \text{ kg}) (0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K})}$$

= 739 k

في العملية $B \to C$ الاحتراق الذي يحول الروابط الكميائية إلى طاقة داخلية في حركة الجزيئات وفي العملية $T_{\rm C} = 1350\,^{\circ}$ C والاحتراق يؤدي إلى ارتفاع درجة الحرارة إلى $V_{\rm C} = V_{\rm B}$ أي يحدث عند حجم ثابت إذن $V_{\rm C} = V_{\rm B}$ وأنون الغازات المثالية يمكن حساب $P_{\rm C}$.

$$P_C = \frac{mRT_C}{V_C}$$

$$= \frac{(6.49 \times 10^{-4} \text{ kg}) (0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K}) (1.623 \text{ K})}{(0.588 \times 10^{-4} \text{ m}^3)}$$

$$= 5.14 \times 10^3 \text{ kPa}$$

في العملية $C \rightarrow D$ يحدث تمدد أديباتي والضغط بعد التمدد هو:

$$P_D = P_C \left(\frac{V_C}{V_D}\right)^{\gamma} = P_C \left(\frac{V_B}{V_A}\right)^{\gamma} = P_C \left(\frac{1}{r}\right)^{\gamma}$$

= $(5.14 \times 10^3 \text{ kPa}) \left(\frac{1}{9.50}\right)^{1.40} = 220 \text{ kPa}$

باستخدام قانون الغاز المثالي مرة ثانية نجد أن درجة الحرارة النهائية هي:

$$T_D = \frac{P_D V_D}{mR} = \frac{(220 \text{ kPa}) (0.559 \times 10^{-3} \text{ m}^3)}{(6.49 \times 10^{-4} \text{ kg}) (0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K})}$$
$$= 660 \text{ K}$$



الآن أصبح لدينا درجة الحرارة عند بداية ونهاية كل عملية في الدورة.

يمكننا أن نحسب صافى الطاقة المنتقلة وصافى الشغل الذي تقوم به كل أسطوانة في كل دورتين من معادلة 8.19.

$$Q_{h} = Q_{in} = mc_{V} (T_{C} - T_{B})$$

$$= (6.49 \times 10^{-4} \text{ Kg}) (0.718 \text{ KJ/kg·K}) (1623 \text{ K} - 739 \text{ K})$$

$$= 0.412 \text{ KJ}$$

$$Q_{c} = Q_{out} = mc_{V} (T_{D} - T_{A})$$

$$= (6.49 \times 10^{-4} \text{ Kg}) (0.718 \text{ Kj/ Kg·K}) (660 \text{ K} - 300 \text{ K})$$

$$= 0.168 \text{ KJ}$$

$$W_{net} = Q_{in} - Q_{out}$$

$$W_{net} = 0.244 \text{ KJ}$$

 $e = W_{net}/Q_{in} = 59\%$ من معادلة 2.19 الكفاءة

(يمكننا كذلك استخدام المعادلة 5.19 لحساب الكفاءة مباشرة من نسبة الانضغاط). ونتذكر أن القدرة تعطي كل دورتين لعمود الكرنك سنجد أن صافى القدرةللآلة ذات الست أسطوانات التي تعمل بعدد لقات 4000 rpm هي:

$$\mathcal{P}_{net} = 6\left(\frac{1}{2 \text{ rev}}\right) (4\,000 \text{ rev/min}) (1 \text{ min/60 s}) (0.244 \text{ kJ})$$

= 49 kw = 66 hp

الله ديزل 2 لتر Engine الله ديزل 2 لتر

دعنا نحسب القدرة التي تعطيها آلة ديزل ذات أربع أسطوانات (سلندرات) الحجم المزاح فيها 2.00 ونسبة $r=V_A$ / $V_R=22.0$ عند عدد لفات في الدقيقة 3000 rpm ونسبة التضاغط عند عدد لفات في الدقيقة Lالتوقف Cut off وهي نسبة التغير في الحجم أثناء عملية الضغط الثابت. $B \rightarrow C$ في شكل 13.19 وهي $r_c = V_c / V_B = 2.00$ يدخل الهواء في كل أسطوانة عند بداية دورة الانضافاط عند الضافط الجوى ودرجة حرارة الغرفة وهي c °27°. ونموذج آلة الديزل مشابه لنموذج آلة الجازولين الذي اتبعناه A
ightharpoonup B فيما عبدا أن الوقود يحقن عند النقطة B والخليط يحترق ذاتياً قرب نهاية دورة الإنضغاط 788] عندما نصل درجة الحرارة إلى درجة الإشتعال. نفرض أن الطاقة الداخلية تتم أثناء عملية الضغط



الشابت في العملية $D \to C$ وأن عملية التمدد تستمر من D إلى D دون انتقال أي طاقة إضافية بالحرارة. سنحسب الشغل الذي تقوم به كل اسطوانة منفردة حجمها الابتدائي V_A

$$V_A = (2.0 \times 10^{-3} \text{ m}^3)/4 = 0.50 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

حيث أن نسبة الانضغاط عالية جداً سوف نعتبر أكبر حجم للأسطوانة بحيث يصبح هو الحجم المزاح. باستخدام الضغط الابتدائي P_A يساوي P_A ودرجة الحرارة الابتدائية P_A عملنا حساب كتلة الهواء في الأسطوانة باستخدام قانون الغاز المثالي

$$m = \frac{P_A V_A}{RT_A} = \frac{(100 \text{ kPa}) (0.500 \times 10^{-3} \text{ m}^3)}{(0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K}) (300 \text{ K})} = 5.81 \times 10^{-4} \text{ kg}$$

العملية $A \rightarrow B$ عملية أديباتية إذن PV^{γ} = constant ومن ثم

$$P_B V_B^{\gamma} = P_A V_A^{\gamma}$$

$$P_B = P_A \left(\frac{V_A}{V_B}\right)^{\gamma} = (100 \text{ kPa}) (22.0)^{1.40} = 7.57 \times 10^3 \text{ kPa}$$

باستخدام قانون الغاز المثالي نجد أن الحرارة للهواء بعد الإنضغاط هي:

$$T_B = \frac{P_B V_B}{mR} = \frac{(7.57 \times 10^3 \text{ kPa}) (0.500 \times 10^{-3} \text{ m}^3) \left(\frac{1}{22.0}\right)}{(5.81 \times 10^{-4} \text{ kg}) (0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K})}$$
$$= 1.03 \times 10^3 \text{ K}$$

 $P_c = P_B$ العملية أبت إذن $B \rightarrow C$ العملية مدد تحت ضغط ثابت إذن

ونحن نعلم من نسبة التوقف وهي 2.00 أن الحجم يتضاعف في هذه العملية، طبقاً لقانون الغاز المثالي تضاعف الحجم في عملية أيزوبارية ينتج عنه تضاعف في درجة الحرارة

$$T_C = 2 T_B = 2.00 \times 10^3 \text{ K}$$

العملية $C \rightarrow D$ عملية تمدد أديباتي إذن

$$\begin{split} P_D &= P_C \bigg(\frac{V_C}{V_D}\bigg)^{\gamma} = P_C \bigg(\frac{V_C}{V_B} \frac{V_B}{V_D}\bigg)^{\gamma} = P_C \bigg(r_C \frac{1}{r}\bigg)^{\gamma} \\ &= (7.57 \times 10^3 \text{ kPa}) \bigg(\frac{2.00}{22.0}\bigg)^{1.40} = 264 \text{ kPa} \\ &: \text{i.e. of the limit is the proof of the pro$$

$$T_D = \frac{P_D V_D}{mR} = \frac{(264 \text{ kPa}) (0.500 \times 10^{-3} \text{ m}^3)}{(5.81 \times 10^{-4} \text{ kg}) (0.287 \text{ kPa} \cdot \text{m}^3/\text{kg} \cdot \text{K})}$$

= 792 K

الآن عندنا درجة الحرارة عند البداية والنهاية لكل عملية، يمكننا حسَّاب صافي الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة وصافى الشغل المبذول في كل أسطوانة كل دورتين.

$$Q_{h} = Q_{in} = mc_{p} (T_{C} - T_{B}) = 0.601 \text{ KJ}$$

$$Q_{c} = Q_{out} = mc_{V} (T_{D} - T_{A}) = 0.205 \text{ KJ}$$

$$W_{net} = Q_{in} - Q_{out} = 0.396 \text{ KJ}$$

$$e = \frac{W_{net}}{Q_{in}} = 66\%$$

صافى القدرة للآلة ذات الأربع أسطوانات (سلندرات) تعمل بمعدل 7000 هي:

$$\mathcal{P}_{\text{net}} = 4\left(\frac{1}{2 \text{ rev}}\right) (3\ 000\ \text{rev/min}) (1\ \text{min/60 s}) (0.396\ \text{kJ})$$

= 39.6 kW = 53 hp

بالطبع التصميمات الحديثة للآلات تذهب إلى أبعد من تلك المعالجات الترموديناميكية البسيطة التي تستخدم فيها دورات مثالية.

HEAT PUMPS AND REFRIGERATORS المضخات الحرارية والثلاجات 5.19

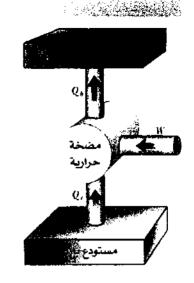
في قسم 1.19 تناولنا المضخات الحرارية كآلة ميكانيكية تنقل الطاقة من منطقة عند درجة حرارة منخفضة إلى منطقة أخرى أعلى منها في درجة الحرارة. لقد استخدمت المضخات الحرارية منذ زمن بعيد في تبريد المنازل والمباني وأصبحت الآن تستخدم كذلك في التدفئة. والمضخات الحرارية تحتوي على مبادلين حراريين من الأنابيب المعدنية يتبادلان الطاقة عن طريق الحرارة مع الوسط المحيط، أحد المبادلين يوضع خارج المبنى بحيث يكون متصلاً بالهواء والآخر يوضع داخل المبنى. في نظام التدفئة يدور مائع في المبادلين فتمتص الطاقة من خارج المبنى وتنطلق في داخله ويكون المائع بارداً وعند ضغط منخفض عندما يكون في المبادل الخارجي حيث يمتص الطاقة بالحرارة من الهواء خارج المبني. يضغط المائع الدافئ بعد ذلك داخل المبادل الداخلي كمائع ساخن عند ضغط مرتفع، حيث تنتقل منه الحرارة المخزونة إلى الهواء داخل المبنى.

幕 مكيف الهواء هو عبارة عن مضخة حرارية تعمل كنظام للتبريد حيث يوضع المبادل الخارجي مكان البادل الداخلي والمبادل الداخلي مكان المبادل الخارجي، تمتص الطاقة في المائع الذي يجرى في الملف الداخلي من الهواء داخل المبني، وبعد أن يضغط المائع تخرج الحرارة من الملف الخارجي إلى الهواء خارج المبني، ومكيف الهواء لابد من أن يفقد حرارته في خارج المبني، وإلا فإن الشغل المبذول على المكيف سيمثل طاقة تضاف إلى الهواء داخل المبنى وتزداد درجة حرارة الحجرة تبعاً لذلك. بنفس الطريقة لايمكن أن تقوم الثلاجة بتبريد المطبخ إذا ما تركنا باب الشلاجة مفتوحاً. فمقدار الطاقة الذي يغادر المبادل الخارجي شكل (14.19) خلف الثلاجة أكبر من الطاقة التي تؤخذ من الطعام أو من الهواء داخل المطبخ إذا ما كان باب الثلاجة مفتوحاً. والفرق بين الطاقة الخارجة والطاقة الداخلة هو الشغل 790 المبذول بواسطة الطاقة الكهربائية المغذية للثلاجة.

الفصل التاسع عشر، الألات الحرارية - الأنتروبي والقانون الثاني للديناميكا الحرارية



شكل (14.19) مبادل الطاقة الخسارجي الموضيوع خلف الثلاج ينقل الطاقة على شكل حــرارة إلى الهــواء، وهذ الطاقة تكون أكبر من الطاقة المستنصبة بواسطة المبنادل الداخلي في الثلاجة من محتويات الشلاجة من طعام وشراب



شكل (15.19) رسم توضيعي لضحة حرارية تمتص الطاقة Q_c من مستودع بارد وتعطى الطاقة إلى مسمتودع سباخن Q_h . لاحظ أن هذا الشكل يشبه شكل المبرد (5.19)

شكل (15.19) هو شكل توضيحي لمضخة حرارية. درجة الحرارة المنخفضة هي T ودرجة الحرارة المرتفعة هي Q_c والطاقة المنتصة بالمائع المتحرك داخل مبادل الثلاجة Q_c وقد قامت المضخة الحرارية بعمل شغل قدره W والطاقة المنتقلة من المضخة إلى المبنى في دورة التسخين (التدفئة) هي $Q_{
m h}$ ومدى فاعلية المضخة الحرارية يعبر عنها بدلالة مقدار يسمى معامل الأداء Coefficient of Performance ويرمز له بالرمز COP. وفي وضع التسخين يعرف معامل الأداء على أنه النسبة بين الطاقة المنتقلة إلى المستودع الساخن إلى الشغل اللازم لنقل تلك الطاقة

لاحظ أن معامل الأداء COP يشبه الكفاءة الحرارية للآلة الحرارية في أنه النسبة بين ما نحصل عليه (الطاقة المنقولة إلى داخل المبنى) إلى ما نفذى به المضخة (الشغل الذي تقوم به المضخة) حيث إن بصفة عامة يكون أكبر من W فإن معامل الأداء يكون غالباً أكبر من واحد. ومن المفضل أن يكون $Q_{
m h}$ COP أكبر ما يمكن تماماً كما أن كفاءة الآلة الحرارية يفضل أن تكون أعلى ما يمكن.

إذا كانت درجة الحرارة في الخارج F °25 أو أعلى عند إذ يكون COP للمضخة الحرارية حوالي 4. أي أن كميـة الطاقـة المنقـولة إلى داخل هواء المبنى تكون أكبـر بأربع أمـثـال الشـغل الذي يبـذله مـوتور 🕽 791

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

المضخة إلا أنه مع انخفاض درجة الحرارة خارج المبنى يصبح من الصعب على المضخة الحرارية أن تستخلص كمية كافية من الطاقة من الهواء وينخفض تبعاً لذلك معامل أدائها (COP). أي أن استخدام المضخات الحرارية التي تستخلص الطاقة الحرارية من الهواء في الجو المعتدل يكون مرضياً إلا أنه لا يكون كذلك عندما تنخفض درجة الحرارة بشدة، ومن الممكن استخدام المضخات الحرارية في المناطق الباردة بدفن المبادل الخارجي على عمق كبير في الأرض في هذ الحالة تستخلص الطاقة من الأرض التي تكون أعلى حرارة من الهواء في أثناء الشتاء.

اختبار سريع 1.19

في السخان الكهربائي تتعول الطاقة الكهربائية إلى طاقة داخلية بكفاءة تصل إلى 100%. كم تكون النسبة المتوية التي تتغير بها تكلفة تدفئة المنزل إذا غيرت نظام التدفئة من الدفايات الكهربائية إلى مضخات حرارية معامل أدائها 64 بفرض أن موتور المضخة الحرارية له كفاءة 100%.

من الناحية النظرية يفترض أن المضخة الحرارية التي تعمل في عكس دورة كارنو هي أكفأ مضخة حرارية ممكنة. وتمثل الحد الأعلى لمعامل الآداء COP لأي آلة تعمل بين مستودعين أحدهما بارد والآخر ساخن، باستخدام معادلتي 1.19 و 3.19 نجد أن أعلى معامل أداء لمضخة حرارية هو عندما تعمل في نسق التسخين كدفاية.

$$rac{Q_h}{W}= ext{COP}$$
 معامل الأداء في نسق النسخين $rac{Q_h}{Q_h}=rac{Q_c}{Q_h}=rac{1}{1-rac{Q_c}{Q_h}}=rac{1}{1-rac{T_c}{T_h}}=rac{T_h}{T_h-T_c}$

وبالنسبة لمضخة حرارية تعمل في نسق التبريد ما نحصل عليه هو طاقة مأخوذة من المستودع البارد والمكيف أو المضخة الحرارية الأكبر تأثيراً هي التي تنقل أكبر قدر من الطاقة من المستودع البارد نظير أقل قدر ممكن من الشغل المبذول. إذن لهذه النظم سنعرّف معامل الأداء (COP) بدلالة .Q

$$\frac{Q_c}{W}$$
 =معامل الأداء (COP) في نسق التبريد (7.19)

والمبرد الجيد يصل معامل أداؤه إلى 6.

وأعلى قدر لمعامل الأداء في مضخة حرارية تعمل كمبرد هو للمضخة الحرارية التي تعمل مادتها الشغالة طبقاً لدورة كارنو المعكوسة Carnot Cycle in Reverse

$$COP(c)$$
 نظام تبرید = $\frac{T_c}{T_h - T_c}$

عملياً درجة الحرارة المنخفضة لمبادل التبريد ودرجة الحرارة المرتفعة لمبادل الضغط المرتفع (792) (الموجود خارج الثلاجة) يحددان مقدار معامل الأداء (COP) عند أقل من 10.

مختبرسريع

قدر COP لشلاجتك بقيباس درجة الحبرارة للأطعمة التي في داخل الشلاجة وللمبادل الساخن(خارج الثلاجة). استخدم يدك إذا لم تجد ترمومتر.

6.19 _ الأنــترويــي ENTROPY

🌮 القانون الصفرى للديناميكا الحرارية يتناول مفهوم درجة الحرارة والقانون الأول يتناول مفهوم الطاقة الداخلية. ودرجة الحرارة والطاقة الداخلية من دوال الحالة State Functions أي أنهما يصفيان الحالة الترموديناميكية للنظام. هناك دالة أخرى من دوال الحالة تتعلق بالقانون الثاني للديناميكا الحرارية وهي الأنتروبي Entropy ويرمز له بالرمز S. في هذا القسم سوف نعرف الأنتروبي على المستوى الماكروسكوبي كما عرفه كلاورزيوس Clausius في أول الأمر في عام 1865.

اعتبر عملية متناهية الصغر Infinitesimal انتقل خلالها النظام من حالة اتزان إلى حالة أخرى. إذا اعتبرنا أن dQ_r هي كمية الطاقة المنتقلة بواسطة الحرارة عندما يتبع النظام مساراً عكوساً بين ا الحالتين عند إذ يكون التفير في الأنتروبي dS مساوياً لهذا القدر من الطاقة للعملية العكوسة مقسوماً على درجة الحرارة المطلقة للنظام.

$$dS = \frac{dQ_r}{T}$$
 (8.19) تعريف كالاوزيوس للتغير في الأنتروبي

لقد افترضنا أن درجة الحرارة ثابتة لأن العملية متناهية الصغر. وحيث إننا قد اعتبرنا أن الأنتروبي هو دالة من دوال الحالة، فإن التغير في الأنتروبي خلال العملية يعتمد فقط على نقطتي البداية والنهاية ومن ثم فهو لايعتمد على المسار الذي اتبعه النظام بين النقطتين.

والرمز السفلى r في الكمية dQ_r لتذكرنا بأن الطاقة المنقولة مقاسة خلال مسار عكوس حتى ولو كان النظام قد اتبع مساراً غير عكوس، إذا كان النظام قد امتص طاقة فإن dQ_r تكون موجبة ويزداد الأنتروبي للنظام وإذا كانِيت الطاقة dQ_{p} قد خرجت من النظام فإنها تكون سالبة ويقل الأنتروبي للنظام. لاحظ أن معادلة 8.19 لاتعرف الأنتروبي بل التغير في الأنتروبي، إذن الكمية ذات المغزى عند وصف العملية الترموديناميكية هي التغير في الأنتروبي. لقد صيغ الأنتروبي أساساً كمفهوم مفيد في الديناميكا الحرارية. إلا أن أهميته قد ازدادت مع ظهور علم الميكانيكا الإحصائية ولأن الطرق التحليلية للميكانيكا الإحصائية أعطت طرقاً بديلة لتنسير الأنتروبي. في الميكانيكا الإحصائية، يوصف سلوك المواد بدلالة السلوك الإحصائي لذراته وجزيئاته. وإحدى النتائج الأساسية لهذه المعالجة هي أن النظم المعزولة تميل نحو عدم النظام Disorder و أن الأنتروبي هو مقياس لهذا اللانظام. نأخذ على سبيل المثال جزيئات الغاز في هواء الحجرة. لو أن نصف جزيئات الغاز في الحجرة متجهات سرعتها متساوية (793

الفيزياء (الجزءالأول - الميكانيكا والديناميكا الحرارية)

ومتجهة نحو اليسار والنصف الآخر متجهات سرعته متساوية كذلك ومتجهة نحو اليمين. سيكون الوضع منتظماً جداً، إلا أن هذا الوضع غير محتمل الحدوث. فلو أنك قد رأيت الجزيئات سوف تجد أنها تتحرك عشوائياً في جميع الاتجاهات تتصادم مع بعضها وتتغير سرعتها بعد التصادم فبعضها يتحرك بسرعة والآخر ببطئ. هذا الوضع هو منتهى اللانظام.

السبب في ميل النظام المعزول نحو عدم النظام يمكن تفسيره بسهولة بالتمييز بين الحالات الميكروسكوبية والحالات الماكروسكوبية للنظام. فالحالة الميكروسكوبية هي وصف لخواص الجزيئات المنفردة المكونة للنظام فمثلاً الوصف الذي أوردناه سابقاً عن كون متجهات السرعة لجزيئات الغاز في الحجرة منتظمة جداً يشير إلى حالة ميكروسكوبية، لكن الحالة الأكثر واقعية وهي الحركة العشوائية هي حالة ميكروسكوبية أخرى تمثل حالة عدم النظام. أما وصف حالة النظام من وجهة النظر الماكروسكوبية في الماكروسكوبية مثل الضغط والكثافة ودرجة الحرارة. فمثلاً في الحالتين الميكروسكوبيتين التي سبق وصفه ما لجزيئات الهواء في الغرفة. جزيئات الهواء موزعة بالتساوي في الغرفة فهذه الكثافة المنتظمة هي حالة ماكروسكوبية. ولا يمكننا أن نميز بين الحالتين الميكروسكوبيتين التي سبق الحديث عنهما بإجراء قياسات ماكروسكوبية. فالحالتان الدقيقتان تظهران من الناحية الماكروسكوبية.

إذن لأي حالة ماكروسكوبية للنظام من المكن أن يوجد أكثر من حالة ميكروسكوبية، وجميع تلك الحالات الميكروسكوبية المكنة لها نفس درجة الإحتمال. إلا أنه لوفحصنا تلك الحالات الميكروسكوبية المكنة سنجد أن حالات عدم الانتظام بينها أكثر من حالات الانتظام. وحيث إن جميع الحالات الميكروسكوبية محتملة بنفس الدرجة فإنه على الأرجع أن تكون الحالة الماكروسكوبية الفعلية ناتجة عن حالة ميكروسكوبية من الحالات غير المنتظمة حيث إنه يوجد منها الكثير. جميع العمليات الفيزيائية التي تحدث في نظام ما تحاول أن تجعل النظام والوسط المحيط به يتحرك نحو الحالة الماكروسكوبية الأكثر احتمالاً. والحالة الأكثر احتمالاً هي دائماً الأقل نظاماً. فإذا فرضنا أن النظام وما يحيط به يشملان الكون عند إذ يكون الكون يتحرك باستمرار نحو الحالة الماكروسكوبية المناظرة لحالة الإزدياد في عدم النظام، وحيث إن الأنتروبي هو مقياس لعدم النظام، فيمكن التعبير عن ذلك بأن نقول الأنتروبي للكون يزداد في جميع العمليات الحقيقية. وهذا نص آخر للقانون الثاني للديناميكا الحرارية، ويمكن بيان أنه يكافئ نص كلفن وبلائك ونص كلاوزيوس.

لكي نحسب التغير في الأنتروبي لعملية محددة يجب أن نتيقن من أن T ليست مقداراً ثابتاً بصفة عامة. إذا كانت dQ_r هي الطاقة المنقولة بواسطة الحرارة عندما يكون النظام في درجة حرارة T إذن التغير في الأنتروبي في عملية عكوسة بين الحالة الابتدائية والنهائية هو:

$$\Delta S = \int_{i}^{f} dS = \int_{i}^{f} \frac{dQ_{r}}{T} \qquad (\text{max}) \qquad (9.19)$$

كما في العمليات متناهية الصغر التغير في الأنتروبي ΔS لنظام ينتقل من حالة إلى أخرى له نفس المقدار لجميع المسارات التي تربط بين الحالتين أي أن التغير المحدود في الأنتروبي ΔS لنظام يعتمد فقط على خواص حالتي الاتزان الابتدائية والنهائية. إذن لدينا الحرية أن نختار مساراً عكوساً معيناً لتقدير الأنتروبي بدلاً من المسار الفعلي طالما أن الحالتين الابتدائية والنهائية لم يتغيرا بالنسبة للمسارين.

اختبار سريع 2.19

أي من هذه الاختبارات هو الصحيح لتغير الأنتروبي لنظام قام بعملية أديباتية عكوسة (أ) $\Delta S = 0$ (ب) $\Delta S = 0$

سنأخذ حالة التغير في الأنتروبي التي تحدث في آلة كارنو الحرارية التي تعمل بين درجتي الحرارة ${\rm Q}_{\rm c}$ و ${\rm T}_{\rm h}$. في دورة واحدة تمتص الآلة طاقة قدرها ${\rm Q}_{\rm h}$ من المستودع الساخن وتتخلص من الطاقة في المستودع البارد. وتلك الانتقالات في الطاقة تحدث أثناء الأجزاء الأيزوثرمالية من دورة كارنو. إذن يمكننا أن نضع درجة الحرارة الثابتة قبل علامة التكامل في معادلة 9.19 عند إذ يبقى داخل علامة التكامل كمية الطاقة التي انتقلت عن طريق الحرارة. إذن التغير الكلي في الأنتروبي لدورة واحدة هو:

$$\Delta S = \frac{Q_h}{T_h} - \frac{Q_c}{T_c}$$

 $\rm Q_c$ والعلامة السالبة في المعادلة تعني أن الطاقة $\rm Q_c$ قد فقدها النظام، وحيث إننا لانزال نعامل على أنها كمية موجبة عندما نشير إلى الآلة الحرارية فقد بينا في مثال 2.19 عن آلة كارنو أن

$$\frac{Q_c}{Q_h} = \frac{T_c}{T_h}$$

باستخدام هذه النتيجة في المعادلة عن ΔS نجد أن التغير الكلي في الأنتروبي لآلة كارنو التي تعمل في دورة يساوي صفر (التغير في الأنتروبي لدورة كارنو) ΔS=0

والآن سنأخذ حالة نظام قام بدورة اختيارية (ليست دورة كارنو) عكوسة. حيث إن الأنتروبي دائة حالة، ومن ثم يعتمد فقط على خواص حالة الإتزان. سنعتبر أن $\Delta S = 0$ لأي دورة عكوسة، وبصفة عامة سوف نعبر عن هذا الشرط بصورة رياضية على النحو التالى:

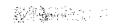
$$\oint \frac{dQ_r}{T} = 0$$
(10.19)

حيث العلامة ﴿ تدل على أن التكامل على دورة مقفلة.

العملية العكوسة شبة الاستاتيكية للغاز المثالي

Quasi- Static Reversible Process for an Ideal Gas

 T_i سنفرض أن غازاً مثالياً قام بعملية عكوسة شبة استاتيكية من حالة ابتدائية درجة حرارتها V_i وحجمها V_i إلى حالة نهائية عند درجة حرارة T_i وحجم V_i والمطلوب حساب التغير في الأنتروبي للغاز لهذه العملية.



نكتب القانون الأول للديناميكا الحرارية في صورته التفاضلية ونرتب الحدود فتحصل على المعادلة $dE_{\rm int}=nC_{\rm V}dT~(12.19)$ التالية dW=P~dV حيث dW=P~dV حيث dW=P~dV للغاز المثالي وحيث إن معادلة dW=P~dV حيث dW=P~dV ومن ثم يمكننا التعبير عن الطاقة المنقولة بواسطة الحرارة في العملية كما يلى:

$$dQ_r = dE_{\text{int}} + P dV = nC_V dT + nRT \frac{dV}{V}$$

ولايمكننا تكامل هذه المعادلة بشكلها الحالي حيث إن الحد الأخير يحتوي على متغيرين T و V إلا أننا لوقسمنا جميع الحدود على المقدار T سيصبح كل حد من الحدود التي على اليمين معتمداً على متغير واحد فقط.

$$\frac{dQ_r}{T} = nC_V \frac{dT}{T} + nR \frac{dV}{V}$$
 (11.19)

إذا اعتبرنا C_V مقداراً ثابتاً في المدى المذكور وبتكامل المعادلة (11.19) من الحالة الابتدائية إلى الحالة النهائية نجد أن:

$$\Delta S = \int_i^f \frac{dQ_r}{T} = nC_V \ln \frac{T_f}{T_i} + nR \ln \frac{V_f}{V_i}$$
 (12.19)

وهذه العلاقة تبين رياضياً ما افترضناه سابقاً أن ΔS تعتمد فقط على الحالتين الابتدائية والنهائية ولاتعتمد على المسار بين هاتين الحالتين لاحظ أيضاً أنه في معادلة 12.19 يمكن أن تكون ΔS موجبة أؤ سالبة ويعتمد ذلك على قيم الحجم ودرجة الحرارة في الحالتين الابتدائية والنهائية إذن في العملية الدورية التي يكون فيها $T_i=T_e$ و $V_i=V_i$ نجد من معادلة 12.19 أن ΔS تساوي صفر وهذا يؤكد على أن الأنتروبي هو دالة من دوال الحالة State function.

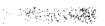
مثال 6.19 التغيرفي الأنتروبي - الانصهار

مادة صلبة حرارتها الكامنة للإنصهار L_f وتنصهر عند درجة حرارة T_f (a) إحسب التغير في الأنتروبي لهذه المادة عندما تتصهر كتلة منها قدرها m.

الحل، سنفترض أن عملية الإنصهار تمت ببطئ شديد بحيث يمكن اعتبارها عكوسة. في هذه الحالة يمكن اعتبار أن درجة الحرارة ثابتة وتساوي T_m . وباستخدام المعادلة $Q = mL_f$ (6.17) في الكامنة للإنصهار (6.17)

$$\Delta S = \int \frac{dQ_r}{T} = \frac{1}{T_m} \int dQ = \frac{Q}{T_m} = \frac{mL_f}{T_m}$$

نلاحظ أنه من المكن إخراج T_m من التكامل حيث إن العملية أيزوثرمالية، لاحظ كذلك أن ك ΔS كمية موجبة. وهذا يعني أنه عند انصهار مادة صلبة يزيد مقدار الأنتروبي لها، لأن الجزيئات في



السائل تكون أقل ترتيبا مما هي عليه في الحالة الصلبة. القيمة الموجبة للتغير في الأنتروبي ΔS يعني كذلك أن المادة في حالتها السائلة لاتنتقل طاقتها تلقائيا منها إلى الوسط المحيط وتتجمد لأنها إذا فعلت ذلك سينتج نقص تلقائي في الأنتروبي.

(ب) قدر قيمة التغير في الأنتروبي لمكعب من التلج عندما ينصهر.

الحل: نف ترض أن مكعب الثلج طول كل ضلع من أضلاعه 3 سنتيمتر. حجم المكعب سيكون تقريباً 3.33 x10⁵ J/kg وكتلته g و 30 من جدول 2.20 سنجد أن الحرارة الكامنة للانصهار للثلج هي3.33 x10⁵ J/kg بإحلال هذه القيم في إجابتنا عن السؤال (أ) نجد أن:

$$\Delta S = \frac{mL_f}{T_m} = \frac{(0.03 \text{ kg}) (3.33 \times 10^5 \text{ J/kg})}{273 \text{ K}} = 40 \text{ J/K}$$

7.19 / التغير في الأنتروبي في العمليات غير العكوسة:

ENTROPY CHANGES IN IRREVERSIBLE PROCESSES

طبقا لتعريف الأنتروبي نجد أن حساب التغير في الأنتروبي يقتضي وجود معلومات عن المسار العكوس الذي يربط بين حالتي الاتزان الابتدائية والنهائية الحساب التغير في الأنتروبي في العمليات الحقيقية (غير العكوسة) يجب أن نتذكر أن الأنتروبي يعتمد فقط على حالة النظام (مثل الطاقة الداخلية) أي أن الأنتروبي هو دالة من دوال الحالة، ومن ثم فإن التغير في الأنتروبي عندما ينتقل النظام بين أي حالتين من حالات الاتزان يعتمد فقط على الحالة الابتدائية والحالة النهائية للنظام.ويمكننا أن نبين أن الأمر إن لم يكن كذلك فإنه يتعارض مع القانون الثاني للديناميكا الحررية.

سوف نقوم بحساب التغير في الأنتروبي في إحدى العمليات غير العكوسة بين حالتين من حالات الاتزان بإجراء عملية عكوسة (أو مجموعة من العمليات العكوسة بين نفس الحالتين ثم نحسب $\Delta S=\Delta Q_I/T$ للعملية العكوسة. في العمليات غير العكوسة من الأهمية بمكان أن تميز بين Q وهي الطاقة الفعلية المنتظلة في العملية وQ وهي الكمية الصحيحة التي يجب استخدامها عند حساب التغير في الأنتروبي.

كما سنرى من المثال التالي، التغير في الأنتروبي لنظام ما والوسط المحيط به يكون دثماً موجباً في العمليات غير العكوسة. ويصفة عامة الأنتروبي الكلي ومن ثم عدم النظام يزداد في العمليات غير العكوسة. إذا أخذنا ذلك في الاعتبار، فإننا نستطيع أن نصيغ القانون الثاني للديناميكا الحرارية كما يلي :

الأنتروبي الكلي لنظام معزول الذي يقوم بعملية تغير لايمكن أن يقل. بالإضافة إلى ذلك إذا كانت العملية غير عكوسة عند إذ الأنتروبي الكلي لنظام معزول يزداد دائماً. أما في العمليات العكوسة، فإن الأنتروبي الكلي لنظام معزول يظل ثابتاً.



عندما نتعامل مع نظام غير معزول عن الوسط المحيط فيجب أن نتذكر أن الزيادة في الأنتروبي المعبر عنها في القانون الثاني هي للنظام والوسط المحيط به عندما تحدث عملية غير عكوسة لنظام ما غير معزول عن الوسط المحيط، فإن الزيادة في الأنتروبي لأحدهما تكون أكبر من نقص الأنتروبي في الثاني، ومن ثم نستنتج أن التغير في الأنتروبي للكون لابد وأن يكون أكبر من صفر لأي عملية غير عكوسة، وفي نهاية المطاف لابد وأن يصل الأنتروبي للكون إلى حد أعلى. عند هذه الحالة سيصبح الكون في حالة تساوي في درجة الحرارة والكثافة، وستتوقف كل العمليات الفيزيائية والكيميائية والبيولوجية، لأن حالة عدم النظام التام تؤدي إلى عدم توفر طاقة لعمل شغل، وهذه الحالة المظلمة تسمى أحيانا الموت الحراري للكون

اختبار سريع 3.19

في حالة وجود ضوء الشمس تقوم الشجرة بإعادة تنظيم غاز ثاني أكسيد الكربون الموجود في صورة غير منظمة وجزيئات الماء في نظام جزيئي في غاية النظام وهو ما نراء على شكل أوراق وضروع. فهل صح أم خطأ أن تناقص الأنشروبي في الشجرة يناقض القانون الثاني للديناميكا الحرارية.

التغير في الأنتروبي في التوصيل الحراري Entropy Change in Thermal Conduction

سنتناول حالة نظام يتكون من مستودع ساخن ومستودع بارد متصلان ببعضهما ومنفصلان عن باقي الوسط المحيط، ستحدث عملية يتم خلالها انتقال قدر من الطاقة Q بواسطة الحرارة من المستودع الساخن عند درجة حرارة T_h إلى المستودع البارد عند درجة حرارة Q/T_c , وحيث إن المستودع البارد يمتص قدراً من الطاقة Q سيزداد الأنتروبي له بمقدار Q/T_c). وفي نفس الوقت المستودع الساخن يفقد طاقة Q فيكون التغير في الأنتروبي له Q/T_c) وبما أن $D_c > T_c$ فإن الزيادة في الأنتروبي للمستودع الساخن. إذن التغير في الأنتروبي للمستودع الساخن. إذن التغير في الأنتروبي للنظام وللكون أكبر من صفر.

$$\Delta S_{U} = \frac{Q}{T_{c}} + \frac{-Q}{T_{h}} > 0$$

مثال 7.19 في أي اتجاه تسري الطاقة؟

جسم كبير بارد عند درجة حرارة 273 k وجسم كبير ساخن عند درجة حرارة 373k بين أنه من غير الممكن انتقال أي قدر من الطاقة مثلاً 8.00J تلقائياً من الجسم البارد إلى الجسم الساخن دون نقص في الأنتروبي للكون ومن ثم فهو يتناقض مع القانون الثاني للديناميكا الحرارية.

الحل: نفرض أنه في أثناء انتقال الطاقة لم يحدث تفير في درجة حرارة الجسمين وهو ليس شرطا

هاماً إلا أننا قد وضعناه لنتجنب استخدام حساب التكامل في حساباتنا، والعملية ليست عكوسة ولذلك فعلينا أن نوجد عملية عكوسة مكافئة لها، فيكفي أن نفترض أن الجسمين متصلان بموصل ردئ للحرارة تغطي المدى من 273K إلى 373K وهذا الموصل ينقل الطاقة ببطئ وحالته لاتغير أثناء العملية، مع هذه الافتراضات يعتبر انتقال الحرارة من أو إلى أي من الجسمين عملية عكوسة ويمكننا أن نضع Q = Q والتغير في الأنتروبي للجسم الساخن هو

$$\Delta S_h = \frac{Q_r}{T_h} = \frac{8.00 \text{ J}}{373 \text{ K}} = 0.021 \text{ 4J/K}$$

الجسم البارد يفقد طاقة والتغير في الأنتروبي بالنسبة له هو

$$\Delta S_c = \frac{Q_r}{T_c} = \frac{-8.00 \text{ J}}{273 \text{ K}} = -0.029 \text{ 3J/K}$$

سوف نعتبر أن الجسمين معزولان عن العالم الخارجي، ومن ثم فإن التغير في الأنتروبي للكون هو . هذا التغير في الأنتروبي للنظام المذكور وهو

$$\Delta S_U = \Delta S_c + \Delta S_h = -0.007 \text{ 9J/k}$$

وهذا النقص في الأنتروبي للكون يتناقض مع القانون الثاني للديناميكا الحرارية. أي أن الانتقال التلقائي للطاقة من جسم بارد إلى جسم ساخن لايمكن أن يحدث.

من حيث عدم النظام، دعنا نعتبر أن التناقض مع القانون الثاني إذا ظل انتقال الطاقة تلقائيا من جسم بارد إلى جسم ساخن. قبل انتقال الطاقة هناك درجة من النظام مرتبطة بدرجتي الحرارة للجسمين. فجزيئات الجسم البارد، فإذا انتقلت الطاقة تلقائيا من الجسم البارد، فإذا انتقلت الطاقة تلقائيا من الجسم البارد إلى الجسم الساخن فإنه بعد فترة زمنية ستزداد برودة الجسم البارد والجسم الساخن سيزداد سخونة وسيتزايد تبعاً لذلك الفرق بين متوسط طاقة الجزيئات، وهو ما يمثل زيادة في انتظام الجزيئات المكونة لهذا النظام مما يتنافي مع القانون الثاني للديناميكا الحرارية. بالمقارنة بالعملية التي تتم طبيعياً هي سريان الحرارة من الأجسام الساخنة إلى الأجسام الباردة، في هذه العملية الفرق في متوسط الطاقة وزيادة في عدم النظام.

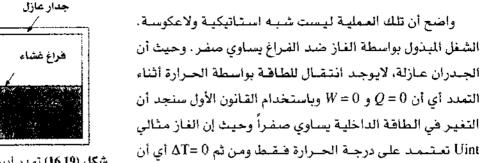
تمرين: نفرض أن 8.00J من الطاقة انتقلت من جسم ساخن إلى جسن بارد ما هو مقدار التغير في الأنتروبي للكون...

الحل: +0.007 9 J/k

تغير الأنتروبي في التمدد الحر Entropy Change in Free Expansion

سنعود مرة ثانية إلى التمدد الأديباتي الحر لغاز يشغل حجماً ابتدائياً V_i شكل (16.19) ويفصل الغاز عن المنطقة المفرغة من الهواء غشاء رقيق. عند قطع هذا الغشاء يتمدد الغاز في عملية غير عكوسة ليشغل حجما V. سنوجد التغير في الأنتروبي للغاز وللكون خلال تلك العملية.

الفيزياء (الجزء الأول - البكانيكا والديناميكا الحرارية)



نستخدم معادلة (9.19) لايمكن أن نضع Q=0 وهي القيمة للعملية غير العكوسة، وبدلا من ذلك نوجد Q أي نوجد مساراً عكوساً مكافئاً له نفس الحالتين الابتدائيـة والنهائيـة، والإخـتيـار Q=0 if الأسهل هو التمدد الأيزوثرمالي العكوس وفيه يدفع الغباز ببطئ

شكل (16.19) تمدد أديبياتي حير لغاز عندما يقطع الغشاء يتمدد بحرية وبطريقة غير عكوسة، ويزداد حجمه، الوعاء معزول حرارياً ومن ثم لايحدث انتشال حراري للفاز أي

مكبسا بينما درجة الحرارة تظل ثابتة، بنقل طاقة من مستودع إلى الغاز. وحيث إن درجة الحرارة ثابتة في هذه العملية يمكن استخدام معادلة (9.19)

$$\Delta S \int_i^J \frac{dQ_r}{T} = \frac{1}{T} \int_i^J dQ_r$$

بالنسبة للعمليات الأيزوثرمالية، طبقاً للقانون الأول للديناميكا الحرارية dQ_r تساوي الشغل المبذول بواسطة الغاز أثناء التمدد من V_i إلى V_i وهو ماتعطية معادلة 13.17. باستخدام هذه النتيجة نجد أن التغير في الأنتروبي للغاز هو:

$$\Delta S = nR \ln \frac{V_f}{V_i} \tag{13.19}$$

حيث إن $V_{\rm f} > V_{
m i}$ نستنتج أن ΔS تكون موجبة وهذه النتيجة الموجبة تبين أن كلا من الأنتروبي وعدم النظام للغاز يتزايد نتيجة لعملية التمدد الأدبباتي غير العكوس،

نظراً لأن التمدد الحريتم في وعاء معزول لاتوجد طاقة منتقلة بواسطة الحرارة من الوسط المحيط (تذكّر أن التمدد الأيزوترمالي العكوس ليس إلا عملية استخدمناها لحساب التفير في الأنتروبي للغاز بدلاً من العملية الحقيقية، أي أنها ليست هي العملية الحقيقية). إذن التمدد الحر ليس له أي تأثير على الوسط المحيط، والتغير في الأنتروبي للوسط المحيط يساوي صفراً، إذن التغير في الأنتروبي للكون موجب، وهو ما يتفق مع القانون الثاني.

التمدد الحرللفاز مثال 8.19

احسب التغير في الأنتروبي لعملية يقوم فيها 2 مول من الغاز المثالي بتمدد حر ليصبح حجمه 800] النهائي ثلاث أمثال الابتدائي.